

การวิเคราะห์และแปลผลข้อมูล

บทนี้จะแสดงถึงวิธีการป้อนข้อมูลตามวิธีของการวิเคราะห์ข้อมูลแต่ละชุดของแต่ละโปรแกรม และแสดงผลลัพธ์ที่ได้จากโปรแกรมทุกโปรแกรมตลอดจนการแปลผลลัพธ์ที่ได้จากแต่ละโปรแกรมโดยจะแสดงถึงการวิเคราะห์ดังนี้

๑. การวิเคราะห์การถดถอยเชิงพหุแบบเชิงเส้น (Multiple Linear Regression Analysis) โดยใช้โปรแกรม STATPAK
๒. การวิเคราะห์แนวโน้มโดยใช้โปรแกรม STATPAK
๓. การวิเคราะห์แนวโน้มแบบพาราโบลา (Parabola trend) โดยใช้โปรแกรม STATPAK
๔. การวิเคราะห์การถดถอยเชิงพหุแบบเชิงเส้นโดยใช้โปรแกรม STATISTICS with DAISY
๕. การวิเคราะห์แนวโน้มโดยใช้โปรแกรม STATISTICS with DAISY
๖. การวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิก (Classical Time Series Analysis) โดยใช้โปรแกรม TSER3
๗. การวิเคราะห์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียล (Exponential Smoothing Technique) โดยใช้โปรแกรม TSER3

ในการวิเคราะห์ทั้ง ๗ แบบข้างต้น จะขออธิบายแต่ละวิธีและโปรแกรมดังนี้

๔.๑ การวิเคราะห์การถดถอยเชิงพหุแบบเชิงเส้นโดยใช้คำสั่ง MLINREG ของโปรแกรม STATPAK

การวิเคราะห์การถดถอยเชิงพหุแบบเชิงเส้นโดยใช้โปรแกรม STATPAK จะใช้ File คำสั่งที่ชื่อ MLINREG เพื่อหารูปแบบ (Model) ของสมการที่คิดที่สุดเพื่อที่จะนำไปพยากรณ์ข้อมูลในอนาคต โดยการวิเคราะห์นี้จะใช้ข้อมูลที่แสดงในตารางที่ ๑ เป็นตัวแปรไม่อิสระ (Dependent variable) และข้อมูลที่แสดงในตารางที่ ๒ เป็นตัวแปรอิสระ (Independent variable) โดยกำหนดให้

ตัวแปรไม่อิสระ

Y คือ ปริมาณปลาทั้งหมดที่นำขึ้นมาจำหน่าย ณ ท่าขึ้นปลาต่าง ๆ (พันตัน)

ตัวแปรอิสระ

X_1 คือ จำนวนเรือที่จดทะเบียนการมีไว้ในครอบครองซึ่งเครื่องมือบางชนิด (ร้อยลำ)

X_2 คือ จำนวนเที่ยวในการออกจับปลา (พันเที่ยว)

X_3 คือ จำนวนวันออกจับปลา (พันวัน)

และ

X_4 คือ จำนวนครั้งในการกู้วน (หมื่นครั้ง)

ตารางที่ ๔ แสดงข้อมูลตัวแปรไม่อิสระ (y) และตัวแปรอิสระ (X_i , $i=1, 2, 3, 4$)

ตั้งแต่ปี ๒๕๑๗-๒๕๒๔

Y	X_1	X_2	X_3	X_4
๓๕๔.๒๒๐	๘๕.๑๓	๙๓๐.๓๑๐	๑๔๔๔.๑๒๑	๕๖๑.๙๑๖๑
๓๖๗.๕๔๕	๗๙.๖๓	๗๐๔.๔๓๓	๑๓๗๗.๙๔๔	๔๘๙.๖๙๐๑
๖๖๐.๕๑๙	๙๓.๘๘	๖๙๔.๘๑๘	๑๕๔๓.๑๕๓	๕๓๑.๔๓๓๗
๙๖๗.๗๑๓	๑๑๔.๐๗	๙๐๘.๘๔๑	๒๐๑๒.๙๗๗	๗๖๗.๙๕๘๑
๑๒๒๖.๑๘๓	๑๒๕.๒๙	๑๐๖๖.๔๑๐	๑๙๙๗.๓๘๗	๗๓๔.๔๒๕๓
๑๒๓๔.๐๒๐	๑๖๑.๔๖	๑๑๑๘.๗๑๐	๑๙๕๒.๑๒๕	๖๙๐.๑๒๘๔
๑๒๑๘.๙๕๓	๑๙๕.๑๑	๘๙๓.๔๔๖	๑๖๙๕.๕๘๑	๖๑๘.๐๓๗๕
๑๒๖๐.๙๙๔	๑๔๗.๒๓	๘๘๒.๑๕๑	๑๖๘๖.๑๓๕	๕๖๗.๐๘๑๙

โดยจะทำการคัดเลือกตัวแปรอิสระตัวใดบ้างที่มีความสัมพันธ์และสามารถอธิบายตัวแปร
ไม่อิสระได้ เพื่อให้ได้สมการที่สามารถอธิบายตัวแปรไม่อิสระที่ดีที่สุด มีขั้นตอนดังนี้

ขั้นที่ ๑ หาสมการถดถอยระหว่างตัวแปรไม่อิสระ (Y) กับตัวแปรอิสระ (X_i) ๒ ตัว

คือ Y กับ X_1, X_2 , Y กับ X_1, X_3 , Y กับ X_1, X_4 , Y กับ X_2, X_3 ,

Y กับ X_2, X_4 และ Y กับ X_3, X_4 แล้วพิจารณาสมการใดเป็นสมการที่ดีที่สุด

ขั้นที่ ๒ จากขั้นที่ ๑ เมื่อได้สมการระหว่าง Y กับ X_i ใดเป็นสมการที่ดีที่สุด แล้วเพิ่มตัวแปรอิสระ
(X_j) ที่เหลือเข้าไปอีก ๑ ตัวแปร แล้วพิจารณาสมการใดเป็นสมการที่ดีที่สุดระหว่างตัวแปร
ไม่อิสระกับตัวแปรอิสระ ๓ ตัวแปร

ขั้นที่ ๓ จากขั้นที่ ๒ เมื่อได้สมการที่ดีที่สุดแล้ว เพิ่มตัวแปรที่เหลืออีก ๑ ตัวแปร เข้าไปในสมการ

ขั้นที่ ๔ พิจารณาสมการที่ได้จากขั้นที่ ๑ ถึงขั้นที่ ๓ ว่าสมการใดที่เหมาะสมที่สุดเพียงสมการเดียว
เพื่อที่จะนำมาพยากรณ์ Y ต่อไป

ในแต่ละขั้นตอนจะอธิบายวิธีการป้อนข้อมูลและการแปลผลลัพธ์ที่ได้ดังนี้

ขั้นที่ ๑ ๑) หาสมการถดถอยระหว่างตัวแปรไม่อิสระ (Y) กับตัวแปรอิสระ X_1 และ
 X_2 ดังนี้

๑.๑ หลังจาก "COLD BOOT" เรียบร้อยแล้ว จะปรากฏอักษร

A > ■

๑.๒ ป้อน file คำสั่ง EMBASIC หรือ MBASIC4 หรือ MBASIC5

เช่นถ้าป้อน EMBASIC แล้วกด RETURN บนจอจะปรากฏ

BASIC-Version 5.211

Copyright 1981 (C) Vector Graphic

Copyright 1977, 78, 79, 80(C) by Microsoft

24391 bytes free

OK

■

- ๑.๓ นำแผ่น CP/M ออกใส่แผ่น STATPAK ใส่ในเครื่องขั้วงานแม่เหล็กป้อนคำสั่ง RUN "MLINREG" (การเรียก file MLINREG มาใช้งาน) แล้วกด RETURN บนจอจะปรากฏข้อความ

—————→ MULTIPLE LINEAR REGRESSION ←————

Input from Keyboard or File (K,F)?

- ๑.๔ ป้อนอักษร K หรือ F แล้วกด RETURN

K หมายถึง ป้อนข้อมูลทางแป้นพิมพ์ (Keyboard)

F หมายถึง ป้อนข้อมูลทางแฟ้มข้อมูล (ข้อมูลที่เก็บไว้ในแผ่นงานแม่เหล็กที่สร้างขึ้นโดยใช้ File คำสั่งที่ชื่อว่า MAKE ดูได้ในบทที่ ๓)

ในที่นี้เราจะกล่าวถึงการป้อนข้อมูลโดยใช้แป้นพิมพ์เท่านั้น

ป้อนอักษร K แล้วกด RETURN บนจอจะปรากฏข้อความ

Maximum # of data point = 16

Enter data points. Separate Values on same with spaces.

Null entry terminates

1-

ในคำสั่ง MLINREG กำหนดให้ตัวแปรไม่อิสระ (Y) มีข้อมูลได้ ๑๖ ตัว

- ๑.๕ ป้อนข้อมูลตัวแปรไม่อิสระ (Y) โดยแยกข้อมูลแต่ละตัวด้วยช่องว่าง (space)

การป้อนข้อมูลเป็นดังนี้

1- 354.220 367.545 660.519 967.713 1226.183

1234.020

7- 1218.953 1260.944

แล้วกด RETURN บนจอจะปรากฏข้อความ

OF DATA POINTS = 8

Enter the values for the Independent Variables (X-Matrix). It is suggested that you enter them in 8 lines of P values, where P is the number of columns in your X-Matrix.

Maximum # of data points = 256

Enter data points. Separate values on same line with spaces. Null entry terminates.

๑.๖ ป้อนข้อมูล X_1 และ X_2 ลงไป โดยแยกด้วยช่องว่าง (space)

เมื่อป้อนข้อมูล X_1 และ X_2 ครบใน 1 บรรทัดแล้วกด RETURN

ทุกครั้ง การป้อนข้อมูลเป็นดังนี้

1	- 85.13	930.310
3	- 79.63	704.433
5	- 93.88	694.818
7	-114.07	908.841
9	-125.29	1066.410
11	-161.46	1118.711
13	-195.11	893.446
15	-147.23	882.141
17	-	

เมื่อป้อนข้อมูลจนครบแล้วกด RETURN ซ้ำอีกครั้ง บนจอจะปรากฏ

OF DATA POINTS = 16

Output to Screen, Printer, File - or Quit (S,P,F,Q)?

โปรแกรมจะถามว่าต้องการให้ผลลัพธ์ที่คำนวณออกทางเครื่องแสดงผล

(Output) แบบไหนหรือหยุดทำงาน (Q)

- S หมายถึงให้ผลลัพธ์ออกทางจอภาพ
- P หมายถึงให้ผลลัพธ์ออกทาง เครื่องพิมพ์
- F หมายถึงให้ผลลัพธ์เก็บไว้ใน file (เก็บในแผ่นจานแม่เหล็ก)

ป้อน P แล้วกด RETURN บนจอจะปรากฏ

Page Header:

ป้อนชื่อหัวกระดาษลงไปแล้วกด RETURN จะได้ผลลัพธ์ดังตารางที่ ๔

ตารางที่ ๔ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง STATPAK ระหว่าง Y กับ X₁ และ X₂ ของโปรแกรม

ROW	COL	VALUE (COEFFICIENT MATRIX)
1	1	11474.6
1	2	21119.2
2	1	21119.2
2	2	157232

Continue or Quit (C,Q)? C

ELT	VALUE (CORRELATION MATRIX)
1	95269.7
2	256131

Continue or Quit (C,Q)? C

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0	-585.323
B 1	7.04648
B 2	.682525

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	846131	2	423066
ABOUT REGRESSION	246186	5	49237.2
TOTAL	1.09232E+06	7	156045

จากตารางที่ ๔ ค่า COEFFICIENT MATRIX ที่ได้จากคำสั่ง MLINREG คำนวณได้

จากสูตร

$$\sum_{k=1}^n X_{ik} X_{jk} - n\bar{X}_i \bar{X}_j, \dots \dots \dots (1)$$

เช่นค่า ๑๑๗๔.๖ ที่มาจากแถวที่ ๑ สดมภ์ที่ ๑ คำนวณจาก

$$\sum_{k=1}^8 X_{1k}^2 - 8\bar{X}_1^2$$

ค่า ๒๑๑๑๘.๒ ที่มาจากแถวที่ ๑ สดมภ์ที่ ๒ คำนวณจาก

$$\sum_{k=1}^8 X_{1k} X_{2k} - 8\bar{X}_1 \bar{X}_2$$

ค่า CORRELATION MATRIX ที่ได้ คำนวณได้จากสูตร

$$\sum_{k=1}^n X_{ik} Y_k - n\bar{X}_i \bar{Y} \dots\dots\dots (2)$$

เช่นค่า ๔๕๒๖๔.๗ ที่มาจากแถวที่ ๑ (ELT = Element ที่ ๑) คำนวณจาก

$$\sum_{k=1}^8 X_{1k} Y_k - 8\bar{X}_1 \bar{Y}$$

ค่า ๒๕๖๑๓๑ ที่มาจากแถวที่ ๒ คำนวณจาก

$$\sum_{k=1}^8 X_{2k} Y_k - 8\bar{X}_2 \bar{Y}$$

๒) ทาสมการถดถอยระหว่างตัวแปรไม่อิสระ (Y) กับตัวแปรอิสระ X_1 และ X_3 จะมีขั้นตอนในการป้อนข้อมูลเหมือนกับข้างต้น แต่แตกต่างในข้อ ๑.๖ คือ ป้อนข้อมูล X_1 และ X_3 ลงไปแทน ได้ผลลัพธ์ดังตารางที่ ๑๐

ตารางที่ ๑๐ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง MLINEG ระหว่าง Y กับ X_1 และ X_3

ของโปรแกรม STATPAK

ROW	COL	VALUE (COEFFICIENT MATRIX)
1	1	11474.6
1	2	34909.9
2	1	34909.9
2	2	442471

ELT VALUE (CORRELATION MATRIX)

1	95269.7
2	543458

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0	-1133.57
B 1	6.00809
B 2	.754211

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	982271	2	491135
ABOUT REGRESSION	110046	5	22009.3
TOTAL	1.09232E+06	7	156045

ค่า COEFFICIENT MATRIX และค่า CORRELATION MATRIX จากตารางที่ ๑๐

คำนวณจากสมการ (1) และ (2)

- ๓) ทหาสมการถดถอยระหว่างตัวแปรไม่อิสระ (Y) กับตัวแปรอิสระ X_1 และ X_4 ได้ผลลัพธ์ดังตารางที่ ๑๑

ตารางที่ ๑๑ . แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง MLINEG ระหว่าง Y กับ X_1 และ X_4 ของ

โปรแกรม STATPAK

ROW	COL	VALUE (COEFFICIENT MATRIX)
1	1	11474.6
1	2	10642.9
2	1	10642.9
2	2	70905.3

Continue or Quit (C,Q)? C

ELT	VALUE (CORRELATION MATRIX)
1	95269.7
2	173325

Continue or Quit (C,Q)? C

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0 -829.924
 B 1 7.01155
 B 2 1.39202

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	909260	2	454630
ABOUT REGRESSION	183057	5	36611.4
TOTAL	1.09232E+06	7	156045

๔) ทาสผลการถดถอยระหว่างตัวแปรไม่อิสระ (Y) กับตัวแปรอิสระ X_2 และ X_3

ได้ผลลัพธ์ดังตารางที่ ๑๒

ตารางที่ ๑๒ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง MLINREG ระหว่าง Y กับ X_2 และ X_3 ของ

โปรแกรม STATPAK

ROW	COL	VALUE	(COEFFICIENT MATRIX)
1	1	157232	
1	2	195097	
2	1	195097	
2	2	442471	

ELT	VALUE	(CORRELATION MATRIX)
1	256131	
2	543458	

Continue or Quit (C,Q)? C

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0	-1226.98
B 1	.231799
B 2	1.12603

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	671321	2	335660
ABOUT REGRESSION	420997	5	84199.3
TOTAL	1.09232E+06	7	156045

๕) ทหสมการถดถอยระหว่างตัวแปรไม่อิสระ (Y) กับตัวแปรอิสระ X_2 และ X_4 ได้ผลลัพธ์

ดังตารางที่ ๑๓

ตารางที่ ๑๓ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง MLINREG ระหว่าง Y กับ X_2 และ X_4

ของโปรแกรม STATPAK

ROW	COL	VALUE (COEFFICIENT MATRIX)
1	1	157232
1	2	78541.5
2	1	78541.5
2	2	70905.3

Continue or Quit (C,Q)? C

ELT	VALUE (CORRELATION MATRIX)
1	256131
2	173325

Continue or Quit (C,Q)? C

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0 -799.047
 B 1 .91325
 B 2 1.43286

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	482261	2	241131
ABOUT REGRESSION	610056	5	122011
TOTAL	1.09232E+06	7	156045

๖) หาสมาการถดถอยระหว่างตัวแปรไม่อิสระ (Y) กับตัวแปรอิสระ X_3 และ X_4

ได้ผลลัพธ์ดังตารางที่ ๑๔

ตารางที่ ๑๔ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง MLINEG ระหว่าง Y กับ X_3 และ X_4 ของโปรแกรม STATPAK

ROW	COL	VALUE (COEFFICIENT MATRIX)
1	1	442471
1	2	169471
2	1	169471
2	2	70905.3

Continue or Quit (C,Q)? C

ELT	VALUE (CORRELATION MATRIX)
1	543458
2	173325

Continue or Quit (C,Q)? C

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0	-1404.22
B 1	3.45287
B 2	-5.80827

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	869770	2	434885
ABOUT REGRESSION	222547	5	44509.4
TOTAL	1.092332E+06	7	156045

จากตารางที่ ๙, ๑๐, ๑๑, ๑๒, ๑๓ และ ๑๔ ได้ค่าสัมประสิทธิ์ความถดถอย (Regression Coefficient) สมการถดถอย ค่าสถิติ F(F-test) และค่าสัมประสิทธิ์แห่งการกำหนด (Coefficient of determination) หรือ R-square ดังนี้

จากตารางที่ ๙ สมการถดถอยคือ

$$Y = -585.323 + 7.04648X_1 + 0.682525X_2 \quad \dots\dots\dots (3)$$

$$F = \frac{423066}{49237.2} = 8.5924$$

$$R^2 = \frac{846131}{1092320} = 0.7746$$

จากตารางที่ ๑๐ สมการถดถอยคือ

$$Y = -1133.57 + 6.00809X_1 + 0.754211X_3 \quad \dots\dots\dots(4)$$

$$F = \frac{491135}{22009.3} = 22.3149$$

$$R^2 = \frac{982271}{1092320} = 0.8993$$

จากตารางที่ ๑๑ สมการถดถอยคือ

$$Y = -829.924 + 7.01155X_1 + 1.39202X_4 \quad \dots\dots\dots(5)$$

$$F = \frac{454630}{36611.4} = 12.4177$$

$$R^2 = \frac{909260}{1092320} = 0.8324$$

จากตารางที่ ๑๒ สมการถดถอยคือ

$$Y = -1226.98 + 0.231799X_2 + 1.12603X_3 \quad \dots\dots\dots(6)$$

$$F = \frac{335660}{84199.3} = 3.9865$$

$$R^2 = \frac{671321}{1092320} = 0.6146$$

จากตารางที่ ๑๓ สมการถดถอยคือ

$$Y = -799.047 + 0.91325X_2 + 1.43286X_4 \quad \dots\dots\dots(7)$$

$$F = \frac{241131}{122011} = 1.9763$$

$$R^2 = \frac{482261}{1092320} = 0.4415$$

จากตารางที่ ๑๔ สมการถดถอยคือ

$$Y = -1404.22 + 3.45287X_3 - 5.80827X_4 \quad \dots\dots\dots(8)$$

$$F = \frac{434885}{44509.4} = 9.7706$$

$$R^2 = \frac{869770}{1092320} = 0.7963$$

การคัดเลือกสมการใดเป็นสมการที่เหมาะสมต้องทดสอบความเป็นนัยสำคัญก่อน

สมมติฐานทางสถิติ

H_0 : ตัวแปรอิสระในสมการแต่ละตัวไม่มีความสัมพันธ์กับตัวแปรไม่อิสระ

H_A : ตัวแปรอิสระในสมการมีความสัมพันธ์กับตัวแปรไม่อิสระ

การตัดสินใจ จะปฏิเสธสมมติฐาน H_0 ถ้า F ที่คำนวณได้มากกว่า F จากตารางที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.05 ($F_{2,5}^{0.05} = 5.79$) และพิจารณาสมการที่ให้ค่า R^2 สูงที่สุด

จากสมการที่ (3), (4), (5), (6), (7), และ (8) จะเห็นได้ว่า สมการที่ (4) ได้ค่า $F = 22.3149$ มากกว่า F จากตารางและค่า $R^2 = 0.8993$ สูงที่สุด ดังนั้นจะใช้ตัวแปร X_1 และ X_3 เป็นหลักในการเพิ่มตัวแปรที่เหลือลงไปทีละตัว

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ขั้นที่ ๒ การป้อนข้อมูลกระทำเหมือนขั้นที่ ๑ โดยเป็นการป้อนข้อมูลตัวแปรอิสระที่เหลือ
เข้าไปอีก ๑ ตัวแปร โดยใช้ตัวแปรอิสระ X_1 และ X_3 เป็นหลัก

๑) หาสสมการถดถอยระหว่างตัวแปรไม่อิสระ (Y) กับตัวแปรอิสระ X_1 , X_2 และ X_3
ได้ผลลัพธ์ดังตารางที่ ๑๔

ตารางที่ ๑๔ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง MLINREG ระหว่าง Y กับ X_1 , X_2 และ X_3

ของโปรแกรม STATPAK

ROW	COL	VALUE (COEFFICIENT MATRIX)
1	1	11474.6
1	2	21119.2
1	3	34909.9
2	1	21119.2
2	2	157232
2	3	195097
3	1	34909.9
3	2	195097
3	3	442471

Continue or Quit (C,Q)? C

ELT	VALUE (CORRELATION MATRIX)
1	95269.7
2	256131
3	543458

Continue or Quit (C,Q)? C

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0	-1093.54
B 1	6.18236
B 2	-.265383
B 3	.857475

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	987021	3	329007
ABOUT REGRESSION	105296	4	26324.1
TOTAL	1.092332E+06	7	156045

๒) หาสสมการถดถอยระหว่างตัวแปรไม่อิสระ (Y) กับตัวแปรอิสระ X_1 , X_3 และ X_4

ได้ผลลัพธ์ดังตารางที่ ๑๖

ตารางที่ ๑๖ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง MLINREG ระหว่าง Y กับ X_1 , X_3 และ X_4

ของโปรแกรม STATPAK

ROW	COL	VALUE (COEFFICIENT MATRIX)
1	1	11474.6
1	2	34909.9
1	3	10642.9
2	1	34909.9
2	2	442471
2	3	169471
3	1	10642.9
3	2	169471
3	3	70905.3

Continue or Quit (C,Q)? C

ELT	VALUE (CORRELATION MATRIX)
1	95269.7
2	543458
3	173325

Continue or Quit (C,Q)? C

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0	-1274.8
B 1	4.88659
B 2	2.21578
B 3	-3.58499

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	1.04836E+06	3	349453
ABOUT REGRESSION	43956.9	4	10989.2
TOTAL	1.09232E+06	7	156045

จากตารางที่ ๑๕ สมการถดถอยคือ

$$Y = -1093.54 + 6.18236x_1 - 0.265383x_2 + 0.857475x_3 \dots\dots(9)$$

$$F = \frac{329007}{26324.1} = 12.4983$$

$$R^2 = \frac{987021}{1092320} = 0.9036$$

จากตารางที่ ๑๖ สมการถดถอยคือ

$$Y = -1274.8 + 4.88659x_1 + 2.21578x_3 - 3.58499x_4 \dots\dots(10)$$

$$F = \frac{349453}{10989.2} = 31.7997$$

$$R^2 = \frac{1048360}{1092320} = 0.9598$$

การคัดเลือกสมการใดเป็นสมการที่เหมาะสมทำนองเดียวกับขั้นที่ ๑

จากสมการที่ (9) และ (10) จะเห็นได้ว่า สมการที่ (10) ได้ค่า $F = 31.7997$ มากกว่า F จากตาราง ($F_{3,4}^{0.05} = 6.59$) และค่า $R^2 = 0.9598$ สูงกว่า R^2 ที่ได้จากสมการ (9) และสมการที่ (4) ดังนั้นจึงเห็นสมควรนำตัวแปรอิสระ X_4 เข้าไว้ในสมการ ซึ่งสามารถอธิบายหรือพยากรณ์ Y ได้ดีกว่า สมการที่ (4)



ขั้นที่ ๓ จากขั้นที่ ๒ ได้สมการที่ใช้พยากรณ์ค่าตัวแปรอิสระ (Y) คือสมการถดถอย Y กับ X_1 , X_3 และ X_4 ในขั้นนี้จะเพิ่มตัวแปรอิสระอีก ๑ ตัวแปรเข้าไปคือ X_2 โดยวิธีการป้อนข้อมูลกระทำเหมือนขั้นที่ ๑ ได้ผลลัพธ์ดังตารางที่ ๑๗

ตารางที่ ๑๗ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง MLINREG ระหว่าง Y กับ X_1 , X_2 , X_3 และ X_4 ของโปรแกรม STATPAK

ROW	COL	VALUE (COEFFICIENT MATRIX)
1	1	11474.6
1	2	21119.2
1	3	34909.9
1	4	10642.9
2	1	21119.2
2	2	157232
2	3	195097
2	4	78541.5
3	1	34909.9
3	2	195097
3	3	442471
3	4	169471
4	1	10642.9
4	2	78541.5
4	3	169471
4	4	70905.3

Continue or Quit (C,Q)? C

ELT	VALUE (CORRELATION MATRIX)
1	95269.7
2	256131
3	543458
4	173325

Continue or Quit (C,Q)? C

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0	753.876
B 1	.348128
B 2	2.58398E-03
B 3	.159168
B 4	-.260108

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	75245.6	4	18811.4
ABOUT REGRESSION	1.01707E+06	3	339024
TOTAL	1.09232E+06	7	156045

จากตารางที่ ๑๗ สมการถดถอยคือ

$$Y = 753.876 + 0.348128X_1 + 0.00258398X_2 + 0.159168X_3 - 0.260108X_4 \dots\dots\dots (11)$$

$$F = \frac{18811.4}{339024} = 0.0555$$

$$R^2 = \frac{75245.6}{1092320} = 0.0689$$

จากสมการที่ (11) ได้ค่า $F = 0.0555$ มีค่าน้อยกว่า F จากตาราง ($F_{4,3}^{0.05} = 9.12$)

จึงเห็นไม่สมควรรวมตัวแปรอิสระ X_2 เข้าไว้ในสมการ ดังนั้นสมการที่เหมาะสมที่จะใช้พยากรณ์ตัวแปรไม่อิสระ Y มีรูปแบบ

$$Y = -1274.8 + 4.88659X_1 + 2.21578X_3 - 358499X_4 \dots\dots\dots (12)$$

๔.๒ การวิเคราะห์แนวโน้มโดยใช้คำสั่ง ONEVREG ของโปรแกรม STATPAK

จากการวิเคราะห์การถดถอยเชิงพหุแบบเชิงเส้น ได้สมการที่เหมาะสมเพื่อที่จะใช้พยากรณ์ข้อมูลตัวแปรไม่อิสระ Y คือ ปริมาณปลาทั้งหมดที่นำขึ้นมาจำหน่าย ณ ท่าขึ้นปลา สมการถดถอยที่ได้มีรูปแบบ

$$Y = -1274.8 + 4.88659X_1 + 2.21578X_3 - 3.58499X_4$$

ถ้าต้องการพยากรณ์ค่า Y จำเป็นที่จะต้องหาค่า X_1 , X_3 และ X_4 ในอนาคตมาแทนเพื่อพยากรณ์ค่า Y ในอนาคต วิธีการที่จะหาค่า X_1 , X_3 และ X_4 ทำได้โดยการวิเคราะห์แนวโน้มของอนุกรมเวลา โดยใช้ File คำสั่งที่ชื่อ ONEVREG เพื่อหาสมการแนวโน้มโดยกำหนดให้ตัวแปรอิสระในที่นี่เป็นเวลา (t) ส่วนตัวแปรไม่อิสระคือ X_1 , X_3 และ X_4 มีวิธีการป้อนข้อมูลและวิเคราะห์หาสมการแนวโน้มดังนี้

๑) ทาสมการแนวโน้มของ X_1

๑.๑ หลังจาก COLD BOOT เรียบร้อยแล้วจะปรากฏอักษร

A > █

๑.๒ ป้อน File คำสั่ง EMBASIC หรือ MBASIC4 หรือ MBASIC5

๑.๓ นำแผ่น CP/M ออก ใส่แผ่น STATPAK ในเครื่องขับงาน แม่เหล็กแล้วป้อนคำสั่ง
RUN "ONEVREG" (การเรียก file ONEVREG มาใช้งานแล้วกด RETURN

๑.๔ ป้อนอักษร K แล้วกด RETURN

๑.๕ ป้อนข้อมูลเวลาและข้อมูลของ X_1 ลงไป โดยป้อนเป็นคู่ลำดับ (pair) แยกข้อมูล
ด้วยช่องว่าง (space) แล้วกด RETURN ทุกครั้ง หลังจากป้อนข้อมูลทุก ๆ คู่
ลำดับ (คำสั่ง ONEVREG สามารถกระทำกับข้อมูลแบบคู่ลำดับได้ ๒๐๐ คู่ลำดับ)

๑.๖ เมื่อป้อนข้อมูลครบแล้วกด RETURN ซ้ำอีกครั้ง ซึ่งลักษณะการป้อนข้อมูลมีดังนี้

----> ONE INDEPENDENT VARIABLE REGRESSION <----

Input from Keyboard or File (K,F)? K

Maximum # of data pairs = 200

Enter value pairs. Separate values with spaces.
Hit RETURN after each pair Terminate with null input.

1	-	1	85.13
2	-	2	79.63
3	-	3	93.88
4	-	4	114.07
5	-	5	125.29
6	-	6	161.46
7	-	7	195.11
8	-	8	147.23
9	-		

Output to Screen, Printer, File - or Quit (S,P,F,Q)?

