

บทที่ 2

เอกสารและงานวิจัยที่ผ่านมา

2.1 ลักษณะการขนส่งสินค้าและลักษณะปัญหาการขนส่งสินค้า

การขนส่งสินค้าด้วยรถบรรทุกสามารถแบ่งได้ตามลักษณะของการบรรทุกสินค้าได้ 2 ลักษณะ คือ การขนส่งสินค้าแบบเต็มคันรถ (Full Truckload or FTL Freight) เป็นการขนส่งที่ผู้ว่าจ้างจะจ้างให้รถบรรทุก บรรทุกสินค้าของตนเพียงผู้เดียว ดังนั้นจึงไม่จำเป็นต้องมีสถานีในการรวบรวมสินค้า และการขนส่งสินค้าแบบไม่เต็มคันรถ (Less-Than-Truckload or LTL Freight) เป็นการขนส่งสินค้ามากขึ้น โดยแต่ละคันมีน้ำหนักระหว่าง 100-10,000 ปอนด์ ในขณะที่รถบรรทุกสามารถบรรทุกได้ 30,000 - 50,000 ปอนด์ขึ้นอยู่กับความหนาแน่นของสินค้า ทำให้ต้องมีการสร้างสถานีเพื่อรวบรวมสินค้า

การขนส่งสินค้าเป็นกระบวนการในการเคลื่อนย้ายสินค้าซึ่งประกอบด้วยกิจกรรมต่างๆที่เกี่ยวข้องและต่อเนื่องกัน เป็นผลให้รูปแบบของปัญหาการขนส่งมีความหลากหลายและมีความสลับซับซ้อนที่ต่างกันซึ่งสามารถแบ่งได้เป็น 3 ระดับ (Crainic และ Laporte ,1997)

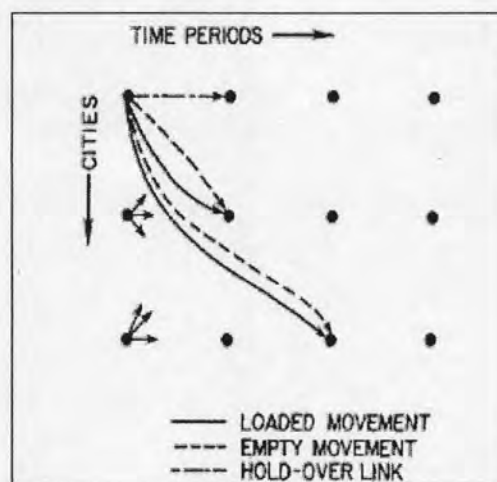
1. ปัญหาระดับกลยุทธ์ (Strategic) เป็นการวางแผนและตัดสินใจในระดับนโยบาย โดยที่เป็นไปในลักษณะการวางแผนระยะยาว
2. ปัญหาระดับยุทธวิธี (Tactical) เป็นการบริหารและวางแผนในการจัดสรรทรัพยากรต่าง ๆ ให้เกิดประสิทธิภาพในการใช้ทรัพยากรสูงสุด
3. ปัญหาระดับปฏิบัติการ (Operational) เป็นการบริหารควบคุมการดำเนินการในระดับวันต่อวัน

2.2 ปัญหการการจัดสรรรถบรรทุก (Vehicle Allocation Problem)

การบริหารจัดสรรรถบรรทุกเป็นปัญหาที่เกี่ยวข้องกับการบริหารตำแหน่งของรถบรรทุกในแต่ละช่วงเวลาเพื่อรองรับปริมาณความต้องการเพื่อให้เกิดประโยชน์สูงสุด ปัญหาสำคัญของการบริหารรถ คือ ผู้จัดสรรรถไม่ทราบปริมาณความต้องการใช้รถล่วงหน้าแน่นอนว่ามี ความต้องการใช้รถจำนวนเท่าใดจึงจะเพียงพอต่อความต้องการขนส่งสินค้า

ปริมาณความต้องการใช้รถที่ไม่สมดุลกันระหว่างพื้นที่บริการ ก็เป็นปัญหาที่สำคัญอีกประการที่ก่อให้เกิดความยุ่งยากในการบริหารจัดการ เช่น ในกรณีที่มีความต้องการบรรทุกสินค้าจากพื้นที่บริการ i ไปยังพื้นที่บริการ j ผู้จัดสรรรถทำการส่งรถที่บรรทุกสินค้าส่งไปยังพื้นที่บริการ j แต่ในทางกลับกันพื้นที่บริการ j ไม่มีความต้องการบรรทุกสินค้าส่งไปยังพื้นที่บริการ i ทำให้ในการจัดสรรรถต้องตัดสินใจว่าจะทำการส่งรถเปล่ากลับมายังพื้นที่บริการ i หรือจะจัดส่งรถไปยังพื้นที่บริการ i ก็ต่อเมื่อมีปริมาณความต้องการ จากลักษณะดังกล่าวอาจก่อให้เกิดปัญหาปริมาณรถในพื้นที่บริการ i ไม่เพียงพอต่อการตอบสนองความต้องการของลูกค้าได้ ดังนั้นทางเลือกในการตัดสินใจในการบริหารจัดการแสดงดังรูปที่ 2.1 ประกอบด้วย 3 ทางเลือก ดังนี้

1. ต้องส่งรถเปล่าจากพื้นที่บริการ i ไปยังพื้นที่บริการอื่น ๆ จำนวนเท่าไร
2. ต้องเก็บรถบรรทุกไว้ที่พื้นที่บริการ i เพื่อเก็บไว้สำหรับวันต่อไปจำนวนเท่าไร
3. ต้องส่งรถที่บรรทุกสินค้าจากพื้นที่บริการ i ไปยังพื้นที่บริการอื่น ๆ จำนวนเท่าไร



