



## บทที่ 3

## ทฤษฎีการอบแห้ง

ความรู้พื้นฐานของการอบแห้ง

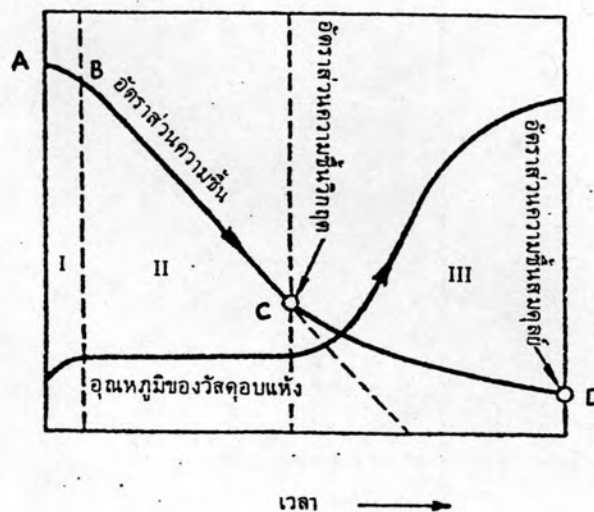
การอบแห้ง คือกระบวนการที่ความร้อนถูกถ่ายเทด้วยวิธีใดวิธีหนึ่งไปยังวัสดุที่มีความชื้น เพื่อไล่ความชื้นออกโดยการระเหยโดยอาศัยความร้อนที่ได้รับเป็นความร้อนแฝงของการระเหย หัวข้อที่สำคัญที่สุดของการอบแห้งคือ การถ่ายเทความร้อนไปยังวัสดุอบแห้งอย่างมีประสิทธิภาพที่สุด

ประโยชน์ของการอบแห้ง

1. ลดค่าใช้จ่ายในการขนส่ง
2. ทำให้สารมีรูปร่างที่ง่ายต่อการใช้งาน
3. เพื่อให้อายุการเก็บยาวนานขึ้นโดยไม่เสียคุณภาพ
4. เพื่อไม่ให้มีความชื้นในสาร ซึ่งความชื้นอาจทำให้เกิดการบูดเน่า หรือเกิดการสลายตัว

การสลายตัว

กลไกการอบแห้ง การอบแห้งแบ่งออกได้เป็น 3 ช่วงใหญ่ๆ ดังต่อไปนี้



รูปที่ 3.1 ลักษณะการอบแห้ง

A : ช่วงการให้ความร้อนเบื้องต้นแก่วัสดุ

B : ช่วงการอบแห้งที่อัตราเร็วคงที่

C : ช่วงการอบแห้งที่อัตราเร็วลดลง

กลไกในการอบแห้ง สามารถอธิบายได้ดังนี้

ที่ผิวของวัสดุที่เปียกชื้น ความชื้นที่ผิวจะอยู่ในรูปของน้ำ ถ้าเอาวัสดุนี้มาอบแห้งภายใต้เงื่อนไขที่คงที่ อุณหภูมิของวัสดุจะมีค่าใกล้เคียงกับอุณหภูมิกระเปาะเปียก (wet-bulb temperature,  $T_w$ ) ของกระแสลมร้อน ช่วงเวลาที่วัสดุใช้ในการเพิ่มอุณหภูมิจนถึงค่านี้ คือ ช่วง AB ในรูปที่ 3.1

ในช่วงเวลาถัดไปคือช่วง BC อุณหภูมิของวัสดุจะมีค่าคงที่ที่  $T_w$  ตราบใดที่ยังมีความชื้นหลงเหลืออยู่ในรูปของน้ำที่ผิววัสดุ ความร้อนทั้งหมดที่วัสดุได้รับในช่วงนี้จะถูกใช้ในการระเหยความชื้นเท่านั้น ดังเห็นได้จากรูป อัตราส่วนความชื้นเฉลี่ย  $w$  ของวัสดุจะลดลงเป็นสัดส่วนกับเวลาในช่วง BC นี้ ดังนั้นอัตราเร็วของการระเหยจะมีค่าคงที่ (constant drying rate period)

ในช่วง CD ความชื้นในรูปของน้ำที่ผิววัสดุจะระเหยหมดไป เพราะการถ่ายเทความชื้นในรูปของน้ำจากส่วนในของวัสดุเกิดขึ้นไม่ทันกับการระเหยของน้ำจากผิวของวัสดุ ดังนั้นผิวของวัสดุจะอยู่ในสภาวะที่แห้งและอุณหภูมิของวัสดุจะเริ่มสูงขึ้น สรุปแล้วอัตราเร็วของการอบแห้งจะค่อยๆ ลดลงเพราะปริมาณความร้อนที่วัสดุได้รับนอกจากจะลดลงแล้วความร้อนยังต้องใช้ในการระเหยความชื้นและเพิ่มอุณหภูมิของวัสดุด้วย

การอบแห้งจะสิ้นสุดลงเมื่ออัตราส่วนความชื้นลดลงถึงค่าอัตราส่วนความชื้นสมดุล ( $w_E$ , equilibrium moisture content) ค่าอัตราส่วนความชื้นเฉลี่ยที่จุดต่อระหว่างช่วง AB และ BC มีชื่อเรียกว่า อัตราส่วนความชื้นวิกฤต ( $w_c$ , critical moisture content) ผลต่างระหว่างอัตราส่วนความชื้นเฉลี่ย  $w$  ใดๆ และ  $w_E$  มีชื่อเรียกว่า อัตราส่วนความชื้นอิสระ  $F$  (free moisture content)

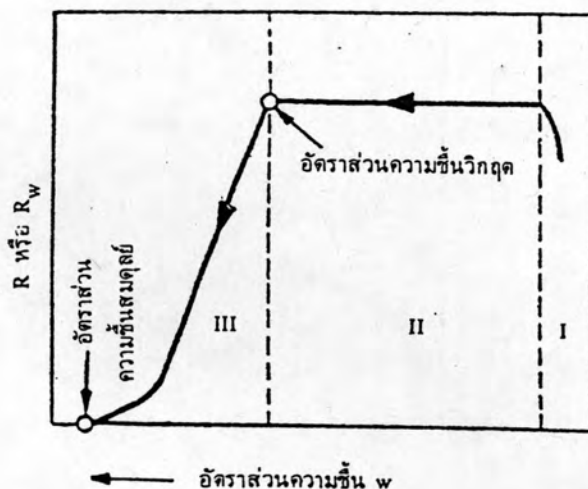
ในกรณีที่วัสดุมีช่วง BC และ CD เป็นเวลานานมาก จะไม่คำนึงถึงช่วง AB ก็ได้ แต่ในกรณีของวัสดุที่ไม่เปียกชื้นหรือในกรณีของวัสดุที่มีลักษณะเฉพาะบางชนิดอาจไม่มีช่วง BC เลยก็ได้

เงื่อนไขของการอบแห้งอาจแบ่งออกได้เป็น 2 ประเภท คือ เงื่อนไข

ภายนอกวัสดุที่ก่อให้เกิดการอบแห้งและเงื่อนไขภายในวัสดุเอง เงื่อนไขภายนอกจะ  
 เกี่ยวข้องกับวิธีถ่ายเทความร้อนและวิธีกำจัดไอน้ำที่ระเหยออกมา ส่วนเงื่อนไขภายใน  
 ได้แก่ องค์ประกอบและรูปร่าง, อัตราส่วนความชื้น, อัตราส่วนความชื้นสมดุลของวัสดุ  
 อบแห้ง เป็นต้น สัญลักษณ์ที่ใช้แทนความร้อนของการอบแห้งมี อาทิ เช่น  $R$   
 ( $\text{kg water/hr} \cdot \text{m}^2$  drying area),  $R_w$  ( $\text{kg water/hr} \cdot \text{kg dry solid}$ )  
 เป็นต้น ถ้าให้  $W$  เป็นมวล (kg) ของวัสดุแห้ง และ  $A$  เป็นพื้นที่ ( $\text{m}^2$ )  
 ของการอบแห้ง เราจะได้

$$R = R_w (W/A)$$

เส้นกราฟที่ได้จากการแสดงความสัมพันธ์ระหว่างความเร็วของการอบแห้ง และ  $w$  มี  
 ชื่อเรียกว่า เส้นลักษณะเฉพาะของการอบแห้ง อัตราการเปลี่ยนแปลงของเส้นอัตรา  
 ส่วนความชื้นเฉลี่ยกับเวลาในรูป 3.1 คือ  $R_w$  นั้นเอง ถ้าเขียนกราฟของ  $R_w$   
 (หรือ  $R$ ) กับ  $w$  จะได้รูป 3.2

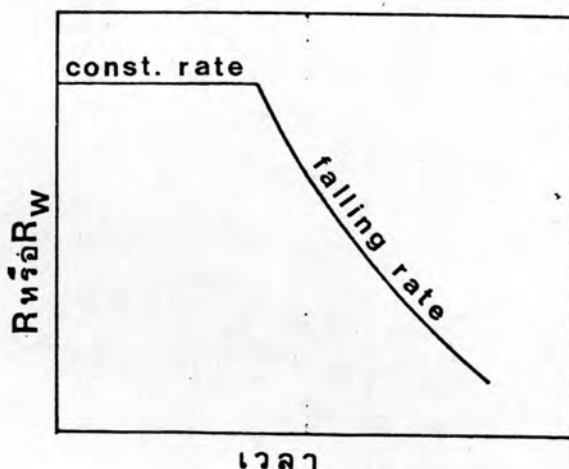


รูปที่ 3.2 เส้นลักษณะเฉพาะการอบแห้ง

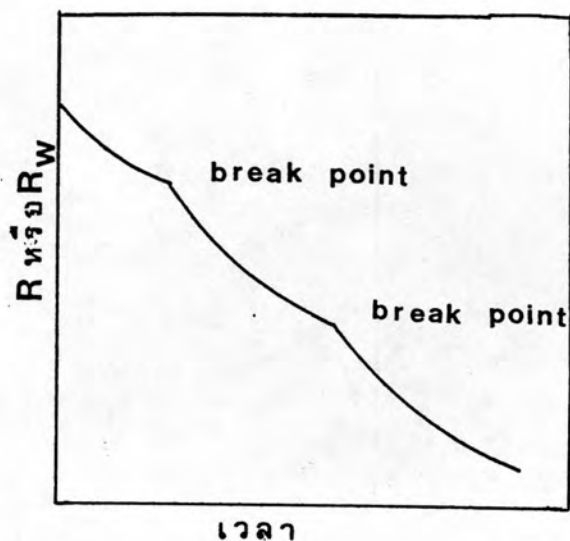
โดยทั่วไป การคั่งน้ำออกจากวัสดุใดนั้น จะมีอยู่ 2 ลักษณะตามคุณสมบัติในการอุ้มน้ำไว้ในตัวของวัสดุนั้นๆ กล่าวคือ

1. การคั่งน้ำออกจากวัสดุที่ไม่ดูดซับน้ำหรือไม่อุ้มน้ำไว้ในตัว (Non-hygroscopic material) เช่นพวกทราย หิน โลหะต่างๆ ลักษณะการไหลออกของน้ำจากวัสดุประเภทนี้จะเป็นแบบเป็นสัดส่วนโดยตรงต่อเวลา กล่าวคือ เมื่อเวลาที่ใช้นานขึ้น ปริมาณน้ำที่ไหลในวัสดุจะลดลงตามลำดับดังแสดงในรูป 3.3 จะเห็นว่าลักษณะการอบแห้งแบ่งออกเป็น 2 ช่วงคือ ช่วงที่อัตราการอบแห้งคงที่ (constant rate period) และช่วงอัตราการอบแห้งลดลง (falling rate period)

2. การคั่งน้ำออกจากวัสดุที่ดูดซับน้ำหรืออุ้มน้ำไว้ในตัว (Hygroscopic material) เช่นพวกอาหารต่างๆไป ซึ่งสามารถอุ้มน้ำไว้ในตัวหรือภายในเซลล์ของอาหาร ทำให้มีความชื้นสูงกว่าความชื้นของอากาศ ทำให้การไหลออกของน้ำมีความยุ่งยากขึ้น ดังแสดงในรูป 3.4 จะพบว่าช่วงอัตราการอบแห้งลดลงจะแบ่งย่อยได้เป็นหลายช่วง (break points) แล้วแต่ประเภทของอาหาร โดยมีไม่ค่อยพบช่วงที่อัตราการอบแห้งคงที่



รูปที่ 3.3 ลักษณะการอบแห้งของวัสดุที่ไม่ดูดซับน้ำ



รูปที่ 3.4 ลักษณะการอบแห้งของวัสดุที่ดูดซับน้ำ

#### การเคลื่อนที่ของน้ำ (Moisture Movement)

ลักษณะการเคลื่อนที่ของน้ำ จะมีกลไก (Mechanism) 2 แบบ ซึ่งอธิบายได้ดังนี้ (Foust et al., 1980)

1. Diffusion Mechanism ส่วนใหญ่เกิดจากพวก Homogeneous solid คือพวกสารอินทรีย์ทั้งหลาย มีลักษณะเป็นสารพวก fibrous organic, gel-like substance, porous cakes เป็นต้น ความชื้นจะถูกกำจัดออกมาที่พื้นผิวโดยวิธีการแพร่เชิงโมเลกุล (Molecular diffusion) ซึ่งเกิดขึ้นเนื่องจากมีความดันไอน้ำต่างกันระหว่างภายในกับภายนอกของสารนั่นเอง

อัตราการเคลื่อนที่ของความชื้นสามารถอธิบายได้โดย Fick's law

$$\frac{d\bar{x}}{d\theta} = D_L \frac{\partial^2 \bar{x}}{\partial x^2} \quad (1)$$

$D_L$  = ส.ป.ส. การแพร่ของของเหลวซึ่งแพร่ออกจากสาร (วัสดุของแข็ง)

$\bar{x}$  = ปริมาณความชื้นที่เวลา  $\theta$  ใด ๆ

จากการศึกษาของ Sherwood & Newman ได้ความสัมพันธ์เป็นสมการโดยทำการอินทิเกรตสมการที่ 1 และถือว่าค่า  $D_L$  มีค่าคงที่ สำหรับกรณี ที่ถือว่าเป็นการอบแห้งโดยมีการแพร่เพียงด้านเดียวของแผ่นวัสดุ ส่วนด้านข้างและด้านล่างปิดกันด้วยผนังทึบและสมมติว่า ปริมาณความชื้นเริ่มต้นมีการกระจายทั่วแผ่นวัสดุนั้น ได้สมการดังนี้

$$\frac{\bar{X} - \bar{X}_E}{\bar{X}_C - \bar{X}_E} = \frac{8}{\pi^2} \left\{ e^{-D_L \theta \left(\frac{\pi}{1}\right)^2} + \frac{1}{9} e^{-9 D_L \theta \left(\frac{\pi}{1}\right)^2} + \frac{1}{25} e^{-25 D_L \theta \left(\frac{\pi}{1}\right)^2} \right\} \quad (2)$$

$l$  = ระยะทางจากด้านที่มีการแพร่ถึงศูนย์กลางของแผ่นวัสดุ โดยทั่วไปเป็นการแพร่ 2 ด้าน จึงคิดความหนาของแผ่นวัสดุทั้งหมด

$x_E$  = ปริมาณความชื้นสมดุลย์

$x$  = ปริมาณความชื้นที่เวลา  $\theta$  ใด ๆ

$x_C$  = ปริมาณความชื้นวิกฤต

เนื่องจากการเคลื่อนที่ของของเหลวแบบการแพร่เชิงโมเลกุลนี้เกิดขึ้นค่อนข้างช้า ดังนั้นกราฟของอัตราการอบแห้ง มักจะไม่ค่อยพบช่วงอัตราการอบแห้งคงที่ ดังนั้นในกรณีทั่วไป สำหรับการเคลื่อนที่ของน้ำแบบแพร่ผ่านนี้ ค่า  $x_C$  จึงมักเป็นค่าปริมาณความชื้นตรงจุดท้ายของช่วงที่อัตราการอบแห้งคงที่

2. Capillarity Mechanism ในกรณีพวกสารจัดเรียงเป็นชั้นหรือของแข็งที่มีลักษณะโครงสร้างเป็นรูพรุนเล็กมาก ๆ เป็นแบบ Open-pore structure และมีขนาดของรูพรุนใหญ่ ๆ ซึ่งกลไกแบบแพร่ผ่านนั้นอธิบายไม่ได้

ในกรณีของพวกที่มีรูพรุนใหญ่ ๆ นั้น พบว่าการเคลื่อนที่ของของเหลวจะเนื่องมาจากความแตกต่างระหว่าง hydrostatic head และแรงตึงผิว (surface tension) แรงตึงผิวเป็นสาเหตุให้พื้นผิวของของเหลวเป็นเส้นโค้ง ทำ

ให้แตกต่างจากพื้นผิวเรียบ ในกรณีที่เป็นการทรงกลม รัศมี  $r$  จะได้ว่า

$$-\Delta P = 2\gamma/r \quad \text{_____} \quad (3)$$

เมื่อ

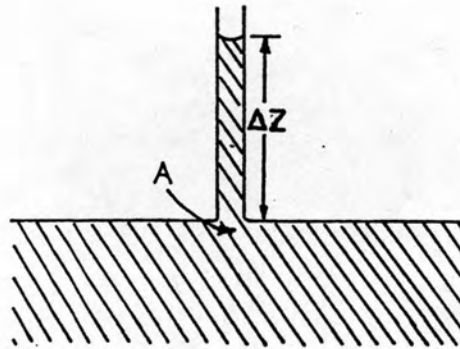
$-\Delta P$  = decrease in pressure เนื่องจากแรงตึงผิว

$\gamma$  = แรงตึงผิวสัมผัสระหว่างสถานะของเหลวและก๊าซ

$r$  = รัศมีของเส้นโค้งของทรงกลม

ค่ารัศมี  $r$  นี้จะมีค่าเป็นบวกเมื่อเป็นฟองก๊าซในของเหลว

ค่ารัศมี  $r$  นี้จะมีค่าเป็นลบเมื่อเป็นหยดของเหลวในก๊าซ



รูปที่ 3.5 Capillarity effect

รูปที่ 3.5 แสดงถึงกลไกที่อนุกรม (capillarity mechanism) อย่างหนึ่งการที่ของเหลวในหลอดแก้วสูงขึ้นเนื่องจากแรงสมดุลที่จุด A พื้นผิวของของเหลวในหลอดแก้วเป็นเส้นโค้ง โดยรัศมีของเส้นโค้งนี้ให้ถือว่ามีค่าเท่ากับรัศมีของหลอดแก้ว เนื่องจากหลอดแก้วเปียกของเหลว ทำให้มุมสัมผัสที่ผนังหลอดแก้วเป็นศูนย์ ถ้าเป็นเช่นนั้นแรงสมดุลจะกำหนดว่า

$$\begin{aligned}
 -\Delta P &= \Delta z g (\rho_L - \rho_v) / g_c \\
 &= 2\gamma / r \\
 \Delta z &= (g_c 2\gamma) / (r g (\rho_L - \rho_v)) \quad \text{_____} \quad (4)
 \end{aligned}$$

เมื่อ

$$r = \text{รัศมีภายในของหลอดแก้ว}$$

ในสารอาหารหรือพวกรวมสารประกอบอินทรีย์ทั่ว ๆ ไปนั้น เมื่อตอนเริ่มการอบแห้ง พบว่าการเคลื่อนที่ของน้ำภายในเนื้อสารอาหารนั้นจะเป็นกลไกแบบที่อู๋เชื่อมก่อน ทั้งนี้เนื่องจากในตอนเริ่มต้นการให้ความร้อนนั้น น้ำในวัสดุยังมีปริมาณมากอยู่ และวัสดุอาหารนับว่าเป็นวัสดุพวกที่มีรูพรุนมากมาย ดังนั้นเมื่อได้รับความร้อน หรือเมื่อมีอากาศร้อนผ่านไปทีผิวของวัสดุ จะเกิดการขยายตัวของอากาศ คล้ายกับว่ามีท่อขนาดเล็ก ๆ ติดอยู่ตรงรูนั้น พบว่าอากาศยิ่งขยายตัวมากขึ้นเท่าไร จะทำให้แรงดึงดูดในท่อเล็ก ๆ นั้นมากขึ้นเท่านั้น

หลังจากน้ำที่อยู่ตามรูพรุนของวัสดุอาหารนั้นหมดแล้ว การเคลื่อนที่ของน้ำภายในวัสดุก็จะเปลี่ยนเป็นกลไกการแพร่ ซึ่งเกิดจากความแตกต่างของความดันไอน้ำนั่นเอง โดยเริ่มจากเซลล์ที่อยู่ติดกับรูพรุนหรือท่อเล็ก ๆ ก่อน เมื่อได้รับความร้อนทำให้อากาศขยายตัว ทำให้น้ำเริ่มแพร่ผ่านจากเซลล์ขึ้นไปตามรูพรุนเล็ก ๆ จึงทำให้น้ำในเซลล์มีความเข้มข้นของของแข็งมากขึ้นจึงเกิดแรงดึงดูดทำให้เกิดการแพร่ผ่านของน้ำจากเซลล์ที่อยู่ติดกันแพร่เข้าไปในเซลล์ที่ติดกับรูพรุน แล้วระเหยออกไปตามรูพรุนนั้น ซึ่งจะเกิดแรงดึงดูดต่อเนื่องไปเรื่อย ๆ จนทำให้วัสดุนั้นแห้งขึ้น

#### คำนิยามต่างๆ

##### 1. moisture content , wet basis

$$\begin{aligned}
 w_w &= \text{kg moisture/kg wet solid} \\
 &= \text{kg moisture}/(\text{kg dry solid} + \text{kg moisture}) \\
 &= w_d / (1 + w_d)
 \end{aligned}$$



2. moisture content , dry basis

$$w_d = \text{kg moisture/kg dry solid}$$

$$= w_w / (1 - w_w)$$

3. equilibrium moisture content ( $w_e$ )

หมายถึงความชื้นของวัสดุใดๆก็ตามเมื่ออยู่ในสภาวะสมดุลย์ภายใต้ อันหนึ่ง ความดันย่อยค่าหนึ่งของไอน้ำในอากาศรอบ ๆ

4. critical moisture content ( $w_c$ )

อัตราส่วนความชื้นวิกฤต เป็นปริมาณความชื้นเฉลี่ยของวัสดุตรงจุดสุดท้ายของอัตราการอบแห้งคงที่

5. free moisture (F)

$$F = w - w_e$$

ในการอบแห้งต่างๆไป ความชื้นของวัสดุที่เราสามารถระเหยออกไปได้นั้น จะเป็นความชื้นอิสระเท่านั้น