การปรับปรุงการสร้างแผนภาพตัดสินใจทวิภาคโดยเทคนิคการเรียนรู้ต้นไม้ตัดสินใจและขั้นตอนวิธี ทางพันธุกรรม



นาย จิตติ เมตตาเมธา

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาวิทยาศาสตร์คอมพิวเตอร์ ภาควิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ปีการศึกษา 2544 ISBN 974-03-1487-3 ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

AN IMPROVEMENT OF CONSTRUCTION OF BINARY DECISION DIAGRAMS BY THE DECISION TREE LEARNING TECHNIQUE AND GENETIC ALGORITHM

Mr. Jitti Mettametha

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements
for the Degree of Master of Science in Computer Science

Department of Computer Engineering

Faculty of Engineering

Chulalongkorn University

Academic Year 2001

ISBN 974-03-1487-3

ตัดสินใจและขั้นตอนวิธีทางพันธุกรรม นายจิตติ เมตตาเมธา โดย วิทยาศาสตร์คอมพิวเตอร์ สาขาวิชา คาจารย์ที่ เร็กษา อาจารย์ ดร.อาทิตย์ ทองทักษ์ อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.บุญเสริม กิจศิริกุล คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็น ส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต **Nul** คณบดีคณะวิศวกรรมศาสตร์ (ศาสตราจารย์ ดร.สมศักดิ์ ปัญญาแก้ว) คณะกรรมการสคบวิทยานิพนล์ (ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.สาธิต วงศ์ประทีป) อาจารย์ที่ปรึกษา (อาจารย์ ดร.อาทิตย์ ทองทักษ์) อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม (ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.บุญเสริม กิจศิริกุล) ปราช กราการ์ ราการ (รองศาสตราจารย์ ดร.ประภาส จงสถิตย์วัฒนา) สังห์ย ประสาธิอง p. กรรมการ (รองศาสตราจารย์ ดร.สมชาย ประสิทธิ์จูตระกูล)

การปรับปรุงการสร้างแผนภาพตัดสินใจทวิภาคโดยเทคนิคการเรียนรู้ต้นไม้

หัวข้อวิทยานิพนธ์

จิตติ เมตตาเมชา: การปรับปรุงการสร้างแผนภาพตัดสินใจทวิภาคโดยเทคนิคการเรียนรู้ต้น ใม้ตัดสินใจและขั้นตอนวิธีทางพันธุกรรม (AN IMPROVEMENT OF CONSTRUCTION OF BINARY DECISION DIAGRAMS BY THE DECISION TREE LEARNING TECHNIQUE AND GENETIC ALGORITHM) อ. ที่ปรึกษา: คร.อาทิตย์ ทองทักษ์, อ. ที่ ปรึกษาร่วม: ผศ. คร.บุญเสริม กิจศิริกุล, 75 หน้า. ISBN 974-03-1487-3.

แผนภาพตัดสินใจทวิภาคเป็นโครงสร้างข้อมูลแบบกราฟที่มีประสิทธิภาพในการแทน ฟังก์ชันบูลีน แต่เนื่องจากขนาดของแผนภาพตัดสินใจขึ้นอยู่กับลำดับของตัวแปรที่ใช้ในการสร้าง คังนั้นจึงได้มีการนำเทคนิคการเรียนรู้ต้นไม้ตัดสินใจมาใช้สร้างแผนภาพตัดสินใจซึ่งมีลำคับตัวแปร เริ่มต้นที่ดี ต่อมาจึงใช้การพัฒนาทีละขั้นแต่ละวิธีหาลำคับตัวแปรที่ทำให้แผนภาพตัดสินใจมีขนาด เล็กลง แต่แผนภาพคังกล่าวยังสามารถทำให้เล็กลงได้อีก คังนั้นงานวิจัยนี้จึงนำขั้นตอนวิธีพันธุ กรรมที่สามารถค้นหาคำตอบที่ดีที่สุดจากปัญหาที่มีความซับซ้อนมากได้ มาใช้ในการหาลำคับของ ชุควิธีการพัฒนาทีละขั้นเพื่อใช้หาลำคับตัวแปรที่ดีที่ทำให้แผนภาพตัดสินใจมีขนาดเล็ก หลังจากใช้ เทคนิคการเรียนรู้ต้นไม้ตัดสินใจสร้างแผนภาพแล้ว

จากการทดลองการใช้ขั้นตอนวิธีพันธุกรรมหาลำดับวิธีการพัฒนาที่ละขั้นพบว่า ต้องมีการ คัดแปลงวิธีการพัฒนาที่ละขั้นที่อยู่ในสายโครโมโซมเพื่อให้สามารถลดขนาดแผนภาพตัดสินใจ ทวิภาคได้ดีกว่าวิธี SIFTING โดยการลดการทำงานของวิธีพัฒนาที่ละขั้นลงและยอมให้แผนภาพมี ขนาดใหญ่ขึ้นได้ในบางช่วงของหาลำดับตัวแปร และใช้ตัวอย่างเรียนรู้ที่เหมาะสม

ภาควิชา	วิศวกรรมคอมพิวเตอร์	ลายมือชื่อนิสิต วิตร	
สาขาวิชา	วิทยาศาสตร์คอมพิวเตอร์	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา	mail
ปีการศึกษา	2544	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม	Spr of

##4170252521 : MAJOR COMPUTER ENGINEERING

KEYWORD: BINARY DECISION DIAGRAM / VARIABLE ORDERING /

DECISION TREE LEARNING / GENETIC ALGORITHM

JITTI METTAMETHA: AN IMPROVEMENT OF CONSTRUCTION OF BINARY DECISION DIAGRAMS BY THE DECISION TREE LEARNING TECHNIQUE AND GENETIC ALGORITHM. THESIS ADVISOR: ARTHIT THONGTAK, Ph.D.

THESIS COADVISOR: ASST. PROF. BOONSERM KIJSIRIKUL, Ph.D. 75 pp.

ISBN 974-03-1487-3.

A Binary Decision Diagram (BDD) is an efficient graphical data structure for representing boolean functions. Since the size of the diagram depends on the variable ordering of the diagram, a decision tree learning technique has been used to construct a good initial binary decision diagram. Then, a gradual improvement technique has been used to reduce the size of the diagram. However, the diagram can be more reduced. Therefore, this research proposes to use a genetic algorithm, which can search for the optimal result of very complicated problems, to search for a sequence of the gradual improvement techniques for reducing the diagram. Then this sequence of techniques is applied to find the opitmal variable ordering for compacting the diagram obtained by the decision tree learning technique.

Due to the experiment, the gradual improvement technique, which is in a chromosome, has to be modified so that it can be more reduce the size of the diagram than SIFTING method. The modification can be done by reducing the working steps or allowing the diagram to be larger in some period of finding the variable ordering. Moreover, the set of learning sample is also important to increase the effectiveness of the sequence of the gradual improvement techniques.

Department	Computer Engineering	Student's signature	จิกที
Field of study	Computer Science	Advisor's signature	arthit
Academic vear	2001	Co-Advisor's signature	Den M

00

กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้นอกจากจะสำเร็จลุล่วงได้ด้วยตัวของผู้วิจัยเองแล้ว ก็ยังเป็นเพราะด้วย การสนับสนุนจากผู้อื่นอีกมากมาย ซึ่งก่อนอื่นต้องขอขอบคุณอาจารย์ คร.อาทิตย์ ทองทักษ์ อาจารย์ ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ และผู้ช่วยศาสตราจารย์ คร.บุญเสริม กิจศิริกุล อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ร่วม ซึ่งได้ให้ความสนับสนุนและคำแนะนำต่างๆ ในการทำวิจัยมาด้วยคีตลอด รวมทั้งผู้ช่วย ศาสตราจารย์ คร.สาธิต วงศ์ประทีป รองศาสตราจารย์ คร.ประภาส จงสถิตย์วัฒนา และรอง ศาสตราจารย์ คร.สมชาย ประสิทธิ์จูตระกูล ที่กรุณาตรวจสอบวิทยานิพนธ์ให้มีความถูกต้อง

ผู้วิจัยขอขอบกุณ ห้องปฏิบัติการ Digital System Engineering Laboratory ที่เป็นสถานที่พัก พิง และมีเครื่องมือให้ใช้งานในการทำวิจัย

ขอขอบคุณเพื่อนๆ ทุกคนที่ได้ให้คำปรึกษา คำแนะนำ กำลังใจ และความช่วยเหลือในด้าน ต่างๆ ซึ่งทำให้การทำงานวิจัยสามารถคำเนินการได้จนสำเร็จลุล่วง

สุดท้ายนี้ ขอกราบขอบพระกุณ บิดา-มารดา ที่คอยเป็นกำลังใจให้แก่ผู้วิจัย และเชื่อมั่นใน ตัวผู้วิจัยเสมอมา อีกทั้งยังให้ความสนับสนุนในด้านต่างๆ อย่างเต็มที่โดยตลอด

สารบัญ

บท	เค้ดย่	อภาษาไทย
บท	เค้ดย่	อภาษาอังกฤษ
กิต	ติกร	รมประกาศ
สา	รบัญ	
สา	รบัญ	ภาพ
สา	รบัญ	ตาราง
บท	ที่	
1.		in
	1.1	ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา
	1.2	วัตถุประสงค์
		ขอบเขตการวิจัย
		ขั้นตอนการดำเนินงานวิจัย
	1.5	ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ
	1.6	โครงสร้างของวิทยานิพนธ์
2.	ทฤษ	ญีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง
	2.1	แผนภาพตัดสินใจทวิภาค (Binary Decision Diagrams)
	2.2	การเรียนรู้ต้นไม้ตัดสินใจ (Decision Tree Learning)
	2.3	การสร้างแผนภาพตัดสินใจทวิภาคโดยเทคนิคการเรียนรู้ต้นไม้ตัดสินใจ
	2.4	วิธีการพัฒนาที่ละขั้น (Gradual Improvement)
	2.5	ขั้นตอนวิธีทางพันธุกรรม(Genetic Algorithm)
3.	การ	สร้างการลำดับของวิธีการพัฒนาที่ละขั้นจากขั้นตอนวิธีพันธุกรรม
	3.1	แบบจำลองการเรียนรู้และการประยุกต์ใช้ขั้นตอนวิธีพันธุกรรม
	3.2	การเข้ารหัสของคำตอบ (Representation)
	3.3	การประเมินค่าความเหมาะสม (fitness evaluation)
	3 /	ตัวดำเนินการพันธกรรม (Genetic Operators)

สารบัญ (ต่อ)

บท	าที่		หน้า
	3.5	ขั้นตอนวิธี	26
1	ภาค	ทดลองและผลการทดลอง	27
4.			
	4.1	พารามิเตอร์สำหรับการทดลอง	27
	4.2	การเตรียมชุดตัวอย่างการสอน	27
	4.3	วิธีการทดลอง	29
	4.4	ผลการทดลอง	30
	4.5	สรุปผลการทดลอง	38
5.	สรุป	ผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ	44
	5.1	สรุปผลการวิจัย	44
		ข้อเสนอแนะ	45
รา	ยการ	อ้างอิง <u></u>	46
ภา	เคยน	วก	
	ภาค	ผนวก ก	49
	ภาค	ผนวก ข	66
	ภาค	ผนวก ค	67
	ภาค	ผนวก ง	70
ปร	ะวัติเ	น้เขียน	75

สารบัญภาพ

ภาพประกอร	п	หน้า
รูปที่ 2.1	แผนภาพตัดสินใจทวิภาค ของฟังก์ชัน $f(x_1,x_2,x_3)=(x_1+x_2)$ • x_3	4
รูปที่ 2.2	ต้นไม้ที่มีลำดับตัวแปร (x_1,x_2,x_3) ของฟังก์ชัน f(x_1,x_2,x_3) = (x_1+x_2) • x_3	6
รูปที่ 2.3	การลดทอนส่วนที่ซ้ำของกราฟสำหรับฟังก์ชัน $f(x_1,x_2,x_3)=(x_1+x_2)$ $\bullet x_3$	6
รูปที่ 2.4	แผนภาพตัดสินใจทวิภาคของฟังก์ชัน f(a,b,c,d,e,f) = a•b + c•d + e•f	7
รูปที่ 2.5	โครงสร้างของการสร้างแผนภาพตัดสินใจทวิภาคโดยการเรียนรู้ต้นไม้ตัดสิน	
	ใจ	8
ฐปที่ 2.6	ตัวอย่างการคำนวณค่าฟังก์ชัน Gain และ ฟังก์ชัน Modified Gain	9
รูปที่ 2.7	ตัวอย่างการประยุกต์ใช้การเรียนรู้ต้นไม้ตัดสินใจ	11
รูปที่ 2.8	แผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการสร้างด้วยการเรียนรู้ต้นไม้ตัดสินใจ	12
รูปที่ 2.9	การเรียงสับเปลี่ยนของขั้นตอนวิธี AD2 สำหรับตัวแปร \mathbf{x}_2 และ \mathbf{x}_3	13
รูปที่ 2.10	การเรียงสับเปลี่ยนของขั้นตอนวิธี AD3 สำหรับตัวแปร \mathbf{x}_3 \mathbf{x}_4 และ \mathbf{x}_5	13
รูปที่ 2.11	การเรียงสับเปลี่ยนของขั้นตอนวิธี AD4 สำหรับตัวแปร $\mathbf{x}_1 \ \mathbf{x}_2 \ \mathbf{x}_3$ และ \mathbf{x}_4	14
รูปที่ 2.12	การเลื่อนตำแหน่งตัวแปรของขั้นตอนวิธี SIFTING สำหรับตัวแปร x4	15
รูปที่ 2.13	ผังงานของลักษณะการทำงานของขั้นตอนวิธีพันธุกรรม	17
รูปที่ 2.14	ตัวอย่างโครโมโซมที่เป็นสายอักขระ	18
รูปที่ 2.15	(a) การไขว้เปลี่ยนแบบหนึ่งจุด (b) การไขว้เปลี่ยนแบบสองจุด	20
รูปที่ 2.16	การกลายพันธุ์	21
รูปที่ 3.1	การสร้างแผนภาพตัดสินใจทวิภาค	22
รูปที่ 3.2	การทำงานของหน่วยปรับปรุงพื้นฐาน (BOMs)	23
รูปที่ 3.3	ตัวอย่างสายโครโมโซมแบบหลายค่า	24
รูปที่ 4.1	(ก) กราฟแสดงขนาดของแผนภาพตัดสินใจที่ได้จากการทดลองตอนที่ 1 (ตัว	
	อย่างเรียนรู้) (ข) กราฟแสดงขนาดของแผนภาพตัดสินใจที่ได้จากการทดลอง	
	ตอนที่ 2 (ตัวอย่างเรียนรู้) (ค) กราฟแสดงขนาดของแผนภาพตัดสินใจที่ได้	
	จากการทดลองตอนที่ 3 (ตัวอย่างเรียนรู้)	38
รูปที่ 4.2	(ก) กราฟแสดงขนาดของแผนภาพตัดสินใจที่ได้จากการทดลองตอนที่ 1 (ตัว	
	อย่างทดสอบ) (ข) กราฟแสดงขนาดของแผนภาพตัดสินใจที่ได้จากการ	
	ทดลองตอนที่ 2 (ตัวอย่างทดสอบ) (ค) กราฟแสดงขนาดของแผนภาพตัดสิน	
	ใจที่ได้จากการทดลองตอนที่ 3 (ตัวอย่างทดสอบ)	40

สารบัญภาพ (ต่อ)

ภาพประกอบ		
รูปที่ 4.3	ผลรวมขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคจากการทดลองทั้ง 3 ตอน	42
รูปที่ 4.4	ผลกระทบของความยาวโครโมโซมต่อขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิกาค	43
ฐปที่ ก.1	(a) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 1	
	(ตัวอย่างเรียนรู้) (b) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการ	
	ทดลองตอนที่ 1 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 20 อักขระ	50
รูปที่ ก.2	(a) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 2	
	(ตัวอย่างเรียนรู้) (b) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการ	
	ทดลองตอนที่ 2 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 20 อักขระ	52
รูปที่ ก.3	(a) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 3	
	(ตัวอย่างเรียนรู้) (b) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการ	
	ทดลองตอนที่ 3 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 20 อักขระ	54
รูปที่ ก.4	(a) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 1	
	(ตัวอย่างเรียนรู้) (b) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการ	
	ทดลองตอนที่ 1 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 10 อักขระ	56
รูปที่ ก.5	(a) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 2	
	(ตัวอย่างเรียนรู้) (b) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการ	
	ทดลองตอนที่ 2 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 10 อักขระ	58
ลูปที่ ก.6	(a) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 3	
	(ตัวอย่างเรียนรู้) (b) ผลรวมของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการ	
	ทดลองตอนที่ 3 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 10 อักขระ	60
ฐปที่ ก.7	(a) ผลรวมของค่าเฉลี่ยของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาค (ความยาว	
	โครโมโซม 20 อักขระ) (b) ผลรวมของค่าเฉลี่ยของขนาดแผนภาพตัดสินใจ	
	ทวิภาค (ความยาวโครโมโซม 10 อักขระ)	64
ฐปที่ ก.8	(a) เปรียบเทียบขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคจากการทดลองทั้ง 3 ตอน	
-	เมื่อใช้ความยาวโครโมโซม 20 อักขระ (b) เปรียบเทียบขนาดแผนภาพตัดสิน	
	ใจทวิภาคจากการทดลองทั้ง 3 ตอน เมื่อใช้ความยาวโครโมโซม 10 อักขระ	65
รูปที่ ค.1	รูปแบบแฟ้มข้อมูลของวงจร adr2	67