ป้อนอักษร P แล้วกด RETURN เครื่องจะแสดงผลดังตารางที่ ๑๔

ตารางที่ ๑๘ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง ONEVREG ของสมการแนวโน้มระหว่าง X_1 กับช่วงเวลา
ของโปรแกรม STATPAK

X	A + BX	A * EXP(BX)	A + B*LOG(X)	A * X^B
1	74.1392	78.8016	61.9678	70.7716
2	88.7351	88.8022	95.0452	93.1602
3	103.331	100.072	114.394	109.41
4	117.927	112.772	128.123	122.632
5	132.523	127.084	138.771	133.977
6	147.119	143.212	147.472	144.022
7	161.715	161.386	154.828	153.101
8	176.311	181.868	161.2	161.426
A REG COEFF	59.5432	69.9273	61.9678	70.7716
B REG COEFF	14.596	.119478	47.7205	.396543
A STD ERROR	15.9902	.108937	19.4451	.134724
B STD ERROR	3.16654	.0215728	13.1396	.0910366
STD ERR EST	20.5215	.139808	24.4528	.16942
COEFF DET	.779794	.836444	.687341	.759785
COVARIANCE	87.5757	.716867	23.6104	.196195
CORR COEFF	.88306	.914573	.82906	.871656

จากตารางที่ ๑๘ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มอนุกรมเวลา t ชนิดคือ

การวิเคราะห์แนวโน้มอนุกรมเวลาแบบเชิงเส้น (Linear trend) มีรูปแบบ

$$Y = A + BX \quad (\text{ในที่นี้ } Y \text{ คือ } X_1 \text{ และ } X \text{ คือช่วงเวลา}) \quad \dots\dots\dots(13)$$

การวิเคราะห์แนวโน้มอนุกรมเวลาแบบเอกซ์โปเนนเชียล (Exponential trend)

มีรูปแบบ

$$Y = Ae^{BX} \quad (\text{ในที่นี้ } Y \text{ คือ } X_1 \text{ และ } X \text{ คือช่วงเวลา}) \quad \dots\dots\dots(14)$$

การวิเคราะห์แนวโน้มอนุกรมเวลาแบบลอการิทึม (logarithmic trend) มีรูปแบบ

$$Y = A + B \ln X \quad (\text{ในที่นี้ } Y \text{ คือ } X_1 \text{ และ } X \text{ คือช่วงเวลา}) \quad \dots\dots\dots(15)$$

และการวิเคราะห์แนวโน้มอนุกรมเวลาแบบเพาเวอร์ ลอ (Power law trend) มีรูปแบบ

$$Y = AX^B \quad (\text{ในที่นี้ } Y \text{ คือ } X_1 \text{ และ } X \text{ คือช่วงเวลา}) \quad \dots\dots\dots(16)$$

การตัดสินใจ การคัดเลือกสมการใดเป็นสมการที่เหมาะสมจะพิจารณาสมการที่ให้ค่าประมาณความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน (Standard error of estimate) น้อยที่สุด และค่า R-Square (Coefficient of determination) สูงที่สุด

จากตารางที่ ๑๘ จะเลือกสมการที่วิเคราะห์แนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียลเป็นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_1 เพราะให้ค่าประมาณความคลาดเคลื่อนมาตรฐานน้อยที่สุด (STD ERR EST = 0.139808) และให้ค่า R^2 สูงที่สุด (COEFF DET = 0.836444)

สมการแนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียลของ X_1 คือ

$$X_1 = 69.9273 e^{0.119478(t)} \quad (\text{แทนค่า } Y \text{ ด้วย } X_1 \text{ และ } X \text{ ด้วย } t) \dots (17)$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_1 เป็นจำนวนเรือที่จดทะเบียนการมีไว้ในครอบครอง ซึ่งเครื่องมือบางชนิด (ร้อยลำ))

๒) หาสมการแนวโน้มของ X_3

การป้อนข้อมูลและวิธีการเรียกใช้ทำนองเดียวกับการหาสมการแนวโน้มของ X_1 ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๑๙

ตารางที่ ๑๙ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง ONEVREG ของสมการแนวโน้มระหว่าง X_3 กับช่วงเวลาของโปรแกรม STATPAK

X	A + BX	A * EXP(BX)	A + B*LOG(X)	A * X^B
1	1526.44	1509.27	1412.76	1410.5
2	1579.94	1560.78	1570.11	1553.89
3	1633.43	1614.06	1662.15	1644.43
4	1686.93	1669.15	1727.46	1711.85
5	1740.43	1726.12	1778.12	1766.05
6	1793.92	1785.04	1819.51	1811.6
7	1847.42	1845.96	1854.5	1851.03
8	1900.91	1908.97	1884.82	1885.87
A REG COEFF	1472.95	1459.45	1412.76	1410.5
B REG COEFF	53.4955	.0335628	227.013	.139675
A STD ERROR	180.585	.103823	166.799	.0953497
B STD ERROR	35.7612	.0205601	112.711	.0644303
STD ERR EST	231.759	.133244	209.755	.119905
COEFF DET	.271639	.308456	.403372	.440513
COVARIANCE	320.973	.201377	112.318	.069106
CORR COEFF	.52119	.555388	.635116	.663712

จากตารางที่ ๑๔ จะเลือกสมการที่วิเคราะห์แนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ เป็นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_3 เพราะให้ค่าประมาณความคลาดเคลื่อนมาตรฐานน้อยที่สุด (STD ERR EST = 0.119905) และให้ค่า R^2 สูงที่สุด (COEFF DET = 0.440513)

สมการแนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ ของ X_3 คือ

$$X_3 = 1410.5 t^{0.139675} \quad (\text{แทนค่า } Y \text{ ด้วย } X_3 \text{ และ } X \text{ ด้วย } t) \dots\dots(18)$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_3 เป็นจำนวนวันออกจับปลา (พันวัน))

ศูนย์วิทยพัชการ
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

๓) ทหาสมการแนวโน้มของ X_4

การป้อนข้อมูลและวิธีการเรียกใช้ทำนองเดียวกับการหาสมการแนวโน้มของ X_1 ผลลัพธ์

ที่ได้ ดังตารางที่ ๒๐

ตารางที่ ๒๐ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง ONEVREG ของสมการแนวโน้มระหว่าง X_4 กับช่วงเวลา
ของโปรแกรม STATPAK

X	A + BX	A * EXP(BX)	A + B*LOG(X)	A * X^B
1	573.399	564.797	538.73	534.871
2	586.737	578.18	581.27	574.416
3	600.076	591.88	606.155	598.889
4	613.415	605.905	623.811	616.884
5	626.753	620.262	637.505	631.212
6	640.092	634.959	648.695	643.167
7	653.431	650.005	658.156	653.451
8	666.769	665.407	666.351	662.492
A REG COEFF	560.06	551.723	538.73	534.871
B REG COEFF	13.3387	.023419	61.3726	.102904
A STD ERROR	80.117	.126861	78.0898	.123789
B STD ERROR	15.8655	.0251222	52.7674	.0836475
STD ERR EST	102.82	.16281	98.2005	.155669
COEFF DET	.105389	.126518	.183978	.201431
COVARIANCE	80.0321	.140514	30.365	.0509131
CORR COEFF	.324637	.355694	.428926	.448811

จากตารางที่ ๒๐ จะเลือกสมการวิเคราะห์แนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ เป็นสมการที่ใช้

พยากรณ์ตัวแปร X_4 เพราะให้ค่าประมาณความคลาดเคลื่อนมาตรฐานน้อยที่สุด (STD ERR EST

= 0.155669) และให้ค่า R^2 สูงที่สุด (COEFF DET = 0.201431) สมการแนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ

ของ X_4 คือ

$$X_4 = 534.871 t^{0.102904} \quad (\text{แทนค่า } Y \text{ ด้วย } X_4 \text{ และ } X \text{ ด้วย } t) \dots (19)$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_4 เป็นจำนวนครั้งในการถู้อวน (หมื่นครั้ง))

๔.๓ การวิเคราะห์แนวโน้มแบบพาราโบลา (Parabola trend) โดยใช้คำสั่ง POLYREG ของโปรแกรม STATPAK

การวิเคราะห์แนวโน้มของอนุกรมเวลาแบบพาราโบลา คือการหาแนวโน้มโดยใช้สมการโพลีโนเมียลกำลังสองซึ่งอยู่ในรูปแบบ

$$Y = a + bt + ct^2 \dots\dots\dots(20)$$

เพื่อนำมาพยากรณ์ ค่าของ X_1 , X_3 และ X_4 โดยใช้ File คำสั่งที่ชื่อ POLYREG โดยกำหนดให้ตัวแปรอิสระในที่นี้เป็นช่วงเวลา (t) ส่วนตัวแปรไม่อิสระในที่นี้คือ X_1 , X_3 , X_4 มีวิธีการป้อนข้อมูลและวิเคราะห์หาสมการแนวโน้มแบบพาราโบลาดังนี้

๑) หาสมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของ X_1

๑.๑ หลังจาก COLD BOOT เรียบร้อยแล้วจะปรากฏอักษร

A > █

๑.๒ ป้อน File คำสั่ง EMBASIC หรือ MBASIC4 หรือ MBASIC5

๑.๓ นำแผ่น CP/M ออกใส่แผ่น STATPAK ในเครื่องขับจานแม่เหล็กป้อนคำสั่ง

RUN "POLYREG" (การเรียก file POLYREG มาใช้จวน) แล้วกด

RETURN

๑.๔ ป้อนเลข 2 ลงไปแล้วกด RETURN (2 หมายถึงให้หาสมการโพลีโนเมียลกำลังสอง)

๑.๕ ป้อนอักษร K แล้วกด RETURN

๑.๖ ป้อนข้อมูลเวลา และข้อมูลของ X_1 ลงไป โดยป้อนเป็นคู่ลำดับ (pair) แยกข้อมูลด้วยช่องว่าง (space) แล้วกด RETURN ทุกครั้งหลังจากป้อนข้อมูลทุก ๆ คู่ลำดับ (คำสั่ง POLYREG สามารถกระทำกับข้อมูลแบบคู่ลำดับได้ ๑๖ คู่ลำดับ)

๑.๗ เมื่อป้อนข้อมูลครบแล้ว กด RETURN ซ้ำอีกครั้ง ลักษณะการป้อนข้อมูลมีดังนี้

---> POLYNOMIAL REGRESSION <---

Enter Power for Polynomial Regression (P): 2
 Input from Keyboard or File (K,F)? K

Maximum # of data pairs = 16

Enter value pairs. Separate values with spaces.
 Hit RETURN after each pair Terminate with null input.

1 - 1 85.13
 2 - 2 79.63
 3 - 3 93.88
 4 - 4 114.07
 5 - 5 125.29
 6 - 6 161.46
 7 - 7 195.11
 8 - 8 147.23
 9 -

Output to Screen, Printer, File - or Quit (S,P,F,Q)?

ป้อนอักษร P แล้วกด RETURN เครื่องจะแสดงผลพร้อม ดังตารางที่ ๒๑

ตารางที่ ๒๑ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง POLYREG ของสมการแนวโน้มแบบพาราโบลา

ของ X_1 กับช่วงเวลาของโปรแกรม STATPAK

ROW	COL	VALUE (COEFFICIENT MATRIX)
1	1	42
1	2	378
2	1	378
2	2	3570

Continue or Quit (C,Q)? C

ELT	VALUE (CORRELATION MATRIX)
1	613.03
2	5455.71

Continue or Quit (C,Q)? C

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0 54.0468
 B 1 17.8938
 B 2 -.366428

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	8970.31	2	4485.16
ABOUT REGRESSION	2504.26	5	500.853
TOTAL	11474.6	7	1639.22

จากตารางที่ ๒๑ ได้ค่าสัมประสิทธิ์แห่งการกำหนด (R^2)

$$R^2 = \frac{8970.31}{11474.6} = 0.7818$$

สมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของ X_1 คือ

$$X_1 = 54.0468 + 17.8938 t - 0.366428 t^2 \quad \dots\dots\dots (21)$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี , X_1 เป็นจำนวนเรือที่จดทะเบียน
การมีไว้ในครอบครอง ซึ่งเครื่องมือบางชนิด (ร้อยละ))

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

๒) หาสมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของ X_3

การบ่อนข้อมูลและวิธีการเรียกใช้ทำนองเดียวกับการหาสมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของ X_1 ผลลัพธ์ที่ได้ ดังตารางที่ ๒๒

ตารางที่ ๒๒ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง POLYREG ของสมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของ X_3

กับช่วงเวลาของโปรแกรม STATPAK

ROW	COL	VALUE (COEFFICIENT MATRIX)
1	1	42
1	2	378
2	1	378
2	2	3570

Continue or Quit (C,Q)? C

ELT	VALUE (CORRELATION MATRIX)
1	2246.81
2	14668.9

Continue or Quit (C,Q)? C

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0	977.206
B 1	350.941
B 2	-33.0496

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	303696	2	151848
ABOUT REGRESSION	138775	5	27755.1
TOTAL	442471	7	63210.1

จากตารางที่ ๒๒ ได้ค่าสัมประสิทธิ์แห่งการกำหนด (R^2)

$$R^2 = \frac{303696}{442471} = 0.6864$$

สมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของ X_3 คือ

$$X_3 = 977.206 + 350.941 t - 33.0496 t^2 \dots\dots\dots (22)$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ปี ; X_3 เป็นจำนวนวันออกจับปลา (ตันวัน))

๓) หาสมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของ X_4

การป้อนข้อมูลและวิธีการเรียกใช้ทำนองเดียวกับการหาสมการแนวโน้มแบบพาราโบลา
ของ X_1 ผลลัพธ์ที่ได้ ดังตารางที่ ๒๓

ตารางที่ ๒๓ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง POLYREG ของสมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของ X_4

กับช่วงเวลาของโปรแกรม STATPAK

ROW	COL	VALUE (COEFFICIENT MATRIX)
1	1	42
1	2	378
2	1	378
2	2	3570

Continue or Quit (C,Q)? C

ELT	VALUE (CORRELATION MATRIX)
1	539.225
2	2645.13

Continue or Quit (C,Q)? C

*** CALCULATED POLYNOMIAL REGRESSION COEFFICIENTS ***

B 0	364.427
B 1	131.118
B 2	-13.1422

	SUM SQ	DEG FR	MEAN SQ
DUE TO REGRESSION	35939.4	2	17969.7
ABOUT REGRESSION	35633.3	5	7126.67
TOTAL	71572.8	7	10224.7

จากตารางที่ ๒๓ ได้ค่าสัมประสิทธิ์แห่งการกำหนด (R^2)

$$R^2 = \frac{35939.4}{71572.8} = 0.5021$$

สมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของ X_4 คือ

$$X_4 = 364.427 + 131.118 t - 13.1422 t^2 \quad \dots\dots\dots(23)$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_4 เป็นจำนวนครั้งในการถู้อวน (หมื่นครั้ง))

จากการวิเคราะห์หาสมการแนวโน้มโดยใช้คำสั่ง ONEVREG และ POLYREG จะเลือกสมการที่เหมาะสมมาพยากรณ์ตัวแปร X_1 , X_3 และ X_4 โดยพิจารณาจากค่าสัมประสิทธิ์แห่งการกำหนด (R^2) ถ้าค่า R^2 ของสมการแนวโน้มใดมีค่ามากกว่าจะเลือกสมการนั้นเป็นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_1 , X_3 และ X_4

สมการแนวโน้มที่เหมาะสมที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_1

จากสมการที่ (17) และสมการที่ (21) จะใช้สมการที่ (17) เป็นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_1 เพราะค่า $R^2 = 0.836444$ มากกว่า R^2 จากสมการที่ (21) ดังนั้นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_1 คือ

$$X_1 = 69.9273 e^{0.119478(t)}$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_1 เป็นจำนวนเรือที่จดทะเบียนการมีไว้ในครอบครอง ซึ่งเครื่องมือบางชนิด (ร้อยละ))

สมการแนวโน้มที่เหมาะสมที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_3

จากสมการที่ (18) และสมการที่ (22) จะใช้สมการที่ (22) เป็นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_3 เพราะค่า $R^2 = 0.6864$ มากกว่า R^2 จากสมการที่ (18) ดังนั้นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_3 คือ

$$X_3 = 977.206 + 350.941 t - 33.0496 t^2$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ; X_3 เป็นจำนวนวันออกจับปลา (พันวัน))

สมการแนวโน้มที่เหมาะสมที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_4

จากสมการที่ (19) และสมการที่ (23) จะใช้สมการที่ (23) เป็นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_4 เพราะค่า $R^2 = 0.5021$ มากกว่า R^2 จากสมการที่ (19) ดังนั้นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_4 คือ

$$X_4 = 364.427 + 131.118 t - 13.1422 t^2$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_4 เป็นจำนวนครั้งในการกู้ฉนวน (หมื่นครั้ง))

๔.๔ การวิเคราะห์การถดถอยเชิงพหุแบบเชิงเส้นโดยใช้โปรแกรม STATISTICS with DAISY

การวิเคราะห์การถดถอยเชิงพหุแบบเชิงเส้นโดยใช้โปรแกรม STATISTICS with DAISY จะใช้คำสั่ง REGR, ALLS, BACK และ FORW ซึ่งจะแยกอธิบายแต่ละคำสั่ง ก่อนที่จะทำการวิเคราะห์ ในแต่ละคำสั่งจะอธิบายถึงวิธีการป้อนข้อมูลโดยจะใช้คำสั่ง DATA หรือ ENTE ในการนำข้อมูลเข้า ข้อมูลที่ใช้เป็นข้อมูลจากตารางที่ ๑ และตารางที่ ๒ มีวิธีการดังนี้

คำสั่ง DATA เป็นคำสั่งที่ใช้ในการป้อนข้อมูล โดยสามารถป้อนข้อมูลได้ ๒๗๒ แถว (rows) และ ๑๐ สดมภ์ (columns) โดยป้อนข้อมูลเข้าทางแป้นพิมพ์ (Keyboard) มีวิธีการดังนี้

๑. ใส่ม้วน STATISTICS with DAISY ลงในเครื่องขับจานแม่เหล็กแล้วเปิดสวิทซ์ให้เครื่องทำงาน เครื่องจะทำการ BOOT ม้วน เมื่อเสร็จเรียบร้อยแล้ว บนจอจะปรากฏเครื่องหมาย
→ ■
๒. ป้อนคำสั่ง DATA แล้วกด RETURN (คำสั่ง DATA จะเริ่มทำงานพร้อมที่จะให้ป้อนข้อมูลลงไป) การป้อนข้อมูลต้องป้อนข้อมูลในรูปของเมทริกซ์แยกข้อมูลในแถวโดยการกดแป้น Space bar
๓. หลังจากป้อนข้อมูลในแถวใดแถวหนึ่งครบแล้ว กด RETURN
๔. เมื่อป้อนข้อมูลครบตามต้องการแล้วกดแป้น ESC
๕. เครื่องจะให้ตั้งชื่อแต่ละสดมภ์ตามต้องการ เมื่อตั้งชื่อในแต่ละสดมภ์แล้วกด RETURN ทุกครั้ง

ลักษณะการป้อนข้อมูลด้วยคำสั่ง DATA มีดังนี้

→ DATA

	1	2	3	4	5
1	354.220	85.13	930.310	1444.121	561.9161
2	367.545	79.63	704.433	1377.994	489.6901
3	660.519	93.88	694.818	1543.153	531.4337
4	967.713	114.07	908.841	2012.977	767.9581
5	1226.183	125.29	1066.410	1997.387	734.4253
6	1234.020	161.46	1118.711	1952.125	690.1284
7	1218.953	195.11	893.446	1695.581	618.0375
8	1260.994	147.23	882.141	1686.135	567.0819

กดแป้น ESC

SUPPLY A NAME FOR COLUMN 1

(HIT RETURN FOR 'COL 1'): ป้อนชื่อแล้วกด RETURN

SUPPLY A NAME FOR COLUMN 2

(HIT RETURN FOR 'COL 2'): ป้อนชื่อแล้วกด RETURN

⋮

SUPPLY A NAME FOR COLUMN 5

(HIT RETURN FOR 'COL 5'): ป้อนชื่อแล้วกด RETURN

ถ้าต้องการเก็บข้อมูลไว้ใช้ในการทำงานครั้งต่อไป ป้อนคำสั่ง SAVE และชื่อแฟ้มข้อมูล (file) ข้อมูลจะถูกเก็บไว้ในแผ่นจานแม่เหล็ก ตามชื่อที่ตั้ง

→ SAVE SOMBOON แล้วกด RETURN

คำสั่ง ENTE เป็นคำสั่งที่ใช้ในการป้อนข้อมูล ทางแป้นพิมพ์ (Key board) หรือทาง File

ข้อมูลที่เก็บไว้ในแผ่นจานแม่เหล็กมีวิธีการดังนี้

๑. ใส่แผ่น STATISTICS with DAISY ลงในเครื่องขับจานแม่เหล็ก แล้วเปิดสวิทช์ให้เครื่องทำงาน บนจอจะปรากฏเครื่องหมาย
→ ■
๒. ป้อนคำสั่ง ENTE แล้วกด RETURN (คำสั่ง ENTE จะเริ่มทำงาน)
๓. ป้อนอักษร K แล้วกด RETURN
๔. ป้อนตัวเลขแสดงจำนวนแถวและสดมภ์โดยขึ้นด้วย comma (,) แล้วกด RETURN
๕. ตั้งชื่อในแต่ละสดมภ์ตามต้องการ แล้วกด RETURN ทุกครั้ง
๖. ใช้คำสั่ง SAVE และชื่อแฟ้มข้อมูล เพื่อเก็บข้อมูลลงในแผ่นจานแม่เหล็ก เพื่อใช้งานต่อไป ลักษณะการป้อนข้อมูลด้วยคำสั่ง ENTE มีดังนี้

```

->ENTE
FROM FILE OR KEYBOARD (F/K) ? K
HOW MANY ROWS, COLUMNS? 8,5
ROW 1, COL 1 ? 354.220,
ROW 1, COL 2 ? 85.13
ROW 1, COL 3 ? 930.310
ROW 1, COL 4 ? 1444.121
ROW 1, COL 5 ? 561.9161

ROW 2, COL 1 ? 367.545
ROW 2, COL 2 ? 79.63
ROW 2, COL 3 ? 704.433
ROW 2, COL 4 ? 1377.944
ROW 2, COL 5 ? 489.6901

```

ROW 3, COL 1 ? 660.519
 ROW 3, COL 2 ? 93.88
 ROW 3, COL 3 ? 694.818
 ROW 3, COL 4 ? 1543.153
 ROW 3, COL 5 ? 531.4337

ROW 4, COL 1 ? 967.713
 ROW 4, COL 2 ? 114.07
 ROW 4, COL 3 ? 908.841
 ROW 4, COL 4 ? 2012.977
 ROW 4, COL 5 ? 767.9581

ROW 5, COL 1 ? 1226.183
 ROW 5, COL 2 ? 125.29
 ROW 5, COL 3 ? 1066.410
 ROW 5, COL 4 ? 1997.387
 ROW 5, COL 5 ? 734.4253

ROW 6, COL 1 ? 1234.020
 ROW 6, COL 2 ? 161.46
 ROW 6, COL 3 ? 1118.711
 ROW 6, COL 4 ? 1952.125
 ROW 6, COL 5 ? 690.1284

ROW 7, COL 1 ? 1218.953
 ROW 7, COL 2 ? 195.11
 ROW 7, COL 3 ? 893.446
 ROW 7, COL 4 ? 1695.581
 ROW 7, COL 5 ? 618.0375

ROW 8, COL 1 ? 1260.994
 ROW 8, COL 2 ? 147.23
 ROW 8, COL 3 ? 882.141
 ROW 8, COL 4 ? 1686.135
 ROW 8, COL 5 ? 567.0819

SUPPLY A NAME FOR COLUMN 1
 (HIT RETURN FOR 'COL 1') : Y
 mmmUPDATINGmmm
 SUPPLY A NAME FOR COLUMN 2
 (HIT RETURN FOR 'COL 2') : X1
 mmmUPDATINGmmm
 SUPPLY A NAME FOR COLUMN 3
 (HIT RETURN FOR 'COL 3') : X2
 mmmUPDATINGmmm
 SUPPLY A NAME FOR COLUMN 4
 (HIT RETURN FOR 'COL 4') : X3
 mmmUPDATINGmmm
 SUPPLY A NAME FOR COLUMN 5
 (HIT RETURN FOR 'COL 5') : X4
 mmmUPDATINGmmm
 ->SAVE SOMBOON

ในกรณีที่มีการเก็บข้อมูลลงในแผ่นจานแม่เหล็กแล้ว ถ้าต้องการเรียกข้อมูลมาทำงานจะใช้คำสั่ง ENTE ในการเรียกข้อมูลมาทำงาน ดังนี้

๑. ใส่แผ่น STATISTICS with DAISY ลงในเครื่องขับจานแม่เหล็กแล้วเปิดสวิทซ์ให้เครื่องทำงานบนจอจะปรากฏเครื่องหมาย
→ ■
๒. ป้อนคำสั่ง ENTE และกด RETURN
๓. ป้อนอักษร F แล้วกด RETURN (เป็นการป้อนข้อมูลโดยใช้แฟ้มข้อมูล)
๔. ป้อนชื่อแฟ้มข้อมูล (ชื่อ File ที่ตั้งขึ้นในคำสั่ง SAVE) แล้วกด RETURN
๕. ใส่แผ่นจานแม่เหล็กที่เก็บข้อมูลที่ต้องการใช้ลงในเครื่องขับจานแม่เหล็ก ลักษณะการเรียกดังนี้

```

->ENTE
FROM FILE OR KEYBOARD (F/K) ? F
FILE NAME? SOMBODN

```

IF NECESSARY, CHANGE DISKS NOW

```

PRESS ANY KEY TO CONTINUE--
CONTAINS 8 ROWS, 5 COLUMNS
mmmmREADING 'DATAmmmmmmmmUPDATINGmmmm

```

๔.๔.๑ การวิเคราะห์โดยใช้คำสั่ง CORR ของโปรแกรม STATISTICS with DAISY

หลังจากป้อนข้อมูลโดยใช้คำสั่ง DATA หรือคำสั่ง ENTE ดังที่กล่าวมาแล้วจะปรากฏเครื่องหมาย → หลังการป้อนข้อมูลซึ่งสามารถใช้ทำการคำนวณได้ทันที เมื่อปรากฏเครื่องหมาย → ป้อนคำสั่ง CORR แล้วกด RETURN เครื่องจะแสดงผลลัพธ์เมทริกซ์ของสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation coefficient matirx) ดังตารางที่ ๒๔

ตารางที่ ๒๔ แสดงค่าเมตริกซ์ของสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่าง Y กับ X_1, X_2, X_3 และ X_4

ที่ได้จากคำสั่ง CORR ของโปรแกรม STATISTICS with DAISY

CORRELATION COEFFICIENTS

	Y	X1	X2	X3
1	1	.851	.618	.782
2	.851	1	.497	.49
3	.618	.497	1	.74
4	.782	.49	.74	1
5	.623	.373	.744	.957
	X4			
1	.623			
2	.373			
3	.744			
4	.957			
5	1			

จากตารางที่ ๒๔ สามารถทราบความสัมพันธ์ของตัวแปรไม่อิสระ (Y) กับตัวแปรอิสระ (X_1) แต่ละตัวได้ ค่าแถวที่ ๑ สดมภ์ที่ ๒ คือ ๐.๘๕๑ หมายความว่า Y กับ X_1 มีความสัมพันธ์ในทางเดียวกัน = ๐.๘๕๑ ค่าแถวที่ ๑ สดมภ์ที่ ๓ คือ ๐.๖๑๘ หมายความว่า Y กับ X_2 มีความสัมพันธ์ในทางเดียวกัน = ๐.๖๑๘ ค่าแถวที่ ๑ สดมภ์ที่ ๔ คือ ๐.๗๘๒ หมายความว่า Y กับ X_3 มีความสัมพันธ์ในทางเดียวกัน = ๐.๗๘๒ ค่าแถวที่ ๑ สดมภ์ที่ ๕ คือ ๐.๖๒๓ หมายความว่า Y กับ X_4 มีความสัมพันธ์ในทางเดียวกัน = ๐.๖๒๓ ส่วนค่าที่อยู่ในเส้นทแยงมุม = ๑ คือค่าความสัมพันธ์ในตัวแปรเดียวกัน ซึ่งมีค่าความสัมพันธ์สูงสุด ดังนั้นจะเห็นได้ว่าตัวแปรอิสระแต่ละตัวที่มีความสัมพันธ์กับตัวแปรไม่อิสระดังนี้ X_1 มีความสัมพันธ์กับ Y สูงสุด รองลงมา X_3, X_4 และ X_2 ตามลำดับ ซึ่งค่าความสัมพันธ์เหล่านี้จะนำไปใช้ในการพิจารณาตัวแปรอิสระใด ควรนำเข้าไปในสมการถดถอยก่อนหรือหลังตามลำดับความสัมพันธ์

๔.๔.๒ การวิเคราะห์โดยใช้คำสั่ง REGR ของโปรแกรม STATISTICS with DAISY

คำสั่ง REGR เป็นคำสั่งที่ใช้ในการวิเคราะห์สมการถดถอยแบบเชิงเส้นหรือเชิงพหุแบบเชิงเส้นโดยจะวิเคราะห์ตามตัวแปรอิสระที่ใส่เข้าไปในสมการตามความต้องการของผู้ใช้ การวิเคราะห์ครั้งนี้จะใส่ตัวแปรอิสระที่มีความสัมพันธ์กับตัวแปรอิสระมากที่สุดเข้าไปในสมการและเพิ่มตัวแปรอิสระเข้าไปในสมการทีละตัวตามความสัมพันธ์ โดยจะเริ่มต้นใส่ตัวแปร X_1 เข้าไปในสมการก่อน และ X_3, X_4 และ X_2 ตามลำดับ

ก่อนการวิเคราะห์โดยใช้คำสั่ง REGR ต้องมีการป้อนข้อมูลเข้าก่อนโดยใช้คำสั่ง DATA หรือคำสั่ง ENTE ดังที่กล่าวมาแล้ว มีขั้นตอนและวิธีการดังนี้

การวิเคราะห์สมการถดถอยโดยใช้คำสั่ง REGR ระหว่าง Y กับ X_1

หลังจากป้อนข้อมูลเสร็จเรียบร้อยแล้ว จะปรากฏเครื่องหมาย

→ ป้อนคำสั่ง REGR แล้วกด RETURN จะปรากฏข้อความ

DEP VAR-

COLUMN (NAME OR #) ? Y แล้วกด RETURN

(Y คือชื่อของตัวแปรไม่อิสระ หรืออาจป้อนเลข คือตัวแปรไม่อิสระอยู่ในสมการที่ ๑)

HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES ? 1 แล้วกด RETURN

(ป้อนเลข 1 ในที่มีตัวแปรอิสระตัวเดียว)

INDEP VAR # 1-

(COLUMN. (NAME OR #) ? X_1 แล้วกด RETURN

X_1 คือชื่อตัวแปรอิสระที่นำเข้ามาในสมการ)

คำสั่ง REGR จะทำงาน ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๒๔

ตารางที่ ๒๔ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง REGR ระหว่าง Y กับ X_1 ของโปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .85096568
 STD ERR EST = 224.099576
 F = 15.7503671

B	STD ERR (B)	T
X_1		
8.302678	2.092054	3.968673

CONSTANT
 -128.434462

จากผลที่ได้ทำการทดสอบสมมติฐาน

$$H_0 : \beta_1 = 0$$

$$H_A : \beta_1 \neq 0$$

การตัดสินใจ จะปฏิเสธ H_0 ถ้าค่าสถิติ t ที่คำนวณได้มากกว่า t จากตารางที่ระดับนัยสำคัญ (α)

$$0.05 \left(t_{1-\frac{\alpha}{2}, n-k-1} = t_{0.975, 6} = 2.447 \right)$$

จากตารางที่ ๒๕ ค่า t ที่คำนวณ = 3.968673 มากกว่า t จากตาราง ดังนั้นปฏิเสธ H_0 ยอมรับ $H_A : \beta_1 \neq 0$ นั่นคือตัวแปร X_1 เป็นตัวแปรอิสระที่มีส่วนในการอธิบายตัวแปร Y ด้วยความเชื่อมั่น ๙๕% ได้สมการถดถอยคือ

$$Y = -128.434462 + 8.302678 X_1 \dots\dots\dots(24)$$

$$R^2 = (0.85096568)^2 = 0.7241$$

การวิเคราะห์สมการถดถอยโดยใช้คำสั่ง REGR ระหว่าง Y กับ X_1 และ X_3

```
->REGR
  DEP VAR -
        COLUMN (NAME OR #)? Y
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 2
INDEP VAR #1 -
        COLUMN (NAME OR #)? X1
INDEP VAR #2 -
        COLUMN (NAME OR #)? X3
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๒๖

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๒๖ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง REGR ระหว่าง Y กับ X_1 และ X_3 ของโปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MATRIX:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .489934302
 ROW 2, COL 2 : 1

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .489934302
 ROW 2, COL 2 : .871759359

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : -.562006358
 ROW 2, COL 2 : 1.14710555

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.31585115
 ROW 1, COL 2 : -.644680613
 ROW 2, COL 2 : 1.31585115

MULTIPLE R = .948290233
 STD ERR EST = 148.355088
 F = 22.3149712

B	STD ERR (B)	T
X1		
6.008088	1.588684	3.781801
X3		
.754211	.255837	2.948014
CONSTANT		
-1133.56975		

^oJohn R. Rice, Matrix Computations and Mathematical Software,
 (New York: McGraw-Hill Book Co., 1981), pp. 46-48.

จากผลที่ได้จะทำการทดสอบสมมติฐาน ๒ ขั้นตอนคือ

ขั้นที่ ๑ สมมติฐาน

$$H_0 : \beta_1 = \beta_3 = 0$$

$$H_A : \text{มี } \beta \text{ อย่างน้อย ๑ ตัวที่ไม่เท่ากับ 0}$$



การตัดสินใจ จะปฏิเสธ H_0 ถ้าค่าสถิติ F ที่คำนวณได้มากกว่า F จากตารางที่ระดับนัยสำคัญ

$$(\alpha) 0.05 \quad (F_{k, n-k-1}^{\alpha} = F_{2,5}^{0.05} = 5.79)$$

ถ้าปฏิเสธ H_0 จะทำการทดสอบสมมติฐานในขั้นที่ ๒ ต่อไป

ขั้นที่ ๒ สมมติฐาน

$$H_0 : \beta_i = 0 \quad (i = 1, 3)$$

$$H_A : \beta_i \neq 0$$

การตัดสินใจ จะปฏิเสธ H_0 ถ้าค่าสถิติ t ที่คำนวณได้มากกว่า t จากตารางที่

$$\text{ระดับนัยสำคัญ } (\alpha) 0.05 \quad (t_{1 - \frac{\alpha}{2}, n-k-1} = t_{0.975,5} = 2.571)$$

จากตารางที่ ๒๖ ค่า F ที่คำนวณได้ = 22.3149712 มากกว่า F จากตาราง ดังนั้นปฏิเสธ H_0 นั่นคือ มี β อย่างน้อย ๑ ตัวที่ไม่เท่ากับ ๐ จึงทำการทดสอบดูว่าตัวใดที่เป็น ๐ โดยพิจารณาค่าคำนวณ = 3.781801 มากกว่า t จากตาราง ดังนั้นปฏิเสธ H_0 ยอมรับ $H_A : \beta_1 \neq 0$ นั่นคือตัวแปร X_1 เป็นตัวแปรอิสระที่มีส่วนในการอธิบายตัวแปร Y และ t คำนวณ = 2.948014 มากกว่า t จากตาราง ดังนั้นปฏิเสธ H_0 ยอมรับ $H_A : \beta_3 \neq 0$ นั่นคือตัวแปร X_3 เป็นตัวแปรอิสระที่มีส่วนในการอธิบายตัวแปร ด้วยความเชื่อมั่น ๙๙% ได้สมการถดถอยคือ

$$Y = -1133.56975 + 6.008088 X_1 + 0.754211 X_3 \dots \dots \dots (25)$$

$$R^2 = (0.948290233)^2 = 0.8993$$

เมื่อเพิ่มตัวแปร X_3 เข้าในสมการทำให้ค่า R^2 เพิ่มขึ้นเป็น 0.8993 จึงเห็นสมควรนำตัวแปร X_3 เข้าในสมการ กล่าวคือ สมการที่ (25) เป็นสมการที่ใช้อธิบายตัวแปร Y ได้ดีกว่าสมการที่ (24)

การวิเคราะห์สมการถดถอยโดยใช้คำสั่ง REGR ระหว่าง Y กับ X_1 , X_3 และ X_4

```
->REGR
  DEF VAR -
    COLUMN (NAME OR #)? Y
  HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 3
  INDEF VAR #1 -
    COLUMN (NAME OR #)? X1
  INDEF VAR #2 -
    COLUMN (NAME OR #)? X3
  INDEF VAR #3 -
    COLUMN (NAME OR #)? X4
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๒๗

ตารางที่ ๒๗ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง REGR ระหว่าง Y กับ X_1 , X_3 และ X_4

ของโปรแกรม STATISTICS with DAISY

MATRIX:

```
-----
ROW 1, COL 1 : 1
ROW 1, COL 2 : .489934302
ROW 2, COL 2 : 1
ROW 1, COL 3 : .373124166
ROW 2, COL 3 : .956785532
ROW 3, COL 3 : 1
-----
```

CHOLESKY FACTOR:

```
-----
ROW 1, COL 1 : 1
ROW 1, COL 2 : .489934302
ROW 2, COL 2 : .871759359
ROW 1, COL 3 : .373124166
ROW 2, COL 3 : .887835842
ROW 3, COL 3 : .269306285
-----
```

ตารางที่ ๒๗ (ต่อ)

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : -.562006358
 ROW 2, COL 2 : 1.14710555
 ROW 1, COL 3 : .467294041
 ROW 2, COL 3 : -3.7817217
 ROW 3, COL 3 : 3.7132442

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.53421487
 ROW 1, COL 2 : -2.41185663
 ROW 2, COL 2 : 15.6172702
 ROW 1, COL 3 : 1.73517689
 ROW 2, COL 3 : -14.0424562
 ROW 3, COL 3 : 13.7881825

MULTIPLE R = .979673659
 STD ERR EST = 104.826417
 F = 31.8015865

B	STD ERR (B)	T
X1 4.886597	1.21212	4.031446
X3 2.215787	.622775	3.557926
X4 -3.584992	1.46179	-2.452467

CONSTANT
 -1274.80414

จากผลที่ได้จะทำการทดสอบสมมติฐาน

ขั้นที่ ๑ สมมติฐาน

$$H_0 : \beta_1 = \beta_3 = \beta_4$$

H_A : มี β อย่างน้อย ๑ ตัวไม่เท่ากับ ๐

จากตารางที่ ๒๗ ค่า F ที่คำนวณ = 31.8015865 มากกว่า F จากตารางที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.05 ($F_{3,4}^{0.05} = 6.59$) นั่นคือมี β อย่างน้อย ๑ ตัวที่ไม่เท่ากับ ๐ จึงทำการทดสอบว่าตัวใดเป็น ๐ โดยพิจารณาว่า t ค่ารวมเปรียบเทียบกับ t จากตารางที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 ($t_{0.975,4} = 2.776$) จะเห็นได้ว่าไม่ควรรวมตัวแปร X_4 เข้าในสมการ ดังนั้นจึงเห็นสมควรใช้สมการที่ (25) เป็นสมการที่เหมาะสมในการพยากรณ์ตัวแปร Y

จากการวิเคราะห์สมการถดถอยเชิงพหุแบบเชิงเส้นโดยใช้คำสั่ง REGR ในโปรแกรม STATISTICS with DAISY ได้สมการที่นำไปใช้พยากรณ์ตัวแปร Y มีรูปแบบ

$$Y = -1133.56975 + 6.008088 X_1 + 0.754211 X_3 \dots\dots\dots(26)$$

๔.๔.๓ การวิเคราะห์โดยใช้คำสั่ง FORW ของโปรแกรม STATISTICS with DAISY

คำสั่ง FORW เป็นคำสั่งที่ใช้ในการวิเคราะห์สมการถดถอยแบบเลือกไปข้างหน้า (Forward selection)

ก่อนการวิเคราะห์โดยใช้คำสั่ง FORW ต้องมีการป้อนข้อมูลเข้าก่อนโดยใช้คำสั่ง DATA หรือคำสั่ง ENTE ดังที่กล่าวมาแล้ว จึงสามารถใช้คำสั่ง FORW ได้โดยมีขั้นตอนดังนี้

```
->FORW
DEP VAR -
      COLUMN (NAME OR #)? Y
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 4
INDEP VAR #1 -
      COLUMN (NAME OR #)? X1
INDEP VAR #2 -
      COLUMN (NAME OR #)? X2
INDEP VAR #3 -
      COLUMN (NAME OR #)? X3
INDEP VAR #4 -
      COLUMN (NAME OR #)? X4
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๒๘

ตารางที่ ๒๔ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง FORW ของโปรแกรม STATISTICS with DAISY

 ADDING X1 TO REGRESSION

MULTIPLE R = .85096568
 STD ERR EST = 224.099576
 F = 15.7503671

B	STD ERR (B)	T	}	(n)
X1				
8.302678	2.092054	3.968673		

CONSTANT
 -128.434462

CONTINUE (Y/N) ? Y

 ADDING X3 TO REGRESSION

MATRIX:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .489934302
 ROW 2, COL 2 : 1

 CHOLESKY FACTOR:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .489934302
 ROW 2, COL 2 : .871759359

 CHOLESKY INVERSE:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : -.562006358
 ROW 2, COL 2 : 1.14710555

ตารางที่ ๒๔ (ต่อ)

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.31585115

ROW 1, COL 2 : -.644680613

ROW 2, COL 2 : 1.31585115

MULTIPLE R = .948290233

STD ERR EST = 148.355088

F = 22.3149712

B	STD ERR (B)	T	
X1			} (ข)
6.008088	1.588684	3.781901	
X3			}
.754211	.255837	2.948014	

CONSTANT

-1133.56975

CONTINUE (Y/N) ? Y

ADDING X4 TO REGRESSION

MATRIX:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : .489934302

ROW 2, COL 2 : 1

ROW 1, COL 3 : .373124166

ROW 2, COL 3 : .956785532

ROW 3, COL 3 : 1

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1

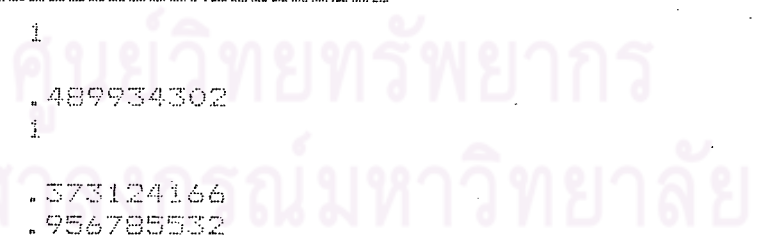
ROW 1, COL 2 : .489934302

ROW 2, COL 2 : .871759359

ROW 1, COL 3 : .373124166

ROW 2, COL 3 : .887835842

ROW 3, COL 3 : .269306285



ตารางที่ ๒๘ (ต่อ)

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : -.562006358

ROW 2, COL 2 : 1.14710555

ROW 1, COL 3 : .467294041

ROW 2, COL 3 : -3.7817217

ROW 3, COL 3 : 3.7132442

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.53421487

ROW 1, COL 2 : -2.41185663

ROW 2, COL 2 : 15.6172702

ROW 1, COL 3 : 1.73517689

ROW 2, COL 3 : -14.0424562

ROW 3, COL 3 : 13.7881925

MULTIPLE R = .979673659

STD ERR EST = 104.826417

F = 31.8015865

B	STD ERR (B)	T
X1		
4.886597	1.21212	4.031446
X3		
2.215787	.622775	3.557926
X4		
-3.584992	1.46179	-2.452467
CONSTANT		
-1274.80414		

(ค)

CONTINUE (Y/N) ? Y

ตารางที่ ๒๘ (ต่อ)

 ADDING X2 TO REGRESSION

MATRIX:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : 1
 ROW 1, COL 3 : .489934302
 ROW 2, COL 3 : .739668702
 ROW 3, COL 3 : 1
 ROW 1, COL 4 : .373124166
 ROW 2, COL 4 : .74385783
 ROW 3, COL 4 : .956785532
 ROW 4, COL 4 : 1

CHOLESKY FACTOR:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : .867630481
 ROW 1, COL 3 : .489934302
 ROW 2, COL 3 : .571751101
 ROW 3, COL 3 : .658076788
 ROW 1, COL 4 : .373124166
 ROW 2, COL 4 : .643519262
 ROW 3, COL 4 : .617019723
 ROW 4, COL 4 : .256803382

ตารางที่ ๒๘ (ต่อ)

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : -.573066039
 ROW 2, COL 2 : 1.1525644

ROW 1, COL 3 : -.24660217
 ROW 2, COL 3 : -1.00137244
 ROW 3, COL 3 : 1.51957951

ROW 1, COL 4 : .575589272
 ROW 2, COL 4 : -.482200972
 ROW 3, COL 4 : -3.65108325
 ROW 4, COL 4 : 3.87402972

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.72052033

ROW 1, COL 2 : -.691104602
 ROW 2, COL 2 : 2.56366924

ROW 1, COL 3 : -2.47625596
 ROW 2, COL 3 : .23889085
 ROW 3, COL 3 : 15.6395308

ROW 1, COL 4 : 2.24136173
 ROW 2, COL 4 : -1.87770492
 ROW 3, COL 4 : -14.2174267
 ROW 4, COL 4 : 15.1634674

MULTIPLE R = .979710797
 STD ERR EST = 120.933627
 F = 17.922158

B	STD ERR (B)	T
X1 4.850673	1.480842	3.275618
X2 .035999	.488324	.073719
X3 2.217786	.71898	3.08463
X4 -3.624256	1.768508	-2.049329
CONSTANT -1281.78102		

(ง)

จากตารางที่ ๒๔ (ก) X_1 ถูกนำเข้าไปในสมการก่อน พิจารณาค่าสถิติ t ที่คำนวณเปรียบเทียบกับ t จากตารางที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.05 ($t_{0.975,6} = 2.447$) ค่าสถิติ t ที่คำนวณ = 3.968673 มีค่ามากกว่า t จากตาราง ดังนั้น จึงควรนำ X_1 เข้าไว้ในสมการ

จากตารางที่ ๒๔ (ข) X_3 ถูกนำเข้าไปในสมการลำดับต่อไป พิจารณาค่าสถิติ t ที่คำนวณเปรียบเทียบกับ t จากตารางที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.05 ($t_{0.975,5} = 2.571$) ค่าสถิติ t ที่คำนวณ = 2.948014 มีค่ามากกว่า t จากตาราง ดังนั้นจึงควรนำ X_3 เข้าไว้ในสมการ

จากตารางที่ ๒๔ (ค) X_4 ถูกนำเข้าไปในสมการลำดับต่อไป พิจารณาค่าสถิติ t ที่คำนวณเปรียบเทียบกับ t จากตารางที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.05 ($t_{0.025,4} = -2.776$) ค่าสถิติ t ที่คำนวณ = -2.452467 มีค่ามากกว่า t จากตาราง จึงไม่สมควรนำตัวแปร X_4 เข้าไว้ในสมการ ดังนั้น สมการที่เหมาะสมในการพยากรณ์ตัวแปร Y คือ

$$Y = -1133.56975 + 6.008088 X_1 + 0.754211 X_3 \dots\dots\dots(27)$$

๔.๔.๔ การวิเคราะห์โดยใช้คำสั่ง BACK ของโปรแกรม STATISTIC with DAISY

คำสั่ง BACK เป็นคำสั่งที่ใช้ในการวิเคราะห์สมการถดถอยโดยกำจัดแบบถอยหลัง (Backward elimination) โดยการใส่ตัวแปรที่อิสระที่จะพิจารณาทั้งหมดเข้าไว้ในสมการ แล้วทำการกำจัดตัวแปรออกทีละตัว จนในที่สุดได้สมการถดถอยที่เหมาะสม

ก่อนการวิเคราะห์โดยใช้คำสั่ง BACK ต้องมีการป้อนข้อมูลเข้าก่อนโดยใช้คำสั่ง DATA หรือคำสั่ง ENTE ดังที่กล่าวมาแล้ว จึงสามารถใช้คำสั่ง BACK ได้ โดยมีขั้นตอนดังนี้

```
->BACK
DEP VAR -
COLUMN (NAME OR #)? Y
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 4
INDEP VAR #1 -
COLUMN (NAME OR #)? X1
INDEP VAR #2 -
COLUMN (NAME OR #)? X2
INDEP VAR #3 -
COLUMN (NAME OR #)? X3
INDEP VAR #4 -
COLUMN (NAME OR #)? X4
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๒๔

ตารางที่ ๒๔ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง BACK ของโปรแกรม STATISTICS with DAISY

MATRIX:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : 1

ROW 1, COL 3 : .489934302
 ROW 2, COL 3 : .739668702
 ROW 3, COL 3 : 1

ROW 1, COL 4 : .373124166
 ROW 2, COL 4 : .74385783
 ROW 3, COL 4 : .956785532
 ROW 4, COL 4 : 1

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : .867630481

ROW 1, COL 3 : .489934302
 ROW 2, COL 3 : .571751101
 ROW 3, COL 3 : .658076788

ROW 1, COL 4 : .373124166
 ROW 2, COL 4 : .643519262
 ROW 3, COL 4 : .617019723
 ROW 4, COL 4 : .256803382

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : -.573066039
 ROW 2, COL 2 : 1.1525644

ROW 1, COL 3 : -.24660217
 ROW 2, COL 3 : -1.00137244
 ROW 3, COL 3 : 1.51957951

ROW 1, COL 4 : .575589272
 ROW 2, COL 4 : -.482200972
 ROW 3, COL 4 : -3.65108325
 ROW 4, COL 4 : 3.09402972

ตารางที่ ๒๔ (ต่อ)

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.72052033

ROW 1, COL 2 : -.691104602

ROW 2, COL 2 : 2.56366934

ROW 1, COL 3 : -2.47625596

ROW 2, COL 3 : .23889085

ROW 3, COL 3 : 15.6395308

ROW 1, COL 4 : 2.24136173

ROW 2, COL 4 : -1.87770492

ROW 3, COL 4 : -14.2174267

ROW 4, COL 4 : 15.1634674

MULTIPLE R = .979710797
 STD ERR EST = 120.933627
 F = 17.922158

B	STD ERR (B)	T
X1		
4.850673	1.480842	3.275618
X2		
.035999	.486324	.073719
X3		
2.217786	.71898	3.08463
X4		
-3.624256	1.768508	-2.049329
CONSTANT		
-1281.78102		

(n)

CONTINUE (Y/N) ? Y

ตารางที่ ๒๔ (ต่อ)

 REMOVING X2 FROM REGRESSION

MATRIX:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .489934302
 ROW 2, COL 2 : 1
 ROW 1, COL 3 : .373124166
 ROW 2, COL 3 : .956785532
 ROW 3, COL 3 : 1

CHOLESKY FACTOR:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .489934302
 ROW 2, COL 2 : .871759359
 ROW 1, COL 3 : .373124166
 ROW 2, COL 3 : .887835842
 ROW 3, COL 3 : .269306285

CHOLESKY INVERSE:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : -.562006358
 ROW 2, COL 2 : 1.14710555
 ROW 1, COL 3 : .467294041
 ROW 2, COL 3 : -3.7817217
 ROW 3, COL 3 : 3.7132442

ตารางที่ ๒๔ (ต่อ)

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.53421487
 ROW 1, COL 2 : -2.41185663
 ROW 2, COL 2 : 15.6172702
 ROW 1, COL 3 : 1.73517689
 ROW 2, COL 3 : -14.0424562
 ROW 3, COL 3 : 13.7881825

MULTIPLE R = .979673659
 STD ERR EST = 104.826417
 F = 31.8015865

B	STD ERR (B)	T
X1		
4.886597	1.21212	4.031446
X3		
2.215787	.622775	3.557926
X4		
-3.584992	1.46179	-2.452467
CONSTANT		
-1274.80414		

(ข)

CONTINUE (Y/N) ? Y

REMOVING X4 FROM REGRESSION

MATRIX:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .489934302
 ROW 2, COL 2 : 1

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .489934302
 ROW 2, COL 2 : .871759359

ตารางที่ ๒๔ (ต่อ)

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : -.562006358

ROW 2, COL 2 : 1.14710555

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.31585115

ROW 1, COL 2 : -.644680613

ROW 2, COL 2 : 1.31585115

MULTIPLE R = .948290233

STD ERR EST = 148.355088

F = 22.3149712

B	STD ERR (B)	T
X1		
6.008088	1.588684	3.781801
X3		
.754211	.255837	2.948014
CONSTANT		
-1133.56975		

(ก)

CONTINUE (Y/N) ? Y

REMOVING X3 FROM REGRESSION

MULTIPLE R = .85096568

STD ERR EST = 224.099576

F = 15.7503671

B	STD ERR (B)	T
X1		
8.302678	2.092054	3.968673
CONSTANT		
-128.434462		

(ง)

จากตารางที่ ๒๔ (ก) พิจารณาค่าสถิติ t ที่มีค่าน้อยที่สุด เปรียบเทียบกับ t จากตาราง
ที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.05 ($t_{0.975,3} = 3.182$) ค่าสถิติ t ที่คำนวณ = 0.073719 มีค่า
น้อยกว่า t จากตาราง ดังนั้น กำจัดตัวแปร X_2 ออกจากสมการ

จากตารางที่ ๒๔ (ข) พิจารณาค่าสถิติ t ที่มีค่าน้อยที่สุด เปรียบเทียบกับ t จากตาราง
ที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.05 ($t_{0.025,4} = -2.776$) ค่าสถิติ t ที่คำนวณ = -2.452467 มีค่า
มากกว่า t จากตาราง ดังนั้นกำจัดตัวแปร X_4 ออกจากสมการ

จากตารางที่ ๒๔ (ค) พิจารณาค่าสถิติ t ที่มีค่าน้อยที่สุด เปรียบเทียบกับ t จากตาราง
ที่ระดับนัยสำคัญ (α) 0.05 ($t_{0.975,5} = 2.571$) ค่าสถิติ t ที่คำนวณ = 2.948014
มีค่ามากกว่า t จากตาราง ดังนั้นสมการที่เหมาะสมในการพยากรณ์ตัวแปร y คือ

$$Y = -1133.56975 + 6.008088 X_1 + 0.754211 X_3 \dots\dots\dots(28)$$

๔.๔.๕ การวิเคราะห์โดยใช้คำสั่ง ALLS ของโปรแกรม STATISTICS with DAISY

คำสั่ง ALLS เป็นคำสั่งที่ใช้ในการวิเคราะห์สมการถดถอยโดยการพิจารณาสมการ
ถดถอยที่เป็นไปได้ทั้งหมด (All possible regression) โดยการแบ่งประเภทสมการตามตัวแปร
อิสระที่อาจเป็นไปได้ ในที่นี้มีตัวแปรอิสระ ๔ ตัว ดังนั้น สมการที่สร้างขึ้นแบ่งออกเป็น ๔ ประเภทคือ

ประเภทที่ ๑ สมการที่รวมตัวแปรอิสระ ๑ ตัว อยู่ในสมการมี ๔ สมการ

ประเภทที่ ๒ สมการที่รวมตัวแปรอิสระ ๒ ตัว อยู่ในสมการมี ${}^4C_2 = ๖$ สมการ

ประเภทที่ ๓ สมการที่รวมตัวแปรอิสระ ๓ ตัว อยู่ในสมการมี ${}^4C_3 = ๔$ สมการ

ประเภทที่ ๔ สมการที่รวมตัวแปรอิสระ ๔ ตัว อยู่ในสมการมี ๑ สมการ

หลักการในการเลือกสมการที่ดีที่สุด

๑. ในแต่ละประเภทเลือกสมการที่ให้ค่า R^2 สูงสุด
๒. นำค่า R^2 สูงสุดในแต่ละประเภทมาพิจารณาว่าควรจะใช้ตัวแปรอิสระกี่ตัว
ถ้าค่า R^2 เพิ่มขึ้นไม่มากนักจากการที่เพิ่มตัวแปรอิสระเข้าไปอีก ๑ ตัว
ตัวแปรอิสระที่พิจารณาเพิ่มนี้ก็ไม่สมควรจะนำเข้าไปไว้ในสมการ

ก่อนการวิเคราะห์โดยใช้คำสั่ง ALLS ต้องมีการป้อนข้อมูลเข้าก่อนโดยใช้คำสั่ง DATA หรือ ENTE ดังที่กล่าวมาแล้ว จึงสามารถใช้คำสั่ง ALLS ได้โดยมีขั้นตอนดังนี้

```
->ALLS
  DEF VAR -
    COLUMN (NAME OR #)? Y
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 4
INDEF VAR #1 -
  COLUMN (NAME OR #)? X1
INDEF VAR #2 -
  COLUMN (NAME OR #)? X2
INDEF VAR #3 -
  COLUMN (NAME OR #)? X3
INDEF VAR #4 -
  COLUMN (NAME OR #)? X4
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๓๐



คุรุณย์วิทยทรรพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๓๐ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง ALLS ของโปรแกรม STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .6227989
 STD ERR EST = 333.823982
 F = 3.80197511

B	STD ERR (B)	T	(ก)
X4			
2.44446	1.253656	1.949865	
CONSTANT			
-604.501909			

MULTIPLE R = .78171683
 STD ERR EST = 266.089767
 F = 9.42738493

B	STD ERR (B)	T	(ข)
X3			
1.228235	.400024	3.070405	
CONSTANT			
-1193.53072			

MATRIX:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .956785532
 ROW 2, COL 2 : 1

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .956785532
 ROW 2, COL 2 : .290794509

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : -3.29024622

ROW 2, COL 2 : 3.43885449



MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 11.8257202

ROW 1, COL 2 : -11.3146779

ROW 2, COL 2 : 11.8257202

MULTIPLE R = .892334979

STD ERR EST = 210.972404

F = 9.77064413

B	STD ERR (B)	T
X3		
3.452866	1.090679	3.165794
X4		
-5.808267	2.724584	-2.131799
CONSTANT		
-1404.21955		

(ค)

MULTIPLE R = .618040654

STD ERR EST = 335.430068

F = 3.70833335

B	STD ERR (B)	T
X2		
1.629002	.845926	1.925703
CONSTANT		
-554.651887		

(ง)

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

MATRIX:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .74385783
 ROW 2, COL 2 : 1

CHOLESKY FACTOR:

 ROW 1, COL 1 : .1
 ROW 1, COL 2 : .74385783
 ROW 2, COL 2 : .668337885

CHOLESKY INVERSE:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : -1.11299665
 ROW 2, COL 2 : 1.49624916

MATRIX INVERSE:

 ROW 1, COL 1 : 2.23876155
 ROW 1, COL 2 : -1.66532031
 ROW 2, COL 2 : 2.23876155

MULTIPLE R = .664456924
 STD ERR EST = 349.300936
 F = 1.97629982

B	STD ERR (B)	T
X2		
.913251	1.318056	.692877
X4		
1.432856	1.962748	.730025
CONSTANT		
-799.046613		

(จ)

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

MATRIX:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .739668702
 ROW 2, COL 2 : 1

CHOLESKY FACTOR:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .739668702
 ROW 2, COL 2 : .672971181

CHOLESKY INVERSE:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : -1.09910903
 ROW 2, COL 2 : 1.48594773

MATRIX INVERSE:

 ROW 1, COL 1 : 2.20804066
 ROW 1, COL 2 : -1.63321857
 ROW 2, COL 2 : 2.20804066

MULTIPLE R = .783954053
 STD ERR EST = 290.171144
 F = 3.98649699

B	STD ERR (B)	T
X2 .2318	1.067395	.213149
X3 1.126029	.64821	1.737137
CONSTANT -1226.97601		

} (๑)

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

MATRIX:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .739668702
 ROW 2, COL 2 : 1
 ROW 1, COL 3 : .74385783
 ROW 2, COL 3 : .956785532
 ROW 3, COL 3 : 1

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .739668702
 ROW 2, COL 2 : .672971181
 ROW 1, COL 3 : .74385783
 ROW 2, COL 3 : .604152432
 ROW 3, COL 3 : .285789027

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : -1.09910903
 ROW 2, COL 2 : 1.48594773
 ROW 1, COL 3 : -.279326458
 ROW 2, COL 3 : -3.14126454
 ROW 3, COL 3 : 3.49908467

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 2.28606393
 ROW 1, COL 2 : -.755780272
 ROW 2, COL 2 : 12.0755836
 ROW 1, COL 3 : -.977386926
 ROW 2, COL 3 : -10.9915506
 ROW 3, COL 3 : 12.2435935

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

MULTIPLE R = .903423782
 STD ERR EST = 224.05115
 F = 5.9199234

B	STD ERR (B)	T
X2		
.562361	.854322	.658254
X3		
3.342038	1.170466	2.855305
X4		
-6.1663	2.944167	-2.094413
CONSTANT		
-1498.34722		

(ช)

MULTIPLE R = .85096568
 STD ERR EST = 224.099576
 F = 15.7503671

B	STD ERR (B)	T
X1		
8.302678	2.092054	3.968673
CONSTANT		
-128.434462		

(ช)

MATRIX:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .373124166
 ROW 2, COL 2 : 1

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .373124166
 ROW 2, COL 2 : .927781417

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

CHOLESKY INVERSE:

 ROW 1, COL 1 : 1.
 ROW 1, COL 2 : -.402168182
 ROW 2, COL 2 : 1.07784008

MATRIX INVERSE:

 ROW 1, COL 1 : 1.16173925
 ROW 1, COL 2 : -.433472987
 ROW 2, COL 2 : 1.16173925

MULTIPLE R = .91236728
 STD ERR EST = 191.341039
 F = 12.4177187

B	STD ERR (B)	T
X1		
7.011545	1.925282	3.641828
X4		
1.392023	.774503	1.797311
CONSTANT		
-829.923479		

(๗)

ศูนย์วิทยุทรัพยากร
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

MATRIX:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .489934302
 ROW 2, COL 2 : 1

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : .489934302

ROW 2, COL 2 : .871759359

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : -.562006358

ROW 2, COL 2 : 1.14710555

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.31585115

ROW 1, COL 2 : -.644680613

ROW 2, COL 2 : 1.31585115

MULTIPLE R = .948290233

STD ERR EST = 148.355088

F = 22.3149712

B	STD ERR (B)	T
X1		
6.008088	1.588684	3.781801
X3		
.754211	.255837	2.948014
CONSTANT		
-1133.56975		

ศูนย์วิทยุทรัพยากร
กองอำนวยการมหาวิทยาลัย

} (ญ)

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

MATRIX:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : .489934302

ROW 2, COL 2 : 1

ROW 1, COL 3 : .373124166

ROW 2, COL 3 : .956785532

ROW 3, COL 3 : 1

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : .489934302

ROW 2, COL 2 : .871759359

ROW 1, COL 3 : .373124166

ROW 2, COL 3 : .887835842

ROW 3, COL 3 : .269306285

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : -.562006358

ROW 2, COL 2 : 1.14710555

ROW 1, COL 3 : .467294041

ROW 2, COL 3 : -3.7817217

ROW 3, COL 3 : 3.7132442

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.53421487

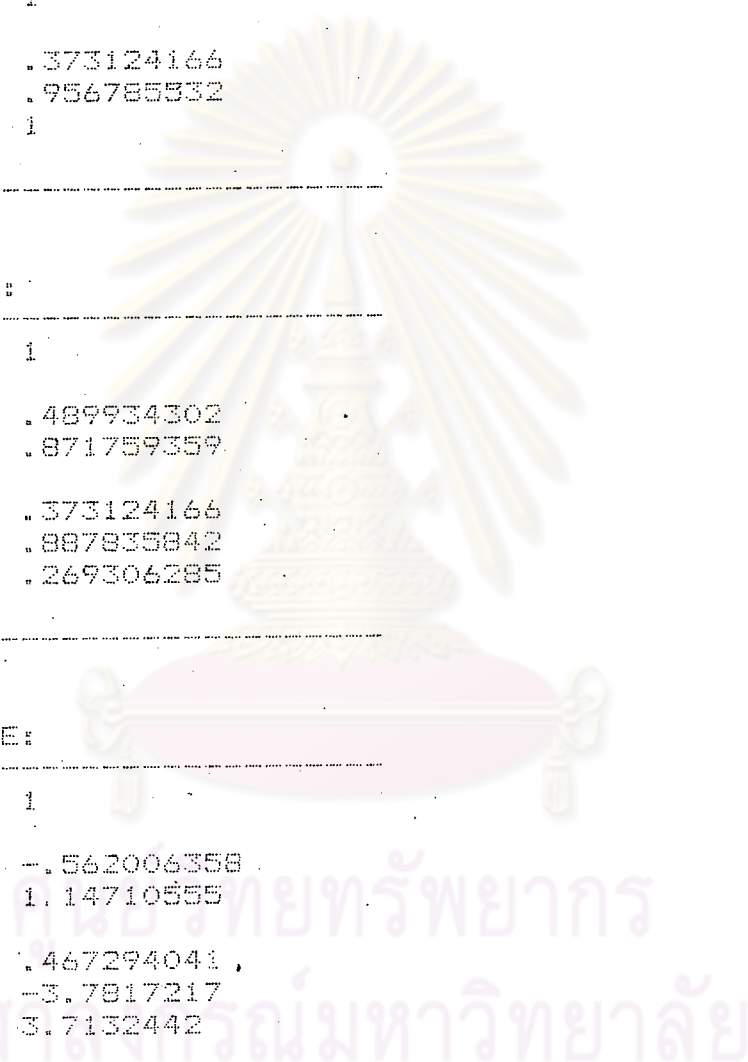
ROW 1, COL 2 : -2.41185663

ROW 2, COL 2 : 15.6172702

ROW 1, COL 3 : 1.73517689

ROW 2, COL 3 : -14.0424562

ROW 3, COL 3 : 13.7881825



ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

MULTIPLE R = .979673659
 STD ERR EST = 104.826417
 F = 31.8015865

B	STD ERR (B)	T
X1		
4.886597	1.21212	4.031446
X3		
2.215787	.622775	3.557926
X4		
-3.584992	1.46179	-2.452467
CONSTANT		
-1274.80414		

(ก)

MATRIX:

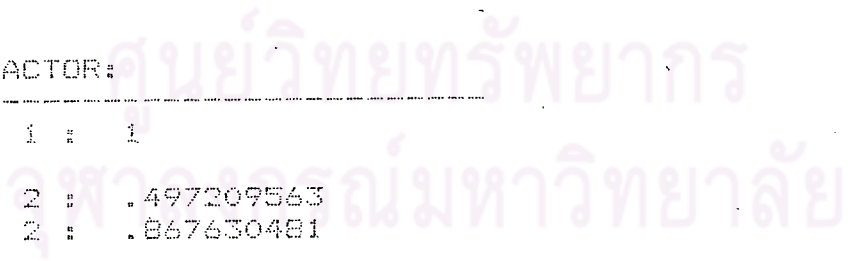
ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : 1

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : .867630481

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : -.573066039
 ROW 2, COL 2 : 1.1525644



ตารางที่ no (ต่อ)

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.32840469
 ROW 1, COL 2 : -.660495513
 ROW 2, COL 2 : 1.32840469

MULTIPLE R = .880125076
 STD ERR EST = 221.894671
 F = 8.59238467

B	STD ERR (B)	T
X1		
7.046474	2.387503	2.951399
X2		
.682525	.644974	1.058222
CONSTANT		
-585.323375		

(ก)

MATRIX:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : 1
 ROW 1, COL 3 : .373124166
 ROW 2, COL 3 : .74385783
 ROW 3, COL 3 : 1

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : .867630481
 ROW 1, COL 3 : .373124166
 ROW 2, COL 3 : .643519262
 ROW 3, COL 3 : .668327252

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : -.573066039

ROW 2, COL 2 : 1.1525644

ROW 1, COL 3 : -6.50150169E-03

ROW 2, COL 3 : -1.10978175

ROW 3, COL 3 : 1.49627297

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.32844696

ROW 1, COL 2 : -.653280265

ROW 2, COL 2 : 2.56002022

ROW 1, COL 3 : -9.72802122E-03

ROW 2, COL 3 : -1.66053644

ROW 3, COL 3 : 2.23883279

MULTIPLE R = .91238065

STD ERR EST = 213.910212

F = 6.62394171

B	STD ERR (B)	T
X1		
7.031221	2.30163	3.054888
X2		
-.02083	.863144	-.024132
X4		
1.412143	1.201996	1.174831
CONSTANT		
-826.118827		

ศูนย์วิทยุพัชรากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

(๘)

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

MATRIX:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : 1
 ROW 1, COL 3 : .489934302
 ROW 2, COL 3 : .739668702
 ROW 3, COL 3 : 1

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : .867630481
 ROW 1, COL 3 : .489934302
 ROW 2, COL 3 : .571751101
 ROW 3, COL 3 : .658076788

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : -.573066039
 ROW 2, COL 2 : 1.1525644
 ROW 1, COL 3 : -.24660217
 ROW 2, COL 3 : -1.00137244
 ROW 3, COL 3 : 1.51957951

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.38921732
 ROW 1, COL 2 : -.413554895
 ROW 2, COL 2 : 2.33115146
 ROW 1, COL 3 : -.374731603
 ROW 2, COL 3 : -1.52166505
 ROW 3, COL 3 : 2.30912188

MULTIPLE R = .95058042
 STD ERR EST = 162.24667
 F = 12.498375

B	STD ERR (B)	T
X1		
6.182364	1.785224	3.463075
X2		
-.265383	.624728	-.424797
X3		
.857475	.370644	2.313475
CONSTANT		
-1093.53963		

(ท)

MATRIX:

ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : 1
 ROW 1, COL 3 : .489934302
 ROW 2, COL 3 : .739668702
 ROW 3, COL 3 : 1
 ROW 1, COL 4 : .373124166
 ROW 2, COL 4 : .74385783
 ROW 3, COL 4 : .956785532
 ROW 4, COL 4 : 1

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

CHOLESKY FACTOR:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : .497209563
 ROW 2, COL 2 : .867630481

ROW 1, COL 3 : .489934302
 ROW 2, COL 3 : .571751101
 ROW 3, COL 3 : .658076788

ROW 1, COL 4 : .373124166
 ROW 2, COL 4 : .643519262
 ROW 3, COL 4 : .617019723
 ROW 4, COL 4 : .256803382

CHOLESKY INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1

ROW 1, COL 2 : -.573066039
 ROW 2, COL 2 : 1.1525644

ROW 1, COL 3 : -.24660217
 ROW 2, COL 3 : -1.00137244
 ROW 3, COL 3 : 1.51957951

ROW 1, COL 4 : .575589272
 ROW 2, COL 4 : -.482200972
 ROW 3, COL 4 : -3.65108325
 ROW 4, COL 4 : 3.89402972

โรงพยาบาล
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๓๐ (ต่อ)

MATRIX INVERSE:

ROW 1, COL 1 : 1.72052033

ROW 1, COL 2 : -.691104602

ROW 2, COL 2 : 2.56366924

ROW 1, COL 3 : -2.47625596

ROW 2, COL 3 : .23889085

ROW 3, COL 3 : 15.6395308

ROW 1, COL 4 : 2.24136173

ROW 2, COL 4 : -1.87770492

ROW 3, COL 4 : -14.2174267

ROW 4, COL 4 : 15.1634674

MULTIPLE R = .979710797

STD ERR EST = 120.933627

F = 17.922158

B	STD ERR (B)	T
X1		
4.850673	1.480842	3.275618
X2		
.035999	.488324	.073719
X3		
2.217786	.71898	3.08463
X4		
-3.624256	1.768508	-2.049329
CONSTANT		
-1281.78102		

(ต่อ)



จากตารางที่ ๓๐ (ก), (ข), (ง) และ (ช) เป็นสมการประเภทที่ ๑ ที่รวมตัวแปรอิสระ ๑ ตัวเข้าในสมการ ค่า R² สูงที่สุดได้แก่สมการจากตารางที่ ๓๐ (ช) คือ

$$Y = -128.434462 + 8.302678 X_1 \dots\dots\dots(29)$$
$$R^2 = (0.85096569)^2 = 0.7241$$

จากตารางที่ ๓๐ (ค), (จ), (ฉ), (ณ), (ญ) และ (ฉ) เป็นสมการประเภทที่ ๒ ที่รวมตัวแปรอิสระ ๒ ตัวเข้าในสมการ ค่า R² สูงที่สุดได้แก่สมการจากตารางที่ ๓๐ (ญ) คือ

$$Y = -1133.56975 + 6.008088 X_1 + 0.754211 X_3 \dots\dots\dots(30)$$
$$R^2 = (0.948290233)^2 = 0.8993$$

ค่า R² ในสมการที่ (30) เพิ่มขึ้น ดังนั้นจึงเห็นสมควรนำตัวแปร X₃ เข้าในสมการ จากตารางที่ ๓๐ (ช), (ฉ), (ฐ) และ (ท) เป็นสมการประเภทที่ ๓ ที่รวมตัวแปรอิสระ ๓ ตัวเข้าในสมการ ค่า R² สูงที่สุดได้แก่สมการจากตารางที่ ๓๐ (ฉ) คือ

$$Y = -1274.80414 + 4.886597 X_1 + 2.215787 X_3 - 3.584992 X_4 \dots\dots(31)$$
$$R^2 = (0.979677659)^2 = 0.9598$$

ค่า R² ในสมการที่ (31) เพิ่มขึ้น ดังนั้นจึงเห็นสมควรนำตัวแปร X₄ เข้าในสมการ จากตารางที่ ๓๐ (ฉ) เป็นสมการประเภทที่ ๔ ที่รวมตัวแปรอิสระทั้งหมดเข้าในสมการคือ

$$Y = -1281.78102 + 4.850673 X_1 + 0.035999 X_2 + 2.317786 X_3$$
$$-3.624256 X_4 \dots\dots\dots(32)$$
$$R^2 = (0.979710797)^2 = 0.9598$$

ค่า R² ในสมการที่ (32) ไม่เพิ่มขึ้น ดังนั้นจึงไม่สมควรนำตัวแปร X₂ เข้าในสมการดังนั้นสมการที่เหมาะสมคือ สมการที่ (31)

๔.๕ การวิเคราะห์แนวโน้มโดยใช้โปรแกรม STATISTICS with DAISY

การวิเคราะห์แนวโน้มอนุกรมเวลาโดยใช้โปรแกรม STATISTICS with DAISY จะวิเคราะห์แนวโน้มอนุกรมเวลา ๕ ชนิด คือ แนวโน้มอนุกรมเวลาแบบเชิงเส้น (Linear trend) แนวโน้มอนุกรมเวลาแบบเอกซ์โปเนนเชียล (Exponential trend) แนวโน้มอนุกรมเวลาแบบลอการิทึม (Logarithmic trend) แนวโน้มอนุกรมเวลาแบบเพาเวอร์ ลอ (Power law trend) และแนวโน้มอนุกรมเวลาแบบพาราโบลา (Parabola trend) ของตัวแปร X_1 , X_3 และ X_4 โดยใช้คำสั่ง REGR ระหว่างตัวแปร X_1 , X_3 และ X_4 กับช่วงเวลา

การตัดสินใจ จะเลือกสมการใดสมการหนึ่งใน ๕ ที่ให้ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (Correlation coefficient) หรือ Multiple R มากที่สุดเป็นสมการแนวโน้มที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_1 , X_3 และ X_4

๔.๕.๑ การวิเคราะห์แนวโน้มของตัวแปร X_1 โดยใช้โปรแกรม STATISTICS with DAISY

ก่อนการวิเคราะห์ต้องมีการป้อนข้อมูลตัวแปร X_1 กับช่วงเวลาโดยใช้คำสั่ง DATA หรือคำสั่ง ENTE ก่อน

แนวโน้มแบบเชิงเส้น

```
->REGR
  DEF VAR -
    COLUMN (NAME OR #)? X1
  HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
  INDEF VAR #1 -
    COLUMN (NAME OR #)? TIME
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๓๑

ตารางที่ ๓๑ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบเชิงเส้นของตัวแปร X_1 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .883057322
 STD ERR EST = 20.5215826
 F = 21.246748

B	STD ERR (B)	T
TIME		
14.595952	3.166549	4.609419
CONSTANT		
59.5432144		

จากตารางที่ ๓๑ สมการแนวโน้มเชิงเส้นของตัวแปร X_1 คือ

$$X_1 = 59.5432144 + 14.595952 t \quad (t = \text{TIME}) \dots\dots\dots(33)$$

Multiple R = 0.883057322

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_1 เป็นจำนวนเรือที่จดทะเบียน
 การมีไว้ในครอบครองซึ่งเครื่องมือบางชนิด (ร้อยลำ))

แนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียล

การวิเคราะห์แนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียล ซึ่งมีรูปแบบ

$$X_1 = Ae^{Bt} \dots\dots\dots(34)$$

ไม่สามารถทำได้โดยตรงจึงต้องเปลี่ยนรูปแบบให้เป็นรูปแบบเชิงเส้นโดยการใช้ลอการิทึม
 มีรูปแบบดังนี้

$$\ln X_1 = \ln A + Bt$$

การหาค่า A โดยการหา Antilog ของ $\ln A$ โดยใช้คำสั่ง LOGE (log ฐาน e) แล้ว
 แทนค่า A และ B กลับในสมการที่ (๓๔) มีวิธีการดังนี้

->LOGE
 TRANSFORM WHAT COLUMN (NAME OR #)? X1
 RESULTS SHOULD BE PLACED IN WHAT COLUMN (NAME OR #)? 7
 ROW 1 ROW 2 ROW 3 ROW 4 ROW 5 ROW 6 ROW 7 ROW 8
 SUPPLY A NAME FOR COLUMN 7
 (HIT RETURN FOR 'LOG-X1') : LN-X1

หลังจากแปลงข้อมูลเสร็จใช้คำสั่ง REGR

->REGR

<:R>: LOMEM AT 16344
 DEP VAR -
 COLUMN (NAME OR #)? LN-X1
 HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
 INDEP VAR #1 -
 COLUMN (NAME OR #)? TIME

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๓๒

ตารางที่ ๓๒ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียลของตัวแปร X_1

โดยใช้โปรแกรม STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .91453099
 STD ERR EST = .139821054
 F = 30.667405

B STD ERR (B) T

TIME
 .119478 .021575 5.537816

CONSTANT
 4.24745687

จากตารางที่ ๓๒ ค่า $A = 69.92735168$ (Antilog 4.24745687) ดังนั้นสมการ
แนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียลของตัวแปร X_1 คือ

$$X_1 = 69.92735168 e^{0.119478 (t)} \quad (t = \text{TIME}) \dots \dots \dots (35)$$

Multiple R = 0.91453099

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ปี ; X_1 เป็นจำนวนเรือที่จดทะเบียน
การมีไว้ครอบครองซึ่งเครื่องมือบางชนิด (ร้อยละ))

แนวโน้มแบบล็อกการิทึม

การวิเคราะห์แนวโน้มแบบล็อกการิทึม ซึ่งมีรูปแบบ

$$X_1 = A + B \ln t \quad \dots \dots \dots (36)$$

ต้องทำการเปลี่ยน t ให้เป็น $\ln t$ ดังนี้

->LOGE

```
TRANSFORM WHAT COLUMN (NAME OR #)? TIME
RESULTS SHOULD BE PLACED IN WHAT COLUMN (NAME OR #)? 8
ROW 1 ROW 2 ROW 3 ROW 4 ROW 5 ROW 6 ROW 7 ROW 8
```

```
SUPPLY A NAME FOR COLUMN 8
(HIT RETURN FOR 'LOG-X3') : LN-TIME
```

หลังจากแปลงข้อมูลเสร็จใช้คำสั่ง REGR

->REGR

```
<:R>: LOMEM AT 16344
DEF VAR -
COLUMN (NAME OR #)? X1
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
INDEF VAR #1 -
COLUMN (NAME OR #)? LN-TIME
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๓๓

ตารางที่ ๓๓ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบล็อกการิทึมของตัวแปร X_1 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .829058727
 STD ERR EST = 24.4528708
 F = 13.1900747

B	STD ERR (B)	T
LN-TIME		
47.720537	13.139586	3.631814
CONSTANT		
61.967832		

จากตารางที่ ๓๓ สมการแนวโน้มแบบล็อกการิทึมของตัวแปร X_1 คือ

$$X_1 = 61.967832 + 47.720537 \ln t \quad (t = \text{TIME}) \dots\dots(37)$$

Multiple R = 0.829058727

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_1 เป็นจำนวนเรือที่จดทะเบียน
 การมีไว้ครอบครองซึ่งเครื่องมือบางชนิด (ร้อยลำ))

แนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ

การวิเคราะห์แนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ ซึ่งมีรูปแบบ

$$X_1 = At^B \dots\dots\dots(38)$$

เปลี่ยนรูปแบบให้เป็นรูปแบบเชิงเส้นโดยใช้ล็อกการิทึม มีรูปแบบดังนี้

$$\ln X_1 = \ln A + B \ln t$$

ต้องทำการแปลงข้อมูล X_1 ให้เป็น $\ln X_1$ และ t ให้เป็น $\ln t$ แล้วใช้คำสั่ง REGR จึงแทน
 ค่า A ด้วย Antilog A :

```
->REGR
DEF VAR -
      COLUMN (NAME OR #)? LN-X1
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
INDEF VAR #1 -
      COLUMN (NAME OR #)? LN-TIME
```

ตารางที่ ๓๔ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ ของตัวแปร X_1 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .8716198
 STD ERR EST = .16943178
 F = 18.9709791

B	STD ERR (B)	T
LN-TIME		
.396544	.091043	4.355569
CONSTANT		
4.2594568		

จากตารางที่ ๓๔ ค่า A = 70.77152991 (Antilog 4.2594568)

ดังนั้นสมการแนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ ของตัวแปร X_1 คือ

$$X_1 = 70.77152991 t^{(0.396544)} \quad (t = \text{TIME}) \dots\dots\dots (39)$$

Multiple R = 0.8716198

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_1 เป็นจำนวนเรือที่จดทะเบียน
 การมีไว้ในครอบครองซึ่งเครื่องมือบางชนิด (ร้อยลำ))

แนวโน้มแบบพาราโบลา

การวิเคราะห์แนวโน้มแบบพาราโบลา ซึ่งมีรูปแบบ

$$X_1 = A + Bt + Ct^2 \dots\dots\dots (40)$$

การหาค่า t^2 โดยใช้คำสั่ง POWE

->POWE

TRANSFORM WHAT COLUMN (NAME OR #)? TIME

WHAT CONSTANT? 2

RESULTS SHOULD BE PLACED IN WHAT COLUMN (NAME OR #)? 6

SUPPLY A NAME FOR COLUMN 6

(HIT RETURN FOR 'TSQUARE') : TSQUARE

หลังจากแปลงข้อมูล เสร็จใช้คำสั่ง REGR

```

->REGR
  DEP VAR -
    COLUMN (NAME OR #)? X1
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 2
INDEF VAR #1 -
  COLUMN (NAME OR #)? TIME
INDEF VAR #2 -
  COLUMN (NAME OR #)? TSQUARE

```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๓๕

ตารางที่ ๓๕ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบพาราโบล่าของตัวแปร X_1 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MATRIX:

```

-----
ROW 1, COL 1 : 1
ROW 1, COL 2 : .976187059
ROW 2, COL 2 : 1
-----

```

CHOLESKY FACTOR:

```

-----
ROW 1, COL 1 : 1
ROW 1, COL 2 : .976187059
ROW 2, COL 2 : .216930462
-----

```

CHOLESKY INVERSE:

```

-----
ROW 1, COL 1 : 1
ROW 1, COL 2 : -4.49999991
ROW 2, COL 2 : 4.60977214
-----

```

MATRIX INVERSE:

 ROW 1, COL 1 : 21.2499992
 ROW 1, COL 2 : -20.7439742
 ROW 2, COL 2 : 21.2499992

MULTIPLE R = .884169718
 STD ERR EST = 22.3796996
 F = 8.95507334

B	STD ERR (B)	T
TIME		
17.893809	15.918754	1.124071
TSQUARE		
-.366429	1.726631	-.212222
CONSTANT		
54.0467859		

จากตารางที่ ๓๕ สมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของตัวแปร X_1 คือ

$$X_1 = 54.0467859 + 17.893809 t - 0.366429 t^2 \quad (t = \text{TIME}) \dots (41)$$

Multiple R = 0.884169718

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ปี ; X_1 เป็นจำนวนเรือที่จดทะเบียน
 การมีไว้ในครอบครองซึ่งเครื่องมือบางชนิด (ร้อยละ))

จากสมการที่ (33), (35), (37), (39) และ (41) สมการที่ (35) ให้ค่า Multiple R
 สูงที่สุด ดังนั้นจึงใช้สมการแนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียล (สมการที่ (35)) เป็นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัว
 แปร X_1

๔.๕.๒ การวิเคราะห์แนวโน้มของตัวแปร X_3 โดยใช้โปรแกรม STATISTICS with DAISY

แนวโน้มแบบเชิงเส้น

```

->REGR
  DEP VAR? -
    COLUMN (NAME OR #)? X3
  HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
  INDEF VAR #1 -
    COLUMN (NAME OR #)? TIME
    
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๓๖

ตารางที่ ๓๖ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบเชิงเส้นของตัวแปร X_3 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .52119268
 STD ERR EST = 231.76039
 F = 2.23770513

B	STD ERR (B)	T
TIME		
53.495345	35.761405	1.495896
CONSTANT		
1472.94882		

จากตารางที่ ๓๖ สมการแนวโน้มเชิงเส้นของตัวแปร X_3 คือ

$$X_3 = 1472.94882 + 53.495345 t \quad (T = \text{TIME}) \quad \dots\dots\dots(42)$$

Multiple R = 0.52119268

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_3 เป็นจำนวนวันออกจับปลา(พันวัน))

แนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียล

->REGR

DEF VAR -
 COLUMN (NAME OR #)? LN-X3
 HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
 INDEF VAR #1 -
 COLUMN (NAME OR #)? TIME

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๓๗

ตารางที่ ๓๗ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียลของตัวแปร X_3 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .554585385
 STD ERR EST = .133235848
 F = 2.66507263

B	STD ERR (B)	T
TIME		
.033562	.020559	1.632505
CONSTANT		
7.28581999		

จากตารางที่ ๓๗ ค่า $A = 1458.552668$ (Antilog 7.28581999)

ดังนั้นสมการแนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียลของตัวแปร X_3 คือ

$$X_3 = 1458.552668 e^{0.033562 (t)} \quad (t = \text{TIME}) \dots\dots(43)$$

$$\text{Multiple R} = 0.554585385$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_3 เป็นจำนวนวันออกจับปลา (พันวัน))

แนวโน้มแบบล็อกการิทึม

```
->REGR
  DEP VAR -
      COLUMN (NAME OR #)? X3
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
INDEP VAR #1 -
      COLUMN (NAME OR #)? LN-TIME
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๓๘

ตารางที่ ๓๘ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบล็อกการิทึมของตัวแปร X_3 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .635121955
 STD ERR EST = 209.756607
 F = 4.05665076

B	STD ERR (B)	T
LN-TIME		
227.013298	112.711308	2.014113
CONSTANT		
1412.75464		

จากตารางที่ ๓๘ สมการแนวโน้มแบบล็อกการิทึมของตัวแปร X_3 คือ

$$X_3 = 1412.75464 + 227.013298 \ln t \quad (t = \text{TIME}) \dots\dots(44)$$

$$\text{Multiple R} = 0.635121955$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_3 เป็นจำนวนวันออกจับปลา (พันวัน))

แนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ

```

->REGR
  DEF VAR -
    COLUMN (NAME OR #)? LN-X3
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
INDEF VAR #1 -
    COLUMN (NAME OR #)? LN-TIME

```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๓๘

ตารางที่ ๓๘ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ ของตัวแปร X_3 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

```

MULTIPLE R = .662765102
STD ERR EST = .119898368
F = 4.70010008

```

B	STD ERR (B)	T
LN-TIME		
.139675	.064427	2.167972
CONSTANT		
7.25170034		

จากตารางที่ ๓๘ ค่า $A = 1410.501142$ (Antilog 7.25170034)

ดังนั้นสมการแนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ ของตัวแปร X_3 คือ

$$X_3 = 1410.501142 t^{(0.139675)} \quad (t = \text{TIME}) \dots\dots(45)$$

$$\text{Multiple R} = 0.662765102$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_3 เป็นจำนวนวันออกจับปลา (พันวัน))

แนวโน้มแบบพาราโบลา

```

->REGR
  DEF VAR -
    COLUMN (NAME OR #)? X3
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 2
INDEF VAR #1 -
    COLUMN (NAME OR #)? TIME
INDEF VAR #2 -
    COLUMN (NAME OR #)? TSQUARE

```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๔๐

ตารางที่ ๔๐ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบพาราโบลาของตัวแปร X_3 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MATRIX:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .976187059
 ROW 2, COL 2 : 1

CHOLESKY FACTOR:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : .976187059
 ROW 2, COL 2 : .216930462

CHOLESKY INVERSE:

 ROW 1, COL 1 : 1
 ROW 1, COL 2 : -4.49999991
 ROW 2, COL 2 : 4.60977214

MATRIX INVERSE:

 ROW 1, COL 1 : 21.2499992
 ROW 1, COL 2 : -20.7439742
 ROW 2, COL 2 : 21.2499992

MULTIPLE R = .828471127
 STD ERR EST = 166.598084
 F = 5.4710341

B	STD ERR (B)	T
TIME		
350.941968	118.501764	2.961492
TSQUARE		
-33.049625	12.853321	-2.571291
CONSTANT		
977.20445		

จากตารางที่ ๔๐ สมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของตัวแปร X_3 คือ

$$X_3 = 977.20445 + 350.941968 t - 33.049625 t^2 \quad (t = \text{TIME}) \dots (46)$$

$$\text{Multiple R} = 0.828471127$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_3 เป็นจำนวนวันออกจับปลา (พันวัน))

จากสมการที่ (42), (43), (44), (45) และ (46) สมการที่ (46) ให้ค่า Multiple R สูงที่สุด ดังนั้นจึงใช้สมการแนวโน้มแบบพาราโบลา(สมการที่ (46)) เป็นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_3

๔.๕.๓ การวิเคราะห์แนวโน้มของตัวแปร X_4 โดยใช้โปรแกรม STATISTICS with DAISY

แนวโน้มแบบเชิงเส้น

```
->REGR
  DEP VAR -
    COLUMN (NAME OR #)? X4
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
INDEF VAR #1 -
  COLUMN (NAME OR #)? TIME
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๔๑

ตารางที่ ๔๑ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบเชิงเส้นของตัวแปร X_4 โดยใช้โปรแกรม STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .324637127
 STD ERR EST = 102.820723
 F = .706827628

B	STD ERR (B)	T
TIME		
13.338677	15.865582	.84073
CONSTANT		
560.05984		

จากตารางที่ ๔๑ สมการแนวโน้มเชิงเส้นของตัวแปร X_4 คือ

$$X_4 = 560.05984 + 13.338677 t \quad (t = \text{TIME}) \dots\dots(47)$$

$$\text{Multiple R} = 0.324637127$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๒๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_4 เป็นจำนวนครั้งในการกู้ยืม
(ที่มีนครั้ง))

แนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียล

```
->REGR
  DEF VAR -
        COLUMN (NAME OR #)? LN-X4
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
INDEF VAR #1 -
        COLUMN (NAME OR #)? TIME
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๔๒

ตารางที่ ๔๒ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบเอกซ์โปเนนเชียลของตัวแปร X_4 โดยใช้

โปรแกรม STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .35573194
STD ERR EST = .162784709
F = .869273704

B	STD ERR (B)	T	
TIME	.023419	.025118	.932349

CONSTANT
6.31304699

จากตารางที่ ๔๒ ค่า $A = 551.7234862$ (Antilog 6.31304699)

ดังนั้นสมการแนวโน้มแบบเอกซโพเนนเชียลของตัวแปร X_4 คือ

$$X_4 = 551.7234862 e^{0.023419 (t)} \quad (t = \text{TIME}) \dots (48)$$

Multiple R = 0.35573194

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_4 เป็นจำนวนครั้งในการกู้วน
(หมื่นครั้ง))

แนวโน้มแบบล็อกการิทึม

```
->REGR
  DEF VAR -
    COLUMN (NAME OR #)? X4
  HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
  INDEF VAR #1 -
    COLUMN (NAME OR #)? LN-TIME
```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๔๓

ตารางที่ ๔๓ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบล็อกการิทึมของตัวแปร X_4 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .428926767
STD ERR EST = 98.2006783
F = 1.35274449

B	STD ERR (B)	T
---	-------------	---

LN-TIME		
61.372556	52.767477	1.163075

CONSTANT
538.729939

จากตารางที่ ๔๓ สมการแนวโน้มแบบล็อกการิทึมของตัวแปร X_4 คือ

$$X_4 = 538.729939 + 61.372556 \ln t \quad (t = \text{TIME}) \dots (49)$$

$$\text{Multiple R} = 0.428926767$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_4 เป็นจำนวนครั้งในการสูวน
(หมื่นครั้ง))

แนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ

```
->REGR
  DEF VAR -
      COLUMN (NAME OR #)? LN-X4
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 1
INDEP VAR #1 -
      COLUMN (NAME OR #)? LN-TIME
```

- ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๔๔

ตารางที่ ๔๔ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ ของตัวแปร X_4 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MULTIPLE R = .448870904
STD ERR EST = .155644905
F = 1.5139486

B	STD ERR (B)	T
LN-TIME		
.102906	.083635	1.230426
CONSTANT		
6.28202205		

จากตารางที่ ๔๔ ค่า A = 534.8691032 (Antilog 6.28202205)

ดังนั้นสมการแนวโน้มแบบเพาเวอร์ ลอ ของตัวแปร X_4 คือ

$$X_4 = 534.8691032 t^{(0.102906)} \quad (t = \text{TIME}) \dots (50)$$

$$\text{Multiple R} = 0.448870904$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_4 เป็นจำนวนครั้งในการสูวน
(หมื่นครั้ง))

แนวโน้มแบบพาราโบลา

```

->REGR
  DEF VAR -
    COLUMN (NAME OR #)? X4
HOW MANY INDEPENDENT VARIABLES? 2
INDEF VAR #1 -
  COLUMN (NAME OR #)? TIME
INDEF VAR #2 -
  COLUMN (NAME OR #)? TSQUARE

```

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๔๔

ตารางที่ ๔๔ แสดงผลการวิเคราะห์แนวโน้มแบบพาราโบลาของตัวแปร X_4 โดยใช้โปรแกรม

STATISTICS with DAISY

MATRIX:

```

-----
ROW 1, COL 1 : 1
ROW 1, COL 2 : .976187059
ROW 2, COL 2 : 1
-----

```

CHOLESKY FACTOR:

```

-----
ROW 1, COL 1 : 1
ROW 1, COL 2 : .976187059
ROW 2, COL 2 : .216930462
-----

```

CHOLESKY INVERSE:

```

-----
ROW 1, COL 1 : 1
ROW 1, COL 2 : -4.49999991
ROW 2, COL 2 : 4.60977214
-----

```

MATRIX INVERSE:

```

-----
ROW 1, COL 1 : 21.2499992
ROW 1, COL 2 : -20.7439742
ROW 2, COL 2 : 21.2499992
-----

```

ตารางที่ ๔๔ (ต่อ)

MULTIPLE R = .70653918
 STD ERR EST = 84.2727988
 F = 2.49198898

B	STD ERR (B)	T
TIME		
129.368477	59.943518	2.158173
TSQUARE		
-12.8922	6.501787	-1.98287
CONSTANT		
366.67684		

จากตารางที่ ๔๔ สมการแนวโน้มแบบพาราโบลาของตัวแปร X_4 คือ

$$X_4 = 366.67684 + 129.368477 t - 12.8922 t^2 \quad (t = \text{TIME}) \dots (51)$$

$$\text{Multiple R} = 0.70653918$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่ปี ๒๕๑๖ ; t มีหน่วยเป็น ๑ ปี ; X_4 เป็นจำนวนครั้งในการถือวน
(หมื่นครั้ง))

จากสมการที่ (47), (48), (49), (50) และ (51) สมการที่ (51) ให้ค่า Multiple R สูงที่สุด ดังนั้นจึงใช้สมการแนวโน้มแบบพาราโบลา (สมการที่ (51)) เป็นสมการที่ใช้พยากรณ์ตัวแปร X_4

๔.๖ การวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิกโดยใช้โปรแกรม TSER3

โปรแกรม TSER3 เป็นโปรแกรมที่ใช้ในการวิเคราะห์อนุกรมเวลา โดยประกอบด้วยโปรแกรม TSER3 เป็นโปรแกรมหลักที่ใช้ในการป้อนข้อมูลและมีโปรแกรมย่อย ๕ โปรแกรมที่ใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูลดังที่กล่าวมาแล้ว คือ PLOT1 (Plot), FRCST1 (Forecast), EXPSM1 (Exponential Smoothing), REGR1 (Regression) และ MVAVG1 (Moving Average)

ในการวิเคราะห์โดยใช้โปรแกรม TSER3 ใช้ข้อมูลอนุกรมเวลาที่แสดงในตารางที่ ๓
 มีวิธีการป้อนข้อมูล ๒ วิธีคือ

วิธีที่ ๑ ป้อนข้อมูลก่อนสั่งให้โปรแกรมทำงาน โดยมีขั้นตอนดังนี้

ใส่แผ่น TSER3 ลงในเครื่องซบจานแม่เหล็ก แล้วเปิดสวิตซ์ให้เครื่องทำงาน
 เครื่องจะทำการ BOOT แผ่น TSER3 บนจอจะปรากฏเครื่องหมาย] แล้วป้อนอักษรในแต่ละบรรทัด
 ตามลำดับ เมื่อป้อนเสร็จในแต่ละบรรทัด กด RETURN ทุกครั้ง

] LOAD TSER3/

] DEL 9000, 9005

เป็นการกำจัดข้อมูลที่มีอยู่แล้วในโปรแกรมออก เพื่อเตรียมใส่ข้อมูลใหม่

] 9000 DATA 60, 12, 2521, 1

60 หมายถึง จำนวนของข้อมูลทั้งหมด (Total number of observations)

12 หมายถึง จำนวนข้อมูลใน ๑ ปี (Number of observation per year
12 monthly or 4 quarterly)

2521 หมายถึง ปีเริ่มต้นของข้อมูล (First year of data)

1 หมายถึง เริ่มต้นค่าที่หนึ่งของข้อมูลปีแรก (First period of first year)

]9001 DATA 2.5, 3.1, 3.3, 3.0, 2.9, 2.8, 9.7, 5.5, 3.8, 3.1, 3.0, 2.6

]9002 DATA 2.2, 3.1, 4.1, 4.0, 3.8, 4.3, 15.4, 8.2, 4.7, 2.2, 2.4, 2.1

]9003 DATA 3.1, 4.2, 4.4, 6.2, 6.1, 6.2, 19.8, 16.8, 7.6, 4.2, 4.1, 3.8

]9004 DATA 4.5, 3.5, 8.5, 8.2, 5.5, 5.7, 22.1, 17.1, 6.0, 3.3, 3.9, 4.3

]9005 DATA 6.3, 5.5, 7.9, 8.0, 10.0, 7.1, 24.0, 20.0, 8.5, 4.4, 4.1, 4.

หลังจากป้อนข้อมูลเสร็จเรียบร้อยแล้ว ต้องการสั่งให้โปรแกรมทำงานใช้คำสั่ง

] RUN

วิธีที่ ๒ ป้อนข้อมูลเข้าพร้อมกับการทำงานของโปรแกรม โดยมีขั้นตอนดังนี้

ใส่แผ่น TSER3 ลงในเครื่องขับจานแม่เหล็ก แล้วเปิดสวิทช์ให้ เครื่องทำงาน

บนจอจะปรากฏเครื่องหมาย] แล้วป้อนอักษรในแต่ละบรรทัดตามลำดับ

เมื่อป้อนเสร็จในแต่ละบรรทัด กด RETURN ทุกครั้ง

JRUN TSER3

ARE YOU USING A PRINTER?YES

ARE YOU FAMILIAR WITH TIME-SERIES ANALYSIS?

REPLY 'YES' OR 'NO'.

?YES

HAS DATA BEEN ENTERED? REPLY 'YES' OR 'NO'.

?NO

EXPLANATION? REPLY 'YES' OR 'NO'.

?YES

'TSER 1' STORES DATA AND CONTROLS A SERIES OF PROGRAMS PERMITTING THE COMPLETE ANALYSIS OF TIME SERIES AT AN ELEMENTARY LEVEL. THE SEPARATE PROGRAMS, REFERRED TO AS 'OPERATIONS' ALLOW FOR:

ANALYSIS OF DATA USING:

PLOTTING

ADJUSTMENT OF VARIATION BY:

REGRESSION ANALYSIS

MOVING AVERAGES

EXPONENTIAL SMOOTHING

FORECASTING

ENTER TOTAL NUMBER OF OBSERVATIONS.

?60

ENTER NUMBER OF OBSERVATIONS PER YEAR.

?12

FIRST YEAR?2521

FIRST MONTH?JAN

ENTER DATA FOR EACH OBSERVATION.

ONE AT A TIME, TYPING RETURN AFTER EACH NUMBER ENTERED

?2.5

?3.1

?3.3

?3.0

?2.9

?2.8

?9.7

?5.5

?3.8

?3.1

?3.0

?2.6

?2.2

23.1
 24.1
 24.0
 23.8
 24.3
 215.4
 28.2
 24.7
 22.2
 22.4
 22.1
 23.1
 24.2
 24.4
 26.2
 26.1
 26.2
 219.8
 216.8
 27.6
 24.2
 24.1
 23.8
 24.5
 23.5
 28.5
 28.2
 25.5
 25.7
 222.1
 217.1
 26.0
 23.3
 23.9
 24.3
 26.3
 25.5
 27.9
 28.0
 210.0
 27.1
 224.0
 220.0
 28.5
 24.4
 24.1
 24.6



ศูนย์วิทยทรัพยากร
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

หลังจากป้อนข้อมูลเสร็จเรียบร้อยแล้วโปรแกรมจะทำงาน ซึ่งจะกล่าวต่อไป

หลังจากป้อนข้อมูลโดยวิธีที่ ๑ เรียบร้อยแล้ว การสั่งให้โปรแกรม TSER3 ทำงานใช้คำสั่ง
 RUN แล้วกด RETURN บนจอจะปรากฏข้อความและการทำงานของโปรแกรมดังต่อไปนี้

```

JRUN 7:11:5
ARE YOU USING A PRINTER?YES

ARE YOU FAMILIAR WITH TIME-SERIES ANALYSIS?
REPLY 'YES' OR 'NO'.
  
```

การตอบในขั้นตอนนี้ให้ผลลัพธ์เป็น ๒ กรณี

กรณีที่ ๑ ตอบ NO บนจอจะปรากฏข้อความ

```

?NO
HAS DATA BEEN ENTERED? REPLY 'YES' OR 'NO'.
?YES
  
```

จะได้ผลลัพธ์ดังตารางที่ ๔๖

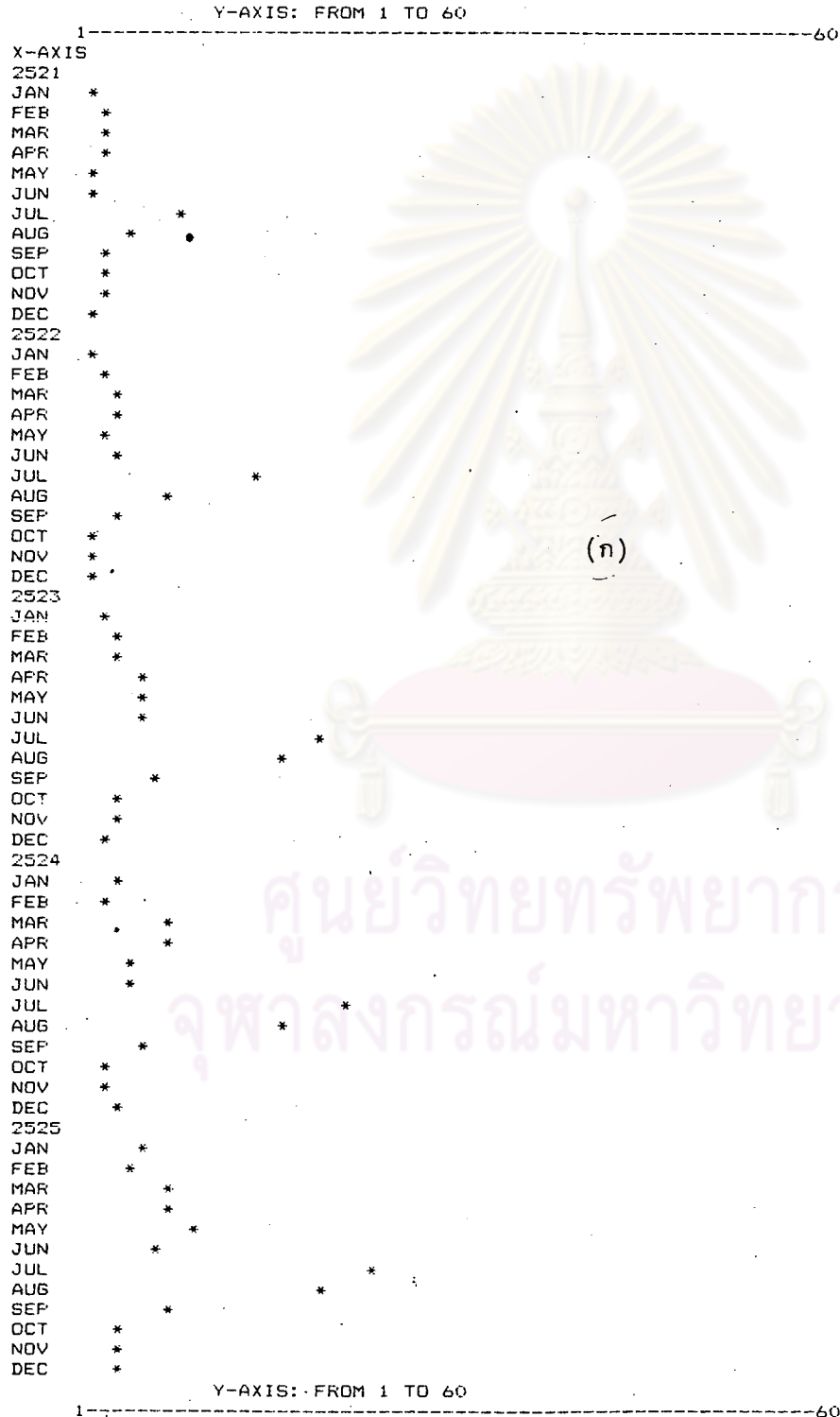
ศูนย์วิทยทรัพยากร
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๔๖ แสดงผลที่ได้จากการตอบไม่คุ้นเคยกับการวิเคราะห์หอนุกรมเวลาของโปรแกรม TSER3

FIRST YOU WILL SEE A 'SCATTER PLOT' OF YOUR OBSERVATIONS.

FOR ACTUAL OBSERVATIONS SPECIFY:
LOWEST VALUE?1
HIGHEST VALUE?60

OBSERVATIONS ARE SCALED TO A RANGE OF FROM 1 TO 60.
THUS 1 IS EQUIVALENT TO 1 AND 60 IS EQUIVALENT TO 60.





ตารางที่ ๔๖ (ต่อ)

NEXT YOU WILL BE SHOWN FOUR ESTIMATES BASED UPON THE FOLLOWING NAIVE FORECASTING METHODS THAT HAVE ADJUSTED THE ACTUAL OBSERVATIONS FOR TREND ONLY.,

1. CONSTANT ABSOLUTE CHANGE FROM LAST PERIOD TO NEXT
2. CONSTANT RATE OF CHANGE FROM LAST PERIOD TO NEXT (ข)
3. AVERAGE ABSOLUTE CHANGE OVER PAST 60 PERIODS
4. AVERAGE RATE OF CHANGE OVER PAST 60 PERIODS

PERIOD	OBSER.	ESTIMATE CONSTANT ABSOLUTE CHANGE	ESTIMATE CONSTANT RATE CHANGE	ESTIMATE AVERAGE ABSOLUTE CHANGE	ESTIMATE AVERAGE RATE CHANGE
1	2.5				
2	3.1				
3	3.3	3.7	3.844	3.7	3.844
4	3	3.5	3.51290323	3.7	3.80245162
5	2.9	2.7	2.72727273	3.16666667	3.21360704
6	2.8	2.8	2.80333334	3	3.03069844
7	9.7	2.7	2.70344828	2.86	2.88164293
8	5.5	16.6	33.6035714	10.9	13.9196239
9	3.8	1.3	3.1185567	5.92857143	7.21056834
10	3.1	2.1	2.62545455	3.9625	4.68729813
11	3	2.4	2.52894737	3.16666667	3.67997058
12	2.6	2.9	2.90322581	3.05	3.49545824
13	2.2	2.2	2.25333333	2.60909091	2.95884589
14	3.1	1.8	1.86153846	2.175	2.45013047
15	4.1	4	4.36818182	3.14615385	3.52289697
16	4	5.1	5.42258065	4.21428572	4.7138343
17	3.8	3.9	3.90243903	4.1	4.55243448
18	4.3	3.6	3.61	3.58125	4.28013696
19	15.4	4.80000001	4.86578948	4.40588235	4.84463503
20	8.2	26.5	55.1534884	16.1166667	19.4507164
21	4.7	1	4.36623377	8.5	10.0415781
22	2.2	1.2	2.69390244	4.81	5.60245684
23	2.4	-.299999999	1.02978723	2.18571429	2.54658664
24	2.1	2.6	2.61818182	2.39545455	2.77082575
25	3.1	1.8	1.8375	2.0826087	2.39895199
26	4.2	4.1	4.57619048	3.125	3.58443009
27	4.4	5.3	5.69032258	4.268	4.88968456
28	6.2	4.6	4.60952381	4.47307692	5.1027958
29	6.1	8	8.73636364	6.33703704	7.24756468
30	6.2	6	6.00161291	6.22857143	7.09034506
31	19.8	6.3	6.30163934	6.3275862	7.17537536
32	16.8	33.4	63.2322581	20.3766667	24.2588201
33	7.6	13.8	14.2545455	17.2612903	20.3790898
34	4.2	-1.6	3.43809524	7.759375	9.03845528
35	4.1	.799999999	2.32105263	4.25151515	4.91390905
36	3.8	4	4.00238095	4.14705883	4.77354267
37	4.5	3.5	3.52195122	3.83714286	4.39847884
38	3.5	5.2	5.32894737	4.55555556	5.21206445

ตารางที่ ๘ (ต่อ)

39	8.5	2.5	2.722222222	3.52702703	4.01783857
40	8.2	13.5	20.6428571	8.65789474	10.0440619
41	5.5	7.9	7.91058823	8.34615384	9.64395077
42	5.7	2.8	3.68902439	5.575	6.39901658
43	22.1	5.9	5.90727273	5.77804878	6.61403894
44	17.1	38.5	85.685965	22.56666667	27.0734782
45	6	12.1	13.2312217	17.4395349	20.768791
46	3.3	-5.1	2.10526316	6.07954546	7.16952163
47	3.9	.6	1.815	3.31777778	3.89594274
48	4.3	4.5	4.60909091	3.93043478	4.6044002
49	6.3	4.7	4.74102564	4.33829788	5.06950551
50	5.5	8.3	9.23023256	6.37916667	7.46497375
51	7.9	4.7	4.8015873	5.56122449	6.48203132
52	8	10.3	11.3472727	8.008	9.35128845
53	10	8.1	8.10126582	8.10784314	9.44282795
54	7.1	12	12.5	10.1442308	11.8169285
55	24	4.2	5.041	7.18679245	8.32683019
56	20	40.9	81.1267606	24.3981482	29.1281377
57	8.5	16	16.66666667	20.3181818	24.135143
58	4.4	-3	3.6125	8.60714286	10.1387762
59	4.1	.300000001	2.27764706	4.43333334	5.19619083
60	4.6	3.8	3.82045455	4.12758621	4.82429388
61		5.1	5.16097561	4.63559322	5.4083572

STATISTICS RELATING ESTIMATED TO ACTUAL OBSERVATIONS:

ROOT MEAN

SQUARED ERROR: 7.34909097 16.0953891 5.16573476 5.98645238

THEIL'S U SQ'D.

UNBOUNDED .76178537 3.65399831 .376382643 .505480545

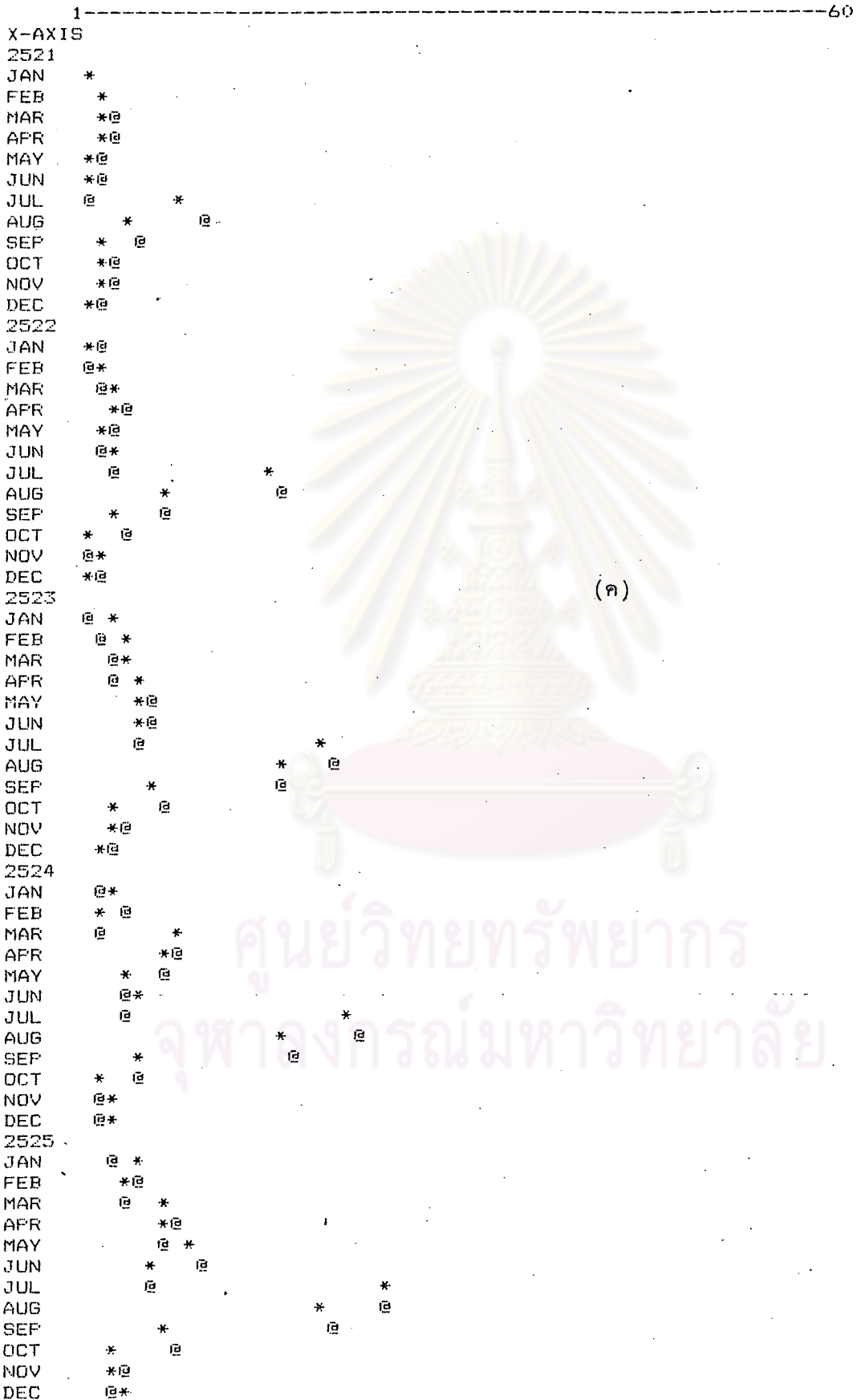
DO YOU WANT TO SEE THE BEST OF THE FOUR ESTIMATES PLOTTED
AGAINST ACTUAL OBSERVATIONS? REPLY 'YES' OR 'NO'.

?YES

ศูนย์ ทายทวงพยากรณ์
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

OBSERVATIONS ARE SCALED TO A RANGE OF FROM 1 TO 60.
THUS 1 IS EQUIVALENT TO 1 AND 60 IS EQUIVALENT TO 60.

Y--AXIS: FROM 1 TO 60



Y--AXIS: FROM 1 TO 60

60

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๑๖ (ต่อ)

TWO OF THE NAIVE FORECASTING METHODS WILL BE AMENDED TO ACCOUNT FOR SEASONALITY. THUS THE ESTIMATES TO FOLLOW ARE ADJUSTED FOR BOTH TREND AND SEASONAL VARIATION.

1. CONSTANT ABSOLUTE CHANGE FROM PRIOR PERIOD TWO YEARS PAST TO SAME PERIOD A YEAR AGO.
2. CONSTANT RATE OF CHANGE FROM PRIOR PERIOD TWO YEARS PAST TO SAME PERIOD A YEAR AGO. (ง)

PERIOD	OBSER.	ESTIMATE CONSTANT ABSOLUTE CHANGE	ESTIMATE CONSTANT RATE CHANGE
1	2.5		
2	3.1		
3	3.3		
4	3		
5	2.9		
6	2.8		
7	9.7		
8	5.5		
9	3.8		
10	3.1		
11	3		
12	2.6		
13	2.2		
14	3.1		
15	4.1		
16	4		
17	3.8		
18	4.3		
19	15.4		
20	8.2		
21	4.7		
22	2.2		
23	2.4		
24	2.1		
25	3.1	1.9	1.936
26	4.2	3.1	3.1
27	4.4	4.9	5.09393939
28	6.2	5	5.33333334
29	6.1	4.7	4.97931034
30	6.2	5.8	6.60357143
31	19.8	21.1	24.4494845
32	16.8	10.9	12.2254545
33	7.6	5.6	5.81315789
34	4.2	1.3	1.56129032
35	4.1	1.8	1.92
36	3.8	1.6	1.69615385
37	4.5	4	4.36818182
38	3.5	5.3	5.69032258
39	8.5	4.7	4.72195122
40	8.2	8.4	9.61

ศูนย์วิทยทรัพยากร
 ภาควิชาคณิตศาสตร์ มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๔๖ (ต่อ)

41	5.5	8.4	9.79210526
42	5.7	8.1	8.93953488
43	22.1	24.2	25.4571429
44	17.1	25.4	34.4195122
45	6	10.5	12.2893617
46	3.3	6.2	8.01818182
47	3.9	5.8	7.00416667
48	4.3	5.5	6.87619048
49	6.3	5.9	6.53225807
50	5.5	2.8	2.91666667
51	7.9	12.6	16.4204546
52	8	10.2	10.8451613
53	10	4.9	4.9590164
54	7.1	5.2	5.24032258
55	24	24.4	24.6671717
56	20	17.4	17.4053571
57	8.5	4.4	4.73684211
58	4.4	2.4	2.59285714
59	4.1	3.7	3.7097561
60	4.6	4.80000001	4.86578948
61		8.1	8.82
62		7.5	8.64285714
63		7.3	7.34235294
64		7.8	7.80487805
65		14.5	18.1818182
66		8.5	8.84385965
67		25.9	26.0633484
68		22.9	23.3918129
69		11	12.0416667
70		5.5	5.86666667
71		4.3	4.31025641
72		4.9	4.92093023

STATISTICS RELATING ESTIMATED TO ACTUAL OBSERVATIONS:

ROOT MEAN

SQUARED ERROR 2.8702497 4.24110783

'THEIL'S U SQ'D.'

UNBOUNDED: .0849772642 .165533361

THE METHOD FOR SEASONAL ADJUSTMENT PERMITS THE FORECAST OF 12 OBSERVATIONS RATHER THAN ONLY THE 1 PREVIOUSLY ALLOWED.

DO YOU WANT TO SEE THE BEST OF THE TWO TREND AND SEASONALLY ADJUSTED ESTIMATES AND FORECASTS PLOTTED AGAINST ACTUAL OBSERVATIONS? REPLY 'YES' OR 'NO'.

(๖)

?YES

SINCE YOU HAVE 12 FORECASTS AS WELL AS 36 ESTIMATES, YOU WILL BE GIVEN AN OPPORTUNITY TO CHOOSE PLOTS INVOLVING ACTUAL, ESTIMATED AND FORECAST OBSERVATIONS.

CHOOSE BY NUMBER FROM THE FOLLOWING :

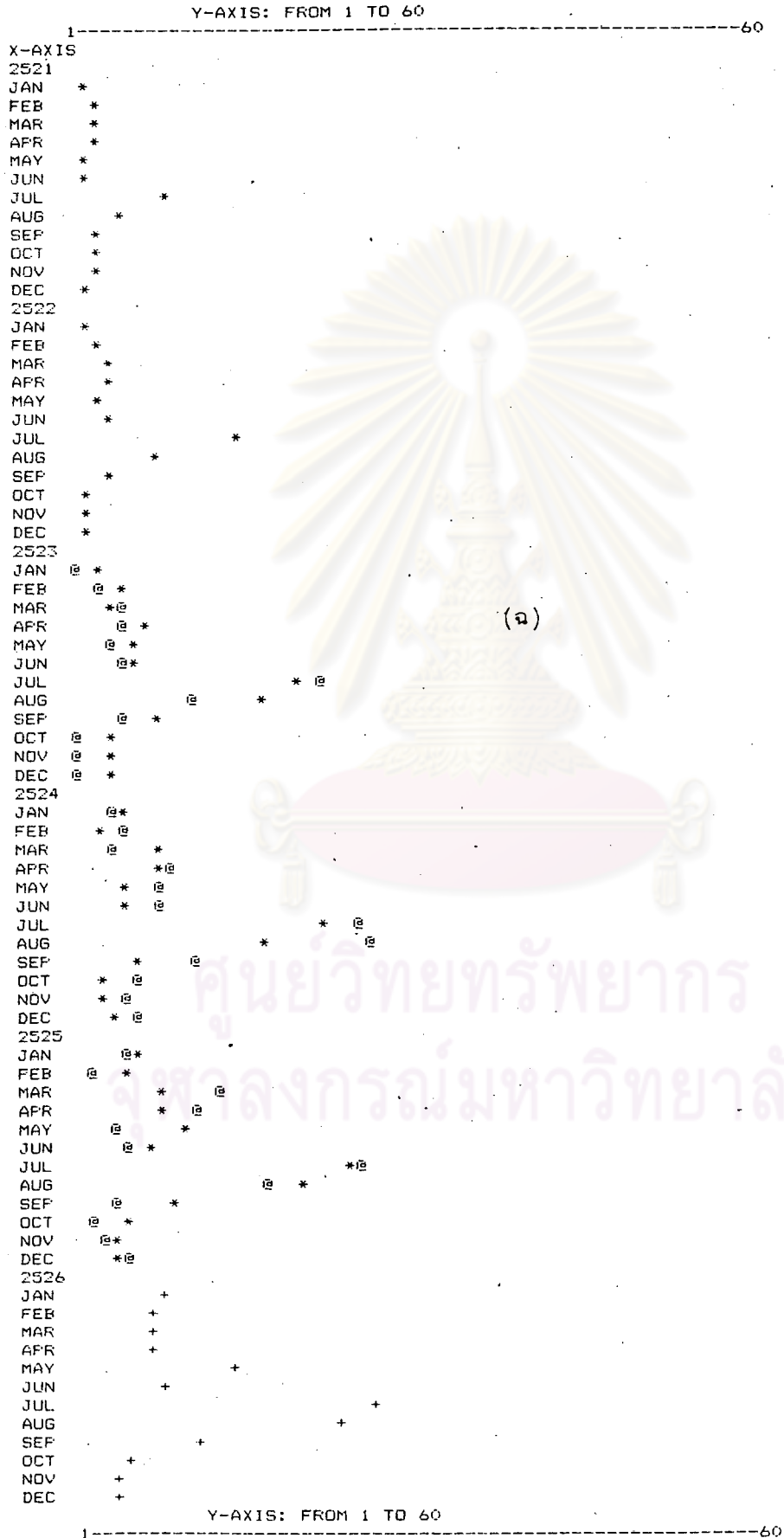
1. SCATTER PLOT OF ACTUAL OBSERVATIONS
2. PLOT OF ACTUAL TO ESTIMATED OBSERVATIONS
3. PLOT OF ACTUAL, ESTIMATED & FORECASTED OBSERVATIONS

CHOICE?3

ตารางที่ ๔๖ (ต่อ)

FOR ACTUAL OBSERVATIONS SPECIFY:
 LOWEST VALUE?1
 HIGHEST VALUE?60

OBSERVATIONS ARE SCALED TO A RANGE OF FROM 1 TO 60.
 THUS 1 IS EQUIVALENT TO 1 AND 60 IS EQUIVALENT TO 60.



จากตารางที่ ๔๖ (ก) เป็นการพล็อตค่าสังเกต

จากตารางที่ ๔๖ (ข) เป็นการแสดงค่าพยากรณ์อย่างหยาบ ๆ ๔ ชนิดคือ

๑. ค่าเปลี่ยนแปลงคงที่สัมบูรณ์ (Constant Absolute change), \hat{X}_1 (K)
๒. ค่าอัตราการเปลี่ยนแปลงคงที่ (Constant Rate of change), \hat{X}_2 (K)
๓. ค่าเปลี่ยนแปลงสัมบูรณ์เฉลี่ย (Average Absolute change), \hat{X}_3 (K)
๔. ค่าอัตราการเปลี่ยนแปลงเฉลี่ย (Average Rate of change), \hat{X}_4 (K)

โดยที่ค่าทั้ง ๔ คำนี้นี้ได้จากสูตร

$$\hat{X}_1 (K) = 2[X(I-1)] - X(I-2)$$

$$\hat{X}_2 (K) = \frac{[X(I-1)]^2}{X(I-2)}$$

$$\hat{X}_3 (K) = X(I-1) + \frac{\sum_{j=1}^{I-2} [X(J+1) - X(J)]}{I-2}$$

$$\hat{X}_4 (K) = X(I-1) \times \frac{\sum_{j=1}^{I-2} [X(J+1) \div X(J)]}{I-2}$$

ในที่นี้ I คือช่วงเวลา (Period) = 1, 2, 3, ..., 60

$$K = I-2$$

X(I) คือค่าสังเกตที่ช่วงเวลา I

การตัดสินใจ ค่าพยากรณ์อย่างหยาบ ๆ ๔ ชนิดนี้ จะพิจารณาค่าที่ให้ค่าความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน (Standard error) น้อยที่สุด เป็นค่าพยากรณ์ข้อมูลอนุกรมเวลานี้ในช่วงเวลาต่อไป

จากตารางที่ ๔๖ (ข) ค่าเปลี่ยนแปลงสัมบูรณ์เฉลี่ย (Average Absolute change) ให้ค่าความคลาดเคลื่อนมาตรฐานคือ 5.16573476 ซึ่งมีค่าน้อยที่สุด ดังนั้นค่าพยากรณ์ของข้อมูลอนุกรมเวลานี้ในช่วงเวลาต่อไป (ช่วงเวลาที่ ๖๑) คือ 4.63559322

จากตารางที่ ๔๖ (ค) เป็นการแสดงการพล็อต ค่าสังเกตกับค่าเปลี่ยนแปลงสัมบูรณ์เฉลี่ย (ค่าประมาณ) โดยสัญลักษณ์ที่แสดงคือ

- * หมายถึง ค่าสังเกต
- ๑ หมายถึง ค่าประมาณ (ค่าเปลี่ยนแปลงสัมบูรณ์เฉลี่ย)

จากตารางที่ ๔๖ (ง) เป็นการแสดงค่าพยากรณ์อย่างหยาบ ๆ ๒ ชนิด ซึ่งมีการปรับแก้ (Adjusted) การเปลี่ยนแปลงตามฤดูกาลออกและพยากรณ์ข้อมูลล่วงหน้า ๑๒ ช่วงเวลาคือ

๑. ค่าเปลี่ยนแปลงคงที่สัมบูรณ์ (Constant Absolute change), $\hat{X}_1 (K)$
๒. ค่าอัตราการเปลี่ยนแปลงคงที่ (Constant Rate of change), $\hat{X}_2 (K)$

โดยที่ค่าทั้ง ๒ ค่านี้ได้จากสูตร

$$\hat{X}_1 (K) = 2[X(I-12)] - X(I-24)$$

$$\hat{X}_2 (K) = \frac{[X(I-12)]^2}{X(I-24)}$$

ในที่นี้ I คือช่วงเวลา (Period) = 1, 2, 3, ..., 60

$$K = I - 24$$

X(I) คือค่าสังเกตที่ช่วงเวลา I

การตัดสินใจ ค่าพยากรณ์อย่างหยาบ ๆ ๒ ชนิดนี้ จะพิจารณาค่าที่ให้ค่าความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน (Standard error) น้อยที่สุด เป็นค่าพยากรณ์ข้อมูลอนุกรมเวลาในช่วงเวลาต่อไป ๑๒ ช่วงเวลา

จากตารางที่ ๔๖ (ง) ค่าอัตราการเปลี่ยนแปลงคงที่ (Constant Rate of change) ให้ค่าความคลาดเคลื่อนมาตรฐานคือ 2.870497 ซึ่งมีค่าน้อยที่สุด ดังนั้นจะใช้ค่า อัตราการเปลี่ยนแปลงคงที่ในการพยากรณ์ข้อมูลในช่วงเวลาต่อไป ๑๒ ช่วงเวลา (ช่วงเวลาที่ ๖๑ ถึง ๗๒)

จากตารางที่ ๔๖ (ฉ) เป็นการแสดงการพล็อตค่าสังเกต ค่าอัตราการเปลี่ยนแปลงคงที่ (ค่าประมาณ) และค่าพยากรณ์ ๑๒ ช่วงเวลา โดยสัญลักษณ์ที่แสดงคือ

- * หมายถึง ค่าสังเกต
- ๑ หมายถึง ค่าประมาณ (ค่าอัตราการเปลี่ยนแปลงคงที่)
- + หมายถึง ค่าพยากรณ์ (๑๒ ช่วงเวลา)

จากตารางที่ ๔๖ (จ) ถ้าตอบ NO จะแสดงค่าพยากรณ์อย่างหยาบ ๆ ๗ ค่าดังนี้

DO YOU WANT TO SEE THE BEST OF THE TWO TREND AND SEASONALLY ADJUSTED ESTIMATES AND FORECASTS PLOTTED AGAINST ACTUAL OBSERVATIONS? REPLY 'YES' OR 'NO'.

?NO

SEVEN NAIVE FORECASTS:

1. PRECEDING OBSERVATION - 4.6
2. ADDITIVE MODEL USING LAST TWO OBSERVATIONS - 5.1
3. MULTIPLICATIVE MODEL USING LAST TWO OBSERVATIONS - 5.16097561
4. ADDITIVE MODEL USING LAST 0 OBSERVATIONS - 4.1
5. MULTIPLICATIVE MODEL USING LAST 0 OBSERVATIONS - -5.16097561
6. PROJECTION OF SAME PRIOR YEAR PERIOD - 4.3
7. COMBINED MODEL USING THE LAST TWO OBSERVATIONS FROM THE TWO MOST RECENT YEARS - -1.32932495

การใช้คำสั่ง FORECAST ต่อจากการตอบไม่ค้นเคยกับอนุกรมเวลา

CHOOSE ONE OF THE FOLLOWING OPERATIONS:

PLOT
REGRESSION
MOVING AVERAGE
EXPONENTIAL SMOOTHING
FORECAST
PRINTER ON
CRT ON

CHOICE?FORECAST

CHOOSE BY NUMBER FROM THE FOLLOWING:

1. NAIVE FORECASTS
2. TEST ESTIMATES
3. FORECASTS

CHOICE?

เลือกหมายเลข 1 เป็นการแสดงค่าพยากรณ์อย่างหยาบ ๆ ๗ ค่า ช่างต้น

เลือกหมายเลข 2 จะได้ผลลัพธ์ดังนี้

STATISTICS RELATING ESTIMATED TO ACTUAL OBSERVATIONS:

1. MEAN ERROR	2.7125
2. MEAN ABSOLUTE ERROR	3.34563334
3. MEAN SQUARED ERROR	21.3775
4. ROOT MEAN SQUARED ERROR	4.62358087
5. THEIL'S 'INEQUALITY COEFFICIENTS	
A. 'U', UNBOUNDED	.619280879
B. 'U', BOUNDED	.252296246
C. 'U SQUARED', UNBOUNDED	.383506007
6. 'BIAS PROPORTION	.344177581
7. 'VARIANCE PROPORTION	.194870375
8. 'COVARIANCE PROPORTION'	.46095205
9. 'REGRESSION PROPORTION'	.361237267
10. 'DISTURBANCE PROPORTION'	.294585158

เลือกหมายเลข 3 ไม่แสดงค่าพยากรณ์เนื่องจากมีการหามาแล้วในตารางที่ ๔๖ (ง)

(ช่วงเวลาที่ ๖๑ -๗๒)

หมายเหตุ การเลือกหมายเลข 2 จะให้ผลลัพธ์ได้ในกรณีที่ตอบไม่คุ้นเคย กับการวิเคราะห์อนุกรม
เวลาเท่านั้น

กรณี ๒ ตอบ YES (คุ้นเคยกับการวิเคราะห์อนุกรมเวลา) บนจอจะปรากฏข้อความ

ARE YOU FAMILIAR WITH TIME-SERIES ANALYSIS?

REPLY 'YES' OR 'NO'.

?YES

HAS DATA BEEN ENTERED? REPLY 'YES' OR 'NO'.

?YES

CHOOSE ONE OF THE FOLLOWING OPERATIONS:

PLOT

REGRESSION

MOVING AVERAGE

EXPONENTIAL SMOOTHING

FORECAST

PRINTER ON

CRT ON

CHOICE? PLOT

(เลือกแต่ละคำสั่งใน ๔ คำสั่ง เมื่อทำงานเสร็จในแต่ละคำสั่งจะกลับมาให้เลือกทำคำสั่งอื่น

ต่อไป)

การเลือกวิธีการวิเคราะห์ที่ต่าง ๆ ให้บ่อนคำสั่งลงหลังคำ CHOICE ? แล้วกด RETURN
ซึ่งจะขออธิบายแต่ละคำสั่งดังต่อไปนี้

คำสั่ง FORECAST จะทำงานได้รับผลลัพธ์ตามต้องการต้องมีการใช้คำสั่ง REGRESSION
และ MOVING AVERAGE

คำสั่ง PLOT จะทำงานได้ผลลัพธ์ตามต้องการต้องมีการใช้คำสั่ง FORECAST

๔.๖.๑ การใช้คำสั่ง REGRESSION ในโปรแกรม TSER3

CHOOSE ONE OF THE FOLLOWING OPERATIONS:

PLOT
REGRESSION
MOVING AVERAGE
EXPONENTIAL SMOOTHING
FORECAST
PRINTER ON
CRT ON

CHOICE?REGRESSION

LINEAR FORECASTING EQUATION IS: $Y = 3.07022596 + .11316199 * X$.

.....(52)

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่เดือนธันวาคม ปี ๒๕๒๐ ; X เป็นช่วงเวลา มีหน่วยเป็น ๑ เดือน ; Y เป็น
ราคาเฉลี่ยต่อหน่วย (บาท : กิโลกรัม) ของสินค้าออกประเภทผลไม้สด)

ถ้าต้องการจะพยากรณ์ในช่วงเวลาต่อไปใช้คำสั่ง FORECAST

๔.๖.๒ การใช้คำสั่ง FORECAST หลังคำสั่ง REGRESSION ในโปรแกรม TSER3

CHOOSE ONE OF THE FOLLOWING OPERATIONS:

PLOT
REGRESSION
MOVING AVERAGE
EXPONENTIAL SMOOTHING
FORECAST
PRINTER ON
CRT ON

CHOICE?FORECAST

CHOOSE BY NUMBER FROM THE FOLLOWING:

1. NAIVE FORECASTS
2. TEST ESTIMATES
3. FORECASTS

CHOICE?

เลือกหมายเลข 1 เป็นการแสดงค่าพยากรณ์อย่างหยาบ ๆ ๗ ค่าดังที่กล่าวมาแล้ว

เลือกหมายเลข 2 จะไม่มีการทำงาน (จะทำงานได้ในกรณีตอบไม่คุ้นเคยกับอนุกรมเวลา
เท่านั้น)

CHOOSE BY NUMBER FROM THE FOLLOWING:

1. NAIVE FORECASTS
2. TEST ESTIMATES
3. FORECASTS

CHOICE?3

READY FOR FINAL FORECAST? REPLY 'YES' OR 'NO'.

?YES

ENTER NUMBER OF OBSERVATIONS IN FORECAST.

?24

FORECAST FOR NEXT 24 OBSERVATIONS

เลือกหมายเลข 3 เป็นการพยากรณ์ข้อมูลในช่วงเวลาล่วงหน้า (๒๔ ช่วงเวลา) ผลลัพธ์
ที่ได้ดังตารางที่ ๔๗

ตารางที่ ๔๗ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง FORECAST ที่ใช้หลังคำสั่ง REGRESSION ในโปรแกรม TSER3

FORECAST FOR NEXT 24 OBSERVATIONS

OBSERVATION	TREND VALUE	SEASONAL INDEX	FORECAST
61	9.97310738	0	9.97310738
62	10.0862694	0	10.0862694
63	10.1994314	0	10.1994314
64	10.3125933	0	10.3125933
65	10.4257553	0	10.4257553
66	10.5389173	0	10.5389173
67	10.6520793	0	10.6520793
68	10.7652413	0	10.7652413
69	10.8784033	0	10.8784033
70	10.9915653	0	10.9915653
71	11.1047273	0	11.1047273
72	11.2178893	0	11.2178893
73	11.3310513	0	11.3310513
74	11.4442133	0	11.4442133
75	11.5573752	0	11.5573752
76	11.6705372	0	11.6705372
77	11.7836992	0	11.7836992
78	11.8968612	0	11.8968612
79	12.0100232	0	12.0100232
80	12.1231852	0	12.1231852
81	12.2363472	0	12.2363472
82	12.3495092	0	12.3495092
83	12.4626712	0	12.4626712
84	12.5758332	0	12.5758332

จากตารางที่ ๔๗ แสดงค่าพยากรณ์ล่วงหน้า ๒๔ ชั่วโมง โดยใช้สมการที่ (52) ในการ
คำนวณ และแทนค่า X (ชั่วโมง) = 61, 62,, 84

ตัวอย่างเช่น แทนค่า X = 61 ได้

$$Y = 3.07022596 + .11316199 (61)$$

$$= 9.97310738$$

แทนค่า X = 84 ได้

$$Y = 12.5758332$$



๔.๖.๓ การใช้คำสั่ง PLOT หลังคำสั่ง FORECAST ที่ได้จากคำสั่ง REGRESSION

ในโปรแกรม TSER3

CHOOSE ONE OF THE FOLLOWING OPERATIONS:

PLOT
REGRESSION
MOVING AVERAGE
EXPONENTIAL SMOOTHING
FORECAST
PRINTER ON
CRT ON

CHOICE?PLOT

CHOOSE BY NUMBER FROM THE FOLLOWING :

1. SCATTER PLOT OF ACTUAL OBSERVATIONS
2. PLOT OF ACTUAL TO ESTIMATED OBSERVATIONS
3. PLOT OF ACTUAL, ESTIMATED & FORECASTED OBSERVATIONS

CHOICE?1

เลือกหมายเลข 1 แสดงกราฟล๊อตคำสั่งแรก

CHOOSE BY NUMBER FROM THE FOLLOWING :

1. SCATTER PLOT OF ACTUAL OBSERVATIONS
2. PLOT OF ACTUAL TO ESTIMATED OBSERVATIONS
3. PLOT OF ACTUAL, ESTIMATED & FORECASTED OBSERVATIONS

CHOICE?2

เลือกหมายเลข 2 แสดงกราฟล๊อตเฉพาะค่าข้อมูลจริง ส่วนค่าประมาณจะไม่พล็อตออกมา

CHOOSE BY NUMBER FROM THE FOLLOWING :

1. SCATTER PLOT OF ACTUAL OBSERVATIONS
2. PLOT OF ACTUAL TO ESTIMATED OBSERVATIONS
3. PLOT OF ACTUAL, ESTIMATED & FORECASTED OBSERVATIONS

CHOICE?3

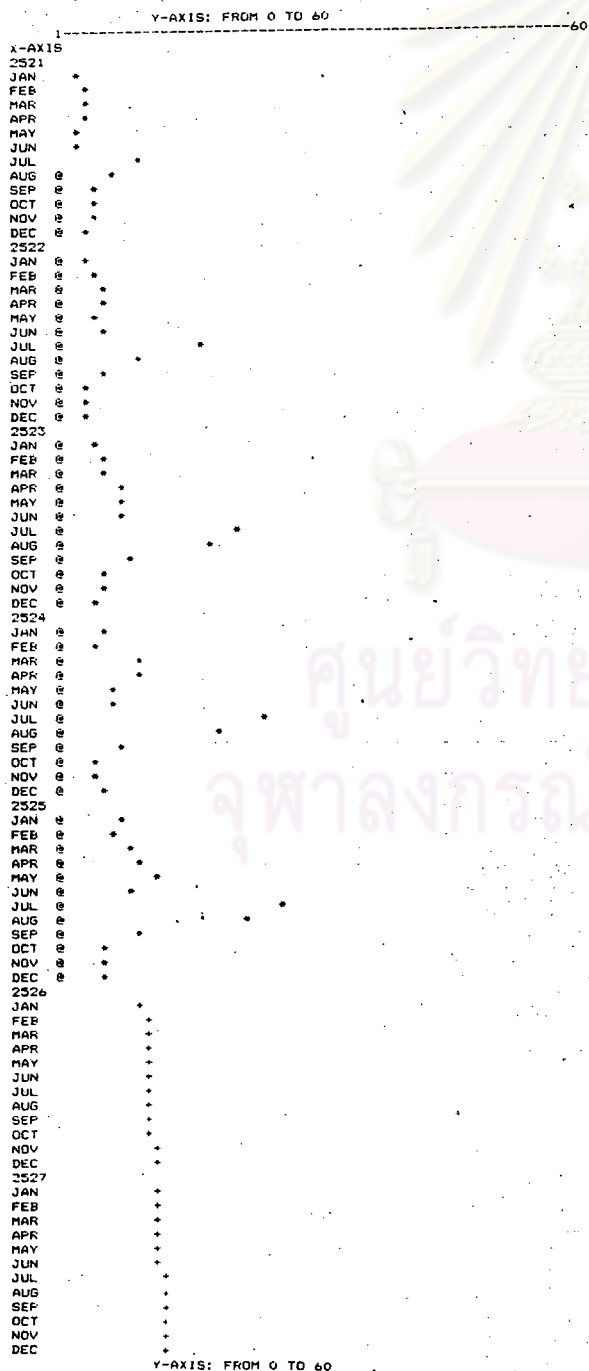
เลือกหมายเลข 3 แสดงการพล็อตค่าสังเกตและค่าพยากรณ์ล่วงหน้า ๒๔ ช่วงเวลาที่ได้
จากคำสั่ง FORCAST ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๔๔

ตารางที่ ๔๔ แสดงการพล็อตค่าสังเกตและค่าพยากรณ์ที่ได้จากคำสั่ง FORCAST หลังการใช้

REGRESSION ในโปรแกรม TSER3

FOR ACTUAL OBSERVATIONS SPECIFY:
LOWEST VALUE?1
HIGHEST VALUE?60

OBSERVATIONS ARE SCALED TO A RANGE OF FROM 1 TO 60.
THUS 0 IS EQUIVALENT TO 1 AND 60 IS EQUIVALENT TO 60.



ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

- ในที่นี้ * หมายถึง คำสั่งเกตุ
 + หมายถึง คำพยากรณ์ (ที่ใช้คำสั่ง FORECAST หลังคำสั่ง REGRESSION)

๔.๖.๔ การใช้คำสั่ง MOVING AVERAGE ในโปรแกรม TSER3

คำสั่ง MOVING AVERAGE เป็นคำสั่งที่ใช้ในการวิเคราะห์อนุกรมเวลาแบบคลาสสิก (Classical Time Series Analysis) เพื่อที่จะศึกษาการเคลื่อนไหวของเหตุการณ์ในอดีต ที่จะนำมาพยากรณ์ข้อมูลในอนาคต โดยใช้วิธีการเฉลี่ยเคลื่อนที่ และสามารถแยกแยะเหตุการณ์ 4 เหตุการณ์ที่เกิดขึ้นในอนุกรมเวลา ดังนี้

๑. แนวโน้ม (Secular trend; T)
๒. การเปลี่ยนแปลงตามฤดูกาล (Seasonal variation; S)
๓. วัฏจักร (Cycles; C)
๔. การรบกวนลุ่ม (Irregular; I)

วิธีการโดยป้อนคำสั่ง MOVING AVERAGE แล้วกด RETURN

CHOOSE ONE OF THE FOLLOWING OPERATIONS:

PLOT
 REGRESSION
 MOVING AVERAGE
 EXPONENTIAL SMOOTHING
 FORECAST
 PRINTER ON
 CRT ON

CHOICE?MOVING AVERAGE

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๔๔

ตารางที่ ๔๔ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง MOVING AVERAGE ในโปรแกรม TSER3

DO YOU WANT A TABLE OF INTERMEDIATE VALUES ON WHICH
'RATIO-TO-MOVING-AVERAGES' ARE BASED BEFORE CALCULATING
SEASONAL INDICES? REPLY 'YES' OR 'NO'. (ก)
? YES

OBSER. NUMBER	ACTUAL TO VALUE (TXSXCI)	12 PERIOD MOV. TOTAL	2 12 PERIOD MOV. TOTAL	CENTERED 12 PERIOD MOV. AVG. (TXCX1)	RATIO OF ACTUAL TO MOV. AVG.
1	2.5				
2	3.1				
3	3.3				
4	3				
5	2.9				
6	2.8				
7	9.7	45.3	90.3	3.7625	2.57807309
8	5.5	45	90	3.75	1.46666667
9	3.8	45	90.8	3.78333333	1.09440529
10	3.1	45.8	92.6	3.85833333	.803455723
11	3	46.8	94.5	3.9375	.761904762
12	2.6	47.7	96.9	4.0375	.643962848
13	2.2	49.2	104.1	4.3375	.507204611
14	3.1	54.9	112.5	4.6875	.661333333
15	4.1	57.6	116.1	4.8375	.84754522
16	4	58.5	116.1	4.83750001	.826873385
17	3.8	57.6	114.6	4.77500001	.795811518
18	4.3	57	113.5	4.72916667	.909251101
19	15.4	56.5	113.9	4.74583334	3.24495171
20	8.2	57.4	115.9	4.82916667	1.69801553
21	4.7	58.5	117.3	4.8875	.961636828
22	2.2	58.8	119.8	4.99166667	.440734557
23	2.4	61	124.3	5.17916667	.463395012
24	2.1	63.3	128.5	5.35416667	.392217899
25	3.1	65.2	134.8	5.61666667	.551928783
26	4.2	69.6	147.8	6.15833333	.682002706
27	4.4	78.2	159.3	6.6375	.662900188
28	6.2	81.1	164.2	6.84166667	.906211937
29	6.1	83.1	167.9	6.99583333	.871947588
30	6.2	84.8	171.3	7.1375	.868651488
31	19.8	86.5	174.4	7.26666667	2.72477064
32	16.8	87.9	175.1	7.29583334	2.30268418
33	7.6	87.2	178.5	7.4375	1.02184874
34	4.2	91.3	184.6	7.69166667	.546045504
35	4.1	93.3	186	7.75	.529032258
36	3.8	92.7	184.9	7.70416667	.493239589
37	4.5	92.2	186.7	7.77916667	.578468131
38	3.5	94.5	189.3	7.8875	.443740095
39	8.5	94.8	188	7.83333334	1.08510638
40	8.2	93.2	185.5	7.72916667	1.06091644
41	5.5	92.3	184.4	7.68333334	.715835141
42	5.7	92.1	184.7	7.69583334	.74066053
43	22.1	92.6	187	7.79166667	2.83636364
44	17.1	94.4000001	190.8	7.95000001	2.15094339
45	6	96.4000001	192.2	8.00833334	.749219562
46	3.3	95.8000001	191.4	7.975	.413793103
47	3.9	95.6	195.7	8.15416667	.478283086
48	4.3	100.1	201.6	8.4	.511904762
49	6.3	101.5	204.9	8.5375	.737920937
50	5.5	103.4	209.7	8.7375	.629470672
51	7.9	106.3	215.1	8.9625	.881450488
52	8	108.8	218.7	9.1125	.877914952
53	10	109.9	220	9.16666667	1.09090909
54	7.1	110.1	220.5	9.1875	.772789116
55	24				
56	20				
57	8.5				
58	4.4				
59	4.1				
60	4.6				

ตารางที่ ๔๔ (ต่อ)

SPECIFIC SEASONALS PRINTED? 'YES' OR 'NO'.
'YES'

SPECIFIC SEASONALS: (ข)

YEAR	JUL	AUG	SEP	OCT	NOV	DEC
2521	2.57807309	1.46666667	1.00440529	.803455723	.761904762	.643962848
2522	3.24495171	1.69801553	.961636828	.440734557	.463395012	.392217899
2523	2.72477064	2.30268418	1.02184874	.546045504	.529032258	.493239589
2524	2.83636364	2.15094339	.749219562	.413793103	.478283086	.511904762

YEAR	JAN	FEB	MAR	APR	MAY	JUN
2522	.507204611	.661333333	.84754522	.826873385	.795811518	.909251101
2523	.551928783	.682002706	.662900188	.906211937	.871947588	.868651488
2524	.578468131	.443740095	1.08510638	1.06091644	.715835141	.74066053
2525	.737920937	.629470672	.881450488	.877914952	1.09090909	.772789116

SEASONAL INDICES PRINTED? 'YES' OR 'NO'.
'YES'

SEASONAL INDICES:

PERIOD	INDEX
1ST	.59481755
2ND	.605089816
3RD	.870621941
4TH	.919427427
5TH	.86999622
6TH	.824136207
7TH	2.85052982
8TH	1.90758219
9TH	.935751565
10TH	.551876517
11TH	.55903435
12TH	.511136397

(ก)

ศูนย์ทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๔๔ (ต่อ)

PRINTED TABLE OF INTERMEDIATE VALUES BEFORE
PROCEEDING? 'YES' OR 'NO'.
'YES'

(ง)

LINEAR FORECASTING EQUATION IS: $Y = 3.07022596 + .11316199 * X$.

OBSER. NUMBER	ACTUAL VALUE (TXSXCI)	TREND (T)	SEASONAL INDEX (S)	(TXS)	(CXI)
1	2.5	3.18338795	.59481755	1.89353502	1.32028189
2	3.1	3.29654994	.605089816	1.9947088	1.55411156
3	3.3	3.40971193	.870621941	2.96857002	1.11164634
4	3	3.52287392	.919427427	3.2390269	.926204101
5	2.9	3.63603591	.86999622	3.16333749	.916753273
6	2.8	3.7491979	.824136207	3.08984974	.906192934
7	9.7	3.86235989	2.85052982	11.009772	.8810355
8	5.5	3.97552188	1.90758219	7.58363475	.725245899
9	3.8	4.08868387	.935751565	3.82599233	.993206382
10	3.1	4.20184586	.551876517	2.31890006	1.33684071
11	3	4.31500785	.55903435	2.41223761	1.24365858
12	2.6	4.42816984	.511136397	2.26339878	1.14871494
13	2.2	4.54133183	.59481755	2.70126387	.814433578
14	3.1	4.65449382	.605089816	2.81638681	1.10070108
15	4.1	4.76765581	.870621941	4.15082576	.987755266
16	4	4.8808176	.919427427	4.48755775	.891353431
17	3.8	4.9939798	.86999622	4.34474354	.874620093
18	4.3	5.10714179	.824136207	4.20898046	1.02162508
19	15.4	5.22030377	2.85052982	14.8806316	1.03490231
20	8.2	5.33346577	1.90758219	10.1740243	.80597409
21	4.7	5.44662776	.935751565	5.09669045	.922167051
22	2.2	5.55978975	.551876517	3.0683174	.717005353
23	2.4	5.67295174	.55903435	3.17137488	.756769568
24	2.1	5.78611373	.511136397	2.95749332	.710060774
25	3.1	5.89927572	.59481755	3.50899273	.883444407
26	4.2	6.01243771	.605089816	3.63806483	1.15445991
27	4.4	6.1255997	.870621941	5.3330815	.825038958
28	6.2	6.23876169	.919427427	5.73608861	1.08087591
29	6.1	6.35192368	.86999622	5.52614959	1.10384272
30	6.2	6.46508567	.824136207	5.32811118	1.16363938
31	19.8	6.57824766	2.85052982	18.7514911	1.05591603
32	16.8	6.69140965	1.90758219	12.7644139	1.31615914
33	7.6	6.80457164	.935751565	6.36738856	1.19358194
34	4.2	6.91773363	.551876517	3.81773474	1.10012881
35	4.1	7.03089563	.55903435	3.93051216	1.04312106
36	3.8	7.14405761	.511136397	3.65158787	1.04064318
37	4.5	7.2572196	.59481755	4.31672158	1.04245778
38	3.5	7.37038159	.605089816	4.45974284	.784798613
39	8.5	7.48354359	.870621941	6.51533724	1.30461397
40	8.2	7.59670558	.919427427	6.98461946	1.17400813
41	5.5	7.70986757	.86999622	6.70755564	.819970836
42	5.7	7.82302955	.824136207	6.4472419	.884098981
43	22.1	7.93619155	2.85052982	22.6223506	.976909976
44	17.1	8.04935354	1.90758219	15.3548035	1.11365802
45	6	8.16251553	.935751565	7.63808668	.78553704
46	3.3	8.27567752	.551876517	4.56715209	.722550933
47	3.9	8.38883951	.55903435	4.68964944	.831618664
48	4.3	8.5020015	.511136397	4.34568241	.989487862
49	6.3	8.61516349	.59481755	5.12445044	1.22940012
50	5.5	8.72832548	.605089816	5.28142086	1.04138643
51	7.9	8.84148747	.870621941	7.69759298	1.02629485
52	8	8.95464946	.919427427	8.23315031	.971681519
53	10	9.06781145	.86999622	7.88896168	1.26759394
54	7.1	9.18097345	.824136207	7.56637263	.938362455
55	24	9.29413543	2.85052982	26.4932102	.905892486
56	20	9.40729742	1.90758219	17.9451931	1.11450459
57	8.5	9.52045941	.935751565	8.90878479	.954114416
58	4.4	9.6336214	.551876517	5.31656943	.827601343
59	4.1	9.74678339	.55903435	5.44878672	.752461092
60	4.6	9.85994539	.511136397	5.03977696	.912738805

ตารางที่ ๔๔ (ต่อ)

SMOOTH IRREGULAR COMPONENT BY MOVING AVERAGES?
REPLY 'YES' OR 'NO'.

?YES

THIS PROGRAM HAS BEEN MODIFIED TO USE
ONLY 3 PERIODS IN YOUR MOVING AVERAGE
TO CALCULATE YOUR CYCLICAL RELATIVE.

(จ)

OBSE. NUMBER	(CX1)	3 PERIOD MOV. TOTAL	CYCLICAL RELATIVE (C)
1	1.32028189		
1	1.55411156	3.9860398	1.32867993
2	1.11164634	3.591962	1.19732067
3	.926204101	2.95460372	.984867905
4	.916753273	2.74915031	.916383436
5	.906192934	2.70398171	.901327236
6	.8810355	2.51247433	.837491444
7	.725245899	2.59948778	.866495927
8	.993206382	3.05529299	1.018431
9	1.33684071	3.57370567	1.19123522
10	1.24365858	3.72921423	1.24307141
11	1.14871494	3.2068071	1.0689357
12	.814433578	3.0638496	1.0212832
13	1.10070108	2.90288992	.967629974
14	.987755266	2.97980978	.993269925
15	.891353431	2.75372879	.917909597
16	.874620093	2.78759861	.929199535
17	1.02162508	2.93114748	.977049162
18	1.03490231	2.86250148	.954167161
19	.80597409	2.76304345	.921014484
20	.922167051	2.44514649	.815048831
21	.717005353	2.39594197	.798647324
22	.756769568	2.1838357	.727945232
23	.710060774	2.35027475	.783424917
24	.883444407	2.74796509	.915988364
25	1.15445991	2.86294328	.954314426
26	.825038958	3.06037478	1.02012493
27	1.08087591	3.00975759	1.00325253
28	1.10384272	3.34835802	1.11611934
29	1.16363938	3.32339813	1.10779938
30	1.05591603	3.53571455	1.17857152
31	1.31615914	3.56565711	1.18855237
32	1.19358194	3.6098699	1.20328996
33	1.10012881	3.33683182	1.11227727
34	1.04312106	3.18389305	1.06129768
35	1.04064318	3.12622201	1.04207401
36	1.04245778	2.86789957	.955966524
37	.784798613	3.13187037	1.04395679
38	1.30461397	3.26342071	1.0878069
39	1.17400813	3.29859294	1.09953098
40	.819970836	2.87807794	.959359315
41	.884098981	2.68097979	.893659931
42	.976909976	2.97466698	.991555658
43	1.11365802	2.87610503	.958701678
44	.78553704	2.62174599	.87391533
45	.722550933	2.33970664	.779902212
46	.831618664	2.54365746	.84788582
47	.989487862	3.05050665	1.01683555
48	1.22940012	3.26027441	1.08675814
49	1.04138643	3.2970814	1.09902713
50	1.02629485	3.03936279	1.01312093
51	.971681519	3.26557031	1.08852343
52	1.26759394	3.17763791	1.05921264
53	.938362455	3.11184888	1.03728296
54	.905892486	2.95875953	.986253177
55	1.11450459	2.97451149	.99150383
56	.954114416	2.89622035	.965406783
57	.827601343	2.53417685	.844725617
58	.752461092	2.49280124	.830933747
60	.912738805		

ตารางที่ ๔๔ (ต่อ)

PRINTED TABLE OF ACTUAL OBSERVATIONS, COMPONENTS OF ESTIMATED OBSERVATIONS, ESTIMATES AND ERRORS FOR (๑)
ESTIMATES? REPLY 'YES' OR 'NO'.
?YES

OBSER. NUMBER	ACTUAL (TXSXCX1)	(T)	(TXS)	(TXSXC)	ESTIMA ERROR
1	2.5	3.18338795	1.89353502		
2	3.1	3.29654994	1.9947088	2.65032955	.449670452
3	3.3	3.40971193	2.96857002	3.55433024	-.254330236
4	3	3.52287392	3.2390269	3.19001364	-.19001364
5	2.9	3.63603591	3.16333749	2.89883008	1.16991717E-03
6	2.8	3.7491979	3.08984974	2.78496572	.0150342779
7	9.7	3.86235987	11.889772	9.22856788	.477410123
8	5.5	3.97552188	7.58363475	6.57118862	-1.07118862
9	3.8	4.08868387	3.82599233	3.89650918	-.0965091819
10	3.1	4.20184586	2.31890006	2.76235543	.337644568
11	3	4.31500785	2.41223761	2.99858361	1.41639356E-03
12	2.6	4.42816984	2.26339878	2.41942776	.180572239
13	2.2	4.54133183	2.70126387	2.75875541	-.558755411
14	3.1	4.65449382	2.81638681	2.7252203	.374779702
15	4.1	4.76765581	4.15082576	4.12289039	-.022890389
16	4	4.8808178	4.48755775	4.11917233	-.119172327
17	3.8	4.9939798	4.34474354	4.03713368	-.237133679
18	4.3	5.10714179	4.20898046	4.11238083	.18761917
19	15.4	5.22030377	14.8806316	14.19861	1.20139003
20	8.2	5.33346577	10.1740243	9.37042377	-1.17042377
21	4.7	5.44662776	5.09669045	4.15405159	.545948409
22	2.2	5.55978975	3.0683174	2.45050348	-.250503481
23	2.4	5.67295174	3.17137488	2.30858723	.0914127752
24	2.1	5.78611373	2.95749332	2.31697396	-.216973961
25	3.1	5.89927572	3.50899273	3.21419651	-.114196509
26	4.2	6.01243771	3.63806483	3.47185775	.728142253
27	4.4	6.1255997	5.3330815	5.44040938	-1.04040937
28	6.2	6.23876169	5.73608861	5.75474541	.445254592
29	6.1	6.35192368	5.52614959	6.16784242	-.0678424202
30	6.2	6.46508567	5.32811118	5.90247825	.297521751
31	19.8	6.57824766	18.7514911	22.0999733	-2.29997328
32	16.8	6.69140965	12.7644139	15.1711744	1.62882561
33	7.6	6.80457164	6.36738856	7.66181476	-.0618147571
34	4.2	6.91773363	3.81773474	4.24637958	-.046379583
35	4.1	7.03089563	3.93051216	4.17144345	-.0714434497
36	3.8	7.14405761	3.65158787	3.80522479	-5.22479415E-03
37	4.5	7.2572196	4.31672158	4.12664133	.373358676
38	3.5	7.37038159	4.45974284	4.65577882	-1.15577882
39	8.5	7.48354359	6.51533724	7.08742883	1.41257117
40	8.2	7.59670558	6.98461946	7.67980547	.520194534
41	5.5	7.70986757	6.70755564	6.43495598	-.934955975
42	5.7	7.82302955	6.4472419	5.76164176	-.0616417564
43	22.1	7.93619155	22.6223506	22.4313198	-.331319764
44	17.1	8.04935354	15.3548035	14.7206759	2.37932414
45	6	8.16251553	7.63808668	6.67504104	-.675041037
46	3.3	8.27567752	4.56715209	3.56193202	-.261932016
47	3.9	8.38883951	4.68964944	3.97628726	-.0762872566
48	4.3	8.5020015	4.34568241	4.41884437	-.118844368
49	6.3	8.61516349	5.12445044	5.56903821	.730961788
50	5.5	8.72832548	5.28142086	5.80442483	-.304424824
51	7.9	8.84148747	7.69759298	7.79859257	.101407435
52	8	8.95464946	8.23315031	8.96197705	-.96197705
53	10	9.06781145	7.88896168	8.35608791	1.64391209
54	7.1	9.18097345	7.56637263	7.8484694	-.748469396
55	24	9.29413543	26.4932102	26.1290127	-2.12901268
56	20	9.40729742	17.9451931	17.7927277	2.20727235
57	8.5	9.52045941	8.90878479	8.60060127	-.100601263
58	4.4	9.6336214	5.31656943	4.49104239	-.0910423901
59	4.1	9.74678339	5.44878672	4.52758076	-.427580761
60	4.6	9.85994539	5.03977696		

ABS. SUM OF ERROR	SUM OF SQ. ERROR	MAD	RMSE
32.6089027	40.8614475	.56222246	.839349578

จากตารางที่ ๔๔ (ก) เป็นการกำจัดแนวโน้ม (T) และวัฏจักร (C) ออกโดยใช้วิธีอัตราส่วนต่อการเฉลี่ยเคลื่อนที่ (Ratio to moving average) ๑๒ ช่วงเวลาแบบเข้าสู่ศูนย์กลาง (Centered 12 periods moving average) ซึ่งมีความหมายในแต่ละสดมภ์ (Column) ดังนี้

สดมภ์ที่ ๑ (OBSER. NUMBER) หมายถึง ช่วงเวลา (Period)

สดมภ์ที่ ๒ (ACTUAL TO VALUE) หมายถึง ค่าสังเกต

สดมภ์ที่ ๓ (12 PERIOD MOV. TOTAL) หมายถึง ค่าผลรวม ๑๒ ช่วงเวลา

สดมภ์ที่ ๔ (2 12 PERIOD MOV. TOTAL) หมายถึง ค่าผลรวม ๒๔ ช่วงเวลา

สดมภ์ที่ ๕ (CENTERED 12 PERIOD MOV. AVG.) หมายถึง ค่าเฉลี่ยเคลื่อนที่ ๑๒ ช่วงเวลา
(สดมภ์ที่ ๔ ÷ ๒๔)

สดมภ์ที่ ๖ (RATIO OF ACTUAL TO MOV. AVG.) หมายถึง ค่าอัตราส่วนต่อการเฉลี่ยเคลื่อนที่
(สดมภ์ที่ ๑ ÷ สดมภ์ที่ ๕)

จากตารางที่ ๔๔ (ข) เป็นการแสดงค่าของการเคลื่อนไหวตามฤดูกาล (Specific seasonals) เพื่อนำไปใช้คำนวณหาค่าดัชนีฤดูกาล (Seasonal index) ที่แสดงใน ตารางที่ ๔๔ (ค) โดยมีวิธีการดังตารางที่ ๕๐

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๕๐ แสดงการหาค่าของดัชนีฤดูกาลโดยใช้ค่าของการเคลื่อนไหวตามฤดูกาล (S x I) จากค่าสิ่ง MOVING AVERAGE ในโปรแกรม TSER3

เดือน ปี	มกราคม	กุมภาพันธ์	มีนาคม	เมษายน	พฤษภาคม	มิถุนายน
๒๕๒๒	.๕๐๗๒๐๔๖๑๑	.๖๖ ๑๓๓๓๓๓๓	.๘๔๗ ๕๔ ๕๒๒	.๘๒๖๘๗๓๓๘๕	.๗๙๕๕๑๑๕๑๘	.๙๐ ๙๒๕๑๑๐ ๑
๒๕๒๓	.๕๕๑๙๒๘๗๘๓	.๖๘๒๐๐๒๗๐๖	.๖๖๒๙๐๐ ๑๘๘	.๙๐๖๒๑๑๙๓๗	.๘๗๑๙๔๗๕๘๘	.๘๖๘๖๕๑๔๘๘
๒๕๒๔	.๕๗๘๖๘๑๓๑	.๔๔๓๗๔๐๐๙๕	๑.๐๘๕๑๐๖๓๘	๑.๐๖๐๙๑๖ ๔๔	.๗๑๕๘๓๕๑๔๑	.๗ ๔๐๖๖๐๕๓
๒๕๒๕	.๗๓๗๙๒๐ ๙๓๗	.๖๒๙๔๗๐๖๗๒	.๘๘๑๔๕๐๕๘๘	.๘๗๗๙๑๔๙๕๒	๑.๐๙๐๙๐๙๐๙	.๗๗๒๗๘๙๑๖
ค่าเฉลี่ย	.๕๙๓๘๘๐๖ ๑๕	.๖๐๔๑๒๖ ๙๑๕	.๘๖ ๙๒๕๐๕๔๙	.๙๑๘๒๘๗๘๒	.๘๖๘๖๒๕๘๓๔	.๘๒๒๘๓๘๐๕๘
ดัชนีฤดูกาล*	.๕๙๔๘๑๗๕๕	.๖๐๕๐๘๙๘ ๑๖	.๘๗๐๖๒๑๙๔๑	.๙๑๙๔๒๗ ๔๒๗	.๘๖๙๙๙๖๒๒	.๘๒๔๑๓๖๒๐๗

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๕๐ (ต่อ)

ปี	เดือน					
	กรกฎาคม	สิงหาคม	กันยายน	ตุลาคม	พฤศจิกายน	ธันวาคม
๒๕๒๑	๒.๕๗๘๐๗๓๐๙	๑.๕๖๖๖๖๖๖๗	๑.๐๐๔๔๐๕๒๙	.๘๐๓๔๕๕๗๒๓	.๗๖๑๙๐๔๗๖๒	.๖๔๓๙๖๒๘๘๘
๒๕๒๒	๓.๒๔๔๙๕๑๗๑	๑.๖๙๘๐๑๕๕๓	.๙๖๑๖๓๖๘๒๘	.๔๔๐๗๓๔๕๕๗	.๕๖๓๓๙๕๐๑๒	.๓๙๒๒๑๗๘๙๙
๒๕๒๓	๒.๗๒๔๗๗๐๖๔	๒.๓๐๒๖๘๔๑๘	๑.๐๒๑๘๔๘๗๔	.๕๕๖๐๔๕๕๐๔	.๕๒๙๐๓๒๒๕๘	.๔๙๓๒๓๙๕๘๙
๒๕๒๔	๒.๘๓๖๓๖๓๖๔	๒.๑๕๐๙๔๓๓๙	.๗๔๙๒๑๙๕๖๒	.๔๑๓๗๙๓๑๐๓	.๔๗๘๒๘๓๐๘๖	.๕๑๑๙๐๔๗๖๒
ค่าเฉลี่ย	๒.๘๖๐๓๙๗๗	๑.๙๐๔๕๗๗๔๔๓	.๙๓๔๒๗๗๖๐๕	.๕๕๑๐๐๗๒๒๑	.๕๕๕๙๙๗๖๖	.๕๑๑๐๘๑๗๙๔
ดัชนีฤดูกาล *	๒.๘๕๐๕๒๙๘๒	๑.๙๐๗๕๘๒๑๙	.๙๓๕๗๕๑๕๖๕	.๕๕๑๘๗๖๕๑๗	.๕๕๙๐๓๔๓๕	.๕๑๑๑๖๓๙๗

ผลรวมค่าเฉลี่ย = ๑๑.๙๗๙๙๖๙๔๗

ค่าปรับแก้ (Adjustment factor) = $๑๒ \div ๑๑.๙๗๙๙๖๙๔๗ = ๑.๐๐๑๖๗๒๐๐๒$

* ดัชนีฤดูกาล (Seasonal index) = ค่าเฉลี่ย x ค่าปรับแก้

จากตารางที่ ๔๔ (ง) แสดงค่าแนวโน้ม (T) ที่คำนวณจากสมการ

$$Y = 3.07022596 + 0.11316199 * X \quad (X \text{ คือช่วงเวลา})$$

ซึ่งมีความหมายในแต่ละสดมภ์ดังนี้

สดมภ์ที่ ๓ (TREND ; T) หมายถึง ค่าแนวโน้ม

สดมภ์ที่ ๔ (SEASONAL INDEX ; S) หมายถึง ค่าดัชนีฤดูกาล

สดมภ์ที่ ๕ (T x S) หมายถึง ค่าประมาณ (สดมภ์ที่ ๓ x สดมภ์ที่ ๔)

จากตารางที่ ๔๔ (จ) แสดงการหาค่าวัฏจักร (C) โดยการเฉลี่ยเคลื่อนที่ ๓ ช่วงเวลา
ซึ่งมีความหมายในแต่ละสดมภ์ดังนี้

สดมภ์ที่ ๓ (3 PERIOD MOV. TOTAL) หมายถึง ผลรวม ๓ ช่วงเวลา

สดมภ์ที่ ๔ (CYCLICAL RELATIVE) หมายถึง ค่าวัฏจักร (C) (สดมภ์ที่ ๓ ÷ ๓)

จากตารางที่ ๔๔ (ฉ) แสดงการหาค่าประมาณและค่าประมาณความคลาดเคลื่อน
(Error of estimates) ในการวิเคราะห์อนุกรมเวลาโดยวิธีเฉลี่ยเคลื่อนที่ ซึ่งมีความหมาย
ดังนี้

สดมภ์ที่ ๖ (ESTIMATE ERROR) หมายถึง ค่าประมาณความคลาดเคลื่อน (สดมภ์ที่ ๒ - สดมภ์ที่ ๕)

ศูนย์วิทยพัชการ
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

๔.๖.๕ การใช้คำสั่ง FORECAST หลังคำสั่ง MOVING AVERAGE ในโปรแกรม TSER3

CHOOSE ONE OF THE FOLLOWING OPERATIONS:

PLOT
REGRESSION
MOVING AVERAGE
EXPONENTIAL SMOOTHING
FORECAST
PRINTER ON
CRT ON

CHOICE?FORECAST

CHOOSE BY NUMBER FROM THE FOLLOWING:

1. NAIVE FORECASTS
2. TEST ESTIMATES
3. FORECASTS

CHOICE?3

READY FOR FINAL FORECAST? REPLY 'YES' OR 'NO'.

?YES

ENTER NUMBER OF OBSERVATIONS IN FORECAST.

?24

FORECAST FOR NEXT 24 OBSERVATIONS.

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๕๑

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๕๑ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง FORECAST ที่ใช้คำสั่ง MOVING AVERAGE ในโปรแกรม

TSER3

FORECAST FOR NEXT 24 OBSERVATIONS

OBSERVATION	TREND VALUE	SEASONAL INDEX	FORECAST
61	9.97310738	.59481755	5.93217929
62	10.0862694	.605089816	6.10309888
63	10.1994314	.870621941	8.87984872
64	10.3125933	.919427427	9.48168117
65	10.4257553	.86999622	9.07036773
66	10.5389173	.824136207	8.68550336
67	10.6520793	2.85052982	30.3640697
68	10.7652413	1.90758219	20.5355826
69	10.8784033	.935751565	10.1794829
70	10.9915653	.551876517	6.06598677
71	11.1047273	.55903435	6.20792399
72	11.2178893	.511136397	5.73387151
73	11.3310513	.59481755	6.73990814
74	11.4442133	.605089816	6.92477689
75	11.5573752	.870621941	10.0621045
76	11.6705372	.919427427	10.730212
77	11.7836992	.86999622	10.2517738
78	11.8968612	.824136207	9.80463408
79	12.0100232	2.85052982	34.2349293
80	12.1231852	1.90758219	23.1259722
81	12.2363472	.935751565	11.450181
82	12.3495092	.551876517	6.81540411
83	12.4626712	.55903435	6.96706127
84	12.5758332	.511136397	6.42796605

จากตารางที่ ๕๑ แสดงค่าพยากรณ์ล่วงหน้า ๒๔ ช่วงเวลา (สัปดาห์ที่ ๔) โดยการนำค่า
แนวโน้ม (สัปดาห์ที่ ๒) คูณกับค่าดัชนีฤดูกาล (สัปดาห์ที่ ๓)
ถ้าต้องการพล็อตค่าพยากรณ์ใช้คำสั่ง PLOT

๔.๖.๖ การใช้คำสั่ง PLOT หลังคำสั่ง FORECAST ที่ได้จากคำสั่ง MOVING AVERAGE

ในโปรแกรม TSER3

CHOOSE ONE OF THE FOLLOWING OPERATIONS:

PLOT
REGRESSION
MOVING AVERAGE
EXPONENTIAL SMOOTHING
FORECAST
PRINTER ON
CRT ON

CHOICE?PLOT

CHOOSE BY NUMBER FROM THE FOLLOWING :

1. SCATTER PLOT OF ACTUAL OBSERVATIONS
2. PLOT OF ACTUAL TO ESTIMATED OBSERVATIONS
3. PLOT OF ACTUAL, ESTIMATED & FORECASTED OBSERVATIONS

CHOICE?3

ผลลัพธ์ที่ได้ดังตารางที่ ๔๒

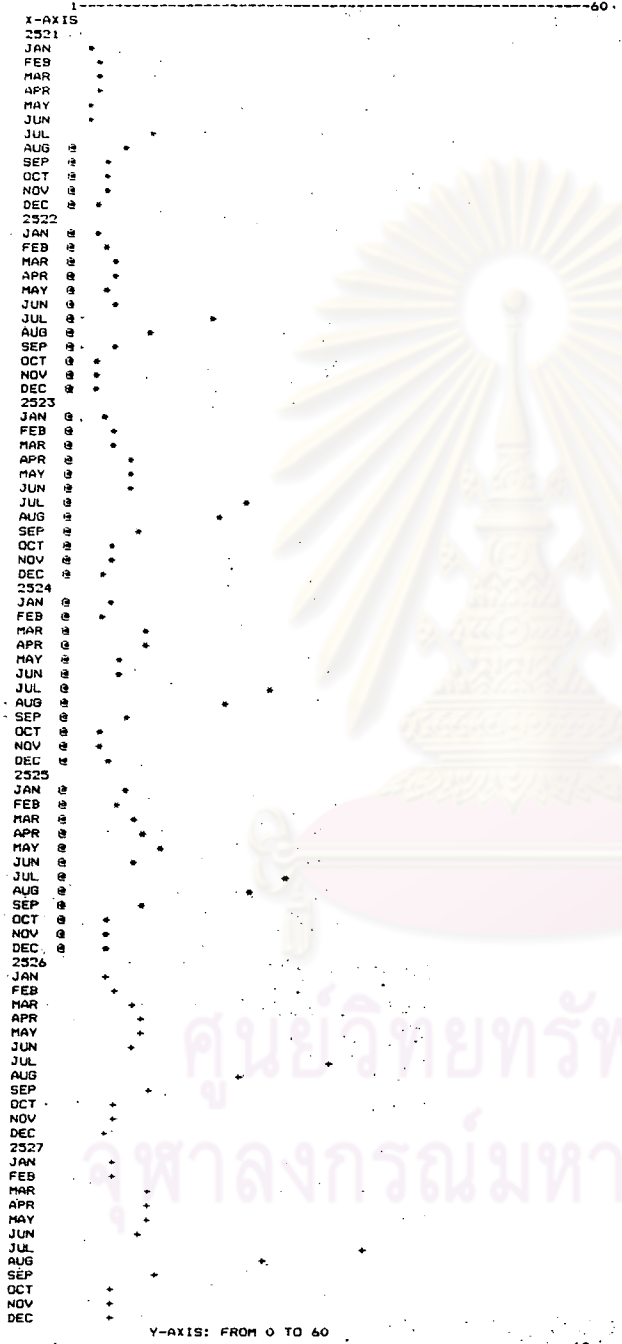
ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๕๒ แสดงการพล็อตค่าสังเกตและค่าพยากรณ์ที่ได้จากค่าสังเกต FORECAST

หลังการใช้ค่าสังเกต moving average ในโปรแกรม TSER3

OBSERVATIONS ARE SCALED TO A RANGE OF FROM 1 TO 60. THUS 0 IS EQUIVALENT TO 1 AND 60 IS EQUIVALENT TO 60.

Y-AXIS: FROM 0 TO 60



ศูนย์วิจัยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

- ในที่นี้
- * หมายถึง ค่าสังเกต
 - + หมายถึง ค่าพยากรณ์ (ที่ใช้ค่าสังเกต (FORECAST หลังค่าสังเกต MOVING AVERAGE))



๔.๗ การวิเคราะห์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลโดยใช้คำสั่ง EXPONENTIAL SMOOTHING ในโปรแกรม TSER3

คำสั่ง EXPONENTIAL SMOOTHING ในโปรแกรม TSER3 เป็นคำสั่งที่ใช้พยากรณ์ข้อมูลอนุกรมเวลาในช่วงสั้น ๆ (๑ ช่วงเวลาล่วงหน้า) โดยให้นำหนักของข้อมูลที่เวลา t มาก และให้นำหนักของข้อมูลก่อนหน้าเวลา t ลดลงเรื่อย ๆ แบบอนุกรมเรขาคณิต คำสั่งนี้เป็นคำสั่งที่ใช้พยากรณ์ข้อมูลด้วยแนวโน้ม (forecast with trend) โดยมีวิธีการคำนวณหาดังนี้

๑. คำนวณค่าทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียล (\hat{X}_t) จากสมการ

$$\hat{X}_t = \alpha X_t + (1-\alpha)\hat{X}_{t-1}$$

โดยที่ \hat{X}_t คือ ค่าที่ทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียลในช่วงเวลาที่ t

X_t คือ ค่าสังเกตในช่วงเวลาที่ t

\hat{X}_0 คือ ค่าเริ่มต้นในกรณีที่ $t=1$ ในคำสั่งนี้ใช้ค่าเฉลี่ยของค่าสังเกตใน ๑๒ ช่วงเวลาแรก

α คือ ค่าคงที่ที่ทำให้เรียบ (Smoothing constant), $0 < \alpha < 1$

t คือ ช่วงเวลา (Period)

๒. คำนวณค่าเปลี่ยนแปลงจากการทำให้เรียบ (C_t) จากสูตร

$$C_t = \hat{X}_t - \hat{X}_{t-1}$$

๓. คำนวณค่าแนวโน้มโดยการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียล (T_t) จากสูตร

$$T_t = \alpha C_t + (1-\alpha)T_{t-1}$$

๔. คำนวณค่าประมาณ (ค่าพยากรณ์) (\hat{X}_t^*) จากสูตร

$$\hat{X}_t^* = \hat{X}_{t-1} + \frac{1-\alpha}{\alpha} T_{t-1}$$

๕. คำนวณค่าประมาณความคลาดเคลื่อน (E_t) จากสูตร

$$E_t = \hat{X}_t^* - X_t$$

ในการวิเคราะห์โดยใช้เทคนิคการทำให้เรียบแบบเอกซ์โปเนนเชียล จะเลือกค่าคงที่ทำให้เรียบ (α) ที่ทำให้ผลบวกกำลังสองของความคลาดเคลื่อนน้อยที่สุด เพื่อนำไปใช้พยากรณ์ข้อมูลอนุกรมเวลาในช่วงเวลาต่อไป วิธีการใช้คำสั่ง EXPONENTIAL SMOOTHING โดยกำหนดให้ $\alpha = 0.1, 0.2, \dots, 0.9$ ดังนี้

CHOOSE ONE OF THE FOLLOWING OPERATIONS:
 PLOT
 REGRESSION
 MOVING AVERAGE
 EXPONENTIAL SMOOTHING
 FORECAST
 PRINTER ON
 CRT ON

CHOICE?EXPONENTIAL SMOOTHING

ศูนย์วิทยทรัพยากร
 จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ ๔๓ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง EXPONENTIAL SMOOTHING ในโปรแกรม TSER3 โดยกำหนด $\alpha = 0.1$

GIVE A VALUE BETWEEN 0 AND 1 FOR SMOOTHING CONSTANT
2.1

DATA INITIALIZED FOR 1ST YEAR, 1ST AVERAGE IS
AVERAGE OF 1ST YEARS DATA
1ST ACTUAL NUMBER IS FOR BEGINNING OF 2ND YEAR

ACTUAL VALUE	AVERAGE	CHANG IN AVERAGE	TREND	FORECAST	ERROR IN FORECAST
	3.775				
2.2	3.6175	-.157500001	-.0157500001	0	0
3.1	3.56575	-.0517500006	-.0193500001	3.47575	.375749999
4.1	3.619175	.053425	-.0120725001	3.3916	-.708400003
4	3.6572575	.0386825	-7.05700009E-03	3.5105225	-.489477502
3.8	3.67153175	.0142742498	-4.9238751E-03	3.5937445	-.206255502
4.3	3.73437858	.0628468245	1.85319486E-03	3.62721687	-.672783129
15.4	4.90094072	1.16656214	.11832409	3.75105733	-11.6489427
8.2	5.23084664	.329905929	.139482274	5.96585752	-2.23414248
4.7	5.17776198	-.053084664	.12022558	6.48618711	1.78618711
2.2	4.87998578	-.297776198	.078425402	6.2597922	4.0597922
2.4	4.6319872	-.247998578	.0457830039	5.5858144	3.1858144
2.1	4.37878848	-.253198721	.0158848315	5.04403424	2.94403424
3.1	4.25090963	-.127878848	1.50846347E-03	4.52175197	1.42175197
4.2	4.24581867	-5.0909631E-03	8.4852081E-04	4.26448581	.0644858051
4.4	4.2612368	.0154181328	2.305482E-03	4.25345536	-.146544643
6.2	4.45511312	.193876319	.0214625657	4.28198614	-1.91801386
6.1	4.61960181	.164488688	.0357651779	4.64827622	-1.45172379
6.2	4.77764163	.158039818	.0479926419	4.94148841	-1.25851159
19.8	6.27987747	1.50223584	.193416961	5.20957541	-14.5904246
16.8	7.33188972	1.05201225	.27927649	8.02063012	-8.77936988
7.6	7.35870075	.0268110279	.254029944	9.84537813	2.24537813
4.2	7.04283067	-.315870075	.197039942	9.64497024	5.44497024
4.1	6.7485476	-.294283068	.147907641	8.81619015	4.71619015
3.8	6.45369284	-.29485476	.103631401	8.07971637	4.27971638
4.5	6.25832356	-.195369285	.0737313326	7.38637546	2.88637545
3.5	5.9824912	-.275832357	.0387749636	6.92190555	3.42190555
8.5	6.23424208	.251750879	.0600725551	6.33146588	-2.16853413
8.2	6.43081787	.196575791	.0737228787	6.77489508	-1.42510492
5.5	6.33773608	-.0930817872	.0570424121	7.09432378	1.59432378
5.7	6.27396248	-.0637736097	.0449608099	6.85111779	1.15111779
22.1	7.85656623	1.58260375	.198725104	6.67860976	-15.4213903
17.1	8.7899096	.924343375	.271286931	9.64509217	-7.45490784
6	8.50281864	-.278090961	.216349142	11.222492	5.22249199
3.3	7.98253678	-.520281864	.142686041	10.4499609	7.14996092
3.9	7.5742831	-.408253679	.0875920693	9.26671115	5.36671115
4.3	7.24685478	-.327428311	.0460900312	8.36261172	4.06261172
5.3	7.15216931	-.09468548	.0320124801	7.66166507	1.36166507
5.5	6.98695238	-.165216932	.0122895389	7.44028163	1.94028163
1.9	7.07825714	.0913047623	.0201910612	7.09755823	-.802441778
1	7.17043143	.092174286	.0273893837	7.25997669	-.740023313
0	7.45338828	.282956857	.052946131	7.41693588	-2.58306413
1.1	7.41804945	-.0353388283	.0441176351	7.92990346	.829903459
4	9.07624451	1.65819506	.205525377	7.81510817	-16.1848918
0	10.1686201	1.09237555	.294210394	10.9259729	-9.0740271
.5	10.0017581	-.166862007	.248103154	12.8165136	4.3165136
.4	9.44158224	-.560175806	.167275258	12.2346864	7.83468643
.1	8.90742402	-.534158226	.0971319095	10.9470596	6.84705956
.6	8.47668161	-.430742402	.0443444784	9.7816112	5.1816112

SUM OF SQUARE ERROR IN FORECAST 1515.12363

8.87578192

ตารางที่ ๔๔ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง EXPONENTIAL SMOOTHING ในโปรแกรม TSER3 โดยกำหนด $\alpha = 0.2$

GIVE A VALUE BETWEEN 0 AND 1 FOR SMOOTHING CONSTANT
?.2

DATA INITIALIZED FOR 1ST YEAR, 1ST AVERAGE IS
AVERAGE OF 1ST YEARS DATA
1ST ACTUAL NUMBER IS FOR BEGINNING OF 2ND YEAR

ACTUAL VALUE	AVERAGE	CHANG IN AVERAGE	TREND	FORECAST	ERROR IN FORECAST
	3.775				
2.2	3.46	-.314999999	-.062999999	0	0
3.1	3.398	-.071999999	-.064799999	3.208	.108000001
4.1	3.5304	.1424	-.023359999	3.1288	-.971199999
4	3.62432	.093919999	9.6000094E-05	3.43696	-.563039999
3.8	3.659456	.0351360003	7.10400013E-03	3.624704	-.175295999
4.3	3.7875648	.1281088	.0313049602	3.687872	-.612128
15.4	6.11005184	2.32248704	.489541376	3.91278464	-11.4872154
8.2	6.52804148	.417989632	.475231027	8.06821735	-.131782655
4.7	6.16243318	-.365608294	.307063163	8.42896559	3.72896559
2.2	5.36994655	-.792486636	.0871532033	7.39068584	5.19068583
2.4	4.77595723	-.593989309	-.0490752992	5.71855936	3.31855936
2.1	4.24076579	-.535191447	-.146298529	4.57965604	2.47965604
3.1	4.01261263	-.228153158	-.162669455	3.65557168	.555571673
4.2	4.05009011	.0374774747	-.122640069	3.36193481	-.838065187
4.4	4.12007208	.0699819792	-.0841156591	3.55952983	-.840470171
6.2	4.53605767	.415985582	.0159045892	3.78360945	-2.41639055
6.1	4.84884614	.312788468	.0752813649	4.59967602	-1.50032398
6.2	5.11907691	.270230774	.114271247	5.1499716	-1.05002841
19.8	8.05526153	2.93618462	.678653921	5.5761619	-14.2238381
16.8	9.80420922	1.7489477	.892712676	10.7698772	-6.03012279
7.6	9.36336738	-.440841842	.626001772	13.3750599	5.77505993
4.2	8.33069391	-1.03267348	.294266723	11.8673745	7.66737447
4.1	7.46455513	-.846136781	.0661856222	9.5077606	5.4077606
3.8	6.7476441	-.736911025	-.0944337073	7.74929762	3.94929761
4.5	6.29811528	-.449528819	-.16545273	6.36990927	1.86990927
3.5	5.73849223	-.559623055	-.244286795	5.63630436	2.13630436
8.5	6.29079378	.552301556	-.0849691246	4.76134505	-3.73865495
8.2	6.67263503	.381841244	8.39294913E-03	5.95091728	-2.24908272
5.5	6.43810802	-.234527005	-.0401910417	6.70620683	1.20620682
5.7	6.29048642	-.147621604	-.0616771541	6.27734386	.577343853
22.1	9.45238913	3.16190272	.58303882	6.0437778	-16.0562222
17.1	10.9819113	1.52952217	.772335491	11.7845444	-5.31545559
6	9.98552905	-.996382259	.418591941	14.0712533	8.07125327
3.3	8.64842324	-1.33710581	.0674523905	11.6598968	8.35989681
3.9	7.69873859	-.949684646	-.135975017	8.9182328	5.0182328
4.3	7.01899087	-.679747717	-.244729557	7.15483853	2.85483852
6.3	6.8751927	-.143798174	-.22454328	6.04007265	-.259927357
5.5	6.60015416	-.275038539	-.234642332	5.97701958	.477019576
7.9	6.86012333	.259969169	-.135720032	5.66158483	-2.23841517
8	7.08809867	.227975335	-.0629809584	6.3172432	-1.6827568
10	7.67047893	.582380267	.0660912866	6.83617483	-3.16382517
7.1	7.55638314	-.114095787	.030053872	7.93484408	.834844077
24	10.8451065	3.28872337	.681787772	7.67659863	-16.3234014
20	12.6760852	1.8309787	.911625958	13.5722576	-6.4277424
8.5	11.8408682	-.835217044	.562257357	16.322589	7.82258905
4.4	10.3526945	-1.48817363	.152171159	14.0898976	9.68989761
4.1	9.10215563	-1.25053891	-.128370854	10.9613792	6.86137918
4.6	8.2017245	-.900431126	-.282782909	8.58867222	3.98867222
				7.07059287	
SUM OF SQUARE ERROR IN FORECAST				1606.22639	

ตารางที่ ๔๔ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง EXPONENTIAL SMOOTHING ในโปรแกรม TSER3 โดยกำหนด $\alpha = 0.3$

GIVE A VALUE BETWEEN 0 AND 1 FOR SMOOTHING CONSTANT
?.3

DATA INITIALIZED FOR 1ST YEAR, 1ST AVERAGE IS
AVERAGE OF 1ST YEARS DATA
1ST ACTUAL NUMBER IS FOR BEGINNING OF 2ND YEAR

	ACTUAL VALUE	CHANG IN AVERAGE	TREND	FORECAST	ERROR IN FORECAST
	3.775				
2.2	3.3025	-.4725	-.14175	0	0
3.1	3.24175	-.0607500002	-.11745	2.97175	-.12825
4.1	3.499225	.257475	-4.9725001E-03	2.9677	-1.1323
4	3.6494575	.1502325	.0415890001	3.4876225	-.512377501
3.8	3.69462025	.0451627504	.0426611252	3.7464985	-.0535015008
4.3	3.87623418	.181613926	.0843469654	3.79416288	-.505837126
15.4	7.33336393	3.45712975	1.0961818	4.07304376	-11.3269562
8.2	7.59335475	.259990823	.845324507	9.89112146	1.69112146
4.7	6.72534832	-.868006425	-.331325228	9.5657786	4.8657786
2.2	5.36774383	-1.3576045	-.17535369	7.49844052	5.29844052
2.4	4.47742068	-.890323147	-.389844527	4.95858522	2.55858522
2.1	3.76419448	-.713226204	-.48685903	3.56778345	1.46778345
3.1	3.56493613	-.199258342	-.400578824	2.62819007	-.471809928
4.2	3.75545529	.19051916	-.223249429	2.63025221	-1.56974779
4.4	3.94881871	.193363412	-.0982655763	3.23453996	-1.16546004
6.2	4.62417309	.675354388	.133820413	3.71953236	-2.48046764
6.1	5.06692116	.442748072	.226498711	4.93642072	-1.16357928
6.2	5.40684481	.33992365	.260526192	5.59541816	-.604581844
19.8	9.72479137	4.31794656	1.4777523	6.01473926	-13.7852607
16.8	11.847354	2.12256259	1.67119539	13.1728801	-3.62711992
7.6	10.5731478	-1.27420619	.787574915	15.7468099	8.14680986
4.2	8.66120344	-1.91194433	-.0222808598	12.4108226	8.21082257
4.1	7.29284241	-1.36936103	-.426104911	8.60921477	4.50921477
3.8	6.24498968	-1.04785272	-.612629254	6.29859761	2.49859761
4.5	5.72149278	-.523496905	-.58588955	4.81552142	.315521425
3.5	5.05504495	-.666447833	-.610057035	4.35441716	.854417162
8.5	6.08853147	1.03348652	-.116993969	3.63157853	-4.86842147
8.2	6.72197203	.633440562	.10813639	5.81554554	-2.38445446
5.5	6.35538042	-.366591606	-.0342820088	6.97429027	1.47429027
5.7	6.15876629	-.196614126	-.0829816439	6.27538907	.575389065
22.1	10.9411364	4.78237012	1.37662388	5.96514246	-16.1348575
17.1	12.7887955	1.84765908	1.51793444	14.1532588	-2.9467412
6	10.7521568	-2.03663864	.451562516	16.3306425	10.3306425
3.3	8.51650978	-2.23564705	-.354600355	11.8058027	8.50580271
3.9	7.13155685	-1.38495294	-.663706129	7.68910896	3.78910896
4.3	6.2820898	-.849467054	-.719434407	5.58290922	1.28290921
6.3	6.28746286	5.3730607E-03	-.501992166	4.60340952	-1.69659049
5.5	6.051224	-.236238858	-.422266174	5.1161478	-.383852199
7.9	6.6058568	.5546328	-.129196482	5.06593626	-2.83406374
8	7.02409976	.418242961	.0350353512	6.30439834	-1.69560166
10	7.91686983	.892770072	.292355768	7.10584891	-2.99415109
7.1	7.67180888	-.245060951	.131130752	8.59903329	1.49903329
24	12.5702662	4.89845734	1.56132873	7.97778064	-16.0222194
20	14.7991864	2.22892014	1.76160615	16.2133666	-3.78663342
8.5	12.9094304	-1.8897559	.666197533	18.9096007	10.4096007
4.4	10.3566013	-2.55282914	-.299510467	14.4638914	10.0638914
4.1	8.47962092	-1.8769804	-.772751446	9.65774356	5.55774356
4.6	7.31573464	-1.16388628	-.890091895	6.67653422	2.07653421
				5.23885355	
SUM OF SQUARE ERROR IN FORECAST			1606.16094		

ตารางที่ ๔๖ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง EXPONENTIAL SMOOTHING ในโปรแกรม TSER3 โดยกำหนด $\alpha = 0.4$

GIVE A VALUE BETWEEN 0 AND 1 FOR SMOOTHING CONSTANT
2.4

DATA INITIALIZED FOR 1ST YEAR, 1ST AVERAGE IS
AVERAGE OF 1ST YEARS DATA
1ST ACTUAL NUMBER IS FOR BEGINNING OF 2ND YEAR

ACTUAL VALUE	AVERAGE	CHANG IN AVERAGE	TREND	FORECAST	ERROR IN FORECAST
	3.775				
2.2	3.145	-.629999999	-.2520		0
3.1	3.127	-.018000000	-.1584	2.767	-.332999999
4.1	3.5162	.3892	.0606400001	2.8894	-1.2106
4	3.70972	.19352	.113792	3.60716	-.39284
3.6	3.745832	.0361120002	.0827200002	3.880408	.0804080013
4.3	3.9674992	.2216672	.13829888	3.869912	-.430087999
15.4	8.54049953	4.57300032	1.91217946	4.17494752	-11.2250525
8.2	8.40429972	-.136199806	1.09282775	11.4087687	3.2087687
4.7	6.92257983	-1.48171988	.0630086969	10.0435413	5.34354134
2.2	5.0335479	-1.88903193	-.717807554	7.01709287	4.81709288
2.4	3.98012874	-1.05341916	-.852052196	3.95683657	1.55683657
2.1	3.22807725	-.752051496	-.812051916	2.70205045	.602050447
3.1	3.17684635	-.9512308972	-.507723509	2.00999937	-1.09000063
4.2	3.58610781	.409261461	-.140929521	2.41526109	-1.78473872
4.4	3.91166469	.325556877	.0456650384	3.37471353	-1.02528647
6.2	4.82699881	.915334126	.393532673	3.98016224	-2.21983776
6.1	5.33619929	.509200476	.439799795	5.41729782	-.682702178
6.2	5.68171957	.345520286	.402087991	5.99589898	-.20410102
19.8	11.3290318	5.64731217	2.50017766	6.28485156	-13.5151484
16.8	13.517419	2.1883873	2.37546152	15.0792982	-1.72070176
7.5	11.1504514	-2.36696762	.478489865	17.0806113	9.48061133
4.2	8.37027886	-2.78913957	-.824978309	11.8681862	7.66818623
4.1	6.66218252	-1.70810834	-1.17823032	7.13280339	3.0328034
3.8	5.51729751	-1.14486501	-1.1648842	4.89481703	1.09481703
4.5	5.11037851	-.406919003	-.861698119	3.76997122	-.730028784
3.5	4.46622711	-.644151403	-.774679432	3.81783133	.317831329
8.5	6.07973627	1.61350916	.180596004	3.30420796	-5.19579205
8.2	6.92784176	.848105496	.447599801	6.35063027	-1.84936973
5.5	6.35670506	-.571136704	.0401051991	7.59924147	2.09924146
5.7	6.09402304	-.262682023	-.0810096895	6.41686286	.716862855
22.1	12.4964138	6.40239079	2.5123505	5.9725085	-16.1274915
17.1	14.3378483	1.84143448	2.24398409	16.2649396	-.835060433
6	11.002709	-3.33513932	.0123347279	17.7038244	11.7038244
3.3	7.92162539	-3.08108359	-1.2250326	11.0212111	7.72121107
3.9	6.31297523	-1.60865016	-1.37847962	6.08407649	2.18407649
4.3	5.50778514	-.805190092	-1.14916381	4.2452558	-.0547442008
6.3	5.82467109	.316885944	-.562743908	3.78403943	-2.51596057
5.5	5.69480266	-.129868433	-.389593718	4.98055522	-.519444777
7.9	6.57688159	.88207894	.119075345	5.11041208	-2.78958793
8	7.14612896	.569247363	.299144152	6.75549462	-1.24450539
10	8.28767738	1.14154842	.636105858	7.59484519	-2.40515482
7.1	7.81260643	-.47507095	.191635135	9.24183617	2.14183616
24	14.2875639	6.47495743	2.70496406	8.10005913	-15.8999409
20	16.5725383	2.28497446	2.53696822	18.3450099	-1.65499006
9.5	13.343523	-3.22901533	.230574801	20.3779906	11.8779906
4.4	9.7661138	-3.5774092	-1.2926188	13.6893852	9.2893852
4.1	7.49966828	-2.26644552	-1.68214949	7.8271856	3.7271856
4.6	6.33980097	-1.15986731	-1.47323662	4.97644405	.376444049
				4.12994604	

SUM OF SQUARE ERROR IN FORECAST 1569.72087

ตารางที่ ๔๗ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง EXPONENTIAL SMOOTHING ในโปรแกรม TSER3 โดยกำหนด $\alpha = 0.5$

GIVE A VALUE BETWEEN 0 AND 1 FOR SMOOTHING CONSTANT
 ? 5

DATA INITIALIZED FOR 1ST YEAR, 1ST AVERAGE IS
 AVERAGE OF 1ST YEARS DATA
 1ST ACTUAL NUMBER IS FOR BEGINNING OF 2ND YEAR

ACTUAL VALUE	AVERAGE	CHANG IN AVERAGE	TREND	FORECAST	ERROR IN FORECAST
	3.775				
2.2	2.9875	-.7875	-.39375	0	0
3.1	3.04375	.0562500004	-.16875	2.59375	-.50625
4.1	3.571875	.528125	.1796875	2.875	-1.225
4	3.7859375	.2140625	.196875	3.7515625	-.2484375
3.8	3.79296875	7.03124982E-03	.101953125	3.9828125	.182812501
