

## บทที่ 3

### การประยุกต์แนวทางกลศาสตร์การแตกหักกับปัญหาความล้า

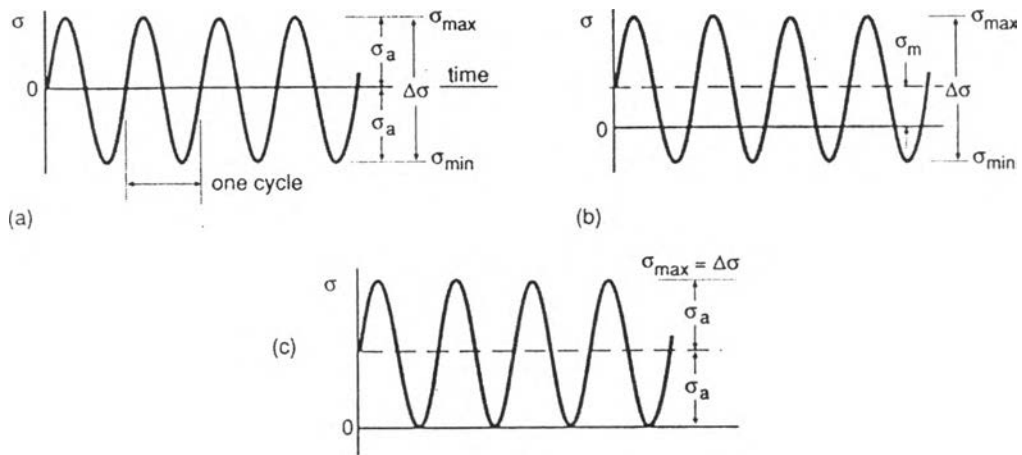
แนวทางกลศาสตร์การแตกหักยืดหยุ่นเชิงเส้นเป็นแนวทางที่ได้พัฒนาขึ้น เพื่ออธิบายถึงความเสียหายที่เกิดขึ้นในวัสดุยืดหยุ่นเชิงเส้นที่มีรอยร้าว โดยอาศัยพารามิเตอร์ที่สำคัญ คือ ตัวประกอบความเข้มของความเค้นเป็นตัวแสดงถึงระดับความรุนแรงของเวลาที่บริเวณปลายรอยร้าว ในปี ค.ศ. 1960 Paris P.C. [2] เป็นนักวิจัยท่านแรกที่ได้ทำการประยุกต์แนวทางกลศาสตร์ยืดหยุ่นได้เชิงเส้นเข้ากับปัญหาความล้า โดยได้เสนอความสัมพันธ์ระหว่างอัตราการเติบโตของรอยร้าวเนื่องจากความล้ากับพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้น (Stress intensity factor range) ดังนี้

$$\frac{da}{dN} = C \cdot (\Delta K)^m \quad (3.1)$$

โดยที่  $C$  และ  $m$  เป็นค่าคงตัวที่จากการทดลอง แต่แนวทางดังกล่าวนี้ไม่เป็นที่ยอมรับในช่วงแรก แม้ว่านักวิจัย Paris P.C. ได้ทำการทดลองเพื่อแสดงความเป็นไปได้ของแนวความคิดนี้ก็ตาม แต่ในเวลาต่อมาได้มีนักวิจัยหลายท่านทำการทดลองได้สอดคล้องกับความสัมพันธ์ดังกล่าวของ Paris จึงทำให้เป็นที่ยอมรับและใช้กันอย่างกว้างขวาง และเรียกสมการ (3.1) นี้ว่า สมการของ Paris (Paris's equation)

#### 3.1 พารามิเตอร์พื้นฐานของภาวะกระทำเป็นรอบ

สำหรับปัญหาความล้าลักษณะของภาวะที่มากกระทำจะมีลักษณะเป็นรอบ โดยภาวะที่มากกระทำเป็นรอบแบบแอมพลิจูดคงที่นั้นเป็นภาวะที่มีขนาดของแอมพลิจูดสูงสุด และต่ำสุดคงที่ตลอดเวลา ซึ่งแสดงได้ดังรูปที่ 3.1



