



### บทที่ 3

#### วิธีดำเนินการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้เป็นการวิจัยเชิงทดลอง โดยต้องการศึกษาและเปรียบเทียบวิธีการประมาณแบบช่วงของผลต่างค่าสัดส่วนของสองประชากรทั้ง 4 วิธี คือ

1. วิธีการประมาณแบบฉบับ (The Classical Method)
2. วิธีการประมาณของนิวคอมบ์ (The Newcombe's Confidence Interval)
3. วิธีการประมาณของเจฟฟรีย์ (The Jeffrey 's Confidence Interval)
4. วิธีการประมาณแบบจัดค่ากลางใหม่ (The Recentered Confidence Interval)

ในการเปรียบเทียบวิธีการประมาณแบบช่วงแต่ละวิธี ขั้นตอนแรกจะทำการศึกษาค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นจากการทดลองที่ได้จากแต่ละวิธีการประมาณก่อน แล้วจึงคัดเลือกวิธีการประมาณที่ให้ค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นจากการทดลองไม่ต่ำกว่าค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นที่กำหนด จากนั้นจะหาค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่นของแต่ละวิธีการประมาณ เพื่อเปรียบเทียบค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่นต่อไป

การวิจัยในครั้งนี้ใช้เทคนิคการจำลองแบบมอนติคาร์โล (Monte Carlo Simulation Method) โดยใช้โปรแกรมภาษาฟอร์แทรน (Fortran) ในการจำลองซ้ำ 1,000 รอบในแต่ละสถานการณ์การทดลอง ในบทนี้จะกล่าวถึงรายละเอียดของการดำเนินการวิจัย ส่วนรายละเอียดของโปรแกรมที่ใช้ในการวิจัยจะแสดงไว้ในภาคผนวก

#### 3.1 ข้อกำหนดของการทดลอง

ในการวิจัยครั้งนี้กำหนดสถานการณ์ต่าง ๆ เพื่อการศึกษาเปรียบเทียบดังนี้

1. กำหนดระดับความเชื่อมั่น 3 ระดับคือ 90%, 95%, 99%
2. ในแต่ละระดับความเชื่อมั่น กำหนดขนาดตัวอย่างของสองประชากร  $(n_1, n_2)$  ดังนี้
  - 1) ขนาดตัวอย่างของสองประชากรมีค่าเท่ากัน  $(n_1 = n_2)$   
(5,5), (10,10), (20,20), (30,30), (40,40), (50,50), (60,60), (70,70)
  - 2) ขนาดตัวอย่างของสองประชากรมีค่าไม่เท่ากัน โดยที่  $n_1 > n_2$  จำแนกตามเปอร์เซ็นต์ผลต่างระหว่างขนาดตัวอย่างของสองประชากรได้ดังนี้  
- 20%: (6,5), (12,10), (24,20), (36,30), (48,40), (60,50), (72,60), (84,70)

- 40%: (7,5), (14,10), (28,20), (42,30), (56,40), (70,50), (84,60), (98,70)
- 60%: (8,5), (16,10), (32,20), (48,30), (64,40), (80,50), (96,60), (112,70)
- 80%: (9,5), (18,10), (36,20), (54,30), (72,40), (90,50), (108,60), (126,70)
- 100%: (10,5), (20,10), (40,20), (60,30), (80,40), (100,50), (120,60), (140,70)
- 140%: (12,5), (24,10), (48,20), (72,30), (96,40), (120,50), (144,60), (168,70)
- 180%: (14,5), (28,10), (56,20), (84,30), (112,40), (140,50), (168,60), (196,70)
- 200%: (15,5), (30,10), (60,20), (90,30), (120,40), (150,50), (180,60), (210,70)

3. ในแต่ละระดับความเชื่อมั่น และแต่ละระดับขนาดตัวอย่างของสองประชากร จะแปรค่าผลต่างของค่าสัดส่วนประชากร  $(p_1 - p_2)$  ทั้งหมด 9 ค่า กล่าวคือ  $p_1 - p_2$  มีค่าตั้งแต่ 0 ถึง 0.8 โดยที่  $p_1 - p_2$  มีค่าเพิ่มขึ้นทีละ 0.1 และค่า  $p_1, p_2$  มีค่าตั้งแต่ 0.1 ถึง 0.9 โดยที่ค่า  $p_1, p_2$  มีค่าเพิ่มขึ้นทีละ 0.1 และกำหนดให้  $p_1 \geq p_2$  โดยมีรายละเอียดดังนี้

- เมื่อ  $p_1 - p_2 = 0$  จะได้  $(p_1, p_2) : (0.1, 0.1), (0.2, 0.2), (0.3, 0.3), (0.4, 0.4), (0.5, 0.5), (0.6, 0.6), (0.7, 0.7), (0.8, 0.8), (0.9, 0.9)$
- เมื่อ  $p_1 - p_2 = 0.1$  จะได้  $(p_1, p_2) : (0.2, 0.1), (0.3, 0.2), (0.4, 0.3), (0.5, 0.4), (0.6, 0.5), (0.7, 0.6), (0.8, 0.7), (0.9, 0.8)$
- เมื่อ  $p_1 - p_2 = 0.2$  จะได้  $(p_1, p_2) : (0.3, 0.1), (0.4, 0.2), (0.5, 0.3), (0.6, 0.4), (0.7, 0.5), (0.8, 0.6), (0.9, 0.7)$
- เมื่อ  $p_1 - p_2 = 0.3$  จะได้  $(p_1, p_2) : (0.4, 0.1), (0.5, 0.2), (0.6, 0.3), (0.7, 0.4), (0.8, 0.5), (0.9, 0.6)$
- เมื่อ  $p_1 - p_2 = 0.4$  จะได้  $(p_1, p_2) : (0.5, 0.1), (0.6, 0.2), (0.7, 0.3), (0.8, 0.4), (0.9, 0.5)$
- เมื่อ  $p_1 - p_2 = 0.5$  จะได้  $(p_1, p_2) : (0.6, 0.1), (0.7, 0.2), (0.8, 0.3), (0.9, 0.4)$
- เมื่อ  $p_1 - p_2 = 0.6$  จะได้  $(p_1, p_2) : (0.7, 0.1), (0.8, 0.2), (0.9, 0.3)$
- เมื่อ  $p_1 - p_2 = 0.7$  จะได้  $(p_1, p_2) : (0.8, 0.1), (0.9, 0.2)$
- เมื่อ  $p_1 - p_2 = 0.8$  จะได้  $(p_1, p_2) : (0.9, 0.1)$

ดังนั้นจำนวนสถานการณ์ที่ใช้ในการทดลอง (ซึ่งเท่ากันในทุกกรณีของขนาดตัวอย่าง)

$$\begin{aligned}
 &= 3 \times 8 \times (9 + 8 + 7 + 6 + 5 + 4 + 3 + 2 + 1) \\
 &= 3 \times 8 \times 45 \\
 &= 1,080 \text{ สถานการณ์}
 \end{aligned}$$

โดยการเปรียบเทียบจะทำการเปรียบเทียบจากค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่น และค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่นที่คำนวณได้จากวิธีการประมาณทั้ง 4 วิธี เพื่อหาวิธีการประมาณที่ดีที่สุดในแต่ละสถานการณ์ต่อไป

### 3.2 ขั้นตอนดำเนินการวิจัย

สำหรับการดำเนินการวิจัย มีขั้นตอนดังนี้

- 3.2.1 สร้างข้อมูลที่ใช้ในการวิจัย
- 3.2.2 คำนวณช่วงความเชื่อมั่นด้วยวิธีการประมาณทั้ง 4 วิธี
- 3.2.3 คำนวณค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่น และค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่น
- 3.2.4 เปรียบเทียบค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นและค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่น
- 3.2.5 สรุปผลการวิจัยในแต่ละสถานการณ์

โดยมีรายละเอียดในแต่ละขั้นตอนดังนี้

#### 3.2.1. การสร้างข้อมูลที่ใช้ในการวิจัย

การสร้างข้อมูลให้มีการแจกแจงตามลักษณะที่ต้องการศึกษานั้น จะต้องใช้เลขสุ่ม (Random number) ซึ่งมีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอในช่วง (0, 1) เป็นพื้นฐานในการสร้าง โดยในการวิจัยครั้งนี้ต้องการสร้างตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแบบแบร์นูลลี และมีขั้นตอนดังนี้

#### 1) การสร้างเลขสุ่มที่เป็นอิสระกันและมีการแจกแจงเอกรูปในช่วง $[0,1]^1$

วิธีการคณิตศาสตร์ในการจำลองเลขสุ่ม(เทียม) มีหลายวิธีการ สำหรับวิธีการที่ได้รับความนิยมใช้กันมากในปัจจุบัน คือ วิธีสมภาค (Congruential Method) ซึ่งมีสูตรหรือตัวแบบหนึ่งที่ใช้กันมาก คือ

$$X_i = (c + aX_{i-1}) \bmod m, \quad i = 1, 2, \dots$$

โดยที่ค่า  $c$ ,  $a$  และ  $m$  เป็นค่าคงที่จำนวนเต็มค่าไม่เป็นลบ และความหมายของตัวแบบคือ  $X_i$  เป็นเศษเหลือที่เป็นจำนวนเต็มที่ได้จากการหาร  $(c + aX_{i-1})$  ด้วย  $m$  นั้น

<sup>1</sup> มานพ วรภักดี, การจำลองเบื้องต้น (กรุงเทพฯ: ศูนย์ผลิตตำราเรียนสถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าพระนครเหนือ, 2547).

คือ  $X_i = c + aX_{i-1} - mk_i$  ซึ่ง  $k_i = \lfloor (c + aX_{i-1})/m \rfloor$  (หมายถึง จำนวนเต็มใหญ่ที่สุดที่น้อยกว่าหรือเท่ากับผลหาร  $(c + aX_{i-1})/m$ ) ดังนั้นค่าเป็นไปได้ของ  $X_i$  คือ  $0, 1, \dots, m-1$  และก่อนที่จะได้ค่าของ  $X_1, X_2, \dots$  ต้องกำหนดค่าของ  $c, a, m$  และ  $X_0$  เราเรียก  $X_0$  ว่า ซีด (seed) หรือค่าเริ่มต้น (starting value) จาก  $X_i$  ที่ได้จากการคำนวณนำมาหาค่า  $R_i$  ซึ่ง

$$R_i = \frac{X_i}{m}, \quad i = 1, 2, \dots \quad \dots\dots\dots(3.1)$$

จะได้  $R_i$  มีค่าอยู่ในช่วง  $[0,1)$  เรียก  $R_1, R_2, \dots$  ว่า เลขสุ่มเทียม หรือ เลขสุ่มคล้าย

ตัวแบบจำลองสมภาคแบบผลคูณที่ใช้กันมากตัวแบบหนึ่ง ซึ่งได้ผ่านการตรวจสอบคุณสมบัติแล้วหลายประการ คือ กำหนด  $c = 0, m = 2^{31}-1 = 2147483647, a = 7^5 = 16807$  และ  $X_0$  เป็นจำนวนเต็มบวกที่ไม่เกิน  $m$  (ควรเป็นเลขคี่) ฟังก์ชันการจำลองเลขสุ่มที่เป็นอิสระกันและมีการแจกแจงเอกรูปในช่วง  $[0,1]$  คือ subroutine random

## 2) การสร้างตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแบบแบร์นูลลี<sup>1</sup>

ตัวแปรสุ่ม  $X$  มีการแจกแจงแบบแบร์นูลลี (Bernoulli Distribution) ด้วยพารามิเตอร์  $p$  เขียนแทนด้วย  $X \sim B(1, p)$  และมีฟังก์ชันความน่าจะเป็น

$$p(x) = p^x q^{1-x}, \quad x = 0, 1; \quad q = 1 - p, \quad 0 \leq p \leq 1$$

จะได้ว่า  $E(X) = p$  และ  $Var(X) = pq$

ตัวแปรสุ่มแบร์นูลลีแทนผลการทดลองสุ่ม หรือเหตุการณ์สุ่ม ซึ่งจำแนกได้เป็นสองผลลัพธ์ ตัวอย่างเช่น สำเร็จหรือล้มเหลว โดยให้  $X = 1$  ถ้าเกิดผลสำเร็จ และให้  $X = 0$  ถ้าเกิดผลล้มเหลว ส่วนพารามิเตอร์  $p$  ในการแจกแจงคือ  $P(X = 1)$  ซึ่งมักจะหมายถึงความน่าจะเป็นที่จะเกิดผลสำเร็จหรือเกิดผลลัพธ์ที่ต้องการ

การจำลองหรือการสร้างตัวแปรสุ่ม  $X_{ij}, i = 1, 2$  ที่มีการแจกแจงแบบแบร์นูลลีของสองประชากรที่เป็นอิสระกัน ทำได้ดังนี้

ประชากรที่ 1 การจำลองข้อมูล  $X_{11}, X_{12}, \dots, X_{1n_1}$  จำนวน  $n_1$  ค่าจากประชากรที่ 1 ซึ่งมีการแจกแจงแบบ  $Ber(p_1)$  โดยที่  $p_1$  เท่ากับค่าสัดส่วนของลักษณะที่สนใจในประชากรที่ 1 และมีขั้นตอนในการจำลองดังนี้

<sup>1</sup> เรื่องเดียวกัน, หน้า 171.

- (1) สำหรับ  $j = 1$  ถึง  $n_1$  ทำขั้นตอน (2) ถึง (3)
- (2) จำลองเลขสุ่ม  $R_j \sim U(0,1)$
- (3) ถ้า  $R_j \leq p_1$  ให้  $X_{1j} = 1$  มิฉะนั้นให้  $X_{1j} = 0$

ในทำนองเดียวกัน ทำการจำลองข้อมูล  $X_{21}, X_{22}, \dots, X_{2n_2}$  จำนวน  $n_2$  ค่าจากประชากรที่ 2 ซึ่งมีการแจกแจงแบบ  $Ber(p_2)$  โดยที่  $p_2$  เท่ากับค่าสัดส่วนของลักษณะที่สนใจในประชากรที่ 2 และมีขั้นตอนในการจำลองดังนี้

- (1) สำหรับ  $j = 1$  ถึง  $n_2$  ทำขั้นตอน (2) ถึง (3)
- (2) จำลองเลขสุ่ม  $W_j \sim U(0,1)$
- (3) ถ้า  $W \leq p_2$  ให้  $X_{2j} = 1$  มิฉะนั้นให้  $X_{2j} = 0$

โดยที่  $R_j$  และ  $W_j$  เป็นเลขสุ่มที่ได้มาจากสมการ (3.1) ในขั้นตอนการสร้างเลขสุ่ม

### 3) การคำนวณค่าสัดส่วนตัวอย่างของสองประชากร

เมื่อจำลองได้ตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแบบแบร์นูลลีในแต่ละประชากรแล้ว ให้นำค่าตัวแปรสุ่มในแต่ละประชากรมาบวกเข้าด้วยกัน โดยมีรายละเอียดดังนี้

ประชากรที่ 1 กำหนดให้  $Y_1 = X_{11} + X_{12} + \dots + X_{1n_1} = \sum_{j=1}^{n_1} X_{1j}$  .....(3.2)  
หรือก็คือจำนวนผลสำเร็จจากการทดลอง  $n_1$  ครั้ง

ประชากรที่ 2 กำหนดให้  $Y_2 = X_{21} + X_{22} + \dots + X_{2n_2} = \sum_{j=1}^{n_2} X_{2j}$  .....(3.3)  
หรือก็คือจำนวนผลสำเร็จจากการทดลอง  $n_2$  ครั้ง

โดยที่  $X_{1j}, j = 1, 2, \dots, n_1; X_{2j}, j = 1, 2, \dots, n_2$  เป็นตัวแปรสุ่มของประชากรที่ 1 และ 2 ตามลำดับที่ได้จากขั้นตอนการสร้างตัวแปรสุ่มที่มีการแจกแจงแบบแบร์นูลลี และจะได้ว่าค่า  $Y_1, Y_2$  มีการแจกแจงแบบทวินาม นั่นคือ  $Y_1 \sim B(n_1, p_1), Y_2 \sim B(n_2, p_2)$

นำค่า  $Y_1, Y_2$  ที่ได้จากสมการ (3.2) และ (3.3) มาคำนวณหาค่าสัดส่วนของลักษณะที่สนใจของข้อมูลตัวอย่างของสองประชากร ดังนี้

$$\hat{p}_i = \frac{Y_i}{n_i}, i = 1, 2 \quad \dots\dots\dots(3.4)$$

โดยที่  $\hat{p}_i, i = 1, 2$  เป็นค่าสัดส่วนตัวอย่างของประชากรที่ 1 และ 2 ตามลำดับ และ  $n_i, i = 1, 2$  เป็นขนาดตัวอย่างของประชากรที่ 1 และ 2 ตามลำดับ

### 3.2.2 การคำนวณช่วงความเชื่อมั่นของวิธีการประมาณทั้ง 4 วิธี

ในการคำนวณช่วงความเชื่อมั่นสำหรับผลต่างระหว่างค่าสัดส่วนของสองประชากรตามสูตรของแต่ละวิธีการประมาณ ทำได้ดังนี้

1) วิธีการประมาณแบบฉบับ (The Classical Method)

ช่วงความเชื่อมั่น  $(1 - \alpha)100\%$  โดยประมาณ สำหรับ  $p_1 - p_2$  คือ

$$(\hat{p}_1 - \hat{p}_2) \pm Z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_1 \hat{q}_1}{n_1} + \frac{\hat{p}_2 \hat{q}_2}{n_2}}$$

โดยที่ค่า  $\hat{p}_i, i = 1, 2$  ได้จากสมการ (3.4) และ  $\hat{q}_i = 1 - \hat{p}_i$

2) วิธีการประมาณของนิวคอมบ์ (The Newcombe 's Confidence Interval)

ช่วงความเชื่อมั่น  $(1 - \alpha)100\%$  โดยประมาณ สำหรับ  $p_1 - p_2$  คือ

$$\left( \hat{p}_1 - \hat{p}_2 - Z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{l_1(1-l_1)}{n_1} + \frac{u_2(1-u_2)}{n_2}}, \hat{p}_1 - \hat{p}_2 + Z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{u_1(1-u_1)}{n_1} + \frac{l_2(1-l_2)}{n_2}} \right)$$

โดยที่ค่า  $(l_1, u_1)$  เท่ากับ

$$\left( \frac{\hat{p}_1 + \frac{Z_{1-\alpha/2}^2}{2n_1} - Z_{1-\alpha/2} \sqrt{\hat{p}_1(1-\hat{p}_1)/n_1 + Z_{1-\alpha/2}^2/4n_1^2}}{1 + \frac{Z_{1-\alpha/2}^2}{n_1}}, \frac{\hat{p}_1 + \frac{Z_{1-\alpha/2}^2}{2n_1} + Z_{1-\alpha/2} \sqrt{\hat{p}_1(1-\hat{p}_1)/n_1 + Z_{1-\alpha/2}^2/4n_1^2}}{1 + \frac{Z_{1-\alpha/2}^2}{n_1}} \right)$$

ค่า  $(l_2, u_2)$  เท่ากับ

$$\left( \frac{\hat{p}_2 + \frac{Z_{1-\alpha/2}^2}{2n_2} - Z_{1-\alpha/2} \sqrt{\hat{p}_2(1-\hat{p}_2)/n_2 + Z_{1-\alpha/2}^2/4n_2^2}}{1 + \frac{Z_{1-\alpha/2}^2}{n_2}}, \frac{\hat{p}_2 + \frac{Z_{1-\alpha/2}^2}{2n_2} + Z_{1-\alpha/2} \sqrt{\hat{p}_2(1-\hat{p}_2)/n_2 + Z_{1-\alpha/2}^2/4n_2^2}}{1 + \frac{Z_{1-\alpha/2}^2}{n_2}} \right)$$

และค่า  $\hat{p}_i, i = 1, 2$  ได้จากสมการ (3.4) และ  $\hat{q}_i = 1 - \hat{p}_i$

3) วิธีการประมาณของเจฟฟรีย์ (The Jeffrey 's Confidence Interval)

ช่วงความเชื่อมั่น  $(1 - \alpha)100\%$  โดยประมาณ สำหรับ  $p_1 - p_2$  คือ

$$\left( \tilde{p}_1 - \tilde{p}_2 \pm Z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{\tilde{p}_1 \tilde{q}_1}{n_1} + \frac{\tilde{p}_2 \tilde{q}_2}{n_2}} \right)$$

โดยที่  $\tilde{p}_1 = \frac{(Y_1 + 1/2)}{(n_1 + 1)}$  ,  $\tilde{q}_1 = 1 - \tilde{p}_1$

$$\tilde{p}_2 = \frac{(Y_2 + 1/2)}{(n_2 + 1)}$$
 ,  $\tilde{q}_2 = 1 - \tilde{p}_2$

และ ค่า  $Y_1, Y_2$  ได้จากสมการ (3.2) และ (3.3) ตามลำดับ

4) วิธีการประมาณแบบจัดค่ากลางใหม่ (The Recentered Confidence Interval)

ช่วงความเชื่อมั่น  $(1 - \alpha)100\%$  โดยประมาณ สำหรับ  $p_1 - p_2$  คือ

$$\left( \frac{\hat{\Delta}}{1 + t^2 / (n_1 + n_2)} \pm \frac{t \sqrt{[1 + t^2 / (n_1 + n_2)](1/n_1 + 1/n_2) \tilde{p} \tilde{q} - \hat{\Delta}^2 / (n_1 + n_2)}}{1 + t^2 / (n_1 + n_2)} \right)$$

$$\tilde{p} = \begin{cases} \Delta n_2 / (n_1 + n_2) & \text{ถ้า } \hat{p} < \Delta n_2 / (n_1 + n_2) \\ \hat{p} & \text{ถ้า } \Delta n_2 / (n_1 + n_2) \leq \hat{p} \leq 1 - \Delta n_1 / (n_1 + n_2) \\ 1 - \Delta n_1 / (n_1 + n_2) & \text{ถ้า } \hat{p} > 1 - \Delta n_1 / (n_1 + n_2) \end{cases}$$

โดยที่  $\hat{\Delta} = \hat{p}_1 - \hat{p}_2$  ,  $t = t_{1-\alpha/2}$

และค่า  $\hat{p}_i, i = 1, 2$  ได้จากสมการ (3.4) และ  $\hat{q}_i = 1 - \hat{p}_i$

### 3.2.3 การคำนวณค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นและค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่นของวิธีการประมาณทั้ง 4 วิธี

เมื่อทำการคำนวณช่วงความเชื่อมั่นของแต่ละวิธี ที่แต่ละระดับความเชื่อมั่นและแต่ละระดับค่าพารามิเตอร์  $[(n_1, p_1), (n_2, p_2)]$  ได้แล้ว ให้ทำการตรวจสอบว่าช่วงความเชื่อมั่นที่ได้นี้ ครอบคลุมพารามิเตอร์  $p_1 - p_2$  หรือไม่ หากช่วงความเชื่อมั่นที่คำนวณได้ครอบคลุมค่าพารามิเตอร์  $p_1 - p_2$  จะทำการนับจำนวนครั้งแล้วบวกสะสมไว้ โดยแต่ละระดับ  $[(n_1, p_1), (n_2, p_2)]$  จะทำการคำนวณช่วงความเชื่อมั่นและตรวจสอบซ้ำ 2,000 ครั้งในแต่ละ

สถานการณ์ ผลบวกสะสมที่ได้คือจำนวนครั้งที่ช่วงความเชื่อมั่นครอบคลุมค่า  $p_1 - p_2$  ซึ่งจะไปคำนวณค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นที่ได้จากการทดลองดังนี้

$$\begin{aligned} & \text{ค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นที่ได้จากการทดลอง} \\ &= \frac{\text{จำนวนครั้งที่ทั้งหมดที่ช่วงความเชื่อมั่นครอบคลุมค่าพารามิเตอร์ } p_1 - p_2}{2,000} \end{aligned}$$

เมื่อกำหนดค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นจากการทดลองแล้ว ในขั้นต่อไปจะทำการคำนวณค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่น ซึ่งจะทำการคำนวณเฉพาะในสถานการณ์ที่ช่วงความเชื่อมั่นที่คำนวณได้ครอบคลุมค่าพารามิเตอร์  $p_1 - p_2$  เท่านั้น โดยคำนวณหาผลต่างระหว่างขีดจำกัดความเชื่อมั่นบนและล่างของช่วงความเชื่อมั่น นำผลต่างที่ได้มาบวกสะสมไว้ ทำจนครบ 2,000 ครั้ง นำไปคำนวณค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่นดังนี้

$$\begin{aligned} & \text{ค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่น} \\ &= \frac{\text{ผลรวมของผลต่างระหว่างขีดจำกัดบนและขีดจำกัดล่างของช่วงความเชื่อมั่นทั้งหมด 2,000 ช่วง}}{2,000} \end{aligned}$$

### 3.2.4 เปรียบเทียบค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นและค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่น

ในการพิจารณาว่าวิธีการใดให้ค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นจากการทดลองไม่ต่ำกว่าค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นที่กำหนด ผู้วิจัยจะอาศัยการทดสอบสมมติฐานโดยใช้ตัวสถิติ  $Z$  ดังนี้ ถ้าวิธีการประมาณใดให้ค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นของช่วงความเชื่อมั่นจากการทดลองในแต่ละสถานการณ์ ที่ระดับความเชื่อมั่น 90%, 95% และ 99% มีค่าไม่ต่ำกว่า 0.8890, 0.9420 และ 0.9863 ตามลำดับ (รายละเอียดการคำนวณค่าเหล่านี้ ได้กล่าวไว้ในหัวข้อที่ 2.5) เราจะสรุปได้ว่าวิธีการประมาณนั้นให้ค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นไม่ต่ำกว่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นที่กำหนดในสถานการณ์นั้น

เมื่อทำการทดลองและตรวจสอบแล้วทราบว่า วิธีการประมาณใดให้ค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นไม่ต่ำกว่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นที่กำหนดในแต่ละสถานการณ์ให้นำมาเปรียบเทียบค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่นว่าวิธีการประมาณวิธีใด ให้ค่าความยาวเฉลี่ยต่ำสุดในแต่ละสถานการณ์

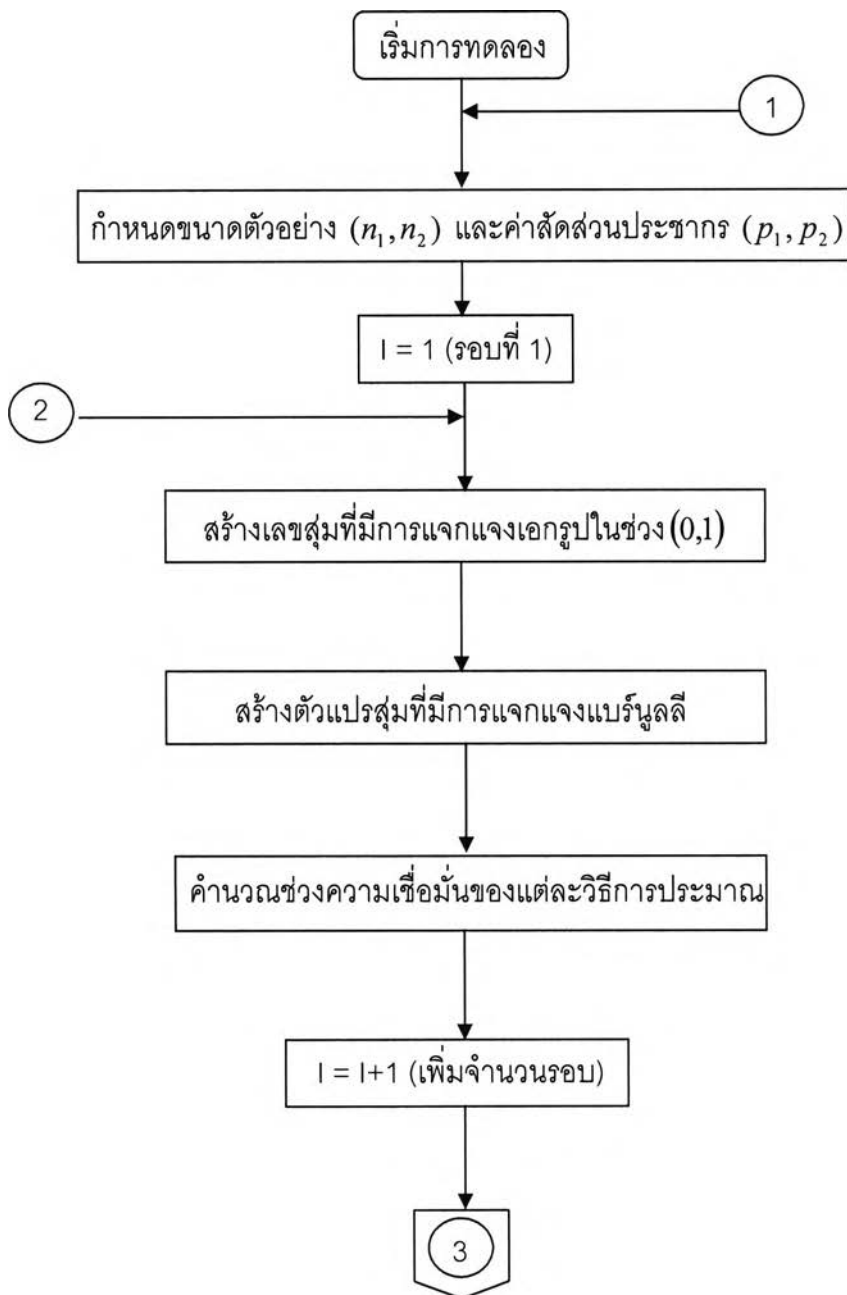


### 3.2.5 สรุปผลการวิจัยในแต่ละสถานการณ์

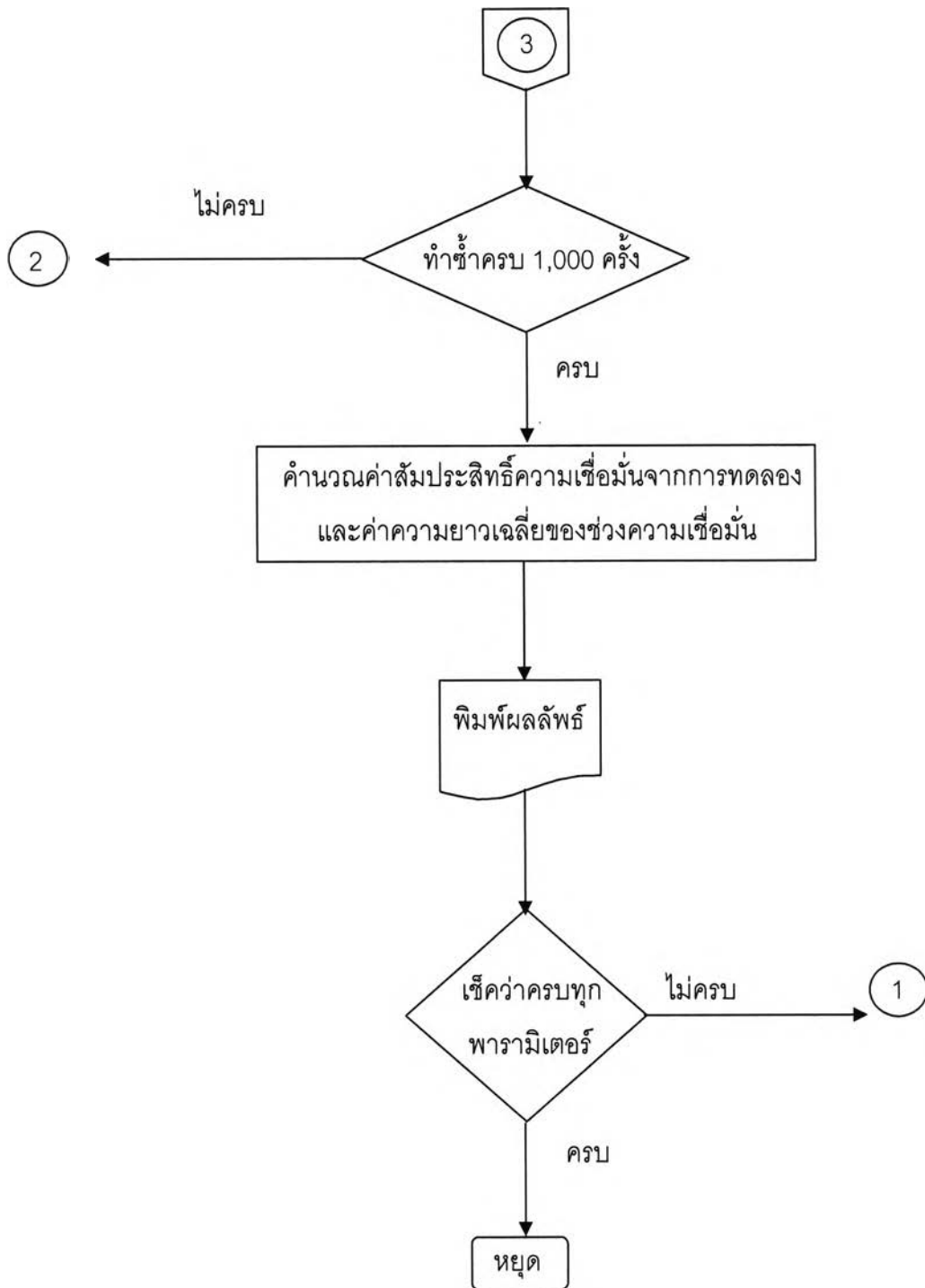
เมื่อทำการเปรียบเทียบค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นและค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่นสำหรับแต่ละสถานการณ์ทดลองแล้ว จะทำการสรุปผลการทดลองว่าวิธีการประมาณใดที่เหมาะสมกับการประมาณค่าในสถานการณ์นั้นๆ

### 3.3 ขั้นตอนในการทำงานของโปรแกรม

สำหรับขั้นตอนในการทำงานของโปรแกรมการคำนวณค่าสัมประสิทธิ์ความเชื่อมั่นจากการทดลอง และค่าความยาวเฉลี่ยของช่วงความเชื่อมั่น สามารถสรุปเป็นผังงานได้ตามรูปที่ 3.1



รูปที่ 3.1



รูปที่ 3.1 (ต่อ)