

21

**การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบสำหรับการทดสอบค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์
ในการแจกแจงปกติวิและการแจกแจงแกมมาทวิ**

นางสาวสินีนาถ กีอำไพ



วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต

ภาควิชาสถิติ

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2538

ISBN 974-633-070-5

ลิขสิทธิ์บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

[17039927]

**A COMPARISON ON POWER OF TEST STATISTICS FOR TESTING
CORRELATION COEFFICIENT IN BIVARIATE NORMAL DISTRIBUTION AND
BIVARIATE GAMMA DISTRIBUTION**

MISS SINENARD KEEAMPAI

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Science

Department of Statistics

Graduate School

Chulalongkorn University

1995

ISBN 974-633-070-5



สินีนาด ก็อำไพ : การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบสำหรับการทดสอบค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์
เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิและการแจกแจงแกมมาทวิ (A COMPARISION ON POWER OF
TEST STATISTICS FOR TESTING CORRELATION COEFFICIENT IN BIVARIATE NORMAL
DISTRIBUTION AND BIVARIATE GAMMA DISTRIBUTION) อ.ที่ปรึกษา : รศ. ดร. ชีระพร
วีระถาวร , 182 หน้า. ISBN 974-633-070-5

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ 3 ตัวสถิติสำหรับ การ
ทดสอบค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิและการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่งได้แก่ตัวสถิติทดสอบ
 Z_F (Fisher Statistics) , Z_K (Konishi Statistics) และ Z_V (Vaughan Statistics) เกณฑ์ที่ใช้ในการเปรียบเทียบจะพิจารณา
จากความสามารถในการควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และค่าอำนาจการทดสอบ ภายใต้การแจกแจงปกติทวิ
($\mu_1 = \mu_2 = 0$, $\sigma_1^2 = \sigma_2^2 = 1$) และแกมมาทวิ ($\alpha_1 = \alpha_2 = 5$ และ 7 ตามลำดับ , $\beta_1 = \beta_2 = 1$) โดยที่
แต่ละประชากรจะใช้ขนาดตัวอย่าง 10 , 15 และ 20 และทำการศึกษทั้งในกรณีข้อมูลสมบูรณ์และกรณีข้อมูลถูกตัด
ทิ้งทางขวา 10% และ 20% ซึ่งค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ (ρ) จะเท่ากับ 0 , 0.05 , 0.10 , 0.15 , 0.3 , 0.5 และ 0.8
ตามลำดับ ณ ระดับนัยสำคัญ (α) 0.05 และ 0.10 ข้อมูลที่ใช้ในการวิจัยจำลองด้วยเทคนิคมอนติคาร์โลโดยกระทำซ้ำ
 $1,000$ ครั้งในแต่ละสถานการณ์ ซึ่งผลการวิจัยสรุปได้ดังนี้

1. ความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1

ก) ข้อมูลสมบูรณ์

ตัวสถิติทดสอบ Z_F และ Z_K จะให้ผลสรุปของการควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 มีลักษณะคล้ายกันเมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิและแกมมาทวิ กล่าวคือจะสามารถควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ได้ทุกกรณี แต่ตัวสถิติทดสอบ Z_V จะควบคุมไม่ได้ในขนาดตัวอย่างที่มีค่าน้อย และ ρ มีค่าสูง เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิและการแจกแจงแกมมาทวิ ($\alpha_1 = \alpha_2 = 7$)

ข) ข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา

โดยทั่วไปตัวสถิติทดสอบทั้งหมดจะควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ไม่ได้เมื่อ ρ มีแนวโน้มสูงทั้งในข้อมูลที่มีการแจกแจงปกติทวิและแกมมาทวิ ตัวสถิติทดสอบ Z_F จะควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ไม่ได้ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ และ ขนาดตัวอย่างเท่ากับ 10 แต่ตัวสถิติทดสอบ Z_K จะควบคุมได้เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิและขนาดตัวอย่างมีค่าน้อย

2. อำนาจการทดสอบ

เมื่อเปลี่ยนข้อมูลจากการแจกแจงปกติทวิเป็นการแจกแจงแกมมาทวิ ตัวสถิติทดสอบทั้งหมดจะให้อันดับของค่าอำนาจการทดสอบทั้งในกรณีข้อมูลสมบูรณ์และข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา มีลักษณะคล้ายกันดังนี้ โดยทั่วไปตัวสถิติทดสอบ Z_F (เมื่อใช้ข้อมูลสมบูรณ์) และ Z_K (เมื่อใช้ข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา) จะให้ค่าอำนาจการทดสอบสูงสุดเมื่อ ρ มีค่าน้อยถึงปานกลาง ส่วนตัวสถิติทดสอบ Z_V (เมื่อใช้ข้อมูลสมบูรณ์และข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา) จะให้ค่าอำนาจการทดสอบสูงสุดเมื่อ ρ เท่ากับ 0

ภาควิชา สถิติ
สาขาวิชา สถิติ
ปีการศึกษา 2538

ลายมือชื่อนิสิต สินีนาด ก็อำไพ
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา ชีระพร วีระถาวร
ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม



C522929: MAJOR STATISTICS

KEY WORD: CORRELATION COEFFICIENT/ POWER OF TEST/ BIVARIATE NORMAL DISTRIBUTION/ BIVARIATE GAMMA DISTRIBUTION
 SINENARD KEEAMPAI : A COMPARISON ON POWER OF TEST STATISTICS FOR TESTING CORRELATION COEFFICIENT IN BIVARIATE NORMAL DISTRIBUTION AND BIVARIATE GAMMA DISTRIBUTION. THESIS ADVISOR : ASSO. PROF. THEERAPORN VERATHAWORN. Ph.D. 182 pp. ISBN 974-633-070-5

The purpose of this research is to compare the power of three statistics : Fisher Statistics (Z_f), Konishi Statistics (Z_k) and Vaughan Statistics (Z_v), for testing correlation coefficient when the distributions of data are bivariate normal and bivariate gamma distribution. The two criterions employed for the comparison are their capacity for controlling probability of type I error and power of the test under bivariate normal distribution ($\mu_1 = \mu_2 = 0, \sigma_1^2 = \sigma_2^2 = 1$) and bivariate gamma distribution ($\alpha_1 = \alpha_2 = 5$ and 7 , respectively, $\beta_1 = \beta_2 = 1$) by each population groups uses sample size of $10, 15$ and 20 and the studies include the case of complete data and incomplete data with right-censored data of 10% and 20% with correlation coefficient (ρ) of $0, 0.05, 0.10, 0.15, 0.3, 0.5$ and 0.8 , respectively, at 0.05 and 0.10 significant level (α). The data of this experiment are generated through the Monte Carlo simulation technique with $1,000$ repetitions. The results of this research can be summarized as follows :

1. Probability of type I error

a) complete data

The test statistics Z_f and Z_k give the similar conclusion of type I error control when the distributions of data are bivariate normal and bivariate gamma, that is, the test statistics can control the type I error in all cases. Under maximized ρ and a small sample size, but test statistics Z_v can't control the type I error when the distributions of data are bivariate normal and bivariate gamma ($\alpha_1 = \alpha_2 = 7$).

b) right-censored data

Generally all test statistics can't control the type I error, as, for values of ρ has high trend, they are very similar in both bivariate normal and bivariate gamma. For a sample of 10 , the test statistics Z_f can't control the type I error in bivariate normal distribution. But the test statistics Z_k can control the type I error in a small sample size for bivariate gamma distribution.

2. Power of the test

If the underlying bivariate normal distribution has been changed to bivariate gamma distribution, with both complete data and right-censored data, all of test statistics will range the similar power of test. Under values of ρ is minimum to moderate, in general, the test statistics Z_f (completed data) and Z_k (right-censored data) are superior to Z_v . Their difference are clearer when we turn to the case is independence, the test statistics Z_v (completed data and right-censored data) has highest power of test in this case.

ภาควิชา สถิติ

ลายมือชื่อนิสิต สิณหา น้อยโพ

สาขาวิชา สถิติ


ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา ดร. อภิพร

ปีการศึกษา 2538


ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษาร่วม

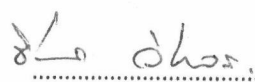
หัวข้อวิทยานิพนธ์ การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบสำหรับการทดสอบค่าสัมประสิทธิ์
สหสัมพันธ์ในการแจกแจงปกติทวิและการแจกแจงแกมมาทวิ
โดย นางสาวสินีนาด กีอำไพ
ภาควิชา สถิติ
อาจารย์ที่ปรึกษา รองศาสตราจารย์ ดร. ชีระพร วีระถาวร


บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้บัณฑิตวิทยาลัยฉบับนี้เป็น
ส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต



.....คณบดีบัณฑิตวิทยาลัย
(รองศาสตราจารย์ ดร. สันติ จงสุวรรณ)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์


.....ประธานกรรมการ
(รองศาสตราจารย์ ผศ.ดร. พิชัย ศิริรุ่งโรจน์)


.....อาจารย์ที่ปรึกษา
(รองศาสตราจารย์ ดร. ชีระพร วีระถาวร)


.....กรรมการ
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. สุพล คุณวงศ์วัฒนา)


.....กรรมการ
(รองศาสตราจารย์ มณฑา พัววิไล)

กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลงได้ด้วยความรู้ความกรุณาของ รองศาสตราจารย์ ดร. ชีระพร
วิระถาวร ที่ได้ให้คำแนะนำปรึกษา ตลอดจนตรวจและแก้ไขข้อบกพร่องต่าง ๆ เป็นอย่างดีมา
โดยตลอด ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณอาจารย์เป็นอย่างสูงไว้ ณ ที่นี้

ท้ายสุดนี้ขอรำลึกถึงพระคุณ คุณพ่อ คุณแม่ ที่ได้สนับสนุนและให้กำลังใจในการ
ศึกษามาโดยตลอด รวมทั้งครูอาจารย์ทุกท่านที่ประสิทธิ์ประสาทวิชาความรู้แก่ผู้วิจัย

สินีนาด กิ๋อำไพ

สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย.....	ง
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	จ
กิตติกรรมประกาศ.....	ฉ
สารบัญตาราง.....	ณ
สารบัญรูป.....	ด
บทที่ 1 บทนำ	
ที่มาและความสำคัญของปัญหา	1
วัตถุประสงค์ของการวิจัย	3
สมมุติฐานของการวิจัย	3
ข้อตกลงเบื้องต้น	3
ขอบเขตการวิจัย	5
เกณฑ์การตัดสินใจ	6
คำจำกัดความ	7
ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ	7
บทที่ 2 สถิติที่ใช้ในการวิจัย	
ชนิดของข้อมูลที่มีค่าถูกตัดทิ้ง	8
ชนิดของการแจกแจงของข้อมูล	9
ตัวสถิติที่ใช้ในการวิจัย	10
บทที่ 3 วิธีการดำเนินการวิจัย	
การจำลองข้อมูลด้วยวิธีมอนติคาร์โล	23
แผนการทดลอง	23
การดำเนินการวิจัย	24
ขั้นตอนการทำงานของโปรแกรม	33
บทที่ 4 ผลการวิจัย	
การเปรียบเทียบความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1	44
การเปรียบเทียบอำนาจการทดสอบ	86

สารบัญ(ต่อ)

	หน้า
บทที่ 5 สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ	
การเปรียบเทียบความสามารถในการควบคุมความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_r , Z_k และ Z_v	128
การเปรียบเทียบค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_r , Z_k และ Z_v	130
ข้อเสนอแนะ	131
รายการอ้างอิง.....	133
ภาคผนวก.....	135
ประวัติผู้เขียน.....	182

สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
1.1 แสดงการเรียงข้อมูลตัวแปรตาม y จากน้อยไปหามาก	15
3.1 แสดงจำนวนข้อมูลที่มีค่าถูกตัดทิ้งทางขวา	24
4.1 แสดงความคลาดเคลื่อนในการทดสอบสมมุติฐานทางสถิติ	41
4.2 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_f Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ โดยจำแนก ตามขนาดตัวอย่าง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	45
4.3 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_f Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ โดยจำแนก ตามขนาดตัวอย่าง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	47
4.4 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_f Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่งมีค่า $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ โดยจำแนกตามขนาดตัวอย่าง และค่าสัมประสิทธิ์สห สัมพันธ์	52
4.5 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_f Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่งมีค่า $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ โดยจำแนกตามขนาดตัวอย่าง และค่าสัมประสิทธิ์สห สัมพันธ์	53
4.6 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_f Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่งมีค่า $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ โดยจำแนกตามขนาดตัวอย่าง และค่าสัมประสิทธิ์สห สัมพันธ์	55
4.7 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_f Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่งมีค่า $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ โดยจำแนกตามขนาดตัวอย่าง และค่าสัมประสิทธิ์สห สัมพันธ์	56

สารบัญตาราง(ต่อ)

ตารางที่	หน้า
4.8 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_r , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่ถูกตัดทิ้งทางขวา และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	63
4.9 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_r , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่ถูกตัดทิ้งทางขวา และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	65
4.10 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_r , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่ถูกตัดทิ้งทางขวา และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	73
4.11 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_r , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่ถูกตัดทิ้งทางขวา และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	74
4.12 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_r , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่ถูกตัดทิ้งทางขวา และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	77
4.13 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 ของตัวสถิติทดสอบ Z_r , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่ถูกตัดทิ้งทางขวา และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	78
4.14 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_r , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ จำแนกตามขนาดตัวอย่างและค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	87

สารบัญตาราง(ต่อ)

ตารางที่	หน้า
4.15 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_f , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ จำแนกตามขนาดตัวอย่างและค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	88
4.16 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_f , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่าง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	95
4.17 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_f , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่าง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	96
4.18 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_f , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่าง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	97
4.19 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_f , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่าง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	98
4.20 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_f , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่ถูกตัดทิ้ง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์.....	106
4.21 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_f , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่ถูกตัดทิ้ง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	107
4.22 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_f , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่มีค่าถูกตัดทิ้ง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	116
4.23 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_f , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่มีค่าถูกตัดทิ้ง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	117

สารบัญตาราง(ต่อ)

ตารางที่	หน้า
4.24 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_f , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่มีค่าถูกตัดทิ้ง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	118
4.25 แสดงค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ Z_f , Z_k และ Z_v ณ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ จำแนกตามขนาดตัวอย่างที่มีค่าถูกตัดทิ้ง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์	119

สารบัญรูป

รูปที่	หน้า
3.1 แสดงแผนผังโปรแกรมในการคำนวณค่าของเขตวิกฤตของตัวสถิติทดสอบ Z_k	34
3.2 แสดงแผนผังโปรแกรมในการคำนวณค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 และค่าอำนาจการทดสอบ	37
4.1 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ าระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	49
4.2 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ าระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	49
4.3 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ าระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.1$	50
4.4 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ าระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.3$	50
4.5 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	59
4.6 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	59
4.7 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	60
4.8 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	60
4.9 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.1$	61

สารบัญรูป(ต่อ)

รูปที่	หน้า
4.10 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.3$	61
4.11 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	68
4.12 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	68
4.13 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 10 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	69
4.14 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	69
4.15 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	70
4.16 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	70
4.17 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.10$	71
4.18 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.5$	71

สารบัญรูป(ต่อ)

รูปที่	หน้า
4.19 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 20 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	82
4.20 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 20 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	82
4.21 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	83
4.22 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	83
4.23 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	84
4.24 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 20 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	84
4.25 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.1$	85
4.26 แสดงค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเภทที่ 1 เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.5$	85
4.27 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 15 ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	91

สารบัญรูป(ต่อ)

รูปที่	หน้า
4.28 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	91
4.29 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	92
4.30 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	92
4.31 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.3$	93
4.32 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.5$	93
4.33 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	101
4.34 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 7$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 20 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0$	101
4.35 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 15 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	102
4.36 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 20 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	102
4.37 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 20 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	103
4.38 แสดงค่าอำนาจการทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 20 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	103

สารบัญรูป(ต่อ)

รูปที่	หน้า
4.39 แสดงค่าอำนาจทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 20 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐาน ว่าง $H_0 : \rho = 0.3$	104
4.40 แสดงค่าอำนาจทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$ ขนาดตัวอย่าง = 20 , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐาน ว่าง $H_0 : \rho = 0.5$	104
4.41 แสดงค่าอำนาจทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 ซึ่งมีข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา 10% , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐาน ว่าง $H_0 : \rho = 0$	111
4.42 แสดงค่าอำนาจทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 ซึ่งมีข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา 20% , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐาน ว่าง $H_0 : \rho = 0$	111
4.43 แสดงค่าอำนาจทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 ซึ่งมีข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา 10% , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐาน ว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	112
4.44 แสดงค่าอำนาจทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 ซึ่งมีข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา 20% , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐาน ว่าง $H_0 : \rho = 0.05$	112
4.45 แสดงค่าอำนาจทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 15 ซึ่งมีข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา 20% , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐาน ว่าง $H_0 : \rho = 0.1$	113
4.46 แสดงค่าอำนาจทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 ซึ่งมีข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา 20% , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐาน ว่าง $H_0 : \rho = 0.1$	113
4.47 แสดงค่าอำนาจทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงปกติทวิ , ขนาดตัวอย่าง = 20 ซึ่งมีข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา 10% , ระดับนัยสำคัญ $\alpha = 0.05$ และสมมุติฐาน ว่าง $H_0 : \rho = 0.3$	114

สารบัญรูป(ต่อ)

รูปที่	หน้า
4.57 แสดงค่าอำนาจทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$, ขนาดตัวอย่าง = 20 ซึ่งมีข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา 10% , ระดับ นัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.3$	127
4.58 แสดงค่าอำนาจทดสอบ เมื่อข้อมูลมีการแจกแจงแกมมาทวิ ซึ่ง $\alpha_1 = \alpha_2 = 5$, $\beta_1 = \beta_2 = 1$, ขนาดตัวอย่าง = 20 ซึ่งมีข้อมูลที่ถูกตัดทิ้งทางขวา 10% , ระดับ นัยสำคัญ $\alpha = 0.10$ และสมมุติฐานว่าง $H_0 : \rho = 0.5$	127