



บทที่ 2

## ประวัติการกำหนดพิกัดตำแหน่งจุดบนพื้นโลก

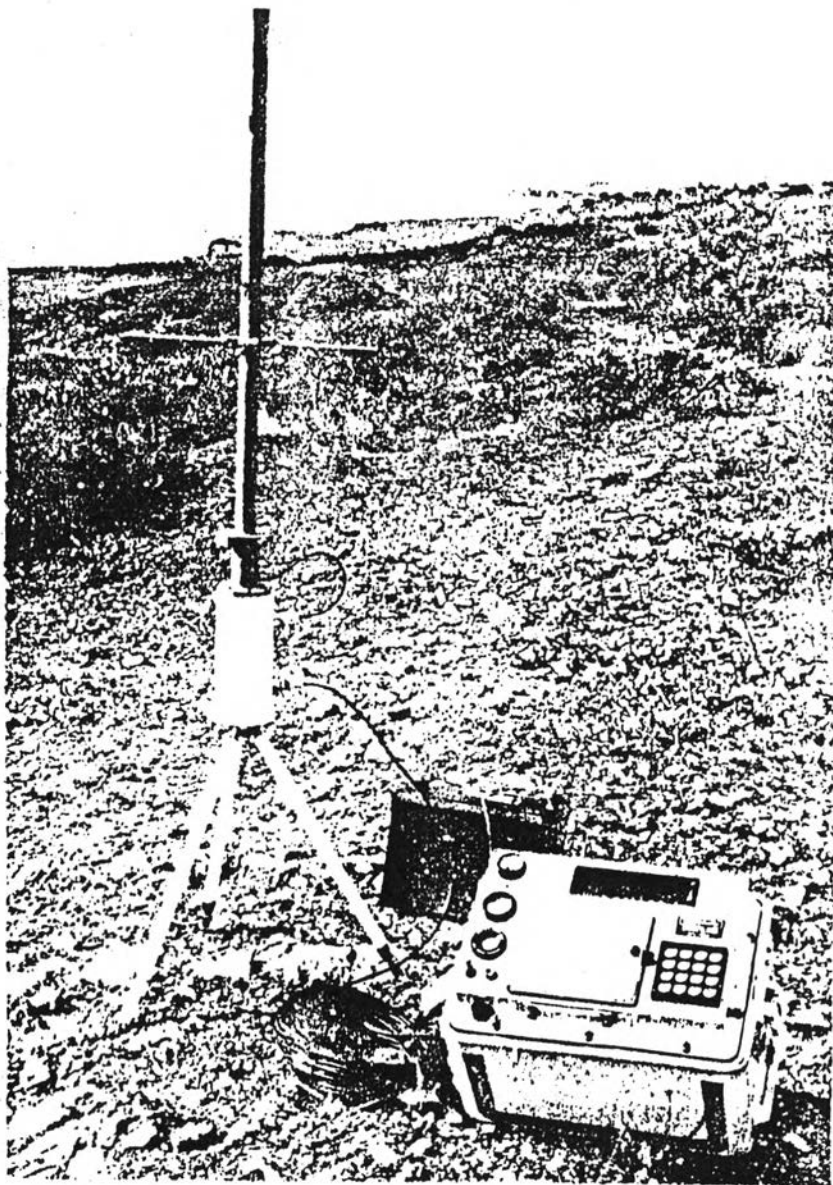
### 2.1 คำนำ

ประเทศสหรัฐอเมริกาเป็นผู้ริเริ่มประดิษฐ์เครื่องมือที่ใช้ในการรังวัด เพื่อกำหนดพิกัดตำแหน่งบนพื้นโลก โดยการรับสัญญาณดาวเทียมด้วยวิธีการดอปเปลอร์ ตั้งแต่ปี พ.ศ. 2501 และได้เริ่มดำเนินการผลิตเครื่องมือเพื่อใช้งานตั้งแต่ปี พ.ศ. 2507 จนกระทั่งนำไปใช้งานได้ตั้งแต่ปี พ.ศ. 2510 วัตถุประสงค์ของการผลิตเครื่องมือครั้งแรกเพื่อนำไปใช้ในราชการกองทัพเรือสหรัฐอเมริกา ต่อมาทางกองทัพเรือสหรัฐอเมริกาได้เสนอให้นำเครื่องมือที่ผลิตได้ไปใช้งานทางด้านกิจการเดินเรือของพลเรือน มีการผลิตเครื่องมือเพื่อการดำน้ำในพ.ศ. 2511 เครื่องมือนี้สร้างขึ้นมาเพื่อให้ทางด้านกิจการเดินเรือ จึงมีความคลาดเคลื่อนอยู่ในระหว่าง 80 เมตร ถึง 100 เมตร (Stansell, 1978)

