

บทที่ 6

การประยุกต์ใช้เงินเนติกอัลกอริทึม ในการออกแบบผังโรงงานที่แผนกมีขนาดไม่เท่ากัน

เนื้อหาของบทนี้กล่าวถึงการประยุกต์ใช้เงินเนติกอัลกอริทึมในการออกแบบผังโรงงานที่แผนกมีขนาดไม่เท่ากัน ซึ่งจะกล่าวถึงขั้นตอนต่างๆของเงินเนติกอัลกอริทึม เช่น การรีโพรดักชัน การครอสโอเวอร์ การมิวเตชัน อย่างละเอียด รวมถึงมีการยกตัวอย่างในการประยุกต์ใช้ในการแก้ปัญหาผังโรงงานที่ใช้ในการวิจัยอย่างละเอียด

6.1 ข้อจำกัดของการออกแบบ

ในการวิจัยนี้ ได้ใช้เงินเนติกอัลกอริทึมในการออกแบบผังโรงงานที่แผนกมีขนาดไม่เท่ากัน โดยปัญหาที่นำมาวิจัยนั้น มีลักษณะต่างๆดังนี้

ทำการศึกษาเฉพาะปัญหาการจัดผังโรงงานแบบกระบวนการผลิต แบ่งเป็น 2 ประเภท

1. การออกแบบผังโรงงานแบบวัตถุประสงค์เดียว (พิจารณาข้อมูลเชิงปริมาณ)
2. การออกแบบผังโรงงานแบบหลายวัตถุประสงค์ (พิจารณาทั้งข้อมูลเชิงปริมาณและข้อมูลเชิงคุณภาพ)

ข้อกำหนดของผังโรงงาน

- โรงงาน มีพื้นที่ใหญ่ที่สุด ขนาด(A) 40,000 ตารางหน่วย โดยกว้าง (W) 200 หน่วย และ ยาว(L) 200 หน่วย
- มีจำนวนแผนกมากที่สุด 20 (i) แผนก และจำนวนแผนกน้อยที่สุด 2 แผนกแต่ละแผนกมีขนาด N_i ตารางเมตร (i คือลำดับของแผนก)

ข้อกำหนดทั่วไป :

- พื้นที่รวมของแผนกทั้งหมดต้องไม่มากกว่าพื้นที่ของโรงงาน
- พื้นที่ของแต่ละแผนกที่สร้างขึ้นนั้นต้องเท่ากับความต้องการพื้นที่สำหรับแผนกนั้นๆ
- ไม่มีแผนกใดๆ ในโรงงานใช้พื้นที่เดียวกัน หรือสร้างขึ้นซ้อนทับกัน
- พื้นที่ของแต่ละแผนกต้องติดต่อกันเป็นพื้นที่เดียว
- ไม่มีพื้นที่ส่วนหนึ่งส่วนใดของแผนกใดๆอยู่นอกพื้นที่โรงงาน

- รูปร่างของแผนกที่สร้างขึ้นนั้นจะมีพื้นฐานมาจากการต่อกันของรูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก

ข้อกำหนดด้านรูปร่างเพิ่มเติม : (เพื่อความเหมาะสมในการนำไปใช้งานจริง)

- ในแต่ละแผนกจะมี ส่วนพื้นที่ที่เล็กที่สุดของแผนกนั้นๆ ซึ่งเปรียบเสมือนเครื่องจักรที่จำเป็นในแผนก โดยพื้นที่ที่เล็กที่สุดของแผนกที่ i จะกำหนดเป็นรูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก กว้าง w_i หน่วย และยาว l_i หน่วย
- แผนกที่สร้างขึ้นนั้นต้องสามารถบรรจุพื้นที่ที่เล็กที่สุดของแผนกนั้นๆ ได้
- แต่ละแผนกมีการกำหนดอัตราส่วนด้านกว้างต่อด้านยาวของแผนก กำหนดไว้เพื่อป้องกันการสร้างผังโรงงานที่มีรูปร่างเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้าที่ยาวและแคบจนไม่เหมาะสมกับการใช้งานจริง
- ในกรณีของออกแบบโรงงานแบบวัตถุประสงค์เดียว จะพิจารณาถึงข้อมูลเชิงปริมาณ และสามารถกำหนดให้ข้อมูลเชิงคุณภาพเป็นข้อจำกัดเพิ่มเติมได้ โดยพิจารณาความใกล้ชิดระหว่างแผนก 2 กรณีคือ
 1. แผนกที่จำเป็นต้องตั้งอยู่ใกล้กัน ให้จัดตั้งอยู่ติดกัน (A)
 2. แผนกที่ห้ามอยู่ใกล้กัน ให้จัดตั้งอยู่ห่างกัน (X)

ตัวอย่าง 6.1 โรงงานแบบวัตถุประสงค์เดียวมีขนาด กว้าง 15 หน่วย ยาว 20 หน่วย รวมพื้นที่ 300 ตารางหน่วย มีทั้งหมด 4 แผนก โดยมีรายละเอียดดังนี้

แผนกที่	พื้นที่ทั้งหมด	พื้นที่บังคับ(กว้าง*ยาว)	อัตราส่วนด้านกว้างต่อด้านยาว
1	100	10*10	4
2	100	5*15	4
3	50	5*5	4
4	50	3*7	4

ข้อจำกัดเชิงคุณภาพเพิ่มเติม

- แผนกที่ 1 ควรอยู่ใกล้กับแผนกที่ 3 (A)
- แผนกที่ 2 ควรอยู่ใกล้กับแผนกที่ 3 (A)
- แผนกที่ 1 ห้ามอยู่ใกล้แผนกที่ 4 (X)

สามารถออกแบบผังโรงงานได้ดังรูปที่ 6.1 โดยมีสตริงค่าตอบคือ Department-Order:1-

2-3-4 Band Width:10-5-5

L=20

1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	4
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	4
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	4
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	4
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	4
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	4
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	4
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	4
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	4
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	4	4	4	4	4	4

W=15

รูปที่ 6.1 ผังโรงงานสำหรับปัญหาตัวอย่าง 6.1

6.2 แนวทางในการประยุกต์ใช้เงินเนติกอัลกอริทึม

เห็นได้ว่าสตริงของค่าตอบนั้นจะประกอบด้วย 2 ส่วนคือ

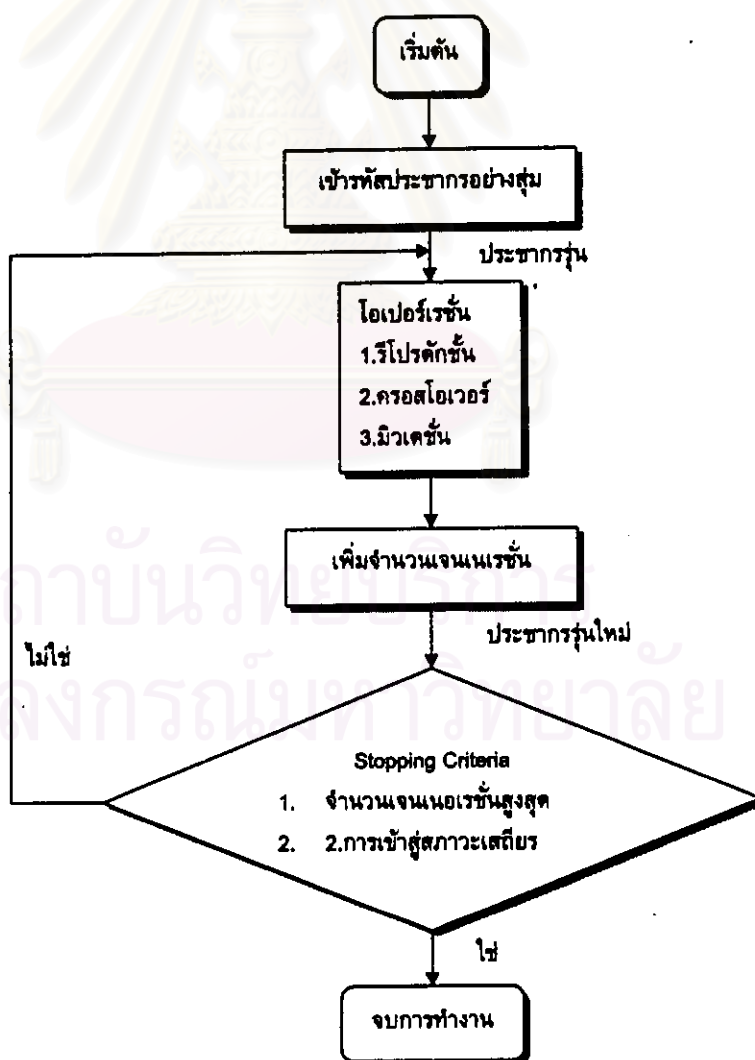
1. ลำดับการเรียงของแผนก(Department-Order) คือลำดับของแผนกต่างๆในโรงงานที่เรียงจากจุดเริ่มต้นไปยังจุดสุดท้ายของเส้นทางของแถบ(Band)
2. ขนาดความกว้างของแถบ(Band Width) คือขนาดของแถบในแต่ละช่วงของโรงงาน ซึ่งแต่ละแถบนั้นอาจมีความกว้างแตกต่างกันได้ โดยผลรวมของความกว้างแถบจะต้องมีค่าเท่ากับความกว้างของโรงงาน

โดยในขั้นแรกจะสร้างสตริงลำดับการเรียงของแผนก(Department-Order) ขึ้นมาก่อน แล้วทำการสร้างสตริงขนาดความกว้างของแถบ(Band Width) ให้มีความสัมพันธ์กับสตริงของ Department-Order และสอดคล้องกับข้อกำหนดต่างๆของปัญหา โดยในการวิจัยนี้จะทำการสร้างสตริงขนาดความกว้างของแถบบน 5 ครั้ง หากยังไม่สามารถหาสตริงขนาดความกว้างของแถบที่เหมาะสมได้ จะทำการสร้างสตริงลำดับการเรียงของแผนกใหม่ แล้วสร้างสตริงขนาดความกว้างของแถบบนอีกครั้ง

