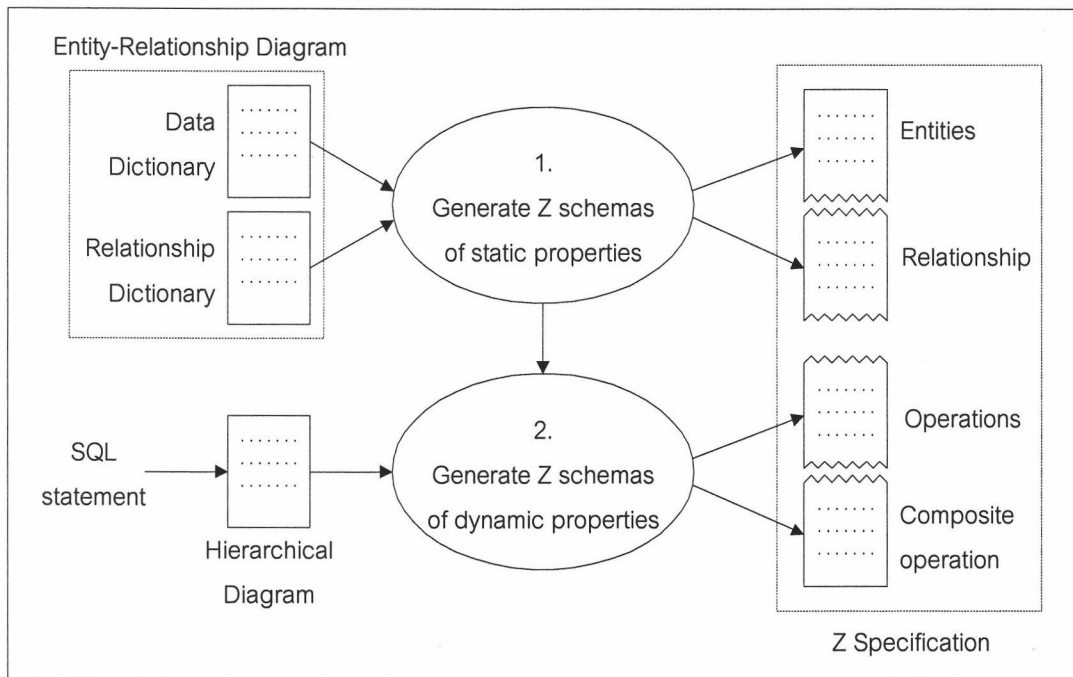


บทที่ 3

ขั้นตอนการสร้างข้อกำหนดเซตของ คุณสมบัติเชิงพฤติกรรมของระบบ

ในบทนี้ จะกล่าวถึงขั้นตอนสร้างข้อกำหนดเซตของคุณสมบัติเชิงพฤติกรรมของระบบ โดยกำหนดขั้นตอนวิธีในการแปลงแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ และแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอลเป็นข้อกำหนดเซต รวมทั้งการนำเสนอกฎที่ใช้ในการแปลงแผนภาพทั้งสองเป็นข้อกำหนดเซตของโครงสร้างข้อมูลและการดำเนินการพื้นฐาน

คุณสมบัติเชิงพฤติกรรมของระบบ หมายถึง พฤติกรรมที่สามารถเกิดขึ้นของระบบใดๆ โดยอาศัยโครงสร้างข้อมูลจากแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ เช่น การเพิ่มข้อมูล การแก้ไขข้อมูล และการค้นหาข้อมูล ด้วยเงื่อนไขที่ต้องการ เป็นต้น



รูปที่ 3.1 ขั้นตอนการสร้างข้อกำหนดเซตของคุณสมบัติเชิงพฤติกรรมของระบบ

3.1 ขั้นตอนการสร้างข้อกำหนดเซตของคุณสมบัติเชิงพฤติกรรมของระบบ

ขั้นตอนการสร้างข้อกำหนดเซตของคุณสมบัติเชิงพฤติกรรมของระบบ ประกอบด้วย 2 ขั้นตอน ดังรูปที่ 3.1 ดังนี้

ขั้นตอนที่ 1 การสร้างเค้าร่างเซตของคุณสมบัติสถิต (Static properties)

การสร้างเค้าร่างเซตของคุณสมบัติสถิต เป็นการสร้างข้อกำหนดเซตของส่วนโครงสร้างเอนทิตีและความสัมพันธ์ โดยนำเข้าเพิ่มพจนานุกรมข้อมูลและเพิ่มพจนานุกรมความสัมพันธ์ที่เขียนขึ้นจากแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ มาทำการแปลงเป็นข้อกำหนดเซตในส่วนของโครงสร้าง

กฎการแปลงแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ไปเป็นข้อกำหนดเซตมีจำนวน 8 ข้อ ซึ่งจะกล่าวถึงในหัวข้อ 3.2.1 แบ่งเป็น 4 ประเภท ดังนี้

- 1) ชนิดข้อมูล ได้จากเพิ่มพจนานุกรมข้อมูล ประกอบด้วยกฎการแปลงเป็นข้อกำหนดเซตจำนวน 2 ข้อ คือกฎข้อ 1-2
- 2) เค้าร่างเอนทิตี ได้จากเพิ่มพจนานุกรมข้อมูล ประกอบด้วยกฎการแปลงเป็นข้อกำหนดเซตจำนวน 2 ข้อ คือกฎข้อ 3-4
- 3) เค้าร่างความสัมพันธ์ ได้จากเพิ่มพจนานุกรมความสัมพันธ์ ประกอบด้วยกฎการแปลงเป็นข้อกำหนดเซตจำนวน 3 ข้อ คือกฎข้อ 5-7
- 4) เค้าร่างสถานะ ประกอบด้วยกฎการแปลงเป็นข้อกำหนดเซตจำนวน 1 ข้อ คือกฎข้อ 8

ขั้นตอนที่ 2 การสร้างเค้าร่างเซตของคุณสมบัติพลวัต (Dynamic properties)

การสร้างข้อกำหนดเซตของคุณสมบัติพลวัต เป็นการสร้างข้อกำหนดเซตของคุณสมบัติเชิงพฤติกรรมของระบบ โดยนำเข้าเพิ่มข้อมูลแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอล ซึ่งสร้างขึ้นจากการประกอบกันของการดำเนินการพื้นฐานของเครื่องมือซอฟต์แวร์ตามลำดับการทำงานของภาษาเอสคิวแอล มาทำการแปลงเป็นข้อกำหนดเซตของคุณสมบัติเชิงพฤติกรรมของระบบ

กฎการแปลงแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอลไปเป็นข้อกำหนดเซตมีจำนวน 20 ข้อ ซึ่งจะกล่าวถึงในหัวข้อ 3.2.2 แบ่งเป็น 4 ประเภท ดังนี้

- 1) เค้าร่างการปรับปรุงข้อมูล ประกอบด้วยกฎการแปลงเป็นข้อกำหนดเซตจำนวน 3 ข้อ คือกฎข้อ 9-11
- 2) เค้าร่างการค้นคืนข้อมูล ประกอบด้วยกฎการแปลงเป็นข้อกำหนดเซตจำนวน 12 ข้อ คือกฎข้อ 12-23
- 3) เค้าร่างฟังก์ชัน ประกอบด้วยกฎการแปลงเป็นข้อกำหนดเซตจำนวน 4 ข้อ คือกฎข้อ 24-27
- 4) เค้าร่างรวมการดำเนินการพื้นฐาน ประกอบด้วยกฎการแปลงเป็นข้อกำหนดเซตจำนวน 1 ข้อ คือกฎข้อ 28

จากขั้นตอนในการสร้างข้อกำหนดเซตทั้ง 2 ขั้นตอน จะได้เพิ่มข้อมูลผลลัพธ์ของข้อกำหนดเซตจำนวน 1 แห่ง ซึ่งประกอบด้วย 4 ส่วน ดังนี้

- 1) ข้อกำหนดเซตของโครงสร้างของเอนทิตี ซึ่งสร้างขึ้นจากเพิ่มพจนานุกรมข้อมูล
- 2) ข้อกำหนดเซตของความสัมพันธ์ระหว่างเอนทิตี ซึ่งสร้างขึ้นจากเพิ่มพจนานุกรมความสัมพันธ์
- 3) ข้อกำหนดเซตของการดำเนินการพื้นฐาน ซึ่งสร้างขึ้นจากเพิ่มแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอล

4) ข้อกำหนดเขตของการรวมการดำเนินการพื้นฐาน ซึ่งสร้างขึ้นจากแฟ้มแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอล

3.2 กฎการแปลงแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ และแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอลเป็นข้อกำหนดเขต

ในงานวิจัย "เครื่องมือแปลงแบบจำลองเอนทิตีและความสัมพันธ์เป็นข้อกำหนดรูปถ่ายในรูปสัญลักษณ์เขต" [4] ได้ทำการแปลงแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ไปเป็นข้อกำหนดเขต โดยข้อกำหนดเขตที่ได้แบ่งเป็น 2 ส่วน คือ

1) ส่วนคุณสมบัติของโครงสร้าง ประกอบด้วย การนิยามชนิดข้อมูล คำร่างเอนทิตี คำร่างเพิ่มเติมของเอนทิตี และคำร่างความสัมพันธ์

2) ส่วนคุณสมบัติพฤติกรรม ประกอบด้วย การเพิ่มระเบียบ การแก้ไขระเบียบ และการลบระเบียบ ซึ่งวิทยานิพนธ์นี้ได้ทำการปรับปรุงแก้ไขและเพิ่มคุณสมบัติพฤติกรรมชนิดใหม่ โดยกฎการแปลงแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ และแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอลเป็นข้อกำหนดเขต สามารถสรุปได้ดังนี้

3.2.1 กฎการแปลงแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ เป็นข้อกำหนดเขตของคุณสมบัติสถิติ

ข้อกำหนดเขตของคุณสมบัติสถิติของแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ คือส่วนโครงสร้างของเอนทิตีและความสัมพันธ์ โดยนำเข้าข้อมูลจากแฟ้มพจนานุกรมข้อมูลและแฟ้มพจนานุกรมความสัมพันธ์ของแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ และแปลงเป็นข้อกำหนดเขตตามกฎข้อที่ 1-8 ซึ่งสามารถแบ่งตามประเภทของแฟ้มข้อมูลเข้าได้ 2 ประเภท ดังนี้

3.2.1.1 กฎการแปลงแฟ้มพจนานุกรมข้อมูลเป็นข้อกำหนดเขตของคุณสมบัติสถิติ

กฎการแปลงแฟ้มพจนานุกรมข้อมูลเป็นข้อกำหนดเขตของคุณสมบัติสถิติ ประกอบด้วยส่วนโครงสร้างของเอนทิตี ดังกฎข้อที่ 1-4 ดังนี้

กฎข้อที่ 1 ชนิดข้อมูลของลักษณะประจำของเอนทิตีใดๆ ในแฟ้มพจนานุกรมข้อมูลของแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ (ยกเว้นชนิดข้อมูลแบบจำนวนนับและจำนวนธรรมชาติซึ่งมีในสัญลักษณ์เขต และชนิดข้อมูลแบบบูลีนซึ่งจะกล่าวในกฎข้อที่ 2) จะถูกสร้างเป็นกวีเขตของชนิดข้อมูลด้วยข้อกำหนดเขต ดังนี้

$$[AT_1, AT_2, \dots, AT_n]$$

โดยที่ AT คือ ชื่อชนิดข้อมูลของลักษณะประจำ

กฎข้อที่ 2 ชนิดข้อมูลแบบบูลีนของลักษณะประจำของเอนทิตีใดๆ ในแฟ้มพจนานุกรมข้อมูลของแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ จะถูกสร้างเป็นนิยามชนิดอิสระ (Free type definition) ด้วยข้อกำหนดเขต ดังนี้

$$\text{BOOLEAN} ::= \text{True} \mid \text{False}$$

โดยที่ BOOLEAN คือ ชื่อชนิดอิสระ

True | False คือ ค่าที่สามารถเป็นไปได้ของ BOOLEAN

กฎข้อที่ 3 รายละเอียดลักษณะประจำของเอนทิตีใดๆ ในแฟ้มพจนานุกรมข้อมูลของแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างเอนทิตีด้วยข้อกำหนดเซต ดังนี้

Entity
$an_1 : AT_1$
\vdots
$an_n : AT_n$
CS

โดยที่ Entity คือ ชื่อเอนทิตี

$an_1 \dots an_n$ คือ ชื่อลักษณะประจำ

$AT_1 \dots AT_n$ คือ ชนิดข้อมูลของลักษณะประจำ

CS คือ ข้อบังคับของลักษณะประจำ (ถ้ามี)

กฎข้อที่ 4 เอนทิตีใดๆ ในแฟ้มพจนานุกรมข้อมูลของแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ จะถูกสร้างเค้าร่างเพิ่มเติมของเอนทิตีในข้อกำหนดเซต โดยกำหนดเซตของสมาชิกในเอนทิตี คีย์หลัก และคีย์นอก ดังนี้

EntityExt
$entitySet : \mathbb{F} Entity$
$entityKey : \mathbb{F} (AT_1 \times AT_2 \times \dots \times AT_n)$
$entityAtt : (AT_1 \times AT_2 \times \dots \times AT_n) \rightarrow Entity$
$\forall Entity1, Entity2 : Entity$ ①
$ Entity1 \in entitySet \wedge Entity2 \in entitySet \wedge Entity1 \neq Entity2$
$\forall EntityVar2 : Entity \bullet$ ②
$(\exists EntityVar1 : Entity1 \bullet EntityVar2.an_i = Entity2.an_i)$
$dom\ entityAtt \subseteq entityKey$ ③

โดยที่ EntityExt คือ ชื่อเค้าร่างเพิ่มเติมของเอนทิตี

entitySet คือ เซตของสมาชิกของเอนทิตี

entityKey คือ เซตของคีย์หลักของเอนทิตี ซึ่งสามารถมีได้มากกว่า 1 ลักษณะประจำ

entityAtt คือ เซตซึ่งแสดงค่าสมาชิกของเอนทิตีที่สามารถระบุโดยคีย์หลัก

เพรดิเคต ① เป็นการกำหนดข้อบังคับของคีย์หลัก [4]

Entity1 คือ เอนทิตีลำดับที่ 1

Entity2 คือ เอนทิตีลำดับที่ 2

เพรดิเคต ② เป็นการกำหนดข้อบังคับของคีย์นอก [4] ซึ่งคีย์นอก 1 คีย์จะอธิบายด้วย 1

เพรดิเคต

EntityVar2 คือ เซตของเอนทิตีหลัก (Parent) ของคีย์นอก

EntityVar1 คือ เซตของเอนทิตีลูก (Child) ของคีย์นอก

เพรดิเคต ③ คือ การกำหนดโดเมนของเซต

3.2.1.2 กฎการแปลงเพิ่มพจนานุกรมความสัมพันธ์เป็นข้อกำหนดเซตของคุณสมบัติสถิติ

กฎการแปลงเพิ่มพจนานุกรมความสัมพันธ์เป็นข้อกำหนดเซตของคุณสมบัติสถิติ ประกอบด้วยส่วนโครงสร้างความสัมพันธ์ของเอนทิตี ดังกฎข้อที่ 5-7 ดังนี้

