



## ภาษาไทย

### หนังสือ

กานคาน พูนลาภทรี. การประเมินผลการศึกษา. กรุงเทพมหานคร: โรงพิมพ์ສกมช. เทคโนโลยีพระจอมเกล้า พระนครเหนือ, 2526.

กร่าง ไพรวรรธน. "แนวทางในการพัฒนาโรงเรียน เอกชนระดับมัธยมศึกษา." คู่มือการบริหารโรงเรียน เอกชนระดับมัธยมศึกษาสายสามัญ. กองสถานศึกษา เอกชน สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาเอกชน, ม.บ.ป.. (อัดสำเนา)

โภวิท ประวาราลพฤกษ์ และ สมศักดิ์ สินธุระเวชญ์. การประเมินในชั้นเรียน. กรุงเทพมหานคร: โรงพิมพ์ไทยวัฒนาพาณิช, 2527.

คณะกรรมการการศึกษาแห่งชาติ, สำนักงาน, กองวิจัยการศึกษา. ประสิทธิภาพของการมัธยมศึกษา. กรุงเทพมหานคร: ห้างหุ้นส่วนจำกัด พันธ์พัฒนาลิขซีซี, 2530.

\_\_\_\_\_. ประสิทธิภาพในการจัดการศึกษาของเอกชน. กรุงเทพมหานคร: ห้างหุ้นส่วนจำกัด พันธ์พัฒนาลิขซีซี, 2532.

คณะกรรมการการศึกษาเอกชน, สำนักงาน, กองนโยบายและแผน. นโยบายและแนววิการพัฒนาการศึกษาเอกชน. กรุงเทพมหานคร: ม.บ.ท., 2533. (อัดสำเนา)

จุมพล พูลภัทรชีวิน. มูลจัดที่ส่งผลต่อสัมฤทธิผลของโรงเรียนเอกชน. กรุงเทพมหานคร: โรงพิมพ์และทำปัก เจริญผล, 2532.

บรรพศด. สุวรรณประเสริฐ. เบททิก้าและดีเทอร์มิแนนท์. คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยศรีนครินทร์วิโรฒ พิษณุโลก, 2518.

บุญธรรม กิจปรีดาบริสุทธิ์. คู่มืออาจารย์สำหรับการวัดและประเมินผลการเรียนการสอน- กรุงเทพมหานคร: การพิมพ์พระนคร, 2524.

ประคอง กรรมสูต. สถิติเพื่อการวิจัยทางพุทธกรรมศาสตร์ (ฉบับปรับปรุงแก้ไข). ปทุมธานี:  
บริษัทศุนย์หนังสือ คร.ศรีสิงห์ จำกัด, 2524.

ประสาท ส้อนวงศ์. "หลักสูตรคณิตศาสตร์ระดับมัธยมศึกษาที่ใช้ในประเทศไทยก่อน พ.ศ.2503"  
รายงานผลการวิเคราะห์หลักสูตรคณิตศาสตร์. กรุงเทพมหานคร: ห้างหุ้นส่วนจำกัด  
โรงพิมพ์อักษรไทย, 2527.

ประسنศ์จรรยา, ชุน. เรขาคณิตลำดับขั้นบังคับศึกษาปีที่ 1. กรุงเทพมหานคร: ห้างหุ้นส่วน  
จำกัด อักษรเจริญทัศน์, 2509.

พนัส พันนาคินทร์. วิธีสอนคณิตศาสตร์. กรุงเทพมหานคร: โรงพิมพ์คุรุสภาลาดพร้าว,  
2514.

พรรณพิทย์ นามณี. การสอนคณิตศาสตร์แบบใหม่ระดับมัธยมศึกษา. กรุงเทพมหานคร: สาร  
ศึกษาการพิมพ์, 2520.

พร้อมพรณ อุดมสิน. การวัดและประมาณผลการเรียนการสอนคณิตศาสตร์. คณะครุศาสตร์  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2531.

ฤพิน พิพิธกุล. การสอนคณิตศาสตร์. คณะครุศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2530.

\_\_\_\_\_. เสริมการสอนคณิตศาสตร์ เล่ม 1. คณะครุศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย,  
2530.

รุ่ง แก้วแดง. "แนวคิดในการพัฒนาคุณภาพการศึกษาระดับมัธยมศึกษาในโรงเรียนเอกชน"  
คู่มือการบริหารโรงเรียนเอกชน ระดับมัธยมศึกษาสายสามัญ. กองสถานศึกษา  
เอกชน สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาเอกชน, ม.ป.บ.. (อัดสำเนา)

รุ่งทิวา จักร์กร. การบังคับศึกษา. กรุงเทพมหานคร: โรงพิมพ์รุ่งเรืองธรรม, 2526.

ล้วน สายยศ และ อังคณา สายยศ. หลักการวิจัยทางการศึกษา. กรุงเทพมหานคร:  
ศึกษาพร จำกัด, 2528.

วิชาการ, กรม. หนังสือประกอบการเรียนคณิตศาสตร์วิชาเรขาคณิตชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1.

กรุงเทพมหานคร: โรงพิมพ์คุรุสภาลาดพร้าว, 2511.

— • หนังสือประกอบการเรียนคณิตศาสตร์วิชาเรขาคณิตชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3.

กรุงเทพมหานคร: โรงพิมพ์คุรุสภาลาดพร้าว, 2514.

— • หนังสือประกอบการสอนวิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2. กรุงเทพ  
มหานคร: โรงพิมพ์คุรุสภาลาดพร้าว, 2525.

สมพร เรืองโขคิวทิย์. รากฐานเรขาคณิต. คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยคริสต์วิทยา  
บางเขน, 2523.

ส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี, สถาบัน. คู่มือคุรุวิชาคณิตศาสตร์ชั้นมัธยมศึกษา  
ปีที่ 3 ค321. กรุงเทพมหานคร: หน่วยการพิมพ์สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์  
และเทคโนโลยี, 2532.

— • รายงานผลการวิเคราะห์หลักสูตรคณิตศาสตร์. กรุงเทพมหานคร: ห้างหุ้นส่วนจำกัด  
โรงพิมพ์อักษรไทย, 2527.

— • หนังสือเรียนวิชาคณิตศาสตร์ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ค321. กรุงเทพมหานคร:  
โรงพิมพ์คุรุสภาลาดพร้าว, 2530.

อุวรรณฯ อุทัยรัตน์. พฤติกรรมการสอนคณิตศาสตร์. คณะครุศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย,  
2531.

อรศรี บุราคำ. "ก้าวแรกของ 'คณิตศาสตร์แนวใหม่' ในหลักสูตรมัธยมศึกษาของไทย"  
รายงานผลการวิเคราะห์หลักสูตรคณิตศาสตร์. กรุงเทพมหานคร: ห้างหุ้นส่วน  
จำกัด โรงพิมพ์อักษรไทย, 2527.

อรศรี บุราคำ. "คณิตศาสตร์ระดับมัธยมศึกษาจากหลักสูตร 2503 ถึงหลักสูตร สสวท."

รายงานผลการวิเคราะห์หลักสูตรคณิตศาสตร์. กรุงเทพมหานคร: ห้างหุ้นส่วนจำกัด โรงพิมพ์อักษรไทย, 2527.

อาทิ ymagay. "การศึกษาเรขาคณิตระดับมัธยมศึกษาในประเทศไทยในช่วง 20 ปี

(พ.ศ. 2503-2523)" รายงานผลการวิเคราะห์หลักสูตรคณิตศาสตร์. กรุงเทพมหานคร: ห้างหุ้นส่วนจำกัด โรงพิมพ์อักษรไทย, 2527.

#### บทความและอื่น ๆ

กำจัด มงคลกุล. "คณิตศาสตร์มีความสำคัญอย่างไร." วารสารรู้รอบตัว 4 (กรกฎาคม 2532): 55.

ขวัญชัย ตันติศิริ เจริญ. "การศึกษาเพื่อเปรียบเทียบผลการสอนวิชา เเรขาคณิตชั้นมัธยมศึกษา ปีที่ 1 โดยใช้เครื่องฉายภาพโปรเจคเตอร์ แสงกับการสอนตามปกติ." บริษัทaniPinorการศึกษามหาบัณฑิต ภาควิชาเทคโนโลยีทางการศึกษา มหาวิทยาลัยศรีนครินทร์ วิจัย ประจำปี 2514.

คณะกรรมการการศึกษาแห่งชาติ, สำนักงาน, กองวิจัยการศึกษา. "การกระจายด้านบริการและทรัพยากรทางการศึกษาของ การศึกษาเอกชน." วารสารการวิจัยทางการศึกษา 4 (ตุลาคม-ธันวาคม 2531): 82.

จิรพรรณ ภูมิเกشم. "การสร้างชุดการสอนตาม เอกก็สภาพวิชาคณิตศาสตร์เรื่อง พื้นที่รูป เเรขาคณิต บนระบบ เดียวสำหรับชั้นมัธยมศึกษาตอนต้น." วิทยานิพนธ์ปริญญา มหาบัณฑิต ภาควิชาชั้นมัธยมศึกษา บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2521.

ทศนี ใจนรรւงค์. "การเปรียบเทียบความสามารถในการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ของนักเรียน ชั้นมัธยมศึกษาตอนต้นในโรงเรียนรัฐบาลและโรงเรียนเอกชนสอนศาสนาอิสลาม." วิทยานิพนธ์ปริญญา มหาบัณฑิต ภาควิชาชั้นมัธยมศึกษา บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2531.

นคร เทพวรรณ. "สมรรถภาพสูงของบางประการที่ล้มพันธ์กับผลลัมฤทธิ์ทางการ เรียนวิชา เรขาคณิตชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ในจังหวัดชลบุรี." ปริญนานิพนธ์การศึกษามหาบัณฑิต ภาควิชาการวัดผลการศึกษา มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ ประสานมิตร, ๒๕๒๑.

ประกอบ สมร่าง. "การสอนเรื่องความเท่ากันทุกประการ โดยใช้วิธีสอนที่ต่างกันสำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๒ โรงเรียนสาธิตวิทยาลัยครุ เทพศรี จังหวัดชลบุรี." วิทยานิพนธ์ปริญญามหาบัณฑิต ภาควิชาการศึกษา บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์, ๒๕๒๔.

นิยรัตน์ ก้องกิตติไพศาล. "การใช้ตรรกศาสตร์ในการสอนคณิตศาสตร์ในชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๑." ปริญนานิพนธ์การศึกษามหาบัณฑิต ภาควิชาคณิตศาสตร์ วิทยาลัยวิชาการศึกษา ประสานมิตร, ๒๕๑๓.

พายัพ บุปผาคำ. "หัศนศดิของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๑ ที่มีต่อวิชาเรขาคณิต." วิทยานิพนธ์ ปริญญาบัณฑิต คณะครุศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, ๒๕๐๔.

มนู วัฒนาไพบูลย์. "การศึกษาเจตคติและผลลัมฤทธิ์ทางการ เรียนคณิตศาสตร์เรื่อง เส้นขนาน และความคล้ายด้วยวิธีการสอน ๒ แบบ ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๒ จังหวัดสุโขทัย." วิทยานิพนธ์ปริญญามหาบัณฑิต ภาควิชาการศึกษา มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์, ๒๕๒๓.

เรียมรอง สวัสดิชัย. "เปรียบเทียบผลงานการ เรียนวิชาคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๒ เรื่อง ความเท่ากันทุกประการ โดยใช้วิธีสอนแบบปฏิบัติการและบทเรียนโปรแกรม." ปริญนานิพนธ์การศึกษามหาบัณฑิต ภาควิชาการมัธยมศึกษา มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ ประสานมิตร, ๒๕๒๕.