6.3 ขั้นตอนและวิธีการของเงินเนติกอัลกอริทึม

สิ่งที่สำคัญของ GAs คือการเข้ารหัสสตริงให้ตรงกับรูปแบบปัญหา ก่อน ขั้นตอนแรกเริ่มจากการสุ่มประชากรเริ่มต้นซึ่งอยู่ในรูปแบบสตริง จากนั้นจึงนำประชากรนั้นผ่านโอเปอร์เรชันของการ Reproduction Crossover และ Mutation ตามลำดับ เพื่อให้ได้ประชากรใหม่ โดยที่ในแต่ละขั้นตอนมีการเก็บค่าตอบที่ดีที่สุดไว้ จากนั้นประชากรค่าตอบก็จะผ่านกระบวนการอีลิทิส (Elitist) จะเก็บสตริงค่าตอบที่ดีที่สุดของเจนเนอเรชันนั้นไว้ ถ้าในเจนเนอเรชันต่อไปได้ค่าตอบที่ไม่ดีกว่าค่าตอบของเจนเนอเรชันปัจจุบัน ก็จะแทนที่ค่าตอบที่ไม่ดีนั้นด้วยค่าตอบที่ดีของเจนเนอเรชันปัจจุบัน ขั้นตอนสุดท้ายเป็นการตรวจสอบสภาวะการหยุดทำงาน (Stopping Criteria) โดยตรวจสอบจาก 2 กรณีคือ

1. จำนวนเจนเนอเรชัน ถ้าจำนวนเจนเนอเรชัน มากกว่าหรือเท่ากับจำนวนเจนเนอเรชันสูงสุดให้หยุดทำงาน แต่ถ้าไม่ใช่ให้ทำการคำนวณใหม่อีกต่อไป
2. การเข้าสู่สภาวะเสถียร (steady state) ของค่าตอบ หากค่าตอบเข้าสู่สภาวะเสถียรให้หยุดการทำงาน



รูปที่ 6.2 หลักการของ GAs

6.3.1 การรีโปรดักชัน (Reproduction)

กระบวนการรีโปรดักชัน คือกระบวนการในการคัดเลือกสตริงไปยังเจเนเนอเรชันถัดไป โดยที่สตริงที่มีค่าความเหมาะสมสูงหรือสตริงที่ให้ค่าใช้จ่ายต่ำกว่ามีโอกาสที่จะถูกคัดเลือกไปยังเจเนเนอเรชันต่อไปได้มากกว่าสตริงที่ให้ค่าใช้จ่ายสูงกว่า ซึ่งกระบวนการนี้เลียนแบบกระบวนการคัดเลือกทางธรรมชาติ ตามทฤษฎี Survival of Fittest ของ ชาร์ล ดาร์วิน

ดังนั้นในกระบวนการรีโปรดักชันจะต้องสร้างฟิตเนสฟังก์ชันเพื่อเป็นการกำหนดว่าสตริงค่าคอบของการจัดผังโรงงานที่สร้างขึ้นควรจะถูกคัดเลือกหรือไม่ โดยยกตัวอย่างการจัดผังโรงงานเชิงปริมาณโดยพิจารณาถึงระยะทางระหว่างแผนก สตริงค่าคอบที่มี Cost ที่น้อยกว่าควรมีโอกาสที่จะถูกคัดเลือกได้มากกว่าสตริงค่าคอบที่มี Cost ที่มากกว่า จากฟิตเนสฟังก์ชันทำให้สามารถกำหนดค่าความน่าจะเป็นที่สตริงใดๆจะถูกคัดเลือกไปยังเจเนเนอเรชันต่อไปได้

สำหรับวิธีการคัดเลือกสตริงค่าคอบไปยังเจเนเนอเรชันถัดไป คือวิธีการของวงล้อรูเล็ตต์ (Roulette Wheel) (Goldberg, 1989) ซึ่งจะสุ่มจำนวนครั้งที่สตริงใดๆ จะถูกคัดเลือกจริงตามความน่าจะเป็นที่สร้างขึ้นจากฟิตเนสฟังก์ชัน

ตารางที่ 6.1 กระบวนการรีโปรดักชันของปัญหาการจัดผังโรงงานด้วยข้อมูลเชิงปริมาณ

สตริงเริ่มต้น (1)	$f(x) = \sum \sum V_{ij} a_{ij}$ (2)	$\sum f(x) - f(x_i)$ (3)	$F_i = (\sum f(x) - f(x_i)) / \sum f(x)$ (4)	ค่าเฉลี่ยของ จำนวนครั้งที่ ถูกคัดเลือก(5)	จำนวนครั้งที่ ถูกคัดเลือก จริง(6)	สตริงใหม่ (7)	$f(x)$ (8)
[6 0 3 9 2 7 4 1 5 8]	101.912	372.134	0.262	1.048	2	[6 0 3 9 2 7 4 1 5 8]	101.912
[6 5 8 4 1 0 9 7 3 2]	123.782	350.265	0.246	.984	1	[6 0 3 9 2 7 4 1 5 8]	101.912
[7 5 8 4 2 3 6 0 1 9]	124.176	349.871	0.246	.984	1	[6 5 8 4 1 0 9 7 3 2]	123.782
[6 5 7 4 0 2 9 8 3 1]	124.176	349.871	0.246	.984	0	[7 5 8 4 2 3 6 0 1 9]	124.176
ผลรวม $\sum f(x)$ ค่าเฉลี่ย	474.046 118.512	1422.141 355.535	1.00 .25	4 1	4 1		451.783 112.945

หมายเหตุ ค่าต่างๆ ในตาราง 6.1 เป็นเพียงตัวอย่างเพื่อความเข้าใจเรื่องวิธีการรีโปรดักชัน ซึ่งไม่เกี่ยวข้องกับปัญหาที่จะใช้ในการวิจัย

จากตารางที่ 6.1 แสดงถึงรีโปรดักชันของปัญหาการจัดผังโรงงานด้วยข้อมูลเชิงปริมาณแบบวงล้อรูเล็ตต์ โดยกำหนดให้มีจำนวนประชากรหรือประชากรเริ่มต้นเป็น 4 สตริง

ให้คอลัมน์แรกเป็นสตริงที่สุ่มขึ้นซึ่งสามารถคำนวณ Cost ได้ตามฟิตเนสฟังก์ชันสมการที่ 4.1 ดังในคอลัมน์ที่ 2 สตริงที่มี Cost ที่น้อยที่สุดควรมีโอกาสที่จะอยู่รอดได้มากที่สุดจึงสร้างคอลัมน์ที่ 3 และ 4 เพื่อใช้ในการคำนวณขนาดของวงล้อรูเล็ตต์ ความน่าจะเป็นที่สตริงจะถูกคัดเลือกไปยังเจเนเนอเรชันต่อไป เนื่องจากฟิตเนสฟังก์ชันเป็นการหา Cost ที่ต่ำที่สุด ดังนั้นสตริงที่มี Cost ต่ำที่สุดควรมีโอกาสที่จะอยู่รอดต่อไปได้มากกว่าสตริงที่มี Cost สูงกว่า ดังจะเห็นได้ว่าสตริงตัวแรกมีความน่าจะเป็นในการอยู่รอด 26.2% ส่วนสตริงตัวสุดท้ายมีความน่าจะเป็นในการอยู่รอด 24.6% เราสามารถคำนวณหาจำนวนครั้งที่สตริงที่จะถูกเลือกได้ดังคอลัมน์ที่ 5

คำนวณได้จาก F_i / \bar{F}_i และคอลัมน์ที่ 6 เป็นจำนวนครั้งของโอกาสที่สตริงถูกคัดเลือกจริง จะเห็นได้ว่าสตริงตัวแรกถูกคัดเลือกไปยังเงินเนอเรชั่นต่อไปสองครั้ง สตริงตัวที่สองและสามถูกคัดเลือกไปยังเงินเนอเรชั่นต่อไปหนึ่งครั้ง และสตริงตัวสุดท้ายไม่ได้ถูกคัดเลือกไปยังเงินเนอเรชั่นต่อไปเลย เมื่อพิจารณาสตริงที่ผ่านการคัดเลือกแล้วในคอลัมน์สุดท้ายจะเห็นได้ว่า ผลรวมและค่าเฉลี่ยลดลง จากเดิมผลรวมของ Cost เป็น 474.0465 ลดลงเหลือ 451.783 และค่าเฉลี่ยลดลง จาก 118.512 เป็น 112.945

กระบวนการคัดเลือกประชากรใหม่จะใช้หลักการของวงล้อรูเล็ต ที่มีขนาดความกว้างของสล็อต (Slot) แปรผันตามค่าความเหมาะสม การสร้างวงล้อรูเล็ตมีวิธีการดังต่อไปนี้

- กำหนดให้สตริงแต่ละตัวเป็น str_i ซึ่งสามารถคำนวณค่าความเหมาะสมของสตริงแต่ละตัว $eval(str_i)$ หรือ Cost ของสตริงเป็น c_i แต่ละตัว โดยที่ $i = 1 \dots pop$ (โดย pop คือจำนวนสตริงในแต่ละรุ่นประชากร)
- หาค่าความเหมาะสมโดยรวมของประชากร เนื่องจากสมการวัตถุประสงค์เป็นการหาค่าที่น้อยที่สุด ดังนั้นค่าที่น้อยที่สุดในประชากรจึงควรมีความน่าจะเป็นของการคัดเลือก (p_i) มากที่สุด ขนาดของช่องสล็อตในวงล้อรูเล็ตสำหรับ Cost ที่มีค่าน้อยที่สุดควรมีขนาดกว้างมากที่สุด

$$CostSum = \sum_{i=1}^{pop} eval(str_i)$$

คำนวณหาค่า $CostSum - c_i$ และผลรวมของ $CostSum - c_i$ เป็น $Sum_of_ (CostSum - c_i)$

- คำนวณหาค่าความน่าจะเป็นของการคัดเลือก p_i ของสตริงแต่ละตัว

$$p_i = (CostSum - c_i) / Sum_of_ (CostSum - c_i)$$

- คำนวณค่าความน่าจะเป็นสะสม (Cumulative Probability) ของสตริงแต่ละตัว (q_i) โดยที่ $i = 1 \dots pop$

$$q_i = \sum_{j=1}^i p_j$$

กระบวนการคัดเลือกจะหมุนวงล้อรูเล็ตเท่ากับจำนวน pop ครั้ง ในแต่ละครั้งจะได้สตริงสำหรับประชากรรุ่นต่อไป ดังมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

- สร้างค่าสุ่ม (Random Number) r ที่มีค่าอยู่ในช่วง $[0 \dots 1]$

- ถ้า $r < q_i$ เลือกสตริงตัวแรก ถ้าไม่ใช่ เลือกสตริงตัวที่ i โดยที่ i อยู่ระหว่าง $(2 \leq i \leq pop)$ หรือ $(q_{i-1} \leq r \leq q_i)$ ในบางครั้งสตริงที่ถูกคัดเลือกแล้วบางตัว บางตัวอาจถูกเลือกได้มากกว่า 1 ครั้ง

หมายเหตุ ใช้หลักการเดียวกันนี้ในการออกแบบผังโรงงานโดยใช้ข้อมูลเชิงคุณภาพ

6.3.2 กระบวนการครอสโอเวอร์(Crossover)

การครอสโอเวอร์คือกระบวนการจับคู่สตริง แล้วแลกเปลี่ยนส่วนซึ่งกันและกันเพื่อให้เกิดสตริงใหม่ขึ้น

เนื่องจากปัญหาของการจัดผังโรงงานไม่ได้ใช้การเข้ารหัสแบบเลขฐานสอง การครอสโอเวอร์แบบธรรมดา หรือการครอสโอเวอร์แบบตำแหน่งเดียวไม่สามารถนำมาใช้ได้ เนื่องจากการครอสโอเวอร์แบบตำแหน่งเดียวอาจทำให้สตริงมีลักษณะที่ไม่ถูกต้อง กล่าวคืออาจทำให้ยีนบางตำแหน่งเกิดค่าซ้ำกัน ซึ่งทำให้ไม่สามารถคำนวณหาระยะทางของแผนกในผังโรงงานนั้นๆได้ Goldberg(1989) ได้เสนอวิธีการครอสโอเวอร์แบบสองจุด เพื่อแก้ปัญหาของการครอสโอเวอร์แบบธรรมดา การครอสโอเวอร์ที่นำเสนอมี 3 วิธีคือ การครอสโอเวอร์แบบ PMX (Partially Match Crossover) การครอสโอเวอร์แบบ OX (Order Crossover) และการครอสโอเวอร์แบบ CX (Cycle Crossover) ดังมีรายละเอียดดังต่อไปนี้

6.3.2.1 การครอสโอเวอร์แบบ PMX วิธีการของ PMX อย่างแรกคือการเลือกคู่สตริงพ่อแม่ขึ้นมาอย่างสุ่ม จากนั้นทำการเลือกตำแหน่งที่จะทำการครอสโอเวอร์อย่างสุ่มในช่วง $[1, l - 1]$ โดยที่ l คือความยาวของสตริง และยีนตัวแรกคือยีนหมายเลข 1 และยีนตัวสุดท้ายคือยีนหมายเลข l ขอบเขตของการครอสโอเวอร์อยู่ในช่วงเครื่องหมาย “|”

$$p_1 = [9\ 8\ 4\ |5\ 6\ 7\ |1\ 3\ 2\ 0]$$

$$p_2 = [8\ 7\ 1\ |2\ 3\ 0\ |9\ 5\ 4\ 6]$$

ในขั้นตอนต่อไปจะทำการสลับค่าระหว่างสตริงที่อยู่ในช่วง “|” นั่นคือตำแหน่งสุ่มอยู่ในช่วง $[4, 6]$ ของโครโมโซมลูกหลานทั้งสอง โดยที่ค่าที่อยู่นอกเครื่องหมาย “|” และเป็นค่าที่ซ้ำกันกับค่าที่อยู่ในช่วงที่กำหนดให้เป็น x

จะเห็นได้ว่าตำแหน่งที่สองของสตริง p_2 มีค่าเป็น 7 ซึ่งซ้ำกับค่าที่อยู่ในช่วง “|” ของสตริง p_1 ก่อนทำการสลับ จึงเปลี่ยนค่าที่ซ้ำให้เป็น x ก่อนและตำแหน่งอื่นๆที่มีค่าซ้ำกันก็จะเปลี่ยนเป็น # ด้วยเช่นกัน

$$O_1 = [9\ 8\ 4\ |2\ 3\ 0\ |1\ \#\ \#\ \#]$$

$$O_2 = [8\ x\ 1\ |5\ 6\ 7\ |9\ 5\ 4\ \#]$$

แล้วทำการแทนค่า (Map) ดังต่อไปนี้ 2 เป็น 5 และ 5 เป็น 2; 3 เป็น 6 และ 6 เป็น 3; 0 เป็น 7 และ 7 เป็น 0 การแทนค่าเหล่านี้ได้มาจากค่าที่อยู่ในช่วง " | " โดยพิจารณาตำแหน่งของสตริงที่ตรงกัน

สตริงที่ได้เมื่อทำการแทนที่แล้วคือ

$$O_1 = [9842301657]$$

$$O_2 = [8015679243]$$

6.3.2.2 การครอสโอเวอร์แบบ OX เช่นเดียวกับวิธีการของ PMX อย่างแรกคือการเลือกคู่สตริงพ่อแม่ขึ้นมาอย่างสุ่ม จากนั้นทำการเลือกตำแหน่งที่จะทำการครอสโอเวอร์อย่างสุ่มขอบเขตของการครอสโอเวอร์อยู่ในช่วงเครื่องหมาย " | "

$$P_1 = [894|567|1320]$$

$$P_2 = [871|230|9546]$$

สุ่มตำแหน่งที่จะทำการครอสโอเวอร์ได้อยู่ในช่วง [4, 6] จากนั้นเลือกคู่ม้าที่อยู่ในช่วงการครอสโอเวอร์ถ้าค่าที่ตรงกันให้ทำเครื่องหมาย # เครื่องหมาย # หมายความว่าปล่อยตำแหน่งนั้นให้ว่าง สตริงลูกหลานจะเป็น

$$O_1 = [894|567|1###]$$

$$O_2 = [8#1|230|9#4#]$$

จากนั้นจะทำการเลื่อนตำแหน่ง โดยยึดถือตำแหน่งหลังช่วง " | " เป็นจุดอ้างอิง (สำหรับสตริง O_1 เป็น 1 และ สำหรับ O_2 เป็น 9) ได้สตริงลูกหลานดังต่อไปนี้

$$O_1 = [567|###|1894]$$

$$O_2 = [230|###|9481]$$

ขั้นตอนต่อไปจะเป็นการสลับตำแหน่งที่อยู่ในช่วงของการครอสโอเวอร์ของสตริงทั้งสองที่เหลือ สตริงที่ได้เมื่อทำการครอสโอเวอร์แล้วคือ

$$O_1 = [567|230|1894]$$

$$O_2 = [230|567|9481]$$

6.3.2.3 การครอสโอเวอร์แบบ CX ขั้นตอนแรกเลือกคู่สตริงพ่อแม่ขึ้นมาอย่างสุ่มพิจารณาดังต่อไปนี้

$$P_1 = [2034859176]$$

$$P_2 = [5921067384]$$

พิจารณาที่ตำแหน่งแรกของสตริง P_1 และ P_2 คงเดิมไว้

$$O_1 = [2 \text{-----}]$$

$$O_2 = [5 \text{-----}]$$

ค่าตำแหน่งแรกของสตริง O_2 เป็น 5 นำมาพิจารณาค่าที่เป็น 5 (ตำแหน่งที่ 6) ของสตริง O_1 จะคงเดิมไว้ ส่วนค่าที่เป็น 6 (ตำแหน่งที่ 6) ของสตริง O_2 จะคงเดิมไว้เช่นกัน จะได้เป็น

$$O_1 = [2 \text{-----} 5 \text{-----}]$$

$$O_2 = [5 \text{-----} 6 \text{-----}]$$

จากค่าที่เป็น 6 ของสตริง O_2 นำไปพิจารณาต่อในสตริง O_1 ซึ่งจะคงเดิมไว้ ได้สตริงเป็น

$$O_1 = [2 \text{-----} 5 \text{-----} 6]$$

$$O_2 = [5 \text{-----} 6 \text{-----} 4]$$

ด้วยกระบวนการเดิมจะได้สตริงเป็น

$$O_1 = [2 \text{--} 4 \text{--} 5 \text{--} 6]$$

$$O_2 = [5 \text{--} 1 \text{--} 6 \text{--} 4]$$



$$O_1 = [2 \text{--} 4 \text{--} 5 \text{--} 1 \text{--} 6]$$

$$O_2 = [5 \text{--} 1 \text{--} 6 \text{--} 3 \text{--} 4]$$



$$O_1 = [2 \text{--} 3 \text{--} 4 \text{--} 5 \text{--} 1 \text{--} 6]$$

$$O_2 = [5 \text{--} 2 \text{--} 1 \text{--} 6 \text{--} 3 \text{--} 4]$$

กระบวนการในการเลือกตัวที่จะคงเดิมไว้จะสิ้นสุดต่อเมื่อ ค่าในตำแหน่งใดตำแหน่งหนึ่งของ O_2 มีค่าตรงกับค่าในตำแหน่งแรกของ สตริง O_1 จากนั้นจะทำการสลับค่าที่ยังคงเหลืออยู่ ทั้งสองสตริงแบบ ตำแหน่งต่อตำแหน่ง ได้สตริงลูกหลานเป็น

$$O_1 = [2 \ 9 \ 3 \ 4 \ 0 \ 5 \ 7 \ 1 \ 8 \ 6]$$

$$O_2 = [5 \ 0 \ 2 \ 1 \ 8 \ 6 \ 9 \ 3 \ 7 \ 4]$$

นอกเหนือจากวิธีการครอสโอเวอร์ของ Goldberg ทั้ง 3 วิธีแล้ว ในการวิจัยนี้ได้นำวิธีการครอสโอเวอร์ที่ดัดแปลงจากวิธีการของ Goldberg อีก 2 วิธีคือ

