

บทที่ 1



บทนำ

## 1.1 ความนำ

ในการวิเคราะห์อาคารสูง สิ่งสำคัญที่ต้องคำนึงคือ ความแข็งแรงเพียงพอในการรับแรงกระทำด้านข้าง เช่น แรงลม โดยทั่วไปแล้วจะออกแบบให้ผนังต้านแรงเฉือน (Shear Wall) รับแรงกระทำด้านข้างร่วมกับโครงข้อแข็ง เนื่องจากผนังต้านแรงเฉือนมีสติฟเนสทางด้านข้างสูง ทั้งนี้เพื่อควบคุมการโยของอาคารให้อยู่ในพิสัย

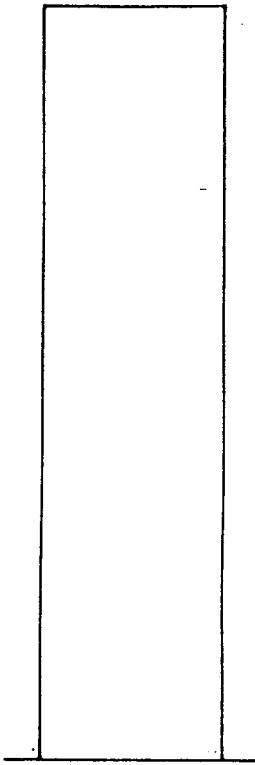
ผนังต้านแรงเฉือนมีรูปแบบต่าง ๆ กัน ดังแสดงในรูปที่ 1.1 เป็นผนังต้านแรงเฉือนแบบไม่มีช่องเปิด (Shear Wall without Openings) ซึ่งสามารถวิเคราะห์ได้โดยใช้ทฤษฎีการตัด เพื่อหาค่าสติฟเนสและหน่วยแรงภายในได้ สำหรับผนังต้านแรงเฉือนแบบไม่มีช่องเปิดที่มีความกว้างมากเมื่อเทียบกับความสูง การวิเคราะห์ต้องคิดผลของการเคลื่อนที่เนื่องจากแรงเฉือน (Shear Deformations) ด้วย

ในบางกรณีเมื่อผู้ออกแบบต้องการช่องเปิดในผนังต้านแรงเฉือนเพื่อใช้เป็นทางเดินภายในอาคารหรือใช้เป็นช่องหน้าต่าง ช่องเปิดเหล่านี้มักมีลักษณะเป็นช่องสี่เหลี่ยมโดยอาจมีอยู่อย่างต่อเนื่องตลอดความสูงหรือมีเฉพาะบางชั้นก็ได้ ดังแสดงในรูปที่ 1.2 และ 1.3

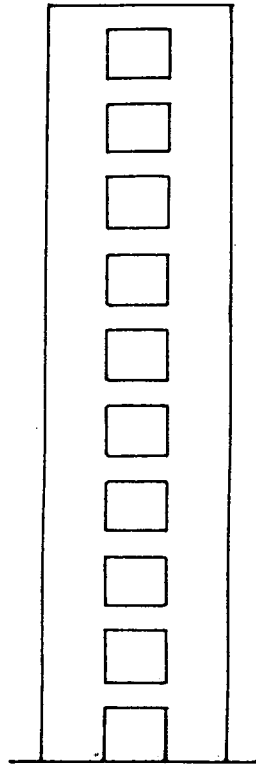
## 1.2 ความเป็นมาของปัญหา

การวิเคราะห์ผนังต้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิด (Shear Wall with Openings) นั้นสามารถทำได้โดยหาค่าตอบจากสมการ Plane-Stress Elasticity ซึ่งให้ผลที่ถูกต้อง แต่วิธีดังกล่าวทำได้ยากและไม่เหมาะสมในเชิงปฏิบัติ ส่วนการวิเคราะห์อย่างประมาณสามารถวิเคราะห์ได้หลายวิธีดังต่อไปนี้

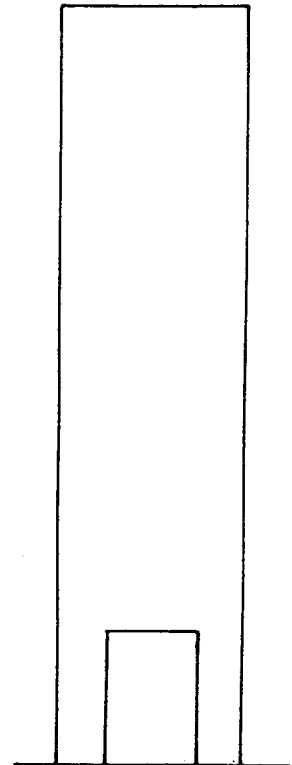
1.2.1 การวิเคราะห์อย่างประมาณโดยวิธี Shear Connection<sup>(4-9,26)</sup> ซึ่งเป็นการวิเคราะห์โดยการสร้างสมการเชิงอนุพันธ์ (Differential Equation) และแก้สมการหาค่าตอบ โดยอาศัยเงื่อนไขที่จุดรองรับและที่ปลายของผนังต้านแรงเฉือน วิธีการนี้สามารถคำนวณ



รูปที่ 1.1 หน้าด้านแรงเฉือน  
แบบไม่มีช่องเปิด



รูปที่ 1.2 หน้าด้านแรงเฉือน  
แบบมีช่องเปิดต่อเนื่อง  
ตลอดความสูง



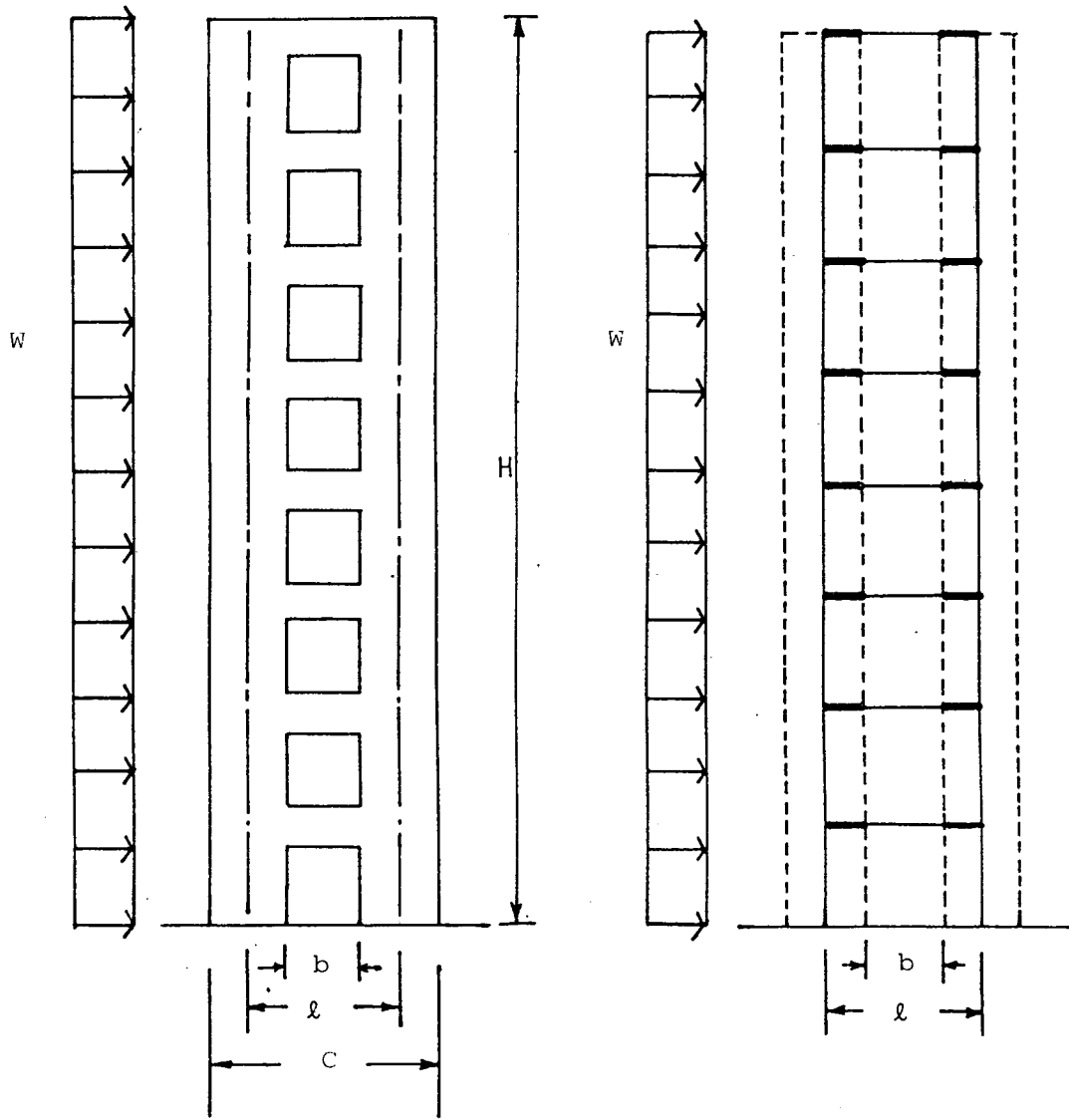
รูปที่ 1.3 หน้าด้านแรง  
เฉือนแบบมีช่องเปิด  
เฉพาะบางชั้น

ได้ง่ายโดยใช้เครื่องคำนวณธรรมดา แต่มีขอบเขตจำกัดหลายอย่าง เช่น ช่องเปิดต้องมีขนาดเท่ากันและมีอยู่อย่างต่อเนื่องตลอดความสูง โดยตำแหน่งของช่องเปิดต้องอยู่ตรงกลางของผนังด้านแรงเฉือน (ดังแสดงในรูปที่ 1.2) ในกรณีที่ช่องเปิดอยู่เยื้องไปทางด้านใดด้านหนึ่งมากเกินไป จะทำให้เกิดความคลาดเคลื่อนในคำตอบที่ได้ (2)

### 1.2.2 การวิเคราะห์อย่างประมาณโดยวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ (Finite Element)

ในปัจจุบันเป็นที่ยอมรับว่าเป็นวิธีการวิเคราะห์โครงสร้างได้หลายรูปแบบ และให้คำตอบที่น่าเชื่อถือ ในงานวิจัยนี้ถือเอาวิธีการวิเคราะห์นี้เป็นหลักในการตรวจสอบความแม่นยำ (Accuracy) ของคำตอบที่ได้จากการวิเคราะห์ด้วยวิธีอื่น (28) แต่ข้อเสียสำหรับการวิเคราะห์ด้วยวิธีนี้ก็คือ โปรแกรมการวิเคราะห์ส่วนใหญ่จะใช้กับเครื่องคอมพิวเตอร์ขนาดใหญ่ที่มีหน่วยความจำมาก โดยใช้เวลาในการคำนวณนาน อีกทั้งต้องเสียเวลาในการเตรียมข้อมูลและการป้อนข้อมูลมากและผลที่ได้จากการคำนวณจะอยู่ในรูปของหน่วยแรงภายในชิ้นส่วน ในขณะที่การออกแบบโครงสร้างส่วนใหญ่ต้องการค่าแรงตัดแรงเฉือนและแรงตามแนวแกนที่ตำแหน่งต่าง ๆ ของชิ้นส่วน

1.2.3 การวิเคราะห์อย่างประมาณโดยวิธีจำลองโครงสร้างเป็นโครงข้อแข็ง (Frame Method) การวิเคราะห์ด้วยวิธีนี้จะจำลองผนังด้านแรงเฉือนออกเป็นโครงสร้างที่ประกอบด้วยเสาที่มีขนาดกว้าง 2 ต้นค้ำติดกันโดยคานระหว่งกลาง ดังแสดงในรูปที่ 1.4 ในแต่ละชิ้นส่วนของเสาและคานจะหาค่าสัมประสิทธิ์ของสติฟเนสเมตริกซ์ (Stiffness Matrix Coefficients) โดยคิดผลของการเคลื่อนที่เนื่องจากแรงเฉือนและผลของความแข็งอนันต์ที่ส่วนปลาย (Rigid End Part) ด้วย การวิเคราะห์ด้วยวิธีจำลองผนังด้านแรงเฉือนเป็นโครงข้อแข็งนี้สามารถวิเคราะห์โดยใช้โปรแกรมการวิเคราะห์โครงข้อแข็งทั่วไป ซึ่งเป็นโปรแกรมขนาดเล็ก สามารถใช้กับเครื่องไมโครคอมพิวเตอร์ได้ อีกทั้งการเตรียมและการป้อนข้อมูลก็น้อยกว่าวิธีไฟไนต์เอลิเมนต์ นอกจากนี้ยังสามารถใช้วิธีการนี้ในการวิเคราะห์โครงสร้างร่วมกันของผนังด้านแรงเฉือนกับโครงข้อแข็ง (Shear Wall Frame Interaction) ด้วย สำหรับในการเก็บข้อมูลของสติฟเนสเมตริกซ์และการแก้สมการสมดุลย์ของแรงนั้น ในโปรแกรมวิเคราะห์โครงข้อแข็งส่วนใหญ่จะทำการเก็บข้อมูลของสติฟเนสเมตริกซ์ ในลักษณะของการเก็บแบบ เมตริกซ์ครึ่งแถบที่สมมาตร (Half Banded Symmetric Matrix) (3) และแก้สมการสมดุลย์ของแรงโดยวิธีการกำจัดของเกาซ์ แต่สำหรับในงานวิจัยนี้จะใช้วิธีการเก็บข้อมูลและการแก้สมการสมดุลย์โดยวิธีการพรอนทัล ซึ่งเป็นวิธีที่พัฒนา



รูปที่ 1.4 การจำลองโครงสร้างผนังต้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิด เป็นโครงข้อแข็ง

มาจากวิธีการกำจัดของ เกาช์ ทั้งนี้ เพื่อ เป็นการประหยัคหน่วยความจำภายในของ เครื่องไมโครคอมพิวเตอร์

การวิเคราะห์ด้วยวิธีจำลองผนังด้านแรงเฉือน เป็น โครงข้อแข็งนี้มีขอบเขตจำกัดบางประการ กล่าวคือ ความแม่นยำของคำตอบที่ได้ถูกจำกัดด้วยเงื่อนไขทางด้านรูปทรงของผนังด้านแรงเฉือนและขนาดของช่องเปิด เช่น เมื่อช่องเปิดของผนังด้านแรงเฉือนมีขนาดเล็ก จะทำให้คานและเสามีขนาดใหญ่เกินไป การวิเคราะห์ด้วยวิธีนี้อาจให้คำตอบไม่ถูกต้อง ฉะนั้นในงานวิจัยนี้มีจุดมุ่งหมายเพื่อหาขอบเขตการวิเคราะห์ผนังด้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิดด้วยวิธีนี้ รวมทั้งพฤติกรรมและความสัมพันธ์ระหว่างผนังด้านแรงเฉือนกับ การทรุดของฐานราก

สำหรับรายละเอียดของการวิเคราะห์และผลของการวิเคราะห์จะกล่าวโดยละเอียดในบทที่ 2, 3, 4 และ 5 ตามลำดับ

### 1.3 ภูมิหลังของงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

Chitty กับ Wan<sup>(4,5)</sup> ได้เป็นผู้ริเริ่มแนวทฤษฎีการวิเคราะห์ผนังด้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิดด้วยวิธี Shear Connection ซึ่งต่อมา Beck<sup>(6)</sup>, Rosman<sup>(7)</sup> และ Coull<sup>(8-11)</sup> ได้พัฒนาวิธีการวิเคราะห์ดังกล่าวโดยคิดผลของการเคลื่อนที่เนื่องจากแรงตามแนวแกน (Axial Deformation) และผลของการเคลื่อนที่เนื่องจากแรงเฉือน (Shear Deformation) เพิ่มเข้าไปด้วย และในราวปี พ.ศ. 2510 Schwaighofe<sup>(13)</sup> ได้ทำการทดลองเปรียบเทียบทฤษฎี Shear Connection กับตัวอย่างที่จำลองขึ้นโดยสรุปผลว่าแนวทฤษฎีใช้ได้กับโครงสร้างผนังด้านแรงเฉือนในขอบเขตที่จำกัด

Schwaighofe กับ Microys<sup>(14)</sup> ได้เสนอผลการวิเคราะห์ผนังด้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิดและการรับแรงร่วมกันของผนังด้านแรงเฉือนกับโครงข้อแข็ง (Shear Wall Frame Interaction) โดยวิธีจำลองผนังด้านแรงเฉือนเป็นโครงข้อแข็ง ซึ่งผลที่ได้จากการวิเคราะห์เมื่อนำไปเปรียบเทียบกับ การทดลอง ปรากฏว่าความแม่นยำของคำตอบที่ได้จากการวิเคราะห์อยู่ในเกณฑ์ที่น่าพอใจ

Smith<sup>(15)</sup> ได้ทำการศึกษาค้นคว้าวิธีการวิเคราะห์ผนังต้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิดโดยการจำลองโครงสร้างเป็นโครงข้อแข็งและตัดแปลงค่าสติฟเนสของคานโดยคิดผลของส่วนปลายที่มีความแข็งอนันต์ ผลที่ได้นี้จะนำไปประยุกต์ใช้กับโปรแกรมวิเคราะห์โครงข้อแข็งทั่วไป

Macleod<sup>(2)</sup> ได้รวบรวมผลงานการวิเคราะห์ผนังต้านแรงเฉือนและโครงข้อแข็งในหนังสือ Shear-Wall and Frame Interaction ของ PCA เนื้อหาบางตอนในหนังสือกล่าวถึงการวิเคราะห์ผนังต้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิด ซึ่งแบ่งออกได้ 3 วิธีการ คือ

1.3.1 การวิเคราะห์โดยวิธี Shear Connection

1.3.2 การวิเคราะห์โดยการจำลองโครงสร้างเป็นโครงข้อแข็ง

1.3.3 การวิเคราะห์โดยวิธีไฟไนต์เอเลเมนต์

สำหรับการวิเคราะห์โดยวิธีไฟไนต์เอเลเมนต์นั้น Macleod<sup>(18)</sup> ได้เสนอเป็นผลงานในวารสารของ A.S.C.E.

Irons<sup>(24)</sup> ได้ทำการศึกษาค้นคว้าวิธีการพรอนทัลขึ้นมา ในปี 2513 เพื่อใช้สำหรับการวิเคราะห์โครงสร้างชนิดไฟไนต์เอเลเมนต์ เขียนโปรแกรมเป็นภาษาโฟแทรน ใช้แก้ปัญหาของเมตริกซ์ที่สมมาตรและเป็นชนิดบวกแน่นอน

Johnson<sup>(36)</sup> ได้ทำการศึกษาการแบ่งเมตริกซ์ของพรอนต์ให้มีขนาดเล็กเพื่อลดหน่วยความจำของเครื่องเมนเฟรม ในการวิเคราะห์โครงสร้างระบบไฟไนต์เอเลเมนต์ โดยเก็บข้อมูลแต่ละเมตริกซ์ย่อยลงในเทป

Thompson และ Shimazaki<sup>(37)</sup> ได้ทำการศึกษาตัดแปลงวิธีพรอนทัลของ Irons โดยเก็บค่าสติฟเนสเมตริกซ์แบบสกายไลน์ (Skyline) พบว่าความต้องการในหน่วยความจำของเครื่องน้อยพอ ๆ กับวิธีพรอนทัล ส่วนการอ่านและการเก็บข้อมูลจากแผ่นจานแม่เหล็กน้อยกว่าวิธีบล็อกสกายไลน์ (Block-Skyline)

Beer และ Haas<sup>(34)</sup> ได้นำวิธีการฟรอนทัลนี้ไปตัดแปลงโดยแบ่งขนาด เมตริกซ์ของฟรอนทัลให้ เล็กกลง เพื่อ เหมาะสมสำหรับการใช้งานกับไมโครคอมพิวเตอร์

เริง เดชา รัชต โพธิ์<sup>(38)</sup> พัฒนาโปรแกรมไมโครคอมพิวเตอร์สำหรับระบบไฟไนต์เอเลเมนต์ โดยอาศัยวิธีฟรอนทัลร่วมกับการใช้โครงสร้างย่อยในหลายระดับ (Multi-Level Substructuring)

ภาณุวัฒน์ คุรุรัตน์<sup>(25)</sup> พัฒนาโปรแกรมไมโครคอมพิวเตอร์สำหรับใช้วิเคราะห์โครงข้อแข็ง โดยอาศัยวิธีฟรอนทัล และพิจารณาถึงความผิดพลาดเนื่องจากการตัดตัวเลขที่เกินทิ้งไป (Truncation Error) และความผิดพลาดเนื่องจากการคำนวณ (Round-off Error)

#### 1.4 วัตถุประสงค์ของการวิจัย

วัตถุประสงค์ของการวิจัยมีดังต่อไปนี้

1.4.1 เพื่อศึกษาและทำการวิเคราะห์พฤติกรรมการรับแรงของผนังด้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิด โดยการจำลองโครงสร้างเป็นโครงข้อแข็ง ผลที่ได้จากการวิเคราะห์ซึ่งได้แก่การโก่งตัวและแรงภายในจะเปรียบเทียบความแม่นยำกับการวิเคราะห์ด้วยวิธีไฟไนต์เอเลเมนต์

1.4.2 ศึกษาถึงผลของช่องเปิดที่มีต่อผนังด้านแรงเฉือน โดยเปรียบเทียบกับวิธีการวิเคราะห์ที่มีผู้ทำมาแล้ว

1.4.3 ศึกษาถึงผลของการทรุดตัวของฐานรากที่มีต่อผนังด้านแรงเฉือน

#### 1.5 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

1.5.1 โปรแกรมไมโครคอมพิวเตอร์ที่ได้จากงานวิจัยนี้สามารถใช้วิเคราะห์ผนังด้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิด โครงข้อแข็ง 2 มิติ ตลอดจนการรับแรงร่วมกันของโครงข้อแข็งและผนังด้านแรงเฉือน (Frame Shear Wall Interaction)

1.5.2 การวิเคราะห์ผนังต้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิด โดยการจำลองโครงสร้างเป็นโครงข้อแข็ง ทำได้ง่ายและรวดเร็วกว่าวิธีไฟไนต์เอเลเมนต์ แต่มีปัญหาเรื่องความแม่นยำของคำตอบที่ได้จากการวิเคราะห์ งานวิจัยนี้จะทำให้ทราบถึงข้อกำหนดและขอบเขตการวิเคราะห์ ซึ่งให้คำตอบที่มีความแม่นยำอยู่ในเกณฑ์ที่ยอมรับได้

1.5.3 การศึกษาถึงผลของช่องเปิดที่มีต่อผนังต้านแรงเฉือนทำให้ทราบถึงพฤติกรรมการโก่งตัวและหน่วยแรงที่เกิดขึ้นกับผนังต้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิด ซึ่งในบางครั้งเมื่อช่องเปิดมีขนาดเล็กผนังต้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิด อาจมีพฤติกรรม เข้าใกล้ผนังต้านแรงเฉือนแบบไม่มีช่องเปิด และเมื่อช่องเปิดมีขนาดใหญ่อาจทำให้ผนังต้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิดนั้นมีพฤติกรรม เข้าใกล้โครงข้อแข็ง การศึกษาดังกล่าวข้างต้นทำให้สามารถลดความยุ่งยากในด้านการคำนวณลงได้

1.5.4 การศึกษาถึงผลของการทรุดตัวของฐานรากที่มีต่อผนังต้านแรงเฉือนแบบมีช่องเปิด ทำให้ทราบถึงพฤติกรรมการรับแรงของผนังต้านแรงเฉือน

1.5.5 ผลการวิจัยนี้สามารถใช้เป็นคำรารสำหรับผู้อื่น เพื่อนำไปประยุกต์ต่อไป

