

วรรณคดีที่เกี่ยวข้อง

ในบทนี้ ผู้จัดรายงานถึงวรรณคดีที่เกี่ยวข้องกับความสัมพันธ์ระหว่าง เชาวน์บัญญา และตัว แปรทางสังคมที่เป็นส่วนติดตัวของนักเรียนมาแต่ก่อน เนิด ซึ่งได้แก่ เหศ ลำดับที่การเกิด ช่วงที่ห่างระหว่างพื้นท้อง และตัวแปรที่เป็นภูมิหลังของครอบครัวของนักเรียน ซึ่งประกอบด้วย สักษะของครอบครัว ขนาดของครอบครัวขั้นทางสังคม ศาสนาที่นับถือ การใช้สื่อสารมวลชน ที่นี่ที่ดึงของบ้าน และภาษาที่ยุคที่มานะ กับสัมฤทธิผลทางการเรียนของนักเรียนความลำดับหัวข้อต่อไปนี้

ความหมายของ เชาวน์บัญญา

ทฤษฎี เชาวน์บัญญา

สัมฤทธิผลทางการเรียน

เชาวน์บัญญากับสัมฤทธิผลทางการเรียน

ลำดับที่การเกิด

สักษะของครอบครัว

ขนาดของครอบครัว

การวิเคราะห์ผลโดยพหุคุณ

สักษะของการวิเคราะห์ผลโดยพหุคุณ

ข้ออกกลัง เปื้องต้นของการวิเคราะห์ผลโดยพหุคุณ

คุณสมบัติของสมการผลโดย เส้นตรง

ข้อตีของ การวิเคราะห์ผลโดยพหุคุณ

จุดอ่อนของการวิเคราะห์ผลโดยพหุคุณ

การวิเคราะห์ผลโดยพหุคุณแบบการคัดเลือกตัวแปร เป็นลำดับขั้น

ก่อสังเกต เกี่ยวกับการวิเคราะห์ผลโดยพหุคุณแบบการคัด เสิร์ฟตัวแปร เป็นลำดับขั้น

### ความหมายของ เชาวน์ปัญญา (Intelligence)

มีนักจิตวิทยาได้ให้ความหมายของคำว่า “เชาวน์ปัญญา” ไว้นานมาย ตั้งที่ญี่วิจัยจะนิยาม ก่อร้าว เป็นบางท่านดังนี้

เชาวน์ปัญญาหมายถึง ความสามารถของบุตรที่จะเรียนรู้ ปรับตัว และแก้ไขปัญหา โดยที่ตัว เชาวน์ปัญญา มีใช่สิ่งที่มีตัวตน แต่ก็สามารถทำให้วิธีคิด เป็นชีวิต หรือการปฏิบัติคน เป็นไปได้ อย่างง่าย (Thomdike Hagan 1961: 243)

เชาวน์ปัญญาหมายถึง ความสามารถ (Ability) ที่จะเอาชนะอุปสรรค หรือความ ยากลำบากในสถานการณ์ใหม่ (Eysenck, Arnold and Meili 1972: 145)

Stoddard (Stoddard 1943: 4, cited by Freeman 1962: 152) ได้ให้ ความหมายของ เชาวน์ปัญญา ว่า เชาวน์ปัญญา เป็นความสามารถกระทำการต่าง ๆ ที่มีคุณสมบัติ ต่อไปนี้ได้สร้า เร็ว

1. กิจกรรมที่มีความยาก
2. กิจกรรมที่มีความซับซ้อนอยู่ในตัว
3. กิจกรรมที่เป็นนามธรรม
4. กิจกรรมที่ประทับใจ เวลาและทุนทรัพย์
5. กิจกรรมที่ปัจุงแต่งให้ไปสู่จุดมุ่งหมายหนึ่งได้
6. กิจกรรมที่มีคุณค่าของสังคม
7. กิจกรรมที่ต้องใช้ความอดทน สามัคคีและความดึงใจ

Freeman (Freeman 1962: 149-151) ได้ให้ความหมายของ เชาวน์ปัญญา ไว้ ๓ กลุ่ม คือ

กลุ่มที่ 1 เป็นที่ความสำคัญของการปรับตัวของบุคคลให้เข้ากันสิ่งแวดล้อม สถิติปัญญา เป็นความสามารถที่นำไปทางสมองในการปรับตัวให้เข้ากับปัญหาใหม่ ๆ และสภาพการณ์ใหม่ ๆ ของ ชีวิต หรือสถิติปัญญา เป็นความสามารถในการจัดระบบพฤติกรรมของบุคคลเสียใหม่ เพื่อที่จะได้ตอบ สนองสภาพการณ์ใหม่ ๆ ได้อย่างมีประสิทธิภาพและเหมาะสม ตั้งนั้นบุคคลที่ฉลาดกว่า ย่อมสามารถ ที่จะจัดการท่าดื่มสภาวะการณ์หลายอย่างและต่างชนิดกัน ได้มากกว่าและตึกกว่าคนที่ฉลาดน้อยกว่า

กลุ่มที่ 2 บุ่งเน้นไปที่สติปัญญาหรือความสามารถในการเรียนรู้ บุคคลที่มีความสามารถมากซึ่งมีความพร้อมที่จะเรียนได้มากขึ้น และทำให้สามารถทำกิจกรรมและมีประสบการณ์ต่าง ๆ ได้มากยิ่งขึ้นด้วย

กลุ่มที่ 3 ให้ระบุว่า สติปัญญาเป็นความสามารถในการพิจารณาชื่นชม คนที่ฉลาดจะสามารถใช้มันในทัศน์ (Concept) และสัญลักษณ์ทางถ้อยคำภาษาและด้วย เช่น

Vernon (Vernon 1973: 9) ได้สรุปความสามารถของชาวบ้านปัญญาออกเป็น 3 แบบ คือ

1. ชาวบ้านปัญญาหมายถึง สมรรถภาพของบุคคลที่มีมาแต่กำเนิด โดยได้รับการถ่ายทอดมาจากบรรพบุรุษ สมรรถภาพที่จะเป็นตัวกำหนดทักษะภาพของการเจริญเติบโตทางสมองของบุคคล
2. ชาวบ้านปัญญาหมายถึงความเฉลี่ยวฉลาดของบุคคลในการเรียนรู้ การเข้าใจ และการให้เหตุผลต่าง ๆ อย่างมีประสิทธิภาพ
3. ชาวบ้านปัญญาหมายถึง อายุสมองหรือใจคิว หรือคะแนนซึ่งได้จากแบบสอบถาม ชาวบ้านปัญชาซึ่ง เป็นที่นิยมกัน

สุชา จันทน์เอม (2519: 68) ได้ให้ความหมายของชาวบ้านปัญญาไว้ว่า ชาวบ้านปัญญา คือ ความสามารถอย่างหนึ่งในตัวบุคคล ทำให้บุคคลนั้นสามารถ

1. ปฏิบัติภารกิจต่าง ๆ ได้สำเร็จตามความประ oran
2. ปรับตัวให้เข้ากับสิ่งแวดล้อมได้เป็นอย่างดี
3. เข้าใจและรับรู้ความจริงต่าง ๆ เข้าด้วยกันได้
4. เรียนได้
5. แก้ปัญหาต่าง ๆ ได้และมีเหตุผล
6. ตัดแบบนามธรรมได้

### ทฤษฎีชาวบ้านปัญญา

เมื่อพิจารณาความหมายของชาวบ้านปัญญาข้างต้น จะเห็นว่าความหมายที่น่ามาก่อร้าว มีความคล้ายคลึงกันมาก อย่างไรก็ตาม ค่าว่าความสามารถที่อยู่ในความหมายของค่าว่า ชาวบ้านปัญญา ก็เป็นที่อก เรียงกันว่า เมื่อมาจากองค์ประกอบใด ด้วยเหตุนี้ ทฤษฎีชาวบ้านปัญญา

จึงได้เกิดขึ้นหลายทฤษฎี ในที่นี้จะกล่าวแต่เพียงทฤษฎีของ ชาร์ลส์ สเปียร์แมน (Charles Spearman) ซึ่งเรียกว่าทฤษฎีสองตัวประกอน (อนาคต้าวี 2519: 319-320)

ทฤษฎีสองตัวประกอน กล่าวว่า กิจกรรมทางสมองทั้งหมด มีส่วนร่วมกัน เป็นตัวประกอน ร่วมตัวเดียว เรียกว่าตัวประกอนทั่วไป หรือ g และยังมีตัวประกอนเฉพาะหรือ s ซึ่งแต่ละตัว จำกัดลงไประบะในกิจกรรมอย่างเดียว ค่าบวกของสหสัมพันธ์ระหว่างสองพังค์ชั้นใด ๆ ถ้าเนื่องเป็นตัวประกอนทั่วไป ยิ่งพังค์ชั้นทั้งสองมีค่า "อิ่มตัว" สูงกับตัวประกอนทั่วไปเท่าไร ค่าสหสัมพันธ์ก็ยิ่งมีค่าสูง เท่านั้น ในทางตรงกันข้าม กิจกรรมความสามารถที่ใช้ความสามารถของ ตัวประกอน เฉพาะมาก ค่าสหสัมพันธ์ระหว่างกิจกรรมจะลดลง

การวัดความสามารถของบุคคลนั้น สเปียร์แมน เสนอว่าควรวัดองค์ประกอบทั่วไป ถ้าองค์ประกอบตัวนี้เกี่ยวข้องกับความสามารถทั้งหมด ก็ควร เป็นรายการในการทำนายการปฏิบัติ การของแต่ละคนจากสถานการณ์หนึ่งไปสู่อีกสถานการณ์หนึ่ง และ เสนอว่าแบบสอน เดียวที่เกี่ยวพัน กับ g อย่างมาก สามารถแทนด้วยก่อนหน้าทดสอบนิดต่าง ๆ กันที่พบในแบบสอนสติปัญญา นอกจากนี้เขายังแนะนำว่า แบบสอนที่จะใช้วัดองค์ประกอบทั่วไป ควร เป็นแบบสอน เกี่ยวกับความสามารถพื้นฐานนามธรรม

#### สัมฤทธิผลทางการเรียน

โดยทั่วไปสัมฤทธิผล (achievement) หมายถึง ขนาดของความสามารถที่ได้จากการทำงานที่ต้องอาศัยความพยายามจำนวนหนึ่ง ซึ่งอาจ เป็นผลมาจากการกระทำที่อาศัยความสามารถของร่างกายหรือสมอง . ( . . Eysenck, . Arnold, and . Meili, 1972: 16) ดังนั้น สัมฤทธิผลทางการเรียนจึง เป็นขนาดของความสามารถที่ได้จากการเรียนเฉพาะตัว ของแต่ละบุคคล โดยตัวที่ชี้บ่งถึงสัมฤทธิผลทางการเรียนอาจได้มาจากกระบวนการทดสอบ (nontesting procedures) เช่น จากการสังเกตหรือการตรวจสอบการบ้าน หรือ อาจอยู่ในรูปของเกรดที่ได้จากการเรียน (School grade) ซึ่งต้องอาศัยกรรมวิธีที่ขับช้อน และช่วงเวลาประเมินอันยาวนาน หรืออีกวิธีหนึ่งอาจวัดสัมฤทธิผลทางการเรียนด้วยแบบวัดสัมฤทธิผลทางการเรียนทั่ว ๆ ไป (published achievement test) ( . Mauritz Linvall and Anthony . Nitko, 1967: 5) จะพบว่าการวัดสัมฤทธิผลทางการเรียนที่นิยมใช้กันทั่วไป มักอยู่ในรูปของเกรดที่ได้จากการเรียน เนื่องจากให้ผลเป็นที่น่าเชื่อถือได้มากกว่า เพราะ

อย่างน้อยก่อนการประมีนผลการเรียนของนักเรียน ครุจัต้องพิจารณาองค์ประกอบอื่น ๆ อีกหลายด้าน จึงย่อมตีกว่าการแสดงขานาคของความล้มเหลวหรือความสำเร็จทางการเรียนจากการทดสอบนักเรียนด้วยแบบสอบถามสัมฤทธิ์ผลทางการเรียนทั่ว ๆ ไปเพียงครั้งเดียว (Thorndike and Hagan. 1961: 308)

เมื่อสัมฤทธิ์ผลทางการเรียน เป็นตัวแสดงให้เห็นถึงความสำเร็จหรือความล้มเหลวทางการเรียนของนักเรียน นักศึกษาจึงถือเป็นหน้าที่สำคัญที่จะค้นคว้าหาความรู้ที่จะตอบสนับญา เหล่านี้ และพร้อมที่จะนำผลที่ได้ไปช่วยเหลือปรับปรุงหรือป้องกันภัยหากที่มีผลต่อการเรียนรู้ ทั้งนี้เพื่อให้นักเรียนสามารถมีสัมฤทธิ์ผลทางการเรียนสูงสุด การศึกษาค้นคว้าในระยะแรก ๆ นักวิจัยทางการศึกษาได้ศึกษาอิทธิพลที่มีต่อสัมฤทธิ์ผลทางการเรียน ซึ่งเนื่องมาจากองค์ประกอบทางสังคมที่มีอยู่ เช่นความตั้งใจทางค้านภาษา ความสามารถทางการคำนวณ ความสามารถทางสมองทั่ว ๆ ไป และอื่น ๆ แต่จากการวิจัยเกี่ยวกับสัมฤทธิ์ผลทางการเรียนของนักเรียนหลาย ๆ ครั้ง พบว่าความสัมพันธ์ระหว่างความตั้งใจกับสัมฤทธิ์ผลทางการเรียนมีค่าอยู่ในช่วง .50 หรือ .75 โดยที่อัตราส่วนของความแปรปรวนของสัมฤทธิ์ผลทางการเรียนประมาณ 1 ใน 3 ยังไม่สามารถอธิบายได้ย่างชัดเจน การวิจัยครั้งหลัง ๆ จึงมุ่งศึกษาองค์ประกอบอื่น ๆ นอกเหนือจากสังคม (Khan, 1969: 216-221) อย่างไรก็ตาม จากการศึกษาของ Alexander and Simmon (Alexander and Simmon 1975: 3-4) พบว่า สัมฤทธิ์ผลทางการเรียน เป็นฟังก์ชันขององค์ประกอบลักษณะส่วนบุคคลและภูมิหลังทางเศรษฐกิจและสังคม องค์ประกอบเกี่ยวกับโรงเรียน องค์ประกอบเกี่ยวกับกลุ่ม เพื่อน องค์ประกอบของอิทธิพลภายนอกอื่น ๆ องค์ประกอบที่ติดตัวมาแต่กำเนิด และยังมีความคลาดเคลื่อนอื่น ๆ อีกที่ยังอธิบายไม่ได้ จากผลการวิจัยของ Alexander and Simmon จึงสูญเสียความสำเร็จทางการเรียนที่เกี่ยวข้องกับสัมฤทธิ์ผลทางการเรียนสามารถแบ่งออกได้เป็น 2 องค์ประกอบ คือ องค์ประกอบที่เกี่ยวข้องกับเชาว์น์บัญญาหรือความสามารถทางสมอง และองค์ประกอบที่ไม่ได้เกี่ยวข้องกับเชาว์น์บัญญา

เนื่องจากองค์ประกอบที่มีอิทธิพลต่อสัมฤทธิ์ผลทางการเรียนมี เป็นจำนวนมาก ผลกระทบที่ได้กระทบกันมากยังไม่สามารถให้ผลสรุปเป็นที่แน่นอนได้ ส่วนใหญ่วิจัยจะเลือกศึกษาอิทธิพลขององค์ประกอบต่าง ๆ ตามเหตุผล ความสนใจและความเชื่อของคน ดังนั้นในการวิจัยครั้งนี้ ผู้วิจัยได้ศึกษาองค์ประกอบที่เกี่ยวข้องกับความสามารถทางสมองและที่ไม่เกี่ยวข้องกับความสามารถทางสมอง โดยท่ององค์ประกอบที่ไม่เกี่ยวข้องกับความสามารถทางสมอง ผู้วิจัยได้ศึกษาถึงตัวแปรทางสังคม เท่านั้น

### เชาวน์บัญญา กับ สัมฤทธิผลทางการเรียน

ปัจจุบันได้มีการนำแบบวัด เชาวน์บัญญาไปใช้ตามโรงเรียนต่างๆ โดยอาจจะใช้ในการสอบคัดเลือก การჯัดชั้น เรียนหรือการแนะนำแนว ทั้งนี้ เพราะบุคคลส่วนใหญ่ยังมีความเชื่อว่า เชาวน์บัญญามีความสัมพันธ์กับสัมฤทธิผลทางการเรียน ในเรื่องนี้ได้มีผู้ทำการศึกษากันมากทั้งนักวิจัย หรือบุคคลที่ต้องตัดสินใจ เกี่ยวกับอนาคตทางการศึกษาของนักเรียนแต่ละคน (Sanford 1965)

Binson (Carrison 1956: 93-94) ได้ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างสัมฤทธิผลทางการเรียนกับผลิตภัณฑ์ของนักเรียนเกรด 6 พบว่า ผู้ประดิษฐ์สหสัมพันธ์มีค่าตั้งแต่ .30 ถึง .75 และในท่านอง เดียว กัน . . Bradley ( . . Bradley) พบว่าความสัมพันธ์ระหว่าง เชาวน์บัญญากับคะแนนที่นักเรียนได้รับจากครูในระดับชั้นมัธยมศึกษาตามชั้นและตอนปลายมีค่าตั้งแต่ .33 ถึง .64 (Karl . Garrison, 1956: 93-94)

Tyler (Tyler, cited by Samford 1961: 195) ได้รายงานผลการวิจัยที่ใช้แบบวัด เชาวน์บัญญา เป็นตัวท่านายความสำเร็จทางการเรียนว่า ความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรทั้งสองนี้มีค่าตั้งแต่ .40 ถึง .60 ส่วนมอลเลอร์ (Baller) ได้รายงานว่า ประสิทธิภาพในการท่านายความสำเร็จหรือความล้มเหลวทางการศึกษาจากคะแนนไอคิว (I.Q.) มีค่าประมาณ .40 ถึง .50 (Baller and Charles, 1968)

จากค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่าง เชาวน์บัญญากับสัมฤทธิผลทางการเรียนท่าให้ พอดีๆ ได้ว่า ความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรทั้งสองนี้ มีขนาดปานกลาง

Keller and Rowley (Keller and Rowley 1964: 167-169) ได้ทำการวิจัย เพื่อศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างความวิตกกังวล เชาวน์บัญญากับสัมฤทธิผลทางวิชาการในระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนบน เพื่อศึกษาการใช้ เชาวน์บัญญา และความวิตกกังวลในการเพิ่มประสิทธิภาพในการท่านายสัมฤทธิผลทางการเรียน โดยทำการวิจัยกับนักเรียนชั้น 7, 8 และ 9 (Grade 7, 8, 9) ที่ Knossville

ผลการวิจัยปรากฏว่า ความสัมพันธ์ระหว่างคะแนน เชาวน์บัญญากับความวิตกกังวลของนักเรียนชายและหญิงทั้ง 3 ระดับ ไม่มีนัยสำคัญ แต่ความสัมพันธ์ระหว่างคะแนนจากแบบสอบถามวัด สัมฤทธิผลทางวิชาการ กับ เชาวน์บัญญามีค่า เป็นบวก และมีนัยสำคัญทุกค่า (.62 - .81) ส่วน ความสัมพันธ์ระหว่างความวิตกกังวลกับคะแนนจากแบบวัดสัมฤทธิผลทางวิชาการ ส่วนใหญ่มีค่า เป็นลบ

และในมัณฑลสัตย์ ในการหาประสิทธิภาพในการท่านาย (efficiency of predicting) สัมฤทธิผลทางวิชาการด้วยคะแนน เซ่วน์บัญญาและความวิตกกังวล กระทำโดยการหาสัมประสิทธิ์ สหสัมพันธ์ที่อยู่ระหว่าง เซ่วน์บัญญาความวิตกกังวลกับสัมฤทธิผลทางวิชาการ พบว่าค่า R อยู่ ในช่วง .63 ถึง .81 ส่วนนักเรียนชั้น 7 และ 8 และส่วนนักเรียนชั้น 9 พบว่า ค่า R อยู่ในช่วง .58 ถึง .86 โดยที่มากค่ามัณฑลสัตย์ที่ระดับ .01

Barton (Barton 1972: 398-404) พบว่า เมื่อใช้เซ่วน์บัญญาเป็นตัวท่านาย สัมฤทธิผลทางการเรียนของนักเรียนระดับ 6 จำนวน 169 คน และระดับ 7 จำนวน 142 คน แล้ว ปรากฏว่า ค่าระดับ 6 มีค่า .6 ในวิชาคณิตศาสตร์ .38 ในวิชาวิทยาศาสตร์ .44 ในวิชาสังคม และในวิชาการอ่าน .52 ส่วนนักเรียนระดับ 7 มีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ เท่ากับ .16, .53, .47 และ .65 ตามลำดับวิชาข้างต้น ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ตั้งกล่าวมีค่าใกล้เคียงกับที่ Luella (Luella 1963: 153) ได้รายงานว่า คะแนนจากแบบสอบถาม เซ่วน์บัญญามีความสัมพันธ์ ในทางบวกกับสัมฤทธิผลทางการเรียนอย่างมัณฑลสัตย์ที่มีค่าอยู่ระหว่าง .10 ถึง .50 นอกจากนี้ Thorndike and Hagen (Thorndike and Hagen 1965: 246-247) ได้พบว่าสัมประสิทธิ์ สหสัมพันธ์ระหว่าง เซ่วน์บัญญา กับสัมฤทธิผลทางการเรียนในเด็กระดับประถมศึกษา มีมากกว่าระดับ มัธยมศึกษา และพบในเด็กมัธยมศึกษามีมากกว่าระดับอุดมศึกษา ที่ .70 ในระดับประถมศึกษา .60 ในระดับมัธยมศึกษา และ .50 ในระดับอุดมศึกษา

จากการศึกษาของ Lavin (Lavin 1965, cited by Bollm 1976: 52) พบว่า เซ่วน์บัญญาที่นำไปมีความสัมพันธ์กับสัมฤทธิผลทางการเรียน โดยมีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ประมาณ .50

Cattel and Butcher (Cattel and Butcher 1968 อ้างถึงใน ชัยพร วิชราุษ 2525: 369) ได้ศึกษาพบว่า เซ่วน์บัญญา กับสัมฤทธิผลทางการเรียนมีความสัมพันธ์กัน โดยมีค่า สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่าง .60 ถึง .64

Vernon (Vernon 1979: 51) รายงานผลการวิจัยว่า เซ่วน์บัญญาสามารถท่านาย สัมฤทธิผลทางการเรียนได้ โดยมีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์อยู่ระหว่าง .7 ถึง .8 นอกนั้นขึ้นอยู่กับ ความสนใจ แรงจูงใจ คุณภาพการสอน และสิ่งแวดล้อม

Dask และ Kanangs (Dash and Kanangs 1961: 393) ได้พิจารณาความสัมพันธ์ระหว่าง เช华んปัญญา กับ สัมฤทธิผลทางการเรียนของนักเรียนชาวอินเดียชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย จำนวน 100 คน ปรากฏว่าคะแนน เช华んปัญญา มีความสัมพันธ์กับคะแนนสัมฤทธิผลทางการเรียน คณิตศาสตร์ ความรู้ทั่วไป วิทยาศาสตร์ และภาษา

Eysenck (Eysenck 1981: 29) ได้ศึกษาถึงความสัมพันธ์ระหว่าง เช华んปัญญา กับความสำเร็จในการเรียน พบว่า นักเรียนที่มี เช华んปัญญา จะได้คะแนนสูงกว่านักเรียนที่มี เช华んปัญญา ค่อนข้างมาก และยังพบว่า เช华んปัญญา มีความสัมพันธ์สูงสุดกับวิชาในหมวดวิชาการ

ในท่านอง เตียวกัน สุปรียา ล่าเจียง (2522: 43-45) ได้ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่าง เช华んปัญญา กับ สัมฤทธิ์วิชาชีววิทยาศาสตร์ ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 ในเขตกรุงเทพมหานคร จำนวน 641 คน โดยใช้แบบสอบถามทรรศ์สกัดหน้ามาตรฐาน (Standard Progressive Matrices) ความสัมพันธ์ของตัวแปรทั้งสองของนักเรียนทั้งหมดเท่ากัน .33 ( $P < .05$ ) สำหรับนักเรียนชายและนักเรียนหญิงพบว่า มีความสัมพันธ์เท่ากัน .28 และ .41 ตามลำดับ ( $P < .05$ )

### ลำดับของการเกิด

ลำดับของการเกิด เป็นส่วนหนึ่งของอิทธิพลจากสิ่งแวดล้อมที่ เด็กได้รับจากพ่อแม่หรือบุคคล ใกล้ชิดค่า่กัน เช่น อุปคนุโภมภัจจุะ ได้รับการเอาใจใส่จากพ่อแม่เป็นพิเศษ เพราะพ่อแม่ยังไม่เคย มีอุปมาภิญญา การเลี้ยงดูอุปมาภิญญาในแต่ละลำดับที่ของการเกิด จึงมีความแตกต่างกัน (Michael Lewis and Valerie S. Kreitzberg 1979: 617-625) ในบางสังคมค่านิยมที่มีต่ออุปมาภิญญาในแต่ละ ลำดับที่ของการเกิดจะไม่เหมือนกัน เช่น ชนเผ่าชูชูให้ความสำคัญต่ออุปคนุโภมภัจจุภิญญา ให้คำแนะนำความรู้สึก ที่มีต่อตน เองของเด็กในแต่ละลำดับที่ของการเกิด จึงน่าจะมีความแตกต่างกันอันจะเป็นผลให้สัมฤทธิผลทางการเรียนแตกต่างกันไปด้วย

Adler เป็นนักจิตวิทยาคนแรกที่อธิบาย เรื่องราว เกี่ยวกับ ลำดับของการเกิด ซึ่งได้สรุป แนวความคิดของแอดเลอร์ จากการเมียนของ Orgler (Orgler 1972: 32-38) Medinus (Medinus 1969: 257) และประมวล ติดตันสัน (2511: 36-37) ที่กล่าวถึงลำดับของการเกิด ดังนี้

อุกคนໄຕ ຈະវັນສຶກຄ່ອງການມິນອອງ ແນືອນກັນ "ພຣະຮາຊາທີ່ຢູກແຍ່ງບັດລັງກໍ" ຈຶ່ງແຍ່ງຄນໄຄຍກາຮັດສູ່ ຊຶ່ງຈະທ່າໄວ້ມີຜລດ່ອຫຼຸດໃກ່ຮົມ ຕີ່ ຕີ່ຄື່ງ ທ່າລາຍລື່ງຂອງໄນ້ຍອມກິນອາຫາຮ້ອນອນຕາມເວລາ ພ່ອແມ່ໄນ່ເນັ້ນໃຈລົງໄທເຕັກ ທ່າໄວ້ເຕັກເກລືອຍົດນົ້ອງນາກໜີ້ນ ກາຮັດສູ່ເພື່ອແຍ່ງຄວາມຮັກຕິນອາຈະອອກນາໃນຮູບເອາໄຈພ່ອແມ່ ທ່າດ້ວ ເປັນເຕັກລົງໄປອັກເພື່ອເວີຍກັ້ອງຄວາມສູນໃຈ ທີ່ອ ກົດກັນຂັ້ນ ເຫັນນົອງ ອຸກຄນໄຕມັກໄດ້ຮັບນອນໝາຍຈາກຄຣອນຄວ້າ ເຊັ່ນ ອຸແລນົອງ ອຸແລນັ້ນ ທ່າໄວ້ ອຸກຄນໄຕພັນາຄວາມຮັບພິດຂອນ ເປັນຜູ້ນໍາ ເອາຈີງເອາຈັງ ທີ່ອເປັນຢູ່ໄວ້ອ່ານາຈ ແອດເລ່ອງໄດ້ ວິເຄຣະທົ່ວ່າ ອຸກຄນໄຕມັກຈະ ເປັນນັກຈັດອົງຄໍາກາຮົດທີ່ຕີ ມີຄວາມສາມາດຄູ່ງ ມີຄວາມຍຸດືອຮົມ ແຕ່ເປັນນັກເໜີ້ຈຳກາຮ ອຸຽກຍືນຍົມ ໃນກາຮັດທີ່ອຸກຄນໄຕມີປະສົມກາຮົດທີ່ໃນຕົນາກ ຈຸ່າກລາຍ ເປັນອາຫຼາກຮ ທີ່ອເປັນໄຣຄປະສາຫ

ອຸກຄນກລາງ ພ່ອແມ່ເຕັບຍົງດູອຸກຄນແຮກມາແລ້ວ ຈຶ່ງຄ່ອຍພ່ອນຄລາຍຄວາມເຄຮັ່ງເຄີຍຄ ຄວາມວິດກັງວລ ທ່າໄວ້ອຸກຄນກລາງໄນ້ເຄຮັ່ງເຄີຍຄທີ່ອເອາຈີງເອາຈັງເກີນໄປມືນສີຍັກສຸກ ໄນສົນໃຈທີ່ຈະທ່ານີໃຫ້ເປັນຜູ້ນໍາທີ່ອັນພິດຂອນນາກເທົ່າອຸກຄນໄຕ ແຕ່ອຸກຄນກລາງຕ້ອງເພື່ອຍັກພື້ນຖານທີ່ໄດ້ກວ່າວູ່ເສົ່ມອຈົງລາຍ ເປັນຄນທີ່ມີຄວາມວັນສຶກແຍ່ງຂັ້ນ ດ້ວຍເຫຼຸດຂັ້ນກັນທີ່ໄດ້ສໍາເລົຈກົຈະມີແນບແພນບຸຄລິກກາຫທີ່ມີນາກ ແຕ່ດ້າຫ່າຍແພ້ ເຂົາຈະໜົນດ້ວງ ເສົ່າໜົນອົງໃນຫ່ວງເວລາຕ່ອນນາ ນອກຈາກນີ້ອຸກຄນກລາງຍັງພັກປັງຫາກາຮມິນອອນຄນເລັກ ເຫຼາະພ່ອແມ່ຈະທັນໄປເອາໄຈໃສ່ກັນອຸກຄນເລັກ ທ່າໄວ້ອຸກຄນກລາງມີທັນຄທີ່ຂອງກາຮຍອນແພ້ ຂາດຄວາມຕົກລົງ ເວີ່ມ ກລາຍ ເປັນຄນ ແກ່ເວ

ອຸກຄນສຸດທ້ອງ ຈະມີຄວາມວັນສຶກກ່າວຄນ ເອງສໍາວັດຍໍ່ເນື້ອກວ່າຄນອື່ນ ຈຸ່າເຫຼຸດທີ່ກ່າວຄນອື່ນ ເຫຼຸດທີ່ກ່າວຄນອື່ນ ແຕ່ດ້າໄນ້ມີຄວາມສາມາດຄູ່ງໃນດັວກຈະກລາຍ ເປັນຄນທລມໜ່ອນ ບື້ເກີຍຈ ລົບໜົນງານ ຂ່າເວລາ ທ້າຍ້ອແກ້ດ້ວເນື້ອທ່ານີ້ ຈາກກາຮທີ່ອຸກຄນສຸດທ້ອງໄດ້ຮັບກາຮເອາໄຈໃສ່ເປັນພິເສດຈະມີນ້ອຕີ ຕີ່ ທ່າໄວ້ເກີດຄວາມຮັກນັນທີ່ອ່ານັ້ນ ຊຶ່ງຈະເປັນກາຮ ເວີ່ມວັນສຶກທີ່ຈະຮັກນັນທີ່ອ່ານັ້ນ ແຕ່ມີນ້ອເສີຍທີ່ທ່າໄວ້ອ່ອນແອ ຂາດຄວາມເຂື່ອນ້ຳໃນຄນເອງ ຕ້ອງກາຮຄວາມຂ່າຍ ເຫຼືອແລະຂັ້ນກັນຄນອື່ນ ເນື້ອໄດ້

Belmont (Belmont, 1978: 53-55) ໄດ້ສະບັບຄົດໆຈຳກັນທີ່ ທີ່ເກີຍວ້ອງກັນຈຳກັນທີ່  
ກາຮເກີດໄວ້ຕັ້ງນີ້

ลำดับที่การ เกิดมีผลต่อสติปัญญา นับจากคะแนนที่ได้จากการทำแบบทดสอบ The Raven Progressive Matrices โดยความคุณนาคของครอบครัวกับระดับสังคม ปรากฏว่า อุบัติได้คะแนนเฉลี่ยต่ำกว่าคนที่สอง ครอบครัวขนาดเล็กได้คะแนนเฉลี่ยต่ำกว่าครอบครัวขนาดใหญ่ และคะแนนจะลดลง เมื่อลำดับที่การ เกิดมากขึ้น

ความล้มเหลวในโรงเรียน อุบัติจะประสบความสำเร็จในโรงเรียนสูงกว่าในทุกขนาดครอบครัว อุบัติสูดท้อง เสียงต่อความล้มเหลวในการเรียนมากกว่าอุบัติและอุบัติกลาง

Belmont and Morolla (Belmont and Morolla 1973: 1096-1098) ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างลำดับการเกิดและขนาดของครอบครัวต่อสติปัญญา โดยใช้กลุ่มตัวอย่างที่มีอายุ 19 ปี ชาวเนเธอร์แลนด์ จำนวน 400,000 คน ให้ทำแบบทดสอบ The Raven Progressive Matrices ผลปรากฏว่า

1. อุบัติได้คะแนนสติปัญญาจากแบบทดสอบสูงกว่าอุบัติกลางและคนสูดท้อง
2. ครอบครัวที่มีอุบัติ 1 คน ได้คะแนนสติปัญญาสูงที่สุด ครอบครัวที่มีอุบัติ 9 คน ได้คะแนนน้อยที่สุด
3. เด็กจากครอบครัวใหญ่ได้คะแนนสติปัญญาต่ำกว่าครอบครัวขนาดเล็ก

Belmont, Stein and Susser (Belmont, Stein and Susser, 1975: 54-56) ได้ศึกษาเปรียบเทียบลำดับที่การเกิดกับคะแนนสติปัญญาและส่วนสูงให้ขนาดของครอบครัวเป็นตัวคงที่ กลุ่มตัวอย่างเป็นผู้ชายชาวเนเธอร์แลนด์ อายุ 19 ปี จำนวน 234,837 คน ใช้แบบทดสอบ The Raven Progressive Matrices ผลปรากฏว่า

1. สมาชิกจากครอบครัวขนาดเล็ก มีส่วนสูงและคะแนนสติปัญญาสูงกว่าครอบครัวขนาดใหญ่
2. อุบัติได้คะแนนสติปัญญาสูงกว่าคนอื่น ๆ ในทุกขนาดครอบครัว

Zajonc (Zajonc 1976: 227-235) ได้ศึกษาความเกี่ยวข้องระหว่างคะแนนสติปัญญาต่ำขนาดครอบครัวและช่วงห่างของพื้นที่ โดยใช้แบบทดสอบ Scholastic Aptitude Test พบว่ามีความสัมพันธ์ระหว่างลำดับที่การเกิด ช่วงห่างของพื้นที่กับสติปัญญาและได้ผลสรุปว่า

1. อุกคนໄດ້ກ່າວຂະແນນສົດປັບປຸງໄດ້ຕີກວ່າຄົນດ້ວຍໆ
  2. อุกคนໄດ້ທ່ານໍາມາຈາກນົອນ້ອງນາກ ມີສົດປັບປຸງສູງກວ່າຄົນທີ່ອ້າຍໃກລ໌ ເຕີຍງກັບພື້ນ້ອງ
  3. ຄຮອບຄວັງນາດເຈິ້ງອຸກຈຸລາດກວ່າອຸກຄຮອບຄວັງນາດໃຫຍ່
  4. ເຕີກທີ່ມາຈາກຄຮອບຄວັງອຸກຄນ ເຕີຍວໄດ້ກ່າວຂະແນນສົດປັບປຸງໜີ້ຍົກວ່າ

ຜັກພະນຸງຄຣອບຄວ

วัฒนา ภูมิ เล็ก (2513: 54) ได้วิจัยพบว่าความสัมพันธ์ระหว่างนักเรียนกับมิตามารดา  
ระหว่างนักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนสูงกับนักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนต่ำ มี  
ความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญที่ระดับ .01 ซึ่งแสดงว่า นักเรียนที่มีความสามารถในการเรียน  
สูง มีความสัมพันธ์อย่างใกล้ชิดกับมิตามารดามากกว่านักเรียนที่มีความสามารถทางการเรียนต่ำ  
ผลการวิจัยนี้ สอดคล้องกับ Heirlock ที่สรุปว่า เด็กที่ประสมความสำเร็จในชีวิตมักจะมาจากการ  
ครอบครัวที่มิตามารดา มีทัศนคติที่ดีต่อสูก และมีความสัมพันธ์ดีกับนักเรียนใกล้ชิด การที่เด็กมีมิตามารดาที่เข้าใจคนให้ความรักความอบอุ่นและช่วยเหลือในยามที่ต้องการ เด็กย่อมมีสุขภาพจิตที่ดี  
และการที่ไม่มีปัญหาทางม้านจะทำให้นักเรียนเรียนได้อย่างเต็มที่และประสบความสำเร็จในการเรียน ดังที่นักวิทยาได้ศึกษาพบว่า บรรยายกาศทางม้านมีส่วนสำคัญที่จะส่งเสริมให้นักเรียนมีความกระตือรือร้นที่จะเรียน

ในทางตรงกันข้าม ถ้านักเรียนมีความขัดแย้งกับบิความารคานในเรื่องต่าง ๆ มีความรู้สึกว่าบิความารคานไม่เข้าใจคนและความต้องการของคน ปัญหาและความกังวลใจที่เกิดขึ้นจากสิ่งต่างๆ เหล่านี้ จะเป็นอุปสรรคต่อการเรียนของนักเรียน และวัฒนา ผุ่มเจ๊ก (2513: 55) ยังได้วิจัยพบว่า นักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนสูงมีความสัมพันธ์ระหว่างฟันทองดีกว่านักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนต่ำ และ Sandefur และ Bigge (1966: 473-474) พบว่า ปัญหาทางครอบครัวมีความสัมพันธ์ผลกระทบกับสัมฤทธิผล หมายความว่า การขาดความรักจากทางบ้าน และการมีปัญหาทางครอบครัวมาก จะเป็นอุปสรรคต่อสัมฤทธิผลทางการเรียนของนักเรียน

### ขนาดของครอบครัว

วัฒนา ชุ่น เล็ก (2513: 56) ได้ริจิยพนว่าบังเกียนที่มีความสามารถในการเรียนสูง มีพี่น้องโดยเฉลี่ยครอบครัวละ 3 คน และบังเกียนที่มีความสามารถในการเรียนด้วยพี่น้อง โดยเฉลี่ยครอบครัวละ 4 คน แต่เมื่อทดสอบความแตกต่างของค่าเฉลี่ยนี้ ปรากฏว่าไม่มีความแตกต่างอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติ เพียงแต่มีแนวโน้มที่บังเกียนที่มีความสามารถในการเรียนสูง จะมากจากครอบครัวที่มีขนาดเล็กกว่าบังเกียนที่มีความสามารถในการเรียนด้วย ซึ่งตรงกับการศึกษาของ MeMillan (Alexander 1976: 456) ที่พบว่าเด็กที่มีความสามารถในการเรียนสูงมาจากครอบครัวที่เล็กกว่า และการอยู่ในครอบครัวที่เล็กนั้น Rosen (1963: 171) พบว่าจะมีการแข่งขันกันมากกว่าครอบครัวที่ใหญ่ พ่อแม่ของครอบครัวขนาดเล็กจะมีระดับความมุ่งหวังเที่ยวกันสูงกว่าและเน้นให้ลูกเป็นคนที่มีความสามารถไว้ เรื่อง ผลกระทบทางการศึกษาของ Rosen อาจกล่าวได้ว่าจำนวนพี่น้องในครอบครัวน่าจะมีความสำคัญต่อการมีสัมฤทธิ์ทางการเรียน

Suklendar (Suklendar 1966: 133-137) ได้ศึกษานักเรียนชายชั้นมัธยมศึกษาในเมืองมัทราส เที่ยวกับความสัมพันธ์ระหว่าง จำนวนเด็กในครอบครัวลำดับการเกิดกับความสามารถทางสติปัญญาและสัมฤทธิ์ทางการเรียน พบว่า

1. จำนวนเด็กในครอบครัวมีความสัมพันธ์กับสติปัญญาและสัมฤทธิ์ทางการเรียนกล่าวคือ เด็กที่มารจากครอบครัวที่มีลูกมากจะมีสัมฤทธิ์ทางด้านการเรียนด้วย และเด็กที่มีความสามารถทางสติปัญญาสูง มักจะมาจากการครอบครัวที่มีลูกน้อย
2. ลำดับของการเกิดไม่มีความสัมพันธ์แน่นอนคงที่กับความสามารถทางสติปัญญา และสัมฤทธิ์ทางด้านการเรียน

### ชั้นทางสังคมของครอบครัว

บังเกียนในต่างประเทศยอมรับกันว่า ฐานะทางเศรษฐกิจและสังคมของครอบครัว มีอิทธิพลต่อความสามารถทางการศึกษา ค่าว่าฐานะทางเศรษฐกิจและสังคม (Socio economic status) นั้น อาจแปลความอ่อนแหนในรูปของฐานะทางสังคม ระดับการศึกษาของบิดา บารดา อายุพ รายได้ของครอบครัว เป็นต้น สภาพของครอบครัวที่ค้างกันย่อมมีปัญหาเชิงค้างกัน มนุษย์ จำเป็นต้องแก้ปัญหาและปรับตนให้เข้ากับสภาพเชิงค้างกันเพื่อสืบสานต่อที่ค้างกันนี้ ในการปรับตัวและแก้ปัญหานั้น มนุษย์จำเป็นต้องสร้างค่านิยม (Value) และวิธีชีวิตใหม่ขึ้น ดังนั้นสภาพของครอบครัวที่ค้างกันจึงเป็นเหตุให้ค่านิยมและวิธีชีวิตของคนเราค้างกันได้

Knief and Stroud (Knief and Stroud 1959: 117-120) ได้ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างสติปัญญา สัมฤทธิทางการเรียนและชั้นทางสังคม กลุ่มตัวอย่างเป็นนักเรียนเกรด 4 จากโรงเรียนประถมศึกษา จำนวน 18 โรงเรียน จำนวนทั้งหมด 344 คน โดยใช้แบบสอบถามวัดสติปัญญาของลอร์จ ฮอร์นไคต์ เกณฑ์ของ เดวิส-แอลล์ แบบสอบถามไอโอวา เพื่อวัดทักษะเมืองคัน และแบบวัดคุณลักษณะของวอร์เนอร์ ผลการศึกษาปรากฏว่า ชั้นทางสังคมหรือสังคมฐานะทางเศรษฐกิจและสังคมมีความสัมพันธ์กับทางบวกกับ เช่าวัปัญญา

Wright and Bean (Wright and Bean 1974: 277-283) ผู้นับสูนความจริงข้อนี้ในสังคมอเมริกัน โดยศึกษาอิทธิพลของฐานะทางเศรษฐกิจและสังคมในการทำงานของผู้เรียนในวิทยาลัย โดยใช้กลุ่มตัวอย่างเป็นนิสิตปีที่ 1 จำนวน 1,631 คน ตัวแปรที่ศึกษาได้แก่ เพศ รายได้ของครอบครัว อารมณ์ของมิตรและ การศึกษาของมารดา โดยใช้แบบสอบถามความถนัดทางการเรียนค้านภาษา (Verbal) และคณิตศาสตร์ โดยใช้เกรดเฉลี่ยในระดับมัธยมศึกษามาเป็นตัวทวนนายเกรดเฉลี่ย (GPA) ของนิสิตปีที่ 1 ในมหาวิทยาลัยด้วย ผลของการศึกษาพบว่า

1. ในจำนวนนิสิต 1,631 คน มีนิสิต 412 คน ที่มาจากการครอบครัวที่มีรายได้น้อยกว่า 6,000 เหรียญ และ 1,138 คน มีนิสิตที่มีการศึกษาต่ำกว่ามัธยมศึกษา
2. ตัวแปรที่แสดงส่วนงานทางเศรษฐกิจและสังคมโดยส่วนรวมมีความสัมพันธ์ต่ำกว่า เกณฑ์ ในขณะที่ตัวแปรทางเพศมีความสัมพันธ์กับ เกณฑ์เท่ากัน .186 โดยมีนัยสำคัญทางสถิติ .01
3. ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ที่บัญญัติของตัวแปร เพศและต่างกันน้อย แต่เพศชายมีค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์สูงกว่า เพศหญิง
4. รายได้ของครอบครัว เป็นตัวแทนของสถานภาพทางเศรษฐกิจและสังคมซึ่งใช้เป็นตัวทวนนายที่ดีที่สุด
5. อารมณ์ของมิตรได้แก่ อารมณ์: ไม่ต้องใช้ทักษะ (Unskilled Worker) และ อารมณ์ที่ต้องใช้ทักษะ (Skilled Worker) สามารถทวนนายได้ดีกว่าอารมณ์ที่ประกอบธุรกิจส่วนตัว (Small Business Worker) และอารมณ์ที่ต้องใช้วิชาชีพ

สรุปได้ว่านิสิตที่มีฐานะทางเศรษฐกิจและสังคมสูง จะสามารถประสบผลสำเร็จในการเรียนในวิทยาลัยได้ดีกว่านิสิตที่มีฐานะทางเศรษฐกิจและสังคมต่ำ โดยมีความครองในการทวนนายของแบบสอบถามความถนัดทางค้านภาษา (SAT-V) หรือทางค้านคณิตศาสตร์ (SAT-M) หรือเกรดเฉลี่ยในระดับมัธยมศึกษา จะเปลี่ยนแปลงไปตามฐานะทางเศรษฐกิจและสังคม โดยที่

ความสัมพันธ์ระหว่างเกรด เฉลี่ยสะสมในระดับมัธยมศึกษา และเกรด เฉลี่ยของนิสิตที่มีค่ามีรายได้ น้อยกว่า 6,000 เหรียญ มีค่าเท่ากัน .166 ขณะที่นักเรียนที่มีค่ามีรายได้ตั้งแต่ 14,000 เหรียญ และสูงกว่า มีค่าสหสัมพันธ์ถึง .377

Chopra (Chopra 1976: 359-361) ได้ทำการศึกษาในเมืองลักนาว ประเทศอินเดีย เพื่อใช้ให้เห็นความสัมพันธ์ระหว่างอาชีพของบิดามารดา กับสัมฤทธิผลทางการเรียนของนักเรียนระดับมัธยมศึกษา กลุ่มตัวอย่างสุ่ม เลือกจากนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาอายุระหว่าง 14-17 ปี จำนวน 1,359 คน จากโรงเรียนมัธยมในเมืองหลวง 32 โรง และในชนบทอีก 6 โรง โดยใช้แบบสอบถามไพร์ เกรสซิฟแมทริกซ์ (Progressive Matrices) กับคะแนนการสอนปลายปี ใช้วิธีการวิเคราะห์ความแปรปรวน (Analysis of Variance) เพื่อแสดงความแตกต่างในค่าเฉลี่ยของคะแนนสัมฤทธิผลของนักเรียนกับอาชีพของบิดามารดา พบว่ามีความแตกต่างกันอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 ( $F = 32.50, P < .01$ ) และจากการใช้วิธีวิเคราะห์ความแปรปรวนร่วม (Analysis of Covarianee) แสดงว่ามีความสัมพันธ์กันอย่างต่อเนื่องที่มีผลต่อค่าเฉลี่ยของคะแนนสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียน ( $F = 24.34, P < .01$ ) จากการศึกษาพบว่าอาชีพของบิดามารดา ซึ่งเป็นเครื่องบอกระดับทางสังคมของครอบครัวมีผลต่อความสำเร็จทางการศึกษาของบุตร

Coster (Coster 1959: 50-62) ซึ่งได้ทำการศึกษาหาความสัมพันธ์ระหว่างลักษณะหรือสภาพทางครอบครัวกับผลการเรียนของเด็กในระดับมัธยมศึกษา พบว่าขนาดของครอบครัว ความสนใจในการอ่านหนังสือพิมพ์ รวมทั้งระดับการศึกษาของบิดามารดา ค่าต่างกันมีความสัมพันธ์ในทางนواกับผลการเรียนของนักเรียน

ต่อมา Worthington and Grant (Worthinaton and Grant 1968: 7-10) ได้ศึกษาองค์ประกอบที่มีต่อความสำเร็จทางการเรียน ที่รัฐอุทา (Utah) ใช้นิสิตปีที่ 1 ของมหาวิทยาลัยอุทา เป็นกลุ่มตัวอย่างประมาณ 1,270 คน และนิสิตหญิง 990 คน เครื่องมือ ได้แก่ แบบสอบถาม เอ.ซ.ท. (American Collage Testing) ในวิชาภาษาอังกฤษ คณิตศาสตร์ สังคมศาสตร์ ธรรมชาติวิทยา โดยการวิเคราะห์ความแปรปรวนแบบ 2 ทาง และ 3 ทาง

องค์ประกอบที่เข้าศึกษามี 11 ดั่งแพร ได้แก่ เหตุรายได้ของครอบครัว จำนวนเด็กในครอบครัว คะแนนเฉลี่ยจากวิชาทั้ง 4 วิชา ในโรงเรียนมัธยมศึกษา สัมฤทธิผลที่ไม่ใช่วิชาการ (Non-academic Achievements) ที่ดังโรงเรียนมัธยมศึกษาตามสภาพทางภูมิศาสตร์ คะแนนจากแบบสอบถาม เอ.ช.ท. ความสำคัญในการตั้งเป้าหมายทางการเรียนทางวิชาชีพและทางสังคม การเลือกอาชีพในอนาคต และเกรดเฉลี่ยในเกณฑ์แรกของมหาวิทยาลัย เป็นดั่งแพรสาม จากการศึกษาพบว่า

บุลคลที่มีค่ามารยาทสูงและปานกลาง จะได้รับผลลัพธ์ทางการเรียนสูงกว่าบุลคลที่มีฐานะทางเศรษฐกิจและสังคมที่ดีกว่า เหาระฐานะทางเศรษฐกิจและสังคมจะเป็นดั่งแพรที่สำคัญที่จะกำหนดค่าศักดิ์แรงดึงดูด และความนิยมด้วย

Washburne (Washburne 1959: 130-137) ได้ศึกษาสภาพทางเศรษฐกิจและสังคมของนักศึกษาที่อาศัยอยู่ในเมืองใหญ่ และเมืองเล็กหรือชนบท กับผลลัพธ์ทางการศึกษา (Academic Performance) กลุ่มตัวอย่างประกอบด้วยนักศึกษาที่แตกต่างกัน 2 กลุ่ม ได้แก่ นักศึกษาจากวิทยาลัยที่ได้รับเงินอุดหนุนจากรัฐชั้งอยู่ในเมืองเล็ก ๆ อยู่ทางตะวันออกเฉียงใต้ชั้งประชาราตนิเวศน์ กับอีกวิทยาลัยหนึ่งชั้ง เป็นสถาบันของรัฐอยู่ในเขตเมืองหลวง โดยกลุ่มนักศึกษากลุ่มละ 100 คน โดยใช้เศษชาติทั้งหมด

ดั่งแพรตาม คือ ค่าเฉลี่ยของเกรดเฉลี่ยของนักศึกษาใน 2 เกณฑ์แรกของนักศึกษา ปีที่ 1 ในมหาวิทยาลัย

ดั่งแพรอิสรระ คือ สภาพทางเศรษฐกิจและสังคม ได้แก่ จำนวนการศึกษาของบุคคล ของนักศึกษาแต่ละคน โดยแบ่งเป็น 5 ระดับ คือ เกรด 6 เกรด 9 เกรด 12 เมื่อจบวิทยาลัย และ เมื่อจบปริญญาตรีหรือสำเร็จวิชาชีพแล้ว และอาชีพของบุคคล ค่าด้วย ผ่านดั่งแพรคะแนนของที่พักอาศัยในเขตเมืองได้จากผลลัพธ์ของระยะทางที่นักศึกษาอาศัยอยู่ห่างจากบ้านกันจำนวนปีที่อาศัยอยู่ก่อนเข้าวิทยาลัยแห่งนี้

โดยใช้แบบสอบถามเป็นเครื่องมือเก็บรวบรวมข้อมูล จากการศึกษาพบว่า สภาพทางเศรษฐกิจและสังคมกับผลลัพธ์ทางการเรียนของนักศึกษาทั้ง 2 กลุ่ม มีความสัมพันธ์ที่ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แต่คะแนนระยะทางที่พักอาศัยอยู่ในเขตเมืองใหญ่หรือเมืองเล็กกับค่าเฉลี่ยของเกรดเฉลี่ยมีความสัมพันธ์ เป็นมากและมีนัยสำคัญทางสถิติค่อนข้างนั่นคือนักเรียนที่มาจากเมืองใหญ่เรียนหนังสือได้ดีกว่านักเรียนที่มาจากการเมืองเล็กหรือชนบท

Bidwell (Bidwell 1967: 359-362) แสดงให้เห็นว่า ในสังคมเมริการูนานาทางสังคมทางครอบครัวมีอิทธิพลต่อความสำเร็จในการศึกษาเล่าเรียนของบุตร และผลการวิจัยของ Collier (Collier 1957: 1027) พบว่าในระดับประถมศึกษาปีที่ 5-6 นักเรียนที่มีความเป็นอยู่ในระดับเศรษฐกิจทางสังคมสูงจะมีความเข้าใจและความสามารถในการเรียนวิชาคณิตศาสตร์สูงกว่านักเรียนที่อยู่ในฐานะทางเศรษฐกิจและสังคมต่ำ

พ.ศ. 2512 วัฒนา ผุ่ม เล็ก ได้เปรียบเทียบองค์ประกอบที่มีอิทธิพลต่อสัมฤทธิผลทางการเรียนของนักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนสูงกับนักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนต่ำ ด้วยวิธีการคิด คือ นักเรียนโรงเรียนสาธิตจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1-3 จำนวน 232 คน เมื่อเป็นนักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนสูงและต่ำอย่างละ 116 คน ใช้แบบสอบถามนักเรียนชื่อตัดแบ่งจาก The Mooney Problem Check Lists แบบสอบถามที่เกี่ยวกับความสัมพันธ์ระหว่างนักเรียนกับมิตรภาพ ความสนใจในวิชาเรียน กิจกรรมด้านต่าง ๆ การเลือกอาชีพ และแบบสอบถามผู้ปกครอง เกี่ยวกับองค์ประกอบทางครอบครัว จากการศึกษาพบว่าองค์ประกอบทางด้านความรักทางครอบครัว ได้แก่ ความสัมพันธ์ของมิตรภาพและเพื่อนขององค์ประกอบทางวัฒธรรมและสังคม ได้แก่ ความเป็นอยู่ของครอบครัว การศึกษาของมิตรภาพ และฐานะทางบ้าน เป็นองค์ประกอบที่เป็นเครื่องบอกความแตกต่างของคะแนนสัมฤทธิผลทางการเรียนในระดับมัธยมศึกษาตอนต้น นั่นคือ นักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนสูงจะมีองค์ประกอบทางด้านตั้งกล้าว้อยู่ในระดับที่ต่ำกว่านักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนที่ต่ำกว่าอย่างมีนัยสำคัญที่ระดับ .01 และ .02 ยกเว้นในเรื่องจำนวนที่น้องระหว่างนักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนสูงและต่ำไม่แตกต่างอย่างมีนัยสำคัญ นอกจากนี้นักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนสูงสนใจในวิชาคณิตศาสตร์ คณิตศาสตร์ สังคมศึกษา ศิลปะภูมิปัญญา กิจกรรมด้านวิชาการ อาชีพแพทย์ และการอ่านหนังสือมากกว่านักเรียนที่มีความสามารถในการเรียนต่ำอย่างมีนัยสำคัญที่ระดับ .01

ต่อมาได้มีโครงการวิจัยประสิทธิภาพโรงเรียนประถมศึกษา (สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาแห่งชาติ 2519: 1-22) ได้ศึกษาเกี่ยวกับอิทธิพลขององค์ประกอบทั้งภายในและภายนอกโรงเรียนที่มีต่อสัมฤทธิผลทางการเรียนของนักเรียน ในระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3- มีการมีการศึกษา 2516 ของโรงเรียนทุกประเภททั่วประเทศไทย นักเรียนจำนวน 27,897 คน จาก 987 โรงเรียน และมิตรภาพหรือผู้ปกครองนักเรียนจำนวน 1,974 คน ผลปรากฏว่า ภูมิทัศน์ทางเศรษฐกิจและสังคมของนักเรียน (อาชีพของมิตรภาพ) เป็นตัวแปรที่สำคัญที่มีต่อสัมฤทธิผลทางการเรียน

ในปี พ.ศ. 2519 สุรเดช ปนาทฤต (สุรเดช ปนาทฤต 2520: 49-50) ได้ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างสภาพแวดล้อมในครอบครัวกับสัมฤทธิ์ของนักศึกษาผู้ใหญ่แบบเบ็ดเสร็จ โดยใช้ข้อมูลกลุ่มตัวอย่างนักศึกษาผู้ใหญ่แบบเบ็ดเสร็จ ปีการศึกษา 2518 จำนวน 451 คน จากภาคเหนือ ภาคใต้ และภาคตะวันออกเฉียงเหนือ ผลการวิจัยสรุปได้ว่า องค์ประกอบด้านสภาพแวดล้อมในครอบครัว ซึ่งได้แก่ อายุ เพศ อาชีพ จำนวนบุคคลในครอบครัว รายได้โดยเฉลี่ยต่อปี ศาสนาที่นับถือ การชุมชนและพังกษาไทยกลางนั้น ร่วมกันอธิบายความแปรปรวนของสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักศึกษาได้ร้อยละ 12 โดยมีตัวแปรค่านการชุมชนและพังกษาไทยกลางมีความสำคัญในระดับสูงสุด รองลงมาคือศาสนาที่นับถือและเพศตามลำดับ

จากรายงานผลการวิจัยที่กล่าวมาแล้วจะพบว่า สัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนจะประกอบด้วย เขาวัฒน์ และตัวแปรทางสังคมหลายตัว ไม่ที่เข้ามาเกี่ยวข้อง แต่พอที่จะสรุปเป็นตัวแปรที่สำคัญได้ดังนี้ คือ ตัวแปรที่เป็นส่วนติดตัวของนักเรียนมาแต่กำเนิด ซึ่งได้แก่ เพศ ลำดับที่ของ การเกิดช่วงที่ห่างระหว่างพี่น้อง และตัวแปรที่เป็นภูมิหลังของครอบครัวของนักเรียน ซึ่งประกอบด้วย ลักษณะของครอบครัว ขนาดของครอบครัว ชื่นทางสังคม ศาสนาที่นับถือ การใช้สื่อสารมวลชน ที่นี่ที่ดึงของบ้าน และภาษาที่ใช้ชุมชนที่บ้าน ประกอบกับการศึกษาในระดับมัธยมศึกษาปีที่ 3 นั้นมุ่งส่งเสริมความคิด ความสนใจของนักเรียน เพื่อออกแบบก้าวสังคนในระดับกลางที่เป็นแรงงานที่สำคัญต่อไป จึงสมควรที่จะได้รับการวิจัย เกี่ยวกับ เขาวัฒน์ และตัวแปรทางสังคมที่เกี่ยวข้องกับสัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนมัธยมศึกษาปีที่ 3 ในจังหวัดชายแดนภาคใต้ เพื่อหาทางช่วยเหลือ และให้มีประสิทธิภาพทางการศึกษาระดับสูงสุด

### การวิเคราะห์ทดสอบอยพหุอุณหภูมิ

การวิเคราะห์ทดสอบอยพหุอุณหภูมิ (อ่ารุ่ง จันทรานิช 2519) เป็นเทคนิควิธีที่ขยายจากแนวความคิดเดิมของความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระและตัวแปรตามกับการพยายามคำนวณตัวแปรตั้งกล่าวจากสมการทดสอบที่ได้ การทดสอบอยพหุอุณหภูมิ ศึกษาถึงบทบาทหรืออิทธิพลและขนาดของอิทธิพลของตัวแปรอิสระที่มากกว่า 1 ตัวแปร ซึ่งนำไปที่มีต่อตัวแปรตาม โดยใช้วิธีการหรือหลักความสัมพันธ์ (correlation) และการทดสอบ (regression) หน้าที่ประการสำคัญของการทดสอบอยพหุอุณหภูมิ ก็คือการช่วย "อธิบาย" ความแปรปรวนหรือการกระจายของตัวแปรตาม โดยจะประเมินจาก การรู้ความแปรปรวนของตัวแปรอิสระ งานวิจัยทางการศึกษาส่วนใหญ่พยายามที่จะแสดงให้

คำอธิบายความแปรปรวนของสัมฤทธิผลทางการเรียน โดยศึกษาสิ่งที่มีความสัมพันธ์ต่อสัมฤทธิผลนั้นหลายประการ เช่น เช่นวัยปัญญา ความดันน้ำคัล สังคมในชั้นเรียน เชื้อชาติ ลิ้งแวงคลื่นทางบ้านบรรยายกาศในโรงเรียน คุณลักษณะของครู และอื่น ๆ ทางค้านวัตศาสตร์ ในการศึกษาเพื่ออธิบายพฤติกรรมการลงคะแนนเสียง เลือกตั้งฯ เป็นต้องศึกษาด้วยแปรที่ศึกษาว่าจะมีอิทธิพลต่อพฤติกรรมตั้งกล่าว เช่น อายุ เพศ รายได้ การศึกษา แรงจูงใจ ที่พำนักเป็นต้น

ตัวอุปราชสัมคของ การวิเคราะห์回帰อยพหุคุณที่เพื่อที่จะคำนวณค่าของน้ำหนัก (beta weight) หรือสัมประสิทธิ์การ回帰 (regression coefficient) ของตัวแปรอิสระแต่ละตัว ตลอดจนค่าคงที่เฉพาะของสมการ (beta zero หรือ intercept) เพื่อให้มูลที่คำนวณได้จากสมการ回帰  $Y = b_0 + b_1 X_1 + b_2 X_2 + \dots + b_k X_k$  เป็นค่าพยากรณ์ที่มีกำกับส่องของความคลาดเคลื่อนในการพยายามที่สุด จากความรู้ค่าตัวแปรอิสระ  $X_1, X_2, \dots, X_k$  ในกรณีที่มีตัวแปรอิสระ  $k$  ตัวแปร เราจึงสามารถคำนวณหัวค่าของตัวแปรตาม ( $y$ ) ได้ เช่น งานวิจัยของ Holtzman and Brown (Holtzman and Brown 1963: 404-409) ซึ่งทำการศึกษาเพื่อพยายามที่จะแผนและสื่อของนักเรียนระดับมัธยมศึกษา (GPA) โดยพิจารณาให้คะแนนลักษณะนิสัยในการเรียนและทัศนคติของนักเรียน (SHA) ตลอดจนคะแนนความนัดทางการเรียน (SA) เป็นตัวแปรอิสระ ในการศึกษาพบว่าค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ของคะแนนและสื่อในการเรียนระดับมัธยมศึกษา และคะแนนลักษณะนิสัยตลอดจนทัศนคติของนักเรียน เป็น  $0.55$  และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่างคะแนนและสื่อของนักเรียนระดับมัธยมศึกษาและคะแนนนัดทางการเรียน เป็น  $0.61$  ผลจากการวิเคราะห์โดยใช้ตัวแปรอิสระคะแนนลักษณะนิสัยในการเรียนและทัศนคติของนักเรียน (SHA) เพียงตัวแปรเดียว พบว่าสามารถอธิบายค่าความแปรปรวนของคะแนนและสื่อของนักเรียนมัธยมศึกษา (GPA) ได้ร้อยละ  $30$  ( $r^2 = .30$ ) และถ้าใช้ตัวแปรความนัดทางการเรียน (SA) เพียงตัวแปรเดียว เช่นกัน จะสามารถอธิบายค่าความแปรปรวนของคะแนนและสื่อของนักเรียนได้ร้อยละ  $37$  ( $r^2 = .37$ ) ทั้งนี้เนื่องจากคะแนนลักษณะนิสัยในการเรียนและทัศนคติของนักเรียน (SHA) ตลอดจนคะแนนความนัดทางการเรียน (SA) มีการคำนวณที่เกี่ยวข้องในค่าความแปรปรวนของการอธิบาย เพราะตัวแปรตั้งกล่าวมีค่าความสัมพันธ์เท่ากัน  $.30$  ทำให้สามารถหาค่าความแปรปรวนที่ตัวแปรอิสระ SHA และ SA อธิบายร่วมกันโดยการรวมค่าที่ได้ทั้งสองค่าเข้าด้วยกันโดยตรง จากการใช้วิธีการวิเคราะห์回帰อยพหุคุณ Holtzman and Brown พบว่า คะแนนนิสัยในการเรียนและทัศนคติของ

นักเรียน SHA) กับคะแนนความถนัดทางการเรียน (SA) ร่วมกันอธิบายค่าความแปรปรวนของคะแนนเฉลี่ยของนักเรียนระดับมัธยมศึกษา (GPA) ได้ถึงร้อยละ 52 ซึ่งจากการวิจัยนี้สามารถสรุปได้ว่าการใช้ตัวแปรอิสระร่วมในการพยากรณ์ตัวแปรตาม สามารถเพิ่มอำนาจในการพยากรณ์ให้สูงขึ้นจากเดิม อันแสดงให้เห็นถึงคุณประโยชน์ และการได้เปรียบในการใช้รีเซอร์วิเคราะห์ทดสอบอยพหุคุณเพื่อการพยากรณ์สัมฤทธิผลทางการเรียนของนักเรียน

### ลักษณะของการวิเคราะห์ทดสอบอยพหุคุณ

#### ตัวแปรสำหรับการวิเคราะห์

การศึกษาการทดสอบอยพหุคุณเพื่อการพยากรณ์ต้องใช้ตัวแปรอิสระจำนวนหนึ่งจากตัวแปรที่ต้องการศึกษาทั้งหมด วิธีการนี้จะใช้ได้ดีก็ต่อเมื่อรู้ข้อมูลที่ทำการศึกษา เป็นข้อมูลที่มีลักษณะคือ เนื้อง (continuous data) เป็นข้อมูลที่จัดเรียงลำดับ (ranked data) หรือเป็นข้อมูลที่จัด เป็นหมวด เป็นหมู่ (categorical data) โดยที่ในแต่ละกลุ่มหรือระดับของข้อมูลที่จัด เป็นหมวด เป็นหมู่นั้น ประกอบด้วยตัวเลข 2 ประเทก คือ เลข 1 และ เลข 0 ใน การศึกษาข้อมูลที่จัด เป็นหมวดหมู่ ไทย เฉพาะอย่างยิ่งข้อมูลที่จัดแบ่งได้หลาย ๆ ระดับ อาจใช้ข้อมูลในแต่ละระดับ เป็นตัวแปรอิสระสำหรับการวิเคราะห์ทดสอบอยพหุคุณ โดย เดิมกระดับทางตัวแปรจำนวน เท่ากับชั้นแห่งความ เป็นอิสระ (degrees of freedom) ของตัวแปรนั้น ตัวอย่าง เช่น ศึกษาตัวแปรเกี่ยวกับอายุที่ประกอบด้วยกลุ่มอายุ 4 ระดับ ต้องใช้ระดับทางกลุ่มอายุในการศึกษาจำนวน 4 ระดับ ใช้ข้อมูลทั้ง 4 ระดับนี้ เป็นตัวแทนสำหรับตัวแปรที่เกี่ยวกับอายุทั้งหมดในการวิเคราะห์ทดสอบอยพหุคุณ อีกวิธีหนึ่ง อาจทำได้โดยการศึกษาตัวแปรที่ต้องการศึกษาทุกระดับและกำหนดตัวเลขให้คุณลักษณะของระดับที่ต้องการศึกษาในแต่ละระดับให้มีค่า เป็น 1 ส่วนคุณลักษณะอื่นที่ไม่ต้องการศึกษามีค่า เป็น 0

### ข้อตกลง เมื่อหันหัวของการวิเคราะห์ทดสอบอยพหุคุณ

ในการวิเคราะห์ทดสอบอยพหุคุณเรามีข้อตกลง เมื่อหันหัวโดยประการที่จะต้องพิจารณา  
ประกอบก่อนลงมือทำการวิเคราะห์ คือ

1. การวิเคราะห์ทดสอบอยในทุกลักษณะ จะสมมติว่า คะแนนของตัวแปรตาม ( $y$ )  
มีการแจกแจงเป็นโค้งปกติในแต่ละค่าของตัวแปรอิสระ ( $x$ ) ข้อสมมตินี้ เป็นสิ่งจำเป็นสำหรับ  
การทดสอบนัยสำคัญทางสถิติ  $F$
2. คะแนนตัวแปรตาม ( $y$ ) ที่ได้มีความแปรปรวน (variance) เท่ากันในทุก ๆ  
ค่าของตัวแปรอิสระ ( $X$ ) กล่าวคือ ค่า  $y \neq X$  ให้ ถือว่า เป็นตัวแทนสุ่มมาจากประชากรปกติ  
โดยที่ทุก ๆ ประชากรมีการกระจายร่วมกันอยู่คือ  $\sigma^2_{y,x}$
3. ค่าความคลาดเคลื่อนแต่ละค่า (error terms) ที่ได้จากการคำนวณในสมการ  
ทดสอบ เป็นค่าที่ได้โดยการสุ่ม (random) และมีการแจกแจงเป็นโค้งปกติ ข้อสมมตินี้ใช้ประกอบ  
ในการคำนวณทางสถิติ (statistical estimation)

### คุณสมบัติของสมการทดสอบ เส้นตรงมีดังนี้

คุณสมบัติของสมการทดสอบ เส้นตรงมีดังนี้

1. ค่าเฉลี่ยของตัวแปรอิสระ ( $\bar{x}$ ) และค่าเฉลี่ยของตัวแปรตาม ( $\bar{y}$ ) จะอยู่บนเส้น  
ทดสอบ
2. ผลรวมของผลต่าง (deviation) ระหว่างจุดที่สังเกตได้กับค่าเฉลี่ยของ  
ประชากรนี้ค่า เป็นศูนย์
3. ผลรวมของกำลังสองของผลต่างระหว่างจุดที่สังเกตได้กับค่าเฉลี่ยนี้ค่าต่ำสุด

### ข้อดีของการวิเคราะห์ทดสอบอยพหุคุณ

ประโยชน์ที่เห็นได้ชัดของการวิเคราะห์ทดสอบอยพหุคุณหรืออาจกล่าวได้ว่า เป็นข้อดีที่สำคัญ  
ที่สุดของวิธีการนี้คือ วิธีดังกล่าวมีส่วนสืบทอดอย่างใกล้ชิดและสอดคล้องกับวัสดุประสงค์ทาง  
วิทยาศาสตร์ นั่นคือ การอธิบายปรากฏการณ์ทางธรรมชาติ ในกรณีที่ส่วนมากความพยายาม  
อย่างน้อยที่สุดก็มุ่งที่จะอธิบาย เหตุการณ์หรือปรากฏการณ์อันหนึ่งอันใดที่เกิดขึ้น แม้ว่าปรากฏการณ์  
นั้น จะมีลักษณะปนหรือสับสนเพียงใดก็ตาม ดังนั้น การวิเคราะห์ทดสอบอยพหุคุณ แม้แต่ที่เกี่ยวข้อง  
กับตัวแปรตาม เพียงตัวเดียว เดียว ก็สอดคล้องกับวิธีการทางวิทยาศาสตร์

ข้อตีประการที่สองของการวิเคราะห์回帰อยพหุคูณ ก็คือ สามารถที่จะใช้ได้กับตัวแปรอิสระหลาย ๆ จำนวนหรือมีระดับให้ก็ได้ วิธีการวิเคราะห์ให้ผลในทุก ๆ ด้านตามที่การวิเคราะห์ความแปรปรวน (analysis of variance) จะทำได้และให้ผลมากกว่า ไม่ว่าตัวแปรอิสระจะมีลักษณะใด เช่น การวัด (scale) อย่างไรก็ตาม โดยเฉพาะอย่างยิ่ง การวิเคราะห์回帰อยพหุคูณ เป็นวิธีที่ดีที่สุดสำหรับข้อมูลที่ไม่ใช่ผลจากการทดลอง (nonexperimental data)

ข้อตีประการสุดท้ายของการวิเคราะห์แบบนี้ คือ การวิเคราะห์回帰อยพหุคูณซึ่งใช้วิธีการทางสถิติหลายวิธีในการพิจารณาแปลความหมายของข้อมูล ตัวอย่างเช่น วัดความสัมพันธ์ (correlation) ทั้งหลายที่เกิดขึ้นในข้อมูลระหว่างตัวแปรอิสระ และระหว่างตัวแปรอิสระกับตัวแปรตาม ค่า  $R^2$  ใช้ในการคาดคะเนอัตราส่วนของความแปรปรวนในตัวแปรตาม ซึ่งเป็นผลมาจากการรู้ความแปรปรวนของตัวแปรอิสระ นอกจากนั้น การทดสอบนัยสำคัญทางสถิติของ F ช่วยให้ศึกษาความแตกต่างในค่าของ  $R^2$  หรือลักษณะความนัยสำคัญของการเพิ่มความรู้ในการกระจายของตัวแปรตาม อันเป็นผลมาจากการนำตัวแปรอิสระบางตัวมาเพิ่มเข้าไปในสมการโดยเป็นคัน

#### จุดอ่อนของการวิเคราะห์回帰อยพหุคูณ

ในการวิเคราะห์回帰อยพหุคูณ ความเสื่อมถือได้ของผลการวิเคราะห์ เป็นปัญหาที่สำคัญของวิธีการดังกล่าว ปัญหาประการแรกเกิดจากการที่ผู้วิจัยมีแนวโน้มที่จะไอนตัวแปรอิสระทั้งหมดที่ต้องการศึกษา หรือต้องการเลือกให้กับวิเคราะห์回帰อยพหุคูณโดยไม่มีการเลือกสรรส่วนตัวแปรอิสระเหล่านั้น เสียก่อน แต่ปล่อยหน้าที่ให้วิธีการวิเคราะห์และเครื่องคำนวณไฟฟ้าท่าหน้าที่ เองความล้าทั้งเบรื้อง เสมือนการยิงกัดวยกระสุนลูกปืน โดยที่ค่าน่าจะถูกเข้ามายัง การกระทำดังกล่าวไม่เหมาะสมอย่างยิ่งและขัดกับหลักการที่ควรจะเป็นของการทำงานวิจัย นั่นก็คือ ก่อนที่ผู้วิจัยจะใช้ตัวแปรอิสระจำนวนมาก ๆ เพื่อทำการวิเคราะห์回帰อยพหุคูณ ควรจะได้พยายามลดจำนวนตัวแปรอิสระนั้นลงโดยอาศัยหลักทางทฤษฎี

ข้อบกพร่องประการต่อไปของการวิเคราะห์回帰อยพหุคูณอยู่ที่ความไม่เที่ยง (unreliability) ของค่าสัมประสิทธิ์การ回帰 (regression coefficient) เมื่อมีการนำตัวแปรอิสระเข้าในสมการโดยหรือออกจากสมการโดย ค่าสัมประสิทธิ์ของการ回帰อยดังกล่าวจะไม่คงที่ และจะเปลี่ยนไปตามขนาดของกลุ่มตัวอย่างและตัวแปรอิสระ แค่ปัญหานี้

อาจลคลงได้หรือเกิดขึ้นอย่างหากใช้กอลุ่มตัวอย่างขนาดใหญ่และใช้ตัวแปรอิสระที่ผ่านการคัดเลือกแล้วจำนวนน้อย ๆ สำหรับในการนี้ที่ตัวแปรอิสระมีค่าสหสัมพันธ์ระหว่างกันและกันสูงนั้น ตัวแปรอิสระต้องกล่าวจะวัดหรืออธิบายในสิ่งเดียวกัน ผลที่ตามมาคือค่าความคลาดเคลื่อนในการวัด (standard error) ของสัมประสิทธิ์ทางคัดถอยจะเพิ่มขึ้นอย่างเห็นได้ชัด และจะไม่มีความหมายใด ๆ ใน การแปลผลอธิบายความแปรปรวนของตัวแปรตาม และจะทำให้ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ส่วนย่อย (partial correlation coefficient) ที่ใช้สำหรับคัดเลือกตัวแปรอิสระเพื่อเข้าสู่สมการคัดถอย เกิดความคลาดเคลื่อนอีกด้วย

#### การวิเคราะห์คัดถอยพหุอุณหภูมิและการคัดเลือกตัวแปร เป็นลำดับขั้น (Stepwise Multiple Regression Analysis)

ในการเลือกสมการคัดถอย เพื่อการพยากรณ์ที่ต้องสูดน้ำ มีเกณฑ์การเลือก 2 ประการ ที่เป็นข้อคิดสำหรับการพิจารณา (Draper and Smith 1966: 163) คือ

1. ให้สมการที่สร้างมีประสิทธิภาพสูง และเป็นประโยชน์ในการพยากรณ์มากที่สุด ซึ่งในสมการนั้นควรจะปะกับตัวแปรอิสระจำนวนมากที่สุดเท่าที่จะมากได้ เพื่อค่าตัวแปรตามที่คำนวณได้มีความเชื่อถือได้สูงสุด
2. เมื่อจากปัญหาของ การวิเคราะห์ข้อมูลโดยใช้ตัวแปรอิสระจำนวนมาก ๆ เป็นการสืบเปลี่ยนและแทนจะเป็นไปไม่ได้ ดังนั้น จึงควรที่จะใช้ตัวแปรอิสระให้น้อยที่สุดเท่าที่จะทำได้

เนื่องจากข้อพิจารณาทั้งสองประการดังกล่าวมีส่วนซับซ้อนกันในตัว วิธีการที่จะประนีประนองสำหรับเป็นข้อสรุปในการพิจารณา เลือกสมการพยากรณ์นั้นก็คือ พยายามเลือกสมการคัดถอย เพื่อการพยากรณ์ที่ต้องสูด เพื่อได้ตัวแปรอิสระที่เหมาะสมจำนวนน้อย ๆ แต่ให้ผลการพยากรณ์ที่เชื่อถือได้สูงเท่าที่จะเป็นไปได้ ซึ่งการเลือกตัวแปรในสมการคัดถอยเพื่อการพยากรณ์ดังกล่าว สามารถกระทำได้หลายวิธี และในแต่ละวิธีมีความเห็น หรือ การตัดสินใจของบุคคลที่เกี่ยวข้องกับส่วนสำคัญไม่น้อย

ในบรรดาการ เลือกสมการ回帰เพื่อพยากรณ์ต่าง ๆ นั้น วิธีการ回帰พหุคุณแบบการตัด เลือกตัวแปรเป็นลำดับขั้น (Stepwise : Multiple Regression Procedure) เป็นวิธีการที่ให้ความถูกต้องในการพยากรณ์สูงสุดและ เป็นวิธีการที่ตัดเลือกกลุ่มของตัวแปรอิสระที่เหมาะสม จำนวนพอติด (optimum set of independent variables) ใน การพยากรณ์ ตัวแปรตามหรือตัวแปรที่ เป็นผลของการศึกษา (Halinski and Feldt 1970: 170-171) วิธีการนี้ได้รับความนิยมและน่ามาใช้อย่างแพร่หลาย ซึ่งในการวิเคราะห์และเลือกตัวแปรอิสระ สำหรับการวิจัยครั้งนี้ก็ใช้วิธีการตัดกล่าวด้วย

เพื่อที่จะแสดงการใช้การ回帰พหุคุณแบบการตัดเลือกตัวแปรเป็นลำดับขั้น ใน การพิจารณา เลือกตัวแปร สมมติว่ามีตัวแปรอิสระทั้งหมด 20 ตัวแปร และต้องการสร้างสมการพยากรณ์สมการหนึ่งที่ประกอบด้วยตัวแปรอิสระจำนวน 5 ตัวแปรที่สามารถให้การพยากรณ์ที่ดี วิธีการ เลือกสมการที่ประกอบด้วยตัวแปร 5 ตัว ในสมการพยากรณ์ที่ดีวิธีหนึ่งก็คือ การสร้างสมการพยากรณ์ที่มีตัวแปรทุกตัวอยู่ในสมการ โดยการจัดตัวแปรนั้น ให้มีความประสานกัน (combination) กันในลักษณะต่าง ๆ ซึ่งถ้าพิจารณาการจัดในลักษณะดังกล่าวแล้วอาจทำได้ถึง 15,000 วิธี และ เป็นการแน่นอนว่า วิธีการ เลือกตัวแปรจากลักษณะการจัดทั้งหมดโดยวิธีการตัดกล่าวข่องทำได้ยากและสืบเปลือง วิธีการที่ง่ายและสะดวกกว่าจึงมีความจำ เป็นอย่างยิ่ง การวิเคราะห์回帰พหุคุณแบบการตัดเลือกตัวแปรอิสระและจัดตัวแปรดังกล่าวในสมการพยากรณ์ที่นับว่า เป็นศาสตร์ที่ค่อนข้างเหมาะสม

วิธีการ เริ่มต้นในตอนแรกสมการพยากรณ์หรือสมการ回帰 (regression equation) จะประกอบด้วยตัวแปรอิสระ เพียงตัวแปรเดียวที่มีค่าสัมพันธ์สูงสุดกับตัวแปรตาม ถ้าเราให้  $x_1$  เป็นตัวแปรตั้งกล่าวที่มีค่าสัมประสิทธิ์สัมพันธ์สูงสุดกับ  $y$  สมการแรกในขั้นตอนการวิเคราะห์回帰พหุคุณแบบการตัดเลือกตัวแปร เป็นลำดับขั้นจะ เป็น

$$y_i = b_{01} + b_{11} x_{1i} + e_{1i} \quad (i = 1, 2, \dots, N)$$

หรือ

$$\hat{y}_i = b_{01} + b_{11} x_{1i}$$

$y_i$  เป็นข้อมูลที่  $i$  ของตัวแปรตาม  $Y$   
 $\hat{y}_i$  เป็นค่าพยากรณ์ที่คำนวณได้จากค่าตัวแปร  $X_1$   
 $N$  เป็นจำนวนข้อมูลหรือจำนวนกุ่มตัวอย่างทั้งหมด  
 $x_1$  เป็นตัวแปรอิสระที่ใช้ในการพยากรณ์ และเป็นตัวแปรแรกซึ่งมาจากการกุ่ม  
 ของตัวแปรอิสระทั้งหมด (potential predictors) จำนวน  $P$   
 ตัวแปร ( $X_1, X_2, \dots, X_p$ )

$x_{li}$  เป็นข้อมูลที่  $i$  ของตัวแปรอิสระตัวที่ 1  
 $b_{01}$  เป็นค่าค่านวณกำลังสองน้อยที่สุดของจุดตัดแกน  $Y$  (intercept)  
 $b_{11}$  เป็นค่าความชัน (slope) สำหรับสมการลดเชิง  
 $e_{li}$  เป็นส่วนของความแปรปรวนใน  $Y$  ที่ไม่สามารถอธิบายได้จากความสัมพันธ์ของ  
 $Y$  และ  $X_1$

หลักกำลังสองน้อยที่สุดในการวิเคราะห์ลดเชิงค่านวณของความคลาดเคลื่อน  
 และจุดตัดแกน  $Y$  ที่ได้เป็นค่าที่ให้ผลรวมของส่วนที่เหลือกำลังสอง ( $\sum_{i=1}^N e_{li}^2$ ) มีค่าน้อยกว่า  
 ค่าที่ได้จากการใช้หลักการหรือวิธีการอื่น ๆ

ความสัมพันธ์ของความแปรปรวนในตัวแปรตาม ความแปรปรวนในส่วนที่รู้ และความ  
 แปรปรวนในส่วนที่เหลือหรือส่วนที่ไม่รู้ อาจเขียนได้ในรูปของ

$$\sum_{i=1}^N (y_i - \bar{Y})^2 = \sum_{i=1}^N (\hat{y}_i - \bar{Y})^2 + \sum_{i=1}^N e_{li}^2$$

$$\text{หรือ } \begin{bmatrix} \text{ความแปรปรวนใน} \\ \text{ตัวแปรตาม} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \text{ความแปรปรวนในตัวแปรตามที่} \\ \text{จัดได้จากผลของการลดเชิง} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \text{ความแปรปรวนที่ไม่สามารถ} \\ \text{รู้ได้จากสมการลดเชิง} \end{bmatrix}$$

หรืออาจเขียนเป็นสัญลักษณ์ได้คือ

$$Q_y = Q_f + Q_r$$

เมื่อ  $\Omega_y$  = ความแปรปรวนในตัวแปรตาม

$\Omega_f$  = ความแปรปรวนในตัวแปรตามที่วัดได้จากสมการทดแทน

$\Omega_r$  = ความแปรปรวนที่ไม่สามารถอธิบายได้จากสมการทดแทน

เมื่อพิจารณาทุกชี้วัดของความสัมพันธ์ ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ระหว่าง  $Y$  และ  $\hat{Y}$  อาจเรียกว่า สัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์พหุคูณ (coefficient of Multiple correlation) ซึ่งเป็นค่าที่แสดงขนาดของความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรตามและค่าหมายกรณีที่ได้จากการวัดที่ไม่ใช่ความสัมพันธ์ เชิงเส้นตรงของตัวแปรอิสระ แต่เราสนใจค่าครรชนี้แสดงความสัมพันธ์ระหว่าง  $Y$  และ  $\hat{Y}$  ที่เรียกว่าสัมประสิทธิ์การท่านนาย (coefficient of determination =  $R^2$ ) ซึ่งอาจคำนวณได้โดยการยกกำลังสองของค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์พหุคูณ

อนึ่ง สัมประสิทธิ์การท่านนาย  $R^2$  สามารถพิจารณาได้ในรูปของอัตราส่วนของความแปรปรวนตามที่สามารถอธิบายได้จากความแปรปรวนของตัวแปรอิสระ และ  $1 - R^2$  เป็นค่าของอัตราส่วนในความแปรปรวนของตัวแปรตามที่ไม่สามารถอธิบายได้ Kendall and Stuart (Kendall and Stuart 1961: 148) ได้ให้ความหมายสัมประสิทธิ์การท่านนายในรูปของอัตราส่วนของความแปรปรวนที่เราสามารถอธิบายได้ดังนี้

$$R^2 = \frac{\Omega_f}{\Omega_y}$$

$$= \frac{\Omega_y - \Omega_r}{\Omega_y}$$

$$= 1 - \frac{\Omega_r}{\Omega_y}$$

จากสมการแสดงความสัมพันธ์ดังกล่าวจะเห็นได้ว่า  $\Omega_f$  และ  $R^2$  จะมีค่าสูงสุดเมื่อ  $\Omega_r$  มีค่าน้อยที่สุด และ  $\Omega_y$  เป็นค่าคงที่ เนื่องจากกลุ่มตัวอย่างแต่ละกลุ่มนี้

ขั้นตอนที่สองของขั้นวนการคัดเลือกตัวแปรโดยวิธีการทดแทน เดิมไวส์ จะเกี่ยวข้องกับการคัดเลือกตัวแปรตัวที่สอง เนื้อในสมการทดแทน โดยที่ตัวแปรดังกล่าว จะเลือกจากตัวแปรอิสระที่เหลือ จำนวน  $P - 1$  ตัวแปร ซึ่งยังไม่ได้รับการพิจารณาคัดเลือกเนื้อในสมการทดแทน ในขั้นตอนแรก เกณฑ์การพิจารณาคัดเลือกตัวแปรอิสระที่เพิ่มความรู้ในการหมายกรณีตัวแปรตาม

มากที่สุดอีกนัยหนึ่งก็คือ ถ้าการเพิ่มของ  $X_2$  ยังทำให้สมการลดลง ซึ่งประกอบด้วยตัวแปร 2 ตัวแปร ให้ค่าการเพิ่มของ  $R^2$  สูงกว่าการเพิ่มของตัวแปรอิสระอื่น ๆ ในสมการแล้ว  $X_2$  จะได้รับการหักเฉือนให้เป็นตัวแปรที่เข้าร่วมการพยายามในสมการ

$$Y_i = b_{02} + b_{12} X_{1i} + b_{22} X_{2i} + e_{2i}$$

ถ้าค่า  $R^2$  จากขั้นตอนแรกและขั้นตอนที่สอง เมียนແนนได้ด้วย  $R_1^2$  และ  $R_2^2$  ตามลำดับแล้ว  $R_2^2 - R_1^2$  จะมีค่ามากกว่าค่าอื่น ๆ ที่ได้จากการเฉือนตัวแปรอิสระที่ไม่ใช่  $X_2$  ในขั้นการเฉือนตั้งกล่าว

อีกวิธีการหนึ่งในการหาว่าตัวแปรอิสระใดที่จะให้ค่าการเพิ่มของ  $R^2$  สูงกว่าในขั้นตอนที่สองนี้ อาจทำได้โดยการหาค่ากำลังสองของสหสัมพันธ์ส่วนย่อย (squared partial correlation coefficient) ระหว่างค่า  $Y$  และค่าแต่ละค่าของตัวแปรอิสระที่เหลือจำนวน  $P - 1$  ตัวแปร โดยไม่พิจารณา  $X_1$  (partialed out  $X_1$ ) ถ้า  $X_2$  ให้ค่าการเพิ่ม  $R^2$  สูงสุดก็จะทำให้ค่ากำลังสองของสหสัมพันธ์ส่วนย่อยสูงด้วย ซึ่งค่ากำลังสองของสหสัมพันธ์ส่วนย่อยสามารถเมียนได้ในรูปของอัตราส่วนของความแปรปรวนที่ไม่รู้ (accounted for) โดยการเพิ่มตัวแปรอิสระตัวที่สอง เข้าไปในสมการลดด้อย ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ส่วนย่อยนี้อาจเมียนโดยใช้สัญลักษณ์  $r_{yx_2'x_1}$  หรืออาจพิจารณาแปรความหมายในรูปของสหสัมพันธ์ระหว่างบิริมาณส่วนที่เหลือจากการพยายาม (residuals) ของสมการพยายาม 2 สมการ ตัวอย่าง เช่น  $r_{yx_2'x_1}$  อาจจะพิจารณาในรูปของ  $R_{f_a} f_b$  เมื่อ  $f_a$  และ  $f_b$  เป็นส่วนที่เหลือจากการพยายามของสมการ

$$Y_{1i} = b_{0a} + b_{1a} X_{1i} + f_{ai}$$

$$\text{และ } Y_{2i} = b_{0b} + b_{1b} X_{1i} + f_{bi}$$

หลังจากการหักเฉือนตัวแปรอิสระ เข้าในสมการพยายามแต่ละครั้ง จะมีการทดสอบนัยสำคัญของตัวแปรอิสระที่ร่วมกันอยู่ในสมการลดด้อย โดยการทดสอบสมมติฐานว่าความแปรปรวนใน  $Y$  จะสามารถอธิบายโดยอิมัยได้จากความแปรปรวนของตัวแปรอิสระที่อยู่ในสมการหรือไม่หรืออีกนัยหนึ่ง

เป็นการทดสอบสมมติฐานที่ว่า อัตราส่วนของความแปรปรวนที่ได้จากการท่านาย ( $R^2$ ) มีค่าแตกต่างจากศูนย์หรือไม่ ซึ่งการทดสอบสมมติฐานนี้บางครั้งเรียกว่า การทดสอบสถิติส่วนรวม F (overall F - test) โดยใช้สูตร

$$F_{v_f v_r} = \frac{\frac{R^2 Q_y}{(1-R^2)} | v_f}{Q_y v_r} = \frac{v_r R^2}{v_f (1-R^2)}$$

เมื่อ  $v_f$  เป็นจำนวนตัวแปรอิสระในสมการทดสอบ (P)

$v_r$  มีค่าเป็น  $N - P - 1$

ขั้นตอนการทดสอบอิทธิพลของตัวแปรอิสระในสมการทดสอบ อาจกระทำได้โดยการทดสอบสถิติส่วนย่อย F (partial F - test) เนื่องจากอิทธิพลของตัวแปรอิสระหนึ่ง ที่มีค่าต่อตัวแปรตามอาจจะมีมาก เมื่อตัวแปรนั้น เป็นตัวแปรพยากรณ์ (predictor) เพียงตัวแปรเดียวในสมการทดสอบ แต่ตัวแปรที่ได้รับการพิจารณาแล้วว่า เป็นตัวแปรเดียวที่ต้องรับการตัด เลือก เนื้อหาสู่สมการทดสอบดังนั้น อาจจะไม่มีประโยชน์ในการที่จะให้ข้อมูลเพิ่มเติม เมื่อพิจารณาประกอบในด้านความสัมพันธ์กับตัวแปรอิสระที่ได้รับการตัด เลือก เนื้อหาสู่สมการทดสอบใหม่ กล่าวคือ ตัวแปรอิสระตัวเดียวที่กันนั้นอาจจะมีอิทธิพลต่อตัวแปรตามน้อย เมื่อตัวแปรอิสระนั้นได้รับการพิจารณา เนื้อหาสู่สมการตามหลังตัวแปรอิสระอื่น ๆ ทั้งนี้เนื่องจาก ความจริงเกี่ยวกับความสัมพันธ์ของตัวแปรอิสระที่ศึกษาถูกตัวแปรอิสระที่อยู่ในสมการพยากรณ์

การทดสอบสถิติส่วนย่อย F สามารถกระทำกับสัมประสิทธิ์การทดสอบทุกค่าไม่ว่าตัวแปรอิสระนั้นจะได้รับการตัด เลือก ในขั้นตอนใดของกระบวนการตัด เลือกตัวแปร เนื้อหาสู่สมการทดสอบ ทั้งนี้เพื่อจะศึกษาผล เกี่ยวกับหรืออิทธิพลร่วมของตัวแปรอิสระในการพยากรณ์ เกี่ยว เนื่องกับการศึกษาสถิติส่วนย่อย F การทดสอบนัยสำคัญของการเพิ่มความแปรปรวน อันเป็นผลของการเพิ่มตัวแปรอิสระตัวที่  $n$  ในสมการพยากรณ์ที่มีตัวแปรอิสระอยู่แล้ว  $m$  ตัว อาจทำได้โดยการคำนวณอัตราส่วน

$$F_{1, N-n-1} = \frac{\left(\frac{R_n^2}{n} - \frac{R_m^2}{m}\right)(N - n - 1)}{\left(1 - \frac{R_n^2}{n}\right)} = \frac{\left(\frac{R_n^2}{n} - \frac{R_m^2}{m}\right)}{\left(1 - \frac{R_n^2}{n}\right) | (N - n - 1)}$$

เมื่อ  $R^2_n$  คือสัมประสิทธิ์การพยากรณ์สำหรับสมการที่มีตัวแปรอิสระ  $n$  ตัว

$R^2_m$  คือสัมประสิทธิ์การพยากรณ์สำหรับสมการที่มีตัวแปรอิสระ  $m$  ตัว

ผลค่างของ  $R^2_n$  และ  $R^2_m$  คืออัตราส่วนของความแปรปรวนที่เพิ่มขึ้นโดยการนำตัวแปรที่  $n$  เข้าสู่สมการพยากรณ์ อนึ่งการตรวจสอบโดยใช้สถิติ  $F$  ดังกล่าว จะกระทำกับตัวแปรทุกตัวที่พิจารณาตัด เลือกเข้าสู่สมการพยากรณ์ในทุก ๆ ขั้นตอน ตัวแปรใดที่ให้ค่าการทดสอบต่ำกว่าเกณฑ์ที่ตั้งไว้จะถูกกำจัดออกจากสมการพยากรณ์

กระบวนการตัด เลือกตัวแปร เข้าสู่สมการพยากรณ์และการทดสอบตัวแปรนั้น ๆ จะสืบสุกลง เมื่อมีตัวแปรใดที่ได้รับการพิจารณา เข้าสู่สมการพยากรณ์ และไม่มีตัวแปรใดที่ถูกตัดออกจากสมการพยากรณ์

วิธีการคำนวณสำหรับการทดสอบโดยพหุคูณแบบการตัด เลือกตัวแปร เป็นลำดับขั้น ส่วนใหญ่ใช้หลักการแก้ระบบสมการ เส้นตรง (system of linear equation) นั่นคือ ใช้วิธี เป็น列นและ (row) และสมบก (column) ของข้อมูลตัวแปรค้าง ๆ ตามวิธีการของกอสต์ (Causs Elimination) ด้วยวิธีการดังกล่าวจะให้ข้อมูลที่จำเป็นในการ เลือกตัวแปรอิสระ ตัวต่อตัวไป เพื่อนำเข้าสู่สมการพยากรณ์

#### ข้อสังเกต เกี่ยวกับการวิเคราะห์ทดสอบโดยพหุคูณแบบการตัด เลือกตัวแปร เป็นลำดับขั้น

ดังไกดังกล่าวแล้วว่า การวิเคราะห์ทดสอบโดยพหุคูณแบบการตัด เลือกตัวแปร เป็นลำดับขั้น เป็นวิธีการ เลือกสรรตัวแปรอิสระหรือกอลุ่มตัวแปรอิสระสำหรับการพยากรณ์ตัวแปรตาม ซึ่งเป็นวิธีการที่นิยมกันอย่างแพร่หลายกว่าวิธีการอื่น วิธีการอย่างนี้ประทับติดกับลักษณะและเวลาในการคำนวณและ เลือกตัวแปร เพราะให้ผลในการเลือกในรูปของสมการทดสอบแบบ เส้นตรง เพียง สมการเดียว เมื่อเปรียบเทียบกับการที่จะต้องศึกษาตัวแปรทั้งหมด และสร้างเป็นสมการทดสอบ ตามลักษณะการจัดกลุ่มของตัวแปร (all possible regression)

วิธีการวิเคราะห์ทดสอบโดยพหุคูณแบบการตัด เลือกตัวแปร เป็นลำดับขั้นนี้ มีส่วนต่อในการเปิดโอกาสสำหรับการทดสอบ และ เลือกตัวแปรอิสระที่มีความสัมพันธ์สูงกับตัวแปรที่ได้รับ เลือก ก่อนในสมการทดสอบ เพื่อให้ผลเพิ่มการพยากรณ์ การ เลือกระดับนัยสำคัญ สำหรับ เลือกตัวแปร เข้าไปในสมการทดสอบหรือตัดตัวแปรออกจากสมการทดสอบนั้นนี้จะจำกัด  $F$  ไม่จำเป็นจะต้องกำหนด

ให้ เท่า เที่ยมกันก็ได้ ข้อจำกัดของวิธีการวิเคราะห์คุณภาพโดยพหุอุปแบบการตัด เลือกตัวแปร เป็นลักษณะ ขั้นใน การ เลือกกลุ่มตัวแปรอิสระก็คือ วิธีการนี้สมมติว่า กลุ่มตัวแปรอิสระที่ใช้สำหรับการอธิบาย ความแปรปรวนในตัวแปรตามนั้น จะมีเพียงกลุ่ม เดียวที่ดีที่สุด วิธีการวิเคราะห์จะให้ผลที่เชื่อถือ ได้ยาก เนื่องจากกลุ่มตัวแปรอิสระที่พิจารณาไว้ต้องที่สุดแล้วนั้นอาจจะไม่ใช่กลุ่มที่ดีที่สุดตามหลักเหตุผล ที่ควรจะเป็น ดังนั้น ใน การ กำหนดว่า ตัวแปรใดสมควรจะได้รับการพิจารณาตัด เพื่อพยากรณ์ ควรจะพิจารณาโดยหลักเหตุผล (rational) คือพิจารณาในแง่ของ การ ปฏิบัติ และประยุกต์ ประการหนึ่ง กับทั้งจะต้องพิจารณาด้วยหลักสถิติ (Statistical) ประกอบกับไปอีกประการหนึ่ง ว่า ตัวแปรไหนมีความสำคัญมากกว่ากัน เพียงใด

## ศูนย์วิทยทรัพยากร จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย