



## บทที่ 3

### วิธีการดำเนินงานวิจัย

#### 3.1 วัสดุอุปกรณ์ และสารเคมี

##### 3.1.1 วัสดุอุปกรณ์

- 1.) เครื่องชั่งน้ำหนักชนิดละเอียด
- 2.) เครื่องแก้วสำหรับวัดตวง
- 3.) ไมโครปิเปต
- 4.) ครกบดตัวอย่าง
- 5.) เตาอบวัสดุ
- 6.) ครกอะเกต
- 7.) เครื่องวัดพีเอช (pH Meter)
- 8.) เครื่องย่อยสลายด้วยไมโครเวฟ (Microwave Digester)
- 9.) ขวดพลาสติกสำหรับบรรจุตัวอย่าง
- 10.) หลอดพลาสติกสำหรับ Centrifuge
- 11.) เครื่อง ICP (Inductively Coupled Plasma Spectrometer)
- 12.) เครื่อง FTIR (Fourier Transform Infrared Spectroscopy)
- 13.) กล้องจุลทรรศน์อิเล็กตรอนแบบส่องกราด, SEM (Scanning Electron Microscope)
- 14.) เครื่องเอ็กซ์เรย์ดิฟแฟรคชันสเปกโตรมิเตอร์, XRD (X-Ray Diffraction Spectrometer)
- 15.) เครื่อง AAs (Flame Atomic Absorption Spectrophotometer)
- 16.) เครื่องกวนเขย่าแบบหมุน (Rotary Agitator)

##### 3.1.2 สารเคมี

- 1.) โพแทสเซียมโบรไมด์ (KBr)
- 2.) กรดซัลฟูริก ( $H_2SO_4$ )
- 3.) กรดไนตริก ( $HNO_3$ )
- 4.) กรดบอริก ( $H_3BO_3$ )
- 5.) กรดไฮโดรฟลูออริก (HF)

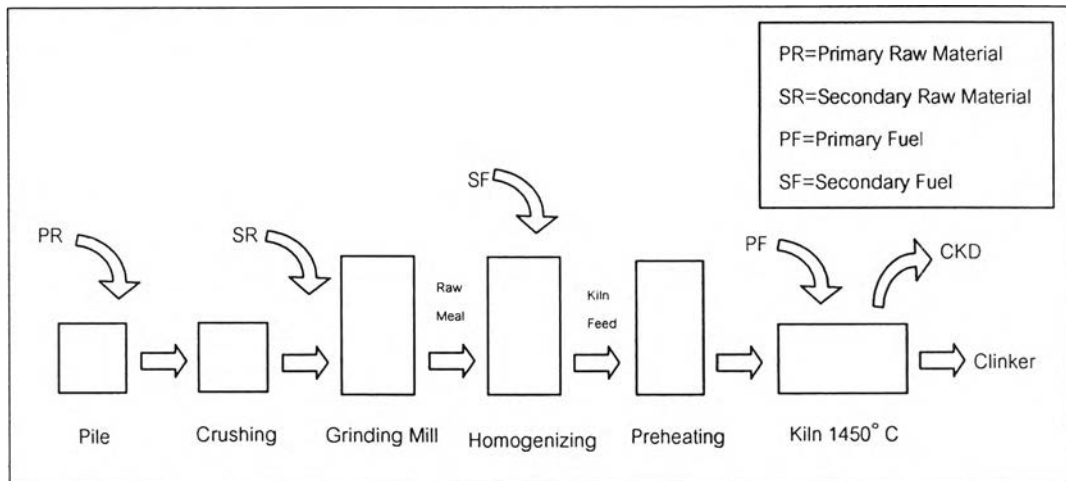
- 6.) กรดไฮโดรคลอริก (HCl)
- 7.) สารละลายมาตรฐานความเข้มข้น 1,000 มก./ล. ของโลหะหนัก 18 ชนิด คือ Ag As Ba Be Cd Co Cr Cu Ga Hg Mn Ni Pb Se Sr Tl V และ Zn
- 8.) กรดไฮโดรเจนเปอร์คลอไรด์ (HClO<sub>4</sub>)
- 9.) แมกนีเซียมคลอไรด์ (MgCl<sub>2</sub>)
- 10.) โซเดียมอะซิเตต (NaOAc)
- 11.) ไฮดรอกซีลามีน ไฮโดรคลอไรด์ (NH<sub>2</sub>.OH.HCl)
- 12.) กรดอะซิติก (HOAc)
- 13.) แอมโมเนียมอะซิเตต (NH<sub>4</sub>OAc)
- 14.) ไฮโดรเจนเปอร์ออกไซด์ (H<sub>2</sub>O<sub>2</sub>)

### 3.2 ตัวอย่างที่ใช้ในการวิจัย

#### 3.2.1 ข้อมูลกระบวนการผลิตของบริษัทปูนซีเมนต์นครหลวง จำกัด (มหาชน)

จากการสอบถามข้อมูลจากทางบริษัทปูนซีเมนต์นครหลวง จำกัด (มหาชน) ที่จังหวัดสระบุรี เชื้อเพลิงทดแทนที่เข้ามาส่วนใหญ่มักเป็นกากของเสียในรูปของแข็ง เช่น กากข้าวโพดและแกลบ มีปริมาณประมาณ 10-20 ตันต่อวัน ส่วนเชื้อเพลิงหลักซึ่งคือถ่านหินและลิกไนต์มีปริมาณประมาณ 1,000 ตันต่อวัน

สำหรับวัตถุดิบ เชื้อเพลิง ทั้งประเภทหลักและทดแทนมีการป้อนเข้าสู่กระบวนการในสามจุดด้วยกัน จุดแรกคือกองวัตถุดิบก่อนการย่อยขนาดเป็นชิ้นเล็กๆ (Pile) จะมีการเติมวัตถุดิบหลักในจุดนี้ จุดที่สองคือขั้นก่อนการบดละเอียดเป็นผงฝุ่นในหม้อบดขนาดใหญ่ (Grinding Mill) จะมีการเติมวัตถุดิบทดแทน เช่น ตัวเร่งปฏิกิริยา แก้วลอยและถ่านหินในจุดนี้ และจุดที่สามคือขั้นการทำให้เป็นเนื้อเดียวกันในไซโลผสมวัตถุดิบ (Homogenizing Silo) จะมีการเติมเชื้อเพลิงทดแทนในจุดนี้ ส่วนเชื้อเพลิงหลักมีการเติมโดยตรงเข้าสู่เตาเผาปูนซีเมนต์ ซึ่งทางฝ่ายตรวจสอบคุณภาพหรือ QA ของทางบริษัทจะมีการสุ่มตรวจตัวอย่างชั่วโมงละ 1 ครั้งบริเวณจุดต่างๆของกระบวนการผลิตเพื่อตรวจสอบให้ได้ตามมาตรฐานลักษณะการป้อนวัตถุดิบ เชื้อเพลิง ทั้งประเภทหลักและทดแทนสามารถสรุปได้ดังรูปที่ 3.1



รูปที่ 3.1 รายละเอียดจุดที่มีการเติมวัตถุดิบและเชื้อเพลิงทั้งประเภทหลัก (Primary) และทดแทน (Secondary) เข้าสู่กระบวนการผลิตปูนซีเมนต์ของบริษัทปูนซีเมนต์นครหลวง จำกัด (มหาชน)

### 3.2.2 ตัวอย่างที่ใช้ในการวิจัย

ตัวอย่างที่นำมาวิเคราะห์ในครั้งนี้ ได้รับความอนุเคราะห์จากบริษัทปูนซีเมนต์นครหลวง จำกัด (มหาชน) โดยจะทำการเก็บตัวอย่างทั้งหมดครอบคลุมส่วนต่างๆ ของกระบวนการผลิตจริงในโรงงานผลิตปูนซีเมนต์ (โรงงานที่ 2) ที่มีการใช้วัตถุดิบและเชื้อเพลิงทดแทนร่วมกับวัตถุดิบและเชื้อเพลิงหลักในกระบวนการ

ในการเก็บตัวอย่างมีวิธีการเก็บเป็นแบบแบตช์ (Batch) จำนวน 3 ครั้งต่ออาทิตย์ จำนวนครั้งหรือตัวอย่างที่ต้องการคือ 30 กะ (1 กะ คือ 1 วัน) ระยะเวลาที่เก็บตัวอย่างเริ่มตั้งแต่เดือนกันยายน 2547 ถึง กุมภาพันธ์ 2548 ในการเก็บตัวอย่างของปูนเม็ดจะเก็บจากส่วนที่ยังไม่มีการผสมยิปซัม ปริมาณที่ต้องการเก็บตัวอย่างคือ 7 กิโลกรัม ส่วนฝุ่นปูนจะทำการเก็บตัวอย่างจากเครื่องกำจัดฝุ่นละออง (Electrostatic Precipitators: EP) ปริมาณที่ต้องการเก็บตัวอย่างคือ 2 กิโลกรัม

สำหรับตัวอย่างที่นำมาวิเคราะห์ประกอบด้วย ฝุ่นปูน ปูนเม็ด ส่วนผสมของกากอาหารสัตว์ หินปูน (Limestone) เถ้าลอย (Fly Ash) เถ้าหนัก (Bottom Ash) เชื้อเพลิงหลักในการเผา (Main Burner) หินเชลอะลูมินาสูง (Shale Mix) หินเชลซิลิกาสูง (Shale Core) หินดินดานหรือแร่เหล็ก (Iron-Ore) Kiln-Feed และคะตะลิสต์ (Catalyst) ซึ่งแต่ละตัวมีความหมายและแยกเป็นประเภทได้ดังนี้

- 1.) วัตถุดิบหลัก ได้แก่ หินปูน แร่เหล็ก หินเชลอะลูมินาสูง และหินเชลซิลิกาสูง
- 2.) วัตถุดิบทดแทน ได้แก่ เถ้าลอย เถ้าหนัก และคะตะลิสต์ ซึ่งต่างเป็นกากของเสียจากอุตสาหกรรมที่ใช้ร่วมในการผลิต

- 3.) ส่วนผสมที่ผ่านการผสมเป็นเนื้อเดียวกันก่อนเข้าสู่เตาเผาซีเมนต์ ได้แก่ Kiln Feed
- 4.) เชื้อเพลิงหลัก ได้แก่ Main Burner (ส่วนผสมของลิกไนต์ บิทูมินัส และถ่านหิน) ซึ่งทำให้เกิดการเผาไหม้ในเตาเผา
- 5.) เชื้อเพลิงทดแทน ได้แก่ กากลิกไนต์ และส่วนผสมของกากอาหารสัตว์ ได้แก่ กากผลิตภัณฑ์อาหารสัตว์ กากข้าวโพด แกลบ และเศษถั่วผลิตภัณฑ์(บรรจุอาหารสัตว์)
- 6.) ผลิตภัณฑ์ที่ได้จากกระบวนการเผาซีเมนต์ ได้แก่ ฝุ่นปูน และปูนเม็ด

### 3.3 ขั้นตอนการวิจัย

ในการวิจัยครั้งนี้ แบ่งการศึกษาออกเป็น 4 ส่วน คือ

- 1.) การศึกษาชนิดและปริมาณของโลหะหนักในตัวอย่างจากส่วนต่างๆ ของกระบวนการผลิตปูนซีเมนต์
  - 1.1) ตรวจวัดด้วยเครื่อง ICP
- 2.) การศึกษาสถานภาพของโลหะหนักในปูนซีเมนต์โดยสังเกตจากลักษณะทางกายภาพ
  - 2.1) ตรวจวัดด้วยเครื่อง SEM
- 3.) การศึกษาสถานภาพของโลหะหนักในปูนซีเมนต์โดยสังเกตจากลักษณะทางเคมี
  - 3.1) ตรวจวัดด้วยเครื่อง XRD
  - 3.2) ตรวจวัดด้วยเครื่อง FTIR
  - 3.3) ตรวจวัดด้วยวิธี Sequential Extraction
- 4.) การศึกษาสมดุลมวลที่เข้าและออกจากระบบการผลิตซีเมนต์ และการศึกษาความสัมพันธ์ของชนิดที่มา และปริมาณของโลหะหนักด้วยโปรแกรมทางสถิติ SPSS

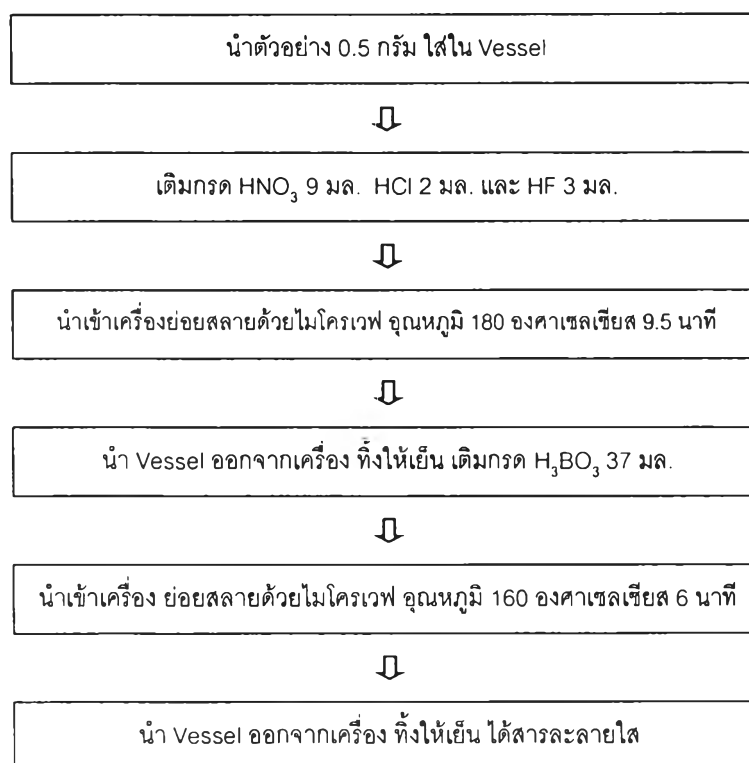
### 3.4 การดำเนินการวิจัย

3.4.1 การศึกษาที่ 1 การศึกษาชนิดและปริมาณของโลหะหนักในตัวอย่างจากส่วนต่างๆ ของกระบวนการผลิตปูนซีเมนต์

นำตัวอย่างของวัตถุดิบ เชื้อเพลิงทั้งชนิดหลักและทดแทน จากหัวข้อที่ 3.2.2 รวมทั้งผลิตภัณฑ์จากกระบวนการผลิตซีเมนต์ คือ ปูนเม็ดและฝุ่นปูน มาทำการย่อยสลายด้วยเครื่องย่อยสลายด้วยไมโครเวฟ (Microwave Digester) โดยใช้วิธีมาตรฐานที่ 3052 ขององค์การพิทักษ์สิ่งแวดล้อมแห่งสหรัฐอเมริกา (United State Environmental Protection Agency: US EPA) เพื่อให้ได้ตัวอย่างที่มีลักษณะเป็นของเหลวใส จากนั้นทำการวิเคราะห์ชนิดและปริมาณของโลหะหนักในตัวอย่างดังกล่าวด้วยเครื่อง ICP

ขั้นตอนการย่อยสลายด้วยเครื่องย่อยสลายด้วยไมโครเวฟ รูปดังรูปที่ 3.2 โดยมีรายละเอียดดังนี้

- 1.) นำตัวอย่างที่ต้องการย่อยสลายปริมาณ 0.5 กรัม ใส่ลงใน Vessel
- 2.) เติมนกรดไนตริก 9 มิลลิลิตร กรดไฮโดรคลอริก 2 มิลลิลิตร และกรดไฮโดรฟลูออริก 3 มิลลิลิตร ลงใน Vessel ปิดฝาแล้วนำเข้าเครื่องย่อยสลายด้วยไมโครเวฟ กำหนดอุณหภูมิที่ 180 องศาเซลเซียส ระยะเวลาย่อยสลาย 9.5 นาที
- 3.) นำ Vessel ออกจากเครื่อง ทิ้งให้เย็นตัวลง จากนั้นเติมนกรดบอริก 37 มิลลิลิตร ปิดฝาแล้วนำเข้าเครื่องย่อยสลายด้วยไมโครเวฟอีกครั้ง กำหนดอุณหภูมิที่ 160 องศาเซลเซียส ระยะเวลาย่อยสลาย 6 นาที
- 4.) นำ Vessel ออกจากเครื่อง ทิ้งให้เย็นลง จากนั้นนำสารละลายที่ได้มาปรับปริมาตรด้วยน้ำ DI (Deionized Water) และใส่ในขวดพลาสติกที่เตรียมไว้ เพื่อนำไปวิเคราะห์ชนิดและปริมาณของโลหะหนักด้วยเครื่อง ICP ต่อไป สำหรับชนิดของโลหะหนักที่สนใจมีทั้งหมด 18 ชนิด ประกอบด้วย Ag As Ba Be Cd Co Cr Cu Ga Hg Mn Ni Pb Se Sr Ti V และ Zn



รูปที่ 3.2 ผังแสดงขั้นตอนการย่อยสลายด้วยเครื่องย่อยสลายด้วยไมโครเวฟ ตามวิธีมาตรฐาน 3052 ขององค์การพิทักษ์สิ่งแวดล้อมแห่งสหรัฐอเมริกา (US EPA)

### 3.4.2 การศึกษาที่ 2 การศึกษาสถานะภาพของโลหะหนักในปูนซีเมนต์โดยสังเกตจากลักษณะทางกายภาพ

นำตัวอย่างของปูนเม็ด และฝุ่นปูนที่มาจากกระบวนการผลิตซีเมนต์ ใช้ปริมาณตัวอย่างประมาณ 5 มิลลิกรัมบดให้ละเอียดและนำมาวิเคราะห์สถานะภาพของโลหะหนัก โดยมีอุปกรณ์ดังนี้

- 1.) กล้องจุลทรรศน์อิเล็กตรอนแบบส่องกราด (JEOL JSM-6400 Scanning Electron Microscope: SEM) สำหรับตรวจสอบลักษณะการจับตัวกันและการกระจายตัวของโลหะหนักในซีเมนต์ในระดับ Microstructure โดยตัวอย่างที่นำมาทดสอบจะถูกยึดติดในแท่งอลูมิเนียมทรงกระบอกเล็กๆ และฉาบผิวด้วยโลหะผสมระหว่างทองคำกับแพลเลเดียม (Gold-Palladium Alloy)

### 3.4.3 การศึกษาที่ 3 การศึกษาสถานะภาพของโลหะหนักในปูนซีเมนต์โดยสังเกตจากลักษณะทางเคมี

นำส่วนของปูนเม็ด และฝุ่นปูนที่มาจากกระบวนการผลิตซีเมนต์ บดให้ละเอียดและนำมาวิเคราะห์สถานะภาพของโลหะหนัก โดยมีเครื่องมือวัดดังนี้

- 1.) เครื่อง FTIR (Fourier Transform Infrared Spectroscopy) สำหรับวัดชนิดสารประกอบโลหะหนักที่มีพันธะกันหรือ Functional Group โดยใช้ปริมาณตัวอย่าง 0.005 กรัม และใช้ปริมาณของโพแทสเซียมโบรไมด์ (KBr) 0.250 กรัม กำหนดความถี่ 200 ครั้งต่อการวัด 1 ครั้ง สิ่งที่ได้จากการวัดคือ กราฟความถี่ของสารประกอบต่างๆ นำกราฟที่ได้ไปเปรียบเทียบกับฐานข้อมูลที่มี เพื่อทราบชนิดของสารประกอบที่อยู่ในตัวอย่าง
- 2.) เครื่อง XRD (X-Ray Diffraction Spectrometer) สำหรับวัดชนิดสารประกอบโลหะหนักที่มีลักษณะเป็นผลึก โดยใช้ปริมาณตัวอย่าง 5 กรัม สิ่งที่ได้จากการวัดคือ กราฟความถี่ของสารประกอบต่างๆ โดยเป็นความสัมพันธ์ระหว่างค่า  $2\theta$  (Degrees) และ Relative Intensity นำกราฟที่ได้ไปเปรียบเทียบกับฐานข้อมูลที่มี ซึ่งทำให้สามารถระบุสารประกอบโลหะแต่ละชนิดได้
- 3.) วิธีการสกัดแยกองค์ประกอบทางเคมี หรือ Sequential Extraction สำหรับวัดชนิดสารประกอบโลหะหนัก โดยวิธีการสกัดแยกสารประกอบโลหะซึ่งละลายได้ในน้ำสกัดที่ต่างชนิดกัน เป็นการเพิ่มความชัดเจนของสารประกอบที่ต้องการศึกษาและสามารถบอกได้ถึงในเชิงปริมาณ ในการศึกษานี้จะใช้วิธีสกัดตามแบบของ Tessier และคณะ (1979) (อ้างถึงใน Li, 2001) โดยมีขั้นตอนดังนี้

ขั้นที่ 1 การสกัดด้วยแมกนีเซียมคลอไรด์ สำหรับพันธะโลหะที่เกิดการแลกเปลี่ยนได้ง่าย ตัวอย่างจะถูกสกัดด้วยแมกนีเซียมคลอไรด์ ( $MgCl_2$ ) 0.2 โมลาร์ ที่พีเอช 7 โดยใช้อัตราส่วนตัวอย่าง (ชนิดผง) ต่อน้ำสกัดเป็น 1 ต่อ 8 นำไปเข้าเครื่องเขย่าแบบหมุน (Agitator) เป็นเวลา 5 ชั่วโมง ที่อุณหภูมิห้อง

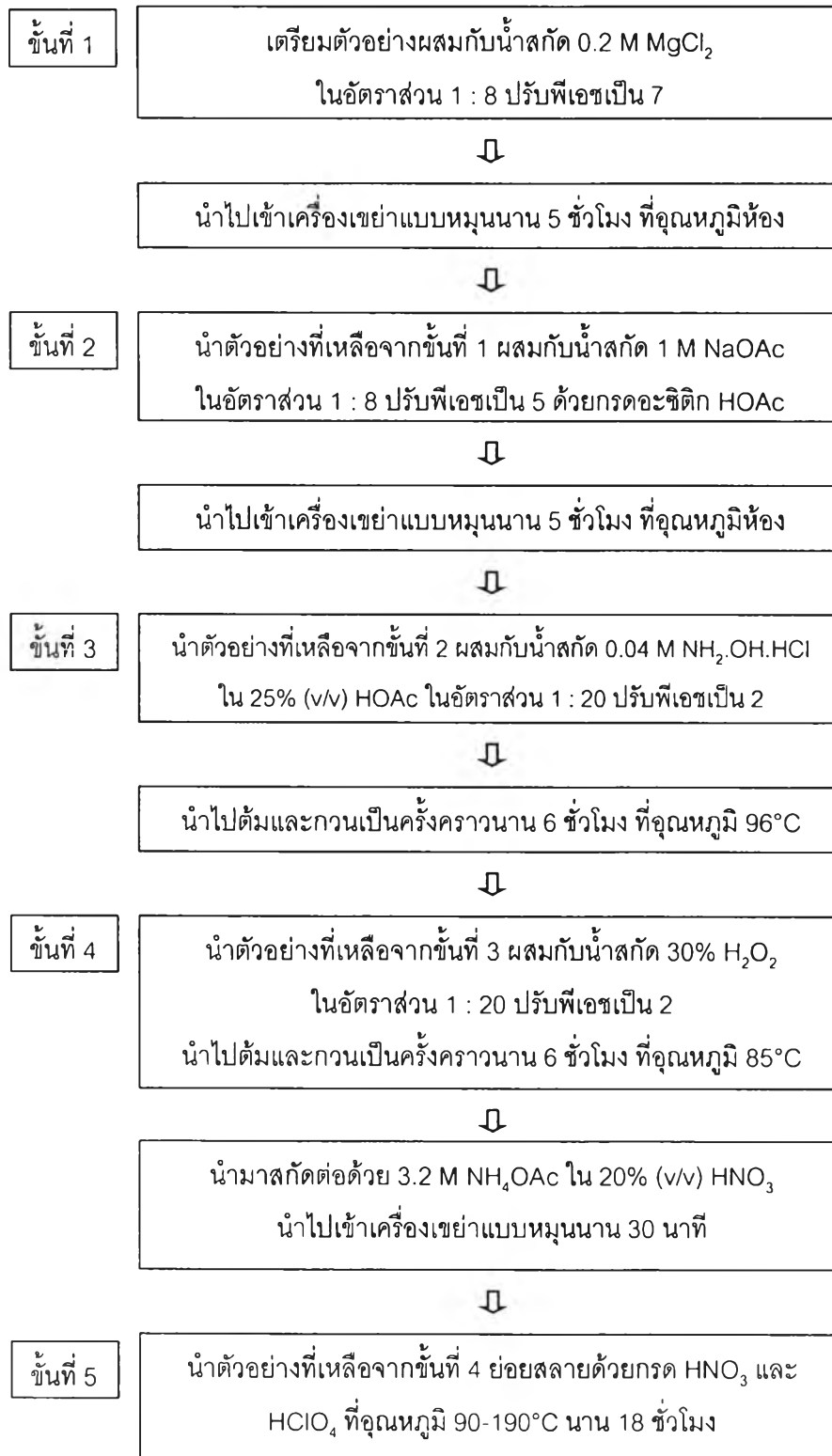
ขั้นที่ 2 การสกัดด้วยโซเดียมอะซิเตต สำหรับโลหะที่มีพันธะคาร์บอเนต นำตัวอย่างที่เหลือจากขั้นที่ 1 มาสกัดด้วยโซเดียมอะซิเตต ( $NaOAc$ ) 1 โมลาร์ ปรับพีเอชเป็น 5 ด้วยกรดอะซิติก  $HOAc$  ใช้อัตราส่วนตัวอย่างต่อน้ำสกัดเป็น 1 ต่อ 8 นำไปเข้าเครื่องเขย่าแบบหมุนเป็นเวลา 5 ชั่วโมงที่อุณหภูมิห้อง

ขั้นที่ 3 การสกัดด้วยไฮดรอกซีลามีเน ไฮโดรคลอไรด์ สำหรับโลหะที่มีพันธะเหล็กและแมงกานีสออกไซด์ นำตัวอย่างที่เหลือจากขั้นที่ 2 มาสกัดด้วยไฮดรอกซีลามีเนไฮโดรคลอไรด์ ( $NH_2.OH.HCl$ ) 0.04 โมลาร์ในกรดอะซิติก ( $HOAc$ ) 25% โดยปริมาตร ให้พีเอชเริ่มต้นที่ 2 และอัตราส่วนตัวอย่างต่อน้ำสกัดเป็น 1 ต่อ 20 นำไปต้มและกวนเป็นครั้งคราวเป็นเวลา 6 ชั่วโมง ที่อุณหภูมิ  $96^{\circ}C$

ขั้นที่ 4 การสกัดด้วยแอมโมเนียมอะซิเตต สำหรับโลหะที่มีพันธะกับสารอินทรีย์และซัลไฟด์ นำตัวอย่างที่เหลือจากขั้นที่ 3 มาสกัดด้วยไฮโดรเจนเปอร์ออกไซด์ ( $H_2O_2$ ) 30% ให้พีเอชเริ่มต้นที่ 2 และอัตราส่วนตัวอย่างต่อน้ำสกัดเป็น 1 ต่อ 20 นำไปต้มและกวนเป็นครั้งคราวเป็นเวลา 6 ชั่วโมง ที่อุณหภูมิ  $85^{\circ}C$  จากนั้นสกัดด้วยแอมโมเนียมอะซิเตต ( $NH_4OAc$ ) 3.2 โมลาร์ในกรดไนตริก 20% โดยปริมาตร และนำไปเข้าเครื่องเขย่าแบบหมุนเป็นเวลา 30 นาที

ขั้นที่ 5 การสกัดด้วยกรดไฮโดรฟลูออริก นำตัวอย่างที่เหลือจากขั้นที่ 4 ไปย่อยสลายด้วยกรดไนตริกและกรดไฮโดรเจนเปอร์คลอไรด์ ( $HClO_4$ ) ที่อุณหภูมิ  $90-190^{\circ}C$  เป็นเวลา 18 ชั่วโมง

หลักการของการวิเคราะห์ด้วยวิธี Sequential Extraction คือการใช้สารสกัดซึ่งเป็นสารเคมีหลายชนิดในการวิเคราะห์องค์ประกอบที่ละลายอยู่ในตัวอย่างตามแต่ละขั้นของการสกัด สิ่งที่ต้องทราบโดยทั่วไปคือในโลหะชนิดต่างๆ ที่ผ่านขั้นต่างๆ ของการสกัดแยกวิธีนี้ มักหมายถึงผลที่มาจากปัจจัยของการทดลองหลายด้าน โดยเฉพาะอย่างยิ่งองค์ประกอบทางเคมีของระบบตัวอย่างนั้น (Usero และคณะ, 1998 อ้างถึงใน Li, 2001) เมื่อสิ้นสุดการสกัดแยกในทุกขั้นตอน นำน้ำที่ได้จากการสกัดแต่ละขั้นวัดค่า pH และวิเคราะห์หาสารประกอบของโลหะหนัก แผนผังขั้นตอนการสกัดด้วยวิธี Sequential Extraction สามารถสรุปได้ดังรูปที่ 3.3

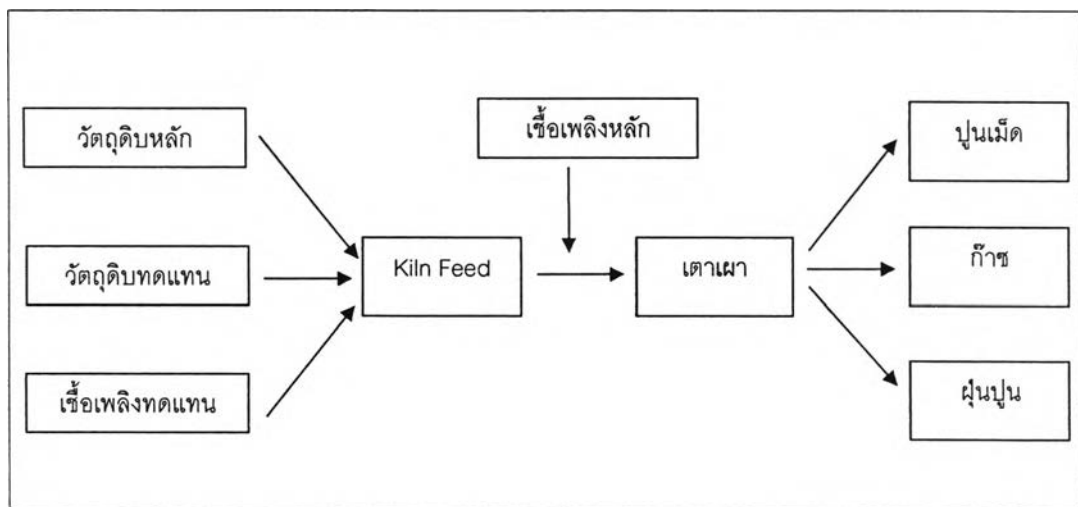


รูปที่ 3.3 ผังแสดงขั้นตอนการสกัดด้วยวิธี Sequential Extraction



#### 3.4.4 การศึกษาที่ 4 การศึกษาสมมูลมวลที่เข้าและออกจากระบบการผลิตซีเมนต์และการสร้างสมการแสดงความสัมพันธ์

นำข้อมูลที่ได้จากการศึกษาที่ 1 และข้อมูลสถานะภาพของโลหะหนักในปูนซีเมนต์ทั้งลักษณะทางกายภาพและทางเคมีทั้งหมด มาวิเคราะห์ร่วมกับข้อมูลการผลิตเดิมของบริษัทปูนซีเมนต์นครหลวง จำกัด เพื่อเป็นการตรวจสอบที่มาของโลหะหนักที่ปรากฏอยู่ในซีเมนต์ก่อนที่จะมีการผสมน้ำ หรือปฏิกิริยาไฮเดรชัน สิ่งที่จะได้จากการศึกษานี้ คือ มังสมมูลมวลเข้าและออก ซึ่งมีลักษณะดังรูปที่ 3.4



รูปที่ 3.4 มังการศึกษาสมมูลมวลที่เข้าและออกจากระบบการผลิตซีเมนต์

ส่วนในสร้างสมการแสดงความสัมพันธ์ของวัตถุดิบที่เข้าและออกจากระบบการผลิตซีเมนต์ โปรแกรมที่ใช้ช่วยในการวิเคราะห์คือ โปรแกรมทางสถิติ SPSS (Statistical Package for Social Science) เป็นโปรแกรมสำเร็จรูปทางสถิติที่สามารถสร้างแฟ้มข้อมูล และวิเคราะห์ข้อมูลได้อย่างมีประสิทธิภาพ โดยแสดงผลลัพธ์ในรูปแบบตาราง ข้อความ และกราฟ สำหรับเทคนิคที่ใช้ในการวิเคราะห์ความสัมพันธ์ของตัวแปรต่างๆ ในการศึกษานี้ได้แก่ การวิเคราะห์ความถดถอยเชิงพหุ (Multiple Regression Analysis) ซึ่งเป็นการวิเคราะห์ความสัมพันธ์ของตัวแปรมากกว่าสองตัวขึ้นไป

สำหรับตัวแปรอิสระ  $n$  ตัว ( $X_1, X_2, \dots, X_n$ ) ที่มีความสัมพันธ์กับตัวแปรตาม  $Y$  โดยที่ความสัมพันธ์อยู่ในรูปเชิงเส้น (ให้ตัวแปร  $Y$  และ  $X$  ทุกตัวเป็นตัวแปรเชิงปริมาณ) จะได้สมการถดถอยเชิงพหุดังนี้

$$Y = C_0 + C_1X_1 + C_2X_2 + \dots + C_nX_n$$

เพื่อให้สัมพันธ์กับการศึกษาในครั้งนี้

กรณีปูนเม็ดและฝุ่นปูนให้  $Y$  แทนมวลโลหะหนักแต่ละชนิดที่ออกจากระบบ ( $W_{Cement} \times M_{jCement}$ )  
 $X$  แทนมวลโลหะหนักแต่ละชนิดที่เข้าระบบ ( $W_i \times M_{ij}$ )

ข้อมูลที่ได้จากการศึกษาที่ 1 ถึงการศึกษาที่ 4 ซึ่งประกอบด้วย ข้อมูลของชนิดที่วัตถุดิบที่เข้าและออกจากระบบการผลิต และปริมาณความเข้มข้นของโลหะในแต่ละส่วนของการผลิต สามารถใช้ป้อนโปรแกรมทางสถิติ เพื่อวิเคราะห์หาที่มา และปริมาณของโลหะหนักในกระบวนการผลิตซีเมนต์ทั้งระบบ โดยอาศัยความสัมพันธ์จากสมการดังต่อไปนี้

$$\text{กรณีปูนเม็ดและฝุ่นปูน} \quad \sum_{i=1}^n C_{ijCement}(W_i \times M_{ij}) = W_{Cement} \times M_{jCement}$$

$$\text{กรณีก๊าซ} \quad \sum_{i=1}^n C_{ijGas}(W_i \times M_{ij}) = W_{Gas} \times M_{jGas}$$

โดย	$W_i$	คือ	ปริมาณของวัตถุดิบและเชื้อเพลิงแต่ละชนิด (i) ที่ป้อนเข้าสู่ระบบ (กก.)
	$M_{ij}$	คือ	ความเข้มข้นของโลหะหนัก (j) ในวัตถุดิบและเชื้อเพลิงแต่ละชนิด (i) (มก./กก.)
	$n$	คือ	จำนวนวัตถุดิบและเชื้อเพลิงทั้งประเภทหลักและทดแทน (ชนิด)
	$C_{ijCement}$	คือ	Partitioning Coefficient ของโลหะหนัก (j) จากวัตถุดิบและเชื้อเพลิงแต่ละชนิด (i) ที่ไปสู่ปูนเม็ดและฝุ่นปูน
	$C_{ijGas}$	คือ	Partitioning Coefficient ของโลหะหนัก (j) จากวัตถุดิบและเชื้อเพลิงแต่ละชนิด (i) ที่ไปสู่ก๊าซ
	$W_{Cement}$	คือ	ปริมาณการผลิตปูนเม็ดและฝุ่นปูนของระบบ (กก.)
	$W_{Gas}$	คือ	ปริมาณการผลิตก๊าซของระบบ (กก.)
	$M_{jCement}$	คือ	ความเข้มข้นของโลหะหนัก (j) ในปูนเม็ดและฝุ่นปูน (มก./กก.)
	$M_{jGas}$	คือ	ความเข้มข้นของโลหะหนัก (j) ในก๊าซ (มก./กก.)