



## บทที่ 1

### บทนำ

#### ความเป็นมาและความสำคัญของมัญหา

บัจจุบันวิทยาการหลายอย่างได้เจริญก้าวหน้าไปอย่างมาก ทั้งด้านวิทยาศาสตร์ เทคโนโลยีและสังคมวิทยา ความเจริญเหล่านี้ได้เข้ามามีบทบาท เกี่ยวกับชีวิตประจำวันของมนุษย์ มากขึ้น เช่น วิทยาการด้านคอมพิวเตอร์ และสิ่งอันน่วยความสะดวกต่าง ๆ ซึ่งความก้าวหน้าของวิทยาการเหล่านี้เป็นผลมาจากการมั่นสมอง และความคิดของมนุษย์ วิชาที่ช่วยพัฒนามั่นสมองและความคิดของมนุษย์ให้เป็นผู้ที่รู้จักคิดค้นสืบใหม่ ๆ รู้จักวิเคราะห์มัญหารอย่างมีระบบ ระเบียบแบบแผน มีเหตุผล คือ คณิตศาสตร์ เหร่าธรรมชาติของวิชาคณิตศาสตร์ เป็นวิชาที่เกี่ยวข้องกับความคิด มีโครงสร้าง กกฎ หลัก เกณฑ์ที่แสดงความเป็นเหตุเป็นผลต่อ กัน ดังเช่น ยุพิน พิพิธกุล (2530 : 2) กล่าวว่า "คณิตศาสตร์เป็นวิชาที่เกี่ยวกับความคิด เราใช้คณิตศาสตร์พิสูจน์อย่างมีเหตุผลว่า สิ่งที่เราคิดขึ้นนั้น เป็นจริงหรือไม่ ด้วยวิธีคิด เรายังสามารถนำคณิตศาสตร์ไปแก้ไขปัญหาในทางวิทยาศาสตร์ได้ คณิตศาสตร์ช่วยให้คน เป็นผู้ที่มีเหตุผล เป็นคนไฟรุ่ง ตลอดจนพยายามคิดค้นสืบที่ แปลกและใหม่ คณิตศาสตร์จึง เป็นรากฐานแห่งความเจริญของเทคโนโลยีด้านต่าง ๆ" คำกล่าววนี้ สอดคล้องกับ เจ ดี วิลเลียมส์ (J.D.Williams 1967 : 5) ซึ่งกล่าวว่า "การศึกษาวิชาคณิตศาสตร์ นอกจากระบบที่มีบทบาทสำคัญในด้านที่จะช่วยพัฒนาความคิดของผู้เรียนให้เป็นคนคิดอย่างมีเหตุผล คณิตศาสตร์ยังมีบทบาทสำคัญต่อโลกปัจจุบันในวิทยาการทุกแขนง ทั้งทางด้านเทคโนโลยี เศรษฐกิจ สังคม ตลอดจน เป็นพื้นฐานสำหรับการค้นคว้าและการวิจัยทุกประเภท" นอกจากนี้ใน ชีวิตประจำวันของมนุษย์ทุกคนจะต้อง เกี่ยวข้องกับคณิตศาสตร์อยู่ตลอดเวลา เช่น การซื้อของค้อด อาทิ ความรู้เรื่องจำนวน เดินทาง ใช้ความรู้เรื่องเวลา แม้แต่การพักผ่อนและการใช้เวลา ว่างบ้างอย่างก็ต้องอาศัยคณิตศาสตร์ (อุทุมพร ทองอุไทย 2511 : 1)

จากความ สำคัญดังกล่าว คณิตศาสตร์จึง เป็นวิชาที่มีการศึกษา กันมา ในอดีต นับตั้งแต่ ยังไม่มีการกำหนดหลักสูตร เป็นแบบแผนที่แน่นอน จนถึงปัจจุบัน ซึ่งมีการกำหนดหลักสูตรไว้อย่างมี แบบแผนขัด เชน ซึ่งระบุว่า คณิตศาสตร์ เป็นวิชาหนึ่งที่ต้องศึกษา เป็นวิชา มั่นคง และวิชาเดือก เนื้อหา

ในการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ ระดับมัธยมศึกษา แบ่งออกเป็น 3 หมวดใหญ่ ๆ คือ วิชาเลขคณิตพื้นฐาน เรขาคณิต และตรีโกณมิติ วิชาเรขาคณิต เป็นแขนงหนึ่งของคณิตศาสตร์ที่ก้าวเนินมาแต่โบราณ เป็นวิชาที่มีบทบาทในการประยุกต์ ทางด้านวิทยาศาสตร์ วิศวกรรม สถาปัตยกรรม และเทคโนโลยีมาเป็นเวลาหลายพันปี (สมพร เรืองโชติวิทย์ 2523 : คำนำ) นอกจากนี้ วิชาเรขาคณิตยังเป็นวิชาที่มีส่วนช่วยให้ผู้เรียนเป็นคนมีเหตุผล มีการทำงานเป็นลำดับขั้นตอน มีความคิดวิเคราะห์ รู้จักเก็บรวบรวมความรู้ความคิดมาแก้ปัญหาได้อย่างถูกต้อง ทฤษฎีบท และคุณสมบัติ ของเรขาคณิตสามารถนำไปใช้ได้เป็นประโยชน์ในชีวิตประจำวัน และเป็นพื้นฐานในการเรียนระดับสูง (กรมวิชาการ 2525 : 19)

ในการเรียนการสอนวิชาเรขาคณิตในระดับมัธยมศึกษาตอนต้น ตามหลักสูตรพุทธศักราช 2503 นั้นได้แยกเนื้อหาวิชาเรขาคณิต เป็นวิชาหนึ่งออกจากวิชาเลขคณิตพื้นฐาน โดยนักเรียนสายสามัญ และสายอาชีพจะเรียนวิชาเลขคณิต พื้นฐาน เมื่อตน ก คือ สัปดาห์ละ 3 ชั่วโมง แต่นักเรียนสายสามัญ จะเรียนวิชาเรขาคณิตระบบบุญคุณสิค เพิ่มอีกสัปดาห์ละ 2 ชั่วโมง จึงมีรายละเอียดของเนื้อหาวิชาเรขาคณิตมากขึ้น โดยเฉพาะบทสร้างของแต่ละเรื่องจะมีแทรกอยู่ในทุกระดับชั้น และการพิสูจน์จะเริ่มเรียนตั้งแต่ชั้นมัธยมศึกษาระดับ 1 ไปจนถึงชั้นมัธยมศึกษาระดับ 3 ส่วนหลักสูตรคณิตศาสตร์ในระดับมัธยมศึกษาตอนต้นพุทธศักราช 2521 นั้น รวมคณิตศาสตร์แขนงต่าง ๆ เป็นวิชาเดียว กันไม่แยก เป็นวิชาเลขคณิต พื้นฐาน เรขาคณิต ดังนั้น เนื้อหาวิชาเรขาคณิตจึงเป็นหัวข้อเรื่องหนึ่ง ๆ ในวิชาคณิตศาสตร์ที่จัดให้เรียนเป็นวิชาบังคับและวิชาเลือก โดยจัดเป็นวิชาบังคับในระดับชั้นมัธยมศึกษาระดับ 1 และชั้นมัธยมศึกษาระดับ 2 ใช้เวลาเรียนสัปดาห์ละ 4 คาบ และจัดให้เป็นวิชาเลือกในระดับชั้นมัธยมศึกษาระดับ 3 ใช้เวลาเรียนสัปดาห์ละ 6 คาบ และสัปดาห์ละ 4 คาบ เนื้อหาระดับชั้นมัธยมศึกษาระดับ 1 และชั้นมัธยมศึกษาระดับ 2 ใช้เวลาเรียนสัปดาห์ละ 4 คาบ และจัดให้เป็นวิชาเลือกในระดับชั้นมัธยมศึกษาระดับ 3 ใช้เวลาเรียนสัปดาห์ละ 6 คาบ และสัปดาห์ละ 4 คาบ การท่องเที่ยวนักเรียนที่ต้องการเรียนวิชาเรขาคณิตมาก สามารถเลือกเรียนในชั้นมัธยมศึกษาระดับ 3 ซึ่งเป็นวิชาเลือก เล็กน้อย สำหรับการพิสูจน์และสังเคราะห์จะนำไปเรียนในชั้นมัธยมศึกษาระดับ 3 ซึ่งเป็นวิชาเลือก

