



บทที่ 2

ทฤษฎี

ในบรรดาธาตุที่พบในธรรมชาตินั้น ธาตุที่มีเลขอะตอม (Atomic number) สูงกว่า 83 ล้วนเป็นนิวไคลด์กัมมันตรังสีทั้งสิ้น ราวครึ่งหนึ่งของธาตุเหล่านี้อยู่ในอนุกรมการสลายตัวตามธรรมชาติ โดยเริ่มต้น จากนิวไคลด์กัมมันตรังสีต่างๆกัน และสลายตัวให้นิวไคลด์กัมมันตรังสีต่อเนื่องกันมากมาย ซึ่งแบ่งออกเป็น 3 อนุกรมคือ อนุกรมยูเรเนียม อนุกรมทอเรียม และ อนุกรมแอกติเนียม^[18]

2.1 อนุกรมยูเรเนียม (Uranium Series)

อนุกรมนี้เริ่มจากยูเรเนียม-238 (U-238) แล้วไปสิ้นสุดที่ปรอท-206 (Hg-206) ซึ่งเป็นนิวไคลด์ที่เสถียร การสลายตัวแต่ละครั้งจะให้อนุภาคหรือรังสีออกมา อนุภาคแอลฟา อนุภาคเบตา และรังสีแกมมา อนุกรมยูเรเนียมนี้มีธาตุยูเรเนียม-238 มีอายุยาวที่สุด คือมีครึ่งชีวิต (Half life) 4.5×10^9 ปี มีการสลายตัว 14 ชั้น โดยปล่อยอนุภาคเบตา 6 ครั้ง และอนุภาคแอลฟา 8 ครั้ง นิวไคลด์กัมมันตรังสีทุกตัวในอนุกรมนี้ เมื่อตรวจพินิจดูจะเห็นว่าเลขมวลมีค่า $4n+2$ เมื่อ n เป็นเลขจำนวนเต็ม การสลายตัวในอนุกรมนี้ สรุปดังแสดงในรูปที่ 2.1

2.2 อนุกรมทอเรียม (Thorium series)

สำหรับอนุกรมนี้เริ่มจากทอเรียม-232 (Th-232) จะสลายตัวเป็นขั้น ๆ ไปตามลำดับจนไปสิ้นสุดที่ตะกั่ว-212 (Pb-212) ซึ่งเป็นนิวไคลด์ที่เสถียร อนุกรมนี้ทอเรียม-232 มีอายุยาวที่สุดคือมีครึ่งชีวิต 1.42×10^{10} ปี มีการสลายตัว 10 ชั้นโดยปล่อยอนุภาคเบตา 4 ครั้ง อนุภาคแอลฟา 6 ครั้ง อนุกรมนี้พบว่าทุกธาตุมีเลขมวล $4n$ เมื่อ n เป็นเลขจำนวนเต็มการสลายตัวในอนุกรมนี้ สรุปดังแสดงในรูปที่ 2.2

2.3 อนุกรมแอกติเนียม (Actinium Series)

อนุกรมนี้บางครั้งก็เรียกว่า อนุกรมแอกทิโน-ยูเรเนียม (Ac-U) โดยเริ่มต้นจาก ยูเรเนียม-235 แล้วไปสิ้นสุดที่ตะกั่ว-207 (Pb-207) ซึ่งเป็นนิวไคลด์ที่เสถียร อนุกรมชุดนี้มียูเรเนียม-235 มีอายุ

ยูธาวที่สุดคือมีครึ่งชีวิต 7.1×10^{10} ปี สลายตัว 14 ชั้น ให้อนุภาคเบต้า 6 ครั้ง และอนุภาคแอลฟา 8 ครั้ง อนุกรมแยกที่นิยมนี้ทุกธาตุมีเลขมวล $4n+3$ เมื่อ n เป็นเลขจำนวนเต็ม การสลายตัวในอนุกรมนี้สรุปได้ดังแสดงในรูปที่ 2.3

ข้อที่น่าสนใจคือไม่มีการพบอนุกรม $4n+1$ ในธรรมชาติ ซึ่งเป็นเพราะธาตุในอนุกรมนั้น มีครึ่งชีวิตสั้นเมื่อเปรียบเทียบกับอายุโลก จึงสลายตัวไปหมดแล้ว (11)

