



บทที่ 2

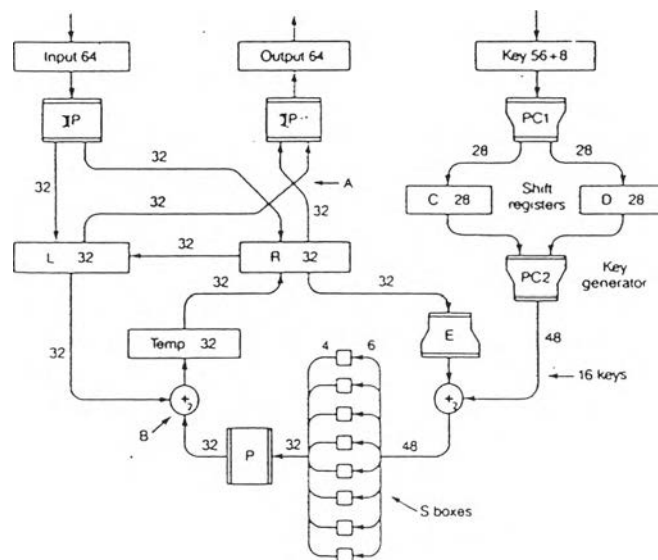
มาตรฐานการเข้ารหัสข้อมูล(Data Encryption Standard)

คำนำบท

ในบทนี้จะกล่าวถึงอัลกอริทึมและเทคนิคการเข้ารหัสตามมาตรฐาน ของ DES ที่ออกแบบโดย NBS โดยจะลงในรายละเอียดของทุกฟังก์ชันบล็อกที่ใช้ในอัลกอริทึม

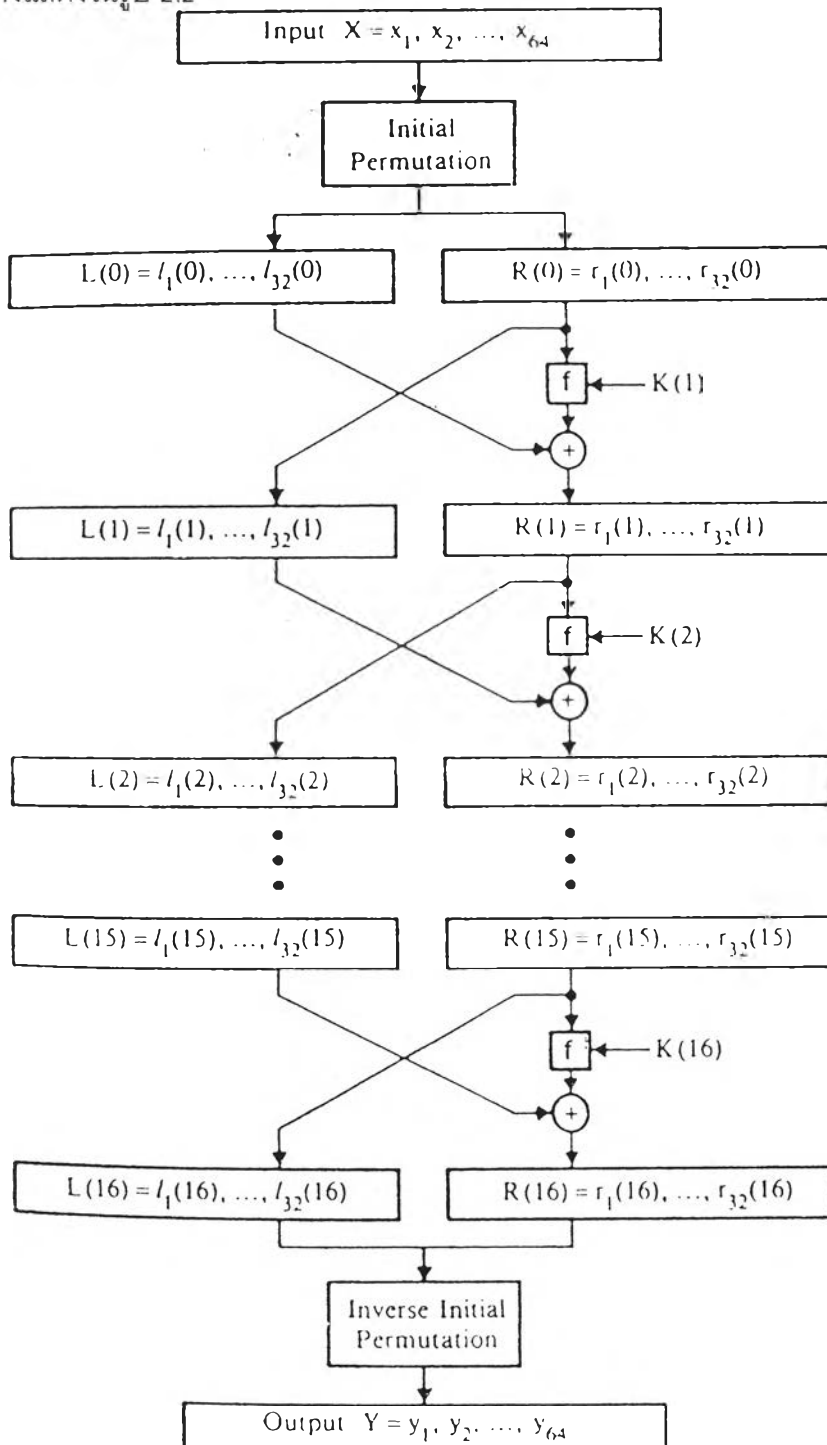
มาตรฐานการเข้ารหัสข้อมูลหรือดาต้าเอนคริปชันสแตนดาร์ด [Meyer and Matyas,1982]

มาตรฐานที่กำหนดอัลกอริทึมที่ใช้สำหรับเข้ารหัสข้อมูลที่ออกแบบโดย NBS เพื่อป้องกันความลับรั่วไหลโดยทั่วไปแล้วจะแบ่งลำดับชั้นของไซเฟอร์เท็กซ์ (Class of Cipher) ได้เป็น 3 ชั้นคือ ทรานส์โพซิชันไซเฟอร์ (Transposition Cipher) ซัพสทิทิวชันไซเฟอร์ (Substitution Cipher) และโพรดักต์ไซเฟอร์ (Product Cipher) ซึ่งเป็นการผสมผสานระหว่างทรานส์โพซิชันไซเฟอร์และซัพสทิทิวชันไซเฟอร์ อัลกอริทึมนี้เป็นโพรดักต์ไซเฟอร์ที่จะแบ่งกลุ่มของข้อมูลอินพุต เป็นบล็อก ๆ ละ 64 บิตและใช้คีย์ขนาด 64 บิตเช่นกันการไหลผ่านของข้อมูลใน DES ที่จะแสดงได้ดังรูป 2.1