รูปที่ 3.1 แสดงภาระกระทำเป็นรอบแบบแอมพลิจูดคงที่

พิสัยความเค้น (Stress range,  $\Delta\sigma$ ) คือ ผลต่างระหว่างค่าความเค้นสูงสุดกับค่าความเค้นต่ำสุด

$$\Delta\sigma = \sigma_{\max} - \sigma_{\min} \quad (3.2)$$

ความเค้นเฉลี่ย (Mean stress,  $\sigma_m$ ) คือ ค่าเฉลี่ยเลขคณิตระหว่างค่าความเค้นสูงสุดกับค่าความเค้นต่ำสุด

$$\sigma_m = \left( \frac{\sigma_{\max} + \sigma_{\min}}{2} \right) \quad (3.3)$$

แอมพลิจูดความเค้น (Stress amplitude,  $\sigma_a$ ) หรืออาจเรียกได้ว่า ความเค้นส่วนเปลี่ยนแปลง (Alternating stress) คือ ครึ่งหนึ่งของค่าพิสัยความเค้น

$$\sigma_a = \left( \frac{\sigma_{\max} - \sigma_{\min}}{2} \right) \quad (3.4)$$

อัตราส่วนความเค้น (Stress ratio, R) คือ อัตราส่วนระหว่างค่าความเค้นต่ำสุดต่อค่าความเค้นสูงสุด

$$R = \frac{\sigma_{\min}}{\sigma_{\max}} \quad (3.5)$$

อัตราส่วนแอมพลิจูด (Amplitude ratio,  $A$ ) เป็นอัตราส่วนระหว่างค่าแอมพลิจูดความเค้นต่อค่าความเค้นเฉลี่ย

$$A = \frac{\sigma_a}{\sigma_m} = \frac{\sigma_{\max} - \sigma_{\min}}{\sigma_{\max} + \sigma_{\min}} \quad (3.6)$$

จากความสัมพันธ์ต่างๆ ข้างต้น สามารถเขียนเป็นความสัมพันธ์ใหม่ได้ดังนี้

$$\Delta\sigma = 2 \cdot \sigma_a = \sigma_{\max} \cdot (1 - R) \quad (3.7)$$

$$\sigma_m = \frac{\sigma_{\max}}{2} \cdot (1 + R) \quad (3.8)$$

$$R = \frac{1 - A}{1 + A} \quad (3.9)$$

และ

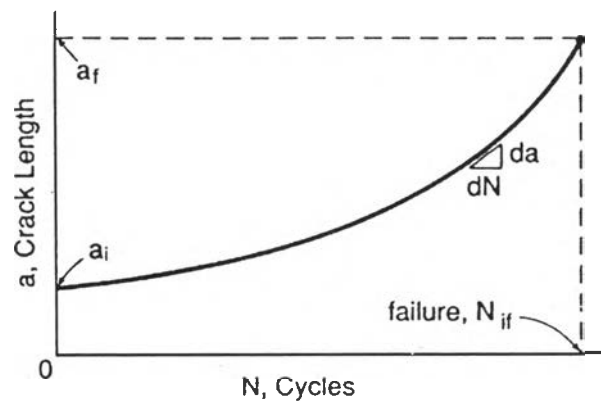
$$A = \frac{1 - R}{1 + R} \quad (3.10)$$

สำหรับการกำหนดลักษณะของภาวะความเค้นเป็นรอบแบบแอมพลิจูดคงที่มีความเค้นเฉลี่ยเป็นศูนย์ สามารถทำได้โดยกำหนดแอมพลิจูดความเค้น หรือค่าความเค้นสูงสุด แต่หากว่าความเค้นเฉลี่ยไม่เท่ากับศูนย์ ในการระบุสภาวะของภาวะเป็นรอบแบบแอมพลิจูดคงที่นั้น จะต้องใช้พารามิเตอร์สองตัว เช่น กำหนดด้วย  $\sigma_a$  และ  $\sigma_m$  ;  $\sigma_{\max}$  และ  $R$  หรือ  $\sigma_{\max}$  และ  $\sigma_{\min}$  เป็นต้น

