

การกำหนดออกแบบโครงถักเหล็กกระนาบอย่างเหมาะสมโดยใช้วิธีงานสมมุติ



นางสาววรรณ วงศ์สรคกร

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต

ภาควิชาวิศวกรรมโยธา

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2539

ISBN 974 - 633 -198 -1

ลิขสิทธิ์ของบัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

116795416

**OPTIMUM DESIGN OF PLANE STEEL TRUSSES BY VIRTUAL WORK METHOD**

Miss Worapun Wongsankakorn

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Engineering

Department of Civil Engineering

Graduate School

Chulalongkorn University

1996

ISBN 974 -633 - 198 -1

หัวข้อวิทยานิพนธ์  
โดย  
ภาควิชา  
อาจารย์ที่ปรึกษา

การคำนวณออกแบบโครงถักเหล็กกระนาบอย่างเหมาะสมโดยใช้วิธีงานสมบูรณ์  
นางสาววรรณ วงศ์สรรคกร  
วิศวกรรมโยธา  
ศาสตราจารย์ ดร.ทักษิณ เทพชาตรี



บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้บัณฑิตวิทยาลัยนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรบัณฑิต

*Handwritten signature*

.....คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย  
(รองศาสตราจารย์ ดร. สันติ ฤงสุวรรณ)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

*Handwritten signature*

.....ประธานกรรมการ  
(ศาสตราจารย์ ดร.เอกสิทธิ์ ลิ้มสุวรรณ)

*Handwritten signature*

.....อาจารย์ที่ปรึกษา  
(ศาสตราจารย์ ดร.ทักษิณ เทพชาตรี)

*Handwritten signature*

.....กรรมการ  
(ศาสตราจารย์ ดร.วินิต ช่อวิเชียร)

*Handwritten signature*

.....กรรมการ  
(ศาสตราจารย์ วรณ คุณวาสี)

พิมพ์ต้นฉบับบทความวิจัยวิทยานิพนธ์ภายในกรอบสี่เหลี่ยมนี้เพียงแผ่นเดียว



วรพรรณ วงศ์สรรคกร : การคำนวณออกแบบโครงถักเหล็กกระนาบอย่างเหมาะสม  
โดยวิธีงานสมมุติ (OPTIMUM DESIGN OF PLANE STEEL TRUSSES BY THE  
VIRTUAL WORK METHOD) อ.ที่ปรึกษา : ศ.ดร.ทักษิณ เทพชาตรี, 59 หน้า.  
ISBN 974-633-198-1

งานวิจัยนี้เป็นการศึกษาและพัฒนาการคำนวณและออกแบบโครงถักเหล็กกระนาบอย่าง  
เหมาะสมด้วยวิธีงานสมมุติ เพื่อให้ได้ขนาดพื้นที่หน้าตัดขององค์อาคารที่เหมาะสม โดยคำนึงถึง  
พฤติกรรมการโก่งคาะเนื่องจากการค้ำขององค์อาคารรับแรงอัดและมีค่าการเคลื่อนตัวไม่เกิน  
ค่าที่ยอมรับให้

ด้วยวิธีงานสมมุติจะทำให้สามารถคำนวณหาค่าดัชนีความไวขององค์อาคาร ซึ่งเป็นค่า  
ที่แสดงความสำคัญขององค์อาคารนั้นต่อการเคลื่อนตัวรวมของโครงถัก การเพิ่มพื้นที่หน้าตัดของ  
องค์อาคารที่มีค่าดัชนีความไวสูงจะเป็นการลดค่าการเคลื่อนตัวรวมในทิศทางของแรงสมมุติได้อย่าง  
มีประสิทธิภาพ ในทางทฤษฎีการออกแบบอย่างเหมาะสม ทำให้โดยการปรับค่าดัชนีความไวของทุก  
องค์อาคารให้มีค่าเท่ากัน ส่วนในทางปฏิบัติโครงถักค้ำเทอมิเนทสามารถทำได้หลังจากการปรับค่า  
พื้นที่หน้าตัดเพียงรอบเดียว แต่สำหรับโครงถักอินค้ำเทอมิเนทนั้นต้องใช้วิธีลองผิดลองถูกจนกระทั่ง  
คำตอบเข้าสู่จุดที่เหมาะสม แล้วจึงนำพื้นที่หน้าตัดดังกล่าวไปตรวจสอบการรับแรงตามข้อกำหนด  
มาตรฐานอาคารเหล็กรูปพรรณของวิศวกรรมสถานแห่งประเทศไทย ธันวาคม พ.ศ.2518,  
มาตรฐาน AISC/ASD 1989 และมาตรฐาน AISC/LRFD 1994

ผลการวิจัยพบว่า วิธีงานสมมุติสามารถนำมาใช้ในการคำนวณออกแบบโครงถักกระนาบ  
สองมิติได้อย่างเหมาะสมทั้งชนิดค้ำเทอมิเนทและอินค้ำเทอมิเนท กล่าวคือโครงถักสามารถรับแรงได้  
อย่างปลอดภัยภายใต้ข้อกำหนดมาตรฐานที่ระบุไว้ข้างต้น โดยมีค่าสัดส่วนความชะลุดไม่เกินค่าที่  
กำหนดและมีค่าการเคลื่อนตัวไม่เกินค่าที่ยอมรับให้

ภาควิชา ..... วิศวกรรมโยธา  
สาขาวิชา ..... วิศวกรรมโยธา  
ปีการศึกษา ..... 2538

ลายมือชื่อนิสิต ..... *วรพรรณ วงศ์สรรคกร*  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา ..... *ทักษิณ เทพชาตรี*  
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม .....



## C515381 : MAJOR CIVIL ENGINEERING/STRUCTURE

KEY WORD: VIRTUAL WORK/STIFFNESS/SENSITIVITY INDEX/DISPLACEMENT PARTICIPATION FACTOR

WORAPUN WONGSANKAKORN : OPTIMUM DESIGN OF PLANE STEEL TRUSSES  
BY THE VIRTUAL WORK METHOD. ADVISOR : PROF. THAKSIN THEPCHATRI, Ph.D. 59 pp.  
ISBN 974-633-198-1

The purpose of this research is to study and develop an optimum design procedure for plane steel trusses using the Virtual Work Method. The method includes the effects of bend buckling for compression members. A suitable cross-sectional area of each member in a truss under given loads and displacement will be automatically selected.

By the Virtual Work Method the member sensitivity index (SI) which is the index showing the importance of the member contributed to the total displacement can be located. The more cross-sectional area of the members having higher SI are added the less in total displacement will be gotten in an effective way. In theory, a truss having same SI value for all members will be an optimum truss. For a determinate truss, an optimum value is obtained after the first cycle of adjusting the area. For an indeterminate truss, on the other hand, the trial and error steps are used until the solution is converged to the optimum value. The truss thus obtained is then rechecked according to the specifications from three design codes, i.e., The standard for steel structure by Engineering Institute of Thailand (EIT, 1975), The Allowable Stress Design by American Institute of Steel Construction (AISC/ASD 1989) and The Load and Resistance Factor Design by American Institute of Steel Construction (AISC/LRFD 1994)

It has been found from this research that the Virtual Work Method is an effective method in designing optimum plane steel trusses. The design trusses will safely resist the loads with the member slenderness ratio and the maximum displacement not larger than the values allowed by the standard codes for design.

ภาควิชา..... วิศวกรรมโยธา.....

สาขาวิชา..... วิศวกรรมโยธา.....

ปีการศึกษา..... 2538.....

ลายมือชื่อนิต..... *Worapun Wongsankakorn*.....

ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา..... *Thaksin Thepchatri*.....

ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม.....



