

ทฤษฎีกระเสนำที่เกิดจากลมและคลื่นในน้ำที่มีความลึกจำกัด



นายศุภพร ภูเกษมารวงษ์

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาโทสาขาสารสนเทศมหาบัณฑิต

ภาควิชาวิทยาศาสตร์ทางทะเล

บัณฑิตวิทยาลัย จامعةธรรม์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2529

ISBN 974-566-219-4

011937

17493407

THEORETICAL INVESTIGATION OF CURRENT INDUCED BY WIND SHEAR  
AND WAVES IN FLUID OF FINITE DEPTH

Mr. SOOPPHAPORN PUKASEMVARANGKOO

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Master of Science

Department of Marine Science

Graduate school

1985

Thesis Title                          Theoretical Investigation of Current Induced by  
 Wind Shear and Waves in Fluid of Finite Depth  
 By                                      Mr. Soopphaporn Pukasemvarangkool  
 Department                            Marine Science  
 Thesis Advisor                        Mr. Jesada Jiraporn  
 Co-advisor                            Assistant Professor Anawad Wadcharapitaggoon

---



Accepted by the Graduate School, Chulalongkorn University in  
 partial fulfillment of the requirements for the Master's degree..

*S. Rhi. IL.....*

Associate Professor Sorachai Bhisalbutra, Ph.D

Acting Associate Dean for Academic Affairs

for

Acting Dean of the Graduate School

Thesis Committee

*Suraphol Sudara* ..... Chairman

(Assistant Professor Suraphol Sudara, Ph.D.)

*Anawad Wadcharapitaggoon* ..... Member

(Assistant Professor Anawad Wadcharapitaggoon)

*Supichai Tangjaitrong* ..... Member

(Mr. Supichai Tangjaitrong)

*Jesada Jiraporn* ..... Member

(Mr. Jesada Jiraporn)

สาขาวิชานิพนธ์

ทฤษฎีกราฟเสน้ที่เกิดจากลมและคลื่นในน้ำที่มีความลึกจำกัด

ชื่อนิสิต

นายศุภกร วุ่นเงยมาราภูร

อาจารย์ที่ปรึกษา

อาจารย์ เจริญ จิราภรณ์

อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม

ผู้ช่วยศาสตราจารย์ อนรุช วัชรพิทักษ์กุล

ภาควิชา

วิทยาศาสตร์ทางทะเล

ปีการศึกษา

2528



บทคัดย่อ

งานวิจัยที่เป็นการพัฒนาทฤษฎีกราฟเสน้ที่เกิดเนื่องจากลมและคลื่น สำหรับทางทะเลที่มีความลึกจำกัด แต่มีความกว้างยาวไม่จำกัด ในกรณีเคราะห์ที่อ่าวความหนืดของน้ำคงที่และมีแรงเรื่องเนื่องจากลมกระทำบนผิวน้ำ พร้อมกับมีคลื่นพิเรย์เดียว เคลื่อนที่ไปในทิศทางเดียวกัน ความเร็วของกราฟเสน้ที่ได้เป็นผลรวมของการเสน้ที่เกิดจากแรงเรื่องของลมและการเสน้ที่เกิดจากการเคลื่อนย้ายมวลน้ำเนื่องจากคลื่น สำหรับความเร็วของการเสน้ที่เกิดจากคลื่นพบว่า ขึ้นอยู่กับอัตราส่วนความลึกของน้ำ ( $h$ ) ต่อความยาวคลื่น ( $L$ ) ในกรณีที่น้ำลึกมาก ( $h \rightarrow \infty$ ) ทิศทางของการเสน้ที่ผิวน้ำเนื่องจากคลื่นจะมีค่ามุมเบี้ยงเบนอยู่ระหว่าง  $36^{\circ}$  ถึง  $45^{\circ}$  องศา ในกรณีน้ำตื้น ( $\frac{h}{L}$  มีค่าน้อย) มุมของการเสน้ที่เบี้ยงเบนขึ้นอยู่กับขนาดของ Ekman depth ( $d$ ) หรืออัตราส่วนของ  $\frac{d}{L}$  สำหรับค่า  $\frac{d}{L}$  น้อย ๆ มุมเบี้ยงเบนของทิศทางกราฟเสน้ที่ผิวน้ำจะมีค่าขั้น ๆ ลง ๆ โดยมีค่าเฉลี่ยอยู่ที่ประมาณ  $45^{\circ}$  องศา ทฤษฎีกราฟเสน้ที่พัฒนาขึ้นมานี้ เมื่อพิจารณาในกรณีน้ำลึกมาก ปรากฏว่ามีความสอดคล้องกับทฤษฎีของ Madsen ซึ่งเป็นทฤษฎีสำหรับกรณีน้ำมีความลึกเป็นค่าอนันต์

Thesis Title                                  Theoretical Investigatin of Current Induced  
 by wind Shear and waves in Fluid of Finite Depth  
 Name    Mr.Sopphaporn Pukaseemvarangkool  
 Thesis Advisor                                Mr.Jesada Jiraporn  
 Co-advisor                                    Assistant Professor Anawad Wadcharapitaggoon  
 Department                                    Marine Science  
 Academic year                                1985



#### ABSTRACT

The current induced by wind and monochromatic waves in a rotating, viscous fluid of finite depth and infinite lateral extent is examined based upon Lagrangian description of motion. The fluid viscosity is assumed constant and the effect of surface shear stress are incorporated in the analysis. The combined wind-and wave-induced drift velocity is found to be composed of a surface wind shear current and a wave-associated mass transport current. The wave-induced surface drift velocity strongly depends on the ratio between water depth,  $h$  and wavelength,  $L$ . For the case of deep water ( $\frac{h}{L} \sim \infty$ ) the direction of the wave-induced surface drift was found to be in the range of 36 to 45 degrees with respect to the direction of the wind. For small  $\frac{h}{L}$  ratio the deflection angle was found to be depend on the magnitude of Ekman depth,  $\delta$ , or specifically the ratio  $\frac{\delta}{L}$ . For small  $\frac{\delta}{L}$ , the deflection angle oscillate around 45, angle. The velocity and deflection angle found in this study, in the case of infinite depth, were in confirmity with the solution of Madsen.



## ACKNOWLEDGEMENTS

The author is especially greateful to Mr. Jesada Jiraporn, thesis advisor, for his suggestion and correction of this thesis.

He is also in great debt to Assistant Professor Anawad-Wadcharapitagoon and Mr. Supichai Tangjaitrong for reading the manuscript and giving numerous suggustions for amendments and improvements on his thesis work.

He would like to acknowledge Professor Dr. Kiyoshi Yamasato, Department of Oceanography, Ryukyu University, Okinawa, Japan, for granting him the scholarship Okinawa Prefecture, Okinawa, Japan.

He would like to acknowledge Professor Dr, Ujiie Hiroshi and Associate Professor Dr. Satoshi Yamamoto, Department of Oceanography, Ryukyu University, Okinawa, Japan, for translating technics of Physical Oceanography to him.

He also would like to acknowledge Associate Professor Dr. Keisuke Taira and Associate Professor Ryuji Kimura, Ocean Research Institute, University of Tokyo, Japan, for highly value information leading to raising several topics of this thesis.

Finally, he would like to acknowledge Okinawa Prefecture staff, Okinawa, Japan, for giving advices and comments during his research at Okinawa Prefecture.



## TABLE OF CONTENTS

	page
ABSTRACT .....	IV
ACKNOWLEDGEMENTS .....	VI
LIST OF FIGURES .....	X
LIST OF NOTATIONS .....	XI
CHAPTER I INTRODUCTION .....	1
CHAPTER II MATHEMATICAL FORMULATION .....	5
2.1 Derivation of Governing Equation .....	5
2.2 Boundary Conditions .....	6
CHAPTER III SOLUTION .....	8
3.1 Complementary Solution .....	8
3.2 Particular Solution .....	9
3.3 Complete Solution .....	10
CHAPTER IV. DISCUSSION AND CONCLUSION .....	14
4.1 Numerical Calculation of the Solution .....	14
4.2 Comparision with Madsen Solution .....	14
4.3 Effect of Water Depth on the Speed and Direction of Wave-Induced Surface Drift .....	15
4.4 Conclusions .....	16
REFERENCES .....	29
APPENDIX PROGRAM COMPUTER for CALCULATING MAGNITUDE AND DEFLECTION ANGLE OF WAVE-INDUCED SURFACE DRIFT AND VERTICAL VELOCITY PROFILE .....	31
VITA .....	34

## LIST OF FIGURES

	page
Figure 1      Magnitude of the wave-induced surface drift as a function of $k\delta$ .....	17
Figure 2      Deflection angle of wave-induced surface drift relation to the wave and wind direction as a function of $k\delta$ .....	18
Figure 3a      Vertical distribution of the velocity component relation to $\frac{z}{L}$ in x-direction for $\frac{h}{L} = 1.5$ .....	19
Figure 3b      Vertical distribution of the velocity component relation to $\frac{z}{L}$ in y-direction for $\frac{h}{L} = 1.5$ .....	20
Figure 4a      Vertical distribution of the velocity component relation to $\frac{z}{L}$ in x-direction for $\frac{h}{L} = 1$ .....	21
Figure 4b      Vertical distribution of the velocity component relation to $\frac{z}{L}$ in y-direction for $\frac{h}{L} = 1$ .....	22
Figure 5a      Vertical distribution of the velocity component relation to $\frac{z}{L}$ in x-direction for $\frac{h}{L} = 0.5$ .....	23
Figure 5b      Vertical distribution of the velocity component relation to $\frac{z}{L}$ in y-direction for $\frac{h}{L} = 0.5$ .....	24
Figure 6a      Vertical distribution of the velocity component relation to $\frac{z}{L}$ in x-direction for $\frac{h}{L} = 0.25$ ....	25
Figure 6b      Vertical distribution of the velocity component relation to $\frac{z}{L}$ in y-direction for $\frac{h}{L} = 0.25$ ....	26
Figure 7a      Vertical distribution of the velocity component relation to $\frac{z}{L}$ in x-direction for $\frac{h}{L} = 0.125$ ....	27
Figure 7b      Vertical distribution to the velocity component relation to $\frac{z}{L}$ in y-direction for $\frac{h}{L} = 0.125$ ....	28



## LIST OF NOTATION

- $\bar{p}$  pressure gradient in the direction of wave propagate
- $w$  total current velocity
- $a$  wave amplitude
- $h$  water depth
- $k$  wave number
- $u$  second order steady Lagrangian velocity in  
x - direction
- $v$  second order steady Lagrangian velocity in  
y - direction
- $z$  vertical coordinate measured from water surface
- $\rho$  water density
- $\omega$  angular wave frequncy
- $\sqrt{}$  kinematic eddy viscosity
- $\phi$  latitude
- $\delta$  Ekman's depth
- $\tau$  surface wind shear stress
- $\Omega$  angular velocity of earth rotation
- $\theta$  deflection angle of the current respected to the direction  
of the wind

x

The coordinate system used in this paper is as shown below.

The origin is at the mean water surface.