เรเดียม-226 เป็นนิวไคลด์หนึ่งในอนุกรมยูเรเนียม-238 มีครึ่งชีวิตประมาณ 1620 ปี สลายตัวให้รังสีแกมมาพลังงาน 186 KeV (4%) และสลายตัวให้อนุภาคแอลฟา กลายเป็นเรดอน-222 และสลายตัวไปเรื่อยๆ ดังแผนภูมิการสลายตัว นิวไคลด์กัมมันตรังสีที่เป็น Daughter ของเรเดียม-226 ตัวที่น่าสนใจก็คือ บิสมัท-214 (Bi-214) มีครึ่งชีวิต 27 นาที สลายตัวให้รังสีแกมมาหลายพลังงานที่สำคัญ ได้แก่ 609 KeV (43%) และอีกตัวหนึ่งก็คือตะกั่ว-214 (Pb-214) ซึ่งมีครึ่งชีวิต 20 นาที สลายตัวให้รังสีแกมมาหลายพลังงาน ที่สำคัญได้แก่ 352 KeV (35%)

2.4 กฎการสลายตัวของสารกัมมันตรังสี (12)

การสลายตัวของสารกัมมันตรังสีไม่ขึ้นอยู่กับอิทธิพลของสภาพแวดล้อมภายนอก นิวเคลียส หากแต่ว่าการสลายตัวนี้เป็นไปตามหลักการทางสถิติในส่วนที่เกี่ยวกับโอกาสอัตราการสลายตัวจะเป็นสัดส่วนโดยตรงกับจำนวนของอะตอมที่มีอยู่ กล่าวได้ว่า

$$-dN/dt = \lambda N \text{ ----- (2.1)}$$

เมื่อ dN/dt = อัตราการสลายตัว (disintegration rate)

λ = ค่าคงที่ของการสลายตัว (decay constant)

N = จำนวนอะตอมที่มีอยู่ ณ เวลา t ใด ๆ t

ถ้า N_0 = จำนวนอะตอมที่มีอยู่ ที่เวลา $t = 0$

เมื่อแก้สมการที่ 2.1 แล้วจะได้

$$N = N_0 \exp(-\lambda t) \text{ ----- (2.2)}$$

เมื่อสารกัมมันตรังสี ลดปริมาณลงครึ่งหนึ่งจากที่มีอยู่เดิม จะเรียกช่วงเวลานี้ว่า ครึ่ง (half life) ของสารนั้น

$$\text{จาก (2.2) } N_0/2 = N_0 \exp(-\lambda t^{1/2})$$

$$t^{1/2} = 0.693/\lambda \text{ ----- (2.3)}$$

$$t^{1/2} = \text{ครึ่งชีวิต (Half life)}$$

92	U	U^{238}, U_I (uranium I) 4.51×10^9 years	U^{234}, U_{II} (uranium II) 2.48×10^5 years				
91	Pa	α β	Pa^{234}, UX_2 (99.85%) 1.18 minutes β Pa^{234}, UZ 6.7 hours β	β 1.7 (0.15%) α			
90	Th	Th^{234}, UX_1 (uranium X ₁) 24.1 days	Th^{230}, Io (ionium) 7.52×10^4 years				
89	Ac		α				
88	Ra		Ra^{226}, Ra (radium) 1622 years				
87	Fr		α				
86	Rn		Rn^{222}, Rn (radon) 3.825 days				
85	At		α	At^{218} 1.3 seconds			
84	Po		Po^{218}, RaA (radium A) 3.05 minutes	β (0.02%) α	Po^{214}, RaC' (radium C') 1.6×10^{-4} second	Po^{210}, RaF (polonium) 138.4 days	
83	Bi	α (99.98%)	Bi^{214}, RaC (radium C) 19.7 minutes	β (99.96%) α	Bi^{210}, RaE (radium E) 5.01 days	α	
82	Pb		Pb^{214}, RaB (radium B) 26.8 minutes	β α (0.04%)	Pb^{210}, RaD (radium D) 22 years	α ($5 \times 10^{-5}\%$)	Pb^{206}, RaG (stable lead isotope)
81	Tl		Tl^{210}, RaC'' (radium C'') 1.32 minutes	β α ($1.8 \times 10^{-6}\%$)	Tl^{206}, RaE'' (radium E'') 4.3 minutes	β	
80	Hg				Hg^{206} 8.5 minutes		

รูปที่ 2.1 อุนกรมยูเรเนียม

90	Th $\text{Th}^{232}, \text{Th}$ (thorium) 1.39×10^{10} years		$\text{Th}^{230}, \text{RdTh}$ (radiothorium) 1.90 years			
89	Ac	α	$\text{Ac}^{228}, \text{MsTh}_2$ (mesothorium 2) 6.13 hours	β		
88	Ra	β	$\text{Ra}^{226}, \text{MsTh}_1$ (mesothorium 1) 6.7 years	α	$\text{Ra}^{224}, \text{ThX}$ (thorium X) 3.64 days	
87	Fr			α		
86	Rn				$\text{Rn}^{220}, \text{Th}$ (thoron) 54.5 seconds	
85	At			α		
84	Po				$\text{Po}^{216}, \text{ThA}$ (thorium A) 0.158 second	$\text{Po}^{212}, \text{ThC}'$ (thorium C') 3.0×10^{-7} second
83	Bi			α (~100%)	$\text{Bi}^{212}, \text{ThC}$ (thorium C) 60.6 minutes	β (66.3%) α
82	Pb			β	$\text{Pb}^{212}, \text{ThB}$ (thorium B) 10.6 hours	α (33.7%) $\text{Pb}^{208}, \text{ThD}$ (stable lead isotope)
81	Tl			β	$\text{Tl}^{208}, \text{ThC}''$ (thorium C'') 3.1 minutes	

รูปที่ 2.2 อนุกรมทอเรียม

U	U^{238}, AcU (actinouranium) 7.13×10^8 years				
Pa	α	Pa^{231}, Pa (protactinium) 3.48×10^4 years			
Th	Th^{231}, UY (uranium Y) 25.6 hours	β	α	$Th^{227}, RdAc$ (radioactinium) 18.17 days	
Ac		Ac^{227}, Ac (actinium) 22.0 years	β (98.8%)	α	
Ra		α (1.2%)	Ra^{226}, AcX (actinium X) 11.7 days		
Fr		Fr^{223}, AcK (actinium K) 22 minutes	β	α	
Rn		α ($4 \times 10^{-3}\%$)	Rn^{219}, An (actinon) 3.92 seconds		
At		At^{219} 0.9 minute	β (3%)	α	At^{215} 10^{-4} second
Po		α (97%)	Po^{215}, AcA (actinium A) 1.83×10^{-3} second	β ($5 \times 10^{-4}\%$)	Po^{211}, AcC' (actinium C') 0.52 second
Bi		Bi^{215} 8 minutes	β	α	Bi^{211}, AcC (actinium C) 2.15 minutes
Pb			β	α (99.68%)	Pb^{207}, AcD (stable lead isotope)
Tl				β	Tl^{207}, AcC'' (actinium C'') 4.79 minutes

รูปที่ 2.3 ออนุกรมแอกติเนียม

2.5 การสลายตัวต่อเนื่อง (Chain Disintegration)

เป็นการสลายตัวต่อกันของสารกัมมันตรังสี ถ้านิวเคลียส A สลายตัวเป็นนิวเคลียส B สลายตัวเป็นนิวเคลียส C นิวเคลียส C สลายตัวเป็นนิวเคลียส D เช่นนี้ไปเรื่อยๆ จนผลสุดท้ายได้นิวเคลียสที่คงที่ไม่สลายต่อไปอีก

ในที่นี้พิจารณาการสลายตัว 2 ทอด จาก A เป็น B จาก B เป็น C โดยที่ C เป็นนิวเคลียสที่ไม่เกิดการสลายตัว



ให้ λ_A เป็นค่าคงที่ของการสลายตัวของนิวเคลียส A

λ_B เป็นค่าคงที่ของการสลายตัวของนิวเคลียส B

เมื่อเริ่มต้น ($t = 0$) A มีจำนวนนิวเคลียสเท่ากับ N_0 และยังไม่เกิดนิวเคลียส B และ C

เมื่อเวลาผ่านไป (t) A มีจำนวนนิวเคลียส = N_A

B มีจำนวนนิวเคลียส = N_B

C มีจำนวนนิวเคลียส = N_C

จะหาค่า N_A , N_B และ N_C ได้ดังต่อไปนี้

เมื่อเวลาผ่านไป t

$$N_A = N_0 \exp(-\lambda_A t) \quad (2.4)$$

จำนวนนิวเคลียสของ B ที่มีอยู่ต่อวินาที เท่ากับผลต่างของอัตราการเกิดของ B กับอัตรา

การสลายตัวของ B

$$\text{ดังนั้น } dN_B/dt = \lambda_A N_A - \lambda_B N_B$$

$$dN_B/dt = \lambda_A N_0 \exp(-\lambda_A t) - \lambda_B N_B$$

$$N_B = \lambda_A N_0 [\exp(-\lambda_A t) - \exp(-\lambda_B t)] / (\lambda_B - \lambda_A) \quad (2.5)$$

แสดงถึงจำนวนนิวเคลียส B เมื่อเวลาผ่านไป t

จำนวนนิวเคลียส C ที่มีอยู่ต่อวินาที เท่ากับอัตราการสลายตัวของ B

$$dN_C/dt = \lambda_B N_B \quad \text{แทนค่า } N_B$$

$$dN_C/dt = \lambda_B [\lambda_A N_0 / (\lambda_B - \lambda_A) (\exp(-\lambda_A t) - \exp(-\lambda_B t))]$$

แทนค่าและแก้สมการแล้วจะได้จำนวนนิวเคลียส C เมื่อเวลาผ่านไป t

คือ

$$N_C = -N_0 [1 + \lambda_A \exp(-\lambda_B t) / (\lambda_B - \lambda_A) - \lambda_B \exp(-\lambda_A t) / (\lambda_B - \lambda_A)] \quad (2.6)$$

2.6 ภาวะสมดุลย์กัมมันตรังสี

สารกัมมันตรังสีซึ่งสลายตัวอย่างต่อเนื่อง เมื่อเวลาผ่านไประยะหนึ่งอาจเกิดภาวะสมดุลย์ขึ้นได้ แบ่งเป็น 2 ประเภท คือ

2.6.1 ภาวะสมดุลย์ทรานเซียนต์ (Transient equilibrium)

เกิดขึ้นเมื่อครึ่งชีวิตของสาร A มากกว่าครึ่งชีวิตของสาร B มาก นั่นคือค่าคงที่ของการสลายตัวของ B มากกว่าค่าคงที่ของการสลายตัวของ A

เมื่อ $(T^{1/2})_A > (T^{1/2})_B$

ดังนั้น $\lambda_A > \lambda_B$

เมื่อเวลาผ่านไปมาก (t มาก) $\exp(-\lambda_B t)$ จะน้อยกว่า $\exp(-\lambda_A t)$ มากจนสามารถตัดทิ้งได้

$$\text{ดังนั้น } N_B = \lambda_A N_0 / (\lambda_B - \lambda_A) [\exp(-\lambda_A t)]$$

$$N_B = \lambda_A N_0 / (\lambda_B - \lambda_A)$$

$$\text{เอา } \lambda_B \text{ คูณ ; } \lambda_B \lambda_A N_A / (\lambda_B - \lambda_A)$$

$$A_A / A_B = 1 - \lambda_A / \lambda_B \quad \text{----- (2.7)}$$

เมื่อ A_A และ A_B คือ ความแรงรังสี (Activity) ของ A

และ B ตามลำดับ

เนื่องจาก $\lambda_B > \lambda_A$ ดังนั้นเมื่อเกิดภาวะสมดุลย์ชั่วขณะอัตราส่วนระหว่าง

กัมมันตภาพของสาร A กับ B จะน้อยกว่า 1 เสมอ แต่ก็มีค่าใกล้เคียงกันในภาวะ

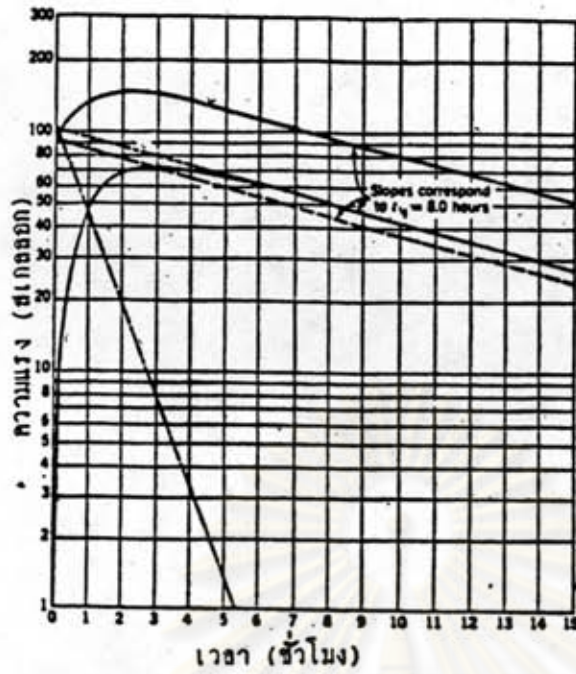
นี้สาร B จะสลายตัวเหมือนกับว่ามีครึ่งชีวิตเท่ากับครึ่งชีวิตของสาร A เพราะว่า

