



บทที่ 2

### สเปกตรัมและการกว้างของสเปกตรัม

ในปี พ.ศ.1402 กุสตาฟ เคิร์ชฮอฟฟ์ (Kirchhoff, Gustav. R.) ได้แถลงหลักการเกี่ยวกับความสัมพันธ์ระหว่างสเปกตรัมและสมบัติของแหล่งกำเนิดแสง [1] พอสรุปความได้ดังนี้

(ก) ของแข็ง ของเหลว หรือแก๊สที่มีความดันสูง เมื่อได้รับพลังงานจนร้อน เพียงพอที่จะเปล่งแสงจะให้แสงที่มีลักษณะสเปกตรัมต่อเนื่อง (continuous spectrum)

(ข) แก๊สที่มีความดันต่ำ และมีอุณหภูมิที่สูงเพียงพอ จะเปล่งแสงเฉพาะบางความยาวคลื่น เป็นเส้นสเปกตรัมเปล่งออก (bright emission lines)

(ค) ถ้านำแก๊สที่มีอุณหภูมิและความดันต่ำมาบังหน้าแหล่งกำเนิดแสงที่ให้แสงที่มีลักษณะเป็นสเปกตรัมต่อเนื่อง แสงที่ผ่านแก๊สออกมาจะปรากฏเส้นสเปกตรัมดูดกลืน (absorption line spectrum) อยู่ร่วมกับสเปกตรัมต่อเนื่อง

หลักการที่เคิร์ชฮอฟฟ์แถลงนี้ แม้จะไม่ค่อยสมบูรณ์นัก แต่ก็นำไปสู่การศึกษาสเปกตรัมของวัตถุต่างๆ ในรายละเอียด รวมทั้งสเปกตรัมของเทพีฟากฟ้าทั้งหลาย เช่น ดาวฤกษ์ ดวงอาทิตย์ เนบิวลาเปล่งแสงต่างๆ ในบทนี้จะกล่าวถึง ลักษณะสเปกตรัมของเทพีฟากฟ้าต่างๆ รูปลักษณะของเส้นสเปกตรัมดูดกลืน การกว้างขึ้นของเส้นสเปกตรัมโดยย่อ การจัดลำดับสเปกตรัมของดาวฤกษ์ การจัดกลุ่มดาวฤกษ์ตามความสว่างและสเปกตรัม เป็นต้น

#### ลักษณะสเปกตรัมของเทพีฟากฟ้า

เทพีฟากฟ้ามีหลายชนิด แต่ในที่นี้เราจะกล่าวถึงเพียงเทพีฟากฟ้าที่สามารถเปล่งแสงได้ด้วยตัวเอง เช่น ดวงอาทิตย์ ดาวฤกษ์ เนบิวลาเปล่งแสง เป็นต้น สำหรับหัวข้อนี้จะกล่าวถึงสเปกตรัมของดาวฤกษ์ และเนบิวลาที่อาจกล่าวได้ว่าเป็นองค์ประกอบพื้นฐานของเทพีฟากฟ้าต่างๆ เช่น กระจุกดาวฤกษ์ ดาราจักร เป็นต้น ทั้งนี้ ดวงอาทิตย์

ก็อาจกล่าวได้ว่าเป็นดาวฤกษ์ดวงหนึ่งเช่นกัน

ในกรณีของดาวฤกษ์ แสงที่มาถึงผู้สังเกตบนโลกจะเป็นแสงโดยรวมจากตำแหน่งต่างๆของตัวดวง ลักษณะของสเปกตรัมจะเป็นสเปกตรัมต่อเนื่องและปรากฏเส้นสเปกตรัมดูดกลืนอยู่ด้วย สำหรับดวงอาทิตย์ เนื่องจากเป็นดาวฤกษ์ที่อยู่ใกล้โลกมาก เราจึงอาจเลือกศึกษาสเปกตรัมของส่วนต่างๆของดวงได้โดยสะดวก สำหรับในกรณีของสเปกตรัมของแสงอาทิตย์จากบรรยากาศชั้นโฟโตสเฟียร์โดยทั่วไปจะมีลักษณะเป็นเส้นสเปกตรัมต่อเนื่องซ้อนทับด้วยเส้นสเปกตรัมดูดกลืนเฟราน์โฮเฟอร์เส้นต่างๆที่แสดงไว้ในหัวข้อถัดไป และมีลักษณะคล้ายคลึงกับสเปกตรัมของแสงจากดาวฤกษ์ ดังนั้นเราจะพิจารณาสเปกตรัมของแสงอาทิตย์เป็นหลัก

กรณีของดวงอาทิตย์ สเปกตรัมของแสงอาทิตย์จากโฟโตสเฟียร์จะเป็นสเปกตรัมต่อเนื่องร่วมกับเส้นสเปกตรัมดูดกลืนเฟราน์โฮเฟอร์ สเปกตรัมต่อเนื่องจากโฟโตสเฟียร์เชื่อว่ามาจากไอออนลบของธาตุไฮโดรเจน( $H^-$ ) คือ เกิดจากการจับอิเล็กตรอนของอะตอมไฮโดรเจน ( $H + e^- \longrightarrow H^-$ ) ปฏิกริยานี้จะให้โฟตอนออกมา แต่ในกรณีที่เกิดปฏิกริยาย้อนกลับ คือเกิดการไอออไนซ์ไอออนลบของธาตุไฮโดรเจน ปฏิกริยานี้จะเป็นปฏิกริยาที่ดูดกลืนแสงต่อเนื่องในบรรยากาศดวงอาทิตย์ โดยจะมีค่าศักย์ไอออไนซ์เท่ากับ 0.75 อิเล็กตรอนโวลต์ แสงต่อเนื่องที่เปล่งออกมาจะถูกดูดกลืนไปที่บางความยาวคลื่นด้วยอะตอมหรือไอออนของธาตุต่างๆในบรรยากาศ เกิดเป็นเส้นสเปกตรัมเฟราน์โฮเฟอร์ขึ้น สำหรับบริเวณที่เกิดการดูดกลืนแสงเป็นเส้นสเปกตรัมเฟราน์โฮเฟอร์ ได้แก่ บางส่วนของโฟโตสเฟียร์ หรือในบางเส้นอาจเกิดในระดับสูงถึงโครโมสเฟียร์[1]

สำหรับกลุ่มแก๊สในอวกาศ ปรกติจะไม่ปรากฏว่าเปล่งแสงมักจะมีบทบาทในการดูดกลืนแสงจากดาวต่างๆเบื้องหลัง แต่ในบางกรณี เช่น เนบิวลาเปล่งแสงที่อยู่ใจกลางกลุ่มดาวนายพราน(Orion) ที่เรียกว่า เนบิวลานายพราน(Orion's nebula) เหตุที่เนบิวลานี้เปล่งแสงเพราะมีดาวฤกษ์อยู่ในกลุ่มแก๊สด้วยและแสงจากดาวฤกษ์จะกระตุ้นให้แก๊สเปล่งแสงเป็นสเปกตรัมเปล่งออก(emission spectra) ถ้าถ่ายภาพของกลุ่มแก๊สผ่านแผ่นเกรตติงหรือปริซึม แสงที่มาจากกลุ่มแก๊สที่ความยาวคลื่นต่างๆจะแยกออกไปปรากฏเป็นภาพของกลุ่มแก๊สที่ความยาวคลื่นต่างๆ

### ข้อมูลเบื้องต้นเกี่ยวกับดวงอาทิตย์

ดวงอาทิตย์นอกจากจะมีความสำคัญในฐานะที่เป็นศูนย์กลางของระบบสุริยะ และเป็นแหล่งพลังงานที่ให้พลังงานแก่โลกในรูปแสงสว่างแล้ว ยังเป็นดาวฤกษ์ดวงหนึ่งในระบบดาราจักรทางช้างเผือกด้วย ดังนั้นดวงอาทิตย์จึงเป็นดาวฤกษ์เพียงดวงเดียวที่อยู่ใกล้โลกเพียงพอที่จะศึกษาในรายละเอียด ดังนั้นเพื่อความเข้าใจในขั้นต้นจึงขอเสนอข้อมูลเบื้องต้นเกี่ยวกับดวงอาทิตย์เพื่อให้พิจารณาเป็นตัวแทนลักษณะต่างๆของดาวฤกษ์ ดังนี้

#### (1) ลักษณะทั่วไปของดวงอาทิตย์[2]

$$\text{รัศมีของดวงอาทิตย์} = 6.96 \times 10^{10} \text{ เซนติเมตร}$$

$$\text{มวลของดวงอาทิตย์} = 1.989 \times 10^{33} \text{ กรัม}$$

$$\text{ความหนาแน่นเฉลี่ย} = 1.409 \text{ กรัมต่อลูกบาศก์เซนติเมตร}$$

$$\text{ระยะทางเฉลี่ยจากโลกถึงดวงอาทิตย์} = 1 \text{ หน่วยดาราศาสตร์}$$

$$= 1.496 \times 10^{13} \text{ เซนติเมตร}$$

$$\text{ระยะใกล้ที่สุดจากโลกถึงดวงอาทิตย์} = 1.471 \times 10^{13} \text{ เซนติเมตร}$$

(ระยะ perihelion)

$$\text{ระยะไกลที่สุดจากโลกถึงดวงอาทิตย์} = 1.521 \times 10^{13} \text{ เซนติเมตร}$$

(ระยะ aphelion)

มุมรองรับเส้นผ่าศูนย์กลางดวงที่ระยะ

$$1 \text{ หน่วยดาราศาสตร์} = 1909.26 \text{ พิลิปดา}$$

$$\text{ความส่องสว่าง (luminosities)*} = 3.826 \times 10^{33} \text{ เอิร์ก/วินาที}$$

$$\text{พลังค์การแผ่รังสีที่ผิวดวง**} = 6.27 \times 10^{10}$$

เอิร์กต่อวินาทีต่อตารางเซนติเมตร

---

\* หมายถึงปริมาณพลังงานของแผ่รังสีที่ออกจากผิวดวงอาทิตย์ทั้งหมดในเวลาหนึ่งวินาที

\*\* เรียกโดยสามัญว่า ความเข้มการแผ่รังสีที่ผิวดวง หมายถึงปริมาณพลังงานของการแผ่รังสีที่ออกจากผิวดวงอาทิตย์พื้นที่หนึ่งตารางเซนติเมตรในเวลาหนึ่งวินาที

ค่าคงที่สุริยะ\* =  $1.36 \times 10^8$  เอิร์กต่อวินาทีต่อตารางเซนติเมตร  
 โชติมาตรสัมบูรณ์(absolute visual magnitude)\*\* = + 4.83  
 โชติมาตรปรากฏ(apparent visual magnitude) = -26.74  
 ชนิดของสเปกตรัม(spectral type) = G2V (รายละเอียดในบทที่ 2)  
 อุณหภูมิยังผล(effective temperature)  
 ตามกฎของสเตฟาน-โบลต์ซมันน์ = 5770 เคลวิน(K)

(2) โครงสร้างของดวงอาทิตย์(solar structure) สามารถจัดออกได้  
 เป็น 2 ส่วน[1] คือ

(ก) โครงสร้างภายใน(interior structure) โครงสร้างภายใน  
 ของดวงอาทิตย์เป็นส่วนใหญ่ที่ไม่สามารถทำการสังเกตได้ แต่อาจจะใช้ทฤษฎีทางฟิสิกส์สร้าง  
 ภาวะขอบเขต(boundary condition)และแบบจำลองโครงสร้างภายในให้สอดคล้องกับ  
 ข้อมูลจากการสังเกตการณ์ เช่น มวล, รัศมี, ความส่องสว่าง รวมทั้งปรากฏการณ์ต่างๆที่เกิด  
 บนผิวดวง โดยทั่วไปโครงสร้างภายในของดวงอาทิตย์ตามแบบจำลองมี 3 ชั้น คือ

\*ค่าคงที่สุริยะ(solar constant) หมายถึงฟลักซ์การแผ่รังสีของดวงอาทิตย์  
 ที่นอกบรรยากาศโลก (ห่างจากดวงอาทิตย์เท่ากับระยะทางเฉลี่ยจากโลกถึงดวงอาทิตย์)

\*\*โชติมาตร(magnitude) เป็นปริมาณที่บอกความสว่างของดาวโดยพิจารณา  
 จากความสามารถในการรับรู้ความสว่างของตาคนเป็นเกณฑ์ในระยะแรก นิยามผลต่าง  
 ของโชติมาตรของดาว 2 ดวงเทียบกับฟลักซ์(I) ของดาวทั้ง 2 ดังนี้

$$m_1 - m_2 = 2.5 \log_{10} (I_2 / I_1)$$

โชติมาตรที่กล่าวถึงนี้คือ โชติมาตรปรากฏ(ที่มองเห็นด้วยตา)แบ่งออกเป็น  
 หลายลักษณะตามช่วงความยาวคลื่น เช่น โชติมาตรที่ตามองเห็น(visual magnitude)  
 โชติมาตรถ่ายภาพ(photographic magnitude) ฯลฯ โชติมาตรสัมบูรณ์ หมายถึง  
 โชติมาตรใดๆเมื่อวัตถุนั้นอยู่ห่างจากผู้สังเกตเป็นระยะทาง 10 พาร์เซก(parsec)สัมพันธ์  
 กับโชติมาตรปรากฏ ดังนี้  $M = m + 5 - 5 \log_{10} d$  d คือระยะทางจากโลกถึงวัตถุ  
 นั้นในหน่วยพาร์เซก ( 1 พาร์เซก =  $3.08 \times 10^{16}$  เซนติเมตร )

1. แกน(core) เป็นส่วนที่เกิดปฏิกิริยาเทอร์โมนิวเคลียร์ของอะตอมธาตุไฮโดรเจน ได้ผลเป็นอะตอมของธาตุฮีเลียมพร้อมทั้งปลดปล่อยพลังงานออกมาตามแบบจำลองเชื่อว่าส่วนแกนนี้มีความดันสูงถึง  $3.4 \times 10^{10}$  นิวตันต่อตารางเมตร ความหนาแน่น 160 กรัมต่อลูกบาศก์เซนติเมตร และอุณหภูมิ 15 ล้านเคลวิน พลังงานที่ปลดปล่อยออกมามีออกมาจากแกนในรูปของโฟตอน และพลังงานจลน์ของนิวตริโน

2. ชั้นการแผ่รังสี(radiative zone) อยู่ถัดขึ้นมาจากแกน พลังงานจากปฏิกิริยานิวเคลียร์ในแกนจะส่งผ่านชั้นนี้ไปสู่ชั้นสูงกว่าในรูปของการแผ่รังสีและการแพร่ของโฟตอนจากแกน ทั้งนี้เพราะความดันและความหนาแน่นของแก๊สในบริเวณนี้ยังมากเกินไปที่จะส่งผ่านพลังงานออกมาในวิธีอื่น

3. ชั้นการพา(convective zone) เป็นบริเวณที่ความดันและความหนาแน่นของมวลสารลดลงจนสามารถส่งผ่านพลังงานสู่ผิวของดวงอาทิตย์ได้ด้วยการพา(convection) หรือเรียกง่าย ๆ ว่าการเดือด(boiling)ของแก๊ส เป็นผลให้เมื่อสังเกตผิวหน้าของดวงจะพบว่าผิวดวงอาทิตย์ปรากฏเป็นดอกดวง(granules)

(ข) บรรยากาศของดวงอาทิตย์(solar atmospheres) หมายถึง กลุ่มแก๊สที่หุ้มห่อตัวดวงอยู่ มวลสารของแก๊สในส่วนนี้มีสมบัติที่แตกต่างกันมากในแต่ละส่วนตามความสูง การจัดแบ่งชั้นของบรรยากาศของดวงอาทิตย์ จัดแบ่งจากปริมาณหนึ่งเรียกความลึกเชิงแสง(optical depth) ดังนิยามดังนี้

ความลึกเชิงแสง( $\tau(\lambda)$ ) หมายถึง ปริมาณที่มีความสัมพันธ์กับการดูดกลืนรังสีที่ความยาวคลื่น  $\lambda$  เมื่อรังสีนั้นผ่านตัวกลาง (มักจะหมายถึงแก๊ส) ถ้าแสงที่เข้าสู่ตัวกลางมีความเข้มจำเพาะ(specific intensity)  $I(\lambda, 0)$  และแสงที่ออกจากตัวกลางมีความเข้มจำเพาะ  $I(\lambda)$  ดังนี้

$$I(\lambda) = I(\lambda, 0) \exp[-\tau(\lambda)] \quad [3]$$

ค่าความลึกเชิงแสง( $\tau(\lambda)$ ) เป็นปริมาณที่มีความสัมพันธ์กับสัมประสิทธิ์การดูดกลืนรังสี(absorption coefficient) ที่ความยาวคลื่น  $\lambda$  และไม่จำเป็นต้องเท่ากันในแต่ละความยาวคลื่น ถึงแม้จะเป็นตัวกลางเดียวกัน สำหรับดวงอาทิตย์จะพิจารณาแยกชั้นบรรยากาศโดยอาศัยความลึกเชิงแสงที่ความยาวคลื่น 5000 อังสตรอม โดยกำหนดให้ค่าความลึกเชิงแสงมีค่าลดลงตามแนวรัศมี บรรยากาศของดวงอาทิตย์เริ่มต้น

จากตำแหน่งที่มีค่าความลึกเชิงแสงที่ความยาวคลื่น 5000 อังสตรอม เป็น 1 โดยกำหนดให้ เป็นจุดเริ่มของบรรยากาศ[2] ด้วยการจัดแบ่งลักษณะนี้บรรยากาศของดวงอาทิตย์สามารถ แบ่งออกได้เป็น 3 ส่วน คือ

1. โฟโตสเฟียร์(photosphere) เริ่มต้นจากผิวดวง(จุดที่มี ค่าความลึกเชิงแสงที่ความยาวคลื่น 5000 อังสตรอมเป็น 1 ) ถึงค่าความลึกเชิงแสงที่ ความยาวคลื่น 5000 อังสตรอมเป็น 0.005 [2] เป็นบรรยากาศชั้นล่างสุดและเป็นที่มา ของแสงอาทิตย์ที่เรามองเห็น ลักษณะของแสงคือเป็นแสงต่อเนื่อง(continuum light) ที่แสงบางความยาวคลื่นถูกดูดกลืนไป ปรากฏเป็นเส้นมืดซ้อนทับอยู่ข้างบน เส้นมืดเหล่านี้ เรียกว่าเส้นเฟราน์โฮเฟอร์(Fraunhofer lines)

โฟโตสเฟียร์อยู่เหนือเขตการนำ ดังนั้นจึงมองเห็นเป็น ดอกดวง(granulation) เมื่อพิจารณาที่ระดับสูงขึ้นไปในโฟโตสเฟียร์จะลดความดัน ความหนาแน่น และอุณหภูมิอย่างรวดเร็ว โดยลดเป็น 0.386 เท่าทุกๆค่าความสูงจริง 110 กิโลเมตร ดังนั้นจึงเรียกค่าความสูงนี้ว่าความสูงมาตรา(scale height) และจะ ถือว่าความหนาของบรรยากาศชั้นโฟโตสเฟียร์เป็น 320 กิโลเมตรวัดจากผิวดวง [2,4] เนื่องจากระดับขึ้นไปจะเป็นบรรยากาศชั้นโครโมสเฟียร์

2. โครโมสเฟียร์(chromosphere) มีฐานอยู่ที่ตำแหน่ง ระดับความลึกเชิงแสงที่ความยาวคลื่น 5000 อังสตรอมมีค่า 0.005 มีอุณหภูมิที่ตำแหน่งนี้ เป็น 4560 เคลวิน สูงขึ้นจากระดับนี้อุณหภูมิจะลดลงจนต่ำสุดเท่ากับ 4180 เคลวินที่ระดับ ความลึกเชิงแสงที่ 5000 อังสตรอม เป็น 0.0001 (ประมาณ 200 กิโลเมตรจากฐาน) สูงขึ้นจากนั้นอุณหภูมิจะเพิ่มขึ้นเรื่อยๆจนถึงชั้นเปลี่ยน(transition region) ที่ความสูง 2000 กิโลเมตรจากฐานที่ความสูงระดับนี้จะมีอุณหภูมิจึง 100,000 เคลวิน ที่ขอบของ โครโมสเฟียร์จะมีโครงสร้างของแก๊สร้อนเคลื่อนไปมาอยู่เสมอและมักจะปรากฏแก๊สร้อนพุ่ง ขึ้นตามแนวขอบในแนวเดียวกับรัศมี เรียก สปิคุล(spicule) นอกจากนี้ตามขอบของ โครโมสเฟียร์ยังปรากฏการพวยพุ่งของแก๊สในลักษณะอื่นด้วย ทำให้ในบางครั้งตำแหน่งขอบ บนของโครโมสเฟียร์เลื่อนขึ้นไปถึงประมาณ 10,000 กิโลเมตรจากฐาน[2,4]

การศึกษาสเปกตรัมของโครโมสเฟียร์จะกระทำได้เมื่อแสง จากโครโมสเฟียร์ไม่ถูกรบกวนด้วยแสงจากโฟโตสเฟียร์ โดยมากจะทำการศึกษาได้เมื่อ

เกิดสุริยุปราคา จากการแยกสเปกตรัมของแสงจากโครโมสเฟียร์พบว่า มีลักษณะสเปกตรัมเป็นสเปกตรัมเปล่งออก(emission spectra) จากธาตุต่างๆ เช่น ไฮโดรเจน แคลเซียม มักนีเซียม ฯลฯ แสงที่เปล่งออกมากที่สุดคือ เส้นสเปกตรัมของธาตุไฮโดรเจนที่ 6562.8 อังสตรอม (เส้น H $\alpha$ ) ดังนั้นเมื่อเกิดสุริยุปราคาเต็มดวงแสงจากโครโมสเฟียร์จะปรากฏให้เห็นเป็นแสงแดงชั่วขณะ สเปกตรัมเปล่งออกจากโครโมสเฟียร์ที่สังเกตเห็นได้ขณะที่เกิดสุริยุปราคานี้เรียกว่า สเปกตรัมวาบ(Flash spectrum) เพราะปรากฏให้เห็นเฉพาะเมื่อเกิดสุริยุปราคาเท่านั้น[4]

3. โคโรนา(corona) เป็นบรรยากาศที่อยู่ชั้นบนสุดและห่อหุ้มดวงอาทิตย์นับตั้งแต่ชั้นเปลี่ยนที่ต่อกับโครโมสเฟียร์ขึ้นมาและแผ่กระจายออกเป็นลมสุริยะ(solar wind) อุณหภูมิของโคโรนาอยู่ในระดับขนาด 1 ล้านเคลวิน เราจะเห็นโคโรนาได้เมื่อเกิดสุริยุปราคาเต็มดวง จากการวิเคราะห์พบว่าแสงที่มาจากโคโรนามาจากสาเหตุต่างๆกัน 3 ประการดังนี้

(ก) เป็นแสงที่กระเจิงจากอิเล็กตรอนที่เคลื่อนที่ด้วยความเร็วสูงในบรรยากาศชั้นนี้ ตามผลของอุณหภูมิที่สูงมากเรียกส่วนนี้ว่า เค-โคโรนา(K-corona)

(ข) เป็นแสงอาทิตย์ที่สะท้อนจากอนุภาคขนาดเล็กที่โคจรรอบดวงอาทิตย์ในระยะใกล้ อนุภาคเหล่านี้จะสะท้อนแสงอาทิตย์ทำให้ท้องฟ้าบริเวณใกล้ดวงสว่างขึ้นจึงไม่ถือว่าเป็นบรรยากาศจริง เรียกว่า เอฟ-โคโรนา(F-corona)

(ค) เป็นแสงที่มาจากการเปล่งแสงของไอออนของธาตุเหล็ก นิกเกิล แคลเซียม ที่เสียอิเล็กตรอนไปมาก เรียกโคโรนาส่วนที่เปล่งแสงนี้ว่า แอล-โคโรนา(L-corona) จากการที่มีสเปกตรัมของธาตุที่เสียอิเล็กตรอนไปเป็นจำนวนมากนี้เองเป็นข้อพิสูจน์ถึงอุณหภูมิของโคโรนาที่สูงในระดับล้านเคลวิน และสูงกว่าอุณหภูมิของโครโมสเฟียร์[4]

(3) เส้นสเปกตรัมเฟราน์โฮเฟอร์ หมายถึง เส้นสเปกตรัมดูดกลืนที่ปรากฏในสเปกโตรแกรมของแสงอาทิตย์ เส้นสเปกตรัมดูดกลืนนี้เกิดจากการดูดกลืนแสงในการเปลี่ยนระดับพลังงานของอิเล็กตรอนในอะตอมหรือไอออนของธาตุต่างๆในบรรยากาศของดวงอาทิตย์ เส้นสเปกตรัมเฟราน์โฮเฟอร์ที่เห็นได้ชัดในรูปสเปกตรัมของดวงอาทิตย์

ได้แก่ เส้นสเปกตรัมดูดกลืนของ แคลเซียมไอออน (CaII หรือ  $Ca^+$ ) อะตอมของธาตุไฮโดรเจน มักนีเซียม โซเดียม เป็นต้น รายละเอียดของเส้นเฟราน์โฮเฟอร์ที่สำคัญได้แสดงไว้ในตารางที่ 2-1

ตารางที่ 2-1 - แสดงเส้นเฟราน์โฮเฟอร์ที่สำคัญ

ความยาวคลื่น (อังสตรอม)	ชื่อ	อะตอมหรือไอออน ของธาตุ
3581.21	N	FeI
3734.87	M	FeI
3820.44	L	FeI
3933.68	K	CaII
3968.49	H	CaII
4045.83		FeI
4101.75	H $\delta$	HI
4226.74	g	CaI
4340.48	H $\gamma$	HI
4383.56	d	FeI
4861.34	H $\beta$	HI
5167.33	b <sub>4</sub>	MgI
5172.70	b <sub>2</sub>	MgI
5183.62	b <sub>1</sub>	MgI
5889.97	D <sub>2</sub>	NaI
5895.94	D <sub>1</sub>	NaI
6562.81	H $\alpha$	HI



### รูปลักษณะของเส้นสเปกตรัม

ถ้าเราศึกษาเส้นสเปกตรัมดูดกลืนเฟราน์โฮเฟอร์ด้วยอุปกรณ์ที่มีความละเอียดสูง จะพบว่าเส้นสเปกตรัมเฟราน์โฮเฟอร์มีความกว้าง ไม่ได้ถูกดูดกลืนเฉพาะความยาวคลื่นนั้น แต่จะ เริ่มถูกดูดกลืนลดความเข้มแสงลงก่อนถึงความยาวคลื่นนั้นจนต่ำสุดแล้วเพิ่มขึ้นจนถึงระดับแสงต่อเนื่องอีกครั้ง รูปร่างของเส้นที่เกิดขึ้นนี้ เรียกว่ารูปลักษณะของเส้นสเปกตรัม โดยเรียกส่วนกลางเส้นว่าแกน(core) และบริเวณถัดแกนออกไปที่แสงเพิ่มความเข้มขึ้นจนถึงระดับแสงต่อเนื่อง เรียกว่าปีก(wing) ของเส้น[4]

ในการพิจารณาถึงรูปลักษณะของเส้นสเปกตรัมดูดกลืนนั้น เราอาจพิจารณาได้ ผ่านทางค่าสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงที่ความถี่นั้น(absorption coefficient;  $K(\nu)$ ) ที่มีผลมากที่สุดต่อรูปลักษณะของเส้นสเปกตรัมดูดกลืน ความสัมพันธ์ระหว่างความถี่และสัมประสิทธิ์การดูดกลืนแสงของเส้นสเปกตรัมเฟราน์โฮเฟอร์หนึ่งๆทำให้เกิดการกว้างขึ้น ด้วยสาเหตุหลายประการ ทั้งผลที่เกิดขึ้นตามธรรมชาติของการเปลี่ยนระดับพลังงานของอิเล็กตรอนในอะตอมหรือไอออน หรือเกิดจากปัจจัยภายนอกที่มีผลเสริมขึ้นอีก สาเหตุหลักของการกว้างขึ้นของเส้นสเปกตรัมจนปรากฏเป็นรูปลักษณะของเส้นนี้มีดังนี้\*

#### (1) การกว้างขึ้นตามธรรมชาติ(natural broadening)

การกว้างขึ้นตามธรรมชาติของเส้นสเปกตรัมเป็นผลมาจากการเปลี่ยนระดับพลังงานของอิเล็กตรอนในการดูดกลืนแสงหรือเปล่งแสงเอง ทั้งนี้สามารถพิจารณาได้ในหลายนัย แต่แนวทางอธิบายถึงการกว้างขึ้นตามธรรมชาติของเส้นสเปกตรัมที่ง่ายที่สุด ได้แก่การอธิบายการเปลี่ยนระดับพลังงานของอิเล็กตรอนในอะตอมหรือไอออน ร่วมกับหลักความไม่แน่นอนของไฮเซนเบิร์ก(Heisenberg's uncertainty principle) ดังที่จะได้กล่าวถึงดังต่อไปนี้[1,5]

การเกิดขึ้นของเส้นสเปกตรัมทั้งสเปกตรัมเปล่งออกและสเปกตรัมดูดกลืน เป็นผลมาจากการเปลี่ยนระดับพลังงานของอิเล็กตรอนในอะตอมหรือไอออนของธาตุต่างๆที่มีอยู่ในบรรยากาศของดาวฤกษ์ โดยหลักการแสงที่เปล่งออกหรือดูดกลืนจะมีความยาวคลื่น

---

\* รายละเอียดของการพิสูจน์หารูปลักษณะของเส้นสเปกตรัมในทางทฤษฎีสามารถศึกษาได้จากเอกสารอ้างอิงหมายเลข[5]

ที่สัมพันธ์กับผลต่างของพลังงานของระดับพลังงานทั้งสองที่อิเล็กตรอนเปลี่ยนระดับไป ตามความสัมพันธ์  $\Delta E = hc/\lambda$  เมื่อ  $h$  คือค่าคงตัวของพลังค์ และ  $c$  คือค่าอัตราเร็วของแสงในสุญญากาศ แต่ถ้าพิจารณาโดยอาศัยหลักความไม่แน่นอนของไฮเซนเบิร์ก ระดับพลังงานในอะตอมหรือไอออนในระดับต่างๆจะมีลักษณะที่ไม่ชัดเจน ถ้าที่ระดับพลังงานหนึ่งๆมีช่วงเวลาที่มีอิเล็กตรอนจะอยู่ที่ระดับพลังงานนั้นก่อนจะเปลี่ยนสถานะไปยังสถานะพื้นหรือระดับพลังงานอื่น (life time) เป็น  $\Delta t$  พลังงานของระดับพลังงานนั้นๆจะมีความไม่แน่นอนของระดับพลังงานตามหลักความไม่แน่นอนของไฮเซนเบิร์กเป็น  $\delta E$  ที่มีความสัมพันธ์เป็น

$$\delta E \cdot \Delta t \approx h/2\pi$$

สำหรับในสถานะพื้น (ground state) อิเล็กตรอนมีโอกาสที่จะอยู่ที่ระดับนี้มากหรืออาจกล่าวได้ว่ามีค่าช่วงอายุ (life time) มาก ดังนั้นความไม่แน่นอนของระดับพลังงานจะน้อยมาก ระดับพลังงานในสถานะพื้นจะมีลักษณะที่ชัดเจน แต่ในระดับที่เป็นสถานะกระตุ้น (excited state) อิเล็กตรอนจะมาอยู่ที่ระดับนี้เพียงชั่วขณะ โดยทั่วไปจะมีช่วงอายุ ( $\Delta t$ ) ประมาณ  $10^{-8}$  วินาที ก่อนจะเปลี่ยนสถานะไป ดังนั้นในการเปลี่ยนระดับพลังงานค่าความไม่แน่นอนในระดับพลังงานของสถานะกระตุ้น ( $\delta E$ ) ที่อิเล็กตรอนจะไปอยู่จะมีค่าขนาดหนึ่ง ในการดูดกลืนหรือเปล่งออกของแสงในเส้นสเปกตรัมต้องมีการเปลี่ยนระดับพลังงานจากสถานะหนึ่งไปยังอีกสถานะหนึ่ง ลักษณะความไม่แน่นอนของระดับพลังงานที่อิเล็กตรอนจะไปอยู่จะส่งผลให้เส้นสเปกตรัมนั้นๆกว้างขึ้นด้วย โดยทั่วไปจะมีค่าความกว้างของเส้นประมาณ 0.05 มิลลิอังสตรอมในช่วงความยาวคลื่นแสง

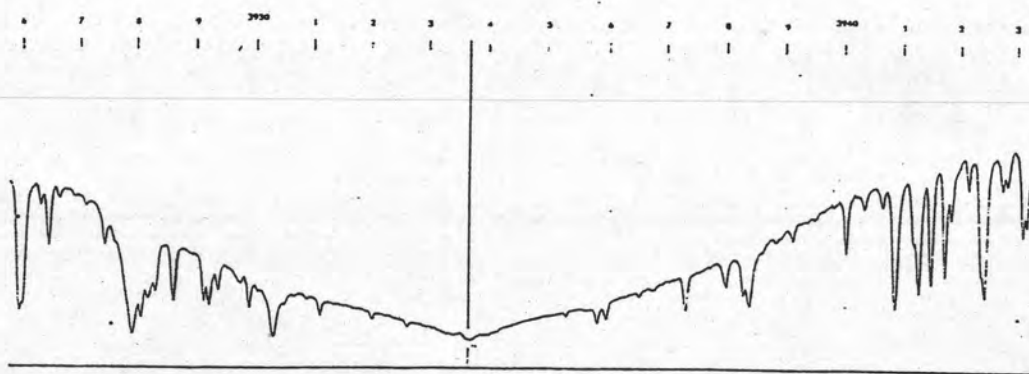
## (2) การกว้างขึ้นจากปรากฏการณ์ดอปเปลอร์ (Doppler broadening)

ตามความเป็นจริงอะตอมหรือไอออนต่างๆในบรรยากาศมิได้อยู่นิ่ง แต่จะเคลื่อนที่อยู่ตลอดเวลา สัดส่วนของอะตอมหรือไอออนที่เคลื่อนที่ด้วยความเร็วต่างๆจะเป็นไปตามการแจกแจงความเร็วของแมกซ์เวลล์ (Maxwell's velocity distribution) เมื่อพิจารณาเทียบกับผู้สังเกตก็จะมีอะตอมหรือไอออนที่เปล่งแสงหรือดูดกลืนแสง ในขณะที่กำลังเคลื่อนที่ในทิศที่เข้าหาหรือออกจากผู้สังเกต ผลจากการเคลื่อนที่นี้จะมีผลต่อรูปลักษณะของเส้นสเปกตรัมเพิ่มจากการกว้างขึ้นตามธรรมชาติของเส้นสเปกตรัม โดยเฉพาะอย่างยิ่งในส่วนแกนของเส้น [5]

(3) การกว้างขึ้นเนื่องจากการชนกันของอะตอมหรือไอออนในบรรยากาศ  
(collision broadening)

ตามสภาพที่แท้จริงของบรรยากาศของดาวฤกษ์ อะตอมหรือไอออนของธาตุต่างๆมีได้อยู่ห่างกันมากจนกระทั่งสามารถพิจารณาว่าเป็นระยะอนันต์ แต่จะอยู่ใกล้กันเพียงพอที่จะส่งผลกระทบต่อระดับพลังงานของกันและกันได้ หรืออาจกล่าวอีกนัยหนึ่งคือในทุกๆขณะจะมีการชนกันของอะตอมหรือไอออนในบรรยากาศ ซึ่งจะส่งผลโดยรวมแก่การเกิดเส้นสเปกตรัมของบรรยากาศให้มีรูปลักษณ์ที่กว้างขึ้น หรือกล่าวอีกนัยหนึ่งคือส่งผลเสริมกับการกว้างขึ้นตามธรรมชาติของเส้นสเปกตรัม ผลจากส่วนนี้สามารถสังเกตหาความแตกต่างได้ง่ายด้วยการเปรียบเทียบเส้นสเปกตรัมเส้นหนึ่งในดาวสองดวงที่มีลักษณะสเปกตรัมที่เหมือนกันแต่มีบรรยากาศที่มีความหนาแน่น ความดัน แตกต่างกัน

นอกจากสาเหตุหลักของการกว้างขึ้นของเส้นสเปกตรัมทั้ง 3 ประการนี้แล้วยังมีสาเหตุอื่นที่มีผลต่อการกว้างขึ้นและรูปลักษณ์ของเส้นสเปกตรัมอีก เช่น ผลกระทบจากการเคลื่อนไหวอย่างไม่เป็นระเบียบของบรรยากาศ ผลกระทบจากสนามแม่เหล็กในบางส่วนของดวง เป็นต้น รูปลักษณ์ของเส้นสเปกตรัมดุกกลินเฟราน์โฮเฟอร์ของแคลเซียมไอออนที่ 3933.68 อังสตรอม(K-line) [6] ได้แสดงไว้ในภาพที่ 2-1



รูปที่ 2-1 แสดงรูปลักษณ์ของเส้นสเปกตรัมดุกกลินเฟราน์โฮเฟอร์ของแคลเซียมไอออน(CaII)ที่ 3933.68 อังสตรอม(K-line)[6]

### การจำแนกประเภทสเปกตรัมของดาวฤกษ์(stellar spectra classification)

ในตอนต้น เราได้กล่าวถึงเส้นสเปกตรัมดูดกลืนเฟราน์โฮเฟอร์ที่สำคัญต่างๆในสเปกตรัมของแสงอาทิตย์ ในดาวฤกษ์ต่างๆก็เช่นเดียวกัน ถ้าเราแยกแสงจากดาวฤกษ์ออก เป็นแถบสเปกตรัมจะพบว่ามีลักษณะคล้ายคลึงกับสเปกตรัมของแสงอาทิตย์ คือปรากฏเส้นสเปกตรัมดูดกลืนเฟราน์โฮเฟอร์อยู่ด้วย แต่จำนวนเส้น ความแรง(strength) ของเส้นสเปกตรัมจะไม่เหมือนกับดวงอาทิตย์ ความแตกต่างนี้เป็นผลจากอุณหภูมิ ความหนาแน่นของอิเล็กตรอน ฯลฯ จากการพิจารณาลักษณะสเปกตรัมของดาวฤกษ์ต่างๆอย่างละเอียด ได้มีการจำแนกประเภทสเปกตรัมของดาวฤกษ์ออกเป็นลำดับต่างๆแต่ละลำดับแทนด้วยอักษรเมื่อนำมาจัดตามอุณหภูมิจากมาก ไปน้อยได้เป็นลำดับดังนี้ O B A F G K M นอกจากนี้อาจมีประเภทสเปกตรัมพิเศษอื่นอีก แต่จะไม่กล่าวถึงในที่นี้ นอกจากนี้ในระหว่างลำดับยังแบ่งย่อยออกเป็น 10 ส่วน เช่น ...,B9,A0,A1,...,A9,F0,... โดยที่ดาวที่มีเลขตามตัวอักษรมากจะมีลักษณะสเปกตรัมที่ใกล้เคียงกับสเปกตรัมของลำดับถัดไปมากกว่าเลขน้อย รายละเอียดของประเภทของสเปกตรัมในแต่ละลำดับมีดังนี้[1]

ดาวฤกษ์ที่มีประเภทสเปกตรัม O จะเป็นดาวฤกษ์ที่มีแสงสีน้ำเงิน บรรยากาศร้อนจัด มีเส้นสเปกตรัมดูดกลืนน้อย ลักษณะเด่นในสเปกตรัมของดาวประเภทนี้คือ จะมีเส้นสเปกตรัมดูดกลืนของฮีเลียมไอออน(HeII หรือ  $He^+$ ) ในบางครั้งจะมีเส้นสเปกตรัมเปล่งออกของ ไอออนนี้ด้วย มีเส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุฮีเลียม(HeI)ที่มีความแรงอ่อน แต่เพิ่มความแรงขึ้นในลำดับ O5 ถึง O9 ปรากฏเส้นสเปกตรัมของธาตุไฮโดรเจน ในชุดอนุกรมบัลเมอร์(Balmer series) ด้วย

ดาวฤกษ์ที่มีประเภทสเปกตรัม B เป็นดาวสีน้ำเงิน บรรยากาศร้อนแต่ไม่เท่าประเภท O เส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุฮีเลียมเด่น มีความแรงสูงสุดที่ลำดับ B2 ส่วนเส้นสเปกตรัมดูดกลืนของฮีเลียมไอออนจะหายไป เส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุไฮโดรเจนในอนุกรมบัลเมอร์ มีความแรงมากขึ้น บางครั้งปรากฏเส้นสเปกตรัมของแมกนีเซียมไอออน( $MgII$  หรือ  $Mg^+$ )และซิลิกอนไอออน( $SiII$  หรือ  $Si^+$ )ด้วย

ดาวฤกษ์ที่มีประเภทสเปกตรัม A มีลักษณะสเปกตรัมที่มีเส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุไฮโดรเจนในอนุกรมบัลเมอร์ ที่มีความแรงสูงสุดที่ A0 มีเส้นสเปกตรัมดูดกลืนของไอออนของโลหะ( $FeII, SiII, MgII$ )ชุดที่ลำดับ A5 ในลำดับท้ายๆเริ่มมีเส้นสเปกตรัม

015757

| 1030A3A1

ของแคลเซียมไอออน ( $\text{CaII}$  หรือ  $\text{Ca}^+$ ) ที่แรงขึ้น เส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุโลหะเริ่มมีปรากฏขึ้น

ดาวฤกษ์ที่มีประเภทสเปกตรัม F จะปรากฏเป็นดาวสีขาว ในลำดับต้นๆจะมีความแรงของเส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุไฮโดรเจนชัดเจน และลดความแรงลงอย่างเห็นได้ชัดในลำดับถัดมา เส้นสเปกตรัมดูดกลืนของแคลเซียมไอออน ที่ความยาวคลื่น 3933.68 อังสตรอม (เส้น K) และ 3968.49 อังสตรอม (เส้น H) มีความแรงมากขึ้นจนเห็นได้ชัด ในลำดับท้ายๆของประเภทนี้มีเส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุโลหะ โดยเฉพาะเหล็ก ( $\text{FeI}$ ) ปรากฏชัดเจน

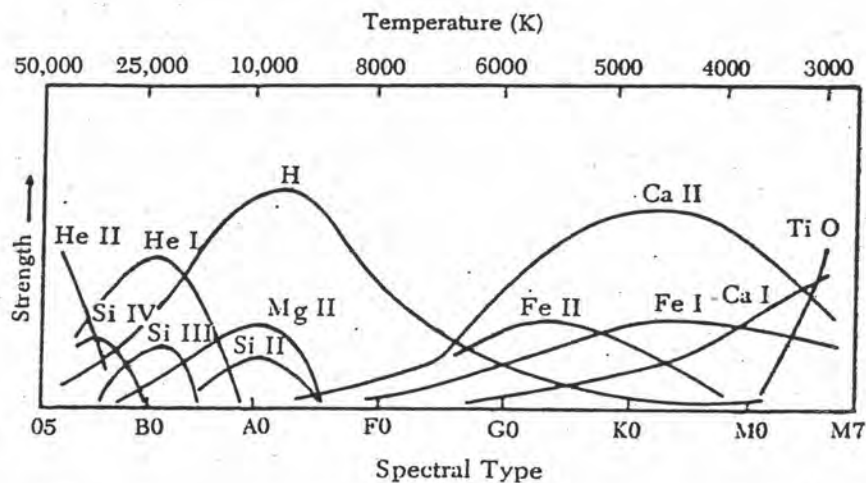
ดาวฤกษ์ที่มีประเภทสเปกตรัม G เป็นดาวฤกษ์ที่มีสีเหลือง ดวงอาทิตย์ก็จัดอยู่ในดาวที่มีประเภทสเปกตรัมแบบนี้ โดยมีลำดับ G2 ลักษณะเด่นของสเปกตรัมคือจะมีเส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุโลหะมากเส้น เช่น เหล็ก ( $\text{FeI}$ ) มังกานีส ( $\text{MnI}$ ) แมกนีเซียม ( $\text{MgI}$ ) แคลเซียม ( $\text{CaI}$ ) เส้นสเปกตรัมดูดกลืนของแคลเซียมไอออน ( $\text{CaII}$ ) จะมีความแรงมากเห็นได้ชัด ความแรงของเส้นนี้สูงที่สุดที่ G2 เส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุไฮโดรเจนในอนุกรมบัลเมอร์ลดความแรงลง รวมทั้งพวกไอออนของธาตุโลหะด้วย เริ่มปรากฏแถบดูดกลืนของโมเลกุลสารประกอบขึ้น

ดาวฤกษ์ที่มีประเภทสเปกตรัม K เป็นดาวฤกษ์ที่มีสีแดง มีสเปกตรัมที่มีลักษณะเด่นที่มีแถบดูดกลืนของโมเลกุลของ  $\text{TiO}$  เส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุโลหะต่างๆเด่นชัด โดยเฉพาะอย่างยิ่งเส้นของธาตุแคลเซียม มีความแรงมากขึ้นในลำดับท้ายๆ สำหรับเส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุไฮโดรเจนในอนุกรมบัลเมอร์จางลงจนเกือบมองไม่เห็น

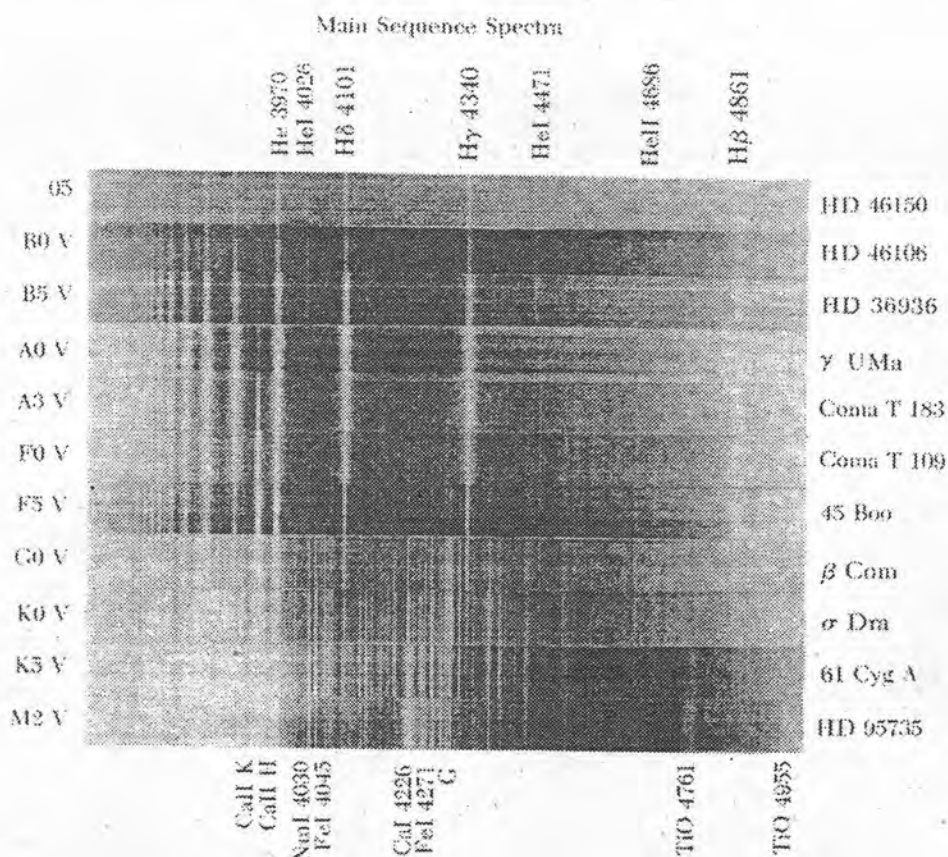
ดาวฤกษ์ที่มีประเภทสเปกตรัม M เป็นดาวฤกษ์ที่มีสีแดง อุณหภูมิของบรรยากาศต่ำสุด เส้นสเปกตรัมดูดกลืนของธาตุโลหะเห็นได้ชัดและมีจำนวนเส้นมาก และตั้งแต่ลำดับ M5 แถบดูดกลืนของโมเลกุล  $\text{TiO}$  ปรากฏเห็นได้ชัด

เหตุที่สามารถจัดประเภทสเปกตรัมของดาวฤกษ์ตามลำดับอุณหภูมิได้ มาจากการพิจารณาจากลักษณะการแผ่รังสีของดาวฤกษ์นั้นว่าใกล้เคียงกับวัตถุดำในสมดุลที่อุณหภูมิใด ร่วมกับค่าพลังงานที่ใช้ในการไอออไนซ์ธาตุต่างๆและค่าพลังงานการกระตุ้นจากสถานะหนึ่งไปยังอีกสถานะหนึ่งของอะตอมหรือไอออนต่างๆ นำมาพิจารณาร่วมกับความแรงของเส้นสเปกตรัมเส้นต่างๆในสเปกตรัมดาว ดังนั้นเราสามารถอนุมานอุณหภูมิของดาวในประเภท

สเปกตรัมต่างๆ ได้ตั้งแสดงไว้ในรูปที่ 2-2 และลักษณะสเปกตรัมของดาวในประเภทสเปกตรัมต่างๆ ได้แสดงไว้ในรูปที่ 2-3



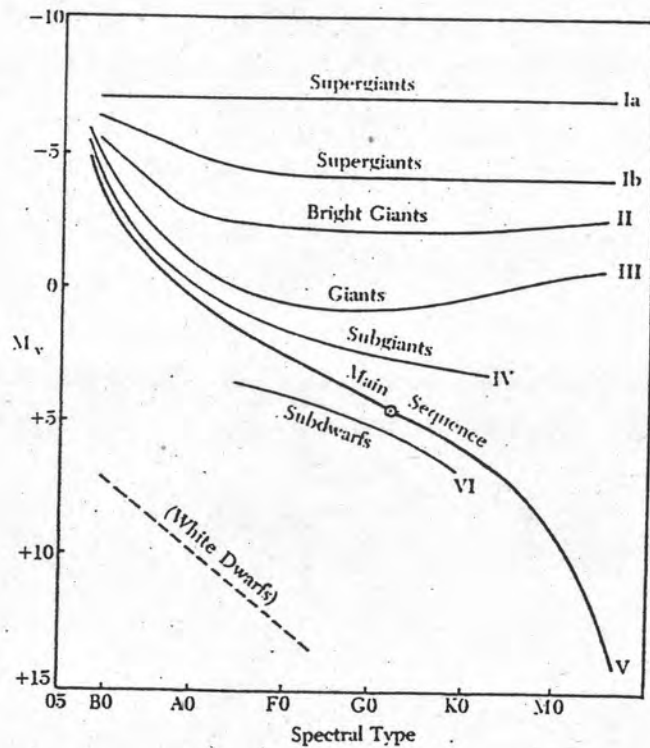
รูปที่ 2-2 แสดงความสัมพันธ์ของเส้นสเปกตรัมต่างๆ และอุณหภูมิของบรรยากาศดาวฤกษ์ และดาวฤกษ์ที่มีสเปกตรัมประเภทต่างๆ [1]



รูปที่ 2-3 สเปกตรัมของดาวฤกษ์ที่มีประเภทสเปกตรัมต่างๆ [1]

การจำแนกประเภทความส่องสว่างของดาวฤกษ์ (luminosity classification)

เนื่องจากดาวฤกษ์แต่ละดวงมีค่าโชติมาตรสัมบูรณ์ที่ต่างกัน นั้นหมายความว่าที่ระยะห่างจากโลกเท่าๆกันดาวฤกษ์แต่ละดวงจะมีความส่องสว่างไม่เท่ากัน เมื่อเปรียบเทียบดาวฤกษ์ที่มีประเภทสเปกตรัมแบบเดียวกัน แต่ความส่องสว่างหรือโชติมาตรสัมบูรณ์ไม่เท่ากัน พบว่ามีลักษณะพิเศษเกิดขึ้น ถ้าพิจารณารูปที่ 2-4 ที่แสดงแผนภูมิระหว่างประเภทสเปกตรัมและโชติมาตรสัมบูรณ์ของดาวฤกษ์ เมื่อนำค่าประเภทสเปกตรัมและโชติมาตรสัมบูรณ์ของดาวฤกษ์ต่างๆมาเขียนลงบนแผนภูมิ พบว่าดาวจำนวนมากเรียงอยู่ในแนวจากบนซ้ายมาจนถึงทางด้านล่างขวามือ จึงได้เรียกดาวเหล่านี้ว่าดาวในลำดับหลัก (main sequence) แต่ก็มีดาวอีกจำนวนหนึ่งที่แยกออกจากแนวลำดับหลักออกไป ทั้งในแนวที่มีโชติมาตรมากกว่าและในแนวที่มีโชติมาตรน้อยกว่า ทั้งนี้ในแนวที่มีโชติมาตรมากกว่าแนวลำดับหลักเมื่อพิจารณาถึงความเย็นไปได้แล้วก็จะหมายถึงดาวที่มีมวลมากและมีพื้นที่ผิวมากกว่าดาวในลำดับหลัก หรือมีรัศมีมากกว่า จึงได้มีการจัดจำแนกดาวออกเป็นกลุ่มๆตามความสว่างในแผนภูมินี้ ซึ่งในรูปที่ 2-4 แทนแนวของดาวที่อยู่ในแผนภูมิด้วยเส้น



รูปที่ 2-4 แสดงแผนภูมิจัดจำแนกความส่องสว่างของดาวฤกษ์ [1]

จากรูปที่ 2-4 เห็นได้ว่าการแบ่งกลุ่มจะแทนแต่ละกลุ่มด้วยเลขโรมัน สำหรับดาวฤกษ์ในกลุ่ม I ถึง IV แทนดาวฤกษ์ที่มีความสุกสว่างมากกว่าคือมีรัศมีมากกว่า จึงอาจเรียกโดยย่อว่าเป็นกลุ่มดาวฤกษ์ยักษ์ (giants) กลุ่ม V แทนดาวฤกษ์ในลำดับหลัก ลักษณะสเปกตรัมของดาวฤกษ์ในลำดับหลักและดาวฤกษ์ยักษ์ที่ประเภทสเปกตรัมเดียวกันจะแตกต่างกันเล็กน้อย คือในดาวยักษ์เส้นสเปกตรัมจะมีลักษณะที่บางหรือคมกว่าดาวในลำดับหลัก ทั้งนี้เนื่องจากผลการกว้างขึ้นเนื่องจากการชนกันและความดันจะไม่เหมือนกับดาวในลำดับหลัก เพราะสมบัติต่างๆของบรรยากาศที่มีความแตกต่างกันในแง่ความดันและความหนาแน่น (ทั้งความหนาแน่นมวลสารและความหนาแน่นจำนวนของอิเล็กตรอน)

ในการบอกประเภทสเปกตรัมของดาวฤกษ์ในเอกสารต่างๆ มักจะบอกประเภทของความสุกสว่างของดาวฤกษ์ไว้ร่วมกัน เช่นดวงอาทิตย์เป็นดาวฤกษ์ที่มีประเภทสเปกตรัมเป็น G2V ซึ่งก็หมายความว่า ดาวฤกษ์ในลำดับหลักที่มีประเภทสเปกตรัม G2 ดังนั้นในกรณีที่ต้องการเปรียบเทียบสเปกตรัมจึงมักจะกระทำในดาวฤกษ์ที่มีความสุกสว่างในชุดเดียวกัน เช่นดาวฤกษ์ในลำดับหลักเพื่อหลีกเลี่ยงความแตกต่างระหว่างดาวฤกษ์ในกลุ่มความสุกสว่างที่ต่างกัน ดังรูปที่ 2-3