

## การวิเคราะห์ความไม่คงตัวของข้อมูลอุทกวิทยา

นางสาวอมราพร จิตประไทร



วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาด้านแล็คสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต<sup>๑</sup>  
สาขาวิชาชีวกรรมแห่งน้ำ ภาควิชาชีวกรรมแห่งน้ำ<sup>๒</sup>  
บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย<sup>๓</sup>  
ปีการศึกษา 2541

ISBN 974-639-571-8

ติดต่อที่ริบองบัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

**NONSTATIONARITY ANALYSIS OF HYDROLOGIC DATA**

**Miss Amraporn Jitprapai**

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Master of Engineering in Water Resources Engineering  
Department of Water Resources Engineering

**Graduate School**

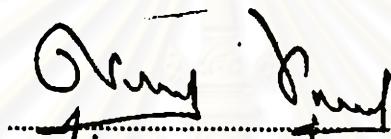
**Chulalongkorn University**

**Academic Year 1998**

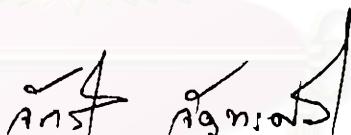
**ISBN 974-639-571-8**

หัวข้อวิทยานิพนธ์	การวิเคราะห์ความไม่คงตัวของข้อมูลอุทกศาสตร์
โดย	นางสาวอมราพร จิตประไทร
ภาควิชา	วิศวกรรมแหล่งน้ำ
อาจารย์ที่ปรึกษา	อาจารย์ชัยฤทธิ์ สุขศรี
อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม	รองศาสตราจารย์ ดร.วีระพล แต้สมบัติ

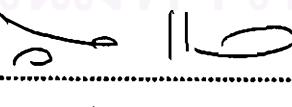
บัญชีวิทยาลัย มหาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ดังนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

  
..... คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย  
(ศาสตราจารย์ นายแพทช์กุลวัฒน์ ฉิตวงศ์)

#### คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

  
..... ประธานกรรมการ  
(ศาสตราจารย์จักรี จตุจักร)

  
..... อาจารย์ที่ปรึกษา  
(อาจารย์ชัยฤทธิ์ สุขศรี)

  
..... อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม  
(รองศาสตราจารย์ ดร.วีระพล แต้สมบัติ)

  
..... กรรมการ  
(อาจารย์ ดร.เสรี จันทร์ไชยา)

อนุราษฎ์ จิตประภานิ : การวินิจฉัยความไม่คงตัวของข้อมูลดุกกวิทยา (NONSTATIONARITY ANALYSIS OF HYDROLOGIC DATA) อ. ทีปริกนก : อาจารย์ชั้นสูง ลูกศรี.  
อ. ทีปริกนารุ่วน : รองศาสตราจารย์ ดร. วีระพล แต้กมนต์, 263 หน้า, ISBN 974-639-571-8.

การวิเคราะห์ความไม่คงตัว (Nonstationarity Analysis) ของข้อมูลทางกิจชา มีวัตถุประสงค์เพื่อวินิจฉัย ลักษณะการเปลี่ยนแปลงตามความต้องการที่มีต่อเศรษฐกิจไทย ของข้อมูล โดยเลือกใช้การวิเคราะห์ข้อมูล ปริมาณหนึ่งในอุปนัติปัจจุบันในภาคเหนือของประเทศไทย เนื่องจากมีการเก็บบันทึกข้อมูลนี้ยาวนาน และมีส่วนที่ วัดค่าน้ำฝนตั้งแต่กระชาชลุยในทันที โดยใช้วิธี Moving Average การวิเคราะห์ด้วยกราฟค่าสะสมเฉลี่ย การตรวจสอบด้วยค่า ทางคณิตศาสตร์ภายในตัวมัน (Autocorrelation) ซึ่งเป็นการวิเคราะห์แบบใช้พารามิเตอร์ (Parametric Analysis) และการ ตรวจสอบด้วยค่าเชิงรั้งประดิษฐ์ความสัมพันธ์ตามต้นแบบของช่อง Spearman (Spearman Rank-Correlation Coefficient) ซึ่ง เป็นการวิเคราะห์แบบไม่ใช้พารามิเตอร์ (Non-Parametric Analysis) และเปรียบเทียบผลการวิเคราะห์แนวโน้มของข้อมูล ค่า 1 ทั้ง 2 แบบ ข้อมูลที่ได้เป็นข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปีและข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายเดือนบนดินของสถานีตัวแทน ให้ เมื่อถูกนำมาในอุปนัติปัจจุบันที่มีการเก็บบันทึกข้อมูลช่วงเวลา 40 ปี ขึ้นไป และตรวจสอบถึงวัตถุประสงค์ใน หลากหลายรูปแบบ รวมทั้งตรวจสอบข้อผิดพลาดของข้อมูลที่มีการเก็บบันทึกข้อมูลช่วงเวลา (Errors) ทั้งการวิเคราะห์กราฟต่อเนื่องเวลา (Time Series Plot) และ Double Mass Analysis สถานีจังหวัดที่มีการวิเคราะห์ความไม่คงตัว และแนวโน้ม โดยใช้วิธีการค่า 1 ทั้ง 2 แบบดังกล่าว

ภาควิชา ... วิศวกรรมหลังน้ำ .....  
สาขาวิชา ... วิศวกรรมหลังน้ำ .....  
ปีการศึกษา ... 2541 .....

បាបនីទី១និងទី២ ទី៣រាង ទី៤រាង  
បាបនីទី១និងទី២ ក្រុងក្រាមា  
បាបនីទី១និងទី២ ក្រុងក្រាមារំរុំ

## C819068 : MAJOR WATER RESOURCES ENGINEERING  
KEY WORD: NONSTATIONARITY/TREND/PARAMETRIC ANALYSIS/NON-PARAMETRIC ANALYSIS/PING RIVER BASIN  
AMRAPORN JITPRAPAI : NONSTATIONARITY ANALYSIS OF HYDROLOGIC DATA.  
THESIS ADVISOR : CHAIYUTH SUKHSRI, MS.CE. THESIS CO-ADVISOR : ASSOC. PROF.  
VIRAPHOL TAESOMBUT, PhD. 263 pp. ISBN 974-639-571-8.

The nonstationarity analysis of hydrologic data is aimed at analysing changes and trends in the time series data. Rainfall data from the Ping river basin, located in the northern part of Thailand, was used since it had considerable length of records and rather high number of recording stations distributed over the watershed. The "Parametric Analysis" methods such as: the Moving Average, the Analysis of Mean Accumulated Rainfall and the Autocorrelation Analysis; together with one of the "Non-parametric Analysis," i.e. the Spearman Rank-Correlation Coefficient were employed, the outcomes were then also compared. Annual and selected monthly rainfall data from the "representative" stations which have sufficient length of record, over 40 years, were used. Field observations on the conditions of the recording stations including data testing to eliminate errors with the Time Series Plot and the Double Mass Analysis were performed to check the quality and the consistency of the compiled data before carrying out the nonstationarity and trend analyses.

The results of these various analyses indicated that the rainfall data of the Ping basin can be characterized as a time series with nonstationarity and acute cyclic/periodic trend. By dividing the watershed into sub-watersheds according to the geographical location and data groups, and using various techniques to detect a negative trend, i. e., a persistent reduction in rainfall, the analyses gave inconclusive results. Since the analyses of each particular station with different methods rendered different conclusions on trend, these indicates that the watershed's rainfall does not have the negative trend all over the whole area. Furthermore, the overall analysis of trend showed that the annual rainfall data did not have significant negative trend, while the monthly rainfall data did not present any negative trend. Though all the "parametric analysis" methods employed in this Study do provide efficient way for analysing and detecting trends and they are also well-known and popular, yet they require the analyzer to make a critical assumption on the type and the distribution function of data, and require the statistical technique for determining the proper parameters. Furthermore, they rely, subjectively, on the interpretation of the graphical results which are also based upon assumptions and decisions of the analyzer. While the non-parametric analysis one, though not yet well-known, does not depend upon the assumption on the distribution function, it can be independently analyze, easy and precise, and can be used on the data set which containing both linear and non-linear trends. Therefore, in any nonstationarity analysis of hydrologic data before making any conclusion about the nonstationarity and the trend, various methods both parametric and non-parametric should be used to increase the reliability and to provide more logical reasons for making conclusions and the non-parametric "Spearman Rank-Correlation Coefficient" method was recommended.

ภาควิชา วิศวกรรมทรัพยากรด

สาขาวิชา วิศวกรรมทรัพยากรด

ปีการศึกษา ๒๕๖๑

อาจารย์เชื้อโนนันต์ พงษ์ราษฎร์ จุฑามาศ

อาจารย์เชื้ออาจารย์ที่ปรึกษา

อาจารย์เชื้ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม



## กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ สำเร็จลงได้ด้วยดี เนื่องจากได้รับความอนุเคราะห์แนวคิด คำปรึกษา คำแนะนำ และช้อมูลที่มีประโยชน์ จากผู้มีพระคุณดังต่อไปนี้

ขอทราบข้อมูลอาจารย์ชั้นสูง ศุภกร แคลร่องฟ้าศรราชารย์ คร.วิระพด แล้วตามนี้คือ  
อาจารย์ที่ปรึกษา ที่กรุณาให้ความรู้ แนวคิด กำปั้นปรึกษา และคำแนะนำ รวมทั้งแก้ไขข้อบกพร่องของ  
วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลงได้ด้วยดี ขอทราบข้อมูลอาจารย์ชั้นกร จตุภาคกร และ  
อาจารย์ ดร. เสรี จันทร์ไชยา ที่กรุณาให้คำปรึกษา และคำแนะนำ รวมทั้งคณฑารย์ภาควิชา  
วิศวกรรมแหล่งน้ำทุกท่านที่ได้ประสิทธิ์ประสาทวิทยาการด้วย ๆ

ขอขอบพระคุณ ดร.สมศรี ชั้นตรากูต และ ดร.สังกรานต์ อักขจร ที่กรุณาให้คำแนะนำด้านแหล่งเรียนรู้ และเอกสารอ้างอิง ขอขอบพระคุณ กรมอุตุนิยมวิทยา กรมชลประทาน และการไฟฟ้าฝ่ายผลิตแห่งประเทศไทย ที่อนุเคราะห์ข้อมูล และขอขอบพระคุณ เจ้าหน้าที่กองอุตุนิยมวิทยาอุทก กรมอุตุนิยมวิทยา เจ้าหน้าที่ศูนย์อุตุนิยมวิทยาภาคเหนือ เจ้าหน้าที่ประจำ ตศจ. สกลฯ. และสถานีวัดน้ำฝนในทุ่มน้ำปิง ที่กรุณาให้ข้อมูลเกี่ยวกับการตรวจวัดปริมาณน้ำฝน และข้อมูลทางอุตุ-อุทกวิทยาต่อไป

ผลลัพธ์ของบุคคล ภูมิปัญญา ไชยชนะ รุ่นที่ ๑ ผู้เชี่ยวชาญด้านการบริหารจัดการ ภาคตะวันออกเฉียงเหนือ ที่มีความสามารถในการบริหารจัดการ ให้เกิดความสำเร็จอย่างต่อเนื่อง ตลอดมา จนได้รับการยอมรับและยกย่องในระดับสากล

ท้ายสุดนี้ขอกราบขอบพระคุณ ศูนย์พ่อ-ศูนย์แม่ และศูนย์ติดตามให้ภัยทุกท่าน รวมทั้งช่องทางบุคคลที่ ๑ แนะนำองค์กรให้โอกาส และสนับสนุน การศึกษาของศูนย์ฯ ให้บรรลุผล รวมทั้งให้ความรักความอบอุ่น กำลังใจ และคำแนะนำในทุก ๆ ด้าน เสนอมา

ประโยชน์ และความคิดของวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ ขออนุเคราะห์ผู้มีพระคุณทุก ๆ ท่าน ที่ให้ความอนุเคราะห์ และกำลังใจ อนวิทยานิพนธ์ต่อเรื่องลงได้ด้วยดี

## สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย.....	๔
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	๙
กิตติกรรมประกาศ.....	๑๒
สารบัญ.....	๑๓
สารบัญตาราง.....	๑๔
สารบัญรูป.....	๑๕
สัญลักษณ์ และส่วนการพัฒนาที่ใช้ในการศึกษา.....	๑๖
<b>บทที่ 1 บทนำ.....</b>	<b>๑</b>
1.1 บทนำ.....	๑
1.2 วัตถุประสงค์.....	๒
1.3 ขอบเขตการศึกษา.....	๔
1.4 ขั้นตอนการศึกษา.....	๔
<b>บทที่ 2 วิธีการวิเคราะห์ที่เกี่ยวข้องกับการศึกษาความไม่คงดัว.....</b>	<b>๗</b>
2.1 ข้อมูลอุทกวิทยา และสภาพแวดล้อมประเทศไทย.....	๗
2.2 นิยามและความหมายของคำหลัก.....	๘
<b>บทที่ 3 การศึกษาที่ผ่านมา.....</b>	<b>๒๐</b>
3.1 การศึกษาเกี่ยวกับการวิเคราะห์ผันในอุณหภูมิปีง.....	๒๐
3.2 การศึกษาเกี่ยวกับวิธีการ การวิเคราะห์ความไม่คงดัวแบบแนวโน้ม ของข้อมูลอุทกวิทยา ในประเทศไทย.....	๒๑
3.2 การศึกษาเกี่ยวกับวิธีการ การวิเคราะห์ความไม่คงดัวแบบแนวโน้ม ของข้อมูลอุทกวิทยา ในต่างประเทศ.....	๒๔
<b>บทที่ 4 พื้นที่ศึกษา.....</b>	<b>๒๗</b>
4.1 สภาพทางภูมิประเทศของพื้นที่ศึกษา.....	๒๗
4.2 สภาพทางภูมิอากาศของพื้นที่ศึกษา.....	๒๘

ជារប័យ (ទៅ)

หน้า	
4.3 อิทธิพลการเกิดฝนในพื้นที่ศึกษา.....	30
4.3.1 ฝนที่เกิดโดยธรรมชาติ.....	30
4.3.2 ฝนหลวง.....	32
4.4 การใช้ทัศน.....	35
บทที่ 5 ข้อมูล และการตรวจสอบข้อมูล.....40	
5.1 ข้อมูลที่ใช้ในการศึกษา.....40	
5.2 การตรวจสอบข้อมูล.....47	
5.2.1 การตรวจสอบสถานีวัดน้ำฝน.....47	
5.2.2 การตรวจสอบการกระจายของข้อมูล โดย กราฟอนุกรมเวลา (Time Series Plot).....54	
5.2.3 การตรวจสอบความน่าเชื่อถือของข้อมูล โดย Double Mass Analysis.....55	
5.3 สรุปผลการตรวจสอบข้อมูล.....60	
บทที่ 6 ทฤษฎีที่ใช้วิเคราะห์ความไม่คงตัวของข้อมูลอุทกศาสตร์.....61	
6.1 คำนำ.....61	
6.2 ทฤษฎีที่ใช้ในการวิเคราะห์แบบใช้ตัวพารามิเตอร์.....62	
6.2.1 Moving Average.....63	
6.2.2 วิเคราะห์ด้วยกราฟค่าสะสมเฉลี่ย.....67	
6.2.3 การตรวจสอบคุณค่าสหสัมพันธ์ภายในตัวแปร (Autocorrelation).....69	
6.3 ทฤษฎีที่ใช้ในการวิเคราะห์แบบไม่ใช้ตัวพารามิเตอร์.....71	
6.3.1 การตรวจสอบคุณค่าสัมประสิทธิ์ความสัมพันธ์ตามตัวแหน่ง ของ Spearman.....71	
บทที่ 7 ผลการวิเคราะห์ ข้อมูล และข้อเสนอแนะ.....74	
7.1 ผลการวิเคราะห์ใช้เปรียบเทียบในด้านถูกต้อง.....74	
7.1.1 ผลการวิเคราะห์ด้วย Moving Average.....74	
7.1.2 ผลการวิเคราะห์ด้วย กราฟค่าสะสมเฉลี่ย.....75	

## สารบัญ (ต่อ)

หน้า	
7.1.3 ผลการวิเคราะห์ด้วย ตรวจสอบคุณค่าทางสัมพันธ์ภายในตัวแปร.....	75
7.1.4 ผลการวิเคราะห์ด้วย ตรวจสอบคุณค่าสัมประสิทธิ์ความสัมพันธ์ ตามค่าແண່ງຂອງ Spearman.....	76
7.1.5 สรุปผล และเปรียบเทียบผลการวิเคราะห์จากวิธีต่าง ๆ.....	76
7.2 ผล และ สรุปผล จากการวิเคราะห์เชิงเปรียบเทียบในค้านพื้นที่.....	77
7.2.1 ผลการวิเคราะห์ด้วย Moving Average.....	77
7.2.2 ผลการวิเคราะห์ด้วย กราฟค่าสะสมเฉลี่ย.....	78
7.2.3 ผลการวิเคราะห์ด้วย ตรวจสอบคุณค่าทางสัมพันธ์ภายในตัวแปร.....	78
7.2.4 ผลการวิเคราะห์ด้วย ตรวจสอบคุณค่าสัมประสิทธิ์ความสัมพันธ์ ตามค่าແண່ງຂອງ Spearman.....	79
7.2.5 สรุปผล และเปรียบเทียบผลการวิเคราะห์จากวิธีต่าง ๆ.....	79
7.3 ข้อสรุป.....	80
7.4 ข้อเสนอแนะ.....	83
รายการคำอิง.....	113
ภาคผนวก.....	117
ภาคผนวก ก รายงานภาคสนาม.....	118
ภาคผนวก ข ผลการวิเคราะห์ด้วย กราฟอนุกรมเวลา.....	133
ภาคผนวก ค ผลการวิเคราะห์ด้วย Double Mass Curve.....	144
ภาคผนวก ง ผลการวิเคราะห์ด้วย Moving Average.....	158
ภาคผนวก จ ผลการวิเคราะห์ด้วย กราฟสะสมเฉลี่ย.....	197
ภาคผนวก ฉ ผลการวิเคราะห์ด้วย การตรวจสอบคุณค่าทางสัมพันธ์ภายในตัวแปร.....	208
ภาคผนวก ช ผลการวิเคราะห์ด้วย การตรวจสอบคุณค่าสัมประสิทธิ์ความสัมพันธ์ ตามค่าແண່ງຂອງ Spearman.....	215
ภาคผนวก ซ ตารางค่าเบอร์เซ็นต์ความเชื่อมั่น ของ t Test.....	250
ภาคผนวก ฌ สภาพถูกวิทยาของถุน้ำปีง.....	252
ภาคผนวก ຍ ความเป็นมาตรฐานของชุดข้อมูลทางค้านถุนินท์วิทยา.....	257
ประวัติผู้ศึกษา.....	263

## สารบัญตาราง

	หน้า
ตารางที่ 4.1 สรุปผลการปฏิบัติการฝันหลวง ตั้งแต่ปี พ.ศ. 2514 - 2534.....	34
ตารางที่ 4.2 อัตราข้อผิดพลาดที่ดิน และการใช้ที่ดินในอุ่มน้ำปีง.....	35
ตารางที่ 5.1 สถานีฝนแบบตามอุ่มน้ำ ของกองอุตุนิยมวิทยาอุทก กรณีอุตุนิยมวิทยา อุ่มน้ำปีง (06).....	42
ตารางที่ 5.2 รายชื่อสถานีวัดน้ำฝนในอุ่มน้ำปีง ที่คัดเลือกเป็นสถานีตัวแทน.....	44
ตารางที่ 5.3 ช่วงความยาวข้อมูลปริมาณน้ำฝน จากสถานีตัวแทนในอุ่มน้ำปีง.....	46
ตารางที่ 5.4 ผลการสำรวจภาคสนาม.....	52
ตารางที่ 5.5 ผลการคำนวณค่าปริมาณน้ำฝนรายวัน เพื่อวิเคราะห์กราฟอนุกรมเวลา.....	57
ตารางที่ 7.1 สรุปผลการวิเคราะห์แนวโน้มด้วยวิธี Moving Average ในแต่ละส่วน พื้นที่ของอุ่มน้ำปีง.....	102
ตารางที่ 7.2 สมการเส้นตรง $r^2$ และ ความชัน จากการวิเคราะห์กราฟสะสมเฉลี่ย และจำนวนความดีสถานี ในแต่ละช่วงค่าสัมบูรณ์ของความชัน.....	103
ตารางที่ 7.3 สรุปผลจำนวนสถานีในแต่ละช่วงค่าสัมบูรณ์ของความชัน ของแนวโน้ม เส้นตรงของกราฟสะสมเฉลี่ย ในแต่ละส่วนพื้นที่ของอุ่มน้ำปีง.....	104
ตารางที่ 7.4 สรุปผลการทดสอบแนวโน้ม ด้วย การตรวจสอบค่าสัมประสิทธิ์ความ สัมพันธ์ตามค่าแทนงของ Spearman ในแต่ละส่วนพื้นที่ของอุ่มน้ำปีง.....	105
ตารางที่ 7.5 สรุปผลการตรวจสอบข้อมูล วิเคราะห์ความไม่คงตัว และวิเคราะห์แนวโน้ม ข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายวัน ของสถานีตัวแทน 31 สถานี ด้วยวิธีค่าง ๆ.....	106
ตารางที่ 7.6 สรุปผลการวิเคราะห์ความไม่คงตัว และวิเคราะห์แนวโน้ม ข้อมูลปริมาณ น้ำฝนรายเดือน เมษายน ถึง พฤษภาคม ของสถานีตัวแทน 10 สถานี ด้วยวิธีค่าง ๆ.....	108
ตารางที่ 7.7 สรุปผล และเปรียบเทียบผลการวิเคราะห์ทางค้านดูกราก.....	110
ตารางที่ 7.8 สรุปผล และเปรียบเทียบผลการวิเคราะห์ทางค้านพื้นที่.....	111
ตารางที่ 7.9 สรุปผลการวิเคราะห์แนวโน้มคิดเป็นอัตราส่วนร้อยละ.....	112
ตารางที่ ก-1 ตารางการเดินทางเพื่อสำรวจภาคสนาม.....	119
ตารางที่ ง-1 ผลการทดสอบสมมติฐานแนวโน้มเส้นตรงของเส้น 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ด้วยวิธี Student-t Test ของสถานีตัวแทน ในพื้นที่ส่วนบนอุ่มน้ำปีง.....	169

## สารบัญตาราง (ต่อ)

หน้า

ตารางที่ ง-2 ผลการทดสอบสมมติฐานแนวโน้มเส้นตรงของเส้น 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ด้วยวิธี Student-t Test ของสถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลางอุ่มน้ำปีง.....	171
ตารางที่ ง-3 ผลการทดสอบสมมติฐานแนวโน้มเส้นตรงของเส้น 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ด้วยวิธี Student-t Test ของสถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนต่างอุ่มน้ำปีง.....	172
ตารางที่ ช-1 ผลการวิเคราะห์อนุกรมเวลา โดยโปรแกรม Screen ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่อุ่มน้ำปีง.....	218
ตารางที่ ช-2 ผลการวิเคราะห์แนวโน้ม โดยการตรวจสอบคุณค่าสัมประสิทธิ์ความสัมพันธ์ตามค่าแทนงของ Spearman ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่อุ่มน้ำปีง โดยการทดสอบข้อมูลทั้งชุด.....	220
ตารางที่ ช-3 ผลการวิเคราะห์แนวโน้ม โดยการตรวจสอบคุณค่าสัมประสิทธิ์ความสัมพันธ์ตามค่าแทนงของ Spearman ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในแต่ละส่วนพื้นที่ของอุ่มน้ำปีง โดยการทดสอบแบ่งชุดข้อมูลออกเป็น 3 ส่วน และ 4 ส่วน.....	236
ตารางที่ ช-4 ผลการวิเคราะห์แนวโน้ม โดยการตรวจสอบคุณค่าสัมประสิทธิ์ความสัมพันธ์ตามค่าแทนงของ Spearman ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานี 327501 อ.เมือง จ.เชียงใหม่ โดยการทดสอบข้อมูลเป็นช่วง ๆ.....	240
ตารางที่ ช-5 ผลการทดสอบความมั่นคง (Stability) ของค่าความแปรปรวน และค่าเฉลี่ย โดยโปรแกรม Screen ด้วยวิธี F-Test และ t-Test ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่อุ่มน้ำปีง โดยการทดสอบแบ่งครึ่งชุดข้อมูล.....	245
ตารางที่ ช-6 ค่าเบอร์เซ็นต์ความเชื่อมั่น ของ t-Distribution.....	251

## สารบัญ

	หน้า
รูปที่ 1.1 แผนที่แสดงพื้นที่อุ่นน้ำปีง.....	3
รูปที่ 1.2 แผนภาพแสดงขั้นตอนการศึกษา.....	6
รูปที่ 2.1 สถานีไกส์เคียง.....	9
รูปที่ 2.2 กระบวนการทางอุทกวิทยา.....	10
รูปที่ 2.3 กราฟอนุกรมเวลา.....	14
รูปที่ 2.4 Double Mass Curve.....	14
รูปที่ 2.5 การเปลี่ยนแปลงรูปแบบต่าง ๆ ในอนุกรมเวลา.....	17
รูปที่ 4.1 แผนที่ภูมิประเทคบริเวณอุ่นน้ำปีง.....	29
รูปที่ 4.2 แผนที่แสดงทิศทางลมมรสุม ร่องความกดอากาศต่ำ และพาดหุบเขาร้อน.....	31
รูปที่ 5.1 ตัวแทนที่ดึงสถานีวัดน้ำฝนในอุ่นน้ำปีง.....	41
รูปที่ 5.2 ภาพถ่ายตัวอย่างสภาพสภานี และดังวัดน้ำฝนอยู่ในสภาพดี.....	48
รูปที่ 5.3 ภาพถ่ายตัวอย่างสภาพสภานี และดังวัดน้ำฝนอยู่ในสภาพไม่ดี.....	50
รูปที่ 5.4 กราฟอนุกรมเวลา ของข้อมูลปรินามน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทน ในแต่ละส่วนพื้นที่.....	56
รูปที่ 5.5 Double Mass Curve ของข้อมูลปรินามน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทน ในแต่ละส่วนพื้นที่.....	59
รูปที่ 5.6 กราฟอนุกรมเวลา ของข้อมูลปรินามน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทน ในแต่ละส่วนพื้นที่ของอุ่นน้ำปีง.....	61
รูปที่ 6.1 แผนภาพแสดงขั้นตอนการวิเคราะห์ด้วยวิธี Moving Average.....	66
รูปที่ 6.2 แผนภาพแสดงขั้นตอนการวิเคราะห์ด้วยวิธี กราฟค่าสะสมเฉลี่ย.....	68
รูปที่ 6.3 แผนภาพแสดงขั้นตอนการวิเคราะห์ด้วยวิธี การตรวจสอบค่าสหสัมพันธ์ ภายในตัวแปร.....	70
รูปที่ 6.4 แผนภาพแสดงขั้นตอนการทำงานเพื่อวิเคราะห์ ด้วยวิธี การตรวจสอบตัวย่อค่า สัมประสิทธิ์ความสัมพันธ์ตามค่าแทนของ Spearman.....	73
รูปที่ 7.1 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูล ปรินามน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในแต่ละส่วนพื้นที่ของอุ่นน้ำปีง.....	85
รูปที่ 7.2 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average และแนวโน้ม <sup>*</sup> เส้นตรง ของข้อมูลปรินามน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบน.....	86

## สารบัญรูป (ต่อ)

หน้า

รูปที่ 7.3 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average และแนวโน้ม เส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปีสถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลาง.....	87
รูปที่ 7.4 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average และแนวโน้ม เส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปีสถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนต่าง.....	88
รูปที่ 7.5 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูล ปริมาณน้ำฝนรายเดือนเมษายน สถานีตัวแทนในแต่ละส่วนพื้นที่.....	89
รูปที่ 7.6 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูล ปริมาณน้ำฝนรายเดือนพฤษภาคม สถานีตัวแทนในแต่ละส่วนพื้นที่.....	90
รูปที่ 7.7 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูล ปริมาณน้ำฝนรายเดือนสิงหาคม สถานีตัวแทนในแต่ละส่วนพื้นที่.....	91
รูปที่ 7.8 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูล ปริมาณน้ำฝนรายเดือนกันยายน สถานีตัวแทนในแต่ละส่วนพื้นที่.....	92
รูปที่ 7.9 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูล ปริมาณน้ำฝนรายเดือนตุลาคม สถานีตัวแทนในแต่ละส่วนพื้นที่.....	93
รูปที่ 7.10 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูล ปริมาณน้ำฝนรายเดือนพฤศจิกายน สถานีตัวแทนในแต่ละส่วนพื้นที่.....	94
รูปที่ 7.11 กราฟสะสมเฉลี่ย ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนใน แต่ละส่วนพื้นที่ของถุน้ำปีง.....	95
รูปที่ 7.12 จำนวนสถานีในแต่ละช่วงความชันของเส้นแนวโน้มเส้นตรงของกราฟสะสมเฉลี่ย ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนจำนวน 30 สถานีในถุน้ำปีง.....	96
รูปที่ 7.13 Correlogram ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายเดือน ช่วงฤดูแล้ง ก.พ. เม.ย. พ.ย. และช่วงฤดูฝน ส.ค. ก.ย. ต.ค. ในแต่ละส่วนพื้นที่ ; Lag-Time จำนวนชั่วโมง คล่องเหลือ $\frac{1}{2}$ ของทั้งหมด.....	97
รูปที่ 7.14 Correlogram ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายเดือน ช่วงฤดูแล้ง ก.พ. เม.ย. พ.ย. และช่วงฤดูฝน ส.ค. ก.ย. ต.ค. ในแต่ละส่วนพื้นที่ ; Lag-Time จำนวนชั่วโมง ข้อมูลทั้งหมด.....	98

## สารบัญรูป (ต่อ)

หน้า

รูปที่ 7.15	ผลการทดสอบแนวโน้มด้วยการตรวจสอบค่าสัมประสิทธิ์ความสัมพันธ์ ตามตำแหน่งของ Spearman ของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานีตัวแทน ในแต่ละส่วนพื้นที่ของถุงน้ำปิง โดยแบ่งชุดข้อมูลออกเป็น 3 ส่วน.....	99
รูปที่ 7.16	ผลการทดสอบแนวโน้มด้วยการตรวจสอบค่าสัมประสิทธิ์ความสัมพันธ์ ตามตำแหน่งของ Spearman ของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานีตัวแทน ในแต่ละส่วนพื้นที่ของถุงน้ำปิง โดยแบ่งชุดข้อมูลออกเป็น 4 ส่วน.....	100
รูปที่ 7.17	ผลการทดสอบแนวโน้มด้วยการตรวจสอบค่าสัมประสิทธิ์ความสัมพันธ์ ตามตำแหน่งของ Spearman ของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานี 327501 อ.เมือง จ.เชียงใหม่ โดยการทดสอบว้อมูลเป็นช่วง ๆ.....	101
รูปที่ ก-1	ภาพจ่าของน้ำฝนที่มีสภาพสกานิ และเครื่องวัดน้ำฝนที่ติด.....	131
รูปที่ ช-1	กราฟอนุกรมเวลาของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบน ช่วงกลางถ่าน้ำปิง.....	134
รูปที่ ช-2	กราฟอนุกรมเวลาของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบน ฝั่งซ้ายถ่าน้ำปิง.....	137
รูปที่ ช-3	กราฟอนุกรมเวลาของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบน ฝั่งขวาถ่าน้ำปิง.....	138
รูปที่ ช-4	กราฟอนุกรมเวลาของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลาง ช่วงกลางถ่าน้ำปิง.....	139
รูปที่ ช-5	กราฟอนุกรมเวลาของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลาง ฝั่งซ้ายถ่าน้ำปิง.....	140
รูปที่ ช-6	กราฟอนุกรมเวลาของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลาง ฝั่งขวาถ่าน้ำปิง.....	141
รูปที่ ช-7	กราฟอนุกรมเวลาของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนล่าง ช่วงกลางถ่าน้ำปิง.....	142
รูปที่ ก-1	Double Mass Curve ของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบน ช่วงกลางถ่าน้ำปิง.....	145
รูปที่ ก-2	Double Mass Curve ของข้อมูลปรินามณ์ฝันราษฎร สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบน ฝั่งซ้ายถ่าน้ำปิง.....	149

## สารบัญสูป (ต่อ)

หน้า

รูปที่ ก-3 Double Mass Curve ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบน ผังขาวดำน้ำปิง.....	151
รูปที่ ก-4 Double Mass Curve ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลาง ช่วงกลางถ้าน้ำปิง.....	152
รูปที่ ก-5 Double Mass Curve ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลาง ผังเขียวสีน้ำปิง.....	153
รูปที่ ก-6 Double Mass Curve ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลาง ผังขาวถ้าน้ำปิง.....	154
รูปที่ ก-7 Double Mass Curve ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนล่าง ช่วงกลางถ้าน้ำปิง.....	155
รูปที่ ง-1 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average และแนวโน้มเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบน ช่วงกลางถ้าน้ำปิง.....	159
รูปที่ ง-2 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average และแนวโน้มเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบน ผังเขียวสีน้ำปิง.....	162
รูปที่ ง-3 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average และแนวโน้มเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบน ผังขาวถ้าน้ำปิง.....	163
รูปที่ ง-4 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average และแนวโน้มเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลาง ช่วงกลางถ้าน้ำปิง..	164
รูปที่ ง-5 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average และแนวโน้มเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลาง ผังเขียวสีน้ำปิง.....	165
รูปที่ ง-6 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average และแนวโน้มเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลาง ผังขาวถ้าน้ำปิง.....	166
รูปที่ ง-7 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average และแนวโน้มเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนล่าง ช่วงกลางถ้าน้ำปิง.....	167
รูปที่ ง-8 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูลปริมาณน้ำฝน รายเดือนเมษายน สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบนอุ่มน้ำปิง.....	173
รูปที่ ง-9 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูลปริมาณน้ำฝน รายเดือนเมษายน สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลางอุ่มน้ำปิง.....	174

สารบัญรูป (ต่อ)

ଅନ୍ତରୀ

## ตารางบัญชี (ต่อ)

หน้า

รูปที่ ๑-24 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูลปริมาณน้ำฝน รายเดือนกันยายน สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลางถุนน้ำปิง.....	189
รูปที่ ๑-25 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูลปริมาณน้ำฝน รายเดือนกันยายน สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนล่างถุนน้ำปิง.....	190
รูปที่ ๑-26 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูลปริมาณน้ำฝน รายเดือนตุลาคม สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบนถุนน้ำปิง.....	191
รูปที่ ๑-27 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูลปริมาณน้ำฝน รายเดือนตุลาคม สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลางถุนน้ำปิง.....	192
รูปที่ ๑-28 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูลปริมาณน้ำฝน รายเดือนตุลาคม สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนล่างถุนน้ำปิง.....	193
รูปที่ ๑-29 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูลปริมาณน้ำฝน รายเดือนพฤษภาคม สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนบนถุนน้ำปิง.....	194
รูปที่ ๑-30 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูลปริมาณน้ำฝน รายเดือนพฤษภาคม สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนล่างถุนน้ำปิง.....	195
รูปที่ ๑-31 กราฟ 3-Year 5-Year และ 10-Year Moving Average ของข้อมูลปริมาณน้ำฝน รายเดือนพฤษภาคม สถานีตัวแทนในพื้นที่ส่วนกลางถุนน้ำปิง.....	196
รูปที่ ๑-1 กราฟสะสมผลตัวชี้ คะแนนรวมในน้ำเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทน ในพื้นที่ส่วนบน ช่วงกลางถ่านน้ำปิง.....	198
รูปที่ ๑-2 กราฟสะสมผลตัวชี้ คะแนนรวมในน้ำเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทน ในพื้นที่ส่วนบน ฝั่งซ้ายถ่านน้ำปิง.....	201
รูปที่ ๑-3 กราฟสะสมผลตัวชี้ คะแนนรวมในน้ำเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทน ในพื้นที่ส่วนบน ฝั่งขวาถ่านน้ำปิง.....	202
รูปที่ ๑-4 กราฟสะสมผลตัวชี้ คะแนนรวมในน้ำเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทน ในพื้นที่ส่วนกลาง ช่วงกลางถ่านน้ำปิง.....	203
รูปที่ ๑-5 กราฟสะสมผลตัวชี้ คะแนนรวมในน้ำเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทน ในพื้นที่ส่วนกลาง ฝั่งซ้ายถ่านน้ำปิง.....	204
รูปที่ ๑-6 กราฟสะสมผลตัวชี้ คะแนนรวมในน้ำเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทน ในพื้นที่ส่วนกลาง ฝั่งขวาถ่านน้ำปิง.....	205

## ตารางบัญชี (ต่อ)

หน้า

รูปที่ ๙-๗ กราฟสะสมเฉลี่ย และแนวโน้มเส้นตรง ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานีตัวแทน ในพื้นที่ส่วนล่าง ช่วงกลางถึงปีปัจจุบัน.....	206
รูปที่ ๙-๑ Correlogram ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายเดือน ช่วงตุลาถึง ก.พ. เม.ย. พ.ย. และช่วงตุลาฝน ส.ค. ก.ย. ต.ค. สถานี 327501 อ.เมือง จ.เชียงใหม่ ; Lag-Time อนุจานวนข้อมูลลดลงเหลือ $\frac{1}{2}$ ของทั้งหมด.....	209
รูปที่ ๙-๒ Correlogram ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายเดือน ช่วงตุลาถึง ก.พ. เม.ย. พ.ย. และช่วงตุลาฝน ส.ค. ก.ย. ต.ค. สถานี 327501 อ.เมือง จ.เชียงใหม่ ; Lag-Time อนุจานวนข้อมูลทั้งหมด.....	210
รูปที่ ๙-๓ Correlogram ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายเดือน ช่วงตุลาถึง ก.พ. เม.ย. พ.ย. และช่วงตุลาฝน ส.ค. ก.ย. ต.ค. สถานี 327003 อ. sodom กอง จ.เชียงใหม่ ; Lag-Time อนุจานวนข้อมูลทั้งหมด $\frac{1}{2}$ ของทั้งหมด.....	211
รูปที่ ๙-๔ Correlogram ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายเดือน ช่วงตุลาถึง ก.พ. เม.ย. พ.ย. และช่วงตุลาฝน ส.ค. ก.ย. ต.ค. สถานี 327003 อ. sodom กอง จ.เชียงใหม่ ; Lag-Time อนุจานวนข้อมูลทั้งหมด.....	212
รูปที่ ๙-๕ Correlogram ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายเดือน ช่วงตุลาถึง ก.พ. เม.ย. พ.ย. และช่วงตุลาฝน ส.ค. ก.ย. ต.ค. สถานี 376201 ข.เมือง จ.ตาก ; Lag-Time อนุจานวนข้อมูลทั้งหมด $\frac{1}{2}$ ของทั้งหมด.....	213
รูปที่ ๙-๖ Correlogram ของข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายเดือน ช่วงตุลาถึง ก.พ. เม.ย. พ.ย. และช่วงตุลาฝน ส.ค. ก.ย. ต.ค. สถานี 376201 อ.เมือง จ.ตาก ; Lag-Time อนุจานวนข้อมูลทั้งหมด.....	214
รูปที่ ๙-๑ กราฟแสดงผลการวิเคราะห์อนุกรมเวลา โดยโปรแกรม Screen ; ตัวอย่างข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานี 327501 อ.เมือง จ.เชียงใหม่.....	217
รูปที่ ๙-๒ กราฟ Cumulative Deviation from the Mean โดยโปรแกรม Screen ; ตัวอย่างข้อมูลปริมาณน้ำฝนรายปี สถานี 327501 อ.เมือง จ.เชียงใหม่.....	217
รูปที่ ๙-๓ ภาพตัวอย่างการ Run โปรแกรม Screen เพื่อทดสอบแนวโน้ม.....	219

## สารบัญ (ต่อ)

หน้า	
รูปที่ ช-4	กราฟแสดงผลการทดสอบแนวโน้ม โดยโปรแกรม Screen ของข้อมูลปริมาณ้ำฝน ราชบี สถานี 327501 อ.เมือง จ.เชียงใหม่ : พื้นที่ส่วนบน ; การทดสอบแบ่งชุดข้อมูลออกเป็น 3 ส่วน และ 4 ส่วน.....221
รูปที่ ช-5	กราฟแสดงผลการทดสอบแนวโน้ม โดยโปรแกรม Screen ของข้อมูลปริมาณ้ำฝน ราชบี สถานี 327003 อ.อมทอง จ.เชียงใหม่ : พื้นที่ส่วนกลาง ; การทดสอบแบ่งชุดข้อมูลออกเป็น 3 ส่วน และ 4 ส่วน.....226
รูปที่ ช-6	กราฟแสดงผลการทดสอบแนวโน้ม โดยโปรแกรม Screen ของข้อมูลปริมาณ้ำฝน ราชบี สถานี 376201 อ.เมือง จ.ตาก : พื้นที่ส่วนล่าง ; การทดสอบแบ่งชุดข้อมูลออกเป็น 3 ส่วน และ 4 ส่วน.....231
รูปที่ ช-7	ภาพตัวอย่างการ Run โปรแกรม Screen เพื่อทดสอบความมั่นคง (Stability) ของค่าความแปรปรวน และค่าเฉลี่ย โดย F-Test และ t-Test.....244
รูปที่ ช-8	กราฟ Serial Correlation ของข้อมูลปริมาณ้ำฝนราชบี สถานีตัวแทนในแต่ละส่วน พื้นที่ของถุน้ำปิง.....246
รูปที่ ช-9	กราฟ Serial Correlation ของข้อมูลปริมาณ้ำฝนราชเดือนสิงหาคม สถานีตัวแทน ในแต่ละส่วนพื้นที่ของถุน้ำปิง.....247
รูปที่ ช-10	กราฟ Serial Correlation ของข้อมูลปริมาณ้ำฝนราชเดือนกันยายน สถานีตัวแทน ในแต่ละส่วนพื้นที่ของถุน้ำปิง.....248
รูปที่ ช-11	กราฟ Serial Correlation ของข้อมูลปริมาณ้ำฝนราชเดือนตุลาคม สถานีตัวแทน ในแต่ละส่วนพื้นที่ของถุน้ำปิง.....249
รูปที่ ช-1	แผนที่แสดงเส้นชั้นปริมาณ้ำฝนเฉลี่ยราชบี (มิกเดียม).....256

*จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย*

## ສັງອັກນົດ ແລະ ຜາກການທຶນຫຼານກໍ່ໃຫ້ໃນການກີກຂາ

$$N = \text{ຈຳນວນຂໍ້ມູນ} \quad (1)$$

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^N x_i}{N} \quad (1)$$

$$s_x = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2} \quad (2)$$

ໂຄດ  $x_i$  ດີ ປະເທດ ອົບ ຂໍ້ມູນປົກປິນແພັ່ນຮາຫີ (ນິລັມຄຣ) ໃນການໄອນຸກຮັມພວດ

ການຄດອະນຸເຫັນຕຽງ ໄດ້ໃຫ້ວິທີກຳດັ່ງສອນນີ້ຍີ່ຖຸດ (Least Squares Method)

$y$  ດີ ຕັວເປົ່າການຊັກວິທີ

$x$  ດີ ຕັວແປງວັດ

$N$  = ຈຳນວນຂໍ້ມູນ (ນີ້)

$$\text{ສົນການເຫັນຕຽງ } y = a + bx \quad (3)$$

$$b = \frac{\sum_{i=1}^N (y_i - \bar{y})(x_i - \bar{x})}{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2} \quad (4)$$

$$a = \bar{y} - b\bar{x} \quad (5)$$

ຄ່າເຈົ້າທີ່,

$$\bar{y} = \frac{\sum_{i=1}^N y_i}{N} \quad (6)$$

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^N x_i}{N} \quad (7)$$

ຄ່າສັນປະລິກທີ່ໃຫ້ວັດຄ່າຄວາມເໜາະສນຂອງສົນການທີ່ສ່ວນເໝີ,

$$r^2 = \left( \frac{s_{xy}}{s_x s_y} \right)^2$$

$$= \left[ \frac{N \left( \sum_{i=1}^N x_i y_i \right) - \left( \sum_{i=1}^N x_i \right) \left( \sum_{i=1}^N y_i \right)}{\sqrt{N \left( \sum_{i=1}^N x_i^2 \right) - \left( \sum_{i=1}^N x_i \right)^2} \cdot \sqrt{N \left( \sum_{i=1}^N y_i^2 \right) - \left( \sum_{i=1}^N y_i \right)^2}} \right]^2 \quad (8)$$

ค่าความแปรปรวนร่วม,

$$s_{xy} = \text{cov}(x,y) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) \quad (9)$$

ค่าความแปรปรวน,

$$s_x^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2 \quad (10)$$

$$s_y^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (y_i - \bar{y})^2 \quad (11)$$

ความแปรปรวนของส่วนที่เนื่องมาจากการเคลื่อน,

$$s_{ey}^2 = (1 - r^2) \cdot s_y^2 \quad (12)$$

สำหรับเส้นทดแทนตัวอย่าง  $y$  ต่อ  $x$  ;

ความเคลื่อน  $e_{y_i} = y_i - \hat{y}_i$

โดย  $y_i$  ได้จากข้อมูลตัวอย่าง และ  $\hat{y}_i$  ได้จากเส้นทดแทนการทดแทน  
ดังนั้น  $s_{ey}^2 \leq s_y^2$

ความแปรปรวนโดยเป็นค่าประมาณเบ็งครง (Unbiased Estimates),

$$\hat{s}_x^2 = \frac{N}{N-1} \cdot s_x^2 \quad (13)$$

ค่าคาดหมายของค่าประมาณ  $a$  ของพารามิเตอร์  $\alpha$  คือ

$$Ea = \alpha + v(\alpha)$$

ถ้า  $v(\alpha)$  เท่ากับ ศูนย์ แล้ว ค่าที่คาดหมาย  $Ea = \alpha$

$v$  ได้แก่ ค่าของกริฟฟ์ (Degree of Freedom)

การคำนวณค่าสหสัมพันธ์ภายในตัวแปร (Autocorrelation)

$x_i(t) =$  ข้อมูลปริมาณน้ำฝนที่เวลา  $t$  (นิลลิเมตร)

$x_i(t+\tau) =$  ข้อมูลปริมาณน้ำฝนที่เวลา  $(t+\tau)$  (นิลลิเมตร)

โดย  $\tau$  คือ Lag Time

$N =$  จำนวนข้อมูล (ปี)

ค่าเฉลี่ย,

$$\overline{x(t)} = \frac{\sum_{i=1}^N x_i(t)}{N} \quad (14)$$

$$\overline{x(t+\tau)} = \frac{\sum_{i=1}^N x_i(t+\tau)}{N} \quad (15)$$

ค่าความแปรปรวน,

$$\text{var}(x(t)) = \frac{\sum_{i=1}^N (x_i(t) - \bar{x}(t))^2}{N} \quad (16)$$

$$\text{var}(x(t+\tau)) = \frac{\sum_{i=1}^N (x_i(t+\tau) - \bar{x}(t+\tau))^2}{N} \quad (17)$$

ค่าความแปรปรวนร่วม,

$$\text{cov}(x(t), x(t+\tau)) = \frac{\sum_{i=1}^N (x_i(t) - \bar{x}(t))(x_i(t+\tau) - \bar{x}(t+\tau))}{N} \quad (18)$$

ค่าสหสัมพันธ์ภายในตัวแปร,

$$r(\tau) = \frac{\text{cov}(x(t), x(t+\tau))}{[\text{var}(x(t)) \cdot \text{var}(x(t+\tau))]^{0.5}} \quad (19)$$

โดย  $0 \leq \tau \leq N$  ด้วย  $\tau = 0 : \text{cov}(x(t), x(t+\tau)) = \text{var}(x(t))$

สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย