

บทที่ 4

แบบจำลองคณิตศาสตร์ของ เครื่องอบแห้งแบบพาหะลม

วิทยานิพนธ์นี้ จะประยุกต์ใช้แบบจำลองคณิตศาสตร์ของเครื่องอบแห้งแบบพาหะลม ซึ่ง Shigeru Matsumoto และ David C.T. Pei (1984) ได้เสนอไว้ใช้กับพวกเมล็ดธัญพืช (Grain) ซึ่งมีลักษณะเป็นเม็ดๆ แต่ในวิทยานิพนธ์นี้ได้ประยุกต์แบบจำลองนี้ใช้กับแป้งมันสำปะหลัง ซึ่งมีลักษณะเป็นผงละเอียด

สมมติฐานของแบบจำลองคณิตศาสตร์ มีดังนี้

1. อุณหภูมิของลมร้อน และ ความชื้นของลมร้อน จะเท่ากันทุกจุดที่พื้นที่หน้าตัดของท่ออบแห้ง แต่จะเปลี่ยนตามความยาวของอบแห้ง (การไหลเป็นแบบลูกสูบ)
2. อนุภาคของของแข็งจะกระจายเท่า ๆ กัน ทุกจุดที่พื้นที่หน้าตัดของท่ออบแห้ง (การไหลเป็นแบบลูกสูบ)
3. อนุภาคของของแข็งเป็นทรงกลม และขนาดเท่ากัน ทุกอนุภาค
4. ที่ผนังของท่ออบแห้งมีการหุ้มฉนวน และไม่มีการแลกเปลี่ยนพลังงานในแนวรัศมีของท่ออบแห้ง (ไม่มีการสูญเสียของความร้อนผ่านผนัง)
5. การอบแห้งเกือบทั้งหมดเกิดในช่วง อัตราการอบแห้งที่คงที่ (Constant Drying Rate) โดยถือว่า ช่วงอัตราการอบแห้งที่ช้าลงนั้นสั้นมาก
6. การไหลของลมร้อน และวัสดุ เป็นแบบไหลตามกัน (Co-current)
7. ลมร้อนขึ้นถือได้ว่าเป็นก๊าซในอุดมคติ เพราะฉะนั้นการทำนายคุณสมบัติต่าง ๆ ของลมร้อนจะใช้กฎของก๊าซในอุดมคติ

จากสมมติฐานต่างๆสามารถเขียนสมการดุลของมวลสารและพลังงาน
ในวัสดุชั้นและลมร้อนของเครื่องอบแห้งทั้งเครื่อง ได้ดังนี้

4.1 สมการของคูลมวลสารรวม

ความชื้นที่ระเหยออกจากวัสดุชั้น = ความชื้นที่ลมร้อนรับเข้าไป

$$W_o (w_1 - w_2) = G_o (H_1 - H_2) \quad \dots (4.1)$$

4.2 สมการของดุลพลังงานความร้อน

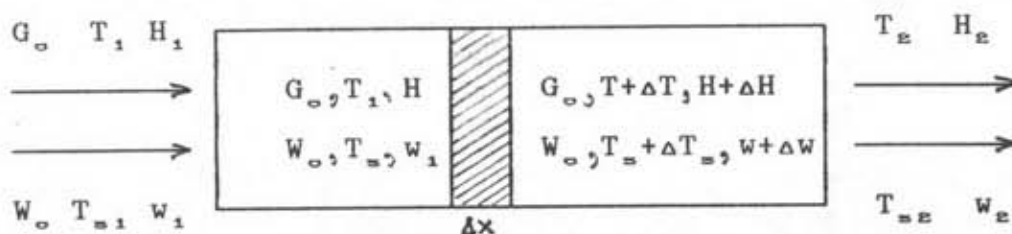
ความร้อนที่ลมร้อนถ่ายเทออก = ความร้อนที่วัสดุชั้นได้รับ

$$G_o (i_1 - i_2) = W_o C_p (T_{s2} - T_{s1}) + W_o (w_1 - w_2) C_w (T_{s2} - T_{s1})$$

จัดรูปสมการใหม่ได้เป็น

$$G_o i_1 + W_o (C_p + C_w \cdot w_1) T_{s1} = G_o i_2 + W_o (C_p + C_w \cdot w_2) T_{s2} \quad \dots (4.2)$$

ในกรณีที่ระบบอยู่ในสภาวะคงที่ที่สามารถเขียน สมการของดุลมวล
สารและพลังงานในเฟสของลมร้อน และวัสดุชั้นได้ โดยพิจารณาความ
ยาว Δx ของเครื่อง ดังต่อไปนี้



รูปที่ 4.1 ไตอะแกรมแสดงการพิจารณาเครื่องอบแห้ง
ที่มีความยาว Δx

4.3 สมการดุลของน้ำในวัสดุขึ้น

$$\begin{aligned} \text{(อัตราการสะสมน้ำ)} &= \text{(อัตราการไหลเข้าของน้ำ)} \\ &\quad - \text{(อัตราการไหลออกของน้ำ)} \\ &\quad - \text{(อัตราการระเหยของน้ำจากวัสดุขึ้น)} \end{aligned}$$

$$0 = W_0 S w_x - W_0 S w_{x+\Delta x} - R_d a_v S \Delta x$$

หารตลอดด้วย $\Delta x S$ แล้วใส่ limit จัดรูปสมการใหม่จะได้

$$W_0 \frac{dw}{dx} = - R_d a_v S \quad \dots (4.3)$$

4.4 สมการดุลของไอน้ำในลมร้อน

$$\begin{aligned} \text{(อัตราการสะสมไอน้ำ)} &= \text{(อัตราการไหลเข้าของไอน้ำ)} \\ &\quad - \text{(อัตราการไหลออกของไอน้ำ)} \\ &\quad + \text{(อัตราการระเหยของน้ำจากวัสดุขึ้น)} \end{aligned}$$

$$0 = G_0 S H_x - G_0 S H_{x+\Delta x} + R_d a_v S \Delta x$$

หารตลอดด้วย $\Delta x S$ แล้วใส่ limit จัดรูปสมการใหม่จะได้

$$G_o \frac{dH}{dx} = R_d a_v S$$

หรือ

$$\frac{G_o dH}{W_o dx} = - \frac{dw}{dx} \quad \dots (4.4)$$

4.5 สมการดุลของพลังงานความร้อนในวัสดุชั้น

(อัตราการสะสมความร้อน) = (อัตราการไหลเข้าของความร้อน)
 - (อัตราการไหลออกของความร้อน)
 + (อัตราการถ่ายเทความร้อนจากลมร้อน)
 - (อัตราการความร้อนที่ใช้ระเหยน้ำ)

$$\begin{aligned} 0 &= W_o i_{w(x)} - W_o i_{w(x+\Delta x)} \\ &+ h_p (T_x - T_w) a_v S \Delta x \\ &- (R_d \lambda_w + R_d C_v (T_x - T_w)) a_v S \Delta x \\ 0 &= W_o (i_{w(x)} - i_{w(x+\Delta x)}) \\ &+ a_v S \Delta x (h (T_x - T_w) \\ &- R_d \lambda_w + R_d C_v (T_x - T_w)) \end{aligned}$$

หารตลอดด้วย $\Delta x S$ แล้วใส่ limit จัดรูปสมการใหม่จะได้

$$\begin{aligned} W_o \frac{di_w}{dx} &= (h_p (T_x - T_w) - \\ &[\lambda_w + C_v (T_x - T_w)] R_d) a_v S \\ i_w &= (C_w + C_v \cdot w) T_w \\ di_w &= (C_w + C_v \cdot w) dT_w + C_v T_w dw \end{aligned}$$

แทนค่าสมการที่ (4.3) จะได้

$$\begin{aligned} (C_w + C_v \cdot w) \frac{dT_w}{dx} &= (h_p (T_x - T_w) \\ &- [\lambda_w + C_v (T_x - T_w)] R_d) \frac{a_v S}{W_o} \\ &\dots (4.5) \end{aligned}$$



4.6 สมการดุลของพลังงานในลมร้อน

$$\begin{aligned}
 (\text{อัตราการสะสมความร้อน}) &= (\text{อัตราการไหลเข้าของความร้อน}) \\
 &\quad - (\text{อัตราการไหลออกของความร้อน}) \\
 &\quad - (\text{อัตราการถ่ายเทความร้อนจากลมร้อน}) \\
 &\quad + (\text{อัตราความร้อนที่ไหลเข้ามาจากไอน้ำ})
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 0 &= G_o i_{x(x)} - G_o i_{x(x+\Delta x)} + (-h_o(T_x - T_o)) \\
 &\quad + R_d(\lambda_o + C_v T_x) a_v \Delta x
 \end{aligned}$$

หารตลอดด้วย $\Delta x S$ แล้วใส่ limit จัดรูปสมการใหม่จะได้

$$G_o \frac{di_x}{dx} = (-h_o(T_x - T_o) + R_d[\lambda_o + C_v T_x]) a_v S$$

$$i_x = (C_x + C_v H) T_x + \lambda_o H$$

$$d_{i,x} = (C_x + C_v H) dT_x + (\lambda_o + C_v T_x) dH$$

แทนค่าสมการที่ (4.4) และ $C_H = C_x + C_v H$ จะได้

$$C_H \frac{dT_x}{dx} = \frac{(-h_o(T_x - T_o)) a_v S}{G_o} \dots (4.6)$$

เพื่อให้ง่าย ในโปรแกรมจะใช้สมการในรูปไร้มิติ (Dimensionless) ได้ดังต่อไปนี้

โดยให้ $X = x/D$

$$U_o = u_o / u_{o0}$$

$$Sh = \frac{k_H \cdot d_o}{D_{AB}}$$

$$R_d = k_H \cdot (H_o - H)$$

$$a_v = \frac{6(1-\epsilon)}{d_o}$$

$$W_o = \rho_o \cdot u_o \cdot S$$

$$G_o = \rho_x \cdot u_x \cdot S$$

จากสมการที่ (4.3) คูณด้วย $\frac{\rho_{no} \cdot u_{no} \cdot D \cdot \mu_{no} \cdot \rho_x \cdot \mu_x}{\rho_{no} \cdot u_{no} \cdot D \cdot \mu_{no} \cdot \rho_x \cdot \mu_x}$

จะได้

$$\frac{dw}{dX} = - \frac{K_o \cdot Sh \cdot (H_u - H) \gamma_u}{U_o} \dots (4.7)$$

โดยที่

$$K_o = 6(1-\epsilon) \cdot (D/d_o)^2 \cdot (\rho_{no}/\rho_x) \cdot Re_o^{-1} \cdot Sc^{-1}$$

$$\gamma_u = \mu_{no} / \mu_x$$

และจากสมการที่ (4.4) จะได้

$$\frac{dH}{dX} = - m \frac{dw}{dX} \dots (4.8)$$

โดยที่

$$m = W_o / G_o$$

สมการที่ (4.5) หาดด้วย $(-C_w)$ ตลอด แล้วจัดรูปสมการใหม่จะได้

$$[(C_v/C_w) + w] \cdot W_o \frac{dT_u}{dX} = - \frac{[h_o \cdot a_v \cdot S \cdot (T_x - T_u)]}{C_w \text{ (เทอม 1)}}$$

$$+ \frac{a_v \cdot SR_d [C_v (T_x - T_u) + \lambda_u]}{C_w \text{ (เทอม 2)}}$$

พิจารณา เทอม 1 คูณด้วย $G_o \cdot (1 + (C_v/C_u)H) / G_o \cdot (1 + (C_v/C_u)H)$
 จัดรูปสมการใหม่จะได้ $- [1 + (C_v/C_u)H] \cdot \frac{C_u \cdot dT_u}{mC_w \cdot dX}$

พิจารณา เทอม 2 จะได้ $[(C_v/C_w)(T_x - T_u) + \lambda_u/C_w] \cdot \frac{dw}{dX}$

หรือ $-(1/m) \cdot [(C_v/C_w) \cdot (T_x - T_u) + (\lambda_u/C_w)] \frac{dH}{dX}$

เมื่อพิจารณาารวม จะได้

$$\begin{aligned} [(C_u/C_v) + w] \frac{dT_u}{dX} &= -(1/m) \cdot [1 + (C_v/C_u)H] (C_u/C_v) \frac{dT_x}{dX} \\ &\quad - (1/m) \cdot [(C_v/C_u)(T_x - T_u) \\ &\quad + (\lambda_u/C_u)] \frac{dH}{dX} \end{aligned}$$

....(4.9)

สมการที่ (4.6) หาทลอดด้วย C_u แล้วคูณด้วย

$$\frac{D \cdot \rho_{uo} \cdot \rho_u \cdot u_{uo} \cdot D_{AD} \cdot u_u \cdot \mu_{uo} \cdot \rho_x \cdot \mu_x^2}{D \cdot \rho_{uo} \cdot \rho_u \cdot u_{uo} \cdot D_{AD} \cdot u_u \cdot \mu_{uo} \cdot \rho_x \cdot \mu_x^2}$$

จะได้สมการ

$$[1 + (C_v/C_u) \cdot H] \frac{dT_x}{dX} = -K_o \cdot \frac{Sc \cdot Nu \cdot m \cdot \alpha_u \cdot (T_x - T_u)}{U_u \cdot Pr}$$

....(4.10)

4.7 สมการการเคลื่อนที่ของอนุภาควัสดุ

$$\begin{aligned} \rho_{um} \cdot V_v \frac{du_u}{dt} &= (1/2) \frac{(\pi d_v^2)}{4} \cdot \rho_x \cdot C_d \cdot (u_x - u_u)^2 \\ &\quad - V_v \cdot \rho_{um} [1 - (\rho_u/\rho_{um})] \cdot g \end{aligned}$$

....(4.11)

ให้ $\rho_x/\rho_{um} \ll 1$ และ $V_v = \pi d_v^3/6$

$$\frac{du_u}{dt} = \frac{(3/4) \cdot \rho_x \cdot C_d \cdot (u_x - u_u)^2}{d_v \cdot \rho_u \cdot (1+w)} - g$$

และ $u_u = dx/dt$ จะได้

$$\frac{u_{\infty} du_{\infty}}{dx} = \frac{(3/4) \cdot \rho_{\infty} \cdot C_d \cdot (u_{\infty} - u_{\infty})^2}{d_{\infty} \cdot \rho_{\infty} \cdot (1+w)} - g \quad \dots (4.12)$$

จัดรูปสมการในรูปตัวแปรไร้มิติ จะได้

$$\text{ให้ } U_{\infty} = u_{\infty} / u_{\infty} \quad U_{\infty} = u_{\infty} / u_{\infty}$$

$$K_1 = (3/4) (D/d_{\infty}) (\rho_{\infty} / \rho_{\infty})$$

$$\gamma_H = \rho_{\infty} / \rho_{\infty}$$

สมการที่ (4.12) คูณตลอดด้วย $\rho_{\infty} / \rho_{\infty}$ จะได้

$$\frac{U_{\infty} dU_{\infty}}{dX} = K_1 \cdot \gamma_H \frac{C_d}{(1+w)} (U_{\infty} - U_{\infty})^2 - Fr^{-2} \quad \dots (4.13)$$

สมการการประเมินค่าสัมประสิทธิ์การถ่ายเทความร้อน h_a และค่าสัมประสิทธิ์การถ่ายเทมวล k_H ได้จากสมการ

$$Nu = 2 + a Re_{\infty}^{1/2} Pr^{1/3} \quad \dots (4.14)$$

$$Sh = 2 + a Re_{\infty}^{1/2} Sc^{1/3} \quad \dots (4.15)$$

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

4.8 อัลกอริทึมและผังการคำนวณ (Algorithm & Flowchart)

4.8.1 อัลกอริทึมของโปรแกรมซิมูลีน

4.8.1.1 ช่วงต้นของโปรแกรมจะมีการให้ค่าจำกัด ความของตัวแปรต่างๆ ที่ใช้ในโปรแกรม

4.8.1.2 ป้อนค่าสภาวะเริ่มต้นที่โปรแกรมต้องการ เช่น ความชื้นของลมร้อนที่ทางเข้าท่ออบแห้ง, อุณหภูมิของลมร้อนที่ทางเข้า, อุณหภูมิของวัสดุที่ทางเข้า, ความชื้นของวัสดุที่ทางเข้า, ปริมาณวัสดุแห้งที่ป้อนเข้า (โดยกำหนดค่า $U_s = 0.001$, $Z_o = 0.00001$) ในการอินทิเกรตสมการ

4.8.1.3 โปรแกรมจะกำหนดค่ามิติของเครื่องอบแห้ง เช่น เส้นผ่าศูนย์กลางของท่ออบแห้ง, ความยาวของท่ออบแห้ง และ ค่าคุณสมบัติของวัสดุ เช่น ความหนาแน่นของวัสดุ, ความจุความร้อนจำเพาะของวัสดุ และของน้ำ

4.8.1.4 คำนวณหา ปริมาตรจำเพาะชื้น, ความหนาแน่นของอากาศ, Reynolds number, ความหนืดของอากาศ ที่ทางเข้าของท่ออบแห้ง

4.8.1.5 พิมพ์ค่าข้อมูลต่าง ๆ เพื่อตรวจเช็คความถูกต้อง

4.8.1.6 กำหนดตัวแปรที่ใช้ตรวจเช็ครอบการพิมพ์ เท่ากับ 1. และ คำนวณค่าปริมาตรจำเพาะชื้น, ความหนาแน่นของอากาศ, Reynolds number, ความหนืดของอากาศ, อุณหภูมิกระเปาะเปียกของลมร้อน ที่จุดต่างๆ ของท่ออบแห้ง

4.8.1.7 คำนวณค่าต่าง ๆ ในแบบจำลอง เช่น ความเร็วสัมพัทธ์ของลมร้อน (Relative gas velocity), ความหนาแน่นสัมพัทธ์ของลมร้อน (Relative gas density)

4.8.1.8 คำนวณค่าคุณสมบัติต่างๆ ของลมร้อนที่จุดต่างๆ ของท่ออบแห้ง เช่น ความหนืด, ความจุความร้อนจำเพาะ, ค่าสัมประสิทธิ์การแพร่, ค่าความนำความร้อนจำเพาะ, ความดันไออิ่มตัว, ความชื้นอิ่มตัว, ความร้อนแฝงของการระเหย

4.8.1.9 คำนวณค่าตัวแปรไว้มิติต่างๆ เช่น ความหนืดสัมพัทธ์ของอากาศ (Relative viscosity of air), Reynolds number, Schmidt number, Prandtl number, Nusselt number, Sherwood number, ค่าคงที่ของสมการ (K1, K2)

4.8.1.9 ตรวจสอบค่า Reynolds number เพื่อกำหนดค่าของ Drag Coefficient (C_D)

$$C_D = \begin{cases} 24/Re & \text{กรณี } Re \leq 5 \text{ กฎของสโตคส์} \\ 10/(Re)^{1/2} & \text{กรณี } 5 < Re < 500 \text{ กฎของอัลเลน} \\ 0.44 & \text{กรณี } Re \geq 500 \text{ กฎของนิวตัน} \end{cases}$$

4.8.1.10 หาค่าตอบของชุดสมการซึ่งจะมีอยู่ 4 สมการ โดยใช้วิธีรันจ-ตัดตาออร์เดอร์ 4 เป็นวิธีหาค่าตอบหลัก และ วิธีรันจ-ตัดตาออร์เดอร์ 3 เป็นวิธีหาค่าตอบเปรียบเทียบ จากสับรูนิน ตรวจสอบเช็คความผิดพลาดในแต่ละจุด (Relative Error) ซึ่งจะใช้ผลต่างของค่าตอบของสมการจากการหา 2 วิธีเป็นค่าความผิดพลาด และจะใช้ค่าความผิดพลาดของตัวแปรที่มีค่าสูงสุดเป็นเงื่อนไขในการปรับช่วงห่างของโปรแกรม

4.8.1.11 เพื่อให้โปรแกรมทำงานได้คล่องและรวดเร็ว จึงใช้ค่าความผิดพลาดที่มากที่สุดของตัวแปร มาเป็นเงื่อนไขในการปรับค่า ช่วงห่างของโปรแกรม ดังต่อไปนี้

$$Z = \begin{cases} 2 \times Z_0 & \text{กรณี } EA < 0.001 \\ Z_0 & \text{กรณี } 0.001 < EA < 0.01 \\ Z_0 / 2 & \text{กรณี } EA > 0.01 \end{cases}$$

4.8.1.12 คำนวณค่า ความร้อนแฝงของการระเหยเป็นไอน้ำที่อุณหภูมิกระเปาะเปียกของลมร้อน และ คำนวณค่า อุณหภูมิวัสดุที่ช่วงอัตรา การอบแห้งที่ช้าลง T_s'

4.8.1.13 พิมพ์ค่าตัวแปรที่ต้องการ เช่น ความยาวของท่ออบแห้ง, อุณหภูมิของลมร้อน, อุณหภูมิของวัสดุ, ความชื้นของวัสดุ, ความชื้นของลมร้อน, ความเร็วของวัสดุ, ความเร็วของลมร้อน

4.8.1.14 ตรวจสอบค่าความชื้นวัสดุ w น้อยกว่าค่าความชื้นวิกฤต w_c หรือไม่

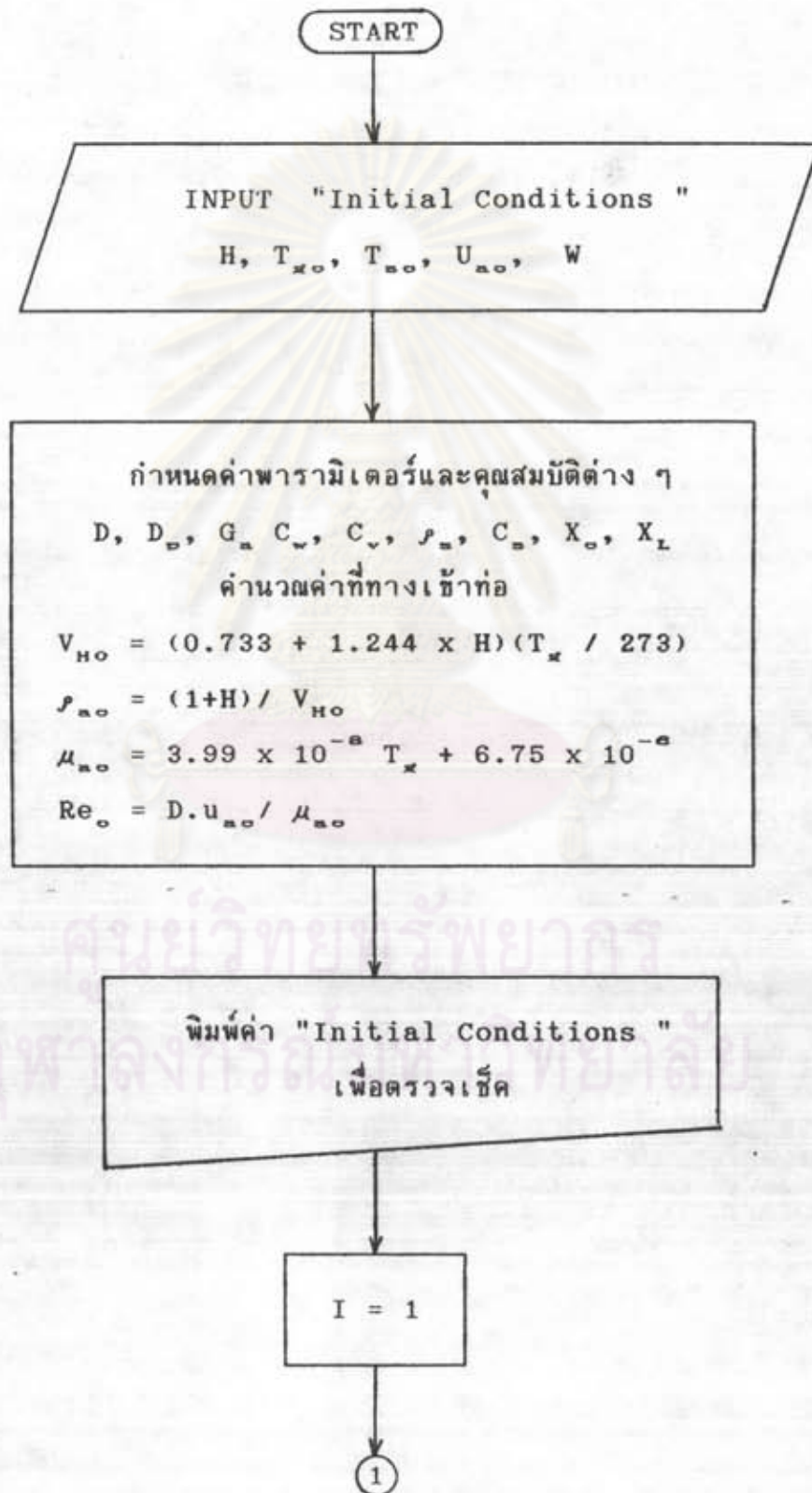
- ถ้าน้อยกว่า พิมพ์ค่า T_s'
- ถ้ามากกว่าทำขั้นตอนต่อไป

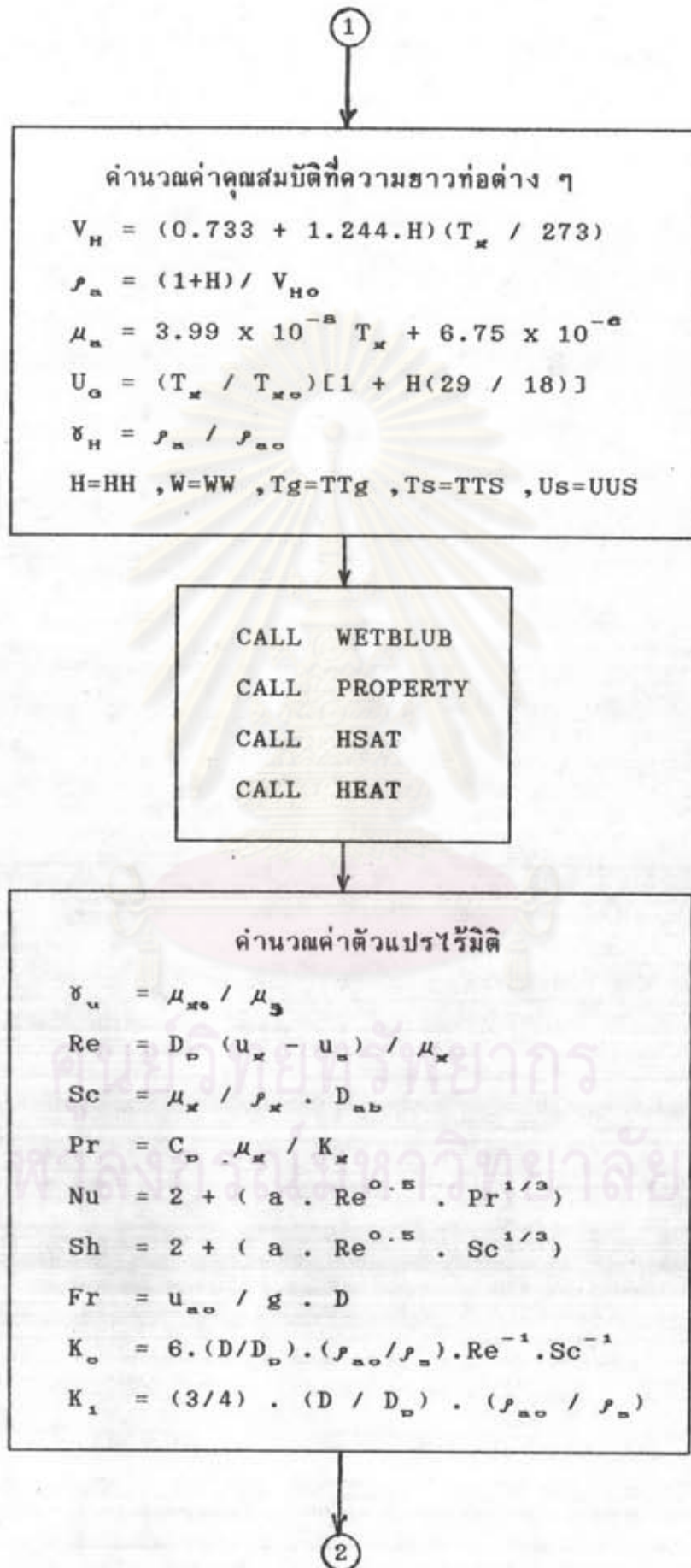
4.8.1.15 ตรวจสอบค่าความยาวของท่ออบแห้งที่คำนวณเท่ากับ ความยาวของท่ออบแห้งจริงหรือไม่

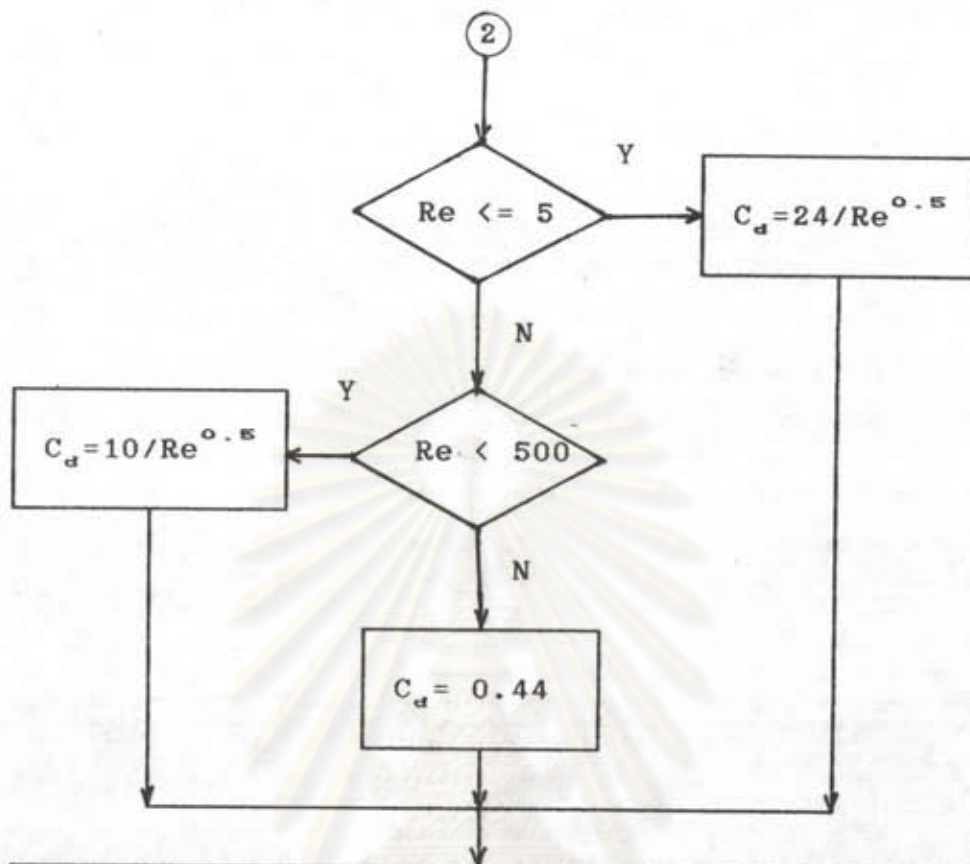
- ถ้ายังไม่เท่า ให้กลับไปคำนวณตามขั้นตอนที่ 4.7.1.6
- ถ้าเท่าแล้ว ให้พิมพ์ค่าตัวแปรต่างๆ ตามข้อ 4.7.1.13 ที่ความยาวของท่ออบแห้งสุดท้าย และสิ้นสุดการซิมูเลตโปรแกรม

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

4.8.2 แผนผังการคำนวณของโปรแกรมขีมูละชั้น







คำนวณค่าเริ่มต้นของสมการ

(วิธี 4th Runge - Kutta)

$$FW = -K_o \cdot (Sh / Us) \cdot \chi_u \cdot (H_s - H)$$

$$FH = -m \cdot FW$$

$$FTg = - (K_o \cdot m) \cdot (Sc/Pr) \cdot (Nu/Us) \cdot (Tg - Ts) \cdot (1 / [1 + (C_v / C_p) \cdot H])$$

$$FTs = (-1/m) \cdot [1 + (C_v / C_p) \cdot H] \cdot (C_p / C_v) \cdot FTg \cdot [1 / ((C_u / C_w) + W)] - (1/m) \cdot (C_v / C_w) \cdot (Tg - Ts) \cdot FH \cdot [1 / ((C_u / C_w) + W)] - (1/m) \cdot (\lambda_u / C_w) \cdot FH \cdot [1 / ((C_u / C_w) + W)]$$

$$FUs = (K_1 / Us) \cdot [\chi_H / (1 + W)] \cdot C_d \cdot (Ug - Us) - (1 / Fr \cdot Us)$$

3

3

คำนวณค่าเริ่มต้นของสมการ
(วิธี 3rd Runge - Kutta)

$$FWW = -K_o \cdot (Sh/UUs) \cdot \alpha_u \cdot (Hs-HH)$$

$$FHH = -m \cdot FFW$$

$$FTTg = -(K_o \cdot m) \cdot (Sc/Pr) \cdot (Nu/UUs) \cdot (TTg-TTs) \cdot (1/(1+(C_v/C_u) \cdot HH))$$

$$FTTs = (-1/m) \cdot [1+(C_v/C_u) \cdot HH] \cdot (C_u/C_w) \cdot FTTg \cdot (1/[(C_u/C_w)+WW]) - (1/m) \cdot (C_v/C_w) \cdot (TTg-TTs) \cdot FHH \cdot (1/[(C_u/C_w)+WW]) - (1/m) \cdot (\lambda_u/C_w) \cdot FHH \cdot (1/[(C_u/C_w)+WW])$$

$$FUUs = (K_1/UUs) \cdot [\alpha_H/(1+WW)] \cdot C_d \cdot (Ug-UUs) - (1/Fr^2 \cdot UUs)$$

CALL RUNGE
CALL RUNGE3

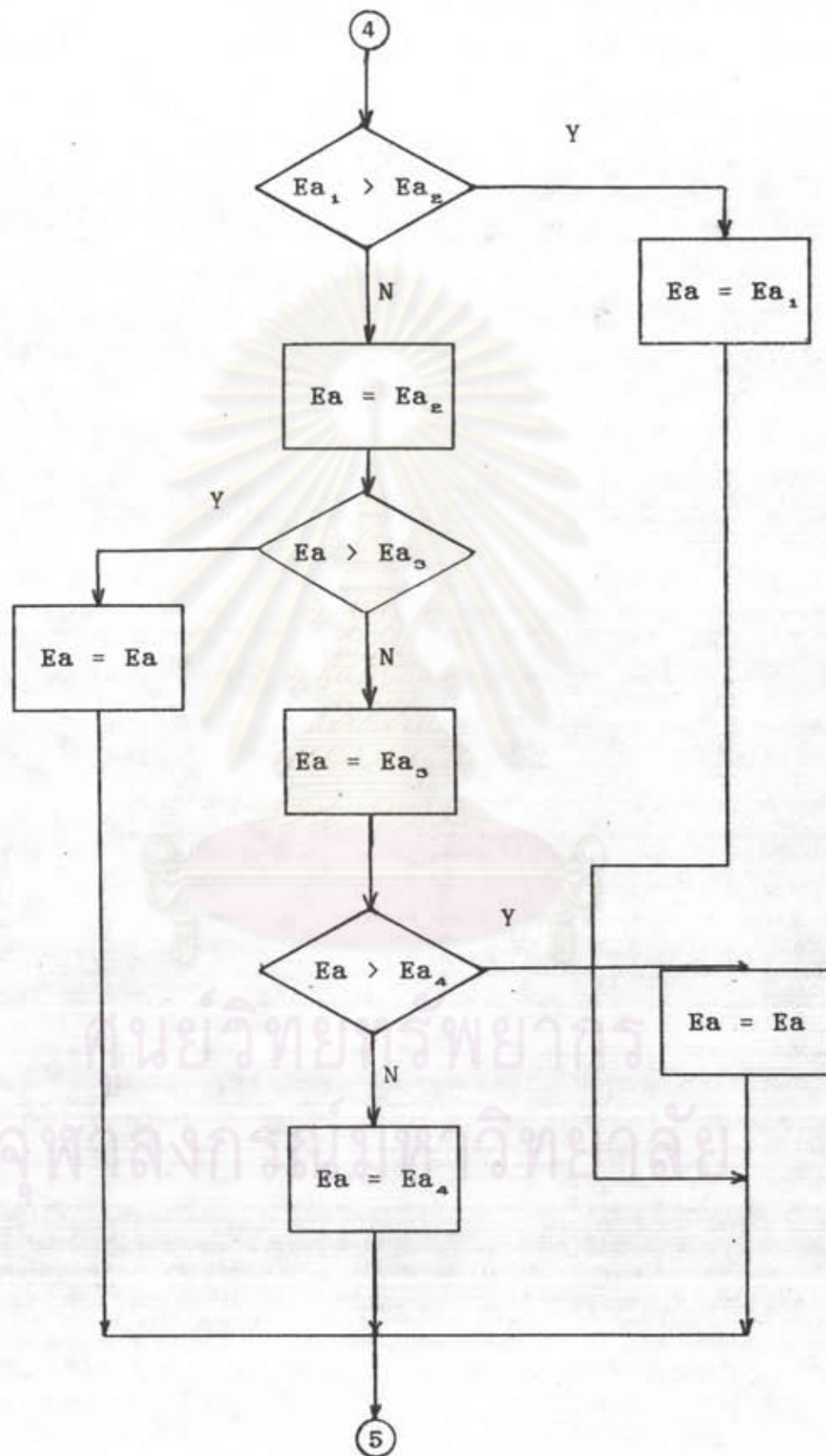
$$Ea_1 = \text{Abs} \{ [(Tg - TTg)/Tg] \times 100 \}$$

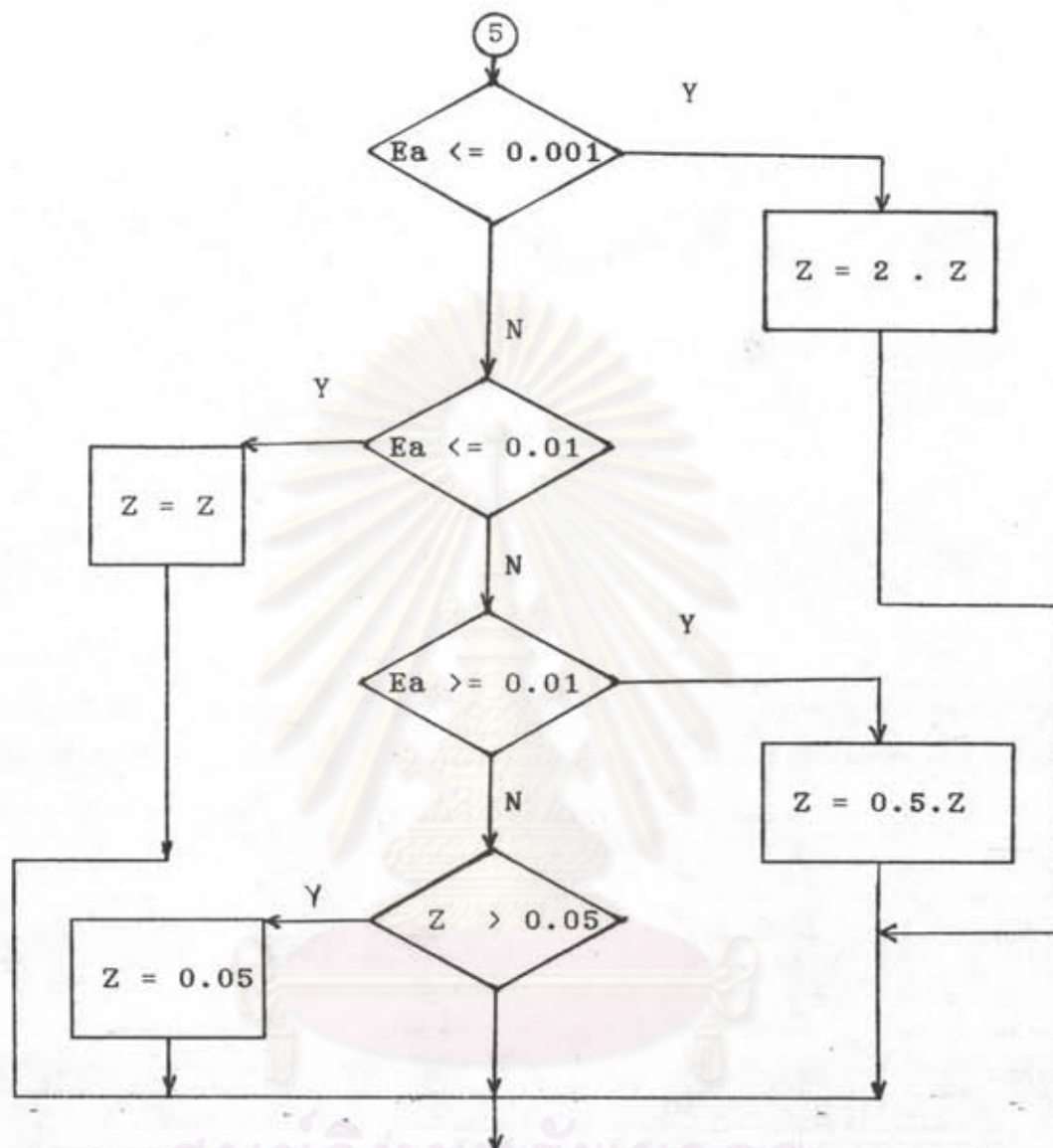
$$Ea_2 = \text{Abs} \{ [(Ts - TTs)/Ts] \times 100 \}$$

$$Ea_3 = \text{Abs} \{ [(H - HH)/H] \times 100 \}$$

$$Ea_4 = \text{Abs} \{ [(W - WW)/W] \times 100 \}$$

4





คำนวณค่า

$$DH = G_w \times (H_2 - H_1), \quad DW = W_w \times (w_2 - w_1)$$

$$r_w = 1075.8965 - 0.5683(1.8 \cdot TW - 491.69)$$

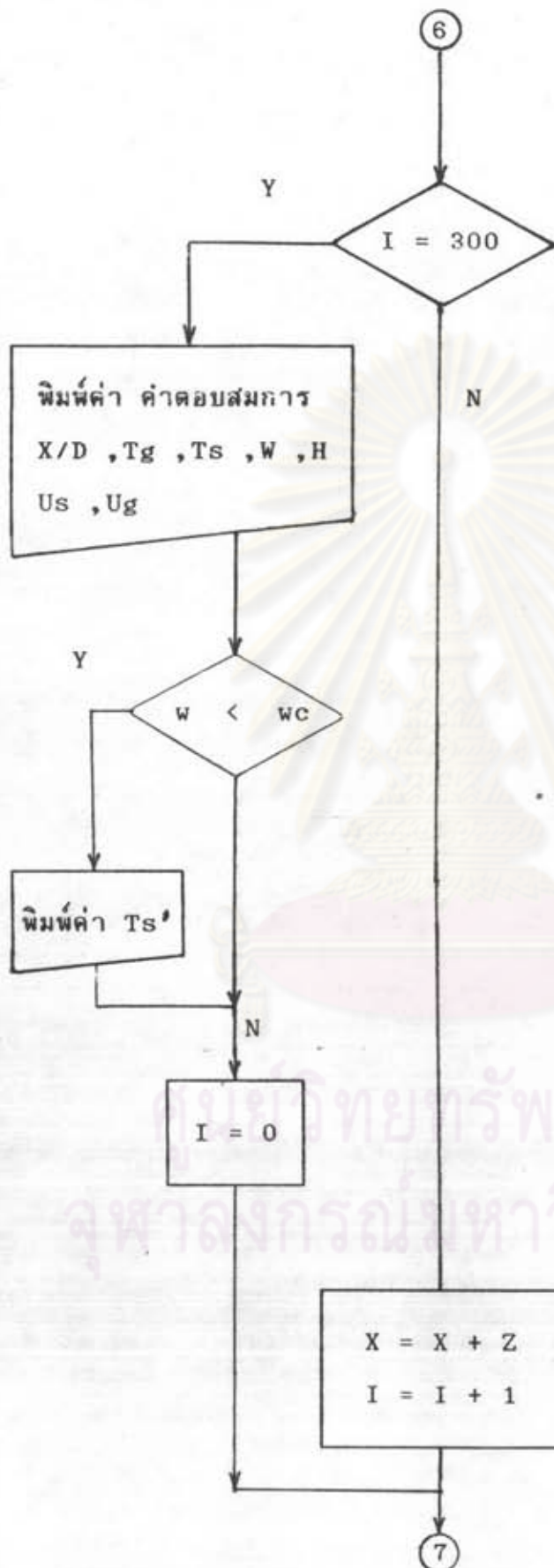
$$w_w = 0.1, \quad w_c = 0.17$$

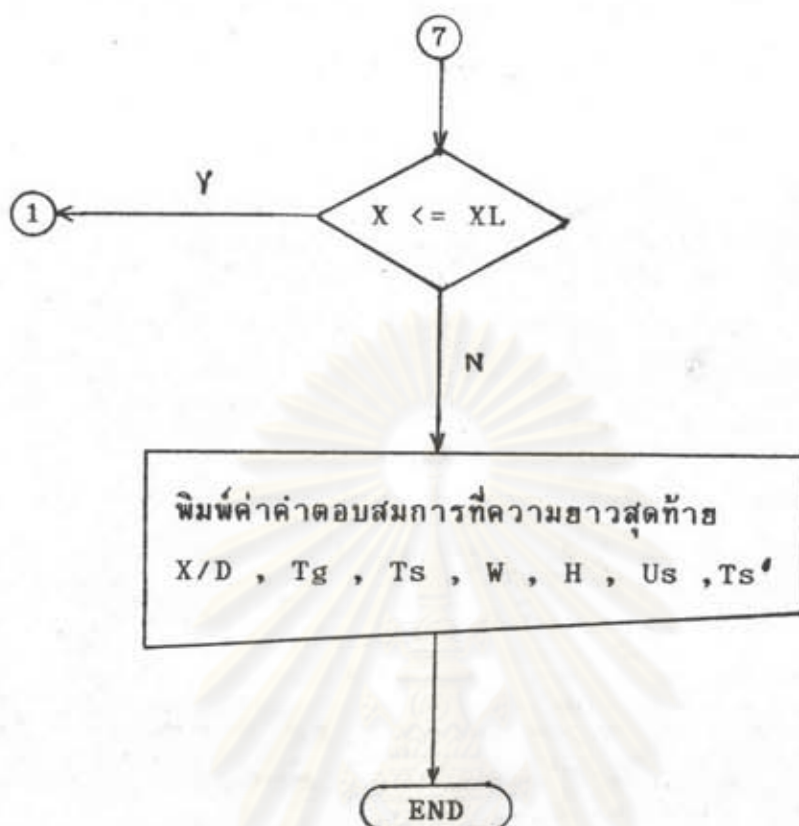
$$F = w - w_w, \quad Fc = w_c - w_w$$

$$Ts^* = Tg - ((Tg - TW) \cdot A)$$

$$A = \frac{[r_w F - C_w (Tg - TW) (F/Fc)^{For_w / (C_w (Tg - TW))}]}{r_w Fc - C_w (Tg - TW)}$$

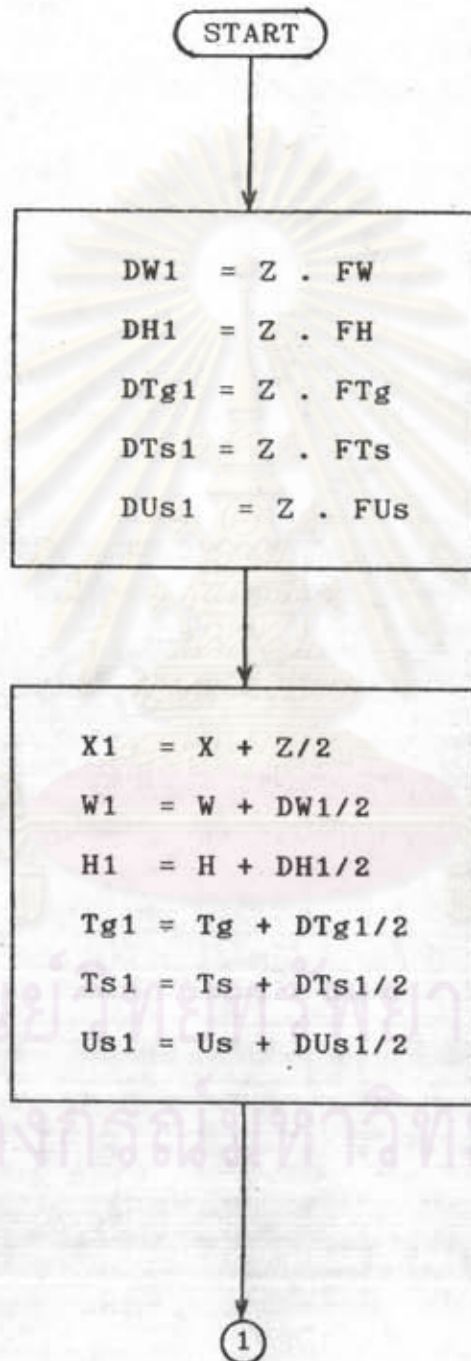
6





ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

SUB RUNGE



①

คำนวณค่าของสมการ

(วิธี 4th Runge - Kutta)

$$FW = -K_o \cdot (Sh/Us) \cdot \gamma_u \cdot (Hs-H)$$

$$FH = -m \cdot FW$$

$$FTg = -(K_o \cdot m) \cdot (Sc/Pr) \cdot (Nu/Us) \cdot (Tg-Ts) \cdot (1/[1+(C_v/C_m) \cdot H])$$

$$FTs = (-1/m) \cdot [1+(C_v/C_m) \cdot H] \cdot (C_m/C_w) \cdot FTg \cdot \{1/[(C_m/C_w) + W]\} - (1/m) \cdot (C_v/C_w) \cdot (Tg-Ts) \cdot FH \cdot \{1/[(C_m/C_w) + W]\} - (1/m) \cdot (\lambda_m/C_w) \cdot FH \cdot \{1/[(C_m/C_w) + W]\}$$

$$FUs = (K_1/Us) \cdot [\gamma_H / (1+W)] \cdot C_d \cdot (Ug-Us) - (1/Fr^2 \cdot Us)$$

$$DW2 = Z \cdot FW$$

$$DH2 = Z \cdot FH$$

$$DTg2 = Z \cdot FTg$$

$$DTs2 = Z \cdot FTs$$

$$DUs2 = Z \cdot FUs$$

②

2

$$\begin{aligned}
 W_1 &= W + DW_2/2 \\
 H_1 &= H + DH_2/2 \\
 T_{g1} &= T_g + DT_{g2}/2 \\
 T_{s1} &= T_s + DT_{s2}/2 \\
 U_{s1} &= U_s + DU_{s2}/2
 \end{aligned}$$



คำนวณค่าของสมการ

(วิธี 4th Runge - Kutta)

$$FW = -K_o \cdot (Sh/Us) \cdot \chi_u \cdot (H_s - H)$$

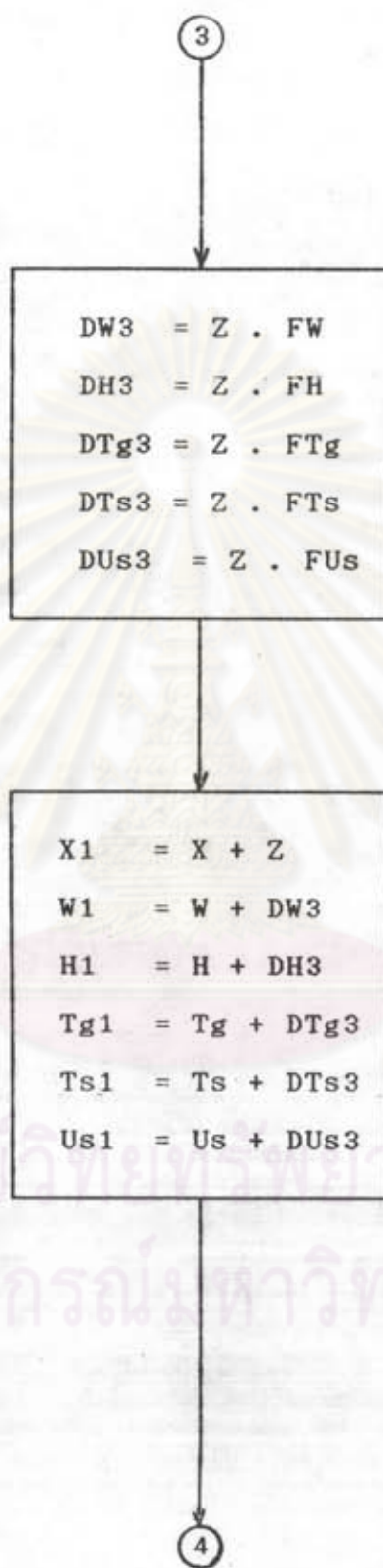
$$FH = -m \cdot FW$$

$$\begin{aligned}
 FT_g &= - (K_o \cdot m) \cdot (Sc/Pr) \cdot (Nu/Us) \cdot (T_g - T_s) \\
 &\quad \cdot \{ (1/[1 + (C_v/C_u) \cdot H]) \}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 FT_s &= (-1/m) \cdot [1 + (C_v/C_u) \cdot H] \cdot (C_u/C_w) \cdot FT_g \\
 &\quad \cdot \{ (1/[(C_u/C_w) + W]) - (1/m) \cdot (C_v/C_w) \} \\
 &\quad \cdot (T_g - T_s) \cdot FH \cdot \{ (1/[(C_u/C_w) + W]) - (1/m) \} \\
 &\quad \cdot (\lambda_u/C_w) \cdot FH \cdot \{ (1/[(C_u/C_w) + W]) \}
 \end{aligned}$$

$$FUs = (K_1/Us) \cdot [\chi_H / (1+W)] \cdot C_u \cdot (U_g - U_s) - (1/Fr^2 \cdot Us)$$

3



4

คำนวณค่าของสมการ

(วิธี 4th Runge - Kutta)

$$FW = -K_o \cdot (Sh/Us) \cdot \chi_u \cdot (H_s - H)$$

$$FH = -m \cdot FW$$

$$FTg = -(K_o \cdot m) \cdot (Sc/Pr) \cdot (Nu/Us) \cdot (Tg - Ts) \cdot \{1/[1+(C_v/C_u) \cdot H]\}$$

$$FTs = (-1/m) \cdot [1+(C_v/C_u) \cdot H] \cdot (C_u/C_w) \cdot FTg \cdot \{1/[1+(C_u/C_w) + W]\} - (1/m) \cdot (C_v/C_w) \cdot (Tg - Ts) \cdot FH \cdot \{1/[1+(C_u/C_w) + W]\} - (1/m) \cdot (\lambda_u/C_w) \cdot FH \cdot \{1/[1+(C_u/C_w) + W]\}$$

$$FUs = (K_1/Us) \cdot [\chi_H/(1+W)] \cdot C_d \cdot (Ug - Us) - (1/Fr^2 \cdot Us)$$

$$DW4 = Z \cdot FW$$

$$DH4 = Z \cdot FH$$

$$DTg4 = Z \cdot FTg$$

$$DTs4 = Z \cdot FTs$$

$$DUs4 = Z \cdot FUs$$

5

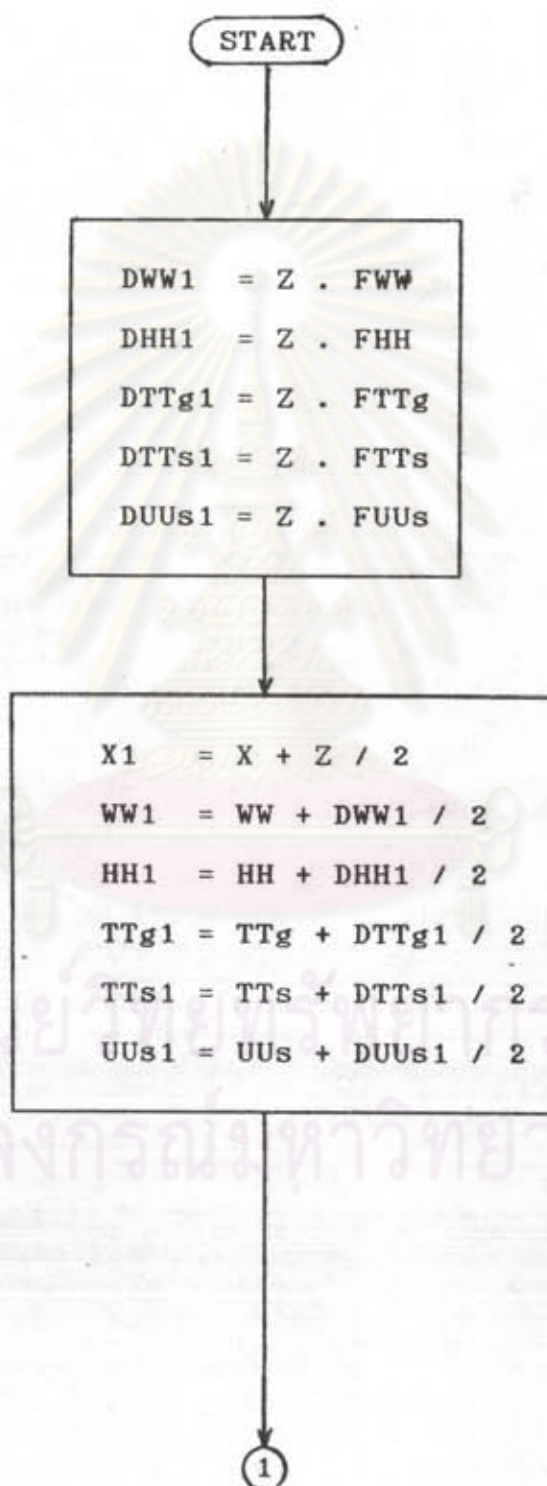
5

$$\begin{aligned}W &= W + (1 / 6) \cdot (DW1 + 2 \cdot DW2 + 2 \cdot DW2 + DW4) \\H &= H + (1 / 6) \cdot (DH1 + 2 \cdot DH2 + 2 \cdot DH2 + DH4) \\Tg &= Tg + (1 / 6) \cdot (DTg1 + 2 \cdot DTg2 + 2 \cdot DTg2 + DTg4) \\Ts &= Ts + (1 / 6) \cdot (DTs1 + 2 \cdot DTs2 + 2 \cdot DTs2 + DTs4) \\Us &= Us + (1 / 6) \cdot (DUs1 + 2 \cdot DUs2 + 2 \cdot DUs2 + DUs4)\end{aligned}$$

RETURN

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

SUB RUNGE3



①

คำนวณค่าของสมการ

(วิธี 3rd Runge - Kutta)

$$FWW = - K_o \cdot (Sh/UUs) \cdot \chi_u \cdot (Hs-HH)$$

$$FHH = - m \cdot FWW$$

$$FTTg = - (K_o \cdot m) \cdot (Sc/Pr) \cdot (Nu/UUs) \cdot (TTg - TTs) \\ \cdot \{1/[1+(C_v/C_u) \cdot HH]\}$$

$$FTTs = (-1/m) \cdot [1+(C_v/C_u) \cdot HH] \cdot (C_u/C_w) \cdot FTTg \\ \cdot \{1/[(C_u/C_w)+WW]\} - (1/m) \cdot (C_v/C_w) \\ \cdot (TTg-TTs) \cdot FHH \cdot \{1/[(C_u/C_w)+WW]\} - (1/m) \\ \cdot (\lambda_u/C_w) \cdot FHH \cdot \{1/[(C_u/C_w)+WW]\}$$

$$FUUs = (K_1/UUs) \cdot [\chi_H/(1+WW)] \cdot C_d \cdot (Ug-UUs) - (1/Fr^2 \cdot UUs)$$

$$DW2 = Z \cdot FW$$

$$DH2 = Z \cdot FH$$

$$DTg2 = Z \cdot FTg$$

$$DTs2 = Z \cdot FTs$$

$$DUs2 = Z \cdot FUs$$

②

2

$$\begin{aligned}
 X1 &= X + Z \\
 WW1 &= WW + DWW1 + (DWW2 \cdot 2) \\
 HH1 &= HH + DHH1 + (DHH2 \cdot 2) \\
 TTg1 &= TTg + DTTg1 + (DTTg2 \cdot 2) \\
 TTs1 &= TTs + DTTs1 + (DTTs2 \cdot 2) \\
 UUs1 &= UUs + DUUs1 + (DTTs2 \cdot 2)
 \end{aligned}$$

คำนวณค่าของสมการ

(วิธี 3rd Runge - Kutta)

$$\begin{aligned}
 FWW &= -K_o \cdot (Sh/UUs) \cdot \delta_u \cdot (Hs-HH) \\
 FHH &= -m \cdot FWW \\
 FTTg &= - (K_o \cdot m) \cdot (Sc/Pr) \cdot (Nu/UUs) \cdot (TTg-TTs) \\
 &\quad \cdot \{1/[1+(C_v/C_w) \cdot HH]\} \\
 FTTs &= (-1/m) \cdot [1+(C_v/C_w) \cdot HH] \cdot (C_w/C_w) \cdot FTTg \\
 &\quad \cdot \{1/[(C_w/C_w) + WW]\} - (1/m) \cdot (C_v/C_w) \\
 &\quad \cdot (TTg- TTs) \cdot FHH \cdot \{1/[(C_w/C_w) + WW]\} - (1/m) \\
 &\quad \cdot (\lambda_w/C_w) \cdot FHH \cdot \{1/[(C_w/C_w) + WW]\} \\
 FUUs &= (K_1/UUs) \cdot [\delta_H / (1+WW)] \cdot C_w \cdot (Ug-UUs) - (1/Fr^2 \cdot UUs)
 \end{aligned}$$

3

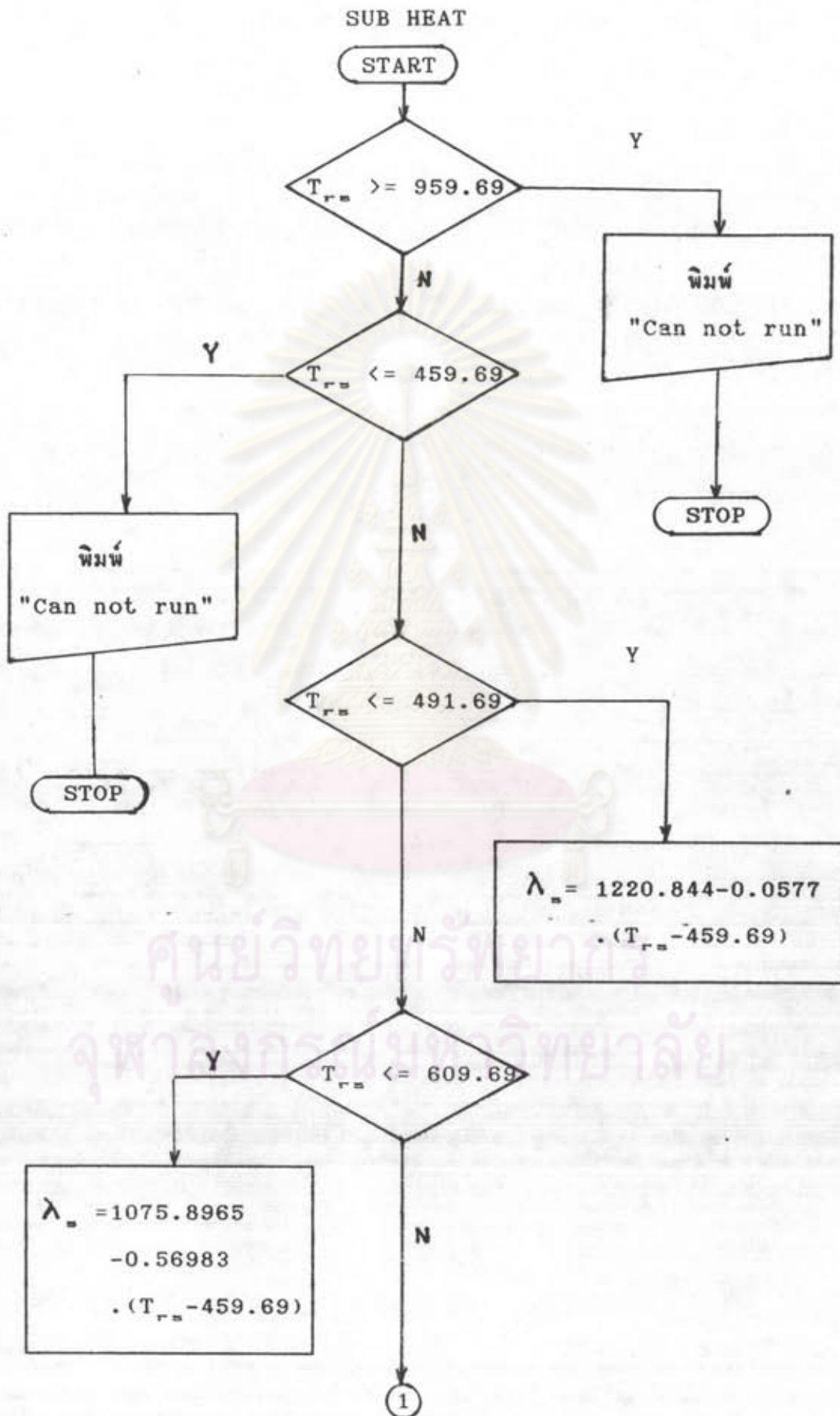
3

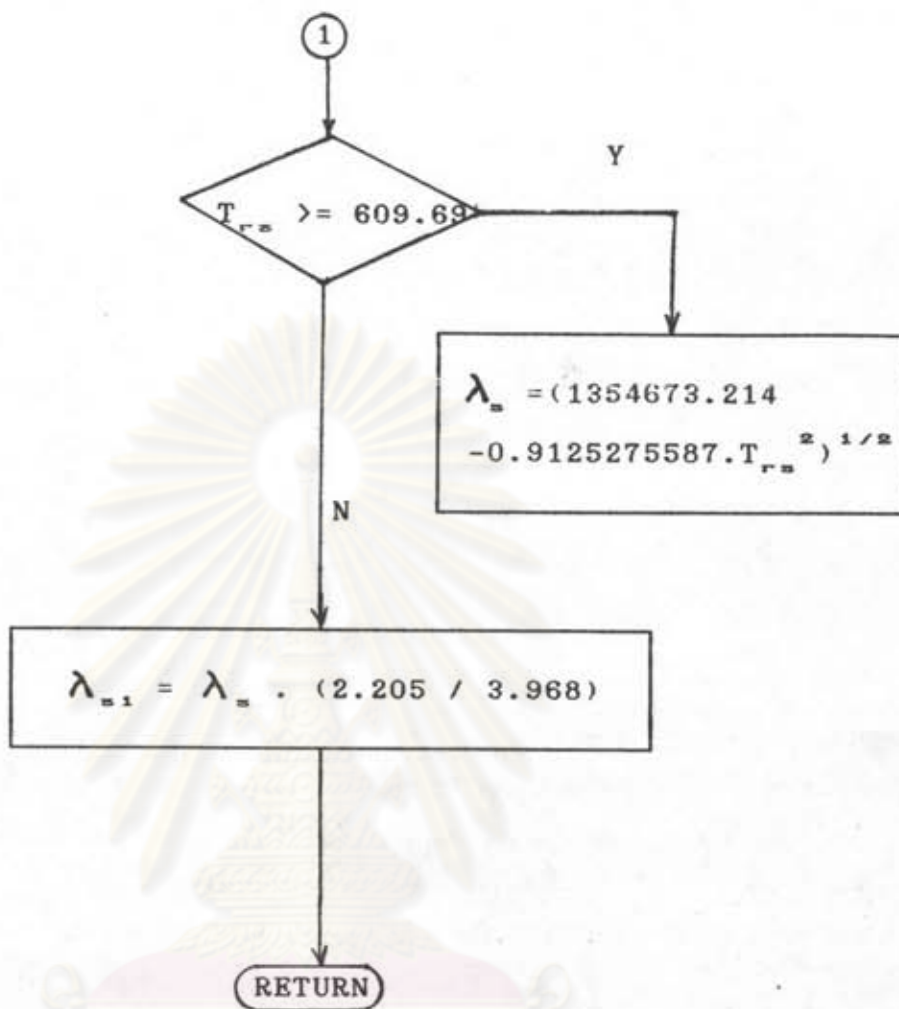
$$\begin{aligned}
 DWW3 &= Z \cdot FWW \\
 DHH3 &= Z \cdot FHW \\
 DTTg3 &= Z \cdot FTTg \\
 DTTs3 &= Z \cdot FTTs \\
 DUTs3 &= Z \cdot FUTs
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 WW &= WW + (1 / 6) \cdot (DWW1 + 4 \cdot DWW2 + DWW3) \\
 HH &= HH + (1 / 6) \cdot (DHH1 + 4 \cdot DHH2 + DHH3) \\
 TTg &= TTg + (1 / 6) \cdot (DTTg1 + 4 \cdot DTTg2 + DTTg3) \\
 TTs &= TTs + (1 / 6) \cdot (DTTs1 + 4 \cdot DTTs2 + DTTs3) \\
 UUs &= UUs + (1 / 6) \cdot (DUUs1 + 4 \cdot DUUs2 + DUUs3)
 \end{aligned}$$

RETURN

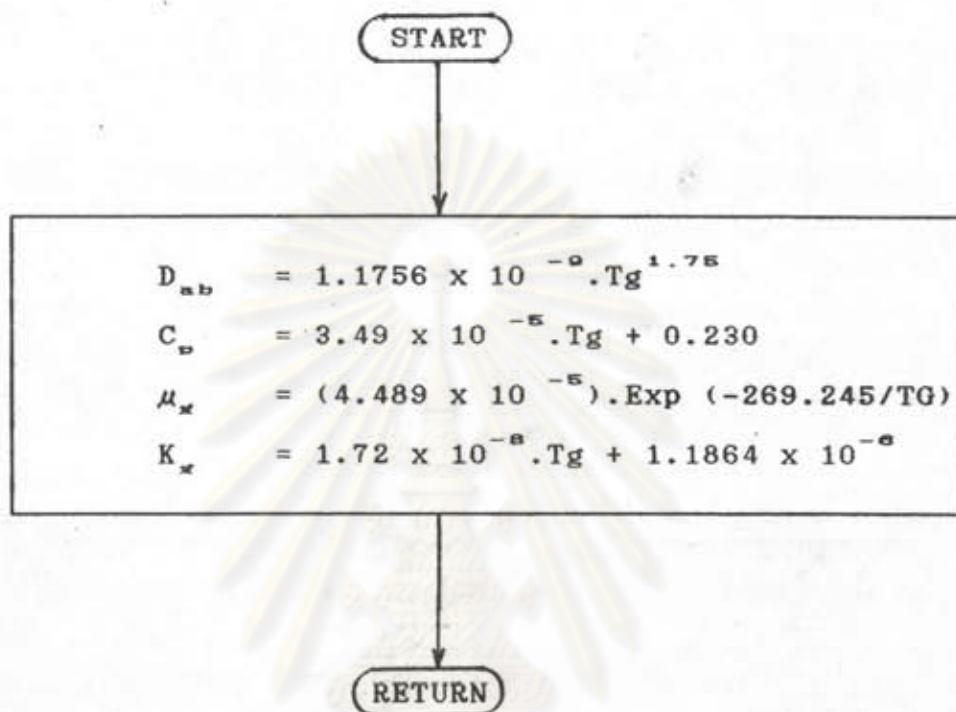
ศูนย์วิทยารักษาการ
คณาจารย์ภาควิชา





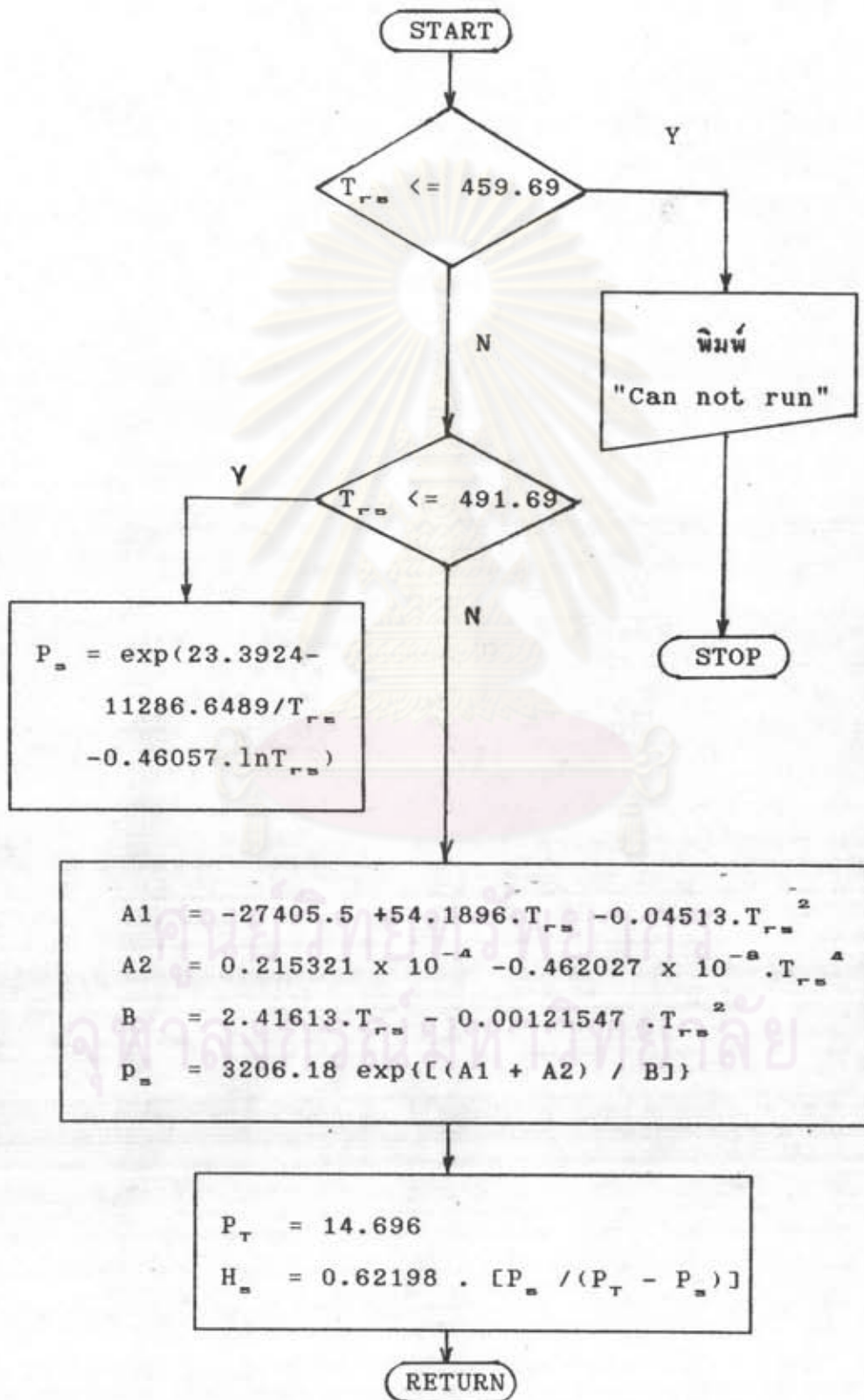
ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

SUB PROPERTY

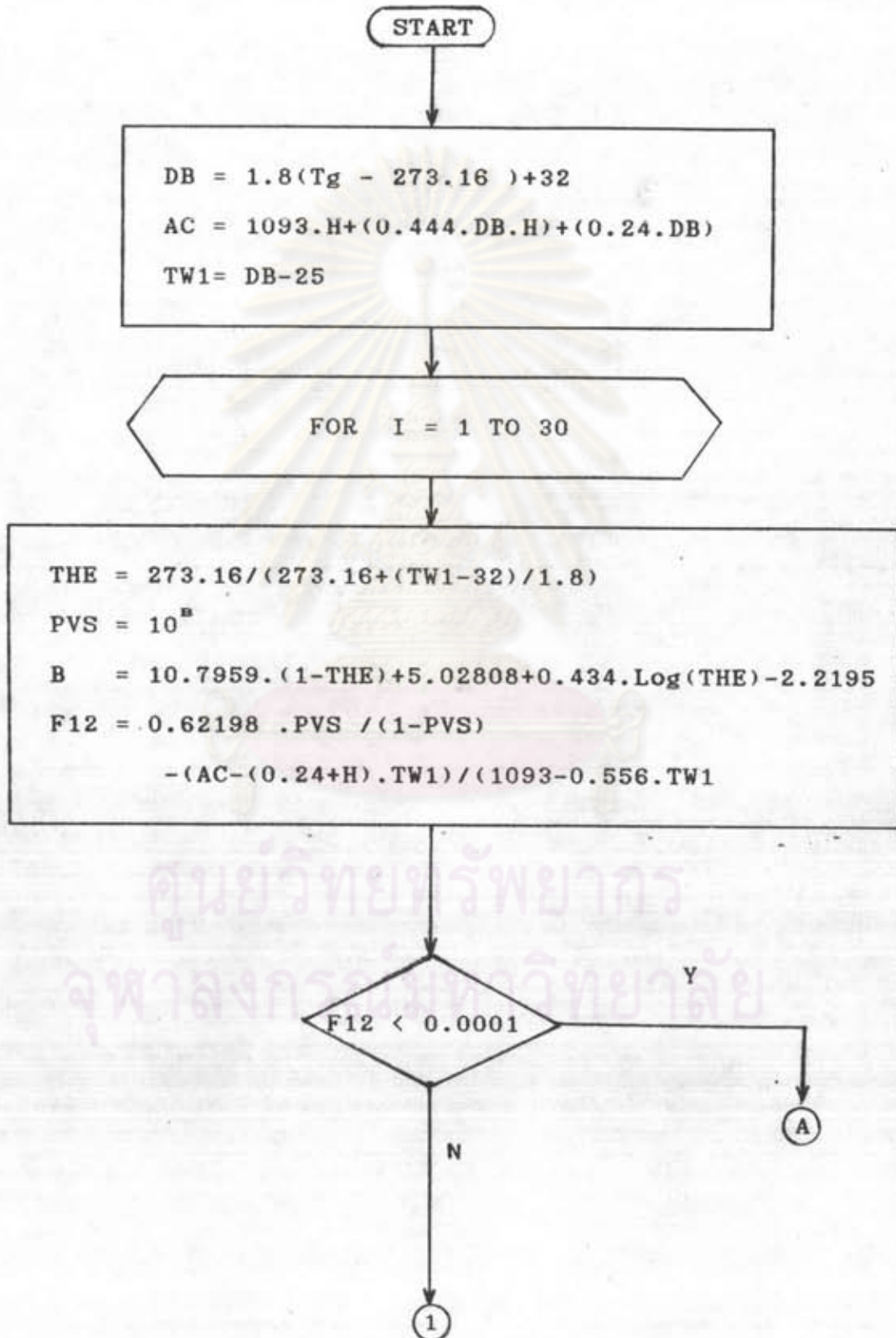


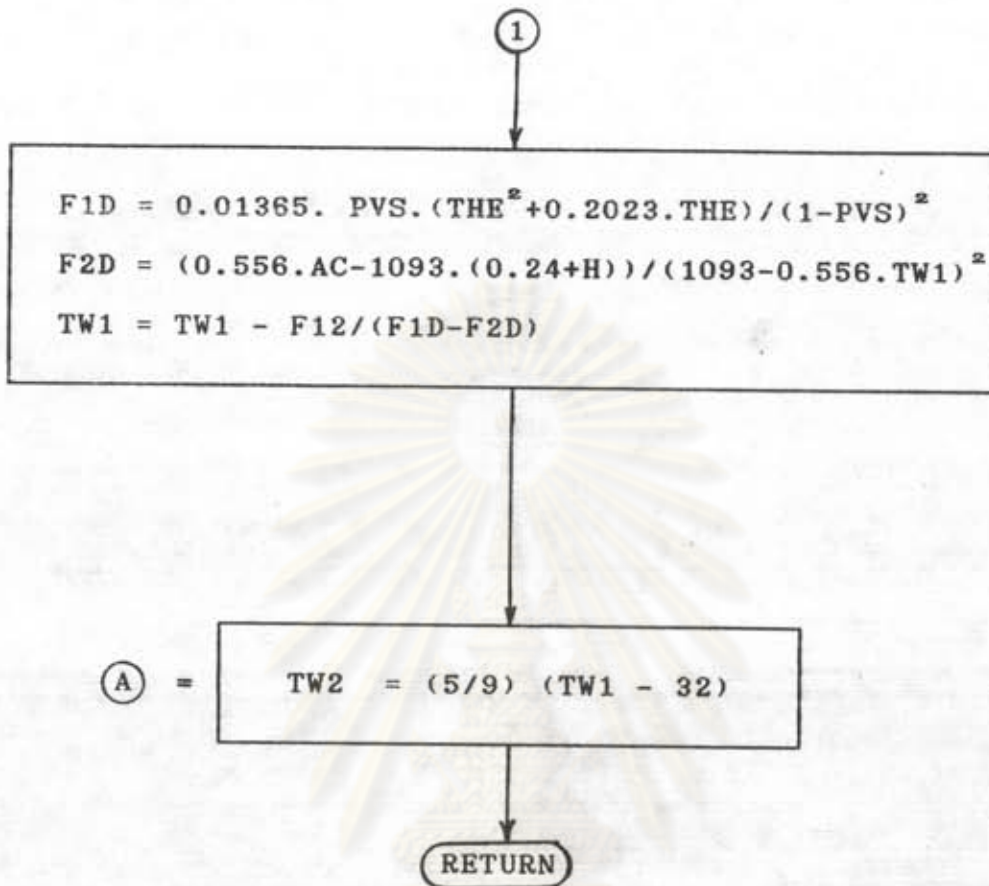
ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

SUB HSAT



SUB WETBLUB





ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย