

225

การคำนวณค่าฐานิตคอมมิเตเม้นต์ในระบบไฟฟ้ากำลังขนาดใหญ่  
โดยใช้วิธีรีแล็กเซชันแบบลากของจ์

นายคิดชาย อุณหศิริกุล



วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต  
ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า  
บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2539

ISBN 974-633-886-2

ลิบสิทธิ์ของบัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

**UNIT COMMITMENT CALCULATION IN A LARGE-SCALE POWER SYSTEM  
USING LAGRANGIAN RELAXATION**

**Mr. Kidchai Unhasirikul**

**A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements**

**for the Degree of Master of Engineering**

**Department of Electrical Engineering**

**Graduate School**

**Chulalongkorn University**

**1996**

**ISBN 974-633-886-2**

หัวข้อวิทยานิพนธ์ การคำนวณค่าญี่นิตคอมมิตเมนต์ในระบบไฟฟ้ากำลังขนาดใหญ่  
โดยใช้วิธีรีแล็กเซชันแบบลากรองจ์  
โดย นาย กิตชาย อุณหศิริกุล  
ภาควิชา วิศวกรรมไฟฟ้า  
อาจารย์ที่ปรึกษา อาจารย์ ดร. บันฑิต เอื้ออากรณ์



บันฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นส่วน  
หนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

..... คณบดีบันฑิตวิทยาลัย  
(รองศาสตราจารย์ ดร. สันติ ถุนสุวรรณ)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

..... ประธานกรรมการ  
(รองศาสตราจารย์ ดร. สุขุมวิทย์ ภูมิวุฒิสาร)

..... อาจารย์ที่ปรึกษา  
(อาจารย์ ดร. บันฑิต เอื้ออากรณ์)

..... กรรมการ  
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ประสิทธิ์ พิทยพัฒน์)

..... กรรมการ  
(นาย นพพร บุณยประสิทธิ์)

พิมพ์ต้นฉบับที่ด้วยอวิทยานิพนธ์ภายในกรอบสีเขียวนี้เพียงแผ่นเดียว



คิดชาย อุณหศิริกุล : การคำนวณค่าญูนิตคอมมิตเมนต์ในระบบไฟฟ้ากำลังขนาดใหญ่โดยใช้วิธีเรลักชันแบบลากรองจ์ (UNIT COMMITMENT CALCULATION IN A LARGE-SCALE POWER SYSTEM USING LAGRANGIAN RELAXATION)  
อ.ที่ปรึกษา : อ.ดร.บัณฑิต เอื้ออาภรณ์, 161 หน้า . ISBN 974-633-886-2

วิทยานิพนธ์นี้มีจุดมุ่งหมายเพื่อศึกษาการคำนวณญูนิตคอมมิตเมนต์ในระบบไฟฟ้ากำลังขนาดใหญ่โดยใช้วิธีเรลักชันแบบลากรองจ์

ผู้วิจัยได้ทำการออกแบบและสร้างโปรแกรมคอมพิวเตอร์สำหรับใช้กับไมโครคอมพิวเตอร์ชั้นเพื่อใช้ในการศึกษาและวิเคราะห์ โดยได้ประยุกต์ใช้กับปัญหาญูนิตคอมมิตเมนต์ของระบบไฟฟ้ากำลังซึ่งประกอบด้วยเครื่องกำเนิดไฟฟ้าพลังความร้อน จำนวน 10 , 53 และ 110 ยูนิต

จากการศึกษาพบว่า เมื่อระบบมีจำนวนเครื่องกำเนิดไฟฟ้ามากขึ้น จะทำให้ค่าของว่างดูอัลลดลง นั้นคือผลลัพธ์มีค่าใกล้เคียงค่าที่เหมาะสมมากขึ้น และเนื่องจากได้นำวิธีการโปรแกรมพลวัตรมาใช้ในการแก้ปัญหาย่อย อีกทั้งจำนวนรอบของการคำนวณด้วยวิธีเรลักชันแบบลากรองจ์ก็ไม่ขึ้นอยู่กับขนาดของระบบไฟฟ้า ดังนั้นเวลาที่ใช้ในการคำนวณจึงเพิ่มขึ้นค่อนข้างเป็นสัดส่วนโดยตรงกับจำนวนเครื่องกำเนิดไฟฟ้าที่เพิ่มขึ้น

ภาควิชา .....วิศวกรรมไฟฟ้า.....  
สาขาวิชา .....พลังงานไฟฟ้า.....  
ปีการศึกษา .....2538.....

ลายมือชื่อนิสิต .....สิตา ๗๔๖๐๔๕๒๑  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา .....  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม .....

# # C515519 : MAJOR ELECTRICAL ENGINEERING  
KEY WORD: UNIT COMMITMENT/LAGRANGIAN RELAXATION  
KIDCHAI UNHASIRIKUL : UNIT COMMITMENT CALCULATION IN  
A LARGE-SCALE POWER SYSTEM USING LAGRANGIAN RELAXATION.  
THESIS ADVISOR : DR. BANDHIT EUA-ARPORN, Ph.D. 161 pp.  
ISBN 974-633-886-2

The objective of the thesis is to calculate unit commitment of a large scale power system using lagrangian relaxation method.

A computer program is developed on a microcomputer for study and analysis. This program is applied to solve the unit commitment problem of test systems, consisting of 10 , 53 and 110 thermal units.

The results indicate that the larger the system is ,the smaller the duality gap will be obtained. With the employed method the obtained feasible solution will be closer to suboptimal solution. With the dynamic programming method employed in solving the subproblem and the independent number of iteration from the size of generation system for solving the lagrangian relaxation method, therefore the computation time linearly increases in proportion to the number of generating units.

ภาควิชา..... วิศวกรรมไฟฟ้า  
สาขาวิชา..... พลังงานไฟฟ้า  
ปีการศึกษา..... 2538

ลายมือชื่อนิสิต..... วิจิรา อนุรักษ์  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา.....   
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม.....



## กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์นี้ได้สำเร็จลุล่วงไปได้ ด้วยความช่วยเหลืออย่างดีเยี่ยมของ อาจารย์ ดร. บัณฑิต เอื้ออากรน์ อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ซึ่งท่านได้ให้คำแนะนำและข้อคิดเห็นต่างๆ ในการวิจัยครั้งนี้ด้วยความลอดodic และได้กรุณาตรวจสอบแก้ไขวิทยานิพนธ์จนสำเร็จเรียบร้อยเป็น อย่างดี ผู้วิจัยขอขอบคุณคณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์ซึ่งประกอบด้วย รองศาสตราจารย์ ดร. สุขุมวิท ภูมิวุฒิสาร ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ประสิทธิ์ พิทักษ์พันธ์ และนายนพพร บุณยประสิทธิ์ ที่ได้กรุณาให้คำแนะนำในการทำวิทยานิพนธ์จนสำเร็จลุล่วงด้วยดี

สารบัญ



หน้า

บทคัดย่อภาษาไทย .....	๑
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ .....	๑
กิตติกรรมประกาศ .....	๙
สารบัญตาราง .....	๙
สารบัญภาพ .....	๙
บทที่ .....	๙
1. บทนำ .....	๑
1.1 ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา .....	๑
1.2 วัตถุประสงค์ของวิทยานิพนธ์ .....	๓
1.3 ขั้นตอนและวิธีการดำเนินงาน .....	๓
1.4 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับจากวิทยานิพนธ์ .....	๓
1.5 เนื้อหาของวิทยานิพนธ์ .....	๔
2. วิธีการคำนวณค่าญี่บัญติกคอมมิตเมนต์แบบต่างๆ .....	๕
2.1 Priority List Scheme .....	๕
2.2 Dynamic Programming .....	๖
2.3 Mixed Integer Programming .....	๘
2.4 Benders Decomposition .....	๘
2.5 รีแล็กเซชัน แบบลากรองจ์ .....	๙
3. ทฤษฎีพื้นฐานสำหรับวิธีรีแล็กเซชันแบบลากรองจ์ .....	๑๐
3.1 การวิเคราะห์ค่อนเวก .....	๑๐
3.2 ปัญหาดูอัลแบบลากรองจ์ .....	๑๒
3.3 ทฤษฎีดูอัล .....	๑๕
3.4 คุณสมบัติของฟังก์ชันดูอัล .....	๑๗
4. การคำนวณค่าญี่บัญติกคอมมิตเมนต์โดยใช้วิธีรีแล็กเซชันแบบลากรองจ์ .....	๑๙
4.1 การกำหนดปัญหาญี่บัญติกคอมมิตเมนต์ .....	๑๙
4.2 ญี่บัญติกคอมมิตเมนต์และปัญหาดูอัล .....	๒๕

4.3 การประยุกต์ใช้ชีวิตรีแล็คเซชันแบบลากรองจ์ .....	31
5. ตัวอย่าง ผลการคำนวณและการวิเคราะห์ .....	53
5.1 ระบบไฟฟ้ากำลัง ขนาด 10 ยูนิต .....	53
5.2 ระบบไฟฟ้ากำลัง ขนาด 53 ยูนิต .....	57
5.3 ระบบไฟฟ้ากำลัง ขนาด 110 ยูนิต .....	66
6. สรุปผลและข้อเสนอแนะ .....	84
6.1 ข้อจำกัดภายในระบบไฟฟ้า .....	84
6.2 ระดับความเชื่อถือได้ของระบบไฟฟ้า .....	85
รายการอ้างอิง .....	86
<b>ภาคผนวก ก. โปรแกรมที่ใช้ในการคำนวณค่าyuนิตคอมมิตเม้นต์ โดยใช้ชีวิตรีแล็คเซชันแบบลากรองจ์ .....</b>	<b>88</b>
<b>ภาคผนวก ข. วิธีการใช้ โปรแกรมyuนิตคอมมิตเม้นต์ .....</b>	<b>133</b>
<b>ภาคผนวก ค. ข้อมูลระบบไฟฟ้ากำลัง ขนาด 10 ยูนิต .....</b>	<b>146</b>
<b>ภาคผนวก ง. ข้อมูลระบบไฟฟ้ากำลัง ขนาด 53 ยูนิต .....</b>	<b>149</b>
<b>ภาคผนวก จ. ข้อมูลระบบไฟฟ้ากำลัง ขนาด 110 ยูนิต .....</b>	<b>154</b>
<b>ประวัติผู้เขียน .....</b>	<b>161</b>

## สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
5.1 สถานะการเดินเครื่อง ของระบบขนาด 10 ยูนิต .....	54
5.2 ค่าใช้จ่ายในการผลิต ของระบบขนาด 10 ยูนิต .....	54
5.3 ปริมาณการจ่ายโหลด ของระบบขนาด 10 ยูนิต .....	55
5.4 เปรียบเทียบผลการคำนวณ ของระบบขนาด 10 ยูนิต .....	56
5.5 สถานะการเดินเครื่อง ของระบบขนาด 53 ยูนิต .....	58
5.6 ค่าใช้จ่ายในการผลิต ของระบบขนาด 53 ยูนิต .....	60
5.7 ปริมาณการจ่ายโหลด ของระบบขนาด 53 ยูนิต .....	62
5.8 สถานะการเดินเครื่อง ของระบบขนาด 110 ยูนิต .....	68
5.9 ค่าใช้จ่ายในการผลิต ของระบบขนาด 110 ยูนิต .....	72
5.10 ปริมาณการจ่ายโหลด ของระบบขนาด 110 ยูนิต .....	76

## สารบัญภาพ

รูปที่	หน้า
3.1 ลักษณะของเหตุตอนเวก	10
3.2 ลักษณะของฟังก์ชันตอนเวก	11
4.1 กราฟสเตตสำหรับรูปแบบเบื้องต้น	28
4.2 กราฟสเตตเมื่อร่วมค่าใช้จ่ายในการเริ่มเดินเครื่องที่ขึ้นกับเวลา	28
4.3 กราฟสเตตเมื่อร่วมค่าใช้จ่ายในการเริ่มเดินเครื่องและรวมเงื่อนไขบังคับ <sup>ของเวลาเดินเครื่องกับเวลาหยุดเดินเครื่องอย่างน้อยที่สุด</sup>	29
4.4 ตัวอย่างการกำหนดค่าตัวแปรของกราฟสเตตในรูปแบบเบื้องต้น	30
4.5 ผังงานแสดงอัลกอริทึมของ A. Merlin	32
4.6 ผังงานแสดงอัลกอริทึมของ S.K. Tong	33
4.7 ผังงานแสดงอัลกอริทึมของวิธีรีแล็กเซชันแบบลากรองจ'	35
4.8 ผังงานแสดงขั้นตอนการคำนวณค่าของปัญหาอย	39
4.9 ผังงานแสดงขั้นตอนคำนวณการจ่ายโหลดอย่างประหด	50
4.10 แสดงลักษณะผลลัพธ์ของวิธีรีแล็กเซชันแบบลากรองจ'	52