6.3.2.4 การPBX (Position-Base Crossover) พัฒนาโดย Syswerda โดยดัดแปลง

มาจากวิธีการครอสโอเวอร์แบบ OX โดยเริ่มจากการเลือกสตริงพ่อแม่

$$P_1 = [2 \ 0 \ 3 \ 4 \ 8 \ 5 \ 9 \ 1 \ 7 \ 6]$$

$$P_2 = [5 \ 9 \ 2 \ 1 \ 0 \ 6 \ 7 \ 3 \ 8 \ 4]$$

เลือกตำแหน่งจากสตริงพ่อแม่ P_1 อย่างสุ่ม แล้วนำค่าในตำแหน่งที่เลือกของสตริงพ่อแม่ P_1 ไปใส่ในตำแหน่งเดียวกันของสตริงลูก O_1 ในที่นี้เลือกตำแหน่งที่ 4 และ 7

$$P_1 = [2\ 0\ 3\ \underline{4}\ 8\ 5\ \underline{9}\ 1\ 7\ 6]$$

$$P_2 = [5\ 9\ 2\ 1\ 0\ 6\ 7\ 3\ 8\ 4]$$

$$O_1 = [\# \# \# 4 \# \# 9 \# \# \#]$$

ตัดค่าที่อยู่ในตำแหน่งที่เลือกของสตริงพ่อแม่ P_1 ออกจากสตริงพ่อแม่ P_2 ดังนั้นค่าที่ตัดออกคือ 4และ9

$$P_2 = [5\ \# \ 2\ 1\ 0\ 6\ 7\ 3\ 8\ \#]$$

นำค่าที่เหลืออยู่ในสตริงพ่อแม่ P_2 มาใส่ในสตริงลูก O_1 ตามลำดับ

$$P_2 = [5\ \# \ 2\ 1\ 0\ 6\ 7\ 3\ 8\ \#]$$



$$O_1 = [5\ 2\ 1\ \underline{4}\ 0\ 6\ \underline{9}\ 7\ 3\ 8]$$

6.3.2.5 การOBX (Order-Base Crossover) พัฒนาโดย Syswerda เช่นกัน มีความใกล้เคียงกับPBX แต่แตกต่างกันเล็กน้อย โดยมีวิธีการดังนี้

เลือกตำแหน่งอย่างสุ่มจากสตริงพ่อแม่ P_1 ในที่นี้เลือกตำแหน่งที่ 4 และ 7

$$P_1 = [2\ 0\ 3\ \underline{4}\ 8\ 5\ \underline{9}\ 1\ 7\ 6]$$

$$P_2 = [5\ 9\ 2\ 1\ 0\ 6\ 7\ 3\ 8\ 4]$$

นำค่าจากสตริงพ่อแม่ P_1 ไปใส่สตริงลูก O_1 ที่ตำแหน่งเดียวกันกับตำแหน่งของสตริงพ่อแม่ P_2 ที่มีค่าตรงกับค่าที่ถูกเลือกในสตริงพ่อแม่ P_1 โดยเรียงตามลำดับก่อนหลัง

$$P_1 = [2\ 0\ 3\ \underline{4}\ 8\ 5\ \underline{9}\ 1\ 7\ 6]$$

$$O_1 = [\# \ 4 \# \# \# \# \# \# \# \ 9]$$

$$P_2 = [5\ \underline{9}\ 2\ 1\ 0\ 6\ 7\ 3\ 8\ \underline{4}]$$

นำค่าในตำแหน่งที่เหลือของสตริงพ่อแม่ P_2 ไปใส่ในตำแหน่งที่ว่างอยู่ของสตริงลูกตามลำดับ

$$\begin{array}{cccccccc}
 O_1 & = & [& 5 & 4 & 2 & 1 & 0 & 6 & 7 & 3 & 8 & 9 &] \\
 & & & \uparrow & \uparrow & \uparrow & \uparrow & \uparrow & \uparrow & \uparrow & & & & \\
 P_2 & = & [& 5 & 9 & 2 & 1 & 0 & 6 & 7 & 3 & 8 & 4 &]
 \end{array}$$

ในขั้นสุดท้ายจะทำการคืนสตริงเข้าสู่เมทาดิงพูล

ในการครอสโอเวอร์ จะต้องมีการกำหนดพารามิเตอร์เพื่อหาจำนวนของสตริงจากประชากรทั้งหมดที่จะเกิดการครอสโอเวอร์ ค่าพารามิเตอร์นี้คือค่าความน่าจะเป็นของการครอสโอเวอร์ (Probability of Crossover, p_c) ซึ่งทำให้ได้จำนวนประชากรที่เกิดการครอสโอเวอร์คือ $p_c \cdot pop$ ขั้นตอนการสุ่มประชากรที่เกิดการครอสโอเวอร์ตามค่าความน่าจะเป็นของการครอสโอเวอร์ มีดังต่อไปนี้

- สร้างค่าสุ่ม (Random Number) r ที่มีค่าอยู่ในช่วง $[0...1]$
- ถ้า $r < p_c$ เลือกสตริงนั้นเพื่อทำการครอสโอเวอร์ตัวแรก
- จับคู่กับสตริงอีกหนึ่งตัวเพื่อทำการครอสโอเวอร์ ตามวิธีการของการครอสโอเวอร์แต่ละแบบ

6.3.3 การมิวเตชัน(Mutation)

กระบวนการมิวเตชัน เป็นการเปลี่ยนค่าในบางตำแหน่งของสตริงเพื่อให้เกิดค่าตอบใหม่โดยเลือกสตริงที่จะทำการมิวเตชันอย่างสุ่ม และนำมาผ่านกระบวนการมิวเตชัน ซึ่งในการวิจัยนี้ได้ใช้วิธีการมิวเตชันทั้งหมด 3 แบบคือ

6.3.3.1 การมิวเตชันแบบบริชโพคอล เอ็กเชน(Reciprical Exchange Mutation) เริ่มจากเลือก 2 ตำแหน่งในสตริงอย่างสุ่ม แล้วทำการสลับที่กันระหว่างค่าในตำแหน่งดังกล่าว ในตัวอย่างได้เลือกตำแหน่งที่ 4 และ 6

$$\begin{array}{cccccccc}
 m & = & [& 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 &] \\
 & & & & & & \times & & & & & & \\
 & & & & & & \swarrow & \searrow & & & & & \\
 m & = & [& 1 & 2 & 3 & 6 & 5 & 4 & 7 & 8 & 9 &]
 \end{array}$$

6.3.3.2 การมิวเตชันแบบอินเซอรัชัน (Insertion Mutation) โดยทำการเลือกตำแหน่ง 1 ตำแหน่งหรือเป็นช่วงจากสตริงที่จะมิวเตชัน ในตัวอย่างได้เลือกเป็นช่วงคือระหว่างตำแหน่งที่ 4 และ 6

$$m = [1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7 \ 8 \ 9]$$

แบ่งสตริงออกเป็น 2 ส่วน

$$m_1 = [1\ 2\ 3\ 5\ 7\ 8\ 9]$$

$$m_2 = [4\ 5\ 6]$$

สุ่มตำแหน่งที่จะแทรก m_2 ใน m_1 ในที่นี้สุ่มได้ตำแหน่งที่ 6 ของ m_1

$$m_1 = [1\ 2\ 3\ 5\ 7\ \underline{8}\ 9]$$

$$m_1 = [1\ 2\ 3\ 5\ 7\ 8\ \underline{4\ 5\ 6}\ 9]$$

6.3.3.3 การมิวเตชันแบบแรนดอมซีควเอนซ์(Random Sequence) เริ่มจากการสุ่มในตำแหน่งของสตริง m ทำการตัดสตริงที่อยู่หลังตำแหน่งที่สุ่มได้ทิ้ง แล้วสร้างสตริงที่เหลือโดยวิธีการสุ่ม ในตัวอย่างตำแหน่งที่สุ่มได้คือ 4

$$m = [1\ 2\ 3\ \underline{4}\ 5\ 6\ 7\ 8\ 9]$$



$$m = [1\ 2\ 3\ \underline{4}\ \#\ \#\ \#\ \#]$$



$$m = [1\ 2\ 3\ \underline{4}\ 6\ 5\ 9\ 8\ 7]$$

เช่นเดียวกับการครอสโอเวอร์ การมิวเตชันจะมีค่าความน่าจะเป็นในการมิวเตชัน (Probability of Mutation, P_m) เพื่อกำหนดจำนวนสตริงที่จะต้องผ่านการมิวเตชัน สรุปขั้นตอนของการทำมิวเตชันมีดังต่อไปนี้

- สร้างค่าสุ่ม (Float) หรือ r อยู่ในช่วง $[0, \dots, 1]$ สำหรับสตริงทุกสตริง
- สตริงใดที่ $r < p_m$ เลือกสตริงนั้น เพื่อทำการมิวเตชัน