4.3	4.04648438	.253515625	.177734375	3.89492188	-.405078126
15.4	9.72324219	5.67675781	2.92724609	4.22421875	-11.1757813
8.2	8.96162109	-.761621092	1.0828125	12.6504883	4.45048828
4.7	6.83081055	-2.13081055	-.523999023	10.0444336	5.3444336
2.2	4.51540527	-2.31540527	-1.41970215	6.30681152	4.10681152
2.4	3.45770264	-1.05770264	-1.23870239	3.09570313	.695703125
2.1	2.77885132	-.678851319	-.958776856	2.21900025	.119000245
3.1	2.93942566	.160574341	-.399101257	1.82007446	-1.27992554
4.2	3.56971283	.63028717	.115592957	2.5403244	-1.6596756
4.4	3.98485642	.415143586	.265368271	3.68530579	-.714694214
6.2	5.09242821	1.10757179	.686470032	4.25022469	-1.94977531
6.1	5.59621411	.503785897	.595127964	5.77889824	-.32110176
6.2	5.89810705	.301892947	.448510456	6.19134207	-8.65793042E-03
19.8	12.8490535	6.95094648	3.69972847	6.34661751	-13.4533825
16.8	14.8245268	1.97547324	2.83760085	16.548782	-.251218006
7.6	11.2122634	-3.61226338	-.387331265	17.6621276	10.0621276
4.2	7.70613169	-3.50613169	-1.94673148	10.8249321	6.62493212
4.1	5.90306585	-1.89306584	-1.87489866	5.75940021	1.65940021
3.8	4.85153292	-1.05153292	-1.46321579	4.02816719	.228167185
4.5	4.67576646	-.175766461	-.819491126	3.38831713	-1.11168287
3.5	4.08788323	-.58788323	-.703687178	3.85627534	.356275337
8.5	6.29394162	2.20605839	.751185603	3.38419606	-5.11560395
8.2	7.24697081	.953029191	.852107397	7.04512722	-1.15487278
5.5	6.37348541	-.873485403	-.0106890029	8.09907821	2.59907821
5.7	6.0367427	-.336742703	-.173715853	6.3627964	.662796402
22.1	14.0683714	8.03162865	3.9289564	5.86302685	-16.2369732
17.1	15.5841857	1.51581433	2.72238536	17.9973278	.897327751
6	10.7920928	-4.79209284	-1.03485374	18.306571	12.306571
3.3	7.04604642	-3.74604642	-2.39045008	9.75723911	6.4572391
3.9	5.47302321	-1.57302321	-1.98173665	4.65559634	.755596342
4.3	4.88651161	-.586511604	-1.28412412	3.49128657	-.808713433
6.3	5.59325581	.706744198	-.298669963	3.60238748	-2.69761252
5.5	5.5466279	-.0466279015	-.167658932	5.30456584	-.195434159
7.9	6.72331395	1.17668805	.504513558	5.37896897	-2.52103103
8	7.36165698	.638343025	.571428291	7.22782751	-.77217249
10	9.68082849	1.31917151	.945299902	7.93308527	-2.06691473
7.1	7.39041425	-.790414244	.077442829	9.62612839	2.52612839
24	15.9452071	8.05479288	4.06611785	7.96785708	-16.0321429
20	17.9726036	2.02739644	3.04675714	20.011325	.0113249794
8.5	13.2363018	-4.73630178	-.844772317	21.0193607	12.5193607
4.4	8.81815089	-4.41815089	-2.63146161	12.3915295	7.99152946
4.1	6.45997545	-2.35997544	-2.49526852	6.18668929	2.08668929
4.6	5.52953773	-.929537723	-1.71240312	3.96380692	-.636193079
				3.8171346	

SUM OF SQUARE ERROR IN FORECAST 1532.64268

ตารางที่ ๔๔ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง EXPONENTIAL SMOTHING ในโปรแกรม TSER3 โดยกำหนด $\alpha = 0.6$

GIVE A VALUE BETWEEN 0 AND 1 FOR SMOOTHING CONSTANT
?.6

DATA INITIALIZED FOR 1ST YEAR, 1ST AVERAGE IS
AVERAGE OF 1ST YEARS DATA
1ST ACTUAL NUMBER IS FOR BEGINNING OF 2ND YEAR

ACTUAL VALUE	AVERAGE	CHANG IN AVERAGE	TREND	FORECAST	ERROR IN FORECAST
	3.775				
2.2	2.83	-.944999999	-.5670		0
3.1	2.992	.162	-.1296	2.452	-.647999999
4.1	3.6568	.6648	.34704	2.9058	-1.1944
4	3.86272	.20592	.262368	3.88816	-.111839999
3.8	3.825088	-.0376319997	.0823680001	4.037632	.237632
4.3	4.1100352	.284947202	.203915521	3.58	-.420000001
15.4	10.8840141	6.77397888	4.14595354	4.24597888	-11.1540211
8.2	9.27360563	-1.51040845	.692136344	13.6479831	5.44798311
4.7	6.52944225	-2.74416338	-1.36964349	7.73502986	5.03502986
2.2	3.9317769	-2.59766535	-2.10645661	5.61634659	3.41634659
2.4	3.01271076	-.919066139	-1.39402233	2.5274725	.127472496
2.1	2.4650843	-.547626456	-.886184804	2.08336254	-.0166374566
3.1	2.64603372	.380949417	-.125904271	1.87429444	-1.22570557
4.2	3.65841349	.812379766	.437066151	2.76209754	-1.43790246
4.4	4.1033654	.444951908	.441797605	3.94979092	-1.450209078
6.2	5.36134616	1.25798076	.931507499	4.39789713	-1.80210287
6.1	5.80453846	.443192305	.638518383	5.98235116	-1.117646844
6.2	6.04181538	.237276921	.397773506	6.23021738	.0302173849
19.8	14.2967262	8.25491077	5.11205587	6.30699772	-13.4930023
16.8	15.7986905	1.5019643	2.94600093	17.7047634	.904763401
7.6	10.8794762	-4.91921428	-1.77312819	17.7626911	10.1626911
4.2	6.87179048	-4.00768571	-3.11586271	9.67739072	5.49739072
4.1	5.20871619	-1.66307428	-2.24338965	4.795682	.695882002
3.8	4.36348648	-.845229713	-1.40449369	3.71312309	-.086876913
4.5	4.44539459	.0819081143	-.512652606	3.42715735	-1.07284265
3.5	3.87815784	-.567236753	-.545403094	4.10362618	.603626184
8.5	6.65126314	2.7731053	1.44570194	3.51455578	-4.96544423
8.2	7.58050526	.929242119	1.13582605	7.61506443	-.58493557
5.5	6.3322021	-1.24830315	-.294651472	8.33772262	2.83772262
5.7	5.95288084	-.379321262	-.345453346	6.13576779	.435767787
22.1	15.6411523	9.6882715	5.67478156	5.72257861	-16.3774214
17.1	15.5164609	.875308596	2.79509778	19.4243401	2.32434005
6	10.2065844	-6.30987656	-2.66788683	18.3798595	12.3798595
3.3	6.06263375	-4.14395062	-3.55352511	8.42799316	5.12799316
3.9	4.7650535	-1.29758025	-2.19995819	3.69361701	-.206382989
4.3	4.4860214	-.2790321	-1.04740254	3.29841471	-1.00158529
6.3	5.57440856	1.08838716	.234071283	3.7875304	-2.51224696
5.5	5.52976343	-.0446451362	.0668414313	5.73045608	.230456082
7.9	6.95190537	1.42214195	.88002174	5.57432438	-2.32567562
8	7.59076215	.628856778	.729322763	7.53858653	-.461413471
10	9.03230487	1.45154271	1.16265473	8.06697732	-1.93302268
7.1	7.87292195	-1.15938292	-.230567857	9.80740802	2.70740802
24	17.5491688	9.67624684	5.71352096	7.71921004	-16.28079
20	19.0196675	1.47049873	3.16770763	21.3581828	1.35818275
8.5	12.707867	-6.31180051	-2.51999726	21.1314726	12.6314726
4.4	7.7231468	-4.9847202	-3.97883103	11.0278688	6.62786883
4.1	5.54925872	-2.17388809	-2.90386526	5.95725945	.957259452
4.6	4.97970349	-.567555232	-1.50327924	3.61334855	-.986651452
				3.97751733	
SUM OF SQUARE ERROR IN FORECAST			1501.64646		

ตารางที่ ๖๐ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง EXPONENTIAL SMOOTHING ในโปรแกรม TSER3 โดยกำหนด $\alpha = 0.8$

GIVE A VALUE BETWEEN 0 AND 1 FOR SMOOTHING CONSTANT
? .8

DATA INITIALIZED FOR 1ST YEAR, 1ST AVERAGE IS
AVERAGE OF 1ST YEARS DATA
1ST ACTUAL NUMBER IS FOR BEGINNING OF 2ND YEAR

ACTUAL VALUE	AVERAGE	CHANG IN AVERAGE	TREND	FORECAST	ERROR IN FORECAST
	3.775				
2.2	2.515	-1.26	-1.008	0	0
3.1	2.983	.467999997	.17282263		-.837
4.1	3.8766	.393600001	.749440001	3.0262	-1.0738
4	3.97532	.0987200001	.228864	4.06396	.0639600009
3.8	3.835064	-.140256001	-.0664320005	4.032536	.232536
4.3	4.2070128	.371948801	.284272641	3.818456	-.481544001
15.4	13.1614026	8.95438977	7.22036634	4.27808096	-11.121919
8.2	9.19228052	-3.96912205	-1.73122437	14.9664942	6.76649415
4.7	5.5984561	-3.59382441	-3.2213044	8.75947443	4.05947442
2.2	2.87969122	-2.71876468	-2.81927279	4.79313	2.59313
2.4	2.49593825	-.383752976	-.870856938	2.17487302	-.225126977
2.1	2.17918765	-.316750596	-.427571864	2.27822401	.17822401
3.1	2.91583753	.736649881	.503805532	2.07229468	-1.02770532
4.2	3.9431675	1.02732998	.922625087	3.04178891	-1.15821109
4.4	4.3086335	.365465996	.476897814	4.17382378	-.226176225
6.2	5.8217267	1.5130932	1.30585412	4.42785795	-1.77214205
6.1	6.04434534	.222618641	.439265737	6.14819023	.0481902286
6.2	6.16886907	.124523727	.187472129	6.15416178	-.0458382256
19.8	17.0737738	10.9049048	8.76141823	6.2157371	-13.5842629
16.8	16.8547548	-.219019055	1.5770684	19.2641284	2.45412838
7.6	9.45095095	-7.40380381	-5.60762937	17.2490219	9.64902186
4.2	5.25019019	-4.20976076	-4.49213448	8.04904361	3.84904361
4.1	4.33003804	-.920152152	-1.63254862	4.12965657	.0296565685
3.8	3.90600761	-.42403043	-.665734067	3.92190088	.121900883
4.5	4.38120152	.475193915	.247008319	3.73957409	-.760425909
3.5	3.67624031	-.704961218	-.514567311	4.4429536	.942953601
8.5	7.53524806	3.85900776	2.98429274	3.54759848	-4.95240153
8.2	8.06704961	.53180155	1.02229979	8.28132125	.0813212469
5.5	6.01340992	-2.05363969	-1.43845179	8.32262456	2.82262456
5.7	5.76268198	-.250727937	-.488272708	5.65379698	-.0462030265
22.1	18.8325364	13.0698544	10.358229	5.64061381	-16.4593862
17.1	17.4465073	-1.38602912	.962822505	21.4220937	4.32209365
6	8.28930146	-9.15720583	-7.13320017	17.6872129	11.6872129
3.3	4.29786029	-3.99144117	-4.61979297	6.50600142	3.20600141
3.9	3.97957206	-.318288233	-1.17858918	3.14291205	-.757087951
4.3	4.23591441	.256342353	-.0306439531	3.68492476	-.615075238
6.3	5.88719288	1.65126847	1.31488599	4.22825342	-2.07174658
5.5	5.57743658	-.309746306	.015180152	6.21590438	.715904379
7.9	7.43548732	1.85805074	1.48947662	5.58123161	-2.31876839
8	7.89709746	.451610148	.659183443	7.80785647	-.19214353
9	9.5774195	1.69032203	1.48409431	8.05189333	-1.94810668
7.1	7.5954939	-1.9219356	-1.28872961	9.94844307	2.84844307
24	20.7190968	13.1236129	10.2411444	7.2733015	-16.7266985
20	20.1438194	-.575277425	1.58800694	23.2793829	3.27938288
8.5	10.8287639	-9.31505548	-7.134443	20.5408211	12.0408211
4.4	5.68575277	-5.1430111	-5.54129748	9.04515313	4.64515312
4.1	4.41715056	-1.26860222	-2.12314127	4.3004284	.200428404
4.6	4.56343011	.146279555	-.30760461	3.88636524	-.713634762
				4.48552896	

SUM OF SQUARE ERROR IN FORECAST 1450.19911

ตารางที่ ๖๑ แสดงผลที่ได้จากคำสั่ง EXPONENTIAL SMOOTHING ในโปรแกรม TSER3 โดยกำหนด $\alpha = 0.9$

GIVE A VALUE BETWEEN 0 AND 1 FOR SMOOTHING CONSTANT
 ? .9

DATA INITIALIZED FOR 1ST YEAR, 1ST AVERAGE IS
 AVERAGE OF 1ST YEARS DATA
 1ST ACTUAL NUMBER IS FOR BEGINNING OF 2ND YEAR

ACTUAL VALUE	AVERAGE	CHANGS IN AVERAGE	TREND	FORECAST	ERROR IN FORECAST
	3.775				
2.2	2.3575	-1.4175	-1.27575	0	0
3.1	3.02575	.668249999	.473849999	2.21575	-.88425
4.1	3.992575	.966825001	.917527501	3.0784	-1.0216
4	3.9992575	6.68250024E-03	.0977670004	4.0945225	.0945225004
3.8	3.81992575	-.17933175	-.151621875	4.0101205	.2101205
4.3	4.25199258	.432066825	.373697955	3.80307888	-.496921125
15.4	14.2851993	10.0332067	9.06725581	4.29351457	-11.1064854
8.2	8.80851993	-5.47667933	-4.02228581	15.2926721	7.09267213
4.7	5.11085199	-3.69766793	-3.73012972	8.36159928	3.66159928
2.2	2.4910852	-2.61976679	-2.73080309	4.69639313	2.49639313
2.4	2.40910852	-.0819766792	-.34685932	2.18766264	-.212337366
2.1	2.13091085	-.276197668	-.285063834	2.37056886	.270568596
3.1	3.00399109	.872180233	.756455826	2.09923709	-1.00076291
4.2	4.08030911	1.07721802	1.0451418	3.09714173	-1.11285827
4.4	4.36803091	.287721803	.363463804	4.19643598	-.203564025
6.2	6.01680309	1.64877218	1.52024134	4.40841578	-1.79158422
6.1	6.09168031	.0746772193	.219413632	6.1857188	.0857187938
6.2	6.18916803	.0974877216	.109680313	6.1160596	-.0839403979
19.8	18.4389168	12.2497468	11.0357419	6.20135473	-13.5986453
16.8	16.9638917	-1.47502512	-.223948413	19.6651103	2.86511034
7.6	8.53638917	-8.42750251	-7.6071471	16.9390085	9.33900853
4.2	4.63363892	-3.90275025	-4.27318994	7.6911506	3.4911506
4.1	4.15336389	-.480275026	-.859566517	4.15884003	.0588400345
3.8	3.83533639	-.318027502	-.372181403	4.0578565	.2578565
4.5	4.43353364	.59819725	.501159384	3.7939829	-.7060171
3.5	3.59333336	-.840180275	-.706046309	4.48921802	.989218015
8.5	8.00933534	4.41598197	3.90377915	3.51490377	-4.98509623
8.2	8.18093353	.1715982	.544816294	8.44308858	.243088573
5.5	5.76809336	-2.41284018	-2.11707454	8.24146868	2.74146868
5.7	5.70680934	-.0612840187	-.26686307	5.53286285	-.16713715
22.1	20.4606809	14.7538716	13.2517981	5.67715788	-16.4228421
17.1	17.4360681	-3.02461284	-1.39697174	21.933103	4.83310295
6	7.14360682	-10.2924613	-9.40291233	17.280849	11.280849
3.3	3.68436068	-3.45924613	-4.05361275	6.09883878	2.79883878
3.9	3.87843607	.194075386	-.230693428	3.23395927	-.666040735
4.3	4.25784361	.37940754	.318397443	3.85280347	-.447196536
6.3	6.09578436	1.83794075	1.68598642	4.2932211	-2.0067789
5.5	5.55957844	-.536205925	-.31398669	6.28311619	.783116186
7.9	7.66595784	2.10637941	1.8643428	5.52469103	-2.37530898
8	7.96659578	.30063794	.457008426	7.87310704	-.126892956
10	7.99665958	1.83006379	1.69275826	8.0173745	-1.9826255
7.1	7.36966596	-2.42699362	-2.01501843	9.98474383	2.88474383
24	22.3369666	14.9673006	13.2690687	7.14577502	-16.854225
20	20.2336967	-2.10326993	-.566036067	25.8113076	3.81130757
8.5	9.67336967	-10.560327	-9.5608979	20.1708038	11.6708038
4.4	4.92733697	-4.7460327	-5.22751923	8.61104768	4.21104768
4.1	4.1827337	-.744603273	-1.19289487	4.3465015	.2465015
4.6	4.55827337	.375539673	.218696219	4.05018982	-.549810179
				4.58257295	

SUM OF SQUARE ERROR IN FORECAST 1431.83587

หลังจากกำหนดค่าคงที่ที่ทำให้เรียบ (α) ตั้งแต่ ๐.๑ ถึง ๐.๙ จะนำค่าผลบวกกำลังสองของความคลาดเคลื่อนที่ได้จากแต่ละค่าของ α มาเปรียบเทียบเพื่อกำหนดค่า α ที่ทำให้ค่าพยากรณ์ล่วงหน้า ๑ หน่วยเวลา ดังตารางที่ ๖๒

ตารางที่ ๖๒ แสดงการเปรียบเทียบค่าผลบวกกำลังสองของความคลาดเคลื่อน เมื่อกำหนดค่าคงที่ที่ทำให้เรียบ (α) ต่างกัน

ค่าคงที่ที่ทำให้เรียบ (α)	ค่าผลบวกกำลังสองของความคลาดเคลื่อน $\left(\sum_{t=2}^{48} E_t^2 \right)$
๐.๑	๑๕๑๕.๑๒๓๖๓
๐.๒	๑๖๐๖.๒๒๖๓๙
๐.๓	๑๖๐๖.๑๖๐๙๔
๐.๔	๑๕๖๙.๗๒๐๘๗
๐.๕	๑๕๓๒.๖๔๒๖๘
๐.๖	๑๕๐๑.๖๔๖๔๖
๐.๗	๑๔๗๔.๓๕๗๐๘
๐.๘	๑๔๕๐.๑๙๔๑๑
๐.๙	๑๔๓๑.๘๓๕๘๗

จากตารางที่ ๖๒ ค่าผลบวกกำลังสองของความคลาดเคลื่อนเมื่อกำหนด $\alpha = 0.9$ มีค่าน้อยที่สุด ดังนั้นค่าพยากรณ์ในช่วงเวลาต่อไป (ช่วงเวลาที ๖๑) ของอนุกรมเวลาราคาเฉลี่ยต่อหน่วย (บาท : กิโลกรัม) ของสินค้าออกประเภทผลไม้สด คือ 4.58257295

จากการศึกษาวิธีการพยากรณ์ข้อมูลเพื่อใช้ในการทดสอบสมมติฐาน

"การพยากรณ์ข้อมูลโดยใช้โปรแกรมสำเร็จรูปทั้ง ๓ โปรแกรมไม่แตกต่างกัน"

โดยพิจารณาถึงการพยากรณ์ข้อมูลที่ใช้ วิธีการวิเคราะห์ ลักษณะเดียวกัน ในที่นี้การวิเคราะห์
ในลักษณะเดียวกัน คือ การวิเคราะห์หาค่าแนวโน้มเชิงเส้น โดยใช้วิเคราะห์กับข้อมูลอนุกรมเวลา
ในตารางที่ ๓ ได้ผลในแต่ละโปรแกรม ดังนี้

โปรแกรม STATPAK

ใช้คำสั่ง ONEVREG ในการวิเคราะห์แนวโน้มเชิงเส้นของข้อมูลในตารางที่ ๓ สมการแนวโน้ม
เชิงเส้นคือ

$$Y = 3.07022 + 0.113162 X \dots\dots\dots(53)$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่เดือนธันวาคม ปี ๒๕๒๐ ; X เป็นช่วงเวลา มีหน่วยเป็น ๑ เดือน ;
Y เป็นราคาเฉลี่ยต่อหน่วย (บาท : กิโลกรัม) ของสินค้าออกประเภทผลไม้สด)

โปรแกรม STATISTICS with DAISY

ใช้คำสั่ง REGR ในการวิเคราะห์แนวโน้มเชิงเส้นของข้อมูลในตารางที่ ๓ สมการแนวโน้ม
เชิงเส้นคือ

$$Y = 3.07022598 + 0.113162 X \dots\dots\dots(54)$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่เดือนธันวาคม ปี ๒๕๒๐ ; X เป็นช่วงเวลา มีหน่วยเป็น ๑ เดือน ;
Y เป็นราคาเฉลี่ยต่อหน่วย (บาท : กิโลกรัม) ของสินค้าออกประเภทผลไม้สด)

โปรแกรม TSER3

ใช้คำสั่ง REGRESSION ในการวิเคราะห์แนวโน้มเชิงเส้นของข้อมูลในตารางที่ ๓ สมการ
แนวโน้มเชิงเส้นคือ

$$Y = 3.07022596 + 0.11316199 X \dots\dots\dots(55)$$

(จุดเริ่มต้นอยู่ที่เดือนธันวาคม ปี ๒๕๒๐ ; X เป็นช่วงเวลา มีหน่วยเป็น ๑ เดือน ;
Y เป็นราคาเฉลี่ยต่อหน่วย (บาท : กิโลกรัม) ของสินค้าออกประเภทผลไม้สด)

จากการวิเคราะห์แนวโน้มเชิงเส้นทั้ง ๓ โปรแกรม แทนค่า $X = 1, 2, \dots, 24$
 ในสมการที่ (53), สมการที่ (54) และสมการที่ (55) ได้ค่าพยากรณ์ดังตารางที่ ๖๓

ตารางที่ ๖๓ แสดงค่าพยากรณ์แนวโน้มเชิงเส้นของโปรแกรม STATPAK โปรแกรม STATISTICS with DAISY และ โปรแกรม TSER3

ช่วงเวลา (X)	ค่าพยากรณ์ของโปรแกรม STATPAK	ค่าพยากรณ์ของโปรแกรม STATISTICS with DAISY	ค่าพยากรณ์ของโปรแกรม TSER3
๑	๓.๑๘๓๓๘	๓.๑๘๓๓๘๗๘๘	๓.๑๘๓๓๘๗๘๕
๒	๓.๒๙๖๕๔	๓.๒๙๖๕๔๕๘๘	๓.๒๙๖๕๔๕๘๔
๓	๓.๔๐๙๗๑	๓.๔๐๙๗๑๑๘๘	๓.๔๐๙๗๑๑๘๓
๔	๓.๕๒๒๘๗	๓.๕๒๒๘๗๓๘๘	๓.๕๒๒๘๗๓๘๒
๕	๓.๖๓๖๐๓	๓.๖๓๖๐๓๕๘๘	๓.๖๓๖๐๓๕๘๑
๖	๓.๗๔๙๑๙	๓.๗๔๙๑๙๗๘๘	๓.๗๔๙๑๙๗๘
๗	๓.๘๖๒๓๕	๓.๘๖๒๓๕๘๘๘	๓.๘๖๒๓๕๘๘๔
๘	๓.๙๗๕๕๒	๓.๙๗๕๕๒๑๘๘	๓.๙๗๕๕๒๑๘๘
๙	๔.๐๘๘๖๘	๔.๐๘๘๖๘๓๘๘	๔.๐๘๘๖๘๓๘๗
๑๐	๔.๒๐๑๘๔	๔.๒๐๑๘๔๕๘๘	๔.๒๐๑๘๔๕๘๖
๑๑	๔.๓๑๕	๔.๓๑๕๐๐๗๘๘	๔.๓๑๕๐๐๗๘๕
๑๒	๔.๔๒๘๑๗	๔.๔๒๘๑๖๘๘๘	๔.๔๒๘๑๖๘๘๔
๑๓	๔.๕๔๑๓๓	๔.๕๔๑๓๓๑๘๘	๔.๕๔๑๓๓๑๘๓
๑๔	๔.๖๕๔๔๙	๔.๖๕๔๔๔๓๘๘	๔.๖๕๔๔๔๓๘๒
๑๕	๔.๗๖๗๖๕	๔.๗๖๗๖๕๕๘๘	๔.๗๖๗๖๕๕๘๑

ตารางที่ ๖๓ (ต่อ)

ช่วงเวลา (X)	ค่าพยากรณ์ของโปรแกรม STATPAK	ค่าพยากรณ์ของโปรแกรม STATISTICS with DAISY	ค่าพยากรณ์ของโปรแกรม TSER
๑๖	๕.๘๘๐๘๒	๕.๘๘๐๘ ๑๗๘๘	๕.๘๘๐๘ ๑๗๘๘
๑๗	๕.๘๘๓๓๘	๕.๘๘๓๓๗๘๘๘	๕.๘๘๓๓๗๘๘๘
๑๘	๕.๑๐๗๑๔	๕.๑๐๗๑๔๑๘๘	๕.๑๐๗๑๔๑๗๘๘
๑๙	๕.๒๒๐๓	๕.๒๒๐๓๐๓๘๘	๕.๒๒๐๓๐๓๗๘
๒๐	๕.๓๓๔๖	๕.๓๓๓๔๖๕๘๘	๕.๓๓๓๔๖๕๗๘
๒๑	๕.๔๔๖๖๓	๕.๔๔๖๖๒๗๘๘	๕.๔๔๖๖๒๗๗๖
๒๒	๕.๕๕๘๗๘	๕.๕๕๘๗๘๘๘๘	๕.๕๕๘๗๘๘๗๕
๒๓	๕.๖๗๒๙๕	๕.๖๗๒๙๕๑๘๘	๕.๖๗๒๙๕๑๗๕
๒๔	๕.๗๘๖๑๑	๕.๗๘๖๑๑๓๘๘	๕.๗๘๖๑๑๓๗๓

จากตารางที่ ๖๓ นำค่าพยากรณ์ของแต่ละโปรแกรมเพื่อทำการทดสอบสมมติฐาน

สมมติฐานทางสถิติ

H_0 : การพยากรณ์ข้อมูลโดยใช้โปรแกรมสำเร็จรูปทั้ง ๓ โปรแกรมในการวิเคราะห์
แนวโน้มเชิงเส้นไม่แตกต่างกัน

H_A : การพยากรณ์ข้อมูลโดยใช้โปรแกรมสำเร็จรูปทั้ง ๓ ชนิดมีอย่างน้อย ๒ โปรแกรมที่
แตกต่างกัน

การทดสอบสมมติฐานใช้วิธีการวิเคราะห์ความแปรปรวน (Analysis of variance)

ตั้งตารางที่ ๖๔

ตารางที่ ๖๔ แสดงการวิเคราะห์ความแปรปรวน

ที่มาความแปรปรวน (Source of variation)	องศาแห่ง ความอิสระ (Degree of freedom)	ผลบวกกำลังสอง (Sum of squares)	ค่าเฉลี่ยกำลังสอง (Mean square)	ค่าสถิติ F
ระหว่างโปรแกรม (Treatment)	$(t-1) = 2$	0.000031	0.00000155	0.00000242
ความคลาดเคลื่อน (Error)	$t(r-1) = 69$	44.1814422	0.640310756	
ผลรวม (Total)	$tr-1 = 71$	44.1814453		

$$t = \text{จำนวนโปรแกรม} = ๓$$

$$r = \text{จำนวนค่าพยากรณ์ในแต่ละโปรแกรม} = ๒๔$$

จากตารางที่ ๖๔ เมื่อนำค่าสถิติ $F = 0.00000242$ เปรียบเทียบกับ F' จากตารางสถิติที่ระดับนัยสำคัญ 0.05 ($F_{2,69}^{0.05} = 3.13$) ค่าสถิติ F ที่คำนวณน้อยกว่าค่า F' จากตาราง ดังนั้นจะยอมรับสมมติฐาน H_0 แสดงว่า การพยากรณ์ข้อมูลโดยใช้โปรแกรมสำเร็จรูปทั้ง ๓ โปรแกรมในการวิเคราะห์แนวโน้มไม่แตกต่างกัน