สารบัญตาราง

ตาราง		
ตารางที่ 2.1	ตารางค่าความจริงของฟังก์ชัน f($\mathbf{x}_1,\mathbf{x}_2,\mathbf{x}_3$) = ($\mathbf{x}_1+\mathbf{x}_2$) • \mathbf{x}_3	
ตารางที่ 2.2	ตารางค่าความจริงของฟังก์ชัน f1 = ($\overline{B \oplus C}$) f2 = ($B \oplus C$)+ $\overline{A B}$ และ f3 =	
	C+AB.	
ตารางที่ 4.1	ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคเริ่มต้น	
ตารางที่ 4.2	(ก) ขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 1 (ตัวอย่าง	
	เรียนรู้) (ข) ขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 1 (ตัว	
	อย่างทดสอบ)	
ตารางที่ 4.3	(ก) ขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 2 (ตัวอย่าง	
	เรียนรู้) (ข) ขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 2 (ตัว	
	อย่างทดสอบ)	
ตารางที่ 4.4	(ก) ขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 3 (ตัวอย่าง	
	เรียนรู้) (ข) ขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 3 (ตัว	
	- อย่างทดสอบ)	
ตารางที่ 4.5	ค่าเฉลี่ยจำนวนบัพ เมื่อโครโมโซมความยาว 30 อักขระ	
ตารางที่ 4.6	ผลรวมเวลาที่ใช้ในการประมวลผลวงจรทดสอบ 30 วงจร โดยใช้โครโมโซม	
	ความยาว 30 อักขระ	
ตารางที่ ก.1	(a) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 1 (ตัว	
	อย่างเรียนรู้) (b) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลอง	
	- ตอนที่ 1 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 20 อักขระ	
ตารางที่ ก.2	(a) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 2 (ตัว	
	อย่างเรียนรู้) (b) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลอง	
	ตอนที่ 2 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 20 อักขระ	
ตารางที่ ก.3	(a) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 3 (ตัว	
	อย่างเรียนรู้) (b) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลอง	
	ตอนที่ 3 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 20 อักขระ	
ตารางที่ ก.4	(a) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 1 (ตัว	
	อย่างเรียนรู้) (b) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลอง	
	ตอนที่ 1 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 10 อักขระ	

สารบัญตาราง (ต่อ)

ตาราง		หน้า
ตารางที่ ก.5	(a) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 2 (ตัว	
	อย่างเรียนรู้) (b) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลอง	
	ตอนที่ 2 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 10 อักขระ	58
ตารางที่ ก.6	(a) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลองตอนที่ 3 (ตัว	
	อย่างเรียนรู้) (b) ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากการทดลอง	
	ตอนที่ 3 (ตัวอย่างทดสอบ) เมื่อความยาวโครโมโซม 10 อักขระ	60
ตารางที่ ก.7	ค่าเฉลี่ยของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคเมื่อใช้ความยาวโครโมโซม 20	
	อักขระ	62
ตารางที่ ก.8	ค่าเฉลี่ยของขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคเมื่อใช้ความยาวโครโมโซม 10	
	อักขระ	63
ตารางที่ ข.1	ขนาดของแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้จากลำดับวิธีการพัฒนาทีละขั้น	
	เฉพาะวงจร	66
ตารางที่ ง.1	ค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของค่าเฉลี่ยขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้	
	จากการทดลองทั้ง 3 ตอนโดยใช้วิธี GA3	71
ตารางที่ ง.2	ค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของค่าเฉลี่ยขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้	
	จากการทดลองตอนที่ 1 โดยใช้วิธี GA3	72
ตารางที่ ง.3	ค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของค่าเฉลี่ยขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้	
	จากการทดลองตอนที่ 2 โดยใช้วิธี GA3	73
ตารางที่ ง.4	ค่าส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของค่าเฉลี่ยขนาดแผนภาพตัดสินใจทวิภาคที่ได้	
	จากการพดลองตอนที่ 3 โดยใช้วิธี GA3	74