



ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

สถิติเริ่มพัฒนาขึ้นมาอย่างจริงจังในคริสต์ศตวรรษที่ 16 เมื่อรัฐต่าง ๆ ทางยุโรปตระหนักถึงความต้องการสำรวจประชากร ต่อมาในคริสต์ศตวรรษที่ 17 จากการสำรวจพบว่า ขณะนั้นมีบริษัทประกันหลายบริษัท กิจการวางอัตราดอกเบี้ยการประกันชีวิตขึ้นมาใช้ ซึ่งแสดงว่าสถิติเริ่มมีความสำคัญแล้ว¹ ในระยะ 50 ปีที่แล้วมา การนำเรื่องความน่าจะเป็น (Probability) และสถิติไปใช้ ได้เพิ่มขึ้นอย่างมากมาย การใช้เรื่องความน่าจะเป็นและสถิติมีอยู่ทั่วไป เช่นในค่านुकศาสตร์เกี่ยวกับการควบคุมคุณภาพเกษตรกรรมเกี่ยวกับการทดลองเพาะปลูกพืช เศรษฐศาสตร์เกี่ยวกับดัชนีราคาครองชีพ นอกจากนี้ยังช่วยในการตัดสินใจเกี่ยวกับธุรกิจการค้า ตลอดจนในคำสั่งคมและการเมือง²

ในปัจจุบันนี้สถิติจำเป็นสำหรับวิชาการทุกแขนง ตลอดจนในวงการธุรกิจและส่วนราชการ³ สถิติเป็นวิธีการทางวิทยาศาสตร์ซึ่งใช้เป็นเครื่องมือในการตัดสินใจเมื่อมีสถานการณ์ที่ไม่แน่นอนเกิดขึ้น เครื่องมือเหล่านี้มีการนำมาประยุกต์

1

George H. Weinberg and John A. Schumaker, Statistics An Intuitive Approach (2d ed.; Belmont California: Wadsworth Publishing Company, Inc., 1969), p. 2.

2

Howard F. Fehr, "ความสัมพันธ์ระหว่างคณิตศาสตร์กับสังคม" การสัมมนาวิชาคณิตศาสตร์, สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี 15 - 26 พฤษภาคม 2515 (โรงพิมพ์คุรุสภา, 2516), หน้า 10.

3

คณิต อินจันทร์ทรงก สถิติขั้นมูลฐาน (พิมพ์ครั้งที่ 4, พระนคร: อักษรเจริญทัศน์, 2518), หน้า 5.

ใช้อยู่ทั่วไป และมีประโยชน์มากในสาขาวิทยาศาสตร์ต่าง ๆ เช่น ฟิสิกส์, ชีววิทยา, สังคมศาสตร์ เป็นต้น⁴ สถิติจึงมีประโยชน์อย่างยิ่ง ดังที่ ไวคาล เอ ตัน (Vidal A. Tan) กล่าวไว้ว่า

"...ในปัจจุบันนี้ต้องใช้สถิติไม่ว่าโดยทางตรงหรือทางอ้อมเกี่ยวกับด้านธุรกิจ, การวางแผนและโครงการต่าง ๆ, วิศวกรรม, การเกษตรกรรม, เศรษฐกิจ, การวิจัยและวิทยาศาสตร์, การวัดผล, การวางแผนการของรัฐบาล, การเลือกตั้ง, ประชากรศึกษา, การประมาณค่าความจำเป็นในอนาคต, การจัดการศึกษาและกิจกรรมอื่น ๆ อีกหลาย ๆ อย่าง ..."⁵

สถิติมีประโยชน์ต่อวิทยาศาสตร์สาขาต่าง ๆ 2 ประการคือ ประการแรก สถิติเป็นเสมือนเครื่องมือที่จะพัฒนาประสิทธิภาพของการเก็บรวบรวมข้อมูล ซึ่งอาศัยทฤษฎีการออกแบบทดลองและการสำรวจตัวอย่าง ประการที่สองสถิติเป็นวิธีการสรุปผลจากข้อมูลที่รวบรวมได้โดยวิธีการทางวิทยาศาสตร์ ซึ่งต้องอาศัยทฤษฎีการประมาณค่าการทดสอบสมมติฐาน และวิธีการอื่น ๆ⁶

ทางด้านการศึกษาได้นำวิธีการทางสถิติมาใช้เพิ่มมากขึ้นเรื่อย ๆ ในสาขาเฉพาะที่สูงขึ้น⁷ ในวงการอุตสาหกรรมต่าง ๆ ไม่ได้ใช้สถิติเพียงเพื่อทำนาย และ

4

William A. Spurr and Charles P. Bonini, Statistics Analysis for Business Decisions (Richard D. Irwin, Inc., 1973), P. 13.

