

การหาที่เรือแบบต่าง ๆ



2.1 การหาที่เรือเมื่อเห็นวัตถุบนพื้นโลก

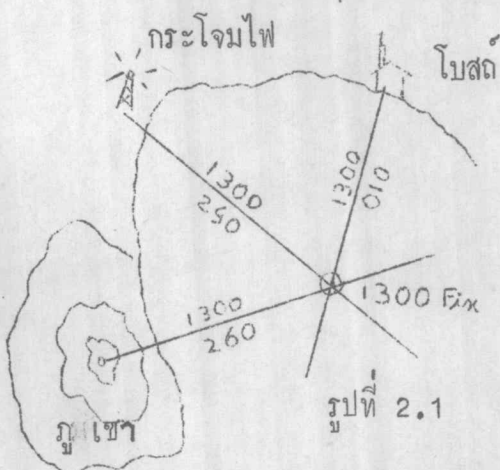
การหาที่เรือที่กล่าวนี้หมายถึง การหาตำแหน่งที่ของเรือเมื่อใกล้ฝั่งทะเลหรือน่านน้ำ ช่องแคบต่าง ๆ ซึ่งสามารถเห็นบรรดาวัตถุเหล่านั้นได้ ทั้งวัตถุเหล่านั้นต้องมีปรากฏอยู่ในแผนที่ด้วยแล้ว ซึ่งนักเดินเรือทั้งหลายจะต้องมีความชำนาญในการใช้เครื่องมือรวมทั้งการสังเกตและจดจำรูปของฝั่ง เขา เครื่องหมาย ๆ ในแผนที่ซึ่งเห็นได้แม่นยำ จึงจะสามารถหาที่เรือได้อย่างถูกต้องแน่นอนและรวดเร็ว การหาที่เรือแบบนี้ย่อมสัมพันธ์อยู่กับเครื่องมือที่ใช้วัด

ที่เรือที่ได้จะเกิดจากเส้นค่าบลที่อย่างน้อยสองเส้น ซึ่งหาได้ในเวลาใกล้เคียงกัน ซึ่งแบ่งเป็นวิธีต่าง ๆ ได้ดังต่อไปนี้

2.1.1 แบริ่งเข็มไขว้ (Cross bearing) การหาที่เรือโดยใช้วัดแบริ่ง

นั้น หมายถึงการหาที่เรือโดยใช้เข็มทิศเรือนอก หรือ เข็มทิศโยโร วัดแบริ่งวัตถุต่าง ๆ แล้วแก้แบริ่งนั้น ๆ ให้เป็นเข็มจริง เอาไปชี้คดลงในแผนที่ แบริ่งเข็มไขว้ คือการวัดหาเส้นแบริ่งของวัตถุสองสิ่ง (หรือมากกว่า) ในขณะที่ใกล้เคียงกัน หรือเวลาเดียวกัน

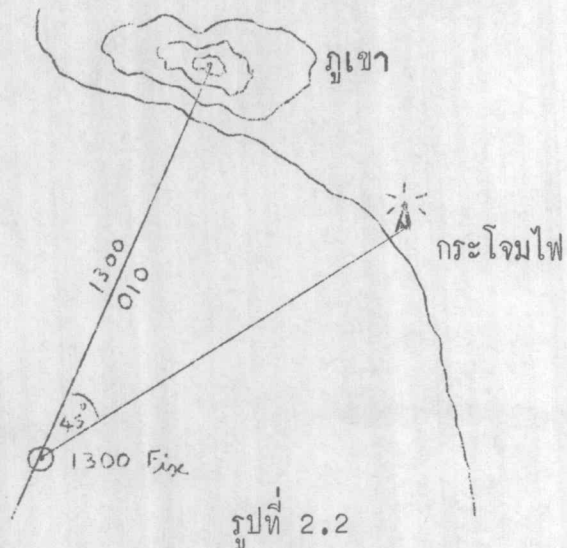
วิธีทำ โดยการสังเกตที่หมาย ชายฝั่ง หรือที่ที่เห็นได้ แล้วทำการวัดมุมแบริ่ง จากนั้นก็เอาค่ามุมที่วัดได้มาชี้คดลงในแผนที่จุดคดของเส้นแบริ่ง คือตำแหน่งที่เรือ เช่น



จะเห็นว่า เวลา 1300 ทำการแบริ่งยอดเขา กระโจมไฟและโบสถ์ได้มุมแบริ่งต่าง ๆ เมื่อนำมาชี้คดในแผนที่ก็จะทราบได้ว่าเรือเราอยู่ตำแหน่งไหน ณ เวลา 1300

รูปที่ 2.1

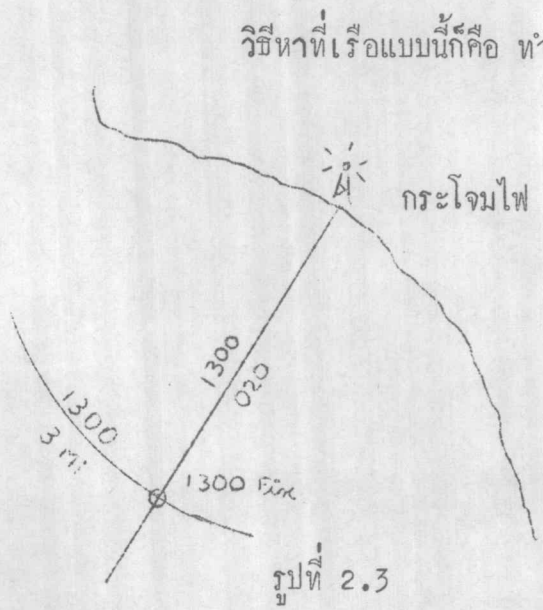
2.1.2 แบริงกับมุม (A bearing and an angle) ในทางปฏิบัตินั้น
 ในบางโอกาสอาจใช้เข็มทิศเรือนเอกวัดแบริงวัตถุได้เพียงสิ่งเดียวเท่านั้น แต่เห็นวัตถุอีก
 สิ่งหนึ่งทางข้างเรือ ในลักษณะเช่นนี้ให้ใช้เข็มทิศเรือนเอกแบริงวัตถุสิ่งที่สามารถวัดได้
 และในขณะที่เดียวกันนั้นใช้เครื่องวัดแคควัดมุมในระหว่างวัตถุสองสิ่งไปพร้อมกัน เช่น



จากรูป ในเวลา 1300 วัดแบริงยอดเขา
 ได้ 010 และขณะที่เดียวกันวัดมุม
 กระโจมไฟได้ 045 ก็สามาร
 Plot ลงในแผนที่ได้ ดังรูป

รูปที่ 2.2

2.1.3 แบริงกับระยะทาง (A bearing and a distance) วิธีนี้เป็น
 วิธีที่ดีมาก หากที่เรือได้รวดเร็วเมื่อเห็นวัตถุเพียงสิ่งเดียว ระยะทางจากเรือไปยังวัตถุหา
 ได้โดย กลองวัดระยะทาง

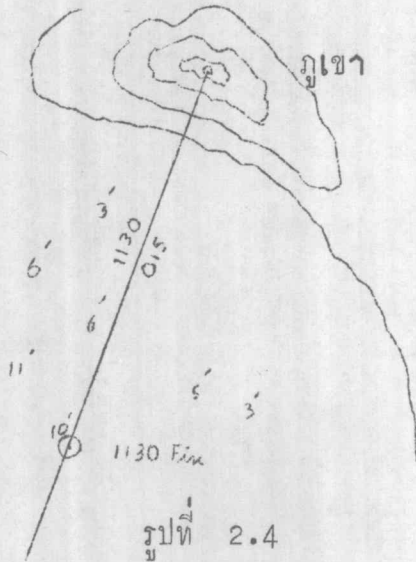


วิธีหาที่เรือแบบนี้ก็คือ ทำการแบริงที่หมาย 1 เส้น และวัดระยะทางจากที่หมาย
 นั้นไปยังเรือ ในที่นี้แบริงกระโจมไฟได้
 020 และวัดระยะได้ 3 Miles

จากรูป เป็นการนำค่าที่วัดแบริงได้ไปทำการ
 Plot ลงในแผนที่ โดยลากเส้นในทิศ
 020 ให้ผ่านกระโจมไฟ และจากกระโจม
 ไฟ ก็กางวงเวียนรัศมี 3 Miles คัดเส้น
 020 ก็จะได้ที่เรือ

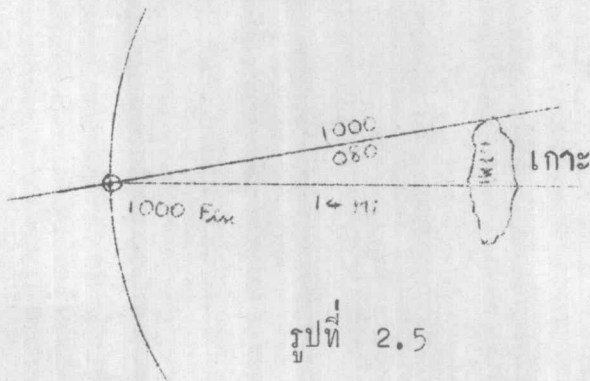
รูปที่ 2.3

2.1.4 แบริงกับการหยั่งน้ำ (A bearing and a sounding) เป็นการหาที่เรือเมื่อเรือแล่นเข้าไปใกล้ฝั่ง ในที่ซึ่งความลึกของน้ำเปลี่ยนเร็วมาก เราก็คจะใช้วิธีหาที่เรือแบบนี้ ก็สามารถจะหาที่เรือใกล้เคียงได้ (Approximate Position) โดยการวัดแบริงและการหยั่งน้ำได้ในขณะเดียวกัน



จากตัวอย่างทำการแบริงยอดเขาได้ 015 เวลา 1130 ขณะเดียวกันก็หยั่งน้ำได้ 10 ฟุต ก็สามารถที่จะทำการ Plot ได้ ก็จะได้ที่เรือดัง-
ในรูป

2.1.5 แบริงกับวัดมุมแนวนอน (A bearing and a horizontal angle) วิธีนี้เป็นวิธีที่หาที่เรือที่ค้ำมาก ในเมื่อเรือแล่นผ่านเกาะเล็ก ๆ¹ โดยการทำการแบริงปลายเกาะด้านใดด้านหนึ่ง ขณะเดียวกันก็จะใช้ เครื่องวัดแคด วัดมุมระหว่างปลายเกาะทั้งสอง



ตัวอย่าง ทำการแบริงปลายเกาะด้านหนึ่งได้ 080 และขณะเดียวกันก็วัดมุมระหว่างปลายเกาะทั้งสองได้ 7° เวลา 1000

¹เจียม อัมระปาด พลเรือจัตวา, เดินเรือ (พิมพ์ครั้งที่ 2, พระนคร : โรงพิมพ์กรมอุทกศาสตร์, 2500) หน้า 267.

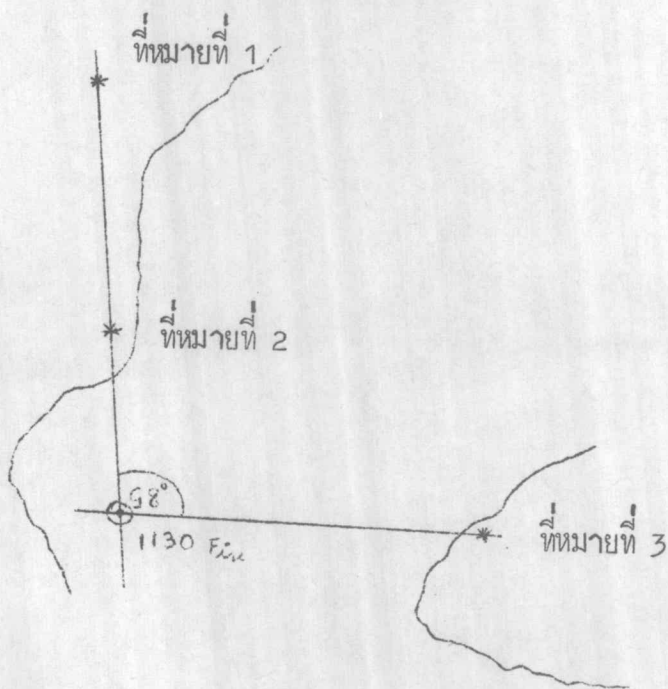
การ Plot จะทำการลากเส้นแบร็งก่อน จากนั้นก็จะคำนวณหาระยะทางจากเกาะ ไปถึงเรือ (R) ได้จาก $\text{ขอบ} = \text{รัศมี} \times 2\pi$ เป็นเรเดียน

$$\frac{R}{1.7} = \frac{360}{2\pi \times 7}$$

จะได้ $R = 14$ ไมล์

จากรูปที่ 2.5 ทำการลากเส้น 080 ใหนานปลายเกาะด้านที่เราทำการแบร็งได้ 080 จากนั้น กางวงเวียนรัศมีเท่ากับ 14 ไมล์ตามระยะในแผนที่ ไขกกลางเกาะเป็นจุดศูนย์กลาง ตัดเส้นแบร็ง 080 ก็จะได้ที่เรือ Fix เวลา 1000

2.1.6 แบริ่งผ่านกัมม (A Transit and an Angle) วิธีนี้เป็นวิธีที่สะดวก วิธีหนึ่งเช่นกัน เนื่องจากว่าวิธีนี้ไม่ได้ใช้เข็มทิศวัดแบร็ง จึงนับว่ามีข้อดีที่ทำให้ความผิดของเข็มทิศ ไม่มีเข้ามาเกี่ยวข้องเลย วิธีนี้มักใช้มากในการหาที่เรือของเรือเล็ก (เรือโบต) เมื่อทำการ หยั่งนำในระหว่างการสำรวจแผนที่ทะเล



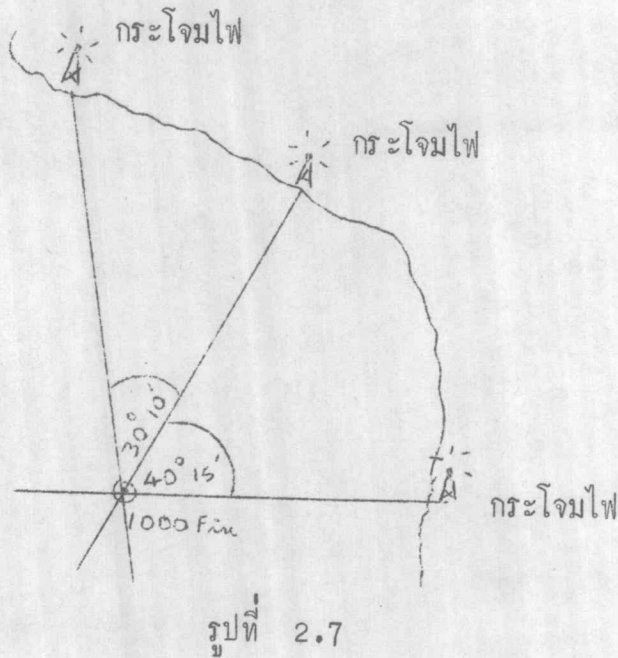
วิธีทำ คือทำการเล็งที่หมายสองแห่ง ที่อยู่ใบนแนวเดียวกัน และใช้ เครื่องวัดแดดทำการวัดมุม แนวนอนจากแนวของที่หมาย ทั้งสองนั้น กับที่หมายที่สาม ตัวอย่าง ในขณะที่เราทำการเล็ง ที่หมายที่ 1 และที่หมายที่ 2 ได้อยู่ในแนวเดียวกันนั้น เรา ทำการวัดมุมจากแนวนั้นไปยังที่ หมายที่ 3 ได้ 058 ในเวลา 1130

รูปที่ 2.6

ก็สามารถจะทำการ Plot ตำแหน่งที่เรือได้ ดังรูปที่ 2.6 วิธีการคล้าย ๆ กันนี้ได้นำไปใช้ในการนำร่อง (Piloting) แต่ได้เปลี่ยนแปลงไปบ้างเล็กน้อย คือ การนำร่องจะใช้แบร์ริงผ่าน 2 เส้นตัดกัน² จะเห็นว่าจะได้ที่เรือที่แน่นอนขึ้น

2.1.7 วัดมุมแนวนอนสองมุม (Horizontal sextant angles)

วิธีนี้เป็นวิธีหาที่เรือโดยใช้เส้นค่าลที่ ทั้งแต่สองเส้นขึ้นไป ใช้เครื่องวัดแคควัดมุมแนวนอน ในระหว่างวัตถุตั้งแต่สามสิ่งขึ้นไป วิธีนี้เป็นวิธีที่ดีที่สุด³ สำหรับหาที่เรือในขณะที่เรือจอด ทอดสมอ และต้องมีคนวัดมุมแนวนอนสองคนในเวลาเดียวกัน ก็จะได้ที่เรือถูกต้องมากกว่า เข็มทิศ เนื่องจากไม่มีอัตราผิดจากพวกอำนาจแม่เหล็กเข้ามาเกี่ยวข้อง และเครื่องวัดแคควัดมุมสามารถวัดมุมได้ละเอียดกว่าเข็มทิศ แต่จะช้ากว่าเข็มทิศในเรื่องการใช้เครื่องมือ



ตัวอย่าง เวลา 1000 วัดมุมระหว่าง กระโจมไฟ A และ B ได้ 30° 10' และขณะเดียวกัน วัดมุมระหว่างกระโจมไฟ และ C ได้ 40° 15' การหาที่เรือ ก็จะทำให้ได้โดยใช้

Station Pointerกางมุม ให้ขาทั้งสามทำมุมกัน คือ ขาที่ 1 และ 2 ทำมุมกัน

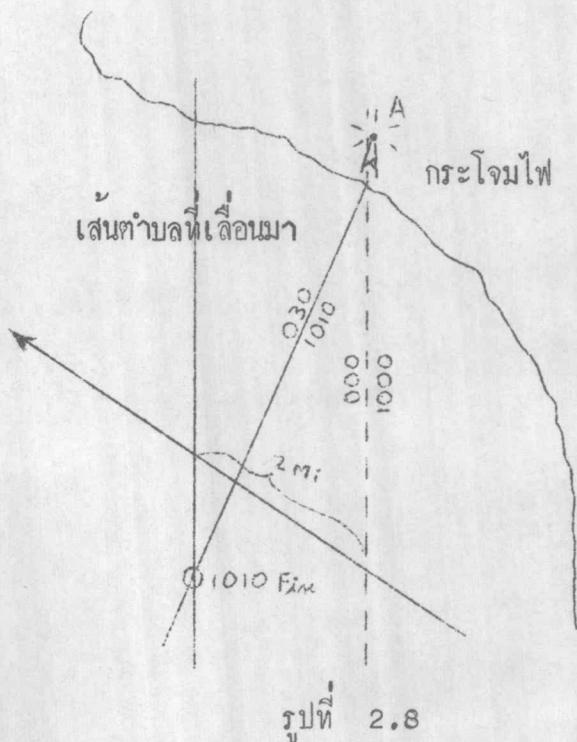
²G.D. Dunlap, H.H. SHUFELDT Captain USNR (Retired), Dutton's Navigation and Piloting (Twelfth Edition, United States Naval institute Annapolis, Moryland).

³เจียม อัมระपाल, พลเรือจัตวา เกินเรือ (พิมพ์ครั้งที่ 2 โรงพิมพ์กรมอุทก- ศาสตร์ทหารเรือ) หน้า 270.

