

## เอกสารอ้างอิง

1. Luyben, W.L. Practical Distillation Control. New York : Van Ncstrand Reinhold, 1992.
2. Quintero-Marmol, E., Luyben, W.L., and Georgakis,C. 1991. Application of an extended Luenberger observer to the control of multicomponent batch distillation. Ind. Eng. Chem. Res. 30: 1870-1880.
3. Yu, C. C., Luyben, W. L. Control of Multicomponent Distillation Columns Using Rigorous Composition Estimators. Distillation and Absorption1987. 1987-A29. ; Inst. of Chem. Eng. Symposium Series No.104; Inst. of Chem. Eng.; London.
4. Roffel, B., and Chin, P. Computer Control in the Process Industries. New York : Lewis Publishers, 1987.
5. Frank L. Lewis, Applied Optimal Control and Estimation. New Jersey : Prentic-Hall International, 1992.
6. ICONICS, Inc. GENESIS User's Reference Guide Version 3.6 Book 1&2 : Genesis Control Series, 1993.
7. Quintero-Marmol, E. and Luyben ,W.L. 1992. Inferential model-based control of multicomponent batch distillation. Chem.Eng.Sci. 47(4): 887-898.
8. Ray, W.,H. (1981), Advanced Process Control, Chemical Engineering Series. McGraw-Hill: New York.
9. Saadat, H. (1993), Computational Aids in Control Systems Using MATLAB. McGraw-Hill : New York.

ภาคผนวก

ศูนย์วิทยบรังษยการ  
บุคลากรณ์มหาวิทยาลัย

ภาคผนวก ก

ตารางแสดงคุณสมบัติของเอทิลแอลกอฮอล์และน้ำ

Chemical formula	C <sub>2</sub> H <sub>5</sub> OH	H <sub>2</sub> O
M.W.	46.069	18.015
BP. at 20 °C ( C / K )	78.4 / 351.5	100 / 373.2
Density at 20 °C ( kg/m <sup>3</sup> )	789	1,000
Latent heat of vaporization ( J/gmole )	33,460	41,590
SG. at 20 °C	0.789	1
Antoine coeff. A (ANTA)	18.9119	18.3036
Antoine coeff. B (ANTB)	3,803.98	3,816.44
Antoine coeff. C (ANTC)	-41.68	-46.13
T <sub>c</sub> ( K )	516.2	647.3
P <sub>c</sub> ( atm )	63	217.6
α <sub>i</sub> เฉลี่ย	2.304	1

โดยที่สมการ Antoine คือ

$$\ln(VP)_i = ANTA_i - \frac{ANTB_i}{T - ANTC_i}$$

เมื่อ VP<sub>i</sub> = ความดันไอของสาร i มีหน่วยเป็นบาร์ยากาศ.

T = อุณหภูมิ มีหน่วยเป็นเคลวิน

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาคผนวก ฯ

ข้อมูลสมดุลของระบบอุทกานอลน้ำ ที่ความดันคงที่ 1 บรรยากาศ

อุณหภูมิ (C)	X	Y
100	0	0
95.5	0.019	0.17
89	0.0721	0.3891
86.7	0.0966	0.4375
85.3	0.1238	0.4704
84.1	0.1661	0.5089
82.7	0.2337	0.5445
82.3	0.2608	0.558
81.5	0.3273	0.5826
80.7	0.3965	0.6122
79.8	0.5079	0.6564
79.7	0.5198	0.6599
79.3	0.5732	0.6841
78.74	0.6763	0.7385
78.41	0.7472	0.7815
78.15	0.8943	0.8943

