

โครงการอิเล็กทรอนิกส์ประสมแพลแบบหนึ่งมิติของอินเดียมแกลเลี่ยมอาร์เซไนด์ควอนตัมดอตไมโครก

นายนิธิเดช ชัยศุภุกุล

## สถาบันวิทยบริการ

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต

สาขาวิชาชีวกรรมไฟฟ้า ภาควิชาชีวกรรมไฟฟ้า

คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ปีการศึกษา 2551

ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

EFFECTIVE ONE-DIMENSIONAL ELECTRONIC STRUCTURE OF InGaAs QUANTUM DOT  
MOLECULES

Mr. Nitidet Thudsalingkarnsakul

สถาบันวิทยบริการ

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Master of Engineering Program in Electrical Engineering

Department of Electrical Engineering

Faculty of Engineering

Chulalongkorn University

Academic Year 2008

Copyright of Chulalongkorn University

หัวข้อวิทยานิพนธ์	โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสาทและแบบหนึ่งมิติของอินเด็กซ์แกลเลี่ยม
อาจารย์ในค้วอนดัมคอตโนเมลกุล	อาจารย์ในค้วอนดัมคอตโนเมลกุล
โดย	นายนิธิเดช จัชศุงการสกุล
สาขาวิชา	วิศวกรรมไฟฟ้า
อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก	รองศาสตราจารย์ ดร. ทรงพล กาญจนชัย
อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ร่วม	ดร. สุวัฒน์ ไสวพันธ์

---

คณะกรรมการคัดเลือกนักเรียนเข้าศึกษาต่อระดับบัณฑิต  
ให้นักเรียนที่ได้รับการคัดเลือกเข้าศึกษาต่อระดับบัณฑิต

..... คณบดีคณะวิศวกรรมศาสตร์  
(รองศาสตราจารย์ ดร. บุญสม เดิมหรรษากุล)

คณะกรรมการสอนวิทยานิพนธ์

..... ประธานกรรมการ  
(รองศาสตราจารย์ ดร. มนตรี สถาเดศสุกุล)  
..... อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก  
(รองศาสตราจารย์ ดร. ทรงพล กาญจนชัย)

..... อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ร่วม  
(ดร. สุวัฒน์ ไสวพันธ์)

..... กรรมการ  
(ศาสตราจารย์ ดร. สมศักดิ์ ปัญญาแก้ว)

..... กรรมการภายนอกมหาวิทยาลัย  
(ดร. ชัยชนะ ชนชยานนท์)

**นิพิเศษ รัชศุภการศกุล :** โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของอินเดียมแกลลีนอาร์เซไนด์ค่อนตั้มคอตโนเมเลกุล. (EFFECTIVE ONE-DIMENSIONAL ELECTRONIC STRUCTURE OF InGaAs QUANTUM DOT MOLECULES) อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก : รศ.ดร.ทรงพล กาญจนชัย, อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ร่วม : ดร.สุวัฒน์ ไสวศิพันธ์, 99 หน้า

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ นำเสนอผลการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของโครงสร้าง InGaAs ค่อนตั้มคอตโนเมเลกุล (QDM) ซึ่งถูกปููกด้วยเทคนิคการปููกหลักแบบลำโนเมเลกุล โดยเทคนิคการปููกแบบกลบหันและปููกซ้ำ การปููกชั้นงานทั้งสองเริ่มจากการปููกจากชั้น InAs QD 1.8 ML แล้วกลบบางด้วยชั้น GaAs Capping ชั้นชั้นงาน A หนา 15 ML และชั้นงาน B หนา 25 ML จากนั้นจึงปููก InAs 1.2 ML ซ้ำอีกครั้ง ซึ่งลักษณะของ QDM จะเกิดจากการขับกลุ่มของค่อนตั้มคอต โดยที่ค่อนตั้มคอตขนาดใหญ่จะอยู่ตรงกลางและถูกล้อมรอบด้วยกลุ่มค่อนตั้มคอตขนาดเล็ก

ชั้นงานถูกวัดโดยการภาพของผิวน้ำด้วยเทคนิคแรงดึงตอน (AFM) และคุณสมบัติทางแสงด้วยเทคนิคไฟไดอุมิเนสเซนซ์ (PL) แบบปรับกำลังของแสงกระตุ้นและแบบปรับอุณหภูมิของชั้นงาน ผลการทดลองทางแสง PL ที่ได้ถูกนำมาใช้สร้างแบบจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติ ซึ่งให้ผลลัพธ์งานไฮเก้นของพำะใน QDM ที่สามารถอธิบายผลการวัดทางแสง PL ได้ทุกอุณหภูมิทดลองด้วยความแม่นยำที่ดีกว่า 6.3 meV สำหรับชั้นงาน A และ 7.9 meV สำหรับชั้นงาน B

ผลการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของ InGaAs QDM แสดงให้เห็นว่า QD อาจถูกพิจารณาว่ามีสูตรทางเคมีประสิทธิผลเป็น  $In_{0.77}Ga_{0.23}As$  ซึ่งถูกล้อมรอบด้วยชั้นระหว่างกลาง ซึ่งมีสูตรทางเคมีประสิทธิผลเป็น  $In_{0.6}Ga_{0.4}As$  และสามารถระบุได้ว่า การเปลี่ยนแสงจากชั้นงาน A เป็นผลจาก QD กลางเพียงอย่างเดียว ในขณะที่การเปลี่ยนแสงของชั้นงาน B เป็นผลมาจากการของ QD กลางและ QD ข้าง

ผลการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของ InGaAs QDM นี้สามารถนำมาใช้อธิบายคุณสมบัติทางแสงของโครงสร้าง InGaAs QDM ที่มีโครงสร้างชั้นชั้น ได้อย่างแม่นยำในช่วงอุณหภูมิ 20-150 K โดยโครงสร้าง QD ประสิทธิผลเล็กกว่า QD ที่วัดได้จาก AFM เนื่องจากผลของสถานะผิวน้ำ (surface state) และผลของความไม่แน่นอนของขนาดที่วัดได้จากเทคนิค AFM เนื่องจากผลของขนาดของปลายเทป

ภาควิชา.....วิศวกรรมไฟฟ้า.....	ลายมือชื่อนิสิต.....	๑๓๐๕ ๕๗๙๑๓๒๘๖
สาขาวิชา.....วิศวกรรมไฟฟ้า.....	ลายมือชื่อ อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก.....	พ.ศ.๒๕๖๒
ปีการศึกษา ๒๕๕๑	ลายมือชื่อ อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ร่วม.....	_____

# # 4970389621 : MAJOR ELECTRICAL ENGINEERING

KEYWORDS: / InGaAs QD / InGaAs QDM / effective 1D electronic structure / QD effective

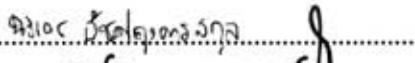
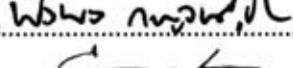
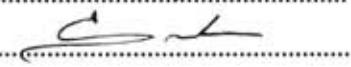
NITIDET THUDSALINGKARNSAKUL : EFFECTIVE ONE-DIMENSIONAL ELECTRONIC  
STRUCTURE OF InGaAs QUANTUM DOT MOLECULES. THESIS ADVISOR : ASSOC. PROF.  
SONGPHOL KANJANACHUCHAI, Ph.D., THESIS CO-ADVISOR : SUWAT SOPITPAN, Ph.D.,  
99 pp.

This thesis reports simulation results of an effective one dimension (1D) electronic structure of InGaAs quantum dot molecules (QDMs). Samples were grown by molecular beam epitaxy (MBE) using thin capping and regrowth technique. The first layer of InAs quantum dots (QDs) was grown with a thickness of 1.8 ML and capped by 15 ML and 25 ML of GaAs for samples A and B, respectively. Another layer of 1.2-ML InAs was regrown on this capping layer. This process resulted in the formation of ensemble of QDMs, each consists of one large QD at the center surrounded by smaller satellite QDs.

Surface morphology and optical properties of InGaAs QDMs were studied by atomic force microscopy AFM and power- and temperature-dependent photoluminescence (PL) measurements. PL results were used to simulate the effective 1D electronic structure. Eigen energies of carriers obtained from the simulation can be used to explain the PL results at all temperatures. The accuracy of the model is better than 6.3 meV and 7.9 meV for samples A and B, respectively.

The results of the effective 1D electronic structure of InGaAs QDMs show that the effective chemical compositions of QDs and intermediate layers are  $In_{0.77}Ga_{0.23}As$  and  $In_{0.6}Ga_{0.4}As$ , respectively. The model can also identify that the PL spectrum of sample A was the emission of the center QDs only, whereas in sample B both the center and satellite QDs contributed to the emission spectrum.

The simulation results of the effective 1D electronic structure of InGaAs QDMs can be used to explain the optical properties of complex InGaAs QDMs with good accuracy in the 20-150 K range. The effective sizes of QDs from the simulation are smaller than those measured by AFM because of the surface state effect of QDs and size uncertainty due to the convolution effect of AFM.

Department.....Electrical Engineering..... Student's signature.....  
Field of study.....Electrical Engineering ..... Principal Advisor's signature.....  
Academic year...2008..... Co-advisor's signature.....

## กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้มีอาจสำเร็จลุล่วงได้ตามเป้าหมายที่วางไว้ หากขาดเครื่องมือทำการทดลองและวิจัย รวมทั้งการซ่อมแซมอุปกรณ์และสนับสนุนจากผู้มีพระคุณทั้งหลายในห้องปฏิบัติการวิจัย สิ่งประดิษฐ์สารกึ่งตัวนำ ภาคไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ผู้เขียนขอขอบพระคุณอาจารย์ที่ปรึกษา รศ. ดร. ทรงพล กาญจนชูชัย ที่เอื้อเฟื้อสละเวลาอันมีค่า เพื่อมาช่วยเหลือ ดูแลและให้คำปรึกษาอันมีประโยชน์ยิ่ง แก่ข้าพเจ้ามาตั้งแต่ข้าพเจ้าเรียนปริญญาตรีจนกระทั่งจบการศึกษาระดับปริญญาโท

ผู้เขียนขอขอบพระคุณอาจารย์ที่ปรึกษาร่วม ดร. สุวัฒน์ ไสวพันธ์ ที่เอื้อเฟื้อสละเวลาอันมีค่า ให้คำปรึกษา และให้คำแนะนำด้านสอนสอบอนุมัติหัวข้อวิทยานิพนธ์

ผู้เขียนขอขอบคุณคณะกรรมการสอนอนุมัติหัวข้อวิทยานิพนธ์ สถาบันการศึกษา ประกอบไปด้วย ศ. ดร. สมศักดิ์ ปัญญาแก้ว รศ.ดร.มนตรี สวัสดิศฤทธิ์ ดร. ชัยชนะ ชนชยานนท์ และ อาจารย์ที่ปรึกษา อาจารย์ที่ปรึกษาร่วม

ผู้เขียนขอขอบคุณพี่ๆ ห้องธุรกิจ ที่ให้ความช่วยเหลือด้านงานธุรกิจ และทางเทคนิค ประกอบไปด้วย พี่ศุภโชค และ พี่วัฒน์เรือน ไทยน้อย พี่พรชัย ช่างม่วง พี่พัฒนา พันธุวงศ์

ผู้เขียนขอขอบคุณพี่ๆ บริษัทฯ และ บริษัทเอก ทั้งที่จบไปแล้ว และที่ยังศึกษาอยู่ที่ ให้ความช่วยเหลืออย่างอบอุ่นเรื่อยมา

ผู้เขียนขอขอบคุณสถาบันบัณฑิตวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยีไทย (TGIST) สำนักงานพัฒนาวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยีแห่งชาติ (NSTDA) ทุน 90 ปี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย Asian Office of Aerospace Research and Development (AOARD) Thai Research Fund (TRF) และศูนย์นานาชาติเทคโนโลยีแห่งชาติ (NANOTEC) ที่ให้ทุนสนับสนุนการศึกษาและทุนวิจัย

สุดท้ายนี้ผู้เขียนขอขอบคุณครอบครัว ประกอบไปด้วย บิดา มารดา และญาติพี่น้อง ที่เป็นกำลังใจ และให้คำปรึกษาอย่างดีตลอดมา ประโยชน์อันได้เกิดจากข้าพเจ้าข้อมูลเป็นเครื่องบูชา บูรพาจารย์ตลอดจนคุณบิดามารดาที่เป็นผู้มีพระคุณยิ่งต่อข้าพเจ้า

## สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย.....	๑
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	๒
กิตติกรรมประกาศ.....	๓
สารบัญ.....	๔
สารบัญตาราง .....	๕
สารบัญภาพ.....	๖
 บทที่ 1 บทนำ.....	 1
 บทที่ 2 ความรู้พื้นฐาน.....	 7
2.1 โครงสร้างขนาดนาโนเมตร.....	7
2.1.1 ความตื้น.....	7
2.1.2 ความกว้าง.....	8
2.1.3 ความสูง.....	9
2.2 การปลูกความตื้นของด้วยวิธีกระบวนการปลูกผลึกอิพิแทกซ์จากลำไผ่เลกุล.....	10
2.2.1 ระบบการปลูกผลึกอิพิแทกซ์จากลำไผ่เลกุล.....	10
2.2.2 กลไกการเกิดความตื้น.....	14
2.3 การวัดคุณสมบัติทางแสงโดย Photoluminescence (PL).....	17
2.3.1 ระบบ Photoluminescence.....	17
2.3.2 ผลการทดลองทางแสง.....	21
2.4 การวัดผิวน้ำด้วยเทคนิคแรงอະตอม.....	23
2.4.1 ระบบ Atomic Force Microscope (AFM).....	23
2.4.2 ผลการวัดผิวน้ำ.....	23
2.5 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์.....	24
2.5.1 แผนภาพเดบพลังงาน (Energy Band Diagram).....	25
2.5.2 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แบบ 1 มิติ.....	28
2.5.3 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แบบ 3 มิติ.....	29

หน้า	
บทที่ 3 การทดลอง.....	31
3.1 การปลูกโครงสร้างความตั้มดอตไมเลกุลและผลการทดลอง.....	31
3.1.1 วิธีการปลูกความตั้มดอตไมเลกุล.....	31
3.1.2 การเกิดความตั้มดอตไมเลกุล.....	33
3.1.3 ลักษณะผิวน้ำ.....	34
3.1.4 ลักษณะคุณสมบัติทางแสง.....	35
3.2 Couple Schrödinger-Poission Equations.....	36
3.2.1 Schrödinger Equation.....	36
3.2.2 Poisson Equation .....	37
3.2.3 ลำดับการคำนวนโดยใช้ Schrödinger-Poission Equations.....	38
3.2.4 ตัวแปรอื่นๆที่เกี่ยวข้อง.....	40
3.2.4.1 แฉบพลังงานต้องห้าม (Band Gap).....	40
3.2.2.2 $\Delta E_C$ และ $\Delta E_V$ .....	41
3.2.2.3 Eigen Energy ของโซล และ อิเล็กตรอน.....	41
3.2.2.4 ค่าพลังงาน $E_{electron}$ - $E_{hole}$ .....	42
3.3 กำหนดโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพแบบหนึ่งมิติ.....	43
3.3.1 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพในแนวตั้ง.....	44
3.3.2 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพในแนวนอน.....	48
บทที่ 4 ผลการทดลองและอภิปราย.....	51
4.1 ผลการทดลองคุณสมบัติทางแสง.....	51
4.1.1 ผลการวัด PL แบบปรับกำลังของแสงกระตุ้น.....	51
4.1.2 ผลการวัด PL แบบปรับอุณหภูมิของชิ้นงาน.....	56
4.2 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพแบบหนึ่งมิติ.....	58
4.2.1 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพแนวตั้งของ A และ B.....	58
4.2.2 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพแนวนอนของ A และ B .....	61
4.2.3 วิเคราะห์ค่าความผิดพลาดจากการจำลองชิ้นงาน A .....	65
4.2.4 วิเคราะห์ค่าความผิดพลาดจากการจำลองชิ้นงาน B.....	68
4.2.5 ความสมจริงของพารามิเตอร์ที่ใช้ในการทดลอง.....	71

หน้า	
4.2.5.1 องค์ประกอบทางเคมี ( $x$ และ $y$ ).....	71
4.2.5.2 ขนาด ( $H$ และ $W$ ) เมื่อเทียบกับผล AFM.....	72
4.2.5.3 ขนาด ( $H$ ) เมื่อเทียบกับกระบวนการปลูกผลึก.....	73
 บทที่ 5 สรุปผลการทดลอง.....	74
 รายการอ้างอิง.....	76
ผลงานดีพิมพ์.....	83
ผลงานนำเสนอ.....	84
ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์.....	85

# สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## สารบัญตาราง

ตาราง	หน้า
4.1 แสดงค่า $\alpha, \beta$ ของ InAs, InGaAs และ GaAs.....	57
4.2 พารามิเตอร์ที่ใช้ในการคำนวณการเปลี่ยนแปลงของระดับพลังงานสถานะพื้นกับอุณหภูมิ.....	58

สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## สารบัญภาพ

รูปที่	หน้า
1.1 ลักษณะของวัสดุขนาดต่างๆ.....	1
1.2 a) กระบวนการดูดกลืนแสง และ b) กระบวนการเปล่งแสง.....	4
 2.1 โครงสร้างทางกายภาพและความหนาแน่นของสถานะของ (a) วัสดุขนาดใหญ่ (b) ความตั้มเวลา (c) ความตั้มไวร์ และ (d) ความตั้มดอต.....	 9
2.2 โครงสร้างระบบปลูกผลึกจากคำโน้มเลกุล RIBER รุ่น 32P.....	10
2.3 ลักษณะอุณหภูมิกับเวลาสำหรับทำความสะอัดแผ่นฐาน.....	11
2.4 ส่วนประกอบภายในห้องปลูกผลึก.....	12
2.5 โครงสร้างของระบบ RHEED .....	14
2.6 แผนภาพเฟสสมดุล (Equilibrium phase diagram) ในรูปของฟังก์ชันระหว่าง H กับ E โดย ภาพประกอบด้านบนและล่างแสดงถึงลักษณะของผิวน้ำของโน้มดต่างๆทั้ง 6 โน้มด สามเหลี่ยมเล็กสีขาวแทนโครงสร้างเกล้าสามมิติที่มีเสถียรภาพ สามเหลี่ยมใหญ่รูปแบบ สี่ข้างในแทนโครงสร้างเกล้าสามมิติที่โตเต็มที่ (Ripening island) เฟสแต่ละรูปแบบปลูกเม่ง ด้วยเส้นขอบเขต $H_c_1(E)$ : FM-R <sub>1</sub> , FM-SK <sub>1</sub> ; $H_c_2(E)$ : SK <sub>1</sub> -R <sub>2</sub> ; $H_c_3(E)$ : SK <sub>2</sub> -SK <sub>1</sub> ; $H_c_4(E)$ : VW-SK <sub>2</sub> , VW-R <sub>3</sub> .....	15
2.7 Schematic ของ stain energy density ของความตั้มดอต.....	17
2.8 (ก) รูปถ่าย และ (ข) Schematic ของระบบวัด PL .....	17
2.9 ช่วงความยาวคลื่นของสิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสง ชนิด InGaAs.....	19
2.10 ผลการวัดทางแสงแบบขึ้นกับกำลังกระแสตู้นของแสง.....	20
2.11 ผลการวัดทางแสงแบบขึ้นกับอุณหภูมิ.....	20
2.12 a) PL ของชิ้นงานตัวอย่างและ b) การวิเคราะห์ระดับพลังงานไอเก็บ $E_e$ และ $E_h$ .....	21
2.13 (a) ความตั้มดอตจะแสดงค่าพลังงานเป็นเดลต้าฟังก์ชันเหมือนกับความหนาแน่นของ สถานะ (b) ค่าเฉลี่ยความแตกต่างของขนาดความตั้มดอตจะแปรผันกับค่า FWHM.....	22
2.14 ตัวอย่างผล PL แบบคำนวนจากวิธี Gaussian fitting แบบ multiple Gaussian peaks .....	22
2.15 แผนภาพแสดงการทำงานของ AFM.....	23
2.16 ผลการวัดผิวน้ำของความตั้มดอตโน้มเลกุลขนาด $2*2 \mu\text{m}^2$ .....	24
2.17 แผนภาพแบบพลังงาน.....	25

	หน้า
2.18 แผนภาพແຄບພລັງຈານຂອງ ຕ້າວນໍາ ສາຮກິ່ງຕ້າວນໍາ ແລະ ອນວນ.....	26
2.19 แผนภาพພລັງຈານ-ໄມເມນຕົມ (E-k) ຂອງ a) InAs, b) GaAs ແລະ c) Si .....	27
2.20 ໂຄງສ້າງອີເລືກທຣອນິກສີຂອງ GaAs/InAs/GaAs .....	27
2.21 ໂຄງສ້າງອີເລືກທຣອນິກສີແບບໜຶ່ງມິຕີຂອງຄວອນຕົມດອຕແບບແນວຕົ້ງແລະແນວອນ.....	28
2.22 ໂຄງສ້າງອີເລືກທຣອນິກສີທີ່ກໍານວນໄດ້ກ່າວພລັງຈານໄອເກັນແລະຝຶກໜ້າຄລື່ນຂອງອີເລືກທຣອນ ແລະ ໂອດ.....	29
2.23 ຝຶກໜ້າຄລື່ນຂອງອີເລືກທຣອນແລະ ໂອດຊື່ງໄດ້ຈາກການກໍານວນແບບສາມມິຕີ.....	29
 3.1 a) ໂຄງສ້າງ ແລະ b) temperature profile ຂອງການປຸກຄວອນຕົມດອຕໄມເລກຸດໃນໜຶ່ງງານ A .....	 32
3.2 a) ໂຄງສ້າງ ແລະ b) temperature profile ຂອງການປຸກຄວອນຕົມດອຕໄມເລກຸດໃນໜຶ່ງງານ B .....	33
3.3 ແຜນກາພລຳດັບກາຍເກີດຄວອນຕົມດອຕໄມເລກຸດ.....	33
3.4 ພັດກາວັດຜົວໜ້າຈາກ AFM ຂາດ $2\times 2 \mu\text{m}^2$ ຂອງ a) ໜຶ່ງງານ A ແລະ b) ໜຶ່ງງານ B ຮູບເລີກ ແກຣກ a) ແລະ b) ແສດງກາພຍາຍນາດ $300\times 300 \text{ nm}^2$ ແລະ ຮູບຄ້ານລ່າງແສດງພັດກາທຳ Line Scan ຂອງ QDM ດ້ວຍເທກນິກ AFM ຂອງແຕ່ລະ QDM .....	34
3.5 ພັດກາວັດຄຸນສມບັດທາງແສງ PL ທີ່ 77 K ແບບ normalized ຂອງ a) ໜຶ່ງງານ A ແລະ b) ໜຶ່ງງານ B .....	35
3.6 Flow Chart ແສດງການກໍານວນແບບ Self-Consistent ຂອງສາມກາຮໂຮດິງເຈອ໌ ແລະ ສາມກາປ່ວສ໌ ຂອງ a) ແບບລຳດັບບັນຫຼອນຍ່າງຍ່າຍ ແລະ b) ແບບລຳດັບບັນຫຼອນສາມກາ.....	39
3.7 ເປີຍີນເຖິຍນ Band gap ຂອງ InGaAs ແບບມີຄວາມຄຽບຍົດແລະ ໄນມີຄວາມຄຽບຍົດທີ່ 77 K .....	40
3.8 $\Delta E_c$ ແລະ $\Delta E_v$ ທີ່ເກີດຈາກສາມປະກອບແບບສາຮກິ່ງຕ້າວນໍາ 2 ຊົນດ້ວຍຕ່ອແບບເຫຼວໂໂຮ ແລະ b) ກາຮຟແສດງຄວາມສັນພັນຮ່ວ່າງຄ່າ $\text{In}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$ ແລະ $\Delta E_c$ .....	41
3.9 ເປີຍີນເຖິຍນພລັງຈານທີ່ສາມາດຄອບຄອງໄດ້ຂອງອີເລືກທຣອນເມື່ອ a) ປອພລັງຈານກ່ຽວຂຶ້ນ b) ນ່ອພລັງຈານຕໍ່າລົງ.....	42
3.10 ກະບວນການເປັ່ນແສງຂອງສາຮກິ່ງຕ້າວນໍາ.....	43
3.11 ຄວາມສັນພັນຮ່ວ່າງໂຄງສ້າງອີເລືກທຣອນິກສີປະສິທິພລໃນແນວອນກັບພັດກາທຳລອງ ຖາງແສງດ້ວຍເທກນິກ PL .....	44

## หน้า

3.12	ความสัมพันธ์ระหว่างต่างค่าพลังงานไอยกีนของอิเล็กตรอนและโซลกับขนาดความสูงของ ความตื้นดอต .....	45
3.13	ผลการทดลองทางแสง PL ของ a) ชิ้นงาน A และ b) ชิ้นงาน B ที่ 77 K .....	46
3.14	กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างอัตราส่วน $In_xGa_{1-x}As$ และความสูงของความตื้นดอต กับ ค่าพลังงาน ground state.....	47
3.15	พลังงานไอยกีนของอิเล็กตรอนใน CB จะมีค่าต่างกันมากเมื่อมีพลังงานมากขึ้น.....	48
3.16	โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ของ QDM ที่ประกอบด้วย InAs QD, wetting และ GaAs.....	49
3.17	ผลการวัดทางแสง PL ที่สอดคล้องกับโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลในแนวอน ของชิ้นงาน a) A และ b) B .....	50
4.1	ผลการวัด PL แบบปรับกำลังของแสงกระตุ้น ที่อุณหภูมิ 20 K ของชิ้นงาน a) A และ b) B.....	52
4.2	ผลจากการหาค่ายอดพลังงานจาก Gaussian curve ของชิ้นงาน a) A และ b) B ซึ่งทำการ ทดลองวัด PL ที่อุณหภูมิ 20 K และกำลังของเลเซอร์เป็น 160 mW .....	53
4.3	ความเข้มของค่ายอดพลังงานของชิ้นงาน A แบบ normalized ด้วยค่าพลังงาน s.....	54
4.4	ความเข้มของค่ายอดพลังงานของชิ้นงาน B แบบ normalized ด้วย A) พลังงาน s และ b) พลังงาน $s'$ .....	55
4.5	ผลการวัด PL แบบปรับอุณหภูมิของชิ้นงาน เมื่อกำลังของแสงเลเซอร์คงที่ ที่ 160 mW โดย ภาพบนแสดงข้อมูลค่าของชิ้นงาน a) A และ b) B ในขณะที่ภาพว่างแสดงข้อมูลที่ถูก normalized กับยอดพลังงานแรกของชิ้นงาน c) A และ d) B.....	56
4.6	กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่ายอดพลังงานและอุณหภูมิของชิ้นงาน a) A และ b) B .....	57
4.7	ผลการคำนวนหาค่าพลังงานจากการเปลี่ยนส่วนประกอบทางเคมีของ $In_xGa_{1-x}As$ QD เทียบ กับค่ายอดพลังงาน $s$ ที่วัดได้จากเทคนิค PL ของชิ้นงาน a) A และ b) B.....	59
4.8	ผลการวัด PL (เส้นทึบ) Gaussian Fit ของยอดพลังงานแรก (เส้นประ) และโครงสร้าง อิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติในแนวตั้ง (รูปแทรกล) ของ a) ชิ้นงาน A จากการ กำหนดให้ $H=2.5$ nm และ b) ชิ้นงาน B จากการกำหนดให้ $H=4.5$ (สำหรับ $s$ ) และ 4 nm (สำหรับ $s'$ ).....	60
4.9	กราฟแสดงความผลการคำนวนค่าพลังงาน GS จากโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แนวตั้ง (■) เทียบกับผล PL (—) ที่อุณหภูมิต่างๆ ของชิ้นงาน a) A และ b) B.....	61

## หน้า

4.10	ภาพตัดขวางของโครงสร้าง QD ที่ใช้ในการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลใน 1 มิติ โดยอาศัยพารามิเตอร์ที่สำคัญในแนวตั้งคือ $H$ และ $x$ และสำหรับแนวอนคือ $W$ , $x$ และ $y$ .....	62
4.11	โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบในแนวตั้ง (ซ้าย) และแนวอน (ขวา) ที่สอดคล้องกับ 9 ผลการวัดทางแสง PL ของชิ้นงาน a) A และ b) B.....	63
4.12	กราฟเปรียบเทียบค่ายอดพลังงานที่ได้จากการคำนวนกับผลการวัด PL ของ a) ชิ้นงาน A และ b) ชิ้นงาน B ที่อุณหภูมิต่างๆ.....	65
4.13	กราฟแสดงค่าผลต่างพลังงาน $s-p$ และ $p-d$ ที่ได้จากการคำนวนกับผลการวัด PL ที่อุณหภูมิต่างๆ.....	66
4.14	โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของชิ้นงาน A และสรุปพารามิเตอร์ที่ใช้ในการจำลองสำหรับโครงสร้างเก่าและใหม่.....	67
4.15	กราฟเปรียบเทียบ a) ค่าพลังงาน GS b) ค่าความต่างพลังงาน $s-p$ c) ค่าความต่างพลังงาน $p-d$ ของผลการคำนวนโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบเก่า แบบใหม่ กับผลการวัด PL ที่อุณหภูมิต่างๆ ของชิ้นงาน A.....	68
4.16	แสดงผลการคำนวนค่าความต่างพลังงานของ a) ความตันดอตอนน้ำดีญ่า และ b) ความตันดอตอนน้ำเดือดที่อุณหภูมิต่างๆ.....	69
4.17	โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของชิ้นงาน B และสรุปพารามิเตอร์ที่ใช้ในการจำลองสำหรับโครงสร้างเก่าและใหม่.....	70
4.18	กราฟเปรียบเทียบ a) ค่าพลังงาน GS b) ค่าความต่างพลังงาน $s-p$ c) ค่าความต่างพลังงาน $p-d$ และ d) ค่าความต่างพลังงาน $s'-p'$ ของผลการคำนวนโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แบบเก่า แบบใหม่ กับผลการวัด PL ที่อุณหภูมิต่างๆ ของชิ้นงาน B.....	71
4.19	ผลการวัดความสูงโดยการทำ Line Scan และผลการวัดผิวหน้า จากเทคนิค AFM ของ a) ชิ้นงาน A และ b) ชิ้นงาน B .....	72

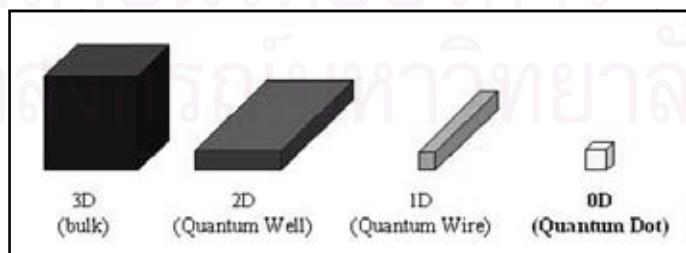
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## บทที่ 1

### บทนำ

สารกึ่งตัวนำถูกนำมาใช้อย่างกว้างขวาง เช่น สิ่งประดิษฐ์ทางไฟฟ้า หรือเป็นอุปกรณ์สำคัญพื้นฐานทางไฟฟ้า เนื่องจากสารกึ่งตัวนำมีคุณสมบัติที่เด่นกว่าตัวนำทางไฟฟ้าหลายประการ ได้แก่ สามารถใส่สารเลือปน (Doping) ในสารกึ่งตัวนำสำหรับเปลี่ยนคุณสมบัติการนำไฟฟ้า คุณสมบัติต่างๆที่มีความไวต่อการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิทำให้สามารถนำมาประยุกต์เพื่อประดิษฐ์อุปกรณ์ตรวจวัดอุณหภูมิ หรือจำพวกสิ่งประดิษฐ์ทำงาน เช่น ทรานซิสเตอร์สนามไฟฟ้า (Field Effect Transistor) เป็นต้น

อุปกรณ์ทางไฟฟ้าส่วนมากถูกออกแบบให้มีขนาดที่กระหัดหรือเล็กลงเรื่อยๆ เพื่อสะดวกในการใช้งานหรือประหยัดวัสดุ จึงมีการศึกษาและทดลองเพื่อทดสอบคุณสมบัติต่างๆของวัสดุที่มีขนาดเล็กลงว่าจะเปลี่ยนแปลงอย่างไร ซึ่งขนาดของวัสดุสามารถถูกจำกัดตามมิติที่พากเพียรสามารถเคลื่อนที่ได้เป็น แบบ 3 มิติ แบบ 2 มิติ แบบ 1 มิติ และ แบบ 0 มิติ ดังรูปที่ 1 แบบ 3 มิติจะเป็นขนาดใหญ่ที่สุดหรือเรียกได้ว่าเป็นก้อน (Bulk) พาหะจะเคลื่อนที่ได้ในทุกทิศทาง แบบ 2 มิติจะมีขนาดรองลงมา เรียกว่าความตัมมวลล์ (Quantum Well) พาหะจะสามารถเคลื่อนที่ได้เพียง 2 มิติหรือในระนาบเดียวเท่านั้น แบบ 1 มิติวัสดุจะมีรูปร่างเป็นแท่งเรียกว่าความตัมไวร์ (Quantum Wire) พาหะไฟฟ้าจะสามารถเคลื่อนที่ได้เพียงมิติเดียว และแบบ 0 มิติวัสดุจะเป็นเส้นเมื่อนจุดเรียกว่าความตัมดอต (Quantum Dot) ซึ่งพาหะถูกจำกัดการเคลื่อนที่ทุกทิศทาง



รูปที่ 1.1 ลักษณะของวัตถุขนาดต่างๆ

คุณลักษณะต่างๆของสารกึ่งตัวนำที่มีโครงสร้างแบบความตั้มดอต (Quantum Dot) และแบบความตั้มเวลล์ (Quantum Well) มีการศึกษาอย่างกว้างขวาง [1-4] ทั้งทางด้านโครงสร้าง [5, 6] ขนาดต่างๆ หรือการใช้วัสดุที่แตกต่างกันเพื่อหาคุณสมบัติของโครงสร้างนั้นๆ โดยที่คุณสมบัติพิเศษอย่างหนึ่งคือพาหะนำไฟฟ้าสามารถครอบคลุมพลังงาน ( $E$ ) ได้บางค่าเท่านั้น [7-10] ซึ่งเป็นไปตามสมการการแผ่พลังงานของแมกซ์ พลังค์ (Planck's Radiation Theory)

$$E = nhf$$

เมื่อ  $n$  เป็นจำนวนเต็มและเรียกว่าเลขความตั้มหลัก (Principal Quantum Number)  $h$  คือค่าคงที่ของพลังค์ และ  $f$  คือความถี่ โครงสร้างความตั้มจึงสามารถเปลี่ยนแปลงหรือดูดกลืนแสงได้บางค่าพลังงานเท่านั้น ซึ่งต่างจากวัสดุก้อนขนาดใหญ่ที่พาหะนำไฟฟ้าสามารถครอบคลุมพลังงานได้แบบค่าต่อเนื่อง คุณสมบัติพิเศษนี้ได้รับผลมาจากการที่พาหะนำไฟฟ้าถูกจำกัดทิศทางการเคลื่อนที่ให้มีการเคลื่อนที่ได้เพียงบางทิศทางเท่านั้น เช่นในโครงสร้างแบบความตั้มเวลล์ พาหะนำไฟฟ้าจะสามารถเคลื่อนที่ได้เพียงสองมิติ หรืออาจกล่าวได้ว่าพาหะถูกจำกัดการเคลื่อนที่หนึ่งมิติ และในโครงสร้างแบบความตั้มดอต พาหะนำไฟฟ้าจะถูกจำกัดทิศทางในการเคลื่อนที่ทั้งสามมิติ ดังนั้นสิ่งประดิษฐ์ที่มีโครงสร้างความตั้มดอตหรือความตั้มเวลล์เป็นส่วนประกอบสำคัญ จึงเหมาะสมสำหรับการสร้างสิ่งประดิษฐ์อปโตอิเล็กทรอนิกส์ (Optoelectronics) เช่น สิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสง (Photodetector) เลเซอร์ (Laser) และไดโอดเปล่งแสง (LED) เป็นต้น

สิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสงสามารถตรวจจับความเข้มและความยาวคลื่นของแสง โดยที่แสงหรือโฟตอนที่เข้ามาตกระบทบกบับสิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสงจะต้องมีพลังงานที่มีค่ามากกว่า หรือเท่ากับช่องแผลงงานต้องห้าม (Energy Gap:  $E_g$ ) สิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสงจึงจะสามารถตอบสนองได้ โดยพลังงานของแสงจะกระตุ้นพาหะจากสภาพว่างพื้น (Ground State) ไปสู่สภาพถูกกระตุ้น (Excited State) ในกรณีของวัสดุความตั้ม หรือจากແນວวนเดนซ์ (Valence Band) ไปสู่ແນວคอนเดกชัน (Conduction Band) ในกรณีของวัสดุแบบ bulk ส่งผลให้สิ่งประดิษฐ์ที่สร้างจากวัสดุแบบ bulk หรือวัสดุแบบความตั้มสามารถวัดความยาวคลื่นและความเข้มแสงได้

สิ่งประดิษฐ์ความตั้มดอตและความตั้มเวลล์ได้มีการพัฒนามาอย่างต่อเนื่อง โดยมีการศึกษาสิ่งประดิษฐ์แบบความตั้มเวลล์ก่อน เพราะความตั้มเวลล์มีขนาดโครงสร้างที่ใหญ่กว่าความตั้มดอตจึงผลิตได้ยากกว่า แต่สิ่งประดิษฐ์แบบความตั้มดอตมีข้อได้เปรียบแบบความตั้มเวลล์หลายด้าน ได้แก่ โพราไรเซชัน อัตราขยายของกระแทก กระแสเม็ด และระยะเวลาเก็บอนุชน [11]

ข้อได้เปรียบของความต้มดอตเรื่อง โพราไโรเซ่นทำให้ความต้มดอต สามารถตรวจรับแสงที่ต่อกリストแบบตั้งฉากกับความต้มดอตหรือต่อกリストในทิศของการปลูกได้ แต่ความต้มเวลาล์ไม่สามารถทำได้ [12-14] ดังนั้นมีอสร้างสิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสงแบบความต้มเวลาล์ซึ่งต้องทำเกรตติงเพื่อเบี่ยงเบนแสงที่ต่อกリストแบบตั้งฉากให้หักเหไปทิศอื่นเพื่อให้สามารถตรวจจับได้ ซึ่งกระบวนการการทำเกรตติงจะมีความ слับซับซ้อนมากแม้ว่าจะเป็นการเพิ่ม โครงสร้างขึ้นมาเพียงชั้นเดียว ก็ตาม

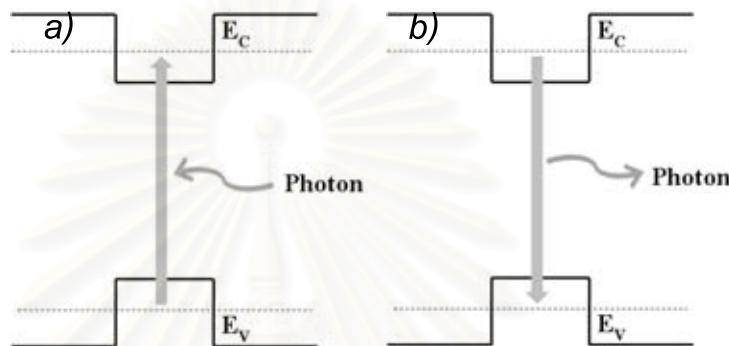
อัตราขยายกระแสของความต้มดอตจะมีค่ามากความต้มเวลาล์ [15] เนื่องจากความสามารถในการดูดกลืนแสงที่มากกว่าของความต้มดอต ดังที่ได้อธิบายไปข้างต้น คือ ความต้มดอตสามารถตรวจจับแสงได้ทุกทิศทาง ต่างจากความต้มเวลาล์ที่ไม่สามารถตรวจจับแสงที่ต่อกリストแบบตั้งฉากได้ หรือตรวจจับแสงได้บางทิศทางเท่านั้น

โดยทั่วไปความต้มดอตจะมีค่ากระแสเม็ด (Dark Current) ที่น้อยกว่าความต้มเวลาล์ [16, 17] จึงสามารถตรวจจับแสงได้แม้ว่าแสงที่มาต่อกリストจะมีค่าความเข้มน้อยกว่าก็ตาม เนื่องจากความต้มดอตมีคุณสมบัติจำกัดทิศทางการเคลื่อนที่ของพาหะนำไฟฟ้าทั้งสามมิติ จึงต้องใช้พลังงานมากขึ้นเพื่อกระตุ้นให้พาหะเป็นพาหะอิสระ จึงทำให้ความต้มดอตมีความสามารถในการตรวจจับแสงความเข้มน้อยได้ดีกว่า ดังนั้นความต้มดอตมีความไวต่อในการตอบสนองดีกว่า [18, 19] นอกจากนี้ความไวต่อในการตอบสนองยังขึ้นอยู่กับขนาดของโครงสร้างความต้มดอตและความต้มเวลาล์อีกด้วย

ข้อได้เปรียบข้อสุดท้ายของความต้มดอต คือ พาหะอิสระมีอายุพาหะ (Carriers Lifetime) สูงกว่าในความต้มเวลาล์ เนื่องจากการจำกัดทิศทางการเคลื่อนที่ทั้งสามทิศทาง ซึ่งค่าระยะเวลาเนี้ยจะมีผลโดยตรงกับการตอบสนองต่อแสงที่มีค่าเพิ่มขึ้น และทำให้โครงสร้างความต้มดอตสามารถใช้งานที่อุณหภูมิสูงกว่า โครงสร้างความต้มเวลาล์ด้วย

เมื่อนำความต้มดอตและ/หรือความต้มเวลาล์มาใช้ร่วมกับสิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสง ทำให้ลิ่งประดิษฐ์มีความจำเพาะเฉพาะจงในการตรวจจับแสง โดยสามารถรับแสงได้บางความยาวคลื่นเท่านั้น ต่างจากสิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสงแบบ Bulk พาหะภายในสิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสงแบบทั่วไปและสิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสงที่มีโครงสร้างแบบความต้มดอตหรือความต้มเวลาล์จะถูกกระตุ้นจากแอบวาเลนซ์ (Valence Band) ไปยังแอบคองดักชัน (Conduction Band) [20, 21] ดัง

แสดงในรูปที่ 1.2 a) โดยที่คุณสมบัติพิเศษเป็นผลมาจากการคุณสมบัติของโครงสร้างความต้านคดดและความต้านมวล ด้วยเหตุนี้สิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสงที่มีโครงสร้างแบบความต้านคดดและความต้านมวลซึ่งมีความจำเพาะเจาะจงต่อแสงบางความยาวคลื่นกว่าสิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสงแบบธรรมชาติๆไป



รูปที่ 1.2 a) กระบวนการรุดคดลีนแสง และ b) กระบวนการเปล่งแสง

สิ่งประดิษฐ์ที่มีคุณสมบัติการเปล่งแสงนี้จะมีกระบวนการทำงานตรงข้ามกับสิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสง คือจะต้องมีการนឹดพาหรือสารเข้าไปในโครงสร้างโดยเฉพาะในแอน CB เมื่อพาหรือการเปลี่ยนระดับพลังงานจากแอนคอนดักชันสู่แอนวานเลนซ์ดังรูปที่ 1.2 b) จะทำให้เกิดการคายพลังงานออกมายังรูปของแสงหรือไฟต่อน ในกรณีที่วัสดุเป็นสารกึ่งตัวนำชนิด direct พลังงานแสงที่เปล่งออกมายังนี่อยู่กับความกว้างของแบบพลังงานต้องห้าม ยิ่งแบบพลังงานต้องห้ามนิ่มมากก็จะเปล่งแสงที่มีพลังงานมากออกมาย โดยสิ่งประดิษฐ์เปล่งแสงความต้านนี้จะมีลักษณะเด่นคือความบริสุทธิ์ของสีจะสูงมาก และสามารถวัดได้จากความกว้างของ FWHM (Full-Width-at-Half-Maxima) [22, 23]

ความต้านคดดสามารถสร้างได้จากการปัลกิวัสดุที่เป็นคนละชนิดกับแผ่นฐาน [24] เช่น อินเดียมอาร์เซไนด์บนแกลเลียมอาร์เซไนด์ (InAs/GaAs) [25] อินเดียมอาร์เซไนด์บนอินเดียมฟอสไฟต์ (InAs/InP) [26] หรือ แกลเลียมไนโตรไดบีนอะลูมิเนียมแกลเลียมไนโตรไดค์ (GaN/AlGaN) [27] เป็นต้น ความต้านคดดส่วนมากถูกนำมาใช้ในโครงสร้างพื้นฐานของสิ่งประดิษฐ์ทางแสงต่างๆ ได้แก่ โครงสร้างแบบรอยต่อ p-i-n และ รอยต่อ p-n โดยที่โครงสร้างอาจมีการเปลี่ยนแปลง

รายละเอียดเล็กน้อย เช่น ความตั้มดอตถูกจ่อเป็นโดยสารชนิดเด็น หรือมีการสร้างชั้นกำแพงบางๆ ขึ้นมาเพื่อให้สามารถใช้ได้ที่อุณหภูมิสูง เป็นต้น ความตั้มดอตชนิด InAs ส่วนใหญ่จะมีคุณสมบัติทางแสงอยู่ในย่านอินฟราเรด เช่น ช่วงคลื่นของอินฟราเรด (mid-infrared: 3-5  $\mu\text{m}$ ) และช่วงไกลของอินฟราเรด (far-infrared: 8-12  $\mu\text{m}$ ) [28-30] ซึ่งสอดคล้องกับช่องว่างพลังงาน  $E_g$  และขนาดความตั้มดอตของ InAs

โครงสร้างความตั้มดอตมีหลายประเภท เช่น ความตั้มดอตเดี่ยว (Single Dot) [31] ความตั้มดอตคู่ (Dot Pair) [32] หรือ ความตั้มดอตโมเลกุล (Quantum Dot Molecule : QDM) [33] โดยโครงสร้างความตั้มดอตโมเลกุลยังเป็นโครงสร้างที่ค่อนข้างใหม่ ความเข้าใจในธรรมชาติการตอบสนองทางแสงยังไม่สมบูรณ์ ดังนั้นวิทยานิพนธ์นี้จึงมีวัตถุประสงค์ที่จะศึกษาคุณสมบัติทางแสงของความตั้มดอตโมเลกุลที่ขึ้นกับอุณหภูมิเพื่อให้ได้มาซึ่งโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ ประสิทธิผลใน 1 มิติ (Effective 1D Electronic Structure) ของความตั้มดอตโมเลกุล ซึ่งมีประโยชน์ต่อการประยุกต์ใช้งานสำหรับการออกแบบสิ่งประดิษฐ์อปโตอิเล็กทรอนิกส์ในอนาคต

การทดลองนี้ได้นำความตั้มดอตโมเลกุลที่ปลูกด้วยระบบการปลูกผลึกแบบลำโมเลกุล (MBE) ซึ่งทราบลักษณะทางกายภาพและรูปแบบการเรียงตัวของความตั้มดอตโมเลกุลจากการวัดผิวน้ำด้วยกล้องจุลทรรศน์แรงดึงดูด (Atomic Force Microscope: AFM) มาวัดลักษณะทางแสงโดยโฟโตลูมิเนสเซนซ์ (Photoluminescence: PL)

การทดสอบคุณสมบัติทางแสงของความตั้มดอตโมเลกุล โดยการเปลี่ยนอุณหภูมิต่างๆ เนื่องจากอุณหภูมิจะส่งผลกระทบกับโครงสร้างทางไฟฟ้าของสารกึ่งตัวนำ เมื่อโครงสร้างทางไฟฟ้าเปลี่ยน ค่าพลังงานที่อิเล็กตรอนสามารถครอบครองได้ก็จะเปลี่ยนไป ทำให้คุณสมบัติด้านการเปล่งแสงเปลี่ยนไป [34, 35]

การวิเคราะห์คุณสมบัติทางแสงที่ได้จากการทดลอง PL จะกระทำการโดยการจำลองโครงสร้างความตั้มดอตโมเลกุล เพื่อหาความสัมพันธ์ระหว่างโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ (Electronic Structure) กับคุณสมบัติทางแสง โดยซอฟต์แวร์ที่ใช้ในการจำลองคือ โปรแกรมหนึ่งมิติของปั๊สซอง (1D-Poisson) ซึ่งจะใช้ผลการแก้สมการชโระดิงเจอร์ (Schrodinger Equation) [36-38] และระเบียบวิธีไฟน์เอลิเมนต์ (Finite Element Method) สำหรับหาค่าพลังงานไอเก็น (Eigen Energy) ที่อิเล็กตรอน

และ โฉลกสามารถครอบครองได้ จึงสามารถวิเคราะห์ถึงสาเหตุที่การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิส่างผลกระทนบต่อคุณสมบัติทางแสงของความต้มดอตโมเลกุลได้

กระบวนการทดลองและการจำลองข้างต้น สามารถทำให้เข้าใจถึงคุณสมบัติเชิงแสงของความต้มดอตโมเลกุลที่เปลี่ยนไปตามอุณหภูมิ ผลการศึกษาจะทำให้สามารถนำความต้มดอตโมเลกุลไปประยุกต์ใช้เป็นสิ่งประดิษฐ์ทางแสงที่มีความเหมาะสมได้

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ประกอบไปด้วย ทฤษฎีความรู้พื้นฐานต่างๆ ในบทที่ 2 ได้แก่ โครงสร้างระดับความต้ม การปลูกความต้มดอตด้วยวิธีกระบวนการปลูกผลึกอิพแท็กซ์จากถ่านโมเลกุล การวัดคุณสมบัติทางแสง การวัดผิวน้ำด้วยเทคนิคแรงดึงดูด และการ ทดสอบของคุณสมบัติทางแสงและลักษณะผิวน้ำ สมการและตัวแปรต่างๆ ดำเนินการคำนวณ และการกำหนดโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพแบบหนึ่งมิติ บทที่ 4 เป็นผลการทดลองและอภิปราย ตามด้วยบทสรุปของวิทยานิพนธ์ในบทที่ 5

# สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## บทที่ 2

### ความรู้พื้นฐาน

บทนี้จะกล่าวถึงความรู้พื้นฐานต่างๆที่จำเป็นกับวิทยานิพนธ์ในฉบับนี้ ซึ่งประกอบด้วย คุณสมบัติทางกายภาพของโครงสร้างแบบต่างๆ ในระดับนาโนเมตร กระบวนการวิจัยภายในวิทยานิพนธ์นี้มีลำดับขั้นตอนดังนี้ เริ่มต้นจากปัญหาอนตัมคอต โมเลกุลคิวบิกะกระบวนการ ปัญหาหลักอิพิเท็กซ์จากลำดับโมเลกุล หลังจากปัญหาอนตัมคอต โมเลกุลเสร็จแล้วจะนำโครงสร้าง ความอนตัมคอต โมเลกุลที่ปัญหาได้มารวบคุณสมบัติต่างๆ ได้แก่ การวัดคุณสมบัติการเปล่งแสง การวัดผิวน้ำชื่นงานด้วยเทคนิคแรงอะตอม และศึกษาถึงโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่ง มิติ เพื่อให้สอดคล้องกับลำดับการทำวิจัยที่ได้กล่าวมา ภายในบทนี้จึงกล่าวถึง พื้นฐานความเข้าใจ ของโครงสร้างขนาดนาโนเมตร วิธีการปัญหาอนตัมคอตด้วยกระบวนการปัญหาหลักอิพิเท็กซ์จาก ลำดับโมเลกุล วิธีการวัดและการวัดคุณสมบัติทางแสง การวัดผิวน้ำและการวัดผิวน้ำด้วย เทคนิคแรงอะตอม และโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ ตามลำดับ

#### 2.1 โครงสร้างขนาดนาโนเมตร

คุณสมบัติทางกายภาพและทางไฟฟ้าของวัสดุต่างๆในระดับนาโนเมตรนั้น จะถูกกำหนด ด้วยลักษณะของโครงสร้างในระดับนาโนเมตรของวัสดุชิ้นนั้นๆ โดยที่พาหะนำไฟฟ้าภายในวัสดุ จะเคลื่อนที่ในทิศทางที่ถูกจำกัดมากขึ้นเมื่อวัสดุมีขนาดเล็กลง ดังนั้nlักษณะของโครงสร้างของวัสดุใน ระดับนาโนสามารถถูกแบ่งประเภทตามจำนวนทิศทางที่ถูกจำกัดการเคลื่อนที่ของพาหะนำไฟฟ้า ซึ่งได้แก่ ความอนตัมเวลล์ (Quantum Well) ความอนตัมไวร์ (Quantum Wire) และความอนตัมคอต (Quantum Dot) ซึ่งพาหะถูกจำกัดทิศทางการเคลื่อนที่ใน 1 มิติ 2 มิติ และ 3 มิติตามลำดับ

##### 2.1.1 ความอนตัมเวลล์

โครงสร้างนี้พาหะนำไฟฟ้าถูกจำกัดทิศทางการเคลื่อนที่ 1 มิติ นั่นคือ พาหะนำไฟฟ้า สามารถเคลื่อนที่ได้เพียง 2 มิติ หรือระหว่าง X-Y เท่านั้น ซึ่งมีพลังงาน  $E_{QW}$  ดังสมการที่ (2.1) และ ความหนาแน่นพลังงาน  $D_{QW}$  ดังสมการที่ (2.2) ซึ่งเป็นแบบขั้นบันได ดังแสดงในรูปที่ 2.1 (b)

$$E_{QW} = E(k) = \frac{\hbar^2 k^2}{2m^*} + E_{n,z} = \frac{\hbar^2}{2m^*} [k_{//}^2 + \left(\frac{n_z \pi}{L_z}\right)^2] \quad (2.1)$$

$$D_{QW}(E) = \frac{m^*}{\pi \hbar^2 L_{QW}} \sum_{n_z} \Theta(E - E_{n_z}) \quad (2.2)$$

โดยที่  $k_{//}^2 = k_x^2 + k_y^2$

$\Theta$  คือ Heaviside's unit step function

$n_z = 1, 2, 3, \dots$

$L_{QW}$  คือ ผลรวมความหนาของ Well และ Barrier regime

จากสมการ (2.1) จะเห็นได้ว่าพลังงานแต่ละระดับจะแตกต่างกันมากขึ้นเมื่อความกว้างของ Well มีค่ามากขึ้น

### 2.1.2 ความตั้มໄว์ร์

โครงสร้างนี้พานำไฟฟ้าถูกจำกัดทิศทางการเคลื่อนที่ 2 มิติ นั่นคือ พานำไฟฟ้าสามารถเคลื่อนที่ได้เพียง 1 มิติ หรือทิศ X เท่านั้น ซึ่งมีพลังงาน  $E_{QWR}$  ดังสมการที่ (2.3) และความหนาแน่นพลังงาน  $D_{QWR}$  ดังสมการที่ (2.4) ดังแสดงในรูปที่ 2.1 (c)

$$E_{QWR} = E(k) = \frac{\hbar^2 k_\perp^2}{2m^*} + E_{n_y} + E_{n_z} = \frac{\hbar^2}{2m^*} [k_\perp^2 + (\frac{n_y \pi}{L_y})^2 + (\frac{n_z \pi}{L_z})^2] \quad (2.3)$$

$$D_{QWR}(E) = \frac{N_{wi} \sqrt{2m^*}}{\pi \hbar} \sum_{n_y, n_z} \frac{1}{\sqrt{E - E_{n_y} - E_{n_z}}} \quad (2.4)$$

โดยที่  $k_\perp^2 = k_x^2$

$n_y, n_z = 1, 2, 3, \dots$

$N_{wi}$  คือ ความหนาแน่นพื้นที่ของความตั้มໄว์ร์

### 2.1.3 ควอนตัมดอต

โครงสร้างควอนตัมดอตพาหะนำไฟฟ้าจะถูกจำกัดการเคลื่อนที่ทั้ง 3 ทิศทาง และค่าพลังงานที่พาหะนำไฟฟ้าสามารถครอบครองได้จะมีได้เพียงบางค่าเท่านั้น ซึ่งมีพลังงาน  $E_{QD}$  ดังสมการที่ (2.5) และความหนาแน่นพลังงาน  $D_{QD}$  ดังสมการที่ (2.6) ดังแสดงในรูปที่ 2.1 (d)

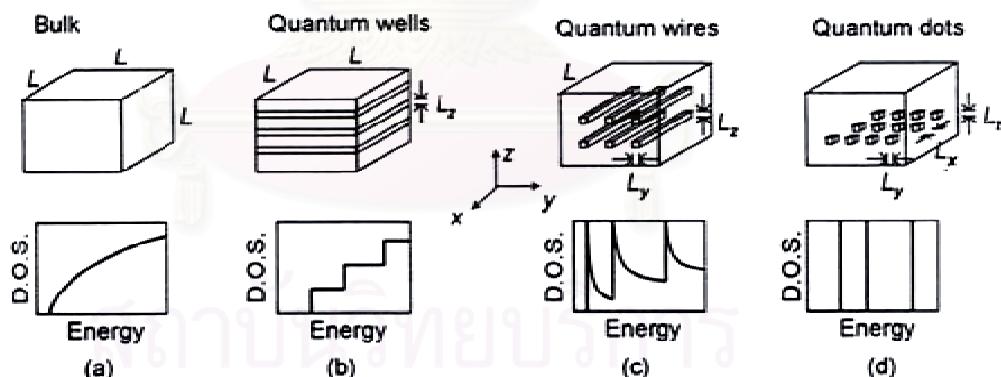
$$E_{QD} = E_{n_x} + E_{n_y} + E_{n_z} = \frac{\hbar^2}{2m^*} \left[ \left( \frac{n_x \pi}{L_x} \right)^2 + \left( \frac{n_y \pi}{L_y} \right)^2 + \left( \frac{n_z \pi}{L_z} \right)^2 \right] \quad (2.5)$$

$$D_{QD}(E) = 2N_D \sum_{n_x, n_y, n_z} \delta(E - E_{n_x} - E_{n_y} - E_{n_z}) \quad (2.6)$$

$\delta$  คือ เดลต้าฟังก์ชัน (Delta Function)

$N_D$  คือ ปริมาตรความหนาแน่นของควอนตัมดอต

เนื่องจากพลังงานที่พาหะนำไฟฟ้าสามารถครอบครองได้มีลักษณะเป็นค่าไม่ต่อเนื่อง เหมือนกับคุณสมบัติของพาหะนำไฟฟ้าในระดับอะตอม ดังนั้น ควอนตัมดอตจึงถูกเรียกอีกชื่อว่า “อะตอมเสมือน” (Artificial Atom)



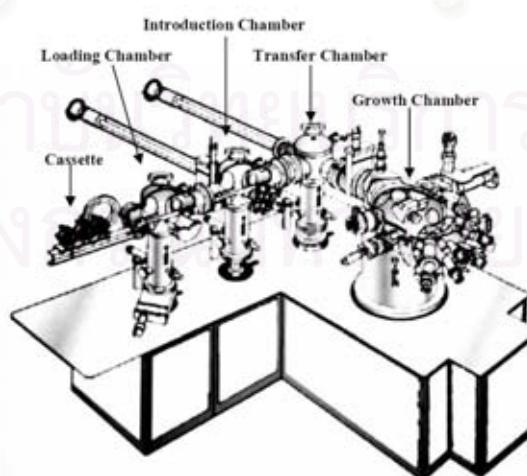
รูปที่ 2.1 โครงสร้างทางกายภาพและความหนาแน่นของสถานะของ (a) วัสดุขนาดใหญ่ (b) ควอนตัมเวลล์ (c) ควอนตัมไวร์ และ (d) ควอนตัมดอต [39]

## 2.2 การปููกความตั้งตอดด้วยวิธีกระบวนการปููกผลึกอิพิแทกซีจากลำไไมเลกุล

ชื่นงานถูกเตรียมด้วยกระบวนการปููกผลึกอิพิแทกซีจากลำไไมเลกุล (Molecular Beam Epitaxial : MBE) ซึ่งเป็นกระบวนการปููกชั้นผลึกของสารประกอบที่ต้องการลงบนแผ่นฐาน (Substrate) ที่เป็นผลึกเดียว (Single Crystal) โดยการพ่นลำไไมเลกุลของสารประกอบที่ต้องการจะปููกไปยังแผ่นฐาน กระบวนการเกิดปฏิกิริยาระหว่างสารประกอบที่ทำการปููกและแผ่นฐานจะอยู่ในสภาวะสูญญากาศระดับสูงพิเศษ (Ultra-High Vacuum) โดยที่โครงสร้างที่เกิดขึ้นบนแผ่นฐานนอกจากจะขึ้นอยู่กับสารประกอบที่ต้องการปููกและแผ่นฐานแล้วยังขึ้นอยู่กับหลายปัจจัย เช่น อัตราส่วนของสารประกอบที่ต้องการปููก ความสามารถในการลดความคุณด้วยความดันไอของลำไไมเลกุล ค่าอุณหภูมิแผ่นฐานที่ทำการปููก ความสะอาดของผิวน้ำแผ่นฐาน เป็นต้น ซึ่งหัวข้อนี้จะถูกแบ่งออกเป็น 2 ส่วน ได้แก่ ระบบการปููกผลึกอิพิแทกซีจากลำไไมเลกุล การเกิดความตั้งตอด

### 2.2.1 ระบบการปููกผลึกอิพิแทกซีจากลำไไมเลกุล

ระบบปููกผลึกอิพิแทกซีจากลำไไมเลกุล (MBE) ในงานวิจัยนี้เป็นระบบของบริษัท RIBER รุ่น 32P ซึ่งมีส่วนประกอบหลักแบ่งเป็น 4 ห้อง (Chamber) ได้แก่ ห้องบรรจุผลึกแผ่นฐาน (Lock Load Chamber) ห้องเตรียมแผ่นฐาน (Introduction Chamber) ห้องเคลื่อนย้ายแผ่นฐาน (Transfer Chamber) และห้องปููกผลึก (Growth Chamber) ดังแสดงในรูปที่ 2.2

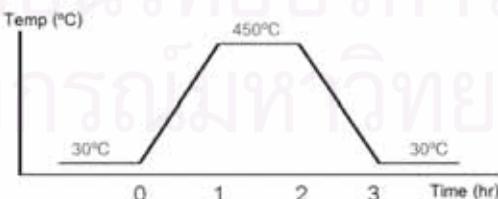


รูปที่ 2.2 โครงสร้างระบบปููกผลึกจากลำไไมเลกุล RIBER รุ่น 32P

ห้องเดี่ยวและห้องจะถูกเชื่อมและกันด้วยประตู (Gate Valve) ประตูจะถูกเปิดเมื่อต้องการเคลื่อนย้ายชิ้นงานไปยังห้องต่างๆ และจะปิดเมื่อต้องการให้แต่ละห้องทำงานแยกออกจากกัน

ห้องบรรจุแผ่นฐานจะอยู่นอกสุดใช้สำหรับเป็นทางเข้าของแผ่นฐานเพื่อนำไปปั๊มและเป็นทางออกสำหรับชิ้นงานที่ทำการปั๊มหลังเสร็จเรียบร้อยแล้ว ห้องนี้จึงต้องมีห้องสภาวะความดันบรรยายกาศเมื่อเปิดประตูระหว่างห้องบรรจุแผ่นฐานกับภายนอก และสภาวะสุญญากาศเมื่อเปิดประตูระหว่างห้องบรรจุแผ่นและห้องเตรียมแผ่นฐาน ด้วยเหตุนี้ห้องนี้จึงต้องมีปั๊มสุญญากาศ (Vacuum Pump) เพื่อสำหรับปรับให้ห้องบรรจุแผ่นฐานเป็นสภาวะสุญญากาศ โดยที่ปั๊มสุญญากาศ มีด้วยกัน 2 ชุด คือ ปั๊มไอดิอะแฟร์ม (Diaphragm Pump) และ ปั๊มดูดซับ (Sorption Pump) ปั๊ม 2 ชุดนี้ จะสามารถสร้างสภาวะสุญญากาศปานกลาง ( $10^{-4}$  Torr) ในกรณีต้องการเปิดประตูระหว่างห้องบรรจุแผ่นฐานกับภายนอกจะทำการเติมก๊าซในไตรเจนบริสุทธิ์ในห้องบรรจุแผ่นฐาน

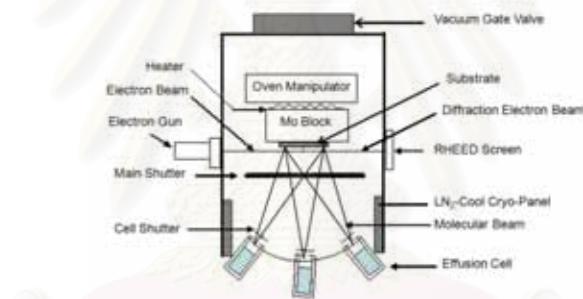
ห้องเตรียมแผ่นฐานมีหน้าที่สำหรับทำความสะอาดแผ่นฐาน โดยการกำจัดไอน้ำที่ผิวน้ำ แผ่นฐานก่อนการปั๊ม ด้วยการให้ความร้อนแก่แผ่นฐาน ซึ่งจะเพิ่มอุณหภูมิของแผ่นฐานจาก 30 °C ไปเป็น 450 °C และคงไว้ที่ 450 °C เป็นเวลา 1 ชั่วโมง หลังจากนั้นจึงใช้เวลาอีก 1 ชั่วโมงสำหรับเปลี่ยนอุณหภูมิของแผ่นฐานกลับมาเป็น 30 °C ดังแสดงในรูปที่ 2.3 เพื่อให้ไอน้ำระเหยออกจากแผ่นฐาน ในห้องเตรียมแผ่นฐานนี้มีสภาวะสุญญากาศด้วยเช่นกัน ดังนั้นห้องเตรียมแผ่นฐานจึงมีปั๊มไอนอน (Ion Pump) และ ปั๊มไทเทเนียม (Titanium Sublimation Pump) เพื่อรักษาความเป็นสุญญากาศและกำจัดสารสกปรกที่ เช่น ไอน้ำ ออกไป



รูปที่ 2.3 ลักษณะอุณหภูมิกับเวลาสำหรับทำความสะอาดแผ่นฐาน

ห้องเคลื่อนย้ายแพ่นฐานจะเป็นห้องสำหรับนำแพ่นฐานจากห้องเตรียมแพ่นฐานไปยังห้องปั๊กผลึก โดยระบบการปั๊กนี้แพ่นฐานจะถูกเคลื่อนย้ายโดยการนำแพ่นฐานไว้บนพาหนะใส่แพ่นฐาน (Cassette) โดยแพ่นฐานจะถูกยึดด้วยตัวยึดแพ่นฐาน (Substrate Holder) ตัวนำพาหนะใส่แพ่นฐานสามารถเคลื่อนที่ได้ระหว่างห้องบรรจุแพ่นฐาน ห้องเตรียมแพ่นฐาน และห้องเคลื่อนย้ายแพ่นฐาน แต่การเคลื่อนย้ายจากห้องเคลื่อนย้ายแพ่นฐานไปยังห้องปั๊กผลึกจะใช้ก้านแม่เหล็ก (Magnetic Arm) เป็นจุดต่อเนื่องระหว่างตัวนำพาหนะใส่แพ่นฐานและที่ยึดสำหรับปั๊กในห้องปั๊กผลึก

ห้องปั๊กผลึกประกอบด้วย 4 ส่วนหลัก ได้แก่ เชลล์บรรจุสาร (Effusion Cell) เครื่องให้ความร้อน (Heater) อุปกรณ์ควบคุม (Monitoring Equipment) ระบบสูญญากาศ (Vacuum System) ดังรูปที่ 2.4



รูปที่ 2.4 ส่วนประกอบภายในห้องปั๊กผลึก

ภายในห้องปั๊กจะมีจำนวนเชลล์บรรจุสารอยู่หลายเชลล์ แต่ละเชลล์จะทำหน้าที่เก็บสารที่ต้องการปั๊กไว้ โดยที่ 1 เชลล์จะเก็บสารไว้เพียง 1 ชาตุเท่านั้น เชลล์บรรจุสารจะทำจาก Pyrolytic Boron Nitride (PBN) ด้านหน้าของเชลล์บรรจุสารจะมีม่านเชลล์ (Cell Shutter) และม่านหลัก (Main Shutter) ทำหน้าที่ควบคุมการปิด-เปิดการพ่นลำไอกองสารที่อยู่ในเชลล์และควบคุมการปิด-เปิดหน้าแผ่นชิ้นงานตามลำดับ

เครื่องให้ความร้อนทำหน้าที่ให้ความร้อนแก่เชลล์บรรจุสาร เพื่อควบคุมอัตราเร็วของการปั๊กผลึก ถ้าให้ความร้อนสูงกับเชลล์บรรจุสาร เชลล์นั้นก็จะฟันໄอกองสารออกมามาก

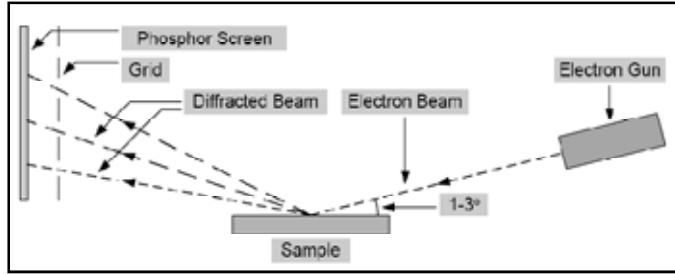
ซึ่งแสดงด้วยการวัดความดันไอ (Flux) ของสาร รวมทั้งการให้ความร้อนที่แตกต่างกันในแต่ละ เชลล์ที่มีชาตุต่างกัน จะได้สารประกอบของชาตุนั้นๆ ซึ่งมีอัตราส่วนของชาตุขึ้นอยู่กับอุณหภูมิที่ใส่ อีกด้วย นอกจากจะมีการให้ความร้อนกับเชลล์บรรจุสารแล้ว ที่แผ่นฐานก็จะถูกให้ความร้อนด้วย เพราะ โครงสร้างของผลึกที่ปัจุกนี้จะขึ้นอยู่กับอุณหภูมิของแผ่นฐานด้วย

อุปกรณ์วัดคุณสมารถแบ่งแยกได้เป็น 4 ประเภท คือ อุปกรณ์วัดคุณอุณหภูมิ วัดคุณความ ดันไอของสาร วัดมวลของอนุภาค และ วัดสภาพของผิวน้ำ อุณหภูมิที่ใช้ในการปลูกผลึกมี ความสำคัญอย่างมาก เพราะหากอุณหภูมิที่ใช้ในการปลูกเปลี่ยนไปไม่ถูกอาจทำให้ผลการปลูก แตกต่างกันออกไป ดังนั้นจึงมีคู่ควบอุณหภูมิ (Thermocouple) วัดอุณหภูมิบริเวณเชลล์บรรจุสาร และแผ่นฐานที่ทำการปลูก

ความดันไอของสารจะถูกวัดด้วยเครื่องวัดการเกิดไออ่อน (Ionization Gauge) การวัดความ ดันไอจะถูกวัด 2 บริเวณ คือการวัดที่ด้านหน้าของปืนไออ่อนเพื่อเป็นการวัดความดันไอพื้นหลัง (Background Pressure) และที่ด้านหน้าของแผ่นฐานเพื่อเป็นการวัดความดันไอสำหรับหาอัตราเร็ว ในการปลูก

การตรวจวัดชนิดของอนุภาคในห้องปลูกกระทำโดยใช้ เครื่องวิเคราะห์มวล (Quadrupole Mass Spectrometer) ซึ่งสามารถตรวจสอบได้ว่ามีอนุภาคชนิดใดบ้างอยู่ในห้องปลูก ถ้าตรวจพบ อนุภาคที่ไม่จำเป็นสำหรับการปลูก ผู้ทำการปลูกผลึกจะต้องรอให้ปืนดูดสารเจือปนเหล่านั้นออก จากห้องปลูกก่อนที่จะดำเนินการปลูกจริง

ระบบการปลูกผลึกมีระบบการแสดงผลการปลูกที่บีบริเวณผิวน้ำชิ้นงาน ในขณะที่กำลังทำการปลูก คือ ระบบการสร้างภาพที่ได้จากการสะท้อนของการหักเหลำอิเล็กตรอนที่มีพลังงานสูง (Reflection High Energy Electron Diffraction: RHEED) ระบบนี้ประกอบด้วย ปืนยิงอิเล็กตรอน (Electron Gun) 20 keV ใช้สำหรับยิงใส่ผิวน้ำชิ้นงานที่กำลังปลูกเพื่อให้สะท้อนไปต่อกรอบ บนจลากเรืองแสง (Fluorescent Screen) เป็นมุมแคบ ประมาณ 1-3 ° ดังแสดงในรูปที่ 2.5 ภาพที่ตอก กระแทบบนจลากเรืองแสงจะบ่งบอกถึงสภาพของพื้นผิวว่าเรียบในระดับอะตอมหรือมีโครงสร้าง 3 มิติของความตั้มดอตอนุ



รูปที่ 2.5 โครงสร้างของระบบ RHEED

## 2.2.2 กลไกการเกิดความตั้มดอต

โครงสร้างความตั้มดอตไม่เดลกุลในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ เป็นความตั้มดอตที่ก่อตัวขึ้นเอง (Self-Assamble) การเกิดความตั้มดอตมีผลจากวัสดุที่ใช้ในการปั๊กและแผ่นฐานมีค่าคงตัวผลลัพธ์ (Lattice Constant) ที่มีค่าแตกต่างกัน ทำให้เกิดการไม่พอดีกันของค่าคงตัวผลลัพธ์ (Lattice Mismatched) ทำให้วัสดุที่ปั๊กบนแผ่นฐานเกิดความเครียด โดยอาจเกิดความเครียดแบบอัด (Compressive) หรือแบบดึง (Tensile) ทึ้งในแนวระนาบ และ/หรือแนวตั้งจากดังความสัมพันธ์กับค่าคงตัวผลลัพธ์ของวัสดุที่ใช้ปั๊กและแผ่นฐานดังนี้ [40]

ความเครียดในระนาบ  $\varepsilon_0$

$$\varepsilon_- = \varepsilon_{xx} = \varepsilon_{yy} = \frac{(a_s - a_e)}{a_s} \quad (2.7)$$

โดยที่  $a_e$  คือ ค่าคงตัวผลลัพธ์ของวัสดุที่ปั๊ก

$a_s$  คือ ค่าคงตัวผลลัพธ์ของแผ่นฐาน

ความเครียดแนวตั้งจากกับระนาบการปั๊ก

$$\varepsilon_+ = \varepsilon_{zz} = - \left( \frac{2\sigma}{1-\sigma} \right) \varepsilon_- \quad (2.8)$$

โดยที่  $\sigma$  คือ ค่า Poisson's Ratio

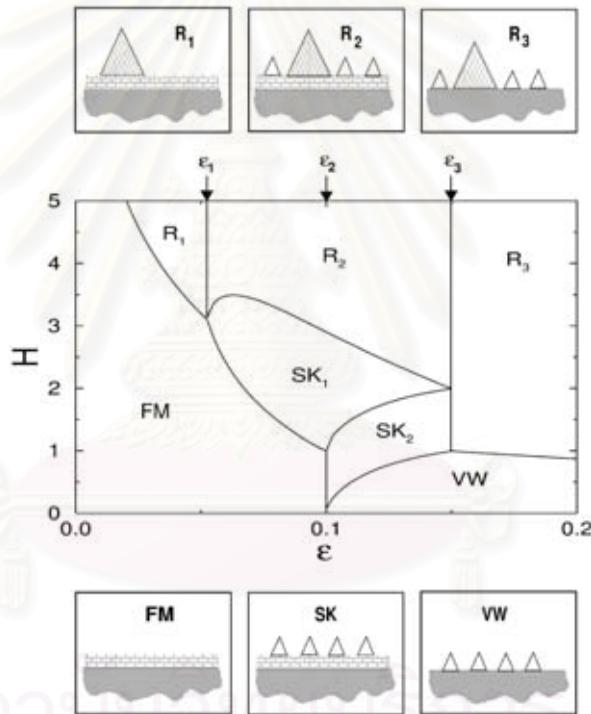
แรงเครื่องดราม (Uniaxial Strain),  $\varepsilon_{ax}$

$$\varepsilon_{ax} = \varepsilon_+ - \varepsilon_- \quad (2.9)$$

แรง Hydrostatic,  $\varepsilon_{vol}$

$$\varepsilon_{vol} = \varepsilon_{xx} + \varepsilon_{yy} + \varepsilon_{zz} \approx \varepsilon_- \quad (3.0)$$

ค่าความเครื่องดราม  $\varepsilon$  และค่า Hydrostatic  $H$  จะมีความสำคัญต่อค่าความหนาวิกฤต (Critical Thickness) และต่อโภมดการเกิดความผันผวนตั้งต่อตัว ดังแสดงในกราฟความสัมพันธ์  $H - \varepsilon$  ในรูปที่ 2.6

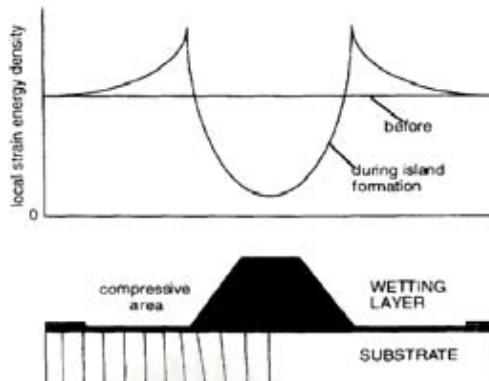


รูปที่ 2.6 แผนภาพเฟสสมดุล (Equilibrium phase diagram) ในรูปของฟังก์ชันระหว่าง  $H$  กับ  $\varepsilon$  โดยภาพประกอบด้านบนและล่างแสดงถึงลักษณะของผิวน้ำของโภมดต่างๆ ทั้ง 6 โภมด สามเหลี่ยมเล็กสีขาวแทนโครงสร้างเก้าสามมิติที่มีเสถียรภาพ สามเหลี่ยมใหญ่รูปสามเหลี่ยมในแทนโครงสร้างเก้าสามมิติที่โตเต็มที่ (Ripening island) เฟสแต่ละรูปแบบลูกแบ่งด้วยเส้นขอบเขต  $H_c(\varepsilon)$ : FM- $R_1$ , FM-SK<sub>1</sub>;  $H_c_2(\varepsilon)$ : SK<sub>1</sub>-R<sub>2</sub>;  $H_c_3(\varepsilon)$ : SK<sub>2</sub>-SK<sub>1</sub>;  $H_c_4(\varepsilon)$ : VW-SK<sub>2</sub>, VW-R<sub>3</sub> [40]

จากรูปจะเห็นได้ว่าลักษณะการเกิดโครงสร้าง 3 มิติจะเป็นไปได้ 7 สถานะดังต่อไปนี้

- 1) โภมด Frank van der Merve (FM) อยู่ในกรณีที่มีค่า lattice-mismatched ระหว่าง  $0-\epsilon_2$  และค่าความหนาซึ่งมีค่าไม่มาก จะทำให้เกิดผลึกในระนาบ 2 มิติขึ้น
- 2) โภมด  $R_1$  ค่า lattice-mismatched จะมีค่าระหว่าง  $0-\epsilon_1$  และมีความหนาของชั้นอะตอม เกินกว่าจะเป็นโภมด FM จะทำให้เกิดชั้น wetting และเก้าที่มีขนาดใหญ่ขึ้น
- 3) โภมด Stranski Krastanow ( $SK_1$ ) ค่า lattice-mismatched จะมีค่าระหว่าง  $\epsilon_1-\epsilon_2$  และจำนวนชั้นอะตอมมีค่ามากกว่าจะเป็น FM จะทำให้เกิดชั้น wetting และเกิดเก้าแบบ 3 มิติที่มีขนาดใกล้เคียงกัน
- 4) โภมด  $R_2$  ค่า lattice-mismatched จะมีค่าระหว่าง  $\epsilon_1-\epsilon_3$  และมีความหนาของชั้นอะตอม เกินกว่าจะเป็นโภมด  $SK_1$  จะทำให้เกิดชั้น wetting และเกิดเก้าที่มีขนาดต่างๆ กัน
- 5) โภมด Volmer-Weber (VW) lattice-mismatched จะมีค่ามากกว่า  $\epsilon_2$  จะทำให้เกิดผลึก เป็นเก้าที่มีขนาดใกล้เคียงกันแต่ไม่มีชั้น wetting
- 6) โภมด  $SK_2$  ค่า lattice-mismatched จะมีค่าระหว่าง  $\epsilon_2-\epsilon_3$  มีจำนวนชั้นของอะตอมมากกว่าที่จะคงโภมด VW จะทำให้เกิดเก้าที่มีขนาดใกล้เคียงกันและมีชั้น wetting
- 7) โภมด  $R_3$  ค่า lattice-mismatched จะมีค่ามากกว่า  $\epsilon_3$  และจำนวนชั้นของอะตอมมีค่ามากกว่าจะที่คงโภมด VW จะทำให้เกิดเก้าที่มีขนาดแตกต่างกันมากแต่ไม่มีชั้น wetting

ในกรณีการเกิดความตั้งตอแบบโภมด SK ในระบบ InAs บน GaAs ในวิทยานิพนธ์ ฉบับนี้ซึ่งมีค่า lattice-mismatched 7 % เมื่อจำนวนของอะตอมของสารที่ปะกรูบแน่นฐานมีมากกว่าค่าความหนาวิกฤติ จะทำให้การเก้าตัวของกลุ่มอะตอมจาก 2 มิติ กลายเป็น 3 มิติ เพื่อลดความเครียดบริเวณความตั้งตอ ดังแสดงในรูปที่ 2.7 ซึ่งบริเวณยอดตรงกลางความตั้งตอจะมีความเครียดน้อยที่สุด และบริเวณขอบความตั้งตอจะมีความเครียดมากที่สุดซึ่งไม่เหมาะสมกับการที่จะมีอะตอมมาเกาะบริเวณขอบมากขึ้น

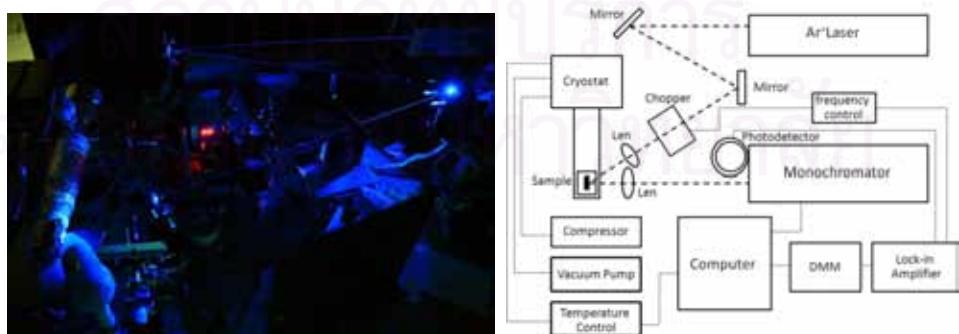


รูปที่ 2.7 Schematic ของ stain energy density ของความตื้นดอต [41]

## 2.3 การวัดคุณสมบัติทางแสงโดย Photoluminescence (PL)

### 2.3.1 ระบบ Photoluminescence

ระบบวัดคุณสมบัติทางแสงด้วยเทคนิคโฟโตอลูมิเนสเซนซ์ (Photoluminescence: PL) แสดงดังรูปที่ 2.8 ซึ่งระบบประกอบไปด้วยอุปกรณ์ต่างๆ ได้แก่ อาร์กอนไอลอ่อนเลเซอร์ ( $\text{Ar}^+$  Laser) ที่มีความยาวคลื่น 488 nm และสามารถปรับความเข้มแสงได้สูงสุด 2 W เพื่อใช้สำหรับกระตุ้นให้อิเล็กตรอนในชั้นงานมีพลังงานสูงขึ้นและอยู่ในสภาพถูกกระตุ้น (Excited State) สำหรับเบลี่ยนระดับพลังงานไปยังແบนคอนดักชัน เมื่อถึงระยะเวลาหนึ่งอิเล็กตรอนจะหายพลังงานเพื่อลดระดับมาข้างແบนวาเลนซ์หรือสภาพพื้น (Ground State) ผลต่างของพลังงานถูกปล่อยออกมาในรูปของ photon โดยที่แสงเลเซอร์นี้จะถูกเด่นส์รวมแสงให้มีเส้นผ่านศูนย์กลางของลำแสงเล็กลงสำหรับใช้กระตุ้นชั้นงาน



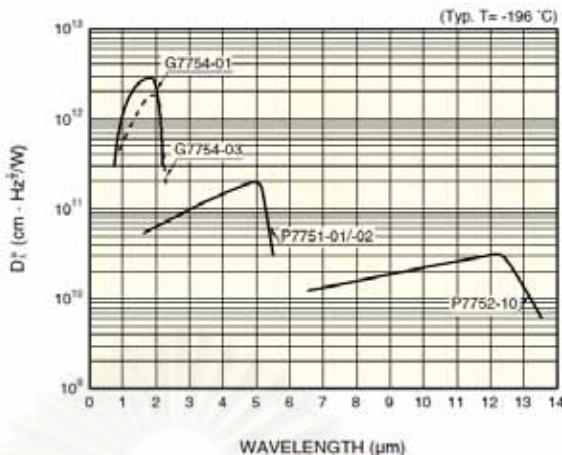
รูปที่ 2.8 (ก) รูปถ่าย และ (ข) Schematic ของระบบวัด PL

ระบบควบคุมอุณหภูมิ Cryostat สามารถควบคุมอุณหภูมิได้ตั้งแต่ 15 K - 300 K ใช้สำหรับควบคุมอุณหภูมิการทดสอบการเปล่งแสงของชิ้นงาน ซึ่งประกอบด้วยห้องสุญญากาศสำหรับบรรจุชิ้นงาน โดยที่จะมีปั๊มสุญญากาศ (Vacuum Pump) ทำหน้าที่ดูดอากาศและไอน้ำออกจากห้องสุญญากาศก่อนเป็นเวลา 30 นาที แล้วจึงเปิดระบบหมุนเวียนฮีเลียมเหลวเพื่อคงความร้อนออกจากห้องสุญญากาศ ฮีเลียมเหลวจะนำความร้อนออกจากระบบโดยการถ่ายความร้อนให้กับระบบน้ำเย็น อุณหภูมิ 0-20 °C เนื่องจากระบบหมุนเวียนฮีเลียมเหลวมีความสามารถลดอุณหภูมิในห้องสุญญากาศเท่านั้น ดังนั้นในระบบนี้จึงมีอุปกรณ์ควบคุมอุณหภูมิสำหรับใส่ความร้อนเพื่อเพิ่มอุณหภูมิให้แก่ชิ้นงาน เพื่ออุณหภูมิที่ต้องการทำการวัดได้ตามที่ต้องการ

เครื่องโมโนโครมาเตอร์ (Monochromator) มีหน้าที่กรองแสงหลายความยาวคลื่นออกให้เหลือเพียงบางความยาวคลื่นเดียวเท่านั้น ซึ่งโมโนโครมาเตอร์นี้สามารถให้ความละเอียดถึงระดับองศาตอร์ม โดยที่ภายในโมโนโครมาเตอร์จะมีเกรตติงทำหน้าที่แยกลำแสงเดี่ยวที่มีหลายความยาวคลื่นปนกันออกเป็นແணความยาวคลื่น และเกรตติงจะสามารถหมุนเพื่อเลือกให้ช่วงความยาวคลื่นได้ของแสงออกจากโมโนโครมได้

ความเข้มของแสงที่ความยาวคลื่นต่างๆ จะถูกวัดโดยไฟโตเด็ตเตอร์ (Photodetector) แบบ InGaAs รุ่น G7754-01 ถูกหล่อเย็นด้วยไนโตรเจนเหลวเพื่อเพิ่มความสามารถในการตรวจจับแสง และสามารถวัดแสงช่วงความยาวคลื่น 800-2000 nm ได้ ดังแสดงรูปที่ 2.9 โดยที่ความเข้มแสงจะแปรผันกับความต่างศักย์ที่ออกจากไฟโตเด็ตเตอร์ นอกจากภายในไฟโตเด็ตเตอร์จะมีส่วนขยายสัญญาณแล้วยังมีการขยายสัญญาณเพิ่ม โดยการใช้ Lock-in-Amplified (LIA) และ Chopper ในระบบด้วย โดยที่เลเซอร์ที่ยิงใส่ชิ้นงานจะผ่าน Chopper เพื่อเปลี่ยนแสงเลเซอร์จาก DC เป็นแบบ AC ที่ความถี่ 80 Hz เพื่อลดสัญญาณรบกวนจากแหล่งไฟฟ้า 50 Hz ไฟโตเด็ตเตอร์และ chopper จะถูกต่อเข้ากับ LIA เพื่อให้ chopper ส่งข้อมูลความถี่การหมุนและไฟโตเด็ตเตอร์ส่งสัญญาณของแสงที่ได้จากการวัด จากนั้น LIA จะดักจับและขยายสัญญาณจากไฟโตเด็ตเตอร์ที่มีความถี่และเฟสตรงกับ chopper เท่านั้น ความต่างศักย์ที่ถูกขยายจาก LIA จะถูกต่อเข้ากับ Digital multimeter (DMM) เพื่อส่งสัญญาณที่ได้เข้าสู่คอมพิวเตอร์เพื่อเก็บข้อมูลผลการวัดทางแสง

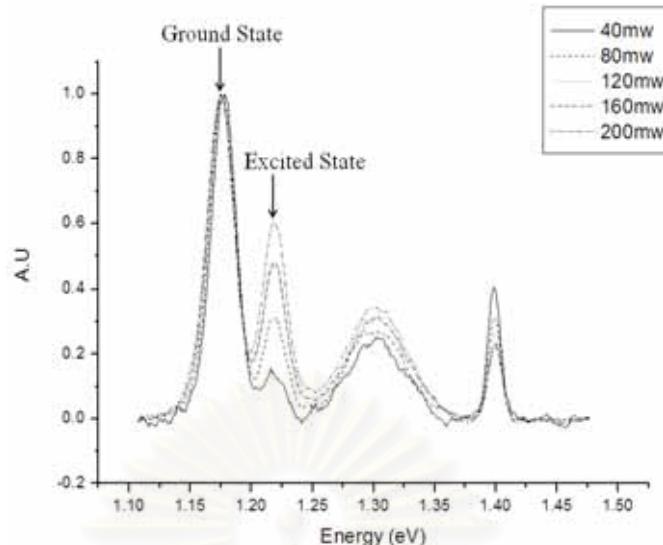
■ Spectral response



รูปที่ 2.9 ช่วงความยาวคลื่นของสิ่งประดิษฐ์ตรวจจับแสง ชนิด InGaAs [42]

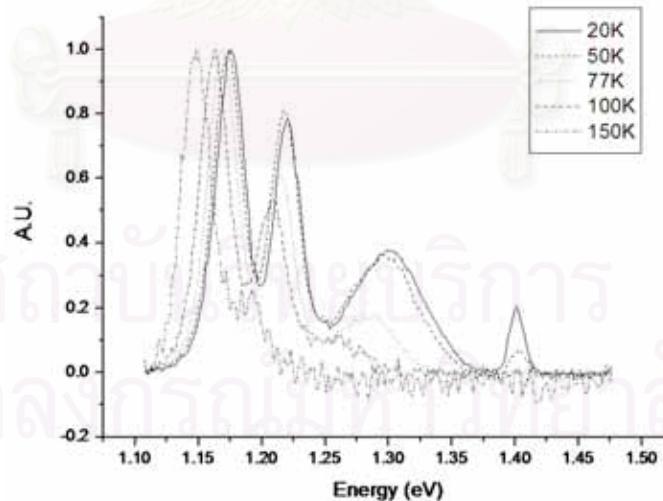
การวัดคุณสมบัติทางแสงจะเริ่มจากการยิงแสงเลเซอร์ผ่าน chopper เพื่อให้เลเซอร์เป็นแบบ AC จากนั้นแสงเลเซอร์จะผ่านเลนส์เพื่อร่วมแสงเข้าสู่ชิ้นงานที่อยู่ภายในห้องบรรจุสุญญาแก๊ส แสงหรือไฟตอนที่ชิ้นงานปล่อยออกมายังถูกรวมโดยเลนส์เพื่อเข้าโนโนโกรามเตอร์ จากแสงหลายความยาวคลื่นที่เข้าสู่โนโนโกรามเตอร์ จะถูกกรองออกให้เหลือเพียงแค่บางความยาวคลื่นเท่านั้น และแสงบางความยาวคลื่นจะถูกส่งต่อไปยังไฟโตเด็ติกเตอร์ เพื่อวัดความเข้มแสงที่ความยาวคลื่นต่างๆ ไฟโตเด็ติกเตอร์จะเปลี่ยนความเข้มแสงและขยายสัญญาณให้อยู่ในรูปความต่างศักย์ ซึ่งความต่างศักย์จากไฟโตเด็ติกเตอร์จะถูกขยายสัญญาณอีกครั้งด้วย LIA สัญญาณที่ถูกขยายด้วย LIA จะถูกอ่านค่าด้วย DMM โดยที่ DMM ถูกต่ออยู่กับเครื่องคอมพิวเตอร์เพื่อเก็บข้อมูลแบบคู่อันดับ เมื่อเก็บข้อมูลของความยาวคลื่นเดิมเสร็จแล้ว คอมพิวเตอร์จะสั่งให้โนโนโกรามเตอร์เลื่อนไปยังความยาวคลื่นอื่นถัดไปเพื่อเก็บความเข้มของความยาวคลื่นช่วงถัดไป

การวัด PL แบบขึ้นกับกำลังของแสงกระตุ้น (Power dependent) จะเปลี่ยนความเข้มของแสงเลเซอร์เป็นค่าต่างๆ ต่อการวัดหนึ่งครั้ง เช่น 40, 80, 120, 160 และ 200 mW ดังแสดงในรูปที่ 2.10 ผลการวัดนี้สามารถแยกค่ายอดพลังงานแบบ ground state และ excite state ได้ โดยที่ค่ายอดพลังงานของ ground state จะมีเออมพลิจูดเพิ่มขึ้นตามกำลังของแสงเลเซอร์ได้ถึงค่าหนึ่งและจะไม่สามารถเพิ่มตามกำลังของแสงกระตุ้นได้ในขณะที่ excite state ยังคงเพิ่มเออมพลิจูดตามกำลังแสงที่เพิ่มได้



รูปที่ 2.10 ผลการวัดทางแสงแบบขึ้นกับกำลังกระแสของแสง

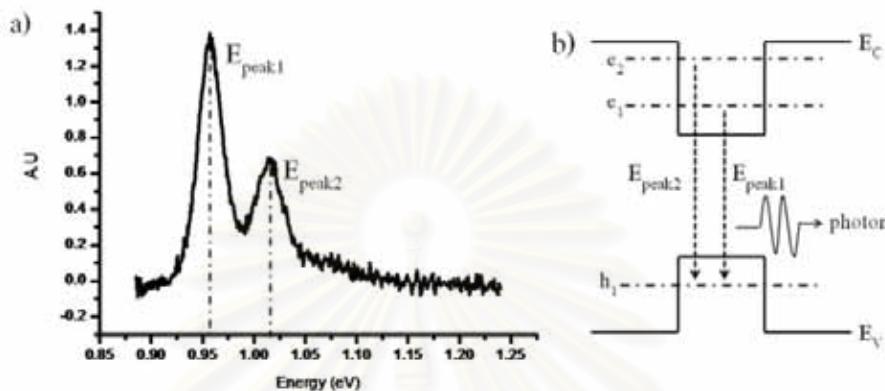
การวัด PL แบบขึ้นกับอุณหภูมิ (Temperature dependent) จะเปลี่ยนอุณหภูมิของชิ้นงานในการวัดแต่ละครั้ง เช่น 20, 50, 77, 100 และ 150 K ดังแสดงในรูปที่ 2.11 การวัดจะเริ่มจากอุณหภูมิต่ำไปสูง โดยที่จะต้องรอให้ระบบทำความเย็นทำอุณหภูมิได้ต่ำที่สุดก่อน จึงจะเริ่มกำหนดอุณหภูมิที่ต่ำที่สุดเพื่อทำการวัดครั้งแรกก่อน เมื่อวัดเสร็จแล้วจึงทำการเปลี่ยนอุณหภูมิให้สูงขึ้นตามลำดับ



รูปที่ 2.11 ผลการวัดทางแสงแบบขึ้นกับอุณหภูมิ

### 2.3.2 ผลการทดลองทางแสง

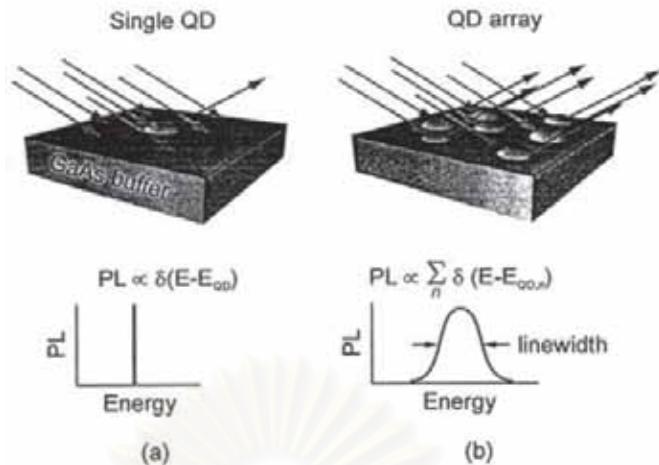
ผลการวัดคุณสมบัติทางแสง เป็นข้อมูลแสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าความเข้มของแสง กับค่าพลังงาน ดังรูปที่ 2.12 (a)



รูปที่ 2.12 a) PL ของชิ้นงานตัวอย่างและ b) การวิเคราะห์ระดับพลังงาน ไอเก้น  $E_e$  และ  $E_h$

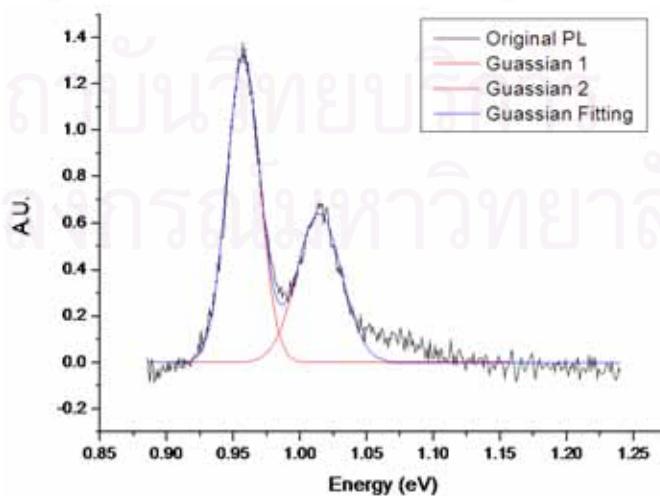
ผลการทดลองคุณสมบัติทางแสงจะมีเพียงบางช่วงของความยาวคลื่นที่มีค่าความเข้มสูง ค่าพลังงานสูงสุดนี้ แสดงให้เห็นว่าสิ่งประดิษฐ์ชนิดนี้สามารถเปล่งแสงได้ที่สุดที่ค่าความยาวคลื่นเท่าใด ซึ่งค่ายอดพลังงานนี้จะสอดคล้องกับค่าความต่างพลังงาน ไอเก้นของอิเล็กตรอนในแคนตอนดักชั้นกับพลังงาน ไอเก้นของໂ Holden และว่าเด่น ดังแสดงในรูปที่ 2.12 b)

นอกจากผลการทดลองคุณสมบัติทางแสงจะได้แสดงถึงค่าพลังงานสูงสุดแล้ว ผลการทดลองคุณสมบัติทางแสง PL ยังแสดงถึงค่า Full-Width-Half-Maxima (FWHM) ซึ่งค่านี้แสดงให้เห็นว่าชิ้นงานนี้มีขนาดของความตั้มดอตในชิ้นงานมีขนาดใกล้เคียงกันเท่าไร จากรูปที่ 2.13 (a) เมื่อความตั้มดอตมีเพียงแค่ 1 ความตั้มดอตจะมีค่า FWHM จะมีลักษณะเป็นเคลือดต้าฟิงก์ชั่น แต่เมื่อมีความตั้มจำนวนมากและขนาดของความตั้มดอตมีความแตกต่างกันจะมีผลทำให้ค่า FWHM มีค่ามากขึ้น ดังรูปที่ รูปที่ 2.13 (b)



รูปที่ 2.13 (a) ความต้มดอตจะแสดงค่าพลังงานเป็นเดลต้าฟังก์ชันเมื่อมีนักน้ำหนาแน่นของสถานะ (b) ค่าเฉลี่ยความแตกต่างของขนาดความต้มดอตจะแปรผันกับค่า FWHM [43]

ค่ายอดพลังงานและค่า FWHM สามารถหาได้อย่างแม่นยำในระดับ 1meV จากการทำ curve fitting แบบ multiple Gaussian peaks [44] รวมทั้งสามารถแสดงผลของการรวมค่าพลังงานหลายพลังงานเป็นผล PLแบบคำนวณ และ PLแบบคำนวณสามารถเปรียบเทียบกับผลของ PL ที่วัดจริงเพื่อแสดงค่าความผิดพลาดให้เห็นว่า ผล PL แบบคำนวณมีความใกล้เคียงกับผล PL จริงมากเท่าไหร่ ดังแสดงในรูปที่ 2.14

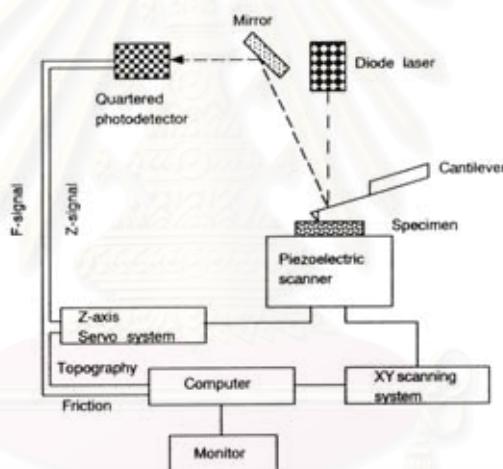


รูปที่ 2.14 ตัวอย่างผล PL แบบคำนวณจากวิธี Gaussian fitting แบบ multiple Gaussian peaks

## 2.4 การวัดผิวน้ำด้วยเทคนิคแรงอะตอม

### 2.4.1 ระบบ Atomic Force Microscope (AFM)

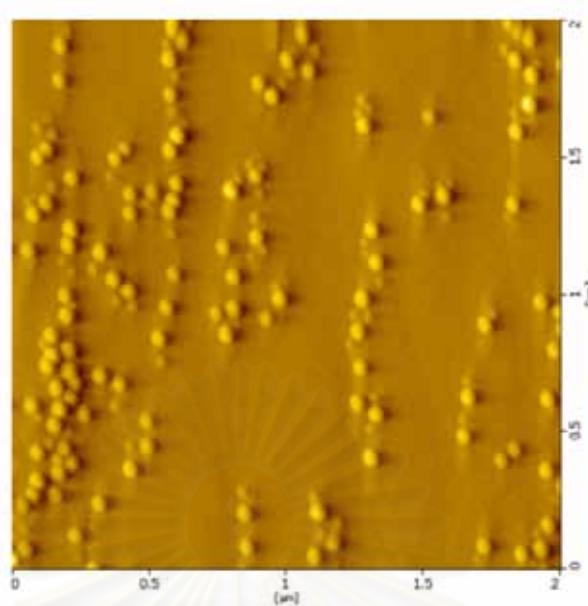
กระบวนการนี้เป็นการวัดผิวน้ำของชิ้นงานหลังจากปลูกผลึกเสร็จแล้ว เพื่อศึกษาว่า กระบวนการปลูกผลึกที่ผ่านมาได้โครงสร้างเป็นอย่างไร ระบบการวัดด้วยเทคนิคแรงอะตอม สามารถแสดงด้วยแผนภาพอย่างง่ายดัง รูปที่ 2.15 การวัดจะอาศัยแรงระหว่างเข็ม (Tip) ขนาดนาโน ที่ป่วยคาน (Cantilever) กับโครงสร้างผิวน้ำที่ใกล้กันในระดับนาโนเมตร โดยที่คานจะเกิดการ โค้งงอตามลักษณะของผิวน้ำชิ้นงาน ภายในระบบประกอบด้วยเลเซอร์ไอดีโอด (Laser Diode) สำหรับยิงแสงให้ตกรอบกับป่วยคาน เพื่อให้แสงสะท้อนจากป่วยคานตกกระทบสิ่งประดิษฐ์ ตรวจรับแสง (Photodetector) เพื่อวัดลักษณะความสูงต่ำของคานที่มีความสัมพันธ์กับความสูงของ ผิวน้ำชิ้นงาน ข้อมูลทั้งหมดที่ได้จะถูกแสดงเป็นรูปผิวน้ำของชิ้นงานดังจะได้กล่าวต่อไปนี้



รูปที่ 2.15 แผนภาพแสดงการทำงานของ AFM

## สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ผลการวัดผิวน้ำจะทำให้ทราบว่า กระบวนการที่ใช้ปลูกผลึกนี้ให้ผลการปลูกเป็น โครงสร้างผลึกแบบใด ดังรูปที่ 2.16 การวัดด้วยเทคนิคนี้สามารถให้ข้อมูลที่สำคัญต่างๆ เช่น รูปแบบการเรียงตัวของความตื้นดอง ลักษณะการกระจายตัวของความตื้นดอง ความหนาแน่นของ ความตื้นดอง ความสูงของความตื้นดองโดยคู่ได้จากการวัดความเข้มของสี โดยที่สีขาวคือริเวณสูงและ สีเหลืองทึบคือริเวณต่ำ



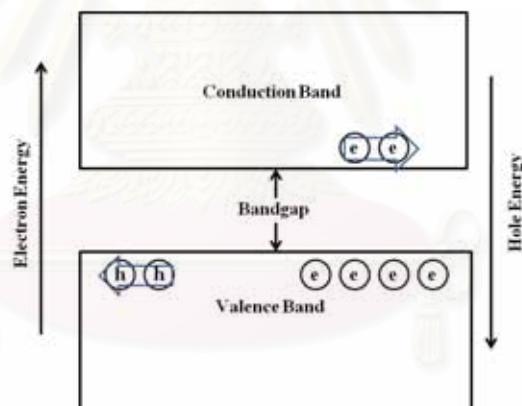
รูปที่ 2.16 ผลการวัดผิวน้ำของความตื้นดอต โนเมลกูลบนาค  $2*2 \mu\text{m}^2$  [45]

## 2.5 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์

โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ (Electronic Structure) คือ โครงสร้างของอะตอม, โนเมลกูลหรือวัสดุลักษณะต่างๆ ที่มีผลต่อการกำหนดพฤติกรรมต่างๆ ของอิเล็กตรอน เมื่อยู่ภายในวัสดุชิ้นนี้ เช่น สมบัติการนำไฟฟ้า การเรียงตัวของอิเล็กตรอน พลังงานของอิเล็กตรอน เป็นต้น ดังนั้น โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์จึงสามารถใช้อธิบายสมบัติต่างๆ เช่น สมบัติการเปล่งแสง ค่าพลังงานไอเก็น การนำไฟฟ้า เป็นต้น สารประกอบหลายประเภทจะมีโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ที่แตกต่างกัน แม้เป็นสารชนิดเดียวกัน แต่โครงสร้างทางกายภาพแตกต่างกันก็สามารถส่งผลให้มีโครงสร้าง อิเล็กทรอนิกส์ที่แตกต่างกันได้ ดังนั้นถ้าสามารถหาโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ของแต่ละ โครงสร้าง วัสดุได้ ก็จะทำให้สามารถเข้าใจถึงคุณสมบัติต่างๆ ของโครงสร้างวัสดุนั้นๆ ได้ เมื่อมีความเข้าใจ คุณสมบัติต่างๆ ของวัสดุ จะทำให้สามารถนำโครงสร้างวัสดุพื้นฐานต่างๆ ไปประยุกต์ใช้เป็น โครงสร้างพื้นฐานของเครื่องมือชิ้นอื่นๆ ได้

### 2.5.1 แผนภาพແຄນພລັງຈານ (Energy Band Diagram)

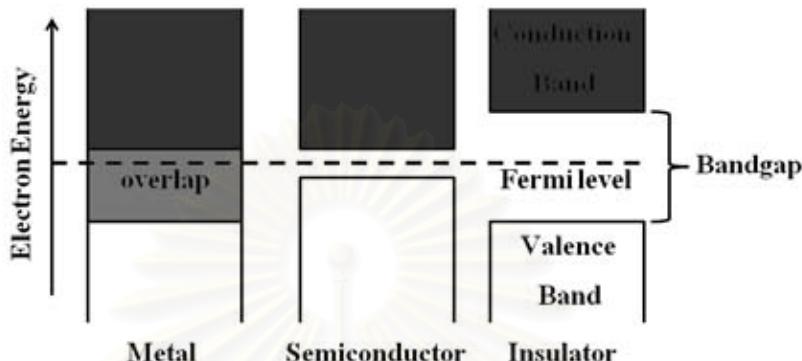
ແຄນພລັງຈານອ່າງຈະອຸກແປ່ງເປັນ 3 ແຄນ ໄດ້ແກ່ Valence Band (VB), Band gap (Eg) ແລະ Conduction Band (CB) ແລະມີຕົວນໍາໄຟຟ້າ 2 ປະເທດ ໄດ້ແກ່ ໂສລ (hole) ແລະ ອີເລີກຕຣອນ (Electron) ດັ່ງແສດງໃນຮູບທີ 2.17 ໂດຍທີ່ອີເລີກຕຣອນສ່ວນມັກຈະອູ່ໃນ VB ແຕ່ຈະສາມາດຄຸກ ກະຮັດຕູນດ້ວຍພລັງຈານໃຫ້ຂຶ້ນມາຢັງ CB ໄດ້ ອີເລີກຕຣອນສາມາດຈະນໍາໄຟຟ້າໄດ້ເມື່ອອູ່ໃນ CB ແຕ່ໄມ່ ສາມາດນໍາໄຟຟ້າໄດ້ໃນ VB ໂດຍທີ່ອີເລີກຕຣອນຈະມີພລັງຈານມາກຂຶ້ນເມື່ອອູ່ຫ່າງຈາກ VB ມາກ ໂສລເກີດ ຈາກທີ່ວ່າງບນ VB ຜົ່ງທີ່ວ່າງນີ້ເກີດຈາກການທີ່ອີເລີກຕຣອນໄດ້ກະໂດຈາກ VB ໄປຢັງ CB ແລະ ໂສລນີ້ ສາມາດນໍາໄຟຟ້າແລະມີຄຸນສົມບັດເໜີມອນມີປະຈຸບວກ ຜົ່ງຈະວິ່ງເຂົ້າຫາສັກຍິໄຟຟ້າຄ່າລົບເມື່ອໄດ້ຮັບການ ໄປແອສ ໂດຍທີ່ໂສລຈະມີພລັງຈານມາກເມື່ອອູ່ໄກລຈາກ CB ແຕ່ມີຂ່າຍ Band gap ທີ່ອີເລີກຕຣອນແລະ ໂສລໄໝ ສາມາດຄຽບຄອງພລັງຈານໃນຂ່າຍນີ້ໄດ້ ດັ່ງນັ້ນການກະຮັດຕູນອີເລີກຕຣອນຈະຕ້ອງໃຊ້ພລັງຈານທີ່ມີຄວາມ ນາກກວ່າ Eg ຈຶ່ງຈະທຳໄຫ້ອີເລີກຕຣອນຂຶ້ນໄປຢັງ CB ແລະ ເກີດໂສລໃນ VB ຈນພາຫະທິ່ງສອງກລາຍເປັນ ພາຫະນໍາໄຟຟ້າໄດ້



ຮູບທີ 2.17 ແຜນກາພແຄນພລັງຈານ

ຂອງເພື່ອສາມາດຄຸກຈຳແນກໄດ້ເປັນ 3 ປະເທດ ຕາມຄວາມສາມາດໃນການນໍາໄຟຟ້າ ໄດ້ແກ່ ຕົວນໍາ ລນວນ ແລະ ສາກົ່າງຕົວນໍາ ດັ່ງຮູບທີ 2.18 ຜົ່ງສາມາດອົບໃບຍໍໄດ້ດ້ວຍແຄນພລັງຈານ ໂດຍທີ່ ຕົວນໍາຈະ ມີ CB ແລະ VB ຊ້ອນທັນກັນທໍາໄຫ້ສາມາດນໍາໄຟຟ້າໄດ້ຈ່າຍ ລນວນຈະມີ CB ແລະ VB ທີ່ຫ່າງກັນນາກກວ່າ ຈະກະຮັດຕູນດ້ວຍພລັງຈານ ທໍາໄຫ້ໄມ່ສາມາດມີພາຫະນໍາໄຟຟ້າໄດ້ ແຕ່ສາກົ່າງຕົວນໍາຈະມີ CB ແລະ VB ທີ່

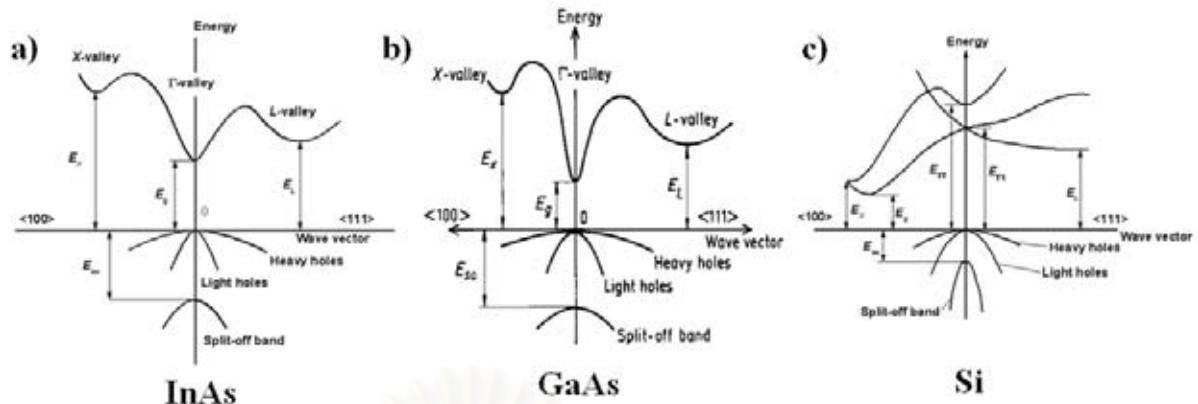
ห่างกันไม่น่าจะ สามารถถอดกระตุ้นได้ด้วยแสงหรืออุณหภูมิให้อิเล็กตรอนขึ้นไปยัง CB และ กระตุ้นให้หลุดขึ้นไปยัง VB เพื่อนำไฟฟ้าได้



รูปที่ 2.18 แผนภาพแสดงพลังงานของ ตัวนำ สารกึ่งตัวนำ และ 绝缘物

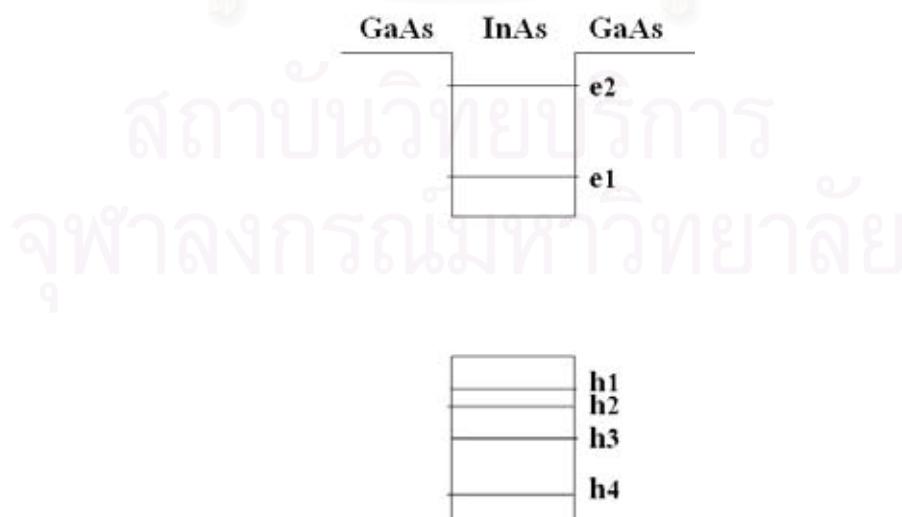
โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ที่ได้กล่าวมานี้เป็นโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์อย่างง่าย แต่ในความเป็นจริง โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ของวัสดุแม่จะเป็นชิ้นเดียวกันก็จะไม่เหมือนกันเมื่อเทียบกับทิศทางของผลึก ดังรูปที่ 2.19 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์อย่างง่ายจะเลือกทิศทางที่มี CB และ VB ใกล้กันมากที่สุด แต่วัสดุที่เปล่งแสงได้จะมีค่าต่ำสุดของ VB ตรงกับ ค่าสูงสุดของ CB จะเรียกว่า “direct” เช่น InAs และ GaAs และวัสดุที่มีค่าต่ำสุดของ VB ไม่ตรงกับค่าสูงสุดของ CB ว่า “indirect” เช่น Si

ในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ใช้สารประกอบ InAs และ GaAs ที่เป็น direct ทั้งคู่ดังนั้นชิ้นงานในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้จึงเป็นแบบ direct ซึ่งทำการวัดคุณสมบัติทางแสงแบบ PL ได้ เพราะชิ้นงานสามารถเปล่งแสงได้



รูปที่ 2.19 แผนภาพพลังงาน-โน้มnenตัม (E-k) ของ a) InAs, b) GaAs และ c) Si [46]

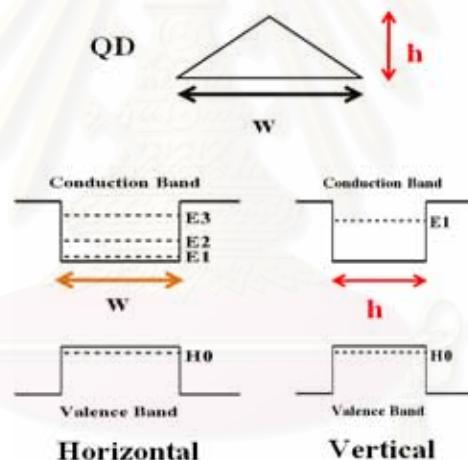
จะเห็นได้ว่าเมื่อเป็นสารประกอบเดียวกันทั้งชั้น อิเล็กตรอนและไฮดจ์สามารถมีพลังงานได้เป็นแบบต่อเนื่องบน CB และ VB ตามลำดับ แต่เมื่อมีสารประกอบมากกว่า 2 ชนิดมาต่อกัน เช่น GaAs/InAs/GaAs จะมีโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ ดังรูปที่ 2.20 โดยทั่วไปอิเล็กตรอนและไฮดจ์ในชั้นต้องการอยู่ในสถานะพลังงานงานต่ำ ดังนั้นอิเล็กตรอนและไฮดจ์มักอยู่ใน บ่อพลังงาน (Well) แต่ถ้า InAs มีขนาดเล็กมาก มีผลทำให้พลังงานของอิเล็กตรอนและไฮดที่อยู่ในบ่อพลังงานนี้มีค่าพลังงานได้แค่บางค่าเท่านั้น พลังงานนี้เรียกว่า พลังงานไอยเกิน (Eigen Energy)



รูปที่ 2.20 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ของ GaAs/InAs/GaAs

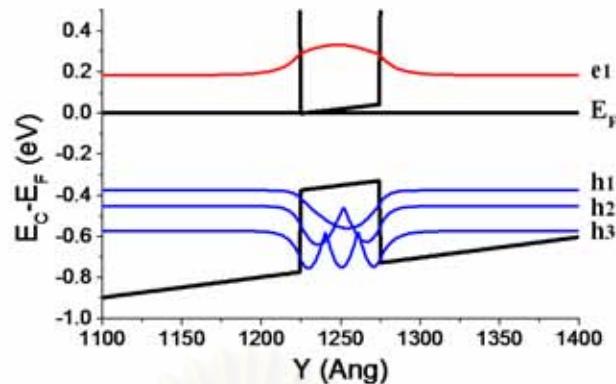
### 2.5.2 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แบบ 1 มิติ

โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แบบหนึ่งมิติเป็นการมองวัสดุที่ละเมิดเท่ากัน มิติของความสูง มิติของความยาว มิติของความกว้าง เนื่องจากความตั้งตระหง่านมากจะมีฐานแบบสามมتر ดังนั้น ความตั้งตระหง่านของแบบหนึ่งมิติเป็นแบบแนวตั้งซึ่งเป็นไปตามทิศทางด้านความสูงและแบบแนวโน้มซึ่งเป็นไปตามทิศความยาวฐานของความตั้งตระหง่าน ดังรูปที่ 2.21 เนื่องจากความสูง และความกว้างของฐานความตั้งตระหง่านมีค่าไม่เท่ากัน ดังนั้นค่าพลังงานไอเก้นของอิเล็กตรอนและไฮลจิง มีค่าไม่เท่ากันในแต่ละด้าน ถ้าด้านใดมีความยาวมากกว่าบ่อพลังงานก็จะมีความกว้างมากกว่าทำให้มีจำนวนค่าไอเก้นของอิเล็กตรอนและไฮลมากกว่าบ่อพลังงานแบบแคบ ซึ่งค่าพลังงานไอเก้นสามารถหาได้จากการใช้ร่องเจอร์แบบหนึ่งมิติเป็นหลัก



รูปที่ 2.21 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แบบหนึ่งมิติของความตั้งตระหง่านและแนวโน้ม

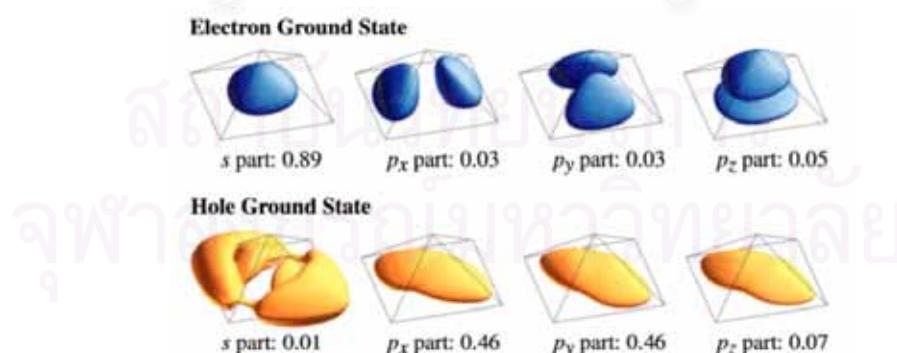
นอกจากการคำนวนโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์เพื่อหาค่าพลังงานไอเก้นของอิเล็กตรอนและไฮลแล้ว การคำนวนแบบ 1 มิติยังให้ค่าฟังก์ชันคลื่น (Wave Function) ดังรูปที่ 2.22 ซึ่งฟังก์ชันคลื่นยกกำลังสองเท่ากับความน่าจะเป็นที่จะพบอนุภาค ณ ตำแหน่งนั้นๆ



รูปที่ 2.22 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ที่คำนวณได้ค่าพลังงานไออกีนและฟังก์ชันคลื่นของอิเล็กตรอน และไฮดอล

### 2.5.3 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แบบ 3 มิติ

โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แบบ 3 มิติจะเป็นการมองความตั้งคอดแบบสามมิติ ซึ่ง พลังงานและฟังก์ชันคลื่นจะหาได้จากสมการชุดเดิงเจอร์แบบสามมิติเป็นหลัก ผลการคำนวณจะได้ข้อมูลมากกว่าการคำนวณแบบหนึ่งมิติ เช่น ค่าพลังงานไออกีนของอิเล็กตรอนและไฮดอล ตำแหน่งที่มีโอกาสพบอิเล็กตรอนและไฮดอลแยกเป็นค่าไออกีนต่างแบบสามมิติ ดังรูปที่ 2.23



รูปที่ 2.23 ฟังก์ชันคลื่นของอิเล็กตรอนและไฮดอลซึ่งได้จากการคำนวณแบบสามมิติ [47]

แต่ในปัจจุบันรูปร่างของความต้มดอตยังไม่สามารถสรุปได้แบบสิ้นสุด ซึ่งทำให้การคำนวณแบบสามมิติมีคลา yrupแบบซึ่งขึ้นกับรูปร่างของความต้มดอต เช่น ความต้มดอตแบบปรามิติ ความต้มดอตแบบกรวย ความต้มดอตแบบโอดม [48] หรือขึ้นกับวิธีการคำนวณ เช่น eight-band kp theory [49], tight-binding method [50] หรือ Valence Force Field Theory [51] เป็นต้น รวมทั้ง การคำนวณแบบสามมิติจะต้องใช้เวลาที่นานและคอมพิวเตอร์ประสิทธิภาพสูง ดังเช่น Nemo-3D [52] หรือ Nanohub [53] และผลที่ได้ต้องมีความเข้าใจเกี่ยวกับเรื่องนี้เป็นอย่างดีจึงจะสามารถเข้าใจได้อย่างลึกซึ้ง ซึ่งต่างจากการคำนวณแบบหนึ่งมิติที่แสดงผลในรูปอย่างง่ายเพียงพอต่อการใช้งาน และยังใช้เวลาคำนวณเพียงไม่กี่วินาที ดังนั้นในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้จึงมุ่งทำความเข้าใจเกี่ยวกับโครงการสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของ InGaAs ความต้มดอตโมเลกุลเพื่อเป็นการศึกษาความเข้าใจเกี่ยวกับความต้มดอตโมเลกุล โดยใช้โครงการสร้างอิเล็กทรอนิกส์อธิบายพฤติกรรมต่างๆของขั้นงานที่ทำการทดสอบอย่างง่าย

## สถาบันวิทยบริการ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## บทที่ 3

### การทดลอง

บทนี้กล่าวถึงวิธีเตรียมการปัลอกโครงสร้างความตั้มดอตโมเลกุล ด้วยเทคนิคการปัลอกผลึกแบบจำโนเมเลกุล และอธิบายถึงสาเหตุการเกิดความตั้มดอตโมเลกุล ต่อมากล่าวถึงผลการวัดผิวน้ำชิ้นงานและผลวัดคุณสมบัติทางแสง ซึ่งใช้เป็นข้อมูลสำหรับวิเคราะห์โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประลิฟฟิล โดยสมการที่ใช้เป็นหลักในการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประลิฟฟิล คือ สมการชอร์ดิงเจอร์และสมการปั๊ของส์ควบคู่กัน

#### 3.1 การปัลอกโครงสร้างความตั้มดอตโมเลกุลและผลการทดลอง

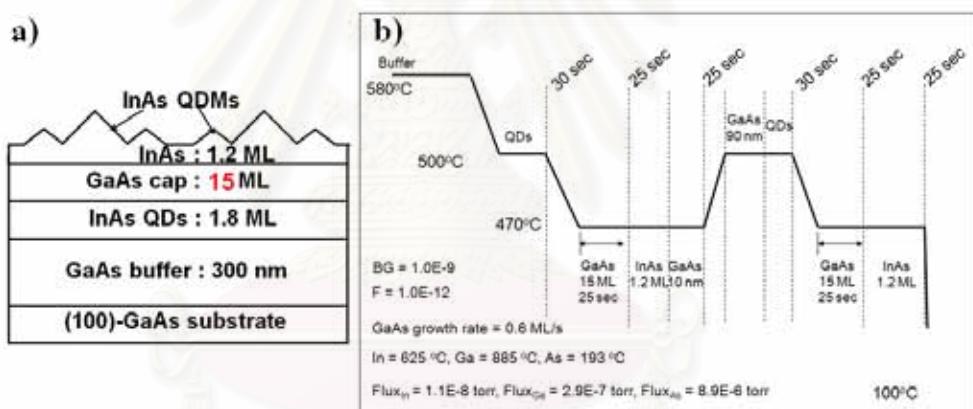
ขั้นตอนการปัลอกผลึกด้วยกระบวนการปัลอกผลึกอิพิแทกซ์จากจำโนเมเลกุลที่แตกต่างกันเพียงเล็กน้อยอาจทำให้โครงสร้างที่ได้แตกต่างกัน โดยล้วนเชิง ดังนั้นกระบวนการปัลอก เช่นลำดับการปัลอกชั้นสารประกอบและอุณหภูมิของสารประกอบทางเคมี และแผ่นฐานจะต้องได้รับการควบคุมอย่างถูกต้องแม่นยำจึงจะได้โครงสร้างที่สามารถควบคุมได้จากชิ้นงานหนึ่งสู่อีกชิ้นงานหนึ่ง ในหัวข้อนี้ จะอธิบายถึงวิธีการปัลอกและการเกิดความตั้มดอตโมเลกุล ตามด้วยผลการวัดลักษณะผิวน้ำ AFM และอธิบายผลการวัดคุณสมบัติทางแสงจาก PL

##### 3.1.1 วิธีการปัลอกความตั้มดอตโมเลกุล

ในวิทยานิพนธ์ฉบับนี้จะศึกษาชิ้นงานความตั้มดอตโมเลกุล 2 ชิ้นงาน คือ ชิ้นงาน A และชิ้นงาน B ซึ่งมีขั้นตอนการปัลอกผลึกดังนี้ เริ่มจากขั้นตอนการเตรียมแผ่นฐานสำหรับการปัลอกความตั้มดอตโมเลกุลของชิ้นงาน A และชิ้นงาน B ซึ่งมีวิธีเดียวกัน โดยเริ่มต้นจากการทำความสะอาดชิ้นงานทำโดยการให้ความร้อนกับแผ่นฐานจนถึงอุณหภูมิที่  $580^{\circ}\text{C}$  ทำให้ออกไซด์บริเวณผิวน้ำแผ่นฐานสลายตัวออกໄไป (de-oxidation) ใช้เวลาทำความสะอาดผิวน้ำเป็นเวลาประมาณ 30 นาที กระทำสามารถเห็น streaky pattern ได้ชัดเจน การทำความสะอาดผิวน้ำอาจทำให้ผิวน้ำไม่เรียบ จึงต้องปัลอกชิ้น GaAs Buffer หนา 300 nm เพื่อทำให้ผิวน้ำแผ่นฐานเรียบ หลังจากนั้นลดอุณหภูมิเหลือ  $500^{\circ}\text{C}$

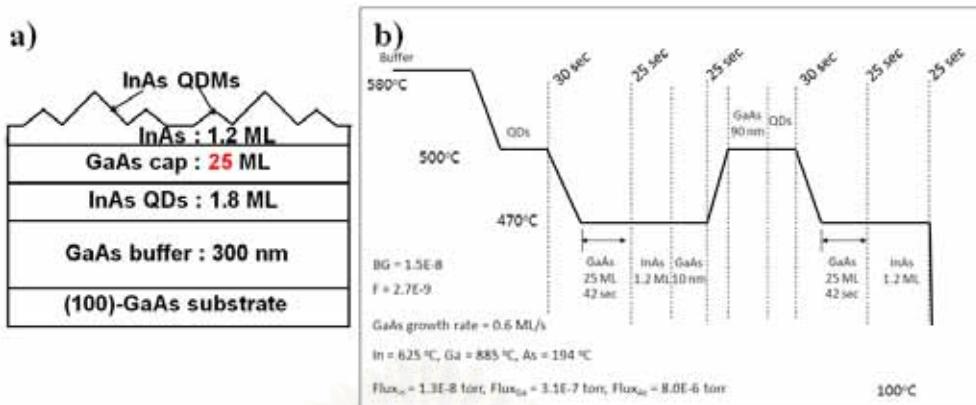
ขั้นตอนการปัลอกควอนตัมคอตโนไมเลกุล ของชิ้นงาน A และชิ้นงาน B หลังจากอุณหภูมิลดลงเหลือ  $500^{\circ}\text{C}$  จะเป็นดังนี้ ปัลอก InAs ควอนตัมคอตหนา 1.8 Monolayer (ML) จากนั้นทำการลดอุณหภูมิแผ่นฐานลงมาที่  $470^{\circ}\text{C}$  แล้วจึงปัลอกชั้น GaAs กลบบาง (Thin Cap) ด้วยความบาง 15 ML ในชิ้นงาน A และ 25 ML ในชิ้นงาน B ดังแสดงในรูปที่ 3.1 และรูปที่ 3.2 ตามลำดับ ตามด้วยการปัลอกชั้น InAs ควอนตัมคอตกลบทับ 1.2 ML ส่งผลให้เกิดควอนตัมคอตโนไมเลกุล ทั้งสองชิ้นงาน มีอัตราการปัลอก InAs และ GaAs เท่ากับ  $0.01 \text{ ML/s}$  และ  $0.6 \text{ ML/s}$  ตามลำดับ

เพื่อให้ได้ชิ้นงานที่สามารถใช้วัดคุณสมบัติทางแสงและลักษณะผิวน้ำภายในชิ้นเดียวกัน ได้ หลังจากปัลอกควอนตัมคอตโนไมเลกุลจากขั้นตอนที่ผ่านมา จึงได้มีการปัลอกชั้น GaAs หนา  $100 \text{ nm}$  ตามด้วยการปัลอกควอนตัมคอตโนไมเลกุล โครงสร้างเดิมอีกรอบสำหรับการวัดลักษณะผิวน้ำ



รูปที่ 3.1 a) โครงสร้าง และ b) temperature profile ของการปัลอกควอนตัมคอตโนไมเลกุลในชิ้นงาน A

[45]



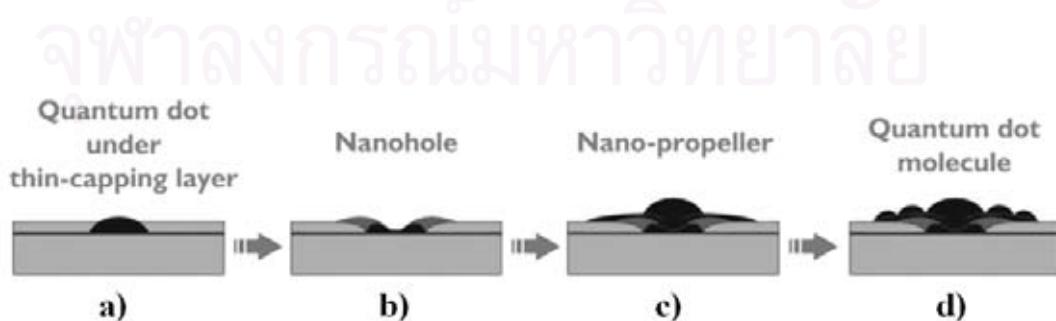
รูปที่ 3.2 a) โครงสร้าง และ b) temperature profile ของการปลูก Kawon ตั้มดอต โนเมเลกุล ในชั้นงาน B

[45]

### 3.1.2 การเกิด Kawon ตั้มดอต โนเมเลกุล

ลำดับขั้นตอนการเกิด Kawon ตั้มดอต โนเมเลกุล มีดังนี้ เมื่อปั๊ก InAs Kawon ตั้มดอต ขึ้นแล้ว จึงปั๊กชั้น GaAs กลบบาง ดังรูปที่ 3.3 a) ชั้น GaAs จะดึง In ออกจาก Kawon ตั้มดอต ทำให้เกิดหลุมนาโน (Nano-Hole) บริเวณตรงกลางของ Kawon ตั้มดอตเดิม และเกิดโครงสร้างปีกนาโน (Nano-Propeller) รอบหลุมนาโน ดังรูปที่ 3.3b) หลังจากนั้นจึงปั๊กชั้น InAs ช้ำอีกครั้ง โดยจะพบการก่อตัวของ Kawon ตั้มดอตบนหลุมนาโนก่อน เพราะเป็นบริเวณที่มีความเครียดแบบดึงที่เกิดจาก GaAs โดยรอบสูงที่สุด ดังรูปที่ 3.1 c) และเมื่อปั๊กชั้น InAs หนาขึ้น Kawon ตั้มดอตกลางซึ่งเกิดจากการเติมหลุมนาโนถูกเติมจนกระแทกจึงถูกดึงจาก Kawon ตั้มดอตเดิม หรือ Kawon ตั้มดอตกลางมีขนาดที่อิ่มตัวแล้วจึงจะเกิดการก่อตัวของ Kawon ตั้มดอตบนโครงสร้างปีกนาโนถัดมา ดังรูปที่ 3.3d) โดยที่ Kawon ตั้มดอตตรงกลาง (Center Dot) มีขนาดใหญ่กว่า Kawon ตั้มดอตด้านข้าง (Satellite Dot)

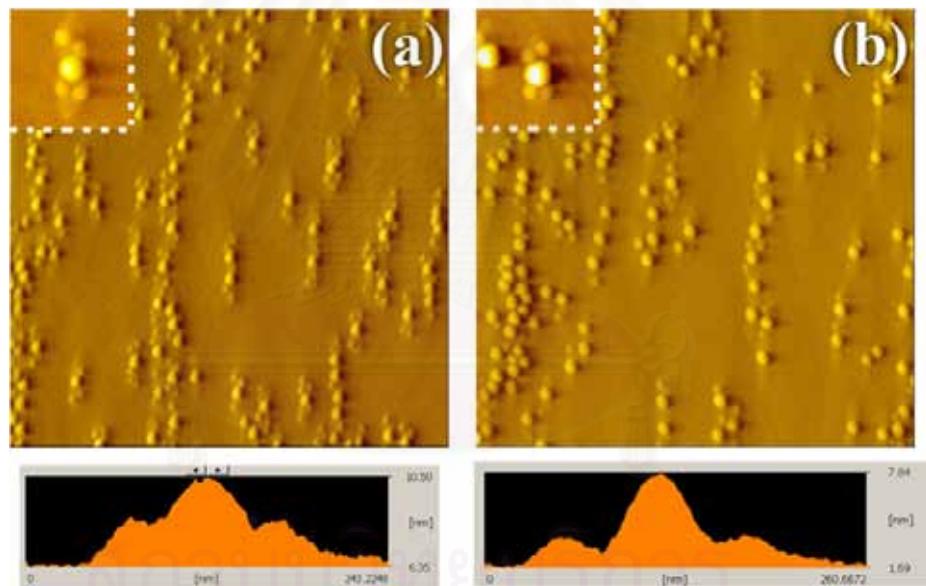
[45]



รูปที่ 3.3 แผนภาพลำดับการเกิด Kawon ตั้มดอต โนเมเลกุล [45]

### 3.1.3 ลักษณะผิวหน้า

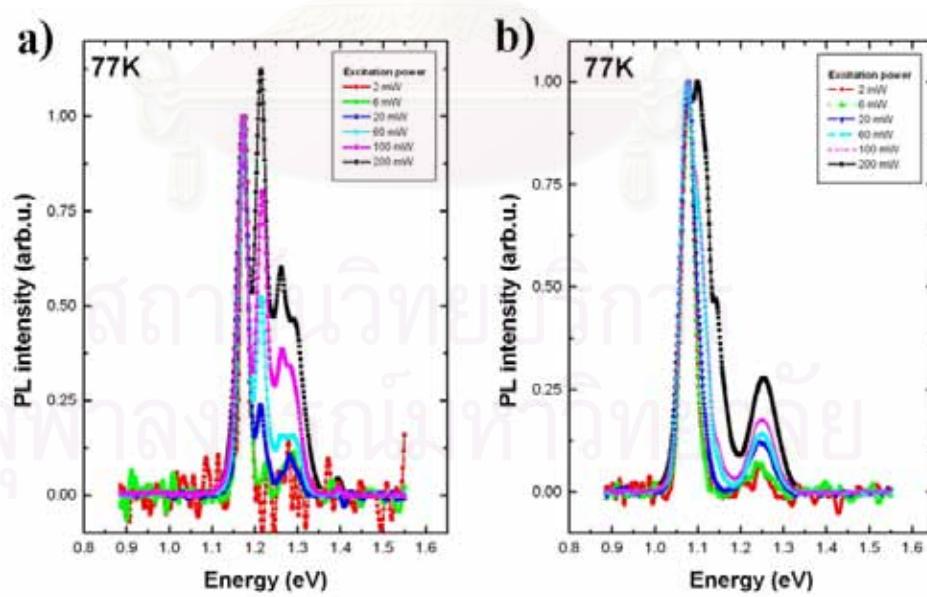
ผลการวัดลักษณะผิวหน้าด้วย AFM ได้ถูกแสดง ดังรูปที่ 3.4 เห็นได้ว่าชิ้นงานทั้งสอง ประกอบด้วยกลุ่มของความตั้มดอต ไมเลกุลที่เกิดจากการรวมกลุ่มกันของความตั้มดอตจำนวน 5 ดอต ซึ่งภายในกลุ่มความตั้ม ไมเลกุลจะประกอบด้วยความตั้มดอต 2 ขนาด โดยที่ความตั้มดอต ตรงกลางจะเป็นความตั้มดอตขนาดใหญ่ซึ่งถูกล้อมรอบด้วยความตั้มดอตขนาดเล็กด้านข้าง ดัง แสดงภาพขยายขนาด  $300 \times 300 \text{ nm}^2$  ในรูปที่ 3.4 โดยที่ชิ้นงาน A จะมีความสูงและความกว้างของ ดอตกลางเป็น 4 nm และ 76 nm ส่วนต่อค้านข้างสูง 2.2 nm และกว้าง 60 nm ดังรูปที่ 3.4a) ชิ้นงาน B มีดอตกลางสูงและกว้างเป็น 6 nm และ 80 nm และมีต่อค้านข้างสูง 1.9 nm และกว้าง เป็น 65 nm ดังรูปที่ 3.4b)



รูปที่ 3.4 ผลการวัดผิวหน้าจาก AFM ขนาด  $2 \times 2 \mu\text{m}^2$  ของ a) ชิ้นงาน A และ b) ชิ้นงาน B รูปเลือก แทรก a) และ b) แสดงภาพขยายขนาด  $300 \times 300 \text{ nm}^2$  และรูปด้านล่างแสดงผลการทำ Line Scan ของ QDM ด้วยเทคนิค AFM ของแต่ละ QDM [45]

### 3.1.4 ลักษณะคุณสมบัติทางแสง

จากผลการวัดผิดหน้าจะเห็นว่าชิ้นงานทั้งสองมีโครงสร้างเป็นความตั้มดอต โนเมเลกุล เหมือนกัน แต่ขนาดความกว้างและความสูงของความตั้มดอตของชิ้นงานทั้งสองมีค่าไม่เท่ากัน ทำให้ผลการวัดคุณสมบัติทางแสง PL ของชิ้นงาน A และชิ้นงาน B ให้ผลที่แตกต่างกัน เมื่อทำการวัด PL ของชิ้นงาน A และ B พบร่วมกันว่าไม่สามารถทดสอบคุณสมบัติทางแสง PL ได้ที่อุณหภูมิห้อง ดังนั้น ชิ้นงานทั้งสองจึงถูกทดสอบภายใต้สภาพในไตรเจนเหลว (Liquid N<sub>2</sub>) ที่อุณหภูมิ 77 K โดยที่ชิ้นงานทั้งสองถูกทดสอบด้วยความเข้มแสงที่ 2, 6, 20, 60, 100 และ 200 mW เพื่อบ่งชี้ว่าค่ายอดพลังงานได้เป็น Ground State หรือ Excited State โดยผลที่วัดได้จะแสดงอยู่ในกราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างความเข้มแสงเทียบกับค่าพลังงานของแสงที่เปล่งออกมาจากชิ้นงาน ซึ่งจะนำผลการวัด PL ของแต่ละความเข้มของเลเซอร์ที่ได้มาทำให้ค่าสูงสุดมีค่าเป็น 1 (Normalize) ดังรูปที่ 3.5 โดยที่ชิ้นงาน A มีค่าพลังงานสูงสุดเท่ากับ 1.1705, 1.214, 1.2585 และ 1.298 eV (ดังรูปที่ 3.5a) และชิ้นงาน B มีค่าพลังงานสูงสุดเท่ากับ 1.078, 1.101, 1.119, 1.145 และ 1.167 eV (ดังรูปที่ 3.5b)



รูปที่ 3.5 ผลการวัดคุณสมบัติทางแสง PL ที่ 77 K แบบ normalized ของ a) ชิ้นงาน A และ b) ชิ้นงาน B [45]

อย่างไรก็ตาม ผลการวัดทางแสง PL ดังกล่าวยังไม่ได้มีการวิเคราะห์เกี่ยวกับโครงสร้าง อิเล็กทรอนิกส์ประสิติชิพของโครงสร้างความตั้มดอต โมเลกุล ทั้งนี้เนื่องจาก มีการวัดที่อุณหภูมิ 77 K อุณหภูมิเดียว และยังไม่มีตัวแปรหรือโมเดลที่ใช้จำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิติชิพ

ดังนั้นเพื่อให้ความเข้าใจถึงโครงสร้างความตั้มดอต โมเลกุล ได้ศึกษา วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ จึงได้ทำการทดลอง PL เพิ่มเติมที่ 20, 50, 77, 100 และ 150 K และได้จำลองหาโครงสร้าง อิเล็กทรอนิกส์ประสิติชิพแบบหนึ่งมิติของ InGaAs QD โดยใช้สมการปั่วของค์ และสมการชโตรดิنج เจอร์แบบ 1 มิติ เป็นสมการที่ใช้คำนวนควบคู่กันไป

### 3.2 Couple Schrödinger-Poission Equations

ในหัวข้อนี้จะกล่าวถึงสมการที่สำคัญสำหรับการคำนวนค่าพลังงาน ไอเก้น (Eigen Energy) และฟังก์ชันคลื่น (Wave Function) ของพาหะในโครงสร้าง Heterostructure ซึ่งใช้สมการชโตรดิنج เจอร์ (Schrödinger equation) และ สมการปั่วของค์ (Poisson equation) และสมการเสริมอีก 2 สมการ ดังรายละเอียดต่อไปนี้ [48]

#### 3.2.1 Schrödinger Equation

สมการชโตรดิنجเจอร์หนึ่งมิติ (One-Dimension Schrödinger Equation) มีไว้เพื่อหาค่า พลังงาน ไอเก้นของอิเล็กตรอนและโพล

$$\frac{-\hbar^2}{2} \frac{d}{dx} \left( \frac{1}{m^*} \frac{d}{dx} \right) \Psi(x) + V(x) \Psi(x) = E \Psi(x) \quad (3.1)$$

เมื่อ  $\Psi(x)$  คือ ฟังก์ชันคลื่น (Wave Function) ของพาหะนำไฟฟ้า

$E$  คือ พลังงาน ไอเก้นของพาหะ

$V(x)$  คือ พลังงานศักย์ (Potential Energy)

$\hbar$  คือ ค่าคงตัวของพลังค์หารด้วย  $2\pi$  ( $h$  = Planck's Constant)

$m^*$  คือ มวลประสิติชิพ (Effective Mass) ของพาหะ

### 3.2.2 Poisson Equation

สมการปั๊สซ์ของหนึ่งมิติ (One-Dimension Poisson Equation) มีไว้เพื่อคำนวนหาค่าศักย์ไฟฟ้าสถิตย์ ซึ่งอยู่ในสมการ

$$\frac{d}{dx} \left( \epsilon_s(x) \frac{d\phi(x)}{dx} \right) = -\frac{q}{\epsilon_0} [N_D(x) - n(x)] \quad (3.2)$$

เมื่อ  $\epsilon_s(x)$  คือ ค่าคงตัวไคลอเล็กทริก (Dielectric Constant)

$\phi(x)$  คือ ศักย์ไฟฟ้าสถิตย์ (Electrostatic Potential)

$N_D(x)$  คือ ความเข้มข้นของไออ่อนของตัวให้ (Ionized Donor Concentration)

$n(x)$  คือ การกระจายความหนาแน่นของอิเล็กตรอน (Electron Density Distribution)

นอกจากนี้ยังมีสมการที่เกี่ยวข้องในการคำนวนหาโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ด้วยอีก 2 สมการ

สมการความสัมพันธ์ระหว่าง พลังงานศักย์  $V(x)$  และ ศักย์ไฟฟ้าสถิตย์  $\phi(x)$

$$V(x) = -q\phi(x) + \Delta E_c(x) \quad (3.3)$$

เมื่อ  $\Delta E_c(x)$  คือ ผลแตกต่างพลังงานระหว่างรอยต่อชั้นสาร (Pseudopotential Energy due to The Band Offset at The Heterointerface)

สมการความสัมพันธ์ระหว่างฟังก์ชันคลื่น  $\Psi(x)$  และความหนาแน่นของอิเล็กตรอน  $n(x)$

$$n(x) = \sum_{k=1}^m \Psi_k^*(x) \Psi_k(x) n_k \quad (3.4)$$

เมื่อ  $m$  คือ จำนวนสถานะ (Number of Bound State)  
 $n_k$  คือ จำนวนอิเล็กตรอนที่ครอบครองแต่ละสถานะ (Electron Occupation for Each State) ซึ่งถูกกำหนดโดย

$$n_k = \frac{m^*}{\pi \hbar^2} \int_{E_k}^{\infty} \frac{1}{1+e^{(E-E_F)/kT}} dE \quad (3.5)$$

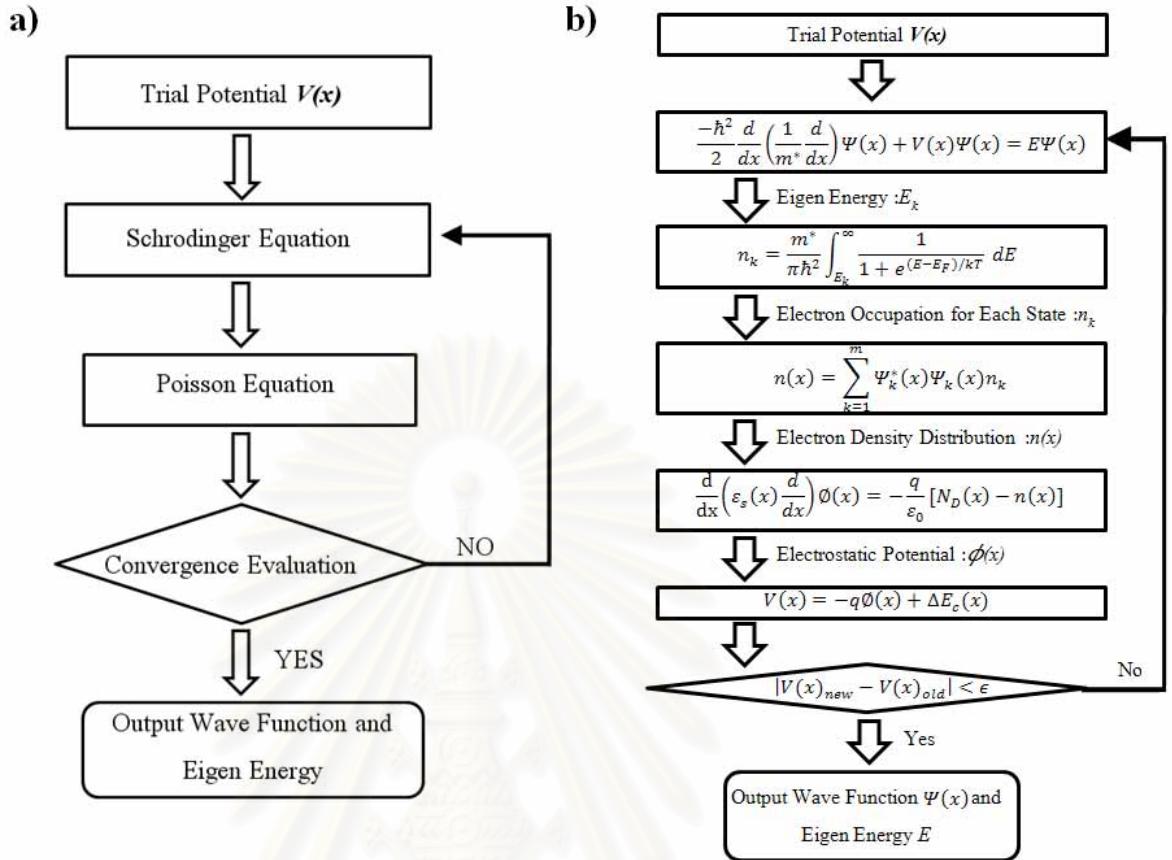
เมื่อ  $E_k$  คือ Eigen Energy

### 3.2.3 ลำดับการคำนวนโดยใช้ Schrödinger-Poission Equations

การคำนวนหาค่า Eigen Energy และ Wave Function สามารถดำเนินการได้ตาม Flow Chart อย่างง่ายดังรูปที่ 3.6a) และอย่างละเอียดพร้อมสมการดังรูปที่ 3.6b)

1. สมมุติค่า  $V(x)$  แบบสุ่ม
2. ใส่ค่า  $V(x)$  และแทนค่า Wave Function ลงในสมการที่ (3.1) จะได้ค่า Eigen Energy ( $E_k$ )
3. แทนค่า Eigen Energy ( $E_k$ ) ในสมการที่ (3.5) จะได้ค่า  $n_k$
4. แทนค่า  $n_k$  ในสมการที่ (3.4) จะได้  $n(x)$
5. แทนค่า  $n(x)$  ในสมการที่ (3.2) จะได้ค่า  $\phi(x)$
6. นำค่า  $\phi(x)$  แทนใน (3.3) อีกครั้ง ทำให้ได้ค่า  $V(x)$  ใหม่
7. นำ  $V(x)$  ค่าก่อนและค่าใหม่เปรียบเทียบกัน โดยต้องมีค่าต่างกันน้อยกว่าค่าความผิดพลาดที่กำหนดไว้ ในกรณีที่มีค่ามากกว่าจะเริ่มทำการข้อ 2 จนถึงข้อ 6 และเปรียบเทียบ  $V(x)$  อีกครั้งจนกว่าจะมีค่าน้อยกว่าค่าที่กำหนดไว้ (ค่าความผิดพลาดที่ใช้คือ  $10^{-5}$  eV นั่นคือ ผลต่างของ  $V(x)$  ใหม่และเก่าต้องมีค่าน้อยกว่า  $10^{-5}$  eV)
8. เมื่อเปรียบเทียบ  $V(x)$  เรียบร้อยแล้วจึงสรุปค่า Eigen Energy และ Wave Function

สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รูปที่ 3.6 Flow Chart แสดงการคำนวนแบบ Self-Consistent ของสมการชีโอดิงเจอร์และสมการ  
ปั่วส์ซอง a) แบบลำดับขั้นตอนอย่างง่าย และ b) แบบลำดับขั้นสมการ [49]

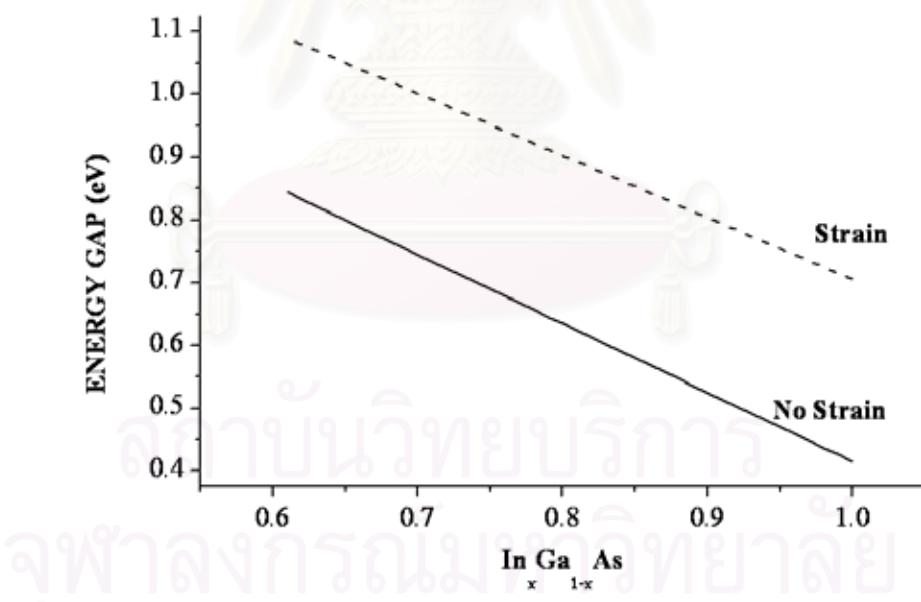
สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

### 3.2.4 ตัวแปรอื่นๆที่เกี่ยวข้อง

การคำนวนหาโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิพลนอกจากใช้สมการที่กล่าวมาข้างต้น ยังมีตัวแปรและสมการที่ทำให้สามารถหาโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ให้ตรงกับผลการทดลองคุณสมบัติทางแสงและคุณสมบัติทางผิวหน้าได้ดังต่อไปนี้

#### 3.2.4.1 แอบพลังงานห้าม (Band Gap)

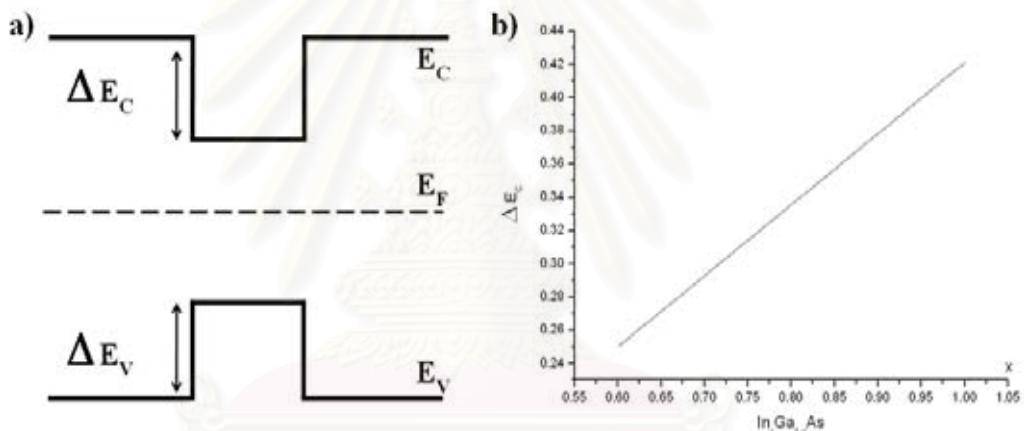
การเกิดความต้มดองในไหมด SK จะมีความเครียดระหว่างแผ่นฐานและชั้นสารที่ปูลูกนอกจากความเครียดเป็นสาเหตุทำให้เกิดความต้มดองแล้ว ยังเป็นสาเหตุทำให้แอบพลังงานห้ามเปลี่ยนแปลงด้วย ซึ่ง InAs QD มีค่าคงที่โครงผลึกมากกว่าบันแผ่นฐาน GaAs จึงทำให้ InAs เกิดความเครียดแบบบีดอัด ซึ่งทำให้แอบพลังงานห้ามมีความกว้างมากขึ้นดังแสดงในรูปที่ 3.7



รูปที่ 3.7 เปรียบเทียบ Band gap ของ InGaAs แบบมีความเครียดและไม่มีความเครียดที่ 77 K [50]

### 3.2.2.2 $\Delta E_C$ และ $\Delta E_V$

ในกรณีโครงสร้างแบบหัวต่อเชเทอโร (Heterojunction) ประกอบไปด้วยสารประกอบมากกว่า 2 ชนิดขึ้นไป เช่น InAs/GaAs หรือ InAs/GaP เป็นต้น ชั้งสารประกอบแบบสารกึ่งตัวนำแต่ละชนิดจะมี Band gap ไม่เท่ากัน ดังนี้เมื่อนำสารประกอบแบบสารกึ่งตัวนำต่างชนิดกันมาต่อ กัน สารประกอบทั้ง 2 ชนิดจะปรับค่า  $E_F$  ให้อยู่ในระดับเดียวกัน แต่เนื่องจากแคนพลังงานต้องห้ามของสารประกอบ 2 ชนิดไม่เท่ากัน จึงทำให้เกิดความไม่พอดีกันของแคนตอนดักชั้นและแคนว่า เลนซ์ ซึ่งค่าความแตกต่างระหว่างแคนตอนดักชั้นและค่าความแตกต่างระหว่างแคนว่าเลนซ์ เรียกว่า  $\Delta E_C$  และ  $\Delta E_V$  ตามลำดับ (ดังรูปที่ 3.8a) และกราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่า  $\Delta E_C$  กับ  $In_xGa_{1-x}As$  ที่อุณหภูมิที่ 77 K [51, 52] (ดังรูปที่ 3.8b)

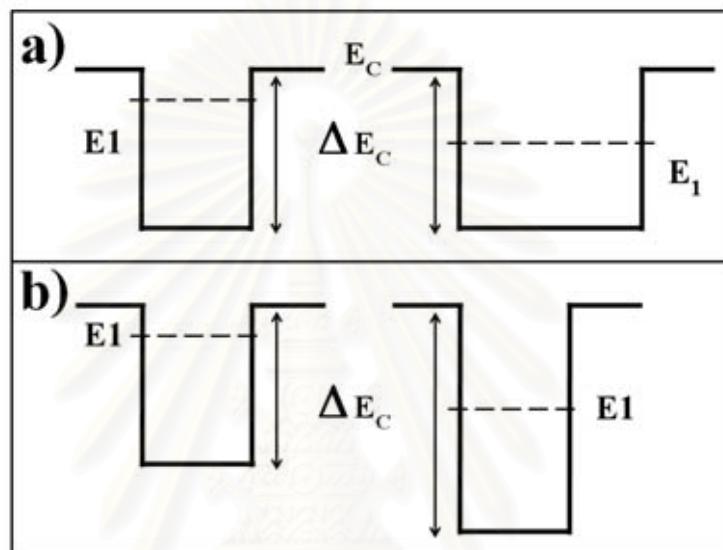


รูปที่ 3.8 a)  $\Delta E_C$  และ  $\Delta E_V$  ที่เกิดจากสารประกอบแบบสารกึ่งตัวนำ 2 ชนิดหัวต่อแบบเชเทอโร และ b) กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่า  $In_xGa_{1-x}As$  กับ  $\Delta E_C$

### 3.2.2.3 Eigen Energy ของไฮดราตัน และ อิเล็กตรอน

การคำนวณด้วยสมการข้างต้นทำให้ได้ค่าพลังงานของไฮดราตัน และ อิเล็กตรอน ซึ่งเป็นพลังงานที่ไฮดราตัน และ อิเล็กตรอนสามารถครองได้เท่านั้น ค่าพลังงานนี้จะขึ้นกับขนาดของบ่อพลังงาน (Well) ทั้งความสูงและความกว้างที่เกิดระหว่างสารประกอบ 2 ชนิด โดยที่ความกว้างของบ่อพลังงานจะขึ้นอยู่กับความหนาของชั้นสารประกอบที่อยู่ระหว่างกลาง และความสูงของบ่อพลังงานจะขึ้นอยู่

กับชนิดของสารประกอบ 2 ชนิด ความสูงของบ่อจะมากเมื่อสารประกอบ 2 ชนิดมีความแตกต่างของແຄบพลังงานมาก บ่อพลังงานที่มีขนาดใหญ่ทำให้ค่าพลังงานໄอยเก็บที่พำนารถครอบได้จะมีค่าน้อยลง ดังรูปที่ 3.9 a) และพลังงานໄอยเก็บของอิเล็กตรอนจะลดลงเมื่อบ่อพลังงานมีความลึกมากขึ้นดังรูปที่ 3.9 b)

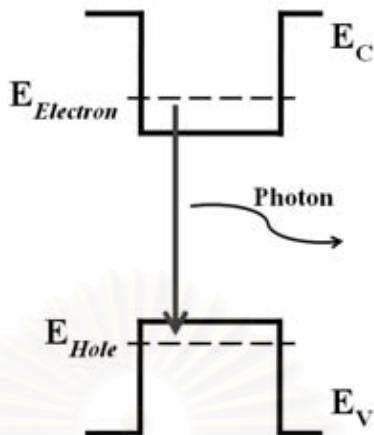


รูปที่ 3.9 เปรียบเทียบพลังงานที่สามารถครอบครองได้ของอิเล็กตรอนเมื่อ a) บ่อพลังงานกว้างขึ้น b) บ่อพลังงานตื้อลง

### 3.2.2.4 ค่าพลังงาน $E_{electron} - E_{hole}$

คุณสมบัติทางแสงของสิ่งประดิษฐ์สารกึ่งตัวนำจะขึ้นกับความแตกต่างระหว่างพลังงานของอิเล็กตรอนและໂ Holden การคายพลังงานในรูปแสงหรือโฟตอน (Photon) เกิดจากอิเล็กตรอนในແຄบคอนดักชั่นคลิกสู่ແນบวเเลนซ์โดยการคายพลังงานในรูปของแสง พลังงานของแสงจะขึ้นอยู่กับความแตกต่างระหว่างพลังงานที่สามารถครอบครองได้ในແຄบคอนดักชั่นและແນบวเเลนซ์ ดังรูปที่ 3.10 พลังงานแสงจะมีมากขึ้นก็ต่อเมื่อพลังงานของอิเล็กตรอนในແຄบคอนดักชั่นและพลังงานของ Holden ในແນบวเเลนซ์มีความแตกต่างกันมากขึ้น ดังสมการที่ (3.6)

$$E_{Photon} = E_{Electron} - E_{Hole} \quad (3.6)$$



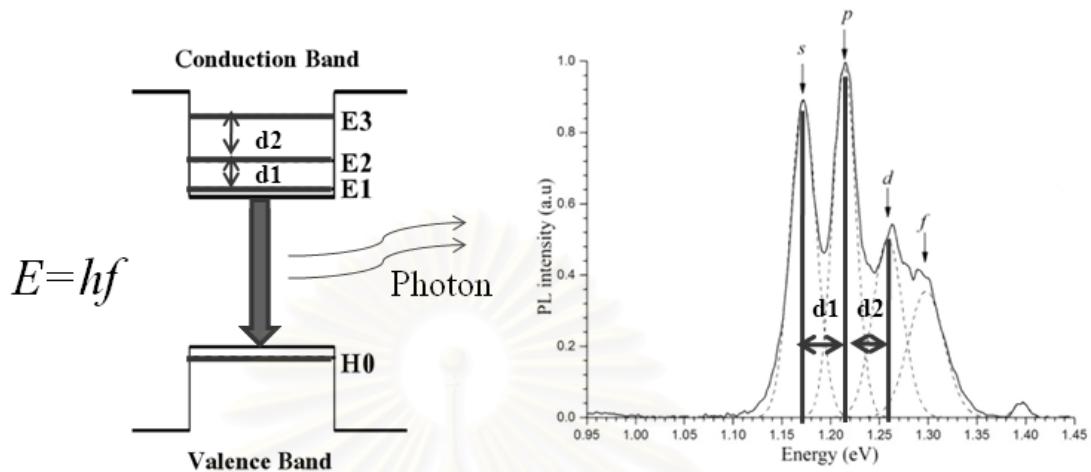
รูปที่ 3.10 กระบวนการเปล่งแสงของสารกึ่งตัวนำ

### 3.3 กำหนดโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพแบบหนึ่งมิติ

การคำนวณขนาดประสีทชิพของ QD จากการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพ จะใช้ข้อมูลจากผลการวัดขนาด QDM ของผู้หน้าชื่นงานด้วยเทคนิค AFM และผลการทดลองทางแสง PL ควบคู่กัน โดยขนาดประสีทชิพของ QD ที่ได้จากการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์จะมีค่ามากสุดได้ไม่เกินขนาด QD ที่ได้ผลจากการวัด AFM ผลการทดลองทางแสงจะมีความสัมพันธ์เกี่ยวกับส่วนประกอบทางเคมีของ  $In_xGa_{1-x}As$  QDM และขนาดประสีทชิพของ QD ที่ได้จากการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพ การจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพแบบหนึ่งมิติจะถูกแบ่งเป็นสองส่วนคือ การจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพในแนวตั้งและการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพในแนวนอน เพื่อหาความสูงประสีทชิพและความกว้างประสีทชิพของ QD

ความต้มดดแบบสารกึ่งตัวนำประเภท direct สามารถเปล่งแสงได้หลายค่าพลังงาน ซึ่งค่าพลังงานสูงสุด (เรียกว่าพลังงานน้อยไปมาก) ลำดับที่ 1, 2, 3, และ 4 จะถูกเรียกว่า s, p, d และ f ตามลำดับ โดยที่ระดับพลังงาน s จะสอดคล้องกับการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพในแนวตั้ง และความต่างของค่ายอดพลังงานของ s-p และ p-d จะสอดคล้องกับความต่างพลังงาน

ไอเก้นของอิเล็กตรอน E1-E2 และ E2-E3 ตามลำดับ [49] ซึ่งค่าความต่างพลังงานสามารถหาได้จาก โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลในแนวนอน ดังแสดงในรูปที่ 3.11

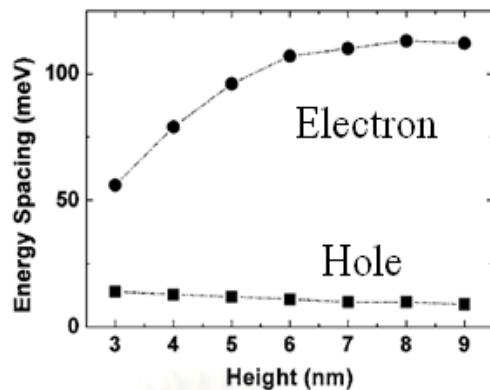


รูปที่ 3.11 ความสัมพันธ์ระหว่าง โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลในแนวนอนกับผลการทดลองทางแสงด้วยเทคนิค PL

### 3.3.1 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลในแนวตั้ง

โดยทั่วไปความตั้มดอต 1 ดอตอาจมีค่าพลังงาน ไอเก้นของอิเล็กตรอนและไฮดราลัยค่า โดยที่ความต่างพลังงาน ไอเก้นของ ไฮดราลัยค่าเทียบกับขนาดของความตั้มดอตนั้นมีความแตกต่างกัน น้อยมากจนสามารถละเลยได้ ในขณะที่ความต่างพลังงาน ไอเก้นของอิเล็กตรอนจะเปลี่ยนแปลง ตามขนาดของความตั้มดอตซึ่งจะมีค่า 40-70 meV ดังแสดงในรูปที่ 3.12

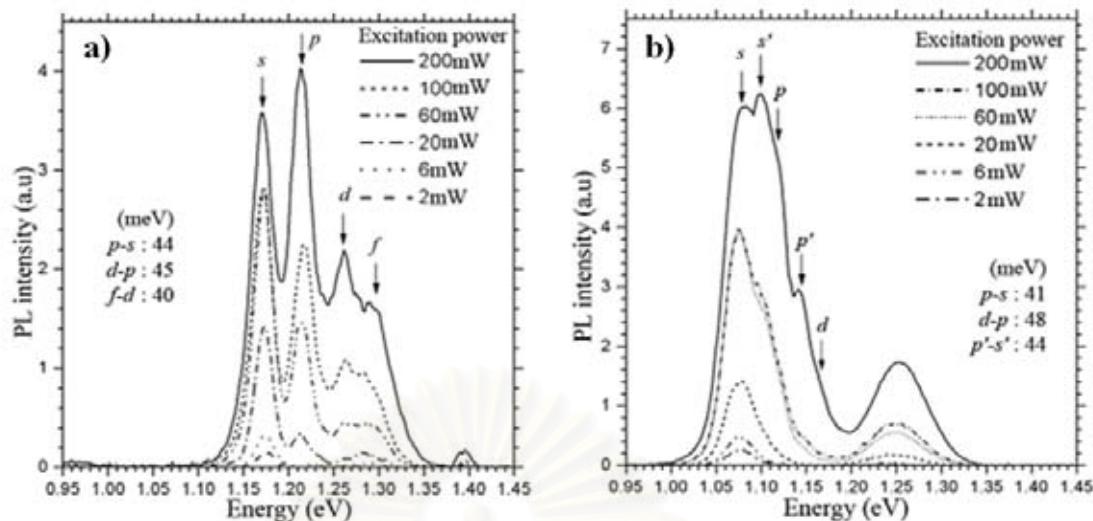
สถาบันวิทยบรการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รูปที่ 3.12 ความสัมพันธ์ระหว่างต่างค่าพลังงานไoidsก่อนของอิเล็กตรอนและไฮโลกับขนาดความสูง  
ของความตั้มดอต [53]

จากผลการวัดคุณสมบัติทางแสง PL ของชิ้นงาน A และ B มีอุณหภูมิ 77 K มีค่าความแตกต่างของค่ายอดพลังงานเป็น 40-45 meV และ 20-30 meV ตามลำดับ ซึ่งแสดงให้เห็นว่า การเปล่งแสงของชิ้นงาน A อาจเกิดจากความตั้มดอตกลุ่มเดียว ดังรูปที่ 13.3a) แต่การเปล่งแสงของชิ้นงาน B อาจเป็นผลมาจากการความตั้มดอต 2 กลุ่ม นั่นคือชิ้นงาน B จะมีค่ายอดพลังงาน s, p, d จากความตั้มดอตกลุ่มแรกซึ่งมีค่าความแตกต่างของพลังงานสูงสุดเป็น 41-48 meV และ s', p' จากความตั้มดอตกลุ่มที่สอง ซึ่งมีค่าความแตกต่างของค่ายอดพลังงานเป็น 44 meV ดังแสดงในรูปที่ 3.13b) ซึ่งจะเห็นได้ว่าเมื่อกำหนดให้การเปล่งแสงของชิ้นงาน B เกิดจากความตั้มดอต 2 กลุ่ม จะมีค่าความต่างของค่ายอดพลังงานสอดคล้องกับผลจากการเปล่งแสงของความตั้มดอตกลุ่มเดียวของชิ้นงาน A

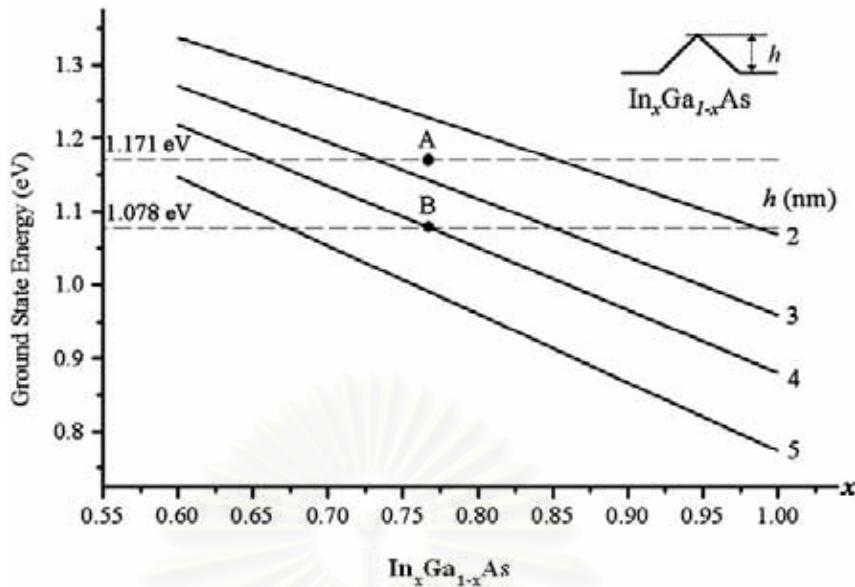
สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รูปที่ 3.13 ผลการทดลองทางแสง PL ของ a) ชิ้นงาน A และ b) ชิ้นงาน B ที่ 77 K

