

การเปรียบเทียบวิธีการปรับค่าประมาณความน่าจะเป็นที่จะเสียชีวิตเมื่อข้อมูลถูกตัดปลาย

นางสาว สมใจ สุภักขวิริยะกุล



สถาบันวิทยบริการ

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาคตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต
ภาควิชาสถิติ

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ปีการศึกษา 2539

ISBN 974-636-007-8

ลิขสิทธิ์ของบัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

I17457865

**A COMPARISON OF REVISION METHODS ON ESTIMATING
MORTALITY PROBABILITY WITH TRUNCATED DATA**



MISS SOMJAI SUPAKWIRIYAKUL

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Science

Department of Statistics

Graduate School

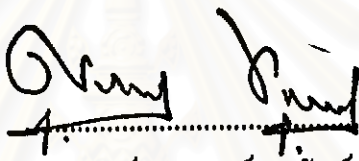
Chulalongkorn University

Academic Year 1996


ISBN 974-636-007-8


หัวข้อวิทยานิพนธ์ การเปรียบเทียบวิธีการปรับค่าประมาณความน่าจะเป็นที่จะเสียชีวิตเมื่อ
ข้อมูลถูกคัดปลาบ
โดย นางสาว สมใจ สุภักดิ์วิริยะกุล
ภาควิชา สถิติ
อาจารย์ที่ปรึกษา ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ร้อยเอก มานพ วราภักดิ์

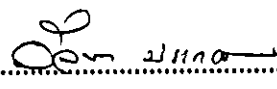
บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้บัณฑิตวิทยาลัยฉบับนี้เป็นส่วน
หนึ่งของการศึกษาดมหลักสูตรปริญญาโทบัณฑิต

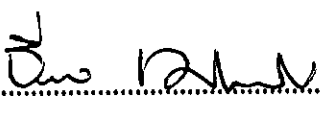

..... คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย
(ศาสตราจารย์นายแพทย์ สุภวัฒน์ สุทธิวงศ์)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์


..... ประธานกรรมการ
(รองศาสตราจารย์ มัดติกา บุญนาค)


..... อาจารย์ที่ปรึกษา
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ร้อยเอก มานพ วราภักดิ์)


..... กรรมการ
(รองศาสตราจารย์ วิธภา ประกอบผล)


..... กรรมการ
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ชีระพล เมฆอริคม)

พิมพ์ต้นฉบับบทความวิจัยวิทยานิพนธ์ภายในกรอบสี่เหลี่ยมนี้เพียงแผ่นเดียว

สนใจ ทุกักวีระกุล : การเปรียบเทียบวิธีการปรับค่าประมาณความน่าจะเป็นที่จะเสียชีวิตเมื่อข้อมูลถูกตัดปลาย (A COMPARISON OF REVISION METHODS ON ESTIMATING MORTALITY PROBABILITY WITH TRUNCATED DATA) อ.ที่ปรึกษา : ผศ. ร.อ. มานพ วรารักษ์ , 348 หน้า.
ISBN 974-636-007-8.

การวิจัยนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาเปรียบเทียบ วิธีการปรับค่าประมาณความน่าจะเป็นที่จะเสียชีวิตเมื่อข้อมูลถูกตัดปลาย ซึ่งใช้เทคนิคมอนติคาร์โลในการจำลองข้อมูลและใช้การทดลองซ้ำ 100 ครั้ง โดยทำการศึกษาการแจกแจงของระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตเป็นแบบไวบูลต์และแบบกอมเพริช การแจกแจงของระยะเวลาที่จะเกิดการถอนตัวเป็นแบบสม่าเสมอและแบบแกมมา ขนาดตัวอย่าง (m) คือ 100, 300, 500, 700 และ 1,000 ตัดส่วนการถอนตัวออกจากช่วงระยะเวลาการศึกษาที่ระดับร้อยละ 5, 10, 20, 30, 35 และ 40 ของขนาดตัวอย่างข้อมูล จากการศึกษาพบว่าตัดส่วนการถอนตัวที่แต่ละระดับไม่มีผลต่อประสิทธิภาพในการปรับค่าประมาณ ดังนั้นจึงนำเสนอผลการวิจัยที่ระดับค่ากลางคือตัดส่วนร้อยละ 30 จากนั้นใช้วิธีการประมาณแบบคณิตศาสตร์ประกันกับการหาค่าประมาณความน่าจะเป็นที่คนอายุ x ปี จะเสียชีวิตภายใน 1 ปีข้างหน้า (q'_x) สำหรับช่วงอายุ 0-99 ปี แล้วทำการปรับค่าประมาณที่ได้ด้วยวิธีการปรับค่า 3 วิธี คือ การปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชันและการปรับค่าโดยใช้ทวินามองศาตาม ในการเปรียบเทียบวิธีการปรับค่าทั้ง 3 วิธีนี้จะพิจารณาจากค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ (MAPE) โดยแยกพิจารณาตามขนาดตัวอย่างและช่วงอายุ

ผลการวิจัยพบว่าในการหาค่า q'_x เมื่อขนาดตัวอย่างมีค่าไม่มาก ($m = 100$ และ 300) ค่าเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ของค่า q'_x ที่อายุช่วงต้นจะมีค่าค่อนข้างสูง แต่เมื่อเพิ่มขนาดตัวอย่าง ($m = 500, 700$ และ $1,000$) จะทำให้ค่า APE ดังกล่าวลดลง ดังนั้นในการหาค่า q'_x ที่อายุช่วงต้นจึงไม่ควรใช้ขนาดตัวอย่างที่มีค่าน้อยเกินไป ส่วนค่า MAPE ของค่า q'_x ที่ขนาดตัวอย่างใด ๆ จะแปรผันตรงตามตัดส่วนการถอนตัว

จากค่า q'_x ที่ได้จากการประมาณการนำมาปรับค่าพบว่า

สำหรับอายุช่วง 0-24 ปี ควรเลือกใช้วิธีการปรับค่าโดยใช้ทวินามองศาตาม

สำหรับอายุช่วง 25-49 ปี เมื่อขนาดตัวอย่างไม่มากนัก ($m = 100, 300$ และ 500) ควรเลือกใช้วิธีการปรับค่าโดยใช้ทวินามองศาตามหรือการปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน แต่เมื่อตัวอย่างมีขนาดใหญ่พอ ($m = 700$ และ $1,000$) สามารถเลือกใช้การปรับค่าวิธีการใดก็ได้ ซึ่งวิธีที่ควรเลือกใช้คือวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่เนื่องจากเป็นวิธีที่สะดวกและง่ายกว่า

สำหรับอายุช่วง 50-74 ปี และ 75-99 ปี ที่ขนาดตัวอย่างใด ๆ ควรเลือกใช้วิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ หรือการปรับค่าโดยใช้ทวินามองศาตาม แต่ทั้งนี้วิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่จะไม่สามารถใช้ที่อายุช่วงปลายได้ (90-99 ปี)

ส่วนค่า MAPE ของการปรับค่า q'_x ที่ขนาดตัวอย่างใด ๆ จะแปรผันตรงตามตัดส่วนการถอนตัว

ภาควิชา สถิติ
สาขาวิชา การประกันภัย
ปีการศึกษา 2539

ลายมือชื่อนิติ ส.ว. ๔ ส.ว. ๕
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม

พิมพ์ต้นฉบับบทคัดย่อวิทยานิพนธ์ภายในกรอบสี่เหลี่ยมเพียงแผ่นเดียว

** C724035 : MAJOR INSURANCE

KEY WORD: GRADUATION METHODS / MORTALITY PROBABILITY / ACTUARIAL ESTIMATION METHOD

SOMJAI SUPAKWIRIYAKUL : A COMPARISON OF REVISION METHODS ON ESTIMATING MORTALITY PROBABILITY WITH TRUNCATED DATA.

THESIS ADVISOR : ASST. PROF. CAPT. MANOP VARAPHADI, 348 pp. ISBN 974-636-007-8.

The objective of this study is to compare the revision methods on estimating mortality probability with truncated data by using the Monte Carlo Simulation Method repeating 100 times. In this study, the distributions of future life times are Weibull and Gompertz, the distributions of withdrawal times are Uniform and Gamma, the sample size (m) are 100, 300, 500, 700 and 1,000, the proportion of withdrawal are 5%, 10%, 20%, 30%, 35% and 40% of the sample size. The study reveal that the proportion of withdrawal is ineffective to the proficiency in revision methods. Thus, the research presentation is middle value of 30%. The probability that a person whose age is x will die within one year (q'_x) for age x between 0 and 99 years are estimated by Actuarial Estimation Method. These probability are revised by three revision methods ; Moving Weighted Average Graduation, Functional Forms Graduation and Cubic Splines Graduation. To compare these three revision methods, the mean absolute percentage errors (MAPE) 's are considered separately by sample size and age interval.

The result of this study reveal that when the sample size is small ($m = 100$ and 300), q'_x has quite high absolute percentage errors (APE) for young ages interval. But when the sample size is large ($m = 500, 700$ and 1,000), APE of q'_x will decrease. Thus, estimation of q'_x for young ages is not proper for small sample size. MAPE of q'_x at any sample size will vary directly with the proportion of withdrawal.

From q'_x which are revised, reveal that :

For ages 0-24, Cubic Splines Graduation is recommended.

For ages 25-49, when the sample size is small ($m = 100$ and 300), Cubic Splines Graduation or Functional Forms Graduation are proper for use. But when the sample size is large ($m = 700$ and 1,000) these three revision methods are appropriate. However, Moving Weighted Average Graduation is recommended because of its convenience and simplicity.

For ages 50-74 and 75-99, both of Moving Weighted Average Graduation and Cubic Splines Graduation are proper for any sample size. But Moving Weighted Average Graduation can not be used to revised q'_x for old age interval (90-99 years).

MAPE of revision of q'_x at any sample size will vary directly with the proportion of withdrawal.

ภาควิชา..... สถิติ

สาขาวิชา..... การประกันภัย

ปีการศึกษา..... 2539

ลายมือชื่อนิสิต..... *สมใจ สุทธิศิริรุ่งโรจน์*

ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา..... *Manop Varaphadi*

ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม.....



กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วงได้ด้วยความช่วยเหลืออย่างดียิ่งจาก ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ร้อยเอก มานพ วราภักดิ์ อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ซึ่งได้ให้คำแนะนำและข้อคิดเห็นต่าง ๆ รวมทั้งกรุณาตรวจแก้ไขข้อผิดพลาดในการทำวิจัยครั้งนี้ และขอกราบขอบพระคุณคณะกรรมการสอบ วิทยานิพนธ์ทุกท่านที่ได้ให้ข้อคิดเห็น อันมีประโยชน์ต่อแนวทางในการศึกษาวิจัยต่อไป

ขอขอบคุณคุณกฤษณี-คุณเดือนใจ สุภักวิริยะกุล ผู้ซึ่งคอยให้การสนับสนุน ส่งเสริม และกำลังใจในการศึกษาเสมอมา ขอขอบคุณคุณสมหวัง แซ่ตั้ง และคุณอมรรัตน์ เข็นเชย ที่ให้ความช่วยเหลือในการจัดพิมพ์วิทยานิพนธ์ฉบับนี้จนสำเร็จสมบูรณ์

คุณค่าและประโยชน์ใด ๆ อันเกิดจากวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ ขอมอบแด่คุณพ่อคุณแม่ ผู้มีพระคุณต่อลูกอย่างสูงสุด และครูอาจารย์ทุกท่านผู้ซึ่งประสิทธิ์ประสาทวิชาความรู้อันมีค่ายิ่งต่อศิษย์

สมใจ สุภักวิริยะกุล

สถาบันวิทยบริการ
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย	ง
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	จ
กิตติกรรมประกาศ	ฉ
สารบัญตาราง	ณ
สารบัญภาพ	ด
บทที่ 1 บทนำ	1
ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา	1
วัตถุประสงค์ของการวิจัย	2
สมมติฐานของการวิจัย	3
ข้อตกลงเบื้องต้น	3
ขอบเขตของการวิจัย	5
เกณฑ์การตัดสินใจ	5
ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ	6
บทที่ 2 สถิติที่ใช้ในการวิจัย	7
การประมาณแบบคณิตศาสตร์ประกันภัย	7
การปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่	8
การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน	11
การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม	16
บทที่ 3 วิธีดำเนินการวิจัย	19
แผนการทดลอง	19
ขั้นตอนในการวิจัย	20
โปรแกรมและผังงานในการวิจัย	25
ขั้นตอนการทำงานของโปรแกรม	26

สารบัญ (ต่อ)

	หน้า
บทที่ 4 ผลการวิจัย	27
ผลการศึกษาเปรียบเทียบวิธีการปรับค่าประมาณของค่า q_x ทั้ง 3 วิธี	
เมื่อ T มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ และ W มีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอ	28
ผลการศึกษาเปรียบเทียบวิธีการปรับค่าประมาณของค่า q_x ทั้ง 3 วิธี	
เมื่อ T มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ และ W มีการแจกแจงแบบแกมมา	97
ผลการศึกษาเปรียบเทียบวิธีการปรับค่าประมาณของค่า q_x ทั้ง 3 วิธี	
เมื่อ T มีการแจกแจงแบบกอมเพริตซ์ และ W มีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอ	166
ผลการศึกษาเปรียบเทียบวิธีการปรับค่าประมาณของค่า q_x ทั้ง 3 วิธี	
เมื่อ T มีการแจกแจงแบบกอมเพริตซ์ และ W มีการแจกแจงแบบแกมมา	235
บทที่ 5 สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ	304
สรุปผลการวิจัย	304
ข้อเสนอแนะ	306
รายการอ้างอิง	308
ภาคผนวก	309
ประวัติผู้เขียน	348

สารบัญตาราง

ตารางที่

หน้า

- 4.1.1 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็นที่คนอายุ x ปี จะเสียชีวิตภายใน 1 ปี เพอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสมมาตร โดยจำแนกตามขนาดตัวอย่าง 30
- 4.1.2 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปี จะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เพอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคต ที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสมมาตร เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100 47
- 4.1.3 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปี จะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เพอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคต ที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสมมาตร เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 300 54
- 4.1.4 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปี จะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เพอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคต ที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสมมาตร เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 500 61

สารบัญตาราง (ต่อ)

ตารางที่

หน้า

4.1.5	แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปี จะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เพอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคต ที่มีการแจกแจงแบบไวบูลต์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสมมาตร เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 700	68
4.1.6	แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปี จะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เพอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคต ที่มีการแจกแจงแบบไวบูลต์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสมมาตร เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 1000	75
4.2.1	แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็นที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี เพอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบไวบูลต์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมาโดยจำแนกตามขนาดตัวอย่าง.....	99
4.2.2	แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เพอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบไวบูลต์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100	116
4.2.3	แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เพอร์เซ็นต์	

สารบัญตาราง (ต่อ)

ตารางที่	หน้า
<p>ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้อัตราความเสี่ยงที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 300 ...</p>	123
<p>4.2.4 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้อัตราความเสี่ยงที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 500</p>	130
<p>4.2.5 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้อัตราความเสี่ยงที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 700 ...</p>	137
<p>4.2.6 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้อัตราความเสี่ยงที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบไวบูลล์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 1000 ...</p>	144
<p>4.3.1 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็นที่คนอายุ x ปี จะเสียชีวิตภายใน 1 ปี เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้อัตราความเสี่ยงที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคต ที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริชซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอ โดยจำแนกตามขนาดตัวอย่าง</p>	168

สารบัญตาราง (ต่อ)

ตารางที่	หน้า
4.3.2 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคต ที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริตซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสมมาตร เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100	185
4.3.3 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคต ที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริตซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสมมาตร เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 300	192
4.3.4 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคต ที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริตซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสมมาตร เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 500	199
4.3.5 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคต ที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริตซ์	

สารบัญตาราง (ต่อ)

ตารางที่	หน้า
และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสมมาตร เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 700	206
4.3.6 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคต ที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริช และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบสมมาตร เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 1000	199
4.4.1 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็นที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริชและระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา โดยจำแนกตามขนาดตัวอย่าง ..	237
4.4.2 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริช และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100	254
4.4.3 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริช และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 300	261

สารบัญตาราง (ต่อ)

ตารางที่	หน้า
4.4.4 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริตซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 500	268
4.4.5 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริตซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 700	275
4.4.6 แสดงค่าประมาณความน่าจะเป็น ค่าประมาณที่ปรับแล้วที่คนอายุ x ปีจะเสียชีวิตภายใน 1 ปี ด้วยวิธีการปรับค่าโดยใช้ค่าเฉลี่ยถ่วงน้ำหนักเคลื่อนที่ การปรับค่าโดยใช้รูปแบบฟังก์ชัน การปรับค่าโดยใช้ส่วนโค้งพหุนามองศาสาม เปอร์เซ็นต์ ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ค่าเฉลี่ยเปอร์เซ็นต์ความคลาดเคลื่อนสัมบูรณ์ ภายใต้ข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริตซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 1000 ...	282

สารบัญภาพ (ต่อ)

รูปที่	หน้า
เวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 1000	252
4.4.6 แสดงการเปรียบเทียบค่าความน่าจะเป็น q_x และค่าประมาณที่ปรับแล้ว q'_x สำหรับข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริคซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 100	289
4.4.7 แสดงการเปรียบเทียบค่าความน่าจะเป็น q_x และค่าประมาณที่ปรับแล้ว q'_x สำหรับข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริคซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 300	292
4.4.8 แสดงการเปรียบเทียบค่าความน่าจะเป็น q_x และค่าประมาณที่ปรับแล้ว q'_x สำหรับข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริคซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 500	295
4.4.9 แสดงการเปรียบเทียบค่าความน่าจะเป็น q_x และค่าประมาณที่ปรับแล้ว q'_x สำหรับข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริคซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 700	298
4.4.10 แสดงการเปรียบเทียบค่าความน่าจะเป็น q_x และค่าประมาณที่ปรับแล้ว q'_x สำหรับข้อมูลระยะเวลาที่จะมีชีวิตอยู่ต่อไปในอนาคตที่มีการแจกแจงแบบกอมเพริคซ์ และระยะเวลาการถอนตัวที่มีการแจกแจงแบบแกมมา เมื่อขนาดตัวอย่างเท่ากับ 1000	301