5

Vidal A. Tan "Keynote Address by Dr. Vidal A. Tan" Proceeding of the Seminar on the Uses of Statistics in Education, February 25 and 26, 1964(The University of the Philippines, 1969). P. 3.

6

P.C. Mahalanobis, The Teaching of Statistics (Delhi: The Universal Book and Stationary Co, 1968), P. 14.

7 Ibid, P. 14.

หาคอมพิวเตอร์มาใช้ แต่ยังมีให้การตัดสินใจเป็นไปอย่างถูกต้องด้วย⁸ การดำเนินธุรกิจ รัฐบาล การบริหารงานต่าง ๆ ทุกสาขาถือว่า การตัดสินใจเป็นสิ่งสำคัญ สถิติช่วยตัดสินใจได้ว่าข้อมูลอะไรที่จำเป็น จะเก็บรวบรวมข้อมูล นำเสนอ และวิเคราะห์ ตลอดจนตีความได้อย่างไร ในกรณีที่ไม่สามารถรวบรวมข้อมูลได้ครบและต้องใช้ข้อมูลที่เลือกมาเป็นตัวอย่าง (Sample) สถิติจะช่วยในการตัดสินใจได้ดีที่สุดบนพื้นฐานของข้อเท็จจริงที่ไม่สมบูรณ์นี้⁹

ในชีวิตประจำวันของเราจำเป็นต้องใช้สถิติ เราจะพบว่าการแพร่ข่าวสารต่าง ๆ มักมีกราฟ แผนภูมิแท่ง อัตราร้อยละ และร้อยละ ในการรายงานเรื่องการประชุมต่าง ๆ ภาษีเงินได้ สถิติประชากร ภูมิปัญญาในการจราจร ผลิตภัณฑ์เศรษฐกิจ และเรื่องอื่น ๆ ล้วนแต่เป็นเรื่องของสถิติ¹⁰ ความสำคัญของสถิติยังพิจารณาได้จากการอ่านหนังสือพิมพ์ วารสาร นิตยสารต่าง ๆ เพราะสิ่งเหล่านี้มักจะมีข้อเขียนและบทความที่เกี่ยวข้องกับสถิติทั้งสิ้น¹¹

เนื่องจากสถิติมีความสำคัญ และจำเป็นสำหรับมนุษย์ในโลกปัจจุบันนี้แล้วข้างต้น ผู้ที่นำหลักสถิติมาศึกษาค้นคว้าจึงบรรจุวิชาสถิติลงไว้ในหลักสูตรคณิตศาสตร์ระดับมัธยมศึกษาตอนปลาย ในปัจจุบันการสอนคณิตศาสตร์มุ่งให้ผู้เรียนได้ค้นพบคำตอบด้วยตนเอง บทเรียนแบบโปรแกรมเป็นวิธีหนึ่งที่จะช่วยให้เรียนด้วยตนเองได้ ด้วยเหตุนี้ผู้วิจัยจึงทำการทดลองเขียนและหาประสิทธิภาพบทเรียนแบบโปรแกรมวิชาสถิติเรื่อง "การวัดความโน้มเอียงเข้าสู่ส่วนกลางและการกระจาย" สำหรับระดับมัธยมศึกษาตอนปลาย

วัตถุประสงค์ของการวิจัย

1. เพื่อสร้างบทเรียนแบบโปรแกรมวิชาสถิติเรื่อง "การวัดความโน้มเอียงเข้าสู่ส่วนกลางและการกระจาย" สำหรับระดับมัธยมศึกษาตอนปลาย

⁸ Ronald E. Walpole, Introduction to Statistics (2d ed.; New York: Macmillan Publishing Co, Inc., 1974) P. 2.

⁹ William, op. cit., P. 3.

¹⁰ Howard, เรื่องเดียวกัน หน้าเดียวกัน.

¹¹ Francis G. Cornell, The Essentials of Educational Statistics (John Wiley and Sons, Inc., 1956), P.5.

2. เพื่อหาประสิทธิภาพของบทเรียนแบบโปรแกรมที่สร้างขึ้น
3. เพื่อศึกษาว่าบทเรียนแบบโปรแกรมวิชาสถิติเรื่อง "การวัดความโน้มเอียงเข้าสู่ส่วนกลางและการกระจาย" สามารถใช้สอนนักเรียนระดับมัธยมศึกษาตอนปลายได้
4. เพื่อส่งเสริมความก้าวหน้าบทเรียนแบบโปรแกรมไปใช้ให้แพร่หลาย

สมมติฐานของการวิจัย

1. บทเรียนแบบโปรแกรมที่สร้างขึ้นในครั้งนี้ จะมีส่วนได้อย่างมีประสิทธิภาพตามหลักเกณฑ์มาตรฐาน 90/90
2. บทเรียนแบบโปรแกรมที่สร้างขึ้นจะช่วยให้ผู้เรียนมีความรู้ในเนื้อหาวิชาเพิ่มขึ้นหลังจากได้เรียนบทเรียนแล้ว

ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับจากการวิจัย

1. เพื่อนำความรู้ในการสร้างบทเรียนแบบโปรแกรมไปใช้ให้เกิดประโยชน์ในการสร้างบทเรียนแบบโปรแกรมชุดถัดไป
2. บทเรียนแบบโปรแกรมที่สร้างขึ้นนี้จะช่วยแก้ปัญหาการขาดแคลนครู และส่งเสริมความสามารถของนักเรียนเป็นรายบุคคล
3. บทเรียนที่สร้างขึ้นจะเป็นประโยชน์ในการเรียนการสอนวิชาคณิตศาสตร์
4. เป็นการนำวิธีการสอนแบบใหม่เข้ามาใช้ในวงการศึกษาไทยให้มากขึ้น

ขอบเขตของการวิจัย

1. บทเรียนแบบโปรแกรมนี้ออกแบบขึ้นตามหลักสูตรคณิตศาสตร์ของสถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี สำหรับมัธยมศึกษาตอนปลาย
2. นักเรียนที่จะเรียนบทเรียนแบบโปรแกรมนี้อาจจะมีความรู้พื้นฐานเรื่องการแจกแจงความถี่มาแล้ว แต่ไม่เคยเรียนเรื่องการวัดความโน้มเอียงเข้าสู่ส่วนกลางและการกระจาย
3. ตัวอย่างประชากรที่ใช้ในการวิจัยหาประสิทธิภาพของบทเรียนแบบโปรแกรมได้แก่นักศึกษาประกาศนียบัตรวิชาชีพชั้นปีที่สอง วิทยาลัยครูนครปฐม จังหวัด

นครปฐม จำนวน 100 คน

4. บทเรียนแบบโปรแกรมที่สร้างขึ้นเป็นบทเรียนแบบโปรแกรมชนิดเส้นตรง (Linear Program)

ความจำกัดของการวิจัย

1. เนื่องจากการทดลองมีเวลาจำกัด เพราะเป็นระยะใกล้สอบ ซึ่งทางวิทยาลัยต้องเร่งสอนนักเรียนให้ครบตามหลักสูตร จึงต้องกำหนดระยะเวลาให้เรียนบทเรียนแบบโปรแกรมติดต่อกันไป

2. นักเรียนไม่มีเวลาทบทวนบทเรียน เพราะเมื่อเรียนบทเรียนจบก็สอบทันที
ข้อตกลงเบื้องต้น

1. เลือกกลุ่มตัวอย่างประชากรจำนวน 100 คน โดยวิธีสุ่มตัวอย่าง
2. ตัวอย่างประชากรที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ ใช้นักศึกษาประกาศนียบัตรวิชาการศึกษาชั้นปีที่สอง แทนนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย เพราะเป็นนักเรียนในระดับเดียวกันและมีพื้นฐานทางคณิตศาสตร์ไม่แตกต่างกัน

