วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์ที่สามารถปรับความถี่ได้ระหว่าง 200 ถึง 800 เมกกะเฮิร์ต โดยใช้เทคนิคทวีคูณความจุไฟฟ้า



HULALONGKORN UNIVERSITY

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต สาขาวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ปีการศึกษา 2556 ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

บทคัดย่อและแฟ้มข้อมูลฉบับเต็มของวิทยานิพนธ์ตั้งแต่ปีการศึกษา 2554 ที่ให้บริการในคลังปัญญาจุฬาฯ (CUIR) เป็นแฟ้มข้อมูลของนิสิตเจ้าของวิทยานิพนธ์ ที่ส่งผ่านทางบัณฑิตวิทยาลัย

The abstract and full text of theses from the academic year 2011 in Chulalongkorn University Intellectual Repository (CUIR) are the thesis authors' files submitted through the University Graduate School.

QUADRATURE SINUSOIDAL OSCILLATOR CAPABLE OF TUNING FREQUENCY BETWEEN 200 TO 800 MHz BY USING CAPACITANCE MULTIPLIER TECHNIQUE



A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements for the Degree of Master of Engineering Program in Electrical Engineering Department of Electrical Engineering Faculty of Engineering Chulalongkorn University Academic Year 2013 Copyright of Chulalongkorn University

หัวข้อวิทยานิพนธ์	วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์ที่สามารถปรับความถี่
	ได้ระหว่าง 200 ถึง 800 เมกกะเฮิร์ต โดยใช้เทคนิคทวีคูณ
	ความจุไฟฟ้า
โดย	นายรดิศ สมัญญาหิรัญ
สาขาวิชา	วิศวกรรมไฟฟ้า
อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก	รองศาสตราจารย์ ดร.เอกชัย ลีลารัศมี

คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นส่วน หนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

.....คณบดีคณะวิศวกรรมศาสตร์

(ศาสตราจารย์ ดร.บัณฑิต เอื้ออาภรณ์)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

.....ประธานกรรมการ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.วันเฉลิม โปรา)

.....อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก

(รองศาสตราจารย์ ดร.เอกชัย ลีลารัศมี)

.....กรรมการภายนอกมหาวิทยาลัย

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.อมร จิรเสรีอมรกุล)

.....กรรมการภายนอกมหาวิทยาลัย

(ดร.ณพงศ์ ปณิธานธรรม)

รดิศ สมัญญาหิรัญ : วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์ที่สามารถปรับความถี่ได้ระหว่าง 200 ถึง 800 เมกกะเฮิร์ต โดยใช้เทคนิคทวีคูณความจุไฟฟ้า. (QUADRATURE SINUSOIDAL OSCILLATOR CAPABLE OF TUNING FREQUENCY BETWEEN 200 TO 800 MHz BY USING CAPACITANCE MULTIPLIER TECHNIQUE) อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก: รศ. ดร. เอกชัย ลีลารัศมี, 84 หน้า.

ในระบบการสื่อสาร วงจรที่สำคัญและขาดไม่ได้คือวงจรกำเนิดสัญญาณท้องถิ่น ซึ่งมีหน้าที่ กำเนิดสัญญาณพาหะให้กับระบบสื่อสาร เพื่อทำการมอดูเลตและส่งสัญญาณออกไป วงจรกำเนิด สัญญาณท้องถิ่นนี้ต้องกำเนิดสัญญาณที่เป็นรูปไซน์และอยู่ในช่วงความถี่ที่ต้องการจะใช้ในการสื่อสาร นั้นๆ นอกจากนี้ สิ่งสำคัญอีกอย่างหนึ่งของระบบสื่อสารคือสัญญาณพาหะที่เป็นมุมฉากกัน เพื่อที่จะใช้ ในการมอดูเลตแบบต่างๆ

วิทยานิพนธ์นี้นำเสนอวิธีการออกแบบวงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์ที่ปรับ ความถี่ได้ในช่วงความถี่ White space โดยใช้เทคนิคทวีคูณความจุไฟฟ้าบนเทคโนโลยีทรานซิสเตอร์ แบบ CMOS 0.35 ไมครอน ใช้ไฟเลี้ยง 3.3 โวลต์ วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์นี้ประกอบด้วย วงจรสองส่วนคือ วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าและวงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์

ผู้วิจัยใช้หลักการของมิลเลอร์ (Miller's theorem) ในการสร้างวงจรทวีคูณความจุ ไฟฟ้า ซึ่งคือวงจรที่เปรียบเสมือนตัวเก็บประจุที่ปรับค่าได้โดยการแปรค่ากระแสไบอัส ผู้วิจัยได้ทำ วิเคราะห์วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยละเอียดเพื่อขยายช่วงความถี่การใช้งานของวงจรนี้ด้วยการ วิเคราะห์ผลของตัวเก็บประจุแฝงของทรานซิสเตอร์ และใช้วิธีการหักล้างของโพลและซีโรในการเพิ่มช่วง ความถี่ในการใช้งาน ช่วงการแปรค่าความจุไฟฟ้าสมมูลของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าเมื่อแปรค่ากระแส ไบอัสของวงจรสูงสุดมีค่าเป็น 3.153 เท่า

ส่วนวงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์ ในวิทยานิพนธ์นี้ได้ใช้โครงสร้างของวงจร แบบ Shunt – coupling QRXO (Quadrature Relaxation Oscillator) ในวงจรกำเนิดสัญญาณ Shunt – coupling QRXO จะมีตัวเก็บประจุที่ใช้งานอยู่ในวงจร ซึ่งการแปรค่าความจุไฟฟ้าในวงจรจะ ทำให้วงจรกำเนิดสัญญาณได้ที่ความถี่ต่างๆกัน วิทยานิพนธ์นี้จึงนำเสนอการแปรค่าความจุไฟฟ้านี้ด้วย วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า ทำให้วงจรกำเนิดสัญญาณสามารถแปรค่าความถี่ของสัญญาณได้โดยการแปร กระแสไบอัสของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า

ผลการทดสอบและการวิเคราะห์วงจรกำเนิดสัญญาณ Shunt – coupling QRXO ได้ อธิบายไว้ในวิทยานิพนธ์นี้ ผลการทดสอบเมื่อใช้พารามิเตอร์ของวงจรที่ค่าหนึ่งนั้น จะได้ความถี่สูงสุด ของสัญญาณคือ 772.2 MHz สัญญาณมีค่า THD ของฮาร์มอนิกที่สามเป็น 0.01494% มีเฟสนอยซ์ที่ ความถี่ offset 1MHz คือ -67.46 dBc/Hz และใช้กำลัง 71.05 mW ขณะที่ความถี่ต่ำสุดของสัญญาณ คือ 599.9 MHz สัญญาณมีค่า THD ของฮาร์มอนิกที่สามเป็น 4.077% มีเฟสนอยซ์ที่ความถี่ offset 1MHz คือ -91.71 dBc/Hz และใช้กำลัง 91.25 mW

ภาควิชา	วิศวกรรมไฟฟ้า
สาขาวิชา	วิศวกรรมไฟฟ้า
ปีการศึกษา	2556

ลายมือชื่อเ	วิสิต	
ลายมือชื่อ	อ.ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์หลัก	

5670349521 : MAJOR ELECTRICAL ENGINEERING KEYWORDS: QUADRATURE RELAXATION OSCILLATOR (QRXO) / OSCILLATOR / QUADRATURE / CAPACITANCE MULTIPLIER

> RADIT SMUNYAHIRUN: QUADRATURE SINUSOIDAL OSCILLATOR CAPABLE OF TUNING FREQUENCY BETWEEN 200 TO 800 MHZ BY USING CAPACITANCE MULTIPLIER TECHNIQUE. ADVISOR: ASSOC. PROF. EKACHAI LEELARASMEE, 84 pp.

In the communication system, the most important circuit is local oscillator. Local oscillator generates the carrier signals that are used for modulation. This local oscillator must provide the sinusoidal signal in the usage frequency range. Quadrature signal is also important because it is used for many types of modulation.

Quadrature sinusoidal oscillator capable of White Space spectrum range tuning by using capacitance multiplier technique is proposed in this thesis. CMOS 0.35 micron technology is used in this research with bias voltage of 3.3 volts. This quadrature sinusoidal oscillator consists of capacitance multiplier circuit and quadrature sinusoidal oscillator circuit.

Miller's theorem is applied for capacitance multiplier circuit which is equivalent to tunable capacitance by tuning bias current. Parasitic elements of the circuit are analyzed for improve the range of frequency usage by using pole – zero cancellation technique. The maximum tuning range of equivalent capacitance of capacitance multiplier circuit is 3.153 times.

For quadrature sinusoidal oscillator, shunt – coupling QRXO (Quadrature Relaxation Oscillator) is used in this work. This circuit has capacitors in it and frequency of signals can be tuned by adjusting capacitance. This work proposes capacitance tuning method by using capacitance multiplier circuit. Therefore, frequency of the signal from oscillator can be tuned by adjusting bias current of capacitance multiplier circuit.

Simulation and analysis results of shunt – coupling QRXO are explained in this thesis. For simulation results, maximum frequency of the signals is 772.2 MHz with THD of third harmonic is 0.01494%, phase noise at 1 MHz offset is -67.46 dBc/Hz and 71.05 mW power consumption. And minimum frequency of the signals is 599.9 MHz with THD of third harmonic is 4.077%, phase noise at 1MHz offset is -91.71 dBc/Hz and 91.25 mW power consumption.

Department: Electrical Engineering Field of Study: Electrical Engineering Academic Year: 2013 Student's Signature Advisor's Signature

กิตติกรรมประกาศ

ขอขอบพระคุณ รศ. ดร. เอกชัย ลีลารัศมี อาจารย์ที่ปรึกษา ที่ช่วยเหลือและให้คำปรึกษา อย่างมากมายในการวิจัยค้นคว้า กำหนดแนวทางในการทำวิจัยและช่วยแก้ปัญหา รวมถึงแนะนำ วิธีการทำวิจัยต่างๆจนทำให้วิทยานิพนธ์เล่มนี้สมบูรณ์ขึ้นมาได้

ขอขอบพระคุณ บริษัทซิลิกอนคราฟท์เทคโนโลยี จำกัด ที่เอื้อเฟื้อโปรแกรมพร้อมทั้งความ ช่วยเหลือในการทำงานวิจัย

ขอขอบพระคุณ คณะกรรมการสอบทุกท่าน ที่สละเวลาอันมีค่ามาเป็นคณะกรรมการสอบ และช่วยชี้แนะแนวทางในการทำงานวิจัย

ขอขอบพระคุณ บิดา มารดา และญาติพี่น้อง ที่เป็นกำลังใจและเป็นทุนทรัพย์ในการทำงาน วิจัยครั้งนี้



สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย	9
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	. จ
กิตติกรรมประกาศ	. ฉ
สารบัญ	V
สารบัญตาราง	. ฌ
สารบัญรูป	. សូ
บทที่ 1 บทนำ	1
1.1 ที่มาและความสำคัญ	1
1.2 วัตถุประสงค์	2
1.3 ขอบเขตของงานวิจัย	2
1.4 ขั้นตอนการดำเนินงาน	2
1.5 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ	3
บทที่ 2 ทบทวนวรรณกรรม	4
2.1 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า	4
2.2 วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉาก	7
2.3 สรุป	19
บทที่ 3 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า	20
3.1 การวิเคราะห์วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้ทฤษฎีของมิลเลอร์	20
3.2 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์	24
3.3 ผลจากความไม่เป็นอุดมคติของบัฟเฟอร์	26
3.4 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความผิดพลาดในวงจรสมมูล	30
3.5 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้ CMOS	32
3.6 สรุป	37
บทที่ 4 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล	39
4.1 ความจุไฟฟ้าสมมูลที่ปรับค่าได้	39
4.2 ข้อจำกัดของกระแสไบอัส	40

4.3 อัตราขยายของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล	. 43
4.4 ความจุสมมูลจากการจำลองวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล	. 50
4.5 ตัวต้านทานสมมูลจากการจำลองวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล	. 53
4.6 สรุป	. 55
บทที่ 5 วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากแบบ Shunt – Coupling QRXO	. 56
5.1 วงจรกำเนิดสัญญาณแบบ QRXO (Quadrature Relaxation Oscillator)	. 56
5.2 การกำเนิดสัญญาณของ Shunt – coupling QRXO	. 57
5.3 หลักการทำงานในย่านการกำเนิดสัญญาณมุมฉาก	. 61
5.4 การเปลี่ยนความถี่ด้วยตัวเก็บประจุ	. 66
5.5 การปรับความถี่ด้วยวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า	. 70
5.6 สรุป	. 73
บทที่ 6 บทสรุป	. 75
6.1 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า	. 75
6.2 วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์ที่ปรับความถี่ได้	. 77
รายการอ้างอิง	. 79
ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์	. 84

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย Chulalongkorn University หน้า

สารบัญตาราง

จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย Chulalongkorn University

รูปที่ 2.1 แนวคิดของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า	4
รูปที่ 2.2 CCCII+/	5
รูปที่ 2.3 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าของ W. Petchakit และ S. Petchakit	6
รูปที่ 2.4 วงจร CCCII+/-, CCII+/-	7
รูปที่ 2.5 โครงสร้างวงแหวน	8
รูปที่ 2.6 โครงสร้างวงแหวนแบบสัญญาณกระแส	. 10
รูปที่ 2.7 โครงสร้างวงแหวนแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล	. 13
รูปที่ 2.8 โครงสร้างวงแหวนแบบดิฟเฟอร์เรนเชียลแบบง่าย	. 13
รูปที่ 2.9 OTA	. 14
รูปที่ 2.10 4OTA2C	. 15
รูปที่ 2.11 QRXO	. 17
รูปที่ 2.12 การทำงานของ QRXO ในช่วงแรงดันตัวเก็บประจุเพิ่มขึ้น	. 17
รูปที่ 2.13 การทำงานของ QRXO ในช่วงแรงดันตัวเก็บประจุลดลง	. 18
รูปที่ 2.14 รูปคลื่นที่กำเนิดจาก QRXO	. 18
รูปที่ 3.1 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้ทฤษฎีของมิลเลอร์	. 20
รูปที่ 3.2 วงจรสมมูลของวงจรในรูปที่ 3.1	. 20
รูปที่ 3.3 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าที่คำนึงถึงความไม่เป็นอุดมคติของวงจรขยาย	. 21
รูปที่ 3.4 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของขนาดอิมพิแดนซ์ในกรณีที่วงจรขยายเป็นอุดมคติและไม่เป็น	
อุดมคติ	. 22
รูปที่ 3.5 วงจรสมมูลที่มีตัวเก็บประจุอนุกรมกับตัวต้านทาน	. 22
รูปที่ 3.6 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของอิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรสมมูลกับวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า	ſ
แบบไม่เป็นอุดมคติ (ก) ขนาด (ข) เฟส	. 24
รูปที่ 3.7 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์	. 24
รูปที่ 3.8 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของอิมพิแดนซ์สมมูลขาเข้ากับอิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรทวีคูณ	
ความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์ (ก) ขนาด (ข) เฟส	. 26
รูปที่ 3.9 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยคำนึงถึงความไม่เป็นอุดมคติของบัฟเฟอร์	. 26
รูปที่ 3.10 เส้นทางการเคลื่อนที่ของโพลและซีโรเมื่อแปรค่า <i>C</i> ,	. 27
รูปที่ 3.11 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของอิมพิแดนซ์สมมูลขาเข้ากับอิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรทวีคูถ	น
ความจุไฟฟ้าโดยการหักล้างโพลและซีโร (ก) ขนาด (ข) เฟส	. 29
รูปที่ 3.12 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความผิดพลาดวงจรสมมูล (ก) ขนาด (ข) เฟส	. 31

สารบัญรูป

รูปที่ 3.13 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์	. 33
รูปที่ 3.14 ผลตอบสนองความผิดพลาดทางทฤษฎีของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้ CMOS (ก)	
ขนาด (ข) เฟส	. 35
รูปที่ 3.15 ผลตอบสนองความผิดพลาดทางปฏิบัติของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้ CMOS (ก)	
ขนาด (ข) เฟส	. 36
รูปที่ 3.16 ผลตอบสนองความผิดพลาดเมื่อ C_ = 0 (ก) ขนาด (ข) เฟส	. 37
รูปที่ 4.1 ช่วงการแปรค่ากระแสไบอัสกับแรงดันสงบขาเข้า	. 43
รูปที่ 4.2 Trans-conductance และ ความต้านทานที่แรงดันสงบขาเข้า (ก) – (ข) 1.000V	
(ค) – (ง) 1.550V (ง) – (ฌ) 2.000V	. 46
รูปที่ 4.3 อัตราขยายที่ได้จากทางทฤษฎีและจากการจำลองผล (ก) <i>V</i> =1.000V	. 48
รูปที่ 4.4 ความผิดพลาดของอัตราขยายจากทางทฤษฎีและจากการจำลองผล (ก) $V_{ m c}=$ 1.000V $$ ('	ข)
$V_i = 1.550V$ (A) $V_i = 2.000V$. 49
รูปที่ 4.5 อัตราขยายของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าเมื่อ V, =1.3V ที่กระแสไบอัสต่างๆ	. 50
รูปที่ 4.6 ความจุสมมูลที่ความถี่ 10 <i>MHz</i> เมื่อใช้ $V_i=$ 1.3 V	. 51
รูปที่ 4.7 ความจุสมมูลเมื่อใช้ <i>C</i> = 2.5 <i>pF</i>	. 51
รูปที่ 4.8 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความจุสมมูลเมื่อ $V_i=1.3V$ และ $I_b=1m$ A	. 52
รูปที่ 4.9 ค่าความจุสมมูลที่ความถี่ 10 <i>MHz</i> , 100 <i>MHz</i> , 400 <i>MHz</i> , และ 800 <i>MHz</i>	. 52
รูปที่ 4.10 วงจรสมมูลของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า	. 53
รูปที่ 4.11 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความต้านทานสมมูล เมื่อ V = 1.3V และ I = 1mA	. 53
รูปที่ 4.12 ความต้านทานเมื่อแปรค่ากระแสไบอัสที่ความถี่ 10 <i>MHz</i> , 100 <i>MHz</i> , 400 <i>MHz</i>	. 54
รูปที่ 4.13 ความต้านทานสมมูลเมื่อแปรค่ากระแสไบอัส โดยตัวเก็บประจุในวงจรมีค่าเป็น 1 <i>pF</i> แ	ละ
2.5 <i>pF</i>	. 54
รูปที่ 5.1 วงจรกำเนิดสัญญาณ QRXO	. 56
รูปที่ 5.2 ผลตอบสนองทางเวลาของวงจร QRXO	. 57
รูปที่ 5.3 วงจรกำเนิดสัญญาณ Shunt – coupling QRXO	. 57
รูปที่ 5.4 ผลตอบสนองทางเวลา (ก) สัญญาณแรงดันเมื่อเริ่มการสร้างสัญญาณ (ข) สัญญาณแรงดัง	น
เมื่อสภาวะคงตัว (ค) สัญญาณกระแสขั้วเดรนของทรานซิสเตอร์ N ₂ และ N ₆ เมื่อสภาวะคงตัว	. 59
รูปที่ 5.5 ลตอบสนองทางเวลา (ก) วงจรเริ่มกำเนิดสัญญาณ (ข) สัญญาณในสภาวะอยู่ตัว (ค)	
สัญญาณแรงดันตกคร่อมตัวเก็บประจุ (ง) สัญญาณกระแสเดรนของทรานซิสเตอร์ N ₂ และ	
ทรานซิสเตอร์ N _c	. 61

รูปที่ 5.6 วงจรที่เป็นแนวคิดของการกำเนิดสัญญาณมุมฉาก	62
รูปที่ 5.7 วงจร Shunt – coupling QRXO เมื่อตัวเก็บประจุใหญ่มากจนลัดวงจร	63
รูปที่ 5.8 วงจรสมมูลสัญญาณขนาดเล็กของวงจรในรูปที่ 5.7	63
รูปที่ 5.9 ตำแหน่งของโพลเมื่อแปรขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling	65
รูปที่ 5.10 ความถี่ของสัญญาณในวงจรรูปที่ 5.7 เมื่อแปรขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling	66
รูปที่ 5.11 เส้นทางการเคลื่อนที่ของโพลเมื่อแปรค่าตัวเก็บประจุจาก 800 fF ถึง 820 fF	67
รูปที่ 5.12 ความถี่ของสัญญาณเมื่อแปรค่าความจุตั้งแต่ 1pF ถึง 10pF	67
รูปที่ 5.13 ผลตอบสนองทางเวลาของสัญญาณ $v_{_{I}}$ และ $v_{_{Q}}$ เมื่อ $C=1pF$	68
รูปที่ 5.14 ผลตอบสนองทางเวลาของสัญญาณ $v_{_{Cl}}$ และ $v_{_{CQ}}$ เมื่อ $C=1pF$	68
รูปที่ 5.15 ผลตอบสนองทางเวลาของสัญญาณ $v_{_{l}}$ และ $v_{_{Q}}$ เมื่อ $C=10 pF$	68
รูปที่ 5.16 ผลตอบสนองทางเวลาของสัญญาณ $v_{_{Cl}}$ และ $v_{_{CQ}}$ เมื่อ $C=10 pF$	69
รูปที่ 5.17 ขนาดของสัญญาณเมื่อแปรค่าความจุไฟฟ้า	69
รูปที่ 5.18 <i>THD</i> ₃ ของสัญญาณเมื่อแปรค่าความจุไฟฟ้า	69
รูปที่ 5.19 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล	70
รูปที่ 5.20 ความถี่ของสัญญาณเมื่อแปรค่ากระแสไบอัสวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า	71
รูปที่ 5.21 ผลตอบสนองทางเวลาของสัญญาณ (ก) เมื่อใช้กระแสไบอัส 167 μA (ข) เมื่อใช้กระแส	Í
ไบอัส 3.223 <i>m</i> A	72
รูปที่ 5.22 ขนาดของสัญญาณเมื่อแปรค่ากระแสไบอัส	72
รูปที่ 5.23 เฟสนอยซ์ของสัญญาณเมื่อกระแสไบอัสเป็น 1.5mA	73
รูปที่ 6.1 โครงสร้างวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า	75
รูปที่ 6.2 อิมพิแดนซ์ขาเข้าสมมูลของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า	75
รูปที่ 6.3 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล	76
รูปที่ 6.4 วงจร Shunt – coupling QRXO	77

บทที่ 1 บทนำ

1.1 ที่มาและความสำคัญ

ในปัจจุบัน ระบบการแพร่สัญญาณโทรทัศน์ในประเทศไทยกำลังอยู่ในช่วงการเปลี่ยนแปลง จากระบบการแพร่สัญญาณจากอนาลอกเป็นดิจิทัล โดยคาดว่าจะเริ่มเปลี่ยนระบบได้ตั้งแต่ปี พ.ศ. 2558 และสิ้นสุดภายในปี พ.ศ. 2563 [1-3] ช่วงความถี่ในการแพร่สัญญาณโทรทัศน์แบบอนาลอก บางช่องในสัญญาณในปัจจุบันแสดงไว้ในตารางที่ 1.1

ช่องโทรทัศน์	ความถี่สัญญาณพาหะภาพ (MHz)	ความถี่สัญญาณพาหะเสียง (MHz)
3	559.25	565.75
5	175.25	180.75
7	189.25	194.75
9	203.25	208.75

ตารางที่ 1.1 ความถี่สัญญาณพาหะของช่องโทรทัศน์บางช่อง

การเปลี่ยนระบบแพร่สัญญาณจากอนาลอกเป็นดิจิทัลก่อให้เกิดการเปลี่ยนแปลงหลายอย่าง แต่ประเด็นสำคัญที่เป็นที่มาของวิทยานิพนธ์นี้ก็คือ แบนวิดท์การแพร่สัญญาณที่แคบลง การแพร่ สัญญาณแบบอนาลอกจะใช้แบนวิดท์ประมาณ 8 MHz ขณะที่แบนวิดท์ของระบบการแพร่แบบดิจิทัล อยู่ที่ 6 MHz เนื่องจากระบบอนาลอกมีแบนวิดท์ 8 MHz ทำให้ช่องความถี่ในการแพร่สัญญาณต้อง ห่างกันอย่างต่ำ 8 MHz เพื่อการสัญญาณรบกวนกันระหว่างช่อง แต่ถ้าหากเปลี่ยนเป็นระบบดิจิทัลที่ มีแบนวิดท์เพียง 6 MHz แล้ว ช่องความถี่ในการแพร่สัญญาณก็จำเป็นต้องห่างกันเพียง 6 MHz เท่านั้น จึงก่อให้เกิดช่วงความถี่ที่ว่างเกิดขึ้น หากช่วงความถี่ที่ว่างดังกล่าวนี้ถูกปล่อยให้ใช้ได้อย่าง อิสระ เราก็จะสามารถใช้ช่วงความถี่ดังกล่าวในการสื่อสารในองค์กรที่มีพื้นที่กว้างขวางได้ ช่วงความถี่ นี้เรียกว่า White Space

ทั้งนี้ในปัจจุบันยังไม่เป็นที่แน่ชัดนักว่า เมื่อระบบการแพร่สัญญาณเปลี่ยนเป็นดิจิทัลแล้ว จะมี White Space อยู่ในช่วงใดบ้าง แต่อย่างไรก็ดี White Space ย่อมเป็นช่วงความถี่ที่แทรกอยู่ตามช่วง ความถี่ของสัญญาณโทรทัศน์ ซึ่งระบบการแพร่สัญญาณโทรทัศน์ของประเทศไทยในปัจจุบันมีช่วง ความถี่อยู่ระหว่าง 48 MHz ถึง 860 MHz แต่ถ้าหากเป็นระบบในกรุงเทพมหานคร ซึ่งมีระบบวิทยุ แบบ FM อยู่ด้วย ระบบการแพร่สัญญาณโทรทัศน์จะอยู่ระหว่าง 150 MHz ถึง 860 MHz

ในการสื่อสาร จำเป็นจะต้องมีวงจรกำเนิดสัญญาณรูปไซน์ความบริสุทธิ์สูงเป็นสัญญาณพาหะ รวมทั้งกำเนิดสัญญาณมุมฉากเพื่อการมอดูเลตต่างๆ หากวงจรกำเนิดสัญญาณกำเนิดสัญญาณรูปไซน์ ที่ความบริสุทธิ์ไม่สูงมากนัก นั่นคือ มีฮาร์มอนิกอื่นๆ ฮาร์มอนิกเหล่านี้จะรบกวนช่องสัญญาณอื่นได้ วิทยานิพนธ์นี้ จึงมุ่งมั่นที่จะวิจัยและออกแบบวงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์ที่ปรับ ความถี่ได้ระหว่าง 200 MHz ถึง 800 MHz เพื่อใช้สำหรับการสื่อสารในช่วงความถี่ White Space

1.2 วัตถุประสงค์

ออกแบบวงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์ที่ปรับความถี่ได้กว้าง สำหรับการสื่อสารในช่วง ความถี่ White Space

1.3 ขอบเขตของงานวิจัย

1.3.1 ออกแบบวงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์บนเทคโนโลยี 0.35 μm EE PROM

ไฟเลี้ยง 3.3 โวลต์ ของ Global Foundry

1.3.2 สัญญาณที่ได้เป็นมุมฉาก

1.3.3 สัญญาณจะต้องเป็นรูปไซน์ที่มี THD ของฮาร์มอนิกที่สามไม่เกิน 3%

1.3.4 สัญญาณที่ได้มีความถี่ในช่วง 200 MHz ถึง 800 MHz

1.3.5 ใช้เทคนิคทวีคูณความจุไฟฟ้าในการปรับความถี่ของสัญญาณ

1.4 ขั้นตอนการดำเนินงาน

1.4.1 ศึกษาผลงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

1.4.2 ออกแบบโครงสร้างของวงจรในระดับ Block diagram

1.4.3 ออกแบบวงจรในแต่ละ Block

1.4.4 วิเคราะห์ผล Simulation ของวงจรจากโปรแกรม Cadance ว่าถูกต้องตามทฤษฎี หรือไม่ มีทางแก้ไขและปรับปรุงวงจรต่อไปอย่างไร

1.4.5 ปรับแก้วงจรในแต่ละ Block จนได้ผลตามที่ต้องการ แล้วจึงนำเป็นใช้งานตาม Block diagram ที่ออกแบบไว้

1.4.6 วิเคราะห์ผลที่ได้ว่าตรงกับขอบเขตงานวิจัยหรือไม่ หากไม่ตรงจะต้องมีวิธีแก้ไข ปรับปรุงอย่างไร

1.4.7 เมื่อได้ผลตรงกับขอบเขตงานวิจัยแล้วจึงจะรวมรวบผลที่ได้ สรุป และ จัดทำ วิทยานิพนธ์

1.5 ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

1.5.1 ได้วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์เพื่อใช้สำหรับการสื่อสารในช่วงความถี่ White Space

1.5.2 ได้วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าที่ใช้ในการปรับความถี่ของวงจรกำเนิดสัญญาณ



บทที่ 2

ทบทวนวรรณกรรม

2.1 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า

วงจรรวมแอนาลอกประกอบด้วยองค์ประกอบทางไฟฟ้ามากมาย อาทิเช่น ทรานซิสเตอร์ ตัว ต้านทาน แหล่งจ่ายแรงดัน แหล่งจ่ายกระแส เป็นต้น และหนึ่งในองค์ประกอบของวงจรที่สำคัญคือตัว เก็บประจุ

ตัวเก็บประจุในวงจรรวมนิยมประดิษฐ์ขึ้นมาโดยใช้ชั้นของโลหะสองชั้นขนานกัน ความจุ ไฟฟ้าจะแปรผันตรงตามสัดส่วนของพื้นที่ นั่นหมายความว่าหากต้องการใช้ตัวเก็บประจุที่มีค่ามาก ย่อมต้องใช้พื้นที่ในวงจรรวมมาก ส่งผลให้ต้นทุนในการผลิตวงจรรวมแพงขึ้น ในงานวิจัยของ G. Ferri และ S. Pennisi กล่าวไว้ว่า ในกระบวนการ 0.5 µm ตัวเก็บประจุที่มีค่า 20 pF ใช้พื้นที่เท่ากับ ทรานซิสเตอร์ประมาณหนึ่งพันตัว [4] ดังนั้น เพื่อเป็นการประหยัดพื้นที่ในวงจรรวมหากต้องการใช้ตัว เก็บประจุที่มีค่ามาก จึงได้มีการคิดค้นวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าขึ้น [5-16]

หลักการของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า คือใช้วงจรที่ประกอบด้วยองค์ประกอบทางไฟฟ้าต่างๆ และตัวเก็บประจุไฟฟ้าที่มีค่าน้อย แต่มีคุณลักษณะที่สามารถเปรียบเสมือนตัวเก็บประจุเพียงตัวเดียว ที่มีค่ามากขึ้นโดยมีตัวคูณคูณอยู่กับค่าความจุของตัวเก็บประจุในวงจรนั้น นั่นคือ



รูปที่ 2.1 แนวคิดของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า

 $C_{eq} = KC$

(2.1)

โดยที่ *K* คือตัวคูณความจุ *C* คือความจุไฟฟ้าที่อยู่ในวงจรและ *C_{eq}* คือค่าความจุสมมูลของวงจร ทวีคูณความจุไฟฟ้า

นอกจากวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าจะถูกใช้เพื่อสร้างตัวเก็บประจุที่มีค่ามากโดยใช้พื้นที่ใน วงจรรวมน้อย แต่ข้อดีของวงจรตัวเก็บประจุอีกอย่างหนึ่งก็คือ ถ้าหากตัวคูณความจุ *K* นั้นปรับค่าได้ แล้ว วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าจะเปรียบเสมือนตัวเก็บประจุที่ปรับค่าได้ ดังนั้นการใช้งานของวงจร ทวีคูณความจุไฟฟ้าอาจจะใช้เป็นตัวเก็บประจุปรับค่าได้ก็ได้ (กรณีไม่ได้คำนึงถึงการประหยัดพื้นที่ใน วงจรรวม) ในงานวิจัยที่ผ่านมา ได้มีการคิดค้นวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าไว้มากมาย และมีการใช้วงจร ย่อยต่างๆไม่ว่าจะเป็น Current Controlled Current Conveyor (CCCII), Operational Transconductance Amplifier (OTA) และอื่นๆ รวมถึงมีประเด็นต่างๆที่ต้องคำนึงถึงอีกเช่น การลดผล ของความจุไฟฟ้าสมมูลที่ขึ้นกับอุณหภูมิ และการสังเคราะห์วงจรเป็นความจุสมมูลแบบ Grounded หรือแบบ Floating รวมถึงหลักการวิเคราะห์วงจรก็สามารถเป็นไปได้หลากหลายรูปแบบ แต่ที่นิยมใช้ กันก็คือ การหาอิมพิแดนซ์ขาเข้าสมมูล นอกจากนี้ วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าจะเปรียบเสมือนตัวเก็บ ประจุที่มีค่าคงที่เพียงช่วงความถี่หนึ่งเท่านั้น ในความถี่ที่สูงขึ้นไป วงจรอาจจะเปรียบเสมือนตัวเก็บ ประจุที่มีค่าไม่คงที่ แต่แปรเปลี่ยนตามความถี่ หรือวงจรอาจจะไม่เปรียบเสมือนตัวเก็บประจุอีกเลยก็ เป็นได้

ผู้เขียนได้ศึกษาและเห็นว่างานของ W. Petchakit และ S. Petchakit [17] มีความง่ายต่อ การเข้าใจแนวคิดในการสร้างวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า จึงจะนำความคิดของงานนี้ มาอธิบายอย่าง คร่าวๆดังต่อไปนี้

งานของ W. Petchakit และ S. Petchakit ใช้วงจรย่อยคือ Current-Controlled Second Generation Current Conveyors หรือ CCCII ซึ่งมีสัญลักษณ์ดังรูปที่ 2.2



รูปที่ 2.2 CCCII+/-

จากรูป จะเห็นสมบัติของ CCCII+/- หลายประการคือ

$$i_{y} = 0$$
 (2.2)

$$i_{x} = \frac{v_{x} - v_{y}}{R} \tag{2.3}$$

$$i_{z+} = i_{x} \tag{2.4}$$

$$i_{z-} = -i_{x} \tag{2.5}$$

แต่ถ้าหากละเลย $R_{_y}$ นั่นคือให้ $R_{_y} = 0$ ก็จะเป็น Second Generation Current Conveyors หรือ CCII แบบอุดมคติ ซึ่งจะมีสมบัติคือ

$$i_{y} = 0 \tag{2.6}$$

$$v_{x} = v_{y} \tag{2.7}$$

$$i_{z+} = i_x \tag{2.8}$$

$$i_{z-} = -i_{x} \tag{2.9}$$

นำ CCCII+/- และ CCII+/- มาทำเป็นวงจร Capacitance Multiplier ได้ดังรูปที่ 2.3



รูปที่ 2.3 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าของ W. Petchakit และ S. Petchakit

ในการพินิจวิเคราะห์วงจร จะเห็นว่า

$$i_{R} = \frac{V_{i}}{R_{x}}$$
(2.10)

โดยที่ R_{*}คือความต้านทายภายใน CCCII+/-

ในขณะเดียวกัน

$$i_{R} = \frac{V_{C}}{R}$$
(2.11)

และ

$$i_{i} = C \frac{dv_{c}}{dt}$$
(2.12)

เมื่อนำสมการที่ 2.10 ถึง 2.13 มาแทนค่ากัน จะได้

$$i_{i} = C \frac{R}{R_{v}} \cdot \frac{dv_{i}}{dt} = C_{eq} \frac{dv_{i}}{dt}$$
(2.13)

$$\therefore C_{eq} = \frac{R}{R_{x}}C$$
(2.14)

จะเห็นว่าวงจรนี้มีคุณลักษณะเป็นตัวเก็บประจุที่มีตัวคูณ *R/R_x* อยู่ ดังนั้นหากเราสามารถ ปรับค่า *R_x* ได้ ก็จะได้วงจรที่เป็นตัวเก็บประจุปรับค่าได้ นอกจากนั้นวงจรทวีคูณตัวเก็บประจุนี้ยัง เป็นตัวเก็บประจุแบบ floating ซึ่งเหมาะสมกับการใช้งานโดยทั่วไปมากกว่าตัวเก็บประจุแบบ grounded

สำหรับค่า R_x ที่ต้องการปรับ เป็นความต้านทานภายในของวงจร CCCII+/- ซึ่งสามารถปรับ ได้โดยการปรับค่ากระแสที่ไบอัสวงจรภายในของ CCCII+/- หรือ CCII+/- ดังรูปที่ 2.4



รูปที่ 2.4 วงจร CCCII+/-, CCII+/-

การวิเคราะห์ดังกล่าวเป็นแนวทางหนึ่งในการสร้างวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า อย่างไรก็ตามใน การสร้างวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้ายังต้องคำนึงถึงประเด็นต่างๆให้เหมาะสมกับการใช้งานดังที่กล่าวไว้ ข้างต้น

2.2 วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉาก

วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉาก มีหลากหลายโครงสร้าง และมีงานวิจัยออกมามากมาย [17– 30] ผู้เขียนได้ศึกษาและนำแนวคิดของงานวิจัยบางงานมาอธิบายไว้ดังต่อไปนี้

2.2.1 โครงสร้างวงแหวน [17]



โครงสร้างวงแหวนพื้นฐานที่ให้กำเนิดสัญญาณมุมฉากได้เป็นดังรูปที่ 2.5 เมื่อพิจารณาเป็น วงจรสมมูลของสัญญาณขนาดเล็ก จะได้ฟังก์ชันถ่ายโอนคือ

$$\frac{v_{2}(s)}{v_{1}(s)} = \frac{-g_{m}r_{o}}{1 + sr_{o}C}$$
(2.15)

$$\frac{v_{3}(s)}{v_{2}(s)} = \frac{-g_{m}r_{o}}{1+sr_{o}C}$$
(2.16)

และ

โดยที่ g, คือ trans-conductance และ r,คือความต้านทานของทรานซิสเตอร์ ทั้งนี้ กำหนดให้ทรานซิสเตอร์ทุกตัวมีขนาดเท่ากัน

 $\frac{v_1(s)}{v_2(s)} = -g_m r_o$

จากสมการที่ 2.15 ถึง 2.17 สามารถจัดรูปเป็นระบบสมการได้คือ

$$\begin{bmatrix} g_{m}r_{o} & 1+sr_{o}C & 0\\ 0 & g_{m}r_{o} & 1+sr_{o}C\\ 1 & 0 & g_{m}r_{o} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_{1}(s)\\ v_{2}(s)\\ v_{3}(s) \end{bmatrix} = 0$$
(2.18)

จะได้ characteristic equation ว่า

$$\left(g_{m}r_{o}\right)^{3} + \left(1 + sr_{o}C\right)^{2} = 0$$

$$r_{o}^{2}C^{2}s^{2} + 2r_{o}Cs + 1 + g_{m}^{3}r_{o}^{3} = 0$$
(2.19)
(2.20)

จัดรูปได้เป็น

$$\therefore s = -\frac{1}{r_o C} \pm j \frac{g_m}{C} \sqrt{g_m r_o}$$
(2.21)

หากละเลยผลของ $r_{_{o}}\left(r_{_{o}}
ightarrow\infty
ight)$ จะได้ว่า

(2.17)

(2.20)

$$s = \pm j \frac{g_m}{C} \sqrt{g_m r_o}$$
(2.22)

จะเห็นว่าระบบจะเกิดการสั่นที่ความถึ่

$$f = \frac{g_m \sqrt{g_m r_o}}{2\pi c} \tag{2.23}$$

และเมื่อนำสมการที่ 2.22 แทนค่าลงไปในสมการที่ 2.15 และ 2.16 โดยที่ละเลยผลของ r_g แล้ว จะสังเกตได้ว่า

 $v_{_2}$ มีเฟสนำ $v_{_1}$ อยู่ 90 \degree

 $v_{_3}$ มีเฟสนำ $v_{_2}$ อยู่ 90 $^\circ$

 v_1 มีเฟสนำ v_3 อยู่ 180 $^{\circ}$

ดังนั้นโครงสร้างนี้สามารถให้สัญญาณที่เป็นมุมฉากกันและเป็นรูปไซน์ เนื่องจาก Re(s)=0

ตามหลักการของ Barkhausen วงจรจะเกิดการสั่นได้ก็ต่อเมื่อมีการเลื่อนเฟสในวงรอบครบ เป็นจำนวนเท่าของ 360° และเนื่องจากโครงสร้างนี้ประกอบด้วยสามสเตจต่อกันเป็นวงแหวน โดยที่ เสตจสุดท้ายเป็นวงจรขยายที่มีการเลื่อนเฟสเป็น 180°เท่านั้น อีกสองเสตจที่เหมือนกันจะทำให้เกิน การสั่นได้จะต้องมีการเลื่อนเฟสอย่างละ 90° ซึ่งถ้าหากไม่ละเลยผลของ r_o ทั้งสองสเตจดังกล่าวจะ ไม่สามารถเลื่อนเฟส 90° ได้ ทำให้วงจรหยุดสั่นในที่สุด

แต่ถ้าวงจรดังกล่าวทำงานย่านความถี่สูง ผลของตัวเก็บประจุแฝงในทรานซิสเตอร์จะส่งผล ให้สเตจที่หนึ่งและสเตจที่สองมีการเลื่อนเฟส 90°ได้ แต่สเตจที่สามจะเลื่อนเฟสได้ไม่ถึง 180°เพราะ ผลของตัวเก็บประจุแฝงดังนั้นสเตจที่หนึ่งและสเตจที่สองก็จะไม่เลื่อนเฟสที่ 90° ทำให้วงจรกำเนิด สัญญาณที่ไม่เป็นมุมฉากกัน

ด้วยความคิดดังกล่าว หากสเตจสุดท้ายสามารถเลื่อนเฟสได้ 180° ก็จะสามารถกำเนิด สัญญาณที่เป็นมุมฉากและเป็นรูปไซน์ได้ วงจรที่สามารถเลื่อนเฟสได้ 180° อย่างแน่นอนคือ วงจรดิฟ เฟอร์เรนเชียลที่ทำการไขว้สาย โครงสร้างแบบวงแหวนนี้จึงสามารถปรับปรุงได้โดยใช้เพียงสองสเตจที่ เป็นแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล แล้วไขว้สายกลับมาเข้าที่สเตจแรก

อย่างไรก็ตาม หากไม่ละเลย r_o Re(s) = $-\frac{1}{r_o^c} < 0$ ส่งผลให้สัญญาณจะค่อยๆเล็กลง และหยุดสั่นไปในที่สุด

9 9

2.2.2 โครงสร้างวงแหวนแบบสัญญาณกระแส [18]

รูปวงจรโครงสร้างวงแหวนแบบกระแสเป็นดังรูปที่ 2.6



รูปที่ 2.6 โครงสร้างวงแหวนแบบสัญญาณกระแส

โครงสร้างดังกล่าวประกอบด้วยวงจรสะท้อนกระแสที่สร้างจาก NMOS จำนวนสามชุดต่อกัน เป็นวงแหวน โดยที่สเตจตรงกลางมีตัวเก็บประจุที่ใหญ่กว่าสเตจอื่นๆเพิ่มเติมเข้าไป ขณะที่สเตจอื่นๆมี เพียงตัวเก็บประจุแฝงของทรานซิสเตอร์เท่านั้น หากทรานซิสเตอร์ N2 ใหญ่กว่า N1 เป็น *G* เท่าแล้ว (สเตจอื่นก็เช่นเดียวกัน) จะได้ฟังก์ชันการถ่ายโอนของวงจรสะท้อนกระแสสำหรับสัญญาณกระแสคือ

$$F(s) = \frac{i_1}{i_3} = -\frac{G}{1 + sC_x/g_{mn1}}$$
(2.24)

โดยที่ _{g_{mn1}} คือ trans-conductance ของทรานซิสเตอร์ N1 และ C_x คือตัวเก็บประจุแฝงที่ขาเกต เมื่อนำวงจรสะท้อนกระแสมาต่อกันเป็นวงแหวนดังรูปที่ 2.6 โดยมี PMOS เป็นแหล่งจ่าย กระแสตรง จะได้ว่าอัตราขยายวงรอบคือ

$$L(s) = F_1(s) \cdot F_2(s) \cdot F_3(s)$$
(2.25)

$$L(s) = -\frac{G}{\left(1 + \frac{sC_x}{g_{mn1}}\right)\left(1 + \frac{sC_y}{g_{mn3}}\right)\left(1 + \frac{sC_z}{g_{mn5}}\right)}$$
(2.26)

โดยที่ C_x, C_y, C_z เป็นตัวเก็บประจุที่ปม x, y และ z ตามลำดับ

ที่สภาวะคงตัว วงจรจะเกิดการสั่นได้ ต้องเข้าเงื่อนไขที่ว่า

$$\left|L(j\omega)\right| = 1 \tag{2.27}$$

$$\angle L(j\omega) = 360^{\circ} \tag{2.28}$$

และ

เมื่อนำลูปเกนมาพิจารณาด้วยสมการที่ 2.28 จะได้ว่า

$$\angle F_1(j\omega) + \angle F_2(j\omega) + \angle F_3(j\omega) = 360^{\circ}$$
(2.29)

นำหน้าสัญญาณกระแสขาเข้าได้ระหว่าง 90 $^\circ$ ถึง 180 $^\circ$ หรืออาจจะเขียนได้ว่า

$$90^{\circ} < \angle F(j\omega) < 180^{\circ} \tag{2.30}$$

ดังนั้น หากเราให้การเลื่อนเฟสของวงจรสะท้อนกระแสชุดใดชุดหนึ่งมีค่าใกล้ 90°มากๆ เรา ย่อมที่จะได้สัญญาณที่มีลักษณะเกือบจะเป็นมุมฉากกัน

สมมุติให้วงจรสะท้อนกระแสชุด N3, N4 เป็นชุดที่ให้กำเนิดสัญญาณมุมฉาก กำหนดให้ hetaคือความต่างเฟสที่เบี่ยงเบนไปจาก 90° ระหว่างสัญญาณขาเข้าและขาออกของวงจรสะท้อนกระแส ชุดนี้ จะได้ว่า

$$\angle F_2(j\omega) = 90^\circ + \theta \tag{2.31}$$

เมื่อให้วงจรสะท้อนกระแสอีกสองชุดที่เหลือเหมือนกัน และวงจรสะท้อนกระแสทั้งสามชุดมี อัตราขยายเท่ากัน จะทำให้สรุปได้ว่า $C_x = C_z \neq C_y$, $g_{mn1} = g_{mn3} = g_{mn5}$ และ $\angle F_1(j\omega) = \angle F_3(j\omega) \neq \angle F_2(j\omega)$ เมื่อนำไปรวมกับสมการที่ 2.30 และ 2.31 จะได้ $2\angle F_1(j\omega) + 90^\circ + \theta = 360^\circ$ (2.32)

ในขณะเดียวกัน

$$\angle F_1(j\omega) = 180^\circ - \arctan\left(\frac{\omega C_x}{g_{mn1}}\right)$$
 (2.33)

เมื่อแก้สมการที่ 2.32 และ 2.33 เข้าด้วยกัน จะได้

$$f = \frac{g_{mn1}}{2\pi C_x} \tan\left(45^\circ + \frac{\theta}{2}\right)$$
(2.34)

โดย f คือความถี่ของสัญญาณ

จากสมการที่ 2.31 สามารถเขียนได้ใหม่เป็น

$$\angle F_2(j\omega) = 180^\circ - \arctan\left(\frac{\omega C_y}{g_{mn3}}\right) = 90^\circ + \theta$$
 (2.35)

นำสมการที่ 2.34 มาแทนในสมการที่ 2.35 จะได้

$$C_{y} = C_{x} \cot \theta \cot \left(45^{\circ} + \frac{\theta}{2} \right)$$
 (2.36)

นำผลที่ได้จากสมการที่ 2.34 และ 2.36 ไปแทนในสมการที่ 2.26 และ 2.27 จะได้เงื่อนไข ของอัตราขยายว่า

$$G^{3}\sin\theta\cos^{2}\left(45^{\circ}+\frac{\theta}{2}\right)=1$$
(2.37)

หากประมาณให้ heta มีค่าน้อยๆ จะสามารถจัดสมการที่ 2.34, 2.36 และ 2.37 ให้ง่ายลงได้ เป็น

$$f = \frac{g_{mn1}}{2\pi C_x} \left(1 + 2G^{-3} \right)$$
(2.38)

$$C_{y} = C_{x} \left(0.5G^{3} - 1 \right)$$
(2.39)

$$\theta = 11459G^{-3}$$
(2.40)

และ

โดยเราสามารถเลือกค่า C, ได้สองวิธี คือ การทำให้วงจรสะท้อนกระแสที่ปม y ใหญ่กว่าปม อื่นๆ หรือ ใส่ตัวเก็บประจุเพิ่มเติมลงไปที่ปม y และให้วงจรสะท้อนกระแสของทั้งสามชุดเหมือนกัน

สมการที่ 2.38 ถึง 2.40 เป็นสมการไว้ออกแบบวงจรในรูปที่ 2.6 เพื่อให้ได้สัญญาณกระแส i, มีเฟสนำหน้า i_1 อยู่ 90 $\degree+ heta$

ขั้นถัดมา เมื่อได้สมการที่ 2.38 และ 2.39 แล้ว เราจะนำไปแทนกลับในสมการที่ 2.24 สำหรับวงจรสะท้อนกระแส เพื่อวิเคราะห์หาขนาดของสัญญาณขาเข้ากับสัญญาณขาออกของแต่ละ ชุดของวงจรสะท้อนกระแส จะได้ความสัมพันธ์ดังสมการที่ 2.41 และ 2.42

$$\left|i_{2}\right| = 2G^{-2}\left|i_{1}\right|$$
 (2.41)

$$|i_3| = 0.707G|i_2|, |i_1| = 0.707G|i_3|$$
 (2.42)

้วงจรนี้ได้นำเสนอวงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากในรูปแบบของสัญญาณกระแส ซึ่งสัญญาณ กระแสที่ได้มีขนาดไม่เท่ากัน และมีความผิดพลาดจากความเป็นมุมฉากกันอย่างแน่นอน อย่างไรก็ดี ้วงจรดังกล่าวสามารถประมาณความผิดพลาดเป็นสูตรออกมาได้ ถ้าการออกแบบของวงจรไม่ สอดคล้องกับสมการที่ 2.38 ถึง 2.40 สัญญาณจะไม่เป็นรูปไซน์ ซึ่งในทางปฏิบัติ การออกแบบวงจร ให้สอดล้องกับสมการที่ 2.38 ถึง 2.40 ทำได้ยาก

2.2.3 โครงสร้างวงแหวนแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล [19]

(2.40)



รูปที่ 2.7 โครงสร้างวงแหวนแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล

โครงสร้างวงแหวนแบบดิฟเฟอร์เรนเชียลประกอบด้วยวงจรขยายอินทิเกรเตอร์สองสเตจต่อ กันดังรูปที่ 2.7 วงจรดังรูปที่ 2.7 สามารถทำให้เป็นวงจรอย่างง่ายได้ดังรูปที่ 2.8



รูปที่ 2.8 โครงสร้างวงแหวนแบบดิฟเฟอร์เรนเซียลแบบง่าย

ฟังก์ชันการถ่ายโอนของแต่ละสเตจ เมื่อพิจารณาผลของตัวเก็บประจุแฝงที่เด่นๆแล้ว จะได้ เป็น

$$A(s) = -\frac{g_m - C_{gd}s}{1 + 2r_o Cs} r_o$$
(2.43)

โดยที่ g_mคือ trans-conductance r_o คือความต้านทานของทรานซิสเตอร์ C_{so} คือตัวเก็บ ประจุแฝงระหว่างขั้วเกตและเดรนของทรานซิสเตอร์ ทั้งนี้กำหนดให้ทรานซิสเตอร์ทุกตัวมีขนาด เท่ากัน

หากพิจารณาในทำนองเดียวกับหัวข้อที่ 2.2.1 จะได้สมการ characteristic ว่า

$$\left(4C^{2}+C_{gd}^{2}\right)r_{o}^{2}s^{2}+2r_{o}\left(2C-g_{m}r_{o}C_{gd}\right)s+g_{m}^{2}r_{o}^{2}+1=0$$
 (2.44)

$$\therefore s \simeq \frac{g_m r_o^2 C_{gd} - 2C}{4r_o^2 C^2} \pm j \frac{g_m}{2C}$$
(2.45)

วงจรจะกำเนิดสัญญาณได้เมื่อ $\operatorname{Re}(s) \geq 0$ เราจะเรียกเงื่อนไขดังกล่าวนี้ว่า Condition for oscillation (CO)

$$CO: g_m r_o C_{gd} \ge 2C \tag{2.46}$$

และความถี่ของสัญญาณหรือ Frequency of oscillation (FO) คือ

FO:
$$f = \frac{g_m}{4\pi C}$$
 (2.47)

แต่ถ้าหากต้องการสัญญาณที่เป็นรูปไซน์ อสมการ CO จะต้องเปลี่ยนเป็นสมการ นั่นคือ

$$g_m r_o C_{gd} = 2C \tag{2.48}$$

ซึ่งเงื่อนไขดังกล่าวนี้ ไม่สามารถทำได้จริงในทางปฏิบัติ เนื่องจากการประดิษฐ์จะมีความผิด พลาดเสมอ ดังนั้นวงจรนี้สามารถทำได้เพียงกำเนิดสัญญาณที่เป็นมุมฉากกันได้ (เพราะเงื่อนไขการ เลื่อนเฟสครบรอบนั้นเป็นไปตามที่กล่าวไว้ข้างต้น) หากเป็นไปตามอสมการ CO โดยสัญญาณจะเริ่ม จากสัญญาณรูปไซน์ขนาดเล็กแล้วขยายใหญ่ขึ้นไปเรื่อยๆ จนกระทั่งสัญญาณถูกความไม่เป็นเชิงเส้น ของทรานซิสเตอร์ทำให้รูปร่างบิดเบี้ยวไป

จาก CO และ FO ข้างต้น จะเห็นว่าทั้ง _{*g*_m} และ *C* ต่างก็เกี่ยวข้องทั้งคู่ ซึ่งทำให้การ ออกแบบวงจรเป็นไปได้ยาก กล่าวคือ ถ้าหากต้องการที่จะทำให้วงจรกำเนิดสัญญาณขึ้นมาได้ ก็ จะต้องเลือกค่า _{*g*_m} หรือ *C* ที่เหมาะสม แต่ในขณะเดียวกัน หากต้องการเปลี่ยนความถี่ของสัญญาณ ก็จะต้องปรับ _{*g*_m} หรือ *C* อีกเช่นเดียวกัน ซึ่งจะส่งผลต่อ CO และอาจจะทำให้วงจรนั้นไม่กำเนิด สัญญาณได้ ดังนั้นวงจรกำเนิดสัญญาณที่ดี ควรได้ CO และ FO ที่แยกขาดออกจากกัน

2.2.4 Four Operational Trans-conductance Amplifiers and Two Capacitors [20]

ลักษณะและสัญลักษณ์ทั่วไปของ Operational Trans-conductance Amplifier (OTA) เป็นดังรูปที่ 2.9



รูปที่ 2.9 OTA

OTA ในอุดมคติจะละเลย r ู จะทำให้ได้สมการที่สำคัญของ OTA คือ

$$i_o = g_m v_i \tag{2.49}$$

บทบาทวงจร OTA คือเป็นวงจรที่เปลี่ยนจากสัญญาณแรงดันเป็นสัญญาณกระแสด้วย อัตราขยาย g_m



รูปที่ 2.10 40TA2C

โครงสร้างวงจรกำเนิดสัญญาณโดยใช้ OTA 4 ตัวกับตัวเก็บประจุอีก 2 ตัวเป็นดังรูปที่ 2.10 เมื่อพิจารณาที่ปมที่หนึ่ง จะได้ว่า

$$sCv_1 - g_{m1}v_2 - (g_{m3} - g_{m4})v_1 = 0$$
 (2.50)

และปมที่สอง

$$sCv_2 + g_{m2}v_1 = 0$$
 (2.51)

จากสมการ 2.50 และ 2.51 จะได้สมการ characteristic คือ

$${}^{2}s^{2} + (g_{m4} - g_{m3})Cs + g_{m1}g_{m2} = 0$$
(2.52)

$$C^{2}s^{2} + (g_{m4} - g_{m3})Cs + g_{m1}g_{m2} = 0$$

$$\therefore s = \frac{g_{m3} - g_{m4}}{2C} \pm j \frac{\sqrt{4g_{m1}g_{m2}C^{2} - (g_{m4} - g_{m3})^{2}}}{2C^{2}}$$
(2.52)
(2.53)

จะสังเกตเห็นได้ว่าเงื่อนไขการสั่นคือ

$$CO: g_{m3} \ge g_{m4} \tag{2.54}$$

แต่ถ้าหากต้องการให้สัญญาณเป็นรูปไซน์นั้น จะต้องทำให้

$$g_{m3} = g_{m4}$$
 (2.55)

แล้วจะได้ความถี่ของการสั่นว่า

FO:
$$f = \frac{\sqrt{g_{m1}g_{m2}}}{2\pi C}$$
 (2.56)

จะเห็นว่าเราสามารถปรับเงื่อนไขของการสั่นให้เป็นรูปไซน์ได้โดยการปรับ _{S_{m3}}หรือ _{S_{m4} ขณะที่เราสามารถปรับความถี่ได้โดยปรับ _{S_{m1}, S_{m2} หรือ C ซึ่งความถี่ของการสั่นกับเงื่อนไขของการ สั่นนั้น แยกขาดออกจากกัน รวมทั้งสัญญาณที่ได้ยังเป็นรูปไซน์ด้วย}}

สำหรับความเป็นมุมฉากของสองสัญญาณนั้น สามารถพิจารณาได้หลายวิธี วิธีหนึ่งคือดูจาก OTA ตัวที่สอง สัญญาณที่เข้า OTA ตัวที่สองคือ $-v_1$ ทำให้กระแสที่ไหลออกมาจาก OTA นี้มีเฟส ตรงกับ $-v_1$ หรือมีเฟสนำ v_1 อยู่ 180° กระแสดังกล่าวนี้ไหลผ่านตัวเก็บประจุ ซึ่งจะทำให้แรงดันที่ คร่อมตัวเก็บประจุ v_2 มีเฟสตามหลังกระแสอยู่ 90° แต่กระแสมีเฟสนำ v_1 อยู่ 180° จึงสรุปได้ว่า v_2 มีเฟสนำ v_1 อยู่ 90° หรือทั้งสองสัญญาณนี้เป็นมุมฉากกันนั่นเอง

โครงสร้าง 40TA2C มีความน่าสนใจและเหมาะสมต่อวิทยานิพนธ์นี้อยู่ไม่น้อย เนื่องจากทั้ง สามารถทำสัญญาณให้เป็นรูปไซน์ได้ และ ทำสัญญาณที่เป็นมุมฉากได้ แต่ปัญหาหลักๆนั้นมีอยู่สอง ประเด็นคือ

หนึ่ง ในการวิเคราะห์ที่ผ่านมา เราวิเคราะห์ OTA ในอุดมคติที่ละเลย r_o แต่ในทางปฏิบัติไม่ สามารถละเลยได้ r_o จะส่งผลเป็นอย่างมากต่อความเป็นมุมฉากของสัญญาณ สัญญาณที่ได้จะไม่ได้ เป็นมุมฉากอย่างแม่นยำ ต้องมีความคลาดเลื่อนอย่างแน่นอน แต่ประเด็นนี้จะไม่เป็นปัญหากับวงจร วงแหวนแบบดิฟเฟอร์เรนเซียล เพราะหลักการของดิฟเฟอร์เรนเชียลคือการเลื่อนเฟสให้ได้ 360° ใน หนึ่งวงรอบ ซึ่งจะส่งผลให้แต่ละสเตจต้องเลื่อนเฟส 90° อย่างแน่นอนตามหลักการที่กล่าวมาข้างต้น โดยจะคำนึงถึงหรือไม่คำนึงถึงความไม่อุดมคติของแต่ละสเตจก็ได้

สอง เงื่อนไขการสั่นให้ได้รูปไซน์นั้น จะต้องออกแบบให้ $g_{m3} = g_{m4}$ ในทางปฏิบัติ ถึงแม้จะ ออกแบบตามเงื่อนไขขั้นต้นแล้ว แต่จะพบกับปัญหาความไม่ตรงกัน (mismatch) ซึ่งจะทำให้ $g_{m3} \neq g_{m4}$ อย่างหลีกเลี่ยงไม่ได้ ดังนั้นหากต้องการให้วงจรเป็นไปตามเงื่อนไขดังกล่าว จำเป็น จะต้องมีวงจรเพิ่มเติมที่มาช่วยปรับแบบอัตโนมัติให้ $g_{m3} = g_{m4}$ อยู่ตลอดเวลา

2.2.5 วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากแบบผ่อนคลาย [21]

วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากเป็นดังรูปที่ 2.11 วงจรลักษณะนี้มีชื่อเรียกว่า Quadrature Relaxation Oscillator (QRXO) เมื่อวงจรทำงานทรานซิสเตอร์ทั้งสองตัวจะสลับกันเปิดและปิดไป พร้อมๆกัน สมมุติว่าในขณะที่ทรานซิสเตอร์ N1 เปิด ทรานซิสเตอร์ N2 จะปิด ส่งผลให้กระแสที่ไหล ผ่าน N1 มีค่าเป็น 2/ และแยกไหลไปทางด้านขวา ผ่านไปทางตัวเป็นประจุเป็น / แรงดันคร่อมตัว เก็บประจุ v_c ก็จะเพิ่มขึ้นอย่างเชิงเส้น (เนื่องจากกระแสไหลผ่านคงที่) ดังรูปที่ 2.12 จนกระทั่ง v_c มีค่ามากเกินไป จะทำให้ N1 ปิด และ N2 เปิดแทน กระแสที่ไหลผ่านตัวเก็บประจุก็จะไหลไป ทางด้านซ้ายด้วยค่า / ทำให้ v_c ลดลงแบบเชิงเส้นจนกระทั่งมีค่าเป็นลบได้ ดังรูปที่ 2.13 แต่เมื่อ v_c มีค่าเป็นลบมากเกินไป ก็จะทำให้ N1 เปิดและ N2 ปิด เป็นกระบวนการสลับกันไปกันมาเช่นนี้ เรื่อยไป



รูปที่ 2.12 การทำงานของ QRXO ในช่วงแรงดันตัวเก็บประจุเพิ่มขึ้น



รูปที่ 2.13 การทำงานของ QRXO ในช่วงแรงดันตัวเก็บประจุลดลง

สำหรับการวิเคราะห์ v_o นั้น พิจารณาขณะที่ N1 เปิด และ N2 ปิด จะต้องไม่มีกระแสไหล ในเส้นขวา ดังนั้น ขั้วลบของ v_o จะต้องมีค่าเป็น V_{da} ขณะนี้ขั้วบวกของ v_o ย่อมมีค่าเป็น $V_{da} - 2IR$ ดังนั้น $v_o = -2IR$ ในทำนองเดียวกันหาก N1 ปิด และ N2 เปิดแล้ว v_o จะต้องมีค่า เท่ากับ 2IR รูปคลื่นของ v_o จะต้องเป็นรูปสี่เหลี่ยม ขณะที่รูปคลื่นของ v_c จะต้องเป็นรูป สามเหลี่ยม ความสัมพันธ์ทางด้านเวลาของทั้งสองรูปคลื่นเป็นไปดังรูปที่ 2.14



จะเห็นว่า v_c มีเฟสนำ v_o อยู่ 90° จึงทำให้ได้สัญญาณที่เป็นมุมฉากกัน โดยให้ v_c คือ เฟส Q และ v_o คือเฟส I

หากปรับค่าตัวเก็บประจุ จะทำให้ความชั่นของสัญญาณสามเหลี่ยมเปลี่ยนไป โดยที่หากค่า ความจุมาก ความชั่นก็จะน้อย แต่ในทางกลับกันหากค่าตัวเก็บประจุน้อยความชั่นก็จะมาก ซึ่งส่งผล ถึงคาบและความถี่ นั่นคือ หากค่าความจุน้อยจะทำให้เกิดสัญญาณความถี่สูง ขณะที่ความจุมาก จะ ทำให้เกิดสัญญาณความถี่ต่ำ

นอกจากนี้ สัญญาณทั้งสองเป็นรูปแบบที่แน่นอนคือ เป็นรูปสามเหลี่ยมและสี่เหลี่ยม ซึ่งทั้ง สองรูปนี้สามารถวิเคราะห์ค่าของสัญญาณฮาร์มอนิกได้ ด้วยข้อมูลดังกล่าว จะทำให้เรามีข้อมูลในการ ออกแบบวงจรกรองความถี่ผ่านต่ำเพื่อให้สัญญาณเป็นรูปไซน์ต่อไปได้

2.3 สรุป

จากการศึกษางานวิจัยที่ผ่านมา จะสังเกตเห็นได้ว่าวงจรกำเนิดสัญญาณเกี่ยวข้องกับตัวเก็บ ประจุเป็นส่วนมาก รวมถึงตัวเก็บประจุเป็นส่วนสำคัญในการกำหนดความถี่ของสัญญาณ วิทยานิพนธ์ นี้จึงนำเสนอ วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์ที่สามารถปรับความถี่ได้โดยการใช้วงจรทวีคูณความ จุไฟฟ้า นั่นคือ ใช้วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าเป็นตัวเก็บประจุปรับค่าได้ สำหรับโครงสร้างของวงจร ทวีคูณความจุไฟฟ้าและโครงสร้างของวงจรกำเนิดสัญญาณที่ใช้ในวิทยาพนธ์นี้ จะอธิบายในบทถัดๆไป



บทที่ 3 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า

3.1 การวิเคราะห์วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้ทฤษฎีของมิลเลอร์

วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้ทฤษฎีของมิลเลอร์ (Miller's theorem) แสดงไว้ในรูปที่ 3.1 ประกอบด้วยวงจรขยายที่มีอัตราขยายเป็น — A ต่อขนานอยู่กับตัวเก็บประจุ C วงจรนี้สามารถเขียน อิมพิแดนซ์ขาเข้าได้เป็น

$$Z_i(s) = \frac{1}{s(1+A)C}$$
(3.1)

ดังนั้น จากสมการที่ 3.1 จะเห็นได้ว่า วงจรดังกล่าวเปรียบเสมือนตัวเก็บประจุเพียงตัวเดียวที่ มีค่าความจุไฟฟ้าเท่ากับ (1+A)C ดังรูปที่ 3.2



รูปที่ 3.2 วงจรสมมูลของวงจรในรูปที่ 3.1

อย่างไรก็ตาม ในทางปฏิบัติ วงจรขยายนั้นไม่เป็นอุดมคติและสามารถจำลองความไม่เป็น อุดมคติของวงจรขยายในรูปแบบต่างๆได้ รูปแบบหนึ่งที่ผู้เขียนนำมาใช้คือ การกำหนดให้วงจรขยายมี ความต้านทานขาออกเป็น R_o และมีความจุขาออกเป็น C_c รูปที่ 3.3 แสดงถึงวงจรทวีคูณความจุ ไฟฟ้าโดยจำลองความไม่เป็นอุดมคติของวงจรขยายเข้าไปด้วย วงจรดังกล่าวสามารถหาความ ต้านทานขาเข้าได้เป็น

$$Z_{i}(s) = \frac{C + C_{L}}{CC_{L}} \cdot \frac{s + \frac{1}{R_{o}(C + C_{L})}}{s\left(s + \frac{1 + A}{R_{o}C_{L}}\right)}$$
(3.2)

สำหรับวงจรใดๆ หากจะเปรียบเสมือนตัวเก็บประจุได้ อิมพิแดนซ์ขาเข้าจะต้องมีโพลอยู่ที่ ศูนย์เท่านั้น แต่จะสังเกตเห็นได้ว่า อิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าที่คำนึงถึงความไม่ เป็นอุดมคติของวงจรขยาย จะมีโพลและซีโรเพิ่มขึ้นมาอีกอย่างละตัวตามสมการที่ 3.2 โดยโพลและซี โรที่เพิ่มมานั้นอยู่ที่

$$\omega_{p} = -\frac{1+A}{R_{o}C_{L}}$$
(3.3)

$$\omega_z = -\frac{1}{R_o(C+C_L)}$$
(3.4)

ตามลำดับ



รูปที่ 3.3 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าที่คำนึงถึงความไม่เป็นอุดมคติของวงจรขยาย

อย่างไรก็ดี หากวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าใช้งานในย่านความถี่ต่ำ ความไม่เป็นอุดมคติของ วงจรขยายจะส่งผลน้อย และทำให้วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าเปรียบเสมือนตัวเก็บประจุอยู่ แต่หาก วงจรทวีคูณความความจุไฟฟ้าใช้งานในย่านความถี่สูง ความไม่เป็นอุดมคติของวงจรขยายจะส่งผล มาก และทำให้วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าไม่สามารเปรียบเสมือนตัวเก็บประจุเพียงอย่างเดียวได้ สมมุติ ให้ $A=3, C=1pF, R_o=10k\Omega$ และ $C_L=50\,fF$ เมื่อใช้สมการที่ 3.3 และ 3.4 จะได้ว่า โพลและซีโรอยู่ที่ -1.273GHz และ -15.16MHz ตามลำดับ ผลตอบสนองเชิงความถี่ของ ขนาดอิมพิแดนซ์ขาเข้าจะเป็นดังรูปที่ 3.4

ดังนั้น หากวงจรขยายไม่เป็นอุดมคติแล้ว อิมพิแดนซ์ขาเข้าจะไม่สามารถเปรียบเสมือนเป็น ตัวเก็บประจุอย่างเดียวได้อีกต่อไป หากสมมุติว่าอิมพิแดนซ์ขาเข้าประกอบด้วยตัวเก็บประจุต่อ อนุกรมกับตัวต้านทาน ดังรูปที่ 3.5 โดยที่ Z_e(ω) คือผลความผิดพลาดของวงจรสมมูลนี้ที่ความถี่ ต่างๆ อิมพิแดนซ์สมมูลนี้ (โดยไม่รวมความผิดพลาด) จะเขียนได้เป็น



รูปที่ 3.4 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของขนาดอิมพิแดนซ์ในกรณีที่วงจรขยายเป็นอุดมคติและไม่เป็น



รูปที่ 3.5 วงจรสมมูลที่มีตัวเก็บประจุอนุกรมกับตัวต้านทาน

เมื่อพิจารณาอิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรในรูปที่ 3.3 ที่ความถี่ใดๆ โดยการแทน *s* = *j@* ลง ไปในสมการที่ 3.2 แล้วพิจารณาที่ความถี่ต่ำ เราจะสามารถละเลยโพลในสมการที่ 3.3 ทิ้งได้ สมการที่ 3.2 จะสามารถเขียนได้เป็น

$$Z_{i}(s) = \frac{R_{o}(C+C_{L})}{(1+A)C} \cdot \frac{s + \frac{1}{R_{o}(C+C_{L})}}{s}$$
(3.6)

นำสมการที่ 3.6 เปรียบเทียบกับสมการที่ 3.5 จะได้ว่า

$$C_{eq} = (1+A)C \tag{3.7}$$

และ

$$R_{eq} = \frac{R_o \left(C + C_L\right)}{\left(1 + A\right)C} \tag{3.8}$$

นั่นคือวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้ายังสามารถทวีคูณความจุไฟฟ้าได้เช่นเดิม เพียงแต่ เปรียบเสมือนมีตัวต้านทานมาต่ออนุกรมอยู่ด้วย



23

รูปที่ 3.6 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของอิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรสมมูลกับวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า แบบไม่เป็นอุดมคติ (ก) ขนาด (ข) เฟส

การใช้วงจรสมมูลในแบบดังกล่าวจะสามารถเปรียบเสมือนอิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรในรูปที่ 3.3 ได้ดีในความถี่ที่ต่ำกว่าความถี่ของโพล (ตัวที่ไม่ใช่ศูนย์) ประมาณสิบเท่า เนื่องจากผลการเลื่อน เฟสของโพลจะเริ่มจากความถี่ที่ต่ำกว่าความถี่โพลประมาณสิบเท่า แต่ถ้าหากดูเพียงแค่ขนาด ของอิมพิแดนซ์ ผลของโพลจะเกิดขึ้น ณ ตำแหน่งความถี่โพล

หากกำหนดให้ $A=3,~C=1 pF,~R_{_{o}}=10 k \Omega$ และ $C_{_{L}}=50~fF$ จากสมการที่ 3.7 และ 3.8 อิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบไม่เป็นอุดมคติจะสมมูลกับวงจรดังรูปที่ 3.5 โดยที่ $C_{_{eq}}=4pF$ และ $R_{_{eq}}=2.625k\Omega$ ผลตอบสนองเชิงความถี่ของอิมพิแดนซ์สมมูล และอิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบไม่อุดมคติแสดงไว้ในรูปที่ 3.6

3.2 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์

้วิธีการหนึ่งในการปรับปรุงวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าเพื่อให้ความต้านทานสมมูลลดลง คือการ ต่อบัฟเฟอร์ลงไปในวงจรดังรูปที่ 3.7 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์นี้สามารถเขียนอิมพิ แดนซ์ขาเข้าได้เป็น



รูปที่ 3.7 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์

เมื่อพิจารณาที่ความถี่ต่ำเพียงพอที่จะละเลยผลของโพลได้ อิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรนี้จะลด รูปได้เป็น

$$Z_{i}(s) = \frac{R_{o}C_{L}}{(1+A)C} \cdot \frac{s + \frac{1}{R_{o}C_{L}}}{s}$$
(3.10)
เปรียบเทียบสมการที่ 3.10 กับสมการที่ 3.5 จะได้ว่า

$$C_{eq} = (1+A)C \tag{3.11}$$

$$R_{eq} = \frac{R_o C_L}{(1+A)C}$$
(3.12)

เมื่อกำหนดให้ $A=3, C=1pF, R_o=10k\Omega$ และ $C_L=50\,fF$ จากสมการที่ 3.11 และ 3.12 อิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์จะมีความจุไฟฟ้าสมมูลและ ความต้านทานสมมูลคือ $C_{eq}=4pF$ และ $R_{eq}=125\Omega$ ผลตอบสนองเชิงความถี่ของอิมพิแดนซ์ สมมูลและอิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์แสดงไว้ในรูปที่ 3.8



รูปที่ 3.8 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของอิมพิแดนซ์สมมูลขาเข้ากับอิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรทวีคูณ ความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์ (ก) ขนาด (ข) เฟส

จะเห็นได้ว่า ค่าความต้านทานสมมูลนั้นลดลง ซึ่งสามารถอธิบายได้โดยการนำสมการที่ 3.12 และสมการที่ 3.8 มาหาอัตราส่วนกัน นั่นคือ

$$\frac{R_{eq}(\text{with buffer})}{R_{eq}(\text{without buffer})} = \frac{C_{L}}{C + C_{L}}$$
(3.13)

ในกรณีดังกล่าว ความต้านทานสมมูลของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์ลดลงไป เป็น 1/21 เท่าของความต้านทานสมมูลของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยไม่ใช้บัฟเฟอร์

อย่างไรก็ตาม การใช้บัฟเฟอร์ไม่ได้ช่วยแก้ปัญหาของผลตอบสนองเชิงความถี่ของวงจรทวีคูณ ความจุไฟฟ้า กล่าวคือ ผลของโพลที่ละเลยไปจะมีผลที่ความถี่เดียวกัน ทำให้การใช้งานของวงจร ทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์ในช่วงความถี่สูงถูกจำกัดด้วยโพลตามสมการที่ 3.3 แต่ถ้าหากเรา พิจารณาผลที่เกิดขึ้นจากความไม่เป็นอุดมคติของบัฟเฟอร์ด้วยแล้ว เราจะสามารถทำให้ช่วงความถี่ การใช้งานของวงจรนี้มีค่าสูงขึ้นได้ โดยการเลือกค่าที่เหมาะสมดังที่จะกล่าวในหัวข้อถัดไป

3.3 ผลจากความไม่เป็นอุดมคติของบัฟเฟอร์

สำหรับการสังเคราะห์วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์ด้วย CMOS วงจรบัฟเฟอร์เอง ก็มีความไม่เป็นอุดมคติด้วยเช่นกัน ผลจากความไม่เป็นอุดมคติของบัฟเฟอร์นี้สามารถจำลองได้ดัง วงจรในรูปที่ 3.9 โดยที่ C_b และ R_b คือผลจากความไม่เป็นอุดมคติของบัฟเฟอร์



รูปที่ 3.9 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยคำนึงถึงความไม่เป็นอุดมคติของบัฟเฟอร์

อิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรในรูปที่ 3.9 สามารถเขียนได้เป็น

$$Z_{i}(s) = \left(\frac{1}{C} + \frac{1}{C_{b}} + \frac{1}{C_{L}}\right) \cdot \frac{s^{2} + K_{1}s + K_{2}}{s\left(s + \frac{1+A}{R_{o}C_{L}}\right)\left(s + \frac{1}{R_{b}C_{b}}\right)}$$
(3.14)

โดยที่

$$K_{1} = \frac{R_{b}C + R_{o}C_{L} + R_{b}C_{b}}{R_{o}R_{b}\left(C_{b}C + C_{L}C + C_{b}C_{L}\right)}$$
(3.15)

$$K_{2} = \frac{1}{R_{o}R_{b}\left(C_{b}C + C_{L}C + C_{b}C_{L}\right)}$$
(3.16)

จากสมการที่ 3.14 อิมพิแดนซ์ขาเข้านั้นมีโพลสามตัวและมีซีโรสองตัว โดยที่โพลทั้งสามตัว อยู่ที่ศูนย์, $-\frac{1+A}{R_oC_L}$ และ $-\frac{1}{R_bC_b}$ ตามลำดับ ขณะที่ซีโรไม่สามารถเขียนอยู่ในรูปอย่างง่ายได้ และ อาจจะมีค่าเป็นเชิงซ้อนได้อีกด้วย อย่างไรก็ตามหากตัวเก็บประจุ C_L ไม่ได้เป็นตัวเก็บประจุที่เกิดจาก ความไม่เป็นอุดมคติของวงจรขยาย แต่เป็นตัวเก็บประจุที่ต่อเข้าไปในวงจร การเปลี่ยนค่าตัวเก็บประจุ นี้จะสามารถทำให้ โพลที่ $-\frac{1+A}{R_oC_L}$ และซีโรทั้งสองตัวเคลื่อนที่ จากปรากฏการณ์นี้ ทำให้มีค่า C_L ค่าหนึ่งที่ทำให้โพลที่เคลื่อนที่นี้ไปหักล้างกับซีโรตัวหนึ่ง (ที่เคลื่อนที่เช่นกัน) พอดี

และ

กำหนดให้ A = 3, C = 1pF, $R_o = 10k\Omega$, $R_b = 100\Omega$ และ $C_b = 0.5 fF$ เส้นทาง การเคลื่อนที่ของโพลและซีโรที่เคลื่อนที่โดยการแปรค่า C_L จาก 6 fF ถึง 40 fF เป็นไปดังรูปที่ 3.10 โพลที่ไม่ได้เคลื่อนที่อยู่ที่ศูนย์และ $-\frac{1}{R_bC_b} = -2 \times 10^{13} \frac{rad}{s}$ ตามลำดับ โพลทั้งสองนี้ไม่ได้ แสดงอยู่ในรูปที่ 3.10 ลูกศรในรูปแสดงถึงทิศทางการเคลื่อนที่ของโพลและซีโรเมื่อแปรค่า C_L จากค่า น้อยไปหาค่ามาก



27

จากรูปแบบการเคลื่อนที่ของโพลและซีโรจะเห็นได้อย่างชัดเจนว่า ต้องมี C_, ค่าหนึ่งที่ทำให้ โพลและซีโรเคลื่อนที่มาหักล้างกันได้ เงื่อนไขนี้สามารถเขียนเป็นสมการได้ว่า

$$-\frac{1+A}{R_o C_L} = \frac{-K_1 - \sqrt{K_1^2 - 4K_1 K_2}}{2}$$
(3.17)

โดยที่ K_1 และ K_2 เป็นไปตามสมการที่ 3.15 และ 3.16 ตามลำดับ

เมื่อแก้สมการที่ 3.17 ควบคู่ไปกับสมการที่ 3.15 และ 3.16 จะได้สมการเพื่อหาค่าของ C_L ที่ทำให้เกิดการหักล้างกันของโพลและซีโรคือ

$$C_{L}^{2} - \frac{R_{b}(C + C_{b})(1 + A)}{R_{o}}C_{L} - \frac{R_{b}C_{b}C(1 + A)^{2}}{AR_{o}} = 0$$
(3.18)

โดยเลือกคำตอบที่ C, มีค่ามากกว่าศูนย์

หากนำค่า C_L ที่ได้จากการแก้สมการนี้ แทนค่าลงไปในสมการที่ 3.14 ย่อมจะทำให้โพลและ ซึโรคู่หนึ่งหักล้างกันไป อิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรในรูปที่ 3.9 จะเหลือโพลเพียงสองตัว และซึโรอีก ตัวหนึ่ง โดยโพลที่เหลืออยู่ ตัวหนึ่งนั้นอยู่ที่ศูนย์ ขณะที่อีกตัวหนึ่งอยู่ที่

$$\omega_{p} = -\frac{1}{R_{b}C_{b}}$$
(3.19)

และซีโรที่เหลืออยู่ที่

$$\omega_{z} = \frac{-K_{1} + \sqrt{K_{1}^{2} - 4K_{1}K_{2}}}{2}$$
(3.20)

ในช่วงความถี่ที่ต่ำจนละเลยโพลในสมการที่ 3.19 ได้ อิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรทวีคูณความ จุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์จะมีค่าความจุและค่าความต้านทานสมมูลคือ

$$C_{eq} = (1+A)C \tag{3.21}$$

และ

$$R_{eq} = R_{b}C_{b}\left(\frac{1}{C} + \frac{1}{C_{L}} + \frac{1}{C_{b}}\right)$$
(3.22)

โดยสมการที่ 3.22 จะถูกต้องได้ จะต้องใช้ค่า C ที่ได้จากการแก้สมการที่ 3.18 เท่านั้น

อย่างไรก็ตาม หาก*C*_ เป็นค่าใดๆ ที่ทำให้ซีโรเป็นจำนวนจริง จะหาค่าความต้านทานสมมูล ได้เป็น

$$R_{eq} = \frac{R_{o}C_{L} + R_{b}(C + C_{b}) + \sqrt{\left[R_{o}C_{L} - R_{b}(C + C_{b})\right]^{2} - 4R_{o}R_{b}C_{b}C}}{2(1+A)C}$$
(3.23)

เมื่อ $A=3, C=1pF, R_o=10k\Omega, R_b=100\Omega$ และ $C_b=0.5fF$ แทนค่า ทั้งหมดลงไปในสมการที่ 3.18 จะได้ $C_L=40.676fF$ นำค่าที่ได้แทนต่อลงไปในสมการที่ 3.21 และ 3.22 จะได้ $C_{eq}=4pF$ และ $R_{eq}=101.28\Omega$ โพลที่เหลืออยู่และจะเป็นโพลที่จำกัดช่วงความถึ่ ในการใช้งานของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าคือโพลในสมการที่ 3.19 มีค่าเท่ากับ -3.183THz



รูปที่ 3.11 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของอิมพิแดนซ์สมมูลขาเข้ากับอิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรทวีคูณ ความจุไฟฟ้าโดยการหักล้างโพลและซึโร (ก) ขนาด (ข) เฟส

ดังนั้น เราสามารถเพิ่มช่วงความถี่ในการใช้งานของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์ ได้ เมื่อพิจารณาผลของความไม่เป็นอุดมคติของบัฟเฟอร์และเลือกค่า *C*_L ที่เหมาะสมในการหักล้าง โพลและซีโร

3.4 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความผิดพลาดในวงจรสมมูล

เราได้มองอิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าสมมูลกับตัวเก็บประจุต่อขนานกับ ตัวต้านทาน ซึ่งสามารถเขียนเป็นอิมพิแดนซ์สมมูลได้เป็น

$$Z_{eq}(s) = R_{eq} + \frac{1}{sC_{eq}}$$
(3.24)

แต่เมื่อวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าทำงานในย่านความถี่สูง วงจรสมมูลดังกล่าวจะมีความผิด พลาด ซึ่งเราจะสังเกตความผิดพลาดทั้งขนาดและเฟส

สำหรับขนาด เราจะวัดความผิดพลาดโดย

normalize magnitude error =
$$\frac{\left| Z_{eq}(j\omega) - Z_{i}(j\omega) \right|}{\left| Z_{i}(j\omega) \right|}$$
(3.25)

และเฟสจะวัดความผิดพลาดโดย

phase error =
$$\left| \angle Z_{eq}(j\omega) - \angle Z_{i}(j\omega) \right|$$
 (3.26)

กำหนดให้ A=3, C=1pF, $R_o=10k\Omega$, $R_b=100\Omega$ และ $C_b=0.5fF$ จะ คำนวนความจุสมมูลตามสมการที่ 3.21 ได้คือ $C_{eq}=4pF$ และเมื่อใช้ C_L ค่าต่างๆกัน จะได้ความ ต้านทานสมมูลที่คำนวนจากสมการที่ 3.23 ดังตารางที่ 3.1 นอกจากนี้หากกำหนดไว้ว่าความผิดพลาด ของวงจรสมมูลทั้งขนาดและเฟสจะต้องไม่เกิน 1% และ 2 องศาตามลำดับ ความถี่สูงสุดที่ใช้งานได้ จะสามารถคำนวนได้จากผลตอบสนองเชิงความถี่ของความผิดพลาดเหล่านี้ ตารางที่ 3.1 ค่าความต้านทานสมมูลและความถี่สูงสุดที่ใช้งานได้เมื่อใช้ C_L ค่าต่างๆ

ค่าความจุ <i>C__(f</i> F)	ค่าความต้านทานสมมูล $_{_{eq}}(oldsymbol{\Omega})$	ความถี่ที่ความผิดพลาด ขนาดเป็น 1%	ความถี่ที่ความผิดพลาด เฟสเป็น 2 องศา
30.000	74.37	331.1 MHz	208.9 MHz
33.000	81.95	398.1 MHz	302.0 MHz
40.676	101.3	436.5 GHz	109.6 GHz
80.000	199.8	131.8 MHz	57.54 MHz

ะ		ਕੰ੦੧਼ ਸ ਕ ਦ	۷ ط (۱ ۵ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۳ ۲ ۳ ۳ ۲
200.00	499.9	47.86 MHz	14.45 MHz

จะสังเกตเห็นได้ว่า ค่าความจุ C_L ที่ทำให้โพลและซีโรหักล้างกันได้พอดี (40.676 fF) ทำให้ ช่วงความถี่ในการใช้งานขยายขึ้นไปได้เป็นอย่างมาก

ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความผิดพลาดทั้งขนาดและเฟสเมื่อ C_L มีค่าดังตารางที่ 3.1 เป็นดังรูปที่ 3.12



รูปที่ 3.12 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความผิดพลาดวงจรสมมูล (ก) ขนาด (ข) เฟส

3.5 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้ CMOS

วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์สามารถสังเคราะห์เป็นวงจร CMOS อย่างง่ายได้ดัง รูปที่ 3.13 วงจรดังกล่าวใช้วงจรขยายคือ วงจร common source ต่อร่วมกับ วงจรบัฟเฟอร์คือ วงจร source follower อัตราขยายของวงจรจะมีค่าเป็น

$$A = g_{m1} \frac{r_{o1}R}{r_{o1} + R}$$
(3.27)

โดยที่ g_{m1} และ r_{o1} คือ trans-conductance และความต้านทานภายในจาก channel length modulation ของทรานซิสเตอร์ N1

ความต้านทานขาออกของวงจรขยายมีค่าเป็น

$$R_{o} = \frac{r_{o}R}{r_{o} + R}$$
(3.28)

ค่าความจุ C_L มีค่าเป็น

$$C_{L} = C_{ds1} + C_{c} \tag{3.29}$$

โดยที่ C_{ds1} คือค่าความจุระหว่างขั้ว drain และ source ของทรานซิสเตอร์ N1

ความต้านทานขาออกของวงจรบัฟเฟอร์คือ

$$R_{b} = \frac{r_{o2}}{1 + g_{m2}r_{o2}}$$
(3.30)

โดยที่ g_{m2} และ r_{o2} คือ trans-conductance และความต้านทานภายในจาก channel length modulation ของทรานซิสเตอร์ N2

และ ค่าความจุของบัฟเฟอร์คือ

$$C_{b} = C_{gs2} \tag{3.31}$$

โดยที่ C_{gs2} คือค่าความจุระหว่างขั้ว gate และ source ของทรานซิสเตอร์ N2



รูปที่ 3.13 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์

ในการจำลองผล ทรานซิสเตอร์ทุกตัวใช้แบบจำลองของ Global Foundry 0.35 μm EE PROM พารามิเตอร์ต่างๆเป็นดังตารางที่ 3.2

ตารางที่ 3.2 พารามิเตอร์ในการจำลองผลวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า

พารามิเตอร์	ค่าที่ใช้	พารามิเตอร์	ค่าที่ใช้
$V_{_{dd}}$	3.3V	$(W/L)_{N1}$	40 μ m/0.35 μ m
V _i	1.2V	$(W/L)_{N2}$	100 µm/0.35 µm
1	5mA	C	1pF
R	$_{600}\Omega$		-

ผลจากการจำลองการทำงานวงจร จะได้พารามิเตอร์สำหรับสัญญาณขนาดเล็กต่างๆ และ เมื่อนำค่าที่ได้เหล่านี้ ไปแทนลงในสมการที่ 3.27 ถึงสมการที่ 3.31 จะได้พารามิเตอร์ที่สำคัญสำหรับ ใช้ในการวิเคราะห์วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้บัฟเฟอร์ดังตารางที่ 3.3

ตารางที่ 3.3 พารามิเตอร์สำหรับสัญญาณขนาดเล็กและพารามิเตอร์ของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดย ใช้บัฟเฟอร์

พารามิเตอร์	ค่าที่ได้	พารามิเตอร์	ค่าที่ได้
g_{m1}	7.573 <i>mS</i>	C _{gs2}	103.8 <i>f</i> F
r _{o1}	4.808 $k\Omega$	А	4.040
C _{ds1}	15.54 <i>fF</i>	R _o	533.4 Ω
g_{m2}	17.26 <i>mS</i>	R_{b}	56.87 Ω
r _{o2}	3.083 $k\Omega$	C _b	103.8 <i>f</i> F

้นำค่าที่ได้ ไปแทนค่าในสมการที่ 3.18, 3.21 และ 3.22 จะได้ผลลัพธ์คือ

 $C_{_{eq}} =$ 5.040 pF , $R_{_{eq}} =$ 71.29 Ω และ $C_{_L} =$ 693.5 fF

สุดท้าย สืบเนื่องจากสมการที่ 3.29 เราจะได้ว่า ตัวเก็บประจุที่ต้องใส่ลงไปเพื่อหักล้างโพล และซีโรคือ *C_* = 678.0 *fF*

ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความผิดพลาดโดยใช้สูตรตามหลักกการที่กล่าวไว้ข้างต้นเป็นดัง รูปที่ 3.14 ความผิดพลาดขนาดที่ 1% และ ความผิดพลาดเฟสที่ 2 องศาอยู่ที่ความถี่ 3.631*GHz* และ 912.0*MHz* ตามลำดับ

ในทางปฏิบัติ ค่าความจุสมมูลและความต้านทานสมมูลจากการจำลองผลสามารถหาได้จาก

$$R_{eq} = \operatorname{Re}\left(\frac{v_i(j\omega)}{i_i(j\omega)}\right)$$
(3.32)

$$C_{eq} = -\frac{1}{\omega lm\left(\frac{v_i(j\omega)}{i_i(j\omega)}\right)}$$
(3.33)

โดยจะต้องใช้สมการดังกล่าวที่ความถี่ต่ำ เนื่องจากที่ความถี่สูงจะมีผลของความผิดพลาดเกิดขึ้น ทำให้ ค่าที่ได้ผิดเพี้ยนไป





รูปที่ 3.14 ผลตอบสนองความผิดพลาดทางทฤษฎีของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้ CMOS (ก) ขนาด (ข) เฟส

เมื่อใช้ความถี่ที่ 1*kHz* กับค่าความจุ $C_c=$ 678.0 *f*F สำหรับการหักล้างกันระหว่างโพลกับ ซึโร แล้วใช้สมการที่ 3.32 กับ 3.33 จะได้ $C_{_{eq}}=$ 5.061*p*F และ $R_{_{eq}}=$ 75.10 Ω

ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความผิดพลาดเป็นดังรูปที่ 3.15 ความผิดพลาดขนาดที่ 1% และ ความผิดพลาดเฟสที่ 2 องศาอยู่ที่ความถี่ 279.6*MHz* และ 645.2*MHz* ตามลำดับ ตารางที่ 3.4 เปรียบเทียบค่าที่ได้จากทางทฤษฎีและจากการจำลองผล

ค่าที่ได้	จากทางทฤษฎี	จากการจำลองผล	ความผิดพลาด
C _{eq}	5.040 <i>pF</i>	5.061 <i>pF</i>	0.4149%
R _{eq}	71.29 Ω	75.10 Ω	5.073%
ความถี่ที่มีความ ผิดพลาดขนาด 1%	3.631 <i>GHz</i>	279.6 <i>MHz</i>	1199%
ความถี่ที่มีความ ผิดพลาดเฟส 2 องศา	912.0 <i>MHz</i>	645.2 <i>MHz</i>	41.35%



รูปที่ 3.15 ผลตอบสนองความผิดพลาดทางปฏิบัติของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยใช้ CMOS (ก) ขนาด (ข) เฟส

ผลการจำลองวงจรกับผลทางทฤษฎีมีความแม่นยำสำหรับ C_{eq} และ R_{eq} แต่มีความ ผิดพลาดไปอย่างมากในการหาค่าความถี่ที่มีความผิดพลาดขนาด 1% และความถี่ที่มีความผิดพลาด เฟส 2 องศา ทั้งนี้ เป็นเพราะยังมีตัวเก็บประจุแฝงอื่นๆ ของทรานซิสเตอร์ โดยเฉพาะ ความจุแฝง ระหว่าง gate กับ source ของทรานซิสเตอร์ N1 ที่ทำให้สมการอิมพิแดนซ์ขาเข้าเปลี่ยนไป ซึ่งการ เลือก C_c ที่จะทำให้เกิดการหักล้างกันของโพลและซิโรจะสามารถทำนายได้แม่นยำขึ้น หากคิดตัวเก็บ ประจุแฝงอื่นๆอย่างละเอียดมากยิ่งขึ้น

อย่างไรก็ตาม วิธีการที่ได้นำเสนอมา เป็นความคิดขั้นต้นที่จะสามารถเพิ่มช่วงความถี่ในการ ใช้งานของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าได้ รูปที่ 3.16 แสดงถึงผลตอบสนองเชิงความถี่ของความผิดพลาด



เมื่อไม่มีตัวเก็บประจุ C_ อยู่ (C_ = 0) จะสังเกตเห็นได้ว่า ผลตอบสนองนั้นแย่กว่าผลตอบสนองเมื่อ มีตัวเก็บประจุ C_ อยู่ในวงจร

3.6 สรุป

วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าโดยอาศัยทฤษฎีของมิลเลอร์ ต้องใช้วงจรขยายกับตัวเก็บประจุใน การป้อนกลับ ผลลัพธ์ที่ได้คือ วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าจะเปรียบเสมือนตัวเก็บประจุที่มีค่าความจุคูณ กับอัตราขยาย หากวงจรขยายไม่เป็นอุดมคติ วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าจะเปรียบเสมือนกับมีตัวเก็บ ประจุและตัวต้านทานต่ออนุกรมกันอยู่ หากการป้อนกลับของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าใช้บัฟเฟอร์ จะ ทำให้ความต้านทานสมมูลนั้นมีค่าลดลงอย่างมาก วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้านี้จะเปรียบเสมือนตัวเก็บ ประจุมากขึ้น อย่างไรก็ตาม วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าจะสมมูลกับตัวเก็บประจุอนุกรมกับตัวต้านทานได้ ในช่วงความถี่หนึ่งเท่านั้น ที่ความถี่ที่สูงขึ้นไปผลของความไม่เป็นอุดมคติของบัฟเฟอร์และตัวเก็บ ประจุแฝงต่างๆจะส่งผลให้วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าผิดเพี้ยนไป ซึ่งสามารถวิเคราะห์ได้ด้วยวิธีของโพล และซีโร วิธีการหนึ่งที่จะเพิ่มช่วงความถี่การใช้งานได้คือการเลือกใช้ตัวเก็บประจุในวงจรให้เหมาะสม เพื่อทำให้โพลและซีโรหักล้างกันไป

ผลการวิเคราะห์จากทางทฤษฎีและผลการทดลองมีแนวโน้มไปในทางเดียวกัน กล่าวคือ ตัว เก็บประจุที่เพิ่มเข้ามาสามารถเพิ่มช่วงความถี่ในการใช้งานได้ ถึงแม้ว่าจะทำนายค่าต่างๆได้ไม่แม่นยำ นัก ซึ่งถ้าหากมีการวิเคราะห์โพลและซีโรที่ละเอียดขึ้นโดยการคำนึงถึงตัวเก็บประจุแฝงอื่นๆอีก ก็จะ สามารถทำนายได้แม่นยำมากขึ้น



บทที่ 4 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล

4.1 ความจุไฟฟ้าสมมูลที่ปรับค่าได้

วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียลแสดงอยู่ในรูปที่ 4.1 ซึ่งเกิดจากวงจรทวีคูณ ความจุไฟฟ้าแบบมีบัฟเฟอร์ในบทที่ 3 มาต่อกันแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล ทรานซิสเตอร์ N1 และ N2 ที่ มีขนาดเท่ากัน ทำหน้าที่เป็นวงจรขยาย ขณะที่ทรานซิสเตอร์ N3 และ N4 ที่มีขนาดเท่ากันทำหน้าที่ เป็นวงจรบัฟเฟอร์ วงจรดังกล่าวจะเปรียบเสมือนตัวเก็บประจุต่ออนุกรมกับตัวต้านทาน อย่างไรก็ดี เราจะละเลยผลของตัวต้านทานเนื่องจากค่าความต้านทานมีค่าน้อย และง่ายต่อการวิเคราะห์



รูปที่ 4.1 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล

จากการวิเคราะห์วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบมีบัฟเฟอร์ในบทที่ 3 จะสังเกตได้ว่า วงจร ดังกล่าวเปรียบเสมือนตัวเก็บประจุตัวหนึ่งที่มีขาหนึ่งของตัวเก็บประจุเสมือนนี้ต่อลงดิน (*C_{eq1}*) แต่ เมื่อนำวงจรนี้มาต่อแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล ขาที่เคยต่อกับดินนั้นจะไปต่อกับดินเสมือน (virtual ground) ดังนั้นเมื่อพิจารณาวงจรนี้แบบดิฟเฟอร์เรนเชียลแล้ว วงจรนี้จะเปรียบเสมือนตัวเก็บประจุ สองตัวจากวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบมีบัฟเฟอร์ต่ออนุกรมกันดังรูปที่ 4.2 จึงได้ว่า





รูปที่ 4.2 วงจรสมมูลของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล (ก) วงจรสมมูลแบบแต่ละ ข้างของขาเข้า (ข) วงจรสมมูลแบบพิจารณาเป็นดิฟเฟอร์เรนเชียล

$$C_{eq} = \frac{(1+A)C}{2}$$
 (4.1)

โดยที่ A คืออัตราขยายวงจรดิฟเฟอร์เรนเชียลนี้ (ซึ่งก็คืออัตราขยายของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า แบบมีบัฟเฟอร์ของข้างใดข้างหนึ่งเช่นกัน)

จากสมการที่ 4.1 เราจะสังเกตเห็นได้ว่า หากอัตราขยายเปลี่ยนค่าได้ วงจรทวีคูณความจุ ไฟฟ้านี้ก็จะเปรียบเสมือนเป็นตัวเก็บประจุที่ปรับค่าได้ โดยอัตราขยายนี้สามารถแปรค่าได้โดยการ แปรกระแสไบอัส *I*

จากบทที่ 3 เราได้แสดงให้เห็นว่า

$$A = \frac{g_{m1}r_{o1}R}{r_{o1} + R}$$
(4.2)

โดยที่ g_{m1} และ r_{o1} คือ trans-conductance และ ความต้านทานภายในของทรานซิสเตอร์ N1 ตามลำดับ

เนื่องจาก _{S_{m1}} และ r_{o1} มีค่าขึ้นกับกระแสไบอัส I_b ดังนั้นการแปรค่ากระแสไบอัสจะทำให้ เกิดการเปลี่ยนแปลงอัตราขยายได้ ซึ่งจะส่งผลให้วงจรนี้เปรียบเสมือนตัวเก็บประจุที่ปรับค่าได้

4.2 ข้อจำกัดของกระแสไบอัส

ค่า trans-conductance และ ความต้านทานภายในของทรานซิสเตอร์ N1 (และ N2) ขึ้นอยู่กับกระแสไบอัส และแรงดันสงบขาเข้า รวมถึงช่วงที่กระแสไบอัสที่ต่ำสุดและสูงสุดก็ขึ้นอยู่กับ แรงดันสงบขาเข้าเช่นกัน โดยวงจรนี้ ทรานซิสเตอร์ทุกตัวจะต้องทำงานอยู่ในย่านอิ่มตัว หากกระแส ไบอัสต่ำเกินไป จะทำให้ทรานซิสเตอร์ N1 อยู่ในย่าน weak inversion แต่ถ้าหากกระแสไบอัสสูง เกินไป จะสามารถแบ่งขอบเขตได้เป็นสองกรณี คือ

กรณีที่หนึ่ง หากแรงดันสงบขาเข้ามีค่ามากกว่าแรงดันขีดเริ่ม (threshold voltage) เล็กน้อย กระแสไบอัสที่มากเกินไปจะทำให้แรงดันคร่อมแหล่งจ่ายกระแสไบอัส (I_b) มีค่าต่ำ เนื่องจากแรงดัน ระหว่าง gate และ source (V_g) มีค่าสูงขึ้น ถึงแม้ว่าในทางทฤษฎี แรงดันที่คร่อมแหล่งจ่ายกระแส ไฟตรงอุดมคติจะมีแรงดันคร่อมเป็นเท่าใดก็ได้ แต่ในทางปฏิบัติ แหล่งจ่ายกระแสมักจะทำด้วย ทรานซิสเตอร์ และต้องมีแรงดันคร่อมอยู่บ้าง ดังนั้นหากกระแสไบอัสมากเกินไป จะทำให้แหล่งจ่าย กระแสไบอัส (ที่ทำด้วยทรานซิสเตอร์) ไม่เป็นแหล่งจ่ายกระแสอีกต่อไป

กรณีที่สอง หากแรงดันสงบขาเข้ามีค่ามาก กระแสไบอัสที่มากขึ้นจะทำให้แรงดันระหว่าง drain กับ source (V_{ds}) มีค่าน้อยลงเนื่องจากผลของตัวต้านทาน (แน่นอนว่า แรงดันที่ source ย่อม ลดลง แต่หากแรงดันที่ gate มากเพียงพอ แรงดันที่ source จะไม่ต่ำพอที่จะทำให้แหล่งจ่ายกระแส ผิดเพี้ยนไปดังกรณีแรก) จนกระทั่งทำให้ทรานซิสเตอร์ N1 ทำงานอยู่ในย่าน triode แทน

ช่วงกระแสไบอัสที่สามารถใช้งานได้จะเป็นข้อจำกัดของช่วงการแปรค่าความจุสมมูลต่อไป

ในการจำลองผล ทรานซิสเตอร์ทุกตัวถูกจำลองด้วย Global Foundry 0.35 μm EE PROM พารามิเตอร์ต่างๆเป็นดังตารางที่ 4.1

พารามิเตอร์	ค่าที่ใช้	พารามิเตอร์	ค่าที่ใช้					
$V_{_{dd}}$	3.3V	С	1 <i>p</i> F					
Ι	5mA	$\left(W/L \right)_{1} = \left(W/L \right)_{2}$	40 μ m/0.35 μ m					
R	600Ω	$\left(W/L\right)_{3} = \left(W/L\right)_{4}$	100 μ m/0.35 μ m					

ตารางที่ 4.1 พารามิเตอร์ในการจำลองผลวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล

กระแสไบอัสต่ำสุดที่เป็นไปได้สำหรับค่าแรงดันสงบขาเข้าหนึ่งๆ มีค่าไม่ต่างกันมากนัก หาก แปรค่าแรงดันสงบขาเข้าจาก 0.7V ถึง 3V กระแสไบอัสที่ต่ำที่สุดที่ยังทำให้ทรานซิสเตอร์ N1 ทำงานอยู่ในย่านอิ่มตัว จะอยู่ในช่วง 100.7 µA ถึง 110.2 µA

กระแสไบอัสสูงสุดที่เป็นไปได้สำหรับค่าแรงดันสงบขาเข้าหนึ่งๆมีค่าแปรเปลี่ยนไปมาก ขึ้นอยู่กับแรงดันขาเข้า และสามารถแบ่งได้เป็นสองกรณีดังที่กล่าวมาข้างต้น หากแปรค่าแรงดับสงบ ขาเข้าจาก 0.7V ถึง 3V กระแสไบอัสที่สูงที่สุดที่ยังทำให้ทรานซิสเตอร์ N1 ทำงานอยู่ในย่านอิ่มตัว หรือแรงดันตกคร่อมแหล่งจ่ายกระแสไบอัสไม่ต่ำว่า 100mV จะอยู่ในช่วง 166 µA ถึง 8850 µA ตารางที่ 4.2 ค่ากระแสไบอัสสูงสุด กระแสไบอัสต่ำสุด ช่วงของการเปลี่ยนค่ากระแสไบอัส และ เงื่อนไขสำหรับการจำกัดกระแสสูงสุดที่แรงดันสงบขาเข้าหนึ่งๆ

แรงดันสงบขา เข้า V _i (V)	กระแสไบอัส ต่ำสุด เ _{bmin} (µA)	กระแสไบอัส สูงสุด เ _{bmax} (µA)	ข้อจำกัดของ กระแสสูงสุด	ช่วงการแปร ค่ากระแสไบอัส เ _{bmax} — เ _{bmin} (µA)
0.700	110.2	166.0	current source	55.8
0.750	109.8	341.4	current source	231.6
0.800	109.5	610.3	current source	500.8

0.850	109.4	967.7	current source	858.3
0.900	109.1	1399	current source	1289.9
0.950	108.8	1890	current source	1781.2
1.000	108.6	2429	current source	2320.4
1.050	108.3	3006	current source	2897.7
1.100	108.0	3615	current source	3507
1.150	107.9	4248	current source	4140.1
1.200	107.7	4899	current source	4791.3
1.250	107.5	5563	current source	5455.5
1.300	107.4	6230	current source	6122.6
1.350	107.2	6892	current source	6784.8
1.400	106.9	7527	current source	7420.1
1.450	106.7	8100	current source	7993.3
1.500	106.7	8553	current source	8446.3
1.525	106.6	8720	current source	8613.4
1.550	106.5	8850	current source	8743.5
1.575	106.4	8767	triode	8660.6
1.600	106.2	8674	triode	8567.8
1.650	106.2	8487	triode	8380.8
1.700	105.9	8300	triode	8194.1
1.750	105.8	8115	triode	8009.2
1.800	105.7	7926	triode	7820.3
1.850	105.5	7739	triode	7633.5
1.900	105.3	7552	triode	7446.7
1.950	105.2	7365	triode	7259.8
2.000	104.9	7179	triode	7074.1
2.050	104.8	6991	triode	6886.2
2.100	104.7	6804	triode	6699.3
2.150	104.5	6617	triode	6512.5
2.200	104.3	6430	triode	6325.7
2.250	104.2	6242	triode	6137.8
2.300	104.0	6055	triode	5951
2.350	103.8	5868	triode	5764.2
2.400	103.6	5681	triode	5577.4
2.450	103.4	5494	triode	5390.6

103.2	5306	triode	5202.8
103.0	5118	triode	5015
102.8	4931	triode	4828.2
102.5	4743	triode	4640.5
102.3	4555	triode	4452.7
102.1	4367	triode	4264.9
101.8	4180	triode	4078.2
101.6	3992	triode	3890.4
101.3	3804	triode	3702.7
101.0	3615	triode	3514
100.7	3427	triode	3326.3
	103.2 103.0 102.8 102.5 102.3 102.1 101.8 101.6 101.3 101.0 100.7	103.25306103.05118102.84931102.54743102.34555102.14367101.84180101.63992101.33804101.03615100.73427	103.25306triode103.05118triode102.84931triode102.54743triode102.34555triode102.14367triode101.84180triode101.63992triode101.33804triode101.03615triode100.73427triode



รูปที่ 4.3 ช่วงการแปรค่ากระแสไบอัสกับแรงดันสงบขาเข้า

จากผลการทดลองจะสังเกตเห็นได้ว่า ช่วงการแปรค่ากระแสไบอัสจะมีค่ามากที่สุด ณ จุดที่ กำลังจะเปลี่ยนเงื่อนไขของข้อจำกัดกระแสสูงสุดจากแรงดันคร่อมแหล่งจ่ายไบอัสไม่ต่ำกว่า 100*mV* เป็นข้อจำกัดย่านการทำงานของทรานซิสเตอร์ N1 สำหรับทรานซิสเตอร์ N3 และ N4 ที่ทำหน้าที่เป็น บัฟเฟอร์ไม่มีข้อจำกัดใดๆ เนื่องจากกระแสไบอัสบัฟเฟอร์ / มีค่ามากเพียงพอที่ทรานซิสเตอร์ N3 และ N4 จะทำงานอยู่ในย่านอิ่มตัวเสมอ

4.3 อัตราขยายของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล

เนื่องจากการป้อนแรงดันขาเข้าที่ค่าต่างๆกัน ทำให้ช่วงการปรับกระแสไบอัสมีค่าต่างกัน ย่อมทำให้ช่วงการปรับ trans-conductance และ ความต้านทานภายในของวงจรขยายแตกต่างกัน ไปด้วย รูปที่ 4.4 แสดงถึงค่า Trans-conductance และ ความต้านทานภายในของวงจรขยายที่ แรงดันสงบขาเข้าต่างๆกัน เมื่อแปรค่ากระแสไบอัสจากต่ำสุดไปสูงสุด โดยขอบเขตของกระแสไบอัส นั้นใช้ตามตารางที่ 4.2







(ค) - (ง) 1.550V (จ) - (ฉ) 2.000V

จากการจำลองผลจะเห็นว่า เมื่อกระแสไบอัสมีค่าเพิ่มมากขึ้นจนกระทั่งทรานซิสเตอร์ N1 กำลังจะทำงานในย่าน triode ค่า trans-conductance จะมีค่าลดลงเล็กน้อย (ยกเว้นในกรณีที่ V_i = 1.000V)

เมื่อได้ค่าของ trans-conductance และความต้านทานแล้ว เราสามารถหาอัตราขยายได้ จากสมการที่ 4.2 หรือหาอัตราขยายโดยตรงได้จากการจำลองผลหาอัตราขยายที่ความถี่ต่ำ เพื่อที่จะ ละเลยผลของความไม่เป็นอุดมคติของวงจรขยาย รูปที่ 4.5 แสดงถึงอัตราขยายที่แรงดันสงบต่างๆกัน ที่ได้จากทางทฤษฎีโดยใช้สมการที่ 4.2 และจากการจำลองผลหาอัตราขยายที่ความถี่ 1 MHz รูปที่ 4.6 แสดงถึงความผิดพลาดเป็นเปอร์เซนต์ของอัตราขยายจากการละเลยผลของออเดอร์สูง กับ อัตราขยายจากการจำลองผลที่ความถี่ 1 MHz นั่นคือ



(ข)



48

(ข)



รูปที่ 4.6 ความผิดพลาดของอัตราขยายจากทางทฤษฎีและจากการจำลองผล (ก) $V_i = 1.000V$ (ข) $V_i = 1.550V$ (ค) $V_i = 2.000V$

สังเกตเห็นได้ว่า ผลจากทางทฤษฎีและจากการจำลองผลมีความสอดคล้องกันเป็นอย่างมาก ถึงแม้ว่าการเพิ่มกระแสไบอัสจะทำให้ค่าของ trans-conductance เพิ่มขึ้น แต่ใน ขณะเดียวกันก็ทำให้ความต้านทานภายในลดลง อัตราขยาย (จากสมการที่ 4.2) จึงเพิ่มขึ้นในช่วงแรก และลดลงเมื่อกระแสมากขึ้น จากสมการที่ 4.1 เราจะสังเกตเห็นได้ว่า หากเราแปรค่าของอัตราขยาย ได้มากเพียงใด ย่อมทำให้เราแปรค่าความจุสมมูลได้มากเท่านั้น และค่าของกระแสไบอัสที่ได้ อัตราขยายมากที่สุดอาจจะไม่ใช่ค่ากระแสไบอัสสูงสุดที่เป็นดังตารางที่ 4.2 แต่จะสามารถหาได้จาก การจำลองผลที่แรงดันสงบขาเข้าต่างๆกัน หากพารามิเตอร์ต่างๆของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้านี้เป็น ดังตารางที่ 4.1 จะได้ว่าแรงดันสงบขาเข้าที่ทำให้ช่วงแปรค่าอัตราขยายมีค่ามากที่สุดคือ V_i = 1.3V ค่าต่างๆสรุปได้ดังตารางที่ 4.3

Chulalongkorn University



รูปที่ 4.7 อัตราขยายของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าเมื่อ V = 1.3V ที่กระแสไบอัสต่างๆ

		กระแสไบอัสที่		กระแสไบอัสที่	อัตราส่วนตัวคูณ
แรงดันสงบ	อัตราขยาย	ทำให้อัตราขยาย	อัตราขยาย	ทำให้อัตราขยาย	ความจุสูงสุด
ขาเข้า V,	ต่ำสุด A _{min}	มีค่าต่ำสุด	สูงสุด A _{max}	🔍 มีค่าสูงสุด	$1 + A_{\text{max}}$
		l _{b,Amin}		l _{b,Amax}	$1 + A_{min}$
1.3V	0.5519	107.4 µ A	4.003	6230 µ A	3.224
		0 - 1			

a		J	a	é	ษ	a	0 9	21	e	a	
ตารางท่	4.3	อตราขยา	ายเมื่อแร	รงดนสง	11917191	ามค	าทาไ	หทา	งอตร	าขยายม่คว	เสงสด
		0.10.00			00100					100 1000	

หากพารามิเตอร์ต่างๆในวงจรเปลี่ยนไป ย่อมที่จะทำให้ค่าต่างๆที่ได้มาจากการจำลองผลหรือ ได้จากการคิดคำนวนเปลี่ยนไปเช่นกัน แต่แนวโน้มของค่าต่างๆยังคงเป็นในลักษณะนี้เสมอ

4.4 ความจุสมมูลจากการจำลองวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล

ความจุสมมูลสามารถคำนวนได้จากสมการที่ 4.1 ในทางทฤษฎีและสามารถหาได้จากผลการ ทดลองคือ

$$C_{eq} = -\frac{1}{2\pi f \ln\left(\frac{v_i}{i_i}\right)}$$
(4.5)

โดยที่ *f* คือความถี่ของสัญญาณ _V, คือสัญญาณแรงดันและ *i*, คือสัญญาณกระแสที่เข้าไปในวงจร ทวีคูณความจุไฟฟ้านี้ หากวงจรนี้เป็นอุดมคติแล้ว ความจุจะมีค่าคงที่ไม่ขึ้นกับความถี่ อย่างไรก็ตาม หากความถี่ของสัญญาณมีค่าไม่สูงนัก ผลการจำลองกับผลทางทฤษฎีจะมีค่าใกล้เคียงกัน

รูปที่ 4.8 แสดงถึงความจุสมมูลที่ความถี่ 10*MHz* เมื่อใช้พารามิเตอร์ต่างๆดังตารางที่ 4.1 และใช้ V_i = 1.3V กระแสไบอัสนั้นแปรค่าตามตารางที่ 4.3 ความจุสมมูลที่ต่ำที่สุดคือ 796.6 *fF* ความจุสมมูลที่สูงที่สุดคือ 2.512*pF* และอัตราส่วนระหว่างความจุสมมูลสูงสุดต่อความจุสมมูลต่ำสุด คือ 3.153



รูปที่ 4.8 ความจุสมมูลที่ความถี่ 10*MHz* เมื่อใช้ V, =1.3V

ดังนั้นหากใช้ตัวเก็บประจุเพียงตัวเดียวในข้างหนึ่งของวงจร วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้านี้ เปรียบเสมือนตัวเก็บประจุสมมูลที่แปรเปลี่ยนค่าได้ประมาณสามเท่า แต่ถ้าหากต้องการช่วงการ แปรเปลี่ยนที่กว้างกว่านี้ เราสามารถนำตัวเก็บประจุตัวอื่นๆมาต่อขนานกับตัวเก็บประจุที่มีอยู่ เพื่อให้ มีค่าความจุที่มากขึ้น แล้วช่วงแปรเปลี่ยนก็จะแปรได้มากขึ้นตามลำดับ เช่นหากเรานำตัวเก็บประจุ ขนาด 1.5*pF* มาต่อขนานกับตัวเก็บประจุ 1*pF* ที่มีอยู่ จะได้ว่าความจุรวมคือ 2.5*pF* และช่วงการ แปรเปลี่ยนความจุสมมูลเมื่อเปลี่ยนกระแสไบอัสจะเป็นดังรูปที่ 4.9



รูปที่ 4.9 ความจุสมมูลเมื่อใช้ *C* = 2.5*pF*

ความจุสมมูลต่ำสุดที่ได้คือ 1.949*pF* ความจุสมมูลสูงสุดที่ได้คือ 6.199*pF* อัตราส่วนความ จุมากที่สุดกับความจุที่น้อยที่สุดเมื่อ *C* = 2.5*pF* คือ 3.18 เท่า แต่ถ้าหากเราใช้งานในลักษณะที่ว่า หากต้องการความจุสมมูลต่ำ ให้ใช้ตัวเก็บประจุ 1*pF* แต่เพียงอย่างเดียว และเมื่อต้องการความจุ สมมูลที่สูงขึ้น ให้ทำตัวเก็บประจุขนาด 1.5*pF* มาต่อขนาน เราจะได้ว่า วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้านี้ สามารถแปรเปลี่ยนค่าความจุสมมูล โดยที่อัตราส่วนระหว่างความจุสมมูลสูงสุดต่อความจุสมมูลต่ำสุด มีค่าเป็น 7.782 เท่า

อย่างไรก็ตาม ที่ความถี่ที่สูงขึ้นไป ผลของความไม่เป็นอุดมคติของวงจรจะมีมากขึ้น ทำให้ค่า ความจุสมมูลไม่คงที่ แต่แปรเปลี่ยนไปกับความถี่ ตัวอย่างของผลดังกล่าวนี้แสดงไว้ในรูปที่ 4.10



รูปที่ 4.10 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความจุสมมูลเมื่อ $V_i=1.3V$ และ $I_{_b}=1mA$

จากรูปที่ 4.9 จะสังเกตเห็นได้ว่าความจุสมมูลเริ่มมีค่าไม่คงที่ แต่แปรเปลี่ยนกับความถี่ตั้งแต่ ประมาณ 100*MHz* ขึ้นไป ดังนั้น ถึงแม้กระแสไบอัสจะมีค่าคงที่ แต่ค่าความจุสมมูลก็จะแปรเปลี่ยน ไปได้หากความถี่ของสัญญาณมีค่าสูง รูปที่ 4.11 แสดงถึงค่าความจุสมมูลที่ความถี่ต่างๆกันเมื่อแปร ค่ากระแสไบอัส



รูปที่ 4.11 ค่าความจุสมมูลที่ความถี่ 10*MHz* , 100*MHz* , 400*MHz* , และ 800*MHz* เมื่อแปรค่ากระแสไบอัส

การแก้ไขผลตอบสนองเชิงความถี่ของความจุสมมูลนี้ให้มีค่าคงที่ ไม่แปรเปลี่ยนไปกับความถี่ สามารถใช้วิธีการหักล้างกันระหว่างโพลและซีโรตามที่กล่าวมาในบทที่ 3 ได้ แต่อย่างไรก็ดี วิธีตามบท ที่ 3 นั้นจะใช้ได้เมื่อวงจรมีอัตราขยายคงที่ แต่ถ้าหากเราต้องการแปรค่าความจุสมมูลด้วยการแปรค่า อัตราขยายของวงจรดังที่กล่าวมาแล้ว วิธีการหักล้างโพลและซีโรก็จะทำได้เพียงที่อัตราขยายค่าใด เพียงค่าหนึ่ง หรือที่ค่าความจุสมมูลค่าใดค่าหนึ่งเท่านั้น

วิธีการแก้ไขอีกวิธีหนึ่งคือการใช้บัฟเฟอร์หรือวงจรขยายที่มีผลตอบสนองเชิงความถี่ที่มีความ เป็นอุดมคติกว่านี้ ซึ่งต้องแลกกับความซับซ้อนของวงจรที่มีเพิ่มมากขึ้นไปด้วย

4.5 ตัวต้านทานสมมูลจากการจำลองวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล

เนื่องจากความไม่เป็นอุดมคติของวงจรขยายและวงจรบัฟเฟอร์ เราสามารถจำลองความไม่ เป็นอุดมคตินี้เป็นตัวต้านทานสมมูลที่ต่ออนุกรมอยู่กับความจุสมมูลดังรูปที่ 4.12

$$C_{eq} \qquad R_{eq}$$

$$V_{i+} \qquad V_{i-}$$

รูปที่ 4.12 วงจรสมมูลของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า

ความต้านทานสมมูลนี้สามารถหาได้จากผลการทดลองคือ

$$R_{eq} = \operatorname{Re}\left(\frac{V_i}{i_i}\right) \tag{4.6}$$

โดยความต้านทานดังกล่าวจะมีค่าคงที่ที่ความถี่ต่ำ และมีการแปรเปลี่ยนที่ความถี่สูงขึ้นดัง เหตุผลในทำนองเดียวกันกับความจุสมมูล ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความต้านทานเมื่อใช้ พารามิเตอร์ดังตารางที่ 4.1, V_i = 1.3V และ I_b = 1mA เป็นดังรูปที่ 4.13



รูปที่ 4.13 ผลตอบสนองเชิงความถี่ของความต้านทานสมมูล เมื่อ V_i = 1.3V และ I_b = 1mA เมื่อแปรค่ากระแสไบอัสเพื่อแปรค่าความจุสมมูล ค่าความต้านทานก็เปลี่ยนไปเช่นกัน



รูปที่ 4.14 ความต้านทานเมื่อแปรค่ากระแสไบอัสที่ความถี่ 10*MHz* , 100*MHz* , 400*MHz* และ 800*MHz*

หากเปรียบเทียบค่ารีแอกแทนซ์ของตัวเก็บประจุไฟฟ้าสมมูลกับความต้านทานสมมูลที่ กระแสไบอัสเดียวกัน และความถี่เดียวกัน เช่นที่ความถี่ 10*MHz* และที่กระแสไบอัสต่ำสุด 107.4 µA จะได้ค่าความต้านทานคือ 100.8 Ωิ ขณะที่ค่าความจุที่กระแสไบอัสต่ำสุดนี้มีค่าเป็น

 $C_{\min} = 796.6 \, fF$ จะมีรีแอกแทนซ์เป็น $X_c = \frac{1}{2\pi f C_{\min}} = 19.98 k \Omega$ ซึ่งมากกว่าความต้านทาน

สมมูลถึง 198.2 เท่า ดังนั้นการละเลยค่าความต้านทานสมมูลย่อมไม่ทำให้ผลที่ได้ผิดพลาดไปจากผล ที่รวมความต้านทานสมมูลไปด้วยมากนัก



รูปที่ 4.15 ความต้านทานสมมูลเมื่อแปรค่ากระแสไบอัส โดยตัวเก็บประจุในวงจรมีค่าเป็น 1pF และ

2.5*p*F

ถึงแม้ว่าการจำลองผลจะมีผลของความต้านทานสมมูลอยู่ แต่ถ้าหากเปรียบเทียบผลที่ได้กับ ค่าความจุสมมูลแล้ว ค่าความจุสมมูลนั้นมีค่ารีแอกแทนซ์มากกว่าค่าความต้านทานอยู่มาก ทำให้เรา สามารถละเลยความต้านทานสมมูลนี้ได้ในการวิเคราะห์

4.6 สรุป

วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเซียลประกอบไปด้วยวงจรขยายและวงจรบัฟเฟอร์ วงจรนี้เปรียบเสมือนตัวเก็บประจุที่ปรับค่าได้โดยการปรับอัตราขยายของวงจร วิธีในการปรับ อัตราขยายที่ง่ายที่สุดวิธีหนึ่งคือการปรับกระแสไบอัส แต่ช่วงของค่ากระแสไบอัสที่ปรับค่าได้นั้นมี ขอบเขตอยู่ ซึ่งขึ้นอยู่กับย่านการทำงานของทรานซิสเตอร์ที่จำเป็นต้องอยู่ในย่านอิ่มตัวเท่านั้น หรือ ข้อจำกัดของแรงดันตกคร่อมแหล่งจ่ายกระแสไบอัสต้องมีค่าไม่น้อยจนเกินไป

ด้วยข้อจำกัดเหล่านี้ ช่วงของกระแสไบอัสจึงขึ้นอยู่กับแรงดันสงบขาเข้า ส่งผลให้ที่แรงดัน สงบขาเข้าต่างๆกัน จะมีช่วงกระแสไบอัสที่ต่างกัน

ถึงแม้ว่าช่วงแปรค่ากระแสไบอัสที่แรงดันสงบขาเข้าบางค่าจะมีค่าสูง แต่ช่วงการแปร อัตราขยายนั้นไม่เป็นไปในทิศทางเดียวกันมากนัก กล่าวคือ เมื่อกระแสไบอัสเพิ่มมากขึ้นอัตราขยาย ของวงจรมีค่าจะมีค่าเพิ่มขึ้น แต่ถ้าหากกระแสไบอัสมากเกินไป อัตราขยายจะมีค่าลดลงถึงแม้ว่า ทรานซิสเตอร์ยังทำงานอยู่ในย่านอิ่มตัวก็ตาม ด้วยเหตุผลนี้จึงทำให้มีแรงดันสงบขาเข้าค่าหนึ่งที่จะทำ ให้ช่วงการแปรอัตราขยายมีค่ามากที่สุด แม้ว่าแรงดันสงบขาเข้านั้นจะไม่ทำให้ช่วงการแปรกระแส ไบอัสมีค่ามากที่สุดก็ตาม และแน่นอนว่าแรงดันสงบขาเข้าที่ทำให้ช่วงการแปรอัตราขยายมีค่ามาก ที่สุด ย่อมที่จะทำให้วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเซียลนี้ เปรียบเสมือนตัวเก็บประจุที่ สามารถแปรค่าได้มากที่สุด

ค่าความจุสมมูลที่ได้จากผลการทดลองเปลี่ยนไปตามอัตราขยายในลักษณะที่สอดคล้องกับ ทฤษฎีเป็นอย่างมาก อย่างไรก็ตามที่ความถี่สูง ผลของความไม่เป็นอุดมคติของวงจรขยายและวงจร บัฟเฟอร์ทำให้ค่าความจุสมมูลเปลี่ยนไปตามความถี่

นอกจากนี้ ความไม่เป็นอุดมคติของวงจรทำให้วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรน เชียลเปรียบเสมือนมีตัวต้านทานอีกหนึ่งตัวมาต่ออนุกรมกับตัวเก็บประจุอยู่ ผลของความต้านทาน สมมูลนี้มีค่าแปรเปลี่ยนไปตามอัตราขยาย ค่าความจุที่อยู่ในวงจร และความถี่ อย่างไรก็ดี ค่าความ ต้านทานนี้ยังคงมีค่าต่ำหากเทียบกับค่ารีแอกแทนซ์ของตัวเก็บประจุสมมูล ดังนั้น การเปรียบวงจร ทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียลเป็นเพียงตัวเก็บประจุเพียงอย่างเดียวจึงมีความผิดพลาดไม่ มากนัก

บทที่ 5 วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากแบบ Shunt – Coupling QRXO

5.1 วงจรกำเนิดสัญญาณแบบ QRXO (Quadrature Relaxation Oscillator)

วงจรกำเนิดสัญญาณแบบ QRXO เป็นดังรูปที่ 5.1 การทำงานของวงจรกำเนิดสัญญาณแบบ ผ่อนคลายแบบ QRXO นั้นได้อธิบายไปแล้วอย่างคร่าวๆในหัวข้อที่ 2.2.5 โดยวงจรจะกำเนิดสัญญาณ สามเหลี่ยมและสัญญาณสี่เหลี่ยมออกมาโดยที่สัญญาณทั้งสองเป็นสัญญาณมุมฉากกัน แต่ในทาง ปฏิบัติ ทรานซิสเตอร์ไม่ได้เป็นสวิตซ์ในอุคมคติ ทำให้วงจรดังกล่าว ไม่สามารถกำเนิดสัญญาณที่เป็น มุมฉากกันได้ แต่จะมีความผิดพลาดของความเป็นสัญญาณมุมฉากเกิดขึ้น การจำลองผลโดยใช้ แบบจำลองของ Global Foundry 0.35 µm EE PROM โดยใช้ค่าพารามิเตอร์ต่างๆดังตารางที่ 5.1 เป็นดังรูปที่ 5.2



รูปที่ 5.1 วงจรกำเนิดสัญญาณ QRXO

พารามิเตอร์	ค่าที่ใช้	พารามิเตอร์	ค่าที่ใช้
$V_{_{dd}}$	3.3V	R	700 Ω
$\left(W/L\right)_{1}$, $\left(W/L\right)_{2}$	80 μ m/0.35 μ m	С	1pF
1	300 µ A	-	-

ตารางที่ 5.1 พารามิเตอร์ที่ใช้ในวงจร

จากการจำลองผลของวงจร QRXO สัญญาณมีความถี่ 268.2*MHz* และสัญญาณสามเหลี่ยม มีเฟสนำสัญญาณสี่เหลี่ยมอยู่ 106.5[°] ซึ่งจะเห็นได้ว่าผิดพลาดมาจาก 90[°] ถึง 16.5[°] เนื่องจาก NMOS ไม่ได้เป็นสวิตซ์ในอุดมคติ ดังนั้นโครงสร้างดังกล่าวจึงมาการปรับปรุงกลายเป็น Shunt coupling QRXO [22] ซึ่งเป็นโครงสร้างที่สามารถกำเนิดสัญญาณมุมฉากได้อย่างแม่นยำ



5.2 การกำเนิดสัญญาณของ Shunt - coupling QRXO

โครงสร้างของวงจร Shunt – coupling QRXO เกิดจากการดัดแปลงวงจร QRXO เป็นดัง รูปที่ 5.3 วงจรนี้ประกอบด้วยวงจร QRXO สองวงจรที่ต่อทรานซิสเตอร์เพิ่มเติมทำหน้าที่ coupling ($N_6 - N_8$) เชื่อมระหว่างสองวงจรเข้าด้วยกัน ขนาดของทรานซิสเตอร์ที่ coupling มีผลต่อการ กำเนิดสัญญาณเป็นอย่างมาก โดยหลักการการกำเนิดสัญญาณของวงจรนี้จะสามารถแบ่งได้เป็นสอง ประเภท ขึ้นอยู่กับขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling คือการกำเนิดสัญญาณแบบผ่อนคลาย (Relaxation mode) และการกำเนิดสัญญาณแบบมุมฉาก (Quadrature mode)



รูปที่ 5.3 วงจรกำเนิดสัญญาณ Shunt – coupling QRXO

5.2.1 การกำเนิดสัญญาณแบบผ่อนคลาย (Relaxation mode)

หากขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling มีขนาดเล็กเทียบกับทรานซิสเตอร์ในวงจร QRXO การกำเนิดสัญญาณของวงจร Shunt – coupling QRXO จะเป็นหลักการเดียวกับวงจรกำเนิด สัญญาณแบบ QRXO ทุกประการ โดยวงจร QRXO ในวงจร Shunt – coupling จะกำเนิดสัญญาณ สามเหลี่ยมและสี่เหลี่ยมออกมา (เฟสของสัญญาณสามเหลี่ยมและสี่เหลี่ยมไม่ได้เป็นมุมฉากกัน) และ เนื่องจากขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling ที่เล็กเกินไป ทำให้เมื่อ QRXO ทั้งสองกำเนิดสัญญาณ ขึ้นมาแล้ว ในสภาวะคงตัว ทรานซิสเตอร์ coupling จะนำกระแสน้อยมากเทียบกับทรานซิสเตอร์ของ QRXO ดังนั้นการทำงานในย่านนี้ ทรานซิสเตอร์ coupling จะไม่สามารถทำให้สัญญาณจาก QRXO ทั้งสองเป็นมุมฉากกันได้

ผลการทดลองวงจร Shunt – coupling QRXO โดยใช้พารามิเตอร์ของวงจร QRXO ดัง ตารางที่ 5.1 และใช้ขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling คือ $\left(W/L\right)_c = 0.35 \mu m/0.35 \mu m$ เป็น ดังรูปที่ 5.4





รูปที่ 5.4 ผลตอบสนองทางเวลา (ก) สัญญาณแรงดันเมื่อเริ่มการสร้างสัญญาณ (ข) สัญญาณแรงดัน เมื่อสภาวะคงตัว (ค) สัญญาณกระแสขั้วเดรนของทรานซิสเตอร์ N₂ และ N₆ เมื่อสภาวะคงตัว

สัญญาณมีความถี่ 277.2*MHz* และมีเฟสต่างกันอยู่ 73.10[°] (ความต่างเฟสขึ้นอยู่กับเงื่อนไข เริ่มต้น) ซึ่งไม่เป็นสัญญาณมุมฉาก และจากรูปสัญญาณกระแสขั้วเดรนของทรานซิสเตอร์ coupling (*i*_{D6}) กับกระแสขั้วเดรนของทรานซิสเตอร์ QRXO (*i*_{D2}) จะเห็นว่าสัญญาณกระแสเดรนของ ทรานซิสเตอร์ coupling นั้นมีค่าน้อยมากเมื่อเทียบกับสัญญาณกระแสเดรนของทรานซิสเตอร์ QRXO เนื่องจากทรานซิสเตอร์ coupling มีขนาดเล็กเมื่อเทียบกับทรานซิสเตอร์ QRXO

ดังนั้น การกำเนิดสัญญาณแบบผ่อนคลาย ไม่สามารถกำเนิดสัญญาณแบบมุมฉากได้

5.2.2 การกำเนิดสัญญาณแบบมุมฉาก (Quadrature mode)

ในการกำเนิดสัญญาณแบบมุมฉาก ขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling จะต้องมีขนาดไม่เล็ก มากเมื่อเทียบกับขนาดของทรานซิสเตอร์ QRXO การกำเนิดสัญญาณในย่านนี้ ทรานซิสเตอร์ coupling จะมีบทบาทในการกำเนิดสัญญาณด้วย และการกำเนิดสัญญาณจะไม่ได้อาศัยหลักการของ ทรานซิสเตอร์ QRXO เปิดและปิดอีกต่อไป แต่สัญญาณจะกำเนิดมาจากสัญญาณขนาดเล็ก จากนั้น จึงขยายใหญ่ขึ้นและคงที่ด้วยความไม่เป็นเชิงเส้นของทรานซิสเตอร์ในที่สุด ดังนั้นสัญญาณในย่านนี้จึง มีความเพี้ยนจากรูปไซน์น้อยกว่าการกำเนิดสัญญาณแบบผ่อนคลาย และสัญญาณยังเป็นมุมฉากกัน อีกด้วย

ผลการทดลองวงจร Shunt – coupling QRXO โดยใช้พารามิเตอร์ของวงจร QRXO ดัง ตารางที่ 5.1 และใช้ขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling เท่ากับขนาดของทรานซิเตอร์ QRXO คือ $\left(W/L\right)_{c} = 80\,\mu m/0.35\,\mu m$ เป็นดังรูปที่ 5.5






้สัญญาณมีความถี่ 790.1*MHz* และมีเฟสต่างกัน 90 $^{\circ}$

จากผลการทดลองจะเห็นได้ว่า วงจรเริ่มกำเนิดสัญญาณด้วยสัญญาณขนาดเล็ก แล้วมีขนาด คงตัวในลำดับต่อมา รวมถึงสัญญาณตกคร่อมตัวเก็บประจุระหว่าง QRXO ทั้งสองชุดก็มีเฟสต่างกัน 90° แต่จะมีขนาดเล็กกว่าขนาดของสัญญาณ V, และ V_o สุดท้าย สัญญาณกระแสเดรนของ ทรานซิสเตอร์ coupling (*i*_{D6}) กับสัญญาณกระแสเดรนของทรานซิสเตอร์ QRXO (*i*_{D2}) มีขนาด ใกล้เคียงกันเนื่องจากทรานซิสเตอร์ coupling กับทรานซิสเตอร์ QRXO มีค่าเท่ากัน

ดังนั้น การกำเนิดสัญญาณแบบมุมฉากนี้ สามารถกำเนิดสัญญาณที่เป็นมุมฉากกันได้เสมอ และยังกำเนิดสัญญาณที่มีรูปร่างใกล้เคียงกับสัญญาณไซน์อีกด้วย

5.3 หลักการทำงานในย่านการกำเนิดสัญญาณมุมฉาก

เนื่องจากการกำเนิดสัญญาณแบบมุมฉากของวงจร Shunt – Coupling QRXO สามารถ กำเนิดสัญญาณที่เป็นมุมฉากกันได้ และมีรูปร่างใกล้เคียงไซน์ ผู้เขียนจึงจะใช้วงจรในย่านการทำงานนี้ เท่านั้น หลักการกำเนิดสัญญาณมุมฉากสามารถอธิบายได้ง่ายๆดังรูปที่ 5.6



รูปที่ 5.6 วงจรที่เป็นแนวคิดของการกำเนิดสัญญาณมุมฉาก

วงจรในรูปที่ 5.6 เป็นแนวคิดทั่วไปของการกำเนิดสัญญาณมุมฉาก นั่นคือการต่อวงจรที่ เหมือนกันสองสเตจในลักษณะการป้อนกลับแบบบวก เนื่องจากวงจรทั้งสองสเตจมีลักษณะเหมือนกัน และสัญญาณจะเกิดการสั่นได้เมื่อมีการเลื่อนเฟสครบรอบ ดังนั้นสัญญาณทั้งสองจะต้องเป็นมุมฉาก กันเท่านั้น

สำหรับ Shunt – coupling QRXO วงจรที่เป็นหนึ่งสเตจก็คือ QRXO ที่ต่อทรานซิสเตอร์ coupling เมื่อเทียบกับวงจรในรูปที่ 5.6 จะสังเกตเห็นได้ว่า v_i และ v_q จะต้องเป็นมุมฉากกัน แน่นอน นอกจากนี้ หากสัญญาณ v_i และ v_q เป็นมุมฉากกันแล้ว v_q และ v_{cq} ก็ย่อมเป็นมุมฉาก กันด้วย (แต่ v_i กับ v_q หรือ v_q กับ v_{cq} ไม่ได้เป็นมุมฉากกัน)

ความถี่ของสัญญาณขึ้นอยู่กับพารามิเตอร์ทุกตัวของวงจร รวมถึงตัวเก็บประจุแฝงของ ทรานซิสเตอร์ด้วย หลักๆแล้ว หากเราเพิ่มค่าความจุของตัวเก็บประจุมากขึ้นเท่าใด ความถี่ควรจะ น้อยลงไปเท่านั้น แต่เนื่องจากวงจร Shunt – coupling QRXO นี้ใช้ตัวเก็บประจุแฝงในการกำเนิด สัญญาณ ดังนั้นเมื่อค่าความจุของตัวเก็บประจุในวงจรมีค่ามากเกินไป ความถี่ของสัญญาณจะอยู่ที่ ค่าๆหนึ่งและเกือบจะไม่ขึ้นกับค่าความจุอีกต่อไป ดังนั้นที่ความถี่ดังกล่าวนี้คือความถี่ที่ต่ำที่สุดที่วงจร จะสามารถกำเนิดสัญญาณได้

ในการวิเคราะห์ความถี่ต่ำสุดนี้ เราจะสมมุติว่าตัวเก็บประจุมีค่าใหญ่มากและเป็นสายลัดได้ ดังรูปที่ 5.7

Chulalongkorn University



รูปที่ 5.7 วงจร Shunt – coupling QRXO เมื่อตัวเก็บประจุใหญ่มากจนลัดวงจร

วงจรในรูปที่ 5.7 สามารถแปลงเป็นวงจรสมมูลขนาดเล็กได้ดังรูปที่ 5.8 โดยตัวแปรต่างๆมี ความหมายดังตารางที่ 5.2



ตารางที่ 5.2 ความหมายของตัวแปรต่างๆ

ตัวแปร	ความหมาย	ตัวแปร	ความหมาย
R	ตัวต้านทานในวงจร	g _{mQ}	Trans – conductance ของ ทรานซิสเตอร์ QRXO
g _{mC}	Trans – conductance ของ ทรานซิสเตอร์ coupling	C _{gsQ}	ตัวเก็บประจุระหว่างขั้วเกตและซอส ของทรานซิสเตอร์ QRXO
C _{gsC}	ตัวเก็บประจุระหว่างขั้วเกตและ ซอสของทรานซิสเตอร์ coupling	C _{gdQ}	ตัวเก็บประจุระหว่างขั้วเกตและเดรน ของทรานซิสเตอร์ QRXO
C _{gdC}	ตัวเก็บประจุระหว่างขั้วเกตและ เดรนของทรานซิสเตอร์ coupling	r _{oQ}	ความต้านทานภายในของ ทรานซิสเตอร์ QRXO
r _{oC}	ความต้านทานภายในของ ทรานซิสเตอร์ coupling	r _t	$\frac{1}{\left(\frac{1}{r_{oQ}} + \frac{1}{r_{oC}} - g_{mQ}\right)}$

หากพิจารณาเฉพาะสัญญาณผลต่าง จะได้เป็น

$$v_{i+} = -v_{i-}$$
 (5.1)

$$v_{Q+} = -v_{Q-}$$
 (5.2)

$$v_{i} = v_{i+} - v_{i-} = 2v_{i+} \tag{5.3}$$

$$v_{Q} = v_{Q+} - v_{Q-} = 2v_{Q+} \tag{5.4}$$

จากวงจรในรูป 5.8 เมื่อทำการวิเคราะห์วงจรโดยทั่วไป จะได้เมทริกซ์ A ที่ไว้สำหรับหา สมการลักษณะเฉพาะคือ

$$\begin{bmatrix} \alpha & \frac{g_{mC}}{2} & -g_{mC} - \frac{1}{r_t} - sC_{gsQ} & -sC_{gsC} \\ -\frac{g_{mC}}{2} & \alpha & -sC_{gsC} & -g_{mC} - \frac{1}{r_t} - sC_{gsQ} \\ 0 & 0 & -2g_{mC} - \frac{2}{r_t} - 2sC_{gsQ} - 2sC_{gsC} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -2g_{mC} - \frac{2}{r_t} - 2sC_{gsQ} - 2sC_{gsC} \\ 0 & 0 & 0 & -2g_{mC} - \frac{2}{r_t} - 2sC_{gsQ} - 2sC_{gsC} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \alpha = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{R} + \frac{1}{r_t} + s \left(C_{gsC} + C_{gsQ} + 4C_{gdQ} \right) \right) & (5.5) \end{bmatrix}$$

และสมการลักษณะเฉพาะคือ

$$\det(A) = 0$$

(5.6)

เมื่อแก้สมการที่ 5.6 เราก็จะได้ความถี่ของสัญญาณที่ต่ำที่สุดที่วงจร Shunt – coupling QRXO จะสร้างได้ ดังนี้

การแก้สมการที่ 5.6 ก็คือการหาโพลของวงจร โดยโพลที่มีผลทำให้วงจรกำเนิดสัญญาณ ขึ้นมา คือโพลที่อยู่ใน RHP (Right half plane) และเป็นเชิงซ้อน โดยค่าจินตภาพของโพลนี้บ่งบอก ถึงความถี่ของสัญญาณในขณะเริ่มต้น

อย่างไรก็ตาม ความถี่ที่ได้จากการคำนวนโพลจะไม่ตรงกับความถี่จริงๆของสัญญาณ เนื่องจากเมื่อสัญญาณมีขนาดใหญ่ขึ้น วงจร Shunt – coupling QRXO จะไม่ได้มีวงจรสมมูลเป็นรูป ที่ 5.8 อีกต่อไป แต่ความเป็นไม่เชิงเส้นของทรานซิสเตอร์จะทำให้สัญญาณอยู่ที่สภาวะคงตัว และมี ความถี่ไม่เท่ากับความถี่ที่คำนวนมาจากโพล ถึงกระนั้น ความถี่ที่ได้จากโพลจะมีการเปลี่ยนแปลงไป ในทิศทางเดียวกับความถี่ของสัญญาณเมื่อเปลี่ยนตัวแปรต่างๆในวงจร

รูปที่ 5.9 แสดงถึงตำแหน่งของโพลใน RHP ที่เปลี่ยนไปเมื่อเปลี่ยนขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling ตั้งแต่ 40µm ถึง 80µm (ความยาวของทรานซิสเตอร์ coupling เป็น 0.35µm) และ รูปที่ 5.10 แสดงถึงความถี่ของสัญญาณที่สภาวะอยู่ตัวของวงจรในรูปที่ 5.7 โดยใช้พารามิเตอร์ของ QRXO ดังตารางที่ 5.1





รูปที่ 5.10 ความถี่ของสัญญาณในวงจรรูปที่ 5.7 เมื่อแปรขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling จะสังเกตเห็นได้ว่า ขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling มีผลต่อความถี่ต่ำสุดของวงจร สุดท้าย สัญญาณที่กำเนิดจากการทำงานในย่านนี้ จะมีความเพี้ยนไปจากรูปไซน์น้อยกว่าการ ทำงานในย่านผ่อนคลาย เนื่องจาก สัญญาณที่เกิดจากสัญญาณขนาดเล็กจะเป็นรูปไซน์ ก่อนที่จะ ผิดเพี้ยนไปด้วยความไม่เป็นเชิงเส้นของทรานซิสเตอร์

5.4 การเปลี่ยนความถี่ด้วยตัวเก็บประจุ

ในหัวข้อที่ 5.3 ขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling จะมีผลในการกำหนดความถี่ต่ำสุดของ สัญญาณ โดยที่ตัวเก็บประจุมีค่าเป็นอนันต์ แต่เมื่อเปลี่ยนค่าความจุของตัวเก็บประจุในวงจร Shunt – coupling QRXO (รูปที่ 5.3) ก็จะทำให้ความถี่ของสัญญาณเปลี่ยนไปได้ เราสามารถวิเคราะห์การ ทำงานของวงจรได้ในทำนองเดียวกับหัวข้อที่ 5.3 นั่นคือการหาโพลของวงจรขนาดเล็ก และทำนาย ความถี่การสั่นของสัญญาณได้จากโพลใน RHP

อย่างไรก็ตาม หากค่าตัวเก็บประจุมีค่าน้อยเกินไป จะทำให้วงจรไม่กำเนิดสัญญาณ เนื่องจาก การแปรค่าความจุให้น้อยลง จะทำให้โพลที่อยู่ใน RHP เคลื่อนที่เข้าหา LHP (Left half plane) จน ในที่สุด โพลที่เคยอยู่ใน RHP (ที่กำเนิดสัญญาณ) จะข้ามไปอยู่ใน LHP ทำให้วงจรไม่สามารถกำเนิด สัญญาณขึ้นมาได้

ผลการเคลื่อนที่ของโพลใน RHP เมื่อแปรความจุไฟฟ้าตั้งแต่ 800 fF ถึง 820 fF โดยใช้ พารามิเตอร์ QRXO ดังตารางที่ 5.1 และใช้ขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling เท่ากับขนาดของ ทรานซิสเตอร์ QRXO คือ $(W/L) = 80 \,\mu m/0.35 \,\mu m$ เป็นดังรูปที่ 5.11



Real part (Hz)

รูปที่ 5.11 เส้นทางการเคลื่อนที่ของโพลเมื่อแปรค่าตัวเก็บประจุจาก 800 fF ถึง 820 fF

จากเส้นทางการเคลื่อนที่ของโพล จะประมาณตัวเก็บประจุที่มีค่าน้อยที่สุดที่ทำให้วงจร กำเนิดสัญญาณได้เป็น C = 810.8 fF

เมื่อแปรค่าความจุเพิ่มมากขึ้น จะทำให้ความถี่ของสัญญาณลดลง และคงที่อยู่ที่ความถี่ต่ำ ที่สุดเมื่อตัวเก็บประจุมีค่าเป็นอนันต์ตามการวิเคราะห์ในหัวข้อที่ 5.3 รูปที่ 5.12 แสดงถึงความถี่ของ สัญญาณที่เปลี่ยนไปเมื่อแปรค่าความจุตั้งแต่ 1*pF* ถึง 10*pF*



รูปที่ 5.12 ความถี่ของสัญญาณเมื่อแปรค่าความจุตั้งแต่ 1pF ถึง 10pF

จะสังเกตเห็นได้ว่า เมื่อตัวเก็บประจุมีค่าสูงขึ้น ความถี่ของสัญญาณจะมีค่าลดลง และลู่เข้า ค่าคงที่ค่าหนึ่ง ซึ่งค่าคงที่ดังกล่าวนี้คือความถี่เมื่อตัวเก็บประจุเป็นอนันต์ จากหัวข้อที่ 5.3 ความถี่เมื่อ ตัวเก็บประจุมีค่าเป็นอนันต์สำหรับขนาดทรานซิสเตอร์ coupling ที่มีขนาดเท่ากับทรานซิสเตอร์ QRXO คือ 455*MHz*

รูปที่ 5.13 ถึง 5.17 แสดงถึงผลการทดลองต่างๆของวงจร Shunt – coupling QRXO



รูปที่ 5.15 ผลตอบสนองทางเวลาของสัญญาณ $v_{_{l}}$ และ $v_{_{Q}}$ เมื่อ C=10 pF



รูปที่ 5.18 THD₃ ของสัญญาณเมื่อแปรค่าความจุไฟฟ้า

สุดท้าย สำหรับการวัดความเพี้ยนจากสัญญาณรูปไซน์ ผู้เขียนใช้วิธีการวัดค่ารากที่สองเฉลี่ย (Root mean square) ของฮาร์มอนิกที่สามเทียบกับค่ารากที่สองเฉลี่ยฮาร์มอนิกที่หนึ่ง นั่นคือ

$$THD_{3} = \frac{V_{3}}{V_{1}} \times 100\%$$
 (5.7)

และละทิ้งฮาร์มอนิกอื่นๆเนื่องจากมีค่าน้อยมาก

จากรูปที่ 5.17 และ 5.18 จะสังเกตได้ว่าสัญญาณ V, และ V_Q มีขนาดใหญ่กว่าสัญญาณ V_G และ V_{CQ} แต่ก็จะมี THD₃ มากกว่าด้วย เพราะฉะนั้น ถ้าหากคำนึงถึงความเพี้ยนของสัญญาณเป็น หลัก สัญญาณที่ควรจะนำมาใช้จึงเป็นสัญญาณ V_G และ V_{CQ}

5.5 การปรับความถี่ด้วยวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า

เราสามารถสังเคราะห์ตัวเก็บประจุที่ปรับค่าได้เป็นวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรน เชียลที่ได้กล่าวมาในบทที่ 4 รูปของวงจรดิฟเฟอร์เรนเชียลเป็นดังรูปที่ 5.19



รูปที่ 5.19 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเซียล

เมื่อนำวงจรนี้ แทนตัวเก็บประจุของวงจร Shunt coupling – QRXO ในรูปที่ 5.3 เราจะได้ วงจรกำเนิดสัญญาณที่ปรับความถี่ได้โดยการปรับกระแสที่ไบอัสวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า (I_b)

เนื่องจากการปรับกระแสไบอัสเป็นการปรับความจุสมมูลของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้านั่นเอง ผลการจำลองผลวงจร Shunt – coupling QRXO ที่แทนตัวเก็บประจุด้วยวงจรทวีคูณความ จุไฟฟ้า โดยใช้พารามิเตอร์ด้วยตารางที่ 5.3 เป็นดังรูปที่ 5.20

ตารางที่ 5.3 พารามิเตอร์ที่ใช้นำการจำลองผลวงจร Shunt – coupling QRXO ที่ใช้วงจรทวีคูณ ความจุไฟฟ้า

พาราชาชาว ฟามาก พาราชาชาว ฟามาก	พารามิเตอร์	ค่าที่ใช้ พา	รามิเตอร์ ค	าที่ใช้
---------------------------------	-------------	--------------	-------------	---------



รูปที่ 5.20 ความถี่ของสัญญาณเมื่อแปรค่ากระแสไบอัสวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า

จากรูปจะเห็นว่า หากกระแสไบอัสต่ำ นั่นคือความจุสมมูลมีค่าต่ำ จะทำให้วงจรกำเนิด สัญญาณที่ความถี่สูง ขณะที่กระแสไบอัสสูง จะทำให้ความจุสมมูลมีค่าสูง และสัญญาณมีความถี่ต่ำลง อย่างไรก็ตาม วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าสามารถแปรเปลี่ยนค่าความจุได้เพียงช่วงหนึ่งเท่านั้น ตามที่ได้กล่าวไว้ในบทที่ 4 เมื่อกระแสไบอัสมีค่ามากเกินไป ค่าความจุสมมูลของวงจรทวีคูณความจุ ไฟฟ้าจะมีค่าลดลง ส่งผลให้วงจรกำเนิดสัญญาณความถี่สูงขึ้น จากผลการทดลองนี้ วงจรสามารถ กำเนิดสัญญาณที่ความถี่ต่ำสุดประมาณ 599.9*MHz* ที่กระแสไบอัส 3.223*m*A

สำหรับความถี่สูงสุด เราจะปรับให้กระแสไบอัสน้อยลงเพื่อลดค่าความจุสมมูล แต่ถ้าหาก ความจุมีค่าน้อยเกินไป วงจรจะไม่กำเนิดสัญญาณตามที่กล่าวมาแล้วในหัวข้อ 5.4 ความถี่สูงสุดที่ กำเนิดสัญญาณได้เมื่อใช้พารามิเตอร์ดังตารางที่ 5.3 คือ 772.7*MHz* ที่กระแสไบอัส 167**µ**A



รูปที่ 5.21 ผลตอบสนองทางเวลาของสัญญาณ (ก) เมื่อใช้กระแสไบอัส 167 μ A (ข) เมื่อใช้กระแส ไบอัส 3.223*m*A



รูปที่ 5.22 ขนาดของสัญญาณเมื่อแปรค่ากระแสไบอัส

รูปที่ 5.21 แสดงถึงรูปของสัญญาณที่ความถี่สูงสุดและความถี่ต่ำสุด และรูปที่ 5.22 แสดงถึง ขนาดของสัญญาณเมื่อแปรค่ากระแสไบอัส ผลการจำลองต่างๆที่ความถี่สูงสุดและต่ำสุดเป็นดังตาราง ที่ 5.4

a		0	a	a	a 0
ตารางท	54	แลการจาลองา	างฉรพดา	าาแกสงค	งดและความกตาสด
VIIG INVI	5.4		9 1 1 9 1 1 1 9	3 10/010101/0	ILIDOPIO II O IONDILI IDILI

ความถี่ต่ำสุด/ สูงสุดของ สัญญาณ	กระแสไบอัส วงจรทวีคูณ ความจุไฟฟ้า	ขนาดของ สัญญาณ	THD ₃	เฟสนอยซ์ที่ 1 <i>MHz</i>	กำลังทั้งหมด ของวงจร
772.7 <i>MHz</i>	167 µ A	2.339mV	0.01494%	—67.46 <i>dBc/Hz</i>	71.05 <i>mW</i>
599.9 <i>MHz</i>	3.223mA	26.12mV	4.077%	—91.71 <i>dBc/Hz</i>	91.25mW

สุดท้าย รูปที่ 5.23 แสดงถึงเฟสนอยซ์ที่ความถี่ offset ต่างๆ เมื่อกระแสไบอัสวงจรทวีคูณ ความจุไฟฟ้าเป็น 1.5mA และมีความถี่ของสัญญาณคือ 617.2MHz



รูปที่ 5.23 เฟสนอยซ์ของสัญญาณเมื่อกระแสไบอัสเป็น 1.5mA

5.6 สรุป

วงจร Shunt – coupling QRXO เกิดจากการใช้ QRXO สองชุดต่อเชื่อมกันโดยใช้ ทรานซิสเตอร์ coupling และการป้อนกลับแบบบวก เพื่อแก้ปัญหาความไม่เป็นมุมฉากของสัญญาณ ้สามเหลี่ยมและสี่เหลี่ยมที่เกิดจากวงจร QRXO เพียงวงจรเดียว ขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling มี ้ผลอย่างมากในการกำเนิดสัญญาณของวงจร Shunt - coupling QRXO ซึ่งสามารถแบบได้เป็นสอง แบบคือ การกำเนิดสัญญาณแบบผ่อนคลายและการกำเนิดสัญญาณแบบมุมฉาก

ในการกำเนิดสัญญาณแบบผ่อนคลาย ขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling จะเล็กกว่าขนาด ของทรานซิสเตอร์ QRXO วงจร Shunt - coupling QRXO จะกำเนิดสัญญาณโดยใช้หลักการ เดียวกับ QRXO นั่นคือจะกำเนิดสัญญาณสามเหลี่ยมและสี่เหลี่ยม แต่ไม่เป็นมุมฉากกัน รวมถึง

สัญญาณของ QRXO ทั้งสองชุดก็ไม่เป็นมุมฉากกันด้วย เนื่องจากขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling ที่เล็กเกินไปจึงไม่สามารถเชื่อมสัญญาณของ QRXO ทั้งสองชุดให้เป็นมุมฉากกันได้

การกำเนิดสัญญาณแบบมุมฉาก ขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling จะมีขนาดไม่เล็กกว่า ขนาดของทรานซิสเตอร์ QRXO มากนัก วงจร Shunt – coupling QRXO จะอาศัยหลักการของ สัญญาณขนาดเล็กในการกำเนิดสัญญาณ ซึ่งสัญญาณดังกล่าวจะมีรูปร่างใกล้เคียงสัญญาณไซน์และ เป็นมุมฉากกันเสมอ และเนื่องจากการกำเนิดสัญญาณแบบมุมฉากนี้ สามารถทำให้สัญญาณเป็นมุม ฉากกันได้ ผู้เขียนจึงเลือกโครงสร้างวงจรกำเนิดสัญญาณนี้มาวิเคราะห์ต่อไป

หลักการการกำเนิดสัญญาณแบบมุมฉาก อาศัยตัวเก็บประจุแฝงของทรานซิสเตอร์ในการ กำเนิดสัญญาณ และสามารถประมาณความถี่ของสัญญาณได้จากความถี่ของโพลที่อยู่ใน RHP อย่างไรก็ตาม ความถี่ที่คำนวนได้จากโพลนี้ จะไม่ตรงกับความถี่ของสัญญาณเนื่องจากความไม่เป็นเชิง เส้นของทรานซิสเตอร์ทำให้ความถี่และรูปร่างของสัญญาณผิดเพี้ยนไป

การแปรค่าความจุในวงจร จะทำให้ความถี่ของสัญญาณเปลี่ยนไป โดยเมื่อความจุมีค่าน้อย ความถี่สัญญาณจะมีค่ามาก และเมื่อความจุมีค่ามาก ความถี่สัญญาณจะมีค่าน้อย

อย่างไรก็ตาม หากความจุมีค่าเป็นอนันต์ วงจรจะกำเนิดสัญญาณที่ความถี่ค่าหนึ่ง ซึ่งในการ กำเนิดสัญญาณนี้ วงจรใช้เพียงตัวเก็บประจุแฝงของทรานซิสเตอร์ในการกำเนิดสัญญาณ และนี่คือ ความถี่ที่ต่ำสุดที่วงจรจะกำเนิดสัญญาณได้ ซึ่งสามารถประมาณได้โดยการหาโพลใน RHP เมื่อความจุ ไฟฟ้าเป็นอนันต์ ขณะที่ความจุที่มีค่าน้อยที่สุดที่ยังทำให้วงจรกำเนิดสัญญาณได้อยู่ คือค่าความจุที่ทำ ให้ยังมีโพลอยู่ใน RHP ซึ่งสามารถประมาณได้โดยการหาโพลเช่นกัน ค่าความจุที่น้อยที่สุดและความจุ อนันต์นี้จะเป็นค่าที่กำหนดช่วงความถี่ของสัญญาณที่วงจรจะกำเนิดขึ้นมาได้ เมื่อแปรค่าความจุไฟฟ้า

สุดท้าย ผู้เขียนนำวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเซียลมาใช้แทนตัวเก็บประจุ เพื่อ ทำเป็นตัวเก็บประจุที่ปรับค่าได้ ซึ่งช่วงการแปรความถี่ของสัญญาณจะถูกกำหนดโดยช่วงการแปรค่า ความจุสมมูลของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า ผลที่สำคัญต่างๆของวงจรกำเนิดสัญญาณเขียนไว้ในหัวข้อ ที่ 5.6

GHULALONGKORN UNIVERSITY

บทที่ 6 บทสรุป

6.1 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า

วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าที่นำเสนอในวิทยานิพนธ์นี้ ใช้หลักการของมิลเลอร์ (Miller's theorem) ในการสร้างวงจร พร้อมคำนึงถึงตัวเก็บประจุแฝงของทรานซิสเตอร์ เพื่อที่จะวิเคราะห์ย่าน ความถี่ในการใช้งาน โครงสร้างของวงจรมีความง่าย และไม่จำเป็นต้องใช้วงจรที่มีความยุ่งยากซับซ้อน เช่น Current – controlled current conveyor (CCCII) หรือ Operational Trans-conductance Amplifier (OTA) เป็นต้น

หลักการวิเคราะห์วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้านั้น ใช้การวิเคราะห์หาอิมพิแดนซ์ขาเข้าสมมูลของ โครงสร้างวงจรดังรูปที่ 6.1 ซึ่งประกอบด้วยวงจรขยายและวงจรบัฟเฟอร์ที่มีความไม่เป็นอุดมคติ และ คำนึงถึงความไม่เป็นอุดมคตินี้ในรูปขององค์ประกอบทางไฟฟ้าต่างๆ



รูปที่ 6.1 โครงสร้างวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า

อิมพิแดนซ์ขาเข้าสมมูลของวงจรนี้สามารถมองได้เป็นตัวเก็บประจุกับตัวต้านทานต่ออนุกรม กันอยู่ รวมถึงมีผลความผิดพลาดที่ความถี่ต่างๆอนุกรมอยู่ด้วย ดังรูปที่ 6.2



รูปที่ 6.2 อิมพิแดนซ์ขาเข้าสมมูลของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า

เมื่อวิเคราะห์อิมพิแดนซ์ขาเข้าของวงจรในรูปที่ 6.1 และเปรียบเทียบกับอิมพิแดนซ์ขาเข้า สมมูลในรูปที่ 6.2 เราก็จะสามารถหาค่าความจุสมมูลและความต้านทานสมมูลได้ ในย่านความถี่สูง ผลของอิมพิแดนซ์ความผิดพลาดที่แปรตามความถี่จะมีผลมากขึ้น เทคนิค ในการลดผลความผิดพลาดนี้ คือใช้เทคนิคการหักล้างกันของโพลและซีโร ซึ่งค่า *C_L* ที่ทำให้เกิดการ หักล้างกันระหว่างโพลและซีโรจะต้องสอดคล้องกับสมการที่ 6.1

$$C_{L}^{2} - \frac{R_{b}(C + C_{b})(1 + A)}{R_{o}}C_{L} - \frac{R_{b}C_{b}C(1 + A)^{2}}{AR_{o}} = 0$$
(6.1)

และค่าความจุสมมูลของวงจรคือ

$$C_{eq} = (1+A)C \tag{6.2}$$

เมื่อใช้วิธีการหักล้างกันระหว่างโพลและซีโรดังที่กล่าวมาข้างต้นกับวงทวีคูณความจุไฟฟ้าที่ สังเคราะห์จากวงจร CMOS ก็สามารถทำให้ช่วงความถี่การใช้งานของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้ากว้าง ขึ้นได้ ถึงแม้ว่าผลจากการทดลองจะไม่ได้ตรงกับทางทฤษฎีมากนัก เนื่องจากยังมีตัวเก็บประจุแฝง อื่นๆของทรานซิสเตอร์ที่มีผลต่อโพลและซีโรของวงจร

วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้านี้นำมาดัดแปลงเป็นแบบดิฟเฟอร์เรนเชียลดังรูปที่ 6.3 เพื่อใช้เป็น ตัวเก็บประจุที่ปรับค่าได้โดยปรับอัตราขยายของวงจร ซึ่งสามารถทำได้โดยการแปรค่ากระแสไบอัส



รูปที่ 6.3 วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียล

ผลการทดลองของวงจรนี้พารามิเตอร์ค่าหนึ่งนั้น สามารถแปรค่าความจุสมมูลได้ 3.153 เท่า ถึงแม้ว่าช่วงการแปรค่าความจุสมมูลอาจจะแปรค่าได้ไม่มากนัก แต่ช่วงความถี่ในการใช้งาน ค่อนข้างสูงและวงจรมีความง่าย ไม่ซับซ้อน [5] – [17]

วงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรนเชียลนี้ สามารถปรับปรุงช่วงความถี่ในการใช้งาน ให้สูงขึ้นไปอีกได้ หากใช้วงจรขยายและวงจรบัฟเฟอร์ที่มีความเป็นอุดมคติสูงขึ้น รวมถึงช่วงการแปร อัตราขยายของวงจรขยายสามารถแปรค่าได้มากกว่านี้

6.2 วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์ที่ปรับความถี่ได้

วิทยานิพนธ์นี้ใช้วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์แบบ Shunt – coupling QRXO ซึ่ง ประกอบด้วย QRXO สองชุดต่อแบบ shunt – coupling กันดังรูปที่ 6.4



รูปที่ 6.4 วงจร Shunt - coupling QRXO

วงจรนี้สามารถกำเนิดสัญญาณได้สองแบบ คือการกำเนิดสัญญาณแบบผ่อนคลายและการ กำเนิดสัญญาณแบบมุมฉาก ขึ้นอยู่กับขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling เทียบกับขนาดของ ทรานซิสเตอร์ QRXO หากขนาดของทรานซิสเตอร์ coupling ไม่เล็กกว่าทรานซิสเตอร์ QRXO มาก นัก วงจรจะกำเนิดสัญญาณแบบมุมฉาก ที่เริ่มกำเนิดสัญญาณจากสัญญาณขนาดเล็ก สัญญาณจาก QRXO ทั้งสองชุดจะเป็นมุมฉากกัน และสามารถปรับความถี่ได้โดยการแปรค่าความจุไฟฟ้า

หากค่าความจุมีค่าอนันต์ วงจรจะกำเนิดสัญญาณที่ความถี่หนึ่ง โดย ณ ตอนนี้ วงจรจะอาศัย เฉพาะตัวเก็บประจุแฝงของทรานซิสเตอร์ในการกำเนิดสัญญาณ เราสามารถวิเคราะห์หาความถี่นี้ได้ โดยการหาความถี่ของโพลที่อยู่ใน RHP การหาโพลนี้ค่อนข้างซับซ้อน แต่สามารถหาได้

ในขณะเดียวกัน หาความจุมีค่าน้อย ส่งผลให้วงจรกำเนิดสัญญาณที่ความถี่สูง แต่ถ้าหาก ความจุมีค่าน้อยเกินไป จะส่งผลให้วงจรไม่กำเนิดสัญญาณ เนื่องจากโพลของวงจรที่เคยอยู่ใน RHP จะเคลื่อนที่ไปอยู่ LHP (Left half plane)

งานวิจัยนี้ สังเคราะห์ตัวเก็บประจุที่ปรับค่าได้ด้วยวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้าแบบดิฟเฟอร์เรน เชียลดังที่ได้กล่าวมาข้างต้น เราจึงได้วงจรกำเนิดสัญญาณมุมฉากรูปไซน์ที่สามารถปรับความถี่ได้โดย การปรับกระแสไบอัสวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า ผลการทดลองที่พารามิเตอร์หนึ่งๆนั้น ได้ผลดังตารางที่ 6.1 ข้อจำกัดของช่วงความถี่นั้นอยู่ที่การปรับค่าของวงจรทวีคูณความจุไฟฟ้า ตารางที่ 6.1 ผลการจำลองวงจรที่ความถี่สูงสุดและความถี่ต่ำสุด

ความถี่ต่ำสุด/ สูงสุดของ สัญญาณ	กระแสไบอัส วงจรทวีคูณ ความจุไฟฟ้า	ขนาดของ สัญญาณ	THD ₃	เฟสนอยซ์ที่ 1 <i>MHz</i>	กำลังทั้งหมด ของวงจร
772.7 <i>MHz</i>	167 µ A	2.339mV	0.01494%	—67.46 <i>dBc/Hz</i>	71.05 <i>mW</i>
599.9 <i>MHz</i>	3.223mA	26.12mV	4.077%	—91.71 <i>dBc/Hz</i>	91.25mW

ผลงานอื่นๆที่เคยได้ทำการวิจัยไว้แล้วเช่น ผลงานของ A. Leelasantitham [24] กำเนิด สัญญาณกระแสที่มี THD เป็น 0.8% และใช้พลังงาน 0.38mW ที่ความถี่ 2.83GHz อย่างไรก็ตาม งานวิจัยนี้ได้นำเสนอวงจรกำเนิดสัญญาณในรูปของแรงดัน และได้นำเสนอวิธีการเปลี่ยนความถี่ไว้ ด้วย

ถึงแม้ว่าวงจรกำเนิดสัญญาณนี้จะไม่สามารถปรับช่วงความถี่ของสัญญาณได้ตามต้องการ (200MHz ถึง 800 MHz) แต่งานวิจัยนี้ได้นำเสนอการวิเคราะห์วงจรกำเนิดสัญญาณและวงจรทวีคูณ ความจุไฟฟ้าไว้โดยละเอียด ซึ่งเป็นแนวคิดและสามารถนำไปใช้กับวงจรอื่นๆ หรือการสร้างวงจรใหม่ๆ ได้

รายการอ้างอิง

- http://th.wikipedia.org/wiki/%E0%B9%82%E0%B8%97%E0%B8%A3%E0%B8%9

 7%E0%B8%B1%E0%B8%A8%E0%B8%99%E0%B9%8C%E0%B8%A3%E0%B8%

 80%E0%B8%9A%E0%B8%9A%E0%B8%94%E0%B8%B4%E0%B8%88%E0%B8%

 84%E0%B8%97%E0%B8%B1%E0%B8%A5\
- 2. <u>http://www.thaipost.net/news/180213/69702</u>
- 3. <u>http://www.solocellthai.com/kraho/share/thai_tv_freq_fact.htm</u>
- 4. Ferri, G.; Pennisi, S., "A 1.5-V current-mode capacitance multiplier," *Microelectronics, 1998. ICM '98. Proceedings of the Tenth International Conference on*, vol., no., pp.9,12, 1998
- 5. Khan, I.A.; Ahmed, M.T., "OTA-based integrable voltage/current-controlled ideal C-multiplier," *Electronics Letters* , vol.22, no.7, pp.365,366, March 27 1986
- 6. Jaikla, W.; Lahiri, A.; Siripruchyanun, M., "Capacitance multipliers using tunable four terminal floating nullors," *Electrical Engineering/Electronics Computer Telecommunications and Information Technology (ECTI-CON), 2010 International Conference on*, vol., no., pp.42,45, 19-21 May 2010
- 7. Somdunyakanok, M.; Angkeaw, K.; Prommee, P., "Floating-capacitance multiplier based on CCDDCCs and its application," *TENCON 2011 2011 IEEE Region 10 Conference*, vol., no., pp.1367,1370, 21-24 Nov. 2011
- Darweesh, H.Y.; Farag, F.A.; Khalaf, Y.A., "New active capacitance multiplier for low cutoff frequency filter design," *Microelectronics, 2007. ICM 2007. Internatonal Conference on*, vol., no., pp.381,384, 29-31 Dec. 2007
- 9. Jaikla, W.; Siripruchyanan, M., "An Electronically Controllable Capacitance Multiplier with Temperature Compensation," *Communications and Information Technologies, 2006. ISCIT '06. International Symposium on*, vol., no., pp.356,359, Oct. 18 2006-Sept. 20 2006
- 10. Jantakun, A.; Pisutthipong, N.; Siripruchyanun, M., "Single element based-novel temperature insensitive/electronically controllable floating capacitance multiplier and its application," *Electrical Engineering/Electronics Computer*

Telecommunications and Information Technology (ECTI-CON), 2010 International Conference on , vol., no., pp.37,41, 19-21 May 2010

- 11. Siripruchyanan, M.; Jaikla, W., "Floating capacitance multiplier using DVCC and CCCIIs," *Communications and Information Technologies, 2007. ISCIT '07. International Symposium on*, vol., no., pp.218,221, 17-19 Oct. 2007
- 12. Silapan, P.; Tanaphatsiri, C.; Siripruchyanun, M., "Current controlled CCTA based- novel grounded capacitance multiplier with temperature compensation," *Circuits and Systems, 2008. APCCAS 2008. IEEE Asia Pacific Conference on*, vol., no., pp.1490,1493, Nov. 30 2008-Dec. 3 2008
- 13. Parveen, T.; Ahmed, M.T., "OFC based versatile circuit for realization of impedance converter, grounded inductance, FDNR and component multipliers," *Multimedia, Signal Processing and Communication Technologies, 2009. IMPACT '09. International*, vol., no., pp.81,84, 14-16 March 2009
- 14. M.T Abuelma'atti, N.A Tasadduq, Electronically tunable capacitance multiplier and frequency-dependent negative-resistance simulator using the currentcontrolled current conveyor, Microelectronics Journal, Volume 30, Issue 9, September 1999, Pages 869-873
- Anwar A. Khan, Sadanand Bimal, K.K. Dey, S.S. Roy, Current conveyor based Rand C- multiplier circuits, AEU - International Journal of Electronics and Communications, Volume 56, Issue 5, 2002, Pages 312-316
- 16. Pipat Prommee, Montri Somdunyakanok, CMOS-based current-controlled DDCC and its applications to capacitance multiplier and universal filter, AEU -International Journal of Electronics and Communications, Volume 65, Issue 1, January 2011, Pages 1-8
- Behzad Razavi, "Oscillators," "Short-Channel Effects and Device Models." in Design of Analog CMOS Integrated Circuits International Edition, Singapore, University of California, 2001, Chapter 14 and 16, pp. 482-531,579 – 596
- 18. Smunyahirun, R.; Leelarasmee E., "Formulae for Designing Current Mirror Quadrature Oscillator," *AUN/SEED-Net Regional Conference on Electrical Engineering 2014.*
- 19. ดร. อภิศักดิ์ วรพิเชฐ, "วงจรออสซิลเลเตอร์ความถี่วิทยุ," ใน เทคนิควงจรรวมซีมอสไร้สาย, กรุงเทพ, ประเทศไทย, มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีมหานคร, 2011, บทที่ 9, หน้า 9-1 ถึง 9-61

- Linares-Barranco, B.; Rodriguez-Vazquez, A.; Sanchez-Sinencio, E.; Huertas, J.L., "CMOS OTA-C high-frequency sinusoidal oscillators,"Solid-State Circuits, IEEE Journal of , vol.26, no.2, pp.160,165, Feb 1991
- 21. Aniruddhan, Sankaran, "Quadrature generation techniques in CMOS relaxation oscillators," Circuits and Systems (ISCAS), 2012 IEEE International Symposium on , vol., no., pp.1375,1378, 20-23 May 2012
- 22. Mansour, M.M.; Mansour, M.M., "On the design of low phase-noise CMOS LCtank oscillators," Microelectronics, 2008. ICM 2008. International Conference on , vol., no., pp.407,412, 14-17 Dec. 2008
- 23. Piyatat, T.; Tangsrirat, W.; Surakampontorn, W., "Electronically Tunable Quadrature Oscillator Using Current-controlled Voltage Conveyors," Electron Devices and Solid-State Circuits, 2005 IEEE Conference on , vol., no., pp.133,136, 19-21 Dec. 2005
- 24. Leelasantitham, A.; Srisuchinwong, B., "A high-frequency low-power all-NMOS all-current-mirror sinusoidal quadrature oscillator," TENCON 2004. 2004 IEEE Region 10 Conference , vol.D, no., pp.364,367 Vol. 4, 21-24 Nov. 2004
- Leelasantitham, A.; Srisuchinwong, B., "A high-frequency low-power sinusoidal quadrature oscillator using only CMOS current mirrors,"Microelectronics, 2003. ICM 2003. Proceedings of the 15th International Conference on , vol., no., pp.404,408, 9-11 Dec. 2003
- Leelasantitham, A.; Srisuchinwong, B., "A low-power high-frequency all-passfilter-based sinusoidal quadrature oscillator using CMOS current mirrors," Intelligent Signal Processing and Communications Systems, 2008. ISPACS 2008. International Symposium on , vol., no., pp.1,5, 8-11 Feb. 2009
- 27. Pranayanuntana, P.; Khwankaew, W., "An Electronically Adjustable Amplitude of OTA-Based Sinusoidal Nonlinear Oscillator," Digital Image Processing, 2009 International Conference on , vol., no., pp.335,340, 7-9 March 2009
- 28. Rodriguez-Vazquez, A.; Linares-Barranco, B.; Huertas, J.L.; Sanchez-Sinencio, E.,
 "On the design of voltage-controlled sinusoidal oscillators using OTAs," Circuits and Systems, IEEE Transactions on , vol.37, no.2, pp.198,211, Feb 1990
- Oliveira, L.B.; Fernandes, J.R.; Silva, M.M.; Filanovsky, I.M.; Verhoeven, C. J M, "Experimental Evaluation of Phase-Noise and Quadrature Error in a CMOS 2.4 GHz Relaxation Oscillator,"Circuits and Systems, 2007. ISCAS 2007. IEEE International Symposium on , vol., no., pp.1461,1464, 27-30 May 2007

30. Herencsar, N.; Lahiri, A.; Koton, J.; Vrba, K., "VM and CM quadrature sinusoidal oscillators using commercially available active devices," Applied Electronics (AE), 2010 International Conference on , vol., no., pp.1,4, 8-9 Sept. 2010





ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นายรดิศ สมัญญาหิรัญ เกิดที่วัน 5 ตุลาคม พ.ศ. 2534 ที่จังหวัดกรุงเทพมหานครสำเร็จ การศึกษาปริญญาวิศวกรรมศาสตรบัณฑิต วิศวกรรมไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์ มหาวิทยาลัย ในปีการศึกษา 2555 และศึกษาต่อในหลักสูตรวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต ภาควิชา วิศวกรรมไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ในปีการศึกษา 255ุ6