### กิตติกรรมประกาศ

ผู้เขียนขอกราบขอบพระคุณเป็นอย่างสูงต่อ ศาสตราจารย์ ดร. ทักษิณ เทพชาติ ซึ่งเป็นอาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ที่กรุณาให้คำปรึกษา และเสนอแนะแนวทางการศึกษาตลอดจนตรวจสอบแก้ไขจนกระทั่งการเขียนวิทยานิพนธ์นี้สำเร็จลงด้วยดีและขอกราบขอบพระคุณเป็นอย่างสูงต่อคณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์ ซึ่งประกอบด้วย ศาสตราจารย์ ดร. เอกสิทธิ์ ลิ้มสุวรรณ ศาสตราจารย์ ดร.วินิต ช่อวิเชียร และ ศาสตราจารย์วรุณ คุณวาสิ ที่ได้กรุณาตรวจสอบแก้ไขวิทยานิพนธ์ฉบับนี้จนสำเร็จเรียบร้อย

ขอขอบคุณพี่ๆ ที่บริษัทแวลูดีชายน์ แอนด์ คอนซัลแทนท์ จำกัด ที่ให้เวลาและอำนวยความสะดวกทุกอย่างให้ ขอขอบคุณเพื่อนๆ และน้องๆ ที่เอาใจช่วย และขอขอบคุณทุกคนในครอบครัวที่เป็นกำลังใจมาโดยตลอด

วรพรรณ วงศ์สรรคกร



## สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย.....	ง
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	จ
กิตติกรรมประกาศ.....	ฉ
สารบัญ.....	ช
สารบัญตาราง.....	ฅ
สารบัญภาพ.....	ญ
สัญลักษณ์.....	ฐ
ศัพท์วิทยาการ.....	ณ
บทที่	
1. บทนำ.....	1
1.1 กล่าวนำ.....	1
1.2 งานวิจัยที่ผ่านมา.....	4
1.3 วัตถุประสงค์ของการวิจัย.....	5
1.4 สมมุติฐานในการวิเคราะห์.....	6
1.5 ขอบเขตของการวิจัย.....	6
1.6 ประโยชน์ที่ได้รับจากงานวิจัย.....	6
2. การคำนวณออกแบบโครงสร้างเหล็กกระนาบอย่างเหมาะสมโดยใช้วิธีงานสมมุติ.....	7
2.1 กล่าวนำ.....	7
2.2 การวิเคราะห์โครงสร้างกระนาบ.....	8
2.3 การออกแบบโครงสร้างกระนาบ.....	14
2.3.1 ข้อกำหนดของ วสท.....	14
2.3.2 ข้อกำหนดของ AISC /ASD 1989.....	17
2.3.3 ข้อกำหนดของ AISC /LRFD 1994.....	18
2.4 สรุปขั้นตอนการวิเคราะห์และออกแบบด้วยวิธีงานสมมุติ.....	22
3. ตัวอย่างการคำนวณออกแบบและการเปรียบเทียบ.....	24
3.1 กล่าวนำ.....	24
3.2 ตัวอย่างการคำนวณออกแบบ.....	24
ตัวอย่างที่ 1.....	26
ตัวอย่างที่ 2.....	31
ตัวอย่างที่ 3.....	33
ตัวอย่างที่ 4.....	35
ผลการคำนวณตัวอย่างที่ 1.....	38
ผลการคำนวณตัวอย่างที่ 2.....	39
ผลการคำนวณตัวอย่างที่ 3.....	39
ผลการคำนวณตัวอย่างที่ 4.....	40
3.3 การเปรียบเทียบผลการคำนวณออกแบบโครงสร้างกระนาบ.....	41

4. สรุปผลและวิจารณ์.....	42
4.1 กล่าวนำ .....	42
4.2 สรุปผลการวิจัย .....	42
4.3 ข้อเสนอแนะและงานวิจัยต่อเนื่อง.....	43
รายการอ้างอิง .....	44
ภาคผนวก ก.....	46
ภาคผนวก ข. ....	56
ประวัติ.....	59



## สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
1. ข้อมูลวัสดุของตัวอย่างที่ 1 .....	26
2. แสดงการคำนวณน้ำหนักบรรทุกคงที่ .....	27
3. แสดงการคำนวณน้ำหนักบรรทุกจร .....	27
4. แสดงการคำนวณน้ำหนักกระทำเนื่องจากแรงลม.....	27
5. สรุปข้อมูลแรงกระทำตัวอย่างที่ 1 .....	27
6. การเลือกพื้นที่หน้าตัดในแต่ละรอบของการกระทำซ้ำของโครงถักกระนาบ 10 ชั้นส่วน ในการรวมแรง Case a. : $D+L$ ด้วยข้อกำหนด AISC/ASD.....	28
7. การเลือกพื้นที่หน้าตัดในแต่ละรอบของการกระทำซ้ำของโครงถักกระนาบ 10 ชั้นส่วน ในการรวมแรง Case b. : $0.75(D+L+W)$ ด้วยข้อกำหนด AISC/ASD .....	28
8. การเลือกพื้นที่หน้าตัดในแต่ละรอบของการกระทำซ้ำของโครงถักกระนาบ 10 ชั้นส่วน ในการรวมแรง Case c. : $0.75(D + W)$ ด้วยข้อกำหนด AISC/ASD.....	29
9. การเลือกพื้นที่หน้าตัดในแต่ละรอบของการกระทำซ้ำของโครงถักกระนาบ 10 ชั้นส่วน ในการรวมแรง Case d. : $0.75(D - W)$ ด้วยข้อกำหนด AISC/ASD.....	29
10. การเปรียบเทียบพื้นที่หน้าตัดของโครงถักกระนาบ 10 ชั้นส่วน จากการออกแบบด้วยข้อกำหนด AISC/ASD 4 กรณี .....	30
11. การเปรียบเทียบพื้นที่หน้าตัดของโครงถักกระนาบ 10 ชั้นส่วน จากการออกแบบด้วย 3 ข้อกำหนด.....	30
12. ข้อมูลวัสดุของตัวอย่างที่ 2.....	31
13. ข้อมูลแรงกระทำตัวอย่างที่ 2 .....	31
14. การเปรียบเทียบพื้นที่หน้าตัดของโครงถักกระนาบ 4 ชั้นส่วน จากการออกแบบด้วยข้อกำหนด AISC/ASD 4 กรณี .....	32
15. การเปรียบเทียบพื้นที่หน้าตัดของโครงถักกระนาบ 4 ชั้นส่วน จากการออกแบบด้วย 3 ข้อกำหนด.....	32
16. ข้อมูลวัสดุของตัวอย่างที่ 3.....	33
17. ข้อมูลแรงกระทำตัวอย่างที่ 3 .....	33
18. การเปรียบเทียบพื้นที่หน้าตัดของโครงถักกระนาบ 9 ชั้นส่วน จากการออกแบบด้วยข้อกำหนด AISC/ASD 4 กรณี .....	34
19. การเปรียบเทียบพื้นที่หน้าตัดของโครงถักกระนาบ 9 ชั้นส่วน จากการออกแบบด้วย 3 ข้อกำหนด.....	34
20. ข้อมูลวัสดุของตัวอย่างที่ 4.....	35
21. ข้อมูลแรงกระทำชุดที่ 1 ตัวอย่างที่ 4 .....	35
22. ข้อมูลแรงกระทำชุดที่ 2 ตัวอย่างที่ 4 .....	36
23. การเปรียบเทียบพื้นที่หน้าตัดของโครงถักกระนาบ 26 ชั้นส่วน จากการออกแบบด้วยข้อกำหนด AISC/ASD 4 กรณี และการเปรียบเทียบจากการออกแบบด้วย 3 ข้อกำหนด.....	37
24. ค่าตัวประกอบสำหรับน้ำหนักในแต่ละชุด ของตัวอย่างที่ 4.....	40

สารบัญภาพ

รูปที่	หน้า
1. การออกแบบโดยวิธีลองผิดลองถูก.....	1
2. การออกแบบโดยวิธีงานสมมุติ.....	2
3. โครงถักระนาบลิบขึ้นส่วน .....	26
4. โครงถักระนาบลิบขึ้นส่วน .....	31
5. โครงถักระนาบเก้าขึ้นส่วน .....	33
6. โครงถักระนาบยี่ลิบหกขึ้นส่วน.....	35
7. ขั้นตอนการวิเคราะห์ .....	46
8. ขั้นตอนการตรวจสอบ .....	47
9. ขั้นตอนการออกแบบด้วยวิธี EIT/ASD และ AISC/ASD .....	48
10. ขั้นตอนการตรวจสอบหลังจากออกแบบด้วยวิธี EIT/ASDและAISC/ASD .....	49
11. ขั้นตอนการออกแบบด้วยวิธี AISC/LRFD.....	50
12. ขั้นตอนการตรวจสอบหลังจากออกแบบด้วยวิธี AISC/LRFD .....	51
13. การออกแบบด้วยวิธี EIT/ASD .....	52
14. การออกแบบด้วยวิธี AISC/ASD.....	53
15. การออกแบบด้วยวิธี AISC/LRFD.....	54
16. การคำนวณหาค่า $u_i$ , $P_i$ , $R_x$ , $R_y$ .....	55



## สัญลักษณ์

- $a_i$  = พื้นที่หน้าตัดขององค์อาคาร
- $A$  = เมตริกซ์แปลงรูปร่าง (Transformation Matrix) ได้มาจาก โคไซน์ (Cosine) แสดงทิศทางของชิ้นส่วนที่จุดต่อ
- $A^T$  = เมตริกซ์รูปร่างสมดุล (Equilibrium Geometry Matrix) หาได้จากการทรานสโพส (Transpose) เมตริกซ์แปลงรูปร่าง
- $A_e$  = เนื้อที่หน้าตัดสุทธิประสิทธิผล (Effective net area)
- $A_n$  = เนื้อที่หน้าตัดสุทธิ (Net area)
- $A_g$  = เนื้อที่หน้าตัดทั้งหมด (Gross area)
- $d$  = เส้นผ่านศูนย์กลางรูเจาะ
- $D$  = น้ำหนักคงที่ที่กระทำถาวรต่อโครงสร้าง
- $e_o$  = ระยะยึดหดของชิ้นส่วนเริ่มแรก เช่น เกิดจากอุณหภูมิเปลี่ยนแปลง
- $E$  = ค่าโมดูลัสยืดหยุ่นของเหล็ก มีค่าเท่ากับ  $2.1 \times 10^6$  กิโลกรัมต่อตารางเซนติเมตร
- $E$  = น้ำหนักกระทำเนื่องจากแรงแผ่นดินไหว (Earthquake load)
- $F$  = เมตริกซ์ของแรงที่กระทำกับโครงถัก
- $F_a$  = หน่วยแรงอัดในแนวแกนที่ยอมให้ ขององค์อาคารหลัก
- $F_{as}$  = หน่วยแรงอัดในแนวแกนที่ยอมให้ ขององค์อาคารรองและค้ำยัน
- $F_{cr}$  = หน่วยแรงอัดในแนวแกนที่จุดวิกฤติ (Critical buckling stress)
- $F_t$  = หน่วยแรงดึงที่ยอมให้
- $F_u$  = กำลังดึงน้อยที่สุด
- $K$  = ตัวคูณประกอบของความยาวประสิทธิผล
- $KL$  = ความยาวประสิทธิผลขององค์อาคารที่จะเกิดการโค้งงอ
- $L$  = ความยาวขององค์อาคาร
- $L$  = น้ำหนักบรรทุกจร เป็นน้ำหนักที่โครงถักจะต้องบรรทุกเมื่ออยู่ในสภาพใช้งาน
- $L_r$  = น้ำหนักบรรทุกจรบนหลังคา (Roof live load)
- $P_a$  = แรงอัดที่ยอมให้
- $P_i$  = แรงในแนวแกนของแต่ละองค์อาคารที่ได้จากการวิเคราะห์โครงสร้างรวมเมื่อถูกแรงกระทำ
- $P_f$  = แรงในแนวแกนของแต่ละองค์อาคารเมื่อถูกแรงสมมุติ ( $Q=1$ ) กระทำในทิศทางที่เกิดค่าการเปลี่ยนตำแหน่งรวมสูงสุดในแต่ละกรณีของแรงที่กระทำกับโครงถัก
- $P_n$  = กำลังรับแรงดึงในแนวแกน
- $r$  = รัศมีไจเรชันของพื้นที่รอบแกนที่จะเกิดการโค้งงอ
- $R$  = น้ำหนักกระทำเนื่องจากน้ำฝน (Rain load)
- $S$  = น้ำหนักกระทำเนื่องจากหิมะ (Snow load)
- $SI_i$  = เป็นค่าที่ดัชนีที่แสดงถึงองค์อาคารใดมีผลต่อการเปลี่ยนตำแหน่งของโครงถัก (The member's sensitivity index)
- $Q$  = แรงสมมุติที่กระทำกับโครงถัก มีค่าเท่ากับ 1 หน่วย
- $R$  = แรงปฏิกิริยาที่จุดรองรับ



๗

- $T_w$  = แรงดึงที่ยอมให้
- $u$  = เมตริกซ์การเปลี่ยนตำแหน่งของโครงถัก
- $U$  = สัมประสิทธิ์ตัวลด ( Reduction coefficient )
- $W$  = น้ำหนักกระทำเนื่องจากแรงลม ( Wind load )
- $W_E$  = งานภายนอก ( External work )
- $W_I$  = งานภายใน ( Internal work )
- $W_{I,i}$  = เป็นค่าที่แสดงถึงองค์อาคารใดมีผลต่อระยะการเคลื่อนตัวที่เกิดขึ้นจริงในทิศทางของแรง  
สมมุติ ( The member displacement participation factor ,DPF )
- $\alpha$  = สัมประสิทธิ์ต้านทานการยืดหดของเหล็กเมื่ออุณหภูมิเปลี่ยนแปลง มีค่าเท่ากับ  $0.000012 / ^\circ\text{C}$
- $\gamma$  = ค่าความปลอดภัยของน้ำหนักกระทำ ในการออกแบบด้วยข้อกำหนด AISC/LRFD
- $\delta$  = ค่าการเปลี่ยนตำแหน่งของโครงถัก ซึ่งเป็นค่าที่ต้องการหา
- $\delta_{\text{allow}}$  = ค่าการเปลี่ยนตำแหน่งของโครงถักที่ยอมให้ ( Allowable displacement )
- $\phi$  = ตัวคูณลดค่ากำลังขององค์อาคาร มีค่าน้อยกว่า 1 แปรตามความเสี่ยงในการวิบัติ
- $\Delta$  = การยืดหดในแนวแกนของแต่ละองค์อาคาร ( Axial deformation )



### ศัพท์วิทยาการ

ค่าตัวประกอบเกี่ยวกับการเคลื่อนตัวขององค์อาคาร	The member displacement participation factor
ค่าดัชนีความไว	Sensitivity index
ค่าการเคลื่อนตัว, ค่าการเปลี่ยนตำแหน่ง	Displacement
งานสมมุติ	Virtual work
สัดส่วนความชะลูด	Slenderness ratio
สัมประสิทธิ์ตัวลด	Reduction coefficient