วันทนี สีทับทิม. "การ เปรียบเทียบความสามารถในการใช้ภาษาอังกฤษเพื่อการสื่อสารของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ระหว่างโรงเรียนรัฐบาลและโรงเรียนเอกชนในเขตกรุงเทพมหานคร: วิทยานิพนธ์ปริญญามหาบัณฑิต ภาควิชาภาษาอังกฤษ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, ๒๕๒๙.

วิรัตน์ ชาญศิริรัตน์. "การศึกษาความลามารถในการใช้尼ยามและทฤษฎีในวิชาคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5." ปริญานิพนธ์การศึกษาหน้าบัณฑิต ภาควิชาคณิตศาสตร์ มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ ประสานมิตร, 2524.

ศิริก ภู่ไพบูลย์. "การใช้ความคิดทักษะมิติสัมพันธ์และเหตุผล เชิงนามธรรม ทำนายสัมฤทธิผลในวิชาเรขาคณิต." วิทยานิพนธ์ปริญญามหาบัณฑิต แผนกวิชาจิตวิทยา บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2516.

สายชุมน์ สจจานนิคย์. "การสร้างชุดการสอนตามเอกคณิตวิชาคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิว และปริมาตรของรูปทรงตัน สำหรับชั้นมัธยมศึกษาตอนต้น." วิทยานิพนธ์ปริญญามหาบัณฑิต ภาควิชามัธยมศึกษา บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2521.

ลิริพร ติพย์คง. "แวนอิลส์โมเดล: ลำดับขั้นตอนการเรียนรู้ เรขาคณิต." สารสารศึกษาศาสตร์ปริทัศน์ 5 (กุมภาพันธ์ 2532): 97-99.

อุทุมพร ทองอุไทย. "การศึกษาเบรียบเทียบความเข้าใจหลักคณิตศาสตร์พื้นฐานของนักเรียนชั้นประถมปีที่ 5 และ 6 ในจังหวัดพระนคร." วิทยานิพนธ์ปริญญามหาบัณฑิต แผนกวิจัยการศึกษา บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2511.

#### ภาษาต่างประเทศ

#### Books

Ferguson, George A. Statistical Analysis in Psychology and Education.

New York: McGraw-Hill Book Company, 1976.

Fuys, David., Geddes, Dorothy., and Tischler, Rosamond. "The Van

Hiele Model of Thinking in Geometry Among Adolescents"

Journal for Research in Mathematics Education (Year Book).

Monograph Number 3, 1988.

Glass, Gene V. and Stanley, Julian C. Statistical Methods in Education

and Psychology. Englewood Cliffs, New Jersey: Prentice-Hall,

1970.

Good, Carter V. Dictionary of Education. New York: McGraw-Hill Book Company, 1973.

Ostle, Bernard. Statistics in Research: Basic Concepts and Techniques for Research Workers. 2nd.ed., Calcutta: The Iowa State University Press, 1966.

William, J.D. Mathematics Reform in the Elementary School. Hamburg: Institute for Education UNESCO, 1967.

articles

Assaf, Said Abdelfattah. "The Effects of Using LOGO Turtle Graphics in Teaching Geometry on Eighth Grade Students' Level of Thought, Attitudes Toward Geometry and Knowledge of Geometry." Dissertation Abstracts International 46 (April 1986): 2952-A.

Bell, Ronald Nall. "The Use of Expository Writing as a Method of Teaching Critical Thinking Skills and Geometry." Dissertation Abstracts International 49 (October 1988): 754A-755A.

Bobango, Janet Christine. "Van Hiele Levels of Geometric Thought and Student Achievement in Standard Content and Proof Writing: The Effect of Phase-Based Instruction." Dissertation Abstracts International 48 (April 1988): 2566-A.

Chaiyasang, Supotch. "An Investigation into Level of Geometric Thinking and Ability to Construct Proof of Students in Thailand." Dissertation Abstracts International 49 (February 1989): 2137-A.

\_\_\_\_\_. "An Investigation into Level of Geometric Thinking and Ability to Construct Proof of Students in Thailand." Ph.D. dissertation, The University of Iowa, 1987.

Garabedian, Charles Jr. "The Effects of Proof on Achievement and Reasoning Ability of Students in Geometry." Dissertation Abstracts International 42 (August 1981): 586-A.

Han, Tae-Sik. "The Effects on Achievement and Attitude of a Standard Geometry Textbook and a Textbook Consistent with the Van Hiele Theory." Dissertation Abstracts International 47 (April 1987): 3690-A.

Senk, Sharon L. "How Well Do Students Write Geometry Proofs?." The Mathematics Teacher 78 (1985): 448-456.

\_\_\_\_\_. "Proof Writing Achievement and Van Hiele Levels among Secondary School Geometry Students." Dissertation Abstracts International 44 (August 1983): 417-A.

\_\_\_\_\_. "Van Hiele Levels and Achievement in Writing Geometry Proof." Journal for Research in Mathematics Education 20 (May 1989): 309-321.

Thompson, Madeleine Gardner. "An Investigation of the Relationships between the Four Typological Dimensions of the Myers-Briggs Type Indicator and Achievement in Selected Geometric Proof Tests at the High School Level." Dissertation Abstracts International 49 (September 1988): 453-A.

William, E. "An Investigation of Senior High School Students' Understanding of the Nature of Mathematical Proof." Journal for Research in Mathematics Education 11 (1980): 165-166.

