

บทที่ 5.

เสียงพูด

5.1 อวัยวะที่ใช้ในการเปล่งเสียง(Articulation)

อวัยวะที่ใช้ในการเปล่งเสียง แบ่งได้เป็น 3 พวกใหญ่ ๆ คือ[27]

1. อวัยวะที่ใช้ในการสร้างลม คือส่วนที่ทำให้เกิดการเคลื่อนไหวของลม
 2. อวัยวะส่วนที่เคลื่อนที่ได้(Active Articulators) หมายถึง อวัยวะที่ติดกับกระดูกคางส่วนล่าง ได้แก่ ริมฝีปากล่าง และลิ้น

3. อวัยวะส่วนที่เคลื่อนที่ไม่ได้(Passive Articulators) หมายถึงอวัยวะที่ติดกับกระดูกคางส่วนบน ได้แก่ ริมฝีปากบน ฟันบน มุมเหงือก เพดานแข็ง เพดานอ่อน ลิ้นไก่ และอวัยวะที่เป็นช่องว่าง ได้แก่ ช่องคอ ปาก ช่องจมูก

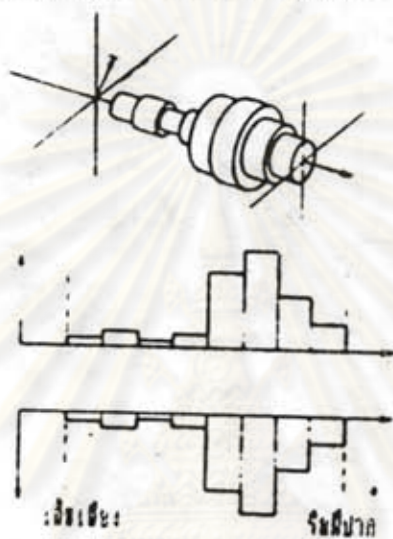
และถ้าจะมองถึงลำดับของการเกิดเสียงแล้ว จะแบ่งได้เป็น 3 ชั้นคอนใหญ่ ๆ คือ

ชั้นคอนที่1 จุดเริ่มต้น(Initiation) อวัยวะที่ใช้ในชั้นคอนนี้ คือ บอคเป็นชั้นคอนที่ลมเริ่มถูกขับออกจากบอค ผ่านเข้าไปสู่ชั้นคอนที่2

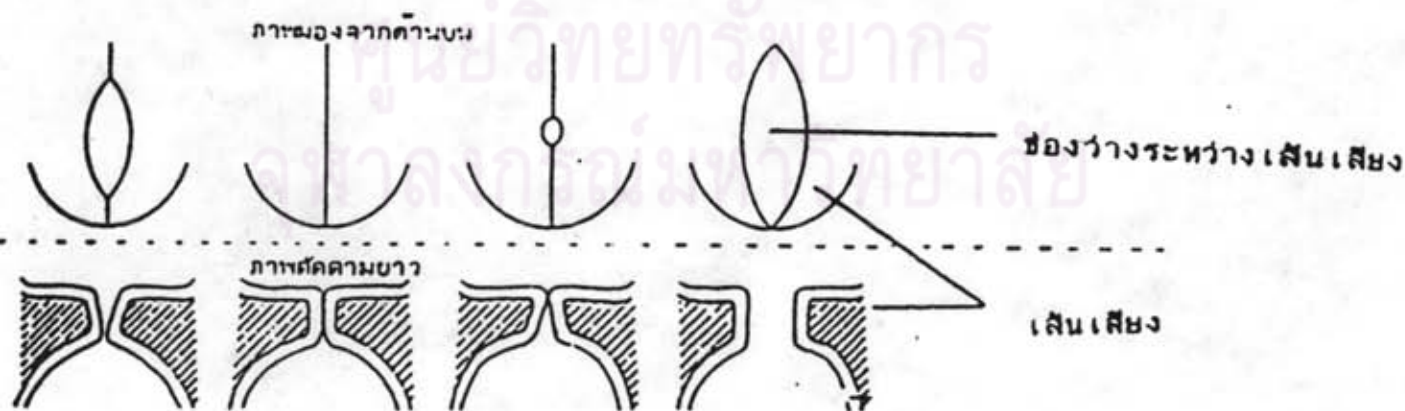
ชั้นคอนที่2 การคัดแปลงลมที่เส้นเสียง(Phonation) อวัยวะที่ใช้ในชั้นคอนนี้ คือส่วนที่ค่อจากบอคขึ้นมา จนถึงกล่องเสียง เป็นชั้นคอนที่ลมจากบอคจะผ่านมายังหลอดลมและกล่องเสียง ซึ่ง ณ ที่กล่องเสียงนี้ เส้นเสียงจะทำหน้าที่เป็นลิ้นเปิดปิด ทำให้เกิดเสียงได้ 2 ชนิดคือ ถ้าเส้นเสียงเปิดตลอดเวลาที่ลมผ่าน ลมจะผ่านออกมาได้โดยสะดวก ซึ่งจะทำให้เกิดเสียงชนิด ไม้ก้อง แต่ถ้าเส้นเสียงปิดกั้นลมไว้ ลมที่ผ่านออกมาจะเพิ่มแรงดันมากขึ้นจนเส้นเสียงเปิดและปิดสลับกันไป ทำให้เกิดเสียงชนิด ก้อง และเรียกความถี่ในการเปิดปิดของเส้นเสียงว่า ความถี่พื้นฐาน(Fundamental Frequency)

ชั้นคอนที่3 การเปลี่ยนแปลงลักษณะเสียง(Articulation) อวัยวะที่ใช้ในชั้นคอนนี้ คือ ส่วนที่ค่อจากกล่องเสียงจนถึงริมฝีปาก และช่องว่างใหญ่อีกสองส่วนคือ ช่องปากและช่องจมูก ชั้นคอนนี้ลมที่ผ่านออกมาจากกล่องเสียง จะถูกแปลงให้เกิดเสียงในลักษณะต่าง ๆ

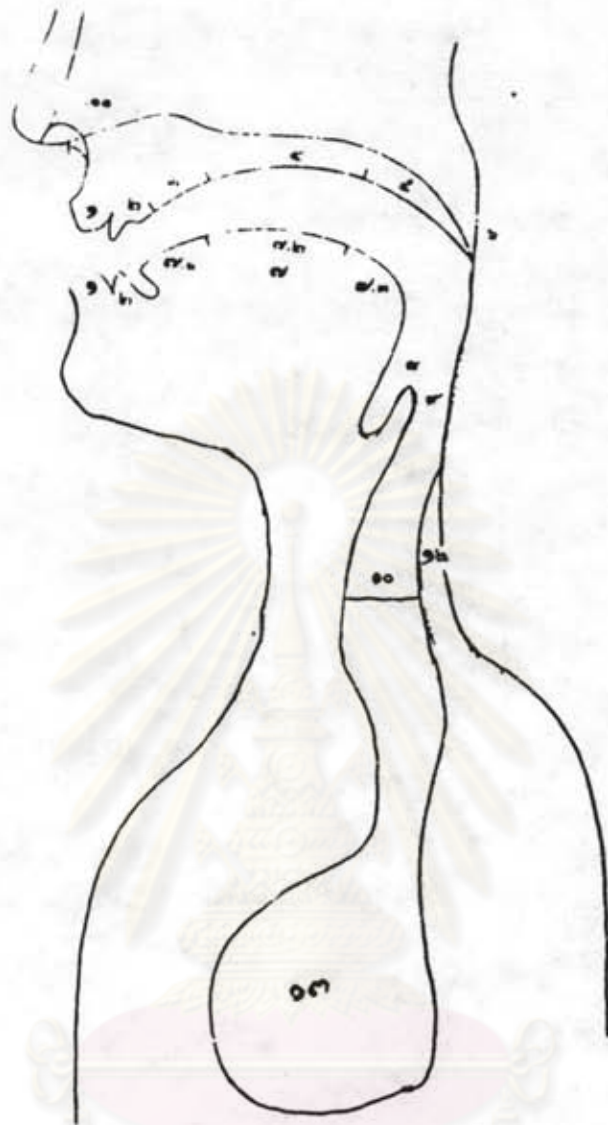
การเปลี่ยนแปลงของลักษณะเสียงต่าง ๆ นั้น จะเกิดจากอวัยวะภายในช่องปากและช่องจมูกเป็นส่วนใหญ่ ทั้งนี้เพราะว่าภายในช่องว่างภายในปากจะมีการเปลี่ยนแปลงขนาด คลอเวลาที่เปลี่ยนแปลงเสียง และช่องจมูกก็จะถูกควบคุมโดยเพดานอ่อน(Velume) ดังนั้นถ้าช่องว่างต่าง ๆ เหล่านี้เปลี่ยนแปลงไปก็จะทำให้ความถี่ก้าทอน (Resonant Frequency) ของเสียงเปลี่ยนแปลง ซึ่งช่องว่างเหล่านี้เปรียบเสมือนกับ ท่อที่มีขนาดต่าง ๆ กันมาต่อกันอยู่ดังรูปที่ 9



รูปที่ 9 ช่องว่างภายในปากเปรียบเสมือนท่อขนาดต่าง ๆ มาต่อกัน



รูปที่ 10 แสดงการเคลื่อนที่ของเส้นเสียง



๑. ริมฝีปาก (Lips)

๒. ฟัน (Teeth)

๓. รุ่มเหงือก (Alveola or Tooth-ridge)

๔. เพดานแข็ง (Hard Palate or Palate)

๕. เพดานอ่อน (Soft Palate or Velum)

๖. ลิ้นไก่ (Uvula)

๗. ลิ้น (Tongue)

๗.๑ ปลายลิ้น (Tip of the Tongue)

๗.๒ หน้าลิ้น (Front of the Tongue)

๗.๓ หลังลิ้น (Back of the Tongue)

๘. ลิ้นไก่หลอดลม (Epiglottis)

๙. ช่องคอ (Pharynx)

๑๐. เส้นเสียง (Vocal cords)

๑๑. ช่องจมูก (Nasal cavity)

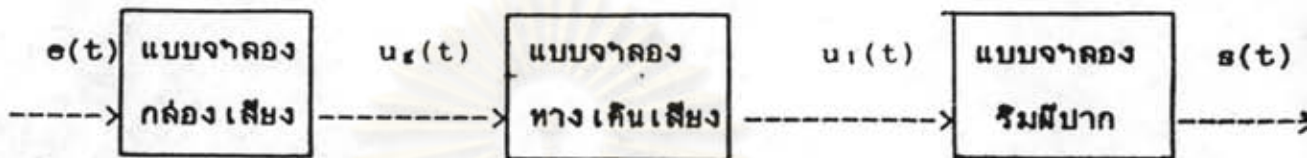
๑๒. เส้นเสียงปลอม (False Vocal cords)

๑๓. ปอด

รูปที่ 11 อวัยวะที่ใช้ในการออกเสียง [27]

5.2 แบบจำลองของเสียงพูด

แบบจำลองของเสียงพูด ได้พัฒนาครั้งแรกโดย Fant ในปี ค.ศ. 1950 ซึ่งมีรูปแบบดังรูปที่ 12[16]



รูปที่ 12 แบบจำลองการเกิดเสียง

จากหลักการในการเกิดเสียงพูดในหัวข้อ 5.1 ดังกล่าว ทว่าให้แบบจำลองที่พัฒนาขึ้นมานี้มีลักษณะการทำงาน คล้าย ๆ กับอวัยวะในการก่อเกิดเสียงของมนุษย์ โดยเริ่มจากสัญญาณที่เป็นจังหวะ (Periodic) หรือสัญญาณที่ไม่เป็นจังหวะ (Nonperiodic) โดยสัญญาณที่เป็นจังหวะนั้น จะมีช่วงเวลาห่างกัน P ซึ่งใช้แทนลักษณะการเกิดเสียงก้อง และสัญญาณที่ไม่เป็นจังหวะจะใช้เป็นตัวแทนของการเกิดเสียงไม่ก้อง สัญญาณในส่วนนี้ใช้สัญลักษณ์แทนเป็น $e(t)$ ซึ่งถ้ากำหนดคาบช่วงจังหวะมีค่าเป็น T และค่า $e(t)$ ถูกนอร์มอลไลซ์ให้มีค่าเป็น 1 แล้ว กลุ่มของสัญญาณนี้เมื่อแปลงมาอยู่ในรูปของ Z-Transform แล้วจะได้ว่า[16]

$$\begin{aligned}
 E(z) &= \sum_{n=0}^{\infty} (z^{-1})^n \\
 &= \frac{1}{1-z^{-1}}
 \end{aligned}$$

ซึ่งเป็นส่วนที่จะเข้าป้อน (input) สู่มแบบจำลองของกล่องเสียง (Glottal Model) ซึ่งมีรูปแบบ

$$G(z) = \frac{1}{(1-e^{-cT}z^{-1})^2} \quad \text{สำหรับ } |z| > 1$$

$$= \frac{z^2}{(z - e^{-cT})^2}$$

หลังจากสัญญาณผ่านแบบจำลองของกล่อง เสียงแล้วจะได้ออกผล(output) ออกมาเป็น $u_g(t)$ ซึ่งจะเข้าไปสู่แบบจำลองของทางเดินของเสียง (Vocal Tract Model) ซึ่งจะเป็นลักษณะของ ตัวกรองความถี่ (Filter) แบบ all-pole มี 2-pole คู่เนื่องกัน เพื่อเป็นตัวแทนให้เกิดการก่อกำเนิดของเสียง คล้าย ๆ กับหน้าที่ช่องว่างภายในปากของเรา ซึ่งตัวก่อกำเนิดแต่ละตัว จะทำหน้าที่ ก่อให้เกิดความถี่ก่อกำเนิด (formant) ค่าหนึ่ง ๆ ในทางทฤษฎีแล้วตัวก่อกำเนิดเกิดการ ก่อกำเนิดนี้ จะต้องมีอยู่เป็นจำนวนมาก ซึ่งเราสามารถจะจำลองรูปแบบในส่วนช่อง ว่างภายในปากได้ว่า เป็น

$$V(z) = \frac{1}{\prod_{i=1}^K [1 - 2e^{-c_i T} \cos(b_i T) z^{-1} + e^{-2c_i T} z^{-2}]}$$

โดย K คือจำนวนความถี่ก่อกำเนิดและแต่ละความถี่จะมีค่าเท่ากับ $b_i/2$ ซึ่งมีแถบความถี่ของสัญญาณ (Bandwidth) เท่ากับ $c_i/2$

หลังจากนั้นสัญญาณ $u_i(t)$ ที่ออกมาจากแบบจำลองของช่องปาก จะ เข้าสู่แบบจำลองของริมฝีปาก ซึ่งแบบจำลองนี้จะทำหน้าที่แปลงสัญญาณ $u_i(t)$ ให้ เป็นสัญญาณเสียงในแง่ของสัญญาณคลื่นในอากาศโดยแบบจำลอง ริมฝีปากจะมีลักษณะ ดังนี้

$$L(z) = 1 - z^{-1}$$

ภายใต้ข้อสมมุติฐานที่ว่า แบบจำลองแต่ละส่วนมีความสัมพันธ์กันแบบ เชิงเส้น (linear) เราจะใช้แบบจำลองของการสร้างเสียงในรูป Z-Transform ได้ เป็น

$$S(z) = E(z)G(z)V(z)L(z)$$

$$\text{โดย } G(z)V(z)L(z) = \frac{(1 - z^{-1})}{(1 - e^{-cT}z^{-1})^2 \prod_{i=1}^K [1 - 2e^{-c_i T} \cos(b_i T) z^{-1} + e^{-2c_i T} z^{-2}]}$$