รูป 2.1 การไหลของข้อมูลในมาตรฐานการเข้ารหัสข้อมูล [Caelli, Longley and Shain, 1989]

ข้อมูลที่ถูกป้อนเข้ามาทางด้านอินพุตจะถูกสลับตำแหน่งและแทนที่ด้วยข้อมูลใหม่ใน P และ S ตามลำดับและคีย์ก็จะถูกสลับตำแหน่งของบิตใน PC1 และ PC2 และซีพรีจิสเตอร์ C และ D การสลับตำแหน่งและการแทนที่ข้อมูลจะกระทำทั้งหมด 16 รอบโดยในแต่ละรอบคีย์ก็จะเป็นเปลี่ยนแปลงไปดังแสดงในรูป 2.2

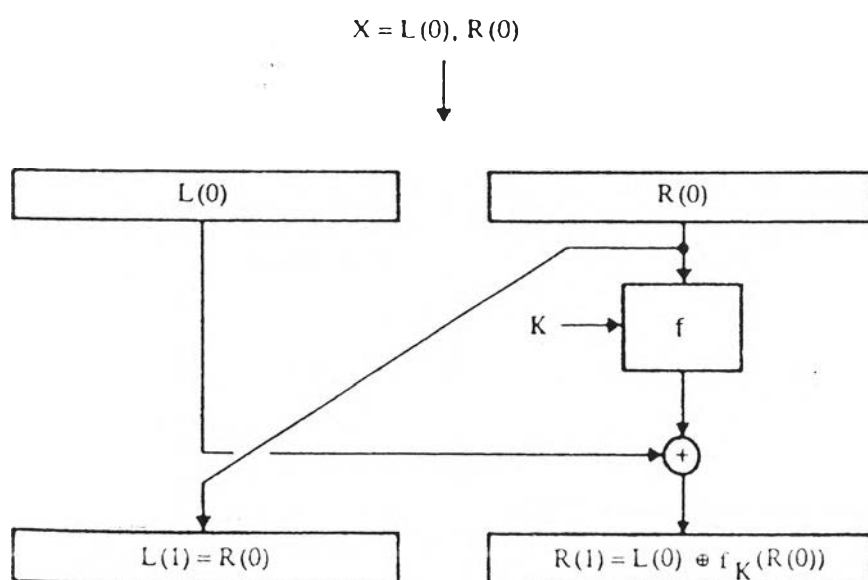


รูป 2.2 อัลกอริทึมของมาตรฐานการเข้ารหัสข้อมูล [Meyer and Matyas,1982]

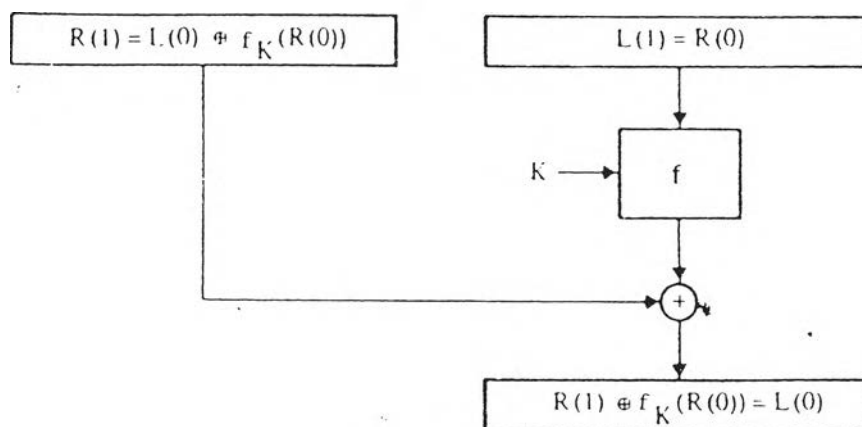
ขั้นตอนการทำงานของ DES ในแต่ละรอบ

ขั้นตอนในการทำงานแต่ละรอบพอจะสรุปได้ดังนี้

1. บล็อกของข้อมูลอินพุตจะถูกแยกออกเป็น 2 ส่วนทางด้านซ้ายและด้านขวาส่วนละเท่าๆกัน
2. ส่วนทางด้านขวาจะถูกป้อนเข้าสู่ไซเฟอร์ฟังก์ชัน f ดังรูป 2.3



รูป 2.3 การแปลงของบล็อกข้อมูลขาเข้า $L(0)$ และ $R(0)$ [Meyer and Matyas, 1982]

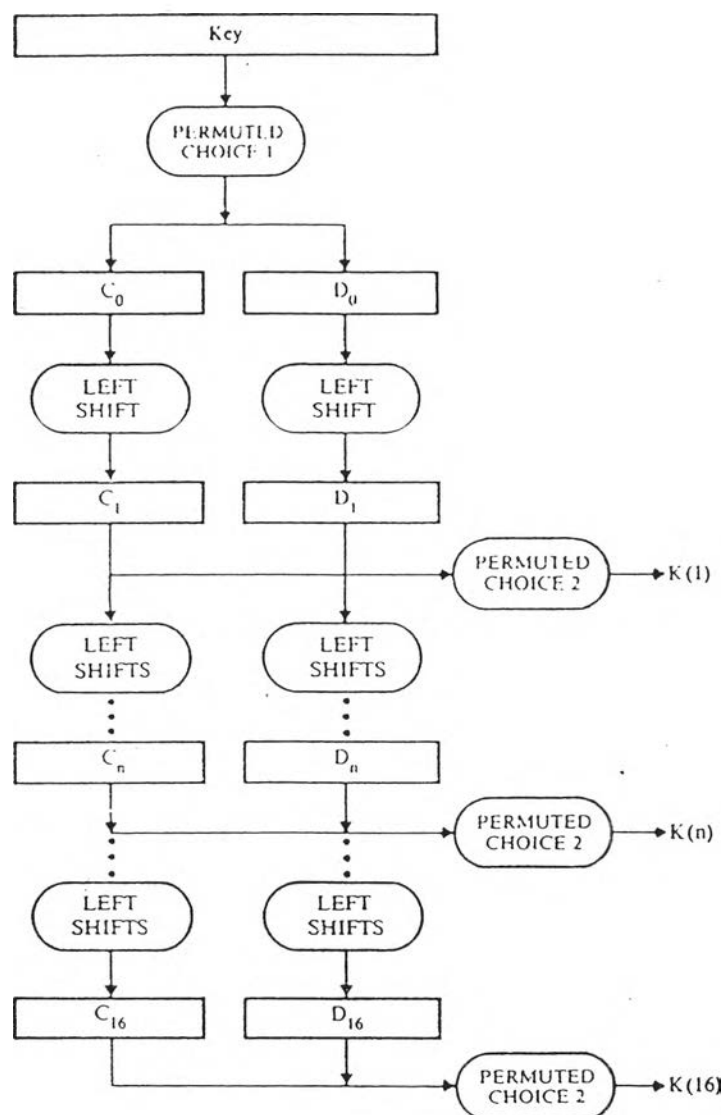


รูป 2. - การแปลงเพื่อให้ได้ $L(0)$ [Meyer and Matyas, 1982]