พิจารณาจากความสัมพันธ์ระหว่างส่วนประกอบทางเคมีของ  $\text{In}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$  QD กับความสูงประสิทธิผลของความต้านทานต้มดอทที่ได้จากการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผล เทียบกับค่าพลังงาน ground state แบบมีความเครียด ดังแสดงในรูปที่ 3.14 โดยทั่วไปโครงสร้าง InGaAs QD จะมี In เป็นอัตราส่วน 60-100% ดังนั้นการคำนวนเพื่อหาอัตราส่วน  $\text{In}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$  จึงควรจะมีค่า x มากกว่า 0.6 ขึ้นไป

เนื่องจากกระบวนการปลูกชิ้นงาน A และ B ใช้อัตราเร็วและเวลาในการปลูกของชั้น InAs และ GaAs เท่ากัน มีเพียงค่าความหนาของชั้น GaAs capping หลังปลูก InAs QD ชั้นแรกเท่านั้นที่แตกต่างกัน ดังนั้นสูตรทางเคมีของ InGaAs QD ควรเท่ากันทั้งชิ้นงาน A และ B ดังนั้นจึงทำการเลือกอัตราส่วนของ InGaAs ให้ตรงกับค่าพลังงาน s ทั้งชิ้นงาน A และ B โดยที่อัตราส่วนความสูงประสิทธิผล QD ที่ได้จากการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลของชิ้นงาน A ต่อชิ้นงาน B จะต้องมีค่าใกล้เคียงกับอัตราส่วนความสูงของ QD ของชิ้นงาน A ต่อชิ้นงาน B ที่ได้ผลจากการวัดผิวหน้าด้วยเทคนิค AFM



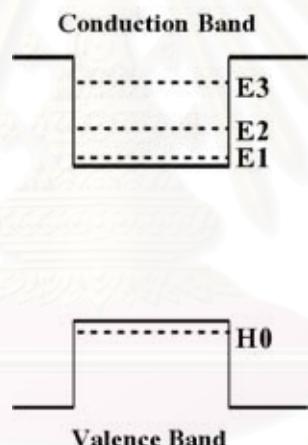
รูปที่ 3.14 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างอัตราส่วน  $In_xGa_{1-x}As$  และความสูงของความตั้มดอต กับค่าพลังงาน ground state

เมื่อพิจารณาชิ้นงาน A ที่มีค่าพลังงาน  $s$  เป็น 1.171 eV และชิ้นงาน B ที่มีค่าพลังงาน  $s$  และ  $s'$  เป็น 1.078 eV และ 1.119 eV ตามลำดับ จึงกำหนดให้ชิ้นงาน A และ B มีสูตรทางเคมีของ QD เป็น  $In_{1-x}Ga_xAs$  ซึ่งเปลี่ยนค่า  $x$  เป็นค่าต่างๆ เช่น 0.7, 0.77, 0.80 ซึ่งให้ผลการคำนวณแม่นยำตรงกับค่าของพลังงาน  $s$  ของทั้งชิ้นงาน A และ B ซึ่งเป็นไปตามเส้นประ(--) ดังแสดงในรูปที่ 3.14 โดยเส้นทึบ (—) แสดงถึงค่าพลังงานการเปล่งแสงเทียบกับความสูงประสิทธิผลที่ได้จากการจำลองโดยร่วมอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลในแนวตั้ง ซึ่งอัตราส่วนความสูงประสิทธิผลของชิ้นงาน A ต่อชิ้นงาน B ของ  $In_{0.77}Ga_{0.23}As$  มีค่าตรงกับอัตราส่วนความสูงของชิ้นงาน A ต่อชิ้นงาน B ที่วัดได้จาก AFM มากรีดที่สุด ดังนั้นจึงกำหนดให้ชิ้นงาน A และ B มีสูตรทางเคมีของ QD เป็น  $In_{0.77}Ga_{0.23}As$  โดยที่ QD ของชิ้นงาน A มีความสูงประสิทธิผลเป็น 2.6 nm และชิ้นงาน B มีความสูงประสิทธิผลของ QD ให้กลับและเด็กเป็น 4 และ 3.6 nm ตามลำดับ

### 3.3.2 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประลิข์ผลในแนวนอน

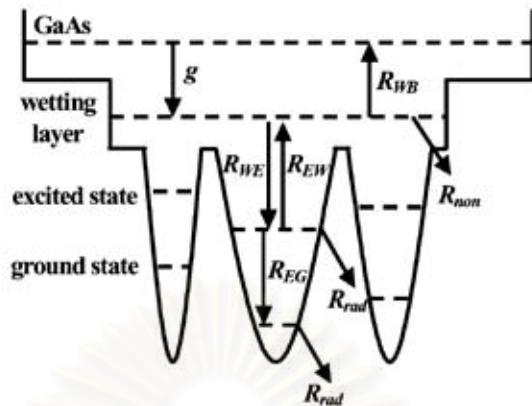
เมื่อวิเคราะห์โครงสร้างความตั้งดมดต ไม่เด่นในแนวนอนพบว่าประกอบไปด้วยชั้น GaAs / InGaAs QD / Intermediate / GaAs ซึ่งสูตรทางเคมีของ InGaAs QD เป็น  $In_{0.77}Ga_{0.23}As$  QD เช่นเดียวกับการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ในแนวดังเพราระเป็น QD เดียวกัน ดังนั้นการคำนวณโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ในแนวนอนจำเป็นจะต้องหาค่าความหนาของชั้น InGaAs QD และสูตรทางเคมีของ InGaAs ที่เป็นชั้นระหว่างกลา (Intermediate layer: IL) รวมทั้งความหนาของชั้น IL นี้ด้วย

จากการคำนวณพบว่าพลังงานไอเก้นของอิเล็กตรอนในบ่อพลังงาน จะมีความแตกต่างกันมากเรื่อยๆตามระดับพลังงาน ดังเช่น ค่าความต่างพลังงาน E1-E2 จะมีค่าน้อยกว่าค่าความต่างพลังงาน E2-E3 ดังรูปที่ 3.15



รูปที่ 3.15 พลังงานไอเก้นของอิเล็กตรอนในแนบคนดักชั้นจะมีค่าต่างกันมากเมื่อมีบ่อพลังงานมาก

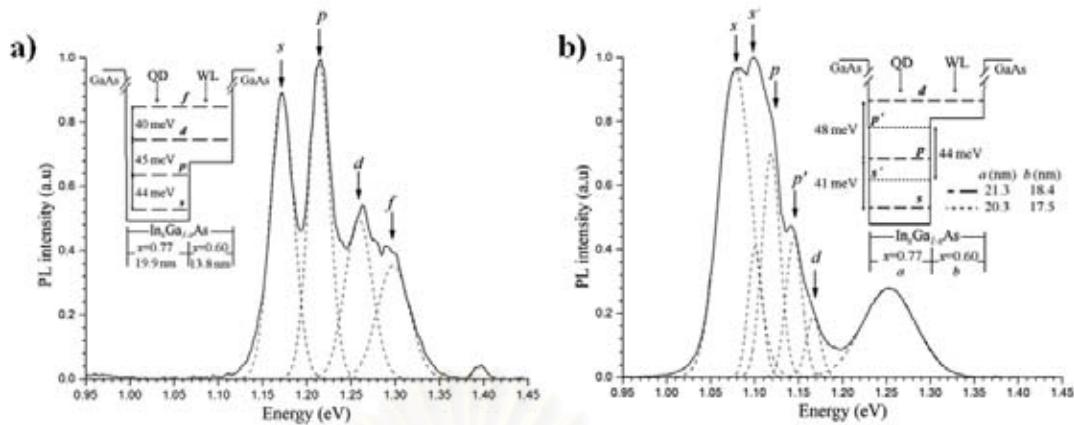
ชั้นงาน A มีค่าความต่างของพลังงานไอเก้น s-p, p-d และ d-f เป็น 44, 45 และ 40 meV ตามลำดับ และชั้นงาน B มีค่าความต่างของพลังงานไอเก้น s-p, p-d และ s'-p' เป็น 41, 48 และ 44 meV ตามลำดับ ซึ่งความต่างของพลังงานไอเก้นไม่เพิ่มขึ้นตลอดตามหลักการของพลังงานไอเก้น ในบ่อพลังงานแบบสี่เหลี่ยม (Square well) บ่อเดียว แสดงว่าในโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์อาจไม่ได้มีบ่อพลังงานแบบสี่เหลี่ยมเพียงแค่บ่อเดียว



รูปที่ 3.16 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ของ QDM ที่ประกอบด้วย InAs QD, wetting และ GaAs [54]

จากรูปที่ 13.6 แสดงตัวอย่างของโครงสร้าง QDM แบบ 2 มิติ มีการนำชั้น wetting มาคำนวณรวมไว้ด้วย ซึ่งพลังงานไอเก็นในชั้น wetting อาจมีผลต่อการเปลี่ยนแปลงของชั้นงาน การจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลในแนวโน้มของวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ จะคำนวณหาชั้นของ IL แต่ไม่ได้ศึกษาถึง wetting ดังนั้น QD ที่ได้จากการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลที่ได้จึงมีความคล้ายคลึงกับรูปที่ 3.16

ลำดับการคำนวณจะเริ่มจากการหาความกว้างของ  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  QD ก่อน โดยที่ความกว้างจะสัมพันธ์กับค่าความต่างของระดับพลังงาน s-p จากนั้นจึงทำการคำนวณหาสูตรทางเคมีของ InGaAs ที่เป็นชั้น IL โดยที่สูตรทางเคมีของชั้น IL นี้จะสัมพันธ์กับความต่างระดับพลังงานของ p-d จากนั้นจึงคำนวณหนาแน่นของ IL ชั้นนี้เป็นขั้นสุดท้าย โดยที่ความหนาชั้น IL จะสัมพันธ์กับค่าความต่างระดับพลังงานของ d-f ซึ่งจะทำให้ได้โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลในแนวโน้มดังนี้



รูปที่ 3.17 ผลการวัดทางแสง PL ที่สอดคล้องกับโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลในแนวนอน  
ของชิ้นงาน a) A และ b) B

ชิ้นงาน A จะมีความกว้างของ  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  QD เป็น 19.9 nm และชั้น IL มีสูตรทางเคมีเป็น  $\text{In}_{0.6}\text{Ga}_{0.4}\text{As}$  หนา 13.8 nm ดังแสดงในรูปที่ 3.17 a)

ชิ้นงาน B จะมีความตั้มคอด 2 ขนาดได้แก่ ความตั้มคอดบนขนาดเล็กและความตั้มคอดขนาดใหญ่ ซึ่งจะมีความกว้างของ  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  QD เป็น 20.3 และ 21.3 nm และชั้น IL มีสูตรทางเคมีเป็น  $\text{In}_{0.6}\text{Ga}_{0.4}\text{As}$  หนา 17.5 และ 18.4 nm ตามลำดับ ดังแสดงในรูปที่ 3.17 b)

แม้ผลการจำลองนี้สามารถให้ความถูกต้องแม่นยำในระดับ 1 meV แต่เป็นเพียงการใช้ผลการวัดแสง PL ที่อุณหภูมิเดียวเท่านั้น ซึ่งอาจไม่ถูกต้องที่เงื่อนไขอุณหภูมิอื่น จึงทำผลการวัดทางแสง PL ที่อุณหภูมิต่างๆเพื่อให้ได้โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ที่ถูกต้องมากขึ้น

## บทที่ 4

### ผลการทดลองและอภิปราย

โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของ InGaAs QDM ที่ได้อธิบายในบทที่แล้วจะถูกปรับปรุงให้มีความสมจริงมากขึ้นเพื่อให้สามารถอธิบายผลการวัด PL ของโครงสร้างจริงได้ดียิ่งขึ้น โดยทำการทดลองวัด PL แบบปรับกำลังของแสงกระตุ้น เพื่อใช้วิเคราะห์หาค่าของสูงสุดสำหรับใช้หาค่าความสูงของ InGaAs QD และการวัด PL แบบปรับอุณหภูมิของชิ้นงานเพื่อปรับค่าความกว้างของ InGaAs QD และความกว้างของชั้นระหว่างกลาส (Intermediate Layer : IL) เพื่อใช้ในการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบ 1 มิติ จากนั้นจึงนำผลการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติแบบเก่าและใหม่เปรียบเทียบความแม่นยำกับผลจากการวัด PL จริง รวมทั้งสรุปขนาดของ QD ประสิทธิผลการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ ประสิทธิผลเทียบกับขนาดจริงของ QD จากการวัดผิวน้ำชิ้นงานด้วยเทคนิค AFM

#### 4.1 ผลการทดลองคุณสมบัติทางแสง

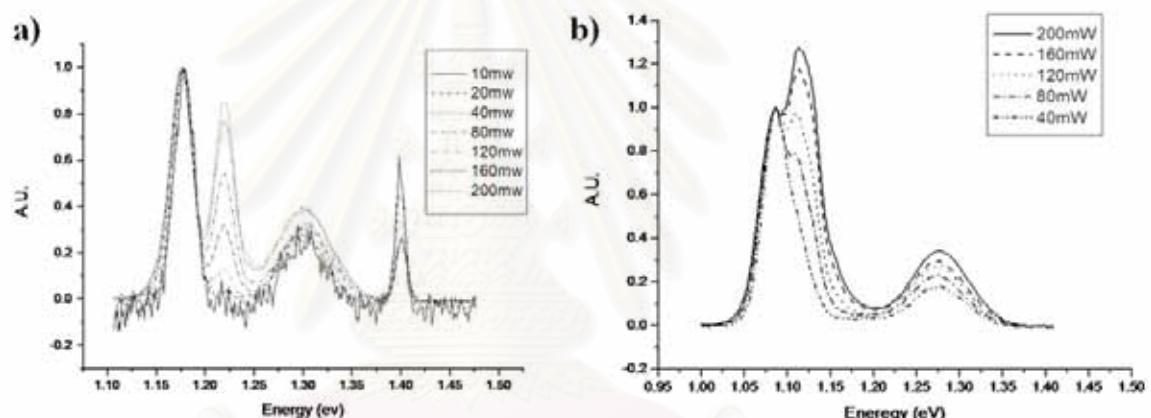
การวัดคุณสมบัติทางแสงของชิ้นงานด้วยเทคนิค PL จะทำ 2 กรณี คือ 1) ปรับกำลังของแสงเลเซอร์ที่กระตุ้นชิ้นงานแต่คงอุณหภูมิของชิ้นงานไว้ 2) ปรับอุณหภูมิของชิ้นงานแต่คงกำลังของแสงเลเซอร์ที่กระตุ้นชิ้นงานไว้ ดังรายละเอียดต่อไปนี้

##### 4.1.1 ผลการวัด PL แบบปรับกำลังของแสงกระตุ้น

เพื่อให้ได้ข้อมูลการเปลี่ยนแปลงแสงของชิ้นงานเพียงพอสำหรับการจำแนก ว่าช่วงใดเป็นการเปลี่ยนแปลงของสถานะพื้นหรือสถานะกระตุ้น จึงจำเป็นต้องทำการทดลองวัด PL ที่อุณหภูมิกองที่ โดยปรับกำลังของเลเซอร์เป็น 40, 80, 120, 160 และ 200 mW และมีอุณหภูมิกองที่เป็น 20 K

ผลการวัด PL ของชิ้นงาน A และชิ้นงาน B ถูกแสดงในรูปที่ 4.1 a) และ 4.2 b) ตามลำดับ ซึ่งเป็นผลที่ทำการ normalized กับค่ายอดพลังงานค่าแรก ซึ่งเห็นได้ว่าตำแหน่งค่ายอดพลังงานทั้ง 4 ค่า ในรูปที่ 4.1a) และทั้ง 3 ค่าในรูป 4.1b) จะมีค่าคงที่ไม่เปลี่ยนตามความเข้มของเลเซอร์ แต่ค่าความเข้มแสงของค่ายอดค่าต่างๆจะเปลี่ยนแปลงตามความเข้มของเลเซอร์

การเปลี่ยนแสงของชิ้นงานมาจาก ยอดพลังงานในสถานะพื้นหรือ Ground State (GS), สถานะกระตุ้นที่หนึ่ง 1<sup>st</sup> Excited State (1ES), ที่สอง 2<sup>nd</sup> Excited State (2ES), และที่สาม 3<sup>rd</sup> Excited State (3ES) เป็นต้น โดยแต่ละสถานะจะสามารถรับพาราโบล่าไฟฟ้าได้เพียงจำนวนหนึ่งเท่านั้น โดยพาราโบล่าไฟฟ้าเลือกที่จะอยู่ระดับ GS ก่อน แต่เมื่อมีจำนวนพาราโบล่าไฟฟ้าที่ได้รับการกระตุ้นมากขึ้นจนระดับ GS อิ่มตัว พาราโบล่าส่วนเกินจากระดับ GS จะถ่ายเทไปอยู่ในระดับพลังงานที่สูงขึ้น ในลำดับถัดมา คือ 1ES เป็นผลให้ความเข้มของระดับพลังงาน s มีค่าคงที่แต่ความเข้มของระดับพลังงาน 1ES เพิ่มตามกำลังของแสงกระตุ้น ถ้ายังมีการเพิ่มจำนวนพาราโบล่าไฟฟ้าให้มากขึ้นอีก จนกระทั่งระดับพลังงาน 1ES อิ่มตัว พาราโบล่าไฟฟ้าส่วนเกินที่เหลือจะเลือกอยู่ในระดับพลังงานที่สูงขึ้นในลำดับถัดๆ ไป โดยระดับพลังงาน GS, 1ES และ 2ES จะถูกแทนด้วย s, p และ d ตามลำดับ

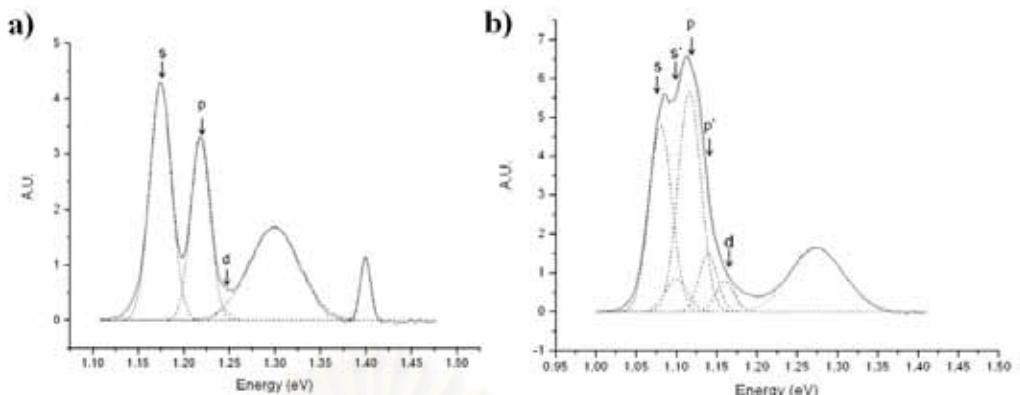


รูปที่ 4.1 ผลการวัด PL แบบปรับกำลังของแสงกระตุ้น ที่อุณหภูมิ 20 K ของชิ้นงาน a) A และ b) B

ผลการวัด PL ที่ได้ข้างต้นได้ถูกวิเคราะห์โดยการทำ Gaussian Fit ซึ่งได้ถูกพิสูจน์แล้วว่า สามารถแทนลักษณะของผล PL ที่เปลี่ยนออกมากจาก QD ได้ดี [55] และจากการวิเคราะห์ผลการวัด PL ด้วย Gaussian Fit ให้ผลที่แม่นยำมากกว่า Lorentzian Fit ซึ่งผลจากการทำ Gaussian Fit ถูกแสดงในรูปที่ 4.2a) สำหรับชิ้นงาน A และ รูปที่ 4.2b) สำหรับชิ้นงาน B ซึ่งได้ผลดังนี้

ชิ้นงาน A มีค่ายอดพลังงานที่ 1.176, 1.220, 1.249, 1.300 และ 1.402 eV ดังแสดงในรูปที่ 4.2 a)

ชิ้นงาน B มีค่ายอดพลังงานที่ 1.081, 1.100, 1.117, 1.141, 1.160 และ 1.276 eV ดังแสดงในรูปที่ 4.2 b)

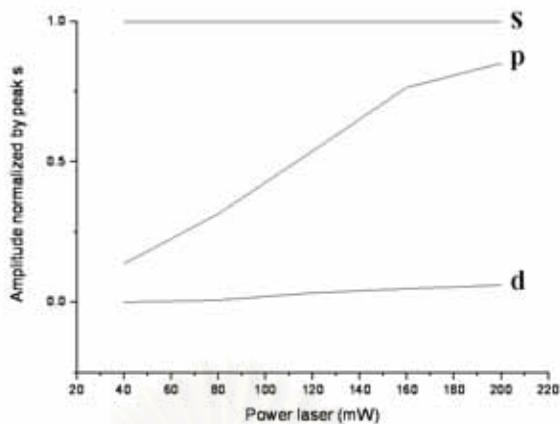


รูปที่ 4.2 ผลจากการหาค่าค่ายอดพลังงานจาก Gaussian curve ของชิ้นงาน a) A และ b) B ซึ่งทำการทดลองวัด PL ที่อุณหภูมิ 20 K และกำลังของเลเซอร์เป็น 160 mW

การวิเคราะห์ข้อมูลจากผลการวัด PL จะวิเคราะห์เฉพาะค่าค่ายอดพลังงานเพียง 3 ยอดแรก คือ s, p และ d เท่านั้น เพราะค่าค่ายอดที่เหลือตั้งแต่ 1.25 eV ขึ้นไปจะเป็นชัน wetting [56]

สำหรับชิ้นงาน A จะเห็นได้ว่าความห่างของยอดพลังงานที่อยู่ติดกันของชิ้นงาน A จะมีค่าอยู่ในช่วง 30-45 meV ดังที่ได้กล่าวไว้ในหัวข้อที่ 3.3.1 แสดงให้เห็นแล้วว่า เมื่อชิ้นงานมีผลการเปล่งแสงที่มาจากการกลุ่มความตันด้มดอตเพียง 1 กลุ่ม จะทำให้ความต่างของยอดพลังงานมีมากกว่า 30 meV [51] ซึ่งสอดคล้องกับค่าความต่างของค่าค่ายอดพลังงานของชิ้นงาน A

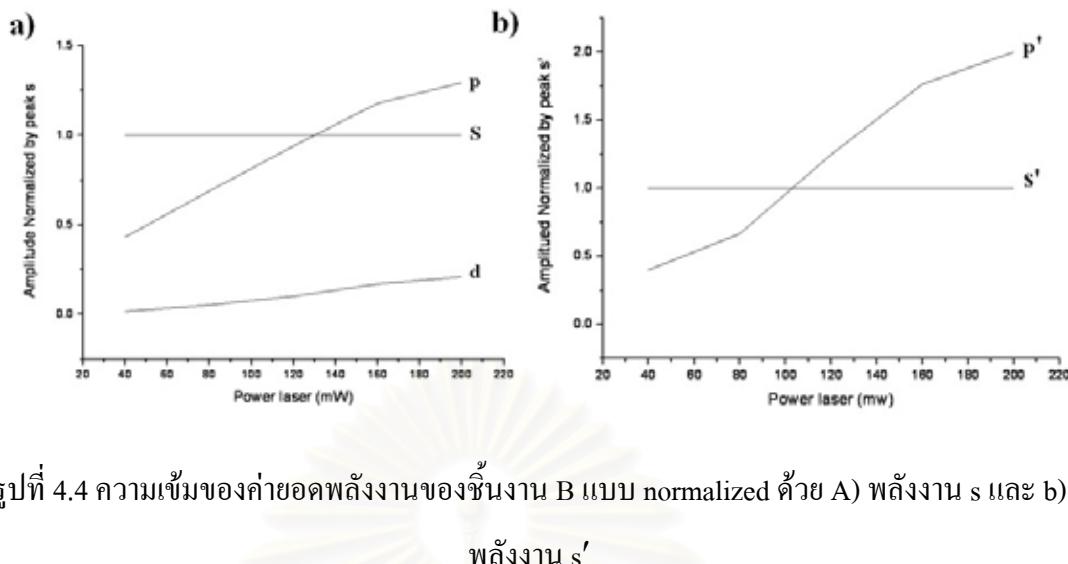
เมื่อนำผลการวัด PL ของชิ้นงาน A มาวิเคราะห์เฉพาะความเข้มของค่าค่ายอดพลังงานแบบ normalized กับค่าพลังงาน s ดังรูปที่ 4.3 จะเห็นได้ว่า ค่าพลังงาน p จะมีค่าเพิ่มขึ้นเมื่อเพิ่มกำลังของแสงเลเซอร์ ซึ่งแสดงให้เห็นว่า เมื่อระดับพลังงาน s อิ่มตัว พาหะที่ถูกกระตุ้นจะไปตกอยู่ในระดับ p แทน และในชิ้นงานนี้กำลังแสงเลเซอร์สูงสุด 160 mW จะทำให้ระดับ p ยังไม่อิ่มตัว การเปล่งแสงโดยระดับ d จึงมีค่าความเข้มคงที่แม้กำลังกระตุ้นของเลเซอร์เพิ่มขึ้น ดังนั้นจึงอาจสรุปได้ว่า การเปล่งแสงยอดพลังงาน s, p และ d มีที่มาจากการสร้างทางกายภาพเดียวกัน หรือผลการเปล่งแสงของชิ้นงาน A เป็นผลมาจากการกลุ่มความตันด้มดอตเพียงกลุ่มเดียว



รูปที่ 4.3 ความเข้มของค่ายอดพลังงานของชิ้นงาน A แบบ normalized ด้วยค่าพลังงาน S

สำหรับชิ้นงาน B ค่าห่างระหว่างยอดพลังงานจะมีค่าต่ำกว่าชิ้นงาน A ประมาณครึ่งหนึ่ง คืออยู่ในช่วง 17-24 meV จึงอาจตีความได้ว่า ความกว้างของ InGaAs QD ของชิ้นงาน B มีค่าสูงกว่า ของชิ้นงาน A มาก เนื่องจากผลการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทธิผลใน 1 มิติใน แนวอนรับว่า การที่จะได้  $\Delta E$  อยู่ในช่วง 17-24 meV ได้นั้น ขนาดของ QD ในชิ้นงาน B จะต้อง กว้างเป็นสองเท่าของชิ้นงาน A ซึ่งเป็นไปไม่ได้ เนื่องจากความกว้างที่แท้จริงของ QD ของชิ้นงาน A และ B ที่วัดได้จากเทคนิค AFM มีค่าแตกต่างกันน้อยมาก แต่หากพิจารณาผลต่างระหว่าง พลังงานยอดที่ 1 กับยอดที่ 3 จะพบว่ามีค่า 36 meV ในขณะที่ผลต่างระหว่างยอดที่ 2 และยอดที่ 4 มี ค่า 41 meV ซึ่งเป็นไปได้ เนื่องจาก  $\Delta E$  ของชิ้นงาน B อยู่ในช่วงเดียวกับ  $\Delta E$  ของชิ้นงาน A ซึ่งมี ขนาดของ QD ไม่เลี่ยงกัน จึงเป็นไปได้ว่าการเปล่งแสงของชิ้นงาน B อาจเป็นผลมาจากการตั้งสมมุติฐานนี้ ดอต 2 กลุ่มที่มีขนาดเฉลี่ยต่างกัน โดยภาพ AFM ในรูปที่ 3.4 เป็นเหตุผลหลักในการตั้งสมมุติฐานนี้

การตรวจสอบว่าการเปล่งแสง PL เป็นผลจากความตั้มดอต 2 กลุ่มหรือไม่ สามารถ ตรวจสอบได้จากสมมุติฐานที่ว่า การเปล่งแสงของความตั้มดอต 2 กลุ่มที่เป็นอิสระต่อกัน จะมี พฤติกรรมของแต่ละกลุ่มที่เห็นได้ชัด โดย GS ของแต่ละกลุ่มจะต้องอิ่มตัวก่อนที่ 1ES หรือ 2ES (หากมี) ของแต่ละกลุ่มจะถูกครอบครอง



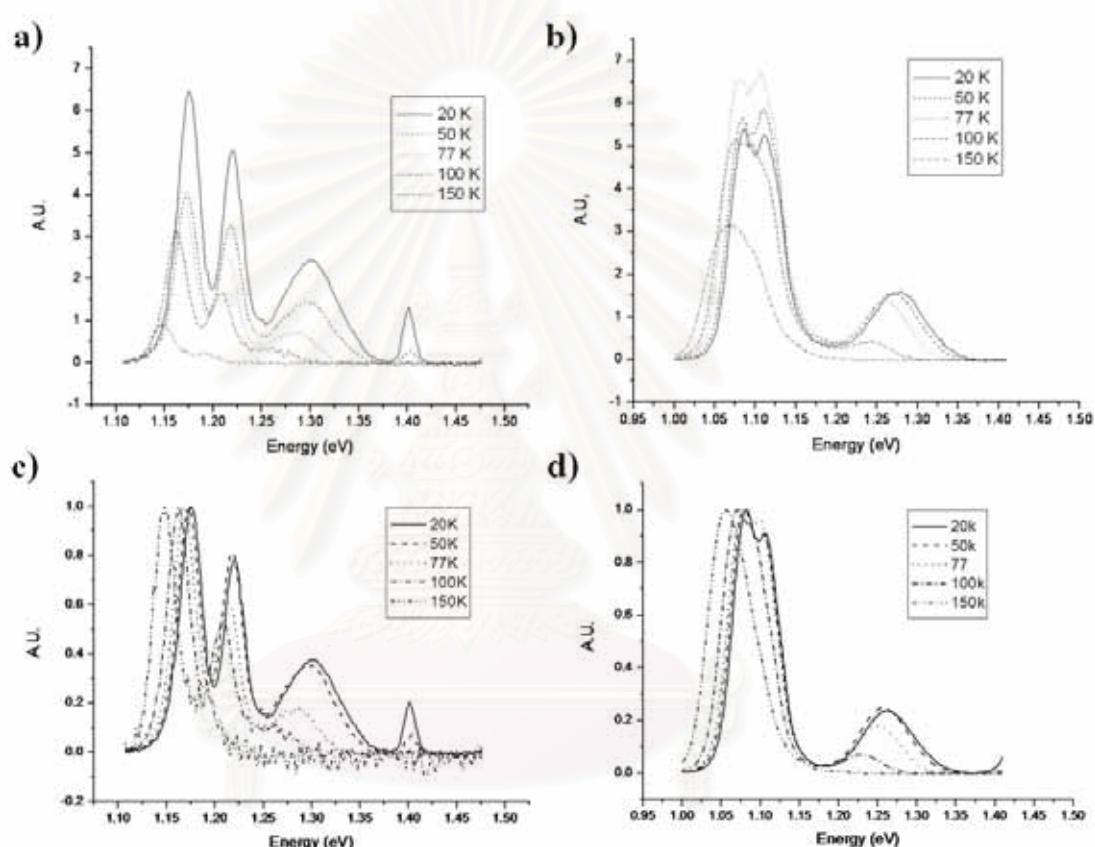
รูปที่ 4.4 ความเข้มของค่ายอดพลังงานของชิ้นงาน B แบบ normalized ด้วย A) พลังงาน s และ b)  
พลังงาน s'

รูปที่ 4.4 แสดงผลการวิเคราะห์ความเข้มของค่ายอดพลังงาน s, p, d แบบ Normalized ของชิ้นงาน B ซึ่งเห็นได้ว่า ค่าความเข้มของพลังงาน s มีค่าคงที่ (จากการ normalized) ในขณะที่ค่าความเข้มของพลังงาน p และ d มีค่าเพิ่มขึ้นตามกำลังของแสงเลเซอร์ ดังรูปที่ 4.4a) ซึ่งเป็นลักษณะที่คล้ายกับรูปที่ 4.3 จึงสรุปได้ว่า ยอด s, p, d เป็นยอดของการเปล่งแสงจาก QD กลุ่มนี้ นอกเหนือไปในรูปที่ 4.4b) ก็มีลักษณะคล้ายกับรูปที่ 4.3 เช่นกัน จึงสามารถสรุปได้ว่า ยอด s' และ p' เป็นยอดของการเปล่งแสงจาก QD อีกกลุ่มนี้

ผลการทดลองและการวิเคราะห์ในหัวข้อนี้ แสดงให้เห็นว่า ชิ้นงาน A มีผลการเปล่งแสงมากกว่าชิ้นงาน B อย่างมาก แต่ต้องใช้พลังงาน GS หรือยอด s สำหรับชิ้นงาน A และยอด s' สำหรับชิ้นงาน B เป็นที่แน่นอน แต่เพื่อให้โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีที่มีผลแบบหนึ่งมิติที่ได้แสดงในบทที่ 3 มีความแม่นยำมากขึ้น จึงจำเป็นต้องทำการทดลอง PL แบบปรับอุณหภูมิของชิ้นงานดังจะได้อธิบายในลำดับต่อไปด้วย

#### 4.1.2 ผลการวัด PL แบบปรับอุณหภูมิของชิ้นงาน

ชิ้นงานถูกวัด PL ที่อุณหภูมิ 20, 50, 77, 100 และ 150 K โดยมีกำลังของแสงเลเซอร์คงที่เป็น 160 mW ผลการวัดที่อุณหภูมิต่างๆ ของชิ้นงาน A และ B ถูกแสดงในรูปที่ 4.5a) และ 4.5b) ตามลำดับ และเมื่อนำผลการวัด PL ที่ได้มามาทำการ normalized กับค่ายอดพลังงานค่าแรกจะได้ผลของชิ้นงาน A และ B ในรูปที่ 4.5 c) และ 4.5 d) ตามลำดับ



รูปที่ 4.5 ผลการวัด PL แบบปรับอุณหภูมิของชิ้นงาน เมื่อกำลังของแสงเลเซอร์คงที่ที่ 160 mW โดยภาพบนแสดงข้อมูลดิบชิ้นงาน a) A และ b) B ในขณะที่ภาพล่างแสดงข้อมูลที่ถูก normalized กับยอดพลังงานแรกของชิ้นงาน c) A และ d) B

