

การเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยที่ดีที่สุดภายใต้แนวทางของเบส์
ในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ



นายนิทัศน์ สุขสุวรรณ

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาสถิติศาสตรมหาบัณฑิต

สาขาวิชาสถิติ ภาควิชาสถิติ

คณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ปีการศึกษา 2545

ISBN 974-17-0969-2

ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

- ๑ ก.ย. 2546

I 20470605

A COMPARISON OF METHODS FOR SELECTING THE BEST
REGRESSION EQUATION UNDER BAYESIAN APPROACH
IN MULTIPLE LINEAR REGRESSION ANALYSIS

Mr.Nithas Sukswan

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements
for the Degree of Master of Science in Statistics
Department of Statistics
Faculty of Commerce and Accountancy
Chulalongkorn University
Academic Year 2002
ISBN 974-17-0969-2

นิทัศน์ สุขสุวรรณ : การเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยที่ดีที่สุดภายใต้แนวทางของเบส์ ในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ (A COMPARISON OF METHODS FOR SELECTING THE BEST REGRESSION EQUATION UNDER BAYESIAN APPROACH IN MULTIPLE LINEAR REGRESSION ANALYSIS)

อ.ที่ปรึกษา : รศ.ดร.ธีระพร วีระถาวร, 287 หน้า. ISBN 974-17-0969-2.

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยที่ดีที่สุดภายใต้แนวทางของเบส์ ในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ โดยจะเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอย 5 วิธี ได้แก่ วิธีการคัดเลือกตัวแบบที่ดีที่สุดโดยใช้เกณฑ์ข้อสนเทศของเบส์ (BIC) วิธีการคัดเลือกตัวแปรของเบส์ (BVS) วิธีการเฉลี่ยตัวแบบของเบส์โดยใช้การค้นหามิติตัวแบบด้วยวิธีออกส์แคมวินโดว์ (BMA_{occ}) วิธีการเฉลี่ยตัวแบบของเบส์โดยการหาค่าประกอบของตัวแบบด้วยเทคนิคมอนติคาร์โลโดยใช้ลูกโซ่มาร์คอฟ (BMA_{MC3}) และวิธีการถดถอยแบบขั้นบันได (SR) เกณฑ์ที่ใช้ในการตัดสินใจคือเกณฑ์ค่าเฉลี่ยของค่าคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย (AMSE) และเกณฑ์ที่ใช้ประกอบการตัดสินใจจะใช้เกณฑ์ค่าอัตราส่วนผลต่างของค่าเฉลี่ยของค่าคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย (RDAMSE) การแจกแจงของค่าคลาดเคลื่อนที่ศึกษาคือการแจกแจงแบบปกติที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 0 และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน (σ) เท่ากับ 5 10 20 และ 25 ขนาดตัวอย่าง (n) ที่ศึกษาเท่ากับ 25 50 75 และ 100 ระดับนัยสำคัญ (α) ที่ใช้ คือ 0.01 และ 0.05 จำนวนตัวแปรอิสระในตัวแบบการถดถอยคือ 3 5 10 12 และ 15 ตัวแปร และค่าคงที่สำหรับวิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ ($\sigma/\tau, c$) มีค่าเป็น (1,5) (1,10) (10,100) และ (10,500) ตามลำดับ สำหรับข้อมูลที่ใช้ในการวิจัยได้จากการจำลองแบบด้วยเทคนิคมอนติคาร์โล กระทำซ้ำ 500 รอบ ในแต่ละสถานการณ์ ซึ่งผลการวิจัยได้ข้อสรุปดังนี้

การเปรียบเทียบค่า AMSE ของทั้ง 5 วิธีเรียงลำดับจากน้อยไปมาก ได้แก่ วิธี BMA_{MC3} BMA_{occ} BVS BIC และ SR ตามลำดับ สำหรับทุกสถานการณ์ วิธี BMA_{occ} จะให้ค่า AMSE สูงกว่าวิธี BMA_{MC3} เพียงเล็กน้อย โดยเฉพาะอย่างยิ่งเมื่อระดับนัยสำคัญลดลง สำหรับวิธี BVS จะให้ค่า AMSE ใกล้เคียงกับวิธี BMA_{MC3} และวิธี BMA_{occ} ก็ต่อเมื่อค่าคงที่ ($\sigma/\tau, c$) มีค่าต่ำ ๆ ส่วนวิธี BIC และวิธี SR มีค่า AMSE แตกต่างจากวิธี BMA_{MC3} และวิธี BMA_{occ} อย่างชัดเจนในทุกสถานการณ์ ปัจจัยที่มีผลต่อค่า AMSE ของทุกวิธี คือ ขนาดตัวอย่าง ค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของค่าคลาดเคลื่อนและจำนวนตัวแปรอิสระ โดยที่ค่า AMSE จะแปรผันตามค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของค่าคลาดเคลื่อนและจำนวนตัวแปรอิสระ แต่จะแปรผกผันกับขนาดตัวอย่าง

นอกจากนี้ค่า AMSE ของ 2 วิธี คือ วิธี BMA_{occ} และวิธี SR จะแปรผันตามระดับนัยสำคัญ โดยที่ 3 วิธีที่เหลือค่า AMSE ไม่เปลี่ยนแปลงเนื่องจากไม่ได้นำระดับนัยสำคัญมาพิจารณา ส่วนค่า AMSE ของ 2 วิธี คือ วิธี BMA_{MC3} และวิธี BVS จะแปรผันตามค่าคงที่ ($\sigma/\tau, c$) โดยที่ 3 วิธีที่เหลือค่า AMSE ไม่เปลี่ยนแปลงเนื่องจากไม่ได้นำค่าคงที่ ($\sigma/\tau, c$) มาพิจารณา

ภาควิชา สถิติ
สาขาวิชา สถิติ
ปีการศึกษา 2545

ลายมือชื่อนิสิต.....
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา.....

4282266426 : MAJOR STATISTICS

KEY WORD : BIC / BAYESIAN VARIABLE SELECTION / BAYESIAN MODEL AVERAGING / OCCAM'S WINDOW / MARKOV CHAIN MONTE CARLO MODEL COMPOSITION / STEPWISE REGRESSION / MULTIPLE LINEAR REGRESSION ANALYSIS

NITHAS SUKSUWAN : A COMPARISON OF METHODS FOR SELECTING THE BEST REGRESSION EQUATION UNDER BAYESIAN APPROACH IN MULTIPLE LINEAR REGRESSION ANALYSIS.

THESIS ADVISOR : ASSOC. PROF. THEERAPORN VERATHAWORN, Ph.D. , 287 pp. ISBN 974-17-0969-2.

The objective of this research is to compare the methods for selecting the best regression equation under Bayesian approach in multiple linear regression analysis. The five methods for selecting the best regression equation in this comparison composed of Bayes Information Criterion Method (BIC) , Bayesian Variable Selection Method (BVS) , Bayesian Model Averaging Method using Occam 's Window (BMA_{OCC}) , Bayesian Model Averaging Method using Markov Chain Monte Carlo Model Composition (BMA_{MC3}) and Stepwise Regression Method (SR). The average of mean square error (AMSE) and the ratio of different average mean square error (RDAMSE) were used as the criteria in this project. The details of the data were represented as follows. In this study, the distribution of random errors are normal distribution with mean equal to 0 and standard deviation equal to 5 ,10, 20 and 25. The size of the samples are varied, which composed of 25 , 50 , 75 and 100 samples with significant levels of 0.01 and 0.05. The number of independent variables in regression model are 3 , 5 , 10 ,12 and 15. The Bayesian hyperparameters ($\sigma_{\beta}/\tau, c$) for BVS and BMA_{MC3} are (1,5) (1,10) (10,100) and (10,500), respectively. Using the Monte Carlo simulation technique with 500 repetitions for each case generated all data.

The analyzed results of the data were demonstrated as follow. The comparison of the AMSE from five methods ranging from minimum to maximum are BMA_{MC3} , BMA_{OCC} , BVS , BIC and SR, respectively for all cases. The BMA_{OCC} gave AMSE slightly higher than BMA_{MC3} ,especially, when the significant level decreased. The BVS gave AMSE closed to BMA_{MC3} and BMA_{OCC} ,when the Bayesian hyperparameters ($\sigma_{\beta}/\tau, c$) have low values. The BIC and the SR gave AMSE clearly different from BMA_{MC3} and BMA_{OCC} in all cases. The factors that affected AMSE of all methods are sample size , the standard deviation of random errors and the number of independent variables. The AMSE of all methods were proportionate to the standard deviation of random errors and the number of independent variables although they were inversely proportionate to sample size.

Furthermore, the AMSE of two methods , BMA_{OCC} and SR , were proportionate to the significant level and whereas the AMSE of the other three methods are constant because we did not consider about the significant level. The AMSE of two methods , BMA_{MC3} and BVS , were proportionate to the Bayesian hyperparameters ($\sigma_{\beta}/\tau, c$) and whereas the AMSE of the other three methods are constant because we did not consider about the Bayesian hyperparameters ($\sigma_{\beta}/\tau, c$).

Department Statistics
Field of study Statistics
Academic year 2002

Student's signature...*Nithas S.*
Advisor's signature...*Theeraporn Verathaworn*

กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วงได้ด้วยดี จากความอนุเคราะห์ของบุคคลหลายฝ่ายด้วยกัน ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ ดร.ธีระพร วีระถาวร อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ที่กรุณาให้คำแนะนำ ปรึกษา ตลอดจนแก้ไขข้อบกพร่องต่าง ๆ จนกระทั่งวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ สำเร็จลุล่วงได้ด้วยดี

ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ ศิริพร สาททอง รองศาสตราจารย์ ดร. สุกุล คุรงค์วัฒนา และรองศาสตราจารย์ นพรัตน์ รุ่งอุทัยศิริ ในฐานะประธานกรรมการและ กรรมการสอบวิทยานิพนธ์ ที่กรุณาตรวจแก้วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ให้สมบูรณ์ยิ่งขึ้น ทั้งนี้ผู้วิจัย ขอกราบขอบพระคุณคณาจารย์ประจำภาควิชาสถิติ ที่ให้โอกาสทางการศึกษา และประสิทธิ ประสาทความรู้ให้แก่ผู้วิจัยจนกระทั่งสำเร็จการศึกษา

ท้ายนี้ผู้วิจัยใคร่ขอกราบขอบพระคุณ บิดา มารดา ซึ่งให้การสนับสนุน และเพื่อน ๆ ที่ให้ กำลังใจแก่ผู้วิจัยเสมอมาจนกระทั่งสำเร็จการศึกษา และเนื่องจากการวิจัยครั้งนี้ได้รับทุนอุดหนุน การวิจัยของบัณฑิตวิทยาลัย ผู้วิจัยจึงขอขอบพระคุณบัณฑิตวิทยาลัยมา ณ ที่นี้ด้วย

นายนิทัศน์ สุขสุวรรณ

สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย.....	ง
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	จ
กิตติกรรมประกาศ.....	ฉ
สารบัญ.....	ช
สารบัญตาราง.....	ญ
สารบัญภาพ.....	ม
บทที่	
1 บทนำ.....	1
1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา.....	1
1.2 วัตถุประสงค์ของการวิจัย.....	5
1.3 ขอบเขตของเบื้องต้น.....	5
1.4 สมมติฐานของการวิจัย.....	6
1.5 ขอบเขตของการวิจัย.....	6
1.6 ขั้นตอนในการศึกษาวิจัย.....	7
1.7 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ.....	8
1.8 เกณฑ์ที่ใช้ในการตัดสินใจ.....	8
2 ทฤษฎีและสถิติที่เกี่ยวข้อง.....	10
2.1 การวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ.....	11
2.2 ความน่าจะเป็นที่มีเงื่อนไข.....	12
2.3 ทฤษฎีของเบส์.....	13
2.4 ความเป็นอิสระ.....	13
2.5 วิธีการคัดเลือกตัวแบบที่ดีที่สุดโดยใช้เกณฑ์ข้อสนเทศของเบส์.....	14
2.6 วิธีการคัดเลือกตัวแปรของเบส์.....	15
2.6.1 การแจกแจงความน่าจะเป็นก่อน.....	16
2.6.2 การแจกแจงความน่าจะเป็นภายหลัง.....	18
2.6.2.1 การกำหนดหลักเกณฑ์เกี่ยวกับ $f(\mathcal{D})$	18
2.6.2.2 การกำหนดค่าคงที่ τ_1, \dots, τ_k และ c_1, \dots, c_k ของเมตริกซ์ $D_{\mathcal{D}}$	19
2.6.2.3 การกำหนดหลักเกณฑ์ของเมตริกซ์สหสัมพันธ์ก่อน.....	22

บทที่	หน้า
2.6.2.4 การกำหนดค่าระดับชั้นความเสรี U_g และ λ_g	22
2.6.3 การคัดเลือกตัวแปรโดยการค้นหาด้วยความน่าจะเป็น.....	23
2.6.4 ขั้นตอนของวิธีการคัดเลือกตัวแปรของเบส์.....	24
2.7 วิธีการเฉลี่ยตัวแบบของเบส์.....	26
2.7.1 ความน่าจะเป็นก่อนและความน่าจะเป็นภายหลังชอบของตัวแบบ....	28
2.7.1.1 ความน่าจะเป็นก่อนของตัวแบบ.....	28
2.7.1.2 ความน่าจะเป็นภายหลังชอบของตัวแบบ.....	29
2.7.2 การค้นหาปริภูมิตัวแบบด้วยวิธีออกส์แคม วินโดว์.....	32
2.7.3 วิธีการเฉลี่ยตัวแบบของเบส์โดยการหาค่าประกอบของตัวแบบด้วย เทคนิคมอนติคาร์โลโดยใช้ลูกโซ่มาร์คอฟ.....	35
2.8 วิธีการถดถอยแบบขั้นบันได.....	38
2.8.1 การทดสอบเอฟบางส่วน.....	39
2.8.2 สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์.....	42
3 วิธีการดำเนินการวิจัย.....	44
3.1 การจำลองข้อมูลด้วยวิธีมอนติคาร์โล.....	44
3.2 การสร้างเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบปกติ.....	46
3.3 แผนการทดลอง.....	48
3.4 ขั้นตอนในการดำเนินการวิจัย.....	48
4 ผลการวิจัย.....	65
4.1 ผลการวิจัยของการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอย ในการวิเคราะห์ ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ เมื่อระดับนัยสำคัญ(α) เท่ากับ 0.01 และ 0.05 จำนวนตัวแปรอิสระเป็น 3 5 10 12 และ 15 ตัวแปร ค่าส่วนเบี่ยงเบน มาตรฐานของความคลาดเคลื่อนสุ่ม(σ) เท่ากับ 5 10 20 และ 25 ค่าคงที่ ของวิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma/\tau = 1$ และ $c = 5$	69
4.2 ผลการวิจัยของการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอย ในการวิเคราะห์ ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ เมื่อระดับนัยสำคัญ(α) เท่ากับ 0.01 และ 0.05 จำนวนตัวแปรอิสระเป็น 3 5 10 12 และ 15 ตัวแปร ค่าส่วนเบี่ยงเบน มาตรฐานของความคลาดเคลื่อนสุ่ม(σ) เท่ากับ 5 10 20 และ 25 ค่าคงที่	

บทที่	หน้า
ของวิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_{\beta}/\tau = 1$ และ $c = 10$	115
4.3 ผลการวิจัยของการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอย ในการวิเคราะห์ ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ เมื่อระดับนัยสำคัญ(α) เท่ากับ 0.01 และ 0.05 จำนวนตัวแปรอิสระเป็น 3 5 10 12 และ 15 ตัวแปร ค่าส่วนเบี่ยงเบน มาตรฐานของความคลาดเคลื่อนสุ่ม(σ) เท่ากับ 5 10 20 และ 25 ค่าคงที่ ของวิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_{\beta}/\tau = 10$ และ $c = 100$	148
4.4 ผลการวิจัยของการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอย ในการวิเคราะห์ ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ เมื่อระดับนัยสำคัญ(α) เท่ากับ 0.01 และ 0.05 จำนวนตัวแปรอิสระเป็น 3 5 10 12 และ 15 ตัวแปร ค่าส่วนเบี่ยงเบน มาตรฐานของความคลาดเคลื่อนสุ่ม(σ) เท่ากับ 5 10 20 และ 25 ค่าคงที่ ของวิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_{\beta}/\tau = 10$ และ $c = 500$	181
5 สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ.....	216
5.1 สรุปผลการวิจัย.....	217
5.1.1 ผลการเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยของค่าคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ย.....	217
5.1.2 ปัจจัยที่มีผลต่อค่าเฉลี่ยของค่าคลาดเคลื่อนกำลังสองเฉลี่ยของ แต่ละวิธี.....	218
5.1.3 ผลสรุปการเลือกวิธีการสร้างตัวแบบการถดถอยในการวิเคราะห์ ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ.....	219
5.2 ข้อเสนอแนะ.....	221
รายการอ้างอิง.....	223
ภาคผนวก.....	226
ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์.....	287

สารบัญญภาพ

รูปที่	หน้า
2.1 แสดงความหนาแน่นขอบของการแจกแจง $N(0, \sigma_{\beta_i}^2 + \tau_i^2)$ และ $N(0, \sigma_{\beta_i}^2 + c_i^2 \tau_i^2)$ เมื่อ $(\sigma_{\beta_i} / \tau_i, c_i) = (1,5) (1,10) (10,100) (10,500)$	21
2.2 แสดงการแปลผลของล็อกออดส์ภายหลัง(Log Posterior Odds) สำหรับวิธีออกัสแคม วินโดว์ (Occam 's Window)	34
2.3 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกตัวแปรของเบส์กับวิธีการเฉลี่ยตัวแบบของเบส์ โดยการหาค่าประกอบของตัวแบบด้วยเทคนิคมอนติคาร์โลโดยใช้ลูกโซ่มาร์คอฟ.....	37
3.1 แสดงผังงานสำหรับขั้นตอนของวิธีมอนติคาร์โล.....	46
3.2 แสดงผังงานสำหรับขั้นตอนในการดำเนินการวิจัย.....	50
3.3 แสดงผังงานสำหรับขั้นตอนของวิธีการคัดเลือกตัวแบบที่ดีที่สุดโดยใช้เกณฑ์ข้อสนเทศของเบส์.....	54
3.4 แสดงผังงานสำหรับขั้นตอนของวิธีการคัดเลือกตัวแปรของเบส์.....	56
3.5 แสดงผังงานสำหรับขั้นตอนของวิธีการเฉลี่ยตัวแบบของเบส์โดยใช้การค้นหาปริภูมิตัวแบบด้วยวิธีออกแคมส์ วินโดว์.....	57
3.6 แสดงผังงานสำหรับขั้นตอนของวิธีการเฉลี่ยตัวแบบของเบส์โดยการหาค่าประกอบของตัวแบบด้วยเทคนิคมอนติคาร์โลโดยใช้ลูกโซ่มาร์คอฟ.....	60
3.7 แสดงผังงานสำหรับขั้นตอนของวิธีการถดถอยแบบขั้นบันได.....	62
4.1 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 3 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_{\beta} / \tau = 1$, $c = 5$	72
4.2 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 5 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_{\beta} / \tau = 1$, $c = 5$	76
4.3 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 10 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_{\beta} / \tau = 1$, $c = 5$	80

รูปที่	หน้า
4.4 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 12 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 5$	84
4.5 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 15 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 5$	88
4.6 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 3 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 5$	93
4.7 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 5 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 5$	97
4.8 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 10 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 5$	101
4.9 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 12 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 5$	105
4.10 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 15 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 5$	109

รูปที่	หน้า
4.11 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 3 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 10$	118
4.12 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 5 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 10$	121
4.13 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 10 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 10$	124
4.14 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 12 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 10$	127
4.15 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 15 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 10$	130
4.16 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 3 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 10$	133
4.17 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 5 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 10$	136

รูปที่	หน้า
4.18 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 10 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 10$	139
4.19 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 12 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 10$	142
4.20 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 15 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 1$, $c = 10$	145
4.21 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 3 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 100$	151
4.22 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 5 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 100$	154
4.23 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 10 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 100$	157
4.24 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 12 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 100$	160

รูปที่	หน้า
4.25 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 15 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 100$	163
4.26 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 3 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 100$	166
4.27 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 5 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 100$	169
4.28 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 10 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 100$	172
4.29 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 12 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 100$	175
4.30 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 15 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 100$	178
4.31 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 3 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 500$	184

รูปที่	หน้า
4.32 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 5 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 500$	187
4.33 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 10 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 500$	190
4.34 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 12 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 500$	193
4.35 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 15 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.01$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 500$	196
4.36 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 3 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 500$	199
4.37 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 5 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 500$	202
4.38 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระ 10 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 500$	205

รูปที่	หน้า
4.39 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบ ด้วยตัวแปรอิสระ 12 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 500$	208
4.40 แสดงการเปรียบเทียบวิธีการคัดเลือกสมการถดถอยในการวิเคราะห์ ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ สำหรับตัวแบบการถดถอยที่ประกอบ ด้วยตัวแปรอิสระ 15 ตัวแปร เมื่อ $\alpha = 0.05$ และค่าคงที่วิธี BVS และวิธี BMA_{MC3} คือ $\sigma_\beta / \tau = 10$, $c = 500$	211
5.1 แสดงแผนผังผลสรุปการเลือกวิธีการสร้างตัวแบบในการวิเคราะห์ ความถดถอยเชิงเส้นพหุคูณ.....	220