รูปที่ 2.1 ลักษณะทางเลือกในการจัดสรรรถบรรทุก

ในการจัดสรรรถจำเป็นต้องเปรียบเทียบระหว่างข้อได้เปรียบและเสียเปรียบของทางเลือกทั้ง 3 ให้เกิดประโยชน์สูงสุด ไม่เพียงเฉพาะในช่วงเวลาที่จัดส่งเท่านั้น แต่ต้องพิจารณาถึงประโยชน์ที่สูงสุดตลอดช่วงเวลาวางแผน เพราะการตัดสินใจในวันนี้ มีผลต่อการตัดสินใจในช่วงเวลาวางแผนในวันต่อไปด้วย

การบริหารจัดสรรรถบรรทุกนั้นมีแบบจำลองอยู่หลายรูปแบบ Powell (1988) ได้สรุปแบบจำลองต่าง ๆ ซึ่งจะได้นำเสนอในส่วนต่อไปประกอบไปด้วย

1. Deterministic model
2. Stochastic Network
3. Stochastic programming

2.3 แบบจำลองการจัดสรรรถบรรทุกแบบ Deterministic

แบบจำลองการจัดสรรรถบรรทุกแบบ Deterministic เป็นแบบจำลองที่มีบทบาทสำคัญมากในอดีต เนื่องจากแบบจำลอง Deterministic มีสมมุติฐานที่ไม่ซับซ้อนมากนักทำให้มักถูกใช้เป็นเครื่องมือในการวางแผนระดับกลยุทธ์ ซึ่งกำหนดให้ปริมาณความต้องการรถบรรทุกสินค้าสามารถทราบได้อย่างแน่นอน

กำหนดให้ $R = \{1, 2, \dots, R\}$ เป็นเซตของพื้นที่บริการแบบจำลอง Deterministic เป็นดังนี้

$x_{ij}(t)$ = จำนวนรถบรรทุกสินค้าจากพื้นที่บริการ i ไปพื้นที่บริการ j โดยออกจากพื้นที่บริการ i ในช่วงเวลา t

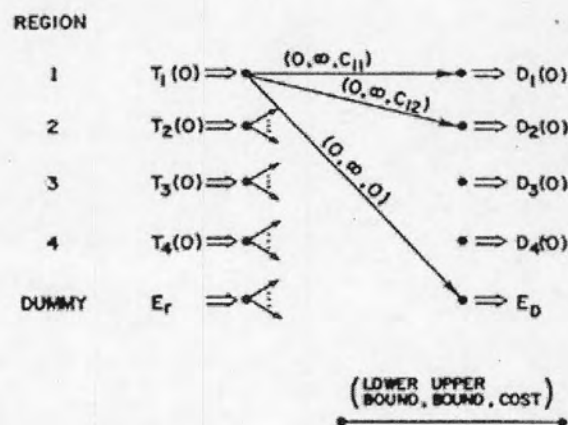
$y_{ij}(t)$ = จำนวนรถบรรทุกเปล่าจากพื้นที่บริการ i ไปพื้นที่บริการ j โดยออกจากพื้นที่บริการ i ในช่วงเวลา t

t_{ij} = เวลาที่ใช้เดินทางระหว่างพื้นที่บริการ i ไปพื้นที่บริการ j

(เพื่อให้ง่ายในการกำหนดให้เวลาที่ใช้ในการเดินทางของรถบรรทุกสินค้าและรถบรรทุกเปล่าเท่ากัน)

- r_{ij} = ค่าเฉลี่ยกำไรในการเดินทาง (รายได้ลบต้นทุนดำเนินการโดยตรง) จากพื้นที่บริการ i ไปพื้นที่บริการ j
- $F_{ij}(t)$ = ตัวแปรสุ่มของจำนวนความต้องการรถบรรทุกสินค้าที่เกิดขึ้นในพื้นที่บริการ i ไปยังพื้นที่บริการ j ในช่วงเวลา t
- $f_{ij}(t)$ = ค่าคาดหวังของจำนวนความต้องการรถบรรทุกสินค้าจากพื้นที่บริการ i ไปยังพื้นที่บริการ j ในช่วงเวลา t
- $= E[F_{ij}(t)]$
- $L_{ij}(t)$ = จำนวนความต้องการรถบรรทุกสินค้าจากพื้นที่บริการ i ไปพื้นที่บริการ j ที่เวลา t
- $T_i(t)$ = จำนวนรถบรรทุกที่พร้อมบรรทุกสินค้าในพื้นที่บริการ i ในช่วงเวลา t
- P = คาบเวลาของแผนงาน

การบริหารจัดสรรรถบรรทุกตามแบบจำลอง Deterministic เป็นปัญหาการขนส่งที่ทราบข้อมูลในการขนส่งสินค้าครบถ้วนทั้งในส่วนจุดต้นทางและปลายทาง จำนวนและราคาแสดงดังรูปที่ 2.2



รูปที่ 2.2 การจัดสรรรถบรรทุกแบบ Deterministic

$$\begin{aligned}
 D_i(t) &= \text{จำนวนความต้องการรถบรรทุกทุกไปจากพื้นที่บริการ } i \text{ ในเวลา } t \\
 &= \sum_{j \in k} L_{ij}(t) \quad (1)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 E_r &= \text{จำนวนรถบรรทุกสินค้าที่น้อยกว่าความต้องการ} \\
 &= \max \left\{ \sum_{j \in k} [D_i(1) - T_i(1)], 0 \right\} \quad (2)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 E_D &= \text{จำนวนรถบรรทุกสินค้าที่มากกว่าความต้องการ} \\
 &= \max \left\{ \sum_{j \in k} [T_i(1) - D_i(1)], 0 \right\} \quad (3)
 \end{aligned}$$