โดยปกติ $-cT$ มักจะมีค่าน้อยกว่า 1 มากดังนั้น $[1 - e^{-cT}z^{-1}]$ จึง

ประมาณค่าด้วย $(1-z^{-1})$: ซึ่งหาได้แบบจำลองของการสังเคราะห์ง่ายขึ้นเป็น

$$S(z) = \frac{E(z)}{A(z)}$$

$$\text{โดย } A(z) = \sum_{i=0}^M a_i z^{-i} \quad (a_i = 1, M > 2K+1)$$

$$= \frac{1}{G(z)V(z)L(z)}$$

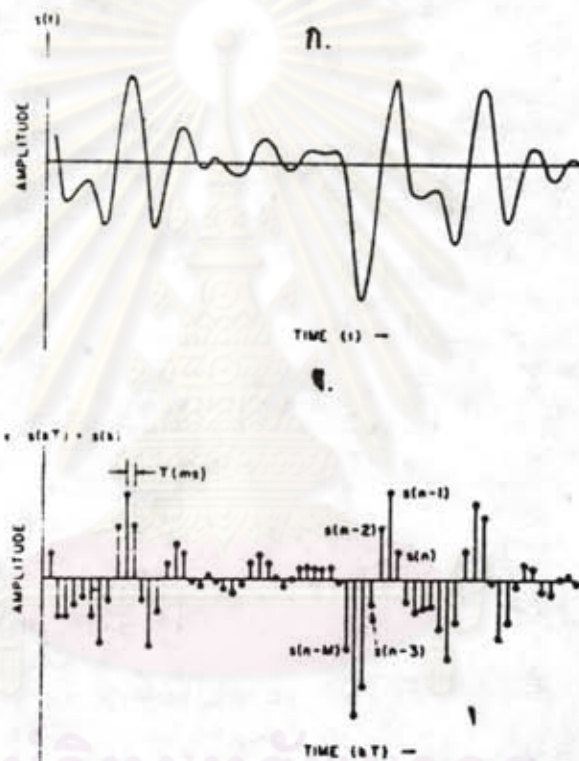
และจะหาได้แบบจำลองของการวิเคราะห์เสียงเป็น

$$E(z) = S(z)A(z)$$

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

5. 3แบบจำลองของ เสียงพูดตามวิธีพยากรณ์เชิงเส้น (Linear Prediction

หลักการของการพยากรณ์เชิงเส้นคือ เราพยายามที่จะคาดการณเสียงพูดที่ลุ่มขึ้นมาได้ โดยอาศัยความสัมพันธ์เชิงเส้นของข้อมูลเสียงพูดที่ผ่านมา ซึ่งถ้าเราพยายามที่จะหาให้ ผลรวมของผลต่างระหว่างเสียงพูดที่ลุ่มขึ้นมาด้วยเสียงพูดที่เราคาดการณยกกำลังสอง ในช่วงเวลาหนึ่ง n มีค่าน้อยที่สุดเราจะได้ค่าสัมประสิทธิ์ของการพยากรณ์อยู่ 1 ชุด (ซึ่งสัมประสิทธิ์ของการพยากรณ์นี้ก็คือ ค่าที่จะเป็นค่าตัวนำหนักในความสัมพันธ์เชิงเส้นของเสียงพูดที่ผ่านมา) [16]



รูปที่ 13.1 สัญญาณเสียงพูด ก. สัญญาณต่อเนื่อง ข. สัญญาณที่ลุ่ม (sampling) ด้

ถ้าเรากำหนดว่า การพยากรณ์สัญญาณ e คาบหนึ่งเวลาที่ n มีค่าผิดพลาดเป็น $e(n)$ เราจะได้ว่า

$$e(n) = \sum_{i=0}^m a_i s(n-i)$$

$$= s(n) + \sum_{i=1}^m a_i s(n-i)$$

ซึ่งถ้าเราให้ $s(n)$ เป็นค่าพยากรณ์และค่าเท่ากับ $-\sum_{i=1}^m a_i s(n-i)$

เราจะได้ว่า $e(n) = s(n) - s(n)$

ใน Z-Transform เราจะได้ว่า

$$E(z) = S(z)A(z)$$

โดย $A(z) = 1 + \sum_{\lambda=1}^m a_{\lambda} z^{-\lambda}$

หรือ $S(z) = \frac{E(z)}{A(z)}$

ซึ่งจะเห็นว่า แบบจำลองของเสียงพูดตามวิธีการพยากรณ์เชิงเส้น มีความสอดคล้องกับแบบจำลองเสียงพูดในหัวข้อ 5.2

ถ้าเรากำหนดค่า α เป็นผลรวมของกำลังสองของค่าผิดพลาดในการพยากรณ์ ในช่วงเวลาหนึ่ง τ จะได้ว่า

$$\alpha = \sum_{n=n_0}^{n_1} e^2(n)$$

$$= \sum_{n=n_0}^{n_1} \left[\sum_{i=0}^m a_i s(n-i) \right]^2$$

$$= \sum_{n=n_0}^{n_1} \sum_{i=0}^m \sum_{j=0}^m a_i s(n-i) s(n-j) a_j$$

โดย n_0 และ n_1 เป็นช่วงของการพยากรณ์

ให้ $c_{i,j} = \sum_{n=n_0}^{n_1} s(n-i) s(n-j)$

จะได้ว่า $\alpha = \sum_{i=0}^m \sum_{j=0}^m a_i c_{i,j} a_j$

เพื่อให้ค่าผิดพลาดในการพยากรณ์น้อยที่สุด เราจะต้องการ differentiate ค่า α เทียบกับ a_k แล้วกำหนดค่าให้เท่ากับ 0 ซึ่งจะได้ว่า

$$\frac{\partial \alpha}{\partial a_k} = 0 = 2 \sum_{i=0}^m a_i c_{i,k}$$

แต่ $a_0 = 1$ ดังนั้น เราจะได้สมการอยู่ชุดหนึ่งคือ

$$\sum_{i=1}^m a_i c_{i,k} = -c_{0,k} \quad ; k=1, 2, 3, \dots, M$$

ถ้าเราถอดสมการชุดนี้ออกมา จะได้ค่าสัมประสิทธิ์ของการพยากรณ์

($a_i ; i=1,2,3,\dots,M$) ซึ่งมีวิธีการในการหาอยู่ 2 วิธี คือ วิธี Covariance และ วิธี AutoCorrelation

สมมุติว่าสัญญาณเสียงพูด ถูกสุ่มมา N จุด ใดๆมีค่าเป็น $s(0), s(1), \dots, s(N-1)$ สำหรับค่า n_0 และ n_1 ที่จะกำหนดค่านั้นมีอยู่ 2 แบบ ใหญ่ ๆ คือ

1. วิธี Covariance จะกำหนดค่าให้ $n_0 = M$ และ $n_1 := N-1$ ดังนั้น ช่วงของการพยากรณ์โดยวิธีนี้ จะอยู่ในช่วง $[M, N-1]$ ซึ่งจะแก้ชุดของสมการเป็น

$$\sum_{k=1}^n a_k c_{1k} = -c_{0k} \quad ; k=1,2,\dots,M$$

และ $c_{1k} = \sum_{n_0}^{n_1} s(n-i)s(n-k)$ ซึ่งเขียนเป็นเมทริกซ์ได้ดังนี้

$$\begin{pmatrix} c_{11} & c_{12} & c_{13} & \dots & c_{1M} \\ c_{21} & c_{22} & c_{23} & \dots & c_{2M} \\ \cdot & \cdot & \dots & \dots & \cdot \\ \cdot & \cdot & \dots & \dots & \cdot \\ \cdot & \cdot & \dots & \dots & \cdot \\ c_{M1} & c_{M2} & c_{M3} & \dots & c_{MM} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ a_M \end{pmatrix} = - \begin{pmatrix} c_{10} \\ c_{20} \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ c_{M0} \end{pmatrix}$$

แต่ $c_{ij} = c_{ji}$ ดังนั้น Covariance Matrix จึงมีคุณสมบัติสมมาตร

2. วิธี AutoCorrelation จะกำหนดค่าให้ $n_0 = -\infty$ และ $n_1 = \infty$ โดยให้ $s(n) = 0$ สำหรับ $n < 0$ และ $n > N$ ซึ่งวิธีการนี้หาหาค่า c_{ij} ง่ายขึ้น โดย

$$\begin{aligned} c_{ij} &= \sum_{n=-\infty}^{\infty} s(n-i)s(n-j) \\ &= \sum_{n=-\infty}^{\infty} s(n)s(n+|i-j|) \\ &= \sum_{n=0}^{N-1-|i-j|} s(n)s(n+|i-j|) \\ &= r(|i-j|) \end{aligned}$$

หาให้เราได้ AutoCorrelation Matrix ดังนี้

$$\begin{bmatrix} \Gamma(0) & \Gamma(1) & \Gamma(2) & \dots & \Gamma(M-1) \\ \Gamma(1) & \Gamma(0) & \Gamma(1) & \dots & \Gamma(M-2) \\ \cdot & \cdot & \dots & \dots & \cdot \\ \cdot & \cdot & \dots & \dots & \cdot \\ \Gamma(M-1) & \Gamma(M-2) & \Gamma(M-3) & \dots & \Gamma(0) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ \cdot \\ \cdot \\ a_M \end{bmatrix} = - \begin{bmatrix} \Gamma(1) \\ \Gamma(2) \\ \cdot \\ \cdot \\ \Gamma(M) \end{bmatrix}$$

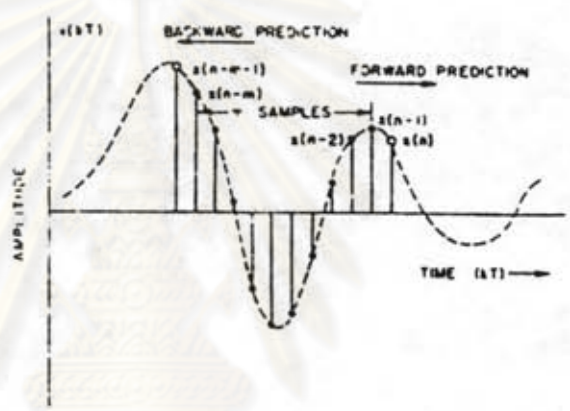
ซึ่งเมทริกซ์นี้เป็น toeplitz เมทริกซ์ เพราะสมมาตรกัน และทุกตัว
บนแนวเส้นทะแยงมีค่าเท่ากัน

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

เทคนิคของ PARCOR[16]

PARCOR เป็นเทคนิคที่ใช้หลักการของการพยากรณ์เชิงเส้น ทั้งด้านหน้า และด้านหลังของสัญญาณ ณ ตำแหน่งที่จะพยากรณ์ ซึ่งจะหาให้การคำนวณหาสัมประสิทธิ์ของการพยากรณ์(a_i) รวดเร็วขึ้น และสามารถใช้หลักการของการกระทำซ้ำ(Recursive) ซึ่งจะหาให้สะดวกในการเขียนโปรแกรม

หลักการของ PARCOR จะพิจารณาได้จากสัญญาณเสียง ที่สุ่มมาแสดง รูปที่ 13.2



รูปที่ 13.2 แสดงสัญญาณเสียงชุดที่ใช้เทคนิค PARCOR

ถ้าสัญญาณ x_n เป็นสัญญาณที่เราต้องการพยากรณ์ เราจะใช้ค่าผิดพลาด ในการพยากรณ์ไปข้างหน้า(x_n⁺(n)) เป็น

$$\begin{aligned}
 x_n^+(n) &= x(n) - [-\sum_{i=1}^m a_{m,i}x(n-i)] \\
 &= \sum_{i=0}^m a_{m,i}x(n-i) \quad \text{โดย } a_{m,0} = 1
 \end{aligned}$$

และจะใช้ค่าผิดพลาดของการพยากรณ์ไปข้างหลัง(x_n⁻(n)) เป็น

$$\begin{aligned}
 x_n^-(n) &= x(n-m-1) - [-\sum_{i=1}^m b_{m,i}x(n-i)] \\
 &= \sum_{i=1}^{m+1} b_{m,i}x(n-i) \quad \text{โดย } b_{m,m+1} = 1
 \end{aligned}$$

ถ้ากำหนดให้ ผลรวมกำลังสองของค่าผิดพลาด ในการพยากรณ์ไปข้างหน้าเป็น Q_m และผลรวมกำลังสองของค่าผิดพลาด ในการพยากรณ์ไปข้าง

หลังเป็น β_m เงื่อนไขที่จะหาได้ การพยากรณ์ผิดพลาดน้อยที่สุดคือ

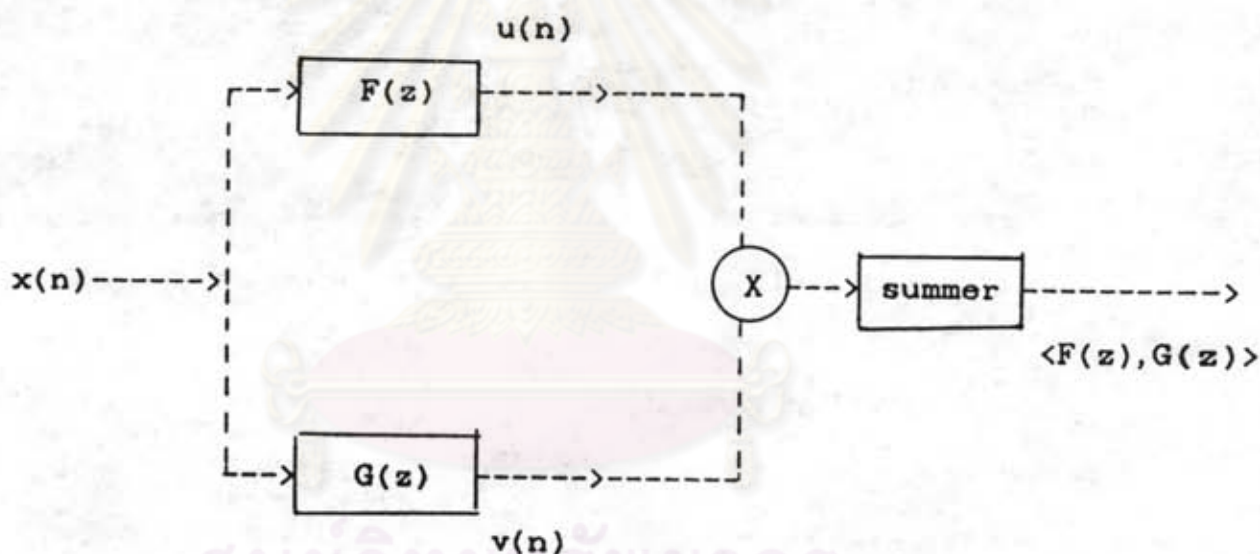
$$\frac{\partial \alpha_m}{\partial a_{m1}} = 0 \quad \text{และ} \quad \frac{\partial \beta_m}{\partial b_{m1}} = 0$$

โดย $\alpha_m = \sum_{n=-\infty}^{\infty} [x_m^-(n)]^2$

และ $\beta_m = \sum_{n=-\infty}^{\infty} [x_m^-(n)]^2 \quad ; m=1,2,\dots,M; i=1,2,\dots,m$

หลักการของ inner products และ orthogonality

หลักการของ inner products ก็คือ การที่ filter 2 ตัว มีข้อมูล(input)เดียวกันในเวลาเดียวกัน เข้ามา และจะให้ผลลัพธ์ออกมา 2 ค่า หลังจากนั้นผลลัพธ์ทั้งสอง(ในเวลาเดียวกัน)จะคูณกัน และผลคูณนั้นจะถูกรวมกันในช่วงเวลาหนึ่ง ๆ ขบวนการทั้งหมดนี้เรียกว่า inner products



รูปที่ 14 แสดงถึงหลักการของ inner products

จากรูปที่ 14 แสดงให้เห็นว่า ผลลัพธ์ของ inner products ของ filter $F(z)$ และ $G(z)$ มีค่าเท่ากับ

$$\langle F(z), G(z) \rangle = \sum_{n=n_0}^{n_1} u(n)v(n)$$

และขนาดของเคียวกันก็จะได้ว่า

$$\langle Z^{-1}, Z^{-1} \rangle = \sum_{n=n_0}^{n_1} x(n-i)x(n-j)$$

ซึ่งคามวิธิการแบบ Covariance จะได้ว่า

$$\langle Z^{-1}, Z^{-1} \rangle = c_{ij} = c_{ji}$$

และตามวิธีการแบบ AutoCorrelation จะได้ว่า

$$\langle Z^{-i}, Z^{-j} \rangle = r(i-j) = r(j-i)$$

สมมติว่า $x_m^+(n)$ และ $x_m^-(n)$ เป็นผลลัพท์ของ filter

2 ตัวคือ $A_m(z)$ และ $B_m(z)$ โดย

$$A_m(z) = \sum_{\lambda=0}^m a_{m,\lambda} z^{-\lambda} \quad ; a_{m,0} = 1 \dots\dots (n)$$

และ

$$B_m(z) = \sum_{\lambda=1}^{m+1} b_{m,\lambda} z^{-\lambda} \quad ; b_{m,m+1} = 1 \dots\dots$$

วิชาหลักการของ inner products เราจะได้ว่า

$$\alpha_m = \langle A_m(z), A_m(z) \rangle = |A(z)|^2$$

$$\beta_m = \langle B_m(z), B_m(z) \rangle = |B(z)|^2$$

และจากเงื่อนไขของการขยายการที่ค้องการให้ ผลรวมของการผิดพลาดยก

กำลังสองมีค่าน้อยที่สุด สามารถพิสูจน์ได้ว่า

$$\langle A_m(z), Z^{-j} \rangle = 0 \quad ; j=1, 2, \dots\dots m$$

และ

$$\langle B_m(z), Z^{-j} \rangle = 0 \quad ; j=1, 2, \dots\dots m$$

ผลที่ได้ ก็คือหลักการของ orthogonality

วิชาหลักการของ Inner Products และ Orthogonality ทาให้

ผลสรุปว่า

$$\langle A_m(z), Z^{-j} \rangle = \sum_{n_1, n_2}^{n_1} x_m^+(n) x(n-j) = 0$$

และ

$$\langle B_m(z), Z^{-j} \rangle = \sum_{n_1, n_2}^{n_1} x_m^-(n) x(n-j) = 0$$

จาก (n) จะได้ว่า $A_{m-1}(z)$ เป็นพหุนามเมียบล(polynomial)ของ Z^{-1}

โดย $i=1, 2, \dots (m-1)$ และจาก (ข) จะเห็นว่า $B_{m-1}(z)$ เป็นพหุนามเมียบลของ Z^{-1}

โดย $i=1, 2, \dots m$ ดังนั้น $A_m(z)$ จึงสามารถหาได้จาก $A_{m-1}(z)$ กับ $B_{m-1}(z)$

โดยความสัมพันธ์ดังนี้

$$A_m(z) = A_{m-1}(z) + k_m B_{m-1}(z)$$

จากหลักการของ orthogonality เราจะได้ว่า

$$k_n = \frac{-1 \langle A_{n-1}(z), B_{n-1}(z) \rangle}{\beta_{n-1}}$$

$$= \frac{-1}{\beta_{n-1}} \sum_{n_1, n_2} x_{n-1}'(n) x_{n-1}''(n)$$

และ

$$\alpha_{n+1} = \alpha_n - k_{n+1}^2 \beta_n$$

โดยตัวแปร k เรียกว่า partial correlation coefficient หรือสัมประสิทธิ์ของการสะท้อนกลับ (Reflection Coefficient) ซึ่งจะสอดคล้องกับ สัมประสิทธิ์ของการสะท้อนกลับ ที่หามาจากแบบจำลองของทางเดินของเสียง จากห้องเสียงถึงริมฝีปาก

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

5.4 วิธีในการหาค่าพหามิเตอร์

การหาค่าพหามิเตอร์ของเสียง โดยวิธีการพยากรณ์เชิงเส้นทั้งสองวิธีคือ แบบ AutoCorrelation และแบบ Covariance มีกรรมวิธีในการหาเหมือนกัน จะแตกต่างกันก็ตรงการกำหนดค่า α_0 และ β_1 ซึ่งได้กล่าวไว้ในหัวข้อ ค่าพหามิเตอร์ที่ได้ก็คือ สมประสิทธิ์ของการพยากรณ์ (a_k), สมประสิทธิ์ของการสะท้อนกลับ (k_1) รวมทั้งค่าผิดพลาดในการพยากรณ์ยกกำลังสอง (σ^2)

ขั้นที่ 1 คำนวณ Covariance หรือ AutoCorrelation แมทริกซ์

จากวิธี Covariance สมประสิทธิ์ c_i , หาได้จาก

$$c_i = \sum_{n=i}^{N-1} x(n-i)x(n-j)$$

$j = 0, 1, 2, \dots, i; i = 0, 1, 2, \dots, M$ เมื่อกำหนดเงื่อนไขในช่วง $n = M$ ถึง $n = N-1$ ค่า c_i , ที่ต้องคำนวณทั้งหมด จะมีจำนวนเท่ากับ $M(M+1)/2$ ด้วยวิธี Autocorrelation สมประสิทธิ์ c_i , กลายเป็น $r(|i-j|)$

$$c_i = r(|i-j|) = r(k) \quad k = 0, 1, 2, \dots, M$$

$$r(k) = \sum_{n=0}^{N-1-k} x(n)x(n+k)$$

ขั้นที่ 2 หาค่าเริ่มต้น

สำหรับค่าเริ่มต้นกรณี $m=0$ จะได้ว่า

$$a_{00} = 1 \text{ และ } b_{01} = 1$$

ซึ่งจากหลักของ inner product จะได้ว่า

$$\alpha_0 = \beta_0 = r(0)$$

และที่ $m=1$ จะได้ว่า

$$\begin{aligned} A_1(z) &= A_0(z) + k_1 \beta_0(z) \\ &= 1 + k_1 z^{-1} \end{aligned}$$

เมื่อเทียบสมประสิทธิ์แล้วจะได้ว่า

$$a_{10} = 1, a_{11} = k_1$$

และจะได้

$$\alpha_1 = \alpha_0 - k_1^2 \beta_0$$

ขั้นที่ 3 หาค่าพหามิเตอร์เมื่อ m เพิ่มขึ้น

ตามวิธี AutoCorrelation เราจะได้ว่า

$$\beta_m = \alpha_m$$

$$b_{mi} = a_{m,m+1-i}$$

และ

$$k_{m+1} = \frac{-1}{\alpha_m} \sum_{\lambda=0}^m r(m+1-i)a_{mi}$$

โดย $A_{m+1}(z) = A_m(z) + k_{m+1} \beta_m(z) \dots \dots \dots (A)$

ตั้งน้้นแทนค่า k_{m+1} ใน (A) และเทียบสัมประสิทธิ์จะได้ว่า

$$a_{m+1,0} = 1$$

$$a_{m+1,i} = a_{mi} + k_{m+1}b_{mi} \quad ; i=1,2,\dots,m$$

$$a_{m+1,m+1} = k_{m+1}$$

และสามารถคำนวณ α_{m+1} ใหม่ได้ว่า

$$\alpha_{m+1} = \alpha_m - k_{m+1}^2 \beta_m$$

รายละเอียดของ ผังการทำงานในส่วนนี้อยู่ในภาคผนวก ก.

ศูนย์วิทยทรัพยากร
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

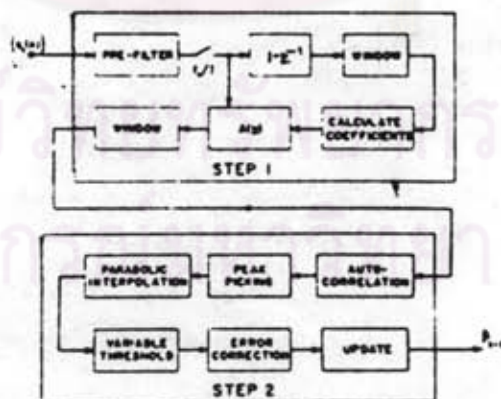
5.5 วิธีการหาค่าความถี่มูลฐาน

โดยอาศัยคุณสมบัติของแบบจำลองเสียงพูด ความแบบวิธี Linear Prediction เราสามารถที่จะหาค่า Pitch Period ของเส้นเสียงได้ โดยใช้คุณสมบัติของรูปแบบการวิเคราะห์ที่ดังในหัวข้อที่ 5.3 ได้ว่า

$$E(z) = S(z)A(z)$$

สำหรับการวิจัยในครั้งนี้ได้ใช้วิธีการที่เรียกว่า SIFT (Simplified inverse filter tracking)

โดยหลักการก็คือ เราจะต้องการค่า a_i ของ inverse filter เพื่อแปลงสัญญาณเสียงพูดให้เป็นสัญญาณที่เส้นเสียง $e(t)$ ซึ่งก็คือ error signal นั้นเอง วิธีการของ SIFT ได้แบ่งเป็นสองขั้นตอนคือ ขั้นตอนการหาค่า error signal และขั้นตอนการตัดสินใจ และประมาณค่า Pitch Period จาก error signal ที่ได้ ดังรูปที่ 15 สำหรับผังงานโดยละเอียดจะอยู่ในภาคผนวก ข.



รูปที่ 15 แสดงหลักการทางานของ SIFT