### 3.2 แนวทางกลศาสตร์การแตกหัก

การวิเคราะห์การเติบโตของรอยร้าวภายใต้ความล้า นั้น มีความสำคัญอย่างมากในงานวิศวกรรม เนื่องจากทำให้สามารถประเมินอายุที่เหลืออยู่ของชิ้นส่วนได้ และแนวทางสำคัญที่สามารถเข้าถึงปัญหาได้อย่างเหมาะสมก็คือ แนวทางกลศาสตร์การแตกหัก ซึ่งแนวทางนี้สามารถนำไปประยุกต์เพื่อประเมินอายุความล้าเป็นจำนวนรอบที่ทำให้รอยร้าวเติบโตจากความยาวรอยร้าวเริ่มต้นค่าหนึ่งไปถึงความยาวรอยร้าวสิ้นสุดอีกค่าหนึ่งได้

พิจารณาการเติบโตของรอยร้าว โดยให้รอยร้าวมีความยาวเพิ่มขึ้นเท่ากับ  $\Delta a$  เมื่อมีภาระกระทำเป็นจำนวน  $\Delta N$  รอบ อัตราการเติบโตของรอยร้าวเทียบกับจำนวนรอบนี้สามารถแสดงได้ด้วยอัตราส่วนระหว่างความยาวรอยร้าวที่เพิ่มขึ้น ( $\Delta a$ ) ต่อจำนวนรอบของภาระที่กระทำเป็นจำนวน  $\Delta N$  รอบ โดยลักษณะดังกล่าวสามารถเขียนแทนด้วยเส้นโค้งการเติบโตของรอยร้าวเนื่องจากความล้า (Fatigue crack growth curve) ซึ่งจะพบว่าอัตราการเติบโตของรอยร้าวเนื่องจากความล้าก็คือ ค่าอนุพันธ์อันดับหนึ่ง หรือความชัน ( $\frac{da}{dN}$ ) ของเส้นโค้งแสดงการเติบโตของรอยร้าวเทียบกับจำนวนรอบของภาระที่กระทำดังรูปที่ 3.2 โดยในรูปแสดงถึงเส้นโค้งการเติบโตของรอยร้าวเนื่องจากความล้าของวัสดุที่มีความยาวรอยร้าวเริ่มต้นขนาด  $a_i$  และถูกกระทำด้วยภาระความล้าเป็นรอบจำนวน  $N_{if}$  รอบ จนกระทั่งรอยร้าวมีขนาดเพิ่มขึ้นเป็นความยาวรอยร้าวสุดท้ายขนาด  $a_f$



รูปที่ 3.2 เส้นโค้งการเติบโตของรอยร้าวเนื่องจากความล้า

หากภาระที่กระทำเป็นภาระแบบรอบที่มีแอมพลิจูดคงที่ ซึ่งมีค่าภาระสูงสุดและต่ำสุดเป็น  $\sigma_{max}$  และ  $\sigma_{min}$  ตามลำดับ จะพบว่าตัวแปรพื้นฐานที่มีความสำคัญต่อการเติบโตของรอยร้าวคือ ค่าพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้น ( $\Delta K$ ) ซึ่งสามารถคำนวณได้จากค่าพิสัยของความเค้น ( $\Delta\sigma$ ) ดังนี้ [31]

$$\Delta K = F \cdot \Delta\sigma \cdot \sqrt{\pi \cdot a} \quad (3.11)$$

โดยที่  $F$  แทนตัวประกอบเรขาคณิต และ  $a$  แทนความยาวรอยร้าว ซึ่งจะเห็นได้ว่า ค่าตัวประกอบความเข้มของความเค้นแปรผันตรงกับภาระที่กระทำที่ความยาวรอยร้าวค่าหนึ่ง ดังนั้นจะได้

$$K_{max} = F \cdot \sigma_{max} \cdot \sqrt{\pi \cdot a} \quad (3.12)$$

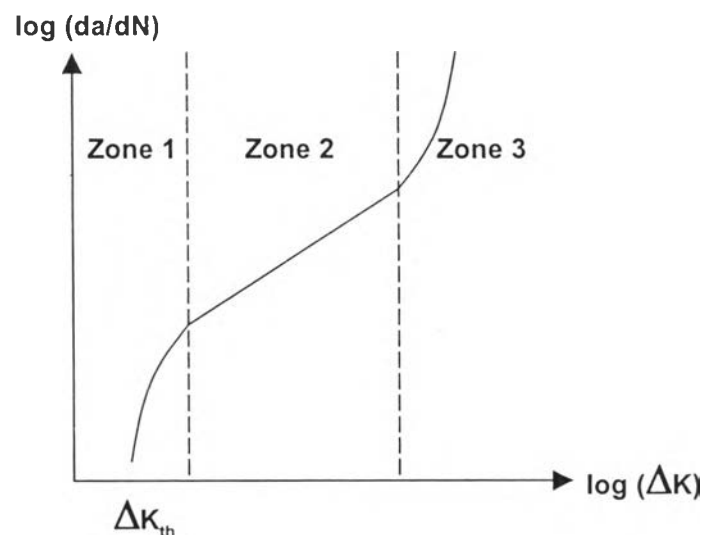
$$K_{min} = F \cdot \sigma_{min} \cdot \sqrt{\pi \cdot a} \quad (3.13)$$

$$\Delta K = K_{\max} - K_{\min} \quad (3.14)$$

และ

$$R = \frac{K_{\min}}{K_{\max}} \quad (3.15)$$

สำหรับวัสดุโดยทั่วไปแล้ว พฤติกรรมการเติบโตของรอยร้าวเนื่องจากความล้าสามารถอธิบายได้ด้วย ความสัมพันธ์ระหว่างอัตราการเติบโตของรอยร้าว ( $\frac{da}{dN}$ ) กับค่าพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้น ( $\Delta K$ ) โดยเมื่อนำข้อมูลดังกล่าวไปแสดงลงบนกราฟ ล็อก-ล็อกสเกล จะสามารถแสดงพฤติกรรมการเติบโตของรอยร้าวได้เป็นอย่างดี ดังรูปที่ 3.3



รูปที่ 3.3 เส้นโค้งแสดงอัตราการเติบโตของรอยร้าวเนื่องจากความล้า

เมื่อพิจารณาเส้นโค้งแสดงอัตราการเติบโตของรอยร้าวเนื่องจากความล้าในรูปที่ 3.3 จะพบว่า เส้นโค้งนี้สามารถแบ่งออกได้เป็น 3 ส่วน [2] ดังนี้

1. บริเวณที่หนึ่ง เป็นบริเวณที่ค่าพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้นมีค่าต่ำ พฤติกรรมการเติบโตของรอยร้าวมีความสัมพันธ์กับค่าพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้นที่ขีดเริ่ม (Threshold stress intensity factor range,  $\Delta K_{th}$ ) โดยหากว่าค่าพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้นมีค่าต่ำกว่าค่าพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้นที่ขีดเริ่มแล้ว การเติบโตของรอยร้าวจะไม่เกิดขึ้น หรือเกิดในอัตราที่ต่ำเกินกว่าจะสามารถตรวจพบได้ นอกจากนี้พฤติกรรมการเติบโตของ

รอยร้าวในบริเวณนี้ จะขึ้นอยู่กับโครงสร้างระดับจุลภาค ความถี่ของภาระที่มากระทำ และลักษณะของสภาพแวดล้อม