3. เอกลักษณ์ที่ได้จากไซเฟอร์ฟังก์ชันจะถูกเอ็คคลูซีฟออร์กับส่วนที่อยู่ในด้านซ้ายในข้อ 1 โดยที่ฟังก์ชัน f จะต้องถูกออกแบบให้สามารถทำงานได้ไม่ว่าในกรณีของการเข้ารหัสหรือถอดรหัส เช่น ในกรณีการเข้ารหัส คีย์ในแต่ละรอบจะถูกเปลี่ยนแปลงไปจาก $K(1)$ ถึง $K(16)$ ในการถอดรหัสคีย์จะเป็น $K(16)$ ถึง $K(1)$ อัลกอริทึมนี้ก็ยังทำงานถูกต้อง

การกำเนิดคีย์ที่ใช้สำหรับแต่ละรอบของ DES

คีย์ $K(1)$ ถึง $K(16)$ นั้นจะมีขนาด 48 บิตและเพื่อความปลอดภัยของข้อมูลทั้ง 16 คีย์นี้จะต้องแตกต่างกันโดยจะเลือก 48 บิต จาก 56 บิตในแต่ละรอบของการทำงานซึ่งวิธีการเลือกคีย์ในแต่ละรอบแสดงอยู่ในรูป 2.5



รูป 2.5 การคำนวณหาคีย์ K สำหรับการเข้ารหัสในแต่ละรอบ [Meyer and Matyas, 1982]

จากรูป 2.5 แสดงถึงการคำนวณหาคีย์ในแต่ละรอบของการเข้ารหัสสำหรับการถอดรหัสก็มีลักษณะเดียวกันแต่เป็นจากซิฟทางซ้ายเป็นซิฟไปทางขวา ยกเว้นการซิฟระหว่าง (C_0, D_0) และ (C_1, D_1) จะไม่มีการเลื่อน

การคำนวณหาคีย์สำหรับการเข้ารหัสเริ่มจากการทำงานเริ่มต้นเลือก (Initial permutation) โดย PC-1 (Permuted Choice-1) ซึ่ง PC-1 นี้จะเหมือนกันทั้งการเข้ารหัสและถอดรหัส โดยเลือก 56 บิตจาก 64 บิต (8 บิตที่ขาดไปคือแพริตี้บิต ได้แก่บิตที่ 8, 16, 24...64) แล้ว ส่งให้ซิฟริจิสเตอร์ C และ D ตัวละ 28 บิตในระหว่างการเข้ารหัสข้อมูลในริจิสเตอร์ C_{i-1} และ D_{i-1} จะถูกซิฟทางซ้าย 1 หรือ 2 บิตตาม ตารางที่ 2.1

ตาราง 2.1 แสดงการเลื่อนของข้อมูลที่ใช้ในการคำนวณหาคีย์ของการเข้ารหัสและถอดรหัส

Iteration Number i	Number of left shifts	Number of right shifts
	(Encipherment)	(Decipherment)
1	1	0
2	1	1
3	2	2
4	2	2
5	2	2
6	2	2
7	2	2
8	2	2
9	1	1
10	2	2
11	2	2
12	2	2
13	2	2
14	2	2
15	2	2
16	1	1

และเมื่อนำ C_i และ D_i มาผ่าน PC-2 ก็จะได้ K_i และเมื่อครบ 16 รอบแล้ว จะทำให้ $C_{16} = C_0$ และ $D_{16} = D_0$

สำหรับการถอดรหัสคีย์ที่จะถูกป้อนเข้าสู่อัลกอริทึม คีย์แรกคือ $K(16)$ ต่อมาคือ $K(15)$ และลดลงตามลำดับ ดังนั้นในการคำนวณหาคีย์ก็จะทำตามรูปที่ 2.5 โดย $K(16)$ จะถูกสร้างขึ้น มาโดยไม่มี การชิพในครั้งแรก (จาก C_0 , D_0 ไป C_1 , D_1) $K(15)$ จะได้โดยการชิพ C_0 (C_{16}) และ D_0 (D_{16}) ไปทางขวา 1 บิตและคีย์ที่เหลือก็ชิพไปทางขวาตามตาราง 2.1

เพื่อให้เห็นค่าที่ชัดเจนจะแสดงรายละเอียดการสร้างคีย์ดังต่อไปนี้สมมติให้คีย์

$$K = k_1, k_2, k_3, \dots, k_{64} \quad (2.1)$$

เมื่อผ่าน PC-1 จะเหลือเพียง 56 บิต และถูกไหลไปยังรีจิสเตอร์ขนาด 28 บิต 2 ชุดคือ C และ D ดังนี้

$$\begin{aligned} C_0 = & k_{57}, k_{49}, k_{41}, k_{33}, k_{25}, k_{17}, k_{09}, \\ & k_{01}, k_{58}, k_{50}, k_{42}, k_{34}, k_{26}, k_{18}, \\ & k_{10}, k_{02}, k_{59}, k_{51}, k_{43}, k_{35}, k_{27}, \\ & k_{19}, k_{11}, k_{03}, k_{60}, k_{52}, k_{44}, k_{36} \end{aligned} \quad (2.2)$$

$$\begin{aligned} D_0 = & k_{63}, k_{55}, k_{47}, k_{39}, k_{31}, k_{23}, k_{15}, \\ & k_{07}, k_{62}, k_{54}, k_{46}, k_{38}, k_{30}, k_{22}, \\ & k_{14}, k_{06}, k_{61}, k_{53}, k_{45}, k_{37}, k_{29}, \\ & k_{21}, k_{13}, k_{05}, k_{28}, k_{20}, k_{12}, k_{04} \end{aligned} \quad (2.3)$$

จะเห็นว่า บิตที่ 57, 49 และ 41 ของ k จะเป็นบิตแรก บิตที่ 2 และที่ 3 ของ รีจิสเตอร์ C_0 ตามลำดับ ในขณะที่ บิตที่ 63, 55 และ 47 ของ k จะเป็นบิตแรก บิตที่ 2 และที่ 3 ของรีจิสเตอร์ D_0 ตามลำดับและจะสังเกตได้ว่า จาก 64 บิตในตอนแรกจะลดลงเหลือ 56 บิต เพราะ พาริตีบิต $k_8, k_{16}, k_{24}, k_{32}, k_{40}, k_{56}$ และ k_{64} จะถูกขจัดออกไป เมื่อได้ C_0 และ D_0 แล้วจะได้ C_1 และ D_1 โดยการชิพที่ไปทางซ้าย (ในกรณีของการเข้ารหัส และทางขวาในกรณีของการถอดรหัส) การชิพที่ในที่นี้เป็น การชิพแบบวนรอบ คือ นำค่าที่ชิพที่ออกไปมาต่อท้ายตัวมันเอง ซึ่งจำนวนบิตที่ชิพที่ในแต่ละรอบ

แสดงไว้ในตาราง 2.1 และ 3.7.1 ดังนั้นค่าที่อยู่ในรีจิสเตอร์ C และ D ในรอบต่าง ๆ จะเป็นดัง ตาราง 2.2 และ 2.3

ตาราง 2.2 ตำแหน่งบิตของข้อมูลที่ใช้ในการคำนวณคีย์ที่ถูกเก็บไว้ในรีจิสเตอร์ C
[Meyer and Matyas,1982]

Round (i)	Index of Elements in Vector C_i																												Round (i)
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	
1	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36	57	1
2	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36	57	49	2
3	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36	57	49	41	33	3
4	9	1	58	50	42	34	26	18	10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36	57	49	41	33	25	17	4
5	58	50	42	34	26	18	10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36	57	49	41	33	25	17	9	1	5
6	42	34	26	18	10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36	57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	6
7	26	18	10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36	57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	7
8	10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36	57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	8
9	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36	57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	10	9
10	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36	57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	10	2	59	10
11	35	27	19	11	3	60	52	44	36	57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	10	2	59	51	43	11
12	19	11	3	60	52	44	36	57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	10	2	59	51	43	35	27	12
13	3	60	52	44	36	57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	10	2	59	51	43	35	27	19	11	13
14	52	44	36	57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	14
15	36	57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	15
16	57	49	41	33	25	17	9	1	58	50	42	34	26	18	10	2	59	51	43	35	27	19	11	3	60	52	44	36	16

$k_{29}, k_{31}, k_{33}, \dots$, etc. are the 1st, 2nd, 3rd, ..., etc. key bits in C_1 , i.e., in register C during the 1st round.

ตาราง 2.3 ตำแหน่งบิตของข้อมูลที่ใช้ในการคำนวณคีย์ที่ถูกเก็บไว้ในรีจิสเตอร์ D
[Meyer and Matyas,1982]

Round (i)	Index of Elements in Vector D_i																																Round (i)
	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56					
1	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4	63	1				
2	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4	63	55	2				
3	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4	63	55	47	39	3				
4	15	7	62	54	46	38	30	22	14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4	63	55	47	39	31	23	4				
5	62	54	46	38	30	22	14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4	63	55	47	39	31	23	15	7	5				
6	46	38	30	22	14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4	63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	6				
7	30	22	14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4	63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	7				
8	14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4	63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	8				
9	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4	63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	14	9				
10	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4	63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	14	6	61	10				
11	37	29	21	13	5	28	20	12	4	63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	14	6	61	53	45	11				
12	21	13	5	28	20	12	4	63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	14	6	61	53	45	37	29	12				
13	5	28	20	12	4	63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	14	6	61	53	45	37	29	21	13	13				
14	20	12	4	63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	14				
15	4	63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	15				
16	63	55	47	39	31	23	15	7	62	54	46	38	30	22	14	6	61	53	45	37	29	21	13	5	28	20	12	4	16				

PC-2 จะเป็นตัวแสดงว่าคีย์ $K(1), K(2), \dots, K(16)$ ที่มีขนาด 48 บิตจาก $(C_1, D_1), (C_2, D_2), \dots, (C_{16}, D_{16})$ ได้มาจากการเลือกตำแหน่งของบิตในรีจิสเตอร์ C และ D โดยเลือกบิตตำแหน่งที่

14, 17, 11, 24, 1, 5, 3, 28, 15, 6, 21, 10

23, 19, 12, 4, 26, 8, 16, 7, 27, 20, 13, 2

จากรีจิสเตอร์ C และเลือก จากรีจิสเตอร์ D ในบิตตำแหน่งที่

41, 52, 31, 37, 47, 55, 30, 40, 51, 45, 33, 48

44, 49, 39, 56, 34, 53, 46, 42, 50, 36, 29, 32

24 บิตแรกของ $K(i)$ ที่ได้มาจาก C_i แสดงอยู่ในตาราง 2.4 และ 24 บิตหลังของ $K(i)$ ที่ได้มาจาก D_i แสดงไว้ในตาราง 2.5 ดังนั้นสามารถแสดงคีย์ต่าง ๆ ได้ดังนี้

$$K(1) = k_{10}, k_{51}, \dots, k_{41}, k_{22}, k_{28}, \dots, k_{31}$$

$$K(2) = k_2, k_{43}, \dots, k_{33}, k_{14}, k_{20}, \dots, k_{23}$$

$$K(16) = k_{18}, k_{59}, \dots, k_{49}, k_{30}, k_5, \dots, k_{39}$$

ตาราง 2.4 24 บิตแรกของคีย์ $K(i)$ ในแต่ละรอบ [Meyer and Matyas,1982]

Round (i)	Index of Elements in Vector $K(i)$																							Round (i)	
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23		
	Index of Selected Element in Vector C_i (Obtained from PC-2)																								
	14	17	11	24	1	5	3	28	15	6	21	10	23	19	12	4	26	8	16	7	27	20	13		
1	30	51	31	60	44	10	31	57	2	19	19	42	3	35	26	25	44	58	59	1	36	27	18	41	1
2	2	43	26	52	43	9	25	40	59	1	11	34	60	27	18	17	36	50	51	58	57	19	10	33	2
3	53	21	10	36	25	53	9	37	43	10	60	18	44	11	2	1	49	34	35	42	41	3	59	17	3
4	33	11	59	49	9	43	38	17	2	34	44	2	57	60	51	50	33	18	19	26	25	52	43	1	4
5	17	60	4	31	55	26	42	3	11	15	57	51	41	44	35	34	17	2	3	10	9	36	27	50	5
6	1	44	27	3	42	11	26	50	60	7	41	35	25	57	19	18	1	51	52	59	58	49	11	34	6
7	12	2	13	1	26	59	40	11	13	31	25	19	9	43	3	2	50	35	36	43	43	33	60	18	7
8	36	41	60	50	19	43	59	10	57	37	5	3	58	25	52	51	34	19	49	27	36	17	44	17	8
9	17	33	52	42	1	38	31	10	49	27	1	60	59	17	44	43	26	11	41	19	18	9	36	59	9
10	41	17	36	24	5	19	35	10	37	11	50	44	34	1	57	27	10	60	25	3	2	58	49	43	10
11	25	1	49	16	37	7	19	43	17	40	34	57	18	50	41	11	59	44	9	52	51	42	37	27	11
12	9	50	35	59	19	57	3	27	13	17	44	5	14	15	60	43	57	58	36	35	26	17			12
13	58	34	17	41	3	36	52	11	0	5	2	25	51	18	9	44	27	41	42	49	19	10	1	60	13
14	47	18	1	37	52	49	36	50	34	41	51	9	35	2	58	57	11	25	26	33	13	59	50	44	14
15	10	2	50	11	36	13	49	41	18	21	35	58	15	51	42	41	60	9	10	17	52	43	37	57	15
16	18	59	42	7	57	21	41	36	10	17	27	10	13	43	34	33	52	1	2	9	44	35	26	16	16

ตาราง 2.5 24 บิตหลังของคีย์ $K(i)$ ในแต่ละรอบ [Meyer and Matyas,1982]

Round (i)	Index of Elements in Vector $K(i)$																								Round (i)
	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	
	Index of Selected Element in Vector D_i (Obtained from PC-2)																								
	41	52	31	37	47	55	30	40	51	45	33	48	44	49	39	56	34	53	46	42	50	36	29	32	
1	22	28	39	54	37	4	47	30	5	53	23	29	61	21	38	63	15	20	45	14	13	62	55	31	1
2	14	20	31	46	29	63	39	22	28	45	15	21	53	13	30	55	7	12	37	6	5	54	47	23	2
3	61	4	15	30	13	47	23	6	12	29	62	5	37	28	14	39	54	63	21	53	20	38	31	7	3
4	45	55	62	14	28	31	7	53	63	13	46	20	21	12	61	23	38	47	5	37	4	22	15	54	4
5	29	39	46	61	12	15	54	37	47	28	30	4	5	63	45	7	22	31	20	21	55	6	62	38	5
6	13	23	30	45	63	62	38	21	31	12	14	55	20	47	29	54	6	15	4	5	39	53	46	22	6
7	28	7	14	29	47	46	22	5	15	63	61	39	4	31	13	38	53	62	55	20	23	37	30	6	7
8	12	54	61	13	31	30	6	20	62	47	45	23	55	15	28	22	37	46	39	4	7	21	14	53	8
9	4	46	53	5	23	22	61	12	54	39	37	15	47	7	20	14	29	38	31	63	62	13	6	45	9
10	55	30	37	20	7	6	45	63	38	23	21	62	31	54	4	61	13	22	15	47	46	28	53	29	10
11	39	14	21	4	54	53	29	47	22	7	5	46	15	38	55	45	28	6	62	31	30	12	37	13	11
12	23	61	5	55	38	37	13	31	6	54	20	30	62	22	39	29	12	53	46	15	14	63	21	28	12
13	7	45	20	39	22	21	28	15	53	38	4	14	46	6	23	13	63	37	30	62	61	47	5	12	13
14	54	29	4	23	6	5	12	62	37	22	55	61	30	53	7	28	47	21	14	46	45	31	20	63	14
15	38	13	55	7	53	20	63	46	21	6	39	45	14	37	54	12	31	5	61	30	29	15	4	47	15
16	30	5	47	62	45	12	55	38	13	61	31	37	6	29	46	4	23	28	53	22	21	7	63	39	16

รายละเอียดของ อัลกอริธึม DES [Elizabeth and Denning,1982]

วิธีการเข้ารหัสโดยDESได้แสดงอยู่แล้วในรูปที่ 2.2 ในหัวข้อนี้จะอธิบายรายละเอียดของ Initial Permutation (IP) และฟังก์ชัน f โดยที่จะกล่าวถึง IP ก่อน สมมติว่าข้อมูลขนาด 64 บิตที่จะถูกเข้ารหัส คือ

$$X = x_1, x_2, \dots, x_{64}$$

เมื่อผ่าน IP แล้ว จะได้ผลดังต่อไปนี้

$$\begin{aligned}
 L(0) = & x_{58} \cdot x_{50} \cdot x_{42} \cdot x_{34} \cdot x_{26} \cdot x_{28} \cdot x_{10} \cdot x_{02} \cdot \\
 & x_{60} \cdot x_{52} \cdot x_{44} \cdot x_{36} \cdot x_{28} \cdot x_{20} \cdot x_{12} \cdot x_{04} \cdot \\
 & x_{62} \cdot x_{54} \cdot x_{46} \cdot x_{38} \cdot x_{30} \cdot x_{22} \cdot x_{14} \cdot x_{06} \cdot \\
 & x_{64} \cdot x_{56} \cdot x_{48} \cdot x_{40} \cdot x_{32} \cdot x_{24} \cdot x_{16} \cdot x_{08}
 \end{aligned} \tag{2.5}$$

$$\begin{aligned}
 R(0) = & x_{57} \cdot x_{49} \cdot x_{41} \cdot x_{33} \cdot x_{25} \cdot x_{17} \cdot x_{09} \cdot x_{01} \cdot \\
 & x_{59} \cdot x_{51} \cdot x_{43} \cdot x_{35} \cdot x_{27} \cdot x_{19} \cdot x_{11} \cdot x_{03} \cdot \\
 & x_{61} \cdot x_{53} \cdot x_{45} \cdot x_{37} \cdot x_{29} \cdot x_{21} \cdot x_{13} \cdot x_{05} \cdot \\
 & x_{63} \cdot x_{55} \cdot x_{47} \cdot x_{39} \cdot x_{31} \cdot x_{23} \cdot x_{15} \cdot x_{07}
 \end{aligned} \tag{2.6}$$

$L(0)$ และ $R(0)$ จะถูกใช้ร่วมกับคีย์ $K(1)$ ถึง $K(16)$ ตามรูป 2.2 เพื่อสร้างให้เกิด $L(16)$ และ $R(16)$

$$\begin{aligned} L(16), R(16) = & l_1(16), l_2(16), \dots, l_{32}(16), \\ & r_1(16), r_2(16), \dots, r_{32}(16) \end{aligned} \quad (2.7)$$

ต่อจากนั้น $L(16)$ และ $R(16)$ จะถูกป้อนเข้าสู่ Inverse Initial Permutation (IP^{-1}) จะทำให้ได้เอาท์พุท

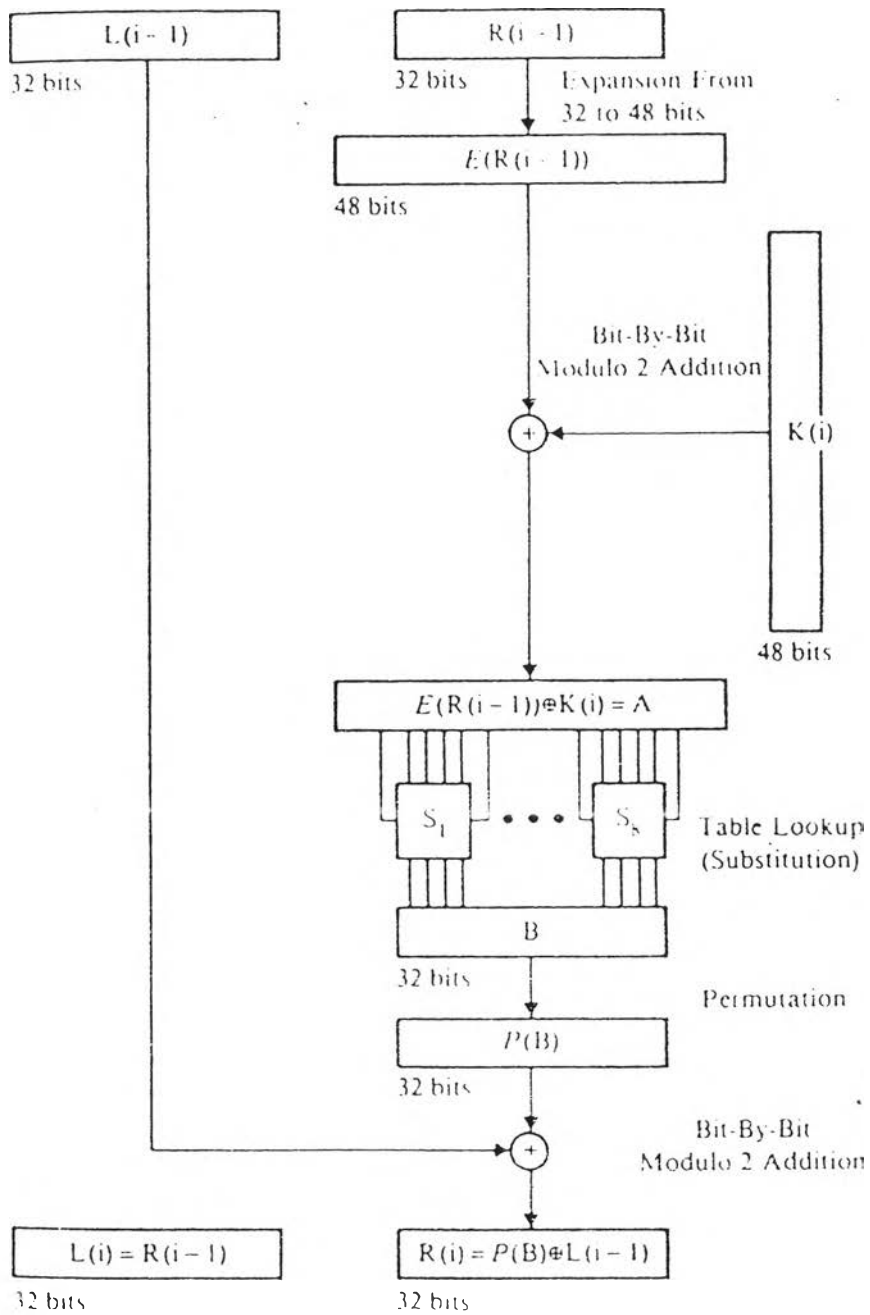
$$\begin{aligned} Y = & y_{01} \cdot y_{02}, \dots, y_{64} \\ = & l_{08} \cdot r_{08}, l_{16} \cdot r_{16}, l_{24} \cdot r_{24}, l_{32} \cdot r_{32}, \\ & l_{07} \cdot r_{07}, l_{15} \cdot r_{15}, l_{23} \cdot r_{23}, l_{31} \cdot r_{31}, \\ & l_{06} \cdot r_{06}, l_{14} \cdot r_{14}, l_{22} \cdot r_{22}, l_{30} \cdot r_{30}, \\ & l_{05} \cdot r_{05}, l_{13} \cdot r_{13}, l_{21} \cdot r_{21}, l_{29} \cdot r_{29}, \\ & l_{04} \cdot r_{04}, l_{12} \cdot r_{12}, l_{20} \cdot r_{20}, l_{28} \cdot r_{28}, \\ & l_{03} \cdot r_{03}, l_{11} \cdot r_{11}, l_{19} \cdot r_{19}, l_{27} \cdot r_{27}, \\ & l_{02} \cdot r_{02}, l_{10} \cdot r_{10}, l_{18} \cdot r_{18}, l_{26} \cdot r_{26}, \\ & l_{01} \cdot r_{01}, l_{09} \cdot r_{09}, l_{17} \cdot r_{17}, l_{25} \cdot r_{25} \end{aligned} \quad (2.8)$$

สำหรับรายละเอียดของฟังก์ชัน f ได้แสดงไว้ในรูปที่ 2.6 จากรูปข้อมูลทางด้านขวาของอินพุทรอบที่ i คือ

$$R(i-1) = r_1(i-1), r_2(i-1), \dots, r_{32}(i-1)$$

จะถูกขยายจาก 32 บิต เป็น 48 บิต ทำให้ได้

$$\begin{aligned} E(R(i-1)) = & r_{32} \cdot r_{01}, r_{02} \cdot r_{03}, r_{04} \cdot r_{05}, \\ & r_{04} \cdot r_{05}, r_{06} \cdot r_{07}, r_{08} \cdot r_{09}, \\ & r_{08} \cdot r_{09}, r_{10} \cdot r_{11}, r_{12} \cdot r_{13}, \\ & r_{12} \cdot r_{13}, r_{14} \cdot r_{15}, r_{16} \cdot r_{17}, \\ & r_{16} \cdot r_{17}, r_{18} \cdot r_{19}, r_{20} \cdot r_{21}, \\ & r_{20} \cdot r_{21}, r_{22} \cdot r_{23}, r_{24} \cdot r_{25}, \\ & r_{24} \cdot r_{25}, r_{26} \cdot r_{27}, r_{28} \cdot r_{29}, \\ & r_{28} \cdot r_{29}, r_{30} \cdot r_{31}, r_{32} \cdot r_{01} \end{aligned} \quad (2.9)$$



รูป 2.6 รายละเอียดของฟังก์ชัน f [Meyer and Matyas, 1982]

ตาราง 2.6 รายละเอียดใน S - BOX [Caelli et al.,1989]

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
S1	0	14	04	13	01	02	15	11	08	03	10	06	12	05	09	00	07
	1	00	15	07	04	14	02	13	01	10	06	02	11	09	05	03	08
	2	04	01	14	08	13	06	02	11	15	12	09	07	03	10	05	00
	3	15	12	08	02	04	09	01	07	05	11	03	14	10	00	06	13
S2	0	15	01	08	14	06	11	03	04	09	07	02	13	12	00	05	10
	1	03	13	04	07	15	02	08	14	12	00	01	10	06	09	11	05
	2	00	14	07	11	10	04	13	01	05	08	12	06	09	03	02	15
	3	13	08	10	01	03	15	04	02	11	06	07	12	00	05	14	09
S3	0	10	00	09	14	06	03	15	05	01	13	12	07	11	04	02	08
	1	13	07	00	09	03	04	06	10	02	08	05	14	12	11	15	01
	2	13	06	04	09	08	15	03	00	11	01	02	12	05	10	14	07
	3	01	10	13	00	06	09	08	07	04	15	14	03	11	05	02	12
S4	0	07	13	14	03	00	06	09	10	01	02	08	05	11	12	04	15
	1	13	08	11	05	06	15	00	03	04	07	02	12	01	10	14	09
	2	10	06	09	00	12	11	07	13	15	01	03	14	05	02	08	04
	3	03	15	00	06	10	01	13	08	09	04	05	11	12	07	02	14
S5	0	02	12	04	01	07	10	11	06	08	05	03	15	13	00	14	09
	1	14	11	02	12	04	07	13	01	05	00	15	00	03	09	08	06
	2	04	02	01	11	10	13	07	08	15	09	12	05	06	03	00	14
	3	11	08	12	07	01	14	02	13	06	15	00	09	10	04	05	03
S6	0	12	01	10	15	09	02	06	08	00	13	03	04	14	07	05	11
	1	10	15	04	02	07	12	09	05	06	01	13	14	00	11	03	08
	2	09	14	15	05	02	08	12	03	07	00	04	10	01	13	11	06
	3	04	03	02	12	09	05	15	10	11	14	01	07	06	00	08	13
S7	0	04	11	02	14	15	00	08	13	03	12	09	07	05	10	06	01
	1	13	00	11	07	04	09	01	10	14	03	05	12	02	15	08	06
	2	01	04	11	13	12	03	07	14	10	15	06	08	00	05	09	02
	3	06	11	13	08	01	04	10	07	09	05	00	15	14	02	03	12
S8	0	13	02	08	04	06	15	11	01	10	09	03	14	05	00	12	07
	1	01	15	13	08	10	03	07	04	12	05	06	11	00	14	09	02
	2	07	11	04	01	09	12	14	02	00	06	10	13	15	03	05	08
	3	02	01	14	07	04	10	08	13	15	12	09	00	03	05	06	11

จุดประสงค์สำหรับการขยายจาก 32 บิตเป็น 48 บิตคือเพื่อใช้แต่ละบิตของไซเฟอร์ เท็กซ์ ขึ้นอยู่กับ (ไวต่อการเปลี่ยนแปลง) เฟลนเท็กซ์และคีย์มากที่สุดเมื่อ $E(R(i-1))$ ถูกสร้างขึ้น และ ถูกบวกแบบโมดูลอ-2 เข้ากับคีย์ $K(i)$ ผลที่ได้คือ เวกเตอร์ A ที่มีขนาด 48 บิต

$$\begin{aligned} A &= ER(i-1) \oplus K(i) \\ &= a_1, a_2, \dots, a_{48} \end{aligned} \quad (2.10)$$

จากรูป 2.6 เวกเตอร์ A จะถูกใช้เป็นอาร์กิวเมนต์ในขั้นตอนการแทนที่ (Substitution Operation) หรือ S-Box จาก S_1 ถึง S_8

รายละเอียดของ S-Box ได้แสดงไว้ในตาราง 2.6 โดยแต่ละ Box จะประกอบด้วย 4 แถว (00,01,10 และ 11) 16 คอลัมน์ (0000,0001,...,1111) ซึ่งจะทำให้มีตัวประกอบย่อยทั้งหมด 64 ตัว S-Box จะทำให้การลดขนาดของ A จาก 48 เป็น 32 บิตโดยมีวิธีการคือจะแบ่ง A ออกเป็นกลุ่ม กลุ่มละ 6 บิต ดังนั้นจะได้ข้อมูลทั้งหมด 8 กลุ่ม ในแต่ละกลุ่มบิตทางซ้ายสุด กับทางขวาสุด จะเป็นตัวกำหนดคอลัมน์ส่วนที่เหลือจะเป็นตัวกำหนดแถวใน S-Box ดังนั้น ใน S-Box ที่ 1 จะมีอินพุต คือ $a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6$ โดยจะได้เอาท์พุต จาก S-Box คือ

$$S_1^{a_1, a_6}(a_2, a_3, a_4, a_5)$$

ซึ่งจะมีขนาด 4 บิตสมมติว่าเป็น b_1, b_2, b_3 และ b_4 ดังนั้น 4 บิตสุดท้ายที่ได้จาก S-Box ที่ 8 คือ

$$S_8^{a_{43}, a_{48}}(a_{44}, a_{45}, a_{46}, a_{47})$$

หรือ b_{29}, b_{30}, b_{31} และ b_{32} เอาท์พุตทั้งหมดที่ได้จาก S_1 ถึง S_8 คือ เวกเตอร์ B ตามรูปที่ 2.6 และโดยการทำการสลับตำแหน่ง (Permutation) ของค่าในเวกเตอร์ B ตามสมการที่ 2.11

$$\begin{aligned} P(B) &= b_{16}, b_7, b_{20}, b_{21}, b_{29}, b_{12}, b_{28}, b_{17}, \\ & b_1, b_{15}, b_{23}, b_{26}, b_5, b_{18}, b_{31}, b_{10}, \\ & b_2, b_8, b_{24}, b_{14}, b_{32}, b_{27}, b_3, b_9, \\ & b_{19}, b_{23}, b_{30}, b_6, b_{22}, b_{11}, b_4, b_{25} \end{aligned} \quad (2.11)$$

เอาท์พุตที่ได้คือ

$$L(i), R(i) = R(i-1), P(B) \oplus L(i-1)$$

สรุปขั้นตอนในการทำ DES

1. กำหนดคีย์ ขนาด 64 บิต k_1, k_2, \dots, k_{64}
2. จาก k_1, k_2, \dots, k_{64} จะได้คีย์เวกเตอร์ 16 คีย์ คือ $K(1)$ ถึง $K(16)$ ซึ่งแต่ละคีย์มีขนาด 48 บิต ซึ่งใช้สำหรับการเข้ารหัสรอบที่ 1 ถึง 16 ตามลำดับ
3. รับเพลาบเท็กซ์ขนาด 64 บิต x_1, x_2, \dots, x_{64} เข้ามา
4. จาก x_1, x_2, \dots, x_{64} สร้างเวกเตอร์ขนาด 32 บิต $L(0)$ และ $R(0)$ ตาม สมการที่ 2.5 และ 2.6
5. เซ็ทค่าตัวนับรอบของการเข้ารหัสเป็น $i = 1$
6. สร้าง $ER(i-1)$ จาก $R(i-1)$ โดยการใช้ฟังก์ชันในการขยาย E ที่กำหนดโดยสมการ 2.9
7. ใช้ $K(i)$ ถ้าเป็นการเข้ารหัส แต่ถ้าเป็นการถอดรหัสใช้ $K(17-i)$
8. นำผลที่ได้จากขั้นที่ 6 และ 7 บวกกันแบบโมดูโล-2 และกำหนดให้ผลลัพธ์ที่ได้เป็นเวกเตอร์ A ที่มีขนาด 48 บิต $A = a_1, a_2, \dots, a_{48}$
9. สร้าง $S_1^{a_1, a_6}$ (a_2, a_3, a_4, a_5) ขึ้นมา และกำหนดผลที่ได้เป็น b_1, b_2, b_3, b_4 ทำซ้ำขั้นตอนนี้ จาก $S_2^{a_1, a_6}$ (a_8, a_9, a_{10}, a_{11}) ถึง $S_8^{a_{43}, a_{48}}$ ($a_{44}, a_{45}, a_{46}, a_{47}$) โดยจะได้ผลลัพธ์ที่ได้ออกมาจะเป็นเวกเตอร์ B ขนาด 32 บิต คือ b_1, b_2, \dots, b_{32}
10. หาค่า $P(B)$ ตามสมการ 2.11
11. นำ $P(B)$ บวกแบบโมดูโล-2 กับ $L(i-1)$ และให้ผลลัพธ์ที่ได้เป็น $R(i)$
12. กำหนด $L(i) = R(i-1)$
13. เพิ่มค่าตัวนับจำนวนรอบ i ขึ้น 1
14. ถ้าตัวนับจำนวนรอบเท่ากับ 16 หรือน้อยกว่า ให้ทำซ้ำขั้นที่ 6 ถึงขั้นที่ 14 ถ้าไม่ให้นำค่าเอาท์พุทสุดท้ายจาก $L(16)$ และ $R(16)$ ตามสมการ 2.7 และ 2.8

จะยกตัวอย่างที่แสดงให้เห็นถึงการเข้ารหัสใน 1 รอบ (ของทั้งหมด 16 รอบ) เพื่อให้ได้มาซึ่ง $L(1)$ และ $R(1)$ ดังนี้ โดยสมมติให้ X และ K เป็นเลขฐานสิบหก

$$X = K = 0123456789ABCDEF$$

หรือถ้าเป็นเลขฐานสองก็ได้

$$X = K = 0000\ 0001\ 0010\ 0011\ 0100\ 0101\ 0110\ 0111$$

$$1000\ 1001\ 1010\ 1011\ 1100\ 1101\ 1110\ 1111$$

ดังนั้นจากตารางที่ 2.4 และ 2.5 จะได้ว่า

$$\begin{aligned} K(1) &= 0000\ 1011\ 0000\ 0010\ 0110\ 0111 \\ &1001\ 1011\ 0100\ 1001\ 1010\ 0101 \quad (\text{ฐานสอง}) \\ &= 0\ B\ 0\ 2\ 6\ 7\ 9\ B\ 4\ 9\ A\ 5 \quad (\text{ฐานสิบหก}) \end{aligned}$$

จากสมการที่ 2.5 และ 2.6 จะได้ว่า

$$\begin{aligned} L(0) &= 1100\ 1100\ 0000\ 0000\ 1100\ 1100\ 1111\ 1111 \\ &= C\ C\ 0\ 0\ C\ C\ F\ F \end{aligned}$$

และ

$$\begin{aligned} R(0) &= 1111\ 0000\ 1010\ 1010\ 1111\ 0000\ 1010\ 1010 \\ &= F\ 0\ A\ A\ F\ 0\ A\ A \end{aligned}$$

ต่อจากนี้ก็จะขยาย $R(0)$ บวกแบบโมดูลุ-2 เข้ากับ $K(1)$ ทำให้ได้

$$\begin{aligned} A &= E\ R(0) \oplus K(1) \\ &= 011100\ 010001\ 011100\ 110010 \\ &111000\ 010101\ 110011\ 110000 \end{aligned}$$

จากข้อมูลทั้ง 48 บิตนี้ นำไปลดขนาดให้เหลือ 32 บิต โดยผ่านกระบวนการที่อธิบาย แล้วข้างต้นจะได้

$$\begin{aligned} S_1^{00}(1110) &= S_1^0(14) = 0 \quad (\text{ฐานสิบ}) = 0000 \quad (\text{ฐานสอง}) \\ S_2^{01}(1000) &= S_2^1(8) = 12 = 1100 \\ S_3^{00}(1110) &= S_3^0(14) = 2 = 0010 \\ S_4^{10}(1001) &= S_4^2(9) = 1 = 0001 \\ S_5^{10}(1100) &= S_5^2(12) = 6 = 0110 \\ S_6^{01}(1010) &= S_6^1(10) = 13 = 1101 \\ S_7^{11}(1001) &= S_7^3(9) = 5 = 0101 \\ S_8^{10}(1000) &= S_8^2(8) = 0 = 0000 \end{aligned}$$

นำค่า $S_1 - S_8$ มาเรียงลำดับและให้เท่ากับ B จะได้

$$\begin{aligned} B &= 0000\ 11C0\ 0010\ 0001\ 0110\ 1101\ 0101\ 0000 \\ &= 0\ C\ 2\ 1\ 6\ D\ 5\ 0 \end{aligned}$$

นำค่า B ไปผ่านสมการสลับตำแหน่งตามสมการ 2.11

$$\begin{aligned} P(B) &= 1001\ 0010\ 0001\ 1100\ 0010\ 0000\ 1001\ 1100 \\ &= 9\ 2\ 1\ C\ 2\ 0\ 9\ C \end{aligned}$$

นำ $P(B)$ บวกแบบโมดูลอ-2 เข้ากับ $L(0)$ เพื่อให้ได้ $R(1)$

$$\begin{aligned} R(1) &= 0100\ 1110\ 0001\ 1100\ 1110\ 1100\ 0110\ 0011 \\ &= 5\ E\ 1\ C\ E\ C\ 6\ 3 \end{aligned}$$

และสุดท้าย ข้อมูลทางด้านครึ่งซ้ายหรือ $L(1)$ จะมีค่าเท่ากับ $R(0)$ ดังนั้น

$$L(1) = R(0) = F\ 0\ A\ A\ F\ 0\ A\ A$$

ซึ่งเมื่อได้ $L(1)$ และ $R(1)$ ก็จะเป็นการสิ้นสุดกระบวนการใน 1 รอบ และใช้ $L(1)$ และ $R(1)$ นี้เป็นข้อมูลในรอบต่อไปจนครบ 16 รอบ