หลังจากที่ผ่านกระบวนการคัดเลือก ครอสโอเวอร์ และมิวเตชันแล้ว ประชากรรุ่นใหม่ก็พร้อมที่จะนำไปสู่กระบวนการคัดเลือกต่อไป กระบวนการคัดเลือกของรุ่นประชากรรุ่นใหม่ใช้การกระบวนการของวงล้อรูเล็ตที่มีขนาดของช่องเป็นสัดส่วนกับค่าความเหมาะสม กระบวนการทั้งหมดจะเกิดขึ้นซ้ำ ๆ กันซึ่งเป็นไปตามกระบวนการของ GAs

6.4 การประยุกต์เจเนติกอัลกอริทึมกับการออกแบบผังโรงงานแบบวัตถุประสงค์เดียว

ต่อไปจะเป็นการแสดงรายละเอียดของขั้นตอนต่างๆของGAs ที่ประยุกต์ใช้ในการออกแบบผังโรงงานที่แผนกมีขนาดไม่เท่ากัน โดยยกตัวอย่างวิธีการรีโพรดักชันแบบวงล้อรูเล็ต วิธีการครอสโอเวอร์แบบPMX และวิธีการมิวเตชันแบบReciprocal-Exchange

ตัวอย่าง 6.2 ผังโรงงานแบบวัตถุประสงค์เดียว ขนาด กว้าง 4 หน่วย * ยาว 6 หน่วย พื้นที่ 24 ตารางหน่วย มีทั้งหมด 6 แผนก

ตารางที่ 6.2 รายละเอียดของปัญหาตัวอย่าง 6.2

แผนกที่	พื้นที่ทั้งหมด	พื้นที่สำหรับวางเครื่องจักร(กว้าง *ยาว)	อัตราส่วนด้านกว้างต่อด้านยาว
1	3	1*3	5
2	9	2*3	5
3	3	1*3	5
4	1	1*1	5
5	2	1*2	5
6	6	2*2	5

หมายเหตุ

- พื้นที่สำหรับวางเครื่องจักร คือ พื้นที่ที่อยู่ภายในแผนก ไว้สำหรับวางเครื่องจักรที่จำเป็นในแผนกนั้นๆ
- อัตราส่วนด้านกว้างต่อด้านยาวของแผนก กำหนดไว้เพื่อป้องกันการสร้างผังโรงงานที่มีรูปร่างเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้าที่ยาวและแคบ จนไม่เหมาะสมกับการใช้งานจริง

ตารางที่ 6.3 แผนภูมิการไหลระหว่างแผนก(เที่ยว) ของปัญหาตัวอย่าง 6.2

จาก-ไปยัง	1	2	3	4	5	6
1	0	63	605	551	116	136
2	63	0	635	941	50	191
3	104	71	0	569	136	55
4	65	193	622	0	77	90
5	162	174	607	591	0	179
6	156	13	667	661	175	0

ค่าใช้จ่ายของการขนถ่ายเท่ากับ 1 หน่วย/เที่ยว และคิดระยะทางระหว่างจุดเป็นทอไรด์ของแต่ละแผนกแบบเรกติลิเนียร์ (ระยะทางรวมเท่ากับผลรวมของระยะทางตามแกน X และระยะทางตามแกน Y)

6.4.1 หลักการของการสร้างรหัสสตริง ในการสร้างสตริงคำตอบมีหลักการดังนี้

- สตริงจะประกอบด้วย 2 ส่วน คือ การเรียงลำดับของแผนกตามแถบ (Department Order) และ ความกว้างของแถบ(Band Width) ซึ่งความกว้างของแถบนั้นจะขึ้นกับการเรียงลำดับของแผนก
- ทำการสร้างรหัสของ Department Order ก่อน แล้วทำการสร้าง Band Width เพื่อให้เหมาะสม(เป็นไปตามข้อกำหนดต่างๆของปัญหา)กับ Department Order ที่สร้างขึ้นก่อนหน้า
- ในขั้นตอนของครอสโอเวอร์ และมิวเตชัน นั้นจะมีการกระทำเฉพาะที่ Department Order ให้มีลักษณะเปลี่ยนไปก่อน แล้วจึงสร้าง Band Width ขึ้นมาเพื่อให้เหมาะสมกับ Department Order ที่ผ่านการครอสโอเวอร์ และมิวเตชันมาแล้ว กล่าวคือจะไม่ได้ทำการครอสโอเวอร์ และมิวเตชันที่ Band Width

6.4.2 การสร้างประชากรเริ่มต้น (Initial population) กำหนดให้ประชากรเริ่มต้นเท่ากับ 6 ตัว ทำการสร้างประชากรอย่างสุ่มได้ดังนี้

ตารางที่ 6.4 ประชากรเริ่มต้นของปัญหาตัวอย่าง 6.2

สตริง	Order	Band	Cost
Str1	[4 5 1 6 2 3]	[1 2 3 0 0 0]	34381
Str2	[5 2 3 6 1 4]	[1 1 1 2 1 0]	33235
Str3	[1 2 4 3 5 6]	[1 1 1 1 2 0]	26951
Str4	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767
Str5	[4 5 2 1 3 6]	[1 1 1 1 2 0]	32365
Str6	[1 5 3 4 2 6]	[1 1 1 3 0 0]	26844

Maximum Cost : 34381

Average Cost : 30257.17

Minimum Cost : 26844

Total : 161543

Std : 3437.96

Best String order: [1 5 3 4 2 6] band: [1 1 1 3 0 0] Cost: 26844

6.4.3 การรีโปรดักชันแบบวงล้อรูเล็ต

การทำรีโปรดักชันใช้วิธีการของวงล้อรูเล็ตโดยที่ Cost ของสตริงแต่ละตัวเป็นอัตราส่วนกับขนาดของช่องในวงล้อรูเล็ต สตริงที่มีค่าความเหมาะสมสูงจะถูกคัดเลือกสำหรับการรีโปรดักชัน เนื่องจากปัญหานี้เป็นการหา Cost ที่น้อยที่สุด จึงหาขนาดของช่องในวงล้อ

เลือกโดยการนำ Cost ของสตริง c , แต่ละตัวมาลบออกจากผลรวมของ Cost ทั้งหมดในประชากร ทำให้ได้ค่าตอบเป็น $CostSum - c$, จากนั้นจึงหาผลรวมของ $CostSum - c$, ได้เป็น $Sum_of_ (CostSum - c)$ ขนาดของสตริงในวงล้อรูเล็ตโดยการนำ $CostSum - c$, ของสตริงแต่ละตัวหาร ด้วย $Sum_of_ (CostSum - c)$ โดยที่ขนาดของวงล้อรูเล็ตโดยรวมเป็น 100 เปอร์เซ็นต์

ตารางที่ 6.5 การคำนวณ fitness function ของปัญหาตัวอย่าง 6.2

สตริง	Cost(C_i)	$CostSum - c_i$	$Fitness = (CostSum - c) / Sum_of_ (CostSum - c)$	ความน่าจะเป็นสะสม
Str1	34381	147162	0.1621	0.1621
Str2	33235	148308	0.1634	0.3255
Str3	26951	154592	0.1703	0.4958
Str4	27767	153776	0.1894	0.6852
Str5	32365	149178	0.1643	0.8295
Str6	26844	154699	0.1704	1.0000
total	181543	907715	1.0000	

จากนั้นจะทำการหมุนวงล้อรูเล็ต 6 ครั้ง การหมุนแต่ละครั้งหมายถึงการคัดเลือกสตริง เข้าไปสู่ประชากรใหม่ สมมุติค่าสุ่มจำนวน 6 ค่า ที่อยู่ในช่วง [0.....1]

ตารางที่ 6.6 ค่าสุ่มจากวงล้อรูเล็ต

ครั้งที่	ค่าสุ่มจากวงล้อรูเล็ต	สตริงที่ผ่านการรีโปรดักชัน
1	0.652588	Str4 Cost: 27767
2	0.551275	Str4 Cost: 27767
3	0.280907	Str2 Cost: 33235
4	0.002097	Str1 Cost: 34381
5	0.810821	Str5 Cost: 32365
6	0.958813	Str6 Cost: 26844

Maximum Cost : 34381

Average Cost : 30393.17

Minimum Cost : 26844

Total : 182359

Std : 3294.148

Best String order: [1 5 3 4 2 6] band: [1 1 1 3 0 0] Cost: 26844

เห็นได้ว่าหลังผ่านการรีโปรดักชันแล้ว สตริงที่ดีที่สุดคือ Str6 order: [1 5 3 4 2 6] band: [1 1 1 3 0 0] ได้ถ่ายทอดมายังลูกหลาน 1 สตริง จากนั้นนำสตริงทั้งหมดเข้าสู่อการครอสโอเวอร์แบบPMX

6.4.4 การครอสโอเวอร์แบบ PMX

กระบวนการต่อไปเป็นการครอสโอเวอร์แบบ PMX ค่าความน่าจะเป็นของการครอสโอเวอร์ $p_c = 0.7$ อาจคาดได้ว่า 70% ของประชากรที่มีการครอสโอเวอร์ (โดยเฉลี่ย) นั่นคือ $0.7 \cdot 6 = 4.2$ กระบวนการของการครอสโอเวอร์เริ่มแรกคือทำการสุ่มค่า r อยู่ในช่วง $[0, \dots, 1]$ ได้ค่าดังต่อไปนี้

ตารางที่ 6.7 สตริงที่ผ่านเข้าสู่อการครอสโอเวอร์

สตริง	Order	Band	Cost
Str1	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767
Str2	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767
Str3	[5 2 3 6 1 4]	[1 1 1 2 1 0]	33235
Str4	[4 5 1 6 2 3]	[1 2 3 0 0 0]	34381
Str5	[4 5 2 1 3 6]	[1 1 1 1 2 0]	32365
Str6	[1 5 3 4 2 6]	[1 1 1 3 0 0]	26844

ตารางที่ 6.8 สุ่มค่าเพื่อเลือกสตริงไปทำการครอสโอเวอร์

ครั้งที่	ค่าสุ่ม	น้อยกว่า 0.7(P_c)
1	0.4877	✓
2	0.5807	✓
3	0.6055	✓
4	0.8059	
5	0.9354	
6	0.3515	✓

หมายเหตุ หากว่าสุ่มเลือกสตริงพ่อแม่ได้ไม่ครบคู่ ให้ทำการสุ่มต่อไปว่าจะทำการสุ่มหาสตริงเพิ่มหรือตัดสตริงที่สุ่มได้แล้วออกไป 1 สตริง

ตารางที่ 6.9 สตริงที่ผ่านการเลือกเข้าสู่อการครอสโอเวอร์

คู่ที่	สตริง	Order	Band
1	Str1	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]
	Str2	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]
2	Str3	[5 2 3 6 1 4]	[1 1 1 2 1 0]
	Str6	[1 5 3 4 2 6]	[1 1 1 3 0 0]

นำสตริงorder ของคู่ที่ 1 เข้าทำการครอสโอเวอร์

$$P_1 = [2\ 3\ 4\ 5\ 1\ 6]$$

$$P_2 = [2\ 3\ 4\ 5\ 1\ 6]$$

สุ่มตำแหน่งที่จะทำการครอสโอเวอร์ได้ ตำแหน่งที่ 2 และ 5

$$P_1 = [2\ 3\ | 4\ 5\ 1\ | 6]$$

$$P_2 = [2\ 3\ | 4\ 5\ 1\ | 6]$$

ทำการสลับสตริงที่อยู่ภายในเครื่องหมาย | | ได้สตริงลูกหลาน

$$O_1 = [2\ 3\ 4\ 5\ 1\ 6]$$

$$O_2 = [2\ 3\ 4\ 5\ 1\ 6]$$

นำสตริงลูกหลานทั้ง 2 ไปค้นหาBand Width ที่เหมาะสม และ ซึ่งได้ผลดังนี้

ตารางที่ 6.10 สตริงคู่ที่ 1 หลังผ่านการครอสโอเวอร์

สตริง	Order	Band	Cost
O_1	[2 3 4 5 1 6]	[2 1 1 2 0 0]	23503
O_2	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767

หมายเหตุ หลังการครอสโอเวอร์ครั้งนี้ สตริงลูกหลานทั้งสอง มีdepartment order เหมือนเดิม แต่มีBand Widthเปลี่ยนไป จึงทำให้ค่า Costเปลี่ยนไป

นำสตริงorder ของคู่ที่ 2 เข้าทำการครอสโอเวอร์

$$P_1 = [5\ 2\ 3\ 6\ 1\ 4]$$

$$P_2 = [1\ 5\ 3\ 4\ 2\ 6]$$

สุ่มตำแหน่งที่จะทำการครอสโอเวอร์ได้ ตำแหน่งที่ 3 และ 5

$$P_1 = [5\ 2\ 3\ | 6\ 1\ | 4]$$

$$P_2 = [1\ 5\ 3\ | 4\ 2\ | 6]$$

ทำการสลับสตริงที่อยู่ภายในเครื่องหมาย | | ได้สตริงลูกหลาน

$$O_1 = [5\ 1\ 3\ 4\ 2\ 6]$$

$$O_2 = [2\ 5\ 3\ 6\ 1\ 4]$$

นำสตริงลูกหลานทั้ง 2 ไปค้นหาBand Width ที่เหมาะสม และ ซึ่งได้ผลดังนี้

ตารางที่ 6.11 สตริงคู่ที่ 2 หลังผ่านการครอสโอเวอร์

สตริง	Order	Band	Cost
O_1	[5 1 3 4 2 6]	ไม่สามารถหาได้	ไม่สามารถหาได้
O_2	[2 5 3 6 1 4]	[2 1 2 1 0 0]	28889

เนื่องจาก O_1 ของสตริงพ่อแม่คู่ที่ 2 ไม่สามารถหาค่า Band Width ที่เหมาะสมได้ จึงตัด O_1 ทิ้งและเลือกสตริงพ่อแม่ P_1, P_2 ที่มีค่า Cost น้อยกว่ามาเป็น O_1 ดังนั้นจึงเลือก Str6 มาเป็น O_1 แทน

ตารางที่ 6.12 นำสตริงลูกหลานที่ได้จากการครอสโอเวอร์แทนที่สตริงพ่อแม่ ในประชากรเดิม

สตริง	Order	Band	Cost
Str1	[2 3 4 5 1 6]	[2 1 1 2 0 0]	23503
Str2	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767
Str3	[1 5 3 4 2 6]	[1 1 1 3 0 0]	26844
Str4	[4 5 1 6 2 3]	[1 2 3 0 0 0]	34381
Str5	[4 5 2 1 3 6]	[1 1 1 1 2 0]	32365
Str6	[2 5 3 6 1 4]	[2 1 2 1 0 0]	28889

Maximum Cost : 34381

Average Cost : 28956.17

Minimum Cost : 23503

Total : 173749

Std : 3915.759

Best String order: [2 3 4 5 1 6] band: [2 1 2 0 0 0] Cost: 23503

หลังผ่านการครอสโอเวอร์แล้ว ได้มีการสร้างสตริงที่มีคุณสมบัติที่ดีที่สุดคือ Str1 Order: [2 3 4 5 1 6] Band: [2 1 1 2 0 0] ขึ้นมาใหม่ 1 สตริง จากนี้ นำสตริงทั้งหมดเข้าสู่วิวัฒนาการแบบวิธีโพรคอล เอ็กเชน (Reciprocal Exchange Mutation)

6.4.5 วิวัฒนาการแบบวิธีโพรคอล เอ็กเชน (Reciprocal Exchange Mutation)

กระบวนการต่อไปเป็นวิวัฒนาการแบบวิธีโพรคอล เอ็กเชน กำหนดความน่าจะเป็นของวิวัฒนาการ $p_m = 0.1$ อาจคาดได้ว่า 10% ของประชากรที่มีการวิวัฒนาการ (โดยเฉลี่ย) นั่นคือ $0.1 * 6 = 0.6$ กระบวนการของการครอสโอเวอร์เริ่มแรกคือทำการสุ่มค่า r อยู่ในช่วง $[0, \dots, 1]$ ได้ค่าดังตารางที่ 6.14

ตารางที่ 6.13 สตริงที่ผ่านเข้าสู่การมิวเตชัน

สตริง	Order	Band	Cost
Str1	[2 3 4 5 1 6]	[2 1 1 2 0 0]	23503
Str2	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767
Str3	[1 5 3 4 2 6]	[1 1 1 3 0 0]	26844
Str4	[4 5 1 6 2 3]	[1 2 3 0 0 0]	34381
Str5	[4 5 2 1 3 6]	[1 1 1 1 2 0]	32365
Str6	[2 5 3 6 1 4]	[2 1 2 1 0 0]	28889

ตารางที่ 6.14 ค่าสุ่มเพื่อเลือกสตริงไปมิวเตชัน

ครั้งที่	ค่าสุ่ม	น้อยกว่า 0.1(Pm)
1	0.9798	
2	0.4193	
3	0.0902	✓
4	0.8291	
5	0.2713	
6	0.1318	

สตริงที่จะทำการมิวเตชัน คือ Str3 ซึ่งจะทำการมิวเตชันส่วนOrder

$$\text{Str3} = [1 \ 5 \ 3 \ 4 \ 2 \ 6]$$

เลือกตำแหน่งที่จะทำการสลับที่ 2 ตำแหน่งคือ 4 และ 6

$$\text{Str3} = [1 \ 5 \ 3 \ 4 \ 2 \ 6]$$

$$\text{Str3} = [1 \ 5 \ 3 \ 6 \ 2 \ 4]$$

จากนั้นสร้าง Band Width จาก order ของ Str3

ตารางที่ 6.15 สตริงที่ได้จากการมิวเตชัน

สตริง	Order	Band	Cost
Str3	[1 5 3 6 2 4]	[1 1 2 1 1 0]	31456

นำ Str3 ที่ได้จากการมิวเตชันรวมเข้ากับประชากรเริ่มต้น ดังตารางที่ 6.18

ตารางที่ 6.16 สตริงทั้งหมดหลังการมิวเตชัน

สตริง	Order	Band	Cost
Str1	[2 3 4 5 1 6]	[2 1 1 2 0 0]	23503
Str2	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767
Str3	[1 5 3 6 2 4]	[1 1 2 1 1 0]	31456
Str4	[4 5 1 6 2 3]	[1 2 3 0 0 0]	34381
Str5	[4 5 2 1 3 6]	[1 1 1 1 2 0]	32365
Str6	[2 5 3 6 1 4]	[2 1 2 1 0 0]	28889

Maximum Cost : 34381

Average Cost : 29728.83

Minimum Cost : 23503

Total : 178361

Std : 3870.148

Best String order: [2 3 4 5 1 6] band: [2 1 2 0 0 0] Cost: 23503

พบว่าหลังผ่านการมิวเตชันแล้ว สตริงที่ดีที่สุดคือ Str1 Order: [2 3 4 5 1 6] Band: [2 1 2 0 0 0] Cost: 23503 ยังคงถ่ายทอดมายังรุ่นลูกหลาน

หมายเหตุ การอิลิท คือ การเก็บสตริงที่ดีที่สุดไว้เสมอ กล่าวคือเมื่อระหว่างกระบวนการรีโปรดักชัน ครอสโอเวอร์ มิวเตชัน อาจจะทำให้สตริงที่ดีที่สุดหายไป ดังนั้นเมื่อเสร็จสิ้นแต่ละขั้นตอนของGAs ให้ทำการเปรียบเทียบระหว่างสตริงที่ดีที่สุดของระหว่างประชากรก่อนและหลังผ่านขั้นตอนดังกล่าว เพื่อหาว่าสตริงใดมีคุณสมบัติดีกว่ากัน หากว่าสตริงที่ดีที่สุดของประชากรก่อนการเข้าสู่กระบวนการของGAs นั้นมีคุณสมบัติที่ดีกว่า ให้ทำการนำตรงนั้นมาแทนที่สตริงที่แย่ที่สุดของประชากรหลังผ่านกระบวนการGAs แล้ว

6.5 การประยุกต์เงินเนติกอัลกอริทึมกับการออกแบบผังโรงงานแบบหลายวัตถุประสงค์

การประยุกต์เงินเนติกอัลกอริทึมกับการออกแบบผังโรงงานแบบหลายวัตถุประสงค์ มีลักษณะคล้ายคลึงกับการประยุกต์เงินเนติกอัลกอริทึมกับการออกแบบผังโรงงานแบบวัตถุประสงค์เดียว แต่มีข้อแตกต่างที่ฟังก์ชันวัตถุประสงค์ โดยที่

- ผังโรงงานแบบวัตถุประสงค์เดียว ฟังก์ชันวัตถุประสงค์ คือ ค่าใช้จ่าย(Cost)
- ผังโรงงานแบบหลายวัตถุประสงค์ ฟังก์ชันวัตถุประสงค์ คือ ค่าfitnessรวม ซึ่ง

$$\text{ค่าfitnessรวม} = (W1 * \text{Cost-fitness}) + (W2 * \text{TCR-fitness})$$

ค่าTCR พิจารณาระยะทางระหว่างแผนก

W_1 คือ น้ำหนักที่ให้ความสำคัญกับค่าใช้จ่ายของผังโรงงาน (Cost) มีค่าระหว่าง[0,1]
 W_2 คือ น้ำหนักที่ให้ความสำคัญกับความสัมพันธระหว่างแผนก (TCR) มีค่าระหว่าง

[0,1]

และ $W_1+W_2=1$

ต่อไปเป็นตัวอย่างการการประยุกต์เจเนติกอัลกอริทึมกับการออกแบบผังโรงงานแบบหลายวัตถุประสงค์ วิธีการโปรดักชันแบบวงล้อรูเล็ต วิธีการครอสโอเวอร์แบบPMX และวิธีการมิวเตชันแบบReciprocal-Exchange

ตัวอย่าง 6.3 ผังโรงงานแบบหลายวัตถุประสงค์ ขนาด กว้าง 4 หน่วย * ยาว 6 หน่วย พื้นที่ 24 ตารางหน่วย มีทั้งหมด 6 แผนก $W_1=0.25$ $W_2=0.75$

ตารางที่ 6.17 รายละเอียดของปัญหาตัวอย่าง 6.3

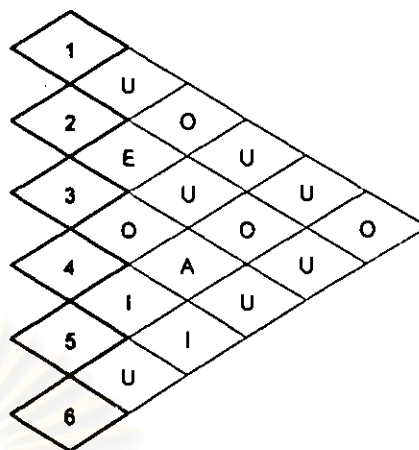
แผนกที่	พื้นที่ทั้งหมด	พื้นที่สำหรับวางเครื่องจักร(กว้าง *ยาว)	อัตราส่วนด้านกว้างต่อด้านยาว
1	3	1*3	5
2	9	2*3	5
3	3	1*3	5
4	1	1*1	5
5	2	1*2	5
6	6	2*2	5

ตารางที่ 6.18 แผนภูมิการไหลระหว่างแผนก(เที่ยว) ของปัญหาตัวอย่าง 6.3

จาก-ไปยัง	1	2	3	4	5	6
1	0	63	605	551	116	136
2	63	0	635	941	50	191
3	104	71	0	569	136	55
4	65	193	622	0	77	90
5	162	174	607	591	0	179
6	156	13	667	661	175	0



A:	5
E:	4
I:	3
O:	2
U:	1
X:	0



รูปที่ 6.3 แผนภูมิความสัมพันธ์ระหว่างแผนก ตัวอย่าง 6.3

ค่าใช้จ่ายของการขนถ่ายเท่ากับ 1 หน่วย/เที่ยว และคิดระยะทางระหว่างจุดเซ็นทรอยด์ของแต่ละแผนกแบบเรกติลิเนียร์ (ระยะทางรวมเท่ากับผลรวมของระยะทางตามแกน X และระยะทางตามแกน Y)

6.5.1 การสร้างประชากรเริ่มต้น (Initial population)

กำหนดให้ประชากรเริ่มต้นเท่ากับ 6 ตัว ทำการสร้างประชากรอย่างสุ่มได้ดังนี้

ตารางที่ 6.19 ประชากรเริ่มต้นของปัญหาตัวอย่าง 6.3

สตริง	Order	Band	Cost	TCR
Str1	[4 5 1 6 2 3]	[1 2 3 0 0 0]	34381	214.00
Str2	[5 2 3 6 1 4]	[1 1 1 2 1 0]	33235	239.78
Str3	[1 2 4 3 5 6]	[1 1 1 1 2 0]	26951	194.00
Str4	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767	178.00
Str5	[4 5 2 1 3 6]	[1 1 1 1 2 0]	32365	266.67
Str6	[1 5 3 4 2 6]	[1 1 1 3 0 0]	26844	192.00

6.5.2 การปรับปรุงขั้นตอนแบบวงล้อรูเล็ตต์

ทำการคำนวณค่า fitness รวมดังตารางที่ 6.20 จากนั้นจะทำการหมุนวงล้อรูเล็ตต์ 6 ครั้ง การหมุนแต่ละครั้งหมายถึงการคัดเลือกสตริงเข้าไปสู่ประชากรใหม่ สมมุติค่าสุ่มจำนวน 6 ค่า ที่อยู่ในช่วง [0....1] ดังตารางที่ 6.21

ตารางที่ 6.20 การคำนวณ fitness function ของปัญหาตัวอย่าง 6.3

สตริง	Cost	Cost-fitness	TCR	TCR-fitness	Total fitness	ความน่าจะเป็นสะสม
Str1	34381	0.1621	214.00	0.1667	0.1656	0.1656
Str2	33235	0.1634	239.78	0.1627	0.1629	0.3285
Str3	26951	0.1703	194.00	0.1898	0.1699	0.4984
Str4	27767	0.1694	178.00	0.1723	0.1716	0.6700
Str5	32365	0.1643	266.67	0.1585	0.1800	0.8300
Str6	26844	0.1704	192.00	0.1701	0.1702	1.0000
รวม	161543	1.0000	1284.45	1.0000	1.0000	

ตารางที่ 6.21 ค่าสุ่มจากวงล้อรูเล็ต

ครั้งที่	ค่าสุ่มจากวงล้อรูเล็ต	สตริงที่ผ่านการรีโปรดัคชัน
1	0.652588	Str4 fitness:0.1716
2	0.551275	Str4 fitness:0.1716
3	0.280907	Str2 fitness:0.1629
4	0.002097	Str1 fitness:0.1656
5	0.810621	Str5 fitness:0.1600
6	0.958613	Str6 fitness:0.1702

Best String Order:[2 3 4 5 1 6] Band:[3 1 2 0 0 0] Cost: 27767 TCR: 178.00 total fitness: 0.1716

เห็นได้ว่าหลังผ่านการรีโปรดัคชันแล้ว สตริงที่ดีที่สุดคือ Str4 Order:[2 3 4 5 1 6] Band:[3 1 2 0 0 0] ได้ถ่ายทอดมายังลูกหลาน 2 สตริง จากนั้นนำสตริงทั้งหมดเข้าสู่อการครอสโอเวอร์แบบ PMX

6.5.3 การครอสโอเวอร์แบบ PMX

กระบวนการต่อไปเป็นการครอสโอเวอร์แบบ PMX ค่าความน่าจะเป็นของการครอสโอเวอร์ $p_c = 0.7$ อาจคาดได้ว่า 70% ของประชากรที่มีการครอสโอเวอร์ (โดยเฉลี่ย) นั่นคือ $0.7 * 6 = 4.2$ กระบวนการของการครอสโอเวอร์เริ่มแรกคือทำการสุ่มค่า r อยู่ในช่วง $[0, \dots, 1]$ ได้ค่าดังตารางที่ 6.23

ตารางที่ 6.22 สตริงที่ผ่านเข้าสู่การครอสโอเวอร์

สตริง	Order	Band	Cost	TCR	Total fitness
Str1	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767	178.00	0.1716
Str2	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767	176.00	0.1716
Str3	[5 2 3 6 1 4]	[1 1 1 2 1 0]	33235	239.78	0.1629
Str4	[4 5 1 6 2 3]	[1 2 3 0 0 0]	34381	214.00	0.1656
Str5	[4 5 2 1 3 6]	[1 1 1 1 2 0]	32365	266.67	0.1600
Str6	[1 5 3 4 2 6]	[1 1 1 3 0 0]	26844	192.00	0.1702

ตารางที่ 6.23 สุ่มค่าเพื่อเลือกสตริงไปทำการครอสโอเวอร์

ครั้งที่	ค่าสุ่ม	น้อยกว่า 0.7(Pc)
1	0.4677	✓
2	0.5807	✓
3	0.6055	✓
4	0.8059	
5	0.9354	
6	0.3515	✓

หมายเหตุ หากว่าสุ่มเลือกสตริงพ่อแม่ได้ไม่ครบคู่ ให้ทำการสุ่มต่อไปว่าจะทำการสุ่มหาสตริงเพิ่มหรือตัดสตริงที่สุ่มได้แล้วออกไป 1 สตริง

ตารางที่ 6.24 สตริงที่ผ่านการเลือกเข้าสู่การครอสโอเวอร์

คู่ที่	สตริง	Order	Band
1	Str1	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]
	Str2	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]
2	Str3	[5 2 3 6 1 4]	[1 1 1 2 1 0]
	Str6	[1 5 3 4 2 6]	[1 1 1 3 0 0]

ในสตริงคู่ที่ 1 และ 2 ได้สุ่มตำแหน่งครอสโอเวอร์ เหมือนการครอสโอเวอร์ในตัวอย่าง 6.2 ซึ่งได้ผลดังนี้

ตารางที่ 6.25 สตริงคู่ที่ 1 หลังผ่านการครอสโอเวอร์

สตริง	Order	Band	Cost	TCR
O_1	[2 3 4 5 1 6]	[2 1 1 2 0 0]	23503	147.33
O_2	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767	178

หมายเหตุ หลังการครอสโอเวอร์ครั้งนี้ สตริงลูกหลานทั้งสอง มี Department Order เหมือนเดิม แต่มี Band Width เปลี่ยนไป จึงทำให้ค่า Cost และ TCR เปลี่ยนไป

ตารางที่ 6.26 สตริงคู่ที่ 2 หลังผ่านการครอสโอเวอร์

สตริง	Order	Band	Cost	TCR
O_1	[5 1 3 4 2 6]	ไม่สามารถหาได้	ไม่สามารถหาได้	ไม่สามารถหาได้
O_2	[2 5 3 6 1 4]	[2 1 2 1 0 0]	28889	188.667

เนื่องจาก O_1 ของสตริงพ่อแม่คู่ที่ 2 ไม่สามารถหาค่า Band Width ที่เหมาะสมได้ จึงตัด O_1 ทิ้งและเลือกสตริงพ่อแม่ P_1, P_2 ที่มีค่า Cost น้อยกว่ามาเป็น O_1 ดังนั้นจึงเลือก Str6 มาเป็น O_1 แทน

ตารางที่ 6.27 นำสตริงลูกหลานที่ได้จากการครอสโอเวอร์แทนที่สตริงพ่อแม่ ในประชากรเดิม

สตริง	Order	Band	Cost	TCR	Total fitness
Str1	[2 3 4 5 1 6]	[2 1 1 2 0 0]	23503	147.33	0.1746
Str2	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767	178.00	0.1695
Str3	[1 5 3 4 2 6]	[1 1 1 3 0 0]	26844	192.00	0.1680
Str4	[4 5 1 6 2 3]	[1 2 3 0 0 0]	34361	214.00	0.1630
Str5	[4 5 2 1 3 6]	[1 1 1 1 2 0]	32365	266.67	0.1570
Str6	[2 5 3 8 1 4]	[2 1 2 1 0 0]	28889	188.667	0.1678

Best String Order:[2 3 4 5 1 6] Band:[2 1 1 2 0 0] Cost::23503 TCR:147.33 total fitness: 0.1746

หลังผ่านการครอสโอเวอร์แล้ว ได้มีการสร้างสตริงที่มีคุณสมบัติที่ดีที่สุดคือ Str1 Order: [2 3 4 5 1 6] Band: [2 1 1 2 0 0] ขึ้นมาใหม่ 1 สตริง จากนั้นนำสตริงทั้งหมดเข้าสู่วิวัฒนาการแบบวิธีไพโรคอล เอ็กเชน(Reciprocal Exchange Mutation)

6.5.4 วิวัฒนาการแบบวิธีไพโรคอล เอ็กเชน(Reciprocal Exchange Mutation)

กระบวนการต่อไปเป็นวิวัฒนาการแบบวิธีไพโรคอล เอ็กเชน กำหนดความน่าจะเป็นของวิวัฒนาการ $p_m = 0.1$ อาจคาดได้ว่า 10% ของประชากรที่มีการวิวัฒนาการ(โดยเฉลี่ย) นั่นคือ $0.1 * 6 = 0.6$ กระบวนการของการครอสโอเวอร์เริ่มแรกคือทำการสุ่มค่า r อยู่ในช่วง $[0, \dots, 1]$ ได้ค่าดังตารางที่ 6.28

ตารางที่ 6.28 ค่าสุ่มเพื่อเลือกสตริงไปมิวเตชัน

ครั้งที่	ค่าสุ่ม	น้อยกว่า 0.1(Pm)
1	0.9798	
2	0.4193	
3	0.0902	✓
4	0.8291	
5	0.2713	
6	0.1318	

สตริงที่จะทำการมิวเตชัน คือ Str3 ซึ่งจะทำการมิวเตชันส่วนOrder

$$\text{Str3} = [1 \ 5 \ 3 \ 4 \ 2 \ 6]$$

เลือกตำแหน่งที่จะทำการสลับที่ 2 ตำแหน่งคือ 4 และ 6

$$\text{Str3} = [1 \ 5 \ 3 \ 4 \ 2 \ 6]$$



$$\text{Str3} = [1 \ 5 \ 3 \ 6 \ 2 \ 4]$$

จากนั้นสร้าง Band Width จาก orderของ Str3

ตารางที่ 6.29 สตริงที่ได้จากการมิวเตชัน

สตริง	Order	Band	Cost	TCR
Str3	[1 5 3 6 2 4]	[1 1 2 1 1 0]	31456	214.00

ตารางที่ 6.30 นำสตริงลูกหลานที่ได้จากการครอสโอเวอร์แทนที่สตริงพ่อแม่ ในประชากรเดิม

สตริง	Order	Band	Cost	TCR	Total fitness
Str1	[2 3 4 5 1 6]	[2 1 1 2 0 0]	23503	147.33	0.1751
Str2	[2 3 4 5 1 6]	[3 1 2 0 0 0]	27767	178.00	0.1701
Str3	[1 5 3 6 2 4]	[1 1 2 1 1 0]	31456	214.00	0.1646
Str4	[4 5 1 6 2 3]	[1 2 3 0 0 0]	34381	214.00	0.1638
Str5	[4 5 2 1 3 6]	[1 1 1 1 2 0]	32365	266.87	0.1579
Str6	[2 5 3 6 1 4]	[2 1 2 1 0 0]	28889	188.667	0.1665

Best String Order:[2 3 4 5 1 6] Band:[2 1 1 2 0 0] Cost::23503 TCR:147.33 total fitness: 0.1751

6.6 สรุป

GAs เป็นการค้นหาคำตอบที่มีประสิทธิภาพสูง แต่การนำ GAs ไปใช้ในการแก้ปัญหาต่าง ๆ นั้นจำเป็นต้องมีกระบวนการต่างๆ ในรายละเอียดปลีกย่อยเพื่อที่จะทำให้ GAs สามารถทำงานได้อย่างที่ต้องการ

การรีโพรดักชัน(การคัดเลือก) แบบวงล้อรูเล็ตสามารถทำได้โดย

- สร้างค่าสุ่ม (Random Number) r ที่มีค่าอยู่ในช่วง $[0...1]$
- ถ้า $r < q_i$ เลือกสตริงตัวแรก ถ้าไม่ใช่ เลือกสตริงตัวที่ i โดยที่ i อยู่ระหว่าง $(2 \leq i \leq pop)$ หรือ $(q_{i-1} \leq r \leq q_i)$ ในบางครั้งสตริงที่ถูกคัดเลือกแล้วบางตัว บางตัวอาจถูกเลือกได้มากกว่า 1 ครั้ง

การครอสโอเวอร์ ที่ใช้ในงานวิจัยมี 5 วิธี ได้แก่ การครอสโอเวอร์แบบ PMX (Partially Match Crossover) การครอสโอเวอร์แบบ OX (Order Crossover) การครอสโอเวอร์แบบ CX (Cycle Crossover) การครอสโอเวอร์แบบ PBX(Position-Base) และวิธีการครอสโอเวอร์แบบ PBX(Order-Base) โดยสามารถทำได้ดังต่อไปนี้

- สร้างค่าสุ่ม (Random Number) r ที่มีค่าอยู่ในช่วง $[0...1]$
- ถ้า $r < p_c$ เลือกสตริงนั้นเพื่อทำการครอสโอเวอร์ตัวแรก
- จับคู่กับสตริงอีกหนึ่งตัวเพื่อทำการครอสโอเวอร์ ตามขั้นตอนของการครอสโอเวอร์แต่ละแบบ

การมิวเตชัน ที่ใช้ในงานวิจัยมี 3 วิธี ได้แก่ การมิวเตชันแบบ Insertion การมิวเตชันแบบ Reciprocal Exchange และการมิวเตชันแบบ Random Sequence โดยสามารถทำได้ดังต่อไปนี้

- สร้างค่าสุ่ม (Float) หรือ r อยู่ในช่วง $[0...1]$ สำหรับสตริงทุกสตริง
- สตริงใดที่ $r < p_m$ เลือกสตริงนั้น เพื่อทำการมิวเตชันแบบต่างๆ

การประยุกต์เงินเนติกอัลกอริทึมกับการออกแบบผังโรงงานแบบวัตถุประสงค์เดียวและการประยุกต์เงินเนติกอัลกอริทึมกับการออกแบบผังโรงงานแบบหลายวัตถุประสงค์ มีลักษณะคล้ายคลึงกัน แต่มีข้อแตกต่างที่ฟังก์ชันวัตถุประสงค์ คือ

- ผังโรงงานแบบวัตถุประสงค์เดียว ฟังก์ชันวัตถุประสงค์ คือ ค่าใช้จ่าย(Cost)
- ผังโรงงานแบบหลายวัตถุประสงค์ ฟังก์ชันวัตถุประสงค์ คือ ค่าfitnessรวม