จากการศึกษารายละเอียดของเนื้อหาวิชาเรขาคณิตทั้งสองหลักสูตร คือ หลักสูตรพุทธศักราช 2503 และหลักสูตรพุทธศักราช 2521 จะเห็นได้ว่า หลักสูตรพุทธศักราช 2503 ได้เน้นความสำคัญของวิชาเรขาคณิตมาก ซึ่งเรียนเป็นวิชาบังคับวิชาหนึ่งของผู้เรียนสายสามัญ รายละเอียดของเนื้อหาวิชาที่เรียนจึงมีมาก สำหรับการพิสูจน์ผู้เรียนจะเริ่มเรียนในลักษณะเน้นหนักในการพิสูจน์

อย่างมีแบบแผน (Formal proof) ตั้งแต่ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 แต่สำหรับการเรียนเรขาคณิต ในสังคมที่เป็นการพิสูจน์สำหรับผู้เรียนในระดับนี้มีปัญหามาก เมื่อจากผู้เรียนยังไม่มีความพร้อมในการใช้เหตุผลอย่างเพียงพอ จึงไม่สามารถนำมายาม สужจนและทฤษฎีบท มาใช้ในการพิสูจน์ได้อย่างถูกต้อง (กรมวิชาการ 2525 : 19) นอกจากนี้จากการวิจัยของ พายัพ บุปผาคำ (2504 : 46) เรื่องทัศนคติของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 ที่มีต่อวิชาเรขาคณิตสรุปได้ว่า "นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 ส่วนมากมีความเห็นว่า วิชาเรขาคณิตคือระดับปานกลาง นั้นง่าย แต่วิชาเรขาคณิตที่เรียนในชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 ค่อนข้างยากและเมื่อเรื่องไปน่าสนใจ"

จากปัญหาในการเรียนการสอนวิชาเรขาคณิตตามหลักสูตรก่อนหน้า 2503 เมื่อมีการเปลี่ยนแปลงหลักสูตรมัธยมศึกษาตอนต้น ในปี พุทธศักราช 2521 จึงได้มีการปรับปรุงเนื้อหาการเรียนการสอนวิชาเรขาคณิต โดยคำนึงถึงความเหมาะสมกับวัยและความสามารถของผู้เรียนในระดับนี้ ดังที่ กรมวิชาการ กระทรวงศึกษาธิการ (2525 : 19) ได้กล่าวว่า

...เนื้อหาในหนังสือเรียนหลักสูตรคณิตศาสตร์ พ.ศ. 2521 มีเฉพาะเรื่องที่จำเป็นมีประโยชน์และเหมาะสมแก่ระดับการเรียนรู้ของนักเรียน เช่น เรื่องการเท่ากันทุกประการของรูปสามเหลี่ยม เส้นฐานความคล้าย ทฤษฎีบท勾股定理 และเรื่องวงกลมบ้าง เล็กน้อยสำหรับแนวการเรียนการสอนเรขาคณิตของหลักสูตร พ.ศ. 2521 ในระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1 และ 2 ยังไม่เน้นถึงการพิสูจน์อย่างมีแบบแผน (Formal proof) แต่จะเป็นการเรียนในลักษณะของกิจกรรมหรือการทดลอง เพื่อให้เห็นข้อสรุป ซึ่งเป็นคุณสมบัติของรูปเรขาคณิต (ทฤษฎีบท) เพื่อให้เกิดความเข้าใจในข้อสรุปนั้น ๆ และสามารถนำข้อสรุปเหล่านั้นไปใช้ให้เป็นประโยชน์ต่อไปได้...

หลักสูตรคณิตศาสตร์ระดับมัธยมศึกษาตอนต้น พุทธศักราช 2521 ได้ลดความสำคัญของวิชาเรขาคณิตลงกว่าเดิมทั้งในด้านรายละเอียดของเนื้อหาวิชา ซึ่งบางเรื่องได้ตัดออกไป เมื่อเห็นว่าไม่จำเป็นและไม่มีประโยชน์ เช่น บทสร้าง ทฤษฎีบทว่าด้วยเส้นฐานหลายเส้น ฯลฯ และสิ่งที่เป็นหัวใจของการเรียนเรขาคณิตก็คือ การพิสูจน์ เพราะการพิสูจน์นั้นจะทำให้นักเรียนฝึกวินัยการใช้เหตุผล รู้จักวิเคราะห์แก้ไขปัญหาอย่างมีระบบ จึงทำให้น่าคิดว่าการเรียนการสอนเรขาคณิตตามหลักสูตร พุทธศักราช 2521 นี้ นักเรียนจะเขียนพิสูจน์ และการใช้เหตุผลมาอ้างอิงในการพิสูจน์ไม่เป็นหรือไม่ตีเท่าที่ควรนัก และจากการวิจัยของ สุจัน ไชยสังข์ (2530 : 1-2) เรื่องการสำรวจระดับความคิดและความสามารถในการพิสูจน์ในวิชาเรขาคณิตของนักเรียนไทย สรุปได้ว่า

...นักเรียนมากกว่า 50% ในแต่ละชั้นจาก ป.๖ ถึง ม.๓  
ยังมีระดับความคิดทางเรขาคณิตอยู่ที่ระดับ 1 ความสามารถด้านการ  
พิสูจน์ของนักเรียนชั้น ม.๓ อยู่ในเกณฑ์ต่ำ และผลของการวิเคราะห์  
ข้อพิจพลาดที่พบในขบวนการพิสูจน์ คือ

- ก. สุปชื่อความที่ไม่จำเป็นสำหรับการพิสูจน์
- ข. ไม่สามารถล่าวถึงทฤษฎีที่ได้เรียนไปแล้วในรูป<sup>“ถ้า...แล้ว...”</sup> ได้
- ค. ไม่ทราบว่าอะไรคือสิ่งที่กำหนดให้ อะไรคือสิ่งที่จะต้องพิสูจน์
- ง. นำข้อความที่ต้องการจะพิสูจน์เข้ามาใช้ในการพิสูจน์
- จ. พิสูจน์ค่อไปอีกทั้ง ๆ ที่ได้สรุปข้อความที่ต้องการพิสูจน์ไปแล้ว
- ฉ. สรุปโดยใช้การอ้างที่คิดขึ้นมาเอง หรืออ้างผิด
- ช. สรุปข้อความโดยอุจากรูป และสรุปข้ามขั้น
- ช. ยอมรับข้อความที่ได้มีการแสดงให้เห็นว่าเป็นจริงโดยการ  
ทดลอง เช่น การพับ การตัด ว่าเป็นจริงทั้ง ๆ ที่ยังไม่มี  
การพิสูจน์อย่างเป็นทางการ...

ผลการวิจัยนี้สอดคล้องกับค่าก่อจ่าวของ ก้าจัค มงคลกุล (2532 : 55) ซึ่งได้กล่าวว่า “การสอน  
ทางธุรกิจต้องใช้ความรู้ทางด้านสถิติ คอมพิวเตอร์ซอฟท์แวร์และเทคโนโลยี แม้เราจะมีวิศวกรที่  
เก่งแต่เราต้องต้องจ้างที่ปรึกษาจากต่างประเทศ เพราะเรายังขาดนักคณิตศาสตร์ที่จะมาวางแผน  
วิศวกรของเรามีพื้นฐานคณิตศาสตร์อ่อนโยนเฉพาะด้านเรขาคณิตซึ่งเป็นพื้นฐานในการวิเคราะห์”

หลักสูตรพุทธศักราช 2521 ได้ใช้อยู่นานจนในพุทธศักราช 2530 กระทรวงศึกษาธิการ  
ได้ประกาศยกเลิกโครงสร้าง และคำขออิม่ายรายวิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ตามหลักสูตร  
มัธยมศึกษาตอนต้น พุทธศักราช 2521 ซึ่งเป็นวิชาเลือกและให้ใช้โครงสร้างและคำขออิม่ายรายวิชา  
ที่ประกาศเปลี่ยนแปลงแทน ดังแต่ปีการศึกษา 2530 เป็นต้นไป โดยโครงสร้างวิชาเลือกคณิตศาสตร์  
ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 จัดแบ่งรายวิชาออกเป็น 2 สาย คือ รายวิชาที่ใช้เวลาเรียน 4 คาบต่อสัปดาห์  
และรายวิชาที่ใช้เวลาเรียน 2 คาบ ต่อสัปดาห์ โดยนักเรียนที่มีความสามารถและสนใจในการเรียน  
ต่อแผนการเรียน วิทยาศาสตร์ - คณิตศาสตร์ ควรจะเลือกเรียนรายวิชาที่ใช้เวลาเรียน 2 คาบ  
ต่อสัปดาห์ เพิ่มขึ้นจากรายวิชาที่ใช้เวลาเรียน 4 คาบต่อสัปดาห์ ซึ่งจะรวมเป็นเวลาเรียนทั้งสิ้น  
6 คาบต่อสัปดาห์ สำหรับรายวิชาที่ใช้เวลาเรียน 2 คาบต่อสัปดาห์นี้ จะมีรายวิชาที่เป็นเรขาคณิต  
เฉพาะหนึ่งรายวิชาคือ ค ๓๒๑ โดยมีรายละเอียดเนื้อหาเรขาคณิตเพิ่มขึ้น เช่น ทฤษฎีบทเกี่ยวกับ  
รูปสี่เหลี่ยมด้านขนาน ทฤษฎีบทเกี่ยวกับวงกลมและการเรียนการสอนได้เน้นฝึกการพิสูจน์  
อย่างมีแบบแผน เพิ่มขึ้นมากกว่าเดิม อย่างไรก็ตาม ไม่ว่าจะเป็นอดีตหรือปัจจุบัน นักเรียนก็มีปัญหา

ในการพิสูจน์เรขาคณิตมาโดยตลอด บัญหาที่พบอยู่เสมอ คือรู้ทฤษฎีแต่พิสูจน์ไม่ได้ ไม่สามารถออกได้ว่าอะไรคือ สิ่งที่กำหนดให้ อะไรมีสิ่งที่ต้องพิสูจน์ หากผลลัพธ์อ้างอิงไม่ถูกต้องประการที่สำคัญคือ ครุย์สอนมักจะสอนโดยวิธีสังเคราะห์มากกว่าสอนโดยวิธีเคราะห์ ซึ่งการสอนสังเคราะห์นั้น ครุย์มักจะให้นักเรียนติดตามไม่ใช่คิด เป็น การสอนให้นักเรียนคิด เป็นมีความสำคัญอย่างยิ่งในการจะบรรลุ วัตถุประสงค์การเรียนเรขาคณิต เพราะใน การพิสูจน์โจทย์แต่ละข้อผู้เรียนจะต้องคิดหาทางไปสู่สิ่งที่โจทย์ต้องการพิสูจน์ให้ได้ กล่าวโดยสรุปคือ ผู้เรียนจะเรียนเรขาคณิตให้ได้ดีนั้น จะต้องมีความเข้าใจ คิด เป็น รู้จักการใช้เหตุผลมาอ้างในการพิสูจน์อย่างสม เทศสมผล นั่นหมายถึง ผู้เรียนต้องมีความสามารถในการพิสูจน์

ความสามารถในการพิสูจน์ หมายถึง ความสามารถในการแสดงการพิสูจน์โจทย์บัญหาทางเรขาคณิต แบ่งเป็น 5 ขั้น คือ

- ขั้นที่ 1 เขียนเฉพาะสิ่งที่กำหนดให้ ไม่เขียนการพิสูจน์เลยหรือเขียนสิ่งที่ไม่เกี่ยวข้อง
- ขั้นที่ 2 พิสูจน์ได้อย่างสม เทศสมผลและถูกต้อง เพียงข้อเดียว
- ขั้นที่ 3 พิสูจน์โดยให้เหตุผลคือ เมื่อได้ครึ่งหนึ่งของ การพิสูจน์ทั้งหมด หรือเขียนข้อความพิสูจน์ถูก แต่ให้เหตุผลผิด ในขั้นใดขั้นหนึ่งของ การพิสูจน์
- ขั้นที่ 4 เขียนการพิสูจน์ถูกต้อง เกือบทั้งหมด แต่มีข้อบกพร่องในการใช้สัญลักษณ์ ลักษณะ หรือ ข้อความของทฤษฎีที่ใช้อ้าง
- ขั้นที่ 5 เขียนการพิสูจน์ถูกต้องทั้งหมด ยกเว้นข้อบกพร่องในการใช้สัญลักษณ์ เพียง 1 แห่ง

การจัดการศึกษาไทยนี้ นอกจากรัฐบาลจะเป็นผู้จัดการศึกษาให้กับประชาชนโดยมี โรงเรียนรัฐบาลเป็นผู้ดำเนินการแล้ว รัฐบาลยังได้เปิดโอกาสให้เอกชนได้เข้ามายับ南北ที่สำคัญ ต่อการจัดการศึกษาของชาติ ในการจัดการเรียนการสอนในโรงเรียนเอกชนนั้น ได้จัดให้มีการเรียนการสอนตามหลักสูตรของกระทรวงศึกษาธิการ ไม่ว่าจะเป็นด้านหลักสูตร การเรียนการสอน การประเมินผล สื่อการเรียน เครื่องมือและอุปกรณ์การเรียน และวิชาคณิตศาสตร์ เป็นวิชาหนึ่ง ที่โรงเรียนเอกชนได้จัดให้มีการเรียนการสอน เช่นเดียวกับโรงเรียนรัฐบาล แต่สภาพการเรียน การสอนโดยทั่ว ๆ ไป ของโรงเรียนเอกชนยังมีบัญหาหลายประการ เช่น ผู้บริหารที่มาดำรงตำแหน่งนักไม่ได้คนที่มีความรู้ความสามารถสามารถอย่างแท้จริง การจัดกิจกรรมการเรียนการสอนไม่สอดคล้องกับการเปลี่ยนแปลงหลักสูตร ขาดสื่อการเรียนและหนังสือตำราที่ใช้กันว่ามีประโยชน์การเรียน การสอน อันเนื่องมาจากค่าใช้จ่ายไม่สมดุล กับรายได้ที่โรงเรียนเอกชนได้รับ การพัฒนาครุย์สอน

ท่าได้ย่าง เนื่องจากมีการเข้าออกของครูอยู่ตลอดเวลา (รุ่ง แก้วแดง ม.ป.บ. : 1-3) จากสภาพปัญหาดังกล่าว ท่าให้ส่งผลไปยังการเรียนการสอนในวิชาต่าง ๆ รวมทั้งวิชาคณิตศาสตร์ด้วย แต่อย่างไรก็ตามทางคณะกรรมการศึกษาเอกชนก็มิได้ละเลยปัญหาเหล่านี้ ทางฝ่ายผู้บริหารได้พยายามแก้ไขปัญหา และเร่งพัฒนาปรับปรุงโรงเรียน เอกชนที่อยู่ในสังกัดให้มีคุณภาพสามารถผลิตนักเรียนที่มีความเป็นเลิศทางวิชาการ มีระเบียบวินัย และมีสุขภาพพานามัยที่ดี โดยได้กำหนดแนวทางการพัฒนาการศึกษาเอกชนไว้ โดยเฉพาะในปี พุทธศักราช 2533 - 2534 คือ เร่งพัฒนาคุณภาพส่งเสริมด้านวิชาการ เสริมสร้างคุณธรรม รวมพลังสามัคคี และเร่งรัดสวัสดิการ สำหรับในด้านการส่งเสริมด้านวิชาการ ได้วางแผนดำเนินการในด้านการพัฒนาบุคลากร การสนับสนุนสื่ออุปกรณ์ส่งเสริมการจัดกิจกรรม เสริมหลักสูตรให้นักเรียน การประเมินผลลัมฤทธิ์ทางการเรียนของนักเรียนโดยขอความร่วมมือกับกรมวิชาการ และส่งเสริมให้มีการประกวดโรงเรียนและนักเรียนดีเด่น เช่น มีความต้องการพัฒนาภาษาอังกฤษ เป็นต้น (สำนักงานคณะกรรมการศึกษาเอกชน 2533:12-15)

จากความพยายามในการพัฒนาคุณภาพการศึกษาในโรงเรียนเอกชน การจัดการเรียนการสอนวิชาเรขาคณิตในระดับมัธยมศึกษาที่ผ่านมา การปรับปรุงเนื้อหาและแนวการเรียนการสอนเรขาคณิตในการเปลี่ยนหลักสูตรมัธยมศึกษาตอนต้นแต่ละครั้ง ตลอดจนปัญหานี้ในการเรียนการสอนเรขาคณิตที่กล่าวมาแล้วข้างต้น จะเห็นว่า นักเรียนทั้งในโรงเรียนรัฐบาลและโรงเรียนเอกชนยังมีปัญหานี้ในการเรียนวิชาเรขาคณิต นักเรียนส่วนมากไม่สามารถพิสูจน์โจทย์เรขาคณิตได้ เห็นว่า การพิสูจน์เป็นเรื่องที่ยากและไม่ชอบ เรียน ด้วยเหตุนี้จึงเป็นแรงจูงใจให้ผู้วิจัยทำวิทยานิพนธ์ เรื่อง "การเปรียบเทียบความสามารถในการพิสูจน์โจทย์เรขาคณิตระหว่างนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ในโรงเรียนรัฐบาล และโรงเรียนเอกชน เอกการศึกษา ๖" เพื่อเป็นแนวทางในการจัดการเรียนการสอนวิชาเรขาคณิตในระดับมัธยมศึกษาให้มีประสิทธิภาพต่อไป

### วัตถุประสงค์ของการวิจัย

1. เพื่อศึกษาความสามารถในการพิสูจน์โจทย์เรขาคณิต ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ในโรงเรียนรัฐบาลและโรงเรียนเอกชน เอกการศึกษา ๖

2. เพื่อเปรียบเทียบคะแนนความสามารถในการพิสูจน์โจทย์เรขาคณิตระหว่างนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ในโรงเรียนรัฐบาลและโรงเรียนเอกชน เอกการศึกษา ๖

### สมมติฐานในการวิจัย

เนื่องจากยังไม่มีผู้ใดทำการวิจัยเกี่ยวกับเรื่อง "การเปรียบเทียบความสามารถในการพิสูจน์โจทย์ เรขาคณิต ระหว่างนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ในโรงเรียนรัฐบาลและโรงเรียนเอกชน เขตการศึกษา ๖" แต่จากรายงานการวิจัย ของสำนักงานคณะกรรมการการศึกษาแห่งชาติ (2530: 172-173) เรื่องประลิพธิภาพของการมัธยมศึกษาพบว่า ผลลัพธ์ทางการเรียนของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 และ ๖ ทั้งด้านวิชาการและไม่ใช่วิชาการของโรงเรียนรัฐบาล มีค่าเฉลี่ยสูงกว่าของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 และ ๖ ของโรงเรียนเอกชน ด้วยเหตุผลดังกล่าวข้างต้น ผู้วิจัยจึงตั้งสมมติฐานในการวิจัยว่า "ความสามารถในการพิสูจน์โจทย์ เรขาคณิตระหว่างนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ในโรงเรียนรัฐบาลและโรงเรียนเอกชนแตกต่างกัน"

### ขอบเขตของการวิจัย

1. ประชากรที่ใช้การวิจัย เป็นนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 จากโรงเรียนมัธยมศึกษาสังกัดกรมสามัญศึกษา และสังกัดสำนักงานคณะกรรมการการศึกษาเอกชน ในเขตการศึกษา ๖
2. แบบทดสอบวัดความสามารถในการพิสูจน์ ที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้มี นื้อหาครอบคลุมในแบบเรียนวิชาคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 (ค 321) จัดทำโดยสถานบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี มี 4 หัวข้อเรื่อง คือ ทฤษฎีบทเบื้องต้นทางเรขาคณิต ทฤษฎีบทเกี่ยวกับความเท่ากันทุกประการของรูปสามเหลี่ยม ทฤษฎีบทเกี่ยวกับรูปสี่เหลี่ยมค้านขนาน และวงกลม
3. ตัวแปรที่ต้องการศึกษาในการวิจัย ได้แก่ ความสามารถในการพิสูจน์โจทย์ เรขาคณิต

### ข้อตกลงเบื้องต้น

1. นักเรียนที่เป็นกลุ่มตัวอย่างประชากร มีความตั้งใจในการทำแบบทดสอบอย่างเต็มความสามารถ
2. วัน และเวลาที่ใช้ทดสอบแตกต่างกัน ไม่มีผลต่อความสามารถของนักเรียนในการทำแบบทดสอบ

คำจำกัดความที่ใช้ในการวิจัย

ความสามารถในการพิสูจน์ หมายถึง ความสามารถในการแสดงการพิสูจน์โดย  
มุ่งหาทางเรขาคณิต แม่นยำเป็น 5 ขั้น คือ

ขั้นที่ 1 เขียนเฉพาะลิ่งที่กำหนดให้ ไม่เขียนการพิสูจน์เลย หรือเขียนลิ่งที่ไม่เกี่ยวข้อง

ขั้นที่ 2 พิสูจน์ได้อย่างสูง เหตุสมผล และถูกต้อง เพียงข้อเดียว

ขั้นที่ 3 พิสูจน์โดยให้เหตุผลต่อเนื่องได้ครึ่งหนึ่งของการพิสูจน์ทั้งหมด หรือเขียน  
ข้อความพิสูจน์ถูก แต่ให้เหตุผลใดในขั้นใด ขั้นหนึ่งของการพิสูจน์

ขั้นที่ 4 เขียนการพิสูจน์ถูกต้อง เกือบทั้งหมด แต่มีข้อบกพร่องในการใช้สัญลักษณ์  
ศัพท์หรือข้อความของทฤษฎีที่ใช้อ้าง

ขั้นที่ 5 เขียนการพิสูจน์ถูกต้องทั้งหมด ยกเว้นข้อบกพร่องในการใช้สัญลักษณ์  
เพียง 1 แห่ง

โรงเรียนรัฐบาล หมายถึง โรงเรียนมัธยมศึกษาสายสามัญที่สังกัด กรมสามัญศึกษา  
กระทรวงศึกษาธิการ ในเขตการศึกษา ๖

โรงเรียนเอกชน หมายถึง โรงเรียนมัธยมศึกษาสายสามัญที่สังกัด คณะกรรมการการ  
ศึกษาเอกชน กระทรวงศึกษาธิการ ในเขตการศึกษา ๖

นักเรียน หมายถึง นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ปีการศึกษา ๒๕๓๒ ในโรงเรียน  
มัธยมศึกษา สังกัดกรมสามัญศึกษา และสังกัดสำนักงานคณะกรรมการการศึกษาเอกชน  
เขตการศึกษา ๖

เขตการศึกษา ๖ หมายถึง พื้นที่การศึกษาที่กระทรวงศึกษาธิการกำหนดประกอบด้วย  
๗ จังหวัด คือ พระนครศรีอยุธยา ลพบุรี สระบุรี ลิงบุรี อ่างทอง อุทัยธานี และชัยนาท

ประโยชน์ที่ได้รับจากการวิจัย

๑. เป็นแนวทางต่อไปที่เกี่ยวข้องกับการจัดการศึกษา ในการปรับปรุงและพัฒนาการเรียน  
การสอนวิชาเรขาคณิต ให้มีประสิทธิภาพทั้ง เที่ยมกันทั้งในโรงเรียนรัฐบาลและโรงเรียนเอกชน

2. เป็นแนวทางสำหรับผู้ที่เกี่ยวข้องกับการจัดหลักสูตรในการปรับปรุงเนื้อหาวิชาเรขาคณิตในระดับมัธยมศึกษาตอนต้นให้เหมาะสม
3. เป็นแนวทางแก้ไขสนับสนุนในการค้นคว้าและทำวิจัยค่อไป