แบบจำลองดังกล่าวยังไม่สามารถทำการวางแผนได้ในอนาคต รถที่ถูกส่งไปยัง Dummy demand node ก็คือรถที่เก็บไว้ในพื้นที่บริการเพื่อใช้ในช่วงเวลาต่อไป

2.4 แบบจำลองการจัดสรรรถบรรทุกแบบ Stochastic Network

แบบจำลอง Stochastic Network เป็นแบบจำลองที่มีการพิจารณาถึงความไม่แน่นอนของปริมาณความต้องการของรถบรรทุกสินค้ามาพิจารณาในการออกแบบ โดยพิจารณาปริมาณความต้องการรถบรรทุกสินค้าและจำนวนรถบรรทุกวิ่งเปล่าในรูปแบบของการกระจายตัวของความน่าจะเป็นที่ทราบค่าเฉลี่ยในอดีต โดยที่แบบจำลองการบริหารจัดสรรรถบรรทุกแบบ Stochastic Network มีรูปแบบดังนี้

$Z_{ij}(t)$ = ปริมาณรถบรรทุกที่วิ่งทั้งหมดจากพื้นที่บริการ i ไปพื้นที่บริการ j ในช่วงเวลา t

$X_{ij}(t)$ = ตัวแปรสุ่มของปริมาณรถบรรทุกสินค้าที่วิ่งระหว่างพื้นที่บริการ i ไปยังพื้นที่บริการ j ในช่วงเวลา t

$Y_{ij}(t)$ = ตัวแปรสุ่มของปริมาณรถบรรทุกเปล่าที่วิ่งระหว่างพื้นที่บริการ i ไปยังพื้นที่บริการ j ในช่วงเวลา t

$T_i(t)$ = จำนวนรถบรรทุกที่พร้อมบรรทุกสินค้าในพื้นที่บริการ i ในช่วงเวลา t
 จาก $z_{ij}(t)$, $X_{ij}(t)$ และ $Y_{ij}(t)$ ได้ว่า

$$X_{ij}(t) = \min [z_{ij}(t), F_{ij}(t)] \quad (4)$$

$$\text{และ } Y_{ij}(t) = z_{ij}(t) - X_{ij}(t) \quad (5)$$

เมื่อ $F_{ij}(t)$ คือตัวแปรสุ่มของปริมาณความต้องการรถบรรทุกสินค้าจากพื้นที่บริการ i ไปยังพื้นที่บริการ j ในเวลา t โดยสมมติให้ทราบการกระจายความน่าจะเป็นของ $F_{ij}(t)$ เป็นผลให้สามารถทำการจัดสรรรถบรรทุกให้เกิดกำไรสูงสุดตลอดช่วงเวลากการวางแผนโดย

$$\max_{\{z\}} \sum_{t=0}^P \sum_{i \in R} \sum_{j \in R} [r_{ij} E[X_{ij}(t)] - c_{ij} E[Y_{ij}(t)]] \quad (6)$$

จากความคงที่ของจำนวนรถบรรทุกที่วิ่งทั้งหมด $\{z\}$ ซึ่งค่า $E[X_{ij}(t)]$ และค่า $E[Y_{ij}(t)]$ ที่ได้จากการจำกัดความข้างต้น เป็นผลให้สมการที่ 6 สามารถเขียนสมการกำไรจากการวิ่งรถบรรทุก $g_{ijt}(z_{ij}(t))$ ของทุก ๆ ลิงค์ได้ดังนี้

$$g_{ijt}(z_{ij}(t)) = E [r_{ij} X_{ij}(t) - c_{ij} Y_{ij}(t)] \quad (7)$$

ดังนั้นสมการวัตถุประสงค์สามารถเขียนได้ดังนี้

$$\max_{\{z\}} \sum_{t=0}^P \sum_{i \in R} \sum_{j \in R} g_{ijt}(z_{ij}(t)) \quad (8)$$

จากข้อจำกัดของปริมาณรถบรรทุกที่วิ่งทั้งหมดที่ปริมาณคงที่ และปริมาณการวิ่งของรถบรรทุกต้องมีค่ามากกว่าหรือเท่ากับศูนย์ยังผลให้ สมการที่ (8) เป็นปัญหาในรูปแบบ Concave, Separable Nonlinear Network ซึ่ง Powell (1986) ได้ใช้วิธีการ Frank-Wolfe

Algorithm ซึ่งเป็นลำดับของกระบวนการที่ทำการเปลี่ยนรูปของปัญหาให้อยู่ในรูปของปัญหาแบบเชิงเส้นเพื่อแก้สมการดังกล่าว

โดยกำหนดให้

$$S_i(t) = \text{จำนวนรถที่มีอยู่ในพื้นที่บริการ } i \text{ ในเวลา } t$$

$$\theta_{ij}(t) = \text{สัดส่วนของรถที่มีอยู่ในพื้นที่บริการ } i \text{ ในเวลา } t \text{ ที่ส่งไปยังพื้นที่บริการ } j$$

