

ເອົນໂຄມວິພຶ່ມຂອງພຶກຄົມໄວເຄມໂພເທນທີ່



นางสาวจิรารัตน์ ชัยกุล

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต
แผนกวิชาคณิตศาสตร์

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2520

000525

ENDOMORPHISMS OF IDEMPOTENT ALGEBRAS

MISS CHAWEWAN CHAIYAKUL

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements
for the Degree of Master of Science
Department of Mathematics
Graduate School
Chulalongkorn University

1977

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่ง
ของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

(ศาสตราจารย์ ดร. วิศิษฐ์ ประจวบกุமาร)

คณบดี

คณะกรรมการตรวจวิทยานิพนธ์ ประธานกรรมการ
(ผศ. ดร. ยุพภรณ์ ศรีสุกกา)

..... กรรมการ
(รศ. ดร. วิรุฬห์ นิยมปันธิ)

..... กรรมการ
(อาจารย์ ดร. มารค ตามไท)

อาจารย์ผู้ควบคุมการวิจัย (อาจารย์ ดร. มารค ตามไท)

ลิขสิทธิ์ของบัณฑิตวิทยาลัย

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

วิทยานิพนธ์เรื่อง เอนไซมอพีเข็มของพืชคณิตไอเคมโพเทนซ์

โดย นางสาวฉวีวรรณ ชัยกุล

แผนกวิชา คณิตศาสตร์

หัวข้อวิทยานิพนธ์ เออนໂຄມອີເຈີນຂອງພື້ນຖານໄວເຄມໂພເທນທີ່

ชื่อ นางสาวຈິວරະ ຂັຍກຸລ

แผนกวิชา ຄະນິຕສາສົກ

ปีการศึกษา 2519



บຫກດຍອ

ແກຣທເຊອຣ໌ໄດ້ພຶສູຈຳວ່າ ເຊີມກຽບໄດ້ ໃຊ້ໂຄມອີເຈີນເອັນໂຄມອີເຈີນເຊີມ-
ກຽບຂອງພື້ນຖານ ເນື່ອແລະ ຕ່ອມເນື່ອ ເຊີມກຽບນີ້ມີໜຶ່ງ (IDENTITY) ເຢດຣິນແລະ
ເລີມເບັກ ໄດ້ແສດງວ່າ ພື້ນຖານນີ້ ສາມາຮັດເລືອກໃຫ້ເປັນເຊີມກຽບໄດ້ ແລະ ໃນກຳນົດ
ເດືອກກຳນົດ ແກຣທເຊອຣ໌ໄດ້ສຶກສາເກີ່ມກຳເອັນໂຄມອີເຈີນເຊີມກຽບຂອງພື້ນຖານນີ້
ໃນວິທານີພົນລະບົບນີ້ ໄດ້ສຶກສາພື້ນຖານນີ້ທີ່ມີໄວເຄມໂພເທນທີ່ ແລະ ພຶສູຈຳໄດ້
ວ່າ ຈຳນວນຂອງໄວເຄມໂພເທນທີ່ໃນພື້ນຖານ ແລະ ຈຳນວນຂອງແອນນີ້ເລືອດຕ່ອງທຳງ່າວ
ໃນເອັນໂຄມອີເຈີນເຊີມກຽບຂອງພື້ນຖານນີ້ທ່ານົມ

ທ້າຍສຸດ ເຮົາໄດ້ແຈກແຈງເອັນໂຄມອີເຈີນເຊີມກຽບຂອງພື້ນຖານທີ່ມີໄວເຄມໂພເທນທີ່
ແລະ ຂອງເອັນໄທ໌ພື້ນຖານທີ່ມີ 3 ກອນກຽບເອັນໆ

Thesis Title Endomorphisms of Idempotent Algebras
Name Miss Chawewan Chaiyakul
Department Mathematics
Academic Year 1976

ABSTRACT

George Grätzer has proven that a semigroup S is isomorphic to the endomorphism semigroup of an algebra if and only if S has an identity. Hedrlín and Lémbek have shown that the algebra can be chosen to be a semigroup. Along these same lines, Grätzer has also characterized the endomorphism semigroup of simple algebras. In this thesis, we study algebras with idempotent elements. We prove that the number of idempotents of an algebra equals the number of right annihilators in the endomorphism semigroup of that algebra, and that this condition characterizes the endomorphism semigroups of idempotent algebras. We also characterize under certain conditions the endomorphism semigroups of entire algebras with a three element congruence lattice.

ACKNOWLEDGEMENT

I am indebted to Dr. Mark Tamthai, my thesis supervisor, whose comment and advice in preparing and writing this thesis are invaluable. I am also grateful to all lecturers and professors in the Graduate School, who taught me to valuable and helpful knowledges. To friends for helping to obtain information, I owe special debt of gratitude.

My very great respect to my parents for their great and untired encouragement and support.

TABLE OF CONTENTS

	Page
ABSTRACT IN THAI	iv
ABSTRACT IN ENGLISH	v
ACKNOWLEDGEMENT	vi
INTRODUCTION	1
 CHAPTER	
I PRELIMINARIES	2
II ENDOMORPHISMS OF SEMIGROUPS	9
III ENDOMORPHISM SEMIGROUP OF IDEMPOTENT ALGEBRAS.....	15
IV UNARY ALGEBRAS	38
REFERENCES	44
VITA	45