เมื่อ

X = อัตราส่วนโดยไมลของอุทกานอลในของผสมเหลว

Y = อัตราส่วนโดยไมลของอุทกานอลในไอของของผสม

## ภาคผนวก C

**แสดงการหาค่าเมตริก A, B และ C สำหรับสมการที่มีความสัมพันธ์เชิงเส้นของคอลัมน์  
หอกลั่นแบบง่ายของสาร 2 องค์ประกอบ**

**เงกเตอร์สภาวะ :**

$$\mathbf{x} = [x_{B,1} \ x_{11} \ x_{21}, \dots x_{N,1} \ x_{D1}]^T$$

ตัวห้อยตัวแรกแสดงจำนวนขั้นและตัวห้อยตัวที่สองแสดงจำนวนองค์ประกอบ เเละ  
แสดงจำนวนขั้นในหอกลั่นนับจากส่วนล่างขึ้นบน หม้อต้มไอน้ำคือขั้น B และหม้อเก็บรีฟลักซ์คือ  
ขั้น D ค่าตัวแปรสภาวะที่แสดงเป็นขององค์ประกอบที่หนึ่งเท่านั้น เพราะตัวแปรสภาวะของตัว  
ประทีสองได้มาจากภารណำอัตราส่วนโดยไม่ขอองค์ประกอบที่หนึ่งมาลบออกจากหนึ่ง

$a_{ij}$  ของกระบวนการในเมตริก A แสดงไว้ดังนี้

ขั้นที่ 1 ( หม้อต้มไอน้ำ ) :

$$a_{11} = \frac{-R + V(1 - Kv_B)}{H_B}$$

$$a_{12} = R/H_B$$

ขั้นที่ i :

$$a_{i+1,i} = (V/H_i)Kv_{i-1}$$

$$a_{i+1,i+1} = -(R + VKv_i)/H_i$$

$$a_{i+1,i+2} = R/H_i$$

ขั้นที่ N ( หม้อเก็บรีฟลักซ์ ) :

$$a_{N,N-1} = (V/H_D)Kv_N$$

$$a_{N,N} = -V/H_D$$

$b_i$  ของเมตริก B ได้มาจาก

ขั้นที่ 1 ( หม้อต้มไอน้ำ ) :

$$b_{B,1} = \frac{(x_{1,1} - x_{B,1}) + (x_{1,ss} - x_{B,ss})}{2 * H_B}$$

ขั้นที่ i :

$$b_{i,1} = \frac{(x_{i+1,1} - x_{i,1}) + (x_{i+1,ss} - x_{i,ss})}{2 * H_i}$$

ขั้นที่ N ( หม้อเก็บรีฟลักซ์ ) :

$$b_{D,1} = 0$$

## ภาคผนวก ง

โปรแกรม MATLAB เพื่อใช้ทดสอบความสามารถในการประมาณค่าตัวแปรสภาวะโดย  
ใช้ค่าตัวแปรข้ออก  
( Observability checking )

```
>> A = [ a11 a12 a13 ... a1n
          a21 a22 a23 ... a2n
          :
          am1 am2 am3 ... amn ];
```

```
>> C = [ c11 c12 c13 ... c1n
          c21 c22 c23 ... c2n
          :
          cm1 cm2 cm3 ... cmn ];
```

```
>> [ m,n ] = size ( A );
>> ob = C;
>> for i = 1: n-1
>>     ob = [ C; ob*A ]; % ob = Observability matrix
>> end
>> if rank ( ob ) ~ = n
>>     disp ( 'System is not state observable' )
>> else
>>     disp ( 'System is state observable' )
>> end
```

## ภาคผนวก ๑

### โปรแกรม MATLAB เพื่อใช้หาเมตริกเกนวาร์ปิกของออนเซิร์ฟเวอร์ ด้วยวิธี Pole-Placement

( MATLAB program to find Closed-loop matrix gains by Pole-Placement method)

```
>> A = [ a11 a12 a13 ... a1n
          a21 a22 a23 ... a2n
          :
          ann an1 an3 ... ann ];
```

```
>> C = [ c11 c12 c13 ... c1n
          c21 c22 c23 ... c2n
          :
          cm1 cm2 cm3 ... cmn ];
```

```
>> P = [ p11 p12 p13 ... p1n ]; % desired closed-loop poles
>> K = place ( A',C',P ).' % K = observer gains
>> O = eig ( A - K*C ).' % back checking of closed loop poles
```

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## ภาคผนวก ฉ

โปรแกรม MATLAB เพื่อใช้หาเมตริกเกนวจรอปติของออบเซอร์ฟเวอร์  
คัวยิวิชี Linear Quadratic Estimator