คำจำกัดความของการวิจัย

1. บทเรียนแบบโปรแกรม (Programmed Instruction) คือบทเรียนที่แบ่งเนื้อหาออกเป็นส่วนย่อย ๆ สั้น ๆ ซึ่งเรียกว่ากรอบ (Frame) แต่ละกรอบจะบรรจุคำอธิบายและคำถามต่อเนื่องกันไปตามลำดับขั้นจากง่ายไปหายาก ถ้าตามอาจเป็นทั้งชนิดให้สร้างคำตอบเอง และชนิดให้เลือกตอบ และจะมีคำตอบเฉลยไว้ทุกกรอบเพื่อให้ผู้เรียนได้เปรียบเทียบคำตอบของตนทันที เป็นการเสริมแรงให้ผู้เรียนมีแรงจูงใจในการเรียน

2. บทเรียนแบบโปรแกรมชนิดเส้นตรง (Linear Program) คือบทเรียนแบบโปรแกรมชนิดที่มีการเรียงลำดับของกรอบจากง่ายไปหายาก ผู้เรียนจะต้องเริ่มเรียนตั้งแต่กรอบแรกตามลำดับจนถึงกรอบสุดท้ายจะข้ามกรอบใดกรอบหนึ่งไม่ได้ สิ่งที่เรียนจากกรอบแรก ๆ จะเป็นพื้นฐานในการเรียนกรอบต่อไป วิธีการเขียนบทเรียนชนิดนี้มักจะให้นักเรียนตอบคำถามในบทเรียนโดยการให้สร้างคำตอบเอง (Constructed Response)

3. บทเรียนแบบโปรแกรมชนิดสาขา (Branching Program) คือบทเรียนแบบโปรแกรมชนิดที่วิธีการเรียงลำดับของกรอบโดยอาศัยคำตอบของผู้เรียนเป็นเกณฑ์ ถ้าผู้เรียนสามารถตอบคำถามของกรอบที่เป็นหลักของบทเรียนได้ถูกต้อง ผู้เรียนก็ได้รับคำสั่งให้ข้ามกรอบบางกรอบได้ แต่ถ้าผู้เรียนตอบคำถามไม่ถูกต้อง ก็อาจได้รับคำสั่งให้

เรียนการสอนใหม่เติมก่อนไปเรียนกรอมก่อนไป การเรียนแบบนี้จะไม่ดำเนินไปตามลำดับของกรอม ผู้เรียนอาจจะถ่วงย้อนกลับไปที่ส่วนในหน้าต่าง ๆ ขึ้นอยู่กับความสามารถของผู้เรียน คำถามในแต่ละกรอมจะเป็นลักษณะให้เดิกรอกำตอบ

4. มาตราฐาน 90/90 หมายถึง เกณฑ์หาประสิทธิภาพของบทเรียนแบบโปรแกรม 90 ตัวแรก หมายถึงคะแนนที่นักเรียนทำบทเรียนถูกเฉลี่ยร้อยละ 90 90 ตัวหลัง หมายถึงคะแนนที่นักเรียนทำแบบทดสอบหลัง เรียนบทเรียนถูกเฉลี่ยร้อยละ 90

5. แบบทดสอบ หมายถึง เครื่องมือที่ผู้วิจัยสร้างขึ้น สำหรับวัดความรู้ของนักเรียนก่อนและหลัง เรียนบทเรียนแบบโปรแกรม แบบทดสอบนี้คง เป็นแบบทดสอบที่มีค่าความเชื่อถือได้

6. นักเรียน หมายถึง นักศึกษาที่ใช้สำหรับการวิจัยนี้ ก็ือนักศึกษาประกาศนียบัตรวิชาการศึกษาชั้นปีที่สอง ปีการศึกษา 2518 วิทยาลัยครูนครปฐม จังหวัดนครปฐม จำนวน 100 คน

วิธีดำเนินการวิจัย

1. ศึกษาวิธีการ เขียนบทเรียนแบบโปรแกรมอย่างละเอียด
2. ศึกษาเนื้อหาวิชา เรื่องการวัดความไ้มเรียง เข้าสู่ส่วนกลาง และการกระจาย อย่างละเอียด
3. ตั้งจุดมุ่งหมายทั่วไป และจุดมุ่งหมายเชิงพฤติกรรม
4. สร้างแบบทดสอบสำหรับทดสอบก่อนและหลัง เรียนบทเรียนแบบโปรแกรม ตามวัตถุประสงค์ที่วางไว้ พร้อมทั้งวิเคราะห์หาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบ
5. สร้างบทเรียนแบบโปรแกรมตามวัตถุประสงค์ที่วางไว้
6. ทำการทดลองหาประสิทธิภาพของบทเรียนแบบโปรแกรมที่สร้างขึ้น โดยดำเนินการทดลอง เป็นลำดับขั้นดังนี้

6.1 การทดลองขั้นหนึ่งคน โดยทดลองกับนักเรียนจำนวน 2 คน เพื่อแก้ไขความขาดง่าย การเรียงลำดับของกรอมและภาษาที่ใช้ในบทเรียน

6.2 การทดลองซ้ำกลุ่มเล็ก ทดลองกับนักเรียนจำนวน 10 คน เพื่อทำการปรับปรุงแก้ไขบทเรียนอีกรั้งหนึ่ง

6.3 การทดลองภาคสนาม ทดลองกับนักเรียนจำนวน 100 คน เพื่อหาประสิทธิภาพของบทเรียนแบบโปรแกรมที่สร้างขึ้น

7. ประเมินผลบทเรียนความยากมาตรฐาน 90/90

8. สรุปผลการสร้างและการหาประสิทธิภาพของบทเรียน

สถิติที่ใช้ในการวิจัย

1. การหาความเชื่อมั่นของแบบทดสอบโดยวิธี Kuder Richardson 20 12

$$\text{จากสูตร } r_{tt} = \frac{n}{n-1} \left\{ \frac{s_t^2 - \sum_{i=1}^n p_i q_i}{s_t^2} \right\}$$

เมื่อ r_{tt} = ความเชื่อมั่นของแบบทดสอบ

n = จำนวนข้อของแบบทดสอบ

s_t^2 = ความแปรปรวนของแบบทดสอบ

p_i = อัตราส่วนของคนที่ตอบแบบทดสอบถูกใบข้อที่ i

q_i = $1 - p_i$

2. การหาความแปรปรวนของแบบทดสอบ 13

$$\text{จากสูตร } s_t^2 = \frac{\sum fx^2 - \frac{(\sum fx)^2}{N}}{N - 1}$$

เมื่อ x = คะแนนสอบของนักเรียนแต่ละคน

N = จำนวนนักเรียนทั้งหมด

12

Robert L. Thorndike, Educational Measurement; Editor by E.F. Lindquist (Washington, D.C.: American Council on Education, 1961), P. 587.

13

Robert Parsons, Statistical Analysis: A Decision Making Approach. (London: Harper Et Row, Publishers, 1974), P. 89.

3. การทดสอบความมีนัยสำคัญของความแตกต่างระหว่างคะแนนสอบของนักเรียนก่อนเรียนบทเรียนแบบโปรแกรม และคะแนนสอบหลังเรียนบทเรียนแบบโปรแกรมโดยใช้ z - test¹⁴

$$\text{จากสูตร } z = \frac{\sum d}{\sqrt{N \frac{\sum d^2 - (\sum d)^2}{N-1}}}$$

เมื่อ d = ผลต่างระหว่างคะแนนสอบก่อนและหลังเรียนบทเรียนแบบโปรแกรมของแต่ละคน

N = จำนวนนักเรียน

4. การกำหนดหาขนาดสุ่ม 90/90

90 ตัวแรก ค่าเฉลี่ยจากสูตร

$$\text{คะแนนที่นักเรียนทำบทเรียนถูก คิดเฉลี่ยเป็นร้อยละ} = \frac{C}{N} \times \frac{100}{A}$$

เมื่อ

A = ค่าคอมพิวติ้งบทเรียน 1 ฉบับ

C = ผลรวมค่าคอมพิวติ้งของนักเรียนทุกคน

N = จำนวนนักเรียน

90 ตัวหลัง ค่าเฉลี่ยจากสูตร

$$\text{คะแนนที่นักเรียนทำแบบทดสอบถูก คิดเฉลี่ยเป็นร้อยละ} = \frac{S}{N} \times \frac{100}{T}$$

เมื่อ

T = คะแนนเต็มของแบบทดสอบนั้น

S = คะแนนรวมของนักเรียนทุกคนที่ทำแบบทดสอบถูก

N = จำนวนนักเรียน