2. บริเวณที่สอง เป็นส่วนกลางของเส้นโค้ง ซึ่งการใช้งานแนวทางกลศาสตร์การแตกหักยืดหยุ่นเชิงเส้น (LEFM) โดยส่วนมากจะกล่าวถึงพฤติกรรมการเติบโตของรอยร้าวที่เกี่ยวข้องกับบริเวณนี้เป็นหลัก เนื่องจากอายุความล้าของชิ้นส่วนส่วนมากจะใช้เวลาอยู่ในส่วนนี้มากที่สุด ซึ่งสำหรับวัสดุโดยทั่วไปแล้ว เส้นโค้งในบริเวณนี้จะมีลักษณะเป็นเส้นตรง พฤติกรรมการเติบโตของรอยร้าวในบริเวณนี้จะไม่ขึ้นกับโครงสร้างระดับจุลภาค และลักษณะของภาระมากนัก
3. บริเวณที่สาม เป็นส่วนสุดท้ายของเส้นโค้ง ซึ่งจะมีค่าพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้นสูง โดยรอยร้าวจะมีการเติบโตอย่างรวดเร็วจนกระทั่งเกิดการเสียหายของชิ้นส่วนขึ้น ในงานทางวิศวกรรมทั่วไปมักจะไม่นำจนถึงในบริเวณนี้ เนื่องจากมีอายุการเติบโตของรอยร้าวเนื่องจากความล้าเมื่อเทียบกับอายุความล้าทั้งหมด พฤติกรรมการเติบโตของรอยร้าวในบริเวณนี้จะขึ้นอยู่กับโครงสร้างระดับจุลภาค และลักษณะของภาระเป็นอย่างมาก

### 3.2.1 สมการแสดงอัตราการเติบโตของรอยร้าวเนื่องจากความล้า

พฤติกรรมการเติบโตของรอยร้าวเนื่องจากความล้า นั้น สามารถแสดงได้ด้วยกราฟความสัมพันธ์ระหว่างอัตราการเติบโตของรอยร้าวเทียบกับพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้น โดยสมการพื้นฐานที่ได้รับการยอมรับอย่างกว้างขวางก็คือ สมการของ Paris [2] เป็นสมการที่ควบคุมพฤติกรรมการเติบโตของรอยร้าวในบริเวณที่สองของเส้นโค้งแสดงอัตราการเติบโตของรอยร้าว ซึ่งเป็นบริเวณที่มีความสำคัญมากต่อการประเมินอายุความล้านี้ โดยสมการของ Paris สามารถเขียนได้ในรูปแบบดังนี้

$$\frac{da}{dN} = c(\Delta K)^m \quad (3.16)$$

- โดยที่
- a แทนความยาวรอยร้าวในชิ้นส่วนนั้น
  - N แทนจำนวนรอบของภาระที่มากระทำ
  - $\Delta K$  แทนพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้น
  - C,m แทนค่าคงตัวของสมการ ซึ่งสามารถหาได้จากการทดลอง

เนื่องจากสมการของ Paris ไม่สามารถครอบคลุมการเติบโตของรอยร้าวได้ทั้งหมด จึงได้มีผู้วิจัยท่านอื่นๆ ทำการดัดแปลงสมการของ Paris เพื่อให้สมการที่ได้ทำการดัดแปลงนั้นสามารถครอบคลุมการเติบโตของรอยร้าวในบริเวณอื่นได้มากขึ้น โดยสมการดังกล่าวจะทำการเพิ่มตัวแปรต่างๆ ที่เกี่ยวข้องกับการเติบโตของรอยร้าวเข้าไปในสมการของ Paris เช่น ค่าอัตราส่วนของภาระ ( $R$ ) , ค่าพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้นที่ขีดเริ่ม ( $\Delta K_{th}$ ) และจากสมการแสดงการเติบโตของรอยร้าวต่างๆ นี้ สามารถนำไปใช้ในการทำนายอายุความล้าของชิ้นงานที่มีรอยร้าวได้

### 3.2.2 การประเมินอายุความล้า

เนื่องจากค่าพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้นจะค่ามากขึ้นตามความยาวรอยร้าวที่เพิ่มขึ้นภายใต้ภาระกระทำเป็นแบบแอมพลิจูดคงที่ นอกจากนี้อัตราการเติบโตของรอยร้าว ( $\frac{da}{dN}$ ) ยังขึ้นอยู่กับพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้น ( $\Delta K$ ) ด้วย ดังนั้นอัตราการเติบโตของรอยร้าวจะมีค่าไม่คงที่ โดยรอยร้าวจะมีการเติบโตเร็วขึ้นตามขนาดความยาวรอยร้าวที่เพิ่มขึ้น หรือกล่าวได้อีกนัยหนึ่งว่า รอยร้าวจะเกิดการเติบโตด้วยความเร่ง ซึ่งแสดงได้รูปที่ 3.2 และด้วยเหตุนี้เอง อัตราการเติบโตของรอยร้าวเทียบกับจำนวนรอบ ( $\frac{da}{dN}$ ) จึงมีความจำเป็นในการประเมินหาอายุการเติบโตของรอยร้าวภายใต้ความล้า

อัตราการเติบโตของรอยร้าว ( $\frac{da}{dN}$ ) สำหรับวัสดุโดยทั่วไปนั้น สามารถแสดงอยู่ในรูปแบบของสมการทั่วไป คือ

$$\frac{da}{dN} = f(\Delta K, R) \quad (3.17)$$

โดยสมมติให้ผลของสภาวะแวดล้อม ความถี่ และผลกระทบอื่นๆ ถูกรวมไว้ในค่าคงที่ของวัสดุแล้ว ในการคำนวณหาอายุการเติบโตของรอยร้าวภายใต้ความล้า สามารถแสดงได้เป็นจำนวนรอบของภาระที่มากกระทำ โดยสามารถคำนวณได้จากสมการ (3.17) ดังนี้

$$\int_{N_i}^{N_f} dN = N_f - N_i = N_{if} = \int_{a_i}^{a_f} \frac{da}{f(\Delta K, R)} \quad (3.18)$$

ในการอินทิเกรตสมการ (3.18) นี้ จะได้จำนวนรอบของภาระที่มากระทำต่อชิ้นงาน ซึ่งทำให้ชิ้นงานที่มีขนาดรอยร้าวเริ่มต้น (Initial crack length) เท่ากับ  $a_i$  กระทำ ณ รอบที่  $N_i$  มีความยาวรอยร้าวเพิ่มขึ้นจนถึงความยาวรอยร้าวสุดท้าย (Final crack length) ขนาด  $a_f$  กระทำ ณ รอบที่  $N_f$  และเพื่อความสะดวกจะใช้สัญลักษณ์  $N_{if}$  แทนจำนวนรอบของภาระที่มากระทำตั้งแต่รอบที่  $N_i$  ถึงรอบที่  $N_f$

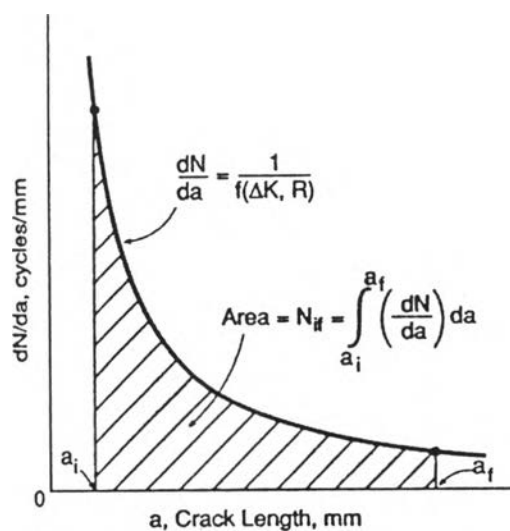
พิจารณาส่วนกลับของอัตราการเติบโตของรอยร้าว  $\left(\frac{dN}{da}\right)$  จะแสดงถึงอัตราการสะสมของจำนวนรอบ (N) ต่อการเพิ่มความยาวรอยร้าวหนึ่งหน่วยดังนี้

$$\frac{dN}{da} = \frac{1}{da/dN} = \frac{1}{f(\Delta K, R)} \quad (3.19)$$

ดังนั้นจะได้

$$N_{if} = \int_{a_i}^{a_f} \left(\frac{dN}{da}\right) da \quad (3.20)$$

หากนำสมการ (3.19) ไปแสดงในกราฟความสัมพันธ์ระหว่างส่วนกลับของอัตราการเติบโตของรอยร้าว  $\left(\frac{dN}{da}\right)$  เทียบกับความยาวรอยร้าว (a) จะได้ว่าอายุความล้าจากความยาวรอยร้าวเริ่มต้น  $a_i$  ไปจนถึงความยาวรอยร้าวสุดท้าย  $a_f$  สามารถแสดงได้ด้วยพื้นที่ใต้เส้นโค้งในช่วงความยาวรอยร้าว  $a_i$  ถึง  $a_f$  ดังแสดงได้ในรูปที่ 3.4



รูปที่ 3.4 แสดงการคำนวณหาอายุความล้าด้วยพื้นที่ใต้เส้นโค้ง



ในการคำนวณอายุความล้าด้วยการอินทิเกรตตั้งสมการ (3.20) ที่กล่าวมาแล้วนั้น สามารถกระทำได้โดยง่ายสำหรับในกรณีที่ฟังก์ชัน  $f(\Delta K, R)$  มีลักษณะไม่ซับซ้อนมากนัก เช่น สมการของ Paris หากสมมุติให้ตัวประกอบเรขาคณิต ( $F$ ) ในสมการ (3.11) มีค่าคงที่ตลอด ช่วงความยาวรอยร้าวตั้งแต่  $a_i$  ถึง  $a_f$  จะได้

$$\frac{da}{dN} = f(\Delta K, R) = C(\Delta K)^m \quad (3.21)$$

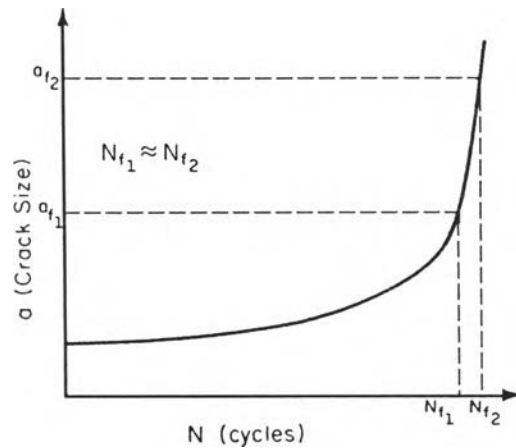
โดยที่ 
$$\Delta K = F \cdot \Delta \sigma \cdot \sqrt{\pi \cdot a} \quad (3.22)$$

ดังนั้นจะได้ผลเฉลยแม่นยำตรง เมื่อ  $m \neq 2$  คือ

$$N_{if} = \frac{a_f^{1-\frac{m}{2}} - a_i^{1-\frac{m}{2}}}{C \cdot (F \cdot \Delta \sigma \cdot \pi)^m \cdot (1 - \frac{m}{2})} \quad (3.23)$$

แต่ในกรณีที่ค่าตัวประกอบเรขาคณิต ( $F$ ) มีค่าเปลี่ยนแปลงไปตามความยาวรอยร้าว หรือกรณีที่รูปแบบของสมการอัตราการเติบโตของรอยร้าวมีลักษณะซับซ้อนยิ่งขึ้น จะทำให้การคำนวณเชิงวิเคราะห์เป็นไปได้ยาก ซึ่งอาจจำเป็นต้องใช้การระเบียบวิธีเชิงตัวเลขมาช่วยในการคำนวณหาอายุความล้านี้

การประเมินอายุความล้าของชิ้นงานที่มีรอยร้าว ในชิ้นงานที่มีความยาวรอยร้าวสุดท้าย ( $a_f$ ) มากกว่าความยาวรอยร้าวเริ่มต้น ( $a_i$ ) มากๆ จะพบว่าอายุความล้าจะขึ้นอยู่กับความยาวรอยร้าวเริ่มต้นเป็นหลัก โดยที่ความยาวรอยร้าวสุดท้ายจะมีผลน้อย จากรูปที่ 3.5 จะพบว่าเมื่อเปลี่ยนค่าความยาวรอยร้าวสุดท้าย ( $a_f$ ) จะมีผลกระทบต่อพื้นที่ใต้เส้นโค้งเพียงเล็กน้อยเท่านั้น เนื่องจากว่าพื้นที่ใต้เส้นโค้งที่บริเวณความยาวรอยร้าวเริ่มต้นจะมีพื้นที่มากเมื่อเทียบกับพื้นที่ใต้เส้นโค้งที่บริเวณความยาวรอยร้าวสุดท้าย



รูปที่ 3.5 แสดงผลกระทบของความยาวรอยร้าวสุดท้ายต่ออายุความล้า

สำหรับวิธีการในการทำนายอายุความล้าของรอยร้าวภายใต้ภาระกระทำเป็นรอบแบบแอมพลิจูดคงที่โดยประมาณที่เป็นที่นิยมใช้กันโดยทั่วไป [31] สามารถแสดงขั้นตอนโดยสรุปได้ดังนี้

1. เริ่มจากการกำหนดความยาวรอยร้าวเริ่มต้น ( $a_i$ ) และความยาวรอยร้าวสุดท้าย ( $a_f$ ) ของชิ้นงาน
2. แบ่งการเติบโตของรอยร้าวออกเป็นช่วงๆ จากความยาวรอยร้าวเริ่มต้น ( $a_i$ ) ถึงความยาวรอยร้าวสุดท้าย ( $a_f$ ) จำนวน  $n-1$  ช่วง
3. ทำการคำนวณค่าพิสัยตัวประกอบความเข้มของความเค้น ( $\Delta K_n$ ) สำหรับแต่ละความยาวรอยร้าว ( $a_n$ )
4. คำนวณหาอัตราการเติบโตของรอยร้าว ( $\frac{da}{dN}$ ) จากสมการของ Paris ดังนี้

$$\left(\frac{da}{dN}\right)_n = c(\Delta K_n)^m \quad (3.24)$$

5. คำนวณหาค่าเฉลี่ยของอัตราการเติบโตของรอยร้าว สำหรับความยาวรอยร้าวสองตำแหน่งที่อยู่ติดกัน

$$\frac{(da/dN)_n + (da/dN)_{n+1}}{2} = \left(\frac{da}{dN}\right)_{avg} \quad (3.25)$$

6. คำนวณหาจำนวนรอบที่ใช้ในการเติบโตของรอยร้าวในแต่ละช่วงของความยาวรอยร้าว  $a_n$  ถึง  $a_{n+1}$  ดังนี้

$$\Delta N = \frac{\Delta a}{(da/dN)_{avg}} = \frac{2 \cdot (a_{n+1} - a_n)}{(da/dN)_n + (da/dN)_{n+1}} \quad (3.26)$$

จากขั้นตอนที่กล่าวมานี้ จะได้จำนวนรอบของภาวะที่มากกระทำในแต่ละช่วงของความยาวรอยร้าว  $a_n$  ถึง  $a_{n+1}$  ดังนั้นหากรวมจำนวนรอบของภาวะ ( $\Delta N$ ) ทั้งหมดที่กระทำในช่วงความยาวรอยร้าวเท่ากับ  $a_i$  ถึง  $a_f$  จะได้ค่าประมาณของอายุความล้าทั้งหมด ( $N_{if}$ ) โดยวิธีการประมาณอายุความล้าของรอยร้าวนี้ จะนำเสนอต่อไปในตัวอย่างการทำนายความล้าของรอยร้าวในบทที่ 9