( MATLAB program to find Closed-loop matrix gains by Linear Quadratic  
Estimator method)

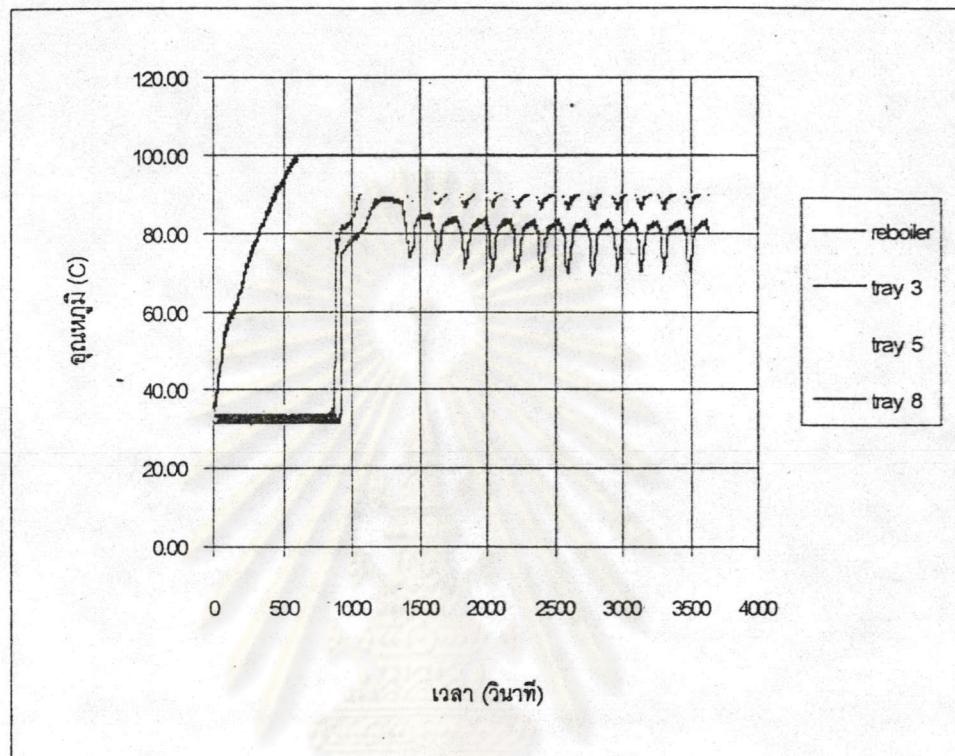
```
>> A = [ a11 a12 a13 ... a1n
          a21 a22 a23 ... a2n
          :
          an1 an2 an3 ... ann ];
```

```
>> C = [ c11 c12 c13 ... c1n
          c21 c22 c23 ... c2n
          :
          cm1 cm2 cm3 ... cmn ];
```

```
>> q = q̄ * eye(n); % process noise covariance
>> r = r̄ * eye(m); % measurement noise covariance
>> g = ḡ * eye(n);
>> [ l,p,e ] = LQE ( a,g,c,q,r )
```

## ภาคผนวก ๔

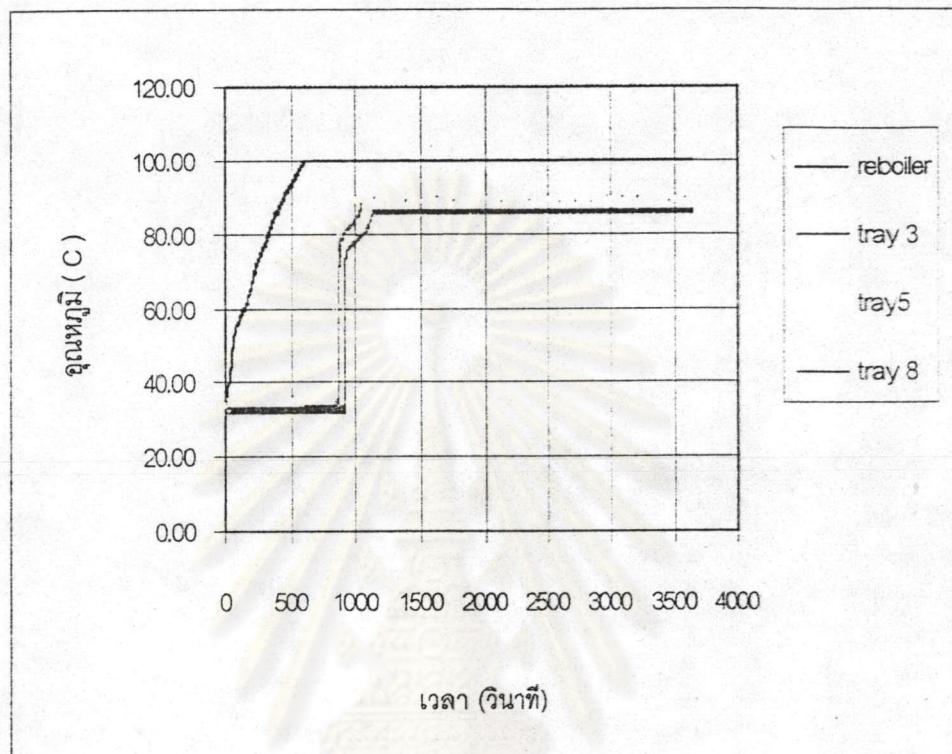
กราฟแสดงอุณหภูมิการกลั่นจริงที่ความเข้มข้นของผสมน้ำ-แอลกอฮอล์ 15 %



ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## ภาคผนวก ๗

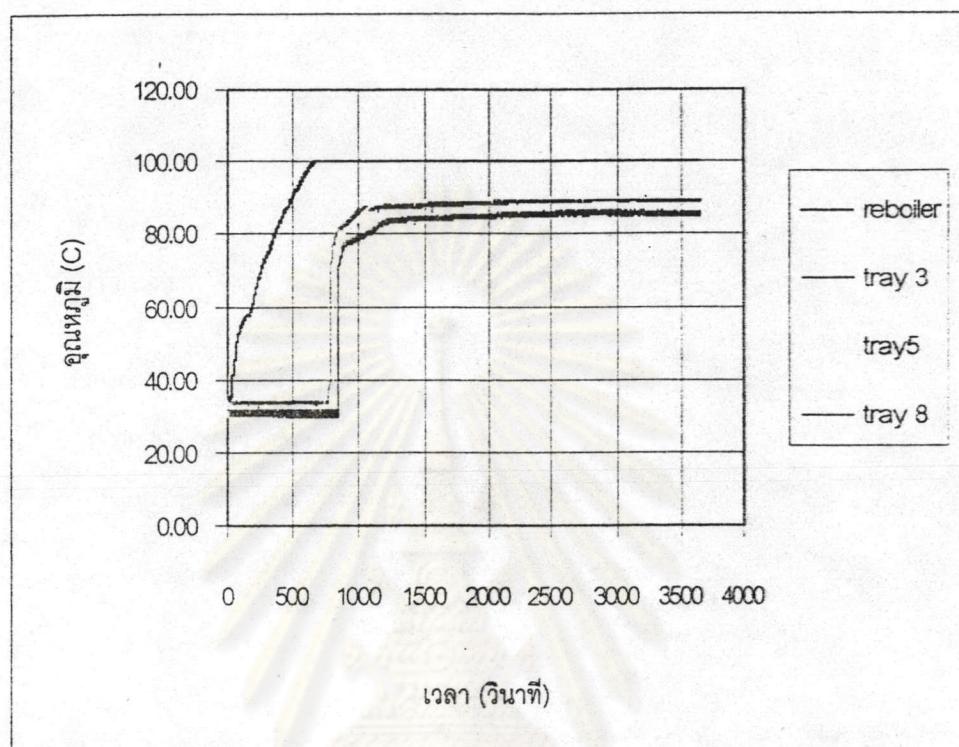
กราฟแสดงอุณหภูมิการกลั่นเบื้องต้นที่ความเร็วขั้นของของผลมน้ำ-แอลกอฮอล์ 15 %



ศูนย์วิทยทรพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## ภาคผนวก ณ

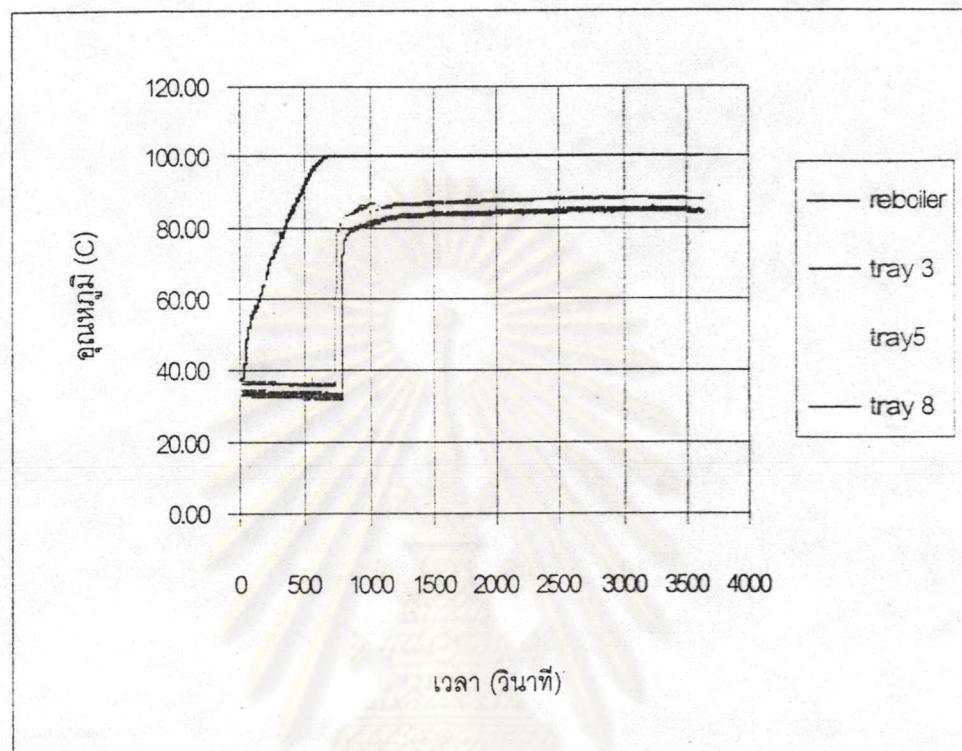
กราฟแสดงอุณหภูมิการกลั่นจริงที่ความเข้มข้นของของผสมน้ำ-แอลกอฮอล์ 25 %



ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## ภาคผนวก ณ

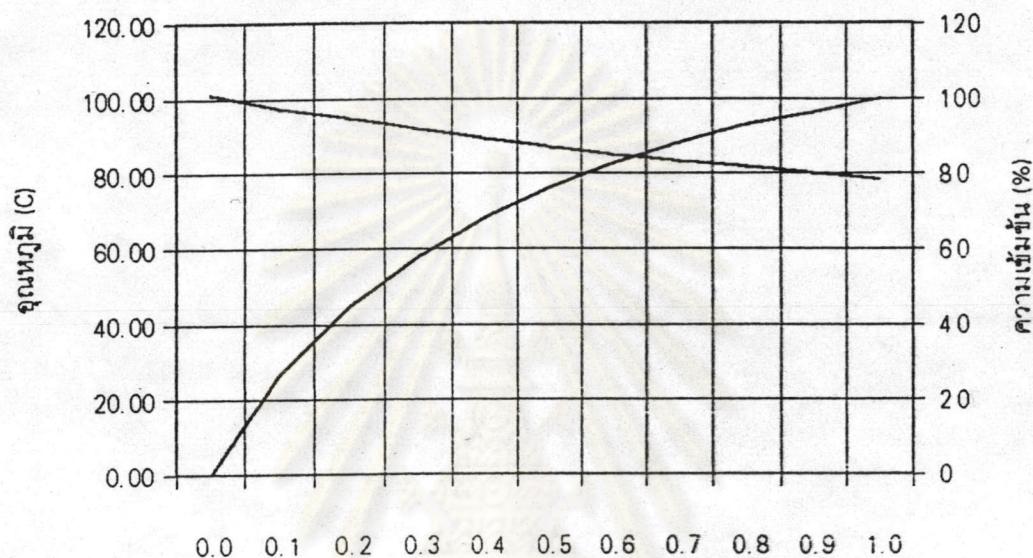
กราฟแสดงอุณหภูมิการกลั่นจริงที่ความเข้มข้นของของผสมน้ำ-แอลกอฮอล์ 35 %



ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## ภาคผนวก ภ

กราฟแสดงอุณหภูมิเมื่อเทียบกับอัตราส่วนโดยไม้ลามของแอกโซฮอล์



อัตราส่วนโดยไม้ลามของแอกโซฮอล์

ศูนย์วิทยทรพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

### ตัวอย่างการคำนวณ

1. การหาจุดเดือดเฉลี่ยของของผสมน้ำ-แอลกอฮอล์,  $T_{b,mix}$

$$T_{b,H_2O} = 100^\circ\text{C} \quad T_{b,al} = 78.4^\circ\text{C}$$

เตรียมของผสมความเข้มข้น 25% โดยปริมาตร คิดเป็น mole fraction 0.09

$$\begin{aligned} T_{b,mix} &= (0.09 * 78.4) + (0.91 * 100) \\ &= 98.056^\circ\text{C} \end{aligned}$$

2. การหาค่าความสามารถในการถ่ายเทไอ,  $\alpha_i$

$$\text{จาก สมการ } \ln(VP_j) = ANTA - \frac{ANTB}{T - ANTC} \text{ และ } \alpha_{ij} = VP_i / VP_j$$

VP = ความดันไอ ( บรรยากาศ )

ANTA = ค่าคงที่แอนโทนีเอ

ANTB = ค่าคงที่แอนโทนีบี

ANTC = ค่าคงที่แอนโทนีซี

T = อุณหภูมิ ( เคลวิน )

อุณหภูมิ ( K )	VP ethanol	VP water	$\alpha_i$
323	219.204	91.778	2.388
328	277.587	117.200	2.368
333	348.683	148.394	2.350
338	434.630	186.378	2.332
343	537.815	232.295	2.315
348	660.885	287.418	2.299
353	806.759	353.164	2.284
358	978.643	431.092	2.270
363	1180.032	522.914	2.257
368	1414.728	630.501	2.244
373	1686.841	755.884	2.232

$$\alpha_i \text{ เฉลี่ย} = 2.304$$

3. การหาจำนวนโมลของไอของของผสมที่ระเหย,  $V$

$$\text{ไอน้ำอิมตัวที่ความดัน } 1 \text{ bar มีพลังงาน} \quad 48,159 \text{ J/gmole}$$

$$\text{แออกอชอร์ส มี ค่าความร้อนแห้งในการกลایเป็นไอ} \quad 33,460 \text{ J/gmole}$$

$$\text{น้ำ มี ค่าความร้อนแห้งในการกลัยเป็นไอ} \quad 41,590 \text{ J/gmole}$$

$\therefore$  ค่าความร้อนแห้งในการกลัยเป็นไอเฉลี่ยคิดที่ค่าความเข้มของของผสม 25%

$$= (0.09 * 33,460) + (0.91 * 41,590)$$

$$= 40,858.3 \text{ J/gmole}$$

$$K_{\text{ของวาร์ส}} = 1.4 \text{ m}^3/\text{hr}$$

$$\text{ปริมาตรร่องเพาะ(sp. volume) ที่ความดัน } 1 \text{ bar} = 1.679 \text{ m}^3/\text{kg}$$

$$\therefore \text{อัตราการไหลของไอน้ำ} = (1.4 \text{ m}^3/\text{hr}) * (1/1.679 \text{ kg/m}^3) * (1000 \text{ g/kg}) * (1/18 \text{ mole/g})$$

$$= 46.324 \text{ gmole/hr}$$

$$\therefore \text{ไอน้ำมีพลังงาน} \quad = 46.324 * 48,159 = 2.23 * 10^6 \text{ J/hr}$$

$$\therefore \text{ไอของของผสมระเหยได้} = \frac{2.23 * 10^6}{40,858.3} = 54.60 \text{ gmole/hr}$$

4. Liquid hold up ที่เครื่องควบแน่น,  $H_D$

$$\text{มวลโมเลกุลของน้ำ, Mwt}_{\text{H}_2\text{O}} = 18$$

$$\text{มวลโมเลกุลของแออกอชอร์ส, Mwt}_{\text{a}} = 46$$

$$\text{ความหนาแน่นของน้ำ, } \rho_{\text{H}_2\text{O}} = 1 \text{ g/cm}^3$$

$$\text{ความหนาแน่นของแออกอชอร์ส, } \rho_{\text{a}} = 0.789 \text{ g/cm}^3$$

$$\therefore \text{ความหนาแน่นเฉลี่ย} (\rho_{\text{avg}}) \text{ ที่ mole fraction } 0.5$$

$$= (0.5 * 0.789) + (0.5 * 1) = 0.8945 \text{ g/m}^3$$

$$\therefore \text{มวลโมเลกุลเฉลี่ย (Mwt}_{\text{avg}}) \text{ ที่ mole fraction } 0.5$$

$$= (0.5 * 18) + (0.5 * 46) = 32$$

hold up ใน reflux drum สูง 3 cm

เส้นผ่านศูนย์กลางของหอกลัน 8 cm<sup>2</sup>

$$\therefore \text{ปริมาตร hold up} = \pi (8/2)^2 * 3 = 150.796 \text{ cm}^3$$

$$\therefore \text{hold up, } H_D = (150.796 \text{ cm}^3) * (0.8945 \text{ g/cm}^3) * (1/32 \text{ mole/g})$$

$$= 4.215 \text{ mole}$$

5. Liquid hold up ในแต่ละชั้นของห้องลับ,  $H_i$

hold up ในแต่ละชั้นสูง 1 cm

$$\therefore \text{ปริมาตร hold up} = \pi (8/2)^2 * 1 = 50.265 \text{ cm}^3$$

$$\begin{aligned}\therefore \text{hold up, } H_i &= (50.265 \text{ cm}^3) * (0.8945 \text{ g/cm}^3) * (1/32 \text{ mole/g}) \\ &= 1.405 \text{ mole}\end{aligned}$$

6. Liquid hold up ในหน้าตั้มไอน้ำ,  $H_B$

feed 25 ลิตร ที่ความเข้ม 25 % แอลกอฮอล์

$$\therefore \text{คิดเป็นแอลกอฮอล์} = \frac{25,000 * 0.25 * 0.789}{46} = 107.20 \text{ mole}$$

$$\text{น้ำ} = \frac{25,000 * 0.75}{18} = 1041.67 \text{ mole}$$

$$H_{B0} = 1,148.87 \text{ mole}$$

$$H_{BF} = H_{B0} - \sum H_i \cdot H_D$$

$$= 1,148.87 - 10 * 1.405 - 4.21 = 1,130.61 \text{ mole}$$

$$H_{B,avg} = \frac{1,148.87 + 1,130.61}{2} = 1,139.74 \text{ mole}$$

7. หาสมการในเมตريก A

$$\begin{aligned}K_v &= \frac{\alpha}{(1 + (\alpha - 1)x_i)^2} \\ &= \frac{2.304}{(1 + (2.304 - 1) * 0.5)^2} = 0.844\end{aligned}$$

V และ  $R_s$  คิดเฉลี่ยตั้งแต่เริ่มต้นทำกราฟลดลงจนกว่าทั้งเข้าสู่ภาวะสมดุล

$$V = R_s = \frac{54.6}{2} = 27.3 \text{ mole}$$

$$a_{11} = \frac{-R_s + V(1 - K_v)}{H_B} = \frac{-27.3 + 27.3(1 - 0.844)}{1,139.74} = -0.020$$

$$a_{12} = \frac{R_s}{H_B} = \frac{27.3}{1,139.74} = 0.024$$

$$a_{i+1,i} = \frac{VK_v}{H_i} = \frac{27.3 * 0.844}{1.405} = 16.404$$

$$a_{i+1,i+1} = \frac{-(R_s + VK_v)}{H_i} = \frac{-(27.3 + 27.3 * 0.844)}{1.405} = -35.835$$

