## การ เปลี่ยน เฟสในแบบจำลองไปรไดไหพ์ของสปินกลาส

บาย ราเซนทร์ รัตนโรจนากูล

วิทยานิพนธ์นี้ เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต

ภาควิชาฟิสิกส์

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2528

ISBN 974-564-867-1

009186

i 17118712

### PHASE TRANSITION IN A PROTOTYPE MODEL OF A SPIN GLASS



Mr. Rachen Ratanarojanakul

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Science

Department of Physics

Graduate School

Chulalongkorn University

1985

ISBN 974-564-867-1

Thesis Title	Phase Transition in a Prototype Model of a Spin Glass
Ву	Mr. Rachen Ratanarojanakul
Department	Physics
Thesis Adviser	(12)
72	
	by the Graduate School, Chulalongkorn University in
Partial fulfillme	nt of the requirements for the Master's degree.
(Associat	e Professor Supradit Bunnag, Ph.D.)
Thesis Committee	
<i>K</i>	ill biscottivisch. Chairman
(Associat	te Professor Kitt Visoottiviseth, Ph.D.)
	Ming Jang Member
(I-Ming	Tang, Ph.D.)
Flas.tz.	Ratanavanakamember
,	nt Professor Pisistha Ratanavararaksa, Ph.D.)
(U)	it Sughan. Member
(Assista	nt Professor Wijit Senghaphan , Ph.D.)
Vin	ulh Sayund Member
	or Virulh Sa-yakanit, Fil. Dr.)

Copyright of the Graduate School, Chulalongkorn University

Thesis Title Phase Transition in a Prototype Model of a Spin Glass

Name Mr. Rachen Ratanarojanakul

Thesis Adivser Dr. I-Ming Tang

Department Physics

Academic Year 1985



#### **ABSTRACT**

The Ising model having the competing interactions has been shown to undergo a phase transition to a spin glass phase using the replica method. Since this method is known to yield some serious discrepancies when applied to the Edwards Anderson model, a different method, the Bethe-Peierls-Weiss method is used to examine the phase transition in the prototype model of a spin-glass.

By applying the self consistency requirement of the Bethe-Peierls-Weiss method, an algebraic equation for the spin-glass order parameter is obtained as a function of the ratio between the strengths of the two competing interactions, the relative concentration of interaction bonds and the temperature. The phase boundaries are determined by examining the equations to find at what temperatures, non zero solutions are possible for a given concentration value c. This is done for z = 6 to 10 nearest neighbors in the cluster.

หัวข้อวิทยานิพนธ์ การ เปลี่ยน เฟสในแบบจำลองโปรโตไทพ์ของสปินกลาส

ชื่อนิสิต นาย ราเชนทร์ รัตนโรจนากุล

อาจารย์ที่ปรึกษา คร. ไอ-มิง ถัง

ภาควิชา ฟิสิกส์

ปีการศึกษา 2528

### บทคัดยอ



แบบจำลองไอซึ่งที่มีอันตรกริยาแบบแข่งขันได้ถูกแสดงว่ามีการเปลี่ยนเฟสไปยังสปิน กลาสเฟสโดยวิธีการเรปลิกา เนื่องจากวิธีนี้จะให้ข้อขัดแย้งที่รุ่นแรงเมื่อประยุกต์ใช้กับแบบ จำลองเอ็ดเวิร์ด-แอนเดอร์สัน วิธีอื่นคือวิธีการเบเธ-เพิร์ล-ไวส์ ได้ถูกเสนอขึ้นมาใช้ในการ สำรวจการเปลี่ยนเฟสในแบบจำลองโปรโตไทพ์ของสปินกลาส

โดยการประยุกต์ใช้ข้อบังคับที่สอดคล้องภายในตัวเอง (self consistent)
ของวิธีการเบเธ-เฟิร์ล-ไวส์ จะได้สมการพีชคณิตสำหรับสปินกลาสออร์เดอร์พารามิเดอร์เป็น
พังก์ชั่นของอัตราส่วนระหว่างความแรงของอันตรกริยาแบบแข่งขันทั้งสอง, ความเข้มข้นสัมพัทธ์
ของพันธะอันตรกริยาและอุณหภูมิ หาขอบเขตเฟสได้จากการแก้สมการที่หาว่า ณ อุณหภูมิใด
คำตอบที่ไม่ใช่ศูนย์จึงจะเป็นไปได้สำหรับค่าความเข้มข้น C ที่กำหนดให้ ซึ่งเราจะคำนวณในกระจุก (cluster) ที่อะตอมใกล้เคียงอะตอมกึ่งกลางมีค่าตั้งแต่ 6 ถึง 10 อะตอม



#### ACKNOWLEDGEMENTS

I would like to express my appreciation to Dr. I-Ming Tang for his invaluable advice and help given throughout this work.

I would like to express my gratitude to the thesis committee for their suggestion and reading the manuscript.

I also would like to express my sincere thanks to Mr. Somsak
Maneeratanakul for his help about computer program.

Finally, I would like to thank the Computer Laboratory, Physics Department, Chulalongkorn University for permission to use computer (Apple II) to run this work.

# TABLE OF CONTENTS

				page
ABSTRACT .			••••••	IV
ACKNOWLEDG	EMENT:	S	•••••	VI
LIST OF TAI	BLES.		••••••	IX
LIST OF FIG	GURES	• • • • • •	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	Х
CHAPTER I	SPIN	- GLAS	S	1
	1.1	Physic	al Description	1
	1.2	Edward	s and Anderson Model	1
	1.3	Sherri	ngton and Kirkpatrick Model	2
	1.4	Diffic	ulties Existing in the Solution	3
	1.5	TAP Me	thod	3
	1.6	Other	Techniques to Solve Spin-Glass Problem.	4
74		1.6.1	Nakanishi Method	4
		1.6.2	Differential Operators Technique	4
		1.6.3	The Work of M.W. Klein, L.J.Schowalter	
			and P.Shukla	5
	1.7	Protot	ype Model of Spin Glass	6
	1.8	Differ	ence Between Quenched and Annealed system	6
CHAPTER II	FORM	ULATION	OF PHASE BOUNDARY EQUATION	8
	2.1	Bethe-	Peierls-Weiss (BPW) Approximation	8
	2.2	Delta	Function Distribution of Interaction	
	8 2	Streng	ths	14
	2.3	Free E	nergy	18
CHAPTER II	I NUM	ERICAL	RESULTS	23

.i	page
CHAPTER IV CONCLUSION	72
REFERENCES	75
APPENDIX A THE DERIVATION OF EQUATION (2.19)	77
APPENDIX B COMPUTER PROGRAMS	88
B.1 Program for Evaluating the Approximate Value	
X and M With C = 0	88
B 1.1 Program for Evaluating X When Z,A and N	
Are Given	88
B 1.2 Program for Evaluating M When Z,A and $X$	
Are Given	89
B.2 Newton-Raphson Method Program	90
B.3 Least Squares Method Program for Curve Fitting	91
VITA	103

# LIST OF TABLES

Tabl		page
1.	The value of M, X and SQR(X) obtaining from Newton-	
	Raphson method for $C = 0$ to 1, $Z = 6$ , $A = 0.5$	52
2.	As Table 1 for Z = 6, A = 1	53
3.	As Table 1 for Z = 6, A = 1.5	54
4.	As Table 1 for Z = 6, A = 2	55
5.	As Table 1 for Z = 7, A = 0.5	56
6.	As Table 1 for Z = 7, A = 1	57
7.	As Table 1 for $Z = 7$ , $A = 1.5$	58
8.	As Table 1 for $Z = 7$ , $A = 2$	59
9.	As Table 1 for Z = 8, A = 0.5	60
10.	As Table 1 for Z = 8, A = 1	61
11.	As Table 1 for Z = 8, A = 1.5	62
12.	As Table 1 for Z = 8, A = 2	63
13.	As Table 1 for Z = 9, A = 0.5	64
14.	As Table 1 for Z = 9, A = 1	65
15.	As Table 1 for Z = 9, A = 1.5	66
16.	As Table 1 for Z = 9, A = 2	67
17.	As Table 1 for Z = 10, A = 0.5	68
18.	As Table 1 for Z = 10, A = 1	69
19.	As Table 1 for Z = 10, A = 1.5	70 .
20.	As Table 1 for Z = 10, A = 2	71
21.	The value of E, F and G obtaining from least squares	
	method for various value of A and Z	92
22.	The value of X for various value of A, Z and M	95
23.	The value of M for various value of A, Z and X	98

## LIST OF FIGURES

Figu	ure																					p	age
1.	Gra	aph fo	or	obta	ini	ing	g th	ne	ap	prox	i ma	te	٧٥	alu	e	Χa	nd	М					
	for	^ Z =	6	, A:	= 0	) . 5	5																
		1	=	gra	oh	fr	om	Ta	abl	e 22													
3		0	=	grap	oh	fr	rom	Ta	abl	e 23.	••	••	• 0 •	• • •	• •	• 0 0	••	••	• • •	•••	•		27
2.	As	Fig.	1	for	Z	=	6,	Α	=	1			• 0 •		• 0			••	• 0 •		•		28
3.	As	Fig.	1	for	Z	=	6,	Α	=	1.5	••	٠.			••	• • •			• • •		•		29
4。	As	Fig.	1	for	Z	=	6,	Α	=	2	· • •	۰ •		•••	••	· • •	٠.	••			•		30
5.	As	Fig.	1	for	Z	=	7,	Α	=	0.5	• 0	٠.	o • •	· • •	c •		••	••	••		•		31
6.	As	Fig.	1	for	Z	=	7,	Α	=	1	• •	00	000	0 •	c •	• • •	۰.		• • •		•		32
7.	As	Fig.	1	for	Z	=	7,	Α	=	1.5.		c o	• • •		• c	c • c	٠.	• 0		• • •	•		33
8.	As	Fig.	1	for	Z	=	7,	Α	=	2		••			۰.		• 0	00	• 0 •	•	•		34
9.	As	Fig.	1	for	Z	=	8,	Α	=	0.5	00	o •			c •	c • c	٠.	сc	•••		•		35
10.	As	Fig.	1	for	Z	=	8,	Α	=	1		• 0		• • •	٠.	• • •	• 0	00	• • •		•		36
11.	As	Fig.	1	for	Z	=	8,	Α	=	1.5.	۰.	٠.	000	• •	••	• • 0	• 0	٠.	• 0 0		•		37
12.	As	Fig.	1	for	Z	=	8,	Α	=	2	٠.	٠.		· c •	c o	• • •	o •		• 0 •		2. <b>•</b> 3		38
13.	As	Fig.	1	for	Z	=	9,	Α	=	0.5.	0 0	0 0	0 6 0	· c •	••	• • •	۰.	••	• c •	• • •	•		39
14.	As	Fig.	1	for	Z	=	9,	Α	=	1	0 0	c 0	• 0 0		• •		••	••	• •		• -		40
15.	As	Fig.	1	for	Z	=	9,	Α	=	1.5.	c 0	o •		• •	••	o c •	• 0	• c	000		•		41
16.	As	Fig.	1	for	Z	=	9,	Α	=	2	٠.	<b>c</b> o	o • •	• •	c e	· • •	••	••	00	••	•	8	42
17.	As	Fig.	1	for	Z	=	10,	F	\ =	0.5	0 0	• •	000	••	• 0			۰.			٠		43
18.	As	Fig.	1	for	Z	=	10,	F	= ا	1	00	0 0	o • o	• •	o c	o • •	c •	••			. • 2		44
19.	As	Fig.	1	for	Z	=	10,	F	\ =	1.5.	• •	0 0		• •	۰.		• 0	o •	• • •	• •	•		45
20.	As	Fig.	1	for	Z	=	10,	F	\ =	2	• 0	0 0	• 0 •	••	• •		••	••	•••	•••	•		46
21.	Gra	aph sh	nov	ving a	a f	ur	nct	or	nal	depe	nd	en	ce	of	tl	he	cr	it	ica	1			
	ter	nperat	tur	re T <sub>g</sub>	or	1 (	cond	er	ntr	ation	C	f	or	va	ri	ous	٧	alı	ue	of			
	7 :	and A	v	uhara	7	ic	+ + 1		01	focti	VO	nı	ımb	or	0	fr	ia	ahl	hav	rin			

Figure	page
atoms in the Bethe-Peierls-Weiss approximation, A is	
the ratio between the strengths of the two competing	
interactions and $k_B$ is the Boltzmann's constant	50
22. Graph showing a functional dependence of the critical	
temperature $T_g$ on the effective number of neighboring	
atoms Z in the Bethe-Peierls-Weiss approximation for	
various value of C and A, where C is the concentration,	8
A is the ratio between the strengths of the two	
competing interactions and $k_{\mathrm{B}}$ is the Boltzmann's	
constant	51