

## รายการอ้างอิง

### ภาษาไทย

ธีระพร วีระถาวร. ความน่าจะเป็นกับการประยุกต์. พิมพ์ครั้งที่ 2. กรุงเทพมหานคร: วิทยพัฒน์, 2539.

ธีระพร วีระถาวร. ตัวแบบเชิงเส้นและการประยุกต์. พิมพ์ครั้งที่ 2. กรุงเทพมหานคร: วิทยพัฒน์, 2541.

มานพ วรภักดิ์. การจำลองเบื้องต้น. กรุงเทพมหานคร: ภาควิชาสถิติ คณะพาณิชยศาสตร์ และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2547

ศิริชัย กาญจนวาสี. การวิเคราะห์พหุระดับ. พิมพ์ครั้งที่ 3. กรุงเทพมหานคร: โรงพิมพ์แห่ง จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2548.

### ภาษาต่างประเทศ

Goldstein H. Multilevel Statistical Models. 2nd ed. Newyork-Toronto: John Wiley & Sons, 1995.

Snijders, T., & Bosker, R. Multilevel Analysis. London: Sage Publications, 1999.

Raudenbush, S. W., Bryk, A. S. Hierarchical Linear Models Applications and Data Analysis Methods. 2<sup>nd</sup> ed. London: Sage Publications, 2002.

Goldstein H. Multilevel mixed linear model analysis using iterative generalized least squares. Biometrika 73(1986): 43-56.

Goldstein H. Restricted unbiased iterative generalized least squares. Biometrika 76(1989): 622-623.

Van der Leeden, R., F. Busing and E. Meijer, Bootstrap method for two-level models. Department of Psychometrics and Research Methodology. Leiden University, 1997.

Maas, C.J.M. and Hox, J.J. Robustness of multilevel parameter estimates against small sample sizes. Department of Methodology and Statistics. Utrecht University, 2001.

Mass, C.J.M. and Hox, J.J. Sufficient sample sizes for multilevel modeling. Department of Methodology and Statistics. Utrecht University, 2003.

Ayebo, A. and Kozubowski, T.J. An asymmetric generalized of Gaussian and Laplace laws. Department of Mathematics, JPSS 1(2)(2003): 187-210.

ภาคผนวก

ตารางแสดงลักษณะการทำงานของโปรแกรมทั้งหมดที่ใช้ในการวิจัย

อันดับที่	ชื่อโปรแกรม	การทำงานของโปรแกรม	ชื่อโปรแกรมย่อยที่เรียกใช้
โปรแกรมหลัก	est	<ul style="list-style-type: none"> <li>- สร้างข้อมูลตัวแปรอิสระ ค่าคลาดเคลื่อนสุ่มใน ระดับที่ 1 และระดับที่ 2 และตัวแปรตาม</li> <li>- กำหนดค่า RB ของวิธี IGLS และ RIGLS</li> <li>- กำหนดค่า RRADASE ของวิธี IGLS และ RIGLS</li> <li>- กำหนดค่า RRADASE ของวิธี ROBUST</li> </ul>	ind, geny, IGLS, RIGLS, Robust_Igls, Robust_Rigls, RB, RRADASE
โปรแกรมย่อย			
1	randmcg	<ul style="list-style-type: none"> <li>- การสร้างเลขสุ่มให้มีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอในช่วง (0,1) ด้วยวิธี MCG</li> </ul>	randmcg
2	normal	<ul style="list-style-type: none"> <li>- การสร้างเลขสุ่มให้มีการแจกแจงแบบปกติ</li> </ul>	randmcg
3	asym_expo	<ul style="list-style-type: none"> <li>- สร้างเลขสุ่มให้มีการแจกแจงแบบ asymmetric exponential power</li> </ul>	normal
5	ind	<ul style="list-style-type: none"> <li>- การสร้างข้อมูลตัวแปรอิสระ</li> </ul>	normal, asym_expo
6	geny	<ul style="list-style-type: none"> <li>- การสร้างค่าคลาดเคลื่อนสุ่มใน ระดับที่ 1 และระดับที่ 2 และข้อมูลตัวแปรตาม</li> </ul>	

อันดับที่	ชื่อโปรแกรม	การทำงานของโปรแกรม	ชื่อโปรแกรมน้อยที่เรียกใช้
7	IGLS	- การประมาณค่าพารามิเตอร์และค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานโดยวิธี IGLS	
8	RIGLS	- การประมาณค่าพารามิเตอร์และค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานโดยวิธี RIGLS	
9	Robust_Igls	- กำหนดค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานโดยใช้วิธี ROBUST ในการประมาณพารามิเตอร์ด้วยวิธี IGLS	
10	Robust_Rigls	- กำหนดค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานโดยใช้วิธี ROBUST ในการประมาณพารามิเตอร์ด้วยวิธี RIGLS	
11	RB	- กำหนดค่า RB ของวิธี IGLS และ RIGLS	
12	RRADASE	- กำหนดค่า RB ของวิธี IGLS และ RIGLS - กำหนดค่า RRADASE ของวิธี IGLS และ RIGLS	

```

function
[fix_seq,randp_seq,varfix_seq,varrandp_seq,fix_Rseq,randp_Rseq,varfix_Rseq,varrandp_Rseq,ROvarfix_seq,ROvarrandp
_seq,ROvarfix_Rseq,ROvarrandp_Rseq,average_iteration,average_skew_kur,RB_fix,RB_random,Relative_biased,RRSE,R
RDASE2]=est(rep,number,group,var_e,mean_u0,mean_u1,t00_p,t11_p,t00,t11,skew,kur)
[X,xj,vec_xj,W]=ind(number,group);
round=0;
for i=1:rep
    round=round+1
    roundigs=101;
    roundrigs=101;
    tic
    while roundigs>100 || roundrigs>100
        [y,skew_u,kur_u]=geny(number,group,var_e,mean_u0,mean_u1,t00,t00_p,t11_p,skew,kur,X,vec_xj,W);
        [fix,Cov_fix,randp,Cov_randp,roundigs,EEigs,V,Z]=IGLS(y,X,xj,number,group,W);
        if roundigs<=100
            [fix_R,Cov_fix_R,randp_R,Cov_randp_R,roundrigs,EEigs,V_R,Z_R]=RIGLS(y,X,xj,number,group,W);
        else roundrigs=101;
        end
    end
    end
    round_iglsseq(i,1)=roundigs;
    round_rigsseq(i,1)=roundrigs;
    skewi(i,1)=skew_u(1,1);
    skewi(i,2)=skew_u(2,1);
    kuri(i,1)=kur_u(1,1);
    kuri(i,2)=kur_u(2,1);
    [Robust_Covfix,Robust_Covrandp]=Robust_Igls(V,EEigs,X,number,group,randp,Z);
    [Robust_Covfix_R,Robust_Covrandp_R]=Robust_Rigls(V_R,EEigs,X,number,group,randp_R,Z_R);

    fix_seq(i,1)=fix(1,1);
    fix_seq(i,2)=fix(2,1);
    randp_seq(i,1)=randp(1,1);
    randp_seq(i,2)=randp(2,1);
    randp_seq(i,3)=randp(3,1);
    varfix_seq(i,1)=(Cov_fix(1,1));
    varfix_seq(i,2)=(Cov_fix(2,2));

```

```

varrandp_seq(i,1)=(Cov_randp(1,1));
varrandp_seq(i,2)=(Cov_randp(2,2));
varrandp_seq(i,3)=(Cov_randp(3,3));

fix_Rseq(i,1)=fix_R(1,1);
fix_Rseq(i,2)=fix_R(2,1);
randp_Rseq(i,1)=randp_R(1,1);
randp_Rseq(i,2)=randp_R(2,1);
randp_Rseq(i,3)=randp_R(3,1);
varfix_Rseq(i,1)=(Cov_fix_R(1,1));
varfix_Rseq(i,2)=(Cov_fix_R(2,2));
varrandp_Rseq(i,1)=(Cov_randp_R(1,1));
varrandp_Rseq(i,2)=(Cov_randp_R(2,2));
varrandp_Rseq(i,3)=(Cov_randp_R(3,3));

ROvarfix_seq(i,1)=(Robust_Covfix(1,1));
ROvarfix_seq(i,2)=(Robust_Covfix(2,2));
ROvarrandp_seq(i,1)=(Robust_Covrandp(1,1));
ROvarrandp_seq(i,2)=(Robust_Covrandp(2,2));
ROvarrandp_seq(i,3)=(Robust_Covrandp(3,3));

ROvarfix_Rseq(i,1)=(Robust_Covfix_R(1,1));
ROvarfix_Rseq(i,2)=(Robust_Covfix_R(2,2));
ROvarrandp_Rseq(i,1)=(Robust_Covrandp_R(1,1));
ROvarrandp_Rseq(i,2)=(Robust_Covrandp_R(2,2));
ROvarrandp_Rseq(i,3)=(Robust_Covrandp_R(3,3));

toc

end

average_iteration{1,2}='average';
average_iteration{1,3}='std';
average_iteration{2,1}='igls';
average_iteration{2,2}=mean(round_iglsseq);
average_iteration{2,3}=std(round_iglsseq);
average_iteration{3,1}='rigls';
average_iteration{3,2}=mean(round_riglsseq);
average_iteration{3,3}=std(round_riglsseq);

average_skew_kur{2,1}='average';
average_skew_kur{1,2}='skew_u0';
average_skew_kur{1,3}='skew_u1';

```

```

average_skew_kur{1,4}='kur_u0';
average_skew_kur{1,5}='kur_u1';
average_skew_kur{2,2}=mean(skewi(:,1));
average_skew_kur{2,3}=mean(skewi(:,2));
average_skew_kur{2,4}=mean(kuri(:,1));
average_skew_kur{2,5}=mean(kuri(:,2));
[RB_fix,RB_random,Relative_biased]=RB(fix_seq,randp_seq,fix_Rseq,randp_Rseq,var_e,t00,t11)
[RRSE,RRDASE2]=RRDSE(rep,fix_seq,randp_seq,varfix_seq,varrandp_seq,fix_Rseq,randp_Rseq,varfix_Rseq,varrandp_R
seq,ROvarfix_seq,ROvarrandp_seq,ROvarfix_Rseq,ROvarrandp_Rseq)

```

```
function r = randmcg(p,q)
```

```
persistent m a c x
```

```
if isempty(x)
```

```
    m = 2^31-1;
```

```
    a = 7^5;
```

```
    c = 0;
```

```
    x = 1;
```

```
end
```

```
if nargin < 1, p = 1; end
```

```
if nargin < 2, q = p; end
```

```
r = zeros(p,q);
```

```
for k = 1:p*q
```

```
    x = rem(a*x + c, m);
```

```
    r(k) = x/m;
```

```
end
```

```
function [norm]=normal(mean1,stdev1)
```

```
r1=randmcg(1);
```

```
r2=randmcg(1);
```

```
znorm=sqrt(-2*log(r1))*cos(2*pi*r2);
```

```
norm=(znorm*stdev1)+mean1;
```

```
function [asym_expo]=asym_expo(mean2,stdev2,skew,kur)
```

```
alpha=1/kur;
```

```
g=gam(alpha,1);
```

```
u=randmcg(1);
```

```
k=(1/(1+(skew^2)));
```

```
if u<(1/(1+skew^2))
```

```
    l=1/skew;
```

```

else l=-skew;
end
asym_expo=mean2+stdev2*1*(g^(1/kur));

```

```

function [X,xj,vec_xj,W]=ind(number,group)
xj=ones(number,group);
for j=1:group
    for i=1:number
        xj(i,j)=normal(3,16);
    end
    W(1+(number)*(j-1):j*number,2*j-1)=1;
    W(1+(number)*(j-1):j*number,2*j)=xj(:,j);
end

```

```

X=ones(number*group,2);
vec_xj=xj(:);
for i=1:number*group
    X(i,2)=vec_xj(i,1);
end

```

```

function [y,skew_u,kur_u]=geny(number,group,var_e,mean_u0,mean_u1,t00,t00_p,t11_p,skew,kur,X,vec_xj,W)
fix=[1;2];
for j=1:group
    u0j=asym_expo(mean_u0,sqrt(t00_p),skew,kur);
    u1j=asym_expo(mean_u1,sqrt(t11_p),skew,kur);
    uj=[u0j;u1j];
    u0(j,1)=u0j;
    u1(j,1)=u1j;
end
for i=1:number
    ej(i,1)=normal(0,sqrt(var_e)); %level-1 error
end
Xj=X((j-1)*number+1:j*number,:);
yj(:,j)=Xj*fix+Xj*uj+ej;
end
y=yj(:);

```

```

function [fix,Cov_fix,randp,Cov_randp,roundigls,EEigs,V,Z]=IGLS(y,X,xj,number,group,W)
Tu=zeros(2*group);
Tuj=zeros(2,2);

```



```

n=number*group;
fix_0=inv(X'*X)*(X'*y);
mse_0=(y'*y-(fix_0)'X'*y)/((number*group)-2);
randp_0=[mse_0;0;0];
diff_fix=ones(2,1);
diff_randp=ones(3,1);

roundigls=0;
mse=mse_0;
while (diff_fix(1,1)>10^(-5) || diff_fix(2,1)>10^(-5) || diff_randp(1,1)>10^(-5) || diff_randp(2,1)>10^(-5) ||
diff_randp(3,1)>10^(-5))&&(roundigls<=100)
V=W*Tu*W'+mse*eye(number*group);
invV=bbinv(V);
fix=inv(X'*invV*X)*(X'*invV*y);
EEigls=zeros(number*group,number*group);
for j=1:group
    yj=y((j-1)*number+1:j*number,1);
    Xj=X((j-1)*number+1:j*number,:);
    Ej=yj-Xj*fix;
    EEiglsj=Ej'*Ej;
    EEigls((j-1)*number+1:j*number,(j-1)*number+1:j*number)=EEiglsj;
end
vecE=EEigls(:);
col1_Z=eye(n,n);
col2_Z=zeros(n,n);
col3_Z=zeros(n,n);
for j=1:group
    o=ones(number,number);
    col2_Z((j-1)*(number)+1:j*number,(j-1)*(number)+1:j*number)=o;
    col3_Z((j-1)*(number)+1:j*number,(j-1)*(number)+1:j*number)=Xj(:,j)*Xj(:,j)';
end
Z=ones((number*group)^2,3);
Z(:,1)=col1_Z(:);
Z(:,2)=col2_Z(:);
Z(:,3)=col3_Z(:);
invVV=bbkron(invV,invV);
randp=inv(Z'*invVV*Z)*Z'*invVV*vecE;
Tuj(1,1)=randp(2,1);Tuj(1,2)=0;Tuj(2,1)=0;Tuj(2,2)=randp(3,1);
for j=1:group
    Tu(2*j-1:j*2,2*j-1:2*j)=Tuj;
end

```

```

mse=randp(1,1);
diff_fix=abs(fix-fix_0);
diff_randp=abs(randp-randp_0);
fix_0=fix;
randp_0=randp;
roundrigls=roundrigls+1;
end
Cov_fix=inv(X**invV*X);
Cov_randp=2*inv(Z**invV*Z);

function [fix_R,Cov_fix_R,randp_R,Cov_randp_R,roundrigls,EErigls,V_R,Z_R]=RIGLS(y,X,xj,number,group,W)
Tu=zeros(2*group);
n=number*group;
fix_0=inv(X**X)*(X**y);
mse_0=(y**y-(fix_0**X**y))/((number*group)-2);
randp_0=[mse_0;0;0];
diff_fix=ones(2,1);
diff_randp=ones(3,1);
roundrigls=0;
mse_R=mse_0;
while (diff_fix(1,1)>10^(-5) || diff_fix(2,1)>10^(-5) || diff_randp(1,1)>10^(-5) || diff_randp(2,1)>10^(-5) ||
diff_randp(3,1)>10^(-5))&&(roundrigls<=100)
V_R=W*Tu*W'+mse_R*eye(number*group);
invV=bbinv(V_R);
fix_R=inv(X**invV*X)*(X**invV*y);r
EErigls=zeros(number*group,number*group);
for j=1:group
    yj=y((j-1)*number+1:j*number,1);
    Xj=X((j-1)*number+1:j*number,:);
    Ej=yj-Xj*fix_R;
    EEriglsj=Ej*Ej';
    EErigls((j-1)*number+1:j*number,(j-1)*number+1:j*number)=EEriglsj;
end
EErigls=EErigls+(X**inv(X**invV*X)*X');vecE=EErigls(:);
col1_Z=eye(n,n);
col2_Z=zeros(n,n);
col3_Z=zeros(n,n);
for j=1:group
o=ones(number,number);
col2_Z((j-1)*(number)+1:j*number,(j-1)*(number)+1:j*number)=o;

```

```

col3_Z((j-1)*(number)+1:j*number,(j-1)*(number)+1:j*number)=xj(:,j)*xj(:,j)';
end
Z_R=ones((number*group)^2,3);
Z_R(:,1)=col1_Z(:);
Z_R(:,2)=col2_Z(:);
Z_R(:,3)=col3_Z(:);
invVV=bbkron(invV,invV);
randp_R=inv(Z_R*invVV*Z_R)*Z_R*invVV*vecE;
Tuj(1,1)=randp_R(2,1);Tuj(1,2)=0;Tuj(2,1)=0;Tuj(2,2)=randp_R(3,1);
for j=1:group
    Tu(2*j-1:j*2,2*j-1:2*j)=Tuj;
end
mse_R=randp_R(1,1);
diff_fix=abs(fix_R-fix_0);
diff_randp=abs(randp_R-randp_0);
fix_0=fix_R;
randp_0=randp_R;
roundrigls=roundrigls+1;
end
Cov_fix_R=inv(X'*invV*X);
Cov_randp_R=2*inv(Z_R*invVV*Z_R);

function [Robust_Covfix,Robust_Covrandp]=Robust_Igls(V,EEigls,X,number,group,randp,Z)
EE=EEigls;
Xj=ones(number,2);
vecE=EE(:);
R=-vecE-Z*randp;
invV=bbinv(V)*eye(number*group);
H=0;
C=0;
Hrandp=0;
Crandp=0;
for j=1:group
    Xj(:,2)=X((j-1)*number+1:j*number,2);
    invVj=invV((j-1)*number+1:j*number,(j-1)*number+1:j*number);
    EEj=EE((j-1)*number+1:j*number,(j-1)*number+1:j*number);
    Hj=Xj'*invVj*Xj;
    Cj=Xj'*invVj*EEj*invVj*Xj;
    H=H+Hj;
    C=C+Cj;

```

```

invVVj=bbkron(invVj,invV);
Rj=bbmatrix(R((j-1)*(number^2)*group+1:j*(number^2)*group,1));
RRj=Rj*Rj';
Zj=Z((j-1)*(number^2)*group+1:j*(number^2)*group,:);
Hrandpj=Zj*(invVVj)*Zj;
Crandpj=Zj*invVVj*(RRj)*invVVj*Zj;
Hrandp=Hrandp+Hrandpj;
Crandp=Crandp+Crandpj;
end
Robust_Covfix=inv(H)*C*inv(H);
Robust_Covrandp=inv(Hrandp)*Crandp*inv(Hrandp);

function [Robust_Covfix_R,Robust_Covrandp_R]=Robust_Rigls(V_R,EErigls,X,number,group,randp_R,Z_R)
invV=bbinv(V_R);
EE=EErigls;
vecE=EE(:);
R=vecE-Z_R*randp_R;
H=0;
C=0;
Hrandp=0;
Crandp=0;
for j=1:group
    Vj=V_R((j-1)*number+1:j*number,(j-1)*number+1:j*number);
    invVj=bbinv(Vj);
    Xj=X((j-1)*number+1:j*number,:);
    EEj=EE((j-1)*number+1:j*number,(j-1)*number+1:j*number);
    Hj=(Xj*(invVj)*Xj);
    Cj=Xj*invVj*(EEj)*invVj*Xj;
    H=H+Hj;
    C=C+Cj;

    invVVj=bbkron(invVj,invV);
    Rj=bbmatrix(R((j-1)*(number^2)*group+1:j*(number^2)*group,1));
    Zj=Z_R((j-1)*(number^2)*group+1:j*(number^2)*group,:);
    RRj=Rj*Rj';
    Hrandpj=Zj*(invVVj)*Zj;
    Crandpj=Zj*invVVj*(RRj)*invVVj*Zj;
    Hrandp=Hrandp+Hrandpj;

```

```

    Crandp=Crandp+Crandpj;
end
Robust_Covfix_R=inv(H)*C*inv(H);
Robust_Covrandp_R=inv(Hrandp)*Crandp*inv(Hrandp);

function [Relative_biased]=RB(fix_seq,randp_seq,fix_Rseq,randp_Rseq,var_e,t00,t11)
meanfix(1,1)=mean(fix_seq(:,1));
meanfix(2,1)=mean(fix_seq(:,2));
RBfix=sqrt((meanfix-[1;2])*inv([1 0;0 4])*(meanfix-[1;2]));
meansigma2=mean(randp_seq(:,1));
RBsigma2=sqrt((meansigma2-(var_e))*((var_e)^(-2))*(meansigma2-(var_e)));
meanlevel_2_var(1,1)=mean(randp_seq(:,2));
meanlevel_2_var(2,1)=mean(randp_seq(:,3));
RBlevel_2_var=sqrt((meanlevel_2_var-[t00;t11])*inv([t00^2 0;0 t11^2])*(meanlevel_2_var-[t00;t11]));

meanfix_R(1,1)=mean(fix_Rseq(:,1));
meanfix_R(2,1)=mean(fix_Rseq(:,2));
RBfix_R=sqrt((meanfix_R-[1;2])*inv([1 0;0 4])*(meanfix_R-[1;2]));
meansigma2_R=mean(randp_Rseq(:,1));
RBsigma2_R=sqrt((meansigma2_R-(var_e))*((var_e)^(-2))*(meansigma2_R-(var_e)));
meanlevel_2_var_R(1,1)=mean(randp_Rseq(:,2));
meanlevel_2_var_R(2,1)=mean(randp_Rseq(:,3));
RBlevel_2_var_R=sqrt((meanlevel_2_var_R-[t00;t11])*inv([t00^2 0;0 t11^2])*(meanlevel_2_var_R-[t00;t11]));

Relative_biased{1,2}='IGLS';
Relative_biased{1,3}='RIGLS';
Relative_biased{2,1}='fix parameter';
Relative_biased{3,1}='level-1 variance';
Relative_biased{4,1}='level-2 variance';
Relative_biased{2,2}=RBfix;
Relative_biased{2,3}=RBfix_R;
Relative_biased{3,2}=RBsigma2;
Relative_biased{3,3}=RBsigma2_R;
Relative_biased{4,2}=RBlevel_2_var;
Relative_biased{4,3}=RBlevel_2_var_R;

function
[RRSE,RRDASE2]=RRDSE(rep,fix_seq,randp_seq,varfix_seq,varrandp_seq,fix_Rseq,randp_Rseq,varfix_Rseq,varrandp_R
seq,ROvarfix_seq,ROvarrandp_seq,ROvarfix_Rseq,ROvarrandp_Rseq)

```

```

MCSE(1,1)=std(fix_seq(:,1));
MCSE(2,1)=std(fix_seq(:,2));
MCSE(3,1)=std(randp_seq(:,1));
MCSE(4,1)=std(randp_seq(:,2));
MCSE(5,1)=std(randp_seq(:,3));

```

```

MCSE_R(1,1)=std(fix_Rseq(:,1));
MCSE_R(2,1)=std(fix_Rseq(:,2));
MCSE_R(3,1)=std(randp_Rseq(:,1));
MCSE_R(4,1)=std(randp_Rseq(:,2));
MCSE_R(5,1)=std(randp_Rseq(:,3));

```

```

ASEM(1,1)=sqrt(mean(varfix_seq(:,1)));
ASEM(2,1)=sqrt(mean(varfix_seq(:,2)));
ASEM(3,1)=sqrt(mean(varrandp_seq(:,1)));
ASEM(4,1)=sqrt(mean(varrandp_seq(:,2)));
ASEM(5,1)=sqrt(mean(varrandp_seq(:,3)));

```

```

ASEM_R(1,1)=sqrt(mean(varfix_Rseq(:,1)));
ASEM_R(2,1)=sqrt(mean(varfix_Rseq(:,2)));
ASEM_R(3,1)=sqrt(mean(varrandp_Rseq(:,1)));
ASEM_R(4,1)=sqrt(mean(varrandp_Rseq(:,2)));
ASEM_R(5,1)=sqrt(mean(varrandp_Rseq(:,3)));

```

```

AROSE(1,1)=sqrt(mean(ROvarfix_seq(:,1)));
AROSE(2,1)=sqrt(mean(ROvarfix_seq(:,2)));
AROSE(3,1)=sqrt(mean(ROvarrandp_seq(:,1)));
AROSE(4,1)=sqrt(mean(ROvarrandp_seq(:,2)));
AROSE(5,1)=sqrt(mean(ROvarrandp_seq(:,3)));

```

```

AROSE_R(1,1)=sqrt(mean(ROvarfix_Rseq(:,1)));
AROSE_R(2,1)=sqrt(mean(ROvarfix_Rseq(:,2)));
AROSE_R(3,1)=sqrt(mean(ROvarrandp_Rseq(:,1)));
AROSE_R(4,1)=sqrt(mean(ROvarrandp_Rseq(:,2)));
AROSE_R(5,1)=sqrt(mean(ROvarrandp_Rseq(:,3)));

```

```

RRDASE(1,1)=sqrt((ASEM(1,1);ASEM(2,1))-[MCSE(1,1);MCSE(2,1)]*inv([MCSE(1,1)^2 0;0
MCSE(2,1)^2]*([ASEM(1,1);ASEM(2,1)]-[MCSE(1,1);MCSE(2,1)]));
RRDASE(2,1)=sqrt((ASEM(3,1)-(MCSE(3,1)))*((MCSE(3,1))^(-2))*(ASEM(3,1)-(MCSE(3,1))));

```

$$\text{RRDASE}(3,1)=\sqrt{\left(\frac{\text{ASEM}(4,1);\text{ASEM}(5,1)}{[\text{MCSE}(4,1);\text{MCSE}(5,1)]}\right)^{-2}\text{inv}\left(\frac{\text{MCSE}(4,1)^2}{0,0}\right)} \\ \text{MCSE}(5,1)^2\left(\frac{\text{ASEM}(4,1);\text{ASEM}(5,1)}{[\text{MCSE}(4,1);\text{MCSE}(5,1)]}\right);$$

$$\text{RRDASE}_R(1,1)=\sqrt{\left(\frac{\text{ASEM}_R(1,1);\text{ASEM}_R(2,1)}{[\text{MCSE}_R(1,1);\text{MCSE}_R(2,1)]}\right)^{-2}\text{inv}\left(\frac{\text{MCSE}_R(1,1)^2}{0,0}\right)} \\ \text{MCSE}_R(2,1)^2\left(\frac{\text{ASEM}_R(1,1);\text{ASEM}_R(2,1)}{[\text{MCSE}_R(1,1);\text{MCSE}_R(2,1)]}\right);$$

$$\text{RRDASE}_R(2,1)=\sqrt{\left(\frac{\text{ASEM}_R(3,1)-\text{MCSE}_R(3,1)}{[\text{MCSE}_R(3,1)]}\right)^{-2}\left(\frac{\text{ASEM}_R(3,1)-\text{MCSE}_R(3,1)}{[\text{MCSE}_R(3,1)]}\right);}$$

$$\text{RRDASE}_R(3,1)=\sqrt{\left(\frac{\text{ASEM}_R(4,1);\text{ASEM}_R(5,1)}{[\text{MCSE}_R(4,1);\text{MCSE}_R(5,1)]}\right)^{-2}\text{inv}\left(\frac{\text{MCSE}_R(4,1)^2}{0,0}\right)} \\ \text{MCSE}_R(5,1)^2\left(\frac{\text{ASEM}_R(4,1);\text{ASEM}_R(5,1)}{[\text{MCSE}_R(4,1);\text{MCSE}_R(5,1)]}\right);$$

$$\text{RRDROASE}(1,1)=\sqrt{\left(\frac{\text{AROSE}(1,1);\text{AROSE}(2,1)}{[\text{MCSE}(1,1);\text{MCSE}(2,1)]}\right)^{-2}\text{inv}\left(\frac{\text{MCSE}(1,1)^2}{0,0}\right)} \\ \text{MCSE}(2,1)^2\left(\frac{\text{AROSE}(1,1);\text{AROSE}(2,1)}{[\text{MCSE}(1,1);\text{MCSE}(2,1)]}\right);$$

$$\text{RRDROASE}(2,1)=\sqrt{\left(\frac{\text{AROSE}(3,1)-\text{MCSE}(3,1)}{[\text{MCSE}(3,1)]}\right)^{-2}\left(\frac{\text{AROSE}(3,1)-\text{MCSE}(3,1)}{[\text{MCSE}(3,1)]}\right);}$$

$$\text{RRDROASE}(3,1)=\sqrt{\left(\frac{\text{AROSE}(4,1);\text{AROSE}(5,1)}{[\text{MCSE}(4,1);\text{MCSE}(5,1)]}\right)^{-2}\text{inv}\left(\frac{\text{MCSE}(4,1)^2}{0,0}\right)} \\ \text{MCSE}(5,1)^2\left(\frac{\text{AROSE}(4,1);\text{AROSE}(5,1)}{[\text{MCSE}(4,1);\text{MCSE}(5,1)]}\right);$$

$$\text{RRDROASE}_R(1,1)=\sqrt{\left(\frac{\text{AROSE}_R(1,1);\text{AROSE}_R(2,1)}{[\text{MCSE}_R(1,1);\text{MCSE}_R(2,1)]}\right)^{-2}\text{inv}\left(\frac{\text{MCSE}_R(1,1)^2}{0,0}\right)} \\ \text{MCSE}_R(2,1)^2\left(\frac{\text{AROSE}_R(1,1);\text{AROSE}_R(2,1)}{[\text{MCSE}_R(1,1);\text{MCSE}_R(2,1)]}\right);$$

$$\text{RRDROASE}_R(2,1)=\sqrt{\left(\frac{\text{AROSE}_R(3,1)-\text{MCSE}_R(3,1)}{[\text{MCSE}_R(3,1)]}\right)^{-2}\left(\frac{\text{AROSE}_R(3,1)-\text{MCSE}_R(3,1)}{[\text{MCSE}_R(3,1)]}\right);}$$

$$\text{RRDROASE}_R(3,1)=\sqrt{\left(\frac{\text{AROSE}_R(4,1);\text{AROSE}_R(5,1)}{[\text{MCSE}_R(4,1);\text{MCSE}_R(5,1)]}\right)^{-2}\text{inv}\left(\frac{\text{MCSE}_R(4,1)^2}{0,0}\right)} \\ \text{MCSE}_R(5,1)^2\left(\frac{\text{AROSE}_R(4,1);\text{AROSE}_R(5,1)}{[\text{MCSE}_R(4,1);\text{MCSE}_R(5,1)]}\right);$$

RRDASE2{2,1}='fix parameter';

RRDASE2{3,1}='level-1 variance';

RRDASE2{4,1}='level-2 variance';

RRDASE2{1,2}='Model base IGLS';

RRDASE2{1,3}='Robust SE IGLS';

RRDASE2{1,5}='Model base RIGLS';

RRDASE2{1,6}='Robust SE RIGLS';

RRDASE2{2,2}=RRDASE(1,1);

RRDASE2{3,2}=RRDASE(2,1);

RRDASE2{4,2}=RRDASE(3,1);

RRDASE2{2,3}=RRDROASE(1,1);

RRDASE2{3,3}=RRDROASE(2,1);

RRDASE2{4,3}=RRDROASE(3,1);

RRDASE2{2,5}=RRDASE\_R(1,1);

RRDASE2{3,5}=RRDASE\_R(2,1);

RRDASE2{4,5}=RRDASE\_R(3,1);

RRDASE2{2,6}=RRDROASE\_R(1,1);

RRDASE2{3,6}=RRDROASE\_R(2,1);

RRDASE2{4,6}=RRDROASE\_R(3,1);

## ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

ชื่อ นายสิวะโชติ ศรีสุทธียากร

วัน เดือน ปีเกิด 5 มีนาคม 2526

### การศึกษา

ปริญญาตรี	วิทยาศาสตร์บัณฑิต (คณิตศาสตร์) คณะวิทยาศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย
มัธยมศึกษา	รร. สาธิตจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย (ฝ่ายมัธยม)
ประถมศึกษา	รร. สาธิตจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย (ฝ่ายประถม)

### ประสบการณ์ในอดีต

2549	นักกีฬามหาวิทยาลัยเข้าแข่งขันในกีฬามหาวิทยาลัยแห่งประเทศไทย ประเภทกีฬาเทเบิลเทนนิส
2547	ประธานชมรมเทเบิลเทนนิส จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย
2545-2547	นักกีฬามหาวิทยาลัยเข้าแข่งขันในกีฬามหาวิทยาลัยแห่งประเทศไทย ประเภทกีฬาเทเบิลเทนนิส
2545	รองประธานชมรมดนตรีไทย สโมสรนิสิต จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

### ผลงานในอดีต

2547	โครงการเรื่องการศึกษาผลกระทบต่อปริมาณน้ำฝน และอุณหภูมิของปรากฏการณ์เอลนีโญ และลานีญาต่อประเทศไทย
------	--