$$a_{i+1,i+2} = \frac{R_s}{H_i} = \frac{27.3}{1.405} = 19.4306$$

$$a_{D,9} = \frac{VK_v}{H_D} = \frac{27.3 * 0.844}{4.215} = 5.468$$

$$a_{D,D} = \frac{-V}{H_D} = \frac{-27.3}{4.215} = -6.4769$$

### 8. หา element ในเมตริก C

$$XX = 1 + (\alpha - 1)x_m = 1 + (2.304 - 1) * 0.5 = 1.65$$

$$b_{11} = -ANTB = -3,803.98$$

$$b_{21} = ANTA = 18.9119$$

$$P = 760 \text{ mm.Hg.}$$

$$c_i = \frac{b_{11}(\alpha - 1)}{XX[\ln(\frac{\alpha P}{XX}) - b_{21}]^2} = \frac{-3,803.98 * (2.304 - 1)}{1.65[\ln(\frac{2.304 * 760}{1.65}) - 18.9119]^2}$$

$$= -21.041$$

### 9. หา element ในเมตริก B

$$b_i = \frac{X_{i+1,15 \text{ min}} - X_{i,15 \text{ min}} + (X_{1+1,ss} - X_{i,ss})}{2 * H_i} ; b_{10} = 0$$

$$X_{1,15 \text{ min}} = 0.499 \quad X_{1,ss} = 0.494 \quad b_1 = 0.00009$$

$$X_{2,15 \text{ min}} = 0.500 \quad X_{2,ss} = 0.692 \quad b_2 = 0.05267$$

$$X_{3,15 \text{ min}} = 0.502 \quad X_{3,ss} = 0.838 \quad b_3 = 0.03167$$

$$X_{4,15 \text{ min}} = 0.506 \quad X_{4,ss} = 0.923 \quad b_4 = 0.1744$$

$$X_{5,15 \text{ min}} = 0.513 \quad X_{5,ss} = 0.965 \quad b_5 = 0.01139$$

$$X_{6,15 \text{ min}} = 0.526 \quad X_{6,ss} = 0.984 \quad b_6 = 0.01139$$

$$X_{7,15 \text{ min}} = 0.549 \quad X_{7,ss} = 0.993 \quad b_7 = 0.01495$$

$$X_{8,15 \text{ min}} = 0.587 \quad X_{8,ss} = 0.997 \quad b_8 = 0.02028$$

$$X_{9,15 \text{ min}} = 0.642 \quad X_{9,ss} = 0.999 \quad b_9 = 0.02456$$

$$X_{10,15 \text{ min}} = 0.711 \quad X_{10,ss} = 0.999 \quad b_{10} = 0$$

10. ลดอันดับของระบบลงเหลือ 8 โดยไม่คิดขั้นที่ 1 และ 2 เนื่องจากเป็นขั้นที่ไม่มีเทอร์มิคปะเปิดติดต้องอยู่ ตรวจสอบความสามารถในการประมาณค่าตัวแปรสมการโดยใช้ค่าตัวแปรจากโดยใช้โปรแกรมสำเร็จรูป MATLAB ในภาคผนวก ง

11. คำนวณค่าอัตราการขยายวงจรปิดของระบบโดยใช้โปรแกรมสำเร็จรูป MATLAB ในภาคผนวก จ

# ศูนย์วิทยุทรัพยากร จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

### ประวัติผู้เขียน

นายปริญญาภรณ์ คงศรีเจริญ เกิดเมื่อวันที่ 22 พฤษภาคม พ.ศ. 2514 ที่จังหวัดชลบุรี สำเร็จการศึกษาจากคณะวิทยาศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย สาขาวิชาศึกษา บริญญา วิทยาศาสตรบัณฑิต สาขาเคมีศึกษาร่วม สาขาวิชาเทคโนโลยีเชื้อเพลิง เมื่อปี พ.ศ. 2535 ได้รับทุนผู้ช่วยสอนในระดับปริญญาตรี ห้ามหันบัณฑิต และได้รับทุนจากบัณฑิตวิทยาลัยในการวิจัยครั้งนี้



ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย