

บทที่ ๗

## วิเคราะห์ทางทฤษฎีของการดูดกลืน

๗.๑ Bubble column

หอทดลองที่มีการไหลของของเหลวแบบต่อเนื่อง การคำนวณหาปริมาณการถ่ายเทของมวลสารจากสถานะหนึ่งไปสู่อีกสถานะหนึ่ง จะพิจารณาร่วมกับระบบที่ไม่มี การไหลของของเหลวแบบต่อเนื่องตั้งในภาคแรกของการศึกษานี้ไม่ได้ จะเห็นว่า ความเร็วของของเหลวจะเป็นตัวแปรตัวหนึ่งร่วมกับตัวแปรอื่นๆด้วย ไม่สามารถแยกจากกันดังที่ได้แสดงไว้ในภาคแรก ในการทดลองนี้จะได้ทำการศึกษาหาปริมาณของก๊าซแอมโมเนียที่ถูกดูดกลืนในน้ำ ดังนั้นจึงเป็นระบบที่ควบคุมด้วยฟิล์มของก๊าซ การคำนวณหาปริมาณการถ่ายเทของมวลสาร จึงคิดจากการสูญหายของแอมโมเนียในก๊าซผสม เขียนเป็นสมการได้ดังข้างล่างนี้

$$N_{\text{NH}_3} = k_{G,AP} \Delta y \ln \quad (72)$$

หรือ

$$N_{\text{NH}_3} = k_{G,aVP} \Delta y \ln \quad (73)$$

ตัวแปรที่มีอิทธิพลต่อสัมประสิทธิ์ของการถ่ายเทมวลสารนั้น เหมือนกับตัวแปรที่มีอยู่ในการศึกษาภาคแรก แต่ต้องเพิ่มตัวแปรเกี่ยวกับการฟุ้งกระจายอีกตัวหนึ่งด้วย เพราะโมเลกุลของก๊าซแต่ละอย่างมีความสามารถที่จะฟุ้งกระจายเข้าหรือออกจากของเหลวได้ไม่เท่ากัน ดังนั้นสมการของการถ่ายเทมวลสารในเรื่องนี้จึงมี

$$k_{Ga} = f (U_G, \rho_L, \mu_L, \sigma, g, H, D_c, U_L, D_f) \quad (74)$$

วิเคราะห์ด้วยวิธี dimensional analysis จะได้

$$k_G a \frac{D_c^2}{D_f} = f \left( \frac{U_G}{\sqrt{g D_c}}, \frac{\rho_L D_c^2 g}{\mu_L^2}, \frac{D_c^3 \rho_L^2 g}{\mu_L^2}, \frac{D_c}{H}, \frac{\rho_L D_c U_L}{\mu_L}, \frac{\mu_L}{\rho_L D_f} \right) \quad (75)$$

$$\text{หรือ } Sh = f \left( Fr, Bo, \frac{D_c^3 \rho_L^2 g}{\mu_L^2}, \frac{D_c}{H}, Re_L, Sc_s \right) \quad (76)$$

นักวิทยาศาสตร์หลายคนได้พบว่า สมการของการถ่ายเทมวลสารเกี่ยวกับการดูดกลืนนั้น มักอยู่ในรูปของสมการยกกำลัง ซึ่งเขียนเป็น

$$Sh = a_{14} Fr^{m_1} Bo^{m_2} \left( \frac{D_c \rho_L g}{\mu_L^2} \right)^{m_3} \left( \frac{D_c}{H} \right)^{m_4} Re_L^{m_5} Sc^{m_6} \quad (77)$$

#### ๗.๒ ฟลูอิดไดเซชันสามสถานะ

เมื่อเติมเม็ดของแข็งที่มีความถ่วงจำเพาะใกล้เคียงกับของเหลวในเบด เม็ดของแข็งจะลอยตัวแบบอยู่ในสมดุลย์ จึงมีโอกาศที่จะพบกับฟองก๊าซที่ลอยสวนทางขึ้นมาได้ ฟองก๊าซที่มีขนาดใหญ่จะแตกเป็นฟองเล็กๆ ดังที่พบในการทดลองภาคแรก พื้นที่สัมผัสระหว่างก๊าซกับของเหลวย่อมมีมากขึ้นด้วย ดังนั้นคุณสมบัติทางกายภาพ และจำนวนของเม็ดของแข็งที่ใช้ควรเป็นตัวแปรที่มีอิทธิพลต่อสัมประสิทธิ์การถ่ายเทมวลสาร เพิ่มจากระบบ Bubble column ดังกล่าวข้างบน สมการที่ (74) เขียนใหม่เป็น

$$k_G a = f \left( U_G, \rho_L, \mu_L, \rho_s, g, H, D_c, U_L, D_f, \frac{V_s H}{V_p D_c}, d_p, \rho_s - \rho_L \right) \quad (78)$$

๗.๓ สมการของ dimensionless เขียนได้ดังนี้

$$Sh = f \left( Fr, Bo, \frac{D_c^3 \rho_L^2 g}{\mu_L^2}, \frac{D_c}{H}, Re_L, \frac{V_s H}{V_p D_c}, Mv, Ga, Sc \right) \quad (79)$$

ถ้าเขียนเป็นสมการยกกำลัง ควรอยู่ในรูปของ

$$Sh = a_{15} Fr^{m_1} Bo^{m_2} \left( \frac{D_c^3 \rho_L^2 g}{\mu_L^2} \right)^{m_3} \left( \frac{D_c}{H} \right)^{m_4} Re_L^{m_5} Sc^{m_6} \left[ 1 + a_{16} \left( \frac{V_s}{V_p} \right)^{m_7} \left( \frac{H}{D_c} \right)^{m_8} Mv^{m_9} Ga^{m_{10}} \right] \quad (80)$$

เพราะเหตุว่า ถ้าหีบยกเอาเม็ดของแข็งออกจากหอยทดลองแล้ว เหมท้าย  
ในวงเล็บข้างขวามือของสมการจะมีค่าเป็นศูนย์ จะเหลือแต่เทอมที่เป็นสมการของ Bubble  
column

สำหรับค่ากำลังของ Schmidt number นั้น จะเห็นได้ว่า เปลี่ยนแปลง  
ตั้งแต่ 0.15 ถึง 1.0 แต่ผลการทดลองของ SCHEIBEL et al (47), SHERWOOD  
et al (40) และ GILLILAND et al (38) มีค่าใกล้เคียงกันมากคือ 0.5 ดังนั้น  
การทดลองนี้จะใช้ค่านี้เป็นกำลังของ Schmidt number ตลอดการทดลอง ดังนั้น  
สมการที่(80) จะกลายเป็น

$$Sh = a_{15} Fr^{m_1} Bo^{m_2} \left( \frac{D^3 \rho_L^2 g}{c \mu_L^2} \right)^{m_3} \left( \frac{D}{H} \right)^{m_4} Re_L^{m_5} Sc^{0.5} \left[ 1 + a_{16} \left( \frac{v_s}{v_p} \right)^{m_7} \left( \frac{H}{D} \right)^{m_8} Mv^{m_9} Ga^{m_{10}} \right]$$

(81)