

ปรากฏการณ์ไอโซโทปในสารตัวนำยวดยิ่งอุณหภูมิสูง



นายพูล ยิ่งประทานพร

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต

สาขาวิชาฟิสิกส์ ภาควิชาฟิสิกส์

คณะวิทยาศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ปีการศึกษา 2545

ISBN 974-170-928-5

ลิขสิทธิ์ของ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

I 20469639

# ISOTOPE EFFECT IN HIGH TEMPERATURE SUPERCONDUCTORS

Mr. Pool Yingpratanporn

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Science in Physics

Department of Physics

Faculty of Science

Chulalongkorn University

Academic Year 2002

ISBN 974-170-928-5

Thesis Title                    Isotope Effect in High Temperature Superconductors  
Field of study                Physics  
By                                 Mr. Pool Yingpratanporn  
Thesis Advisor                Assoc. Prof. Wichit Sritakool  
Thesis Co-Advisor         Prof. Suthat Yoksan



---

Accepted by the Faculty of Science, Chulalongkorn University in Partial Fulfillment of the Requirements for the Master's Degree

*Wanchai Phothiphichitr*  
.....Dean of Faculty of Science  
( Associate Professor Wanchai Phothiphichitr, Ph.D.)

THESIS COMMITTEE

*Kitt Visoottiviseth*  
.....Chairman  
( Associate Professor Kitt Visoottiviseth, Ph.D.)

*Wichit Sritrakool*  
.....Thesis Advisor  
(Associate Professor Wichit Sritakool, Ph.D.)

*Suthat Yoksan*  
.....Thesis Co-Advisor  
(Professor Suthat Yoksan, Ph.D.)

*Kajornyod Yoodee*  
.....Member  
(Assistant Professor Kajornyod Yoodee, Ph.D.)

*S. Chatraphorn*  
.....Member  
(Sojiphong Chatraphorn, Ph.D.)

พล ยิ่งประทานพร : ปรากฏการณ์ไอโซโทป ในสารตัวนำยวดยิ่งอุณหภูมิสูง. (ISOTOPE EFFECT IN HIGH TEMPERATURE SUPERCONDUCTORS) อ. ที่ปรึกษา : รศ. ดร. วิชิต ศรีตระกูล , อ. ที่ปรึกษาร่วม : ศ. ดร. สุทัศน์ ยกส้าน จำนวนหน้า 89 หน้า. ISBN 974-170-928-5

จุดมุ่งหมายของวิทยานิพนธ์นี้ คือ เพื่อศึกษาปรากฏการณ์ไอโซโทป ในสารตัวนำยวดยิ่งอุณหภูมิสูง ซึ่งได้มีการทดลองพบว่า สัมประสิทธิ์ไอโซโทป มีค่าน้อย  $\approx 0-0.2$  เมื่อเทียบกับค่าที่ทฤษฎีตัวนำยวดยิ่งของ บาร์ดีน คูเปอร์ และชรีฟเฟอร์ (Bardeen, Cooper, and Schrieffer, BCS) ได้ทำนายไว้ คือ 0.5 จึงแสดงว่า มีอันตรกิริยาอื่นที่สำคัญยิ่งกว่าอันตรกิริยาอิเล็กตรอน-โฟนอน ในตัวนำยวดยิ่งอุณหภูมิสูง. ในการทดลองศึกษาสารตัวนำยวดยิ่งอุณหภูมิสูง ได้มีการพบว่า ในตัวนำนี้มีช่องว่างพลังงานเทียม (pseudogap) ที่มีสมมาตรลักษณะที่ ขึ้นกับทิศทาง ที่อุณหภูมิสูงกว่าอุณหภูมิวิกฤต. งานวิจัยนี้ จะอธิบายปรากฏการณ์ไอโซโทปที่ไม่ปกติ ในตัวนำยวดยิ่งอุณหภูมิสูง โดยพิจารณาอันตรกิริยา อิเล็กตรอน-โฟนอน และแรงผลักรวมทั้งที่ไม่ขึ้นกับทิศทาง และขึ้นกับทิศทาง เมื่อตัวนำยวดยิ่งมีช่องว่างพลังงานเทียมในแถบพลังงานกระตุ้นของอนุภาคเดี่ยว และผลการคำนวณที่ได้ แสดงให้เห็นความสำคัญของพารามิเตอร์ต่างๆและของช่องว่างพลังงาน เทียมต่อค่าสัมประสิทธิ์ไอโซโทป

ภาควิชา..... พล ยิ่งประทานพร  
สาขาวิชา..... วิชิต ศรีตระกูล  
ปีการศึกษา 2545  
ลายมือชื่อนิสิต..... พล ยิ่งประทานพร  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา..... วิชิต ศรีตระกูล  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม..... สุทัศน์ ยกส้าน

## 4272356623 : MAJOR PHYSICS

KEY WORD: BCS / HIGH TEMPERATURE SUPERCONDUCTIVITY/ ISOTOPE EFFECT/ PSEUDOGAP / VANHOVE SINGULARITY

POOL YINGPRATANPORN : ปรากฏการณ์ไอโซโทป ในสารตัวนำยิ่งยวดอุณหภูมิสูง.  
(ISOTOPE EFFECT IN HIGH TEMPERATURE SUPERCONDUCTORS) THESIS  
ADVISOR : ASSOC. PROF. WICHIT SRITAKOOL Ph.D., THESIS CO-ADVISOR :  
PROF. SUTHAT YOKSAN Ph.D., 89 pp. ISBN 974-170-928-5

The purpose of this thesis is to investigate the isotope effect in high temperature superconductors, where experimental results show small isotope effect coefficients of 0-0.2 in contrast to the conventional superconducting theory (Bardeen, Cooper, and Schrieffer, BCS), which predicts the isotope effect coefficient to be 0.5. This leads to suggestions that there are many predominantly pairing interactions which a possible small electron-phonon mediated interaction. An effort to answer the question of the unusual isotope effect coefficients observed in high temperature superconductors might be related to the presence of the pseudogap having anisotropic symmetries at temperatures higher than the critical temperature. In this research I give an explanation for an unusual isotope effect in high temperature superconductors by considering the electron-phonon mediated interaction with an additional Coulomb repulsion interaction for isotropic and anisotropic pairing states in the presence of the pseudogap in the single particle excitation energy spectrum. The results give the exact isotope effect coefficient expression which depends on material parameters and the size of the pseudogap.

Department..... Physics ..... Student's signature..... Pool Yingpratanporn  
Field of study..... Physics ..... Advisor's signature..... Wichit Sritrakool  
Academic year 2002 ..... Co-advisor's signature..... Suthat Yoksan

## Acknowledgments

I wish to express grateful thanks to Assoc. Prof. Wichit Sritakool, my advisor , for his motivation, and guidance throughout the course of investigation.

I would like to express my gratitude to Prof. Suthat Yoksan, my thesis co-advisor, for his encouragement and helps in various ways.

I also would like to thank Assoc. Prof. Kitt Visoottiviseth, Assist. Prof. Kajornyod Yoodee, and Dr. Sojiphong Chatraphorn for serving on the thesis committee.

## Table of Contents

	Page
Abstract in Thai .....	iv
Abstract in English .....	v
Acknowledgments .....	vi
List of Tables .....	ix
List of Figures .....	x
Forward .....	xii
Chapter 1 Fundamental Properties of Superconductors .....	1
1.1 Introduction .....	1
1.2 The Meissner effect .....	1
1.3 Persistent currents and flux quantization .....	3
1.4 Specific heat .....	4
1.5 Isotope effect .....	4
1.6 The London equations for a superconductor .....	5
1.7 Microscopic Theory of Superconductivity .....	6
1.7.1 The electron-phonon interaction .....	6
1.7.2 The Cooper pairs .....	7
1.7.3 The ground state energy .....	8
1.7.4 The energy gap at 0 K .....	12
1.7.5 The superconductor at finite temperatures .....	12
Chapter 2 High-Temperature Superconductivity .....	16
2.1 Introduction .....	16
2.2 Structural and Electronic Properties of the Cuprates .....	17
2.3 The Physics of High-Temperature Superconductivity .....	21
2.4 Summary of Experimental Results and Theoretical Interpretations ...	24
2.5 Symmetry of Superconducting Order Parameter .....	27
Chapter 3 Isotope Effect in high temperature superconductors .....	29
3.1 Introduction .....	29

	Page
3.2 The Van Hove Scenario .....	30
3.3 Van Hove Singularity in the Density of States .....	31
3.4 Isotope effect in high-temperature superconductors within Van Hove scenario .....	36
3.5 Effect of doping and impurities on the isotope effect in high- temperature superconductors .....	47
3.6 Physics of the pseudogap .....	47
3.7 Isotope effect in the presence of a pseudogap .....	48
 Chapter 4 High-Temperatures Isotope effect in the presence of a pseudogap ....	 57
References .....	71
Vitae .....	77



## List of Tables

Table	Page
1-1 Experimental values of $\alpha$ in $M^\alpha T_c = \text{constant}$ .....	4
2-1 Normal state and superconducting properties of $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_{7-\delta}$ .....	26
3-1 $T_c$ estimates based on Eqs.(3.22) and (3.23) .....	37
3-2 $T_c$ estimates for a DOS with a VHS at the Fermi level .....	39
3-3 Values of $T_c$ and $\alpha$ calculated from Eqs. (3.45) and (3.46) .....	46

## List of Figures

Figure	Page
1-1 Schematic diagram of exclusion of magnetic flux from the interior of a massive superconductor .....	1
1-2 Phase diagram of the critical magnetic field vs. temperature .....	2
1-3 ,1-4 The reversibility of the superconducting transition .....	3
1-5 An electron of wave vector $\bar{k}$ emits a virtual phonon $\bar{q}$ which is absorbed by an electron $\bar{k}'$ .....	7
1-6 Concentric circles of radii $k_F - \delta$ and $k_F + \delta$ from two points separated by $K$ ....	8
2-1 Superconductivity Time line from 1900 to 1986 .....	16
2-2 Superconductivity Time line for 1986 - 1987 .....	17
2-3 The crystal structures of the $T$ , $T^*$ , and $T'$ phase cuprate 214 compounds ....	18
2-4 The phase diagram of cuprate superconductors .....	19
2-5 The crystal structure of R123 compounds .....	20
2-6 The crystal structures of Tl and Hg-based cuprates .....	21
2-7 Critical temperature ( $T_c$ ) versus Sommerfeld constant $\gamma$ .....	22
3-1a Density of states, $N(E)$ , for $r_1 = 0.9$ and $r_2 = 0.2$ .....	33
3-1b Calculated results of $T_c$ and $\alpha$ based on Eqs.(3.16) and (3.19) .....	35
3-2 Variation of the transition temperature ( $T_c$ ) with $\delta/\omega_D$ for different coupling parameters .....	39
3-3 Plot of the isotope-shift exponent $\alpha$ vs $(\delta/\omega_D)$ .....	41
3-4 Isotope effect exponent as a function of $\delta/\omega_D$ for increasing values of $C$ .....	43
3-5 Isotope effect exponent as a function of $T_c$ .....	43
3-6 $\alpha \sim x$ curve for $YBa_2Cu_3O_{6+x}$ .....	44
3-9 Schematic plots of the temperature dependence of the d-wave gap maximum $\Delta(T)$ for $^{16}O$ isotope exchange and $^{18}O$ exchange .....	51
3-8 Raman spectra from $^{16}O$ - exchanged and 90% $^{18}O$ -exchanged Y-124 .....	51
3-9 Weak coupling result for the isotope exponent $\alpha/\alpha_0$ as a function of $T_c/T_{c0}$ in the presence of a pseudogap .....	55

Figure	Page
4-1 Values of $\alpha$ in the presence of the pseudogap for $E_{go}/T_c=0.1$ (a) and $E_{go}/T_c=1$ (b) with respect to $\omega_p/T_c$ .....	62
4-2 Values of $\alpha$ in the presence of the pseudogap ( $E_{go}/T_c=1$ ) for the phononic part dominant (a) and for electronic part dominant (b) with respect to $\omega_p/T_c$ ...	64
4-3 Values of $\alpha$ for $d_{x^2-y^2}$ -wave in the presence of the pseudogap for $E_{go}/T_c=0.01$ (a) $E_{go}/T_c=0.1$ (b) and $E_{go}/T_c=1$ (c) with respect to $\omega_p/T_c$ .....	66
4-4 Values of $\alpha$ for $d_{x^2-y^2}$ -wave type in the presence of the pseudogap ( $E_{go}/T_c=0.1$ ) for the phononic part dominant (a) and for electronic part dominant (b) with respect to $\omega_p/T_c$ .....	68

## Forward

In this thesis, I investigate the isotope effect in high temperature superconductors. The thesis is organized as follows: In chapter 1, the introduction of the fundamental properties and isotope effect in conventional superconductors is mentioned. In chapter 2, I study the theory of the high-temperature superconductivity which presents a serious challenge to the conventional superconductivity theory. In chapter 3, I examine the effectiveness of the Van Hove singularity as an attempt to describe the unusual isotope effect in high temperature superconductors and then the pseudogap is introduced and its influence that may give the explanation for the unusual isotope effect in high temperature superconductors. Finally, I examine the isotope effect in the presence of a pseudogap by considering the framework of T.Dahm [83] who gave the isotope effect coefficient expression which is an only approximate expression, I therefore wish to reconsider the isotope effect in the presence of a pseudogap and attempt to calculate the phenomenon quantitatively with the exact solutions. The theoretical formulation will be given and the numerical results will be shown in chapter 4.