ในเวลาต่อมาได้มีการพัฒนาเครื่องมือนี้ให้มีความละเอียดและความถูกต้องสูงขึ้น เพื่อใช้ในกิจการด้านการสำรวจและทำแผนที่ ทำให้เครื่องมือมีความสะดวกที่จะนำไปใช้งานยิ่งขึ้น สามารถจะอ่านออกมาเป็นค่าละติจูด ลองจิจูด และความสูงที่อยู่จากเครื่องมือได้โดยตรง เครื่องมือนี้ได้มีผู้นำไปใช้เพื่อกิจการสำรวจและทำแผนที่ทั่วโลก มีที่ใช้งานอยู่ 3 ชนิดคือ Magnavox Mx 1502, Motorola-Mini Ranger และ JMA-1 ทั้งสามชนิดนี้ประเทศสหรัฐอเมริกาเป็นผู้ผลิตออกจำหน่าย เครื่องมือ 1 ชุด ประกอบด้วย ตัวเครื่องรับ แบตเตอรี่และเสาอากาศ กรมที่ดินเลือกใช้เครื่อง Magnavox Mx 1502 (ตามรูป 2.1) เครื่องมือนี้ได้มีการนำมาใช้งานในประเทศไทยครั้งแรก ปี พ.ศ. 2514 ถึงปี พ.ศ. 2516 โดยกรมแผนที่ทหาร ได้จ้างบริษัทจากสหรัฐอเมริกามาทำการรังวัดให้ เครื่องมือที่ใช้เก็บของบริษัทเอง จำนวนสถานที่ทำการรังวัดทั้งหมด 12 สถานที่ แต่ใช้ได้เพียง 9 สถานที่ (Walker, 1977)

## 2.2 ดาวเทียมที่ใช้ทางด้านการกำหนดพิกัดตำแหน่ง

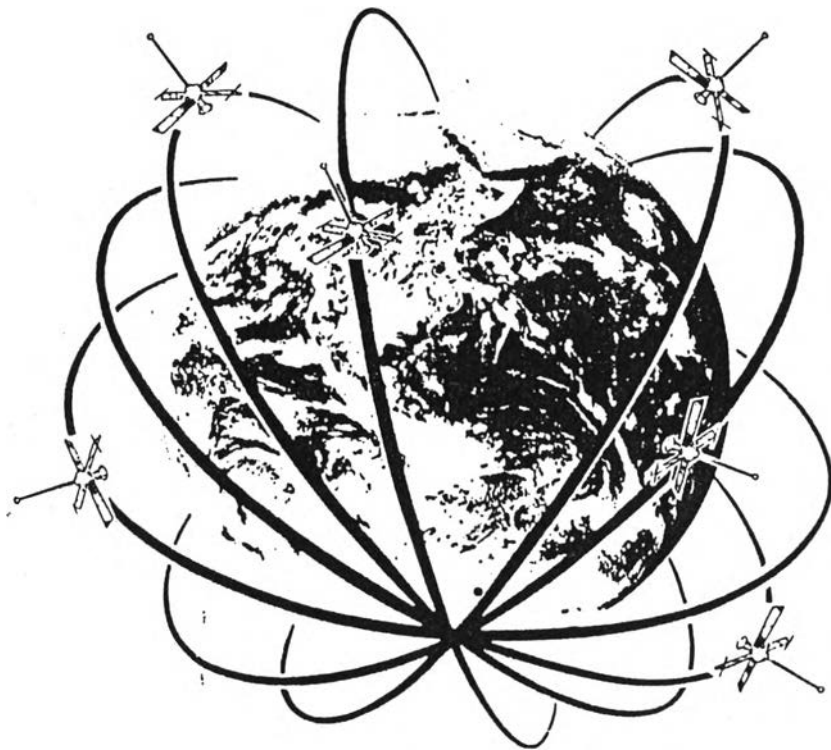
การกำหนดพิกัดตำแหน่งบนพื้นโลกโดยการรับสัญญาณดาวเทียม ใช้ระบบทรานสิท (Transit) เป็นระบบดาวเทียมกำหนดค่าพิกัดของกองทัพเรือสหรัฐ (Navy Navigation Satellite System หรือ NNSS) ถูกพัฒนาขึ้นมาโดย Applied Physics Laboratory



รูปที่ 2.1 เครื่องมือวัด Magnavox Mx 1502 (Stansell, 1978)

(หรือ APL) ของมหาวิทยาลัยจอห์นฮอปกินส์ โดยดาวเทียมระบบนี้อยู่ในความรับผิดชอบของ Navy Astronautics Group มีสำนักงานใหญ่อยู่ที่ Point Mugu แคลิฟอร์เนีย มีสถานภาคพื้นดินที่คอยติดตามการโคจรของดาวเทียมอยู่ 4 แห่ง คือ รัฐเมน รัฐมิสซิสซิปปี รัฐแคลิฟอร์เนีย และรัฐฮาวาย

ดาวเทียมที่ใช้ปัจจุบัน 7 ดวง โคจรสูงจากพื้นผิวโลกประมาณ 1075 กิโลเมตร วงโคจรเป็นวงกลมผ่านขั้วโลกทั้งสองของโลกรวมกันเป็นวงโคจรของดาวเทียมเหล่านี้ประกอบกันเป็นรูปคล้ายกรงนก (ตามรูป 2.2) เวลาที่ใช้โคจรครบหนึ่งรอบประมาณ 107 นาที ความถี่ที่ใช้ในการส่งข้อมูลจะส่งด้วยกำลังส่งประมาณ 1 วัตต์ ที่ความถี่ประมาณ 150 และ 400 MHz



**รูปที่ 2.2** แสดงวงโคจรของดาวเทียมในระบบทรานสิท โดยโคจรสูงจากพื้นดิน 1075 กิโลเมตร (Stansell, 1978)

## 2.3 การทำงานของระบบทรานสิท

การคำนวณหาค่าพิกัดตำแหน่งของเครื่องรับสัญญาณบนพื้นโลก จากค่าพิกัดของดาวเทียมในขณะที่โคจรผ่านเครื่องรับสัญญาณ แบ่งการทำงานได้เป็น 3 ส่วน คือ

2.3.1 ส่วนอวกาศ องค์ประกอบของส่วนอวกาศคือดาวเทียม เครื่องรับและส่งสัญญาณเกี่ยวกับข้อมูลเวลา วงโคจร

2.3.2 ส่วนควบคุม ประกอบด้วย

ก) สถานีติดตามภาคพื้นดิน ใช้ในการควบคุมข้อมูลเวลาที่ดาวเทียมส่งกระจายลงมา สถานีติดตามทั้ง 4 แห่งที่คอยติดตามการเคลื่อนที่ของดาวเทียมทั้ง 7 ดวง วัดและบันทึกข้อมูลในขณะที่ดาวเทียมโคจรผ่านเหนือสถานี แล้วส่งข้อมูลทั้งหมด ไปรวมกันที่ศูนย์คำนวณที่สำนักงานใหญ่ในรัฐแคลิฟอร์เนีย

ข) ศูนย์คำนวณ ทำหน้าที่รวบรวมข้อมูลของการวัดแล้วคำนวณหาวงโคจรของดาวเทียม การคำนวณนี้กระทำทุก 24 ชั่วโมง จากการวัด 36 ชั่วโมง และจะคำนวณวงโคจรล่วงหน้าไปอีก 36 ชั่วโมง ส่งกลับเข้าไปเก็บไว้ในดาวเทียม การส่งข้อมูลจะกระทำทุก 12 ชั่วโมง โดยส่งไปเก็บแต่ละครั้งมีความยาว 16 ชั่วโมง ข้อมูลดาวเทียมนี้ชื่อเรียกว่า อีพีเมอริสส่งกระจาย ในการคำนวณของศูนย์คำนวณใช้แบบจำลองสนามแรงดึงดูดที่มีชื่อเรียกว่า WGS 72 (World Geodetic System 1972) และพิกัดตำแหน่งของสถานีติดตามที่อยู่ในระบบพิกัดที่เรียกว่า NWL 10D

2.3.3 ส่วนผู้ใช้ องค์ประกอบคือ เครื่องรับสัญญาณและเครื่องคำนวณหรือเครื่องคอมพิวเตอร์ที่ใช้ในการประมวลผลข้อมูลที่รับวัดได้ เพื่อคำนวณหาตำแหน่งของจุดตามที่ต้องการ

## 2.4 เทคนิคการหาพิกัดตำแหน่งด้วยทศปัลเลอรั

วิธีการหาพิกัดตำแหน่งบนจุดที่ต้องการทราบตำแหน่งกระทำได้ 2 วิธีคือ

2.4.1 การหาพิกัดตำแหน่งสัมบูรณ์ (Point Positioning) วิธีนี้จะเก็บรวบรวมข้อมูลของเส้นทางดาวเทียมที่โคจรผ่านจุดที่ต้องการหาพิกัดตำแหน่งหลาย ๆ เส้น และโดยอาศัยข้อมูลดาวเทียมหรืออีพีเมอริส มาทำการวิเคราะห์หาพิกัดตำแหน่งของจุดที่ตั้งเครื่องรับ โดยมีค่าพิกัดบนพื้นหลักฐานดาวเทียม เช่น ใช้เส้นทางดาวเทียม 15 เส้น และเป็นอีพีเมอริสส่งกระจาย จะมีความถูกต้องของค่าพิกัดตำแหน่งอยู่ในเกณฑ์ 10 เมตร (Hoar, 1982)

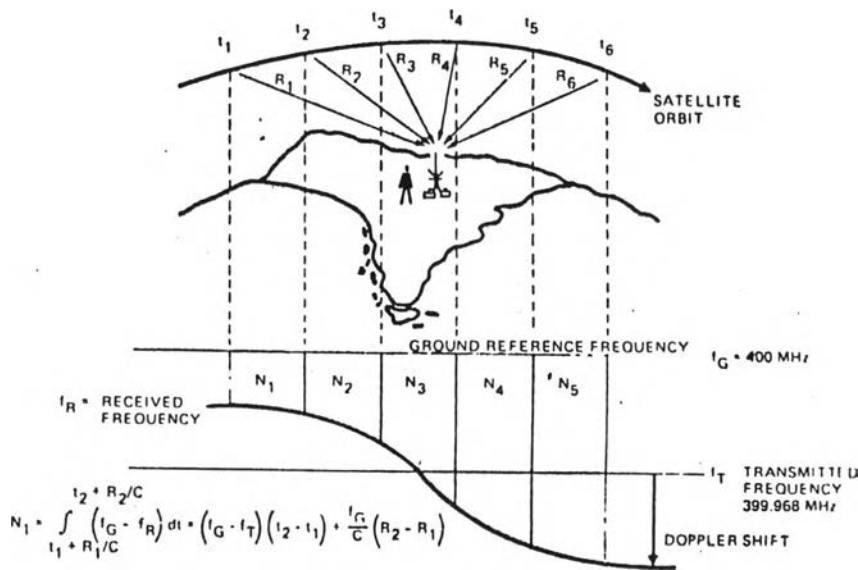
2.4.2 การหาพิกัดตำแหน่งสัมพัทธ์ (Relative Positioning) วิธีนี้เกี่ยวข้องกับ การนำเครื่องรับสัญญาณดาวเทียมไปวางที่จุดพร้อม ๆ กัน ตั้งแต่สองจุดขึ้นไป ในการวิเคราะห์ข้อมูล เพื่อคำนวณหาพิกัดตำแหน่งจะคำนึงถึงสหสัมพันธ์ (Correlation) ระหว่างจุดที่รับวัด ซึ่งจะทำให้พิกัดตำแหน่งสัมพัทธ์ที่มีความถูกต้องมากกว่าวิธีการหาค่าพิกัดตำแหน่งสัมบูรณ์ ในการหาค่าพิกัดตำแหน่งสัมพัทธ์จะได้ค่าพิกัดที่ถูกต้องยิ่งขึ้น ถ้าใช้เครื่องรับตั้งแต่ 3 เครื่องขึ้นไป ทำการรับสัญญาณจากดาวเทียมในขณะเดียวกัน จะทำให้จุดที่นำเครื่องรับไปวางโยงยึดกันเป็นโครงข่าย

วิธีคำนวณหาตำแหน่งสัมพัทธ์ แบ่งการคำนวณเป็น 3 วิธี คือ

- ก) Short arc translocation วิธีคำนวณแบบนี้จะรวมพารามิเตอร์ของวงโคจรทั้งหมด 6 ตัว เป็นส่วนหนึ่งในการคำนวณปรับแก้
- ข) Semi-short arc translocation วิธีคำนวณที่รวมพารามิเตอร์ของวงโคจร ตั้งแต่ 1 ถึง 5 ตัว เป็นส่วนหนึ่งในการคำนวณปรับแก้
- ค) Simple translocation วิธีการคำนวณที่นำข้อมูลของวงโคจรจากอีพีเมอริสมาใช้ โดยถือว่าเป็นค่าที่ถูกต้องไม่มีการปรับแก้ใหม่

2.5 การวิเคราะห์ที่มอดดอปเปลอร์

หลักการพื้นฐาน อาศัยดาวเทียมที่รู้ค่าพิกัดในขณะเวลาต่าง ๆ แล้วทำการวัดดอปเปลอร์ซีฟท์ของความถี่คลื่นวิทยุที่ส่งออกมาจากดาวเทียมที่จุดบนพื้นผิวโลก ค่าที่วัดได้ในเครื่องรับไม่ใช่ค่าดอปเปลอร์ซีฟท์ที่ต้องการโดยตรง แต่เป็นค่าต่างของความถี่ ( $f_G - f_R$ ) จะถูกบวกสะสมไว้สำหรับช่วงเวลาเครื่องรับทำงานรับสัญญาณ ค่าผลบวกสะสมนี้เรียกว่า ดอปเปลอร์เคานต์ (Doppler count) ตามรูป 2.3



รูปที่ 2.3 แสดงค่าดอปเปลอร์เคานต์ที่วัดได้จากสัญญาณดาวเทียม (Stansell, 1978)

การคำนวณหาดอปเปลอร์เคานต์จะโยงไปหาตำแหน่งของจุดที่ตั้งเครื่องรับ คือ

$$\text{ผลต่างของความถี่} = f_G - f_R$$

เมื่อเวลาเปลี่ยนจาก  $t_1$  เป็นเวลา  $t_2$  จะได้ค่าดอปเปลอร์เคานต์

$$N_1 = \int_{t_1 + R_1/C}^{t_2 + R_2/C} (f_G - f_R) dt \dots (1)$$

จากสมการ (1) แยกได้เป็น

$$N_1 = \int_{t_1+R_1/C}^{t_2+R_2/C} f_G dt - \int_{t_1+R_1/C}^{t_2+R_2/C} f_R dt \quad \dots (2)$$

แต่จำนวนคลื่นที่เครื่องรับรับได้จากเวลา  $t_1 + R_1/C$  ถึงเวลา  $t_2 + R_2/C$  จะเท่ากับจำนวนคลื่นที่ส่งออกจากดาวเทียมจากเวลา  $t_1$  ถึง  $t_2$  ดังนั้น จากสมการ (2) จะเขียนใหม่ได้

$$N_1 = \int_{t_1+R_1/C}^{t_2+R_2/C} f_G dt - \int_{t_1}^{t_2} f_T dt \quad \dots (3)$$

แต่  $f_G, f_T$  เป็นค่าคงที่ สมการ (3) จะได้

$$N_1 = f_G [(t_2 - t_1) + \frac{1}{C} (R_2 - R_1)] - f_T (t_2 - t_1)$$

หรือ

$$N_1 = (f_G - f_T) (t_2 - t_1) + \frac{f_G}{C} (R_2 - R_1) \quad \dots (4)$$

จากสมการ (4) แสดงความสัมพันธ์ระหว่างค่าที่รับวัด  $N_1$  กับผลต่างระยะทาง ส่วนพารามิเตอร์อื่น ๆ เป็นตัวที่รู้ค่าทั้งสิ้น ผลต่างระยะทางมีความสัมพันธ์กับตำแหน่งของจุดที่ต้องการหา

ถ้าให้	$X_0, Y_0, Z_0$	เป็นพิกัดตำแหน่งของเครื่องรับ
	$X_1, Y_1, Z_1$	เป็นพิกัดตำแหน่งของดาวเทียมที่เวลา $t_1$
	$X_2, Y_2, Z_2$	เป็นพิกัดตำแหน่งของดาวเทียมที่เวลา $t_2$

ดังนั้น ความสัมพันธ์ของผลต่างระยะทางจะได้

$$R_2 - R_1 = [(X_2 - X_0)^2 + (Y_2 - Y_0)^2 + (Z_2 - Z_0)^2]^{1/2} - [(X_1 - X_0)^2 + (Y_1 - Y_0)^2 + (Z_1 - Z_0)^2]^{1/2}$$

หรือ

$$R_2 - R_1 = f_1 (X_0, Y_0, Z_0)$$

จากสมการ (4) จะได้เป็น

$$N_1 = (f_G - f_T) (t_2 - t_1) + \frac{f_G}{c} f_1 (X_0, Y_0, Z_0) \quad \dots (5)$$

สมการนี้เป็นรูปจำลองคณิตศาสตร์ที่ใช้วิธีการคำนวณปรับแก้เพื่อหาค่าพารามิเตอร์ ซึ่งเป็นวิธีการแก้สมการค่าสังเกต (Observation equation)

## 2.6 ค่าพิกัดตำแหน่งของดาวเทียม

การคำนวณพิกัดตำแหน่งของเครื่องรับ จำเป็นต้องอาศัยพิกัดตำแหน่งของดาวเทียมในขณะทำการรับสัญญาณ ในการหาพิกัดตำแหน่งของดาวเทียมกระทำได้อคือ

2.6.1 อีพีเมอริสส่งกระจาย เป็นคลื่นวิทยุที่ดาวเทียมส่งมายังเครื่องรับสัญญาณ โดยพิกัดตำแหน่งของดาวเทียมได้มาจากการคำนวณล่วงหน้าที่ต้องอาศัย

ก) สถานีติดตามภาคพื้นดินสี่แห่ง ติดตามการเคลื่อนที่ของดาวเทียม วัดและบันทึกข้อมูลในขณะดาวเทียมโคจรผ่านเข้ามาอยู่เหนือสถานี แล้วส่งข้อมูลทั้งหมด ไปรวมกันที่ศูนย์



คำนวณในรัฐแคลิฟอร์เนีย คำนวณหาวงโคจรของดาวเทียมทุก 24 ชั่วโมง โดยใช้ข้อมูลจากการวัด 36 ชั่วโมง

ข) แบบจำลองสนามแรงดึงดูดของโลก ที่เป็นแรงทำให้ดาวเทียมโคจรรอบโลกได้

ค) แบบจำลองคณิตศาสตร์ของแรงอื่น ๆ ที่กระทำต่อดาวเทียม

ผลของการคำนวณค่าพิกัดตำแหน่งดาวเทียมในลักษณะนี้ มีความถูกต้องอยู่ในเกณฑ์ 20-30 เมตร

2.6.2 อีพีเมอร์สละเอียด (Precise ephemeris) เป็นการประยุกต์ค่าของอีพีเมอร์สส่งกระจาย ให้ได้พิกัดตำแหน่งของดาวเทียมในขณะโคจรจริง ประกอบด้วย

ก) สถานีติดตามดาวเทียมมากกว่า 20 แห่ง ที่กระจายอยู่ทั่วโลก

ข) รูปจำลองสนามแรงดึงดูดของโลก มีการเปลี่ยนแปลงหลายครั้ง เพื่อความถูกต้องมากยิ่งขึ้น

ค) การคำนวณวงโคจรกระทำ 2 วันต่อครั้ง จากข้อมูลการติดตาม 48 ชั่วโมง และจะกระทำสำหรับดาวเทียมเพียงหนึ่งหรือสองดวงเท่านั้น

ผลของการคำนวณค่าพิกัดตำแหน่งดาวเทียม มีความถูกต้องอยู่ในเกณฑ์ 2-3 เมตร แต่ระยะเวลาในการดำเนินงานต้องใช้เวลานาน และทาง DMAHTC (Defense Mapping Agency Hydrographic Topographic Center) เป็นผู้พิจารณาส่งข้อมูลแบบอีพีเมอร์สละเอียดมาให้ผู้รับสัญญาณ เพื่อให้ผู้รับสัญญาณใช้คำนวณหาตำแหน่ง