30° 10' และชาติ 2 และ 3 ทำมุมกัน 40° 15' จากนั้นนำ Station Pointer ไปเทียบกับแผนที่เดินเรือให้ชาติทั้งสามผ่านจุด A, B และ C ตามลำดับ จุดศูนย์กลางของ Station Pointer ก็จะเป็นตำแหน่งที่ของเรือในเวลา 1000

2.1.8 แบริ่งวัตถุสิ่งเดียวกันสองครั้งในเวลาต่างกัน (A running fix)
วิธีนี้ใช้ในเมื่อเห็นวัตถุเพียงสิ่งเดียว ที่เรือที่หาได้โดยวิธีนี้ย่อมไม่ถูกต้องแน่นอนนัก ซึ่งทำโดยการหาเส้นค่าบลที่ของวัตถุแห่งเดียวกันได้ 2 เส้นในเวลาต่างกัน แล้วก็หาค่าบลที่เรือได้โดยการเลื่อนเส้นค่าบลที่เส้นแรกเข้าหาเส้นค่าบลที่เส้นที่สอง โดยนำเอาความเร็วของเรือเข้ามาเกี่ยวข้อง ในการเลื่อนเส้นค่าบลที่จุดที่เส้นค่าบลที่ทั้งสองตัดกัน ก็จะเป็นตำแหน่งที่เรือขณะวัดเส้นค่าบลที่ครั้งที่สอง ดังนั้นจะเห็นว่าความถูกต้องจะขึ้นอยู่กับระยะและทิศทางที่เรือเคลื่อนที่ไป ซึ่งขึ้นอยู่กับความเร็วเรือ ความเร็วและทิศทางของกระแสน้ำ กระแสลม

ตัวอย่างเช่น เรือแล่นด้วยความเร็ว 12 knots เวลา 1000 แบริ่งกระโจมไฟ A ได้ 000 เวลา 1010 แบริ่งกระโจมไฟ A อีกครั้งได้ 030 เรือถือเข็ม 295

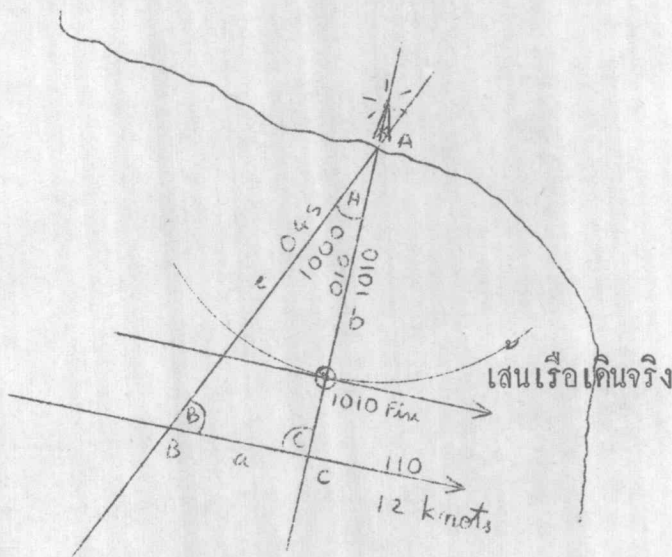


วิธีทำ จากแผนที่เดินเรือ ทำการ Plot เส้นค่าบลที่เวลา 1000 ดังรูป และเขียนทิศทางเรือเดิน 295 จากนั้นเลื่อนเส้นค่าบลที่ไปตามทิศ 295 ไประยะทาง 2 ไมล์ แล้วทำการลากเส้นค่าบลที่เส้นที่ 2 เวลา 1010 ก็จะได้จุดตัดของเส้นค่าบลที่ทั้งสอง ซึ่งเป็นที่เรือเวลา 1010 ดังรูป

นอกจากนี้แล้ว การหาที่เรือแบบเลื่อนเส้นค่าปลที่นี้ยังมีวิธีการทำได้ในแบบ
ต่าง ๆ อีกดังนี้

1. แบริ่งไม่จำกัดมุม
2. แบริ่งทวิมุม (Doubling the angle on the bow)
3. แบริ่งสี่ปอยนต์ (Four points bearing or the bow and beam)

แบริ่งไม่จำกัดมุม เป็นการหาที่เรือโดยการแบริ่งวัตถุสิ่งเดียวกันสองครั้งใน
เวลาต่างกัน แต่จะตัดปัญหาเรื่องการเลื่อนเส้นค่าปลที่ออก โดยจะใช้การ Plot เส้น
แบริ่งทั้งสองครั้ง และเส้นทางเดินเรือลงในแผนที่ ซึ่งจะเกิดเป็นรูปสามเหลี่ยมขึ้น และใช้
วิธีทางเรขาคณิตเข้ามาช่วย เพื่อหาระยะทางจากวัตถุที่ใช้เป็นที่หมายในการแบริ่งมายัง
เรือ แล้วใช้วิธีการของแบริ่งกับระยะทางหาที่เรือออกมา



รูปที่ 2.9

ตัวอย่าง เวลา 1000 ทำการแบริ่ง
กระโจมไฟ A ได้ 045
และเวลา 1010 ทำการ
แบริ่งกระโจมไฟ A อีก
ครั้งได้ 010 เรือวิ่งใน
ทิศ 110 ความเร็ว 12
knots

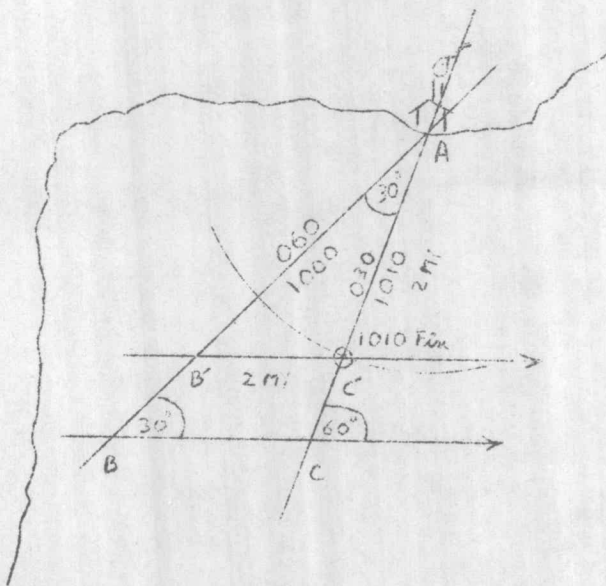
วิธีทำ ทำการ Plot เส้นแบริ่ง
ทั้งสองและเส้นทางเรือ
เดินลงในแผนที่ แล้วทำ
การคำนวณระยะทางที่เรือ

เคลื่อนที่ได้ 2 ไมล์ ดังนั้น ถ้าเรากำหนดจุดตัดทั้งสามเป็น A, B และ C เราก็คสามารถ
ที่จะหามุม A, B และ C ได้ จากนั้นเราก็คสามารถหาระยะทาง AC ได้ จากสูตร

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$

แต่เราทราบระยะ $a = 2$ ไมล์ ก็สามารถที่จะหา b ได้ คือระยะทาง AC นั้นเอง
 จากนั้นกางวงเวียนรัศมี AC ใช้ A เป็นจุดศูนย์กลางเขียนวงกลมตัด AC ที่จุดใด
 จุดนั้นก็คือที่เรือเวลา 1010 แต่จะเห็นว่าวิธีนี้ค่อนข้างจะยุ่งยากเรื่องการหาค่ามุมและ
 ค่า \sin ของมุมต่าง ๆ

แบร์ริงทวิมุม คล้ายกับวิธีการของแบร์ริงไม่จำกัดมุม แต่ต่างกันที่มุมที่เส้นแบร์ริง
 ครั้งหลัง เราต้องรอให้ท่ามุมกับเส้นทางเรือเดินเป็น 2 เท่าของเส้นแบร์ริงครั้งแรกเสียก่อน
 ถึงจะทำการจดเวลา



รูปที่ 2.10

ตัวอย่าง เรือวิ่งด้วยความเร็ว
 12 knots ทิศ 090
 เวลา 1000 ทำการ
 แบร์ริงปล่องไฟ ได้
 060 และทำการแบร์ริง
 ปล่องไฟอันนี้อีกครั้งได้
 030 เวลา 1010

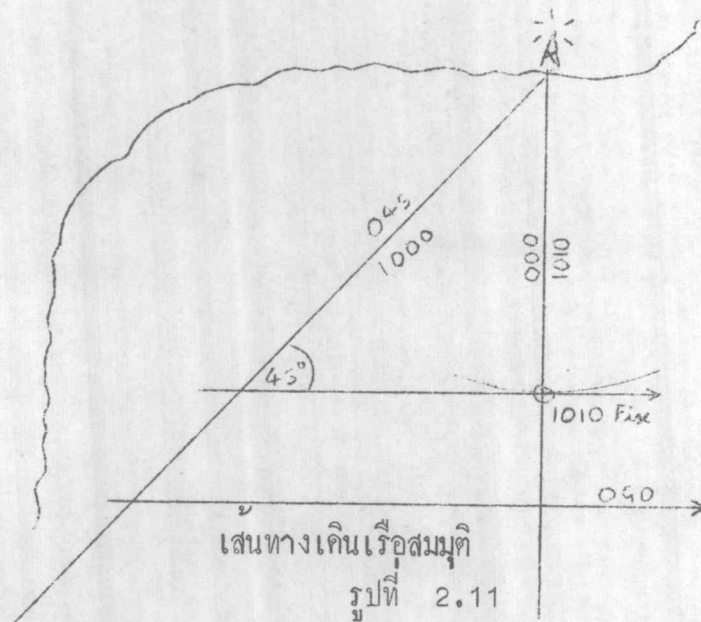
วิธีทำ ทำการ Plot เส้น
 แบร์ริงทั้งสอง และทิศ
 ทางเรือเดินลงในแผน-
 ที่ และคำนวณหาระยะ
 ทางที่เรือวิ่งได้ ว่า
 2 ไมล์ จากกฎของ

สามเหลี่ยมจากมุมภายนอกย่อมเท่ากับมุมภายในที่อยู่ตรงข้ามรวมกัน ก็จะได้ว่า มุม A และ
 B เท่ากัน จากหลักของสามเหลี่ยมหน้าจั่วก็จะได้ว่า ระยะทาง $AC = BC$ แต่ BC
 คำนวณได้เท่ากับ 2 ไมล์ ฉะนั้น AC ก็เท่ากับ 2 ไมล์ด้วย จากนั้นก็ใช้ A เป็นจุดศูนย์กลาง
 กลาง กางวงเวียนรัศมี 2 ไมล์ เขียนวงกลมตัด AC ที่ C C ก็จะเป็นที่เรือ เวลา 1010

แบร์ริงส์ปอยนต์ เป็นวิธีหนึ่งของแบร์ริงทวิมุม คำว่า สี่ปอยนต์ (4 point)

หมายถึง 45 องศา เพราะในทางเดินเรือถือว่า 90 องศา มี แปก ปอยนต์ (8 points)⁴
การทำแบร์ริงส์ปอยนต์ ก็คือการทำการแบร์ริงทวิมุมที่ให้เส้นแบร์ริงครั้งแรกทำมุมกับเส้นทาง
เรือเดิน 45 องศา

วิธีทำก็คือ ทำการแบร์ริงที่หมายครั้งแรกให้เส้นแบร์ริงทำมุมกับ เส้นทางเรือเดิน
45 องศา จากนั้นก็รอไปจนกว่าเส้นแบร์ริงครั้งที่สองจะทำมุม 90 องศา กับเส้นทางเรือ-
เดิน จึงจะจดเวลาและทำการคำนวณหาระยะทางที่เรือวิ่งไปได้ แล้วก็ทำตามวิธีแบร์ริงทวิ



มุมทุกประการ คังรูป
วิธีนี้จะสะดวกกว่าแบร์ริง
ทวิมุมตรงที่เส้นแบร์ริงครั้ง
ที่สองแบร์ริงไค่ง่ายกว่า
และไม่ต้องแก้ทิศสัมพันธ์

วิธีหาที่เรือเมื่อเห็นวัตถุบนพื้นโลก หรือหาที่เรือใกล้ฝั่งที่นิยมใช้กันอยู่ก็มีเท่าที่
ผู้วิจัยได้กล่าวแล้ว และนอกจากนี้ยังมีการหาที่เรือโดยการแบร์ริงวิหุข ซึ่งคล้ายกับการหาที่
เรือแบบแบร์ริงเข็มไขว้ แต่จะเป็นการหาเส้นแบร์ริงด้วยการหาทิศของสถานีส่งวิทยุบนบก
แทนที่จะใช้เข็มทิศแบร์ริงที่หมายอย่างแบร์ริงเข็มไขว้ และยังมีวิธีการหาที่เรือแบบระยะเรศวร

⁴เจียม อัมระपाल, พลเรือจัตวา, เดินเรือ (พิมพ์ครั้งที่ 2 โรงพิมพ์กรมอุทกศาสตร์
ทหารเรือ) หน้า 296.

A radar range ซึ่งก็คล้ายกับการหาที่เรือแบบแปร่งกับระยะทาง แต่จะใช้ radar ในการหาเส้นแปร่งและระยะทาง นอกจากนี้แล้วยังมีการหาที่เรือแบบแนวเส้นหยั่งนำ แต่วิธีนี้จะใช้เมื่อมีการสำรวจแผนที่อย่างแน่นอนมาก ซึ่งเป็นการยากแก่การปฏิบัติจริง ๆ ทั้งสามวิธีที่กล่าวมานี้ไม่เป็นที่ยอมรับใช้ในการหาที่เรือเมื่อเห็นวัตถุบนพื้นโลก ผู้วิจัยจึงไม่เขียนละเอียดเหมือนวิธีที่กล่าวมาแล้วข้างต้น

2.2 การหาที่เรือจากการเดินเรือรายงาน (Dead Reckoning Position)

การหาที่เรือรายงานนี้เป็นวิธีหาที่เรือแบบหนึ่ง แต่ที่เรือที่หาได้จะเป็นที่เรือโดยประมาณ เนื่องจากที่เรือรายงานได้จากการที่เราทำการขีด เข็มถ้อย่าย ลงในแผนที่ จากนั้นก็ทำการคำนวณหาระยะทางที่เรือเคลื่อนที่ไปได้จากจุดที่ทราบค่าบดที่แน่นอน (Fix Position) เราก็จะสามารถหาที่เรือได้ โดยพิจารณาจากเข็มถ้อย่ายเป็นเส้นที่ใช้ในการอ้างอิง แต่ที่เรือที่ได้จะเป็นที่เรือโดยประมาณ (Estimated Position) เนื่องจากเราไม่สามารถคำนวณระยะและทิศทางที่เรือเคลื่อนที่ไปได้อย่างถูกต้องแน่นอน จะเห็นได้ว่าเวลาที่เรือแล่นไปในนั้นจะมีองค์ประกอบต่าง ๆ มากมายที่ทำให้เรือแล่นผิดไปจากที่เราต้องการ องค์ประกอบเหล่านั้นได้แก่

- ก. กระแสน้ำ
- ข. กระแสน้ำขึ้นลง
- ค. ลม

นอกจากนี้แล้วยังมีองค์ประกอบย่อย ๆ อีกหลายชนิด เช่นคลื่นที่ไม่ได้เกิดโดยธรรมชาติ ความผิดพลาดของ เข็มทิศเดินเรือที่คลาดเคลื่อนเนื่องจากนำโลหะเข้ามาใกล้ อากาศของเรือจากการหมุนของใบจักรและอื่น ๆ อีกมาก แต่สิ่งเหล่านี้เป็นเพียงเล็กน้อย ไม่ทำให้ที่เรือผิดไปมากเท่าที่อากาศที่เกิดจากทั้งสามหัวข้อข้างต้น

อากาศของลมที่กระทำต่อเรือนั้นย่อมไม่เท่ากัน จะแตกต่างกันไปตามรูปร่าง ชนิดและแบบของเรือ และนับว่าเป็นการจำเป็นมากสำหรับนักเดินเรือที่จะต้องรวบรวมรายการต่าง ๆ อันเกี่ยวกับรายละเอียดของเรือของตนที่เกี่ยวข้องกับกำลังลมต่าง ๆ ในทิศสัมพันธ์ต่าง ๆ ไว้

ลมกระทำกับเรือให้เกิดอาการ 2 ประการ

1. อาการกระทำของลมต่อตัวเรือและส่วนประกอบตัวเรือคอนบน (Super-structure) ซึ่งทำให้เกิด

ก. ทวีหรือลดอัตราเร็วที่เรือแล่นไปได้จริงในน้ำ ผลอันนี้ได้คิดไว้ใน การหาที่เรือรายงาน

ข. พัดให้เรือลอยตกไปทางปลายลม อาการนี้ยอมได้แก้ไขเสมอแล้วใน ตัว โดยแก้ไขหัวเรือหันเข้าหาลมไว้ โดยมากถ้าคนถือท้ายไม่ชำนาญหรือเดินเลอแล้ว อาจทำให้เข็มที่ถือท้ายผิดเข้าหาทางคนลมของเข็มที่สั่งให้ถือไว้ได้ประมาณ 2 ถึง 3 องศา

โดยเฉพาะอย่างยิ่งจะสังเกตได้จากเรือเบา ซึ่งแล่นตามน้ำตามลม คือมีลมและ น้ำพัดทางท้ายเรือขวาหรือท้ายเรือซ้าย ซึ่งเรียกรวมการแล่นแบบนี้ว่า "boring to windward"

อาการของลมนี้มีวิธีตรวจหาได้ 2 วิธี

(1) โดยสังเกตทิศทางของหัวเรือทุก ๆ 2 หรือ 3 วินาที สักครึ่งชั่วโมงหรือ กว่านั้น แล้วจะได้เข็มปานกลางที่จะต้องถือท้าย

(2) โดยเปรียบเทียบแนวทางเรือซึ่งเครื่องจดทางเรืออัตโนมัติ (Automatic Plotting Instrument) ที่ถูกต้องได้ทำไว้กับเข็มเรือที่คนถือท้ายได้รับคำสั่งให้ถือท้าย ไป ข้อนี้จะทำได้ก็ต่อเมื่อมีเครื่องมือชนิดที่กล่าวแล้ว

2. อาการลอย (Drift) ของน้ำบนผิวพื้นทะเลเนื่องจากอำนาจลม อาการ ลอยนี้สามารถคาดคะเนเอาได้ โดยอาศัยความชำนาญเท่านั้น และรูลักษณะอุกุนิยมใน 48 ชั่วโมงที่แล้วมาในบริเวณที่เรือกำลังแล่นไป

กฎที่ดีในการประมาณอาการลอยนี้มีว่า ตามปกติปรากฏว่า อาการลอยของน้ำบน ผิวพื้นทะเลมีความเร็ว ประมาณ $1/50$ ของความเร็วลม⁵ และในเขตละติจูดอบอุ่น

⁵G.D. Dunlop And H.H. Shufeldt, Dutton's Navigation and Piloting, Chapter 7 (Twelfth Edition, United States Naval Institute Annapolis, Maryland, 1969).

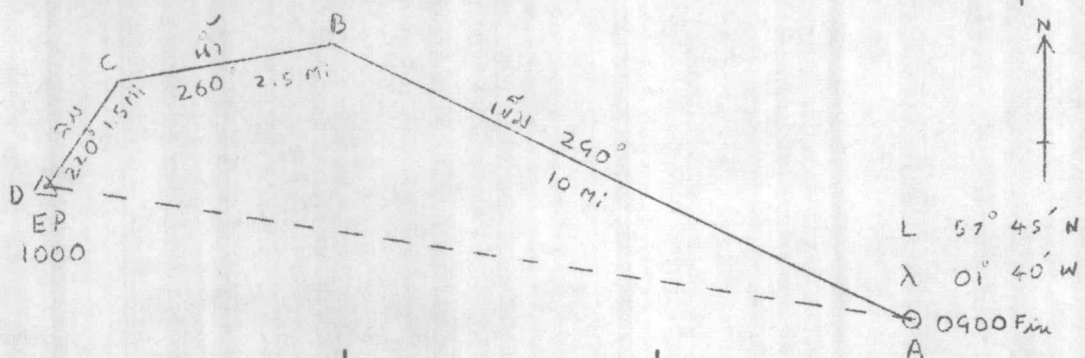
(Temperate Latitude) แลวทางของอาการลอยจะเฉเข้าหาทิศที่ลมพัดไปประมาณ 40° ในซีกโลกเหนือจะเฉเข้าทางขวา และในซีกโลกใต้จะเฉเข้าทางซ้าย

ตัวอย่าง แสดงการใช้สิ่งเหล่านี้เข้าแก่เมื่อขีดแนวทางเรือเดิน

สมมุติว่า เวลา 0900 เรืออยู่ใน Lat $57^\circ 45' N$ Long $1^\circ 40' W$ แลน เข้ม 290° ความเร็ว 10 knots กระแสน้ำพัดไปทิศ 260° ความเร็ว 2.5 knot ลมทิศ NE กำลัง 8 knot (สมมุติว่าจากสถิติซึ่งได้จากการรวบรวมไว้ หรืออาการ คำนวณจะประมาณได้ว่าอาการของลมที่กระทำต่อตัวเรือ และอาการลอยของผิวน้ำบนผิวน้ำพื้น ทะเล จะทำให้เรือตกไปทางทิศ 220° ด้วยอัตราเร็ว 1.5 knot) ให้นำที่เรือรายงาน เวลา 1000

วิธีทำ

1. จากแผนที่เดินเรือทำการ Plot จุด A ลง ณ ตำแหน่งที่ Lat $57^\circ 45' N$ และ Long $01^\circ 40' W$ ซึ่งเป็นตำแหน่งที่เรือ Fix ตามโจทย์กำหนด
2. จากจุด A ทำการขีดเส้นทางเรือเดินในทิศ 290° ระยะ 10 ไมล์ ถึง จุด B จะได้แนวทางเรือเดิน AB แสดงให้เห็นว่าถ้าไม่มีกระแสน้ำและลมเข้ามาเกี่ยวข้องของแล้ว เรือจะต้องวิ่งบนเส้น AB แต่เนื่องจากในที่นี้มีกระแสน้ำและลมเข้ามาเกี่ยวข้อง ดังนั้น ทิศทางหรือแนวทางที่เรือวิ่งนั้นจะต้องไม่อยู่บนเส้น AB
3. จาก B ลากทิศทางของกระแสน้ำ 260° ระยะ 2.5 ไมล์ ถึงจุด C BC จะเป็นระยะทางที่เรือตกไปทางซ้าย เนื่องจากกระแสน้ำ
4. จาก C ลากทิศทางจากที่คำนวณได้ หรือจากสถิติที่ได้ว่าลมจะกระทำให้เรือตกไป จะได้ว่าเรือจะตกไปในทิศ 220° ระยะ 1.5 ไมล์ ต่อ 1 ชั่วโมง พบจุด D



รูปที่ 2.2.1 แสดงการหาที่เรือ EP

จุด D จะเป็นตำแหน่งที่เรือโดยประมาณ (Estimated Position) เวลา 1000 และแนวทาง AD จะเป็นแนวทางที่เรือวิ่งไปจริง ๆ ซึ่ง ณ ที่จุด D จะใช้กำกับด้วยสามเหลี่ยม ดังนี้ $\triangle EP$ 1000

วิธีการเช่นนี้ ก็นับได้ว่าเป็นวิธีการหาที่เรือวิธีหนึ่ง ที่ใช้กันอยู่ในปัจจุบัน เป็นค่าบลที่เรือที่กะประมาณที่คลี่ที่สุด⁶ ซึ่งได้ทำมาจากที่เรือแบร์ริงครั้งสุดท้าย หรือที่เรือตรวจอันเชื่อถือได้ โดยใช้สิ่งต่าง ๆ ที่ทราบ ประกอบกับการเดินเรือรายงานเพื่อแก้หาระยะและทิศทางที่ถูกต้องที่เรือเคลื่อนที่ไปได้จริง ๆ เพื่อจะได้สามารถหาตำแหน่งที่ของเรือได้อย่างถูกต้อง

2.3 การหาที่เรือจากดาราศาสตร์ (Celestial Navigation)

การหาที่เรือจากดาราศาสตร์ อาจจะกล่าวได้ว่าเป็นศิลปะอย่างหนึ่งในการนำเอาวัตถุท้องฟ้าต่าง ๆ อันได้แก่ ดวงอาทิตย์ ดวงจันทร์ ดาวพระเคราะห์ และ ดาวฤกษ์ มาใช้ให้เป็นประโยชน์แก่การเดินเรือ เช่น การคำนวณหาค่าบลที่เรือ การหาอัตราณิกของเข็มทิศ เป็นต้น ในเมื่อเรือเดินอยู่ในทะเลลึกไม่เห็นฝั่งและเกาะ เป็นเวลานานวันโดยทั่ว ๆ ไปแล้ว การค่าบลที่เรือโดยเดินเรือ ดาราศาสตร์จะมีความถูกต้องน้อยกว่าการเดินเรือใกล้ฝั่ง การหาค่าบลที่เรือโดยเดินเรือดาราศาสตร์ ยอมให้ผิดได้ประมาณ 1 ไมล์⁷ ส่วนการหาค่าบลที่เรือโดยเดินเรือใกล้ฝั่งนั้น ยอมให้ผิดได้เพียงเป็นเมตรเท่านั้น ทั้งนี้ เพื่อให้เรือได้รับความปลอดภัยจากสิ่งอันตรายใต้น้ำ

⁶เจียม อัมระपाल, พลเรือจัตวา, เดินเรือ (พิมพ์ครั้งที่ 2 พิมพ์ที่โรงพิมพ์กรมอุทกศาสตร์ทหารเรือ, 2500).

⁷โรจน์ หงส์ประสิทธิ์, นาวาเอก, เดินเรือดาราศาสตร์ (พระนคร : พิมพ์ที่โรงพิมพ์คุรุสภา 2517) หน้า 35.

เครื่องมือและบรรณสารที่สำคัญที่จะต้องใช้ในการเดินเรือดาราศาสตร์ ได้แก่ เครื่องวัดแคด (Sextant) นาฬิกาโครโนเมตร (Chronometer) นาฬิกาเปรียบเทียบ (Comparing Watch) ปฏิทินเดินเรือ (Nautical Almanac) และมาตราเดินเรือต่าง ๆ เช่น H.O. 214

การคำนวณต่าง ๆ ในการหาที่เรือจากดาราศาสตร์นี้ จะใช้ความรู้เกี่ยวกับวิชาตรีโกณมิติทรงกลมมาใช้ในการคำนวณและทำความเข้าใจในเรื่องของสามเหลี่ยมทรงกลม แรกก่อนที่จะเข้าใจการหาที่เรือจากดาราศาสตร์ เราจำเป็นต้องทราบ

2.3.1 โลกและทรงกลมท้องฟ้า (Earth and Celestial Sphere)
ในการเดินเรือดาราศาสตร์นี้ สมมุติให้โลกมีลักษณะเป็นทรงกลมอย่างแท้จริง และอยู่ที่จุดศูนย์กลางของจักรวาล

จักรวาลสมมุติให้เป็นทรงกลมอีกลูกหนึ่ง หุ้มห่อโลกอยู่ มีรัศมีจากโลกออกไปยาวไม่มีที่สิ้นสุด ทรงกลมนี้เรียกว่า "ทรงกลมท้องฟ้า" (Celestial Sphere) และจุดศูนย์กลางของโลกก็เป็นจุดศูนย์กลางของทรงกลมท้องฟ้าด้วย วัตถุท้องฟ้าทั้งหมดจะอยู่ภายในทรงกลมท้องฟ้านี้ทั้งสิ้น

"ดาวฤกษ์" (Fixed Stars) ที่ไกลโลกที่สุด ห่างจากโลกมากกว่า 6 ล้านเท่าของรัศมีของโลก ฉะนั้น เมื่อนำเอาดาวฤกษ์มาใช้ในการเดินเรือดาราศาสตร์แล้ว รัศมีของโลกไม่จำเป็นต้องนำมาเกี่ยวข้องเลย

2.3.2 การหมุนรอบตัวเองของโลก (Rotation of the Earth) ตามความจริงที่ได้ทราบมาแล้วว่า โลกหมุนรอบตัวเองจากทิศตะวันตกไปทางทิศตะวันออก วันละ 1 รอบ แต่ผู้ตรวจอยู่บนผิวโลกหาความรู้สึกเช่นนั้นไม่ กลับกลายเป็นมีความรู้สึกเห็นว่า วัตถุท้องฟ้าที่อยู่ภายในทรงกลมท้องฟ้าเคลื่อนตัวจากทิศตะวันออกไปทางทิศตะวันตก จากความรู้สึกนี้เองจึงเป็นผลทำให้ผู้ตรวจเห็นวัตถุท้องฟ้าขึ้นจากขอบฟ้าทางทิศตะวันออก ผ่านเมอริเดียนผู้ตรวจ แล้วไปตกทางทิศตะวันตก

2.3.3 โคออดิเนตระบบอีเควเตอร์ท้องฟ้า (Celestial Equator System of Coordinate)

แกนท้องฟ้า (The Celestial Axis) คือเส้นสมมุติที่ยื่นจากแกนโลก ออกไปในท้องฟ้าจนถึงทรงกลมท้องฟ้า และผู้ทรวจะรู้ลึกกว่าทรงกลมท้องฟ้าหมุนรอบแกนนี้ จากทิศตะวันออกไปทางทิศตะวันตก

ขั้วท้องฟ้า (The Celestial Poles) คือจุดที่อยู่ปลายสุดทั้งสองข้างของแกนท้องฟ้า จุดที่ตรงกับขั้วเหนือของโลกเรียกว่า "ขั้วท้องฟ้าเหนือ" (North Celestial Pole) จุดที่ตรงกับขั้วใต้ เรียกว่า "ขั้วท้องฟ้าใต้" (South Celestial Pole)

เมริเดียนท้องฟ้า (The Celestial Meridians) คือวงใหญ่บนทรงกลมท้องฟ้า ที่เกิดจากการยืดเมริเดียนของโลกออกไปตัดกับทรงกลมท้องฟ้า วงใหญ่เหล่านี้จะผ่านขั้วท้องฟ้าทั้งสอง

อีเควเตอร์ท้องฟ้า (The Celestial Equator or The Equinoctial) คือวงใหญ่บนทรงกลมท้องฟ้า ซึ่งเกิดจากการยืดอีเควเตอร์ของโลกออกไปตัดกับทรงกลมท้องฟ้า หรือกล่าวอีกอย่างหนึ่ง คือวงใหญ่บนทรงกลมท้องฟ้า ซึ่งมีพื้นที่ตั้งฉากกับแกนท้องฟ้า

ดิกลิเนชัน (The declination) เป็นระยะมุมอย่างเดียวกันกับละติจูดบนพื้นโลก คือเป็นมุมที่จุดศูนย์กลางของทรงกลมท้องฟ้า (จุดศูนย์กลางโลก) นับจากอีเควเตอร์ท้องฟ้า วัดไปตามเมริเดียนท้องฟ้า จนถึงวัตถุท้องฟ้า เริ่มต้น 0 องศาที่อีเควเตอร์ท้องฟ้า นับไปทางเหนือและทางใต้จนถึง 90 องศา ที่ขั้วท้องฟ้าทั้งสอง ถ้าวัตถุท้องฟ้าอยู่เหนืออีเควเตอร์ท้องฟ้า เรียกว่ามีดิกลิเนชันเหนือ (N) ถ้าวัตถุท้องฟ้าอยู่ใต้อีเควเตอร์ท้องฟ้า เรียกว่า มีดิกลิเนชันใต้ (S) ดิกลิเนชันนี้จะไม่เรียกว่าละติจูดท้องฟ้า (Celestial Latitude) เป็นอันขาด เพราะละติจูดท้องฟ้าเป็นอีกเรื่องหนึ่งต่างหาก

เมริเดียนท้องฟ้า เพื่อใช้วัดดิกลิเนชันของวัตถุท้องฟ้าดังกล่าวแล้วนี้ มีชื่อเรียกพิเศษอีกอย่างหนึ่งว่า "วงดิกลิเนชัน" (Circle of Declination)

วงขนานคคิลเนชัน (Parallels of Declination) ไ้ทราบมาแล้วว่า วงเล็กบนผิวโลกที่มีพื้นที่ตั้งไ้ฉากกับแกนโลก เรียกว่า "วงขนานละติจูด" (Parallels of Latitude) ถ้าไ้วงขนานละติจูดออกไปบนทรงกลมท้องฟ้า ก็ไ้เรียกว่า "วงขนานคคิลเนชัน" (Parallels of Declination) กล่าวอีกอย่างหนึ่งก็คือเป็นวงเล็กบนทรงกลมท้องฟ้าที่มีพื้นที่ขนานกับอิเควเตอร์ท้องฟ้า วัตถุท้องฟ้าที่อยู่บนวงขนานคคิลเนชันไ้เดียวกัน จะมีคคิลเนชันเท่ากัน

มุมเวลา (Hour Angle) คือ ระยะมุมที่ขั้วท้องฟ้าหรือที่ขอบของอิเควเตอร์ท้องฟ้า (เป็นมุมที่จุดศูนย์กลางท้องฟ้าหรือจุดศูนย์กลางโลก) ระหว่างเมริเดียนท้องฟ้าสองเส้น ถ้าเป็นระยะมุมระหว่างเมริเดียนท้องฟ้าที่ผ่านเมริเดียน ผู้ตรวจกับเมริเดียนท้องฟ้าที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า โดยนับจากเมริเดียนท้องฟ้าที่ผ่านผู้ตรวจไปทางตะวันตกทางไ้ยวจนถึงเมริเดียนท้องฟ้าที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า นั้นจาก 0 องศา ถึง 360 องศา เรียกระยะมุมนี้ว่า "มุมเวลาค่าบลั" (Local Hour Angle) ไ้ใช้อักษรย่อ LHA

ถ้าเป็นระยะมุมระหว่างเมริเดียนท้องฟ้าที่ผ่านเมืองกรีนิช กับเมริเดียนท้องฟ้าที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า โดยนับจากเมริเดียนท้องฟ้าที่ผ่านเมืองกรีนิชไปทางตะวันตกทางไ้ยวจนถึงเมริเดียนท้องฟ้าที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า นั้น จาก 0 องศา ถึง 360 องศา เรียกมุมนีว่า "มุมเวลากรีนิช" (Greenwich Hour Angle) และไ้ใช้อักษรย่อ GHA

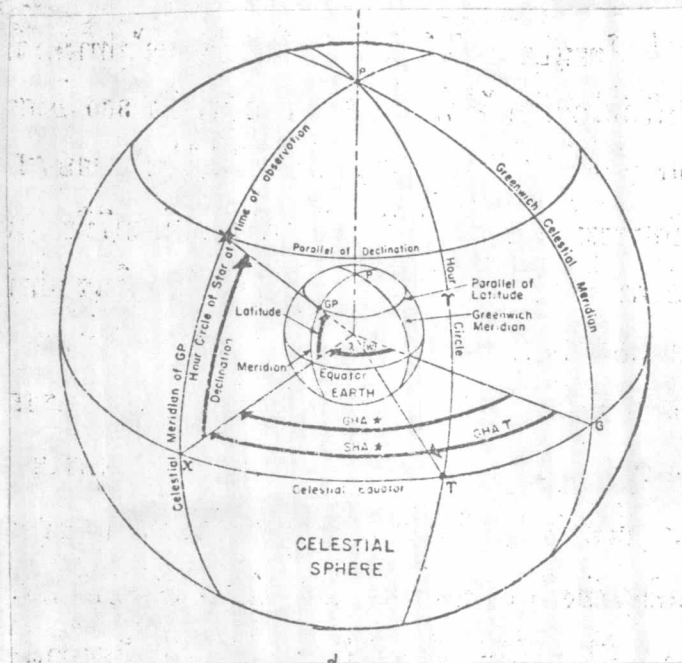
ผลต่างของ GHA กับ LHA ก็คือสองจุดของผู้ตรวจ มุมเวลานี้จะนับเป็นชั่วโมงก็ได้ จาก 0 ชั่วโมง ถึง 24 ชั่วโมง เมริเดียนท้องฟ้าที่ไ้ใช้นับมุมเวลานี้ มีชื่อพิเศษเรียกว่า "วงเวลา" (Hour Circle)

LHA นี้ ในทางคำนวณจะไ้ใช้เป็นมุมเล็ก คือนับจากวงเวลาที่ผ่านผู้ตรวจจาก 0 องศา ถึง 180 องศา ไปทางทิศตะวันออกหรือทางทิศตะวันตกก็ได้ จนถึงวงเวลาที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า นั้น มุมเล็กนี้เรียกว่า "มุมเมริเดียน" (Meridian Angle) ไ้ใช้อักษรย่อ t ถ้าวัตถุท้องฟ้าอยู่ทางตะวันออกของผู้ตรวจ ไ้ใช้อักษรย่อคหาคของมุมนีว่า "E"

ถ้าวัตถุท้องฟ้าอยู่ทางตะวันตกของผู้ตรวจ ใช้อักษรย่อสุดท้ายคาของมุมว่า "W" เช่นเดียวกับลองจิจูด มุม "t" ถ้าใช้มาตรา H.O. 214 จะใช้อักษรว่า "H.A." แทน

มุมเวลาไซเคอเรียล (Siderial Hour Angle) ใช้อักษรย่อว่า "SHA" ตามปกติ GHA ของดวงอาทิตย์ ดวงจันทร์ และดาวพระเคราะห์ที่ใช้ในการเดินเรือ 4 ดวง คือ Venus, Mars, Jupiter และ Saturn จะให้ค่าไว้ในปฏิทินเดินเรือทุกชั่วโมงตลอดทั้งปี แยกไว้โดยเฉพาะแต่ละดวง เพราะวัตถุท้องฟ้าเหล่านี้มีอัตราเคลื่อนตัวผ่านไปทางฟ้าแตกต่างกัน สำหรับดาวฤกษ์ซึ่งเป็น "Fixed Stars" นั้น ในทางปฏิบัติถือว่ามีอัตราเคลื่อนตัวในท้องฟ้าคงที่ ฉะนั้นเพื่อความสะดวกในปฏิทินเดินเรือ จึงให้ค่าเป็น "มุมเวลาไซเคอเรียล" (Sidereal Hour Angle) และย่อว่า SHA ไว้ทางหากสำหรับดาวฤกษ์แต่ละดวง

SHA คือ ระยะมุมที่ขั้วท้องฟ้า หรือที่ขอบของอิกเวเตอร์ท้องฟ้า ระหว่างวงเวลาที่ผ่านจุดราศีเมษ (γ) กับวงเวลาที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า (ดาวฤกษ์) โดยนับจากจุดราศีเมษไปตามขอบของอิกเวเตอร์ท้องฟ้า ไปทางตะวันตกทางเดียวจนถึงวงเวลาที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า นั้น นับจาก 0 องศา ถึง 360 องศา



รูปที่ 2.3.1

แสดงโคออดิเนตระบบอิกเวเตอร์ท้องฟ้า และระบบบนโลกของวัตถุท้องฟ้า

จตุราศีเมษในปฏิทินเดินเร็วเรียกสั้น ๆ ว่า "Aries" (r) แม้ว่าจตุราศีเมษจะเคลื่อนตัวถอยหลัง ปีละ 50.2 พิลิปดา ก็ตาม แต่ก็อาจถือว่า SHA ของดาวฤกษ์มีค่าคงที่ได้ในช่วงเวลานาน ๆ

อย่างไรก็ตาม ในการคำนวณสามเหลี่ยมดาราศาสตร์จำเป็นต้องใช้ GHA ของดาวฤกษ์ ฉะนั้นในปฏิทินเดินเร็วจึงให้ค่า GHA ของ Aries ไว้โดยเฉพาะอีกต่างหากทุกชั่วโมง ตลอดทั้งปี เพื่อให้คำนวณหา GHA ของดาวฤกษ์ได้ คือ

$$GHA_* = GHA_r + SHA_*$$

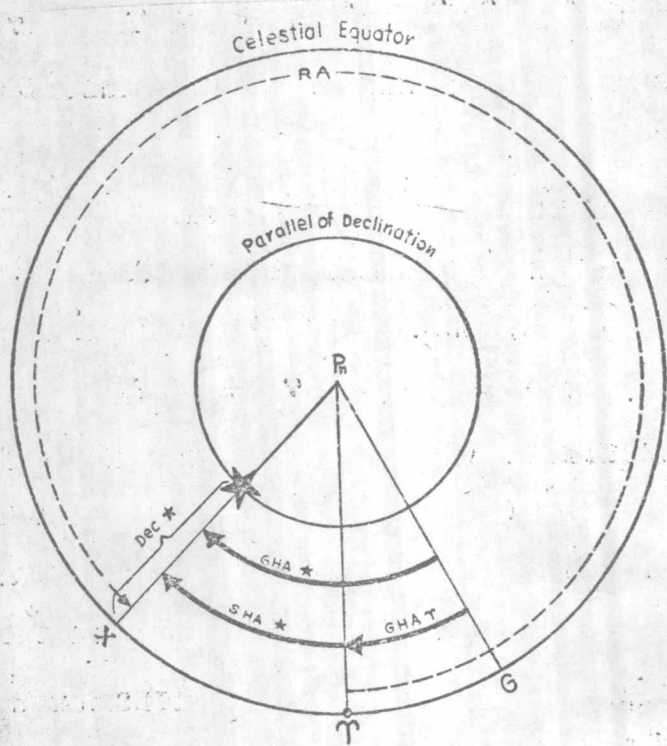
ไรต์แอสเซนชัน (Right Ascension) นักดาราศาสตร์ไม่ค่อยใช้ SHA แต่จะใช้ไรต์แอสเซนชัน (RA) แทน ซึ่งเป็นระยะมุมวัดกับ SHA คือเป็นระยะมุมจากจุดราศีเมษ นับไปตามขอบของอีควาเตอร์ท้องฟ้าไปทางตะวันออกจนถึงวงเวลาที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า นั้น โดยนับเป็นเวลาจาก 0 ชั่วโมง ถึง 24 ชั่วโมง

โคออดิเนตระบบอีควาเตอร์ท้องฟ้า นั้น ใช้บอกค่าบดที่ของวัตถุท้องฟ้าบนทรงกลมท้องฟ้าในขณะใดขณะหนึ่งโดย "Declination" (Dec) และ "Greenwich Hour Angle" (GHA)

ถ้าจะกำหนดค่าบดที่ของวัตถุท้องฟ้าลงบนผิวโลกในขณะใดขณะหนึ่ง ก็ใช้ Declination เป็น Latitude และใช้ GHA เป็น Longitude แต่ต้องแปลง GHA เป็น Longitude เสียก่อน เพราะค่าของ Longitude นับจากกรีนิชไปทางตะวันออกและทางตะวันตก จาก 0 องศา ถึง 180 องศา ค่าบดที่ของวัตถุท้องฟ้าบนผิวโลก เรียกว่า "Geographical Position (GP) of A Celestial Body"

รูปบนพื้นอีควาเตอร์ท้องฟ้า (The Plane Of the Celestial Equator) โดยเหตุที่ผู้ตรวจอยู่บนทรงกลมท้องฟ้า ไม่สะดวกในการเขียนรูปแสดงสิ่งต่าง ๆ บนทรงกลมท้องฟ้าได้ตลอด ดังในรูปที่ 2.3.1 ดังนั้น จึงนิยมใช้เขียนรูปโคออดิเนตระบบอีควาเตอร์

ท้องฟ้าอีกแบบหนึ่ง โดยสมมติให้เขียนออกไปอยู่นอกทรงกลมท้องฟ้า ในแนวแกนท้องฟ้า แลวมองตรงมายังขั้วท้องฟ้าเหนือ เมื่อวัตถุท้องฟ้ามีดิกคิเนชันเป็นเหนือ เพื่อแสดงสิ่งที่เกี่ยวข้องกับขั้วท้องฟ้า เช่น มุมเวลาและดิกคิเนชันของวัตถุท้องฟ้า เป็นต้น ดังในรูปที่ 2.3.2 ถ้าวัตถุท้องฟ้ามีดิกคิเนชันเป็นใต้ ก็ต้องเขียนรูปที่มองตรงลงไปยังขั้วท้องฟ้าใต้



รูปที่ 2.3.2

รูปบนพื้นอิกเวเตอร์ท้องฟ้าจากรูปที่ 2.3.1

2.3.4 โคออดิเนตระบบขอบฟ้า (Horizon System of Coordinate)

ระบบโคออดิเนต ของวัตถุท้องฟ้าที่ใช้ในการเดินเรือการาศาตร์อีกระบบหนึ่งก็คือ โคออดิเนตระบบขอบฟ้า ระบบนี้เป็นระบบที่ขึ้นอยู่กับค่าบลิที่ของผู้ตรวจ ซึ่งใช้อ้างถึงขอบฟ้าท้องฟ้าของผู้ตรวจเป็นหลัก สำหรับระบบที่กล่าวมาแล้วข้างกนนั้ใช้อ้างถึงอิกเวเตอร์ท้องฟ้าเป็นหลัก

เซนนิธ (Zenith) เป็นจุดบนทรงกลมท้องฟ้า ซึ่งเกิดจากการยืดเส้นตรงที่ลากจากจุดศูนย์กลางโลก ผ่านค่ามลที่ผู้ตรวจบนผิวโลกไปจดทรงกลมท้องฟ้า ดังนั้น จุดเซนนิธก็คือค่ามลของผู้ตรวจบนทรงกลมท้องฟ้านั่นเอง

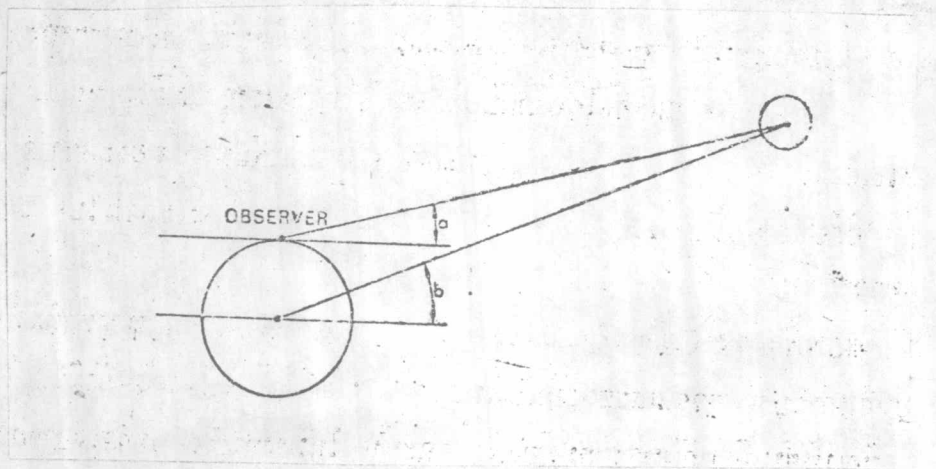
เนเคอร์ (Nadir) เป็นจุดบนทรงกลมท้องฟ้าที่อยู่ตรงกันข้ามกับจุดเซนนิธ หรือเป็นจุดบนทรงกลมท้องฟ้าที่อยู่ตรงดิ่งลงไปจากใต้เท้าของผู้ตรวจ ผ่านจุดศูนย์กลางโลกไปจดทรงกลมท้องฟ้า

ขอบฟ้าท้องฟ้า (Celestial Horizon) เป็นวงใหญ่ของทรงกลมท้องฟ้าที่มีพื้นผ่านจุดศูนย์กลางโลก และตั้งฉากกับเส้นตรงที่ต่อระหว่างจุดเซนนิธและเนเคอร์ จุดเซนนิธและเนเคอร์จะห่างจากขอบฟ้าท้องฟ้า 90 องศา เส้นตรงที่ต่อระหว่างจุดเซนนิธและเนเคอร์จะเป็นเส้นแกนโคออดิเนตระบบขอบฟ้า เส้นแกนนี้จะเปลี่ยนไปตามค่ามลของผู้ตรวจ

ขอบฟ้าจริง (The True Horizon) คือวงเล็กของทรงกลมท้องฟ้าที่มีพื้นสัมผัสกับนัยนตาของผู้ตรวจ และขนานกับพื้นของขอบฟ้าท้องฟ้า เนื่องจากวงรัศมีของโลกสั้นมาก เมื่อเปรียบเทียบกับทรงกลมท้องฟ้า ฉะนั้น ในบางกรณีขอบฟ้าจริงอาจถือได้ว่าทับกับขอบฟ้าท้องฟ้า

ขอบฟ้าเห็นหรือขอบฟ้าทะเล (The Visible Or Sea Horizon) เป็นวงเล็กที่ผู้ตรวจมองเห็นรอบตัว คือเป็นวงกลมที่เห็นน้ำกับฟ้าจกกัน ขอบฟ้าเห็นจะมีพื้นขนานกับพื้นของขอบฟ้าท้องฟ้า ขอบฟ้าเห็นนี้ขึ้นอยู่กับความสูงของนัยนตาผู้ตรวจ (สูงตา)ว่าจะอยู่สูงจากระดับน้ำทะเลเท่าใด ถ้าสูงตาของผู้ตรวจอยู่สูงจากระดับน้ำทะเลมากเท่าใดขอบฟ้าเห็นก็ยิ่งอยู่ต่ำกว่าขอบฟ้าจริงมากยิ่งขึ้น จึงทำให้สูงของวัตถุท้องฟ้าที่วัดได้ด้วยเครื่องวัดแดด แยกต่างกันไปตามสูงตาของผู้ตรวจ เพราะการวัดความสูงของวัตถุท้องฟ้า ไขวัดจากขอบฟ้าที่เห็นน้ำกับฟ้าจกกัน คือวัดจากขอบฟ้าเห็นไปยังวัตถุท้องฟ้า ฉะนั้น สูงของวัตถุท้องฟ้าที่วัดจากขอบฟ้าเห็น จึงมากกว่าสูงของวัตถุท้องฟ้าที่วัดจากขอบฟ้าจริง อัตราแกสูงที่วัดได้นี้เรียกว่า "Dip Of The Horizon" หรือ "Dip" (D) ดังนั้น อัตราแก Dip จะขึ้นกับสูงตาของผู้ตรวจว่าจะอยู่สูงจากระดับน้ำทะเลเท่าใด

ยังมีอัตราแกว่งของวัตถุท้องฟ้าอีกอย่างหนึ่ง นอกจากแกว่ง Dip แล้ว ซึ่งเป็นอัตราแกว่งสำหรับวัตถุสูง ของวัตถุท้องฟ้าในระบบสุริยจักร อันได้แก่ ดวงอาทิตย์ ดวงจันทร์ และดาวเคราะห์ต่าง ๆ เพราะวัตถุท้องฟ้าเหล่านี้อยู่ไกลโลกมากกว่าดาวฤกษ์มากมาย และแสงที่ส่องมายังโลกมิได้เป็นลำแสงที่ขนานกัน แต่จะเป็นแสงที่กระจายออกมาจากจุดจุดหนึ่ง ณ ระยะเวลาอันหนึ่ง ฉะนั้น สูงของวัตถุท้องฟ้า จากขอบฟ้าของฟ้าที่วัดจากจุดศูนย์กลางโลก จะมากกว่าสูงของวัตถุท้องฟ้าจากขอบฟ้าจริงที่วัดจากผู้ตรวจบนผิวโลก เว้นแต่เมื่อวัตถุท้องฟ้าจะอยู่ตรงกับเส้นขนานนั้น ผลต่างของสูงของวัตถุท้องฟ้านี้ เนื่องมาจากค่าที่เรียกว่า "Parallax" ซึ่งเป็นอัตราแกว่งที่จะต้องนำเอาไปแกว่งที่วัดจากขอบฟ้าเห็นด้วย



รูปที่ 2.3.3

มุม a และมุม b ต่างกันด้วยค่า Parallax

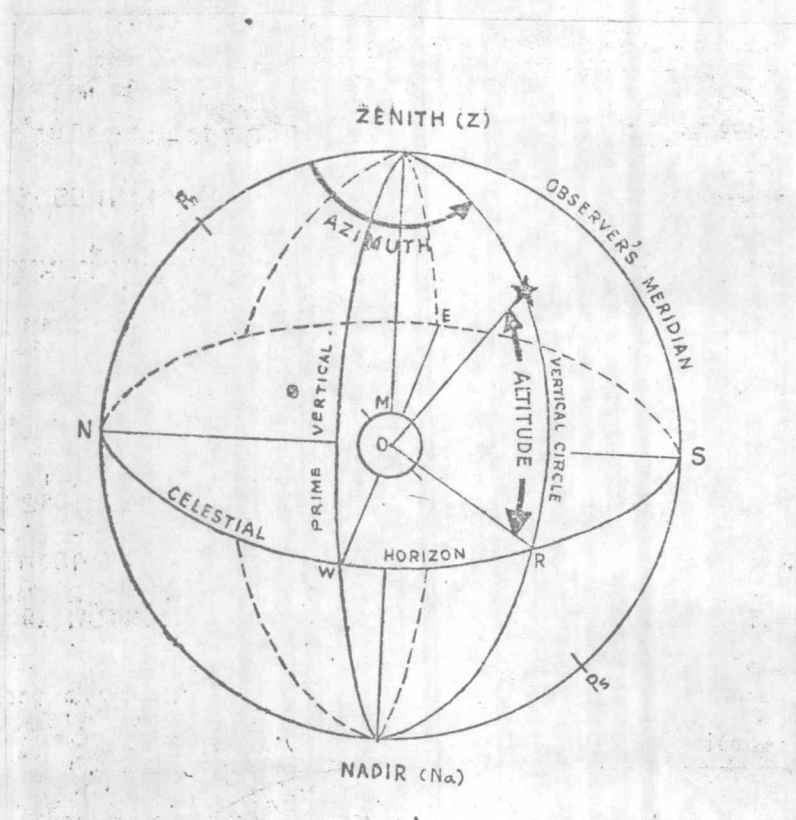
ในรูปที่ 2.3.3 ผู้ตรวจจอยที่ผิวโลก วัดมุมจากขอบฟ้าจริงไปยังจุดศูนย์กลางดวงอาทิตย์จะโคมุมเท่ากับ a ถ้าวัดที่จุดศูนย์กลางโลกจากขอบฟ้าของฟ้า จะโคมุมเท่ากับ b จะเห็นว่ามุม b โทกว่ามุม a ผลต่างของมุมทั้งสองนี้ เนื่องจากค่าของ "Parallax"

วงสูงหรือวงตั้ง (Circle Of Altitude Or Vertical Circles) คือ วงใหญ่บนทรงกลมท้องฟ้าที่ผ่านจุดเซนธิซและเนเคอร์ ดังนั้น พื้นของวงสูงจึงตั้งฉากกับ พื้นของขอบฟ้าท้องฟ้า เมอริเดียนท้องฟ้าของผู้ตรวจก็เป็นวงสูงเหมือนกัน

สูงของวัตถุท้องฟ้า (Altitude Of Celestial Bodies) คือมุมทางสูงที่ วัดด้วยเครื่องวัดแคด จากขอบฟ้าเห็นไปตามวงสูงที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า จนถึงวัตถุท้องฟ้า นั้น

ไพรม์เวอร์ทีเกิล (The Prime Vertical) คือ วงสูงที่มีพื้นตั้งฉากกับ พื้นเมอริเดียนของผู้ตรวจ หรือคือวงสูงที่ผ่านจุดตะวันออกและจุดตะวันตกบนขอบฟ้าท้องฟ้า ของผู้ตรวจ จุดตะวันออกและจุดตะวันตก คือจุดที่ Prime Vertical ตัดกับขอบฟ้าท้องฟ้าของผู้ตรวจ

จุดเหนือและจุดใต้ คือจุดที่เมอริเดียนท้องฟ้าของผู้ตรวจตัดกับขอบฟ้าท้องฟ้าของผู้ตรวจ



รูปที่ 2.3.4

แสดงโคออดิเนตระบบท้องฟ้า

แอสิมัท (Azimuth) ของวัตถุท้องฟ้าเป็นมุมที่เซนธิ โดยวัดจากเมอริเดียน
ท้องฟ้าของผู้ตรวจไปจนถึงวงสูงที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า การนับแอสิมัทมีอยู่สองอย่าง คือ

"มุมแอสิมัท" (Azimuth Angle) ใช้อักษรย่อว่า "Az" เป็น Azimuth
ที่นับจากจุดเหนือ (N) หรือจุดใต้ (S) ของผู้ตรวจ ทั้งนี้ แล้วแต่ว่าผู้ตรวจจะอยู่
ละติจูดเหนือหรือละติจูดใต้ ส่วนจะเป็นตะวันออก (E) หรือตะวันตก (W) ก็ขึ้นอยู่กับ
วัตถุท้องฟ้า นั้นว่าจะอยู่ทางตะวันออกหรือทางตะวันตกของผู้ตรวจ มุมแอสิมัทนี้ใช้ในรูป
สามเหลี่ยมคาราศาสตร์

"แอสิมัทจริง" (True Azimuth) ใช้อักษรย่อว่า "Zn" เป็น
Azimuth ที่นับจากจุดเหนือของผู้ตรวจไปทางตะวันออกทางเดียว จนถึงวงสูงที่ผ่าน
วัตถุท้องฟ้า นั้น จาก 0 องศาถึง 360 องศา ไม่ว่าผู้ตรวจจะอยู่ละติจูดเหนือหรือใต้ก็ตาม

แอมพลิจูด (The Amplitude) คือระยะขอบของขอบฟ้า ระหว่างจุดตะวัน-
ออกหรือจุดตะวันตก กับค่าบลที่ของวัตถุท้องฟ้า ขณะที่ขึ้นหรือตกจากขอบฟ้าหรือกลาวอีก
อย่างหนึ่ง คือเป็นมุมที่เซนธิระหว่างไพรม์เวอร์ติคัล กับวงสูงที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า ขณะขึ้น
หรือลงจากขอบฟ้า

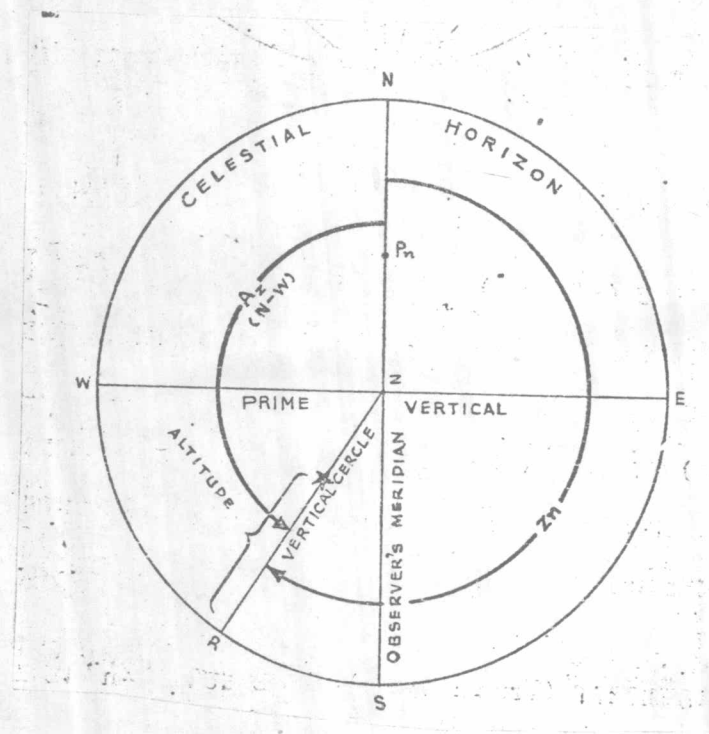
มุมแอมพลิจูดที่ได้จะเขียนดังนี้ คือ $E 7^{\circ} N$, $E 7^{\circ} S$, $W 7^{\circ} N$ หรือ
 $W 7^{\circ} S$ ทั้งนี้ แล้วแต่ว่าวัตถุท้องฟ้าจะอยู่ทางเหนือหรือทางใต้ของจุดตะวันออกหรือ
จุดตะวันตก

โคออซิเนตระบบขอบฟ้า ใช้บอกค่าบลที่ของวัตถุท้องฟ้าบนทรงกลมท้องฟ้า
ในขณะที่ขณะหนึ่งได้ควย สูงของวัตถุท้องฟ้า (Altitude) และมุมแอสิมัท (Az) หรือ
แอสิมัทจริง (Zn)

รูปบนพื้นขอบฟ้า (The Plane Of Celestial Horizon)

เป็นรูปโคออซิเนตระบบขอบฟ้าอีกแบบหนึ่งที่ใช้แสดงค่าบลที่ของวัตถุท้องฟ้าได้
ตลอดเวลาที่มีการเคลื่อนไหวนประจำวัน โดยสมมุติให้เขียนออกไปอยู่นอกทรงกลมท้องฟ้า

ในแนวเส้นตรง ที่ต่อจุดเซนิซและเนเคอร์ แล้วมองลงมายังจุดเซนิซ ดังในรูปที่ 2.3.5
ซึ่งเป็นรูปเดียวกับรูปที่ 2.3.4



รูปที่ 2.3.5

รูปบนพื้นขอบฟ้าจากรูปที่ 2.3.4

2.3.5 โคออดิเนตระบบต่าง ๆ (The Coordinate System)

นักเดินเรือมีความจำเป็นอย่างยิ่งที่จะต้องเข้าใจ โคออดิเนตระบบต่าง ๆ บนทรงกลมท้องฟ้าและบนโลกเป็นอย่างดี เพื่อให้สามารถนึกถึงภาพวงกลมต่าง ๆ และค่าบดที่ต่าง ๆ ที่ใช้อย่างถึงได้อย่างถูกต้อง จึงได้รวบรวมโคออดิเนตระบบต่าง ๆ ที่จำเป็นแก่การเดินเรือการศาสตร์มากล่าวไว้อีกครั้งหนึ่ง และเพื่อผู้ที่ศึกษาเอกสถานวิจัยเล่มนี้จะได้เข้าใจดียิ่งขึ้น

Primary Circles เป็นวงใหญ่บนทรงกลมท้องฟ้า หรือบนผิวโลกเพื่อใช้อ้างถึงเป็นอันดับแรก เช่น อีเกวเทอร์ท้องฟ้า อีเกวเทอร์โลก และขอบฟ้า เป็นต้น

Secondary Circles เป็นวงใหญ่บนทรงกลมท้องฟ้า หรือบนผิวโลก เพื่อใช้อ้างถึงเป็นอันดับรอง เช่น วงเวลา เมอริเดียน และวงสูง เป็นต้น

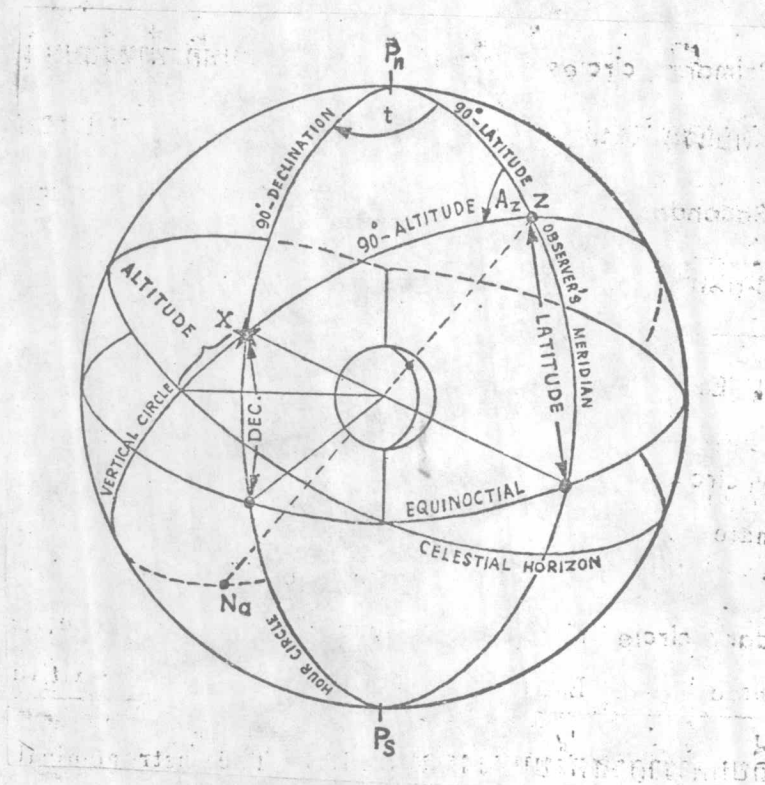
Earth		Celestial Sphere	
		Equator System	Horizon System
1. Primary Circle Coordinate	Equator Longitude	Equator Hour angle or Right ascension	Horizon Azimuth
2. Secondary Circle Coordinate	Meridians Latitude	Hour Circles Declination	Vertical Circle Altitude

ตารางที่ 1

แสดงระบบบนทรงกลม

2.3.6 สามเหลี่ยมดาราศาสตร์บนทรงกลมท้องฟ้า (The Astronomical Triangle On The Celestial Sphere)

สามเหลี่ยมดาราศาสตร์ คือพื้นที่บนทรงกลมท้องฟ้า ประกอบไปด้วยเมอริเดียนท้องฟ้าของผู้ตรวจ วงเวลาที่ผ่านวัตถุท้องฟ้าที่ทำการวัด และวงสูงที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า นั้น ซึ่งเป็นการนำเอาโคออดิเนตระบบอีเกวเทอร์ท้องฟ้ากับระบบขอบฟ้ามารวมกัน จุดที่มุมทั้งสามของสามเหลี่ยมดาราศาสตร์ คือขั้วท้องฟ้า เชนิซของผู้ตรวจ และจุดค่าบลิทของวัตถุท้องฟ้าขณะนั้น



รูปที่ 2.3.6

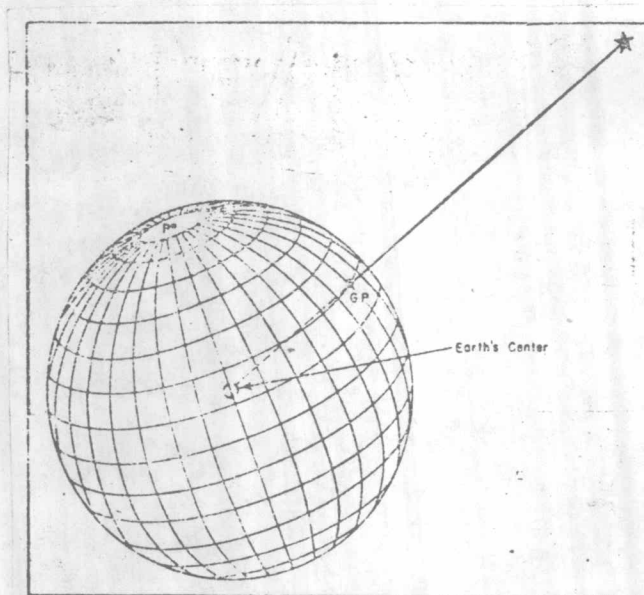
แสดงรูปสามเหลี่ยมดาราศาสตร์

รูปที่ 2.3.6 สมมุติใหญ่ครวและวัตถุท้องฟ้าอยู่ทางซีกโลกเหนือทั้งคู่ และ
 ต้องจำไว้ว่าคานทั้งสามของสามเหลี่ยมดาราศาสตร์เป็นระยะทางเชิงมุมทั้งสิ้น คานสอง
 คานของสามเหลี่ยมเกิดจากโคออดิเนตระบบอิกเวทอรัลของฟ้าคานหนึ่ง คือ $90^\circ - \text{Dec.}$
 (Polar Distance) อีกคานหนึ่งคือ $90^\circ - \text{Lat}$ (Colatitude) คานที่สามเกิด
 จากโคออดิเนตระบบขอบฟ้า คือ $90^\circ - \text{Altitude}$ (Zenith Distance) มีมุม
 สองมุมในสามเหลี่ยมดาราศาสตร์เท่านั้นที่ใช้ในเรื่องเคินเรือดาราศาสตร์ คือมุมเมริ-
 เคียน (t) และมุมแอสิมัท (Az) ส่วนอีกมุมหนึ่งคือมุมที่วัตถุท้องฟ้า ซึ่งไม่ได้ใช้
 อะไรเลขนั้นเรียกว่า "Paralactic Angle" ตามในรูปที่ 2.3.6 สามเหลี่ยม
 ดาราศาสตร์ คือ $P_n Z X$

2.3.7 Geographic Position (GP)

ถ้าหากนำเอาค่าบดที่ของวัตถุท้องฟ้าที่ปรากฏอยู่บนทรงกลมท้องฟ้าในขณะใดขณะหนึ่งมากำหนดลงบนผิวโลกเสีย ก็จะทำให้เกิดความเข้าใจในเรื่องเดินเรือการศาสตร์ง่ายขึ้น

ในขณะใดขณะหนึ่งก็ตาม ถ้าลากเส้นตรงจากจุดศูนย์กลางของวัตถุท้องฟ้าไปยังจุดศูนย์กลางโลก จุดที่เส้นตรงนี้ตัดกับผิวโลก เรียกว่า "Geographic Position" ของวัตถุท้องฟ้า นั้น ใช้อักษรย่อว่า "GP"



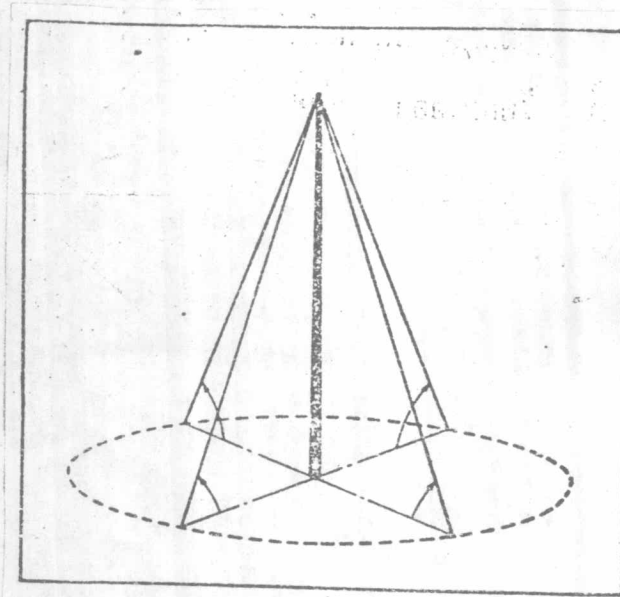
รูปที่ 2.3.7

คำขลที่ The Geographic Position (GP) ของวัตถุท้องฟ้า

เนื่องด้วยวัตถุท้องฟ้าเคลื่อนตัวไปทางตะวันตกตลอดเวลา แต่อย่างไรก็ตามทุกขณะที่วัตถุท้องฟ้าเคลื่อนตัวไปนั้น ก็อาจสามารถกำหนดค่าบดที่ "GP" ของวัตถุท้องฟ้าได้ตลอดเวลาเหมือนกัน โดยใช้ Dec และ GHA ที่ให้ไว้ในปฏิทินเดินเรือ มาทำเป็น Lat และ Long แล้วกำหนดค่าบดที่ลงไปยังบนผิวโลกดังกล่าวแล้วในตอนต้นเมื่อทราบค่าบดที่ "GP" ของวัตถุท้องฟ้าแน่นอนแล้ว นักเดินเรือก็อาจหา "เส้นค่าบดที่"

(Line of Position) ได้ โดยการใช้เครื่องวัดแคด วัดสูงของวัตถุท้องฟ้า นั้น เส้นค่ามลที่ LOP นี้ ก็เหมือนกับเส้นค่ามลที่ได้จากการแบริงเกาะ หรือที่หมายบนบกตามที่เราเรียนมาแล้วในเรื่องการเดินเรือไกลฝั่ง

2.3.8 วงสูงเท่า (Circle Of Equal Altitude)



รูปที่ 2.3.8

ลักษณะของวงสูงเท่ารอบยอดเสา

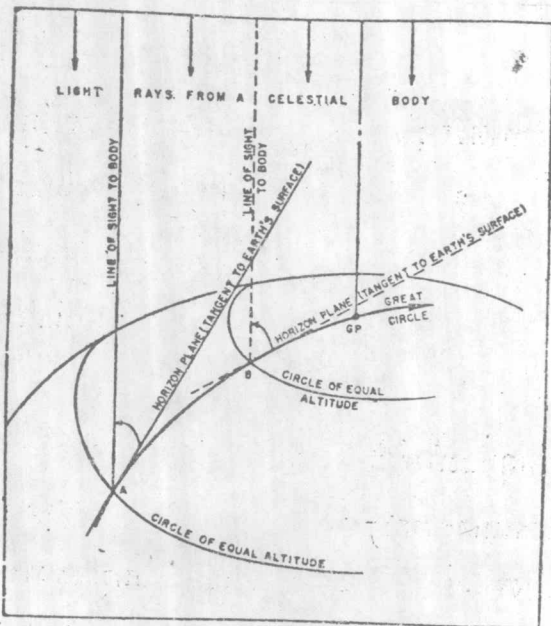
เพื่อความเข้าใจง่าย ๆ สมมุติว่ามีเสาต้นหนึ่งที่ทราบความสูงแล้ว ตั้งได้ฉากกับพื้นดิน และที่ยอดของเสามีสายลวดที่มีความยาวเท่ากันติดอยู่ แล้วซึ่งลงมาให้ปลายล่างของลวดสัมผัสกับพื้นโดยรอบของฐานเสา ระยะห่างจากเสาถึงปลายลวดจะเท่ากันทุกเส้น จุดที่ฐานของเสาดังอยู่จะเป็นจุด GP ของยอดเสา มุมระหว่างพื้นดินกับเส้นลวดที่จุดทุกจุดที่ปลายลวดจดพื้นดินจะเท่ากันทุกมุม เมื่อลากเส้นต่อจุดที่พื้นดินเหล่านั้น ก็จะเป็นวงกลม โดยมีจุดฐานของยอดเสาเป็นจุดศูนย์กลาง วงกลมนี้เรียกว่า "วงสูงเท่า" รอบยอดเสา

ถ้าทราบความสูงของเสาและทราบค่าของมุมที่ปลายลวดจดพื้นดินแล้ว ก็จะสามารรถคำนวณหาระยะห่างจากจุดฐานของเสาไปยังจุดต่าง ๆ บนเส้นรอบวงได้ (รัศมี)

จากสมมุติฐานนี้ก็สามารถนำไปใช้คำนวณหาระยะของเรือ ว่าอยู่ห่างจาก
 ของวัตถุท้องฟ้าใด ในเมื่อใดทำการวัดสูงของวัตถุท้องฟ้าขึ้น แต่อย่างไรก็ตาม ข้อสมมุติ
 ฐานนี้ยังนำไปใช้ที่เดียวไม่ได้ เพราะเรืออยู่บนผิวโค้งของโลกซึ่งไม่ใช่พื้นราบและนักเดิน
 เรือยังต้องพิจารณาอีกว่า วัตถุท้องฟ้าที่จะนำมาใช้นั้นมีความเหมาะสมในการหาระยะทาง
 จากจุด GP ของวัตถุท้องฟ้าขึ้นใดหรือไม่เพียงใด ตามความเป็นจริงแล้วจะต้องคำนวณ
 หาระยะทางจากจุด GP ของวัตถุท้องฟ้าไปตามความโค้งของผิวโลก จนถึงค่าบลที่ของ
 เรือโดยอาศัยการวัดสูงของวัตถุท้องฟ้าจากขอบฟ้าเห็น

ปัญหาที่เกิดขึ้นก็คือเกี่ยวกับเรื่องตรีโกณมิติทรงกลม และมุมที่วัดจากขอบฟ้าจริง
 (The True Horizon or Horizon) ซึ่งเป็นพื้นที่สัมผัสกับผิวโลก ณ ค่าบลที่ของ
 ผู้ตรวจ

ไต่ทราบมาแล้วว่า วัตถุท้องฟ้าต่าง ๆ นั้นอยู่ห่างจากโลกไกลมาก และเส้นลำ
 แสงจะขนานกันเมื่อนายมาสู่โลก ถ้าผิวโลกเป็นพื้นแบนราบ มุมสูงของวัตถุท้องฟ้าแต่ละ
 ดวงก็จะคงที่เท่ากัน ไม่ว่าผู้ตรวจจะอยู่บนค่าบลที่ใดบนผิวแบนราบนั้น ดังนั้น ระยะทาง
 จากจุด GP ของวัตถุท้องฟ้าไปยังผู้ตรวจก็จะหาให้แน่นอนไม่ได้ และวงสูงเท่าก็จะมี
 เพราะผู้ตรวจจะอยู่ห่างจากจุด GP เท่าใดก็ตาม จะวัดสูงของวัตถุท้องฟ้าดวงใดดวง
 หนึ่งใดสูงเท่ากันหมด คือเท่ากับ 90 องศา



รูปที่ 2.3.9
 แสงที่มาจากรวัตถุท้องฟ้าขนานกัน
 เมื่อผู้ตรวจอยู่ต่างค่าบลที่กัน มุม
 สูงของวัตถุท้องฟ้าจะต่างกัน

อย่างไรก็ตาม มุมสูงที่ผู้ตรวจวัดจริง ๆ นั้น เป็นมุมระหว่างเส้นตรงที่มองไปยัง
ยังวัตถุท้องฟ้ากับเส้นตรงที่มองไปยังขอบฟ้าเห็น ครั้นเมื่อแกคิพ (Dip) แล้วก็จะ
เป็นมุมระหว่างเส้นตรงที่มองไปยังวัตถุท้องฟ้ากับเส้นขอบฟ้า แต่ผิวโลกเป็นผิวพื้นโค้ง ฉะนั้น
พื้นขอบฟ้าของผู้ตรวจจะสัมผัสกับผิวโลกที่ผู้ตรวจอยู่เพียงจุดเดียวเท่านั้น ดังนั้น มุมระ-
หว่างพื้นขอบฟ้าของผู้ตรวจ กับเส้นตรงที่มองไปยังวัตถุท้องฟ้า จะเปลี่ยนไป เมื่อผู้ตรวจ
เคลื่อนตัวเข้าหาหรือออกจาก GP ของวัตถุท้องฟ้าขึ้น

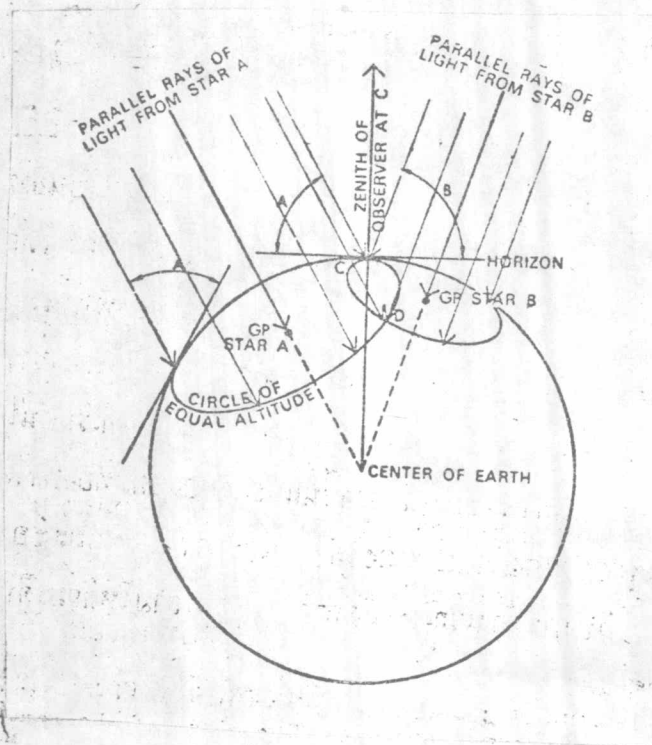
ตามรูปที่ 2.3.9 แสดงให้เห็น เส้นลำแสงของวัตถุท้องฟ้าดวงหนึ่งที่ฉายลงมา
บนผิวโลก ณ ตำแหน่งที่สองแห่งซึ่งมีพื้นของฟ้าต่างกันในเวลาเดียวกัน ที่จุด A มุมสูงจะเล็ก
กว่าที่จุด B ซึ่งเป็นมุมสูงของวัตถุท้องฟ้าดวงเดียวกัน และในขณะเดียวกันวงสูงเท่า
ของจุด A จะห่างจาก GP ของวัตถุท้องฟ้าขึ้นมากกว่าวงสูงเท่าของจุด B

สูงของวัตถุท้องฟ้าที่วัดได้จะผันแปรได้ส่วนกับระยะห่างจาก GP เพื่อความ
เข้าใจ ให้พิจารณารูปที่ 2.3.9 ถ้าผู้ตรวจไปอยู่ที่ GP สูงที่วัดได้ จะเท่ากับ 90°
เมื่อผู้ตรวจถอยห่างจาก GP ไปทางทิศใดก็ตาม เป็นระยะทาง $1'$ ของอาร์ควงใหญ่
คือเท่ากับระยะทาง 1 ไมล์ทะเล แล้ว สูงที่วัดได้จะเท่ากับ $89^{\circ} 59'$ และถ้าผู้ตรวจ
ถอยห่างจาก ไป 90° ของอาร์ควงใหญ่ สูงที่วัดได้จะเท่ากับ 0 องศา ฉะนั้น จะ
เห็นได้ว่าระยะจาก GP ถึงผู้ตรวจจะเท่ากับ $90^{\circ} -$ สูง ($90^{\circ} -$ Altitude) หรือ
Coaltitude ดังนั้น การเขียนวงสูงเท่าบนพื้นโลก หรือบนแผนที่เดินเรือจึงง่ายมาก
โดยใช้ GP เป็นจุดศูนย์กลาง และใช้ Coaltitude เป็นรัศมี

ดังนั้น อาจกล่าวได้ว่า วงสูงเท่าคือวงเล็กบนผิวโลก ซึ่งเมื่อผู้ตรวจอยู่บนเส้น
รอบวง ณ จุดใดก็ตาม จะวัดสูงวัตถุท้องฟ้าดวงใดดวงหนึ่งในเวลาเดียวกันได้สูงเท่ากัน

การเขียนเส้นวงสูงเท่าไม่จำเป็นต้องเขียนทั้งวง เขียนเพียงอาร์คสั้น ๆ ใน
บริเวณใกล้เคียงกับที่เรือรายงาน (DR) ก็พอ ถ้ารัศมีของวงสูงเท่ายาวมาก อาร์คสั้น ๆ
ของวงสูงเท่าที่เขียนลงไปนั้น อาจถือว่าเป็นเส้นตรงได้

อาร์คสั้น ๆ ของวงสูงเท่าที่เขียนลงไปตามความคองการนั้น เรียกว่า "เส้น
ค่าบลิที่ของฟ้า" (Celestial Line Of Position)



รูปที่ 2.3.10

วงสูงเท่าสองวงจากดาวสองดวง

ในรูปที่ 2.3.10 แสดงวงสูงเท่าสองวงจากดาวสองดวง ที่ผู้ตรวจทำการวัด
สูงพร้อมกัน A เป็นสูงของดาว A ซึ่งผู้ตรวจจะอยู่ที่ใดก็ได้ บนวงสูงเท่า B เป็นสูง
ของดาว B ซึ่งผู้ตรวจจะอยู่ที่ใดก็ได้บนวงสูงเท่า วงสูงเท่าสองวงจะตัดกันบนผิวโลก
หรือบนแผนที่ ณ จุด C และ D ซึ่งจะเป็นค่าบลิที่ที่แน่นอน (Fix) ของผู้ตรวจหรือ
ของเรือ แต่จุด D ห่างไกลจากที่เรือรายงาน (DR) มาก จึงเป็นไปได้ที่จะนั้น
ค่าบลิที่เรือแน่นอนต้องอยู่ที่ C

2.3.9 สามเหลี่ยมเคินเรือ (The Navigational Triangle)

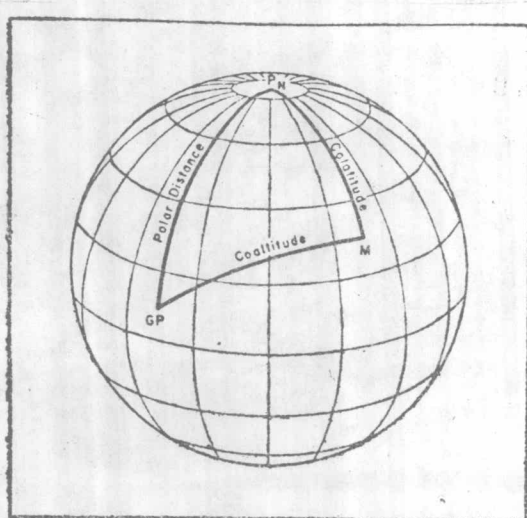
สามเหลี่ยมเคินเรือเป็นสิ่งที่สำคัญที่สุดในเรื่องเคินเรือการศาสตร์ ซึ่งจะคง
ทำความเข้าใจอย่างดีที่สุด สามเหลี่ยมเคินเรือก็เช่นเดียวกับสามเหลี่ยมการศาสตร์

แต่เป็นสามเหลี่ยมที่อยู่บนผิวโลก

สามเหลี่ยมเดินเรือประกอบไปด้วยจุด 3 จุดบนผิวโลก ซึ่งเกิดจากอาร์คของวงใหญ่ต่าง ๆ มาเชื่อมต่อกันทั้ง 3 นั้น จุด 3 จุดใดก็ตามที่ของยูทรว (M) ค่าบลที่บนผิวโลกของวัตถุของฟ้าขณะทำการทรว (GP) และขั้วโลกที่อยู่ใกล้กับยูทรว (คือขั้วโลกที่ไฉลจากขอบฟ้าของยูทรว เมื่อยูทรวอยู่ละติจูดเหนือก็ใช้ขั้วเหนือ เมื่อยูทรวอยู่ละติจูดใต้อก็ใช้ขั้วใต้) จุด GP อาจจะอยู่ขั้วโลกเดียวกันกับยูทรวหรืออยู่คนละขั้วโลกก็ได้

เนื่องจากค่าบลที่ที่แน่นอนของจุด M และจุด GP แทบจะเขียนลงไปให้ถูกต้องไม่ได้ เพราะสามเหลี่ยมอาจมีขนาดใหญ่มาก ดังนั้น ในการเขียนสามเหลี่ยมเดินเรือในขณะใดก็ตาม ให้กำหนดจุด M ลงไปบนผิวโลกที่ใดก็ได้ โดยให้อยู่ทางขั้วโลกที่ใกล้ที่สุด และให้กำหนด GP ลงไปตามทิศทางที่เห็นวัตถุของฟ้า นั้น โดยประมาณให้ใกล้เคียงกับของจริง เมื่อเขียนสามเหลี่ยมได้แล้ว ก็จะสามารถคำนวณแก้ปัญหาต่าง ๆ ในการเดินเรือดาราศาสตร์ได้ เช่น สามารถหาค่าบลที่เรือแน่นอนได้ ทรวสอบความถูกต้องของเข็มทิศได้ ทนายเวลาขึ้นและตกของวัตถุของฟ้าได้ คำนวณหาเวลาเริ่มต้นและสิ้นสุดของแสงเงินแสงทองได้ และหาค่าบลที่และชื่อของดาวต่าง ๆ ในท้องฟ้าได้ วิธีการคำนวณหาสิ่งต่าง ๆ จากสามเหลี่ยมเดินเรือนี้ เรียกว่า "เดินเรือดาราศาสตร์"

2.3.10 ด้านต่าง ๆ ของสามเหลี่ยมเดินเรือ (The Sides of The Navigational Triangle)



รูปที่ 2.3.11
สามเหลี่ยมเดินเรือเมื่อยูทรวอยู่
ละติจูดเหนือและชื่อของด้านทั้งสาม

โคละติจูด (The Colatitude) คือค่านของสามเหลี่ยมที่ต่อระหว่าง
ค่าบลดที่ของผู้ตรวจ (M) กับขั้วโลกที่ใกล้ผู้ตรวจ ซึ่งจะมีค่าเท่ากับ $90^\circ -$ ละติจูด
วงใหญ่ที่มีอาร์คส่วนหนึ่งเป็นโคละติจูดนี้ คือ เมอริเดียนของผู้ตรวจ

ระยะขอด (The Polar Distance) คือค่านของสามเหลี่ยมที่ต่อระหว่าง
จุด GP กับขั้วโลกที่ใกล้ผู้ตรวจ ซึ่งมีค่าเท่ากับ $90^\circ +$ ดิคลิเนชัน ในเมื่อผู้ตรวจกับ
วัตถุท้องฟ้าอยู่ในซีกโลกเดียวกัน คือละติจูดกับดิคลิเนชันมีชื่อเหมือนกัน และจะมีค่าเท่ากับ
 $90^\circ +$ ดิคลิเนชัน ในเมื่อผู้ตรวจกับวัตถุท้องฟ้าอยู่ต่างซีกโลกกัน คือละติจูดกับดิคลิเนชัน
มีชื่อต่างกัน วงใหญ่ที่มีอาร์คส่วนหนึ่งเป็นระยะขอดนี้ คือ เมอริเดียนที่ผ่าน GP หรือวง
ดิคลิเนชันที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า

โคอัลติจูดหรือระยะเขนิธ (The Coaltitude Or Zenith Distance)
คือค่านของสามเหลี่ยมที่ต่อระหว่างจุด GP กับ M ซึ่งมีค่าเท่ากับ $90 -$ Altitude
(สูง) วงใหญ่ที่มีอาร์คส่วนหนึ่งเป็น Coaltitude นี้ คือวงสูงที่ผ่านวัตถุท้องฟ้า

ค่านทั้งสามของสามเหลี่ยมเดินเรือแต่ละค่าน ต่างก็เป็นอาร์คของวงใหญ่ด้วยกัน
ทั้งสิ้น ความยาวของค่านับเป็นระยะทางเชิงมุม จากจุดศูนย์กลางโลกซึ่งเมื่อคิดเป็นระยะ
ทางบนผิวโลกแล้ว 1 ลิบตา เท่ากับ 1 ไมล์ทะเล (Nautical Mile)

ในรูปที่ 2.3.11 เป็นรูปสามเหลี่ยมเดินเรือที่ผู้ตรวจอยู่ละติจูดเหนือ โดยมี
วัตถุท้องฟ้าอยู่ทางตะวันตกของผู้ตรวจ จงจำไว้ว่า ค่านสองค่านของสามเหลี่ยมคือ
"ระยะขอด" และ "โคละติจูด" เป็นค่านที่เกิดจากโคออดิเนตระบบขอบฟ้า (ดูรูปที่
2.3.6 ประกอบ)

มุมที่ใช้ในสามเหลี่ยมเดินเรือก็คือมุมเมอริเดียน t กับมุมแอซิมัท (Az)

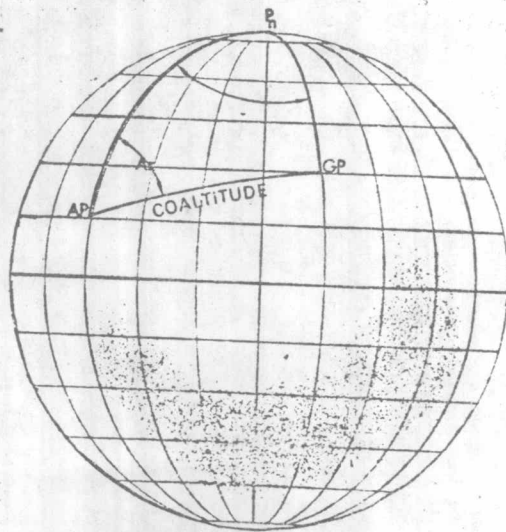
2.3.11 การใช้สามเหลี่ยมเดินเรือ (Use of the Navigational
Triangle) การหาที่เรือในทะเลนั้น จะต้องทำการวัดสูงของวัตถุท้องฟ้าพร้อมกับบอ
เวลาอย่างถูกต้องแล้วจดเอาไว้ เวลาที่จดไว้ก็นำเอาไปใช้หาค่าบลดที่ GP ของวัตถุ

ท้องฟ้าได้อย่างถูกต้อง โดยการเปิดปฏิทินเดินเรือ ซึ่งได้ให้รายละเอียดไว้พร้อมแล้ว

สำหรับสูงที่วัดมาได้ก็กลับให้เป็น Coaltitude เสีย ซึ่งก็จะเป็นรัศมีของวงสูงเท่า โดยมี GP เป็นจุดศูนย์กลาง ที่เรือก็จะอยู่ ณ จุดใดจุดหนึ่งบนวงสูงเท่านั้น

ค่าบลที่เรือที่แน่นอนไม่อาจหาได้โดยการวัดสูงวัดดูลูกท้องฟ้าเพียงครั้งเดียว หรืออย่างเดียวกัน ถ้าได้ทำการแบร์ริง GP อย่างถูกต้องเช่นเดียวกับการวัดสูงพร้อม ๆ กับการวัดสูงแล้ว ก็จะหาที่เรือที่แน่นอนในขณะนั้นได้ โดยอาศัยคณิตศาสตร์ แต่ในปัจจุบันไม่มีทางที่จะวัดแอสซิซ (แบร์ริง) ให้มีความละเอียดถูกต้องได้ ดังนั้น วัดสูงเพียงครั้งเดียวนี้ ก็ได้แค่เขียนวงสูงเท่า หรือเขียนเส้นค่าบลที่สั้น ๆ เพียงเส้นเดียวลงในบริเวณที่คาดว่าเรือจะอยู่ ณ ที่นั้นเท่านั้น

เมื่อเป็นเช่นนี้จึงจำเป็นที่จะต้องใส่สามเหลี่ยมเดินเรือ มาคำนวณหาค่าบลที่เรือ คือครั้งแรกให้พิจารณาสมมุติว่าเรืออยู่ ณ ที่ใดที่หนึ่ง ค่าบลที่เรื่อนี้เรียกว่า "ที่เรือสมมุติ" (Assumed Position) ใช้อักษรย่อว่า "AP" การพิจารณาเลือกที่เรือสมมุตินี้ให้เลือกใกล้กับ "ที่เรือประมาณ" (Estimated Position) ใช้อักษรย่อว่า "EP" หรือใกล้กับที่เรือ "DR" ที่สุด แต่ที่เรือสมมุตินี้จะต้องให้มีค่าละติจูด และมุมเมอริเดียน (t) เป็นจำนวนเต็มขององศา



รูปที่ 2.3.12

สามเหลี่ยมเดินเรือที่ทราบคานสองคานกับมุมหนึ่งมุมสิ่งที่จะต้องหาคือแอสซิซ (A_z) กับโออัลติจูด

เมื่อเลือกค่ามุมที่เรือสมมุติได้แล้ว และทราบ GP ของวัตถุท้องฟ้าในขณะที่ทำการวัดแล้ว โคละติจูด ระยะยอค และมุมเมอริเดียน (t) ก็จะคำนวณหามาได้โดยง่าย เมื่อทราบค่านสองค่านและมุมหนึ่งมุมในสามเหลี่ยมเดินเรือเช่นนี้แล้ว สิ่งที่จะต้องทำการคำนวณหา ก็คือ โคอ์ลติจูด และ มุมเอซิมัท (A_z) ดังในรูปที่ 2.3.12

การคำนวณหาโคอ์ลติจูด ก็คือการคำนวณหาสูง (Altitude) นั้นเอง เพราะ

$$\text{โคอ์ลติจูด} = 90^\circ - \text{สูง}$$

การคำนวณหาสูงใช้สูตร Cosines ของตรีโกณมิติทรงกลม คือ

$$\cos a = \cos b \cos c + \sin b \sin c \cos A$$

เมื่อเปรียบเทียบกับสามเหลี่ยมเดินเรือแล้ว

$$\begin{aligned} a &= 90^\circ - h && (h = \text{สูง}) \\ b &= 90^\circ - L && (L = \text{ละติจูด}) \\ c &= 90^\circ - d && (d = \text{คิคลิเนชัน}) \\ A &= t && (t = \text{มุมเมอริเดียน}) \end{aligned}$$

เมื่อแทนค่าแล้วจะได้

$$\begin{aligned} \cos(90^\circ - h) &= \cos(90^\circ - L) \cos(90^\circ - d) + \sin(90^\circ - L) \\ &\quad \sin(90^\circ - d) \cos t \end{aligned}$$

$$\sin h = \sin L \sin d + \cos L \cos d \cos t$$

สูตรนี้ใช้ได้เฉพาะเมื่อ L และ d มีชื่อเหมือนกัน

$$\text{ถ้า } L \text{ และ } d \text{ มีชื่อต่างกัน } c = 90^\circ + d$$

สูตรก็จะเป็น

$$\sin h = \sin L \sin d - \cos L \cos d \cos t$$

การคำนวณหาเอซิมัท (A_z) ใช้สูตร Sines ของตรีโกณมิติทรงกลม คือ

$$\frac{\sin a}{\sin A} = \frac{\sin b}{\sin B} = \frac{\sin c}{\sin C}$$

เมื่อเปรียบเทียบกับสามเหลี่ยมเคินเรือแล้ว

$$\begin{array}{ll} A & = t & (t = \text{มุมเมอริเดียน}) \\ a & = 90 - h & (h = \text{สูง}) \\ C & = Z & (Z = A_Z) \\ c & = 90^\circ - d & (d = \text{คิลิเนชั่น}) \end{array}$$

เมื่อแทนค่าแล้วจะได้

$$\begin{aligned} \frac{\sin(90^\circ - h)}{\sin t} &= \frac{\sin(90^\circ - d)}{\sin Z} \\ \sin Z &= \frac{\cos d \sin t}{\cos h} \end{aligned}$$

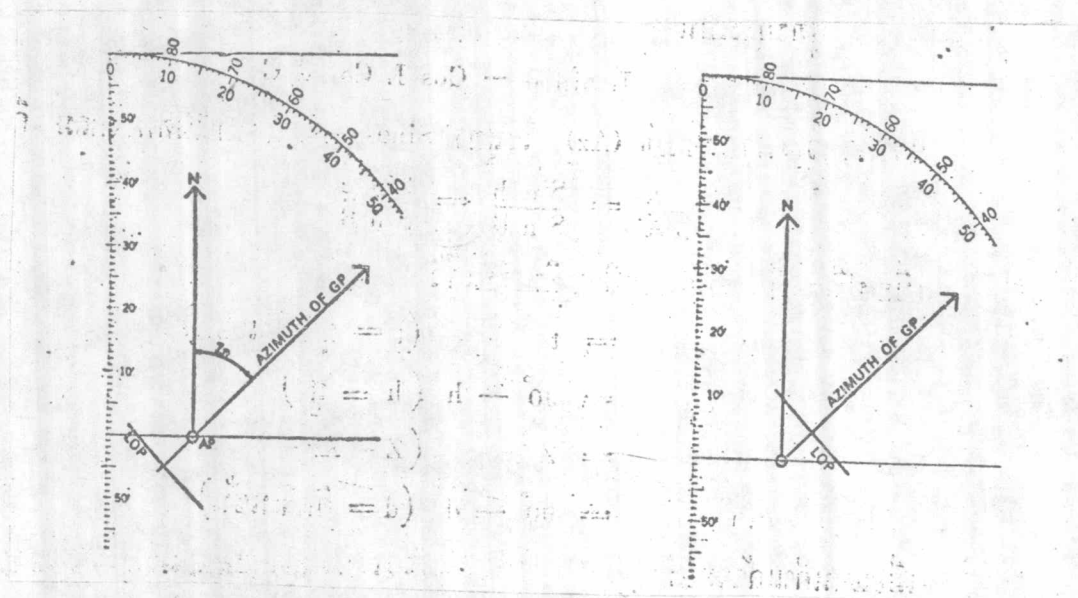
จากสูตรการคำนวณหาสูงและหาแอซิมัทนี้ เพื่อความสะดวกได้ทำเป็นมาตราสำเร็จไว้แล้ว คือ H.O. 214 โดยใช้ L, d และ t(HA) ไปเปิดมาตราก็จะได้ทั้งสูงและแอซิมัทเลยที่เดียว

ดังที่กล่าวมาแล้วว่าในครั้งแรกนี้ ไซท์เรือสมมุติกับค่าบลที่ GP ของวัตถุท้องฟ้าไปเปิดมาตราหาสูงมาได้ สูงที่ได้นี้เรียกว่า "สูงคำนวณ" Computed Altitude) ซึ่งใช้อักษรย่อว่า "Hc"

สำหรับสูงที่ได้จากเครื่องวัดแคด และแก๊ตตราแก่ต่าง ๆ หมดแล้ว เรียกว่า "สูงจริง" หรือ "สูงวัด" (Observed Altitude) ซึ่งใช้อักษรย่อว่า "Ho"

สูงอินเตอร์เซปต์ (Altitude Intercept) ผลต่างระหว่าง Hc และ Ho ก็คือผลต่างของรัศมีของวงสูงเทาสองวง โดยมี GP ของวัตถุท้องฟ้าเป็นจุดศูนย์กลาง วงสูงเทาวงหนึ่งจะผ่านค่าบลที่เรือสมมุติ (AP) วงสูงเทาอีกวงหนึ่งจะผ่านค่าบลที่เรือจริงที่ได้ทำการวัดสูงด้วยเครื่องวัดแคด ผลต่างระหว่าง Hc และ Ho นี้ เรียกว่า "สูงอินเตอร์เซปต์" (Altitude Intercept) หรือ "อินเตอร์เซปต์" (Intercept) เฉย ๆ ใช้อักษรย่อว่า "a"

$$a = H_c - H_o$$



อินเตอร์เซปต์ "a" เมื่อ H_c มากกว่า H_o อินเตอร์เซปต์ "a" เมื่อ H_c น้อยกว่า "a" จะออกห่าง (AWAY) จาก GP กว่า "a" จะเข้าหา (TOWARD) GP ตามเส้นแอมิรัลของ GP โดยใช้ AP GP ตามเส้นแอมิรัลของ GP โดยใช้ AP เป็นหลัก AP เป็นหลัก

รูปที่ 2.3.13

ถึงได้กล่าวมาแล้วว่า เมื่อรัศมีของวงสูงเท่าจากจุด GP ยาวมาก อาร์ค-ส่วนหนึ่งของวงสูงเท่าอาจถือเป็นเส้นตรงได้ เส้นตรงซึ่งเป็นอาร์คส่วนหนึ่งของวงสูงเท่าที่ผ่าน ค่าลทที่เรือจริงในขณะวัดสูงนั้น เรียกว่า "เส้นค่าลท" (Line of Position) ใช้ตัวย่อว่า "LOP"

ถ้า H_c คือ สูงคำนวณจากที่เรือสมมุติ มากกว่า H_o คือสูงจริงที่วัดได้จากที่เรือจริง LOP จะอยู่ห่างจาก GP ของวัตถุท้องฟ้ามากกว่าที่เรือสมมุติ (AP) ในทำนองเดียวกัน ถ้า H_c น้อยกว่า H_o LOP จะอยู่ห่างจาก GP ของวัตถุท้องฟ้าน้อยกว่าที่เรือ-

สมมุติ (AP) ฉะนั้น ระยะ "อินเตอร์เซปต์" (a) ของ LOP ก็ต้องใช้วัดจากจุด AP ที่ได้เขียนลงไว้แล้วไปตามเส้นแอมิทของ GP ว่าจะออกห่าง (AWAY) หรือ เข้าหา (TOWARD) ค่าบดที่ของ GP คำว่า "ออกห่าง" ใช้อักษรย่อว่า "A" คำว่า "เข้าหา" ใช้อักษรย่อว่า "T" ดังในรูปที่ 2.3.13 ระยะอินเตอร์เซปต์ที่ใช้วัดนั้น เพื่อความสะดวกให้แตกเป็นไมล์ทะเล (ลิบคา)

2.3.12 การหาที่เรือ (Determining The Vessel's Position)

การหาที่เรือโดยใช้เส้นค่าบดที่ (LOP) นั้น สามารถพูดให้เข้าใจง่าย ๆ ได้ดังนี้ คือ

มุมแอมิท (Az) และ อินเตอร์เซปต์ (a) นั้นได้คำนวณจากสามเหลี่ยม เคนเรือ โดยการอาศัยสมมติ AP ขึ้นเมื่อเขียนจุด AP ลงไปบนแผนที่แล้ว ให้แปลงมุม แอมิท (Az) ของ GP เป็นแอมิทจริง (Zn) ต่อจากนั้นให้เขียนเส้นแอมิท-จริงของ GP จากจุด AP เส้นแอมิทจริงนี้จะชี้ไปในทางทิศที่ GP อยู่ ตามปกติ จุด GP จะอยู่นอกแผนที่และไม่สามารถจะเขียนลงไปได้ แต่เนื่องจากอินเตอร์เซปต์ วัดจาก AP ไปตามเส้นแอมิทจริง สดแล้วแล้วว่าจะออกห่างหรือเข้าหา GP จึงจำไว้ ให้แม่นยำว่า ถ้าสูงคำนวณมากกว่าออกห่าง (Computed Greater Away) จุดบนเส้น แอมิทจริงที่ได้จากการกระยะอินเตอร์เซปต์ ก็จะเป็นจุด ๆ หนึ่งบนเส้นวงสูงเท่าของเรือ (ผู้ตรวจ) ดังนั้น เส้นวงสูงเท่าของเรือ หรือเส้น LOP ก็จะตั้งฉากกับเส้นแอมิทจริง ณ จุดนั้น ดังในรูปที่ 2.3.13 แต่ว่าเส้น LOP ไม่ได้เป็นจุดค่าบดที่เรือแน่นอน เป็นแต่ เพียงแสดงว่าเรืออยู่บนเส้นนั้นเท่านั้น ค่าบดที่เรือแน่นอนจะต้องเกิดจากจุดที่เส้น LOP ตัดกันอย่างน้อยสามเส้น ถ้าหากสามารถหาเส้น LOP สักสี่หรือห้าเส้นจากดาวหลายดวง มาตัดกันที่จุด ๆ เดียว จุดนั้นก็จะเป็นค่าบดที่เรือที่แน่นอนมากยิ่งขึ้น ตามปกติในทางปฏิบัติ นั้น เส้น LOP หลาย ๆ เส้นมิได้ตัดกันเป็นจุด ๆ เดียว ส่วนมากจะตัดกันเป็นรูปหลาย เหลี่ยมเล็ก ๆ จุดศูนย์กลางของรูปหลายเหลี่ยมนั้นถือว่าเป็นที่เรือที่แน่นอนได้⁸

⁸โรจน หงส์ประสิทธิ์, นาวาเอก, เคนเรือดาราศาสตร์ (พิมพ์ครั้งที่ 1; โรงพิมพ์คุรุสภา ลาดพร้าว, 2517) หน้า 58.

ที่กล่าวมาในบทนี้เป็นการหาที่เรือโดยอาศัยวัตถุท้องฟ้าเป็นที่หมาย คือการหาที่เรือจากดาราศาสตร์ ซึ่งเรียกว่า เดินเรือดาราศาสตร์ นั้นเอง

2.4 การหาที่เรือจากระบบอิเล็กทรอนิกส์ (Electronic Position Fixing System)

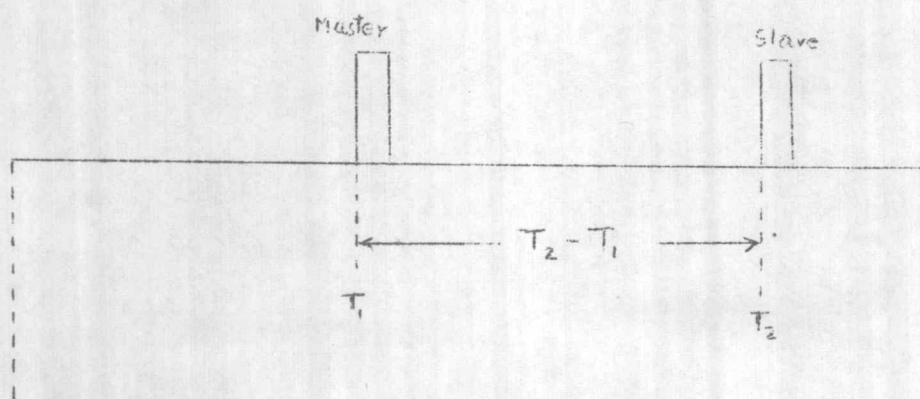
การหาที่เรือจากระบบอิเล็กทรอนิกส์ เป็นวิธีการหาที่เรือที่อาศัยการเดินทางของคลื่นวิทยุ ซึ่งเดินทางด้วยความเร็ว ประมาณ 300,000 Km/sec เป็นเครื่องช่วยในการวัดระยะทาง หรือวัดระยะทางต่าง (Distance Difference) ของสถานีส่งวิทยุและสถานีรับ (เรือ) เราอาจแบ่งระบบหาที่เรืออิเล็กทรอนิกส์ออกได้ตามลักษณะของเส้นค่าบดที่เป็น 2 ระบบ^๑ ดังต่อไปนี้

2.4.1 ระบบหาที่เรือแบบเส้นค่าบดที่วงกลม ระบบนี้เป็นระบบซึ่งทำให้เกิดเส้นค่าบดที่เป็นวงกลมโดยรอบสถานีบก ซึ่งเรียกว่า เสลฟ (Slave) ส่วนสถานีเรือเรียกว่า มาสเตอร์ (Master) โดยอาศัยหลักการของเสียงสะท้อน (แต่ตามความเป็นจริงนั้นมิได้ใช้เสียง แต่ใช้คลื่นวิทยุแทน) โดยการส่งคลื่นวิทยุ (ในลักษณะของออกไปจากสถานีเรือ ซึ่งเรียกว่า Transmitted Pulse เมื่อสถานีบกได้รับคลื่นวิทยุได้แล้วก็จะส่งกลับมายังสถานีเรืออีก โดยสถานีเรือจะรับคลื่นวิทยุ ซึ่งเรียกว่า Received Pulsed และจะทำหน้าที่วัดเวลาที่คลื่นวิทยุเดินทางไปและกลับระหว่างสถานีเรือและสถานีบก ซึ่งจะเป็นระยะทาง 2 เท่า ของระยะทางระหว่างสถานีเรือและสถานีบก เนื่องจากคลื่นวิทยุเดินทางในระยะทาง 1 เมตร ใช้เวลา 3.3×10^9 วินาที ดังนั้นเครื่องมืออิเล็กทรอนิกส์ที่สามารถวัดระยะทางได้ละเอียดถึง 1 เมตร ต้องมีความสามารถในการวัดเวลาได้ละเอียดถึง 6.6×10^9 วินาที ซึ่งระยะทางระหว่างเรือและสถานีบกจะสามารถหาได้ดังนี้ คือ

^๑ไพศาล วิสุทกุล, นาวาตรี, เอกสารประกอบการเรียนการเดินเรืออิเล็กทรอนิกส์ (โรงเรียนนายเรือ, 2519).

สูตร

$$D = \frac{V}{2} (T_2 - T_1)$$



รูปที่ 2.4.1

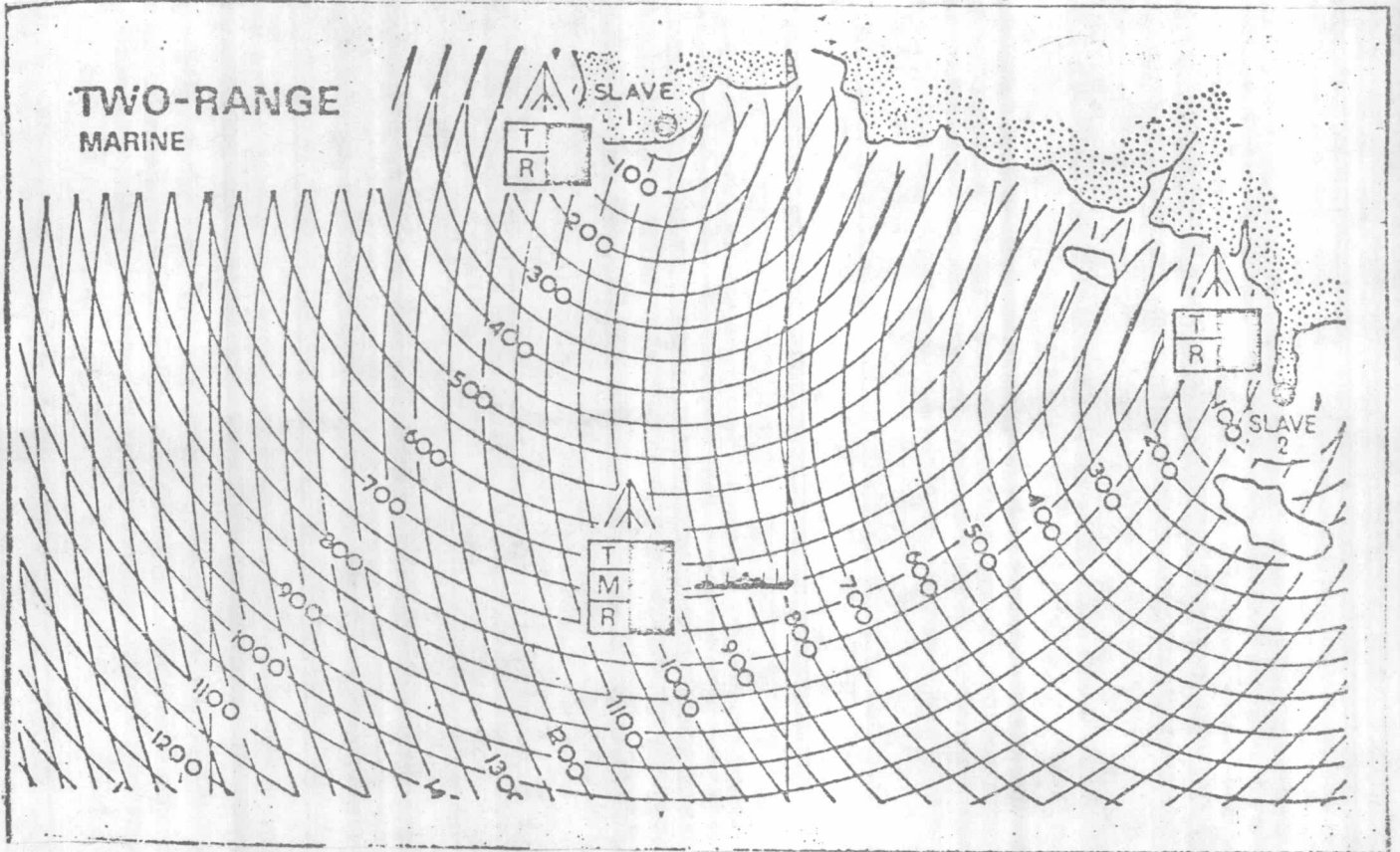
การหาเวลาทางระหว่างสัญญาณจาก Master และ Slave

- D = ระยะทางระหว่างเรือ (Master) และสถานีบก (Slave)
 T_1 = เวลาเริ่มส่ง Master จาก Master Pulse
 T_2 = เวลาที่เครื่องรับ รับ Pulse จาก Slave Pulse ได้
 V = ความเร็วของคลื่นวิทยุ

จากหลักการดังกล่าวแล้ว จึงทำให้เกิด เส้นค่าบลที่ เป็นวงกลมโดยรอบสถานีบก โดยมีสถานีบกเป็นจุดศูนย์กลางของวงกลมด้วยการแบ่ง ระยะทางระหว่างวงกลมหนึ่ง ๆ เท่า ๆ กัน ถ้ามีสถานีบกอีก 1 แห่ง และทำงานเช่นเดียวกับสถานีแรก เราก็จะได้เส้นค่าบลที่โดยรอบสถานีบกแห่งนี้ อีกชุดหนึ่ง

¹⁰ไพศาล วิสุทกุล, นาวาตรี, เอกสารวิจัย นายทหารนักเรียนเสนาธิการทหารอากาศ, ชุดที่ 21, (พระนคร : โรงเรียนเสนาธิการทหารอากาศ 2519) หน้า 1.

ซึ่งเมื่อเครื่องรับในเรือทำงานโดยรับสัญญาณวิทยุจากสถานีบกทั้งสองพร้อม ๆ กันแล้ว เราก็คจะได้ระยะทางระหว่างเรือและสถานีบกทั้งสอง และสามารถลงค่าบลที่เรือได้ ในลักษณะการคึกของเส้นค่าบลที่ของวงกลม 2 เส้น ดังรูปที่ 2.5.2



รูปที่ 2.4.2

ระบบหาที่เรือแบบเส้นค่าบลที่วงกลม

2.4.2 ระบบหาที่เรือแบบเส้นค่าบลที่ไฮเพอโบล่า

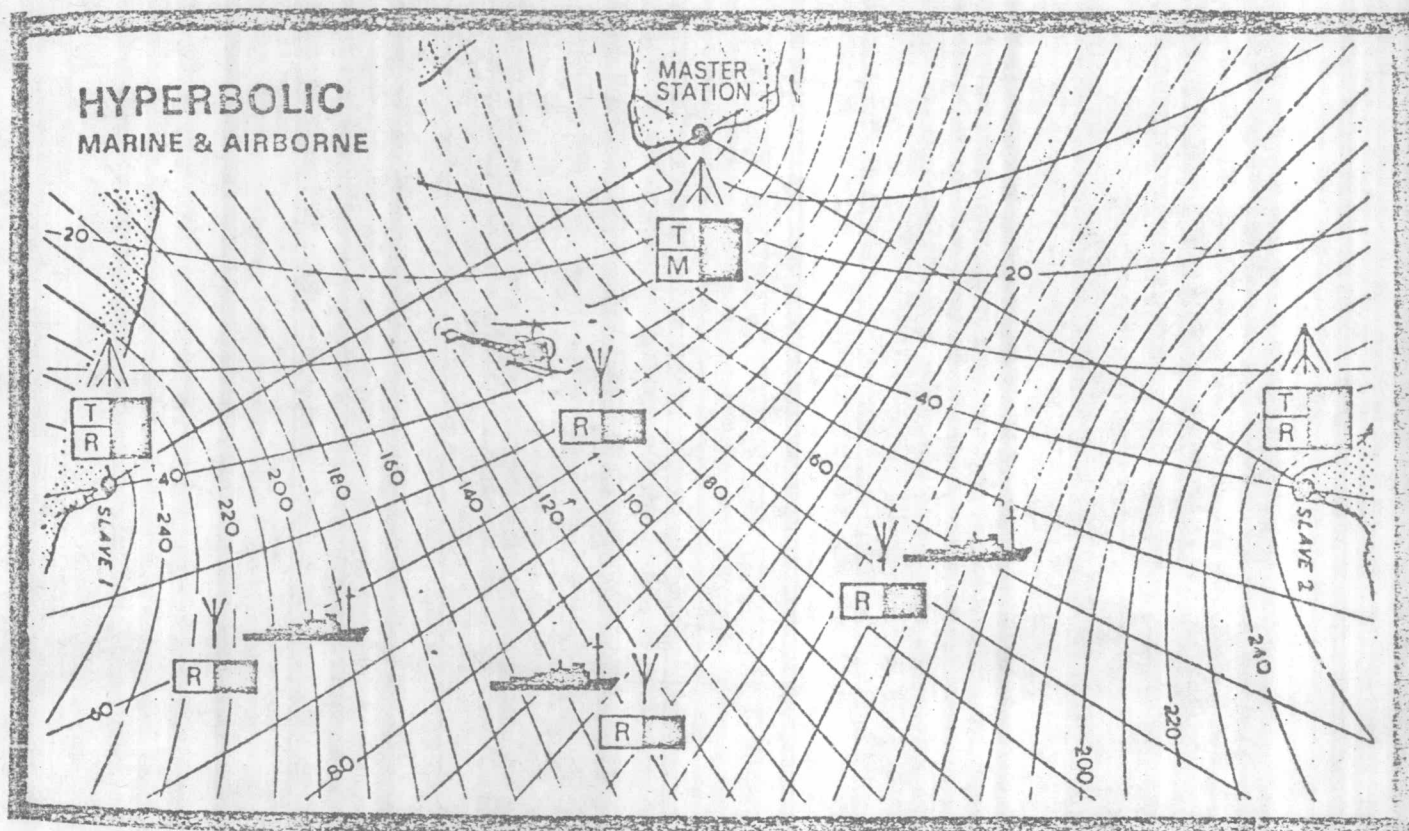
หลักการทำงานเช่นเดียวกับแบบวงกลม แต่แทนที่เรือจะทำหน้าที่เป็นสถานีส่ง และรับคลื่นวิทยุ (Master) กลับทำหน้าที่เป็นเครื่องรับอย่างเดียวกันนั้น โดยรับสัญญาณวิทยุ (Pulse) จากสถานีส่ง 2 สถานี คือสถานีหนึ่งทำหน้าที่เป็น (Master) อีกสถานีหนึ่งทำหน้าที่เป็น Slave โดยสถานีทั้งสองจะส่งสัญญาณพร้อมกันโดยการควบคุมด้วย

ระบบ Synchronization¹¹ จากสถานี Master เมื่อเครื่องรับในเรือรับ สัญญาณทั้งสองแล้ว ก็วัดเวลาต่างระหว่างสัญญาณทั้งสอง ซึ่งจะเท่ากับระยะทางต่างระหว่างเรือถึง Master และเรือถึง Slave นั้นเอง ถ้าระยะทางต่างนี้คงที่ตลอดไป ย่อมหมายถึงว่า เรืออยู่บนเส้นไฮเพอโบลา โดยมีสถานีทั้งสองเป็นจุดโฟกัส และถ้าเรามี สถานี Slave อีกสถานีหนึ่งทำหน้าที่เช่นเดียวกับสถานีแรก เราก็จะได้เส้นค่าบดที่ ไฮเพอโบลา อีกชุดหนึ่ง ซึ่งทำให้สามารถหาที่เรือได้ โดยใช้เส้นค่าบดที่ 2 เส้น ของ ไฮเพอโบลาตัดกัน การวัดระยะทางในกรณีนี้ คือ

$$D_s - D_m = V (T_2 - T_1)$$

- ซึ่ง
- D_s = ระยะทางระหว่างเครื่องรับกับสถานี Slave
 - D_m = ระยะทางระหว่างเครื่องรับกับสถานี Master
 - T_2 = ระยะเวลาของ Slave Pulse ในการเดินทางมาถึงเครื่องรับ
 - T_1 = ระยะเวลาของ Master Pulse ในการเดินทางมาถึงเครื่องรับ

¹¹Hydrographic Survey Course, Vol. II (Tokyo : Japan, Hydrographic Department Maritime Safety, 1974) p. 89.



รูปที่ 2.4.3

ระบบหาที่เรือแบบเส้นค่าบลที่ไฮเพอโบลลา

จากหลักการนี้ทำให้ระบบไฮเพอโบลลาสามารถทำงานได้ โดยไม่จำกัดจำนวนผู้ใช้ เนื่องจากผู้ใช้ (เรือ) เพียงแต่ติดตั้งเครื่องรับเท่านั้น ส่วนระบบวงกลมนั้นมีขีดจำกัดเกี่ยวกับจำนวนผู้ใช้ เพราะผู้ใช้ (เรือ) ทำหน้าที่เป็น Master คือเครื่องส่งสัญญาณด้วย จึงทำให้มีขีดจำกัดทางเทคนิคเกี่ยวกับระบบ Timesharing System นอกจากการวัดเวลาและระยะทางต่างแล้ว ยังมีวิธีการที่นิยมใช้กันมากในปัจจุบันอีกแบบหนึ่ง คือการวัดความต่าง เฟส (Phase)¹² ของสัญญาณที่ส่งมาจากสถานี Master และ

¹²G.J. SONNENBERG : Radar and Electronic Navigation, p. 3.

Slave เนื่องจากสัญญาณวิทยุจะเปลี่ยน Phase ตลอดเวลา จาก 0 องศา ถึง 360 องศา เช่นนี้ตลอดไปตามระยะทางที่คลื่นวิทยุเดินทางไป โดยจะเปลี่ยนที่รอบนั้นย่อมขึ้นอยู่กับระยะทางระหว่างสถานีส่งและสถานีรับ และขึ้นกับความถี่ที่ใช้อยู่

เมื่อคลื่นวิทยุเดินทางไปได้ระยะทางเท่ากับความยาว 1 ช่วงคลื่น เฟสจะเปลี่ยนจาก 0 องศา ถึง 360 องศา หรือ 0 ถึง 2 π เรเดียน

$$\text{สมมุติว่าระยะทางจาก Master ถึงเรือ} = MP = n_1 \lambda + l_1$$

$$\text{และ สมมุติว่าระยะทางจาก Slave ถึงเรือ} = SP = n_2 \lambda + l_2$$

เมื่อ λ คือความยาวช่วงคลื่น (Wave length)

n_1 คือจำนวนช่วงคลื่นทั้งหมดนับจาก Master ถึง Receiver

n_2 คือจำนวนช่วงคลื่นทั้งหมดนับจาก Slave ถึง Receiver

l_1 & l_2 คือความยาวซึ่งเป็นเศษของช่วงคลื่น

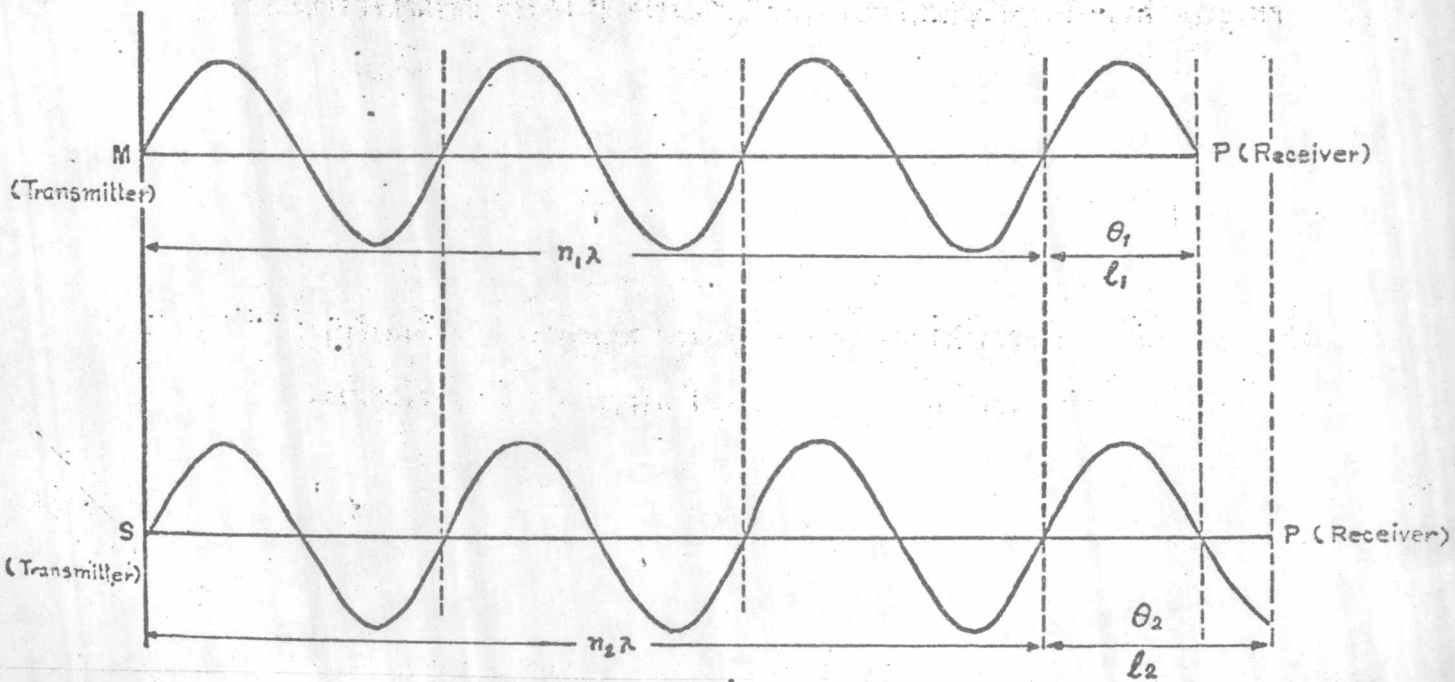
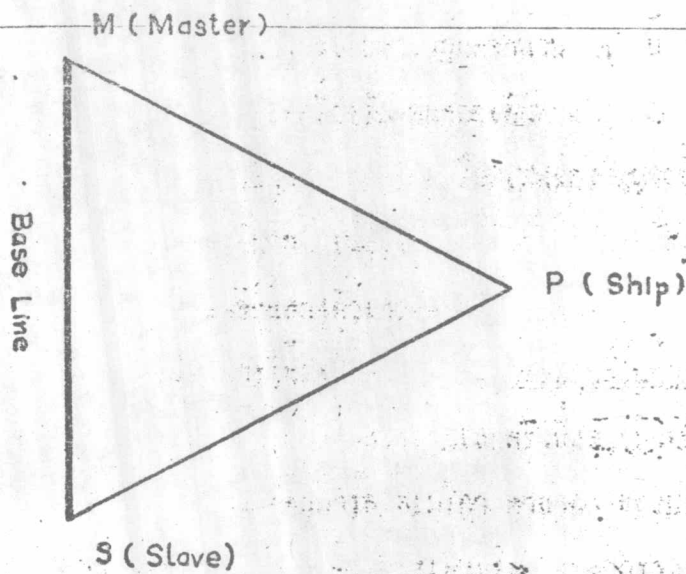
เราจะเห็นวาระยะทางต่างระหว่าง MP และ SP คือ

$$SP - MP = \lambda (n_2 - n_1) + (l_2 - l_1)$$

$$\text{ให้ } n = n_2 - n_1 \text{ และ } l = l_2 - l_1$$

$$SP - MP = \lambda n + l$$

หรือถ้าคิดเป็นจำนวนรอบหรือจำนวนของ Phase (ϕ) จะได้



รูปที่ 2.4.4

แสดงความต่าง Phase ระหว่างสัญญาณจาก Master และ Slave ซึ่งสัมพันธ์กับ ระยะทางทางระหว่างเรือถึง Master และเรือถึง Slave

$$\phi = n + \frac{1}{\lambda} \quad \text{รวม}$$

$$\phi = (n + \frac{1}{\lambda}) 2\pi \quad \text{เวกเตอร์}$$

$$n = 1, 2, 3 \dots \dots \dots n$$

เนื่องจากเครื่องมือวัด Phase หรือ Phasemeter ไม่สามารถวัดจำนวน (n) ได้ แต่วัดเศษของ (n) คือ $1/\lambda$ ได้ ดังนั้น จึงต้องมีเครื่องมืออีกชนิดหนึ่ง เรียกว่า Counter สำหรับนับจำนวน (n) ที่เปลี่ยนแปลง โดยการตั้งจำนวน (n) ให้ตรงตามความเป็นจริงด้วยการหาค่าผลของเรือกอนออกเดินทาง ซึ่งในทางปฏิบัติ จำนวน (n) นี้ คือจำนวน Lane นั้นเอง ซึ่งเราต้องตั้ง Counter ของเครื่องรับกอนออกเดินทาง

วิธีเปรียบเทียบ Phase ของสัญญาณนี้ ปัจจุบันเป็นที่นิยมกันมาก เพราะให้ความละเอียดถูกต้องดีมาก เนื่องจากเครื่องวัดสามารถวัด Phase ละเอียตลงไปได้ถึง 1 ใน 100 ของ Lane ซึ่งจะแสดงตัวเลขที่หน้าปัดเครื่องรับได้ 1 ใน 100 ของ Lane หรือที่เรียกว่า เซนติเลน ซึ่งจะช่วยให้สามารถหาค่าผลที่เรือใดละเอียตกว่าวิธีการหาที่เรือด้วยระบบอ็เลคทรอนิคส์แบบอื่น ๆ

ที่ได้กล่าวมาในหน้าเป็นวิธีการหาที่เรือด้วยระบบอ็เลคทรอนิคส์ที่ใช้อยู่ในปัจจุบัน แต่ยังมีวิธีการอื่น ๆ อีกที่ผิดแผกไปจากที่ได้กล่าวมานี้ แต่หลักการเบื้องต้นแล้วก็จะอยู่ในลักษณะที่กล่าวมาทั้งสิ้น ซึ่งรายละเอียดปลีกย่อย ผู้วิจัยจะกล่าวถึงในบทต่อไป

นอกจากระบบหาที่เรือดังกล่าวมาในหน้าแล้ว ก็ยังมีระบบการหาที่เรือชนิดอื่น ๆ อีกบ้าง แต่เนื่องจากยังไม่เป็นที่นิยมแก่การเดินเรือ หรือยังมีปัญหาบางอย่างอยู่ที่ยังไม่เหมาะสมที่จะนำมาใช้กับการเดินเรือของประเทศไทย เช่น การหาที่เรือด้วยระบบความเฉื่อย Inertial Navigation ซึ่งระบบนี้ใช้หลักการของการเคลื่อนที่ของวัตถุจากจุดหนึ่งไปยังอีกจุดหนึ่ง แล้วนำอัตราเร่ง

(Acceleration) มาพิจารณา กับการหมุนของโลก และกับการเคลื่อนที่ของวัตถุไปบนผิวโลก โดยใช้กฎการเคลื่อนที่ของนิวตัน (Newton's Laws of Motion) มาวิเคราะห์ ซึ่งการหาที่เรือแบบนี้จะให้ผลออกมาเป็น Latitude และ Longitude อยู่แล้ว จึงไม่มีความจำเป็นที่จะต้อง

นำมาวิจัยเพิ่มเติมอีก แต่การหาที่เรือควยระบบความเฉื่อยนี้มีปัญหาหลายประการ ที่ทำให้ยังไม่เป็นที่นิยมแก่การเดินเรือ ซึ่งจะกล่าวไว้ในบทต่อไป.