เมื่อนำผลการวัด PL แบบปรับอุณหภูมิชิ้นงาน ข้างต้นมาคำนวณหาค่ายอดพลังงานจากการทำ Gaussian fit เช่นเดียวกับในกรณีของการวัด PL แบบปรับกำลังของแสงกระตุ้น ทำให้เห็นได้ชัดว่าชิ้นงาน A และ B จะมีพลังงานของค่ายอดพลังงานลดลง (red shift) เมื่ออุณหภูมิสูงขึ้น ดังรูปที่

4.6a) และ 4.6b) ตามลำดับ ซึ่งเป็นผลมาจากการที่แบบพลังงานต้องห้ามมีค่าลดลงเมื่ออุณหภูมิเพิ่มตามสมการของ Varshni [57] ซึ่งแสดงความสัมพันธ์ระหว่างความกว้างของแอนพลังงานต้องห้าม  $E_g(T)$  กับอุณหภูมิ  $T$  ดังสมการ (4.1)

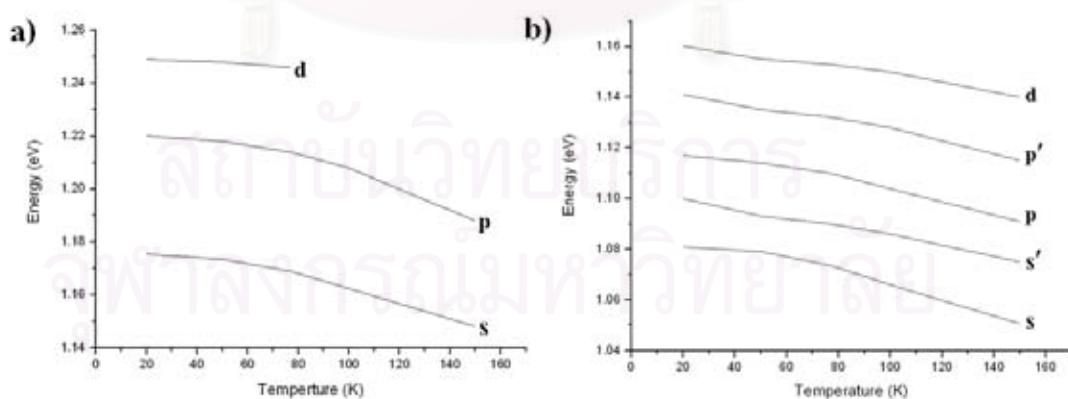
$$E_g(T) = E_g(T = 0) - \left( \frac{\alpha T^2}{T + \beta} \right) \quad (4.1)$$

เมื่อ  $E_g(T = 0)$  คือ ค่าแอนพลังงานต้องห้ามที่อุณหภูมิ 0 K

$\alpha, \beta$  คือ ค่าคงที่ที่ขึ้นกับวัสดุ

ตารางที่ 4.1 แสดงค่า  $\alpha, \beta$  ของ InAs, InGaAs และ GaAs [58, 59]

	$\alpha (10^{-4} \text{ eV/K})$	$\beta (\text{K})$	$E_g(T = 0) (\text{eV})$
InAs	4.19	271	0.705
GaAs	5.41	204	1.519
$\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$	4.47	255	0.940
$\text{In}_{0.6}\text{Ga}_{0.4}\text{As}$	4.97	244	1.109



รูปที่ 4.6 กราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าขอบพลังงานและอุณหภูมิของชิ้นงาน a) A และ b) B

ผลการวัด PL แบบเปลี่ยนอุณหภูมิชิ้นงานนี้ จะถูกใช้ในการคำนวนโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติที่เปลี่ยนแปลงกับอุณหภูมิให้แม่นยำมากยิ่งขึ้น จากเดิมที่มีผลการวัด PL แบบเปลี่ยนกำลังแสงที่ใช้กระตุ้นเท่านั้น ซึ่งข้อมูลการวัดผล PL ทั้งสองแบบถูกนำมาใช้จำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติ ดังต่อไปนี้

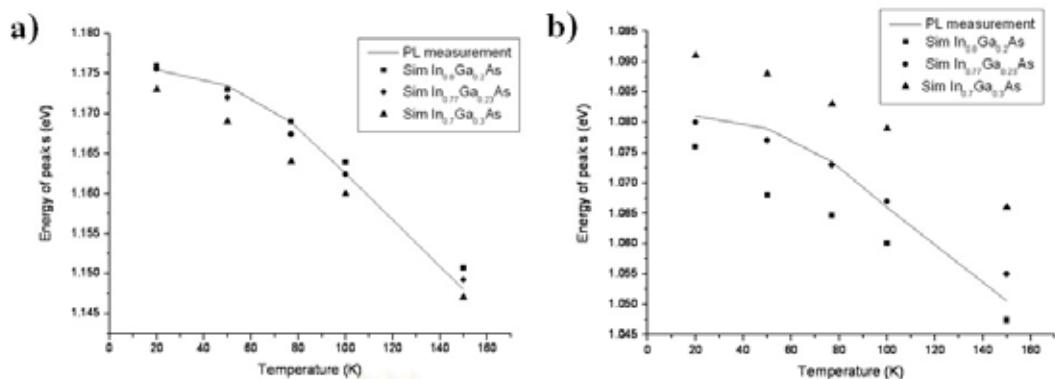
## 4.2 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติ

### 4.2.1 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแนวตั้งของ A และ B

การจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของ InGaAs QDM จะเริ่มจากการกำหนดความสูงของความตื้นด้วยค่าที่เหมาะสมเป็นอันดับแรก โดยใช้ข้อมูลของค่าพลังงาน GS (s ในชิ้นงาน A, s' ในชิ้นงาน B) เป็นค่าตั้งต้น เนื่องจากมีการทำการทดลองแบบเปลี่ยนอุณหภูมิทั้งหมด 5 ค่า คือ 20, 50, 77, 100, และ 150 K เพื่อลดความผิดพลาดในการคำนวน จึงเริ่มคำนวนหาความสูงของ QD ที่เหมาะสมที่อุณหภูมิ 77 K ก่อน เพราะโครงสร้างแบบเก่าก็ได้รับการคำนวนที่อุณหภูมิ 77 K ด้วย หลังจากนั้นจึงคำนวนที่อุณหภูมิต่างๆ ที่เหลือ ซึ่งจะพารามิเตอร์ที่เปลี่ยนตามอุณหภูมิต่างๆ ดังตารางที่ 4.2

ตารางที่ 4.2 พารามิเตอร์ที่ใช้ในการคำนวนการเปลี่ยนแปลงของระดับพลังงานสถานะพื้น  
กับอุณหภูมิ

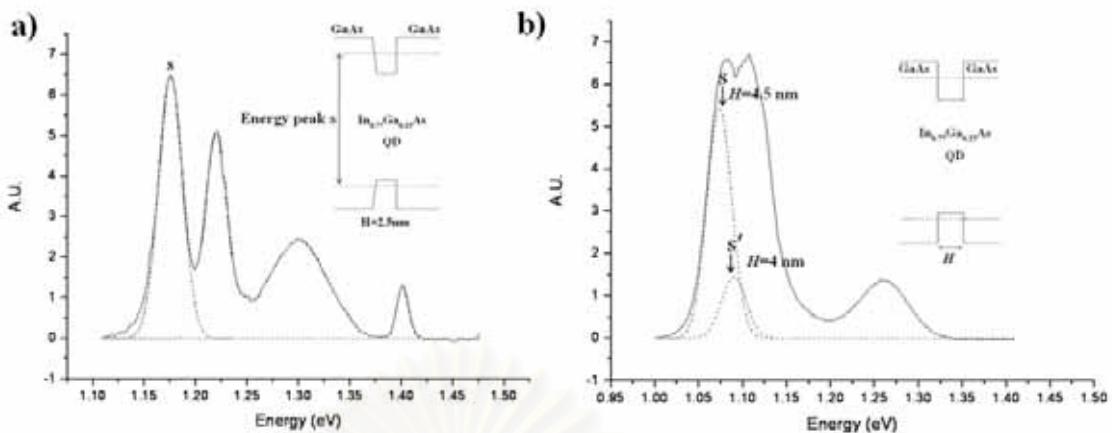
	$In_{0.77}Ga_{0.23}As$		$In_{0.6}Ga_{0.4}As$		$GaAs$
Temperature (K)	$E_g$ (eV)	$\Delta E_c$ (eV)	$E_g$ (eV)	$\Delta E_c$ (eV)	$E_g$ (eV)
20	0.939	0.324	1.108	0.251	1.519
50	0.932	0.323	1.105	0.251	1.518
77	0.936	0.323	1.100	0.250	1.514
100	0.928	0.321	1.095	0.249	1.501
150	0.915	0.319	1.082	0.247	1.485



รูปที่ 4.7 ผลการคำนวนหาค่าพลังงานจากการเปลี่ยนส่วนประกอบทางเคมีของ  $\text{In}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$  QD เทียบกับค่ายอดพลังงาน  $s$  ที่ได้จากเทคนิค PL ของชิ้นงาน a) A และ b) B

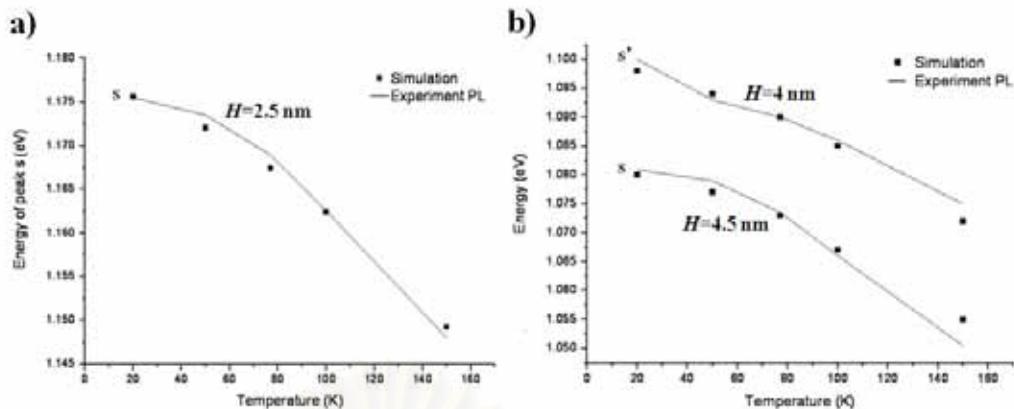
เมื่อนำพารามิเตอร์ต่างๆของ  $\text{In}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$  และ GaAs ดังตารางที่ 4.2 มาคำนวนหาค่าพลังงานที่ได้จากการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลในแนวตั้ง โดยการเปลี่ยนค่าส่วนประกอบทางเคมี ( $x$ ) ของ  $\text{In}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$  QD เป็น 0.7, 0.77 และ 0.8 เพื่อเปรียบเทียบกับค่ายอดพลังงาน  $s$  ที่ได้จากการวัดทางแสงด้วยเทคนิค PL ของทั้งชิ้นงาน A และ B พบร่วม  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  ให้ผลได้เม่นยำ ใกล้เคียงกับผลการวัด PL มากกว่า ดังแสดงในรูปที่ 4.7 ดังนั้น จึงกำหนดให้ส่วนประกอบทางเคมีของ QD เป็น  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  จากนั้นจึงทำการคำนวนเพื่อหาความสูงของ  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  QD ซึ่งได้ผลดังนี้

ชิ้นงาน A มี QD เป็น  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  และมีความสูงเป็น 2.5 nm ซึ่งสอดคล้องกับค่าพลังงาน  $s$  (ดังรูปที่ 4.8a) และชิ้นงาน B มี QD เป็น  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  เช่นกัน และมีความสูงของความตื้นคือต่ำๆและเล็กเป็น 4.5 nm และ 4 nm ตามลำดับ ซึ่งสอดคล้องกับค่าพลังงาน  $s$  และ  $s'$  ดังรูปที่ 4.8b)



รูปที่ 4.8 ผลการวัด PL (เส้นทึบ) Gaussian Fit ของยอดพลังงานแรก (เส้นประ) และ โครงสร้าง อิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพแบบหนึ่งมิติในแนวตั้ง (รูปแทรก) ของ a) ชิ้นงาน A จากการกำหนดให้  $H = 2.5 \text{ nm}$  และ b) ชิ้นงาน B จากการกำหนดให้  $H = 4.5$  (สำหรับ s) และ 4 nm (สำหรับ s')

เมื่อนำพารามิเตอร์ที่ได้รับการ optimize แล้วขึ้นมาจำลองหาโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ ในแนวตั้งเพื่อให้ได้มาซึ่ง  $E_0$  และ  $H_0$  แล้วเปรียบเทียบกับผลการเปล่งแสงของ GS ( $E_0 - H_0$ ) ที่ได้จาก การวัด PL ที่อุณหภูมิต่างๆ ของชิ้นงาน A และ B ในรูปที่ 4.9a) และ 4.9b) ตามลำดับโดยใช้ พารามิเตอร์หลักของวัสดุดังแสดงในตารางที่ 4.2 พบว่าแนวโน้มการลดลงของค่าพลังงานที่ได้จาก การคำนวณ (■ในรูป) จะใกล้เคียงกับผลการวัด PL (—ในรูป) มาก โดยมีความผิดพลาดสูงสุด สำหรับชิ้นงาน A และ B จะมีค่า 1.5 และ 5 meV ตามลำดับ ทั้งที่พารามิเตอร์ที่ใช้ในการคำนวณเป็น พารามิเตอร์ของ bulk



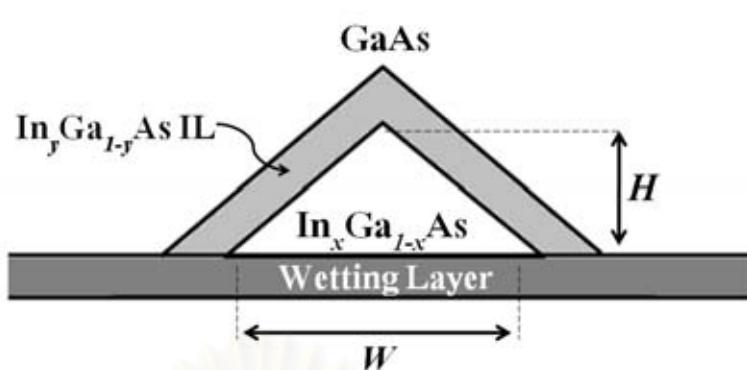
รูปที่ 4.9 กราฟแสดงความผลการคำนวนค่าพลังงาน GS จากโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ ประสิทธิผลในแนวตั้ง (■) เทียบกับผล PL (—) ที่อุณหภูมิต่างๆ ของชิ้นงาน a) A และ b) B

#### 4.2.2 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแนวนอนของ A และ B

เมื่อได้ความสูงที่เหมาะสมจากข้างต้นมาแล้ว ขั้นตอนต่อไปคือการคำนวนหาความกว้างของควอนตัมคอตที่เหมาะสม จากการวิเคราะห์ผลต่างของค่ายอดพลังงาน  $\Delta E$  ระหว่างยอด s-p, p-d และ s'-p' เป็นหลัก ซึ่งค่าความต่างของค่ายอดพลังงานของการวัดผล PL จะมีค่าเท่ากับค่าความต่างของพลังงานไอยกิ้นของอิเล็กตรอนมิใช่ โหลด [53]

การจำลองเริ่มจากกำหนดค่าความกว้างของ  $In_{0.77}Ga_{0.23}As$  QD ก่อน โดยที่ความกว้าง QD จะสัมพันธ์กับระยะห่างของระดับพลังงาน s-p และ s'-p' จากนั้นจึงทำการกำหนดส่วนประกอบทางเคมี ( $y$ ) ของ  $In_yGa_{1-y}As$  ที่เป็นชั้นระหว่างกลาง (Intermediate Layer : IL) โดยที่ค่า  $y$  นี้จะสัมพันธ์กับความต่างระดับพลังงานของ p-d

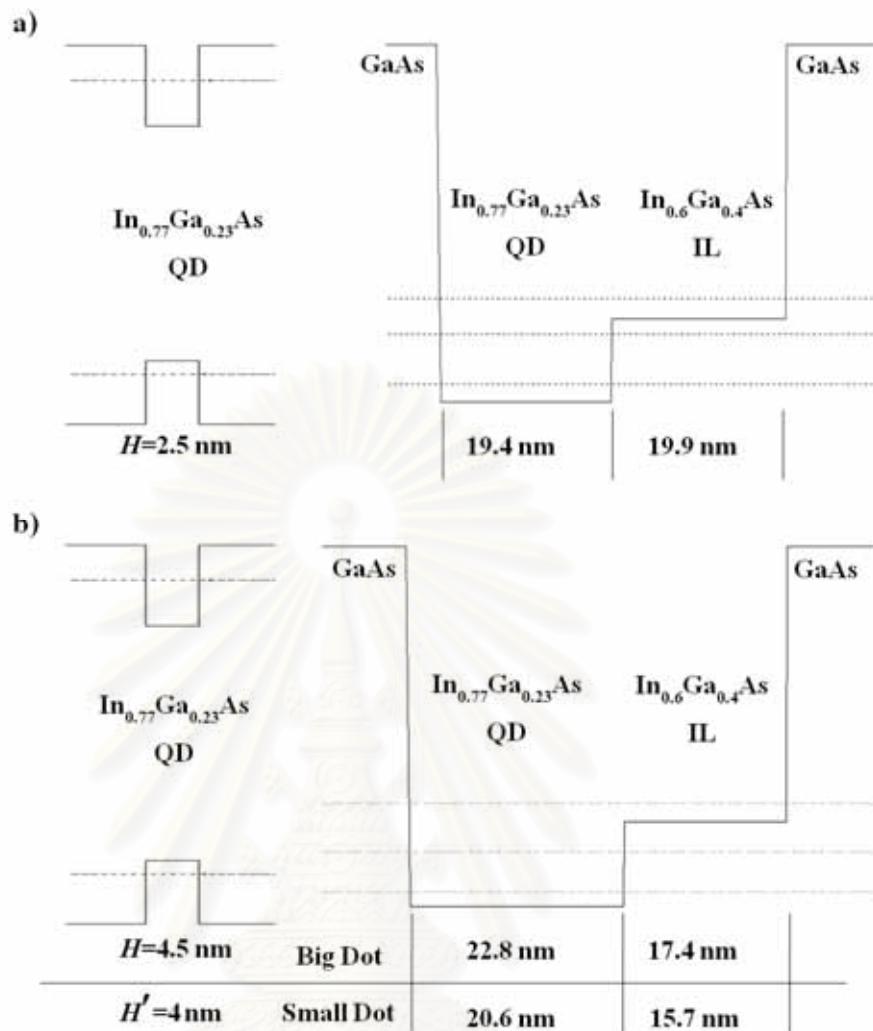
เมื่อได้ค่า  $y$  ของชั้น InGaAs (IL) แล้วจึงทำการกำหนดความกว้างของชั้นนี้เป็นขั้นสุดท้าย โดยที่ความกว้างของชั้น IL จะสัมพันธ์กับค่าความต่างระดับพลังงานของ d-f ทำให้ได้โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบ 1 มิติในแนวนอนของโครงสร้าง



รูปที่ 4.10 ภาพตัดขวางของโครงสร้าง QD ที่ใช้ในการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลใน 1 มิติ โดยอาศัยพารามิเตอร์ที่สำคัญในแนวตั้งคือ  $H$  และ  $x$  และสำหรับแนวอนคือ  $W, x$  และ  $y$

ภาพตัดขวางของโครงสร้าง QD ที่ใช้ในการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลใน 1 มิติ ดังรูปที่ 4.10 มีส่วนประกอบทางเคมีของ QD เป็น  $\text{In}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$  มีความสูงเป็น  $H$  และมีความกว้าง เป็น  $W$  โดยที่ QD จะถูกล้อมรอบด้านบนด้วยชั้น IL ซึ่งมีส่วนประกอบทางเคมีเป็น  $\text{In}_y\text{Ga}_{1-y}\text{As}$  และมีชั้นที่อยู่ด้านล่างของ QD เป็นชั้น wetting โดยที่ IL ถูกล้อมรอบด้วย GaAs อีกที ซึ่งค่า  $x$  และ  $H$  ที่เหมาะสมสามารถกำหนดได้จากการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลในแนวตั้ง และค่า  $W, x$  และ  $y$  ที่เหมาะสมสามารถกำหนดได้จากการจำลองโครงสร้าง อิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลในแนวอน

สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รูปที่ 4.11 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพแบบในแนวตั้ง (ซ้าย) และแนวอน (ขวา) ที่สอดคล้องกับผลการวัดทางแสง PL ของชิ้นงาน a) A และ b) B

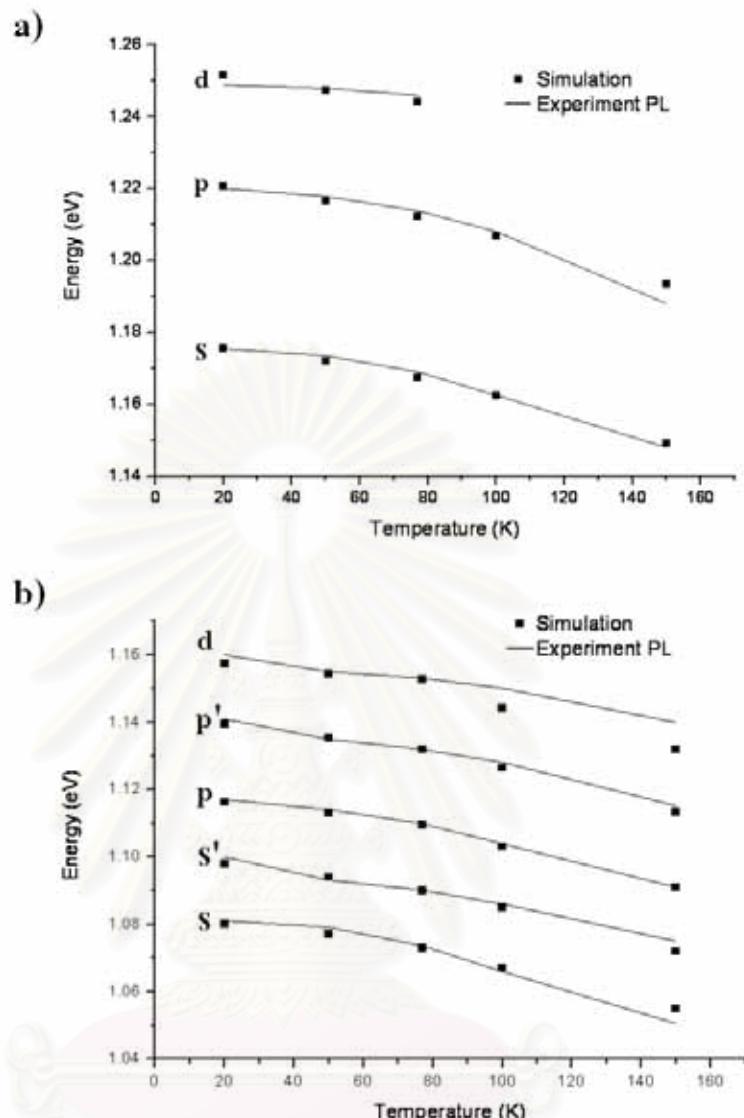
จากการพิจารณาผลการทดลองในรูปที่ 4.6 และพารามิเตอร์ในการจำลองในตารางที่ 4.1 และ 4.2 ทำให้สามารถจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพในแนวอนได้ แล้วทำการปรับเปลี่ยนความกว้างของชั้น IL และองค์ประกอบทางเคมีของชั้น IL ( $\gamma$ ) ไปเรื่อยๆ จนกระทั่งได้ค่าที่ใกล้เคียงกับผลการวัด PL มากที่สุด ดังต่อไปนี้

ชิ้นงาน A มีความกว้างของ  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  QD เป็น  $19.4 \text{ nm}$  และมีชั้น IL เป็น  $\text{In}_{0.6}\text{Ga}_{0.4}\text{As}$  กว้าง  $19.9 \text{ nm}$  ดังแสดงในรูปที่ 4.11a)

ชิ้นงาน B มีความตั้งต้มดอต 2 กลุ่ม ได้แก่ ความตั้งต้มดอตขนาดเล็กและใหญ่ ซึ่งจะมีความกว้างของ  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  QD เป็น  $20.6$  และ  $22.8 \text{ nm}$  ตามลำดับ และมี  $\text{In}_{0.6}\text{Ga}_{0.4}\text{As}$  IL กว้าง  $15.7$  และ  $17.4 \text{ nm}$  ตามลำดับ ดังแสดงในรูปที่ 4.11b)

เมื่อเปรียบเทียบผลการคำนวนค่ายอดพลังงานของชิ้นงาน A ( $s, p, d$ ) และ B ( $s, s', p, p', d$ ) จากโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทิพแบบหนึ่งมิติของ  $\text{InGaAs}$  QD กับ ผลการวัด PL ที่ อุณหภูมิต่างๆ ดังรูปที่ 4.12a) และ b) ตามลำดับ จะเห็นว่าผลการคำนวนที่ได้จากชิ้นงานทั้งสองมีค่าใกล้เคียงกับผลการวัด PL อย่างมาก โดยที่ชิ้นงาน A และ B มีค่าความผิดพลาดสูงสุด  $6.3$  และ  $7.9 \text{ meV}$  ตามลำดับ

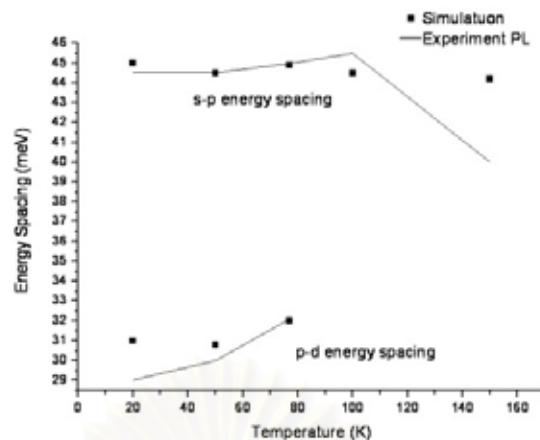
สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รูปที่ 4.12 กราฟเปรียบเทียบค่าของพลังงานที่ได้จากการคำนวนกับผลการวัด PL ของ a) ชิ้นงาน A และ b) ชิ้นงาน B ที่อุณหภูมิต่างๆ

#### 4.2.3 วิเคราะห์ค่าความผิดพลาดจากการจำลองชิ้นงาน A

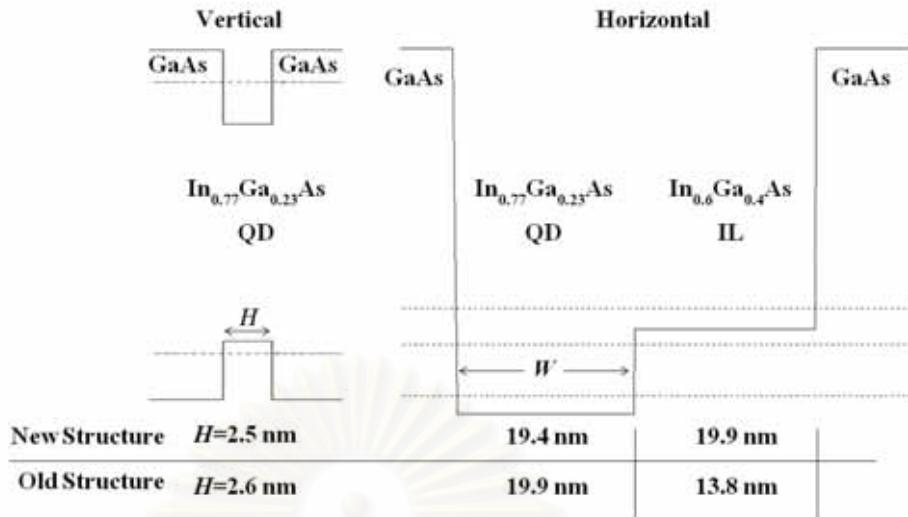
เมื่อพิจารณาความผิดพลาดของชิ้นงาน A ที่ได้จากการคำนวนกับผลจากการวัด PL ดังแสดงในรูปที่ 4.13 จะเห็นได้ว่า ค่าความต่างพลังงานของ s-p และ p-d ของการคำนวนจะมีแนวโน้มใกล้เคียงกับผล PL แต่จะมีค่าความผิดพลาดสูงสุดของ s-p เป็น 4.2 meV ที่ 150 K และ p-d เป็น 2 meV ที่ 20 K ตามลำดับ



รูปที่ 4.13 กราฟแสดงค่าผลต่างพลังงาน s-p และ p-d ที่ได้จากการคำนวณกับผลการวัด PL ที่อุณหภูมิต่างๆ

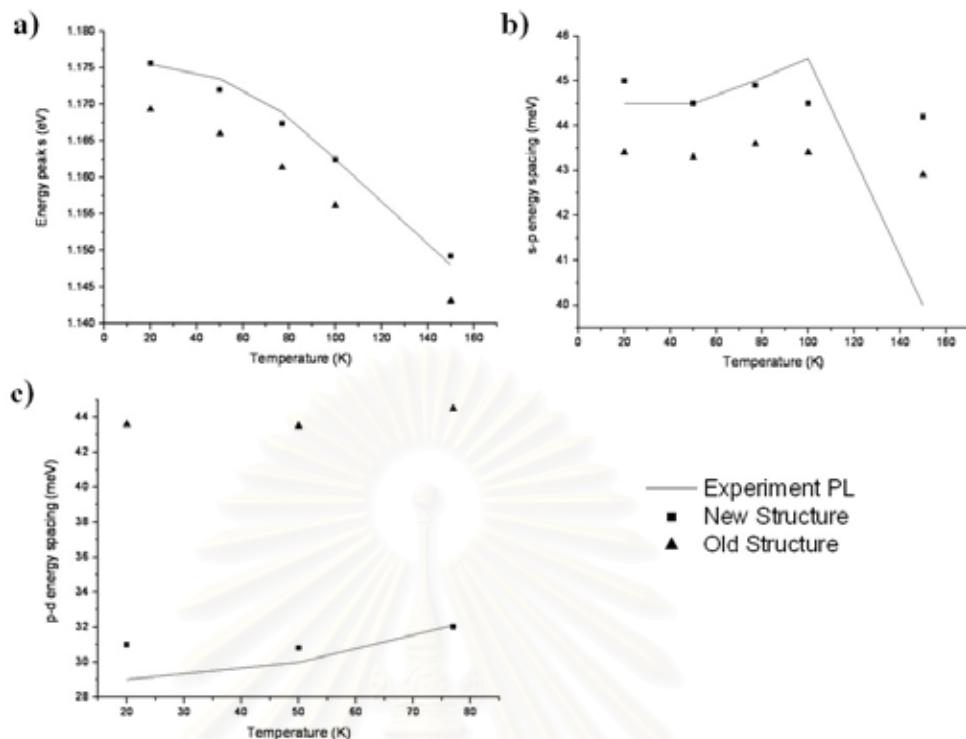
เมื่อเปรียบเทียบ โครงการสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทิชิพลดหนึ่งมิติของชิ้นงาน A แบบเก่าที่คำนวณโดยการใช้ข้อมูลของการวัดผล PL แบบปรับกำลังของแสงกระตุ้นเพียงอย่างเดียว กับโครงการสร้างแบบใหม่ที่ใช้ข้อมูลผล PL แบบปรับอุณหภูมิของชิ้นงานเพิ่มเข้ามา โดยองค์ประกอบของทางเคมีของ QD ได้เป็น  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  และของ IL ได้เป็น  $\text{In}_{0.6}\text{Ga}_{0.4}\text{As}$  แต่ความสูงของ QD ที่ถูก optimize จะเปลี่ยนจาก 2.6 nm มาเป็น 2.5 nm ในขณะที่ความกว้างของ QD ที่ถูก optimize จะเปลี่ยนจาก 19.9 nm มาเป็น 19.4 nm และความกว้างของชั้น IL ที่ถูก optimize จะเปลี่ยนจาก 13.8 nm มาเป็น 19.9 nm ดังสรุปในรูปที่ 4.14

สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รูปที่ 4.14 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของชิ้นงาน A และสรุปพารามิเตอร์ที่ใช้ในการจำลองสำหรับโครงสร้างเก่าและใหม่

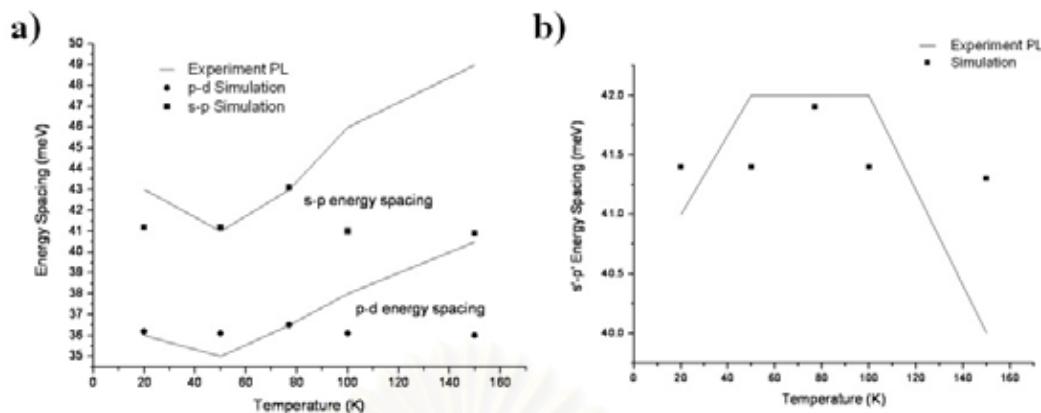
เมื่อคำนวณโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบเก่าของชิ้นงาน A ให้เปลี่ยนแปลงตามอุณหภูมิ ดังรูปที่ 4.15 จะเห็นได้ว่า โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบเก่านี้จะให้ข้อมูลที่ผิดพลาดจากผลการวัด PL มากกว่า โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบใหม่ จากรูปที่ 4.15a) โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบเก่าจะให้ผลการคำนวณระดับพลังงาน GS หรือค่ายอดพลังงาน s มีค่าผิดพลาดจากผลที่วัดได้จาก PL มากกว่า 5 meV ในขณะที่โครงสร้างใหม่มีค่าความผิดพลาดสูงสุดเพียง 1.5 meV เท่านั้น จากรูปที่ 4.15b) ค่าความผิดพลาดของระดับความต่างพลังงาน s-p เนื่องจาก โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แบบเก่าจะมีมากกว่าแบบใหม่อยู่ 1 meV และจากรูปที่ 4.15c) ค่าความผิดพลาดของความต่างพลังงาน p-d ของโครงสร้างเก่าจะเป็น 15 meV แต่โครงสร้างใหม่นั้นมีความผิดพลาดเพียง 2 meV เท่านั้น แสดงให้เห็นว่า โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของ InGaAs QDM ของชิ้นงาน A ได้รับการคำนวณให้แม่นยำมากขึ้น



รูปที่ 4.15 กราฟเปรียบเทียบ a) ค่าพลังงาน GS b) ค่าความต่างพลังงาน s-p c) ค่าความต่างพลังงาน p-d ของผลการคำนวนโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิ์แบบเก่า แบบใหม่ กับผลการวัด PL ที่ อุณหภูมิต่างๆ ของชิ้นงาน A

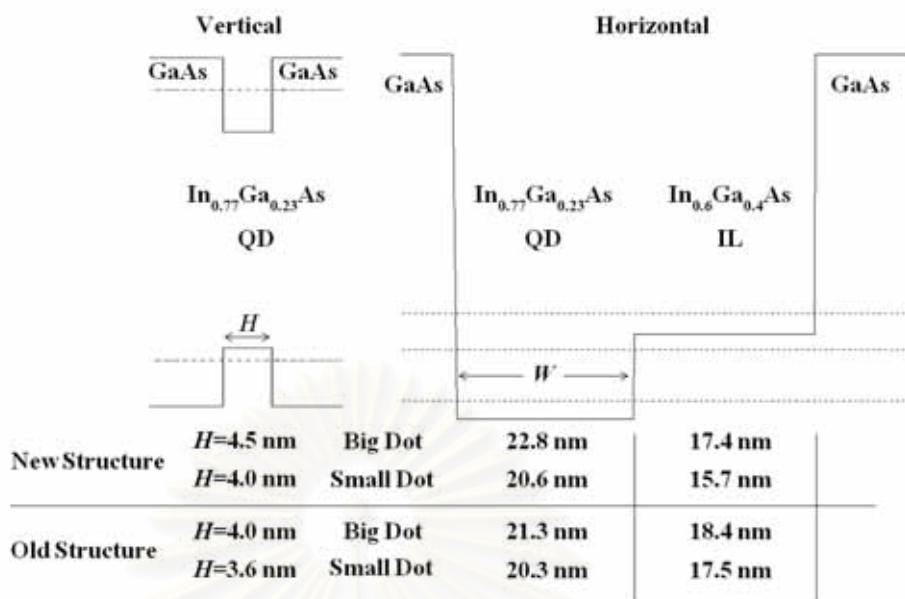
#### 4.2.4 วิเคราะห์ค่าความผิดพลาดจากการจำลองชิ้นงาน B

เมื่อพิจารณาความผิดพลาดค่าความต่างของค่าอยอดพลังงานของชิ้นงาน B ระหว่างผลที่ได้จากการคำนวนโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แบบแนวนอนกับผลที่ได้จากการวัด PL ที่อุณหภูมิต่างๆ ดังแสดงในรูปที่ 4.16 จะเห็นได้ว่า ค่าความต่างพลังงานของ s-p และ p-d ของการคำนวนจะมีแนวโน้มใกล้เคียงกับผล PL แต่จะมีค่าความผิดพลาดสูงสุดของ s-p เป็น 8 meV ที่ 150 K และ p-d เป็น 4 meV ที่ 150 K ตามลำดับ ซึ่งเป็นผลมาจากการคำนั้นด้วยตัวเดียว (ดังรูปที่ 4.16a) และค่าความผิดพลาดสูงสุดของความต่างพลังงาน s'-p' ของควอนตั้มดอตเล็ก เป็น 1.3 meV ที่ 150 K ดังแสดงในรูปที่ 4.16b)



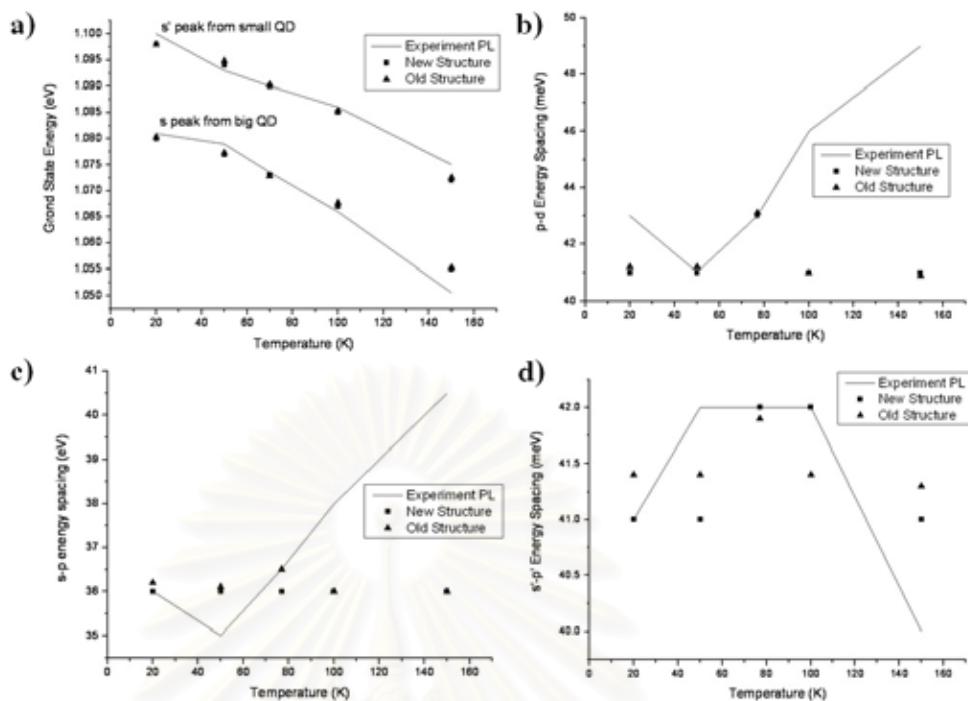
รูปที่ 4.16 แสดงผลการคำนวณค่าความต่างพลังงานของ a) ความตันดอตอนาดใหญ์ และ b) ความตันดอตอนาดเล็กที่อุณหภูมิต่างๆ

เมื่อทำการคำนวณโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพแบบหนึ่งมิติของชิ้นงาน B โดยใช้ผลการวัด PL แบบปรับกำลังแสงกระตุ้นและแบบปรับอุณหภูมิของชิ้นงาน โดยมี  $\text{In}_{0.77}\text{Ga}_{0.23}\text{As}$  เป็น QD และ  $\text{In}_{0.6}\text{Ga}_{0.4}\text{As}$  เป็นชั้น IL พบว่า เพื่อให้โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์สอดคล้องกับผลการทดลองจำเป็นที่จะต้องปรับความสูงและความกว้างของ QD ใหญ่จาก 4 nm และ 21.3 nm เป็น 4.5 nm และ 22.8 nm ตามลำดับ ความกว้างของชั้น IL ระหว่าง QD ใหญ่กับชั้น GaAs จาก 18.4 nm เป็น 17.4 nm อีกทั้งความสูงและความกว้างของ QD เล็กจาก 3.6 nm และ 20.3 nm เป็น 4 nm และ 20.6 nm ตามลำดับ ความกว้างของชั้น IL ของ QD เล็กกับชั้น GaAs ก็เปลี่ยนจาก 17.5 nm เป็น 15.7 nm ดังแสดงในรูปที่ 4.17



รูปที่ 4.17 โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของชิ้นงาน B และสรุปพารามิเตอร์ที่ใช้ในการจำลองสำหรับโครงสร้างเก่าและใหม่

เมื่อคำนวณโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลของชิ้นงาน B แบบเก่าและใหม่เทียบกับอุณหภูมิແล็กซ์นำแม่เปรี้ยบเทียบกับผลการวัด PL พบว่า พลังงาน s ที่ได้จากการจำลองโดยใช้โครงสร้างแบบเก่าและแบบใหม่มีความผิดพลาดสูงสุดเป็น  $6 \text{ meV}$  และ  $5 \text{ meV}$  ตามลำดับ ดังแสดงในรูปที่ 4.18a) ค่าความผิดพลาดของค่าความต่างพลังงานงาน s-p จากความตั้มดอตใหญ่ โครงสร้างเก่ามีค่าผิดพลาดเฉลี่ยมากกว่าโครงสร้างใหม่เป็น  $0.2 \text{ meV}$  ดังรูปที่ 4.18b) ค่าความผิดพลาดเฉลี่ยมากกว่าโครงสร้างแบบใหม่เป็น  $0.2 \text{ meV}$  ดังรูปที่ 4.18c) และค่าความผิดพลาดเฉลี่ยของค่าความต่างพลังงาน s'-p' ของความตั้มดอตเล็ก โครงสร้างเก่ามีค่าผิดพลาดเฉลี่ยมากกว่าโครงสร้างใหม่เป็น  $0.2 \text{ meV}$  ดังรูปที่ 4.17d) แม้ค่าความผิดพลาดจะมีค่าที่ต่างกันไม่มาก แต่โครงสร้างใหม่ก็ได้รับการปรับปรุงให้ผลของโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์สอดคล้องกับค่าพลังงานที่ได้จากการวัดผล PL แม่นยำมากขึ้น



รูปที่ 4.18 กราฟเปรียบเทียบ a) ค่าพลังงาน GS b) ค่าความต่างพลังงาน s-p c) ค่าความต่างพลังงาน p-d และ d) ค่าความต่างพลังงาน  $s'-p'$  ของผลการคำนวน โครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์แบบเก่า แบบใหม่ กับผลการวัด PL ที่อุณหภูมิต่างๆ ของชิ้นงาน B

#### 4.2.5 ความสมจริงของพารามิเตอร์ที่ใช้ในการทดลอง

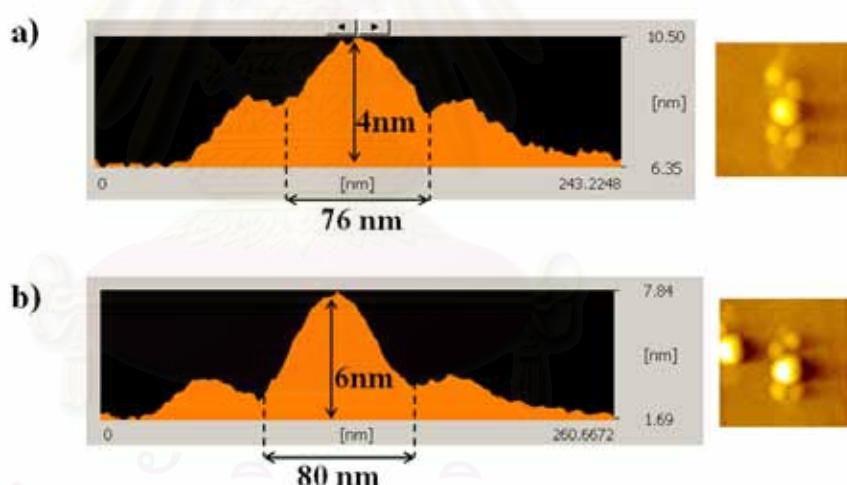
##### 4.2.5.1 องค์ประกอบทางเคมี ( $x$ และ $y$ )

การจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสีทชิพหนึ่งมิติของ InGaAs QDM ทั้งหมด ข้างต้นนี้ได้ใช้  $In_{0.77}Ga_{0.23}As$  เป็น QD และจะเป็นการรung ใจปลูก InAs ในขั้นตอนการปลูก QD กี ตาม สาเหตุที่เป็นเช่นนี้เป็นผลมาจากการผสมหรือการ alloy กับ GaAs ที่อยู่ด้านล่างและรอบข้าง และรู้จักกันในนามของปรากฏการณ์ QD intermixing [60] ซึ่งได้รับการยืนยันว่าองค์ประกอบทางเคมีที่มีอัตราส่วน In:Ga เป็น 77:23 สำหรับ QD หรือ 60:40 สำหรับ IL นั้นเป็นไปได้จริงดังจะเห็นได้จากการศึกษาความตั้งต่อต้านความร้อนของ GaAs QD [61] จากการศึกษาด้วยภาพตัดขวางคั่วylechnik การใช้เดเซอร์ [62] อีกทั้งสามารถยืนยันผลการตรวจด้วยเทคนิค STEM HAADF [63] อีกด้วย

#### 4.2.5.2 ขนาด ( $H$ และ $W$ ) เมื่อเทียบกับผล AFM

เมื่อเทียบกับผล AFM สำหรับชิ้นงาน A ความสูงของ QD ที่ถูก optimize (จากการจำลองโครงการสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลเปรียบเทียบกับผลการวัด PL) ที่ได้จากผลการวัดผิวหน้าด้วยเทคนิค AFM คือ 2.5 nm และ 4 nm ตามลำดับ ในขณะที่ความกว้างจากการกับที่วัดได้จาก AFM คือ 39.9 nm และ 76 nm ตามลำดับ

เมื่อเทียบกับผล AFM สำหรับชิ้นงาน B ความสูงของ QD ที่ถูก optimize (จากการจำลองโครงการสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลเปรียบเทียบกับผลการวัด PL) ที่ได้จากผลการวัดผิวหน้าด้วยเทคนิค AFM คือ 4.5 nm และ 6 nm ตามลำดับ ในขณะที่ความกว้างจากการกับที่วัดได้จาก AFM คือ 40.2 nm และ 80 nm ตามลำดับ



รูปที่ 4.19 ผลการวัดความสูงโดยการทำ Line Scan และผลการวัดผิวหน้า จากเทคนิค AFM  
ของ a) ชิ้นงาน A และ b) ชิ้นงาน B

ซึ่งเห็นได้ว่าขนาดของ InGaAs QD ที่ได้จากการจำลอง (หลังการ optimized) จะเล็กกว่าขนาดที่วัดด้วยเทคนิค AFM ที่เป็นเช่นนี้อาจเป็นเพราะสาเหตุ 2 ประการ คือ พาหะใน InGaAs QD สามารถอยู่ได้บางบริเวณเท่านั้น เนื่องจากผลจากสถานะพื้นผิว (surface state) [64] และอีกสาเหตุ คือ ขนาดของโครงสร้างในแนวนอนที่วัดโดย AFM จะใหญ่กว่าขนาดจริงเสมอซึ่งเป็นผลมาจากการที่ปลายเข็ม AFM มีรัศมีที่มีขนาดอยู่ในระดับเดียวกับโครงสร้างที่ทำการวัด เรียกว่า tip convolution effect [65]

#### 4.2.5.3 ขนาด ( $H$ ) เมื่อเทียบกับกระบวนการปลูกคลึง

ความสูงของ QD ที่ได้จากการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติ ของชั้นงาน A และ B มีค่าเป็น 2.5 nm และ 4.5 nm ตามลำดับ ซึ่งต่างกัน 2 nm หากพิจารณากระบวนการปลูกชั้นงาน A และ B ซึ่งแตกต่างกันเพียงอย่างเดียว คือ ความหนาของชั้น GaAs capping ซึ่งชั้นงาน A หนา 15 ML และชั้นงาน B หนา 25 ML แสดงว่าชั้นงาน B มีชั้น GaAs capping หนากว่าชั้นงาน A อยู่ 10 ML หรือ 2.8 nm ซึ่งมีค่าใกล้เคียงกับผลต่างความสูงของ QD ของชั้นงาน A และ B ที่ได้จากการจำลอง และดูให้เห็นว่า การปลูกชั้น GaAs capping ที่หนาขึ้นอาจ มีผลทำให้ QD ที่ได้มีความสูงเพิ่มขึ้น เพราะการปลูกชั้น GaAs capping ที่มากขึ้นเป็นการบุดหลุม นาโนให้ลึกยิ่งขึ้น [45] การปลูกชั้น template ที่เป็นหลุมนาโนที่ลึกกว่าย่อมมีความเป็นไปได้ที่ จะให้ QD ที่มีขนาดใหญ่กว่า template ที่เป็นหลุมนาโนแบบตื้นๆ ดังนั้นค่า  $H$  ที่ใช้ในการจำลอง ของทั้งสองชั้นงานจึงมีความเป็นไปได้ทางกายภาพ โดยอาจมาจากการกลบทั้งด้วยความหนา ที่แตกต่างกัน

สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## บทที่ 5

### สรุปผลการทดลอง

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ทำการศึกษาชี้นงานที่มีความตั้มดอต ไมเลกุลจำนวน 2 ชิ้น [45] ซึ่งมีขนาดของความตั้มดอตที่แตกต่างกันเนื่องมาจากกระบวนการปรูกที่แตกต่างกัน การปรูกชี้นงานเริ่มจาก InAs QD 1.8 ML บนแผ่นฐาน GaAs ต่อจากนั้นทำการกลบหับด้วยชั้น GaAs capping ซึ่งชี้นงาน A หนา 15 ML และชี้นงาน B หนา 25 ML หลังจากนั้นจึงทำการปรูกช้ำด้วย InAs หนา 1.2 ML เท่ากันทั้งสองชี้นงาน จากนั้นจึงนำชี้นงานทั้งสองมาโครงสร้างทางกายภาพของผิวน้ำด้วยเทคนิค AFM และลักษณะสมบัติทางแสงด้วยเทคนิค PL เพื่อเป็นข้อมูลดิบสำหรับการจำลองเพื่อให้ได้มาซึ่งโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบ 1 มิติ

ผลการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์สามารถคำนวณได้จากการใช้โคเดอร์และปั๊ชองค์แบบ 1 มิติควบคู่กัน โดยโปรแกรมที่ใช้จำลองเป็นแบบ open source ซึ่งสามารถแก้พารามิเตอร์ของวัสดุได้ ซึ่งการจำลองได้ใช้พารามิเตอร์ของ InGaAs และ  $\Delta E_c$  แบบมีความเครียดและใช้สัมประสิทธิ์การเปลี่ยนแปลงความกว้างของแบบพลังงานต้องห้ามตามสมการของ Varshni แบบ bulk เท่านั้น

จากการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของ InGaAs QDM ของทั้งสองชี้นงาน ซึ่งให้เห็นว่า QD ที่เปล่งแสงได้มีสูตรทางเคมีประสิทธิผลเป็น  $In_{0.77}Ga_{0.23}As$  แม้ว่าในการปรูกผลึกโดยเทคนิค MBE จะเป็นการปรูกเพียง InAs เท่านั้น โดยบริเวณรอบข้างหรือชั้น IL มีสูตรทางเคมีประสิทธิผลเป็น  $In_{0.6}Ga_{0.4}As$

ผลการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลของ InGaAs QD ของชี้นงาน A ทำให้พบว่า QD มีความสูงและกว้างประสิทธิผลเป็น 2.6 nm และ 39.3 nm ตามลำดับ แต่ความสูงและความกว้างที่วัดได้จาก AFM มีค่าเป็น 4 nm และ 76 nm ตามลำดับ ในขณะที่ชี้นงาน B จะมีความสูงและความกว้างประสิทธิผลของ QD ที่ได้จากการจำลองเป็น 4.5 nm และ 40.2 nm และจากผล AFM เป็น 6 nm และ 80 nm ตามลำดับ ซึ่งเห็นได้ว่าขนาดของ QD ที่ได้จากการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลทั้งความสูงและความกว้างต่างเดือดกว่าขนาดของ QD ที่วัดได้จาก AFM

ทั้งนี้เป็นผลกระทบของสถานะพื้นพิวท์ทำให้ฟังก์ชันคลื่นของพาหะถูกจำกัดบริเวณให้ห่าง interface ไว้ และผลของความไม่แน่นอนของขนาดที่วัดได้จากเทคนิค AFM เนื่องจาก convolution effect

ผลการจำลองโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของ InGaAs QDM ข้างต้นสามารถอธิบายการเปล่งแสงของชิ้นงาน A และ B ได้อย่างแม่นยำ โดยสามารถระบุได้ว่า การเปล่งแสงจากชิ้นงาน A เป็นผลจาก QD กลางเพียงอย่างเดียว ในขณะที่การเปล่งแสงของชิ้นงาน B เป็นผลมาจากการรวมของ QD กลางและ QD ด้านข้าง ซึ่งสอดคล้องกับผลการวิเคราะห์ผลการวัด PL แบบปรับกำลังแสงกระตุ้น ทำการปรับปรุงขนาดของโครงสร้างอิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลให้แม่นยำ ด้วยข้อมูลจากการวัด PL แบบปรับอุณหภูมิชิ้นงาน ซึ่งเป็นที่ประจักษ์ว่า ผลการจำลองโครงสร้าง อิเล็กทรอนิกส์ประสิทธิผลแบบหนึ่งมิติของ InGaAs QDM นั้นสามารถนำมาใช้อธิบายคุณสมบัติทางแสงของโครงสร้าง InGaAs QDM ที่มีโครงสร้างชั้นช้อนได้อย่างแม่นยำในช่วงอุณหภูมิ 20-150 K โดยโครงสร้างทางกายภาพที่ใช้ในการจำลองสอดคล้องกับขนาดทางกายภาพที่วัดได้จาก AFM ในขณะที่องค์ประกอบทางเคมียังคงเป็นที่ถูกเฉียงกันอยู่ในปัจจุบัน แต่ค่าที่ใช้ในการจำลอง ทั้งหมดคือ  $In_{0.77}Ga_{0.23}As$  สำหรับ QD และ  $In_{0.6}Ga_{0.4}As$  สำหรับ IL ต่างมีความเป็นไปได้เนื่องจากผลของ QD Intermixing

สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## รายการอ้างอิง

- [1] H. C. LUI 2003 , Quantum dot infrared photodetector, Opto-Electronics Review 11 (2003) : 1-5.
- [2] D. Z.-Y. Ting, Y.-C. Chang 2007, Band Structure and impurity effects on optical properties of quantum well and quantum dot infrared photodetectors, Infrared physics & technology 50 (2007) : 136-141.
- [3] L. Hoglund, C. Asplund 2006, Origin of photocurrent in lateral quantum dot-in-a-well infrared photodetectors, Applied Physics Letters 88, 213510 (2006).
- [4] J. Li, K. K. Choi 2006, High gain, broadband InGaAs/InGaAsP quantum well infrared photodetectors, Applied Physics Letters 89, 081128 (2006).
- [5] Hyoungdo Nam, Jin Dong Song 2005, Electronics subband structure in InGa-GaAs quantum dot in an asymmetric-well infrared photodetector structure, Journal of Korean physics Vol.47, No6 (2005).
- [6] P. Bhattacharya, X.H.Su, Characteristics of a tunneling quantum-dot infrared photodetector operating at room temperature, Applied Physics Letters 86, 191106 (2005).
- [7] J. L. Casas Espinola, M. Dybic, Carrier dynamics in InAs quantum dots embedded in InGaAs/GaAs multi quantum well structures, Journal of Physics: conference series 61 (2007) : 180-184.
- [8] Daniel K. Guthrie, Thomas K. Gaylord, Number and Density of state in quantum semiconductor Structure, IEEE transactions on education, Vol.39 No.4 (1996).

- [9] M.K. Kuo, T.R. Lin, Strain effect on optical property of pyramidal InAs/GaAs quantum dots, Physica E 26 (2005) : 199-202.
- [10] C. L. Tang, Fundamentals of Quantum Mechanics for solid state electronics and optical Cambridge University Press, 2005.
- [11] H. C. Liu, J.-Y. Duboz, Quantum Dot Infrared Photodetectors, physica E 17 (2003) : 631-633.
- [12] Dong Pan, Elias Towe, Normal-Incidence intersubband (In, Ga)As/GaAs Quantum Dot Infrared Photodetectors, Applied Physics Letters Vol.73, No.14 (1998)
- [13] L.Chu, A Zrenner, Normal-Incident Intersubband Photocurrent Spectroscopy on InAs/GaAs Quantum Dots, Applied Physics Letters Vol.75, No.23 (1999)
- [14] H.C. Liu, M. Buchanan, How Good is the Polarization selection rule for intersubband transition?, Applied Physics Letters Vol.72 No.14 (1998)
- [15] Boaz Kochman, Adrienne D, Absorption, Carrier Lifetime and Gain in InAs-GaAs Quantum-Dot Infrared Photodetectors, IEEE journal of quantum electronics Vol.39 No.3 (2003).
- [16] S.K. Kang, S.J. Lee, Device Characteristics of Self-Assembled InGa/GaAs quantum dot infrared Photodetectors, Journal of the Korean Physics Society, Vol.42, No.3 (2003):418-122.
- [17] S.H. Hwang, J.C. Shin, Investigation of Detection Wavelength in Quantum Dot Infrared Photodetector, Journal of the Korean Physical Society, Vol.45, No.1 (2004):202-205.
- [18] Shih-Yen Lin, Transport Characteristics of InAs/GaAs Quantum-dot Infrared Photodetectors, Applied Physics Letters Vol.83, No.4 (2003).

- [19] V. RyZhii, I.Khmyrova, On the Detectivity of Quantum-Dot infrared Photodetectors, Applied Physics Letters Vol.78, No.22 (2001).
- [20] M. Ali Omar, Elementary solid state physics, Addison-Wesley publishing company, 1993.
- [21] Streetman Banerjee, Solid State Electronic Device, 5<sup>th</sup> edition Prentice hall, 2000.
- [22] Arturas Zukauskas, Introduction to Solid-State Lighting, John Wiley & Sons, Inc, 2002.
- [23] Suematsu Adams, Handbook of Semiconductor Lasers and Photonic Integrated circuits, Chapman & Hall, 1994.
- [24] D. Bimberg, Quantum dot Heterostructure. John Wiley & Sons, Inc, 1998
- [25] V. Mlinar, Theoretical study of InAs/GaAs quantum dots grown on [11k] substrates in the presence of a magnetic field, Microelectronics Journal 37 (2006) : 1427–1429.
- [26] L. Landin, Optical investigation of InAs/InP quantum dots at different temperatures and under electric field, Thin Solid Films 364 (2000) : 161-164.
- [27] Vladimir A, Excitonic properties of strained wurtzite and zinc-blende GaN/Al<sub>x</sub>Ga<sub>1-x</sub>N quantum dots, Journal of Applied Physics Vol.94, No.11 (2003).
- [28] Tzer-En Nee,Ya-Fen Wu, Carrier dynamics study of the temperature- and excitation-dependent photoluminescence of InAs/GaAs quantum dots, Journal of Applied Physics 99, 013506 (2006).
- [29] Weidong Sheng,Jean-Pierre Leburton, Interband transition distributions in the optical spectra of InAs/GaAs self-assembled quantum dots, Journal of Applied Physics Vol.80, No.15 (2002).
- [30] H.K. Park, Electrical Characterization of InAs/GaAs Quantum-Dot Infrared Photodiodes, Journal of the Korean Physical Society Vol.45 No.1 (2004) : 223-226.

- [31] S.Suraprapapich, Quantum dot integration in heterostructure solar cells, Technical Digest of the International PVSEC-14, (2004).
- [32] S. Suraprapapich, Self-assembled lateral Bi-quantum-dot molecule formation by gas-source molecular beam epitaxy, Journal of Crystal Growth (2007) : 735–739.
- [33] N. Siripitakchai, Evolution of self-assembled lateral quantum dot molecules, Journal of Crystal Growth (2007) : 812–816.
- [34] W. Ouerghui, A. Melliti, Dependence on temperature of homogeneous broadening of InGaAs/InAs/GaAs quantum dot fundamental transitions, Physica E 28 (2005) : 519–524.
- [35] Jia-Ren Leea, Chien-Rong Lu, Investigation of populated InAs/GaAs quantum dots by photoluminescence and photoreflectance, Physica E 25 (2005) : 562–568.
- [36] I-H. Tan, G.L. Snider, A Self-Consistent solution of Schrodinger-Poisson Equation Using a Nonuniform Mesh, journal of applied physics Vol.68, No.8, (1990).
- [37] Lingquan Wang \*, Deli Wang, A numerical Schrodinger–Poisson solver for radially symmetric nanowire core–shell structures, Solid-State Electronics 50 (2006) : 1732–1739.
- [38] YIMING LI, An Iterative Method for Single and Vertically Stacked Semiconductor Quantum Dots Simulations, Mathematical and Computer Modelling 42 (2005) : 711-718.
- [39] Sugawara, M. 1999. Theoretical based of the optical properties of semiconductor quantum nano-structures. In M. Sugawara (ed.), Semiconductors and Semimentals:Self-assembled InGaAs/GaAs quantum dots, 60:1-116, San Diego: Academic Press.

- [40] I. Daruka and A. L. Barabasi. Dislocation-free island formation in heteroepitaxial growth: Physical Review Letters Vol19, No79 (1997).
- [41] Dobbs, H. T., and VVedensky, D. D. 1997. Mean-field theory of quantum dot formation. Physical Review Letters 79: 897-900. A study at equilibrium. Physical Review Letters 79 (1997) : 3708-3711
- [42] ក្នុង Infrared detector module with preamp Metal Dewar type នៃលម្អិត G7754-01
- [43] S. Kiravittaya. Homogeneity improvement of InAs/GaAs self-assembled quantum dots grown by molecular beam epitaxy. Doctoral dissertation Department of Electrical Engineering Faculty of Engineering Chulalongkorn University, 2002.
- [44] Mr. Teeravat Limwongse. Evolution Of InAs Quantum Dots Grown On Cross-Hatch Substrates. Master's thesis. Department of Electrical Engineering. Faculty of Engineering, Chulalongkorn University, 2008.
- [45] Miss Naparat Siripitakchai. Control of The Number Of Dots In InAs Quantum Dot Molecules for Quantum Computing. Master's thesis. Department of Electrical Engineering. Faculty of Engineering, Chulalongkorn University, 2006.
- [46] Levinstein M. E., S. L. Rumyantsev Handbook Series on Semiconductor Parameters, vol.1 (1996).
- [47] I. Vurgaftman. Band parameters for III–V compound semiconductors and their alloys. Journal of Applied Physics Vol.89, No.11 (2001).
- [48] I-H Tan, G. L. Snider. A self-consistent solution of Schrodinger-Poisson equation using a nonuniform mesh. Journal of Applied Physics Vol.68, No.8 (1990)

- [49] YIMING LI. An Iterative Method for Single and Vertically Stacked Semiconductor Quantum Dots Simulation. Mathematical and Computer Modelling 42 (2005) : 711-718.
- [50] Gustavo A. Narvaez. Dependence of the electronic structure of self-assembled (In,Ga)As/GaAs quantum dots on height and composition. Journal of Applied Physics 98, 043708 (2005).
- [51] H. Hospodkova. Photoluminescence and magnetophotoluminescence of vertically stacked InAs/GaAs quantum dot structure. Physica E 36 (2007) 106-113
- [52] Gustavo A. Dependence of the electronic structure of self-assembled (In,Ga)As/GaAs quantum dots on height and composition Journal of Applied Physics 98, 043708 (2005).
- [53] Y.D. Jang, H.LEE. The energy level spacing from InAs/GaAs quantum dots: Its relation to the emission wavelength, carrier lifetime, and zero dimensionality. Journal of Applied Physics 99, 096101 (2006).
- [54] Tzer-En Nee. Temperature and Excitation Dependence of Photoluminescence Spectra of InAs/GaAs Quantum Dot Heterostructures. IEEE transactions on nanotechnology, Vol.6, No.5 (2007).
- [55] P. N. Brounkov. Electronic structure of self-assembled InAs quantum dots in GaAs matrix. Applied Physics Letters Vol.73, No.8 (1998).
- [56] G. Sek. Wetting layer states of InAs/GaAs self-assembled quantum dot structures:Effect of intermixing and capping layer. Journal Of Applied Physics 101, 063539 (2007).
- [57] Y.P. Varshni. Temperature dependence of the energy gap in semiconductors. Physica E 34 (1967) : 149-154.

- [58] <http://www.ioffe.ru/SVA/NSM/Semicond/GaAs/bandstr.html#Temperature>
- [59] Sajal Pual. Empirical expressions for the alloy composition and temperature dependence of the band gap and intrinsic carrier density in  $\text{Ga}_x\text{In}_{1-x}\text{As}$ . Journal of Applied Physics Vol.69 , No.2 (1991).
- [60] Simon Fafard. Quantum dot structures and devices with sharp adjustable electronic shells. Physica E 8 (2000) : 107-116.
- [61] M. A. Migliorato. Atomistic simulation of strain relaxation in  $\text{In}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}/\text{GaAs}$  quantum dots with nonuniform composition. Physical Review B 65 115316.
- [62] M. Müller. Atomic scale characterization of buried  $\text{In}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}$  quantum dots using pulsed laser atom probe tomography. Applied Physics Letters 92, 233115 (2008).
- [63] Gabriel Bester and Alex Zunger, Compositional and size-dependent spectroscopic shifts in charged self-assembled  $\text{In}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}/\text{GaAs}$  quantum dots. Physical Review B 68, 073309 (2003).
- [64] Volker Heine. Theory of Surface States. Physical Review. 138, (1965): 1689-1696.
- [65] A. Partridge, S. L. G. Toussaint, Nanocluster formation by spin coating: Quantitative atomic force microscopy and Rutherford backscattering spectrometry analysis. J. Vac. Sci. Technol. B Vol.14, Issue 2, (1996) : 585-592 .

## ผลงานตีพิมพ์

### ในวารสารต่างประเทศ

- “Effective One-dimensional Electronic Structure of InGaAs Quantum Dot Molecule”, **Nitidet Thudsalingkarnsakul**, Teeravat Limwongse, Naparat Siripitakchai, Somsak Panyakeow, and Songphol Kanjanachuchai. Microelectronic Engineering. 85 (2008) : 1225-1228.

### ประชุมทางวิชาการระดับนานาชาติ

- “Effective One-dimensional Electronic Structure of InGaAs Quantum Dot Molecule”, **Nitidet Thudsalingkarnsakul**, Teeravat Limwongse, Naparat Siripitakchai, Somsak Panyakeow, and Songphol Kanjanachuchai. Proceedings of the 33<sup>rd</sup> Micro and Nano Engineering (2007), Copenhagen, Denmark.

### ประชุมทางวิชาการระดับชาติ

- “Characteristics of GaAs-based Phototransistors After High-Power Operation”, **Nitidet Thudsalingkarnsakul**, Supachok Thainoi, and Songphol Kanjanachuchai. Proceeding of the 4<sup>th</sup> Electrical Engineering/Electronics, Computer, Telecommunication and Information technology(2007), Chiang-rai, Thailand

สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## ผลงานนำเสนอ

### Oral presentations

1. “Characteristics of GaAs-based Phototransistors After High-Power Operation”, **Nitidet Thudsalingkarnsakul**, Supachok Thainoi, and Songphol Kanjanachuchai. Proceeding of the

4<sup>th</sup> Electrical Engineering/Electronics, Computer, Telecommunication and Information technology(2007), Chiang-rai, Thailand

### Poster presentations

1. “Effective One-dimensional Electronic Structure of InGaAs Quantum Dot Molecule”, **Nitidet Thudsalingkarnsakul**, Teeravat Limwongse, Naparat Siripitakchai, Somsak Panyakeow,

and Songphol Kanjanachuchai. The 33<sup>rd</sup> Micro and Nano Engineering (2007), Copenhagen, Denmark, 23-26 September, 2007.

สถาบันวิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นายนิธิเดช รัชศุกุล เกิดเมื่อวันที่ 5 พฤษภาคม พุทธศักราช 2526 อาศัยอยู่ที่บ้านเลขที่ 85/32 ถ.เพชรเกษม ต.หน้าเมือง อ.เมือง จ.ราชบุรี จบการศึกษาระดับมัธยมศึกษาจากโรงเรียนเบญจมราชนิสิต ราชบุรี ปีการศึกษา 2544 และสำเร็จการศึกษาระดับมหาวิทยาลัย ระดับปริญญาวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต สาขาวิชาบริการไฟฟ้า จากจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ปีการศึกษา 2548