ดังนั้น

$$z_{ij}(t) = \theta_{ij}(t) S_i(t) \quad (9)$$

จากเงื่อนไขของจำนวนรถบรรทุกที่วิ่งทั้งหมดที่คงที่ที่จะได้ว่า

$$S_i(t) = T_i(0) \quad (10)$$

$$S_i(t) = \sum_{k \in R} \theta_{ij}(t-1) S_k(t-1) \quad (11)$$

$$\sum_{j \in R} \theta_{ij}(t) = 1 \quad (12)$$

$$\theta_{ij}(t) \geq 0 \quad (13)$$

ดังนั้นตัวแปรตัดสินใจคือ สัดส่วนของการจัดสรรรถบรรทุก $\{\theta\}$ และจากการรวมสมการที่ (10) และ (11) ทำให้จำนวนรถที่มีอยู่ในแต่ละพื้นที่บริการอยู่ในรูป $S_i(t, \theta)$ เมื่อเวกเตอร์ θ แสดงถึงสัดส่วนของรถบรรทุกที่พื้นที่บริการ i ในเวลา t ซึ่งขึ้นอยู่กับ การตัดสินใจในสัดส่วนของรถบรรทุกในช่วงเวลาก่อนหน้านี้ ดังนั้นสมการวัตถุประสงค์จึงสามารถเขียนได้ดังนี้

$$\max_{\{\theta\}} G(0) = \sum_{t=0}^P \sum_{i \in R} \sum_{j \in R} g_{ij}(\theta_{ij}(t) S_i(t, \theta)) \quad (14)$$

จากสมการที่ (12) และ (13) ทำให้สมการที่ (14) อยู่ในรูป Concave, Non-Separable Function ซึ่งสามารถหาอนุพันธ์ของสมการที่ 14 ได้ดังนี้

$$\frac{\partial G}{\partial \theta_{ij}(t)} = \frac{\partial g_{ij}(\theta_{ij}(t) S_i(t, \theta))}{\partial \theta_{ij}(t)} + \frac{\partial G}{\partial S_j(t+1)} \times \frac{\partial S_j(t+1)}{\partial \theta_{ij}(t)} \quad (15)$$

และ

$$\frac{\partial G}{\partial S_{ij}(t)} = \sum_{j \in R} \frac{\partial g_{ij}(\theta_{ij}(t) S_i(t, \theta))}{\partial S_{ij}(t)} + \frac{\partial G}{\partial S_j(t+1)} \times \frac{\partial S_j(t+1)}{\partial S_{ij}(t)} \quad (16)$$

การหาค่า θ ที่ดีที่สุด ทำได้โดยการคำนวณสมการที่ 15 และ 16 ย้อนกลับโดยใช้ Frank-Wolfe Algorithm ซึ่งผลลัพธ์ที่ได้จากแบบจำลองนี้คือ สัดส่วนของรถบรรทุกสินค้า รถวิ่งเปล่า และรถที่เก็บไว้ในแต่ละพื้นที่บริการของแต่ละช่วงเวลาการวางแผน อย่างไรก็ตาม แบบจำลองนี้ก็มีข้อจำกัดในการใช้งาน ดังนี้

1. ความต้องการรถบรรทุกสินค้าที่แน่นอน (Deterministic Load) จะไม่มีความแตกต่างกับความต้องการรถบรรทุกสินค้าจากการประมาณ แบบจำลองนี้จะแนะนำให้จัดส่งรถตามที่ประมาณไว้ แต่ไม่ได้จัดส่งตามความต้องการที่แน่นอน
2. เมื่อคาบเวลาของแผนมีความยาวขึ้น จะทำให้เกิดทางเลือกจำนวนมากทำให้มีปัญหากับการคำนวณ
3. ผลลัพธ์ของแบบจำลองเป็นสัดส่วนไม่ได้เป็นจำนวนเต็ม ดังนั้นการปัดให้เป็นจำนวนเต็มอาจทำให้เกิดความคาดเคลื่อน

2.5 ทฤษฎีการจัดสรรทรัพยากรแบบ Stochastic Programming

การจัดสรรทรัพยากรแบบพลวัตโดยใช้แบบจำลอง Stochastic Programming ซึ่งเป็นการนำเอากระบวนการตัดสินใจแบบมาร์คอฟ (Markov Decision Process) มาช่วยในการจัดสรรทรัพยากร ซึ่งจะทำการแบ่งการนำเสนอออกเป็น 3 ส่วน คือ

- แบบจำลอง Stochastic Programming
- การจัดสรรทรัพยากร 2 สถานะ ซึ่งเป็นหาค่าผลลัพธ์ที่ดีที่สุดใ้ในโครงข่ายจริง
- การจัดสรรทรัพยากรหลายสถานะ ซึ่งเป็นการประมาณค่าโครงข่ายในหลายสถานะที่ใช้วิธีการหาค่าผลลัพธ์ที่ดีที่สุดเช่นเดียวกับโครงข่ายจริง

2.5.1 แบบจำลอง Stochastic Programming

เมื่อกำหนดให้ $x(t)$ และ $y(t)$ เป็นเวกเตอร์ของทรัพยากรทุกสินค้าและทรัพยากรเปล่าในช่วงเวลา t ที่มีสัมประสิทธิ์ r และ c และกำหนด $F(t)$ เป็นเวกเตอร์ของความต้อการทรัพยากรสินค้าระหว่างพื้นที่บริการ $U_{ij}(t)$ เป็นค่าคาดหวังของรถที่บรรทุกสินค้าทั้งหมดในช่วงเวลา t และ $L(t)$ เป็นเวกเตอร์ของความต้อการทรัพยากรที่แน่นอนระหว่างพื้นที่บริการ ดังนั้น $L(t) = 0, t \geq 0$ ซึ่งหมายความว่าความต้อการที่ทราบแน่นอนเป็นความต้อการในช่วงเวลาแรกเท่านั้น สำหรับความต้อการในวันถัดไปจะไม่สามารถทราบในวันที่ทำการจัดส่ง ปัญหาการจัดสรรทรัพยากรแสดงดังนี้

$$\max r^T x(0) - c^T y(0) + Q(\bar{x}, \bar{y}) \quad (17)$$

$$\sum_{j \in R} [x_{ij}(0) + y_{ij}(0)] = T_i(0) \quad (18a)$$

$$\sum_{j \in R} [x_{ji}(t-1) + y_{ji}(t-1)] = \sum_{k \in R} [x_{kj}(t) + y_{kj}(t)] \quad t = 1, 2, \dots, \quad (18b)$$

$$x_{ij}(t) \leq U_{ij}(t) \quad (18c)$$

$$x_{ij}(t), y_{ij}(t) \geq 0 \quad (18d)$$

กำหนด $Q(\bar{x}, \bar{y})$ เป็นค่าคาดหวังรวมของกำไรในช่วงเวลา $t = 1, \dots, P$ ซึ่งได้จากการตัดสินใจในช่วงเวลาเริ่มต้น $Q(\bar{x}, \bar{y})$ จะขึ้นอยู่กับ $F = \{ F(1), F(2), \dots, F(P) \}$ ซึ่งเป็นเวกเตอร์สุ่มของความต้องการรถบรรทุกสินค้าในอนาคต ดังนั้นให้ $Q(\bar{x}, \bar{y} | F)$ จึงเป็นค่าคาดหวังของกำไรที่ขึ้นอยู่กับค่า F โดยสามารถเขียนได้ดังนี้

$$Q(\bar{x}, \bar{y} | F) = \max \sum_{t=1}^P [r^T x(t) - c^T y(t)] \quad (19)$$

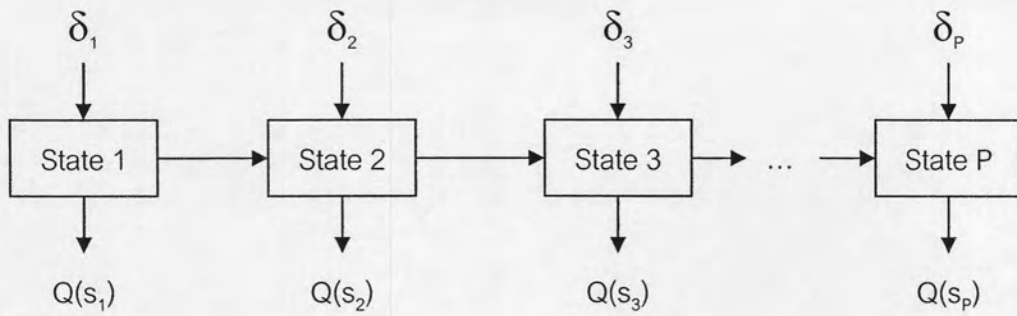
จากข้อจำกัดในสมการที่ 18(b) 18(c) และ 18(d) เมื่อ $U_{ij}(t) = F_{ij}(t)$ จะได้ค่าคาดหวังดังนี้

$$Q(\bar{x}, \bar{y}) = E_F \left\{ Q(\bar{x}, \bar{y} | F) \right\} \quad (20)$$

2.5.2 การจัดสรรรถบรรทุก 2 สถานะ

สำหรับการจัดสรรรถบรรทุก n สถานะจำเป็นต้องเริ่มทำความเข้าใจกับการจัดสรรรถบรรทุก 2 สถานะ ซึ่งประกอบด้วยสถานะแรกในการวางแผน และสถานะถัดไปเสียก่อน การจัดสรรรถบรรทุก 2 สถานะจะเป็นการแสดงวิธีการใช้สมการที่ (17) ถึง (20) ที่มีค่า P เท่ากับ 1

เริ่มต้นจากการหาค่า $Q(\bar{x}, \bar{y})$ ซึ่งคำตอบในสมการที่ 20 ได้จากการใช้กระบวนการตัดสินใจแบบมาร์คอฟในการแก้ปัญหา โดยแบ่งการวางแผนออกเป็นช่วงเวลาโดยในแต่ละช่วงเวลาเรียกแทนเป็นสถานะ (State) ซึ่งประกอบด้วยตัวแปรสถานะ ในที่นี้คือจำนวนรถบรรทุกที่แต่ละพื้นที่บริการมีอยู่ การตัดสินใจในแต่ละสถานะจะมีผลต่อตัวแปรในสถานะถัดไปด้วย เช่น เมื่อตัดสินใจส่งรถบรรทุกจากพื้นที่บริการ 1 ไปยังพื้นที่บริการ 2 ทำให้รถบรรทุกในพื้นที่บริการ 1 เปลี่ยนสถานะไป ซึ่งกระบวนการตัดสินใจสามารถแสดงดังรูปที่ 2.3 โดยผลลัพธ์ที่ดีที่สุดได้จากการกำหนดให้ผลรวมของผลตอบแทนจากการตัดสินใจในแต่ละสถานะมีค่าสูงสุด



รูปที่ 2.3 แสดงกระบวนการตัดสินใจแบบมาร์คอฟ

กำหนดให้

A_{ij} = การตัดสินใจส่งรถบรรทุกสินค้าจากพื้นที่บริการ i ไปพื้นที่บริการ j

E_{ij} = การตัดสินใจส่งรถบรรทุกเปล่าจากพื้นที่บริการ i ไปพื้นที่บริการ j

สำหรับรถบรรทุกในพื้นที่บริการ i นโยบายที่ดีที่สุดคือ

$$\delta_i(1) = [A_{ij}, E_{ij}, j \in \{1, \dots, R\}]$$

จากโครงสร้างอย่างง่ายของสถานะที่ 2 เราต้องการหาค่า $Q(\bar{x}, \bar{y})$ ให้

s_i = รถบรรทุกที่มีอยู่ในพื้นที่บริการ i ในตอนเริ่มต้นของสถานะที่ 2

$$= \sum_{k \in R} [x_{ki}(0) + y_{ki}(0)]$$

$Q_i(s_i)$ = ค่าคาดหวังของกำไรในการเดินรถบรรทุกจากพื้นที่บริการ i ที่มีรถบรรทุกอยู่จำนวน s_i

ดังนั้น

$$Q(\bar{x}, \bar{y}) = \sum_{i \in R} Q_i(s_i) \quad (21)$$

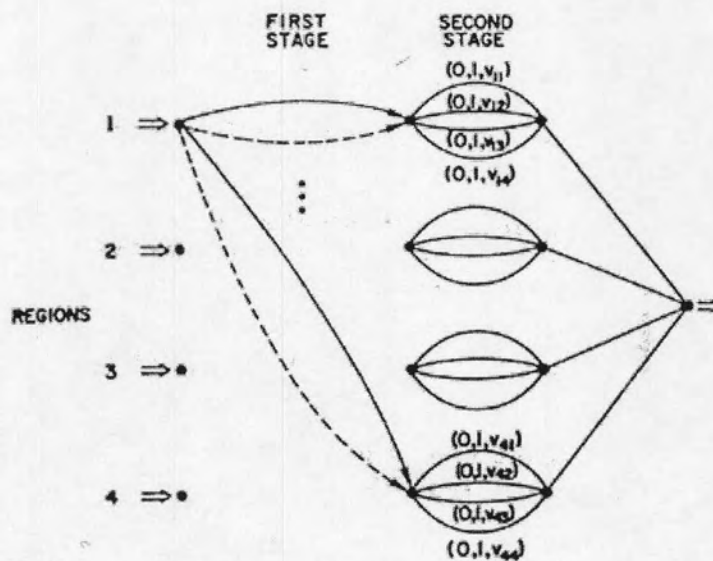
เราสามารถหาค่า $Q_i(s_i)$ เราจะต้องพิจารณาถึง $d_{kn}(\delta_i(t))$ ซึ่งเป็นค่าความน่าจะเป็นที่รถคันที่ k ในพื้นที่บริการ i จะถูกจัดไปในทางเลือกที่ n และให้ $\gamma_{in}(\delta_i(t))$ เป็นผลตอบแทนที่ได้รับจากแต่ละทางเลือก ถ้าให้

$v_{in}(\delta_i(t))$ = มูลค่าของรถบรรทุกคันที่ k ในพื้นที่บริการ i ภายใต้
นโยบาย $\delta_i(t)$

$$v_{ik}(\delta_i(t)) = \sum_{n=1}^{2R} d_{ikn}(\delta_i(t)) \gamma_{in}(\delta_i(t)) \quad (22)$$

$$Q_i(s_i) = \sum_{k=1}^{s_i} v_{ik}(\delta_i(t)) \quad (23)$$

การจัดสรรรถบรรทุก 2 สถานะนั้นจะมีโครงข่ายที่ประกอบด้วย Deterministic Link ซึ่งทราบความต้องการที่แน่นอน และ Stochastic Link ที่เป็นตัวแทนของมูลค่าของรถบรรทุกในพื้นที่บริการนั้น ๆ ดังรูปที่ 2.4



รูปที่ 2.4 แสดงโครงข่ายจริงที่ใช้ในการพิจารณาของการจัดสรรรถ 2 สถานะ

2.5.3 การประมาณค่าการจราจรสำหรับหลายสถานะ

แนวความคิดในการจราจรหลายสถานะได้พัฒนาต่อจากการจราจร 2 สถานะ โดย Powell (1987) และได้นำไปประยุกต์ใช้กับ North American Van Line โดยเป็นการนำเอาโครงข่ายพลวัต กระบวนการตัดสินใจมาร์คอฟ และ Stochastic Programming ไปพร้อมกัน สำหรับการจราจร 2 สถานะจะมีตัวแปรตัดสินใจ 2 อย่างด้วยกัน คือ นโยบายในสถานะที่ 2 และค่า $x(0), y(0)$ ในสถานะแรก สำหรับในหลายสถานะนั้นจะมีตัวบ่งบอกสถานะ $S(t) = \{S_1(t), S_2(t), \dots, S_p(t)\}$ ดังนั้นตัวแปรตัดสินใจจะประกอบด้วย $x(0), y(0)$ ในสถานะแรก และนโยบายในแต่ละช่วงเวลา $\{\delta(1), \delta(2), \dots, \delta(P-1)\}$ ถ้าให้ $\psi(t | S(t))$ เป็นค่าคาดหวังของกำไรที่ดีที่สุดจากเวลา t จนถึงช่วงเวลาสุดท้ายของการวางแผน จะได้

$$\psi(t | S(t)) = \max_{\delta(t)} \left\{ \sum_{i \in R} \sum_{k=1}^{s_i(t)} \sum_{n=1}^{2R} d_{ikn}(\delta(t)) \gamma_{in}(\delta(t)) + E_{s(t+1)}[\psi(t+1 | s(t), \delta(t))] \right\} \quad (24)$$

ค่า $S(t+1)$ เป็นตัวแปรสุ่ม ที่ขึ้นอยู่กับค่าของ $S(t)$ และนโยบาย $\delta(t)$ เราสามารถประมาณค่าของ $\psi(t+1 | S(t+1))$ ด้วยค่าประมาณอย่างง่าย ดังนี้

$$\hat{\psi}(t+1 | S(t+1)) = \sum_{i \in R} p_i(t+1) S_i(t+1) \quad (25)$$

เมื่อ $p_i(t+1)$ เป็นมูลค่าโดยประมาณของรถบรรทุกในเขตพื้นที่ i ในเวลา $t+1$ จนกระทั่งสิ้นสุดคาบเวลาของแผน เมื่อใช้ค่าประมาณในสมการที่ 25 แล้วจะได้ว่า

$$E[\hat{\psi}(t+1 | S(t+1)) | S(t), \delta(t)] = \sum_{i \in R} p_i(t+1) E[S_i(t+1)] \quad (26)$$

เมื่อ

$$E[S_i(t+1) | S(t)] = \sum_{i \in R} \sum_{k=1}^{S_i(t)} \sum_{n=1}^{2R} d_{ink}(\delta(t)) \quad (27)$$

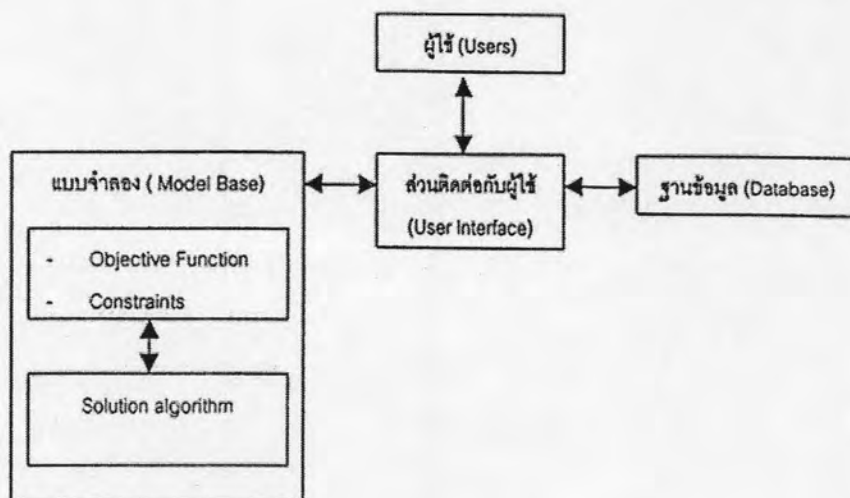
รวมสมการที่ 26 ถึง 28 จะได้ว่า

$$\psi(t) S(t) = \sum_{i \in R} \sum_{k=1}^{S_i(t)} \sum_{n=1}^{2R} d_{ink} (\delta(t) [\gamma_{in} (\delta(t)) + p_{q_i(n)} (t + 1)]) \quad (28)$$

2.6 ระบบสนับสนุนการตัดสินใจ

Keen และ Morton (1978) ได้นิยามความหมายของ “ระบบสนับสนุนการตัดสินใจ (Decision Support System: DSS)” ว่าเป็นระบบที่เชื่อมโยงความสามารถของมนุษย์ให้ทำงานร่วมกับความสามารถของคอมพิวเตอร์ เพื่อใช้ในการเพิ่มประสิทธิภาพในการตัดสินใจ

ธเนศ ทักษิณวราจาร (2543) ได้นิยามระบบสนับสนุนการตัดสินใจว่า เป็นระบบข้อมูลที่ช่วยให้ผู้ที่เกี่ยวข้องสามารถตัดสินใจวางแผน จัดการกับปัญหาที่เกิดขึ้นได้ถูกต้อง และรวดเร็ว โดยระบบไม่ได้ทำหน้าที่ตัดสินใจแทนผู้ที่เกี่ยวข้อง แต่ผู้ที่เกี่ยวข้องจะเป็นผู้พิจารณาข้อมูลจากระบบแล้วทำการตัดสินใจ รูปที่ 2.5 แสดงระบบสนับสนุนการตัดสินใจ ซึ่งประกอบด้วยส่วนสำคัญ ได้แก่ ฐานข้อมูล (Database) แบบจำลอง (Model base) และส่วนติดต่อกับผู้ใช้ (User Interface) โดยระบบสนับสนุนการตัดสินใจในการจัดสรรรถ มีองค์ประกอบ ดังนี้



รูปที่ 2.5 ระบบช่วยสนับสนุนการตัดสินใจ

2.7 การทบทวนผลงานที่ผ่านมา

จากศึกษาทบทวนวิธีในการจัดสรรรถบรรทุกสามารถสรุปแนวทางเพื่อใช้ประกอบการศึกษาได้ดังนี้

- Powell, W.B. (1986) นำเสนอแบบจำลองการจัดสรรรถบรรทุกโดยใช้แบบจำลอง Stochastic Network เป็นแบบจำลองสำหรับรถบรรทุกที่มีลักษณะเหมือนกัน (Homogenous) มีฟังก์ชันวัตถุประสงค์ที่ต้องการกำไรสูงสุด โดยสมมุติให้ความน่าจะเป็นของความต้องการรถบรรทุกระหว่างพื้นที่บริการเป็นการกระจายตัวแบบ Erlang ที่ทราบ Parameter และใช้ Frank-Wolfe algorithm ในการหาผลลัพธ์ที่ดีที่สุด โดยตัวแปรตัดสินใจจะอยู่ในรูปสัดส่วนของการเดินรถบรรทุกสินค้า และรถเปล่าในแต่ละพื้นที่บริการ
- Powell, W.B. (1987) นำเสนอแบบจำลองการจัดสรรรถบรรทุกโดยใช้แบบจำลอง Stochastic Programming ประกอบกับกระบวนการตัดสินใจมาร์คอฟ ซึ่งแบบจำลองนี้แบ่งปัญหาออกเป็นหลายสถานะ โดยใช้ Stochastic Programming ในการประเมินค่าของการมีรถบรรทุกไว้ในพื้นที่บริการ และความน่าจะเป็นที่รถบรรทุกจะถูกจัดไปแนวทางเลือกต่าง ๆ แล้วใช้กระบวนการตัดสินใจมาร์คอฟ ในการหาจำนวนรถที่ใช้ในแต่ละทางเลือกในแต่ละพื้นที่บริการในแต่ละวัน ซึ่งได้ถูกพัฒนาเป็นแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ LOADMAP ที่คำนึงถึงค่าสถิติในอดีตเพื่อทำการคาดการณ์ค่าการใช้รถขนส่ง โดย LOADMAP Model ประกอบด้วย 4 ส่วนการคำนวณ คือ การคำนวณค่าผลกระทบพื้นที่ (End effect) การคำนวณมูลค่าคาดหวังทางเลือก (W_n) การคำนวณค่าความน่าจะเป็นในการจัดสรรรถ และส่วนสุดท้ายซึ่งเป็นผลลัพธ์จากแบบจำลอง คือ การคำนวณมูลค่าคาดหวังของรถขนส่ง

- Powell, W.B. ,Sheffi, Y. Nickerson, K.S. , Butterbaugh, K และ Atherton, S. (1987) แบบจำลองนี้แบ่งปัญหาออกเป็นหลายสถานะ โดยใช้ Stochastic programming ในการประเมินค่าของการมีรถบรรทุกไว้ในพื้นที่บริการ และความน่าจะเป็นที่รถบรรทุกจะถูกจัดไปในทางเลือกต่าง ๆ แล้วใช้กระบวนการตัดสินใจมาร์คอฟ ในการหาจำนวนรถที่ใช้ในแต่ละทางเลือกในแต่ละพื้นที่บริการในแต่ละวัน
- แบบจำลองที่เสนอโดย Powell, W.B. (1987) มาใช้กับ North American Van Line สร้างแบบจำลอง Load Map เพื่อใช้จัดสรรรถบรรทุก และนำมาใช้ทำให้เกิดความประหยัด เพิ่มกำไรได้ถึง 2.5 ล้านดอลลาร์ต่อปี และเพิ่มระดับการให้บริการ
- Delome, L. และ Cranic, T.G. (1987) เสนอวิธีการบริหารการเดินรถเปล่า ด้วยแบบจำลองต่าง ๆ ทำการแบ่งหมวดหมู่ของปัญหาการเดินรถเปล่า โดยแบ่งปัญหาออกเป็น 2 ระดับ คือ ระดับปฏิบัติการ ประกอบด้วย การบริหารตู้สินค้า การจัดสรรรถวิ่งเปล่า การจัดสรรรถบรรทุกสินค้าและรถวิ่งเปล่า และระดับนโยบาย ประกอบด้วย การออกแบบโครงข่ายการให้บริการ การประมาณความต้องการ การออกแบบระบบ Logistics
- Powell, W.B. , Cavalho, T.A. และ Simao, H.B. (1995a) นำเสนอแบบจำลองการจัดสรรรถบรรทุกโดยใช้แบบจำลอง Logistics Queueing Networks นำเสนอวิธีการจัดสรรรถบรรทุกในแต่ละสถานี โดยสมมุติให้มีแถวคอยของรถบรรทุก และแถวคอยของสินค้าในสถานี แบบจำลองนี้จะบริหารการโยกรถบรรทุกให้ตอบเกิดประโยชน์ต่อทั้งสองแถวคอยให้มากที่สุด

จากการศึกษาทบทวนผลงานที่ผ่านมาพบว่าการจัดสรรรถขนส่งให้สอดคล้องกับพฤติกรรมความต้องการส่งสินค้าในสภาพความเป็นจริงที่มีความไม่แน่นอนดั่งนั้นแบบจำลองแบบ Stochastic จะถูกนำมาพิจารณาในการศึกษานี้ อย่างไรก็ตามเมื่อทำการพิจารณารูปแบบของปัญหาการจัดสรรรถขนส่งสินค้าพบว่าปัญหาดังกล่าวมีลักษณะแยกเป็นส่วนซึ่งมีความต่อเนื่องกัน เช่น จำนวนรถขนส่งสินค้าที่ถูกจัดสรรในวันนี้จะมีผลต่อการจัดสรรรถในวันพรุ่งนี้ ซึ่งลักษณะปัญหาที่สามารถแยกออกเป็นส่วนๆที่ต่อเนื่องกันเช่นนี้สามารถใช้กระบวนการตัดสินใจมาร์คอฟในการหาคำตอบได้ ดังนั้นในการศึกษานี้จะพิจารณาใช้แบบจำลอง LOADMAP ซึ่งเป็นแบบจำลอง Stochastic Programming ที่ใช้กระบวนการตัดสินใจมาร์คอฟ เพื่อพัฒนาระบบสนับสนุนการตัดสินใจในการจัดสรรรถขนส่งสินค้า