ภาคผนวก

ลุนสวิทยาทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาคผนวก ก

รายนามผู้ทรงคุณวุฒิ

ศูนย์วิทยบริพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



รายงานผู้ทรงคุณวุฒิอาจารย์ตรวจสอบ แบบทดสอบวัดความสามารถในการพิสูจน์  
โดย เรขาคณิต

1. ศาสตราจารย์ ดร. สุชาติ รัตนกุล

ภาควิชาคณิตศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์

มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ ประสานมิตร

2. รองศาสตราจารย์ ดร. พันธิพา อุทัยสุข

ภาควิชาสารัชествศึกษา คณะครุศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

3. รองศาสตราจารย์ พร้อมพรหม อุ่นลิน

ภาควิชาแม่รยมศึกษา คณะครุศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

4. ดร. อันนัต จันทร์กิริ

สาขาวิชัยและประมีนผล สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี  
กระทรวงศึกษาธิการ

5. ดร. สิริพร ทิพย์คง

ภาควิชาการศึกษา คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์

ภาคผนวก ข

หนังสือขอความร่วมมือในการวิจัย

ศูนย์วิทยาทรัพยากร  
อุทยานฯ กรมมหาวิทยาลัย

ที่ ทม ๐๓๐๙/๑๑๖๕



บังกิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ถนนพญาไท กรุงเทพฯ ๑๐๓๓๐

พฤษจิกายน ๒๕๓๒

เรื่อง ขอความร่วมมือในการวิจัย

เรียน

เนื่องด้วย น.ส. เยาวราช สิงหนันห์ นิสิตชั้นปริญญาสามภาคบัญชี ภาควิชาแม่รยม  
ศึกษา กำลังดำเนินการวิจัยเพื่อเสนอเป็นวิทยานิพนธ์เรื่อง "การเบรียบเทียนความ  
สามารถในการพิสูจน์เรขาคณิตระหว่างนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ในโรงเรียนรัฐบาล  
และโรงเรียนเอกชน เชิงการศึกษา ๖" โดยมี ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. สุวัฒนา อุทัยรัตน์  
เป็นอาจารย์ที่ปรึกษา ในการนี้นิสิตขอเรียนเชิญท่านเป็นผู้ทรงคุณวุฒิตรวจแบบทดสอบที่นิสิต  
สร้างขึ้น

จึงเรียนมาเพื่อขอความอนุเคราะห์จากท่านได้โปรดพิจารณาตรวจแบบทดสอบที่  
นิสิตสร้างขึ้นดังกล่าว เพื่อบร้อยชันทางวิชาการ และขอขอบคุณเป็นอย่างสูงมา ณ โอกาส  
นี้ด้วย

ขอแสดงความนับถือ

(ศาสตราจารย์ ดร. ดาวร วชราภัย)

คณบดีบังกิตวิทยาลัย

แผนกมาตรฐานการศึกษา

โทร. ๒๑๕๐๘๙๕-๙ ต่อ ๓๕๓๐



บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย  
ถนนพญาไท กรุงเทพฯ 10330

| พฤศจิกายน 2532

เรื่อง ขอความร่วมมือในการวิจัย

เรียน ศึกษาธิการเขต เขตการศึกษา ๖

สั่งที่สั่งมาด้วย ๑. โครงสร้างวิทยานิพนธ์

2. แบบทดสอบ

3. รายชื่อโรงเรียน

เนื่องด้วย น.ส.เยาวารេส สิงหนันท์ นิสิตชั้นปริญญาโทสาขาวิชามหิดล ภาควิชาแม่รยน  
ศึกษา กำลังดำเนินการวิจัยเพื่อเสนอเป็นวิทยานิพนธ์เรื่อง "การเปรียบเทียบความสามารถ  
ในการพัฒนาเครื่องมือทางวิชาการที่ใช้ในการสอนวิชาภาษาไทย ๓ ชั้นในโรงเรียนรัฐบาล และ<sup>๔</sup>  
โรงเรียนเอกชน เขตการศึกษา ๖" โดยมี ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.สุวัณนา อุทัยรัตน์  
เป็นอาจารย์ที่ปรึกษา ในการนี้นิสิตฯ เป็นต้องเก็บรวบรวมข้อมูลต่าง ๆ ที่เกี่ยวข้องโดย  
การนำแบบทดสอบมาทดสอบกับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ของโรงเรียนมัธยมศึกษาใน  
สังกัดของกรมสามัญศึกษา ในเขตการศึกษา ๖

จึงเรียนมาเพื่อขอความอนุเคราะห์จากท่านได้โปรดพิจารณาอนุญาตให้ น.ส.  
เยาวารេส สิงหนันท์ ได้เก็บรวบรวมข้อมูลดังกล่าว เพื่อประโยชน์ทางวิชาการ และขอขอบ  
คุณเป็นอย่างสูงมา ๒ โอกาสเดียว

ขอแสดงความนับถือ

(ศาสตราจารย์ ดร.ดารารัตน์ วัชราภัย)

คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย



ที่ ทม ๐๓๐๙/๙๙๗๓

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย  
ถนนพญาไท กรุงเทพฯ ๑๐๓๓๐

พฤศจิกายน ๒๕๓๒

เรื่อง ข้อความร่วมมือในการวิจัย

เรียน เลขาธิการ คณบดีกรรมการการศึกษาเอกชน

สิ่งที่ส่งมาด้วย ๑. แบบทดสอบ

2. รายชื่อโรงเรียน

เนื่องด้วย น.ส. เยาวราช สิงหนันห์ นิสิตชั้นปริญญาตรี ภาควิชาแมธยมศึกษา กำลังดำเนินการวิจัยเชื่อเสนอเป็นวิทยานิพนธ์เรื่อง "การเปรียบเทียบความสามารถในการพัฒนาเรขาคณิตระหว่างนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ โรงเรียนรัฐบาล และโรงเรียนเอกชน เขตกรุงเทพฯ ๖" โดยมี ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. สุวัฒนา อุทัยรัตน์ เป็นอาจารย์ที่ปรึกษา ในการนี้นิสิตฯ เป็นต้องเก็บรวบรวมข้อมูลค้าง ๗ ที่เกี่ยวข้องโดยการนำแบบทดสอบมาทดสอบกับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ของโรงเรียนมัธยมศึกษาฯ สังกัดของสำนักงานคณบดีกรรมการการศึกษาเอกชน ๑ เขตกรุงเทพฯ ๖

จึงเรียนมาเพื่อขอความอนุเคราะห์จากท่านได้โปรดพิจารณาอนุญาตให้ น.ส. เยาวราช สิงหนันห์ ได้เก็บรวบรวมข้อมูลดังกล่าว เพื่อประโยชน์ทางวิชาการ และขอขอบคุณเป็นอย่างสูงมา ๔ โอกาสเดียว

ขอแสดงความนับถือ

(ศาสตราจารย์ ดร. ถาวร วัชราภัย)

คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย

แผนกมาตรฐานการศึกษา

โทร. ๒๑๕๐๘๙๕-๙ ต่อ ๓๕๓๐



ที่ ศธ ๑๘๐๗๐๖/๑๘๘๙

สำนักงานศึกษาธิการเขต เขตการศึกษา ๒  
บริเวณกรุงเทพมหานคร จ.ลพบุรี ๗๕๐๐๐

๑๔ ตั้งวัดดอน ๒๖๓๒

เรื่อง ขอทราบเรื่องมูลนิธิกาชวิจัย

เรียน

คิงฟาร์ม้าดูด แม่บทส่อง

จำนวน ๖๖๓

เนื่องด้วย น.ส.เยาวารศ ลิงหนันท์ นิติบัญญัติกฎหมายนักศึกษา ภาควิชาพัฒนาศึกษา กำลังศึกษาในเกรดวิชาชีพ เป็นวิชาเอกเรื่อง "การเบร์ซิบเพื่อความสุขของมนุษย์" เรื่อง "การเบร์ซิบเพื่อความสุขของมนุษย์ในกรุงศรีอยุธยา" ประกอบกิจกรรมทางนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๒ ในปีงบประมาณ พ.ศ.๒๕๖๓ และปีงบประมาณ พ.ศ.๒๕๖๔ เขตการศึกษา ๒" ในกรณีนี้จึงเป็นต้องเก็บรวมของบุคลากร ๑ ที่ปรึกษา ๑ อาจารย์โดยการนำแม่บทส่องมาทดสอบกับนักเรียน ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ของโรงเรียนเพื่อพิจารณา ในสังกัดกรมส่งเสริมศึกษาฯ เขตการศึกษา ๒

จึงเรียนมาเพื่อยอถวายด้วยความเคารพเจ้าหน้าที่ให้โปรดพิจารณาอย่างดุยเดช น.ส.เยาวารศ ลิงหนันท์ ได้เก็บรวมของบุคลากร ๑ ที่ปรึกษา ๑ อาจารย์และนักวิชาการ และข้อมูลดังนี้ ด้วยความสุ่มเสี่ยง ณ โอกาสดังนี้

ขอแสดงความนับถือ

(นายศิริบุรพ์ ภูมิธรรม)

ผู้อำนวยการเขต รักษาการแทน

ศึกษาธิการเขต เขตการศึกษา ๒

นางรินดาท้วน

โทร.ลพบุรี ๐๗๖-๔๔๗๗๗๗



ที่ ศธ 1007/024

สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาเอกชน  
กระทรวงศึกษาธิการ กม. 1030

๑๐ ธันวาคม ๒๕๓๒

เรื่อง ขอความร่วมมือในการวิจัย

เรียน ผู้รับใบอนุญาต ครูใหญ่โรงเรียน

ด้วย นางสาวเยาวเรศ สิงหนันห์ นิสิตชั้นมัธยุปถัมภ์ ภาควิชาแม่ดยมศึกษา บัณฑิตวิทยาลัย  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย กำลังดำเนินการวิจัยเพื่อเสนอเป็นวิทยานิพนธ์ เรื่อง "การเปรียบเทียบความสามารถ  
ในการพิสูจน์เรขาคณิตรระหว่างนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ในโรงเรียนรัฐบาล และโรงเรียนเอกชน  
เช่นการศึกษา ๖" มีความประสงค์จะขอเก็บข้อมูล โดยใช้แบบทดสอบกับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓  
ของโรงเรียนนี้

จึงเรียนมาเพื่อขอความอนุเคราะห์จากท่านได้โปรดอนุญาตให้นิสิตเก็บข้อมูล ทั้งนี้เพื่อประโยชน์  
ทางวิชาการ และขอขอบคุณเป็นอย่างสูงมา ณ โอกาสนี้ด้วย

ขอแสดงความนับถือ

(นายเข็น แก้วยศ)

ผู้อำนวยการกองนโยบายและแผน

กองนโยบายและแผน

โทร. ๒๘๒๘๖๕๔

ภาคผนวก ค

เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย

คุณยิ่งใหญ่ทรงเป็นกร  
ดุพ่าลงกรณ์มหาวิทยาลัย

แบบทดสอบวัดความสามารถในการพิสูจน์โจทย์เรขาคณิต

ระดับมัธยมศึกษาปีที่ ๓

คำชี้แจง

1. แบบทดสอบวัดความสามารถในการพิสูจน์โจทย์เรขาคณิตประกอบด้วยข้อสอบแบบอัตนัย จำนวน ๘ ข้อ คะแนนเต็ม ข้อละ ๔ คะแนน
2. ให้นักเรียนคิดและเขียนลงในแบบทดสอบได้

คำสั่ง

- ให้นักเรียน เติมข้อความที่ถูกต้องและสม เทคุณสมบัติของหลักการพิสูจน์ ลงใน  
ช่องว่างที่เว้นไว้ให้ในแบบทดสอบ

ชื่อ..... นามสกุล.....

ระดับชั้น .....

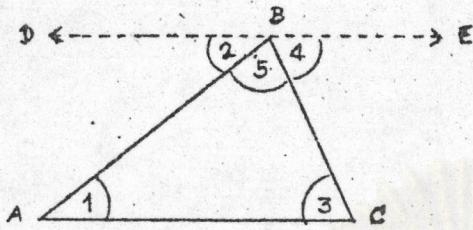
โรงเรียน .....

จังหวัด .....

คุณภาพการสอนภาษาไทย

คุณภาพการสอนภาษาไทย

1. ผลรวมของขนาดของมุมภายในของรูปสามเหลี่ยมใด ๆ เท่ากับ 180 องศา



สิ่งที่กำหนดให้ .....

สิ่งที่ต้องพิสูจน์ .....

พิสูจน์ ลาก DE ผ่านจุด B และขานานกับ

AC

ข้อความ

เหตุผล

1.  $AC // DE$

1. .....

2. .....

2. จากข้อ 1 มุมแย้งที่เกิดจากเส้นตัดเลี้น

ขานาน มีขนาดเท่ากัน

3.  $\hat{1} + \hat{3} = \hat{2} + \hat{4}$

3. .....

4.  $\hat{1} + \hat{3} + \hat{5} = \hat{2} + \hat{4} + \hat{5}$

4. .....

5.  $\hat{2} + \hat{4} + \hat{5} = \hat{DBE}$

5. .....

6.  $\hat{1} + \hat{3} + \hat{5} = \hat{DBE}$

6. .....

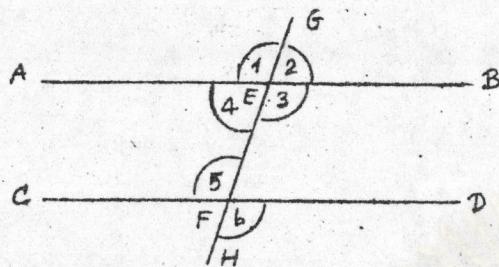
7. .....

7.  $\hat{DBE}$  เป็นมุมตรง

8.  $\hat{1} + \hat{3} + \hat{5} = 180^\circ$

8. .....

2. กำหนดให้  $AB \parallel CD$ ;  $GH$  ตัด  $AB$  และ  $CD$  ที่จุด  $E$  และ  $F$  ตามลำดับ จงพิสูจน์ว่า



$$(1) \hat{1} = \hat{6}$$

$$(2) \hat{2} + \hat{5} = 180^\circ$$

สิ่งที่กำหนดให้.....

สิ่งที่ต้องพิสูจน์.....

### ข้อความ

### เหตุผล

1.  $\hat{1} = \hat{3}$

1. .....

2.  $\hat{3} = \hat{5}$

2. .....

3. .....

3. จากข้อ 1, ข้อ 2 และคุณสมบัติการ

4.  $\hat{5} = \hat{6}$

4. .....

5.  $\hat{1} = \hat{6}$

5. .....

6.  $\hat{2} + \hat{3} = 180^\circ$

6. .....

7. .....

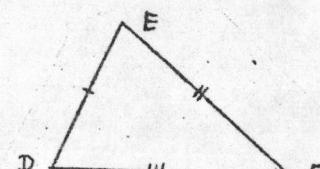
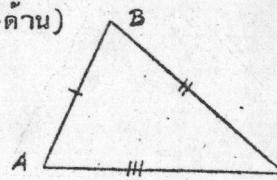
7. จากข้อ 2 และคุณสมบัติการแทนที่

### ถ่ายทอด

วิชาชีวะ ชั้นมัธยมศึกษาตอนปลาย

3. ถ้ารูปสามเหลี่ยมสองรูปมีด้านเท่ากันสามคู่แล้ว รูปสามเหลี่ยมสองรูปนั้น เท่ากันทุกประการ

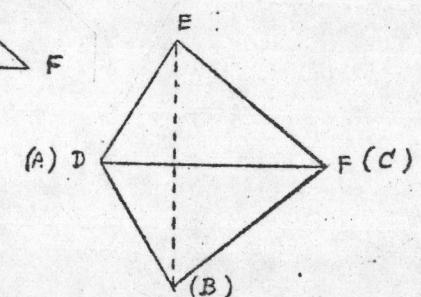
(ด้าน-ด้าน-ด้าน)



สิ่งกำหนดให้ .....

สิ่งที่ต้องพิสูจน์ .....

สร้างเพื่อการพิสูจน์ ลาก BE



ข้อความ

เหตุผล

1.  $AB = DE; BC = EF$  และ  $AC = DF$

1. .....

2. เกลือนสามเหลี่ยม  $ABC$  ให้  $AC$

2. รูปเรขาคณิต เกลือนนี้ได้และ

ทับ  $DF$  โดยจุด  $A$  ทับจุด  $D$  จุด  $C$

$AC = DF$

ทับจุด  $F$  และจุด  $B$  อยู่ตรงข้ามกับจุด

F

3. ลาก  $BE$

3. .....

4.  $\hat{D}EB = \hat{D}BE$  และ  $\hat{F}EB = \hat{F}BE$

4. .....

5.  $\hat{D}EB + \hat{F}EB = \hat{D}BE + \hat{F}BE$

5. .....

6.  $\hat{D}EF = \hat{D}BF$

6. .....

7.  $\hat{D}BF = \hat{A}BC$

7. จากข้อ 2 จุด  $A$  ทับจุด  $D$  จุด  $C$

ทับจุด F

8. .....

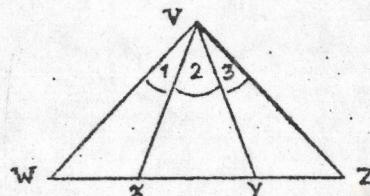
8. จากข้อ 6, ข้อ 7 และคุณสมบัติ

ถ่ายทอด

9. .....

9. จากข้อ 1 และข้อ 8 (ด้าน-มุม-ด้าน)

4. จากรูปกำหนดให้  $VW = VZ$ ,  $\hat{1} = \hat{3}$  จงพิสูจน์ว่าสามเหลี่ยม  $VXY$  เป็นรูปสามเหลี่ยม  
หน้าจี้ว



สิ่งกำหนดให้ .....

สิ่งที่ต้องพิสูจน์ .....

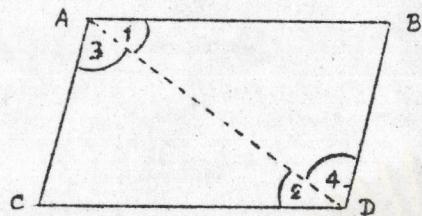
ข้อความ

เหตุผล

- |  |  |
|--|--|
| 1. $VW = VZ$                           | 1. .....   |
| 2. .....                               | 2. ในสามเหลี่ยมใด ๆ มุมที่อยู่ตรงข้าม<br>ด้านยาวเท่ากันย่อมมีขนาดเท่ากัน |
| 3. $\hat{1} = \hat{3}$                 | 3. .....   |
| 4. $\triangle VWX \cong \triangle VZY$ | 4. .....   |
| 5. .....                               | 5. จากข้อ 4 และคุณสมบัติของความ<br>เท่ากันทุกประการของรูปสามเหลี่ยม      |
| 6. $VXY$ เป็นรูปสามเหลี่ยมหน้าจี้ว     | 6. .....   |

คุณชีวิตยศพยากร  
อุปกรณ์คอมพิวเตอร์

5. จงพิสูจน์ว่า ส่วนของเส้นตรงที่ปิดหัวท้ายของส่วนของเส้นตรงที่นานกันและยาวเท่ากัน  
จะนานกันและยาวเท่ากันด้วย



ลังที่กำหนดให้ .....

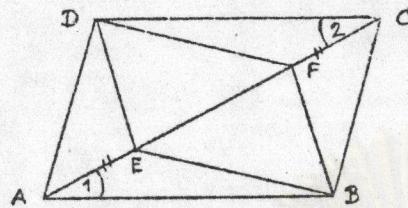
ลังที่ต้องพิสูจน์ .....

พิสูจน์ ลาก AD

ข้อความ	เหตุผล
1. $AB = CD$	1. .....
2. $\hat{1} = \hat{2}$	2. .....
3. .....	3. ด้านร่วม
4. .....	4. ด้าน-มุม-ด้าน
5. $AC = BD$ และ $\hat{3} = \hat{4}$	5. .....
6. .....	6. .....

คุณยิ่วทัยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

๖. จากรูปที่กำหนดให้  $ABCD$  เป็นรูปสี่เหลี่ยมด้านเท่า  $AE = CF$  จงพิสูจน์ว่า สี่เหลี่ยม  $DEBF$  เป็นสี่เหลี่ยมด้านเท่า



สิ่งที่กำหนดให้ .....

สิ่งที่ต้องพิสูจน์ .....

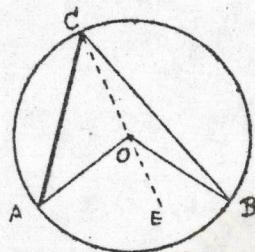
ข้อความ

เหตุผล

- |   |   |
|---|---|
| 1. $AE = CF$  | 1. .....  |
| 2. $\hat{1} = \hat{2}$                                    | 2. .....  |
| 3. $AB = CD$  | 3. .....  |
| 4. .....  | 4. .....  |
| 5. $BE = DF$  | 5. จากข้อ 4 และคุณสมบัติของความ<br>เท่ากันทุกประการของรูปสามเหลี่ยม |
| 6. $\triangle ADE \cong \triangle BCF$                    | 6. พิสูจน์หานอง เดียวกับการพิสูจน์ข้อ 4                             |
| 7. .....  | 7. จากข้อ 6 และคุณสมบัติของความเท่า<br>กันทุกประการของรูปสามเหลี่ยม |
| 8. นั่นคือ <input type="checkbox"/> $DEBF$ เป็นสี่เหลี่ยม | 8. .....  |

ด้านเท่า

7. ถ้ามุมที่จุดศูนย์กลางของวงกลม และมุมในส่วนโถงของวงกลมรองรับด้วยส่วนโถงเดียวกัน แล้วมุมที่จุดศูนย์กลางของวงกลมมีขนาด เป็นสอง เท่าของมุมในส่วนโถงของวงกลม



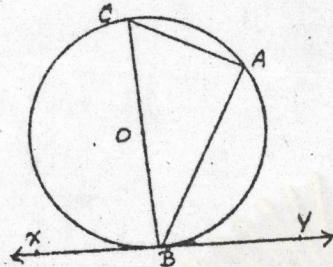
สิ่งที่กำหนดให้ .....

สิ่งที่ต้องพิสูจน์ .....

พิสูจน์ ลาก  $CE \perp AB$

ข้อความ	เหตุผล
1. $AO = CO$	1. .....
2. $\hat{CAO} = \hat{ACO}$	2. .....
3. $\hat{EOA} = \hat{CAO} + \hat{ACO}$	3. .....
4. .....	4. จากข้อ 2 และข้อ 3 แทน $\hat{CAO}$ ด้วย $\hat{ACO}$
5. $\hat{EOB} = 2(\hat{BCO})$	5. พิสูจน์ในทำนองเดียวกับการพิสูจน์ ข้อ 4
6. $\hat{EOA} + \hat{EOB} = 2(\hat{ACO}) + 2(\hat{BCO})$	6. .....
7. $\hat{EOA} + \hat{EOB} = 2(\hat{ACO} + \hat{BCO})$	7. .....
8. นั่นคือ .....	8. จากข้อ 7 มุมย่อยรวมกัน เป็นบูน ใหญ่

8. จากรูปกำหนดให้  $AB$  เป็นคอร์ดของวงกลม  $XY$  ลัมผัสวงกลมที่จุด  $B$ ;  $BC$  เป็นเส้นผ่าศูนย์กลางของวงกลม จงพิสูจน์ว่า  $\hat{ABY} = \hat{ACB}$



สิ่งที่กำหนดให้ .....

สิ่งที่ค้องพิสูจน์ .....

ข้อความ

เหตุผล

- |                                       |   |
|---------------------------------------|---|
| 1. $\hat{ABY} + \hat{ABC} = 90^\circ$ | 1. .....                                      |
| 2. $\hat{BAC} = 90^\circ$             | 2. .....                                      |
| 3. $\hat{ACB} + \hat{ABC} = 90^\circ$ | 3. .....                                      |
| 4. .....                              | 4. จากข้อ 1, ข้อ 3 และคุณสมบัติ<br>การเท่ากัน |
| 5. .....                              | 5. .....                                      |

คูณร่วมทรัพยากร  
มูลค่าคงมหารัฐบาล

ภาคผนวก ง

รายละเอียด เกี่ยวกับคุณภาพของเมบพทสอบ

ศูนย์วิทยบริการ  
อุดมสังกรณ์มหาวิทยาลัย

ตารางที่ 7 แสดงค่าความยาวก้าง (p) และค่าอ่านจากแมก (r) ของแบบทดสอบ  
วัดความสามารถในการพิสูจน์ใจที่ เรขาคณิต จำนวน 16 ข้อ

ข้อที่	p	r
1	0.23	0.26
2	0.21	0.29
3	0.54	0.21
4	0.58	0.45
5	0.345	0.21
6	0.45	0.32
7	0.52	0.57
8	0.45	0.36
9	0.375	0.25
10	0.40	0.375
11	0.20	0.40
12	0.50	0.33
13	0.45	0.38
14	0.29	0.50
15	0.28	0.375
16	0.36	0.43

ตารางที่ 8 แสดงค่าความยากง่าย (p) และค่าอำนาจจำแนก (r) ของแบบทดสอบวัดความสามารถในการพิสูจน์โจทย์เรขาคณิต จำนวน 8 ข้อ

ข้อที่	p	r
1	0.21	0.29
2	0.58	0.45
3	0.45	0.32
4	0.52	0.57
5	0.40	0.375
6	0.20	0.40
7	0.29	0.50
8	0.36	0.43

ศูนย์วิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาคผนวก จ

ตัวอย่างการคำนวณ

คูณชี้วิทยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

1. การคำนวณค่าความเที่ยงของแบบทดสอบวัดความสามารถในการพิสูจน์โจทย์ เรขาคณิต  
โดยใช้สูตร Coefficient alpha ( $\alpha$ )

$$\text{จากสูตร} \quad \alpha = \frac{n}{n-1} \left[ 1 - \frac{\sum s_i^2}{s_t^2} \right]$$

$$n = 16$$

$$\sum s_i^2 = 13.401$$

$$s_t^2 = 60.63$$

$$\text{แทนค่า} \quad \alpha = \frac{16}{15} \left[ 1 - \frac{13.401}{60.63} \right]$$

$$= 1.067 (1-0.221)$$

$$= 0.8311$$

ดังนั้นค่าความเที่ยงของแบบทดสอบวัดความสามารถในการพิสูจน์โจทย์ เรขาคณิต  
เท่ากับ 0.83

2. การคำนวณค่าความยากง่ายและค่าอำนาจจำแนกของแบบทดสอบวัดความสามารถในการ  
พิสูจน์โจทย์ เรขาคณิต ของข้อสอบข้อที่ 1

$$\text{จากสูตร Index of Difficulty} = \frac{s_H + s_L - (n_T)(x_{\min})}{n_T(x_{\max} - x_{\min})}$$

$$\text{Index of Discrimination} = \frac{s_H - s_L}{n_H(x_{\max} - x_{\min})}$$

$$S_H = 15$$

$$S_L = 4$$

$$X_{\max} = 3$$

$$X_{\min} = 0$$

$$n_T = 28$$

$$n_H = 14$$

$$\text{แทนค่า } \text{Index of Difficulty} = \frac{15+4-28(0)}{28(3-0)}$$

$$= \frac{19}{84}$$

$$= 0.226$$

ตั้งนั้นค่าความยากง่ายของข้อสอบข้อที่ 1 เท่ากับ 0.23

$$\text{แทนค่า } \text{Index of Discrimination} = \frac{15-4}{14(3-0)}$$

$$= \frac{11}{42}$$

$$= 0.262$$

ตั้งนั้นค่าอ่านใจจำแนกของข้อสอบข้อที่ 1 เท่ากับ 0.26

3. การเปรียบเทียบค่าความแตกต่างระหว่างมัชพิม เลขคณิต ใช้สูตรทดสอบค่าที (*t-test*)

ก. ตั้งสมมุติฐาน  $H_0 : M_1 = M_2$

ข. แจกสูตร

$$t = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{(n_1-1)s_1^2 + (n_2-1)s_2^2}{n_1+n_2 - 2} \left( \frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}}$$

$$\bar{x}_1 = 14.81$$

$$\bar{x}_2 = 9.64$$

$$s_1 = 6.66$$

$$s_2 = 5.02$$

$$n_1 = 273$$

$$n_2 = 251$$

$$\begin{aligned} \text{แทนค่า } t &= \sqrt{\frac{14.81 - 9.64}{\frac{272(6.66)^2 + 250(5.02)^2}{273 + 251 - 2} \left(\frac{1}{273} + \frac{1}{251}\right)}} \\ &= \frac{5.17}{0.269} \\ &= 19.216 \end{aligned}$$

ที่ระดับความมั่นใจสำคัญทางสถิติ 0.01 df = 85 ค่า t ในตาราง เป็น 2.58  
 แต่ค่า t ที่คำนวณได้คือ 19.22 มีค่ามากกว่า 2.58 ดังนั้นค่ามัชชิน เลขคณิตของค่าแฝงความ  
 สามารถในการพิสูจน์โจทย์ เรขาคณิต ระหว่างนักเรียนในโรงเรียนรัฐบาลและโรงเรียนเอกชน  
 แตกต่างกัน



109

ประวัติผู้เขียน

นางสาวเยาวเรศ สิงหนันท์ เกิดวันที่ 13 มกราคม 2499 ที่อำเภอเมือง จังหวัด  
ลพบุรี สำเร็จการศึกษาปริญญาการศึกษานักพัฒนา จากมหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ พิษณุโลก  
เมื่อปีการศึกษา 2519 เข้าศึกษาต่อระดับปริญญามหาบัณฑิต สาขาวิชาการศึกษาคณิตศาสตร์ ภาควิชา  
มัธยมศึกษา บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ในปีการศึกษา 2531 มีจุบันรับราชการใน  
ตำแหน่งอาจารย์ 1 ระดับ 5 วิทยาลัยเทคนิคลพบุรี จังหวัดลพบุรี

ศูนย์วิทยบริการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย