

การออกแบบและวิเคราะห์แบบใหม่สำหรับแขนกลแบบขนานในตระกูลเอช-4  
พร้อมด้วยการควบคุมแรง

นายณัฐคนัย คณิตวิรุฬห์

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรดุษฎีบัณฑิต  
สาขาวิชาวิศวกรรมเครื่องกล ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล  
คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย  
ปีการศึกษา 2547  
ISBN 974-53-1047-3  
ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

NOVEL DESIGN AND ANALYSIS WITH FORCE CONTROL OF THE H-4 FAMILY  
PARALLEL MANIPULATOR

Mr.Natdanai Tantawiroon

A Dissertation Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Doctor of Engineering in Mechanical Engineering

Department of Mechanical Engineering

Faculty of Engineering

Chulalongkorn University

Academic year 2004

ISBN 974-53-1074-3



นายณัฐดนัย ตันตทวิรุพห์ : การออกแบบและวิเคราะห์แบบใหม่สำหรับแขนกลแบบขนานในตระกูลเอช-4 พร้อมด้วยการควบคุมแรง. (NOVEL DESIGN AND ANALYSIS WITH FORCE CONTROL OF THE H-4 FAMILY PARALLEL MANIPULATOR) อ. ที่ปรึกษา : รศ.ดร.วิบูลย์ แสงวีระพันธุ์ศิริ, 89 หน้า. ISBN 974-53-1074-3.

งานวิจัยนี้นำเสนอแขนกลแบบขนานรูปแบบใหม่ในตระกูลเอช-4 ซึ่งมีสามองศาอิสระในการเลื่อนตำแหน่งและหนึ่งองศาอิสระในการหมุน เพื่อสนับสนุนงานด้าน Rapid Prototyping หรือ Automated CMM รูปแบบของแขนกลที่เสนอในงานวิจัยนี้มีความซับซ้อนน้อยกว่าและมีปริมาตรทำงานในทิศทางใดทิศทางหนึ่งที่กำหนดรวมถึงความสามารถในการเคลื่อนที่ (Mobility) สูงกว่าแขนกลขนานแบบ Stewart หรือแบบดั้งเดิม ในงานวิจัยนี้ได้วิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงตำแหน่งทั้ง Forward และ Inverse Kinematics ความสัมพันธ์เชิงความเร็ว การวิเคราะห์ความแข็งแกร่ง (Stiffness) รวมถึงการวิเคราะห์ Singularities อย่างละเอียด นอกจากนี้ยังนำเมตริกซ์ความแข็งแกร่งของแขนกลที่อยู่ในรูปแบบเชิงวิเคราะห์มาใช้ในการควบคุมแรงกระทำของแขนกลต่อวัตถุแวดล้อมด้วย

แขนกลที่สร้างขึ้นได้รับการทดสอบการเคลื่อนที่และความสามารถในการควบคุมแรงกดที่ปลายแขนกับวัตถุแวดล้อมที่มีพื้นผิวไม่แน่นอนโดยไม่ทราบข้อมูล CAD ของพื้นผิววัตถุก่อน ได้ทดสอบการควบคุมแรงในหลายลักษณะกับวัตถุหลายชนิดเช่นเรซิน ไม้ และโลหะ ผลการทดสอบตัวควบคุมแรงพบว่าสามารถควบคุมแรงกดระหว่าง 10 ถึง 40 นิวตันได้โดยมีความผิดพลาดของแรงไม่เกิน  $\pm 5$  นิวตัน โดยที่ความเร็วของปลายแขนกลอยู่ที่ 15 ถึง 60 เซนติเมตรต่อนาทีขณะควบคุมแรง

ภาควิชา ..... วิศวกรรมเครื่องกล .....ลายมือชื่อนิสิต..... *ณัฐดนัย ตันตทวิรุพห์*  
 สาขาวิชา ..... วิศวกรรมเครื่องกล .....ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา..... *วิบูลย์ แสงวีระพันธุ์ศิริ*  
 ปีการศึกษา ..... 2547 .....ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม.....

## 4371809521 : MAJOR MECHANICAL ENGINEERING

KEY WORD: PARALLEL ROBOT / H-4 / FORCE CONTROL / IMPLICIT

NATDANAI TANTAWIROON : NOVEL DESIGN AND ANALYSIS WITH FORCE CONTROL OF THE H-4 FAMILY PARALLEL MANIPULATOR. THESIS ADVISOR : ASSOC.PROF.VIBOON SANGVERAPHUNSIRI, Ph.D, 89 pp. ISBN 974-53-1074-3.

This paper illustrates the novel asymmetry design of a H-4 family of parallel robot with three degrees of freedom in translation and one in rotation aim for human interfaced rapid prototyping or CMM application. The forward and inverse position and velocity relationships are presents. The design shows the advantage over the other conventional design in less complexity of direct kinematics solutions, greater workspace in one selected axis. The prototype arm has been built and test using hybrid force-position control scheme in conjunction with analytical robot compliance matrix to further calculate robot stiffness and deflection online. Force control was conduct through various tracking situation include resin and metal surface at 10 to 40 Newton with track speed from 15 to 60 cm per min. The results show good tracking ability with average error about 5 N.

Department.....Mechanical Engineering..... Student's signature ..... NATDANAI T. ....  
Field of study ..Mechanical Engineering... Advisor's signature..... Viboon Sangveraphunsiri .....  
Academic year .....2004..... Co-advisor's signature.....

## กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วงไปได้ด้วยความช่วยเหลืออย่างดียิ่งของรศ.ดร. วิบูลย์ แสงวีระพันธุ์ศิริ อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ซึ่งท่านได้กรุณาใช้เวลาเพื่อให้คำแนะนำปรึกษาและข้อคิดเห็นต่างๆ ในการวิจัยครั้งนี้ พร้อมทั้งจัดหาอุปกรณ์ที่ใช้ในการทำวิทยานิพนธ์ครั้งนี้มาด้วยดีโดยตลอด ขอขอบคุณบัณฑิตวิทยาลัยและจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัยที่สนับสนุนทุน 72 พรรษาเป็นค่าเทอมและค่าใช้จ่ายแก่ข้าพเจ้าทำให้ทำงานวิจัยได้อย่างเต็มที่ ขอขอบคุณ คุณพรชัย เพชรฤกษ์กุล และน้องๆ และคุณราชนัน ชานนท์เมืองที่ช่วยสร้างชิ้นส่วนต่างๆ ของแขนกล ขอขอบคุณ คุณทวิ งามวิไลกร ที่ให้คำแนะนำในการออกแบบและสร้างชิ้นส่วน ขอขอบคุณคุณเกียรติศักดิ์ ศรีตระกูลชัยที่ช่วยติดต่ออาจารย์และห้อง ขอขอบคุณ สาขาเครื่องกล มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์ กำแพงแสนที่ทำให้ข้าพเจ้าได้รับประสบการณ์ใหม่ และขอขอบคุณ นักศึกษาปริญญาโทและเอกทุกท่านที่สนับสนุนการวิจัยเสมอมา

ท้ายสุดข้าพเจ้าขอกราบขอบพระคุณบิดามารดาของข้าพเจ้าที่ให้กำลังใจและการสนับสนุนในทุกด้านเพื่อให้วิทยานิพนธ์นี้ประสบผลสำเร็จ

## สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย.....	ง
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	จ
กิตติกรรมประกาศ.....	ฉ
สารบัญ.....	ช
สารบัญตาราง.....	ฅ
สารบัญภาพ.....	ญ
บทที่	
1. บทนำ .....	1
1.1 ความสำคัญและที่มา.....	1
1.2 วัตถุประสงค์.....	5
1.3 ขอบเขต.....	5
1.4 ขั้นตอนการดำเนินงานของวิทยานิพนธ์ .....	5
1.5 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ .....	6
2. การออกแบบและวิเคราะห์แขนกลแบบขนานที่มีสี่องศาอิสระ .....	7
2.1 รูปแบบทั่วไปแขนกลแบบขนานที่มีสี่องศาอิสระ .....	7
2.2. รูปแบบของแขนกลแบบขนานในงานวิจัยนี้ .....	13
2.2.1 การวิเคราะห์อินเวอร์สคิเนแมติกส์.....	14
2.2.2 การวิเคราะห์ฟอร์เวิร์ดคิเนแมติกส์ .....	16
2.2.3 การวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงความเร็ว.....	18
2.2.4 การวิเคราะห์ซิงกูลาริตีส์ของแขนกล .....	20
2.3 การหาปริมาตรทำงาน (Working volume) ของแขนกล .....	22
2.4 การหาเมตริกซ์ความแข็งแกร่ง (Stiffness matrix) ของแขนกล.....	26
3. การออกแบบตัวควบคุมตำแหน่งและแรงของแขนกล .....	32
3.1 การควบคุมแรงที่แขนกลกระทำต่อวัตถุแวดล้อม.....	32
3.1.1 การควบคุมแรงโดยตรงหรือแบบเอกซ์พลิซิท (Explicit Force Control) .....	33
3.1.2 การควบคุมแรงโดยอ้อมหรือแบบอิมพลิซิท (Implicit Force Control).....	34
3.2 การกำหนดระยะขอบตัวของแขนกลเพื่อใช้ในการควบคุมแรง.....	36
3.3 การควบคุมตำแหน่งของแขนกล .....	41

บทที่	หน้า
4. การทดสอบการควบคุมตำแหน่งและแรงของแขนกล .....	43
4.1 รูปแบบและอุปกรณ์ควบคุมแขนกล .....	43
4.2 การทดสอบแขนกลที่สร้างขึ้น .....	45
4.2.1 การทดสอบความสามารถในการทำซ้ำของแขนกล .....	46
4.2.2 การควบคุมแรงกดต่อวัตถุเวดล้อย่อม .....	49
4.2.2.1 การควบคุมแรงกดโดยมุมเอียง Platform เป็นศูนย์กลาง.....	49
4.2.2.2 การควบคุมแรงบนวัตถุที่มีพื้นผิวไม่ต่อเนื่อง .....	61
4.2.2.3 การควบคุมแรงกดโดยแปรเปลี่ยนมุม platform ให้ตั้งฉากกับพื้นผิววัตถุ .....	63
4.2.2.4 การควบคุมแรงกดบนวัตถุที่มีความยืดหยุ่น .....	65
4.3 อภิปรายผลการทดสอบ .....	69
4.4 ข้อเสนอแนะ .....	70
รายการอ้างอิง.....	72
ภาคผนวก.....	77
ภาคผนวก ก พอร์ตอินพุตและเอาต์พุตที่ใช้เชื่อมต่อสัญญาณควบคุมแขนกล.....	78
ภาคผนวก ข ความสัมพันธ์เชิงวิเคราะห์ของตำแหน่งความเร็วและความแข็งตึงของแขนกล...81	81
ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์.....	89



## สารบัญตาราง

ฉ

ตาราง	หน้า
ตาราง 1.1 ตารางเปรียบเทียบคุณสมบัติหุ่นยนต์แบบซีเรียลกับแบบขนาน .....	2
ตาราง 4.1 การทดสอบ Repeatability ในแกน+x +y และ +z.....	47
ตาราง 4.2 การทดสอบ Repeatability ในแกน -y และ -z.....	47
ตาราง 4.3 การทดสอบ Repeatability ในแกน + $\theta$ และ $\pm\theta$ .....	48
ตาราง ก.1 พอร์ทที่ใช้เชื่อมต่อสัญญาณแอนาลอก.....	76
ตาราง ก.2 พอร์ตรับสัญญาณเอนโคเดอร์.....	77

ภาพประกอบ	หน้า
รูปที่ 1.1 VARIAX เครื่องกัดที่ใช้กลไกขนานหกงาอิสระ "Hexapod" .....	2
รูปที่ 2.1 การเรียงตัวของข้อต่อตามเงื่อนไขของกลไกแบบขนานที่มีสี่งาอิสระ .....	8
รูปที่ 2.2 รูปแบบทั่วไปของกลไกแบบขนานที่มีสี่งาอิสระ .....	9
รูปที่ 2.3 การหมุนพิกัด $\{O\}$ ให้แกน $i$ ทับกับแกน $u_i$ บนพิกัด $\{D\}$ .....	10
รูปที่ 2.4 แสดงเส้นทางที่ยอมให้มีการเคลื่อนที่ได้ของจุดปลายเวกเตอร์ $C$ .....	12
รูปที่ 2.5(1) รูปแบบของแขนกลขนานที่มีสี่งาอิสระรวมถึงรายละเอียดบริเวณข้อต่อหมุนที่ เสนอในงานวิจัยนี้ (ออกแบบโดยโปรแกรม SolidEdge®) .....	13
รูปที่ 2.5(2) รายละเอียดบริเวณข้อต่อหมุนที่เชื่อมต่อระหว่าง Metachain ทั้งสองข้างเข้ากับ Moving platform (ออกแบบโดยโปรแกรม SolidEdge®) .....	13
รูปที่ 2.5(3) รูปแบบการกำหนดตัวแปรและพารามิเตอร์ต่างๆของแขนกล .....	14
รูปที่ 2.6 แสดงการกำหนดตัวแปรเพื่อจัดรูปสมการให้ง่ายขึ้น .....	16
รูปที่ 2.7 รูปแบบซิงกูลาริตีส์ที่เป็นไปได้ .....	22
รูปที่ 2.8 ระยะทางที่ข้อต่อขับเคลื่อนที่ได้จริง .....	22
รูปที่ 2.9 พื้นที่ทำงานในระนาบ $yz$ ของแขนกลโดยแปรผันขนาด $(a-b)$ ต่างๆ Platform ทำ มุมเอียง 0 องศา .....	23
รูปที่ 2.10 พื้นที่ทำงานในระนาบ $yz$ ของแขนกลแปรผันขนาด Platform $c$ และ $d$ ต่างๆ และ กำหนดให้ $c = d$ platform เอียงทำมุม 60 องศา.....	24
รูปที่ 2.11 พื้นที่ทำงานในระนาบ $yz$ ของแขนกลแปรผันอัตราส่วน $c$ และ $d$ ต่างๆ และ กำหนดให้ $c$ คงที่ Platform ทำมุม 0 องศา.....	25
รูปที่ 2.12 พื้นที่ทำงานในระนาบ $yz$ ของแขนกลแปรผันความยาวของขา $R$ และกำหนดให้ Platform ทำมุม 0 องศา .....	25
รูปที่ 2.13 ค่าCondition number ของแขนกลขณะ Platform ทำมุม 0 องศา.....	28
รูปที่ 2.14 ค่าCondition number ของแขนกลขณะ Platform ทำมุม 30 องศา.....	28
รูปที่ 2.15 ค่าCondition number ของแขนกลขณะ Platform ทำมุม 60 องศา.....	29
รูปที่ 2.16 ค่าCondition number ของแขนกลขณะ Platform ทำมุม 80 องศา.....	29
รูปที่ 2.17 ค่าCondition number ของแขนกลขณะ Platform ทำมุม 0 องศา กำหนดความ กว้างของฐานแขนกล $(a-b)$ เป็น 0.04 เมตร .....	30

ภาพประกอบ	หน้า
รูปที่ 2.18 ค่าCondition number ของแกนกลขณะ Platform ทำมุม 60 องศา กำหนดความกว้างของฐานแกนกล (a-b) เป็น 0.04 เมตร .....	31
รูปที่ 3.1 การกำหนดกรอบพิกัดอ้างอิงของแกนกลและกรอบพิกัดบนวัตถุ .....	32
รูปที่ 3.2 ทิศทางที่จะควบคุมแรงและตำแหน่ง .....	33
รูปที่ 3.3 แผนภาพบล็อกการควบคุมตำแหน่งและแรงของแกนกล.....	34
รูปที่ 3.4 การกำหนดตัวแปรบอกตำแหน่งของแกนกลให้เหมาะสมเพื่อหาสมาชิกของ Compliance matrix.....	37
รูปที่ 3.5 Free-body diagram ของแกนกลโดยมีแรงหนึ่งหน่วยกระทำในทิศต่างๆ .....	38
รูปที่ 3.6 Free-body diagram ของแรงที่ข้อต่อข้อแต่ละข้อต่อ .....	39
รูปที่ 3.7 ความผิดพลาดของแรงในการควบคุมแรงกคบนวัตถุที่มีพื้นผิวไม่แน่นอน .....	41
รูปที่ 3.8 บล็อกไดอะแกรมของตัวควบคุมตำแหน่งและแรงโดย MATLAB/Simulink ® .....	42
รูปที่ 4.1 แกนกลแบบขนานที่มีสี่องศาอิสระที่สร้างขึ้นสำหรับงานวิจัยนี้ .....	44
รูปที่ 4.2 การวางตัวของข้อต่อข้อทั้งสี่ของแกนกลแบบขนานที่สร้างขึ้นสำหรับงานวิจัยนี้ .....	44
รูปที่ 4.3 รายละเอียดบริเวณ Platform ของแกนกลแบบขนานที่สร้างขึ้น .....	45
รูปที่ 4.4 รายละเอียดบริเวณ Platform ของแกนกลแบบขนานและตัวตรวจรู้แรงที่ใช้.....	45
รูปที่ 4.5 การทดสอบความแม่นยำในการควบคุมตำแหน่งแกนกลโดยใช้ Dial gauge .....	47
รูปที่ 4.6 ทิศทางการเคลื่อนที่ของปลายแกนกลในการทดลองควบคุมแรงกคบนเรซิน .....	49
รูปที่ 4.7 การควบคุมแรงกคบนเรซินที่แรงกค 30 N ความเร็ว 21 เซนติเมตรต่อวินาที .....	49
รูปที่ 4.8 การควบคุมแรงกคบนเรซินที่แรงกค 20 N ความเร็ว 21 เซนติเมตรต่อวินาที .....	50
รูปที่ 4.9 การควบคุมแรงกคบนเรซินที่แรงกค 15 N ความเร็ว 21 เซนติเมตรต่อวินาที .....	50
รูปที่ 4.10 การควบคุมแรงกคบนเรซินที่แรงกค 20 N ความเร็ว 15 เซนติเมตรต่อวินาที .....	51
รูปที่ 4.11 การควบคุมแรงกคบนเรซินที่แรงกค 20 N ความเร็ว 9 เซนติเมตรต่อวินาที .....	51
รูปที่ 4.13 การควบคุมแรงกคบนเรซิน แรงกคเปลี่ยนแปลงแบบขั้นบันไดที่ 30 และ 15 N ความเร็ว 21 เซนติเมตรต่อวินาที.....	52
รูปที่ 4.14 ทิศทางการเคลื่อนที่ของปลายแกนกลในการทดลองควบคุมแรงกคบนเหล็ก.....	53
รูปที่ 4.15 การควบคุมแรงกคบนเหล็กที่แรงกค 30 N ความเร็ว 15 เซนติเมตรต่อวินาที .....	53
รูปที่ 4.16 การควบคุมแรงกคบนเหล็กที่แรงกค 30 N ความเร็ว 21 เซนติเมตรต่อวินาที .....	54
รูปที่ 4.17 การควบคุมแรงกคบนเหล็กที่แรงกค 20 N ความเร็ว 21 เซนติเมตรต่อวินาที .....	54



ภาพประกอบ	หน้า
รูปที่ 4.33 การควบคุมแรงกดบนอลูมิเนียมแบบแปรเปลี่ยนมุมเอียงของ Platform แรงกด 20N ความเร็ว 15 เซนติเมตรต่อนาที .....	63
รูปที่ 4.34 การควบคุมแรงกดบนอลูมิเนียมแบบแปรเปลี่ยนมุมเอียงของ Platform แรงกด 30N ความเร็ว 15 เซนติเมตรต่อนาที .....	63
รูปที่ 4.35 การควบคุมแรงกดบนอลูมิเนียมแบบแปรเปลี่ยนมุมเอียงของ Platform แรงกด 20N ความเร็ว 21 เซนติเมตรต่อนาที .....	64
รูปที่ 4.36 การควบคุมแรงกดบนอลูมิเนียมแบบแปรเปลี่ยนมุมเอียงของ Platform แรงกด 30N ความเร็ว 21 เซนติเมตรต่อนาที .....	64
รูปที่ 4.37 ลักษณะของวัตถุที่มีความยืดหยุ่นซึ่งใช้ในการทดลองควบคุมแรงกด .....	65
รูปที่ 4.38 ทิศทางการเคลื่อนที่ของแกนกลในการควบคุมแรงกดบนวัตถุที่มีความยืดหยุ่น วัสดุที่ใช้คือกล่องใส่อาหารทำจากโฟมมีความหนา 1 มิลลิเมตร และมีความไม่ต่อเนื่องของพื้นผิวสองแห่ง .....	65
รูปที่ 4.39 การควบคุมแรงกดบนวัตถุยืดหยุ่นที่แรงกด 7 N ความเร็ว 15 เซนติเมตรต่อนาที.....	66
รูปที่ 4.40 การควบคุมแรงกดบนวัตถุยืดหยุ่นที่แรงกด 7 N ความเร็ว 30 เซนติเมตรต่อนาที.....	66
รูปที่ 4.41 การควบคุมแรงกดบนวัตถุยืดหยุ่นที่แรงกด 7 N ความเร็ว 45 เซนติเมตรต่อนาที.....	67
รูปที่ 4.42 การควบคุมแรงกดบนวัตถุยืดหยุ่นที่แรงกด 7 N ความเร็ว 60 เซนติเมตรต่อนาที.....	67
รูปที่ 4.43 การควบคุมแรงกดบนวัตถุยืดหยุ่นที่แรงกด 10 N ความเร็ว 45 เซนติเมตรต่อนาที....	68
รูปที่ 4.44 การควบคุมแรงกดบนวัตถุยืดหยุ่นที่แรงกด 10 N ความเร็ว 60 เซนติเมตรต่อนาที....	68
รูปที่ 4.45 งานวิจัยในอนาคต การควบคุมระบบ Master-Slave .....	70