กฎข้อที่ 5 ความสัมพันธ์ของเอนทิตีแบบหนึ่งต่อหนึ่ง ในเพิ่มพจนานุกรมความสัมพันธ์ของแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างความสัมพันธ์แบบหนึ่งต่อหนึ่งด้วยข้อกำหนดเซต [4] ดังนี้

$$\begin{array}{|l}
 \hline
 \text{RelationshipEntity1Entity2} \\
 \hline
 \text{rel} : \mathbb{F} (\text{Entity1} \times \text{Entity2}) \\
 \hline
 \forall \text{rel1}, \text{rel2} : \text{rel} \bullet \\
 \quad \text{second} (\text{rel1}) = \text{second} (\text{rel2}) \Rightarrow \text{first} (\text{rel1}) = \text{first} (\text{rel2}) \wedge \\
 \quad \text{first} (\text{rel1}) = \text{first} (\text{rel2}) \Rightarrow \text{second} (\text{rel1}) = \text{second} (\text{rel2}) \\
 \hline
 \end{array}$$

โดยที่ $\text{RelationshipEntity1Entity2}$ คือ ชื่อเค้าร่างความสัมพันธ์ของ 2 เอนทิตี

rel คือ ชื่อความสัมพันธ์

เพรดิเคต เป็นการอธิบายความสัมพันธ์แบบหนึ่งต่อหนึ่งของ 2 เอนทิตี

rel1 คือ ความสัมพันธ์ลำดับที่ 1

rel2 คือ ความสัมพันธ์ลำดับที่ 2

กฎข้อที่ 6 ความสัมพันธ์ของเอนทิตีแบบหนึ่งต่อหลาย ในเพิ่มพจนานุกรมความสัมพันธ์ของแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างความสัมพันธ์แบบหนึ่งต่อหลายด้วยข้อกำหนดเซต [4] ดังนี้

$$\begin{array}{|l}
 \hline
 \text{RelationshipEntity1Entity2} \\
 \hline
 \text{rel} : \mathbb{F} (\text{Entity1} \times \text{Entity2}) \\
 \hline
 \forall \text{rel1}, \text{rel2} : \text{rel} \bullet \\
 \quad \text{second} (\text{rel1}) = \text{second} (\text{rel2}) \Rightarrow \text{first} (\text{rel1}) = \text{first} (\text{rel2}) \\
 \hline
 \end{array}$$

โดยที่ $\text{RelationshipEntity1Entity2}$ คือ ชื่อเค้าร่างความสัมพันธ์ของ 2 เอนทิตี

rel คือ ชื่อความสัมพันธ์

เพรดิเคต เป็นการอธิบายความสัมพันธ์แบบหนึ่งต่อหลายของ 2 เอนทิตี

rel1 คือ ความสัมพันธ์ลำดับที่ 1

rel2 คือ ความสัมพันธ์ลำดับที่ 2

กฎข้อที่ 7 ความสัมพันธ์ของเอนทิตีแบบหลายต่อหนึ่ง ในเพิ่มพจนานุกรมความสัมพันธ์ของแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างความสัมพันธ์แบบหลายต่อหนึ่งด้วยข้อกำหนดเซต [4] ดังนี้

$$\begin{array}{|l}
 \hline
 \text{RelationshipEntity1Entity2} \\
 \hline
 \text{rel} : \mathbb{F} (\text{Entity1} \times \text{Entity2}) \\
 \hline
 \forall \text{rel1}, \text{rel2} : \text{rel} \bullet \\
 \quad \text{first} (\text{rel1}) = \text{first} (\text{rel2}) \Rightarrow \text{second} (\text{rel1}) = \text{second} (\text{rel2}) \\
 \hline
 \end{array}$$

โดยที่ $\text{RelationshipEntity1Entity2}$ คือ ชื่อเค้าร่างความสัมพันธ์ของ 2 เอนทิตี

rel คือ ชื่อความสัมพันธ์

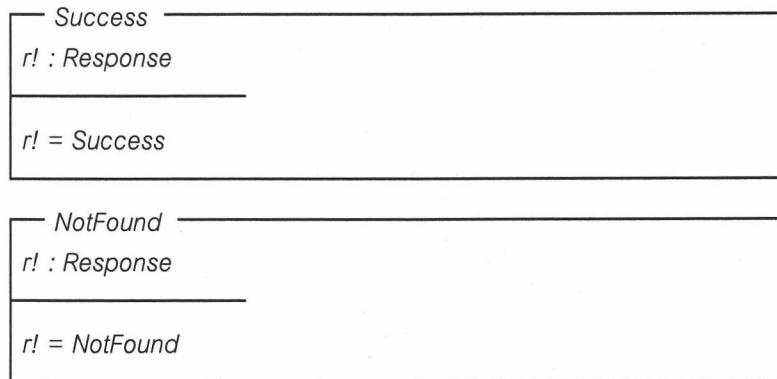
เพรดิเคต เป็นการอธิบายความสัมพันธ์แบบหลายต่อหนึ่งของ 2 เอนทิตี

rel1 คือ ความสัมพันธ์ลำดับที่ 1

rel2 คือ ความสัมพันธ์ลำดับที่ 2

กฎข้อที่ 8 ทุกแผนภาพเอนทิตีและความสัมพันธ์ จะมีเค้าร่างแสดงสถานะ ซึ่งประกอบด้วยเค้าร่างแสดงความสำเร็จ (Success) และเค้าร่างแสดงการไม่พบข้อมูล (NotFound) ดังนี้

$Response := Success \mid NotFound$



โดยที่ *Response* คือ ชื่อชนิดอิสระ ซึ่งมีค่าที่สามารถเป็นไปได้คือ *Success* และ *NotFound*

Success คือ ชื่อเค้าร่างแสดงความสำเร็จ

r! คือ ชื่อผลลัพธ์ของค่าความสำเร็จในเค้าร่างแสดงความสำเร็จ หรือชื่อผลลัพธ์ของค่าการไม่พบข้อมูลในเค้าร่างแสดงการไม่พบข้อมูล

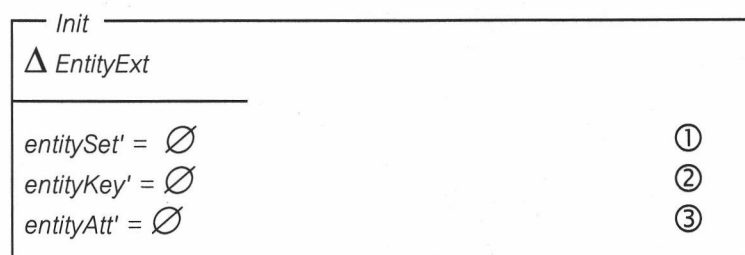
NotFound คือ ชื่อเค้าร่างแสดงการไม่พบข้อมูล

เพรดิเคต คือ การแสดงค่าความสำเร็จ หรือการไม่พบข้อมูล

3.2.2 กฎการแปลงแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอล เป็นข้อกำหนดเซตของคุณสมบัติพลวัต

ข้อกำหนดเซตของคุณสมบัติพลวัตของแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอล คือ ข้อกำหนดเซตของการดำเนินการพื้นฐานและการรวมการดำเนินการพื้นฐานซึ่งเป็นคุณสมบัติเชิงพฤติกรรมของระบบ โดยนำเข้าสู่ข้อมูลจากแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอลและแปลงเป็นข้อกำหนดเซต ตามกฎข้อที่ 9-28 ดังนี้

กฎข้อที่ 9 การดำเนินการพื้นฐานเพิ่มข้อมูล จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างก่อนเพิ่มข้อมูล (Init) และเค้าร่างเพิ่มข้อมูล (Insert) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการเพิ่มข้อมูลจะรวมข้อมูลใหม่เข้ากับเซตของข้อมูลเดิม ดังนี้



Insert	
Δ EntityExt	
entityKey? : (AT ₁ x AT ₂ x ... x AT _n)	
newValue? : Entity	
<hr/>	
entityKey? \notin dom entityAtt	④
CS	⑤
entitySet' = entitySet \cup {newValue?}	⑥

โดยที่ *Init* คือ ชื่อเค้าร่างก่อนการเพิ่มข้อมูล

เพรดิเคต ① เป็นการกำหนดให้เอนทิตีเป็นเซตว่าง

เพรดิเคต ② เป็นการกำหนดให้ค่าซึ่งเป็นเซตของคีย์หลักเป็นเซตว่าง

เพรดิเคต ③ เป็นการกำหนดให้ค่าของคีย์หลักซึ่งชี้ไปยังเอนทิตีเป็นเซตว่าง

Insert คือ ชื่อเค้าร่างการเพิ่มข้อมูลในเอนทิตี

Δ EntityExt คือ การรวมเค้าร่างเพิ่มเติมของเอนทิตี เพื่อการแก้ไขเปลี่ยนแปลง

entityKey? คือ ข้อมูลเข้า คีย์หลักที่ต้องการเพิ่มในเอนทิตี

newValue? คือ ข้อมูลเข้า ค่าข้อมูลที่ต้องการเพิ่มในเอนทิตี

เพรดิเคต ④ เป็นการตรวจสอบการไม่มีอยู่ของคีย์หลักที่ต้องการเพิ่มในเอนทิตี

เพรดิเคต ⑤ เป็นข้อบังคับของลักษณะประจำ (ถ้ามี)

เพรดิเคต ⑥ เป็นการนำค่าข้อมูลเข้ามาผูกกับเซตของข้อมูลเดิมของเอนทิตีนั้น [4]

กฎข้อที่ 10 การดำเนินการพื้นฐานของการแก้ไขข้อมูล จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างการแก้ไขข้อมูล (Update) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยระบุค่าคีย์หลักและข้อมูลใหม่ที่ต้องการแก้ไข ซึ่งจะนำไปทำการแทนที่ข้อมูลในเซตข้อมูลเดิมด้วยคีย์หลักที่กำหนด ดังนี้

Update	
Δ EntityExt	
entityKey? : (AT ₁ x AT ₂ x ... x AT _n)	
newValue? : Entity	
<hr/>	
entityKey? \in dom entityAtt	①
CS	②
entityAtt' = entityAtt \oplus { entityKey? \mapsto newValue? }	③

โดยที่ *Update* คือ ชื่อเค้าร่างการแก้ไขข้อมูลในเอนทิตี

Δ EntityExt คือ การรวมเค้าร่างเพิ่มเติมของเอนทิตี เพื่อการแก้ไขเปลี่ยนแปลง

entityKey? คือ ข้อมูลเข้า คีย์หลักที่ต้องการแก้ไขของเอนทิตี

newValue? คือ ข้อมูลเข้า ค่าข้อมูลใหม่ที่ต้องการแก้ไข

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบการมีอยู่ของคีย์หลักที่ต้องการแก้ไข

เพรดิเคต ② CS เป็นข้อบังคับของลักษณะประจำ (ถ้ามี)

เพรดิเคต ③ เป็นการแทนค่าข้อมูลใหม่ลงในข้อมูลเดิมตามค่าของคีย์หลักที่กำหนด

กฎข้อที่ 11 การดำเนินการพื้นฐานของการลบข้อมูล จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างการลบข้อมูล (Delete) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยระบุคีย์หลักและข้อมูลที่ต้องการลบ ซึ่งจะนำเซตของข้อมูลเดิมลบด้วยเซตของข้อมูลที่ต้องการลบ หากข้อมูลที่ต้องการลบเป็นคีย์นอกของเอนทิตีอื่น ข้อมูลของคีย์นอกในเอนทิตีนั้นจะถูกลบออกด้วย ดังนี้

Delete	
Δ EntityExt	
entityKey? : $(AT_1 \times AT_2 \times \dots \times AT_n)$	
delEntity? : Entity	
DeleteEntity _i	
<hr/>	
entityKey? \in dom entityAtt	①
delEntity?.an _{pk} = delEntity?.an _{fk}	②
entitySet' = entitySet \ {delEntity?}	③

โดยที่ Delete คือ ชื่อเค้าร่างการลบข้อมูลในเอนทิตี

Δ EntityExt คือ การรวมเค้าร่างเพิ่มเติมของเอนทิตี เพื่อการแก้ไขเปลี่ยนแปลง

entityKey? คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นคีย์หลักที่ต้องการลบจากเอนทิตี

delEntity? คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นค่าที่ต้องการลบจากเอนทิตี

DeleteEntity_i คือ ชื่อเค้าร่างการลบข้อมูลของเอนทิตีที่เป็นลูก (ถ้ามี)

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบการมีอยู่ของคีย์หลักที่ต้องการลบ

เพรดิเคต ② เป็นการตรวจสอบคีย์หลักของเอนทิตีลูก (ถ้ามี) กับคีย์นอกที่ต้องการลบ

โดย delEntity?.an_{pk} คือคีย์หลักของเอนทิตีลูก และ delEntity?.an_{fk} คือคีย์นอกของเอนทิตีที่ต้องการลบ

เพรดิเคต ③ เป็นการลบค่าข้อมูลออกจากข้อมูลของเอนทิตี [4]

กฎข้อที่ 12 การดำเนินการพื้นฐานของการเลือกแถว เป็นการเลือกแถวที่ต้องการจากเอนทิตีด้วยค่าของลักษณะประจำตามที่กำหนด จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างผลลัพธ์ (R) และเค้าร่างการเลือกแถว (Select) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยเลือกเฉพาะสมาชิกของเซตที่มีค่าของลักษณะประจำตรงตามค่าที่กำหนด ดังนี้

R	
an _i : AT _i	
...	
an _n : AT _n	
<hr/>	
Select	
input1? : \mathbb{F} Entity	
an _i Value? : AT _i	
output! : \mathbb{F} R	
<hr/>	
input1? $\neq \emptyset$	①
\forall out : output!; in1 : input1? in1.an _i = an _i Value1? • out = in1	②

โดยที่ R คือ คำร่างผลลัพธ์ของคำร่างการเลือกแถว ซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำเหมือนคำร่างเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้า ($input1?$)

an_1, \dots, an_n คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี

Select คือ ชื่อคำร่างการเลือกแถว

$input1?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่ต้องการทำการเลือกแถว

$an_n Value?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นค่าลักษณะประจำที่เป็นเงื่อนไขในการเลือกแถว

$output!$ คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของคำร่างการเลือกแถว

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ② กำหนดให้ข้อมูลผลลัพธ์มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้า ($out = in1$) โดยเลือกเฉพาะข้อมูลที่มีค่าของลักษณะประจำตรงตามค่าที่กำหนด ($in1.an_i = an_i Value1?$)

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

$in1$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้า

กฎข้อที่ 13 การดำเนินการพื้นฐานของการเลือกสดมภ์ เป็นการเลือกสดมภ์ที่ต้องการจากเอนทิตี จะถูกสร้างเป็นคำร่างผลลัพธ์ (R) และคำร่างการเลือกสดมภ์ ($Project$) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยเลือกเฉพาะลักษณะประจำที่กำหนด ดังนี้

R	
$an_1 : AT_1$ \dots $an_n : AT_n$	
<hr/>	
$Project$	
$input1? : F Entity$ $output! : F R$	
<hr/>	
$input1? \neq \emptyset$	①
$\forall out : output!; in1 : input1?$	②
<ul style="list-style-type: none"> • $out.an_1 = in1.an_1 \wedge$ $\dots \quad \quad \quad \wedge$ $out.an_n = in1.an_n$ 	

โดยที่ R คือ คำร่างผลลัพธ์ของคำร่างการเลือกสดมภ์ ซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำตามสดมภ์ที่ต้องการ

an_1, \dots, an_n คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี

Project คือ ชื่อคำร่างการเลือกสดมภ์

$input1?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่ต้องการทำการเลือกสดมภ์

$output!$ คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของคำร่างการเลือกสดมภ์

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ② กำหนดให้ข้อมูลผลลัพธ์มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้า ($out.an_1 = in1.an_1$, $\wedge \dots \wedge out.an_n = in1.an_n$) โดยเลือกเฉพาะลักษณะประจำตามที่ระบุไว้

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

$in1$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้า

กฎข้อที่ 14 การดำเนินการพื้นฐานของการจอยแบบธรรมชาติ เป็นการรวมข้อมูลของ 2 เอนทิตีที่มีลักษณะประจำร่วมกัน (common attribute) เข้าด้วยกัน จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างผลลัพธ์ (R) และเค้าร่างการจอยแบบธรรมชาติ (Join) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยเลือกเฉพาะสมาชิกจากทั้ง 2 เอนทิตีที่ค่าของลักษณะประจำร่วมกันมีค่าเท่ากัน ดังนี้

R	
$an_1 : AT_1$	
...	
$an_n : AT_n$	
Join	
$input1? : F Entity1$	
$input2? : F Entity2$	
$output! : F R$	
$input1? \neq \emptyset$	①
$input2? \neq \emptyset$	②
$\forall out : output!; in1 : input1?; in2 : input2$	③
$\begin{array}{l} in1.an_{pk} = in2.an_{pk} \\ \bullet out.an_1 = in1.an_1 \wedge \\ \dots \wedge \\ out.an_n = in2.an_n \end{array}$	

โดยที่ R คือ เค้าร่างผลลัพธ์ของเค้าร่างการจอยแบบธรรมชาติ ซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำเหมือนเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าทั้ง 2 เอนทิตีรวมกัน

$an_1 \dots an_n$ คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี

Join คือ ชื่อเค้าร่างการจอยแบบธรรมชาติ

$input1?$ คือ ข้อมูลเข้า ชื่อเอนทิตีที่ต้องการจอยลำดับที่ 1

$input2?$ คือ ข้อมูลเข้า ชื่อเอนทิตีที่ต้องการจอยลำดับที่ 2

$output!$ คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของเค้าร่างการจอยแบบธรรมชาติ

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 1 ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ② เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 2 ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ③ กำหนดให้ข้อมูลผลลัพธ์ มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าทั้ง 2 เอนทิตี

($out.an_1 = in1.an_1 \wedge \dots \wedge out.an_n = in2.an_n$) โดยเลือกเฉพาะข้อมูลที่มีค่าของคีย์นอกเท่ากับค่าของคีย์หลัก ($in1.an_{pk} = in2.an_{pk}$)

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

in1 คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 1

in2 คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 2

กฎข้อที่ 15 การดำเนินการพื้นฐานของการยูเนียน เป็นการรวมสมาชิกของ 2 เอนทิตีที่มีลักษณะประจำเหมือนกันทุกประการ จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างผลลัพธ์ (*R*) และเค้าร่างยูเนียน (Union) ด้วยข้อกำหนดเขตโดยการยูเนียนทั้ง 2 เอนทิตีเข้าด้วยกัน ดังนี้

R $an_i : AT_i$... $an_n : AT_n$	
$Union$ $\exists Entity1$ $\exists Entity2$ $input1? : F Entity1$ $input2? : F Entity2$ $output! : F R$	
$\theta Entity1 = \theta Entity2$	①
$\forall out : F output!; in1 : input1?; in2 : input2$ • $out = \{in1\} \cup \{in2\}$	②

โดยที่ *R* คือ เค้าร่างผลลัพธ์ของเค้าร่างยูเนียน ซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำเหมือนเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าทั้ง 2 เอนทิตี (*input1?* และ *input2?*)

an_i, \dots, an_n คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี

Union คือ ชื่อเค้าร่างการยูเนียน

$\exists Entity1$ คือ การรวมเค้าร่างของเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 1 โดยไม่มีการเปลี่ยนแปลงข้อมูล

$\exists Entity2$ คือ การรวมเค้าร่างของเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 2 โดยไม่มีการเปลี่ยนแปลงข้อมูล

input1? คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่ต้องการยูเนียนลำดับที่ 1

input2? คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่ต้องการยูเนียนลำดับที่ 2

output! คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของเค้าร่างยูเนียน

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบความเหมือนกันของโครงสร้างทั้ง 2 เอนทิตี

เพรดิเคต ② กำหนดให้เอนทิตีผลลัพธ์มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าทั้ง 2 เอนทิตี ทำการยูเนียนกัน ($out = \{in1\} \cup \{in2\}$)

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

in1 คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 1

in_2 คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 2

กฎข้อที่ 16 การดำเนินการพื้นฐานของการอินเตอร์เซค เป็นการเลือกสมาชิกที่ซ้ำกันของ 2 เอนทิตีที่มีลักษณะประจำเหมือนกันทุกประการ จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างผลลัพธ์ (R) และเค้าร่างอินเตอร์เซค (Intersect) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการอินเตอร์เซคทั้ง 2 เอนทิตีเข้าด้วยกัน ดังนี้

R	
$an_1 : AT_1$	
...	
$an_n : AT_n$	
Intersect	
\boxplus Entity1	
\boxplus Entity2	
$input1? : \mathbb{F} Entity1$	
$input2? : \mathbb{F} Entity2$	
$output! : \mathbb{F} R$	
$\theta Entity1 = \theta Entity2$	①
$\forall out : \mathbb{F} output!; in1 : input1?; in2 : input2?$	②
• $out = \{in1\} \cap \{in2\}$	

โดยที่ R คือ เค้าร่างผลลัพธ์ของเค้าร่างอินเตอร์เซค ซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำเหมือนเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าทั้ง 2 เอนทิตี ($input1?$ และ $input2?$)

an_1, \dots, an_n คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี

Intersect คือ ชื่อเค้าร่างอินเตอร์เซค

\boxplus Entity1 คือ การรวมเค้าร่างของเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 1 โดยไม่มีการเปลี่ยนแปลงข้อมูล

\boxplus Entity2 คือ การรวมเค้าร่างของเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 2 โดยไม่มีการเปลี่ยนแปลงข้อมูล

$input1?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่ต้องการอินเตอร์เซคลำดับที่ 1

$input2?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่ต้องการอินเตอร์เซคลำดับที่ 2

$output!$ คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของเค้าร่างอินเตอร์เซค

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบความเหมือนกันของโครงสร้างทั้ง 2 เอนทิตี

เพรดิเคต ② กำหนดให้เอนทิตีผลลัพธ์มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าทั้ง 2 เอนทิตี ทำการอินเตอร์เซคกัน ($out = \{in1\} \cap \{in2\}$)

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

in_1 คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 1

in_2 คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 2

กฎข้อที่ 17 การดำเนินการพื้นฐานของการหาผลต่าง เป็นการหาผลต่างของ 2 เอนทิตีที่มีลักษณะประจำเหมือนกัน จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างผลลัพธ์ (R) และเค้าร่างการหาผลต่าง (Except) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการลบเซตของสมาชิกของเอนทิตีลำดับที่ 2 ออกจากเซตของเอนทิตีลำดับแรก ดังนี้

R $an_i : AT_i$ \dots $an_n : AT_n$
$Except$ $\Sigma Entity1$ $\Sigma Entity2$ $input1? : F Entity1$ $input2? : F Entity2$ $output! : F R$
$\theta Entity1 = \theta Entity2 \quad \textcircled{1}$ $\forall out : F output!; in1 : input1?; in2 : input2 \quad \textcircled{2}$ <ul style="list-style-type: none"> • $out = \{in1\} \setminus \{in2\}$

โดยที่ R คือ เค้าร่างผลลัพธ์ของเค้าร่างการหาผลต่าง ซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำเหมือนเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าทั้ง 2 เอนทิตี ($input1?$ และ $input2?$)

an_i, \dots, an_n คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี

Except คือ ชื่อเค้าร่างการหาผลต่าง

$\Sigma Entity1$ คือ การรวมเค้าร่างของเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 1 โดยไม่มีการเปลี่ยนแปลงข้อมูล

$\Sigma Entity2$ คือ การรวมเค้าร่างของเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 2 โดยไม่มีการเปลี่ยนแปลงข้อมูล

$input1?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่ต้องการหาผลต่างลำดับที่ 1 (ตัวตั้ง)

$input2?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่ต้องการหาผลต่างลำดับที่ 2 (ตัวลบ)

$output!$ คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของเค้าร่างการหาผลต่าง

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบความเหมือนกันของโครงสร้างทั้ง 2 เอนทิตี

เพรดิเคต ② กำหนดให้ข้อมูลผลลัพธ์มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าทั้ง 2 เอนทิตี ทำการลบกัน ($out = \{in1\} \setminus \{in2\}$)

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

$in1$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 1

$in2$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าลำดับที่ 2

กฎข้อที่ 18 การดำเนินการพื้นฐานของเงื่อนไขอิน เป็นการเลือกสมาชิกในเอนทิตีที่เป็นควิรี่หลัก โดยเลือกเฉพาะที่มีลักษณะประจำที่กำหนดอยู่ในเอนทิตีที่เป็นควิรี่ย่อย (subquery) จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างผลลัพธ์

(R) และเค้าร่างอิน (In) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการเลือกเฉพาะสมาชิกในเอนทิตีลำดับที่ 1 ที่มีค่าลักษณะประจำที่กำหนดเป็นสมาชิกของเอนทิตีลำดับที่ 2 ดังนี้

R $an_1 : AT_1$ \dots $an_n : AT_n$	
In $input1? : F Entity1$ $input2? : F Entity2$ $output! : F R$	
$input1? \neq \emptyset$	①
$input2? \neq \emptyset$	②
$\forall out : output!; in1 : input1?; in2 : input2$	③
$ in1.an_i \in in2.an_i$	
$\bullet out = in1$	

โดยที่ R คือ เค้าร่างผลลัพธ์ของเค้าร่างอิน ซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำเหมือนเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก ($input1?$)

$an_1 \dots an_n$ คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี ซึ่งเหมือนเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก

In คือ ชื่อเค้าร่างอิน

$input1?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลักของเงื่อนไข

$input2?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อยของเงื่อนไข

$output!$ คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของเค้าร่างอิน

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลักต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ② เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อยต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ③ กำหนดให้ข้อมูลผลลัพธ์มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก ($out = in1$) โดย

เลือกเฉพาะข้อมูลที่มีค่าของลักษณะประจำที่กำหนดเป็นสมาชิกของเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อย ($in1.an_i \in in2.an_i$)

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

$in1$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก

$in2$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อย

กฎข้อที่ 19 การดำเนินการพื้นฐานของเงื่อนไขนอหิน เป็นการเลือกสมาชิกในเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก โดยเลือกเฉพาะที่ลักษณะประจำที่กำหนดไม่อยู่ในเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อย จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างผลลัพธ์ (R) และเค้าร่างนอหิน (NotIn) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการเลือกเฉพาะสมาชิกในเอนทิตีลำดับที่ 1 ที่ค่าลักษณะประจำที่กำหนดไม่เป็นสมาชิกของเอนทิตีลำดับที่ 2 ดังนี้

R $an_1 : AT_1$... $an_n : AT_n$	
$NotIn$ $input1? : F Entity1$ $input2? : F Entity2$ $output! : F R$	
$input1? \neq \emptyset$ $input2? \neq \emptyset$ $\forall out : output!; in1 : input1?; in2 : input2$ $in1.an_i \notin in2.an_i$ • $out = in1$	① ② ③

โดยที่ R คือ คำร่างผลลัพธ์ของคำร่างนอทอน ซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำเหมือนเอนทิตีที่เป็นคิวิรีหลัก ($input1?$)

an_1, \dots, an_n คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี ซึ่งเหมือนเอนทิตีที่เป็นคิวิรีหลัก

$NotIn$ คือ ชื่อคำร่างนอทอน

$input1?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิรีหลักของเงื่อนไขนอทอน

$input2?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิรีย่อยของเงื่อนไขนอทอน

$output!$ คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของคำร่างนอทอน

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นคิวิรีหลัก ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ② เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นคิวิรีย่อย ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ③ กำหนดให้ข้อมูลผลลัพธ์มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นคิวิรีหลัก ($out = in1$) โดย

เลือกเฉพาะข้อมูลที่มีค่าของลักษณะประจำที่กำหนดไม่เป็นสมาชิกของเอนทิตีที่เป็นคิวิรีย่อย ($in1.an_i \notin in2.an_i$)

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

$in1$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิรีหลัก

$in2$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิรีย่อย

กฎข้อที่ 20 การดำเนินการพื้นฐานของเงื่อนไขเอกสิทธิ์ เป็นการเลือกสมาชิกในเอนทิตีที่เป็นคิวิรีหลัก และมีอยู่ในเอนทิตีที่เป็นคิวิรีย่อย จะถูกสร้างเป็นคำร่างผลลัพธ์ (R) และคำร่างเอกสิทธิ์ ($Exists$) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการเลือกเฉพาะสมาชิกในเอนทิตีลำดับที่ 2 ซึ่งมีค่าลักษณะประจำครอบคลุมค่าลักษณะประจำทั้งหมดของสมาชิกในเอนทิตีลำดับที่ 1 ดังนี้

R $an_1 : AT_1$... $an_n : AT_n$	
--	--

Exists	
$input1? : \mathbb{F} Entity1$	
$input2? : \mathbb{F} Entity2$	
$output! : \mathbb{F} R$	
$input1? \neq \emptyset$	①
$input2? \neq \emptyset$	②
$\forall out : output!; in1 : input1?; in2 : input2$	③
$ in1.an_1 \in in2.an_1 \wedge$	
$\dots \wedge$	
$in1.an_n \in in2.an_n$	
• $out = in2$	

โดยที่ R คือ คำร่างผลลัพธ์ของคำร่างเอ็กซิสท์ ซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำเหมือนเอนทิตีที่เป็นควิรีย่อย ($input2?$)

an_1, \dots, an_n คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี ซึ่งเหมือนเอนทิตีที่เป็นควิรีย่อย

Exists คือ ชื่อคำร่างเอ็กซิสท์

$input1?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นควิรีย่อยหลักของเงื่อนไขเอ็กซิสท์

$input2?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นควิรีย่อยของเงื่อนไขเอ็กซิสท์

$output!$ คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของคำร่างเอ็กซิสท์

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นควิรีย่อยหลัก ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ② เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นควิรีย่อย ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ③ กำหนดให้ข้อมูลผลลัพธ์มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นควิรีย่อย ($out = in2$) โดย

เลือกเฉพาะข้อมูลที่สมาชิกของควิรีย่อยหลักมีอยู่ในควิรีย่อย ($in1.an_1 \in in2.an_1 \wedge \dots \wedge in1.an_n \in in2.an_n$)

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

$in1$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นควิรีย่อยหลัก

$in2$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นควิรีย่อย

กฎข้อที่ 21 การดำเนินการพื้นฐานของเงื่อนไขเอ็กซิสท์ เป็นการเลือกสมาชิกในเอนทิตีที่เป็นควิรีย่อยหลักแต่ไม่มีอยู่ในเอนทิตีที่เป็นควิรีย่อย จะถูกสร้างเป็นคำร่างผลลัพธ์ (R) และคำร่างน็อทเอ็กซิสท์ ($NotExists$) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการเลือกเฉพาะสมาชิกในเอนทิตีลำดับที่ 1 ซึ่งค่าลักษณะประจำทุกค่าไม่เป็นสมาชิกของเอนทิตีลำดับที่ 2 ดังนี้

R	
$an_1 : AT_1$	
\dots	
$an_n : AT_n$	

NotExists	
$input1? : \mathbb{F} Entity1$	
$input2? : \mathbb{F} Entity2$	
$output! : \mathbb{F} R$	
$input1? \neq \emptyset$	①
$input2? \neq \emptyset$	②
$\forall out : output!; in1 : input1?; in2 : input2$	③
$ in1.an_1 \notin in2.an_1 \wedge$	
$... \wedge$	
$in1.an_n \notin in2.an_n$	
• $out = in1$	

โดยที่

R คือ คำร่างผลลัพธ์ของคำรำนี้ออกเสียงซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำเหมือนเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก ($input1?$)

$an_1 \dots an_n$ คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี ซึ่งเหมือนเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก

$NotExists$ คือ ชื่อคำรำนี้ออกเสียง

$input1?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลักของเงื่อนไขน้อทเสียง

$input2?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อยของเงื่อนไขน้อทเสียง

$output!$ คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของคำรำนี้ออกเสียง

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ② เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อย ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ③ กำหนดให้เอนทิตีผลลัพธ์มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก ($out = in1$) โดย

เลือกเฉพาะข้อมูลที่ไม่เป็นสมาชิกของเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อย ($in1.an_1 \notin in2.an_1 \wedge \dots \wedge in1.an_n \notin in2.an_n$)

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

$in1$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก

$in2$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อย

กฎข้อที่ 22 การดำเนินการพื้นฐานของเงื่อนไขออก เป็นการเลือกสมาชิกในเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลักที่มีลักษณะประจำบางอย่างมีค่าตรงกับทั้งหมดของเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อย จะถูกสร้างเป็นคำร่างผลลัพธ์ (R) และคำร่างออก (All) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการเลือกเฉพาะสมาชิกในเอนทิตีลำดับที่ 1 ซึ่งมีค่าลักษณะประจำที่กำหนดตรงกับเซตของสมาชิกทั้งหมดของเอนทิตีลำดับที่ 2 ดังนี้

R	
$an_1 : AT_1$	
...	
$an_n : AT_n$	

All	
$input1? : F Entity1$	
$input2? : F Entity2$	
$output! : F R$	
$input1? \neq \emptyset$	①
$input2? \neq \emptyset$	②
$\forall out : output!; in1 : input1?$	③
$ \left(\begin{aligned} &(\forall i1 : input1?; i2 : input2? \mid i1.an_i \square i2.an_i \bullet true) \\ &\bullet out = in1 \end{aligned} \right) $	

โดยที่ R คือ คำร่างผลลัพธ์ของคำร่างออก ซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำเหมือนเอนทิตีที่คิวิหลัก (input1?)

an_1, \dots, an_n คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี ซึ่งเหมือนเอนทิตีที่เป็นคิวิหลัก

All คือ ชื่อคำร่างออก

input1? คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิหลักของเงื่อนไขออก

input2? คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิย่อยของเงื่อนไขออก

output! คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของคำร่างออก

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นคิวิหลัก ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ② เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นคิวิย่อย ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ③ กำหนดให้เอนทิตีผลลัพธ์มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นคิวิหลัก ($out = in1$) โดย

เลือกเฉพาะข้อมูลที่มีลักษณะประจำที่กำหนดมีค่าตรงกับทั้งหมดของสมาชิกของเอนทิตีที่เป็นคิวิย่อย ($\forall i1 : input1?; i2 : input2? \mid i1.an_i \square i2.an_i \bullet true$) โดยเครื่องหมาย \square หมายถึงเครื่องหมายการเปรียบเทียบที่สามารถเป็นไปได้ คือ $>, <, =, >=, <=$ และ \neq

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

in1 คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิหลัก

i1 คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิหลัก

i2 คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิย่อย

กฎข้อที่ 23 การดำเนินการพื้นฐานของเงื่อนไขเอนนี้ เป็นการเลือกสมาชิกในเอนทิตีที่เป็นคิวิหลักที่มีลักษณะประจำบางอย่างมีค่าตรงกับบางส่วนของเอนทิตีที่เป็นคิวิย่อย จะถูกสร้างเป็นคำร่างผลลัพธ์ (R) และคำร่างเอนนี้ (Any) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการเลือกเฉพาะสมาชิกในเอนทิตีลำดับที่ 1 ซึ่งมีค่าลักษณะประจำที่กำหนดตรงกับบางส่วนของเซตของสมาชิกของเอนทิตีลำดับที่ 2 ดังนี้

R	
$an_i : AT_i$	
...	
$an_n : AT_n$	

Any	
$input1? : F \text{ Entity1}$	
$input2? : F \text{ Entity2}$	
$output! : F R$	
$input1? \neq \emptyset$	①
$input2? \neq \emptyset$	②
$\forall out : output!; in1 : input1?$	③
$ (\exists i1 : input1?; i2 : input2? i1.an_i \sqcap i2.an_i \bullet true)$	
$\bullet out = in1$	

โดยที่ R คือ คำร่างผลลัพธ์ของคำร่างเอนนี้ ซึ่งมีสถานะเทียบเท่าเอนทิตี โดยมีลักษณะประจำเหมือนเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก ($input1?$)

an_1, \dots, an_n คือ ชื่อลักษณะประจำของเอนทิตี ซึ่งเหมือนเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก

Any คือ ชื่อคำร่างเอนนี้

$input1?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลักของเงื่อนไขเอนนี้

$input2?$ คือ ข้อมูลเข้าซึ่งเป็นชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อยของเงื่อนไขเอนนี้

$output!$ คือ ข้อมูลผลลัพธ์ ชื่อคำร่างผลลัพธ์ของคำร่างเอนนี้

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ② เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อย ต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ③ กำหนดให้เอนทิตีผลลัพธ์มีค่าเท่ากับเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก ($out = in1$) โดย

เลือกเฉพาะข้อมูลที่ค่าของลักษณะประจำที่กำหนดมีค่าตรงกับบางส่วนของสมาชิกของเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อย

$(\exists i1 : input1?; i2 : input2? | i1.an_n \sqcap i2.an_n \bullet true)$ โดยเครื่องหมาย \sqcap หมายถึงเครื่องหมายการ

เปรียบเทียบที่สามารถเป็นไปได้ คือ $>$, $<$, $=$, $>=$, $<=$ และ \neq

out คือ ชื่อข้อมูลผลลัพธ์

$in1$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก

$i1$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์หลัก

$i2$ คือ ชื่อเอนทิตีที่เป็นคิวิร์ย่อย

กฎข้อที่ 24 การดำเนินการพื้นฐานของฟังก์ชันนับจำนวนสมาชิก เป็นฟังก์ชันนับจำนวนสมาชิกในเอนทิตี จะถูกสร้างเป็นคำร่างฟังก์ชันนับจำนวนสมาชิก (Count) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการนับจำนวนสมาชิกในเอนทิตีที่กำหนด ดังนี้

Count	
$input1? : F \text{ Entity}$	
$output! : N$	
$input1? \neq \emptyset$	①
$output! = \# input1?$	②

โดยที่ $Count$ คือ ชื่อคำร่างฟังก์ชันนับจำนวนสมาชิก

input1? คือ ข้อมูลเข้า ชื่อเอนทิตีที่ต้องการนับจำนวนสมาชิก

output! คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของการนับจำนวนสมาชิก

เพรดิเคต ① เป็นการตรวจสอบว่าเอนทิตีที่เป็นข้อมูลเข้าต้องมีข้อมูลอยู่

เพรดิเคต ② กำหนดให้ผลที่ได้จากการนับจำนวนสมาชิก มีค่าเท่ากับจำนวนสมาชิกของ

ข้อมูลเข้า

กฎข้อที่ 25 การดำเนินการพื้นฐานของฟังก์ชันหาค่าสูงสุด เป็นฟังก์ชันหาค่าสูงสุดของลักษณะประจำในเอนทิตี จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างฟังก์ชันหาค่าสูงสุด (Max) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการหาค่าสูงสุดของลักษณะประจำที่กำหนด โดยลักษณะประจำนั้นต้องมีชนิดข้อมูลเป็นจำนวนนับ ดังนี้

Max $\exists Entity$ <i>output!</i> : \mathbb{Z}
$\forall in1 : F Entity \mid in1 \neq \emptyset \bullet output! = \max \{an_i\}$

โดยที่ Max คือ ชื่อเค้าร่างฟังก์ชันหาค่าสูงสุด

$\exists Entity$ คือ การรวมเค้าร่างเอนทิตีที่ต้องการหาค่าสูงสุดของลักษณะประจำ

output! คือ ข้อมูลผลลัพธ์ของการหาค่าสูงสุดของลักษณะประจำ

เพรดิเคต เป็นการกำหนดให้ผลที่ได้จากการหาค่าสูงสุด มีค่าเท่ากับค่าสูงสุดของลักษณะประจำที่กำหนด โดยลักษณะประจำนั้นต้องมีชนิดข้อมูลเป็นจำนวนนับหรือจำนวนธรรมชาติเท่านั้น โดย an_i คือชื่อลักษณะประจำที่ต้องการหาค่าสูงสุด

กฎข้อที่ 26 การดำเนินการพื้นฐานของฟังก์ชันหาค่าต่ำสุด เป็นฟังก์ชันหาค่าต่ำสุดของลักษณะประจำบางอย่างในเอนทิตี จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างฟังก์ชันหาค่าต่ำสุด (Min) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยการหาค่าต่ำสุดของลักษณะประจำที่กำหนด โดยลักษณะประจำนั้นต้องมีชนิดข้อมูลเป็นจำนวนนับ ดังนี้

Min $\exists Entity$ <i>output!</i> : \mathbb{Z}
$\forall in1 : F Entity \mid in1 \neq \emptyset \bullet output! = \min \{an_i\}$

โดยที่ Min คือ ชื่อเค้าร่างฟังก์ชันหาค่าต่ำสุด

$\exists Entity$ คือ การรวมเค้าร่างเอนทิตีที่ต้องการหาค่าต่ำสุดของลักษณะประจำ

output! คือ ข้อมูลผลลัพธ์ที่ได้จากการหาค่าต่ำสุดของลักษณะประจำ

เพรดิเคต เป็นการกำหนดให้ผลที่ได้จากการหาค่าต่ำสุด มีค่าเท่ากับค่าต่ำสุดของลักษณะประจำที่กำหนด โดยลักษณะประจำนั้นต้องมีชนิดข้อมูลเป็นจำนวนนับหรือจำนวนธรรมชาติเท่านั้น โดย an_i คือชื่อลักษณะประจำที่ต้องการหาค่าต่ำสุด

กฎข้อที่ 27 การดำเนินการพื้นฐานของฟังก์ชันหาค่าผลรวม เป็นฟังก์ชันหาค่าผลรวมของลักษณะประจำบางอย่างในอนทิตี จะถูกสร้างเป็นเค้าร่างการหาค่าผลรวม (Sum) ด้วยข้อกำหนดเซต โดยสร้างฟังก์ชันเป็นข้อเท็จจริง (Axiomatic Definition) ลักษณะประจำที่ต้องการหาค่าผลรวมต้องมีชนิดข้อมูลเป็นจำนวนนับ ดังนี้

$$an_i == \mathbb{Z}$$

$$\left| \begin{array}{l} s : \mathbb{Z} \rightarrow an_i \end{array} \right.$$

$$\left| \begin{array}{l} Sum : \mathbb{Z} \rightarrow an_i \end{array} \right.$$

$$\left| \begin{array}{l} \forall n : \mathbb{N} \bullet n > \# s \Rightarrow Sum\ n = 0 \wedge \\ n \leq \# s \Rightarrow Sum\ n = (Sum\ n + 1) + s\ (n) \end{array} \right.$$

โดยที่ an_i คือ การประกาศตัวแปรลักษณะประจำที่ต้องการหาค่าผลรวมเป็นจำนวนนับ โดยจะต้องเป็นจำนวนนับหรือจำนวนธรรมชาติเท่านั้น

s คือ การกำหนดข้อเท็จจริงซึ่งเป็นเซตของคู่ลำดับของจำนวนนับและค่าของลักษณะประจำที่ต้องการหาค่าผลรวม

Sum คือ การกำหนดข้อเท็จจริงเป็นฟังก์ชันหาค่าผลรวม

เพรดิเคต เป็นการกำหนดให้ผลที่ได้จากการหาค่าผลรวม มีค่าเท่ากับค่าผลรวมทั้งหมดของลักษณะประจำที่กำหนด โดยทำการเรียกตัวเอง (Recursive) เพื่อบวกสะสมค่าจนครบทั้งหมด

กฎข้อที่ 28 การสร้างนิยามเค้าร่างรวมการดำเนินการพื้นฐาน เป็นการสร้างเค้าร่างรวมการดำเนินการพื้นฐาน โดยการนำชื่อเค้าร่างการดำเนินการพื้นฐานทั้งหมดที่สร้างขึ้นจากแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอลมาเรียงต่อกันตามลำดับ รวมทั้งเปลี่ยนชื่อตัวแปรข้อมูลเข้าและข้อมูลผลลัพธ์ทุกตัวไม่ให้ซ้ำกัน ดังนี้

$$BDD_i \equiv Op_1 [op_1input1? / input1?, op_ninput2? / input2?, op_output! / output!];$$

...

$$Op_n [op_ninput1? / input1?, op_ninput2? / input2?, op_noutput! / output!]$$

โดยที่ BDD_i คือ ชื่อเค้าร่างรวมการดำเนินการพื้นฐาน

$Op_1 \dots Op_n$ คือ ชื่อเค้าร่างการดำเนินการพื้นฐานทั้งหมดที่ปรากฏในแผนภาพเชิงลำดับชั้นของภาษาเอสคิวแอล โดยแต่ละชื่อของเค้าร่างคั่นด้วยเครื่องหมาย ";" รวมทั้งเปลี่ยนชื่อตัวแปรที่เป็นข้อมูลเข้า เช่น $input1?$ $input2?$ และข้อมูลผลลัพธ์ เช่น $output!$ ของแต่ละเค้าร่างเพื่อไม่ให้ซ้ำกัน โดยอยู่ภายในเครื่องหมาย "[" และ "]" ตัวอย่างเช่น การเปลี่ยนชื่อตัวแปร $input1?$ ให้เป็น $op1input1?$ เขียนได้ดังนี้ $op1input1? / input1?$ โดยระบุชื่อตัวแปรที่ต้องการเปลี่ยนใหม่ คั่นด้วยเครื่องหมาย "/" แล้วตามด้วยชื่อตัวแปรเดิม หากมีตัวแปรที่ต้องเปลี่ยนชื่อมากกว่า 1 ตัวแปร ให้คั่นด้วยเครื่องหมาย ","