STUDY ON MECHANICAL PROPERTIES OF CONTEMPORARY COMPOSITES



Jirawut Junkasem

A Dissertation Submitted in Partial Fulfilment of the Requirements for the Degree of Doctor of Philosophy The Petroleum and Petrochemical College, Chulalongkorn University in Academic Partnership with The University of Michigan, The University of Oklahoma, and Case Western Reserve University 2008

512024

Thesis Title:	Study on the mechanical properties of contemporary	
	composites	
By:	Jirawut Junkasem	
Program:	Polymer Science	
Thesis Advisors:	Assoc. Prof. Pitt Supaphol	

Accepted by the Petroleum and Petrochemical College, Chulalongkorn University, in partial fulfilment of the requirements for the Degree of Doctor of Philosophy.

Nantaya Janumet College Director

(Assoc. Prof. Nantaya Yanumet)

Thesis Committee:

Nantayon Janumit

(Assoc. Prof. Nantaya Yanumet)

Ratana Rujisavani)

(Assoc.Prof. Ratana Rujiravanit)

121

(Assoc. Prof. Pitt Supaphol)

munathoning

(Assoc.Prof. Anuvat Sirivat)

Stipe Zir.

(Assoc.Prof. Ittipol Jangchud)

ABSTRACT

4482001063:	Polymer Science Program
	Jirawut Junkasem: Studies on Mechanical Properties of
	Contemporary Composites.
	Thesis Advisors: Assoc. Prof. Pitt Supaphol 119 pp.
Keywords:	Mechanical properties/ Composites/ Nanocomposite Nanofibers

Composites are materials that their properties are obtained synergistically from their constituents. Due to the wide variety of materials, myriad combinations of materials can be chosen to arrive at composite materials of diverse properties. In this work, composites are classified into three types, depending on the size of reinforcing materials. The first type is macro-composite, in which the size of the reinforcing fillers is greater than 100 micrometers. The second type is micro-composite, in which the size of the reinforcing fillers is in the micrometer to sub-micrometer range. The third type is nano-composite, in which the size of the reinforcing fillers is less than 100 nanometers.

For the macro-composite system investigated in this work, four types of natural fibers from roselle plant (*Hibiscus sabdariffa* L.), i.e., (1) bast fibers (BF; the weight ratio of bast/core fibers = 100/0), (2) core fibers (Core; the weight ratio of bast/core fibers = 0/100), (3) whole-stalk fibers (WS; the weight ratio of bast/core fibers = 40/60), and (4) core-added whole-stalk fibers (WC; the weight ratio of bast/core = 20/80), were used as reinforcing fillers in injection-molded isotactic polypropylene (iPP) composites. Processibility and mechanical properties of the resulting composites were investigated against the types and the mean sizes of the fibers. The results showed that the highest mechanical properties were observed when BF was incorporated. When WS fibers were used, moderate mechanical properties of the resulting composites were realized. The optimal contents of the WS fibers and the maleic anhydride-grafted iPP compatibilizer that resulted in an improvement in some of the mechanical properties of the resulting composites of the resulting composites of the resulting composites of the resulting composites were realized. The optimal contents of the WS fibers and the maleic anhydride-grafted iPP compatibilizer that resulted in an improvement in some of the mechanical properties of the resulting composites were versulting composites were 40 and 7 wt %, respectively.

For micro-composite system investigated in this work, nylon 4, 6 nanofibers prepared from electrospinning process were used as reinforcing materials in the poly(vinyl alcohol) (PVA) composite films. The nylon 4, 6 as-spun fibers exhibited the average diameter about 116 nm. Successful incorporation of nylon 4, 6 as-spun fibers was verified by scanning electron microscope (SEM). The incorporation of the nylon 4, 6 nanofibers increased the Young's modulus from 54.31 MPa to 145.75 MPa and further increase with increasing the amount of nylon 4,6 nanofibers. Halpin-Tsai model was used to compare with the data from experiment. It was found that Hapin-Tsai model can be applied to predict the composite properties especially Young's modulus.

For the nano-composite system instigated in this work, another type of natural nanofillers prepared from α -chitin flakes from *Penaeus merguiensis* shrimp shells (i.e., α -chitin whiskers) were used as reinforcing fillers in electrospun poly(viny) alcohol) (PVA) nanocomposite nanofibers. The as-prepared chitin whiskers exhibited lengths in the range of 231-969 nm and widths in the range of 12-65 nm, with the average length and width being about 549 and 31 nm, respectively. Successful incorporation of the chitin whiskers within the as-spun PVA/chitin whisker nanofibers nanocomposite was verified by infrared spectroscopic and thermogravimetric methods. The incorporation of chitin whiskers within the as-spun nanocomposite fiber mats increased the Young's modulus by about 4-8 times over that of the neat as-spun PVA fiber mat. The influence of the chitin whiskers on dynamic mechanical properties and crystallization behaviour of the PVA matrix in the composites were further investigated by dynamic mechanical analysis (DMA), wide angle X-ray diffraction (WAXD), and differential scanning calorimeter (DSC). The results shown that chitin whisker incorporate in the amorphous region of the PVA and inhibit the crystallization of PVA by forming the hydrogen bonding with PVA chain leading to the reducing in the percent crystallinity of PVA.

บทคัดย่อ

จิระวุฒิ จันเกษม : การศึกษาคุณสมบัติเชิงกลของสารประกอบชนิคต่าง ๆ (Studies on Mechanical Properties of the Contemporary Composites) อ. ที่ปรึกษา : รศ. คร. พิชญ์ ศุภ ผล 119 หน้า

วัสดุประกอบเป็นวัสดุมีสมบัติพิเศษซึ่งเกิดจากการรวมกันของวัสดุมากกว่า 2 ชนิดขึ้น ใป เนื่องจากวัสดุประกอบสามารถเลือกใช้วัสดุใดๆก็ได้ เพื่อเป็นวัสดุหลักและวัสดุเสริมแรง ส่งผลทำให้นักวิจัยสามารถที่จะออกแบบและเลือกองค์ประกอบต่างๆ ได้อย่างอิสระ ในงานวิจัยนี้ ได้ทำการแบ่งวัสดุประกอบออกเป็น 3 ประเภท ตามขนาดของวัสดุเสริมแรง ประเภทแรกเรียกว่า "แมคโครคอมโพสิต" วัสดุเสริมแรงจะมีขนาดใหญ่กว่า 100 ไมครอน ประเภทที่สองเรียกว่า "ไม โครคอมโพสิต" วัสดุเสริมแรงจะมีขนาดใหญ่กว่า 100 ไมครอน ประเภทที่สองเรียกว่า "ไม โครคอมโพสิต" วัสดุเสริมแรงจะมีขนาดอยู่ในระดับ ไมครอนถึงซับไมครอน และวัสดุประกอบ ประเภทสุดท้ายเรียกว่า "นาโนคอมโพสิต" ซึ่งวัสดุเสริมแรงจะมีขนาดอยู่ในระดับซับไมครอนถึง นาโนเมตร

สำหรับแมคโครคอมโพสิต งานวิจัยนี้ทำการศึกษาเส้นใยธรรมชาติ 4 ชนิดที่ได้มาจาก ด้นกระเจี๊ยบ ประกอบด้วย 1)เส้นใยส่วนเปลือก 2)เส้นใยส่วนแกน 3)เส้นใยจากต้น และ 4)เส้นใย จากค้นที่ทำการเพิ่มเส้นใยแกน เพื่อเป็นตัวเสริมแรงให้กับไอโซแทคติค พอลิโพรพิลีนที่ใช้ในงาน ขึ้นรูปแบบฉีด ทั้งนี้ได้ทำการศึกษา ผลของปริมาณ ขนาด และประเภทของเส้นใยกระเจี๊ยบ ผล ของปริมาณสารเพิ่มความเข้ากันได้ ที่มีต่อคุณสมบัติเชิงกลและความสามารถในการขึ้นรูปซึ้นงาน ของวัสดุประกอบ จากการศึกษาพบว่าเส้นใยส่วนเปลือกนั้นสามารถเสริมแรงได้ดีที่สุด ในขณะที่ เส้นใยจากค้นนั้นสามารถเสริมแรงได้ในระดับปานกลาง เนื่องจากการใช้งานเส้นใยจากค้นนั้น ง่ายที่สุด เพราะไม่งำเป็นต้องมีกระบวนการแยกเส้นใย จึงได้ทำการศึกษาเพิ่ม เพื่อหาสัดส่วนที่ เหมาะสม พบว่าวัสดุประกอบที่มีเส้นใยจากค้น 40 เปอร์เซ็นต์โดยน้ำหนัก ให้ค่าคุณสมบัติเชิงกล ที่ดีที่สุด นอกจากนี้ยังพบว่าสัดส่วนของสารเพิ่มความเข้ากันได้ที่ดีที่สุด คือ 7 เปอร์เซ็นต์โดย น้ำหนัก

ส่วนของมาโครคอมโพสิตนั้น ในงานวิจัยนี้ได้ใช้เส้นใยในลอน 4,6 ที่แตรียมด้วยวิธี ดารปั่นเส้นใยด้วยไฟฟ้าสถิตย์ ซึ่งมีขนาดเส้นใยเฉลี่ยเป็น 116 นาโนเมตร เพื่อนำไปใช้เป็นวัสดุ เสริมแรงให้กับพอลิไวนิลแอลกอฮอล์ จากการศึกษาพบว่า เส้นใยในลอน 4,6 นั้นสามารถเพิ่มค่า คุณสมบัติเชิงกลของแผ่นฟิลม์พอลิไวนิลแอลกอฮอล์ได้ดี นอกจากนี้ในงานวิจัยนี้ยังแสดงให้เห็น ว่าคุณสมบัติเชิงกลของวัสดุประกอบนั้นสามารถที่จะใช้สมการทางคณิตศาสตร์เพื่อทำการ ประมาณค่าได้ ทั้งนี้สมการที่เลือกมาใช้ คือ สมการของ ฮาลปิน-ไซ (Halpin-Tsai) ซึ่งเป็น สมการที่ใช้กันอย่างแพร่หลายในงานวิจัยอื่นๆ รวมถึงในอุตสาหกรรมอีกด้วย

ในส่วนของนาโนคอมโพสิตนั้น เส้นใยธรรมชาติไคติน วิสเกอร์ ซึ่งเตรียมจากเปลือกกุ้ง ได้ถูกนำมาใช้เพื่อเสริมแรงพอลิไวนิลแอลกอฮอล์ ซึ่งจะเตรียมด้วยเทคนิคการปั่นเส้นใยด้วย ไฟฟ้าสถิตย์ จากการศึกษาพบว่าไคติน วิสเกอร์ ที่เตรียมได้นั้นจะมีความยาวอยู่ในช่วง 231–969 นาโนเมตร และความกว้าง 12–65 นาโนเมตร ซึ่งเฉลี่ยแล้วจะมีขนาด 549×31 นาโนเมตร การ ตรวจสอบด้วยอินฟาเรดและเทคนิคการตรวจสอบด้วยน้ำหนักถูกนำมาใช้ เพื่อทำการยืนยันถึง ความสำเร็จในการเตรียมนาโนคอมโพสิต ทั้งนี้พบว่าการเติมไคติน วิสเกอร์ ทำให้คุณสมบัติ เชิงกลของวัสดุเพิ่มขึ้น นอกจากนี้ได้ทำการศึกษาเพิ่มเติมในส่วนของพฤติกรรมการตกผลึกและ คุณสมบัติเชิงกลแบบไดนามิก ด้วยเครื่องมือวิเคราะห์คุณสมบัติเชิงกลแบบไดนามิก เครื่องฉาย รังสีเอ็กเรย์แบบมุมกว้าง และเครื่อง ติฟเฟอเรนเซียล สแกนนิง แคลอรีเมทรี จากการศึกษาพบว่า ไคติน วิสเกอร์นั้น มีส่วนในการยับยั้งขั้นตอนการตกผลึกของพอลิไวนิลแอลกอฮอล์ (ซึ่งปกติแล้วพอลิไวนิล แอลกอฮอล์จะอาศัยพันธะไฮโดรเจนนี้ในการตกผลึก) ส่งผลให้ปริมาณของผลึกของพอลิไวนิล แอลกอฮอล์ในวัสดุประกอบลดลง

ACKNOWLEDGEMENTS

The author is grateful for the partial scholarship and partial funding of the thesis work provided by the Petroleum and Petrochemical College; and the National Excellence Center for Petroleum, Petrochemicals, and Advanced Materials, Thailand.

This work was also supported in parts by the Thailand Research Fund (TRF) through the Royal Golden Jubilee PhD Program (2.L.CU/47/H.1).

TABLE OF CONTENTS

			PAGE
	Title P	age	i
	Abstra	ct (in English)	iii
	Abstra	ct (in Thai)	v
	Ackno	wledgements	vii
	Table	of Contents	viii
	List of Tables		xi
	List of Figures		xii
	Abbreviations		xviii
	List of	Symbols	xix
СНА	PTFR		
CIIA	T	INTRODUCTION	1
	1	INTRODUCTION	1
	11	LITERATURE REVIEW	4
	ш	EXPERIMENTAL	12
	IV	MECHANICAL PROPERTIES OF INJECTION-MOLDEI)
		ISOTACTIC POLYPROPYLENE/ROSELLE FIBER	
		COMPOSITES	17
		4.1 Abstract	17
		4.2 Introduction	17
		4.3 Experimental	18
		4.4 Results and Discussion	21
		4.5 Conclusions	26
		4.6 Acknowledgements	27
		4.7 References	27

ix

V	FABRICATION OF α -CHITIN WHISKER-REINFO	ORCED
	POLY(VINYL ALCOHOL) NANOCOMPOSITE NANOFIBERS	
	BY ELECTROSPINNING	42
	5.1 Abstract	42
	5.2 Introduction	42
	5.3 Experimental	44
	5.4 Results and Discussion	46
	5.5 Conclusions	51
	5.6 Acknowledgements	52
	5.7 References	52

VI DYNAMIC MECHANICAL PROPERTIES OF α-CHITIN WHISKER-REINFORCED POLY(VINYL ALCOHOL) NANOCOMPOSITE NANOFIBERS 6.1 Abstract 6.2 Introduction 6.3 Experimental 6.4 Results and Discussion 6.5 Conclusions

6.6	Acknowledgements	77
6.7	References	78

.

66

66

66

68

71

76

CHAPTER

-

MECHANICAL PROPERTIES OF NYLON 4,6 VП NANOFIBERS - REINFORCED POLY(VINYL ALCOHOL) 95 7.1 Abstract 95 7.2 Introduction 95 7.3 Experimental 96 7.4 Results and Discussion 98 7.5 Conclusions 102 7.6 Acknowledgements 102 7.7 References 103

VIII CONCLUSIONS AND RECOMMENDATIONS 115

CURRICULUM VITAE	118
CURRICULUM VITAE	113

PAGE

LIST OF TABLES

	TABI	∠E	PAGE
		СНАРТЕК П	
	2.1	The summarizes ζ factor for many typical geometries	8
		CHAPTER IV	
	4.1	The formations of as-prepared composite	28
	4.2	Diameter and length of the as-prepared roselle fibers	29
		CHAPTER V	
	5.1	Composition of PVA solution and PVA/chitin whiskers	
	7	mixtures	55
		CHAPTER VI	
	6.1	The composition of the PVA solution, PVA/chitin whiskers mixture	es and
		solid phase	81
1.2	6.2	The percent crystallinity and glass transition temperature of compo	sites from
		DSC	82
		СНАРТЕК VII	
	7.1	Surface area and porosity of nylon 4, 6 nanofibers	105
	7.2	The composition of nylon 4,6 as-spun fibers from TGA	106
	7.3	The Bulk density, weight fraction and volume fraction of nylon 4,6	as-spun
		fibers	107

LIST OF FIGURES

FIGURE

. •

5

PAGE

30

31

32

33

СНАРТЕК П

2.1	Applied force parallel to the fibers axis (parallel slab model)	5
2.2	Applied force perpendicular to the fibers axis (series slab	
	model)	6
2.3	Rule-of-mixtures predictions for longitudinal (E_1) and transverse (E_2)	
	modulus, for glass-polyester composite ($E_f = 73:7$ MPa, $Em = 4$ GPa).	
	Experimental data was taken from Hull (1996)	7
2.4	The set up of electrospinning process	8

CHAPTER III

3.1	Chemical structure of the three pigments investigated: (a)	
	quinacridone or 'Pigment Red 122', (b) phthalocyanine or	
	'Pigment Blue 25', and (c) diarylide or 'Pigment Yellow 83'	17

CHAPTER IV

4.1	Lengths of as-prepared roselle (core, WS, or WC) fibers: (a)
	mesh <20, (b) mesh 20–30, (c) mesh 30–50, and (d) mesh >50

- 4.2 SEM images of (a) bast (×100), (b) core (×100), (c) bast (×1000), and (d) core fibers (×1000)
- 4.3 Derivative TGA spectra of roselle bast, WS, WC, and core fibers
- 4.4 (a) Tensile strength at yield, (b) elongation at yield, and (c)
 Young's modulus for all the as-prepared roselle fiber-reinforced iPP composite materials at a fixed fiber loading of 30 wt %

FIGURE

xiii

4.5	Izod impact resistance for all the as-prepared roselle fiber-	
	reinforced iPP composite materials at a fixed fiber loading of	
	30 wt %	34
4.6	SEM images of surfaces of some impact specimensof (a) bast	
	fiber-reinforced HP500N, (b) WS (20 -50) fiber-reinforced	
	HP500N, and (c) Core (20 -30) fiber-reinforced HP500N	
	composites at a fixed fiber loading of 30 wt %	35
4.7	(a) Flexural strength and (b) flexural modulus for all the as-	
	prepared roselle fiber-reinforced iPP composite materials at a	
	fixed fiber loading of 30 wt %	36
4.8	(a) Tensile strength at yield and Young's modulus and (b)	
	elongation at yield and Izod impact resistance for pure and	
	WS (20-40) fiber-reinforced iPP composites of varying fiber	
	content (ranging from 10 to 50 wt %)	37
4.9	Flexural strength and flexural modulus for pure and WS (20-	
	40) fiber-reinforced iPP composites of varying fiber content	
	(ranging from 10 to 50 wt %)	38
4.10	(a) Tensile strength at yield and Young's modulus and (b)	
	elongation at yield and Izod impact resistance for	
	uncompatibilized and compatibilized 40 wt % WS (20-40)	
	fiber-reinforced iPP composites of varying MAPP content	
	(ranging from 1 to 10 wt %)	39
4.11	Flexural strength and flexural modulus for uncompatibilized	
	and compatibilized 40 wt % WS (20-40) fiber-reinforced iPP	
	composites of varying MAPP content (ranging from 1 to 10	
	wt %)	40

PAGE

41

FIGURE

4.12 SEM images of surfaces of some impact specimens of 40 wt % WS (20-40) fiber-reinforced iPP composites compatibilized with (a) 1, (b) 3, (c) 5, (d) 7, and (e) 10 wt % MAPP

CHAPTER V

5.1	Selected TEM images of chitin whiskers from dilute	
	suspension of chitin whiskers prepared by acid hydrolysis of	
	chitin flakes from shells of Penaeus merguiensis shrimps	56
5.2	The distribution of length and width of chitin whiskers from	
	TEM.	57
5.3	Viscosity and conductivity of neat PVA solution and	
	PVA/chitin whiskers mixtures	58
5.4	Selected SEM images of electrospun fibers from a) neat PVA	
	solution and PVA/chitin whiskers mixtures containing b)	
	2.55%, c) 5.11%, d) 7.66%, e) 10.11%, f) 12.76%, g)	
	15.17%, h) 17.74%, and I) 25.38% of chitin whiskers. The	
	scale bar represents 5 μ m. The average fiber diameter of	
	these fiber mats was 175, 185, 210, 216, 213, 216, 218, 216,	
	and 214 nm, respectively	59
5.5	The statistical analysis of diameter of as-spun nanofibers from	
	a) neat PVA solution and PVA/chitin whiskers mixtures	
	containing b) 2.55%, c) 5.11%, d) 7.66%, e) 10.11%, f)	
	12.76%, g) 15.17%, h) 17.74%, and I) 25.38% of chitin	
	whiskers. The scale bar represents 5 μ m. The average fiber	
	diameter of these fiber mats was 175, 185, 210, 216, 213,	
	216, 218, 216, and 214 nm, respectively	60

FIGURE

5.6 FT-IR spectra of electrospun fiber mats and solution-cast films from a) neat PVA solution and PVA/chitin whiskers mixtures containing b) 2.55%, c) 5.11%, d) 7.66%, e) 10.11%, f) 12.76%, g) 15.17%, h) 17.74%, and I) 25.38% of 61 chitin whisker 5.7 Derivative TGA thermograms of electrospun fiber mats and solution-cast films from a) neat PVA solution and PVA/chitin whiskers mixtures containing b) 2.55%, c) 5.11%, d) 7.66%, e) 10.11%, f) 12.76%, g) 15.17%, h) 17.74%, and I) 25.38% of chitin whisker as well as j) as-prepared chitin whiskers 62 5.8 Tensile strength, Young's modulus, elongation at break, and thickness of electrospun fiber mats from neat PVA solution and PVA/chitin whiskers mixtures containing 2.55% to 63 25.38% of chitin whisker 5.9 Tensile strength, Young's modulus, elongation at break, and thickness of solution-cast films from neat PVA solution and PVA/chitin whiskers mixtures containing 2.55% to 25.38% 64 chitin whisker 5.10 Specific tensile strength and specific Young's modulus of electrospun fiber mats and solution-cast films from neat PVA solution and PVA/chitin whiskers mixtures containing 2.55% 65 to 25.38% of chitin whisker **CHAPTER VI** 6.1 SEM micrograph of the nanocomposite nanofibers of (a) neat PVA, (b) 2.51 wt%, (c) 4.87 wt%, (d) 7.12 wt%, (e) 9.25

6.2 Picture Image (2D-WAXD) of all samples from the X-Ray Diffraction

wt%, and (f) 11.38 wt% of chitin whisker

84

83

FIGURE PAGE 6.3 WAXD patterns of the nanocomposite films and nanofibers of (a) neat PVA, (b) 2.51 wt%, (c) 4.87 wt%, (d) 7.12 wt%, (e) 85 9.25 wt%, and (f) 11.38 wt% of chitin 6.4 The deconvolution of XRD pattern of neat-PVA film and 11.38 wt.% chitin whiskers film 86 6.5 The relative percent crystallinity of the PVA in films and fibers 87 from the WAXD results 6.6 The relationship between storage modulus and temperature of 88 films and fibers Compare storage modulus (E') between neat-PVA film and 6.7 89 electrospun fibers 6.8 Tan δ versus temperature 90 The relationship between glass transition temperature and 6.9 amount of added chitin whiskers as determined by the maximum in tan δ for both films and electrospun fibers. Lines drawn to guide the eye 91 92 6.10 The first heating DSC of films and electrospun fibers 6.11 Percent Crystallinity of PVA from the first heating scan of 93 DSC 6.12 The cooling and second heating scan of both films and 94 electrospun fibers

CHAPTER VII

7.1	SEM micrograph of the Nylon 4,6 nanofiber mats	108
7.2	Size distribution of nylon 4,6 nanofibers	
7.3	SEM images show the fiber formation of nylon 4,6 in the	
	composite films.	110

FIGURE

PAGE

7.4	Derivative TGA curve of nylon 4,6 as-spun fibers, PVA films,			
	and all composites	111		
7.5	Tensile properties of the nylon 4,6 composites	112		
7.6	The experiment data was fitted by using the Halpin-Tsai			
	model	113		
7.7	XRD results of nylon 4,6 as-spun fibers, PVA film, and all			
	composites	114		

0.7

ABBREVIATIONS

	iPP	isotactic polypropylene
	MAPP	maleic anhydride-grafted isotactic polypropylene
	MFR	melt-flow rate
	PVA	poly(vinyl alcohol)
	DH	degree of hydrolysis
	BF	bast fibers
	WS	whole-stalk fibers
	WC	core-added whole-stalk fibers
	ASTM	american society for testing and materials
	SEM	scanning electron microscope
54 ·	TEM	transmission electron microscope
	FT-IR	fourier-transformed infrared spectroscope
	TGA	thermogravimetric analyzer
	DMA	dynamic mechanical analysis
	WAXD	wide angle x-ray diffraction
	DSC	differential scanning calorimeter

xviii

• •

....

LIST OF SYMBOLS

V_{f}	volume fraction of fiber
Vm	volume fraction of matrix
σ_1	applied stress (parallel direction)
$\sigma_{\rm f}$	stress in fiber
σ_{m}	stress in matrix
ε1	strain of composite in the parallel direction
٤f	strain of fiber
ε _m	strain of matrix
E ₁	modulus of composite in the parallel direction
Ef	modulus of fiber
Em	modulus of matrix
σ_2	applied stress (transverse direction)
ε2	strain of composite in the transverse direction
E_2	modulus of composite in the transverse direction
ζ	geometry parameter
Pc	property of a composite
P_{f}	property of a reinforce phase (or fiber)
P_m	property of a matrix
L	length of fiber (or whisker)
D	diameter of fiber (or whisker)
θ	scattering angle
Tg	glass transition temperature
T _m	melting temperature

xix

.