

## บทที่ 2

### ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

#### 2.1 แนวคิดและทฤษฎี

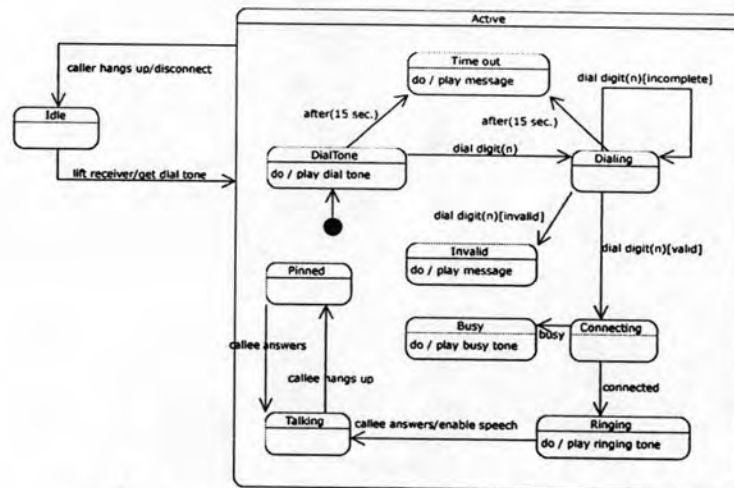
##### 2.1.1 แผนภาพสถานะ (Statechart Diagram)

แผนภาพยูเอ็มแอลประกอบด้วยแผนภาพทั้งหมด 9 แผนภาพ คือ

- แผนภาพคลาส (class diagram) ใช้สำหรับแสดงข้อมูลคลาส ส่วนต่อประสาน (interface) และการเชื่อมต่อกัน ซึ่งเป็นแผนภาพสำคัญสำหรับการพัฒนาซอฟต์แวร์ในระบบเชิงวัตถุ สามารถนำไปเป็นต้นแบบโครงสร้างในการเขียนรหัสโปรแกรมได้
- แผนภาพวัตถุ (object diagram) ใช้สำหรับแสดงข้อมูลวัตถุ และความสัมพันธ์ระหว่างกัน
- แผนภาพยูสเคส (use case diagram) ใช้สำหรับแสดงข้อมูลยูสเคส (use cases) ผู้แสดง (actors) และความสัมพันธ์ระหว่างกัน ซึ่งช่วยอธิบายความต้องการของผู้ใช้ที่มีต่อระบบในระดับสูง
- แผนภาพลำดับ (sequence diagram) ใช้สำหรับแสดงการตอบโต้การทำงานระหว่างวัตถุภายในระบบ โดยอยู่ในมุมมองลำดับของเวลา
- แผนภาพความร่วมมือ (collaboration diagram) ใช้สำหรับแสดงการตอบโต้การทำงานระหว่างวัตถุภายในระบบเช่นเดียวกับแผนภาพลำดับ แต่จะแสดงในมุมมองของโครงสร้างความสัมพันธ์ระหว่างวัตถุ
- แผนภาพสถานะ (statechart diagram) ใช้สำหรับแสดงสถานะการเปลี่ยนแปลงของระบบ โดยจะประกอบไปด้วยสถานะ เส้นการเปลี่ยนแปลง เหตุการณ์ และการกระทำ
- แผนภาพกิจกรรม (activity diagram) ใช้สำหรับแสดงฟังก์ชันการทำงานต่างๆ ของระบบในลักษณะของลำดับการไหลของการทำงานหนึ่งๆ ไปยังอีกการทำงานหนึ่ง
- แผนภาพส่วนประกอบ (component diagram) ใช้สำหรับอธิบายโครงสร้างของส่วนประกอบต่างๆ ว่าเชื่อมต่อกันอย่างไร และการทำงานของส่วนประกอบแต่ละส่วนขึ้นอยู่กับส่วนประกอบส่วนอื่นๆ อย่างไร

- แผนภาพดีพลอยเมนต์ (deployment diagram) ใช้สำหรับอธิบายรูปแบบการจัดวางของระบบและส่วนประกอบต่างๆ ว่าต้องมีรูปแบบอย่างไรในการใช้งานจริง

ในงานวิจัยนี้เราได้ให้ความสนใจในแผนภาพสถานะ ซึ่งใช้สำหรับอธิบายพฤติกรรมของระบบ บอกสถานะทั้งหมดที่วัตถุสามารถเกิดขึ้นได้ และการเปลี่ยนแปลงสถานะของวัตถุเมื่อมีเหตุการณ์ต่างๆ เกิดขึ้น ซึ่งโดยทั่วไปแล้วแผนภาพสถานะแผนภาพหนึ่งจะใช้สำหรับอธิบายคลาสคลาสเดียว ปัจจุบันนี้มีการเขียนแผนภาพสถานะในหลายรูปแบบ แต่แผนภาพสถานะของยูเอ็มแอลนั้นมีพื้นฐานมาจากแผนภาพสถานะของเดวิด ฮาเวล [4] โดยรูปที่ 2.1 ข้างล่างนี้เป็นตัวอย่างระบบการส่งข้อความที่เขียนอธิบายด้วยแผนภาพสถานะ



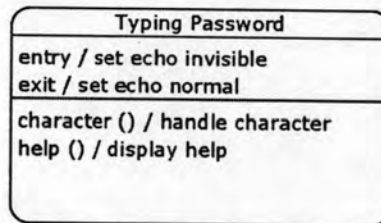
รูปที่ 2.1 แผนภาพสถานะแสดงระบบโทรศัพท์

จากข้อกำหนดของแผนภาพนั้น ณ เวลาหนึ่งๆ ระบบจะต้องอยู่ในสถานะใดสถานะหนึ่งเท่านั้น หรือบางครั้งอยู่ในหลายสถานะในกรณีที่เป็นการทำงานแบบพร้อมกัน เมื่อมีเหตุการณ์ใดๆ เกิดขึ้นกับระบบแล้ว ระบบจะตอบรับต่อเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นโดยการเปลี่ยนแปลงสถานะจากสถานะหนึ่งไปยังอีกสถานะหนึ่ง นอกจากนี้เรายังอาจเพิ่มการอธิบายสิ่งที่ต้องกระทำ (actions) เข้าไปด้วยการเปลี่ยนแปลงที่เกิดขึ้น

แผนภาพสถานะยูเอ็มแอลประกอบด้วยสัญลักษณ์ที่ใช้สร้างแผนภาพดังต่อไปนี้

- สถานะทั่วไป (simple state) มีลักษณะเป็นสี่เหลี่ยมมุมโค้งดังรูปที่ 2.2 โดยภายในจะประกอบด้วยสองส่วน คือ
  - ชื่อสถานะ อยู่บริเวณตอนบนของสถานะ ซึ่งไม่สามารถมีสถานะที่มีชื่อเหมือนกันได้ภายในหนึ่งแผนภาพ

- o การกระทำที่เกิดขึ้นภายในสถานะ อยู่บริเวณตอนล่างของสถานะ ส่วนนี้จะแสดงถึงสิ่งที่ต้องกระทำเมื่อระบบอยู่ในสถานะดังกล่าว ซึ่งสิ่งที่ต้องทำนี้สามารถระบุได้ทั้งหมดห้าชนิด คือ
  - *entry* ใช้สำหรับระบุสิ่งที่ต้องกระทำเมื่อระบบมีการเปลี่ยนแปลงเข้ามาสู่สถานะที่ระบุ
  - *exit* ใช้สำหรับระบุสิ่งที่ต้องกระทำเมื่อระบบมีการเปลี่ยนแปลงออกจากสถานะที่ระบุ
  - *do* ใช้สำหรับระบุถึงสิ่งที่ต้องกระทำอย่างต่อเนื่อง หรือจนเสร็จสมบูรณ์ ในขณะที่ระบบอยู่ภายในสถานะที่ระบุ
  - *include* ใช้อ้างถึงแผนภาพย่อยของระบบ
  - ส่วนที่นอกเหนือจากสี่ชนิดข้างต้น คือ มีการระบุเหตุการณ์ เงื่อนไข และการกระทำ โดยเมื่อมีเหตุการณ์เกิดขึ้น และเงื่อนไขถูกต้อง จะกระทำการกระทำที่ระบุไว้ แต่สถานะจะไม่เปลี่ยนไปยังสถานะอื่น



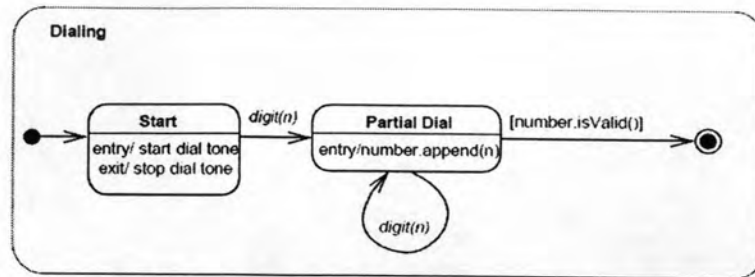
รูปที่ 2.2 สถานะทั่วไป

- สถานะสิ้นสุด (final state) มีลักษณะเป็นวงกลมทึบซึ่งมีวงกลมล้อมรอบอีกชั้น ดังรูปที่ 2.3 โดยใช้ระบุถึงการทำงานได้เสร็จเรียบร้อยแล้ว ซึ่งสถานะสิ้นสุดนี้ไม่สามารถมีเส้นการเปลี่ยนแปลงชี้ต่อไปยังสถานะอื่นได้

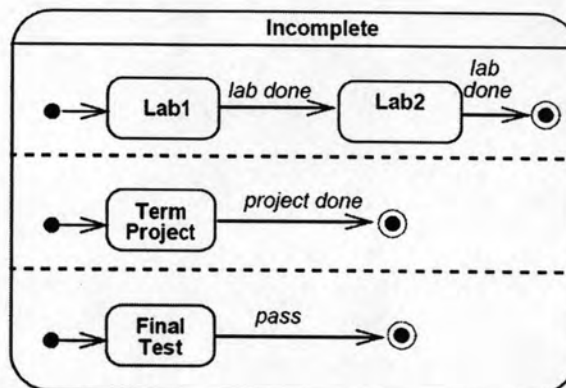


รูปที่ 2.3 สถานะเริ่มต้น

- สถานะประกอบ (composite state) มีลักษณะคล้ายกับสถานะทั่วไปแต่ภายในประกอบด้วยสถานะย่อยๆ เชื่อมต่อกัน หรือเป็นสถานะย่อยซึ่งทำงานพร้อมกันได้ ดังรูปที่ 2.4 และรูปที่ 2.5

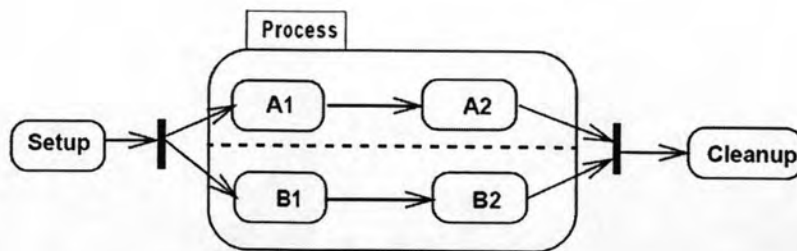


รูปที่ 2.4 สถานะประกอบแบบสถานะย่อยต่อเนื่อง



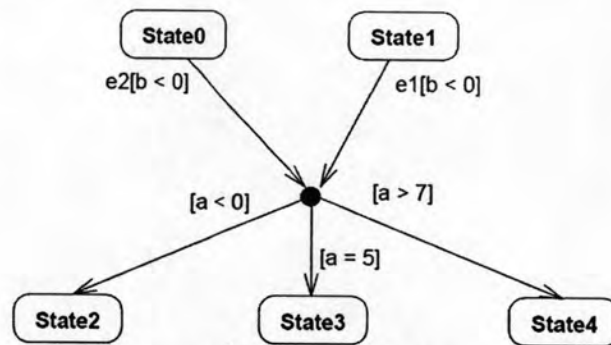
รูปที่ 2.5 สถานะประกอบแบบสถานะย่อยทำงานพร้อมกัน

- เงื่อนไข (guard) เงื่อนไขจะมีลักษณะเป็นนิพจน์ที่ให้ความหมายเป็นถูกหรือผิดที่แสดงอยู่ในเส้นการเปลี่ยนแปลง หากให้ความหมายเป็นถูกเส้นการเปลี่ยนแปลงนั้นจะถูกอนุญาตให้เกิดการเปลี่ยนแปลงสถานะไปยังสถานะปลายทางได้ หากให้ความหมายเป็นผิดเส้นการเปลี่ยนแปลงจะไม่อนุญาตให้เกิดการเปลี่ยนแปลงสถานะ
- สถานะปลอม (pseudo state) เป็นสถานะแบบพิเศษเพื่อใช้ในการช่วยอธิบายพฤติกรรมของระบบ ซึ่งประกอบด้วย
  - สถานะเริ่มต้น (initial state) ใช้ระบุตำแหน่งเริ่มต้นของแผนภาพสถานะ มีลักษณะเป็นวงกลมทึบดังรูปที่ 2.5 และมีเส้นการเปลี่ยนแปลงหนึ่งเส้นเชื่อมโยงไปยังสถานะเริ่มต้นของระบบ
  - สถานะแยก (fork state) ใช้สำหรับแยกการทำงานไปสู่การทำงานแบบพร้อมกัน มีลักษณะเป็นเส้นตรงที่มีเส้นการเปลี่ยนแปลงขาเข้าหนึ่งเส้นและขาออกหลายเส้นดังรูปที่ 2.6



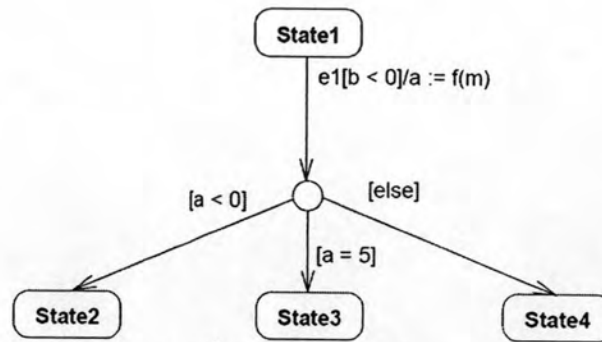
รูปที่ 2.6 สถานะแยกและเชื่อม

- สถานะเชื่อม (join state) ใช้สำหรับรวมเส้นการเปลี่ยนแปลงจากพื้นที่การทำงานพร้อมกันเข้าเป็นการทำงานเดียว มีลักษณะเป็นเส้นตรงที่มีเส้นการเปลี่ยนแปลงขาเข้าหลายเส้นและขาออกเพียงหนึ่งเส้นดังรูปที่ 2.6
- สถานะตัวต่อ (junction) ใช้สำหรับเป็นทางแยกหรือทางเชื่อมสำหรับเส้นการเปลี่ยนแปลงดังรูปที่ 2.7 โดยการเปลี่ยนแปลงสถานะจะพิจารณาเงื่อนไขในเส้นการเปลี่ยนแปลงทั้งหมดก่อนว่าถูกต้องหรือไม่ ถ้าถูกต้องการเปลี่ยนแปลงสถานะจะเปลี่ยนจากสถานะต้นทางไปยังสถานะปลายทางโดยไม่หยุดที่สถานะตัวต่อก่อน



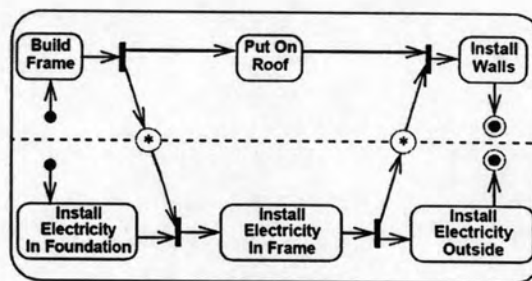
รูปที่ 2.7 สถานะตัวต่อ

- สถานะตัวเลือก (choice) ใช้สำหรับเป็นทางแยกหรือทางเชื่อมสำหรับเส้นการเปลี่ยนแปลงดังรูปที่ 2.8 โดยการพิจารณาเงื่อนไขในเส้นการเปลี่ยนแปลงหลังสถานะตัวเลือกจะถูกพิจารณาหลังจากสถานะของระบบได้เปลี่ยนมาอยู่ที่สถานะตัวเลือกเรียบร้อยแล้ว ในกรณีที่ตัวเลือกเส้นการเปลี่ยนแปลงหลังจากสถานะตัวเลือกนั้นไม่มีตัวใดมีเงื่อนไขถูกต้องและทำให้ไม่สามารถเปลี่ยนสถานะจากสถานะตัวเลือกไปยังสถานะปลายทางได้ จะถือว่าแผนภาพนั้นมีความบกพร่อง



รูปที่ 2.8 สถานะตัวเลือก

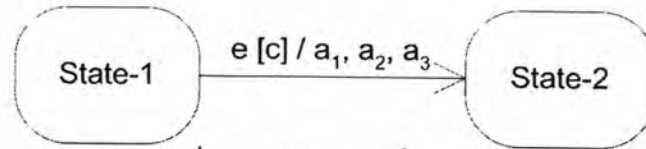
- สถานะซิง (synch state) เป็นสถานะแบบพิเศษที่หมายถึงการทำงานพร้อมกันระหว่างสองระบบที่ทำงานพร้อมกัน โดยจะมีลักษณะเป็นวงกลมวางทับอยู่บนเส้นแบ่งระหว่างระบบที่ทำงานพร้อมกันและมีจำนวนระบุภายในเพื่อแสดงความจุ ดังรูปที่ 2.9 จำนวนที่ระบุภายในนั้นอาจเป็นตัวเลขจำนวนบวก หรือดอกจันทน์ก็ได้ โดยดอกจันทน์จะหมายถึงความจุที่ไม่จำกัดจำนวน



รูปที่ 2.9 สถานะซิง

- เส้นการเปลี่ยนแปลง (transition) เส้นการเปลี่ยนแปลงจะมีลักษณะเป็นลูกศรเชื่อมต่อระหว่างสองสถานะ และมีคำอธิบายบนเส้นซึ่งประกอบด้วย เหตุการณ์, เงื่อนไข และสิ่งที่ต้องกระทำ ดังรูปที่ 2.10 ซึ่งอธิบายถึงว่า ถ้าเหตุการณ์ที่ระบุไว้เกิดขึ้นและเงื่อนไขเป็นจริง สถานะของระบบจะถูกเปลี่ยนจากสถานะต้นทางไปยังสถานะปลายทาง และประมวลผลการกระทำที่ระบุไว้ ลักษณะของคำอธิบายเส้นการเปลี่ยนแปลงเป็นดังนี้พจน์ข้างล่าง

*event - name* '(' *comma-separated - parameter - list* ')' '[' *guard - condition* ']' '/' *action - expression*



รูปที่ 2.10 เส้นการเปลี่ยนแปลง

### 2.1.2 นิพจน์สมำเสมอ (Regular Expression)

นิพจน์สมำเสมอประกอบด้วยตัวอักษร (alphabet) อักษรว่าง ( $\epsilon$ ) และตัวดำเนินการทั้งหมด 3 ตัว คือ เชื่อมต่อ ( $\cdot$ ) ทางเลือก ( $+$ ) และคลืนสตาร์ ( $*$ ) ซึ่งตัวดำเนินการแต่ละตัวเมื่อนำมาใช้ในการเชื่อมต่อตัวอักษรมีความหมายดังนี้

- ตัวดำเนินการเชื่อมต่อ เมื่อเชื่อมระหว่างอักษรใดๆ ลำดับจะมีความสำคัญ คือ เหตุการณ์ที่อักษรที่อยู่ด้านซ้ายจะเกิดก่อนอักษรที่อยู่ด้านขวาของตัวดำเนินการ เช่น  $a \cdot b = \{a \cdot b\}$  เราสามารถใช้ตัวเลขยกกำลังในกรณีที่ต้องการเชื่อมตัวอักษรตัวเดียวกันซ้ำกันหลายๆ ครั้งได้ เช่น  $a^1 = \{a\}$ ,  $a^2 = \{a \cdot a\}$  ในบางกรณีสามารถละเว้นการเขียนตัวดำเนินการ  $\cdot$  ได้หากไม่ทำให้เกิดความสับสน เช่น  $a \cdot b = ab$
- ตัวดำเนินการทางเลือก เมื่อเชื่อมระหว่างอักษรใดๆ หมายถึงเหตุการณ์ที่สามารถเกิดตัวอักษรใดก็ได้ เช่น  $a + b = \{a, b\}$  ซึ่งตัวดำเนินการทางเลือกนี้มีคุณสมบัติของการสลับข้างได้ คือ  $a + b = b + a$
- ตัวดำเนินการคลืนสตาร์ เมื่อใช้กับนิพจน์ใดๆ จะหมายถึงการรวมกันของการทำซ้ำของนิพจน์ตั้งแต่ 0 ครั้ง ไปเรื่อยๆ ไม่สิ้นสุด คือ  $A^* = \bigcup_{i=0,1,\dots} A^i$  ตัวอย่างเช่น  $a^* = a^0 + a^1 + a^2 + \dots = \{\epsilon, a, aa, \dots\}$

### 2.1.3 ซีอารีอี (CRE: Concurrent Regular Expression)

ซีอารีอีเป็นส่วนเพิ่มเติมการทำงานของนิพจน์สมำเสมอ เพื่อช่วยให้นิพจน์สมำเสมอสามารถอธิบายระบบที่ทำงานแบบพร้อมกันได้ โดยซีอารีอีได้เพิ่มตัวดำเนินการเข้ามาอีก 4 ตัว คือ

- Interleaving ใช้สัญลักษณ์แทนคือ  $\parallel$  โดยใช้สำหรับอธิบายการแทรกสลับกันของสองระบบที่ทำงานพร้อมกันอย่างอิสระ เช่น  $a \parallel b = \{ab, ba\}$  หรือ  $ab \parallel cd = \{abcd, acbd, cabd, cdab\}$  โดยถ้าหากเป็นการทำ interleaving ซ้ำ

ตัวเองจะใช้เครื่องหมายคล้ายกับยกกำลังแต่มีวงเล็บล้อมรอบเพื่อให้แตกต่างกัน คือ  $A^{(2)} = A \parallel A$

- Alpha-closure ใช้สัญลักษณ์แทน คือ  $\alpha$  โดยความหมายคือใช้อธิบายการรวมกันของการทำ interleaving กับตัวเองตั้งแต่ 0 ครั้งไปเรื่อยๆ ไม่มีที่สิ้นสุด คือ

$$A^\alpha = \bigcup_{i=0,1,\dots} A^{(i)} \text{ ตัวอย่างเช่น}$$

$$(ab)^\alpha = (ab)^{(0)} + (ab)^{(1)} + (ab)^{(2)} + \dots = \bigcup_{i=0,1,\dots} (ab)^{(i)}$$

- Synchronous Composition ใช้อธิบายการซิงโครนัสกันของระบบ 2 ระบบที่ทำงานพร้อมกัน เช่น  $ab [ ] bc = \{abc\}$ ,  $ab [ ] ac = \{abc, acb\}$  หรือ  $ab [ ] ba = \{ \}$  ในกรณีที่ระบบ 2 ระบบไม่มีส่วนที่ซิงโครนัสกันเราสามารถแทนที่ตัวดำเนินการด้วยตัวดำเนินการ interleaving ได้ เช่น  $ab [ ] cd = ab \parallel cd$
- Renaming ใช้ช่วยสำหรับการเปลี่ยนชื่อตัวอักษรในนิพจน์

#### 2.1.4 ไพแคลคูลัส ( $\pi$ -Calculus)

ไพแคลคูลัสเป็นแคลคูลัสที่อยู่บนพื้นฐานของการสื่อสารระหว่างกระบวนการ (process) การสื่อสารจะกระทำผ่านช่องที่ได้กำหนดไว้ โดยที่กระบวนการที่เป็นฝ่ายส่งค่า  $v$  ผ่านช่อง  $c$  จะใช้สัญลักษณ์แทน คือ  $\bar{c}(v)$  ซึ่งอาจกระทำการสื่อสารกับอีกกระบวนการหนึ่งซึ่งเป็นฝ่ายรับผ่านช่อง  $c$  โดยเก็บค่าไว้ใน  $w$  คือ  $c(w) \cdot P$  และเปลี่ยนคุณสมบัติตัวเองเป็น  $P$  โดยความแตกต่างของไพแคลคูลัสจากแคลคูลัสของกระบวนการอื่นๆ คือ สามารถสร้างช่องทางการสื่อสารใหม่ให้กับตัวกระบวนการได้โดยการรับค่าช่องทางการสื่อสารผ่านการสื่อสารกับกระบวนการอื่นๆ ซึ่งคุณสมบัติดังกล่าวนี้ส่งผลให้ความสามารถในการอธิบายคุณสมบัติต่างๆ ของระบบที่มีอยู่สูงขึ้น

วากยสัมพันธ์ของไพแคลคูลัสประกอบด้วยส่วนต่างๆ ดังนี้

- $0$  หมายถึง ว่าง (Null) คือ กระบวนการที่ไม่มีการทำงาน
- $x(\bar{y}) \cdot P$  หมายถึง การรับค่า  $y_1, y_2, \dots, y_n$  จากช่อง  $x$  และเปลี่ยนคุณสมบัติตัวเองเป็น  $P$  กรณีของ  $x(\bar{y}) \cdot 0$  สามารถเขียนในรูป  $x(\bar{y})$  ได้โดยละเว้น  $0$  ไว้ในฐานที่เข้าใจ
- $\bar{x}(y) \cdot P$  หมายถึง การส่งค่า  $y_1, y_2, \dots, y_n$  ไปทางช่อง  $x$  และเปลี่ยนคุณสมบัติตัวเองเป็น  $P$  กรณีของ  $\bar{x}(y) \cdot 0$  ก็เช่นกันสามารถเขียนในรูป  $\bar{x}(y)$  ได้โดยละเว้น  $0$  ไว้ในฐานที่เข้าใจ
- $P | Q$  หมายถึง การทำงานพร้อมกันของกระบวนการ  $P$  และ  $Q$



- $P + Q$  หมายถึง ทางเลือกเชิงไม่กำหนด (non-deterministic choice) ระหว่าง  $P$  หรือ  $Q$
- $new \bar{x}$  หมายถึง การสร้างช่องสื่อสาร  $x_1, x_2, \dots, x_n$  ขึ้นมาใหม่ โดยช่องสื่อสารดังกล่าวจะถูกใช้งานเฉพาะในกลุ่มที่กำหนดเท่านั้น ระบบภายนอกจะไม่สามารถมองเห็นช่องสื่อสารดังกล่าว
- $!P$  หมายถึง การทำงานพร้อมกันจำนวนอนันต์ของ  $P$  คือ  $!P = P | !P$
- $A(x_1, x_2, \dots, x_n) = \dots$  หมายถึง  $A$  ประกอบด้วย  $n$  พารามิเตอร์
- $[x = y]P$  หมายถึง ระบบจะมีคุณสมบัติเป็น  $P$  ก็ต่อเมื่อ  $x = y$  ถ้าไม่จะเป็นว่าง
- $\tau$  หมายถึง การกระทำที่เกิดขึ้นภายใน ซึ่งเกิดจากการรับและส่งค่ากันเองภายในระบบ
- $P\{\bar{y}/\bar{x}\}$  หมายถึง การแทนที่  $\bar{x}$  ใน  $P$  ด้วย  $\bar{y}$

ไพลแคลคูลัสมีคุณสมบัติที่เรียกว่า ความสัมพันธ์ของการลดทอน (reduction relation) คือ ความสัมพันธ์ระหว่างกระบวนการ  $P \longrightarrow Q$  โดยที่กระบวนการ  $P$  สามารถเปลี่ยนไปเป็นกระบวนการ  $Q$  ด้วยการประมวลผลเพียง 1 ขั้นตอน หรือการสื่อสารกันระหว่างตัวรับกับตัวส่ง ยกตัวอย่าง เช่น

- $a \cdot P \xrightarrow{a} P$  เป็นการประมวลผล  $a$  จากนั้นกระบวนการเปลี่ยนจาก  $a \cdot P$  ไปเป็น  $P$
- $\bar{a} \cdot P \xrightarrow{\bar{a}} P$  เป็นการประมวลผล  $\bar{a}$  จากนั้นกระบวนการเปลี่ยนจาก  $\bar{a} \cdot P$  ไปเป็น  $P$
- $a \cdot P | \bar{a} \cdot Q \xrightarrow{a} P | \bar{a} \cdot Q$  เป็นการประมวลผล  $a$  จากนั้นกระบวนการเปลี่ยนจาก  $a \cdot P | \bar{a} \cdot Q$  ไปเป็น  $P | \bar{a} \cdot Q$
- $a \cdot P | \bar{a} \cdot Q \xrightarrow{\bar{a}} a \cdot P | Q$  เป็นการประมวลผล  $\bar{a}$  จากนั้นกระบวนการเปลี่ยนจาก  $a \cdot P | \bar{a} \cdot Q$  ไปเป็น  $a \cdot P | Q$
- $a \cdot P | \bar{a} \cdot Q \xrightarrow{\tau} P | Q$  เป็นการประมวลผล  $\tau$  คือ  $a$  และ  $\bar{a}$  ถูกประมวลผลพร้อมกัน โดย  $\bar{a}$  เป็นฝ่ายส่ง และ  $a$  เป็นฝ่ายรับ จากนั้นกระบวนการเปลี่ยนจาก  $a \cdot P | \bar{a} \cdot Q$  ไปเป็น  $P | Q$
- $new a(a \cdot P | \bar{a} \cdot Q) \xrightarrow{\tau} new a(P | Q)$  เป็นการประมวลผล  $\tau$  คือ  $a$  และ  $\bar{a}$  ถูกประมวลผลพร้อมกัน โดย  $\bar{a}$  เป็นฝ่ายส่ง และ  $a$  เป็นฝ่ายรับ จากนั้นกระบวนการเปลี่ยนจาก  $new a(a \cdot P | \bar{a} \cdot Q)$  ไปเป็น  $new a(P | Q)$

จากตัวอย่างของการลดทอนจะเห็นได้ว่า  $a \cdot P | \bar{a} \cdot Q$  สามารถเกิดการประมวลผลลดทอนได้ทั้งหมด 3 รูปแบบ คือ ประมวลผล  $a$  จะได้  $a \cdot P | \bar{a} \cdot Q \xrightarrow{a} P | \bar{a} \cdot Q$  ประมวลผล  $\bar{a}$  จะได้  $a \cdot P | \bar{a} \cdot Q \xrightarrow{\bar{a}} a \cdot P | Q$  หรือประมวลผล  $\tau$  จะได้  $a \cdot P | \bar{a} \cdot Q \xrightarrow{\tau} P | Q$  โดยการประมวลผลลดทอน  $a$  และ  $\bar{a}$  นั้นเปรียบเสมือนระบบเกิดการสื่อสารคู่กับ  $\bar{a}$  และ  $a$  ของสิ่งแวดล้อมภายนอกตามลำดับ แต่  $\tau$  นั้นเกิดจากการสื่อสารภายในของ  $a$  ใน  $a \cdot P$  คู่กับ  $\bar{a}$  ใน  $\bar{a} \cdot Q$  หากเราต้องการให้ช่องทางการสื่อสาร  $a$  เกิดการสื่อสารกันเฉพาะภายในระบบเท่านั้นและไม่สามารถสื่อสารกับสิ่งแวดล้อมได้ เราสามารถซ่อนช่องสื่อสาร  $a$  จากระบบภายนอกได้โดยการเติม  $new a$  คลุมระบบที่ต้องการ ดังตัวอย่าง  $new a(a \cdot P | \bar{a} \cdot Q)$  จะหมายถึงช่องสัญญาณ  $a$  เป็นช่องสื่อสารที่รู้จักเฉพาะภายในระบบเท่านั้น ระบบภายนอกไม่สามารถสื่อสารกับ  $a \cdot P | \bar{a} \cdot Q$  ผ่านช่องทาง  $a$  ได้

## 2.2 เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

2.2.1 "Formalizing sequence diagrams and state machines using Concurrent Regular Expression" โดย มิตซุทาเกะ โอคาซากิ, โทชิอากิ อาโอบิ และทาคุระ คาทายามะ [9]

งานวิจัยชิ้นนี้ได้เสนอวิธีการแปลงแผนภาพลำดับและแผนภาพสถานะไปเป็นซีอาร์อี และได้เสนอวิธีการสร้างแผนภาพสถานะจากแผนภาพลำดับ โดยการใช้ภาษาซีอาร์อีเป็นตัวกลางในการแปลง และได้เสนอวิธีการตรวจสอบความต้องกันระหว่างแผนภาพทั้งสองชนิดด้วยองค์ประกอบที่ถูกนำมาพิจารณาในส่วนของแผนภาพสถานะนั้นมีเพียงสถานะทั่วไปและเส้นการเปลี่ยนเท่านั้น ยังไม่ครอบคลุมองค์ประกอบของแผนภาพสถานะยูเอ็มแอลอีกจำนวนมาก

2.2.2 "Towards Formalizing UML State Diagrams in CSP" โดย มวน ยองและ ไมเคิล บัทเลอร์ [8]

งานวิจัยนี้ได้เสนอวิธีการแปลงแผนภาพสถานะไปเป็นซีเอสพี (CSP: Communicating and Sequential Processes) [10] ซึ่งเป็นแคลคูลัสของกระบวนการเช่นกัน โดยวิธีการแปลงนั้นได้เปรียบเทียบ สถานะของแผนภาพไปเป็นกระบวนการซีเอสพี และเหตุการณ์ของแผนภาพไปเป็นเหตุการณ์ของซีเอสพี และได้สร้างกฎการแปลงขึ้นมาสำหรับองค์ประกอบแต่ละตัวในแผนภาพและการเชื่อมต่อในแบบต่างๆ รวมถึงได้สร้างเครื่องมือในการแปลงแผนภาพสถานะไปเป็นภาษาซีเอสพีอย่างอัตโนมัติ ซึ่งภาษาซีเอสพีนี้สามารถนำไปยังเฟดอาร์ (FDR: Failures Divergence Refinement) [12] ซึ่งเป็นเครื่องมือตรวจสอบการแบ่งละเอียด (refinement checker) ได้ องค์ประกอบในการสร้างแผนภาพสถานะที่งานวิจัยนี้ได้เสนอกฎการแปลงนั้นยังขาดในส่วนของ

สถานะประกอบที่สถานะย่อยภายในเป็นแบบทำงานพร้อมกัน ซึ่งมีความสำคัญมากในการใช้อธิบายระบบที่มีการทำงานแบบพร้อมกัน

2.2.3 “Extraction of  $\pi$ -Calculus specifications from UML sequence and state diagrams” โดย แคทรีนา คอเรนบลาท และคอแรโด พรือามี [5]

งานวิจัยนี้ได้เสนอวิธีการแปลงข้อกำหนดจากแผนภาพยูเอ็มแอลสถานะและลำดับไปเป็นไพแคลคูลัส โดยได้อาศัยข้อมูลจากแผนภาพลำดับเป็นตัวหลักและใช้ข้อมูลจากแผนภาพสถานะช่วยเสริมในส่วนรายละเอียด โดยองค์ประกอบของแผนภาพลำดับนั้นได้ถูกกำหนดวิธีการแปลงได้ครอบคลุมส่วนหลักๆ ทั้งหมด แต่ในส่วนของแผนภาพสถานะนั้นมีเพียงส่วนหลักสองส่วนเท่านั้น คือ สถานะ และเส้นการเปลี่ยนแปลง

2.2.4 “Symbolic Model Checking of UML Statechart Diagrams with an Integrated Approach” โดย วิตัส เอส ดับบิว แลม และจูเลียน แพดเจท [6]

งานวิจัยนี้ได้เสนอวิธีการแปลงแผนภาพสถานะยูเอ็มแอลไปเป็นไพแคลคูลัสอย่างเป็นระบบ ซึ่งส่วนการแปลงที่ได้รับนำเสนอนั้นจะครอบคลุมส่วนหลักๆ ขององค์ประกอบในการสร้างแผนภาพ และได้ทำการแปลงจากไพแคลคูลัสเป็นข้อมูลนำเข้าเพื่อใช้กับ NuSMV [2] ซึ่งเป็นเครื่องมือในการตรวจสอบต้นแบบ (model checker) ชนิดหนึ่ง แต่ทั้งนี้ผลที่ได้จากการแปลงแผนภาพไปเป็นไพแคลคูลัสไม่ได้อธิบายถึงความสัมพันธ์ระหว่างแผนภาพอื่นๆ ภายในระบบเดียวกัน ทำให้การตรวจสอบระบบสามารถทำได้เฉพาะภายในแผนภาพของแต่ละวัตถุเท่านั้น ไม่สามารถตรวจสอบภาพรวมการทำงานของระบบซึ่งมีวัตถุหลายๆ วัตถุทำงานด้วยกัน