อัตราส่วนระหว่าง $A_A : A_B$ จะต้องเท่ากับ $1 - \lambda_A / \lambda_B$ เสมอ สาร B เกิดจาก

สาร A ตลอดเวลา จำนวนที่ลดลงจึงไม่เท่ากับเมื่อแยกสาร B มาอย่างเดี่ยว

แล้วปล่อยให้สลายตัว ดังที่แสดงในรูป 2.4

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รูปที่ 2.4 การเกิดสมดุลยัทรานเซียนต์

จากรูปจะเห็นได้ว่าเมื่อเวลาผ่านไปประมาณอัตราส่วนของ A และ B จะมีค่าคงที่ เรียกช่วงเวลานี้ว่า สารทั้งสองเกิดภาวะสมดุลยัทรานเซียนต์

2.6.2 ภาวะสมดุลยัทรานเซียนต์ (secular equilibrium)

ภาวะสมดุลยัทรานเซียนต์เกิดเมื่อ ครึ่งชีวิตของสาร A มากกว่า ครึ่งชีวิตของสาร B มากมาก ดังนั้น ค่าคงที่ของสารสลายตัวของสาร A น้อยกว่า ค่าคงที่ของการสลายตัวของสาร B มาก เมื่อ

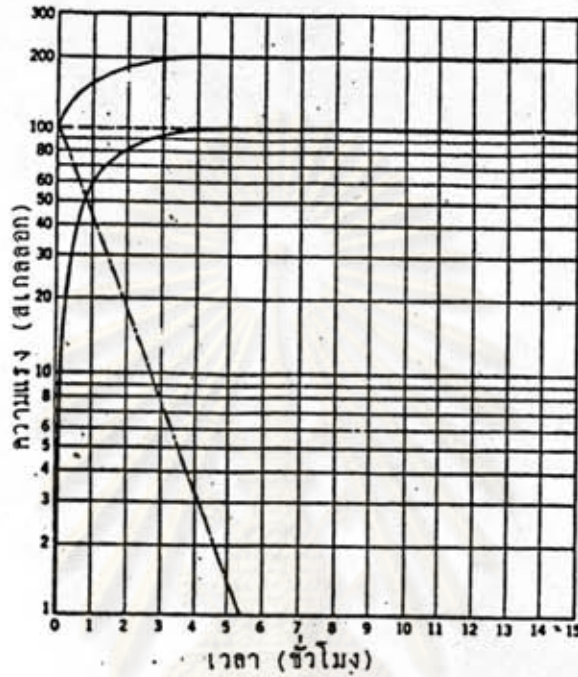
$$(T_{1/2})_A \gg (T_{1/2})_B \text{ นั่นคือ } \lambda_A \ll \lambda_B$$

$$\text{จะได้ } \lambda_B - \lambda_A = \lambda_B$$

$$\text{จาก } N_B = \lambda_A N_0 / (\lambda_B - \lambda_A) [\exp(-\lambda_A t) - \exp(-\lambda_B t)]$$

$$\text{จะได้ } N_B = \lambda_A / \lambda_B [N_0 \exp(-\lambda_A t)] \text{ ----- (2.8)}$$

เมื่อเกิดภาวะสมดุลยัทรานเซียนต์ ก็มัมแทนภาพของสาร A จะเท่ากับมัมแทนภาพของสาร B ในช่วงเวลานี้เหมือนกับว่าสาร B สลายตัวโดยมีครึ่งชีวิตเท่ากับสาร A ดังรูปที่ 2.5



รูปที่ 2.5 การเกิดสมดุลเชื่คูลาร์

จากรูปที่ 2.5 เรเดียม-226 (Ra-226) มีครึ่งชีวิต 1620 ปี สลายตัวเป็นเรดอน-222 (Rn-222) ซึ่งมีครึ่งชีวิต 3.8 วัน เมื่อผ่านไป 28 วัน จะเกิดภาวะสมดุลเชื่คูลาร์ขึ้น กัมมันตภาพของเรเดียม-226 จะเท่ากับกัมมันตภาพของเรดอน-222 ตลอดเวลา ในกรณีที่มีการสลายตัว n ครั้ง

$$A \xrightarrow{\lambda_A} B \xrightarrow{\lambda_B} \dots \xrightarrow{\lambda_n} n \xrightarrow{\dots} \text{stable}$$

Initial condition $t=0$, $N_A = N_A$, $N_B = 0$, $N_C = 0$, $N_D = 0$, ...
 $\dots = N_n = 0$

$$dN_A/dt = \lambda_A N_A \text{ -----(2.9)}$$

$$dN_B/dt = \lambda_A N_A - \lambda_B N_B \text{ -----(2.10)}$$

$$dN_C/dt = \lambda_B N_B - \lambda_C N_C \text{ -----(2.11)}$$

$$dN_n/dt = \lambda_{n-1} N_{n-1} - \lambda_n N_n \text{ -----(2.12)}$$

จาก (2.9) จะได้ $N_A = N_0 \exp(-\lambda_A t)$

จาก (2.10) จะได้ $N_B = \lambda_A N_0 / \lambda_B - \lambda_A [\exp(-\lambda_A t) - \exp(-\lambda_B t)] - \lambda_C N_C$

จาก (2.11) จะได้

$$N_C = \lambda_A \lambda_B N_0 \exp(-\lambda t) / (\lambda_B - \lambda_A) (\lambda_C - \lambda_A) \\ + \lambda_A \lambda_B N_0 \exp(-\lambda_B t) / (\lambda_A - \lambda_B) (\lambda_C - \lambda_B) \\ + \lambda_A \lambda_B N_0 \exp(-\lambda_C t) / (\lambda_A - \lambda_C) (\lambda_B - \lambda_C)$$

$$dN_n/dt = \lambda_n N_n$$

ทำนองเดียวกันจะได้

$$N_n(t) = C_A \exp(-\lambda_A t) + C_B \exp(-\lambda_B t) + \dots + C_n \exp(-\lambda_n t) \text{ -----(2.13)}$$

เมื่อ $C_A = [\lambda_A \lambda_B \dots \lambda_{n-1} / (\lambda_B - \lambda_A) (\lambda_C - \lambda_A) \dots (\lambda_n - \lambda_A)] N_A^0$

$$C_B = [\lambda_A \lambda_B \dots \lambda_{n-1} / (\lambda_A - \lambda_B) (\lambda_C - \lambda_B) \dots (\lambda_n - \lambda_B)] N_A^0$$

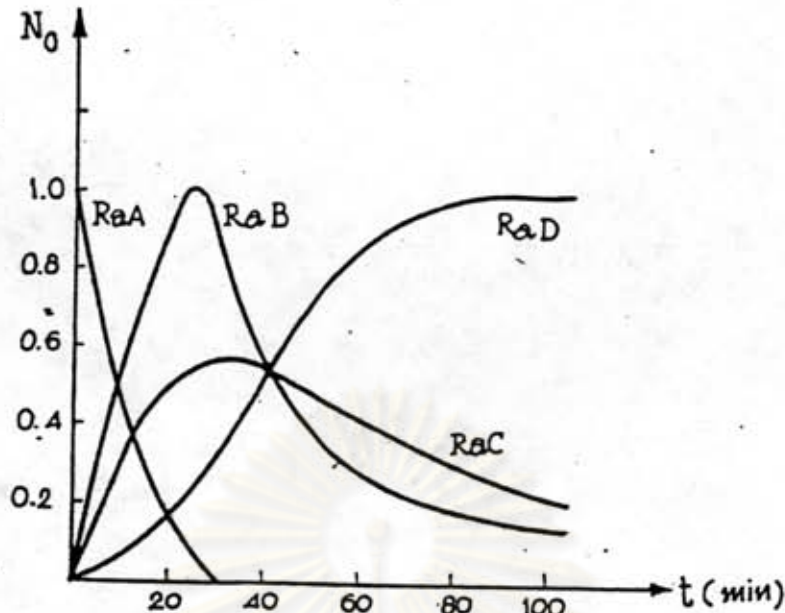
$$C_n = [\lambda_A \lambda_B \dots \lambda_{n-1} / (\lambda_A - \lambda_n) (\lambda_B - \lambda_n) \dots (\lambda_{n-1} - \lambda_n)] N_A^0$$

ตัวอย่างเช่น $RaA \rightarrow RaB \rightarrow RaC \rightarrow RaD$ ถือว่า stable

Po-218 Pb-214 Bi-214 Pb-212

กราฟการสลายตัวแสดงได้ดังรูปที่ 2.6

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รูปที่ 2.6 การสลายตัวของ Ra-226

2.7 การทำงานของเครื่องมือวัดรังสีแกมมาสเปกโตรมิเตอร์ (13)

เมื่อมีรังสีแกมมา ผ่านเข้ามาในผลึกของโซเดียมไอโอไดด์ จะเกิดอันตรกิริยา (Interaction) แบบต่าง ๆ 3 แบบ ดังนี้คือแบบโฟโตอิเล็กตริก (Photoelectric effect) แบบคอมป์ตัน (Compton scattering) แบบอิลีคตรอนคู่ (Pair Production)

ก. แบบโฟโตอิเล็กตริก เป็นกระบวนการที่โฟตอนเกิดอันตรกิริยากับอะตอมของวัตถุนั้น ๆ โดยถ่ายเทพลังงานให้แก่อิเล็กตรอนในเชล (Shell) ใดเชลหนึ่ง แล้วอิเล็กตรอนตัวนั้นก็หลุดออกจากวงจรโดยมีพลังงานจลน์เท่ากับพลังงานของรังสีแกมมานั้นลบด้วย พลังงานยึดเหนี่ยว (Binding energy) ของเชลที่อิเล็กตรอนตัวนั้นอยู่ และเมื่ออิเล็กตรอนในเชลหลุดออกไป อิเล็กตรอนที่มีอยู่ในเชลถัดไป ก็จะเคลื่อนเข้าแทนที่ต่อ ๆ กันพร้อมกับเกิดรังสีเอกซ์ติดตามมาด้วย

ข. แบบคอมป์ตัน กระบวนการนี้เหมือนกับการชนของลูกบิลเลียด คือโฟตอนเกิดอันตรกิริยากับอะตอมของวัตถุโดยรังสีอิเล็กตรอนในเชลใดเชลหนึ่ง แล้วถ่ายเทพลังงานให้อิเล็กตรอนไม่หมด นั่นคือพลังงานส่วนหนึ่งจะถูกถ่ายเทให้อิเล็กตรอนตัวที่ถูกชนนั้นกระเด็นออกไปและพลังงานส่วนที่เหลือก็จะเป็นโฟตอนที่มีความยาวคลื่นมากกว่าเดิม พร้อมทั้งทิศทางก็เปลี่ยนไปจากเดิมด้วย

ค. แบบอิลีคตรอนคู่ กระบวนการนี้เกิดขึ้นในสนามคูลอมป์ (Coulomb field) ของนิวเคลียส

คือ เมื่อรังสีแกมมาผ่านเข้าใกล้นิวเคลียสใด จะเกิดปรากฏการณ์อย่างหนึ่ง คือรังสีแกมมาที่นั้นหายไปแล้ว เกิดอิเล็กตรอนกับโพสิตรอนขึ้นมาแทนคู่หนึ่ง โดยพลังงานของรังสีแกมมาที่นั้นกลายเป็นพลังงานจลน์ของอิเล็กตรอนและโพสิตรอนบวกกับ Rest Energy ของอนุภาคทั้งสอง ($h = E^- + E^+ + 2mc^2$) สำหรับโพสิตรอนที่เกิดขึ้นเมื่อวิ่งไปก็จะสูญเสียพลังงาน ทำให้ตัวเองวิ่งช้าลง ๆ จนในที่สุดเมื่อพบกับอิเล็กตรอนก็จะรวมตัวกันหายตัวไปทั้งคู่ กลายเป็นโฟตอนสองตัววิ่งออกจากกันในทิศทางตรงข้าม โดยแต่ละตัวมีพลังงานเท่ากันคือ เท่ากับ Rest Energy (m_0c^2) นั่นคือ 0.511 Mev และโฟตอนที่เกิดขึ้นแบบนี้เรียกว่า Annihilation Photon ด้วยเหตุนี้จึงเห็นว่าปฏิกิริยาแบบ Pair Production จะเกิดขึ้นได้ก็ต่อเมื่อรังสีแกมมามีพลังงานมากกว่า $2 m_0c^2$ คือ 1.02 Mev

ในแต่ละชนิดของอันตรกิริยา พลังงานของรังสีที่เข้ามาจะถ่ายทอดให้กับอิเล็กตรอนในอะตอมของโซเดียมไอโอไดด์ ซึ่งเป็นตัวเรืองแสง (Phosphor) พลังงานที่ให้จะอยู่ในรูปของพลังงานจลน์ของอิเล็กตรอน และเมื่ออิเล็กตรอนหยุดวิ่ง พลังงานจลน์ของมันจะเปลี่ยนไปอยู่ในรูปของแสง โดยปริมาณแสงที่ออกมาจะเป็นสัดส่วนกับพลังงานของรังสีที่เข้าไป

หลอดโฟโตมัลติพลายเออร์ จะทำหน้าที่เปลี่ยนพลังงานแสงที่เกิดขึ้นเป็นสัญญาณไฟฟ้า สัญญาณที่ออกมาจะเข้าไปยังเครื่องขยายสัญญาณซึ่งจะขยายสัญญาณให้โตขึ้น คือมีศักย์ไฟฟ้าสูงขึ้น แล้วส่งเข้าดิสคริมิเนเตอร์หรือเครื่องเลือกความสูงของสัญญาณ จากนั้นก็จะส่งเครื่องนับและจะเปลี่ยนเป็นสัญญาณดิจิตอลนับออกมาเป็นจำนวนนับ ตามช่อง (channel)

ศูนย์วิทยุทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

2.8 การหาค่าต่ำสุดของการวัด (Lower Limit of detection, LLD) (14,15)

การวิจัยครั้งนี้ ค่า LLD หาได้จากนิยามค่าจำนวนนับรังสี ของแบบลงค์และตัวอย่างจากสมการ

$$LLD = (K_{\alpha} + K_{\beta}) S_o \text{ ----- (2.14)}$$

เมื่อ K คือคองที่ของ upper percentile ของ standardized normal ที่สรุปอย่างผิด ๆ ว่า มี activity ปรากฏอยู่

K_{β} คือค่าคองที่ที่แน่ใจว่ามี activity ปรากฏอยู่

เลือกให้ $K_{\alpha} = K_{\beta}$ $LLD = 2k_{\alpha} S_o$

S_o คือค่า standard error ของ net sample activity

นั่นคือ

$$S_o = \sqrt{S_{gross}^2 + S_{bkg}^2} \text{ ----- (2.15)}$$

S_{gross} คือ ค่าจำนวนนับของรังสี ณ พลังงานที่สนใจของตัวอย่าง

S_{bkg} คือ ค่าจำนวนนับรังสี ณ พลังงานที่สนใจของแบบลงค์

ที่ activity น้อยมาก ค่าจำนวนนับรังสีของ Sample จะเท่ากับค่าจำนวนนับรังสีของแบบกราวน์

ดังนั้น $S_o = 2 S_{bkg}$

นั่นคือ

$$LLD = 2 \sqrt{2} k S_{bkg} \text{ ----- (2.16)}$$

β = ความเชื่อมั่นในการยอมรับสมมติฐาน เมื่อ สมมติฐานนั้นไม่จริง (type II error)

α = ความเชื่อมั่นในการปฏิเสธสมมติฐาน เมื่อสมมติฐานนั้นจริง (Type I error) โดยมี

ค่าดังตารางที่ 2.9

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ 2.9 ค่าคงที่ต่าง ๆ ที่ใช้ในการหาค่า LLD

α	$1 - \beta$	k	$2\sqrt{2}k$
0.01	0.99	2.327	6.59
0.02	0.98	2.054	5.81
0.05	0.95	1.645	4.66
0.10	0.90	1.282	3.63
0.20	0.80	0.842	2.38
0.50	0.50	0	0

จาก (2.14) ค่าที่ได้จะมีหน่วยเป็น count per minute (cpm) การเปลี่ยนจาก cpm ให้เป็นค่า Specific activity ทำได้โดยใช้สมการ

$$LLD = 2.57k S_{bkg} \text{ ----- (2.17) (2)}$$

เมื่อ γ คือค่าของ slope ของกราฟปรับเทียบของสารละลายมาตรฐานเรเดียม -226 ซึ่งมีหน่วยเป็น specific activity ต่อ cpm

เพราะฉะนั้นค่า LLD จึงมีหน่วยเป็นพิโคคูรีต่อ 200 ลูกบาศก์เซนติเมตร

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย