

รายการอ้างอิง

ภาษาไทย

บัณฑิต ใจน์อารยานนท์. วิศวกรรมไมโครเคว. กรุงเทพฯ : สำนักพิมพ์จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2536.

ภาษาอังกฤษ

Akhavan, H.G. , and Mirshekar-Syahkai, D. Approximate model for microstrip fed slot antennas. Electronics Letters 30 (November 1994) : 1902-1903.

Alexopoulos, N.G. , and Katehi, P.B. On the effect of substrate thickness and permittivity on printed circuit dipole properties. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-31 (January 1981) : 34-38.

_____. , Wu,S.C. , and Fordham, O. Feeding structure contribution to radiation by patch antennas with rectangular boundaries. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-40 (October 1995) : 1245-1249.

Bahl, I.J. , Bhartia, P. , and Stuchly, S.S. Design of microstrip antennas covered with a dielectric layer. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-30 (March 1981) : 314-318.

Balanis, C.A. Advanced engineering electromagnetics. Singapore. : John Wiley & Sons, 1989.

Capelle, V.D. , Nauwelaers, B.K.J.C. , and An, H. Broadband microstrip antenna design with the simplified real frequency technique. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-42 (February 1994) : 129-136.

Carver, K.R. , and Mink, J.W. Microstrip antenna technology. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-29 (January 1981) : 2-24.

Cheng, W.S. , Wong, K.L. , and Row, J.S. Superstrate loading effects on the circular polarization and crosspolarization characteristics of a rectangular microstrip patch antenna. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-42 (February 1994) : 260-264.

Chowdhury, S.K. , and Das, S.N. Rectangular microstrip antenna on a ferrite substrate. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-30 (May 1982) : 1181-1188.

Chowdhury, S.K. et. al. Equivalence of radiation properties of square and circular microstrip patch antennas. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-38 (October 1990) : 1710-1711.

Collins, R.E. Antennas and radiowave propagation. Singapore: McGrawHills ,1985.

Damiano, J.P. , and Papiernik, A. Survey of analytical and numerical models for probe-fed microstrip antennas. IEE Proc.-Microwav. Antennas Propag. 141 (February 1994) : 15-22.

_____, Papiernik, A. , and Abboud, F. Simple model for the input impedance of coax-fed rectangular microstrip patch antenna for CAD. IEE Proceeding Part H 135 (October 1988) : 323-326.

Daniel, J.P. , Dubost, G. ,Terret,C. Drissi, M. , and Citerne, J. Research on planar antennas and arrays: structures rayonnantes. IEEE Antennas Propagation Magazine 35 (February 1993) : 14-38.

Dearnley, R.W. , and Barel, A.R.F. A broad-band transmission line model for a rectangular microstrip antenna. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-37 (January 1989) : 6-15.

Deshpande, M.D. , and Bailey, M.C. Input impedance of microstrip antennas. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-30 (July 1982) : 645-650.

Gardioli, F.E. Design and layout of microstrip structures. IEE proceedings part H 135 (June 1988) : 145-157.

_____, and Mosig, J.R. Analytical and numerical techniques in the green's function treatment of microstrip antennas and scatterers. IEE Proc. Part H 130 (March 1983) : 175-182.

Garg, R. , and Bhattacharyya, A.K. Effect of substrate on the efficiency of an arbitrarily shaped microstrip patch antenna. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-34 (October 1986) : 1181-1188.

- Gupta, K.C. , and Benalla, A. Multiport network model and transmission characteristics of two-port rectangular microstrip patch antennas. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-36 (October 1988) : 1337-1342.
- _____, and Sharma, P.C. Analysis and optimized design of single feed circularly polarized microstrip antennas. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-31 (November 1983) : 949-955.
- Hall, P.S. Microstrip array design. 1991 QMW Antenna Symposium.
- _____. Microstrip linear array with polarization control. IEE Proc. Pt.H. 130 (April 1983) : 215-224.
- _____. Review of techniques for dual and circularly polarized microstrip antennas. In Pozar, D.M. , and Schaubert, D.H. (eds.) , Microstrip antennas the analysis and design of microstrip antennas and arrays, pp.107-116. New York: IEEE Press, 1995.
- _____. , and Hall, C.M. Coplanar corporate feed effects in microstrip patch array design. IEE Proceedings part H 135 (June 1988) : 180-186.
- _____. , and James, J.R. Crosspolarisation behaviour of series-fed microstrip linear arrays. IEE Proc. Pt. H. 131 (August 1984) : 247-257.
- _____. , and James, J.R. eds. Handbook of microstrip antennas. 2 Vols. London: Peter Peregrinus , 1989.
- _____. , and Morrow, I.L. Analysis of radiation from active microstrip antennas. IEE Proc. Microw. Antennas Propag. 141 (Oct 1994) : 359-366.
- Huang, J. The finite ground plane effect on the microstrip antenna radiation patterns. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-31 (Julay 1983) : 649-653.
- Itoh, T. ed. Numerical techniques for microwave and millimeter wave passive structures. n.p. : John Wiley & Sons, 1989.
- Jackson, D.R. , and Manghnani, P. Analysis and design of a linear array of electromagnetically coupled microstrip patches. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-38 (May 1990) : 754-759.

- Jacobsen, K.R., and Lier, E. Rectangular microstrip patch antennas with infinite and finite ground plane dimensions. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-31 (November 1983) : 978-984.
- Kashiwa, T. ,Onishi, T. ,and Fukai, I. Analysis of microstrip antennas on a curved surface using the conformal grids FD-TD method. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-42(March 1994) : 423-427.
- Katulski, R.J. General model of a planar antenna. Eighth International Conference on Antennas and Propagation, pp. 528-531. Edinburgh, UK, Mar. 30 to Apr. 2,1993.
- Kraus, J.D Antennas. 2nd ed. Singapore : Mc Graw-Hills, 1988.
- Krzysztofik, W.J. ,Kurowski, K. , and Lamgowski, Z. Stacked rectangular ring antenna for GPS mobile receiver. Eighth International Conference on antennas and Propagation, pp. 194-197. Edinburgh, UK, Mar. 30 to Apr. 2,1993.
- Kumar, A. Vehicle terminal antennas for mobile satellite applications. 40th IEEE Vehicular Technology Conference, pp. 13-18. Orlando, FL, USA, May 6-9,1990.
- Leopold, R. J. , and Miller, A. The IRIDIUM communications system. 1993 IEEE MTT-S Digest. pp. 575-578.
- Levine, E. , Malamud, G. , Shtrikman, S. , and Treves, D. A study of microstrip array antennas with the feed network. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-37 (April 1989) : 426-434.
- Liao, S.Y. Engineering applications of electromagnetic theory. West Publishing Company, 1992.
- Litva, J. , and Wu, K.-L. Full wave analysis of arbitrary shaped microstrip antennas by triangular finite element method. 1990 International Symposium Digest, pp. 628-631. Dallas, TX, USA. May 7-11,1990.
- Lo, Y.T. , Chuang, S. , and Akson, M.I. On slot-coupled microstrip antennas and their applications to CP operation-theory and experiment. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-38 (August 1990) : 1224-1230.

- Ludwig, A.C. The definition of cross polarization. IEEE Trans. Antennas and Propagation (January 1973) : 116-119.
- Martin, N.M. Improved cavity model parameters for calculation of resonant frequency of rectangular microstrip antennas. Electronics Letters 24 (May, 1988) : 680-681.
- Mittra, R. , Park, I. , and Aksun, M.I. Numerically efficient analysis of planar microstrip configurations using closed-form green's functions. IEEE Trans. Microwave Theory and Techniques MTT-43 (February 1995) : 394-400.
- Murata, T. , and Fujita, M. A self-steering planar array antenna for satellite broadcast reception. IEEE Transaction on Broadcasting. 40(march,1994) : 1-6.
- Palanisamy, V. , and Garg, R. Analysis of arbitrarily shaped microstrip patch antennas using segmentation and desegmentation technique and cavity model. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-34 (October 1986) : 1208-1213
- _____, and Garg, R. Analysis of circularly polarized square ring and crossed-strip microstrip antennas. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-34 (November 1986) : 1340-1346.
- Perez, J.J. , and Encinar, J. A simple model applied to the analysis of E-plane and H-plane mutual coupling between microstrip antennas. Eighth International Conference on Antennas and Propagation, pp. 520-523. Edinburgh, UK, Mar. 30 to Apr. 2, 1993.
- Pozar, D.M. Input impedance and mutual coupling of rectangular microstrip antennas. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-30 (November 1982) : 1191-1196.
- _____. A review of bandwidth enhancement techniques for microstrip antennas. In Pozar, D.M. , and Schaubert, D.H. (eds.), Microstrip antennas the analysis and design of microstrip antennas and arrays, pp.59-67. New York: IEEE Press, 1995.
- _____. Microstrip antennas. Proceedings of the IEEE 80 (January 1992) : 79-91.
- _____, and Kaufman, B. Design considerations for low sidelobe microstrip arrays. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-38 (August 1990) : 1176-1185.

- _____, and Voda, S.M. A rigorous analysis of a microstripline fed patch antenna. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-35 (December 1987) : 1343-1349.
- Richards, W.F. Microstrip antenna. In Lo, Y.T. , and Lee, S.W. (eds.), Antenna handbook. Part B. New York: Van Nostrand Reinhold, 1988.
- _____, Lo, Y.T. and Harrison, D.D. An improved theory for microstrip antennas and applications. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-29 (January 1981) : 38-46.
- Schaubert, D.H. A review of some microstrip antenna characteristics. In Pozar,D.M. , and Schaubert, D.H. (eds.) Microstrip antennas the analysis and design of microstrip antennas and arrays, pp.59-67. New York: IEEE Press, 1995.
- _____, Farrar, F.G. Sindoris, A. , and Hayes, S.T. Microstrip antennas with frequency agility and polarization diversity. IEEE Trans. Antennas and Propagation AP-29 (January 1981) : 118-123.
- Sipus, Z. Bartolic, J. and Stipetic, B. Input impedance of rectangular patch antenna fed by microstrip line. Electronics Letters 28 (September 1992) : 1886-1888.
- Thouroude, D. , Himdi, M. and Daniel, J.P. CAD-oriented cavity model for rectangular patches. Electronics Letters 26 (June,1990) : 842-844.
- Tian, M. , and Ligthart, L.P. Radiation modeling in miniature waveguide antennas using the finite element method. Ninth International Conference on Antennas and Propagation, pp. 213-217. Eindhoven, Netherlands, Apr. 4-7, 1995.

ภาคผนวก ก

พังก์ชันของกรีนสำหรับแผ่นส่ายอากาศรูปร่างต่างๆ

ในการหาค่าสename เม่ห์เหล็กไฟฟ้าภายในโครงโดยการหาพังก์ชันค่าเจาะจงของพังก์ชันกรีนที่มีความล้มพันธ์ เช่นเดียวกับสenameไฟฟ้าตามสมการที่ 3.13 และเงื่อนไขขอบเขตตามสมการที่ 3.14 ในบทที่ 3 นั้น พังก์ชันของกรีนจะมีความล้มพันธ์และเงื่อนไขขอบเขตสำหรับแผ่นส่ายอากาศที่มีลักษณะเปิดวงจร ดังสมการต่อไปนี้

$$(\nabla_t^2 + k^2)G(r|r_0) = j\omega\mu_0\delta(r - r_0) \quad \dots\dots\dots \quad (ก1)$$

$$\frac{\partial G(r|r_0)}{\partial n} = 0 \quad \dots\dots\dots \quad (ก2)$$

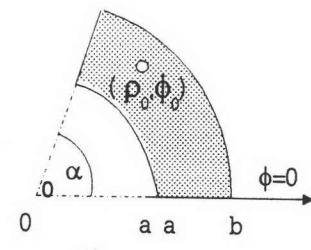
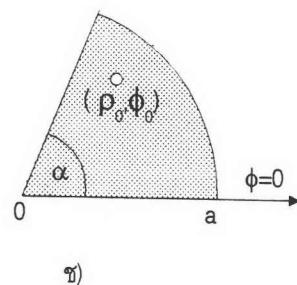
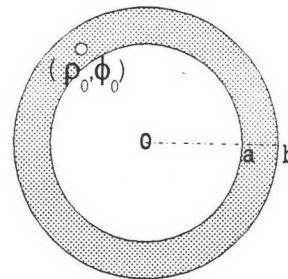
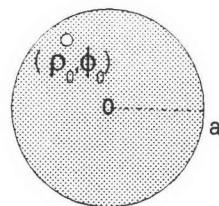
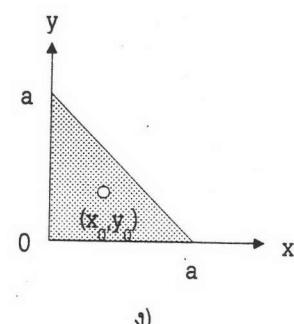
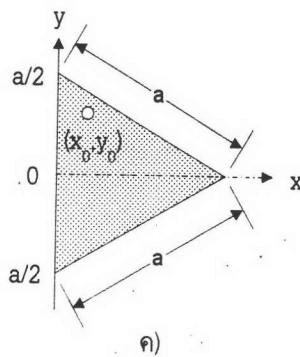
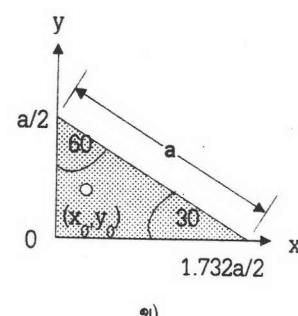
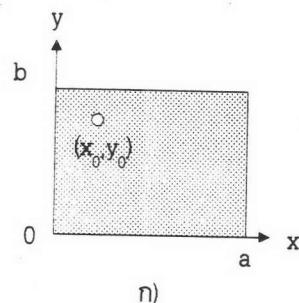
โดยที่ n คือเวกเตอร์ในทิศตั้งฉากกับผนังด้านข้างของแผ่นส่ายอากาศ เมื่อให้วิธีการกระจายพังก์ชันค่าเจาะจงของพังก์ชันกรีนจะได้ค่าพังก์ชันกรีนของแผ่นส่ายอากาศรูปร่างต่างๆ ดังนี้ (Kupta อ้างถึงใน Itoh, 1989)

แผ่นส่ายอากาศรูปรีเลี่ยมมุมฉาก

พังก์ชันของกรีนของแผ่นส่ายอากาศรูปรีเลี่ยมมุมฉากขนาด $a \times b$ ดังรูปที่ ก1.ก) ความหนาของแผ่นฐานได้อิเล็กตริกเท่ากับ t มีค่าดังนี้

$$G(x,y|x_0,y_0) = \frac{j\omega\mu t}{ab} \sum_m \sum_n \frac{\sigma_m \sigma_n \cos(k_x x) \cos(k_y y) \cos(k_x x_0) \cos(k_y y_0)}{k_x^2 + k_y^2 - k^2}$$

$$\text{เมื่อ } k_x = \frac{m\pi}{a}, \quad k_y = \frac{n\pi}{b} \quad \text{และ} \quad \sigma_l = \begin{cases} 1 & ; l=0 \\ 2 & ; others \end{cases}$$



รูปที่ ก1 แผ่นสายอากาศรูปร่างต่างๆ และระบบพิกัดของแผ่นสายอากาศ

- | | |
|--------------------------------------|---|
| ก) แผ่นสายอากาศรูปสี่เหลี่ยมมุมฉาก | ข) แผ่นสายอากาศรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก 30-60 องศา |
| ค) แผ่นสายอากาศรูปสามเหลี่ยมด้านเท่า | ง) แผ่นสายอากาศรูปสามเหลี่ยมมุมฉากด้านเท่า |
| จ) แผ่นสายอากาศรูปวงกลม | ฉ) แผ่นสายอากาศรูปวงแหวน |
| ช) แผ่นสายอากาศรูปส่วนของวงกลม | ซ) แผ่นสายอากาศรูปส่วนของวงแหวน |

ແຜ່ນສາຍອາກາຄຽບປຳສາມເຫີ່ມມຸນຈາກມູນ 30-60 ອົງຄາ

ພັງກັນຂອງກວິນຂອງແຜ່ນສາຍອາກາຄຽບປຳສື່ເຫີ່ມມຸນຈາກທີ່ມີມຸນປະກອບມຸນຈາກເທົກກັບ 30 ແລະ 60 ອົງຄາ (ດັ່ງຮູບທີ່ ກ1.໙) ຄວາມໜາຂອງແຜ່ນສູນໄດ້ອີເລີກຕຣິກເທົກກັບ t ມີຄ່າດັ່ງນີ້

$$G(x, y|x_0, y_0) = 8j\omega\mu t \sum_m \sum_n \frac{T_1(x, y)T_1(x_0, y_0)}{16\sqrt{3}\pi^2(m^2 + mn + n^2) - 9\sqrt{3}a^2k^2}$$

ເມື່ອ $I = -(m+n)$ ແລະ

$$\begin{aligned} T_1(x, y) &= (-1)^l \cos\left(\frac{2\pi lx}{\sqrt{3}a}\right) \cos\left(\frac{2\pi(m-n)y}{3a}\right) \\ &\quad + (-1)^m \cos\left(\frac{2\pi mx}{\sqrt{3}a}\right) \cos\left(\frac{2\pi(n-l)y}{3a}\right) \\ &\quad + (-1)^l \cos\left(\frac{2\pi nx}{\sqrt{3}a}\right) \cos\left(\frac{2\pi(l-m)y}{3a}\right) \end{aligned}$$

ແຜ່ນສາຍອາກາຄຽບປຳສາມເຫີ່ມດ້ານເທົກ

ພັງກັນຂອງກວິນຂອງແຜ່ນສາຍອາກາຄຽບປຳສາມເຫີ່ມດ້ານເທົກ (ດັ່ງຮູບທີ່ ກ1.ດ) ແຜ່ນສູນໄດ້ອີເລີກຕຣິກ ທໍານາເທົກກັບ t ມີຄ່າດັ່ງນີ້

$$G(x, y|x_0, y_0) = 4j\omega\mu t \sum_m \sum_n \frac{T_1(x, y)T_1(x_0, y_0) + T_2(x, y)T_2(x_0, y_0)}{16\sqrt{3}\pi^2(m^2 + mn + n^2) - 9\sqrt{3}a^2k^2}$$

ເມື່ອ $T_1(x, y)$ ແລະ 1 ມີຄ່າຕາມສາມາດຂອງແຜ່ນສາຍອາກາຄຽບປຳສາມເຫີ່ມມຸນຈາກ 30-60 ອົງຄາ ແລະ $T_2(x, y)$ ມີຄ່າດັ່ງນີ້

$$\begin{aligned} T_2(x, y) &= (-1)^l \cos\left(\frac{2\pi lx}{\sqrt{3}a}\right) \sin\left(\frac{2\pi(m-n)y}{3a}\right) \\ &\quad + (-1)^m \cos\left(\frac{2\pi mx}{\sqrt{3}a}\right) \sin\left(\frac{2\pi(n-l)y}{3a}\right) \\ &\quad + (-1)^l \cos\left(\frac{2\pi nx}{\sqrt{3}a}\right) \sin\left(\frac{2\pi(l-m)y}{3a}\right) \end{aligned}$$

ແຜ່ນສາຍວາກຄຽງປະມເທີ່ມມຸນຈາກດ້ານເທິ່ງ

ພັງກົນຂອງກົດຂອງແຜ່ນສາຍວາກຄຽງປະມເທີ່ມມຸນຈາກດ້ານເທິ່ງ ດັ່ງລູບທີ່ ก1.๙) ແຜ່ນຈຸນ
ໄດ້ເລີກຕົກທຳມາເທິ່ງກັບ t ມີຄ່າດັ່ງນີ້

$$G(x, y | x_0, y_0) = \frac{j\omega\mu t}{2} \sum_m \sum_n \frac{\sigma_m \sigma_n T(x, y) T(x_0, y_0)}{\pi^2 (m^2 + n^2) - a^2 k^2}$$

ເນື້ອ $T(x, y) = \cos\left(\frac{m\pi x}{a}\right) \cos\left(\frac{n\pi y}{a}\right) + (-1)^{m+n} \cos\left(\frac{n\pi x}{a}\right) \cos\left(\frac{m\pi y}{a}\right)$

ແຜ່ນສາຍວາກຄຽງປະກລມ

ພັງກົນຂອງກົດຂອງແຜ່ນສາຍວາກຄຽງປະກລມຮັບມື a ດັ່ງລູບທີ່ ก1.ຈ) ແຜ່ນຈຸນໄດ້ເລີກຕົກທຳມາເທິ່ງກັບ t ມີຄ່າດັ່ງນີ້

$$G(\rho, \phi | \rho_0, \phi_0) = \frac{t}{j\varepsilon\pi\omega a^2 + j\omega\mu t} \sum_m \sum_n \frac{\sigma_n J_n(k_{mn} \rho_0) J_n(k_{mn} \rho) \cos(n(\phi - \phi_0))}{\pi \left(a^2 - \frac{n^2}{k_{mn}^2} \right) (k_{mn}^2 - k^2) J_n^2(k_{mn} a)}$$

ເນື້ອ $J_n(\cdot)$ ພັງກົນເບສເຊລອັນດັບທີ່ n ແລະ k_{mn} ສອດຄລ້ອງກັບສມກາຣຕ່ວໂປ້ນ

$$\frac{\partial}{\partial \rho} J_n(k_{mn} \rho) \Big|_{\rho=a} = 0$$

ແຜ່ນສາຍອາກາຄຽູປັງແຫວນ

ພັກ້ຂັ້ນຂອງກຣິນຂອງແຜ່ນສາຍອາກາຄຽູປັງແຫວນຮັດມີກາຍນອກ b ແລະຮັດມີກາຍໃນ a ດັ່ງຮູບທີ່ ກ1.ຈ) ແຜ່ນຮູານໄດ້ອີເລີກຕົກທາເທົ່າກັບ t ມີຄໍາດັ່ງນີ້

$$G(\rho, \phi | \rho_0, \phi_0) = \frac{t}{j\varepsilon\pi\omega(b^2 - a^2) + j\omega\mu t} \sum_m \sum_n \frac{\sigma_n F_{mn}(\rho_0) F_{mn}(a) \cos(n(\phi - \phi_0))}{\pi \left(b^2 - \frac{n^2}{k_{mn}^2} \right) F_{mn}^2(b) - \left(a^2 - \frac{n^2}{k_{mn}^2} \right) (k_{mn}^2 - k^2) F_{mn}^2(a)}$$

ເນື້ອ $F_{mn}(\rho) = N'_n(k_{mn}a) J_n(k_{mn}\rho) - J'_n(k_{mn}a) N_n(k_{mn}\rho)$ ແລະ k_{mn} ສອດຄລ້ອງກັບສາມາດຕໍ່ໄປນີ້

$$\frac{J'_n(k_{mn}a)}{N'_n(k_{mn}a)} = \frac{J'_n(k_{mn}b)}{N'_n(k_{mn}b)}$$

ໂດຍທີ່ $N_n(\cdot)$ ຄືອພັກ້ຂັ້ນນອຍແນນອັນດັບທີ່ n ແລະ $N'_n(\cdot)$, $J'_n(\cdot)$ ຄືອ ອຸນຸພັນຮັບອັນດັບທີ່ຂອງພັກ້ຂັ້ນ ນອຍແນນແລະພັກ້ຂັ້ນເບສເໜລຕາມລຳດັບ

ແຜ່ນສາຍອາກາຄຽູປັ່ງສ່ວນຂອງວົງກລມ

ພັກ້ຂັ້ນຂອງກຣິນຂອງແຜ່ນສາຍອາກາຄຽູປັ່ງສ່ວນຂອງວົງກລມຮັດມີ a ດັ່ງຮູບທີ່ ກ1.ຊ) ແຜ່ນຮູານໄດ້ອີເລີກຕົກທາເທົ່າກັບ t ມີຄໍາດັ່ງນີ້

$$G(\rho, \phi | \rho_0, \phi_0) = \frac{2lt}{j\varepsilon\pi\omega a^2 + 2lj\omega\mu t} \sum_m \sum_n \frac{\sigma_n J_{n_i}(k_{mn_i}\rho_0) J_{n_i}(k_{mn_i}\rho) \cos(n_i\phi) \cos(n_i\phi_0)}{\pi \left(a^2 - \frac{n_i^2}{k_{mn_i}^2} \right) (k_{mn_i}^2 - k^2) J_{n_i}^2(k_{mn_i}a)}$$

ເນື້ອ $J_n(\cdot)$ ພັກ້ຂັ້ນເບສເໜລອັນດັບທີ່ n ແລະ k_{mn_i} ສອດຄລ້ອງກັບສາມາດຕໍ່ໄປນີ້

$$\frac{\partial}{\partial \rho} J_{n_i}(k_{mn_i}\rho) \Big|_{\rho=a} = 0$$

ໂດຍທີ່ $n_i = nl$ ແລະ $l = \frac{\pi}{\alpha}$

ແຜ່ນສາຍອາກາສຽບສ່ວນຂອງວັງແຫວນ

ພັດທະນາຂອງກຣິນຂອງແຜ່ນສາຍອາກາສຽບສ່ວນຂອງວັງແຫວນຮັບມືກາຍນອກ b ແລະຮັບມືກາຍໃນ a ດັ່ງນີ້
ທີ່ ກ1.ຊ) ແຜ່ນສາຍໃດອີເລີກຕົກການທີ່ເກົ່າກັບ t ມີຄໍາຕັ້ງນີ້

$$G(\rho, \phi | \rho_0, \phi_0) = \frac{2lt}{j\epsilon\pi\omega(b^2 - a^2)} + 2lj\omega\mu t \sum_m \sum_n \frac{\sigma_n F_{mn_i}(\rho_0) F_{mn_i}(\rho) \cos(n_i \phi) \cos(n_i \phi_0)}{\pi \left(b^2 - \frac{n_i^2}{k_{mn_i}^2} \right) F_{mn_i}^2(b) - \left(a^2 - \frac{n_i^2}{k_{mn_i}^2} \right) \left(k_{mn_i}^2 - k^2 \right) F_{mn_i}^2(a)}$$

ເມື່ອ $F_{mn_i}(\rho) = N'_{n_i}(k_{mn_i}a) J_{n_i}(k_{mn_i}\rho) - J'_{n_i}(k_{mn_i}a) N_{n_i}(k_{mn_i}\rho)$ ແລະ k_{mn} ສອດຄື້ອງກັບສາມາດຕ່ວໄປນີ້

$$\frac{J'_{n_i}(k_{mn_i}a)}{N'_{n_i}(k_{mn_i}a)} = \frac{J'_{n_i}(k_{mn_i}b)}{N'_{n_i}(k_{mn_i}b)}$$

ໂດຍທີ່ $n_i = nl$ ແລະ $l = \frac{\pi}{\alpha}$

ประวัติผู้เขียน

นางสาวสุปรานี ศรุ่งคารพูนเพิ่ม เกิดเมื่อวันอังคารที่ 23 มกราคม พ.ศ.2516 ที่เขตบางกอกน้อย จังหวัดกรุงเทพมหานคร สำเร็จการศึกษาปริญญาตรีวิศวกรรมศาสตรบัณฑิตจากภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ในปีการศึกษา 2536 และในปีการศึกษา 2537 ได้เข้าศึกษาต่อในหลักสูตรวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า ณ สถาบันเดิม โดยเข้าเป็นนิสิตปริญญาโทในโครงการคิชช์ย์กันกุฎีซึ่งเป็นโครงการความร่วมมือในการพัฒนาการศึกษาด้านวิศวกรรมศาสตร์ ระดับบัณฑิตศึกษาระหว่างจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัยและสำนักงานพัฒนาวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยีแห่งชาติ (สวทช.)

